



Thys. 1364



Holzstiche
ans dem zylographischen Ateller
von Friedrich Vieweg und Sohn
in Braunschweig.

Papier
ans der Papler-Fahrik
der Gebrüder Vieweg zu Wendhausen
bei Braunschweig.

do.

# LEHRBUCH

DER

# PHYSIK UND METEOROLOGIE.

THEILWEISE NACH

#### POUILLET'S LEHRBUCH DER PHYSIK

SELBSTÄNDIG BEARBEITET

von

DR. JOH. MÜLLER,

#### SECHSTE

UMGEARBEITETE UND VERMEHRTE AUFLAGE.

### IN ZWEI BÄNDEN.

mit über 1500 in den text eingedruckten holzstichen, 13 stahlstichtafeln, zum Theil in Farbendruck, und einer Photogradhie.

ERSTER BAND.

BRAUNSCHWEIG,

DRUCK UND VERLAG VON FRIEDRICH VIEWEG UND SOHN.

1862.

Communicación de la Computación de la Computació

# LEHRBUCH

DER

# PHYSIK UND METEOROLOGIE.

VON

### DR. JOH. MÜLLER,

Grossherzoglich Andischem Hofrath, Professor der Physik und Technologie un der Universität zu Freiburg im Breignu.

#### SECHSTE

### UMGEARBEITETE UND VERMEHRTE AUFLAGE.

## IN ZWEI BÄNDEN.

MIT ÜBER 1500 IN DEN TEXT EINGEDRUCKTEN HOLZSTICHEN, 13 STAHLSTICH-TAFELN, ZUM THEIL IN PARBENDRUCK, UND EINER PROTOGRAPHIE.

ERSTER BAND.

BRAUNSCHWEIG,

DRUCK UND VERLAG VON FRIEDRICH VIEWEG UND SOHN.

1862,

DE GAND.

- Greek

Die Herungabe einer Uebersetzung in französischer und englischer Sprache, sowie in anderen modernen Sprachen wird vorbehalten.

## VORREDE

ZUR

# FÜNTTEN AUFLAGE.

Wenn von einem Werke, wie das vorliegende, in verhältnissmässig kurzer Zeit (die erste Auflage wurde im Jahre 1844 vollendet) mehrere Auflagen erscheinen, so ist das Publikum wehl berechtigt, an jede folgende höhere Anforderungen zu stellen als an die vorhergehenden. — Dies anerkennend, war ich auch bei Ausarbeitung dieser fünften Auflage nach Kräften bemilht, in derselben die Physik nicht allein in einer dem jetzigen Stande der Wissenschaft entsprechenden Weise, sondern auch in einer Form darzustellen, welche das Eindringen in die Erkenntniss physikalischer Gesetze möglichst erleichtert, ohne jedoch der wissenschaftlichen Sternpe und Consequenz etwas zu vergeben.

Die eben angedeutete Tendenz ist für ein Lehrhuch der Physik, welches einigermaassen Erfolg haben soll, durch die Verhältnisse der Wissenschaft und des Lebens gehieterisch vorgezeichnet; denn während das Material der Physik von Tag zu Tag anwächst, gewinnen lihre Lehren auch täglich einen grösseren Einfluss auf das Leben. Auf der einen Seite wird also die Erlangung unfassender und gründlicher physikalischer Kenntnisse immer schwieriger, auf der anderen Seite wird aber möglichste Verbreitung derselben immer nothwendiger.

Diese Gegensätze zu vermitteln ist die Aufgabe der Lehrbücher.

Um diese Aufgahe zu lösen, schien es mir vor Allem nothwendig, die Fundamentalterscheinungen als die Basis des ganzen Lehrgehäudes mit möglichster Treue und Klarheit darzustellen und dann in möglichst präciser und verständlicher Form den Zusammenhang zwischen der Thatsache und der Theorie zu entwickeln, dabei aber auf der einen Seite eine breitspurige Pedanterie zu vermeiden, welche den Leser langweilt und die Klarheit des Ueberblicks stört; auf der anderen Seite aber auch ein alzu flüchtiges, nach dem Schein der Genialität haschendes Hinwerfen der Gedanken, welches den Leser täuscht und eine gründliche Erkenntniss nicht aufkommen lässt.

Alle physikalischen Erscheinungen entwickeln sich in Zeit und Raum, und zwar sind sie in solcher Weise Functionen derselben, dass ohne mathematische Anschauung ein richtiges Verständniss der Naturgesetze vollkommen unmöglich ist. Daraus folgt nun auch, dass ein Lehrbuch der Physik sich einer mathematischen Betrachtungsweise nicht entschlagen darf, dass es im Gegentheil so viel als irgend möglich auf eine solche hinleiten muss. In einem Werke aber, welches physikalische Kenntnisse in weiteren Kreisen verbreiten soll, muss man sich auf die Anwendung der Elementarmathematik beschränken und wo Formeln nothwendig sind, müssen dieselben gehörig eingeführt und entwickelt werden, damit auch der weniger Geübte dem Cange folgen kann.

Wenn es auch öfters unmöglich ist, ein physikalisches Gesetz in seiner ganzen Allgemeinheit mit elementaren Hülfsmitteln darzustellen, so gelingt es doch oft, ein solches in concreten Fällen unter einfachen Verhältnissen anschaulich zu nachen und eine richtige Vorstellung des Grundprincips zu entwickeln. — Auf die sem Wege ist es mir, wie ich hoffe, gelungen, eine oder die andere Partie der Naturlehre einem allgemeineren Verständniss zu eröffnen, welche demselben bisher verschlossen war.

Da alle naturwissenschaftliche Erkenntniss von der Anschauung ausgehen muss, da ferner zum Verständniss der Experimente die Kenntniss der Apparate bis zu einem gewissen Grade unerlässlich ist, so sind gute Abbildungen für ein Lehrbuch der Physik von wesentlicher Bedeutung; ich habe ihnen deshalb die grösste Sorgfalt gewidmet und der Umstand, dass ich fast alle Figuren selbst gezeichnet habe, sichert dem Werke den grossen Vortheil, dass dieselben vollkommen dem Bedürfniss des Textes entsprechen, was kaum zu erreichen ist, wenn Verfasser und Zeichner verschiedene Personen sind. — Die zabtreichen in den Text eingedruckten Holzschnitte befördern aber nicht allein das Verständniss, sie erleichtern auch dem Leser die Orientirung im Buch und unterstützen das Gediichtniss, indem der Anblick der Figuren unwillkürlich an den Gegenstand erinnert, zu dessen Erläuterung sie dient.

Für die vortroffliche Ausführung der Holzschnitte, welche zu dem Ausgezeichnetsten gehören, was in diesem Fache geleistet wurde, und welche für die fünfte Auflage fast sämmtlich neu gestochen wurden, fühle ich mich meinem Freunde Eduard Vieweg um so mehr verpflichtet, als der Preis dieses Lehrbuchs im Verhältniss der Bogenzahl nicht höher gestellt ist, als der ähnlicher aber ungfleich sehlechter ausgestatteter Werke.

Ausser den zahlreichen Holzschnitten sind dem Buche noch zwölf grösstentheils zur Erläuterung dienende, theils in Farben-

druck ausgeführte Tafeln beigegeben.

Den Ausgangspunkt für das vorliegende Lesebuch bilden Pouillet's "Éléments de physique expérimentale et de Météorologie", deren Bearbeitung ich übernommen hatte. War aber bereits diese erste Bearbeitung eine ganz selbständige, so wurden in den folgenden Auflagen allnälig die Spuren französischer Abkunft vollständig verwischt. Das Werk ist in seiner gegenwärtigen Form nicht allein dem Lehrgange deutscher Unterrichtsanstalten angepasst, sondern es sind in demselben vorzugsweise solche Apparate abgebildet und beschrieben, wie sie sich in unseren physikalischen Sammlungen finden und wie sie aus den Werkstätten deutscher Mechaniker hervorgehen.

Obgleich nun, wie jeder Sachverständige anerkennt, dieses Werk in seiner gegenwärtigen Form durchaus meine eigene selbständige Arbeit ist, so sehien es doch nicht zweckmässig, den Titel zu änderrn, unter welchem es bereits eine so grosse Verbreitung gefunden hat. Möge auch diese Auflage eine wohlwollende Aufnahme finden und zur Verbreitung gründlicher physikalischer Kenntnisse beitragen.

Freiburg, im Juli 1857,

Dr. J. Müller.

# VORREDE

\*\*\*\*

#### ERSTEN BANDE DER SECHSTEN AUFLAGE.

So durchgreifende Erweiterungen und Verbesserungen, wie bei dieser sechsten Auflage, wurden noch bei keiner der vorhergehenden vorgenommen. Das neu Hinzugekommene ist nicht etwa bloss angehängt oder eingeschaltet; ich war bemüht, durch gründliche Umarbeitung der entsprechenden Partien ein Werk herzustellen, welches alle Zweige der Physik in einer dem gegenwärtigen Standpunkt der Wissenschaft entsprechenden Weises gleichförmig darstellt.

Fast jeder Abschnitt hat Bereicherungen und Verbesserungen erfahren; so namentlich im vorliegenden ersten Bande die Paragraphen, welche von der Elasticität, vom Mariotte'schen Gesetz, von der Absorption der Gase, von der Capillarität

u. s. w. handeln.

Von den zahlreichen physikalischen Errungenschaften der letzten Jahre, welche im ersten Bande der sechsten Auflage besprochen werden, will ich unter anderen nur anführen: die optische Vergleichung der Stimmgabeln von Lissajous, die Untersuchungen über Obertöne und Klangfarben von Helmholtz, die Spectralanalyse von Bunsen und Kirchhoff, die Arbeiten E. Becquerel's über Phosphorescenzuswu.s.w. u.s.w.

Der mathematischen Entwickelung habe ich in dieser neuen Auflage eine größere Aufmerksamkeit gewidmet, als in den führeren, und hoffe dadurch nicht allein eine größere Präcision des Ausdrucks, sondern auch eine größere Uebersichtlichkeit gewonnen zu haben. Die allgemeine Verständlichkeit hat darunter nicht gelitten, da nur elementare mathematische Vorkenntnisse vorausgesetzt werden und die Formeln nicht unvermittelt hingestellt sind; überall ist ihre Bedeutung erläutert und, soweit es irgend möglich war, ihre Ableitung gegeben worden.

In Betreff der Ausstattung des Werkes muss ich hier besonders betonen, dass die zahlreichen ausgezeichneten Holzschnitte desselben nicht etwa als ein entbehrlicher Luxus zu betrachten sind, dass sie vielmehr, mit dem Text in der innigsten Beziehung stehend, wesentlich zum leichteren Verständniss der vorgetragenen Materien beitragen. Die Apparate sind so correct abgebildet, dass dadurch das Werk auch für den Mechaniker Bedeutung gewinnt, welcher meist seine praktischen Arbeiten nach den jetzigen Abbildungen ausführen kann.

Auch die Tafeln in Farbendruck sind vermehrt, das photographische Spectrum aber ist nicht durch einen Stich, sondern

durch eine Photographie wiedergegeben worden.

Freiburg, im April 1863.

Dr. J. Müller.

# INHALTSVERZEICHNISS DES ERSTEN BANDES.

Einleitung.							Belte
1. Gegenstand der Naturwissenschaften			ı			ı	1
2. Eintheilung der Naturwissenschaften überhaupt							2
3. Methode der physikalischen Disciplinen			$\overline{}$		-	_	- 2
4. Nutzen des physikalischen Studiums							- 4
5. Eintheilung der physikalischen Disciplinen							- 5
6. Allgemeine Eigenschaften der Körper	π					Ξ	- 5
7. Trägheit							- 6
8. Schwere	-						- 8
9. Gewicht	▔		÷			π	9
10. Masse	╌					₹	10
11. Specifisches Gewicht						$\overline{\cdot}$	10
12. Theilbarkeit	-	7					16
13. Veränderlichkeit des Volumens	╌	ī			÷	₹	18
14. Porosităt	-						20
15. Aggregatzustände	-					÷	- 22
16. Verschiedenheit der Atome				÷	Ŧ		23
17. Chemische Acquivalente	╌						24
18 Des Aequivalentvolumen				π			28
19. Krafte und Imponderabilien			÷	÷	÷	÷	30
						Т	

### Erstes Buch.

# Die Mechanik

Erstes Capitel.

# Statik oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

20.	Parallelogr	ап	am	d	lei	K	rä	Re											ï										3
21.	Berechnung	3 (	de		te	SU	ur	no	en		٠	٠	٠	٠	Ξ	÷		1	٠	٠	٠	٠	2	٠	-	٠	Ξ	٠	- 8
22.	Experimen	tel	le	P	ru	Tur	g	des	S	at	zes	,	701	m	P	ar	a.II	el	og	ra	mi	n	de	r	K	ra	te	٠	- 8
23.	Die Rolle	•			•	•	٠.	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠		•		•	٠	•		•		•	•	•	-

Seite
24. Der Hebel
25. Der einarmige Hebel
26. Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Kräften 50
27. Haspel, Winde und Rädcrwerke
28. Die schiefe Ebene
29. Die Schraube
30. Der Keil
31. Schwerpunkt
82. Vom Gleichgewicht fester Körper
33. Die Wage
34. Die Brückenwage
34. Die Druckenwage
Zweites Capitel
Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.
and the state of t
35. Elasticitätscoëfficient und Elasticitätsmodulus
37. Torsionselasticität
38. Festigkeit
39. Adhāsjon
40. Krystallisation
41. Krystallsysteme
42. Die Hemiëdrie
Drittes Capitel.
Hydrostatik oder die Lehre vom Gleichgewicht der
Flüssigkeiten.
43. Gleichförmige Fortpflanzung des Drucks durch flüssige Körper 97
44. Communicirende Rohren
45. Freie Oberfläche der Flüssigkeiten 102
46. Bodendruck der Flüssigkeiten
47. Seitendruck
48. Druck im Inneren der Flüssigkeiten, Austrieb 107
49. Das Archimedische Princip
50. Bedingungen des Gleichgewichts schwimmender Körper 112
51. Anwendung des Archimedischen Princips zur Bestimmung des speci-
fischen Gewichts fester und flüssiger Körper
52. Nicholson's Araometer
53. Scalenaraometer
54. Aräometer für besondere Flüssigkeiten
55. Araometer mit willkürlicher Scala
Viertes Capitel.
Walter to the Control We
Molekularwirkungen flüssiger Körper.
56. Elasticität der Flüssigkeiten
67. Cohäsion der Flüssigkeiten
58. Spannung gekrümmter Oberflächen

Iuhaltsverzeichniss.	XIII
M D. D. 1-1-1-1	Seite
60. Der Randwinkel 61. Haarröhrehen	133 136
62. Verschiedene Höhen, bis zu welchen dieselbe Flüssigkeit in derselben	130
Röhre steigen kann	138
63. Haarröhrehen von verschieden gestaltetem Querschnitt	
64. Anziehung und Abstossung, durch Capillarität hervorgebracht	142
65. Erklärung der Capillarerscheinungen	143
66. Die Endosmose	144
67. Das endosmotische Aequivalent	147
69. Einfluss der Verdunstung auf die Endosmose	150
70. Diffusionsanalyse	151
Fünftes Capitel.	
Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Dr	nek.
71. Schwere Luft	154
72. Elasticität der Luft	155
73. Druck der Luft	156
74. Pumpen	160
75. Messung des Luftdrucks	163
76. Construction des Barometers	
77. Das Gefässbarometer	168
78. Heberbarometer	
79. Variationen des Barometerstandes	
80. Grösse des Luftdrucks bei verschiedenem Barometerstand 81. Wirkung des Luftdrucks auf den menschlichen Körper	175 176
82. Das Mariotte'sche Gesetz	179
83. Reduction der Gasvolumina auf den Atmosphärendruck	
84. Stereometer and Volumenometer	
85. Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetz	189
86. Die Luftpumpe	193
87. Die zweistiefelige Ventilluftpumpe	
88. Zweistiefelige Hahnenluftpumpe	201
89. Einstiefelig doppelt wirkende Luftpumpen	203
90. Die wichtigsten Luftpumpenversuche	
91. Compressionspumpen	208
93. Metallmanometer	
94. Der Heronsball	
95. Die Feuerspritze	
96. Der Luftballon	218
97. Steigkraft des Luftballons	222
Sechstes Capitel.	
Molekularwirkungen gasförmiger Körper.	
98. Absorption der Gase durch feste Körper	223
99. Hauchbilder	225
100. Absorption der Gase durch Flüssigkeiten	228
101. Absorption von Gasgemengen	232
102. Diffusion der Gase	233

#### Siebentes Capitel.

Siebentes Capitel.
Bewegung fester Körper unter dem Einfluss beschleunigende
Kräfte.
Salt
103. Rnhe nnd Bewegung
104. Gleichförmige Bewegung
105. Beschlennigte nnd verzögerte Bewegung 23
106. Versnche über das Fallgesetz
107. Die Adwood'sche Fallmaschine
108. Gleichförmig verzögerte Bewegung 24
109. Fall auf der schiefen Ebene
110. Wnrfbewegung
111. Centralbewegung
112. Die Schwungkraft
113. Grösse des Druckes und der Spannung, welche die Schwungkraft er-
zengt
114. Freie Axen
115. Leisting oder Arbeit einer Kraft
116. Lebendige Kraft
117. Von den Trägheitsmomenten
118. Berechnung des Trägheitsmomentes
119. Vom Stoss
120. Vom Stoss unelastischer Körper
121. Stoss elastischer Körper
122. Das einfache Pendel
123. Gesetze der Pendelschwingungen
124. Mathemathische Entwickelnng des Pendelgesetzes 28
125. Der Schwingungspunkt
126. Bestimming des Schwingungspinktes an einem zusammengesetzten
Pendel
127. Experimentelle Bestimming des Tragheitsmomentes oscillirender
Körper
129. Die Pendeluhr
130. Einheit des Längenmaasses
131. Variationen der Schwingungen eines Pendels
134. Nutzen and Anwendang der Reibung
Achtes Capitel.
Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiter
mjuroujnamik oder die Dewegungsgeseeze der Flussigkeiter
135. Toricelli's Theorem
136. Apparate zu Versuchen über die Ausfinssgeschwindigkeit
137. Versnche über Ansfinssgeschwindigkeit
133. Ausfinssmenge
139. Constitution des ausfliessenden Strables
140. Einfluss der Ansatzröhren auf die Ansfinssmenge
141. Reibungswiderstand in langen Röhren
Axe returned and tender story of the transfer

Inhaltsverzeichniss.	xv
	Selte
142. Ausfluss durch Capillarröhren	318
143. Reaction, welche durch das Ausströmen der Flüssigkeiten erzeugt wird	
144. Vom Stosse des Wassers	321
145. Lebendige Kraft der Wassergefälle	322
146. Verticale Wasserrader	323
147. Horizontale Wasserräder	326 328
149. Die Schraubeuturbine	
150. Die Wassersäulenmaschine	
151. Der hydraulische Widder oder Stossheber	
ioi. Der hydradische widder oder Stossheber	004
Neuntes Capitel.	
Bewegung der Gase.	
152. Gasometer	338
153. Gebläse	
154. Gesetze des Ausströmens der Gase	
155, Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase bei gleichem Druck	
156. Seitendruck der Gase beim Ausströmen	
157. Widerstand der Flüssigkeiten und der Gase	
158. Anwendung des Wasser- und Luftwiderstandes	356
Zweites Buch.	
Die Akustik.	
Erstes Capitel.	
Fortschreitende und stehende Luftwellen.	
159. Vibrationsbewegung	363
160, Wasserwellen	365
161. Seilwellen	369
162. Fortpflanzung des Schalles	370
163. Schallwellen	371
164. Verschiedenheit der Schallempfindungen	375
165, Einfluss der verschiedenen Oscillationsgeschwindigkeit auf Wellen-	
länge und Tonhöhe	876
166. Geschwindigkeit des Schalles	377
167. Von der Reflexion des Schalles und dem Echo	379
168. Stehende Luftwellen	381
169. Bildung stehender Luftwellen in gedeckten Pfeifen	383
170. Schwingungsknoten in tönenden Luftsäulen	
171 Offene Röhren	392

143. Einnas der Hein der Freien sit une Löndone
174. Die musikalischen Töne
175. Musikalische Temperatur
176. Schwingungszahl der musikalischen Töne
177. Genaue Bestümmung der absoluten Schwingungszahl der Töne

7	 	C.	mil	-	L

Gesetze der	Schwingung	en und Töne	fester Körper
-------------	------------	-------------	---------------

179. Stehende Seilwellen
180. Klangfiguren
181. Tone gespannter Saiten
182. Transversalschwingungen elastischer Stäbe 42
183. Die Stimmgabel
184. Optische Vergleichung der Stimmgabeln
185. Drehende Bewegung der Stimmgabelcurven
186. Genaue Zählung der Schwingungszahl einer Stimmgabel 43
187. Longitudinalschwingungen der Saiten und Stäbe 44
188. Von den Zungenpfeifen
189. Abhängigkeit der Geschwindigkeit des Schalles von der Elasticität
der schallverbreitenden Medien
190. Geschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten
191. Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern
192. Mittheilungen der Schallschwingungen zwischen festen, flüssigen und
luftförmigen Körpern

### Drittes Capitel. Interferenz der Schallwellen.

193. Interferenz isochroner Schallwellen	45
194. Stösse	46
195. Combinationstone	
196. Klangfarbe und Schwingungsform	46
197. Zusammensetzung der Wellen	47
198. Beobachtung der Obertöne	47
400 01 1 0 1 111 0 1	

#### Viertes Capitel. Von der Stimme und dem Gehör

_			_	_	_		_	_	_	_	_	_					
liche	Stimmo	rga	n .											ı	ı	ī.	4
n der	Thiere					_											A

201.	Das menschliche	Stimmorgan		Ξ.							ı	ı	48
202.	Stimmorgan der	Thiere											48
203.	Klangfarbe der 1	nenschlichen	Sti	mme									48
204.	Das Gehörorgan											Ξ	49

### Drittes Buch.

# Optik oder die Lehre vom Licht.

### Erstes Capitel

Allg	emeine	Beme	rkt	inge	n ü	ber	die	F	or	tpf	lar	zu	ng	d	es	L	ich	tes.
205.	Einleitung																	497
206.	Geschwine	ligkcit	des	Licht	es													498
207.	Schatten	und H	llbsc	hatter	١.													500
208.	Die Inten	sităt d	es L	ichtes	ni	mmt	im	12.7	mge	keh	rter	ı V	erh	āltı	nis		les	
	Q	uadrate	der	Entf	erm	ung	ab.		-									503



### Zweites Capitel.

## Katoptrik oder Reflexion des Lichtes.

														del
209. Reflexion des Lichtes auf ebenen	Fla	cher												51
210. Bilder ebener Spiegel														51
211. Winkelspiegel														51
212. Das Reflexionsgoniometer											÷			51
213. Der Spiegelsextant					٠.									51
214. Das Heliostat										ı				52
215. Silbermann's Heliostat														52
216. Reflexion auf gekrümmten Spiege	in .												٠	52
<ol> <li>Von den sphärischen Hohlspiegel</li> </ol>	п.													53
218. Von den durch Hohlspiegel erzeu	gten	Bil	dern											53
219. Die Convexspiegel						٠.					÷			53
220. Von den Brennlinien				Ξ			T	π	Ξ	Ξ	Ξ	π	Ξ	54
216. Reflexion auf gekrümmten Spiege 217. Von den sphärischen Hohlspiegel 218. Von den durch Hohlspiegel erzeu 219. Die Convexspiegel	n . gten	Bil	dern	:		÷	:	:	:		÷	÷	:	53 53

# Drittes Capitel.

# Dioptrik oder Brechung des Lichtes.

221. Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes . .

222. Totale Reflexion
223. Grösse der Ablenkung
224. Brechning des Lichtes durch Prismen
225. Richtung der Strahlen im Prisma und Bedingungen ihres Austrittes 51
236. Von dem Minimum der durch ein Prisma hervorgebrachten Ablen-
kung
227. Bestimmung des Brechungsexponenten fester und flüssiger Körper . 50
228. Vom Brechungsvermögen und von der brechenden Kraft 56
229. Bestimmung des Brechungsexponenten für Gase
230. Sphärische Linscn
231. Sammellinsen
232. Brennpunkt für centrale Strahlen
233. Berechnung der Bildweite
234. Hohllinsen
235. Secundare Axen
236. Wirkung der Linsen auf convergirende Strahlen 57
237. Combinirte Linsen
238. Linsenbilder
239. Sphärische Aberration

### Viertes Capitel.

#### Prismatische Farbenzerstreuung

Prismatische Farbenzerstreuung.	
240. Zerlegung des weissen Lichtes	586
241. Aus den einfachen Farben des Spectrums lässt sich das weisse Licht	
wieder zusammensetzen	588
242. Complementare Farben	591
243. Fraunhofer'sche Linien	592
244. Messung der prismatischen Ablenkung	595
245. Brechungsexponenten der verschiedenen Strahlen des Spectrums	601



246. Aus wie viel Farben besteht das Spectrum?	603
247: Von dem Verhältniss der Dispersion in verschiedenen Mitteln und	
den zerstreuenden Kräften	600
	607
249. Achromatische Linsen	610
Fünftes Capitel.	
Die natürlichen Farben der Körper.	
250. Die Farben durchsichtiger Körper	
	61
	61
	62
254. Flammenspectra	62
	62
	63
	63
	63
	63
	64
	64
	64
	64
	65
266. Fathe des erregenden und des ausgestrahlten Lichtes	65
Sechstes Capitel.	
Die chemischen Wirkungen des Lichtes.	
	65
267. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen	65
267. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen	65
267. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen 268. Photographie 269. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen	65
207. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zerretrungen 208. Photographie 200. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.	65
207, Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zerretrungen 208, Photographie 209, Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel, Vom Auge und den optischen Instrumenten.	65 66
207. Einfluss des Lichtes sur chemische Verbindungen und Zerretrungen 208. Ehotographie 200. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel. Vom Auge und den optischen Instrumenten. 270. Das Gesichtsorgen	65 66 66
267, Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen 268, Photographie 269, Ungleichheit der chemischen Wirkungen rerechiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel, Vom Auge und den optischen Instrumenten. 270, Das Gesichtsorgun. 271, Zusammengesetzte Augen	65 66 66
267. Einfluss des Lichtes suf chemische Verbindungen und Zerretrungen 268. Hebotgruphie	66 66 66
267, Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen 268, Photographie 269, Ungleichheit der chemischen Wirkungen rerechiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel, Vom Auge und den optischen Instrumenten. 270, Das Gesichtsorgen 271, Zusammengesetzte Augen 272, Einfache Augen mit Sammellinen 273, Deutliches Sehen in verschiedenen Enffernanzen	66 66 66 66
267. Einfluss des Lichtes suf chemische Verbindungen und Zerretrungen 268. Photographie	66 66 66 66 66
267, Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen 268, Photographie 269, Ungleichheit der chemischen Wirkungen rerechiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtsorgan.  271. Zusammengesetzte Augen 272. Einfache Augen mit Sammellinen 273. Deutliches Schen in verschiedenen Entfernangen 274. Weits des deutlichen Schens, Kurzsichtigkeit und Fernsichtigkeit.	66 66 66 66 66
267. Einfluss des Lichtes suf chemische Verbindungen und Zerretrungen  268. Photographie	66 66 66 66 66 67
207. Einflass des Lichtes sur chemische Verbindungen und Zerretrungen 208. Photographie 200. Ungleichheit der chemische Wirkungen rerechiedenfarbiger Strahlen Siebenten Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtorgen	66 66 66 66 67 67
267, Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zerretrungen 268. Photographie .  260. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtsorgen .  271. Zusammengesetzte Augen .  272. Einfache Augen mit Sammellinen.  273. Deutliches Sehen in verschiedenen Entfernangen .  274. Weite des deutlichen Schens, Kurzaichtigkeit und Fernsichtigkeit.  275. Achromatismus des Auges .  276. Berichungen swischen des Empfindungen des Auges und der Aussenwelt .  277. Sehen mit wei Augen .	66 66 66 66 67 67
207. Einfluss des Lichtes sur chemische Verbindungen und Zerretrungen 208. Photographie 200. Ungleichheit der chemischen Wirkungen rerechiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtsorgen 271. Zusammengesetzte Augen 272. Einfache Augen mit Sammellinen 273. Deutliches Sehen in verschiedenen Entfernangen 273. Deutliches Sehen in verschiedenen Entfernangen 275. Arbeiten 200 deutliches Sehen in verschiedenen Entfernangen 275. Deutlichen zwischen des Auges 275. Sehen mit zwei Augen 277. Sehen mit zwei Augen 278. Das Sehen zwischen den Euspfindungen des Auges und der Aussen-	66 66 66 66 67 67 67
267. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zerretrungen 268. Photographie 260. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtesrgan	66 66 66 66 67 67 67 67 68
207. Einfluss des Lichtes sur chemische Verbindungen und Zerretrungen 258. Photographie	66 66 66 66 67 67 67 67 68 68
267. Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zerretrungen 268. Photographie 260. Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschiedenfarbiger Strahlen Siebentes Capitel.  Vom Auge und den optischen Instrumenten.  270. Das Gesichtesrgan	65 66 66 66 66 67 67 67 67 68 68 68



	Inhaltsverzeichniss.	XIX
	. 111	Seite
283. C	ontrastfarben	691
284. I	Die camera obscura	693
285. Z	eichnungsapparate	696
	tie Loupe oder das einfache Mikroskop	698
287. D	as Sonnenmikroskop	702
288. D	as zusammengesetzte Mikroskop	703
289. D	as achromatische Mikroskop	706
	as pankratische Mikroskop	710
291. P	rufung des Mikroskops und Messung seiner Vergrösserung	711
	inoculare Mikroskope	714
	as hollandische Fernrohr	717
	as astronomische Fernrohr	720
295. D	as terrestrische Fernrohr	722
296. G	eschichtliche Notizen über die Erfindung des Fernrohres	
297. D	ie Leistungen des Fernrohres	724
298. S	piegeltcleskope	726
	Achtes Capitel.	
	Interferenz und Beugung des Lichtes.	
999 F	lypothesen über das Wesen des Lichtes	732
goo, E	resnel's Spiegelversuch	735
300. I	lemente der Vibrationstheorie	739
	Die Wellenoberfläche	742
	Erklärung des Fresnel'schen Spiegelversuchs	744
304 1	nterferenz der Lichtstrahlen	
	Erklärung der Spiegelung, der Brechung und der Dispersion des	
	Lichtes durch die Vibrationstheorie	749
306, 6	Geschwindigkeit des Lichtes in Luft und in Wasser	751
	Die Beugungserscheinungen	756
308. 1	Erklärung der Beugungserscheinungen, welche man durch eine Oeff-	
	nung beobachtet	759
309, 1	Berechnung der Wellenlänge	7G4
310, 1	Breite und Intensitätsverhaltniss des Beugungsbildes	767
	Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen	769
312. 1	Beugungserscheinungen, welche man durch mehrere neben einander	
	liegende Oeffnungen beobachtet	770
313.	Gitterspectra	773
314.	Genauere Untersuchung der Gitterspectra	775
	Vergleichung der Gitterspectra mit dem prismatischen Spectrum	780
	Farben dünner Blättchen	781
	Erklärung der Farben dünner Blättchen durch die Vibrationstheorie	
318.	Farben dünner Blättchen im durchgelassenen Lichte	792
	Neuntes Capitel.	
	Polarisation des Lichtes.	
319, I	Polarisation durch Reflexion	794
320, 1	Der Polarisationswinkel	799
321. 1	Polarisation durch gewöhnliche Brechung	301
322, 1	Polarisation durch Turmalinplatten	301
323, 1	Erklärung der Polarisation durch die Vibrationstheorie	803



### Zehntes Capitel.

# Von der doppelten Brechung.

324. Doppelte Brechung des Kalkspaths	80
325. Krystallform des Kalkspathes	81
326. Erscheinungen, welche man durch Kalkspathprismen beobachtet	81
327. Einaxige Krystalle	81
328. Polarisation durch doppelte Brechnng	81
329. Erklärung der doppelten Brechung durch die Vibrationstheorie	81
330. Construction der Wellenoberflächen einaxiger Krystalle	
331. Doppelthrechende Prismen als polarisirende Apparate	82
332. Rochon's Mikrometer	
333. Zweiaxige Krystalle	
334. Gesetze der doppelten Brechung in zweiszigen Krystallen	
435. Beziehungen zwischen der Krystallform und der Lage der optischen	
Axen	83
336. Konische Refraction	
337. Doppelte Brechnig des zusammengedrückten Glases	63
338. Interferenz polarisirter Lichtstrahlen	84
Elftes Capitel.	
Chromatische Polarisation oder die Farben doppeltbrech	en.
der Krystallplatten im polarisirten Lichte.	
000 To 1 - 20 - 0 1300 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
339. Farben dünner Gypshlättchen im polarisirten Lichte	841
340. Erklärung der Farhen dünner Gypshlättchen	843
341. Prismatische Zerlegung der Polarisationsfarben	
342. Die Talhot'schen Linien	
343. Erscheinungen gekreuzter Gypshlättehen zwischen gekreuzten Spiegeln	852
344. Farben der Gypshlättchen zwischen parallelen Spiegeln; Complemen-	

343. Erscheinungen gekreuzter Gypshlättehen zwischen gekreuzten Spiegeln 8	3
344. Farben der Gypshlättchen zwischen parallelen Spiegeln; Complemen-	
tärfarben	šč
345. Farbige Ringe in einaxigen Krystallen 8	K
346. Objective Darstellung der Farbenringe doppelthrechender Krystalle 8	
847. Erklärung der Farhenringe einsxiger Krystalle 8	
348. Bearheitung der Krystallplatten	6
349. Farhenringe in zweiaxigen Krystallen	6
350. Messung der Axenwinkel 8	6
351. Ungleiche Lage der optischen Axen für verschiedenfarbige Strahlen 8	6
352. Hyperbolische Curven in Krystallplatten, die parallel mit der Axe	
geschliffen sind	7
353. Farbenerscheinungen in Quarzplatten, welche senkrecht zur Axe ge-	

353. Farbenerscheinungen in Quarzplatten, welche senkrecht zur Axe ge-	
schnitten sind	374
354. Circularpolarisation	
355. Circularpolarisation durch totale Reflexion und durch Metallreflexion 8	384
356. Erklärung der Farhenerscheinungen in Quarzplatten 8	
357. Doppelte Brechung des Bergkrystalls in der Richtung seiner Axe . 8	
358. Nachahmung der Farbenerscheinungen in Quarzplatten 8	390
359. Farbenringe senkrecht zur Axe geschnittener Quarzplatten 8	
360. Circularpolarisation in Flüssigkeiten und Gasen	398

Inhaltsverzeichniss.						
3G1. Saccharometer	Selts 898					
362. Circularpolarisation der Weinsäure und der Traubensäure						
363. Absorption des Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen						
364. Erscheinungen in geglühten oder gepressten Gläsern	907					
3G5. Das Polarisationsmikroskop	909					

#### . . . . . .

			A n	hang	g-		
Vergleichung							
M	88585	ystemen .				 	912

Nachtrage.	
Pistor's Reflexionskreis	91
Stöhrer's oscillirendes Prisma	91
Complementärfarben	91
Objective Darstellung der hellen Spectrallinien	92
Brechungsexponenten des Faraday'schen Flintglases	92
Positive und negative zweiaxige Krystalle	92
Abnorme Färbung des Ringsystems einaxiger Krystalle	92
Unterscheidung positiver und negativer einaxiger Krystalle	92
Optische Orientirung rhombischer Krystalle	92
Circularpolarisation der Zinnoberkrystalle	92
Dove's Polarisationsapparat	
Nörremberg's Linsensystem	92
Das Saccharometer	92

### EINLEITUNG.

Gegenstand der Naturwissenschaften. Während die Mutter 1 Natur der Thierwelt unmittelbar alles bietet, was dieselbe zu einer ge-deiblichen Entwickelnag bedarf, würde der Mensch nur ein kümmerliche Dasein fristen können, wenn er bediglich auf die Hülfsmittel seiner physischen Individualität angewiesen wäre. — Ohne natürliche Bekleidung, ohne natürliche Waffen würde er die zu seinem Unterhalte noftlige Nahrung kaum in wenigen besondern gesegneten Lundstrichen jederzeit fertig bereitet vorfinden. Von Hunger gepeinigt, den Unbilden der Witterung schutzles preisegeben, von reisenden Thierwir verfolgt, wäre der Mensch ohne Zweifel längst vom Erdboden versehwunden, wenn ihn die gätige Vorsehung nicht mit Verstand ausgerätet und ihn dadurch in den Stand gesetzt hätte, der Natur abzugewinnen, was sie ihm nicht freiwillig bietet, und dieselbe bis zu einem gewissen Grade zu beherrschen.

So ist denn der Mensch sehon wegen seiner physischen Existenz darauf angewiesen, die Natur und ihre Kräfte kennen zu lernen, um dieselben für seine materiellen Zwecke verwerthen zu können; er ist gewisser-

maassen zum Naturforscher geboren.

Waren anch, wie es nicht anders zu erwarten ist, die zuerst erworbene Kenntnisse von der Natur vorberrschend praktischen nod empirischer Art, war man anch mehr darauf bedacht, ans den Dingen Nutzen zu zichen, als sie kennen zu zerena, so lant sich die Naturforschung doch allmäge zu einer selbstständigen Wissenschaft erhoben, welche weit über das materielle Bedürfniss hinaus und nusbhängig von demselben die Erkenntniss der Natur und der in ihr waltendem Gesetze als böchstes Ziel chtrecht.

Es ist die Aufgabe der Naturwissenschaften, die Eigenhämlichkeiten der uns ungebenden sinnlich wahrnehm baren Dinge kennen zu lersen, ihre gegenseitigen Beziehungen zu erforsehen, den Zusammenhang zwischen den verschiedenen Naturerscheinungen zu ermitteln und sie zo weit es möglich ist auf ihre Ursechen zurückzuführen.

Matter's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl. I

Die gesammten Naturwissenschaften haben es mit den sinnlich wahrnehmbaren Dingen, mit den Körpern zu thun; hier ist aber das Wort, Körper\* nicht in dem Sinne des Mathematikers zu nehmen, der nur die Raumverhältnisse betrachtet und nicht nach dem Stoffe fragt, welcher den Raum erfüllt; der Naturforseher betrachtet gerade die Eigenschaften der den Raum erfüllenden Materie.

Ist man im Stande, eine Erscheinung auf ihren Zusammenhang mit anderen zurückzuführen, so ist diese Erscheinung erklärt, und man kennt ein Naturgesetz, sohald man die unveränderliche Zusammenhangsart von Naturerscheinungen kennt, wenn uns auch die letzten Ursachen unbekannt bleihen.

Das innere Wesen der Körper ist uns verschlossen, sie sind uns nur durch die änserer Erscheinung bekannt, d. h. wir wissen von ihnen zunächst nur das, was wir durch die Vermittelung unserer Sinne von ihnen erfahren. Ein Körper ohne Zussammenhang mit unseren Sinnen ist für uns so gut wie nicht vorhanden. Es ist möglich, ja wahrscheinlich, dass noch Manches in der Natur um uns her vorgeht, wovon wir keine Ahnnng haben, weil uns daßür gewissermaassen ein Sinn fehlt.

Wie lange hat man nicht mit dem prismatischen Farbenspectrum experimentirt, ohne auch nur eine Ahnung von Strahlen zu haben, welche noch brechbarre sind als die äussersten violetten Strahlen; und doch ist die Existenz solcher Strahlen, welche unmittelbar keine Wirkung auf das Ange hervorbringen, durch die Photographie und die Fluorescenz nachgewiesen worden.

2 Eintheilung der Naturwissenschaften überhaupt. Das ganze Gebied der Naturwissenschaften zerült zunächein zwei grosse Abbeilungen; die Naturbes chreibung und die Naturlehre. Die Naturbes chreibung, gewöhnlich Naturgeschichte genannt, lehrt uns die Beschaffenheit einzelner Gegenstände kennen und ordnet sie nach ihrer Aehnlichkeit im Systeme; die Naturlehre will dagegen die Gesetze der gegeneitigen Einwirkung der Köprer zur Einsielt bringen Einwirkung der

Die Physik ist derjenige Theil der Naturlehre, welcher es mit den Gesetzen solcher Erscheinungen zu thun hat, die nicht auf einer Veränderung der Bestandtheile der Körper bernhen, denn damit beschäftigt sich die Chemie.

Begreiflicherweise lässt sich das Feld dieser beiden Wissenschaften nicht immer trennen, und viele Erseheinungen müssen sowohl in der einen, wie auch in der anderen besprochen werden. Physik und Chemie sind aufs Innigste mit einander verwandt, ja sie bilden gewissermassen ein Gnazes, welches nur deshalb äusserlich getrennt erscheint, weil die Masse des zu untersuchenden Materials zu sehr angewachsen ist.

3 Methode der physikalischen Disciplinen. Es handelt sich nun zunächst darum, den Weg zu bezeichnen, auf welchem man zur Erkenntuis der Naturgesetze gelangen kann, und auf welchem in der That alles bie jette Erkanntse gefunden worden ist. Die Erkenntnisspelle sowohl, als auch der Weg zur Erkenntniss ist nicht und kann nicht für alle Wissenschaften derselbe sein. Der Mathematiker kann, von selbst geschaffenen Degriffen ausgehend, aus sich berans seine ganze Wissenschaft entwickeln, ja es wäre denkbar, dass ein Mensch in seinen vier Wänden, abgeschlossen von aller Naturnschaung, die ganze Mathematik aus den Begriffen des Raumes und der Zahl construirte. In dieser Beziehung ist die Mathematik eine rein speculative Wissenschaft, was die Naturvissenschaften durchaus nicht sind und micht sein können, da sie Dinge behandeln, welche einzig und allein durch sinnliche Wahrnehnung, also sat dem Wege der Erfahrung, zu unseren Bewusstein kommen.

Die einzige Quelle unserer Naturerkenntniss ist die sinnliche Wahrnehmung, die Erfahrung, die Beobachtung. Aus dieser Quelle schöpfen wir das Material, welches durch Vermittelung unserer geistigen Thätigkeit zur Wissenschaft verarbeitet und vereinigt werden soll.

Die wissenschaftlichen Wahrnehmungen machen wir entweder an Erscheinungen, welche uns die Natur selbst darbietet, oder wir versetzen die Körper absichtlich unter solche Umstände, durch welche sie genöthigt werden, gewisse Wirkungen hervorzubringen. Im ersten Falle stellen wir eine Beo bachtung, im zweiten einen Versuch an.

Durch gute Beobachtungen und zweckmässig angestellte Versuche lernen wir den äusseren Zusammenhang der Erscheinungen kennen. Dieser Zusammenhang ist es, was wir ein Naturgesetz nennen.

Auf dem Wege der Erfahrung können wir zur Kenntniss dieser Gesetze gelangen, wenn uns auch der innere Zusammenhang, die Natur der Kräfte, das Wesen der Dinge, ganz und gar unbekannt ist. Das Gesetz der Brechning des Lichtes war lange sehon bekannt, ehe man über die Natur des Lichtes im Reinen war; ebenso kennen wir die Gesetze der elektrischen Vertheilung, obgleich wir über das Wesen der Elektricität seelbst so cut wie nichts wissen.

Nur der änssere, nicht der innere Zusammenhang kann durch Erfahrung gefunden werden. Ubeer die innereu Ursachei der Erscheinungen, über das Wesen der Kräfte, welche sie betrochringen, können wir nur Vermnthungen, Hypothesen, aufstellen. Diese Hypothesen sind gleichsam Fragen, die man an die Natur stellt, worauf sie aber nicht mit Ja und Nein antwortet, sondern: es kann so sein, oder: es kann nicht so sein.

Aus der Hypothese, die man über die Ursache mehrerer zusammenhängender Erscheinungen aufgestellt hat, lassen sich meistens weitere Folgerungen ziehen, welche durch fernere Beobachtungen entweder bestätigt oder als unzulässig erkannt werden. Je mehr Thatsachen sich mit Hülfe einer Hypothese erklären lassen, je mehr sie durch neue Beobachtungen bestätigt wird, desto mehr Wahrscheinlichkeit gewinnt sie.

1

In allen Zweigen der Physik finden wir Beispiele und Belege für die Richtigkeit der eben ausgesproehenen Ansiehten.

Den Alten war eine auf Erfahrung sieh stützende Naturforschung in unsenen Sinne gänzlich unbekannt; wir finden bei ihnen nur philosophisehe Speculationen über die Welt überhaupt, über die Entstehung und das Urwesen aller Dinge, und es kann uns nieht wundern, wenn die auf diesem Wege entwickelten Vorstellungen entweder nichtsangend sind, oder sonz mit der Erfahrune in directem Widerspruche stehen.

Auch im Mittelalter wurden die Naturwissenschaften nur wenig weiter entwickelt, theils weil die ganze geistige Thätigkeit jener Zeit auderen
Interessen zugewendet war, theils weil die Aristotelische Philosophie in so
hohem Ansehen stand, dass dadurch jede weitere Prüfung der in derselben
ausgesprochenen Naturansiehten, nnd also anch jeder Fortschritt abgeschuitten war.

Erst Galiläi schlug den Weg der Erfahrung ein und Baco von Verulam zeigte, dass en nur auf diese Weise möglich sei, zur Kenntniss der Naturgesetze zu gelangen.

4 Nutzen des physikalischen Studiums. Wie wichtig für das praktische Leben die Cultur der Naturwissenschaften in einer Zeit ist, in welcher Industrie und Verkehr einen so michtigen Aufschwung genommen haben, ist woll zu sehr in die Augen fallend, als dass weitläufige Erörterungen deshalh nöchtig wären. Angesichts unserer Dampfmaschinen und Eisenbahnen, der Biltzableiter und der elektrischen Telegraphen wird wohl Niemand im Ernst die materielle Bedeutung der Naturwissenschaften besatunden. — Ueberhampt ist es von vornberein klar, dass wir die Natur und ihre Kräfte um so besser und vollständiger zu unseren Zwecken benutzen Können, dass wir in dem Maasse nehr Herr der Natur werden, je mehr wir die Eigenschaften der Naturproducte und ihre Kräfte kennen lernen.

Was in dieser Beziehung von den Naturwissenschaften im Allgemeinen gesagt ist, das gilt auch im vollsten Maasse von der Physik.

Aber nicht allein in materieller, sondern anch in formeller Beziehung ist das Studinm der Physik von der höcheten Wichtigkeit. Ganz abgesehen von der unmittelbar praktischen Anwendbarkeit physikalischer Kenntnisse ist ihr Studium eine uneutbelrliche Vorbereitung für alle übrigen Zweige der Autuwissenschaften. Unter allen verwandten Wissenschaften ist sie nebst der Astronomie in theoretischer Beziehung am ausgebildetsen, sie ist also vorzugsweise gereignet, uns in den Geist der inductiven Methode einzuführen, welche sich ja vorzugsweise an physikalischeit Problemen entwischet hat. Die Physik lehrt uns klar den Zusammenhang zwischen Urnache und Wirknug auffussen; in verwickelten Phinomenen die bedingenden und wesentlichen Umstände von den zufälliger zu unterscheiden, sie lehrt uns vorurtheilsfrei zu beobachten und die Thatsachen von der subjectiven Meinung getzvent zu erhalten.

Den lohen Werth einer richtigen Methode lernen wir schätzen, wenn wir nur einen flüchtigen Blick auf die Geschichte der Wissenschaft werfen. Die rasche Entwickelung, deren sich in der neueren Zeit die Chemie, deren sich die Elektricitätslehre, die Lehre vom Lichte u. s. w. erfreute, war nur möglich, weil sich an dem Stadium der Astronomie und Mechaik bereits die wahren Grundsätze der Naturforschung eutwickelt hatten. Kepler, Galiläi und Newton haben nicht allein grosse autronomische und mechanische Wahrbeiten entdeckt, sie haben den späteren Naturforschern auch den Weg gezeigt, welcheu man verfolgen muss, um neue Endockungen zu maschen.

Eintheilung der physikalischen Disciplinen. Physik in 5 witeren Sinne des Wortes ist mit Naturlehre gleichbedeutend, und wenn man diese Bedeutung zu Grunde legt, sind auch Astrono mie und Chemie physikalische Disciplinen; allein diese Zweige der Naturlehre haben eine solche Ausdehnung gewonnen, das Material, welches die Physik in dem bereits oben angedeuteten engeren Sinne des Wortes zu behandeln hat, it so sehr angewachsen, dass jede dieser Disciplinen für sich allein cultivit und eelehrt werden muss.

Nach Ausschluss der Astronomie und Chemie bleiben der Physik im engeren Sinne noch folgende Disciplinen:

- Die Grundzüge der Mechanik, oder die Lehre vom Gleichgewicht und der Bewegung. In ihrer ganzen Ausdehnung kann die Mechanik gleichfalls nicht mehr in den Vortrag der Physik aufgenommen werden, die Grundgesetze der Mechanik bilden aber einen integrirenden Theil der Physik.
  - 2. Die Akustik, oder die Lehre vom Schalle.
  - Die Optik, oder die Lehre vom Lichte.
     Die Lehre vom Magnetismus und der Elektricität.
  - 4. Die Lehre vom Magnetismus und der Liektric 5. Die Lehre von der Wärme.
  - Diese fief Dissisting and a sur in

Diese fünf Disciplinen werden nun in den ersten fünf Büchern des vorliegenden Lehrbuchs abgehandelt, während die Anwendung der physikalischen Gesetze zur Erklärung der wichtigsten metorologischen Erscheinungen den Gegenstand des sechsten Buches bildet.

Bevor wir jedoch zu den einzelnen Disciplinen übergehen, müssen wir erst noch die allgemeinen Eigenschaften der Körper betrachten, um eine richtige Grundanschanung von den Körpern und den in ihnen thätigen Kräften zu erlangen.

Allgemeine Eigenschaften der Körper. Da sich die Physik 6 mit Körpern beschäftigt, so ist es vor allen Dingen wichtig, dass man sich eine Vorstellung von dem Wesen dieser Körper bildet, und dazu gelangt man zunächst durch die Betrachtung der allgemeinen Eigenschaften, d. h. derjenigen Eigenschaften, welche wir an allen Körpern beobachten, so verschieden sie auch soust sein mögen. Zum Wesen eines Körpers ist nothwendig, dass er einen begränzten Raume innimmt, dass er also eine Ausdehnung hat, und dass in demselhen Raume incht zu gleicher Zeit zwei Körper vorhanden sein können, was man mit dem Namen der Undurchdringlichkeit bezeichnet. Ausser diesen beiden Eigenschaften, ohne welche die Materie gar nicht denkbar ist, beohachtet man aber noch andere allgemeine Eigenschaften, nämlich Trägheit, Schwere, Theilharkeit und Veränderlichkeit des Volumens.

Trägheit. In der ganzen Natur kaun keine Veränderung in dem Zustaude der Dinge vorgehen, ohne dass sie von einer besonderen Ursache veranlasst wird; was für Veränderungen also ein Körper auch erleiden mag, seien es nun Veränderungen im Zustande der Ruhe oder der Bewegung, seien es Veränderungen seines Aggregatsutsandes u. s. w., immer ist, mm eine solche Veränderung hervorzubringen, eine Kraft nöthig. Ist ein Körper in Ruhe, so ist eine Kraft nöthig, mit in Bewegung zu setzen; ist er in Bewegung, so ist eine Kraft nöthig, nm ihn zur Ruhe zu hringen; ein Körper, der einmal in Bewegung ist, wird ohne Einwirkung äusserer Kräfte seine Bewegung mit uweränderliche Geschwindigkeit, in unveränderter Richtung fortsetzen, his sie durch äussere Hindenrüsse aufgeboten wird. Man bezeichnet die ehen besprochene Eigenschaft der Körper mit dem Namen der Trägheit oder des Beharrung sererm öre gus.

Schon im alltäglichen Leben finden wir zahlreiche Erscheinungen, welche sich durch das Gestelt der Trägheit erklären lassen. Das Schwungrad einer Maschine läuft noch eine Weile fort, wenn anch die Kraft, welche die Maschine treibt, zu wirken aufgebort hat; es würde ewig fortlaufen, wenn die Reihung die Bewegung nieht fortwihrend verzögerte.

Wenn man stark läuft, kann man nicht plötzlich einhalten, und wenn man in einem Nachen steht, fällt man mit dem Oberkörper rückwärts, wenn der Nachen eben von Lande ahslöset, vorwärts, wenn er anslöset. Wir werden später Gelegenheit haben, den Einfluss der Trägheit auf viele Bewegungserscheinungen noch genauer nachzuweisen.

Dem Gesetze der Trägheit zufolge muss ein Körper jeder Kraft einen Widerstand eutgegensetzen, welche ihn aus dem Zustande der Ruhe in Bewegung zu setzen, oder welche, wenn einmad der Körper in Bewegung zu setzen, oder welche, wenn einmad der Körper in Bewegung zustenbern streit. Es ist demnach klar, dass die Wirkung, welche eine Kraft auf den Bewegungszustand eines Körpers ausüht, einerseits von der Grösse des Widerstandes abhängt, den er vermöge seiner Trägheit einer Veränderung seines Bewegungszustandes entgegensetzt.

Die Grösse des Widerstandes, welchen ein Körper einer auf ihn einwirkenden hewegenden Kraft entgegensetzt, hängt ah von der Quantität

des Stoffes, aus welchem er hesteht, oder mit anderen Worten von seiner Masse.

Wenn ein ruhender Körper in eine schnelle Bewegung versetzt werden soll, so ist eine grössere Kraft nöthig, als wenn er in gleicher Zeit nur in den Zustand langsamer Bewegung übergeführt werden soll.

Auf die Oeffnung einer Flasche lege man ein Kartenblatt, auf das Kartenblatt eine Münze, so dass sie sich genau üher der Mitte der Oeffnung befindet, Fig. 1. Schnellt man nun mit dem Finger das Kartenblatt in horizontaler Richtung schnell fort, so gleitet es unter dem Geldstück



weg, so dass dieses in die Flasche herabfällt, während es auf dem Kartenblatt liegen hleiht, wenn man das letztere ebenfalls in horizontaler Richtung, aber nur langsam forthewegt.

Das Geldstück wird nur durch die Reibung auf dem Kartenhlatt zurückgehalten, das Kartenblatt wird also unter dem Geldstück weggleiten, wenn der Widerstand, den es der Uberführung aus dem Zustande der Ruhe in den der Bewegung entgegensetzt, grösser sit, als die Reibung, vermöge welcher es gleichaam an der Karte haftet. Wird die Karte nur langsam weggeführt, so int der zu ühervindende Trigheitswiderstand nicht so gross wie die Reibung, das Geldstück bleibt liegen; wird aber die Karte

schnell weggestossen, so ist die Reibung nicht so stark wie der Widerstand, welchen die Trägheit des Geldstäckes der Ucherführung in den Zustand rascher Bewegung entgegensetzt, das Kartenhlatt wird also unter dem Geldstück weggleiten.

Von manchen Seiten hat man sich dagegen ausgesprochen, das Beharrungsvernögen als einem Widerstand gegen jede Verinderung im Bewegungsanstande zu bezeichnen, weil das, was man sonst noch mit dem Namen Wid erst and bezeichnet, wie z. B. der Reibungswiderstand, allerdings etwas von dem eben Besprochenen wesentlich Verschiedenes ist; um diesen Unterschied hervorzuheben, könnte man den Widerstand des Beharrungsvernögens als Beschleunig ung swiderstand des Reharrungsvernögens als Des chleunig ung swiderstand bezeichnen, während der Reihungswiderstand z. B. ein Bewegungswiderstand ist. Wir werden davanf später ausführlichen zurückkommen.

Das Gesetz der Trägheit ist für die gesammte Naturelher von der höchsten Wichtigkeit, und Galiläi, weleber es zueret erkanut und ausgesprochen hat, wurde ehen dadurch der Gründer einer wissenschaftlichen Physik. Ohne dies Gesetz bleiht die Einsicht in alle Bewegungserscheinungen verschlossen. Das Gesetz der Trägheit musset bekannt sein, ehe eine richtige Erklärung der Gesetze des freien Falles, der Schwungkraft, der Pendelschwingungen, der Plauetenbewegung u. s. w. möglich war.

Der Einfluss der Trägheit auf die Bewegungserscheinungen kann erst in späteren Capiteln erläutert und gehörig gewürdigt werden.

Schwere. Wenn man einen Stein, ein Stück Holz u. s. w. vom Boden entfernt, sich selbst überlässt, so fallen sie, bis sie den Boden oder irgend einen anderen Körper treffen, welcher sie aufhält. Da die Materie träge ist, so kann sie nicht von selbst aus dem Zustande der Ruhe in den der Bewegung übergehen. Wenn wir also sehen, dass ein ruhender Körper in demselben Moment sich zu bewegen begiunt, in welchem wir ihm seine Unterstützung entziehen, so müssen wir dies einer Kraft zuschreiben, und diese Kraft nennen wir Schwere.

Um die Richtung der Schwere zu bestimmen, giebt es kein besseres Mittel, als einen Faden an einem Ende irgeud wie zu befestigen und an seinem anderen Ende einen kleinen schweren Körper anzuhängen. Die Richtung des Fadens, wenn er gespaunt und in Ruhe ist, fällt genau mit der Richtung der Schwere zusammen; denn wenn diese Kraft nach einer anderen Richtung wirkte, so würde sie den Faden nach dieser hinziehen. Diese Vorrichtung, Fig. 2, nenut man das Bleiloth; die Richtung, welche

der Faden für den Fall des Gleichgewichts einnimmt, nennt man die Verticale. Die Richtung der Schwere ist also die des Bleilothes oder der Verticalen.

> Das Bleiloth ist stets gegen den Mittelpunkt der Erde gerichtet. Eine Ebene, welche rechtwinklig zur Richtung des Bleilothes steht, nennt man eine horizontale Fläche. Die Oberfläche eines ruhig stehenden Wassers von nicht zu grosser Ausdehnung bildet eine horizontale Ebene.

> Wenn ein Körper durch irgend eine Unterlage am Fallen verhindert ist, so hört deshalb die Wirkung der Schwere nicht auf, sie aussert sich in diesens Falle durch einen Druck, welcher auf die Unterlage ausgeübt wird.

Die Schwere ist eine allgemeine Eigenschaft der Körper, d. h. sie ist nicht allein eine Eigenschaft der festen Körper, sondern sie kommt auch den Flüssigkeiten und den Gasen zu. Das Fallen der Regentropfen beweist schon die Schwere der Flüssigkeiten; dass aber auch die Gase Schwere besitzen, dass also die ganze Luftmasse, welche unseren Erdball umgiebt, auf die Erdoberfläche drückt, dafür werden wir später noch Beweise finden.

Die Schwere eines Körpers ist das Resultat einer Anziehung, welche die Erdkugel auf denselben ausübt. Diese anziehende Kraft der Erde wirkt aber nicht allein auf alle Körper, welche sich auf ihrer Oberfläche befinden, sie wirkt auch noch über die Erdatmosphäre hinaus bis zum Mond, denn die Schwere ist die Cen-

tripetalkraft, welche den Mond in seiner Bahn um die Erde erhält.

In gleicher Weise wird auch die Erde und ebenso werden alle Planeten von der Sonne angezogen.

Diese Anziehung ist aber durchaus gegenseitig. Die Sonne zieht die Erde und die Erde zieht die Sonne an. Dass die Erde um die Sonne kreist, und nicht umgekehrt die Sonne um die Erde, hat nur darin seinen Grund, dass die Masse der Sonne weitaus überwiegend ist.

Jeder Planet wird ferner auch von allen übrigen Planeten angezogen. lass diese gegenseitige Planetenanziehung die Regelmässigkeit der Planetenbahaen nur unbedeutend stört, hat darin seinen Grund, dass die Masse der Planeten sehr unbedeutend ist im Vergleich zur Masse der Sonne.

Diese unser ganzes Planetensystem beherrschende gegenseitige Anziebung der Himmelskörper wird mit dem Namen der all gemein en Schwere oder der Gravitation bezeichnet. Die Gesetze der allgemeinen Schwere, deren Entdeckung Newton's unsterbliches Verdienst ist, werden aus den Gesetzen der Planetenbewegung abgeleitet, wie dies im siebenten Capitel der kosmischen Physik ausführlicher entwickelt ist.

Das Gesetz der allgemeinen Schwere lässt sich kurz so ausdrücken:

Je zwei materielle Körper ziehen einander an, und zwar mit einer Kraft, welche direct proportional ist der Masse der beiden Körper, und umgekehrt proportional dem Quadratihrer Entfernung.

Dieses Gesetz wird ausgedrückt durch die Gleichung:

$$K = f \frac{M.m}{r^2},$$

wenn K die Grösse der gegenseitigen Anziehung, M die Masse des einen, m die Masse des andern, r aber die Entfernung der beiden Körper bezeichnet. f ist ein constanter Factor, dessen Werth davon abhängt, welche Einheiten man für K, M und r wählt.

Gewicht. Die Grösse des Druckes, welchen ein Körper auf seine 9 Unterlage ausüht, heisst sein Gewicht; dieser Druck nun wächst mit der Anzahl seiner materiellen Theilchen. Um das Gewicht verschiedener Körper mit einander zu vergleichen, bedienen wir uns der Wage, deren Anwendung allgemein bekannt ist, deren Einrichtung aber später noch beschrieben werden soll.

In Frankreich ist das Gramm gesetalich als Einheit des Gewichtes bestimmt; aber auch in anderen Ländern wird diese Gewichtseinheit fast ausschliesslich bei wissenschaftlichen Untersuchungen angewendet. Das Gramm ist das Gewicht eines Cubikcentimeters reinen Wassers im Zustande seiner größsten Dichtigkeit.

Das französische Gewichtssystem hat den grossen Vorzug vor anderen dass die Einheiten des Gewichtes und des Raummasses in einer einfachen Beziehnng stehen, so dass man leicht vom Volumen auf das Gewicht und umgekehrt schliessen kann. Eine genauere Entwickelung des neneren französischen Maasssystems, sowie eine Vergleichung der neufranzösischen Maasse und Gewichte mit anderen wird weiter unten folgeu.

10 Masse. Die Masse eines K\u00f3rpers ist die Quantit\u00e4t der Materie, aus welcher er zusammengesetzt ist; von der Quantit\u00e4t der Materie eines K\u00f3rpers h\u00e4ngt die Gr\u00f3se seines Beharrungsverm\u00f3gens ab, und die Gr\u00f3se des Beharrungsverm\u00f3gens ist dem Begriff nach das eigentliche Masse der Masse. Ein bequenes Mittel, die Masse eines K\u00f3rpers zu bestimmen, liefert uns aber erst die Schwere.

Die Masse eines Körpers ist stets seinem Gewichte proportional. Dieser Zusammenhang zwischen Masse und Gewicht wird uns überall durch den Versuch nachgewiesen, obgleich er dem Begriffe nach nicht durchaus nöthig ist; d. h. es wäre denkbar, dass es in der Natur Körper gebe, auf welche die Schwere gar nicht wirkt, obgleich sie deshalb nicht aufhören, träge Massen zu sein. Es wäre ferner denkbar, dass die Schwerkraft ungleich auf die Theilchen verschiedener Substanzen wirke, dass eine Bleikugel z. B. nur deshalb schwerer wäre als eine gleich grosse Kugel von Holz, weil eben die Schwere auf die Theilchen des Bleies vorzugsweise wirkte, ohne dass deshalb das Beharrungsvermögen der Bleikugel grösser wäre als das der Holzkugel. Denken wir uns, um die Sache klar zu machen, zwei gleich grosse Kugeln, eine von Holz, die andere von Blei, und nehmen wir einmal an, die Masse beider, d. h. ihr Beharrungsvermögen, sei gleich, so müsste die Bleikugel schneller fallen; denn wir wissen, dass die Bleikugel etwa 12mal so viel wiegt, dass also die Kraft, welche die Bleikugel fallen macht, 12mal grösser ist als die, welche die Holzkugel niedertreibt.

Nun aber fällt die Bleikugel nicht schneller als die Holzkugel (wenigstens im leeren Raume), und daraus geht hervor, dass die 12mal grössere Kraft, welche die Bleikugel zur Erde zieht, auch eine 12mal so grosse träge Masse in Bewegung zu setzen hat, dass also die träge Masse der Bleikugel 12mal so gross ist las die Masse der Holzkugel

Da nun, wie wir bald sehen werden, die Fallgeschwindigkeit für alle Körper dieselbe ist (im leeren Raume), so schliessen wir auf dieselbe Weise, dass die Masse eines Körpers stets seinem Gewichte proportional sei, dass also das Gewicht eines Körpers ein Masse für seine Masse ist.

11 Specifisches Gewicht. Das specifische Gewicht eines Körpers ist die Zahl, welche angieht, wie vielmal ein Körper schwerer ist als ein gleiches Volumen Wasser. Ein Cubikroll Eisen wiegt 210,6, ein Cubikroll Gold 520 Gramm, während ein gleiches Volumen Wasser nur 27 Gramm wiegt; also ist 210,6 = 7,8 das specifische Gewicht des Eisens, 520 = 19,26 das specifische Gewicht des Goldes. Man findet allgemein das specifische Gewicht eines Körpers, wenn

man sein absolutes Gewicht durch das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser dividirt.

Es lässt sich diese Regel auch dnrch die Formel

ausdrücken, wenn S das specifische und P das absolute Gewicht eines Körpers bezeichnet, während p das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser ausdrückt.

Die Data also, welche man durch den Versuch bestimmen muss, um aus denselben das specifische Gewicht eines Körpers zn berechnen, sind das absolute Gewicht desselben und das Gewicht eines gleichen Wasservolumens.

Am leichtesten ist es, diese Data für Flüssigkeiten auszumitteln. Man fülle ein Gefäss, am besten ein solches, welches oben in einen engen Hals mündet, bis zu einer bezeichneten Höhe (bis zu einem am Halse markirten Striche), einmal mit Wasser, dann mit der zu bestimmenden Flüssigkeit, und bestimme jedesmal mit Hülfe der Wage das Gewicht der in der Flasche enthaltenen Flüssigkeit. Es sei z. B. das specifische Gewicht des englischen Vitriolöls auf diese Weise auszumitteln. Man bringe das leere Glasgefäss auf die eine Wagschale und lege auf die andere das entsprechende Tarirgewicht auf. Nun fülle man das Gefäss bis zu dem Merkzeichen mit Wasser; das Gewicht dieser Wassermasse sei 830 Gramm. Füllt man nun das Gefäss mit Vitriolöl, so wird man auf der anderen Wagschale, ausser dem Tarirgewicht für die Flasche, noch 1534 Gramm auflegen müssen, um das Gleichgewicht der Wage wieder herzustellen. Das Vitriolöl in der Flasche wiegt also 1534 Gramm, während ein gleiches Volumen Wasser nur 830 Gramm wiegt, das specifische Gewicht des Vitriolöls ist also  $\frac{1534}{830} = 1,848$ .

Fig. 3.



Nicht immer stehen so grosse Mengen der zu untersnchenden Flüssigkeit zu Gebote, dass man ein Gefäss, wie das eben besprochene, damit füllen kann; ausserdem aber ist es nicht einmal vortheilhaft, solche Mengen anzuwenden, weil solche Lasten für eine gute Wage zu gross sind. Es ist deshalb zweckmässig, kleinere Gefässe anzuwenden. Gläschen, die man zu diesem Zwecke verfertigt und welche man Pyknometer nennt, haben in der Regel beistehende Gestalt, Fig. 3, und sind durch einen eingeriebenen Stöpsel von Glas verschlossen. Der cubische Inhalt derselben beträgt 8 bis 20 Cubikcentimeter. Der eingeriebene Glasstöpsel ist von einem

Stück einer Thermometerröhre verfertigt, damit bei etwaiger Erwärmung der Flüssigkeit ein Theil derselben durch die feine Oeffnung austreten könne, weil sonst der Stöpsel entweder gehoben oder das Gefäss zersprengt wurde.

Um das specifische Gewicht fester Substatzen zu bestimmen, kann misch aus denselben einen Körper von regulärer Gestalt formen, etwa einen Würfel, eine Kugel u. s. v., so dass se liecht ist, den cubischen inhalt der zu untersuchenden Stücke zu berechnen. Das absolute Gewicht solcher Körper findet man durch die Wage, das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser ist durch das bekannte Volumen der Körper gegeben. Ein Wurfel von Marmor z. B. wiege 22,7 Graum. Wenn nan jede Seite dieses Würfels 2 Centimeter beträgt, so ist der cubische Inhalt desselbeu 8 Cubikeentimeter; ein gleich grosser Würfel von Wasser wird also 8 Gramm.

wiegen, folglich ist das specifische Gewicht des Marmors  $\frac{22,7}{8} = 2,84$ .

Eine Kugel von troekenem Hainbuchenholz wiege 25,79 Gramm. Wenn der Durchmesser dieser Kugel 4 Centimeter ist, so kann man daraus deu cubischen Inhalt berechnen\*) und wird ihn gleich 33,49 Cubik-centimeter finden. Eine gleiche Wasserkugel wiege also 33,49 Graum, und das specifische Gewicht dieses Holzes ist demnach  $\frac{25,79}{24,10} = 0,77$ .

und das specifische Gewicht dieses Holzes ist demnach  $\frac{20,19}{33,49} = 0,77$ . Nicht von jeder Substanz hat man solche Massen, um daraus reguläre

Körper bilden zu können; ausserdem aber ist es ungemein schwierig, ja fast unmöglich, reguläre Körper genau genug zu arbeiten. Man muss deshalb nach anderen Methoden sich umsehen, un das specifische Gewicht fester Körper zu bestimmen. Die meisten dieser Methoden beruhen auf hydrostatischen Gesetzen, welche wir erst später werden kennen lernen. Die folgende Methode gründet sieh jedoch nicht auf diese Principien; sie wird häufig angewendet, um das specifische Gewicht solcher Körper zu bestimmen, welche in kleinen Stücken vorkommen.

Man brigge zuerst das oben erwähnte Gläschen mit Wasser gefüllt auf der Wage ins Gleiehgewicht, lege dann die zu bestimmenden Körnchen daneben und mache ihr absolutes Gewicht ausfindig. Nan ninmt man die Körnchen und das Glas von der Wage weg, wirft die Körnchen in das Glas und setzt den Stöpsel wieder auf; es muss nothwendig Wasseraussfliessen, und zwar gerade so viel, als durch die hineingeworfenen Körnchen verdräugt wurde. Aus einer abermaligen Wägung ergiebt sich, wie viel Wasser ausgeflossen ist, wie viel also eine Wassernenge wiegt, deren Volumen dem Volumen der Wolumen der Serven gelech ist.

Es soll z. B. das specifische Gewicht von Platinakörnchen bestimmt werden, wie sie sich in der Natur finden.

<sup>\*)</sup> Siehe meine Elemente der ebenen Geometrie und Stercometric, 2. Aufl Braunschweig, Friedrich Vieweg und Sohn 1851, S. 109.

Narbdem man die Körner in das Glas geworfen, den Stöpsel aufgesetzt und alles ausgeflossene Wasser sorgfaltig algeptutzt hat, wägt man wieder. Gesetzt, man fände nun das Gewicht des Gläschens mit Allem, was darin ist, gleicht 17,316 ff Gramm, so ist offenbar das Gewicht des durch die Körnehen verdrängten Wassers 17,576 – 17,316 = 0,26 Gramm,

folglich ist das specifische Gewicht der Platinakörner 4,056 0,26 = 15,6.

Dasselbe Verfahren lässt sich auch bei grösseren Stücken anwenden, wenn man nur ein passendes, etwa ein cylindrisches Gefäss wählt, dessen oberer Rand sorgfältig abgeschliffen ist, so dass man durch Auflegen einer

Glasplatte immer genau dasselbe Volumen abgränzt.

Wenn der zu bestimmende Körper in Wasser löslich ist, so füllt man das Glas mit einer anderen Flüssigkeit, in welcher sieh der Körper nicht löst, etwa mit Alkohol, Terpentinöl n. s. w. Durch das so eben beschriebene Verfahren findet man nun, wie viel ein Quantum der gewählten Flüssigkeit wegte, welches mit dem zu bestimmenden Körper gleiches Volumen hat. Wenn aber nun das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit sebon bekannt ist, so kann man leicht das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser berechnen.

Gesetzt, ein Stück eines Salzes, welches in Terpentinöl unlöslich ist, wiege 0,352 Gramm und verdränge, in das Glas geworfen, 0,13 Gramm Terpentinöl. Das specifische Gewicht des Terpentinöls ist 0,872, ein gleiches

Volumen Wasser wiegt demnach  $\frac{0.13}{0.872}$  = 0,149 Gramm, das specifische

Gewicht dieses Salzes ist also  $\frac{0,352}{0,149} = 2,36$ .

Wir werden weiter unten noch andere Methoden zur Bestimmung des specifischen Gewichtes kennen lernen.

Die folgende Tabelle enthält eine Zusammenstellung von specifischen tiewichten einiger Körper, welche zu kennen häufig nothwendig oder wenigstens von Interesse ist.

## Tabelle der specifischen Gewichte einiger fester Körper (bei 0 Grad).

( gemünzt 22,10	Bergkrystall 2,68
Platin gewalzt	Porzellan 2,49 bis 2,14
geschmolzen 20,86	Gyps (krystallisirt) 2,31
( geschmotzen 20/30	Schwefel (natürlich) 2,03
Gold   gemünzt 19,32   geschmolzen 19,25	Elfenbein 1.92
Iridium 18,60	Alabaster 1,87
Wolfram 17,60	Graphit 1.8 bis 2.4
Blei, geschmolzen 11,35	Anthracit 1,80
Palladium	Phosphor 1.77
Silber 10,47	Magnesium 1,74
Wismuth 9,82	Bernstein 1.08
(gehämmert 8,88	Wachs, weisses 0,97
Kupfer gegossen 7,79	Natrium 0,97
zu Draht gezogen . 8,78	Kalium 0,86
Kadminm 8,69	Lithium 0,59
Molybdån 8,61	Ebenholz 1,23
Messing 8,39	Eichenholz (alt) 1,17
Arsenik 8,31	Buxhaum 1.33
Nickel 8,28	4 6-1-ab 0.00
Stahl 7.82	Ahornholz trocken 0,50
Kobalt 7,81	. 61 1 000
geschmiedet 7,79	Bnchenholz   trocken 0,59
Eisen gegossen 7,21	(6:1 000
Bleiglanz 7,76	Edeltanne trocken 0,45
Zinn 7,29	( friesh 0.90
Zink 7,00	Erlenholz trocken 0,50
Antimon 6,71	4.62-4 000
Tellnr 6,11	Eschenholz trocken 0,64
Jod 4.95	
Schwerspath 4,43	Hainbuchenholz   frisch . 0,94 trocken . 0,77
Diamant 3,52	
Flintglas 3,78 bis 3,2	Lindenholz frisch 0,82
Flussspath 3,15	Mahagonyholz 1,06
Aluminium 2.67	Nussbaumholz 0,68
Bouteillenglas 2,60	Cypressenholz 0,60
Spiegelglas 2,37	Cedernholz 0,56
Turmalin (grün) 3,15	Pappelholz 0,38
Marmor 2,84	Kork 0,24
Smaragd 2,77	

### Specifisches Gewicht einiger Flüssigkeiten (bei O Grad, wo nichts weiter bemerkt ist).

Destillirtes Wasser 1,000	50 Proc. Sanre 1,29
Quecksilber 13,598	60 1,34
Brom 2,966	70 * * 1,39
Schwefelsanre (englische) . 1,848	80 1,43
Verdünnte Schwefelsäure nach	90 1,47
Delezenne bei 15°C.:	100 1,50
10 Proc. Säure 1,066	Schwefelkohlenstoff 1,27
20 1,138	Glycerin 1,26
30 1,215	Milch 1,03
40 1,297	Meerwasser 1,02
50 1,387	Wein: Malaga 1,02
60 1,486	• Rhein 0,99
70 1,595	Oele: Citronenôl 0,85
80 1,709	• Leinöl 0,95
90 1.805	<ul> <li>Mohnöl 0,92</li> </ul>
100 1,840	<ul> <li>Olivenöl 0,91</li> </ul>
Verdünnte Salpetersänre:	<ul> <li>Terpentinol 0,87;</li> </ul>
10 Proc. Saure 1,054	Benzol 0,86
20 1,111	Alkohol, absoluter 0,793
30 1,171	Schwefeläther 0,71
40 1,234	Valyl (C <sub>8</sub> H <sub>6</sub> ) 0,69

Es mögen hier noch die Zahlenwerthe für das specifische Gewicht einiger Gase Platz finden, obgleich wir die Methoden, nach welchen es bestimmt wird, erst später besprechen können.

#### Specifisches Gewicht einiger Gase (bei 0 Grad und 760mm Barometerstand).

Sauerstoff 0,001432 Atmosphärische Lnft . 0,001293 Stickstoff 0,001267 Chlor	Chlorwasserstoff (Salzsaures Gas) 0,00164 Stickoxydulgas 0,00197 Kohlensänre 0,00198
Wasserstoff 0,0000894	

Wenn man die Grössen P und p der Gleichung 1) Seite 11, in einem Maassystem ausdrückt, bei welchen, wie bei dem neueren französischen, das Gewicht der Volnmeneinheit Wasser zur Gewichtseinheit gewältli ist, so ist p gleich dem Volumen V des Körpers, dessen Gewicht wir mit P bezeichnet haben, es ist also

d. h. man findet das specifische Gewicht eines Körpers, wenn man sein absolutes Gewicht durch sein Volumen dividirt, und daraus folgt weiter

d. h. man findet das Volumen eines Körpers, wenn man das absolnte Gewicht desselben durch sein specifisches Gewicht dividirt.

Es wiege z. B. ein Stück Marmor 3600 Gramm, so ist sein Volumen

$$V = \frac{3600}{2,84} = 1268$$
 Cubikcentimeter.

Ferner ist

d. h. man erhält das absolute Gewicht eines Körpers, wenn man sein Volumen mit seinem specifischen Gewicht multiplicirt.

Man findet häufig mit dem Namen Dichtigkeit dasselbe bezeichnet, wofür wir den Ausdruck "specifischen Gewicht" gebruncht haben.
Man sollte, wie mir scheint, den Ausdruck "Dichtigkeit" in dieser Bedentung vermeiden, nicht allein weil er eine Hypothese über die Natur
der Atome involvirt, sondern auch, weil diese Hypothese entschieden falschist. Nach der obigen Tabelle ist das specifische Gewicht des Aluminiums
2,67, das des Silbers 10,47, also nahe 4mal so gross. Wenn man nun
sagt, die Dichtigkeit des Silbers ist 4mal so gross ab die des Aluminiums,
so setzt dieser Ausdruck voraus, dass ein Atom Silber chesos schwer sie,
wie ein Atom Aluminium, dass aber in einem Stück Silber auf denselben
Raum daml so viel Atome zusammengedrängt seien als in einem gleich
grossen Stück Aluminium. Da dies nun nach dem gegenwärtigen Stand
der Atomenleher durchaus nicht der Fall ist, so kann der Ausdruck Dichtigkeit in der oben bezeichneten Bedeutung nur zu Missverständnissen
Anlass geben, er ist deshalb beseer ganz zu vermeiden.

12 Theilbarkeit. So weit unsere Erfahrung reicht, sind alle Körper theilbar, d. h. man kann sie in kleinere und immer kleinere Partikelchen zerlegen.

Alle Flüssigkeiten sind in so kleine Theilchen theilbar, dass sie weit jenseits der Gränze dessen liegen, was wir in unterem Tastsinn fühlen und mit unseren Augen sehen können, denn man isieht auf ihrer Oberfläche keine Unebenheit, und wenn man die Hand in ihre Masse eintaucht, so kann das Gefühl die Theilchen nicht unterscheiden, wie wir etwa Sandkörnehen durch das Gefühl unterscheiden können.

Bei festen Körpern lässt sich die Theilbarkeit gleichfalls so weit verfolgen, bis die Theilchen nicht mehr sinnlich wahrnehmber sind. Politret
Stahl, polirte Edelsteine haben Oberflächen, an welchen unsere Sinne keine
Unebenheiten wahrnehmen können, und doch sind diese Flächen durch
Polirmittel hervorgebracht, die ja aus lanter feinen Körnehen bestehen,
und jedes Körnehen macht Ritzen in die Oberfläche, welche seiner Grösse
proportional sind.

Eine nicht gar empfindliche Hand kann noch sehr wohl einen einfachen Faden von Wolle oder Seide fühlen; diese Fäden haben ungefähr folgende Dimensionen:

Diese so feinen Fäden sind jedoch noch sehr zusammengesetzte Körper; jeder hat eine besondere Structur, welche wir nur durch den Sinn des Gesichts wahrnehmen köunen, jeder ist noch aus Theilchen verschiedener Elemente zusammengesetzt, welche uns die Chemie zu trennen lehrt.

Viele Dinge, welche dem Sinne des Gefühls entgehen, sind noch durch das Auge wahrnehmbar. Man sieht auf dem Probirstein noch die Goldtheilchen, welche die empfindlichste Hand nieht mehr zu fühlen im Stande ist. Durch Loupen und Mikroskope aber ist der Gesichtssinn nicht nur ausnehmend gesehärft, sonderm anch die Möglichkeit gegeben, solche kleine Grössen genan zu messen.

Es ist bekannt, dass man in den Künsten Fäden von Kupfer, Eisen und Silber anwendet, welche eben so fein sind wie ein Haar; ja Wollaston hat Platindraht dargestellt, welcher nur 1/2000 Linie dick war. Man müsste 140 solcher Drähte zusammenlegen, um nur die Dicke eines einzelnen Coconfadens zu erhalten, und obgleich das Platin der schwerste aller bekannten Körper ist, so würde ein solcher Draht von 3000 Fuss Länge kaum einen Gran wiegen. Um einen solchen Draht zu erhalten, welcher wohl das Feinste sein möchte, was die Kunst darzustellen vermag, nahm Wollaston einen Platindraht, dessen Dnrehmesser 1/100 engl. Zoll betrug, befestigte ihn in der Axe einer cylindrischen Form von 1/2 Zoll Durchmesser, goss diese Form mit geschmolzenem Silber ans und erhielt so einen Cylinder von Silber, dessen Axe aus Platin bestand. Diesen Cylinder liess er nun durch einen Drahtzug gehen; beide Metalle verlängerten sich dabei gleichmässig. Nachdem nun der zusammengesetzte Faden bis zur äusserst möglichen Feinheit ausgezogen worden war, kochte er ihn in Salpetersäure, welche das Silber auflöst und den feinen Kern vom Platin blosslegt.

Mit Hülfe des Mikroskops erkannte man, dass das Blnt nicht, wie es auf den ersten Anbliek scheint, eine gleichförmige Flüssigkeit ist, sondern Måller's Lehrbech der Physik, die Auf. L. 2

dass es aus einer Menge kleiner Kügelchen besteht, welche in einer Flüssigkeit schwimmen, die man Serum nennt. Ihre Grösse schwankt, je nach den verschiedenen Thiergattungen, zwischen <sup>1</sup>/<sub>312</sub> und <sup>1</sup>/<sub>872</sub> Linien.

Endlich giebt es Thierchen, welche nicht grösser sind als diese Blutkügelchen, und obgleich wir hier an der Gränze der sinnlichen Wahrnehmnng atehen, so können wir doch noch schliessen, dass sie wohl organisirte Körper sind, weil sie Leben und Bewegung haben; sie müssen Gelenke und Glieder haben, welche ihre Bewegung möglich machen, im Innern ihres Körpers müssen Organe zur Ernährung und Kanâle vorhanden sein, in denen sich die Säfte bewegen.

Wie weit aber geht diese Theilbarkeit? Kommen wir bei fortgesetzter Verkleinerung wohl zu Theilchen, die noch sinnlich wahrnehnbar, aber doch nicht weiter theilbar sind? So weit unsere Erfahrung reicht, geht die Theilbarkeit stets über die Gränzen der sinnlichen Wahrnehnung hinaus. Als Beispiele ansseropeintlicher Theilbarkeit führt man gewöhnlich den Moschus an, welcher Jahre lang ein ganzes Zimmer mit einen intensiven Gerunde erfüllen kann, ohne merklich an Gewicht abzunehmen.

Am besten beweisen ums alle chemisch zusammengesetzten Körper, dass die Theilbarkeit über die Gränzen der simikhen Wahrnehnung hinausgeht. Der Zinnober z. R. ist aus Quecksilber und Schweled zusammen gesetzt, und man kann ihn leicht in diese beiden Bestandtheile zerlegen; man ist aber nicht im Stande, die kleinen Theilcheu von Schwefel und Quecksilber einzeln für sich zu unterscheiden; selbst durch das beste Mikroskop betrachtet, erscheint der Zinnober doch inumer noch als eine vollkommen homogene (gleichartige) Masse.

Obgleich nun die Theilbarkeit weit über die Gränzen der sinnlichen Unterscheidung hinausgeht, so können wir uns doch nicht wohl vorstellen, dass sie über alle Gränzen hinausgeht. Vielmehr führt uns die Betrachtung der physikalischen sowohl, wie auch namentlich der chemischen Erscheinungen zu der Annahme, dass die Körper aus kleinen nicht weiter veränderlichen und theilbaren Urtheilchen bestehen, welche man Atome nennt.

Diese Grundansicht von der Constitution der Körper, ohne welche man sich weder von den verschiedenen Aggregatzuständen, unter welchen uns derselbe Körper erscheinen kann (Eis, Wasser, Dampf), noch von dem Wesen ehemischer Verbindungen eine klare Vorstellung machen kann, ist nuter dem Namen der atomistischen Theorie jetzt von allen Physikern und Chemikern angenommen.

Wenn man überhaupt von kleinen Theilchen redet, ohne gerade diese Urtheilchen, die Atome, bezeichnen zu wollen, so bedient man sich gewöhnlich des Wortes Molekül, welches mit Massentheilchen gleichbedeutend ist.

13 Veränderlichkeit des Volumens. Eine weitere allgemeine Eigenschaft ist die Veränderlichkeit des Volumens. Ein und derselbe Körper nimmt nicht immer genan denselben Raum ein; er kann durch Druck und Erkaltung verkleinert, durch Spannung und Erwärmung vergrössert werden. Nehmen wir nun an, dass die Atome ein- für allemal unveränderlich sind, so lässt sich die Ausdehnbarkeit nur durch die Annahme erklären, dass die Atome nicht in unmittelbarer Berührung stehen, sondern durch Zwischenräume getrennt sind, durch deren Vergrösserung oder Verkleinerung das Volnmen der Körper zu- oder abnimmt.

Fig. 4.



Die Luft dehnt sich sehr leicht und sehr stark durch die Wärme aus. Ein Glasgefäss, Fig. 4, von nicht zu dickem Glase, sei Inftdicht mittelst eines Korkes verschlossen, dnrch welchen zwei Glasröhren hindurchgehen; die eine reicht fast bis auf den Boden, so dass ihr unteres Ende in die in der Flasche befindliche Flüssigkeit eintaucht; die andere ist ganz kurz; wird die kurze verstopft, so ist die innere Luft von der äusseren abgesperrt. Berührt man jetzt das Glasgefäss nur mit der Hand, so dehnt sich die eingeschlossene Luft ans und treibt die Flüssigkeit in der langen Röhre in die Höhe.

Die Ausdehnung der Flüssigkeiten durch die Wärme lässt sich an dem gewöhnlichen Thermometer zeigen.



Dass auch feste Körper durch Erwärmung ausgedehnt werden. lässt sich durch folgenden von S'Gravesande herrührenden Versuch anschanlich machen.

Eine Metallkngel, an einem Metalldraht hängend, passt kalt ganz genau in den Metallring Fig. 5, so dass sie eben hindurchgeht, was nicht mehr der Fall ist, wenn man sie über einer Spiritusflamme stark erwärmt hat.

Die Gesetze der Ausdehnbarkeit werden wir in der Lehre von der Wärme näher kennen lernen,



So wie die Körper nicht gleiche Ausdehnbarkeit besitzen, so sind sie auch nicht gleich zusammendrückbar. Ein Schwamm lässt sich anf 1/4 bis 1/16 seines ursprünglichen Volumens zusammenpressen. Holz, Papier, Gewebe, welche Flüssigkeiten einsaugen, lassen sich zusammenpressen und verlieren dabei das eingesangte Wasser.

Münzen und Medaillen erhalten ihr Gepräge durch einen heftigen Stoss des Stempels. Die Gewalt des Stosses ist so gross, dass sich die Buchstaben und das Bild des Stempels dem Metall aufprägen, wie man weichem Wachs durch den Druck der Hand beliebige Formen aufdrücken kann. Was aber hier das Wichtigste ist, das Volnmen des gemünzten Stückes ist kleiner als es vorher war. Flüssigkeiten sind im Allgemeinen weit weniger compressibel als feste Körper. Wenn man Wasser in einen Kanonenlauf einschliesst, dessen Wände 3 Zoll dick sind, so wird bei Ausübung eines starken Druckes das Metall eher bersten, als man das Wasser auf <sup>19</sup>/<sub>20</sub> seines Volumens zusammenpresst.

Die Luft und die Gase überhaupt lassen sich unter allen Körpern am leichtesten zusammendrücken; man kann dies durch viele Versuche beweisen, am einfachsten aber sehon durch ein Kinderspielzeug, die Hollunderbüchse. Eine Röhre wird an beiden Enden durch Pfropfe p und p' (Fig. 6) verschossen, und dadurch die innere Luft abgespert. Wird nun



der eine Pfropf mittelst des Stempels S hineingedrückt, so wird die innere Luft comprimirt, bis sie endlich in Folge des wachsenden Drucks den anderen Pfropf mit Gewalt hinaustreibt.

Die anderen Gase haben in dieser Hinsicht genau dieselben Eigenschaften wie die atmosphärische Luft.

14 POTOSITÄT. Die Zwischenfaume, welche sich zwischen den verschiedenen Thelichen der Körper befinden, nennt man Poren. Bezeichnen man mit diesem Namen auch die Zwischenräume zwischen den Atomen der Körper, so ist dem oben Gesagten zufolge jeder Körper porös, die Porosität also ich allgemeine Eigenschaft. Im gewöhnlichen Leben versteht man aber unter Poren nur solche Zwischenräume, welche gross genug sind, um Plüssigkeiten und Gase durelzulassen.

Da alle künstlichen Gewebe aus Fäden bestehen, die in einander verschlungen sind, so ist es klar, dass zwischen den einzelnen Fäden Zwischenräume bleiben müssen, welche gross genng sind, um Flüssigkeiten aufzunehmen. Eben so verhält es sich mit gepulverten Körpern, sie können leicht von Flüssigkeiten durchdrungen werden; in einen Sandhaufen verbreitet sich die Flüssigkeit bis zur Spitze, und ein Aschenhaufen ist von Laft durchdrungen, sonst könnten die Kohlen unter der Aschen nicht längere Zeit hindurch glübend bleiben.

Ein Filter, wie es der Chemiker brancht, ist nichts anderes als ein Körper, dessen Poren gross getting sind, um Flüssigkeiten durchzulassen, aber auch klein genug, um fremde Körpertheilchen, die in der Flüssigkeit suspendirt waren, zurückzulahlten.

Auch die natürlichen Gewebe des Thier- und Pflanzenreichs sind sehr porös, wie dies schon das ganze Wesen des Organismus erfordert; selhst wenn sie abgestorben sind, behalten sie ihr poröses Gefüge. Holz, welches in Wasser getaneht wird, nimmt an Gewicht und Volumen zu; dasjenige hingegen, welches man froi in der Luft liegen lässt, schwindet bei trockener und quillt bei feuchter Witterung.

Versteinerte Thicre und versteinertes Holz sind ein schlagender Beweis für ihre Porosität, weil ja die versteinernde Substanz allo Fasern der zu versteinernden Masse durchdringen musste.

Mineralische Substanzen sind bald mehr, bald weniger porös. Undurchsichtige Steine und solche, deren Theilehen sehr unregelmässig gelagert sind, sind in der Regel die porösesten.

Kreide und Marmor haben gleiche chemische Zusammensetzung und unterscheiden sich nur durch die verschiedene Anordnung der Thoilchen, in Folge dessen sie auch eine sehr ungleiche Porosität besitzen.

Taucht man ein Stück Kreide and ein Stück Marmor in Wasser ein, so wird, wie man sich durch Zerbrechen der Stükke berzeugen kann, die Kreide bald ganz vom Wasser durchdrungen sein, während beim Marmor das Wasser kaum in die Oberfläche eingedrungen ist. Es ist damit nicht gesagt, dass nicht auch die ganze Masse des Marmors vom Wasser durchdrungen werden könnte, nur ist dazu mehr Zeit und ein starker Druck nöthig. Steine, welche man von dem Boden der Plüsse und des Meeres in die Höhe holt, sind deshalb auch in der Regel vom Wasser durchdrungen.

Unter den zum Kisselgeschlecht gehörigen Mineralien giebt es eines, welches den Namen Hydrophan führt, dessen Porosität ein eigenthümliches Phänomen hervorbringt. Der Hydrophan ist im gewöhnlichen Zustande nur durchscheinend, kurze Zeit in Wasser eingetaucht, wird er aber durchsichtig wie Glas, weil das Wasser in seine Poren eindringt, wie das Oel in die Poren des Papiers.

Endlich finden wir selbst bei Metallen deutliche Beweise ihrer Porssität. Eine mit Wasser gefüllte Hohlkngel von Gold, welche einem starken Drucke ausgesetzt wird, überdeckt sich auf der ganzen Oberfläche mit ganz kleinen, dem Thau ähnlichen Tröpfehen. Dieser Versuch wurde zum ersten Male im Jahre 1661 von den Akademikern in Florenz angestellt, und wurde seitdem mit verschiedenen Metallen, aber stets mit demselben Erfolge, wiederholt.

Åus den angsührten Beispielen geht zur Genüge hervor, dass es viele Körper giebt, welche Flüssigkeiten mit Leichtigkeit dnrchlassen; dass es andere giebt, welche nur nach längerer Zeit und unter einem mehr oder weniger starken Drucke von Flüssigkeiten durchdrungen werden können; entlicht giebt es auch solche, welche eher zerbrechen, als dass is Flüssigkeiten oder Gase durchlassen. Es ist wohl kaum nöthig zu bemerken, dass nicht alle Flüssigkeiten jeden Körper gleich gut zu durchdringen im Stande sind. Für physikalische und chemische Versuche ist es von grosser Wichtigkeit, dass das Glas weder Flüssigkeiten noch Gase durchlässt.

5 Aggregatzustände. Nachdem wir durch die Betrachtung der Theilbarkeit und Ausdehnbarkeit die Grundidee der atomistischen Theorie entwickelt haben, wollen wir zunächst sehen, wie sich die verschiedenen Körner aus Atomen construiren lassen.

Alle Körper, welche wir kennen, gehören einem der drei verschiedenen Zustände an, welche wir mit den Namen fest, flüssig und gasförmig beseichnen, und die sich am besten am Wasser anschaulich
machen lassen. Derselbe Körper nämlich, welchen wir im gewöhnlichen
Leben als tropfbar flüssiges Wasser kennen, wird bei niedriger Temperatur
fest und führt dann den Namen Eis, bei höherer Temperatur aber lässt
sich das Wasser leicht in einen luftför mig en Körper verwandeln, welchen
wir Dampf nennen. Durch Erwärmung kann das Eis wieder geschmolzen
und durch Erkaltung der Dampf wieder zu tropfbar flüssigem Wasser
verdichtet werden.

Einem dieser drei Zustände, welche wir so eben beim Wasser kennen lernten, gehört nun jedes Körper an; er ist entweder fest, flüssig oder gasförmig. Die meisten Körper lassen sich aber auch wie das Wasser durch Temperaturveränderungen aus einem Zustande in den anderen überführen.

Die festen Körper haben, die geringen Veränderungen abgerechnet, welche durch Wärme und Druck bervorgebracht werden, ein unveränderliches Volumen und eine selbstständige Gestalt; es gelört auch eine mehr oder weniger bedentende Kraft dazu, um einen festen Körper zu zerheilen. Es ist z. B. umsgelich, ein Stück Eisen auf die Hälfte, auf den dritten Theil seines Volumens zusammenzupressen, oder zu machen, dass es den doppelten, dreifschen Raum einnimmt; nur mit grosser Gewalt sind wir im Stande, seine Gestalt zu ändern oder es zu theilen.

Die Flüssigkeiten haben in demselben Sinne wie die festen Korpere in unversinderliches Volumen, d. h. wenn wir sie durch einen starken Druck auch ein klein wenig zusammendrücken können, wenn sie sich auch durch Erwärmung etwas ausehbene, no sind diese Volumenveränderungen doch immer mur sehr unbedeutend; wir können das Wasser, welches eine Flasche ausfüllt, nicht in ein halb so grosses Gefäss hineingiessen, so fällt es dieses nur zur Hälfte aus. Die Flüssigkeiten haben aber keine selbatständige Gestalt, wie die festen Körper, sondern die Gestalt das Raumes, den sie einnehmen, ist von der Form der sie umgebenden festen Körper, also von der Form der Gefässe abhängig; wenn eine Flüssigkeit ein Gefäss uich ganz ausfüllt, so ist sie oben durch eine horizontale Oberfläche begränzt. Endlich untersheiden sich die flüssigen Körper von den Gesten noch dadurch, dass sehon die geringste Kraft hinreicht, um ihre Theilchen von einander zu trennen.

Die gasförmigen Körper haben weder eine selbstständige Form, noch ein bestimmtes Volumen; der Raum, den sie einnehmen, hängt nur von dem änsseren Drucke ab. Man kann eine Luftmasse leicht auf  $^{1}/_{1}$ , . . .  $^{1}/_{10}$  ihres Volumenz zusammenpressen; und ungekehrt, wenn man sie in einen 2, 4 . . . 10mal grösseren leeren Raum bringt, so fullen sie auch diesen vollständig aus, wie wir später noch ausführlicher sehen werden; sie haben also ein Bestreben, sich so viel wie möglich auszudehnen. Die leichte Theilbarkeit haben die Gase mit den Flüssigkeiten ermein.

Diese Unterschiede können nach unserer Ansicht von der Constitution der Körper nur darauf beruhen, dass bei den' festen Körpern die Atome nicht allein in einer bestimmten Entfernung, sondern auch in einer bestimmten gegenseitigen Lage bleiben, während die Atome der Flüssigkeiten zwar auch in einer bestimmten Entfernung bleiben, aber doch sehr leicht sich an einander verschieben lassen; bei den gasförmigen Körpern endlich finden wir ein Bestreben der Atome, sich möglichst weit von einander zu entfernen.

Verschiedenheit der Atome. Vergleichen wir verschieden 16 Körger, so gewähren wir abhad Utaerschiede, welche sich nicht auf eine verschiedene Anordnung der Theilchen zurückführen lassen. So sind z. B. der Schwefel umd das Blei feste Körper, aber feste Körper, welche mit sehr verschiedenen Eigenschaften begabt sind. Man mag den Schwefel behandeln wie man will, man kann ihn nie in Blei, und ungekehrt kann man des Blei durch keinerlei Operationen in Schwefel umwandeln; wir sehen uns daher zu der Annahme genöthigt, dass die Atome, aus welchen das Bleistütch besteht, von denne des Schwefels wesentlich verschieden sind.

Wasser, Quecksilber, Kohlensäure, Schwefel, Zink u. s. w. kennen wir in allen drei Aggregatzuständen, aber die Eigenschaften eines jeden der genannten Körper sind bei gleichem Aggregatzustande doch wesentlich verschieden von denen aller übrigen.

Die meisten Körper sind nicht aus gleichartigen, sondern aus verschiedenartigen Atomen zusammengesetzt, obgleich das äussere Ansehen keine Ungleichartigkeit der kleinsten Partikelchen erkennen lässt.

Durch gewisse Operationen, welche die Chemie näher kennen lehrt, kann man z. B. aus dem Zinnober Schwefel und Quecksilber abscheiden, man kann das Wasser in Sauerstoff und Wasserstoff, das Kochsalz in Chlor und Natrium zerlegen.

Solche Körper nun, welche aus Atomen verschiedener Natur zusammengesetzt sind, und welche sich in verschiedene Stoffe zerlegen lassen, nennt man chemisch zusammengesetzte Körper, im Gegensatz zu denen, welche sich nicht in verschiedenartige Bestandtheile zerlegen lassen, und welche man deshalb einfache Körper, Grundstoffe oder Elemente nennt.

Solche Stoffe, welche man bis jetzt wenigstens nicht weiter in verschiedenartige Bestandtheile zerlegen kann, zählt man jetzt 65. Die wichtigsten und bekanntesten dieser Elemente sind:

Sauerstoff,	Antimon,	Nickel,
Schwefel,	Silicium,	Eisen,
Stickstoff,	Gold,	Zink,
Chlor,	Platin,	Wasserstoff,
Jod,	Silber,	Mangan,
Brom,	Quecksilber,	Aluminium,
Phosphor,	Kupfer,	Magnesium,
Arsen,	Wismuth,	Calcium,
Kohlenstoff,	Zinn,	Barium,
Chrom,	Blei,	Natrium,
Molybdan,	Kobalt,	Kalium.

Die nähere Betrachtung dieser Elemente, die Art und Weise, wie sie sich unter einander zu verschiedenen zusammengesetzten Körper verbinden, die Mittel, welche man anzuwenden hat, um ehemisch zusammengesetzte Körper in ihre Bestandtheile zu zerlegen, gehört der Chemie an; dessen ungeschett müssen wir auch lier die Grundgesetze der chemischen Verbindungen wenigstens kurz besprechen, weil sie mit einer Reihe von physikalischen Gesetzen in der innigsten Beziehung stehen.

17 Chemisohe Aequivalente. Wenn swei einfache Stoffe eine chemische Verbindung mit einander eingehen, so entsteht ein neuer Körper, welcher ganz andere Eigenschaften besitzt als jeder der Bestandtheile, und sich wesentlich von einem Gemenge derselben unterscheidet. Wenn man fein vertheilten Schwefel noch so lange mit Kohlenpulver zusammenreibt, so erhält man doch nur ein Gemenge, in welchem man mit Hulfe des Mikroskops immer noch die einzelnen Schwefel- und Kohlentheilchen unterscheiden kann.

Ein gauz anderes Resultat erhält man, wenn Schwefeldiunpfe über Kohlen geleitet werden, welche in einem eisernen Rohre glübend gemacht sind. Durch Verdichtung der aus dem Rohre austretenden Dämpfe erhält nan eine wasserhelle, knoblauchartig riechende Flüssigkeit, den Schwefelkohlenstoff, die chemische Verbindung von Schwefel und Kohlenstoff, welche wesentlich verschieden von ihren Bestandtheilen ist und in welcher sich in keinerlei Weise die Partikelchen des Schwefels von denn der Kohle unterscheiden lassen.

Die chemische Verbindung des Schwefels und des Quecksilbers ist der durch seine schöne rothe Farbe bekannte Zinnober.

Unser gewöhnliches Kochada ist eine Verbindung des gasförmigen Chlors mit einem metallischen Körper, welcher Natrium genannt wird. Das Chlornatrium, ein im Wasser lösliches Salz, ist aber in allen seinen Eigenschaften wesentlich vom Chlor sowohl wie auch vom Natrium verschieden

Während man verschiedene einfache Stoffe in den verschiedensten Verhältnissen zusammenmengen kann, so treten sie doch nur in bestimmten Verhältnissen zu chemischen Verbindungen zusammen. Der Zimober enthålt z. B. auf 200 Gewichtstheile Schwefel stets 1250 Gewichtstheile Quecksilber. Schmilzt man Schwefel und Quecksilber in anderen Verhältnissen zusammen, so beibt ausser dem gebildeten Zimober noch ein Ueberschuss von Schwefel oder Quecksilber übrig, welcher nicht in die Verbindung eingelt, je nachdem man von dem einen oder anderen dieser Stoffe zuwiel genommen hat.

Es ist nun höchst wichtig, genau die Gewichtsverhältnisse zu kennen, in welchen die einfachen Stoffe zu chemischen Verbindungen zusammentreten. Die Untersuchungen der Chemiker haben in dieser Beziehung zu folgenden Hauptresultaten geführt.

Es verbinden sich 100 Gewichtstheile Sauerstoff (O) mit

200	GewThln.	Schwefel S	1295 GewTh	ln, Blei , Pb
175		Stickstoff N	350 "	Eisen Fe
443		Chlor Cl	407 ,	Zink Zn
387,	,5 ,	Phosphor P	12,5 ,	Wasserstoff . II
277,	,5 "	Silicium Si	345 "	Mangan Mr
75	n	KohlenstoffC	171 "	Aluminium Al
1350		Silber Ag	250 "	Calcium Ca
1250	77	Quecksilber . Hg	287,4 "	Natrium Na
396	79	Kupfer Cu	489 "	Kalium K

Die oben mitgetheilten Zahlen geben aber nicht allein an, in welchen Verhältnissen sieh die genannten Körper mit Sauerstoff, sondern auch, in welchen Verhältnissen sie sich unter einander verbinden. So verbinden sich 200 Gew.-Thle. Schwefel mit 1250 Gew.-Thln. Quecksilber zu Schwefelquecksilber (Zinnober), und 200 Gew.-Thle. Schwefel mit 12½ Gew.-Thln. Wasserstoff zu Schwefel-Wasserstoffgas. Ferner vereinigen sich 413 Gew.-Thle. Chlor mit 396 Gew.-Thln. Knpfer zu Chlorkupfer, mit 407 Gew.-Thln. Zink zu Chlorzink, mit 287,4 Gew.-Thln. Natrium zu Chlorantrium u. s. w.

Diese Zahlen, welche also zunächst angeben, in welchen Gewichtsverhältnissen je zwei einfache Stoffe zu chemischen Verbindungen zusammentreten können, werden ehemische Aequi valente genannt und durch die in obiger Tabelle beigefügten Buchstaben bezeichnet. So bezeichnet II ein Aequivalent Wasserstoff, CI ein Aeq. Chlor, IIg ein Aeq. Quecksilber u. s. w.

Ein zusammengesetzter Körper wird durch die Zusammenstellung der Zeichen seiner Bestandtleib bezeichnet; so ist z. B. 10 das Zeichen des Wassers, d. h. der Verbindung von 1 Acq. Wasserstoff mit 1 Acq. Sauerstoff; HgS ist das chemische Zeichen für Zinnober, ZnCl das für Chlorzink n. s. w. Das Acquivalent eines zusammengesetzten Körpers ist stets die Summe der Acquivalente seiner Bestandtheile; so ist z. B. das Acquivalent für

```
Kali . . . . KO = 589 Zinkoxyd . . . . Zn O = 507
Natron . . . Na O = 387.4 Schwefelzink . . Zn S = 607 n. s. w.
```

Es kommt häufig vor, dass zwei einfache Stoffe sich in mehreren bestimmten Verhältnissen verbinden, alsdann aber sind die Mischungsgewichte der in solchen Verbindungen enthaltenen Bestandtheile einfache Multipla der einfachen Aequivalente. So verbinden sich z. B. 200 Gew-Thla. Schwefel mit 200 Gew-Thla. Sauerstoff zu schwefelsäure. und mit 300 Gew-Thla. Sauerstoff zu Schwefelsäure.

Die schweftige Säure besteht also aus 1 Aeq. Schwefel und 2 Aeq. Sauerstoff, die Schwefelsure aus 1 Aeq. Schwefel und 3 Aeq. Sauerstoff. Es ist demanch das chemische Zeichen für schweftigs Süure SO<sub>2</sub>, für Schwefelsäure SO<sub>2</sub>, indem man mit O<sub>2</sub> und O<sub>2</sub> zwei und drei Aequivalente Sauerstoff bezeichnet. Das chemische Aequivalent der schwefligen Säure ist 400, das der Schwefelszure 500.

Eben so giebt es mehrere Verbindungen von Kohlenstoff und Sauerstoff nämlich

Kohlenoxydgas . . . CO = 175 Kohlensäure . . . . CO<sub>2</sub> = 275;

ferner gieht es mehrere Verbindungen von Stickstoff und Sauerstoff, nämlich

 Stickstoffoxydul
 ...
 NO = 275

 Stickstoffoxyd
 ...
 NO<sub>2</sub> = 375

 Salpetrige Säure
 ...
 NO<sub>3</sub> = 475

 Untersalpetersäure
 ...
 NO<sub>4</sub> = 575

 Salpetersäure
 ...
 NO<sub>5</sub> = 675

In der Salpetersäure sind also auf jedes Aequivalent Stickstoff 5 Aeq. Sauerstoff enthalten, oder mit anderen Worten, die Salpetersäure besteht aus 175 Gew.-Thln. Stickstoff und 500 Gew.-Thln. Sauerstoff.

Der oben erwähnte Schwefelkohlenstoff ist CS2, also eine Verbindung, welche auf 75 Gew.-Thle. Kohlenstoff 400 Gew.-Thle. Schwefel enthält.

Die meisten Verbindungen des Sauerstoffs mit den nicht metallischen Elementen sind Säuren; die Verbindungen des Sauerstoffs mit Metallen werden dagegen Oxyde genaunt; sie gehören meist einer Classe von Verbindungen an, welche die Chemiker Basen nennen, deren Eigenschaften aber hier nicht weiter besprochen werden köunen.

Die binären, d. h. die aus zwei Elementen zusammengesetzten Körper gehen unter einander weitere Verbindungen ein; so verbinden sich z. B. die Säuren und Basen zu Salzen, und auch diese Verbindungen stehen unter dem Gesetz der Aequivalente. Das chemische Aequivalent jedes zusammengesetzten Körpers ist stets die Summe der Aequivalente seiner Bestandtheile.

So ist z. B.

Salpetersaures Kali . .  $NO_5 + KO = 1264$ Salpetersaures Natron .  $NO_5 + NaO = 1062,4$ Salpetersaures Zinkoxyd  $NO_5 + ZnO = 1182$ . Statt die chemische Formel für Säure und Basis durch + zu verbinden, setzt man anch ein Komma zwischen beide, es ist also  $NO_5+KO=NO_5,KO$ . Demnach ist

Das schwefelsaure Natron verbindet sich mit 10 Aeq. Wasser zu krystallisirtem Glaubersalz; es ist also

Gianbersalz =  $80_3$ , Na0 + 10 H0 = 887 + 1125 = 2012,4.

In 2012,4 Gew.-Thln. Glaubersalz sind also auf 1400 Gew.-Thle. (14 Aeq.) Sanerstoff, 125 Gew.-Thle. (10 Aeq.) Wasserstoff, 200 Gew.-Thle. (1 Aeq.) Schwefel und 287,4 Gew.-Thle. (1 Aeq.) Natrium enthalten.

Diese Beispiele mögen genügen, um das Gesetz der chemischen Aequivalente zn erläutern.

E ist klar, dass es bei Feststellung der chemischen Aequivalente nur son das Verhältniss, nicht auf den absoluten Zahleuwerth derselben ankommt; der absolute Zahleuwerth ändert sich nämlich, wenn man eine andere Einheit zu Grunde legt. Setzt man das Aequivalent des Wasservolls gleich 1, so ist:

Nimmt man an, dass wenn 1 Acq. eines Stoffes mit 1 Acq. eines anderen verbunden ist, die Verbindung auch gleich viele Atome von jedem Bestandtheile enthält, so geben obige Acquivalentzahlen auch das Gewichtsverhältniss der verschiedenen Atome an, und man kann in dieser Voraussetzung jene Zahlen auch Atomg wichte nennen.

Nimmt man z. B. an, dass im Zinnober immer 1 Atom Schwefel mit 1 Atom Qnecksilber verbunden sei, so ist klar, dass sich alsdann auch das Gewicht von 1 Atom Schwefel zum Gewicht von 1 Atom Quecksilber verhalten müsse wie 200: 1250.

In diesem Sinne werden dann auch die Zahlen, wie sie in der Tabelle auf Seite 25 enthalten sind, Atomgewichte genannt. Nur für einige gasförmige Körper nimmt man das Atomgewicht nur halb so gross an als das obige Acquivalentgewicht, und zwar aus folgenden Gründen.

Wenn man Wasser mit Hulfe der galvanischen Säule in seine Bestandtheile zerlegt, so erhält man stets 1 Volumen Saufristoffigas auf 2 Volumina Wasserstoffigas, und umgekehrt verbinden sich 2 Volumina Wasserstoffigas auf Volumen Sauerstoffigas zu Wasser. Nimmt man nun an, dass 1 Volumen Sauerstoffigas so viel Atome enthält wie 1 Volumen Wasserstoffigas, so würde daraus folgen, dass im Wasser immer 2 Atome Wasserstoff auf 1 Aeq. Sanerstoff enthätten sind, und wenn also das Gewicht von 1 Atom Sanerstoff mit 100 bezeichnet wird, so wäre das Gewicht von 2 Atomen Wasserstoff gleicht 12,5 und das Atomgewicht des Wasserstoffs gleich 12,5 und das Atomgewicht des Wasserstoff

Da sich 1 Volumen Wasserstoffgas mit 1 Volumen Chlorgas zu Salzsaure verbindet, so muss das Atomgewicht des Chlors gleichfalls halb so gross genommen werden, als das oben angegebene chemische Aequivalent des Chlors.

Ebenso wird auch das Atomgewicht des Stickstoffs halb so gross angenommen als sein Aequivalent.

In der Ungleichheit der Atomgewichte verschiedener Körper liegt uuu auch der Beweis für die Richtigkeit der in §. 11 ausgesprochenen Behauptung, dass die Begriffe des specifischen Gewichts und der Dichtigkeit keineswegs identisch sind, denn wenn das specifische Gewicht nur von der Dichtigkeit, d. h. von der Anzahl der in einem gegebenen Volumen vorhandenen Atome abhängig wäre, so müsste das Atomgewicht für alle Stoffe gleich sein. - Das specifische Gewicht des Silbers ist (nahezu) 4mal so gross als das des Aluminiums. Wenn dies nun einfach daher rührte, dass in einem Stück Silber (ualiezu) 4mal so viel Atome vorhanden wären, als in einem Stück Aluminium von gleichem Volumen, so würde daraus folgen, dass ein Aluminiumatom gleiches Gewicht mit einem Silberatom haben müsse, was in der That nicht der Fall ist.

18 Das Aequivalentvolumen. Dividirt man die Aequivalentgewichte der einfachen Stoffe durch ihre specifischen Gewichte, so muss man nach Gleichung 3) auf Seite 16 die Volumina der Acquivalente, d. h. die Zahlen erhalten, welche angeben, nach welchen Raumverhältuissen die chemischen Elemente in deu chemischen Verbindungen zusammentreten. Für die bereits auf Seite 24 angeführten einfachen Stoffe ergeben sich auf diese Weise folgende Werthe der Aequivalentvolumina;

Sauerston.		69832	Kupier	90,77
Stickstoff.		138121	Blei	114,10
Chlor		138050	Eisen	47,59
Wasserstoff		139821	Zink	58,14
Schwefel .		98,60	Mangan	42,96
Phosphor .		225,98	Aluminium	64,05
Silber		128,94	Natrium	298,36
Oueskeillese		01.01	V. P.	F.C.F. 20

Quecksilber . . . 91,91 Kalium . . . 565,32 Es verbinden sich also 98,6 Volumtheile krystallisirten Schwefels mit 91,9 Volumtheilen Quccksilber zu Zinnober, mit 565 Volumtheilen Kalium zu Schwefelkalium u. s. w.

Der Begriff des Aequivalentvolumens ist von Kopp in die Wissenschaft eingeführt worden, welcher demselben aber den Namen specifisches Volumen beilegte.

Sctzt man iu der Gleichung  $V = \frac{P}{S}$  für P statt des Acquivalentgewichts eines Körpers das Atomgewicht desselben, so erhält man sein Atomvolumen. Das Atomvolumen steht zu dem Aequivalentvolumen

in derselben Beziehung, wie Atomgewicht zu Aequivalentgewicht. Die in der letzten Tabelle angeführten Werthe der Acquivalentvolumina

für Stickstoff, Chlor und Wasserstoff sind fast gleich, und in der That

wissen wir ja, dass aich gleiche Volumina Chlor und Wasserstoff zu Salzsäure u. s. w. verbinden; dagegen ist das Aequivalentvolumen des Sauerstoffs nur halb so gross als das der genannten Gase, es verbindet sich also, wie wir bereits wissen, 1 Volumen Sauerstoffgas mit 2 Volumina Wasserstoffgas zur Wasser.

Das Atomvolumen des Wasserstoffs, Chlors und Stickstoffs ist halt so gross, als der oben angeführte Werth ihres Aequivalentvolumens, es ergiebt sich also, dass die Atomvolumina aller gasförmigen Körper einander gleich sein müssen.

Für Körper von shahlichem chemischen Verhalten sind die Acquivalentvolumina nahezu gleich, wie z. B. beim Eisen, Nickel und Mangan, oder übre Acquivalentrolumina stehen nahezu in einem einfachen Verhältniss. So ist z. B. das Acquivalentrolumen des Kaliums fast doppelt so gross als das des Natriums.

Die Acquivalentvolumina der Körper können nicht in der Weise nnveränderlich sein wie die Acquivalentgewichte, da sie sich mit dem specifischen Gewicht, also anch mit der Temperatur ändern. Für Körper, welche man in verschiedenen Aggregatzuständen kennt, muss man natürlich anch ganz verschiedene Acquivalentvolumina erhalten, je nachdem nan bei ihrer Berechnung das specifische Gewicht des einen oder des anderen Zustandes zu Grunde legt. Das Acquivalentvolumen des festen Schwefels ist 98,6, das des Schwefeldampfe 29000.

Für das Aequivalentvolumen des Kohlenstoffs erhält man 21,3 oder 37,5, je nachdem man das specifische Gewicht des Diamants oder des Graphits in Rechnung bringt.

Das Acquivalentgewicht einer chemischen Verbindung ist die Summe der Acquivalentgewichte seiner Bestandtheilt; in Beziehung and die Acquivalentvolnmina ist dies nur selten der Fall. Das Acquivalentvolnmen des Schwefels ist 98,6, das des Bleies ist 114,1; das Acquivalentvolumen des Schwefels ist 98,6, das des Bleise ist 114,1; das Acquivalentvolumen des Bleiglanzes ist aber nicht 98,6 + 114,1 = 212,7, sondern  $\frac{1495}{776}$  = 192;

das Acquivalentvolumen der Verbindung ist hier kleiner als die Summe der Acquivalentvolumina der Bestandtheile, es hat also eine Verdichtung stattgefunden.

Eine solche Verdichtung findet nun in den meisten Füllen statt; am zuffallendsten seigt sie sich, wenn ein Gas sich mit einem festen Element zu einem festen Körper verbindet, wie bei den Metalloxyden. So ist z. B. das Aeguivalentgewicht des Zinkoxyds (Zno) gleich 407+1 100=1507, das specifische Gewicht desselben 5,43, mithin ist das Aequivalentvolumen des 500-100 per des desselben 5,43, mithin ist das Aequivalentvolumen des 500-100 per des desselben 5,43, mithin ist das Aequivalentvolumen des

Zinkoxyds  $\frac{507}{5,43}$  = 93, also bei weitem kleiner als die Summe der Aequivalentvolumina des Zinks und des gasförmigen Sauerstoffs.

Nimmt man an, dass das Zink im Zinkoxyd mit seinem ursprünglichen Aequivalentvolumen enthalten sei, so bleibt für den im Zinkoxyd enthaltenen Sauerstoff das Aequivalentvolumen 35 übrig, der Sanerstoff ist also im Zinkoxyd vom Aequivalentvolumen 69832 auf das Atomvolumen 35, also fast auf  $\frac{1}{2000}$  verdichtet.

Zieht man das Aequivalentvolumen eines Metalls von dem Aequivalentvolumen seines Oxydes ab, so bleibt nahezu immer derselbe Rest, es ist deshalb, wie Schröder wahrscheinlich machte, in allen Oxyden das Metall mit unverändertem Atomvolumen, der Sauerstoff mit dem Atom-

volumen 35 (genauer 34,8) enthalten (Pogg. Annal. Bd. L, S. 553).

Bis jetzt ist es noch nicht gelungen, allgemeine Gesetze nachzuweisen,
nach welchen die Verdichtungen bei chemischen Verbindungen vor sich
geben.

18 Kräfte und Imponderabilien. Alle Erscheinungen, welche wir in der Natur wahrnehmen, beweisen uns, dass eine beständige Wechselwirkung sowohl zwischen den verschiedenn K\u00f6rpern als auch zwischen den einzelnen Theilchen eines und desselben K\u00f6rperns stattfindet.

Die unsichtbaren Ursachen dieser Wechselwirkung nennen wir Kräfte. Die Kräfte, mit 'welchen wir uns die Körperatone begabt denken, welche wir als Attribute der Körperatone annehmen, können nie Gegenstand einer unmittelbaren Wahrnehmung sein. Die Vorstellungen, die wir uns von diesen Kräften machen, sind immer nur Hypothesen, die wir so construiren und modificiren, wie wir sie eben zur Erklärung der Thatsachen bedürfen.

Im Allgemeinen ist in der Physik von Kräften zweierlei Art die Rede, von solchen nämlich, welche in die Ferne wirken, wie die Schwere, die magnetischen und elektrischen Anziehunge- und Abstossungskräfte u. s. w., und dann von solchen, welche nur in die kleinsten Entfernungen wirken, also nur bei fast numittelbarer Berührung der Körpertheilchen in Thätigkeit treten nnd welche deshalb den Namen der Molekularkräfte führen. Diese Kräfte sind es, welchen wir die Erhaltung der verschiedenen Aggregatzustände und der chemischen Verbindungen zuschreiben.

Unter den Molekularkräften unterscheiden wir zunächst solche, welche sich durch eine gegenseitige Anziehung der Atome geltend machen und welche vorzugsweise den Zusammenhang der Theilchen fester Körper, die Cohäsion, bedingen, und deshalb als Cohäsionskräfte bezeichnet werden, im Gegenstat zu den Expansionskräften, welche die Körperstome von einander zu entfernen streben. In den festen und flüssigen Körpern verhindern die Expansionskräfte, dass die einzelnen Atome derselben nicht über eine gewisse Gränze genähert werden können, bei Gasen bewirken die Expansionskräfte das beständige Streben nach grösserer Ausdehnung, welchem unt durch flüssere Kräfte das Gleichgewicht gehalten werden kann.

Da durch die Wärme feste Körper geschmolzen, flüssige verdampft und in den gasförmigen das Streben nach Ausdehnung bedentend gesteigert wird, so nimmt man an, dass die Wärme selbet die Kraft sei, welche die Theilchen der Körper auseinander zu treiben strebt, man nimmt an, dass Wärme und die oben erwähnte Expansionskraft identisch seien.

Um die ausdehnede Kraft der Wärme sowie die übrigen später noch ausführlich zu besprechende Wärmephänomen zu erklären, nahm man die Existenz eines eigenthümlichen Wärmepänomen zu erklären, nahm man die Existenz eines eigenthümlichen Wärmestoffs an, welcher bei äusserster Feinheit sich von den eigentlichen Körpern dadurch unterscheidet, dass er von der Schwere nicht affeite wird, also imponderabel ist. Nimmt man nun an, dass dieser feine Stoff zwischen den einzelnen Atomen der Körper einzudringen vermag, dass die einzelnen Atomen gleichsam mit Wärmestmosphären eingehüllt sind, und dass ferner die einzelnen Theilichen dieses unwägbaren Wärmestoffs sich gegenseitig abtossen, so begreift man wohl, wie durch Vermehrung der Wärme eines Körpers die von der Anziehung der ponderabeln Atome herrührende Cohäsion geschwächt wird, und dass endlich, wenn die Repulsion der Wärmestmosphären stärker ist als die gegenseitige Anziehung der ponderabeln Atome, der gasförmige Zustand eintreten muss.

Die Existenz eines solchen Wärmestoffs ist durchans hypothetisch; man postulirte denselben, um durch eine solche Hypothese die Wärmephänomene zu erklären. Dergleichen Hypothesen können aber bei fortschreitender Erkenntniss der Naturgesetze mannigfache Modificationen relieden. So ist es in der That nach dem jetzigen Standpunkt der Wissenschaft höchst wahrscheinlich, dass die Wärmephänomene nicht sowohl durch die ruhende Existenz eines imponderabeln Wärmestoffs, als vielmehr durch die Vibrationsbewegungen theils der ponderabeln Körpermoleklie, theils eines gleichfalls imponderabeln Aethers zu erklären sind, wie dies in dem Capitel von der Wärme ausfährlicher besprochen werden soll,

Ausser dem fraglichen Wärmestoff nehmen die Physiker zur Erklärung verschiedener Phänomene noch andere unwägbare (imponderabele) Stoffe an, welche man mit dem gemeinsamen Namen der Imponderabilien bezeichnet.

So hat man die im vierten Buche näher zu besprechende Hypothese besonderer imponderabeler magnetischer und elektrischer Fluida aufgestellt, nm die magnetischen und elektrischen Erscheinungen mit Hülfe derselben zu erklären.

Auch zur Erklärung der Lichtphänomene bedarf man der Annahme impoderabeler Stoffe. Nach der früheren Ansicht sendet jeder leuchtende Körper Theilchen eines imponderabeln Lichtstoffes nach allen Seiten hin aus, welche, in unser Auge eindringend, die Gesichtsempfindungen hervorrufen. Diese Hypothese über die Natur des Lichtes ist jetzt vollständig aufgegeben worden, dagegen sucht man die Lichterscheinungen aus den Vibrationen eines imponderabelen Achters abzuleiten.

Dieser Aether, welcher also der allgemeinen Massenanziehung nicht unterworfen ist, erfüllt nach den Grundsätzen der Vibrationstheorie nicht allein alle Himmelsräume, sondern auch die Zwischenräume zwischen den ponderabeln Atomen der Körper. Während die Atome der ponderabeln Stoffe sich einander anziehen, findet zwischen den Theilchen dieses Aethers eine gegenseitige Abstossung statt, in Folge deren der Aether im höchsten Grade elastisch ist.

Nachdem es gelungen war, die optischen Phänomene vollständig durch die Vibrationen des Lichtäthers zu erklären, lag die Idee nahe, auch die Erklärung der Wärmephänomene auf solche Vibrationsbewegungen zurückzuführen. Während es wohl keinem Zweifel mehr unterliegt, dass die Wärmestrahlen, welche ihrem Wesen nach mit den Lichtstrahlen ganz identisch sind, durch Aethersehwingungen fortgepflanzt werden, ist es höchst wahrscheinlich, dass die fühlbare Wärme der Körper von den Vibrationsbewegungen ihrer pondersbehn Alome herrührt.

Es ist wohl mit Sicherheit anzunehmen, dass die gegenwärtigen Hypothesen über die Natur des Magnetismus und der Elektricität ähnlichen Wandlungen entgegengehen, wie die Theorien über Licht und Wärme.

### ERSTES BUCH.

# DIE MECHANIK.

#### Erstes Capitel.

Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Parallelogramm der Kräfte. Ein Körper ist im Gleichge weicht, Zo wenn alle auf ihm wirkenden Kräfte keine Veränderung in seinem Zustande bervorbringen, wenn ihre Wirkung durch eine andere Kraft oder einem Wirkung durch eine Schwere eines Körpers, wieleher an einem Faden aufgehäugt ist, wird durch den Widerstand des Fadens aufgehoben. Ist der Faden nicht stark genng, so reiset er, und der Körper fällt zu Boden. Oft findet Gleichgewicht ohne festen Stützpunkt und ohne scheinharen Widerstand statt. Der Fisch kann im Wasser, der Luftballon in der Luft im Gleichgewicht sein; hier aber ist die Schwere dieser Körper durch einen Druck aufgehoben, von dem später mehr die Rede sein wird.

Man kann sagen, dass alle Körper, welche uns in Ruhe erscheinen, solche sind, auf welche mehrere sich gegenseitig vernichtende Kräfte einwirken.

Die Statik beschäftigt sich damit, die Bedingungen des Gleichgewichts auszumitteln; die Dynamik dagegen untersucht die Gesetze der Bewegungen, welche entstehen, wenn den Bedingungen des Gleichgewichts nicht gemügt ist.

Um Kräfte zu messen, muss man irgend eine beliehige Kraft als Einheit annehmen.

Zwei Kräfte sind gleich, wenn sie nach entgegengesetzten Richtungen anf einen Punkt wirkend sich das Gleichgewicht halten. Zwei gleiche Kräfte, die nach derselben Richtung wirken, sind der doppelten Kraft gleichzusetzen. Man würde eine dreifische Kräft haben, wenn man drei gleiche Kräfte nach derselben Richtung wirken liesen z. s. w.

Wie viele Kräfte auch auf einen materiellen Punkt wirken mögen, welches auch ihre Richtung sein mag, so werden sie demaselben doch nur eine Bewegung in einer bestimmten Richtung mittheilen. Es lässt sich demasch eine Kräft denken, welche für sich allein dieselbe Wirkung hertvurbringen im Stande ist, welche also das ganze System jener Kräfte

- Cond

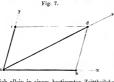
ersetzen kann. Sie führt den Namen der Resultirenden. Wenn z. B.
ein Schiff durch die gleichzeitige Wirkung des Stromes, der Ruder und
des Windes getrieben wird, so bewegt es sich nach einer bestimmten Richtung; wenn die Wirkungen des Stromes, der Ruder und des Windes aufhörten, so könnte man doch offenbar dem Schiff dieselbe Bewegung dadurch wieder ertheilen, dass man an einem Scil, welches am Schiffe befestigt ist, eine bestimmte Kraft nach jener Richtung anbringt, nach welcher es sich unter gleichzeitiger Einwirkung der drei Kräfte bewegte.
Dies ist die Resultirende der der Kräfte.

Die Gesammtheit von Kräften, welche auf einen Punkt zusammenwichen, neunt man ein System von Kräften. In Beziehung auf die Resultirende, welche die Gesammtheit der Kräfte ersetzen kann, neunt man diese auch die Seitenkräfte oder Composanten. Es ist klar, dass, wenn man einem System von Kräften eine neue Kraft hinzufügt, welche der Resultirenden des Systems gleich und entgegengesetzt ist, dass sich alsdann alle zusammenwirkenden Kräfte das Gleichgewicht halten müssen.

Hätte man z. B., um bei dem oben angeführten Beispiele stehen zu bleiben, an einem am Schiff befestigten Seile eine Kraft wirken lassen, welche der resultirenden Kraft des Stromes, des Windes umd der Ruder gleich, aber entgegengesetzt ist, so wird diese neu angebrachte Kraft Gleichgewicht hervorbringen; das Schiff wird still stehen müssen.

Wenn zwei oder mehrere Kräfte nach derselben Richtung hin wirken, so ist ihre Resultirende gleich der Summe der einzelnen Kräfte. — Wenn zwei Kräfte gerade in entgegengesetzter Richtung auf einen Punkt einwirken, so ist die Resultirende gleich der Differenz der beiden und sie wirkt in der Richtung der grösseren.

Wenn die Richtungen zweier Krüfte, welche auf einen materiellen Punkt wirken, einen Winkel mit einander machen, so findet man die Resultirende nach einem Gesetze, welches unter dem Namen des Parallelogramms der Kräfte bekannt ist. Man gelangt zu diesem Gesetz durch



folgende einfache Betrachtung. Auf den Punkt a, Fig. 7, sollen zwei Kräfte gleichzeitig einwirken, die eine nach der Richtung ax, die andere nach der Richtung ay Die eine Kraft mag von der Arts ein, dass

sie für sich allein in einem bestimmten Zeittheilehen, etwa einer Secunde, den Punkt von a nach b bewegen würde, während die andere für sich allein einer gleichen Zeit ihn von a nach e treibt. Wenn nun der Punkt eine Secunde lang der gleichzeitigen Einwirkung beider Kräfte augvesetzt ist, so ist die Wirkung offenbar dieselbe, als ob eine Secunde lang der Punkt nur der Einwirkung der einen, in der folgenden Secunde aber nur der Einwirkung der anderen Kraft unterworfen wäre. Die eine Kraft allein treibt den Punkt in einer Secunde von d nach b. Hörte nun -in dem Moment, in welchem er in b ankommt, jede von dieser Kraft herstammende Bewegung auf, während der Punkt von nun an ur der Einwirkung der zweiten Kraft folgt, so würde er am Ende der folgenden Secunde in d anlangen. In demselben Punkt ed muss also auch der Punkt a nach einer Secunde ankommen, wenn beide Kräfte gleichzeitig wirken.

Ein Beispiel wird dies anschaulicher machen. Von dem Punkte A, Fig. 8, an dem Ufer eines Flusses fährt ein Schiff ab, auf welches gleich-



zeitig zwei Kräfte, der Strom und der Wind, einwirken. Nehmen wir an, das Schiff werde durch den Wind allein in einer bestimmten Zeit, etwa in einer Viertelstunde, quer über den Fluss, von A nach B, getrieben; durch den Strom allein aber würde es, wenn gar kein Wind ginge, in derselben Zeit von A nach C gelangen, so mass es, wenn Strom und Wind gleichzeitig wirken, nie ner Viertelstunde den Weg von A bis D zurücklegen, d. h. es muss nach einer Viertelstunde unter gleichzeitiger Wirkung beider Kräfte in demselben Punkte D zankommen, als ob eine Viertelstunde lang der Wind allein wirkend das Schiff von A bis B getrieben hätte und es alsdann in der folgenden Viertelstunde durch den Strom allein von B bis D geführt worden währ.

Die Linie ad, Fig. 7, ist die Diagonale des Parallelogramms abde; das durch nnsere Betrachtung gefundene Gesetz kann demnach folgendermaassen ausgedrückt werden: "Die Resultirende zweier Kräfte, welche gleichzeitig unter irgend einem Winkel auf einen materiellen Punkt einwirken, ist von der Art, dass sie den Punkt durch die Diagonale des Parallelogramms zu bewegen strebt, welches man aus den Bahnen construiren kann, die jeder der Seitenkräfte entspreche.

Da die Bahn, welche ein Körper in einer gegebenen Zeit durchlauft, unter sonst gleichen Umständen der Kraft proportional ist, welche ihn treibt, da es sich ferner bei Bestimmung der Reaultirenden nur darum handelt, ihre Richtung und ihr Grösseuverhältniss zu den beiden Scienkräften zu finden, so lässt sich das Gesetz auch so ausdrücken: "Weun man sich durch den Angriffspunkt zweier Kräfte zwei Linien in der Richtung derselben gezogen und ihre Länge den resp. Kräften proportional gemacht denkt, so stellt die Diagonale des Parallelogramms, welches durch diese beiden Linien bestimmt ist, sowohl der Grösse als auch der Richtung nach, die Resultierund der beiden Kräfte dar."

21 Berechnung der Resultirenden. Da man die Resultirende zweier gegebener Krifte, welbe auf einen materieller nucht wirken, durch eine geouetrische Construction finden kann, so muss man sie nach denselben Principien auch durch Rechung finden können. — Nehmen wir an, dass auf den Punkt a, Fig. 9, zwei Krifte P und Q wirken, welche sich vernen.

Fig. 9.

halteu wie die Linien ab und ac, während line Richtungen den Winkel x mit einander machen, so ist die Resultirende, dem vorigen Paragraphen zufolge, durch die Diagonale ad dargestellt, die wir mit R bezeichnen wollen. ad ist aber eine Seite des Dreices add, folgleh ist, einem bekannten trigonometrischen Satz zufolge  $ad^2 = ab^2 + b d^2 - 2ab \cdot b d \cdot \cos y$  oder

 $R^2 = P^2 + Q^2 - 2P \cdot Q \cos y$ , wenn man mit y den Winkel dba bezeichnet. Nun aber ist  $y = 180^{\circ} - x$ ,

also  $\cos y = -\cos x$ , folglich

$$R^2 = P^2 + Q^2 + 2PQ \cos x \dots$$
 (1)

Es sei z. B.  $P=3,\,Q=2$  und der Winkel x gleich 75°, so ergiebt sich  $R^2=9+4+2\cdot3\cdot2\cdot\cos75^9$ 

$$R^2 = 13 + 12.0259 = 16.1$$

mithin

$$R = 4.$$

Ist einmal die Grösse der Resultirenden mit Hülfe der Gleichung 1) ermittelt, so kann man leicht auch die Winkel berechnen, welche die Resultirende mit den Seitenkräften macht. Bezeichnen wir den Winkel bad mit a, so ergiebt sich aus dem Dreieck abd

$$R: Q = sin. y: sin. \alpha$$

also

sin. 
$$\alpha = {Q \atop R} {\sin \cdot y \atop R}$$

Experimentelle Prüfung d. Satzes v. Parallelogramm d. Kräfte. 39

oder 
$$sin. \ lpha = rac{Q \ sin. \ x}{R},$$

da sin. x = sin. (180 — x) ist. Für unser obiges Beispiel ergäbe sich also  $sin. \ \alpha = \frac{2 \ sin. \ 75^{\circ}}{4} = 0.5 \cdot 0.966 = 0.483,$ 

mithin

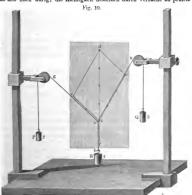
$$\alpha = 28^{\circ} 53^{\circ}$$

Bezeichnen wir mit  $\beta$  den Winkel, welchen Q mit R macht, so ist  $\beta = x - \alpha$ .

also in unserem Falle

$$\beta = 75^{\circ} - 28^{\circ} 53' = 46^{\circ} 7'$$

Experimentelle Prüfung des Satzes vom Parallelogramm 22 der Kräfte. Das in den beiden letzten Paragraphen besprochene Gesetz ist aus theoretischen Betrachtungen entwickelt worden, es bleibt um also noch übrig, die Richtigkeit desselben durch Versuche zu prüfen.



Wenn auf einen materiellen Punkt zwei Kräfte nach verschiedenen Richtungen einwirken, so muss man den Zustand des Gleichgewichts dadurch herstellen können, dass man an denselben Punkte eine dritte Kraft anbringt, welche der Resultirenden der beiden ersten gleich und entgegengesetzt ist.

Wenn also auf einen Punkt drei Kräfte einwirken, so muss Gleichgewicht stattfinden, wenn jede der Resultirenden der beiden anderen gleich und entgegengesetzt ist.

Mit Hülfe dieses Satzes ist es nun leicht, die Richtigkeit der eben vorgetragenen Beziehungen zwischen den Seitenkräften und ihrer Resultirenden durch einen der Statik selbst angebörigen Versuch zu prüfen, und zwar kann man dazu den in Fig. 10 (a. vor. S.) dargestellten Apparat anwenden.

An einem Tischhlatt sind zwei verticale Stähe angeschraubt, an jedem Stab aber it eine Halbe verschiebhar, welche eine um ihre Axe in
verticaler Ehene leicht hewegliche Rolle trägt; die Stähe müssen so angeschraubt sein, dass die Verticalehenen heider Rollen zusammenfallen.
Schlingt man eine Schnut über die Rollen, hängt man an dem einen Ende
ein Gewicht P., am anderen Ende ein Gewicht Q, zwischen dem Rollen ein
Gewicht R a., so wird sich bei irgend einen hestimmten Lage der Fäden
Alles ins Gleichgewicht stellen; man hat nun drei auf den Punkt o nach
der Richtung og, ok und oh wirkende Kräfte, und es ist leicht zu p

[en, oh zwischen der Grösse und Richtung derselhen diejenigen Beziehungen wirklich stattfinden, wie sie das Gesetz des Parallelogramms der Kräfte
verlangt.

Es sei z. B. P = 2 Loth, Q = 3 Loth und R = 4 Loth, so construire man ein Parallelogramm abcd, Fig. 11, in welchem die Seite ac2 Decimeter, die Seite ab 3 Decimeter und die



2 Decimeter, uns ernet d'a 3 Decimeter und can bei Diagonale ad 4 Decimeter lang ist, und verdängere noch die Diagonale da nach f hin. Wenn und as Gesetz dee Parallelogramms der Kräfte richtig ist, so muss der Winkel cab dieses Parallelogramms dem Winkel gleich sein, welchen unter den gegebenen Umständen die Schuüre og und ok mit einander machen; dass dies in der That der Fall ist, davon kann man sich leicht überzeugen, wenn man die Constructionsfigur so hinter die Schuüre hät, dass der Punkt a hinter o und af hinter oh fällt, wie dies in Fig. 10 augedeutet ist.

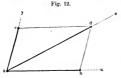
Einen auf denselben Grundsätzen heruhenden, ebenfalls sehr zweckmässigen Apparat zur experimentellen Bestätigung der Lehre vom Parallelogramm der Kräfte beschreiht Crahay im Bande von Poggendorff's Annalen (Frick's physikalische Technik, 2. Aufl. S. 58).

Wenn die beiden Seitenkräfte gleich sind, so theilt die Resultirende den Winkel, den sie mit einander machen, in zwei gleiche Theile.

Wenn die beiden Seitenkräfte ungleich sind, so theilt die Resultirende ihren Winkel nicht in gleiche Theile, sie liegt dann immer der grösseren von beiden näher.

Da man die Resultirende zweier Kräfte finden kann, die auf einen Punkt wirken, so findet man auch leicht die Resultirende einer beliebigen Anzahl von Kräften; man sucht nämlich nur die Resultirende der beiden ersten Kräfte, alsdann sucht man die Resultirende der eben gefundenen mit der dritten Kraft, verbindet diese Resultirende wieder mit der vierten Kraft u. s. w.

Weil zwei Kräfte durch eine einzige ersetzt werden können, so kann man umgekehrt für eine Kraft auch zwei andere substituiren. Man sieht ferner auch leicht ein, dass unzählig viele verschiedene Systeme von zwei Kräften dieselbe Resultirende haben können, dass also auch eine Kraft auf unzählig viel verschiedene Arten durch ein System von zwei Kräften ersetz werden kann. Wenn man aber z. B. verlangte, dass die Kraft ad, Fig. 12, durch



werden sollte, deren eine die Richtung ay und die Grösse ac haben soll, so ist die Aufgabe vollkommen bestimmt, weil es jetzt nur noch eine Art giebt, das Parallelogramm zu vollenden und die andere Seitenkraft ab zu finden.

Aus dem Satze vom Parallelogramm der Kräfte lassen sich die Gesetze des Gleichgewichts an allen sogenannten einfachen Maschinen ahleiten, die wir jetzt der Reihe nach betrachten wollen.

Die Rolle ist eine runde, nicht gar dicke, am Rande ausgehöhlte 23 Scheibe, welche um eine durch ihren Mittelpunkt gebende, auf ihrer Ebene rechtwinklig stehende Aus drehbar ist; diese Axe ist gewöhnlich durch eine Scheere getragen, deren Arme-zu beiden Seiten der Rolle bis etwas über ihre Mitte reichen.

Man unterscheidet feste und bewegliche Rollen. Feste Rollen sind solche, deren Axe unbeweglich ist, so dass keine Verrückung derselben, sondern nur eine Drehung um dieselbe möglich ist.

#### 42 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Wenn um einen Theil des Umfangs einer festen Rolle eine Schnur oder ein Seil gelegt ist, und an beiden Eanden derselhem Kriffe wirken, so findet nur dann Gleichgewicht statt, wenn die Kraft, welche das Seil auf der einen Seite spirkenden Kraft gleich ist. Es lässt zich dies leicht von vornherein einsehen, wenn man bedenkt, dass die beiden Kräfte unter sonst gleichen Umständen die Rolle nach entgegengesetzten Richtungen zu drehen streben. Man konnte deshalb auch oben Seite 39 sehon die Rolle in Anwendung hringere, ohne dass es nöthig gewesen wäre, eine Betrachtung über das Gleichgewicht der Kräfte an der Rolle auch vom Paralleogramm der Kräfte ahleiten, und von diesem Gesichtspunkte aus betrachtet wollen wir die Rolle hier näher besprechen. Fig. 13 stellt eine um ihren festen Mittelpunkt et drehbare



Rolle vor; das um dieselbe geschlungene Seil set durch Kräfte gepannt, welche nach den Richtungen ab und de wirken. Denken wir uns die Linien de und ab his zu ihrem Durchschnitspunkte n verlängert, so ist klar, dass, wenn n ein mit der Rolle fest verhundener Punkt wäre, man, ohne in der Wirkung etwas zu änderen, die Angriffspunkte der beiden Kräfte von a und d'nach n verlegen könnte, und so hätte man dann zwei in einem Punkte n angreifende Kräfte, die nur dann im Gleichgewicht sein können, wenn ihrer Resultirenden das Gleichgewicht gehalten wird. Wenn die beiden im Anarreffunden, nach den Richtungen

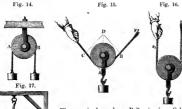
nb und ne wirkenden Kräfte gleich sind, so wird ihre Resultirende den Winkel bne halbiren, die Richtung dieser Resultirende geht alsdaun durch den festen Mittelpunkt e, und mithin findet Gleichgewicht statt. Wäre eine der beiden Kräfte grösser als die andere, so würde die Resultirende nicht mehr durch den festen Punkt gehen, es könnte also auch kein Gleichgewicht mehr stattfinden.

Der Druck, den die Axe der Rolle auszuhalten hat, ist offenhar der Resultirenden der beiden Kräfte gleich, und wenn die Richtungen der beiden Kräfte parallel sind, wie Fig. 14, so ist der Druck auf die Axe gleich der Summe der beiden Kräfte (wozu noch das Gewicht der Rolle selhst zu rechnen ist.

Auch an einer beweglichen Rolle kann nur dann Gleichgewicht stattfinden, wenn die Kräfte, welche die beiden Enden des Seils spannen, einander gleich sind, demn nur in diesem Falle geht ihre Resultirende durch
den Mittelpunkt der Scheibe; die Wirkung dieser Resultirenden wird aber
hier nicht dadurch aufgehoben, dass der Mittelpunkt fest its, sondert dadurch, dass in dem Mittelpunkte, und zwar in der Richtung der Resultirenden, eine dritte Kraft wirkt, welche dieser Resultirenden gleich und
entgegengesetzt ist. Diese dritte Kraft ist gewöhnlich an einem an der

Scheere befestigten Haken angebracht; in Fig. 15 ist sie durch das Gewicht dargestellt.

Wenn die beiden Enden des um die bewegliche Rolle geschlungenen Seils einander parallel sind, wie Fig. 16, so ist klar, dass die Kraft, mit welcher jedes Seilende gespannt wird, halb so gross ist als die Last, welche an der Scheere hängt.



Wenn zwei oder mehrere Rollen in einem Gehässe sich befinden, wenn sie also gleichsam eine gemeinschaftliche Scherer haben, so nennt man eine sofche Zusammensetzung eine Flasche. Wenn zwei Flascher, von denen die eine fest, die andere beweglich ist, durch ein Seil so verbunden werden, dass es abwechselnd von einer festen auf eine bewegliche Rolle geht, so erhält man einen Flaschenzug.

Die Fig. 17 stellt das Modell eines Flaschenzuges dar, welcher aus deri festen und der beweglichen Rollen besteht. Die Last q, welche an der gemeinschaftlichen Scheere der drei beweglichen Rollen hängt, wirt odfen har durch die sechs Schnüre getragen, welche die oberen und unteren Rollen mit einander verbinden; die Last vertheit isch also gleichmässig auf sechs Schnüre, und folglich ist jede durch ½, der Last q gespannt; wäre z. B. eine Last von 6 Pfund angehängt, so würde jede der sechs Schnüre gerade so stark gespannt sein, als ob sie für sich allein eine Last von 1 Pfund zu tragen hätte.

Betrachten wir nun das Schnurstück, welches über die oberste feste Rolle geschlungen ist und welches auf der rechten Scite derselben frei herunter hängt. Soll Gleichzewicht stattfinden, so muss das Schnurstück 44 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.



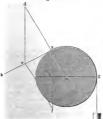
auf der linken und auf der rechten Seite der ohersten Rolle gleich stark gespannt sein; das Schnurstück links ist aher, wie wir gesehen haben, durch  $^{1/4}$  der Last gespannt; loglich muss man, um das Gleichgewicht zu er-halten, an das Ende des Seils d ein Gewicht anhängen, welches gleich  $^{1/4}$ e q ist. Einer Last von 6 Pfund kann man also an unserem Modell mit einer Kraft von 1 Pfund das Gleicheweicht halten.

Fig. 18 stellt einen nach demselhen Princip wie das Modell Fig. 17 construirten Flaschenzug dar, wie solche in der Praxis in Anwendung gebracht werden. Die Rollen befinden sich zwischen starken über ihren Rand hinausgehenden Platten von Eisenblech; wodurch verhindert wird, dass die Seile seitlich aus den Rinnen der Rollen entweichen können. — Bei dem Flaschenzug Fig. 18 hängt die Last an vier Seilen, die bei a angebrachte Kraft muss also gleich 1/4 der unten angehängten Last sein, wenn Gleichgewicht stattfinden soll.

Während bei dem Modell Fig. 17 und bei dem Flaschenzug Fig. 18 die zu einer Flasche vereinigten Rollen über einander angebracht sind, kann man sie anch auf einer und derselhen Axe nehen einander anbringen, wie dies bei dem Flaschenzug Fig. 19 der Fall ist. Um die Seile in den Rinnen ihrer Rollen zu erhalten, ist zwischen je zwei benachbarten Rollen ein weit über ihren Rand hinausgehendes starkes Eisenblech angebracht.

Wenn jede Flasche eines Flaschenzuges n Rollen enthält, so hängt die Last q an 2n Seilen, man hat also am freien Seilende die Kraft  $p=\frac{q}{2n}$  anzubringen, nm der Last q das Gleichgewicht zu halten.

Der Hebel. Um eine Rolle, Fig. 20, sei eine Schnur geschlungen, 24 Fig. 20. und an das eine Ende derselben



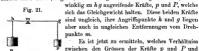
und an das eine Ende derselben ein Gewicht p gehängt, während auf der anderen Seite die Schnur in der Richtung ab mit einer dem Gewichte p gleichen Kraft gespannt ist. Nun kann man die in a angreifende, in der Richtung ab wirkende Kraft nach der Lehre vom Parallelogramm der Kräfte in zwei Seitenkräfte zur eine dem gesen war wirkt, während die Richtung von a nach d, also in der Verlängerung des Halbmesers ma wirkt, während die Richtung af der anderen Seitenkraft parallel mit ap ist.

Wenn die Rolle eine feste ist,

wie wir hier voraussetzen, so wird die Wirkung der Kraft ad durch den Widerstand des festen Mittelpunktes m aufgeboben, man kann also die nach ad wirkende Seitenkraft gans weglassen, ohne das Gleichgewicht zu stören; man kann ohne Weiteres die nach ab wirkende Kraft durch ihre nach af wirkende Seitenkraft erestzen.

Stellen wir durch die Länge ac die nach ab wirkende Kraft p dar, so stellt uns die Linie af die Grösse der Seitenkraft P vor, mot ohne vor der Hand das Grössenverhältniss zwischen ac und af oder p und P genauer zu ermitteln, sieht man doch leicht ein, dass P grösser sein muss als p. Wir können also die in der Richtung ab wirkende Kraft p durch eine andere ebenfalls in a angreifende, aber in verticaler Richtung wirkende grössere Kraft P eretzen, ohen das Gleichgewicht zu stören.

Anstatt die Kraft P in o angreifen zu lassen, kann man, ohne das Gleichgewicht zu stören, ihren Angriffspunkt in jeden beliebigen Punkt der Linie af verlegen; ihr können also anch die Kraft P in Punkte hangreifen lassen, welcher auf dem Durchschnitt der Linie af und der Verlängerung des Halbmessers gm liegt; und somit haben wir zwei an den Enden einer um "Fir. 24. 1 drebbaren geraden Linie fa wirkende, recht-



den Längen hm und gm besteht.

Die Dreiecke caf und ahm, Fig. 20, sind einander ähnlich, nnd daraus folgt

$$ac: af = hm: am.$$

Nnn aber verhalten sich ja die Längen ac und af wie die Kräfte p und P, wir haben also

$$p: P = hm: am$$
  
 $p: P = hm: qm$ 

oder

und, da am = gm,

wenn wir die Länge  $hm \stackrel{\checkmark}{=} L$  und gm = l setzen. Das heisst mit Worten, die Kräfte P und p verhalten sich nmgekehrt wie die Entfernungen ihrer Angriffspunkt vom Drehpnnkte m

Eine gerade nnbiegsame Linie, welche um einen festen Punkt drebbar ist, wird ein Hebel genannt. Wenn nun in zwei verschiedenen Punkten eines Hebels rechtwinklig zu seiner Richtung zwei Kräfte angreifen, die ihn nach entgegengesetzten Richtungen zu dreben streben, so findet Gleichgewicht zwischen ihnen statt, wenn die eben augesprochene Bedingung erfüllt ist. Die Entfernung des Angriffspunktes einer Kraft von dem Drehpunkte (dem Hypomochlion) wird der Hebelarm der Kraft genant; wir können demnach die Bedingung des Gleichgewichts am Hebel auch so ausdrücken: Zwei Kräfte, welche den Hebel nach entgegengesetzten Seiten zu drehen streben, halten sich das Gleichgewicht, wenn sie den entsprechenden Hebelarmen nmgekehrt proportional sind.

Wäre z. B. der Hebelarm hm in Fig. 21 halb so gross als gm, so müsste P doppelt so gross sein als p. Eine Kraft p kann an einem Hebel einer 100fachen Kraft P das Gleichgewicht halten, wen nur ihr Hebelarm mq auch 100mal so gross ist als der Hebelarm hm.

Aus der Proportion bei 1) folgt PL = pl, d. h. wenn sich zwei Kräfte an einem Hebel das Gleichgewicht halten sollen, so muss das Product, welches man erhält, wenn man die Kraft mit ihrem Hebelarm multiplicitt, für die beiden Kräfte gleich sein.

Das Product, welches man erhält, wenn man eine an einem Hebel wirkende Kraft mit ihrem Hebelarm multiplicirt, wird das statische Moment der Kraft genannt. Man könnte auch sagen, das statische Moment einer Kraft ist diejenige Kraft, welche man statt ihrer an dem Hebelarm 1 anbringen muss, wenn durch diese Vertauschung der Gleichgewichtszustand nicht gestört werden soll.

In Fig. 22 sei die Kraft rechts = 6, ihr Hebelarm = 5, so ist das statische Moment dieser Kraft gleich  $5 \times 6 = 30$ ; ihr hält die auf der anderen Seite am Hebelarm 3 wirkende Kraft 10 das Gleichgewicht, denn  $3 \times 10$  ist auch gleich 30.

Wenn auf jeder Seite des Drehpunktes nicht eine, sondern mehrere Kräfte wirken, so findet Gleichgewicht statt, wenn die Summe der statischen Momente auf der einen gleich ist der Summe der statischen Momente auf der anderen Seite. Es sei z. B. in Fig. 23 m der Drehpunkt.



Auf der einen Seite wirke an dem Hebelarm 2 die Kraft 5, am Hebelarm 4 die Kraft 2, am Hebelarm 6 die Kraft 4, auf der anderen Seite. aber die Krafte 10 und 3 an den Hebelarmen 3 und 4, so wird zwischen allen diesen Kraften Gleichgewicht stattfinden, denn die Summe der statischen Momente ist auf beiden Seiten gleich, nämlich gleich wie.

Im alltäglichen Leben kommen zahlreiche Anwendungen des sweismigen Hebels vor; eine solche ist z. B. die gewöhnliche Schnellvage, Fig. 24 (a. folg. S.). Der zweiarmige Hebel ist bei C drebbar, bei
A ist eine Wagschale oder ein Haken angehängt, welcher die Last P
tigt, die also an dem Hebelarm AC wirkt; dieser Last nun wird durch

48 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

ein am anderen Arm des Hebels angehängtes Laufgewicht Q das Gleichgewicht gehalten. Je grösser die Last wird, desto mehr muss man das Laufgewicht Q vom Drehpunkte C entfernen.



25 Der einarmige Hebel. An einem solchen Hebel, wie wir ihn bisber betrachtet haben, hat der feste Drehpunkt einen Druck auszuhalten, welcher der Summe der an beiden Seiten wirkenden Kräfte gleich ist; ein solcher Hebel kann aber auch im Gleichgewicht sein, wenn dieser mittlere



Punkt nicht fest ist, sondern wenn in ihm eine Kraft wirkt, welche der Summe der beiden anderen gleich, der Richtung nach aber ihnen entgegengesetzt ist. Die Fig. 25 mag dies erläutern. Nehmen wir an, c sei der feste Drehpunkt eines Hebels mn, an dessen Enden die Kräfte P und P angreifen und sich einander das Gleichgewicht halten. Dieses Gleichtgewicht wird nun nicht gestört, wenn der Punkt c aufhört fest

zu sein, wenn in ihm aber eine Kraft N angebracht wird, welche der Summe von P nnd P' gleich ist, die aber nach oben wirkt, während die Kräfte P und P' nach unten ziehen.

Ohne das Gleichgewicht zu stören, kann man jeden der drei Punkte

m, c und n als fest betrachten; wenn nun einer der beiden äusseren Punkte, etwa n, fest ist, so haben wir einen einarmigen Hebel, d. h. einen solchen, bei welchem die Angriffspunkte der beiden sich das Gleichgewicht haltenden Kräfte N und P auf derselben Seite des festen Drehpunktes n liegen. Die beiden Kräfte haben in diesem Falle entgegengesetzte Richtung, und der Druck auf den Unterstützungspunkt ist dem Uustersbiede der beiden Kräfte P und N gleich. Der Hebelarm der Kraft P ist l+l', wenn man mit l die Länge mc, mit l' die Länge nc bezeichnet; der Hebelarm der Kraft N ist aber l'. Wäre e der feste Drehpunkt gewesen, so hätt man nach Parugraph 24 als Bedingung des Gleichgewichts

$$P': P = l: l'$$

and daraus folgt

$$P' + P : P = l + l' : l',$$

oder  $N \colon P = l + l' \colon l'.$ 

Wenn also die an dem einarmigen Hebel in entgegengesetzten Richtungen wirdenden Kräfte N und P sich das Gleichgewicht halten sollen, so müssen sie sich ebenfalls umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme.

Die Figuren 26 und 27 sind zwei bekannte Formen der Anwendung des einarmigen Hebels, welche wohl keiner weiteren Erläuterung bedürfen.



Auch die beiden Endpunkte m und n der Stange mn, Fig. 25, könnest sein, während in c eine Kraft N wirkt; alsdann aber hat der Naller's Leibrech der Fisch. 6st Auf. 50 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Punkt m einen Druck P, der Punkt n einen Druck P auszuhalten. Wenn die auf einer Tingshalre liegeude Last, Fig. 28, durch zwei Leute getragen wird, so vertheilt sie sich auf die beiden Träger; im Falle sie gerade auf der Mitte der Bahre liegt, kommt auf jeden Träger die Hällte der Last; wird sie aber dem einen näher gerückt, wie Fig. 28 andeutet, so hat die-



ser einen grösseren Theil zu tragen. Gesetzt, die aufgelegte Last betrage 100 Pfund, die ganze Babre sei 5 Fuss lang, und der Schwerpunkt der Last liege 2 Fuss von dem einen, 3 Fuss vom anderen Ende, so haben die Schultern des einen Trägers einen Druck von 60 Pfund, die des auderen einen Druck von 40 Pfund auszuhalten.

26 Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Krätten. Wir haben bisher nur den Fall betrachtet, dass die Krätte rechtwinklig gegen den Hebel wirkten; es kann aber auch Gleichgewicht stattfinden, ohne dass dies der Fall ist. In Fig. 29 sei n der Stützpunkt des



Hebels ab, in a wirke eine Kraft p nach der Richtung ac, in b eine anderv q nach der Richtung bd. Die Kräfte p und q sollen sich verhalten wie die Linien ac und bd. Nach dem Satze vom Parallelogramm der Kräfte läset sich p in zwei Kräfte zerleren. von

denen die eine j' rechtwinklig auf ab, die andere in der Richtung von ab wirkt. Eben so kann man die Kraft q in zwei Kräfte zerlegen, von denen die eine q' rechtwinklig auf ab mod die andere in der Richtung dieser Linie wirkt. Die Wirkung der beiden Seitenkräfte, welche in die Richtung der Linie ab fallen, wirl offender durch den Wieberstand des festen Punktes q

Gleichgewicht am Hebel bei schiefwinklig angreifenden Kräften. 51

völlig aufgehoben, und somit bleibt nur die Wirkung der Kräfte p' und q' übrig. Statt der ursprünglichen Kräfte p und q kann man also ohne Weiters ihre rechtwinklig angreifenden Seitenkräfte p' und q' setzen. Gleiche gewicht wird aber statfinden mössen, wenn sich p' und q' umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme, d. h. wenn

$$p': q' = nb: na.$$

oder wenn

$$q' \times nb = p' \times na$$
.

Verlängert man die Richtung der Kraft p, um auf ihre Verlängerung von n das Perpendikel no = t zu fällen, so entsteht ein Dreieck aon, welches demjenigen ähnlich ist, dessen Hypotenuse p und dessen eine Kathete p' ist: ans der Achnlichkeit dieser Dreiecke folgt

$$p : p' = an : l,$$

und daraus

$$p \times l = p' \times a n$$
.

Die an den Hebelarm an schief angreifende Kraft p wirkt also gerade so wie ihre in demselben Punkte a rechtwinklig angreifende Seitenkraft p'; und anch so, als ob die Kraft p selbst rechtwinklig an einem kleineren Hebelarm no wirkte, welchen man findet, wenn man vom Drechpunkt n ein Perpendikel auf die Richtung der Kraft p fällt.

Das Moment einer schräg angreifeuden Kraft findet man also, indem man die Kraft multiplicirt mit dem vom Drehpnnkt auf die Richtung der Kraft gefällten Perpendikel.

Demnach wirkt die schief angreifende Kraft q gerade so, als ob sie rechtwinklig am Hebelarm n m angriffe, und die beiden Krafte p und q halten sich das Gleichgewicht, wenn  $p \times o$   $n = q \times m$  n.

Auf die eben entwickelte Weise findet man auch die Momente der Kräfte, wenn der Hebel nicht mehr eine gerade Linie ist, Fig. 30.

Wenn zwei parallele rechtwinklig angreifende Kräfte an einem Hebel einander das Gleichgewicht halten, so wird das Gleichgewicht nicht gestört, wenn man sie in gleichem Verhältniss vergrössert oder verkleinert.



Eben so wenig aber wird auch das Gleichgewicht gestört, wenn beide Kräfte ihre Richtung so ändern, dass sie unter sich parallel bleiben. Wenn z. B. die Kräfte ab=p nnd cd=q an dem Hebel ac, Fig. 31, sich das Gleichgewicht halten, so besteht dasselbe auch noch, wenn man dieselben Kräfte

52 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper,

nach den einander parallelen Riehtungen ae und of wirken lässt; denn die sehrig wirkende Kraft p wirkt wie ihre rechtwinklige Seitenkraft p'und die sehrig wirkende q wie die rechtwinklig augreifende q'; p' und q'halten sich aber pewiss das Gleichgewicht, wenn es zwischen den Kraften p und q bei rechtwinkligen Angriff bestand.

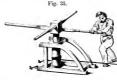
27 Haspel, Winde und R\u00e4derwerke. Wenn irgend ein fester K\u00f6rper um eine feste Axe drehbar ist, so wirken die Kr\u00e4ffe, welche ihn um diese Axe umzundrehen strehen, ganz nach den Gesetzen des Hlechs. Deshalb finden diese Gesetze bei den vielen Masehinen eine Anwendung, welche sich in ein mehr oder weniger complicirtes System von Hebeln zerliegen hassen. Beim Haspelz. B., Fig. 32, verhält sich die Last zur entgegen.



wirkenden Kraft ungekehrt wie ihre Helelarme, d. h. umgekehrt wie der Hallburseser des Welbaumes BB zur Länge des Hebelarms CF. Weun z. B. der Halbmesser der Welle viermal kleiner ist, als der Hebel CF, so kaun man uit einer Kraft von 25 Pfund einer Last von 100 Pfund das Gleielgegwieht halten.

Die Winde, Fig. 33, unterscheidet sich vom Haspel nur dadurch, dass die Umdrehungsaxe vertieal steht; man hat am Ende der horizontalen Hebel eine verhildnissmässig geringe Kraft auzuwenden, um die Last in horizontaler Richtung fortzuziehen.

Statt die Last direct an den Unfang der Welle anzubringen, kann man die Bewegung der Welle auf den Umfang eines grösseren Rades übertragen und an dessen Welle erst die Last aubringen, wodurch man im Stande ist, mit einer sehr kleinen Kraft eine so grosse Last zu bewältigen, wie es mit einen einzigen Rade an der Welle nielth möglich gewesen wäre. ohne unbequeme Dimensionen zu nehmen oder die Haltbarkeit der Maschine zu gefährden.





Die Uebertragung der Bewegung von einer Umdrehungsaxe auf eine andere geschieht durch Zahnräder. in manchen Fällen auch durch Riemen oder Seile.

Solehe Vorrichtungen, bei denen die Bewegung einer Axe auf eine andere übertragen wird. nennt man Räderwerke. Fig. 34 mag zur Erläuterung eines Räderwerkes dienen.

Um die an der Welle b hängende Last Q zu heben. muss an dem Umfang des auf derselben Axe sitzenden gezahnten Rades a eine Kraft Kangebracht werden, deren Werth

ist, wenn r der Radius des Wellbaums b, R aber der Radius des gezahnten Rades a ist.

Die Umdrehung des Rades a wird aber durch die Umdrehung des Triebes c bewirkt, dessen Zähne in die Zähne des Rades a eingreifen. Wenn aber die Zähne des Triebes c mit einer Kraft K gegen die Zähne des Rades a drücken sollen, so mnss die Kraft P, welche am Ende des mit c auf einer Axe sitzenden Hebelarms wirkt, sein:

wenn r' den Radius des Triebes c, R' aber die Lange des Hehelarmes bezeichnet, an dessen Ende P wirkt.

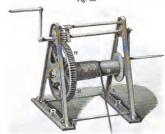
54 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Setzt man den Werth von K aus 1) in 2), so kommt:

$$P = \frac{r}{R} \cdot \frac{r'}{R'} Q.$$

Der Radius des Triebes c verhält sich zum Radius des Rades a wie der Umfang des Triebes zum Umfang des Rades; die Umfänge aber verhalten sich wie die Anzahl der Zähne, welche sie tragen.

An der Vorrichtung Fig. 35 sei z. B. der Radius der Kurbel, an welcher der Arbeiter angreift, also E' = 0.5 Meter, der Radius der Fig. 35.



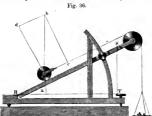
Welle D aber, an welcher die Last hängt, also r=0.12 Meter; ferner habe der auf der Kurbelaxe sitzende Trieb 12, das Rad H aber 72 Zähne, so haben wir:

$$P = \frac{0.12}{72} \cdot \frac{12}{0.5} Q = 0.04 Q.$$

Bei dem Räderwerk Fig. 35 muss die Kurbelaxe 6 Umdrehungen machen, um 1 Umdrehung der Welle D zu bewirken,

Räderwerke werden nicht allein benutzt, um grosse Lasten mit kleinen Kräften zu helven, wie dies z. B. bei Krahnen der Fall ist, sondern auch um die Umdrehung einer Axe in eine schnellere oder langsamere zu verwandeln.

Ein Mühlstein muss mit ziemlich grosser Geschwindigkeit ungedreht werden, während das Wasserrad sich sehr laugsam undreht; durch Vermittelung eines Radcrwerkes wird die langsame Umdrehung des Wasserrades in eine rasche Umdrehung des Mühlsteins verwandelt. — Das Umgekehrte findet auch bei Uhren statt. Die schiefe Ebene hietet uns ein praktisehes Beispiel von der Zer-Zebegung der Kräfte dar. Wenn ein Last auf einer Ebene R S sich befindet, welche mit der Horizontalen einen Winkel z hildet, Fig. 36, so ist die nach der Richtung ab wirkende Schwere des Körpers nicht mehr rechtwinklig gegen die Ebene gerichtet, die Ebene hat also auch nicht den vollen Druck der Last auszuhalten. In der Tiast läset sich die Schwere des Körpers in zwei undere Kräfte zerlegen, von denen die



eine rechtwinklig gegen die Ebene als Druck wirkt, während die andere, parallel mit der schiefen Ebene wirkend, den Körper herabtreiht. Die Grösse dieser beiden Kräfte lässt sich leicht durch Construction ermitteh. Wenn ab die Grösse und Richtung der Schwerkraft darstellt, so haben wir durch an ure eine Linie rechtwinklig zu der schiefen Ebene und eine andere parallel mit derselhen zu ziehen, und sodann von b aus die Perpendiel bd und be an diese Linien zu fällen. Die Linie ad stellt uns die Grösse des Drucks dar, welchen die Ehene auszuhalten hat, ac aber die Grösse der Kraft, welche die Last zur schiefen Ebene heruntertreiht, oder mit anderen Worten, der Drucks auf die Ehene und die Kraft, welche den Körper parallel der schiefen Ebene zu bewegen streht, verhalten sich zum Gewicht des Körpers, wie die Linien ad und ac za ab.

Nun aber ist das Dreieck abe dem Dreieck RST ähnlich, und zwar verhält sich ab: ac = RS: ST, und daraus folgt, dass die Kraft, welche den Körper zur schiefen Eben heruntertreiht, sich zu seinem Gewicht verhält, wie die Höhe der schiefen Ehene zu ihrer Läuge.

Bezeichnet man mit x den Winkel, welchen die schiefe Ebene mit der Horizontalen macht, so ist offenbar ac = ab. sin x und bc = ab cos x. Bezeichnen wir also mit P das Gewicht des Körpers, so ist der Druck, welchen die Ehene auszuhalten hat, gleich P cos x, und die Kraft, welche im zur schiefen Ebene hermutertricht, gleich P sin x.

Ein Versuch mag dies noch auschaulicher machen und es bestätigen. Eine auf die schiefe Ebene gelegte Walze wird alsbald herabroöllen, und um dies Herabrollen zu verhindern, kann man an einer an der Aze der Walze angebrachten Scheere eine Schnur befestigen, welche um eine Rolle geschlungen ist und an deren Ende ein Gewicht P hänt; Fü, 36 s. vor. S.

Gesetzt, die Walze sammt der Scheere wiege 1000 Gramm, und der Winkel x sei 30°. Für diesen Fall ist  $ST = V_{1}^{*}RS$ , also auch  $ac = V_{1}^{*}ab$ ; d. h. die Kraft, welche die Walze heruntertreibt, ist der Halfle ihres Gewichtes gleich, man wird also das Herabrollen verhindern können, wenn man das Gewicht P = 500 Gramm macht.

Ware der Winkel  $x=19^{3}30'$ , so würde  $ST=1/\epsilon$  RS sein, und man dürfte das Gewicht  $\ell$  nur  $\frac{1000}{3}=333$  Gramm machen, um das Herabrollen der Walze zu verhindern.

Da sin 14°30′ sehr nahe gleich  $^{1}/_{4}$  ist, d. h. da für den Winkel x= 14°30′ ST =  $^{1}/_{4}$  RS, so muss für diesen Fall P =  $\frac{1000}{4}$  = 250 Grm. sein.

Praktische Anwendungen der sehiefen Ebene kommen täglich vor. Jeder Weg, welcher eine Anhöhe hinaufführt, ist eine schiefe Ebene, auf welcher Lasten von dem Thal auf die Höhe gehoben werden; um z. B. einen Lastwagen auf einer geneigten Chaussee anfwärts zu ziehen, muss ausser der Kraft, welche nöthig ist, um die Reibung zu überwinden, die gerade ebenso auch bei ganz horizontalen Wegen überwunden werden muss, noch eine Kraft angewandt werden, um dem mit der schiefen Ebene parallel wirkenden Antheil der Schwerkraft das Gleichgewicht zu halten. Dieser Antheil ist aber um so grösser, je steiler der Weg ist. Aus diesem Grunde führt man an steilen Bergen die Chausseen nicht geradeans, sondern man zieht vor, grosse Umwege zu machen und den Wcg in Windungen, die weniger steil sind, auf den Gipfel zu führen. Bei Bauten aller Art kommt es häufig vor, dass die Materialien auf schiefen Ebenen in die Höhe geschafft werden, ja häufig werden solche schiefe Ebenen auf besonders zu diesem Zweck aufgeschlagenen Gerüsten (Laufbrücken) angelegt. Diese Anwendung der schiefen Ebene war schon im grauen Alterthum bekannt, denn höchst wahrscheinlich bedienten sieh ihrer die Aegyptier, nm die ungeheuren Steinblöcke in die Höhe zu schaffen, welche sie zu ihren Pyramiden verwendeten.

29 Die Schraube ist eine nm einen Cylinder herungewundene schiefe Ebenc. Es sei aof, Fig. 37, ein rechtwinkliges Stück Papier, dessen verticale Kathet an einem Cylinder befestigt ist. Wird nun das Papier um den Cylinder herungewickelt, so bildet die Hypotenuse af auf dem Cylinder eine Schraubenlinie, deren Lauf man in der Figur leicht verfolgen kann.

Ist cc' gleich dem Umfange des Cylinders, so wird beim Umwickeln

c nach c', also vertieal unter a kommen. Der Punkt b kommt nach b', d nach d' u. s. w. Die auf die hintere Seite des Cylinders fallenden Stücke

Fig. 37.



der Schraubenlinie sind punktirt. Die Höhe von a bis c', von b' bis d' a, s, w, ist die Höhe eines Schraubenganges.

Denken wir uns läugs der Schraubenlinie um den Cytinder ein Dreieck fortgeführt, welches die Höhe eines Schraubengangen bat, so entsteht ein sogranantes scharfes Schraubengewinde, wie ein solches in Fig. 38 dargestellt ist; denkt man sich aber ein Viereck, dessen Höhe gewöhnlich halb so gross it als die Höhe eines Schraubenganges, auf dieselb Weise um den Cytinder geführt, so eutsteht ein flaches Schraubengewinde; ein solches ist Fig. 40 dargestellt.

Wir haben eben nur solche Schraubengewinde betrachtet, welche un einen soliden Cylinder herungelegt sind; Schrauben, welche auf diese Weise gebildet sind, werden Schraubenspindeln genaunt; werden aber die Gewinde auf dieselbe Weise im Inneren eines hohlen Cylinders herungeführt, so entsteht eine Schraubenmutter.

getuhrt, so entstent eine Schrauben mutter.
Eine Schraubenspindel ist für sich alleiu zur Hervorbringung mechanischer Effecte nicht zu gebrauchen; sie nuss mit einer Schraubenmutter so verbunden sein, dass die Erhabenheiten der einen genau in die Vertiefungen der anderen passen. Fig. 39 stellt eine Schrauben-



Die Schraubenwinde, Fig. 41, ist ganz besonders geeignet, um die Anwendung der Schraube zu erläutern. In der Mitte des durch vier



eiserne Säulchen getragenen massiven Messingstückes mn ist die Schraubenmutter eingeschnitten, in welche die eiserne Schraubenspindel s s passt. Sobald nun diese Schraubenspindel umgedreht wird, so wird sie bei jeder Umdrehung um die Höhe eines Schraubenganges aufoder niedergeheu, indem die Windungen der Schraubenspindel auf den Windungen der Schraubenmutter wie auf einer schiefen Ebene auf- und niedergleiten.

Wenn nun auf den Kopf k, mit welchem die Schraubenspindel oben endigt, irgend eine Last aufgelegt wird, so muss diese Last dadurch ge-

hoben werden, dass die Schraubenspindel in der entsprecheuden Richtung umgedreht wird, und es ist klar, dass hier dieselben Priucipien zur Anwendung kommen, als ob die Last auf einer schiefen Ebene hinaufgezogen
werden sollte, welche ebenso stark gegen die Horizontale geneigt ist wie
die Windungen der Schraube; es wird sich also die (am Umfange der Schraubenspindel angebrachte) Kraft für den Fall des Gleichgewichts
an der Schraube zur Last verhalten, wie die Höhe eines Schraubenganges zum Umfange der Spindel.

Nehmen wir an, die Höbe eines Schraubenganges an der Winde, Fig. 41, sei ½0 vom Umfauge der Spindel ss, so könnte man (abgesehen von der Reibung) mit einer am Umfauge dieser Spiudel angebrachten Kraft von 1 Pfund eine auf der Schraube inen grösseren Effect zu erreichen, wird die Kraft uicht direct am Umfauge der Spindel, soudern am Ende eines Hebelarmes 1, Fig. 41, angebracht. Nehmen wir an, die Läuge dieses Hebelarmes sei 10mal so gross als der Radius der Spindel, so bestände also zwischen der am Ende des Hebels / angreifeuden Kraft und der auf k liegenden Last das Verhältniss von 1 zu 100. So gut, wie man mit Hülfe einer Schraube eine Last zu heben im Stande ist, kann man sie auch anwenden, um einen grossen Druck auszuüben, und darauf gründet sieh ihre Anwendung in der Schrauben-



presse, Figur 42. Schraubenspindel SS passt in die metallene Schraubenmutter mn, welche in dem starken horizontalen Balken AB befestigt ist. AB ist mit CD durch zwei starke verticale Balken M und N verbunden. Die Drehung der Schraube wird mittelst des Hebels I bewerkstelligt. - Der aufund niedergehenden Bewegung der Schraube SS folgt die Pressplatte kk, ohne jedoch an der Drehung der Spindel Theil zu nehmen. Das untere Ende der Schraubenspindel

steckt nämlich mittelst eines Kugelgelenkes in der

am der Pressplatte befostigten Metallplatte op, so dass sich also die Spindel ohne die Pressplatte drehen kann, welch letztere durch die Seitenpfosten M und N an einer Drehung gehindert wird. Der zu pressende Körper wird zwischen die Pressplatte  $k\bar{k}$  und zwischen die Bodenplatte gg gelegt.

Wenn es gilt, mit Hülfe einer Schraubenwinde eine Last zu heben oder mit Hülfe einer Schraubenpresse einen starken Druck äuszuhben, so kann man jedoch nie den nach den oben angedeuteten Principien berechneten theoretischen Eßect erreichen, weil ein grosser Theil der Kraft zur Ueberwindung der hier nicht unbedeutenden Reibungswidersfande erforderlich ist.

Auch zu auderen Zwecken, als zur Hebung einer Last oder zur Ausbung eines grossen Druckes wird die Schraube angewandt. Eine Schraube, welche in ihrer Längenrichtung nicht verschiebbar ist, wird eine bewegliche Schraubenmutter bei jeder Umdrehung um einen Schraubengaug
voranschieben; bei gleichförunger Umdrehung der Schraube wird also auch
die Mutter mit gleichmässiger Geschwindigkeit fortgeschoben, und zwar
um so langsamer, je feiner das Gewinde ist. Darauf beruht unter anderen
das gleichförmige Fortschieben des Supports an Drehbänken.

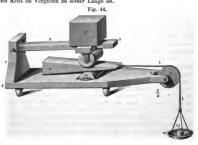
Da bei einigermassen feinen Schraubengängen selbst einer ganzen Umrehung des Schraubenkopfes nur ein sehr geringes Fortschieben eutspricht, so benutzt man bei Messinstrumenten eine feine Schraube zur genaueren Einstellung. — Da man ferner, wenn der Schraubenkopf einigermassen gross und in Grade eingehelti ist, noch den 360sten Theil einer
ganzen Undrehung messen kann, so ist man auch im Stande, vermittelst
einer solchen Schraube noch ein Fortschieben um den 360sten Theil der
ohnehin sebon geringen Hölne innes Schraubengauges zu messen; eine feine
Schraube kann also als Mikrometerschraube zur Hervorbringung und
Messung sehr kleiner Längenverschiebungen augewendet werden. In dieser Weise benutzt man die Mikrometerschraube bei Mikroskopen zur Messunk kleiner Gegenstände.

30 Der Keil. Eine andere Form, in welcher die schiefe Ebene zur Anwendung kommt, ist der Keil; er wird gebraucht, um Holz- und Steinmassen zu snalten. Fiz. 43: dadurch. dass man Keile unter die Kiele der



Schiffe treibt, werden sie auf den Werften gehoben; das Auspressen des Oels aus dem zerriebenen Samen wird gewöhnlich durch Eintreiben von Keilen bewerkstelligt u. s. w. Alle unsere Schneidewerkzenge, Messer, Schecren, Meissel u. s. w., sind nichts auderes als

Keile. Dass die Wirkung des Keils sich wirklich auf die der schiefen Ebene zurückführen lässt, kann man durch den Apparat, Fig. 44, erläutern. Der Keil k soll zwischen den Rollen a und b hindurchgezogen werden. a ist fest, b an dem beweglichen Brett s befestigt. Auf s liegt ein Gewicht P. Mit einem kleinen Gewicht Q. welches in der Wagechale so liegend den Keil nach der Rechten zieht, kann man eine verhältnissmässig grosse Last heben, und zwar eine um so grössere, je schmäler der Rücken des Keils im Vergleich zu sieuer Länge ist.



Ans der Theorie der schiefeu Ebene lässt sich leicht ableiten, dass zwischen der Kraft Q und der Last P am Keil Gleichgewicht stattfindet, wenn

 $0 = P \cdot \sin \alpha$ 

vorausgesetzt, dass die Last  $\tilde{P}$  rechtwinklig anf die Seitenfläche, die Kraft Q rechtwinklig gegen den Rücken wirkt und dass mit  $\alpha$  der Winkel der Schneide bezeichnet wird.

Wenn der Winkel  $\alpha$  nicht zu gross ist, lässt sich das Gesetz des Gleichgewichts am Keil in Worten anch so ausdrucken: Eine Kraft Q, welche rechtwinklig gegen den Rücken des Keils wirkt, halt einem rechtwinklig gegen die Seite des Keils wirkenden Drnck P das Gleichgewicht, wenn sich Q zn P verhält, wie die Breite des Keilschens zur Länge des Keils.

Schwerpunkt. Ein jeder fester Körper, z. B. ein Stein, ein Stück 31 Holz u. s. w., besteht aus einer gewissen Auzah von Molekälen, welche in einer bestimmten gegenseitigen Lage zu einem Ganzen verbunden sind. Auf jedes dieser Moleküle witzt die Schwere und treibt es mit einer gewissen Kraft gegen den Mittelpunkt der Erde hin. Die Richtung der Schwerkraft ist für alle Moleküle des Körpers dieselbe, er wird also durch eine Reibe unter sich paralleler Kräfte gegen die Erde getrieben. Die Resultiernde (die Summe) aller dieser parallelen Elementarkräfte ist es, was wir das Gewircht des Körpers nennen.

Der Angriffspunkt dieser Resultirenden wird der Schwerpunkt des Körpers genannt.

Aorpers genannt.
Die Lage dieses Schwerpunktes bleibt (in Beziehung auf den Körper
selbst) unveränderlich dieselbe, wie man den Körper auch drehen und





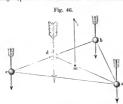
wenden mag. Die Richtigkeit dieser Behauptung ergiebt sich aus folgender Betrachtung.

aus folgender Betrachtung.
Stellen wir uns vor, die beiden Punkte a und Å, Fig. 45, seien zwei schwere, durch die gerade, feste, gewichtlose Linie ab verbandene Molekule, so folgt aus den Hebelgesetzen, dass Gleichgewicht stattfinden muss, solsald nur der Punkt e unterstützt isein mag, welchen die Linie ab mit der Horizontalen macht. Findet also Gleichgewicht statt, wenn der Hebel die Lage ab hat, so bleibt es auch noch be-

6

stehen, wenn man ihn in die Lage  $\alpha'$  b' bringt. Der Punkt c ist der Schwerpunkt des aus den beiden schweren Molekülen a und b bestehenden Körpers. Ohne das Gleichgewicht zu stören, kann man die Wirkungen der Schwerkraft der beiden Moleküle im Schwerpunkt c vereinigt denken.

Wenn an den drei Eckpunkten eines starren gewichtlosen Dreiecks abc, Fig. 46, drei gleiche parallele Kräfte p wirken, so ist es leicht, den Angriffspunkt ihrer Mittelkraft zu bestimmen. Ohne das Gleichgewicht



Unice das Giecingewicht zu stören, kann man die beiden in b und e wirkenden Krätie in der Mitte d der Linie be vereinigen; und so ist die Wirkung der drei Kräfte auf die Wirkung von zweien reducirt, welche in den Punkten a und d'angreifen die angreifende Kraft ist doppelt so gross als die in a angreifende; wenn man demnach die Linie ad d dnrch den Punkt m so in zwi Theile tellt, dass am wir Theile tellt, dass am zwi Theile tellt, dass am

doppelt so gross ist als dm, so muss zwischen den in d und a wirkenden parallelen Kräften 2p und p nothwendig Gleichgewicht stattfinden, wenn nur der Punkt m unterstützt ist, welches auch übrigens die Lage der Linie al sein mag. Da aber die in d wirkende Kraft ja nur die Resultirende der in b und ewirkenden parallelen Kräfte ist, so kann man, ohne etwas zu ändern, auch diese selbst wieder statt ihrer Resultirenden nehmen; und somit ist klar, dass zwischen den drei parallelen in a,b und c angreifenden Kräften nothwendig Gleichgewicht besteht, wenn nur der Punkt m unterstützt ist, oder man im m eine Kraft in entgegengesetzter Richtung wirken lässt, welche gleich 3p ist, welches auch übrigens die Lage des Dreiecks sein mag.

Stellen wir uns vor, die Punkte a,b und c seien drei schwere Moleküle, welche stets in unveränderlicher Stellung gegen einander zu bleiben gegenöthigt sind, so wirkt die Schwerkraft dieser Moleküle gerade so, wie die vorher in a,b und c angehängten Gewichte; und es ist klar, dass der aus drei Molekülen bestehende Körper im Gleichgewicht sein wird, sobald unz sein Schwerpunkt m unterstützt ist.

Gerade so aber, wie sich zeigen lässt, dass 2 und 3 schwere, fest verbundene Moleküle einen Schwerpunkt haben müssen, so kann man anch einsehen, dass je 4, 5, 6 u. s. w. fest verbundene Moleküle einen solchen Schwerpunkt haben müssen, dass endlich jeder feste Körper einen unveränderlichen Schwerpunkt haben muss, wie gross auch die Anzahl der Moleküle sein mag, aus demen er besteht.

Damit ein schwerer Körper im Gleichgewicht sei, braucht also nur die Bedingung erfüllt zu sein, dass sein Schwerpunkt unterstützt ist. Ist nur diese Bedingung erfüllt, so wird der Körper im Gleichgewicht sein, wie man ihn übrigens auch drehen und wenden mag.





Aus diesen Betrachtungen lässt sich eine Methode ableiten, den Schwerpunkt der Körper durch den Versuch zu finden. Man hänge den Körper an einem Punkte a auf, Fig. 47, so wird die Verlängerung des den Körper tragenden Fadens in einem Punkte c aus dem Körner austreten. Auf der Linie ac muss noth-

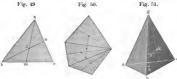
Fadens, also auf der Linie bd, liegen; der Schwerpunkt liegt also auf dem Durchschnittspunkte der Linien bd und ac. Der Schwerpunkt von homogenen ebenen Scheiben ist nach dieser Methode leicht zu bestimmen; bei anderen Körpern ist es jedoch mit Schwierigkeiten verbunden, die Verlängerung des verticalen Fadens durch das Innere des Körpers genau zu verfolgen.

der Schwerpunkt abermals auf der Verlängerung des

Der Schwerpunkt homogener Körper von regelmässiger Gestalt lässt sich durch einfache geometrische Betrachtungen bestimmen.

Der Schwerpunkt einer geraden Linie liegt offenbar in der Mitte ihrer Länge.

Der Schwerpunkt eines homogenen Dreiecks, Fig. 49, wird gefunden, indem man von zwei Spitzen desselben nach der Mitte der gegenüber-



stellenden Seiten gerade Linien zieht. Der Durchschnittspunkt q dieser beiden Linien ist der gesuchte Schwerpunkt. Die Wahrheit dieser Behandung ist leicht einzusehen. Der Punkt m ist der Schwerpunkt der 64 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper,

geradeu Linie bc; denkt man sich nun im Dreieck irgend eine gerade Linie parallel mit bc gezogen, so wird sie offenbar durch die Linie am hligt; auf der Linie am liegeu also die Schwerpunkte aller im Dreieck parallel mit bc gezogenen Linieu; am ist also so zu sagen eine Schwerlinie des Dreiecks, und offenbar nuss der Schwerpunkt der Dreiecks auf am liegen. Dieselbe Schlussweise zeigt aber auch, dass der Schwerpunkt auf der Linie ub liegem müssen.

Der Punkt g liegt so, dass  $gm = \frac{1}{2} am$  und  $gn = \frac{1}{2} bn$  ist. Dies zu zeigen, ziehe man die Linie  $m_1$ , so ist offenbar  $m_1 = \frac{1}{2} ba$ . Die Dreiecke gmn und gab sind aber ähnlich, und daraus folgt, dass

qm: qa = mn: ba, dass also gm = 1/2 ag.

Der Schwerpunkt eines Polygons, Fig. 50, wird gefinden, wenn man es in Dreiceke zerlegt und den Schwerpunkt eines jeden bestimmt. Da nun die in den Schwerpunkten dieser Dreiceke angreffenden Kräfte dem Flächeuinhalte der Dreiceke proportional sind, so hat man nur noch nach den bekannten Regelu die Resultierabed dieser Kräfte zu suchen.



Der Schwerpunkt einer dreiseitigen Pyramide, Fig. 51, wird gefunden, wenn man von den Spitzen gund a Linien nach den Schwerpunkten h und k der gegenüberstehenden Dreisecke zieht. Der Durehschuittspunkt g' dieser beiden Linien ist der Schwerpunkt. Es ist leicht zu beweisen, dass g''h = 1/4, hq ist.

Der Schwerpunkt eines Kegels, Fig. 52, von kreisförmiger Basis liegt auf der geradeu Länie, welche von der Spitze nach dem Mittelpunkte der Basis gezogen werden kann, und zwar ist seine Entfernung von dem Mittelpunkte der Basis jd, dieser ganzen Höbe.

Der Schwerpunkt einer regelmässigen Ecksäule, eines Cylinders, einer Kngel fällt mit dem geometrischen Mittelpunkte zusammen.

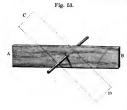
32 Vom Gleichgewicht fester K\u00f6rper. Wir haben schon gesehen, dass die einzige Gleichgewichtsbedingung fester K\u00f6rper die ist, doss ihr Schwerpunkt unterstitut sein muss. Diese Bedingung aber kann auf verschiedene Weise erf\u00e4llt sein, je nachdem die K\u00f6rper in festen Punkten aufge\u00e4haugt sind oder auf Stitzpunkten ruben.

Betrachten wir zumächst einen Körper, der an einem festen Punkte gleichsam aufgehängt ist, um welchen er sich frei drehen kann, so ist er nur dunn im Gleichgewicht, wenn sein Schwerpunkt 8 mit Jenem festen Drehpunkt 6 in einer Verticallinie liegt. Was die gegenseitige Lage dieser Punkte betrifft, so sind folgende drei Fälle möglich:

1) Der feste l'unkt c (die feste brehungsaxe) geht durch den Schwerpunkt des Körpers selbst hindurch, wie dies z. B. Fig. 53 darstellt. In diesem Falle liegen s und ε jedenfalls in einer Verticalen, welche Lage man übrigens auch dem Körper giebt; es findet also Gleichgewicht statt, wie er auch gestellt sein mag, für die Stellung AB also ebenso gut wie er auch gestellt sein mag, für die Stellung AB also ebenso gut wie

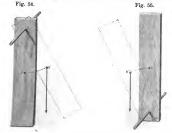
wie er auch gestellt sein mag, für die Stellung  $A\,B$  also ebenso gut wie für die Stellung  $C\,D$ .

Es ist dies der Fall des indifferenten Gleichgewichts.

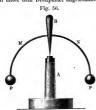


2) Der Schwerpunkt s liegt vertical unter dem Drehpunkt c, Fig. 54. Dreht man den Körper aus dieser Lage heraus, so dass etwa der Schwerpunkt nach s' kommt, so führt die Schwerkraft den Körper wieder in die Gleichgewichtslage zurück, sobald die störende Kraft zu wirken aufhört. Ein sol-Gleichgewicht wird ein festes oder stabiles genannt. Ist endlich

 der Schwerpunkt s des K\u00f6rpers vertical \u00e4ber dem Drehpunkt wie Fig. 55, so befindet sich der K\u00f6rper im Zustand des labilen oder



teränderlichen Gleichgewichts; denn wenn die geringste störende Kraft den Körper aus dieser Lage herausbringt, so wirkt die im Schwerpunkt s' Meller's Lehrbuch der Physik. 616 Aust. 1. angreifende Schwerkraft des Körpers dahin, ihn noch weiter von seiner Gleichgewichtslage zu entfernen, und er kann nicht eher wieder in die Rommen, als bis nach einer halben Umdrehung der Schwerpunkt vertieal unter dem Drehpunkt angekommen ist.



Einen interessanten Fall des stabilen Gleichgewichts zeigt Fig. 56.

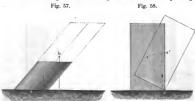
Fig. 50.

Ein Holzstück B, welches untern mit einer Stahlspitze versehen ist, wird mit dieser auf ein flach ausgeböhltes Metallstückehen gesetzt, welches die obere Endfläche des Stativs A bildet. Das Holzstück Bwird umfallen, weil sein Schwerpunkt über dem Unterstützungspunkte liegt. Wenn aber durch Be in Drahtbegen MY geosgen wird, welcher an beiden Enden die Bleitungeln p trägt, so dass

liche Schwerpunkt des Holzstückes B und der Bleikugeln unter die Stahlspitze fällt, so findet nun ein stabiles Gleichgewicht statt, B fällt nicht mehr um; der Körper ist jetzt eigentlich auf ge bängt.

Wenn ein Körper mit mehr oder weniger breiter Basis auf dem Boden steht; so muss die durch seinen Schwerpunkt gezogene Verticale noch die Basis selbat treffen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll. Demnach muss der schiefe Cylinder, Fig. 57, im Gleichgewicht sein, wenn er nur die in der Figur schattirte Länge hat; er würde umfallen müssen, wenn er eine solche Höhe hätte, dass sein Schwerpunkt in b läne.

Wenn ein auf irgend einer vieleckigen Basis stehender Körper umge-



worfen werden soll, so muss er zunschst um eine seiner Grundkanten gedreht werden, bis sein Schwerpunkt vertical über dieser Umdrehungskante
steht. Sollte z. B. der in Fig. 58 dargestellte Klotz umgeworfen werden,
und dabei die Kante a die Rolle der Umdrehungskante spielen, so hätte
man zunächst den Klotz so weit zu drehen, bis der Schwerpunkt si nic
Lage von s'kommt; lieses die Kraft, welche das Umwerfen bewirken soll, eber
nach, als der Schwerpunkt in s' angekommen ist, so wird der Klotz in
seine ursprüngliche Lage zurückfallen müssen; hat man aber den Schwerpunkt nur im Mindesten über s' hinausgebracht, so wird nun der Körper
von selbst ganz umfallen.

Ein Körper wird um so fester stehen, je mehr Kraft man anwenden muss, um ihn so weit zu drehen, bis der Schwerpunkt vertical über der

Umdrehungskante steht.

Die Fig. 59 stelle einen Stein vor, welcher dieselbe Basis und dasselbe Gewicht, also eine geringere Höhe hat wie der Holzklotz Fig. 58, so wird es viel sehwerer sein, den Stein um die Kante aumzuwerfen, als den Hölzklotz, weil man beim Stein den Schwerpunkt weit mehr heben muss, um ihn bis s' zu bringen, als dies beim Holzklotz, Fig. 58, der Fall war.

Daraus ergibt sich, dass unter übrigens gleichen Umetänden ein Körper um so fester steht, je tiefer sein Schwerpunkt liegt. Ein hoch beladener Wagen wird also liehter umfallen als ein anderer, der mit gleichem Gewicht, aber nicht bis zu derselben Höbe geladen ist. Ee ergiebt sich daraus auch die Regel, dass man beim Laden von Wagen die schwereren Gegenstände so weit als möglich in den unteren Theil des Wagens bringen muss.

Ein Körper steht auch um so fester, je breiter unter übrigens gleichen Umständen seine Basis ist. Es stelle z. B. Fig. 59 einen Stein, Fig. 60 aber ein Metallstück von gleichem Gewicht und gleicher

Fig. 59.



F1g. 60.

Höhe dar, so sieht man schon aus der Figur, dass bei der Umkantung des Steins der Schwerpunkt höher gehoben werden muss, als bei der Umkantung des gleich schweren und gleich hohen Metallstückes, dessen Basis sehmäler ist.

Ein Körper steht also um so fester, je breiter seine Basis ist und je weniger hoch sein Schwerpunkt über dieser Basis liegt. Ein vierfüssiges Thier steht fest, wenn der Schwerpunkt seines ganzen Körpers über dem Viereck liegt, welches auf dem Boden durch seine vier Füsse bezeichnet ist. Wenn ein Menseh seinen Arm aufhebt, so wird der Schwerpunkt seines Körpers verschoben; wenn ein Vogel seinen Hals amstreckt, so wird sein Schwerpunkt bedeutend unch vorn gerückt. Ein Mensch, welcher Lasten trägt, muss, je unch der Art des Tragens, seine Stellung ändern. Trägt er die Last auf dem Rücken, Fig. 61, so muss er sich vorbeugen, trägt er sie in der linken Hand, Fig. 62, so muss er den Oberkörper





rechts ueigen, denn sonst fiele die Vertikale des gemeinschaftlichen Schwerpnnkts des menschlichen Körpers und der getragenen Last ausserhalb der Verbindungslinie der Füsse, er müsste also umfallen.

33 Die Wage. Die gewöhnliche Wage, Fig. 68, besteht im Wesentlichen ans einem Stabe, einem Balken AB, Fig. 63, welcher un eine wagerechte durch die Schneide s gebildete feste Axe drehhar ist, die sich in der Mitte seiner Länge befindet nud welche am einer Stahlpfanne ruht. Ohue Belastung an den Enden soll der Wagbalken eine vollkommen horizoutale Lage annehmen. Auf beiden Seiten des Wagbalken singen Wagschalen, welche zur Aufnahme des zu wägenden Körpers und der Gewichte dienen. Bei gleicher Belastung der Wagschalen muss der Wagbalken seine horizoutale Stellung beibehalten; birnigt man jedoch in die eine Schale ein Uebergewicht, so muss sich der Wagbalken nach dieser Seite senken, wie est die Figur zeigt.

Wir wollen nun untersuchen, durch welche Einrichtung den eben ausgesprocheuen Forderungen Genüge geleistet werdeu kann. Denken wir uns voerest die Wagschalen uoch weg, und nehmen wir an, die Schneide s ginge durch den Schwerpunkt des Wagbalkens, so haben wir der Fall eines indifferenten Gleichgewichts, der Wagbalken wird bei jeder beliebigen Neigung gegen die Horizontale im Gleichgewicht sein. Eine solche Vorrichtung erfüllt also die erste Forderung nicht, dass der Wagbalkeu für sich, ohne Belastung an den Enden, eine horizontalelatung

annehmen muss. Dieser Forderung kann nur dadurch genügt werden, dass der Schwerpunkt des Wagbalkens unter seinem Drehpunkte liegt.



Denken wir uns rechtwinklig auf die Längenaxe des Wagbalkens eine Line gezogen, welche dieselbe halbirt, so muss diese Linie durch den Drehpunkt des Wagbalkens und durch seinen Schwerpunkt gehen.

Durch das Anhängen der Wagschalen wird in unserer Schlussweise nichts geändert, denn wir können uns ihr Gewicht im Aufhängepunkte rereinigt denken, und dann machen sie einen integrirenden Theil des Wagbalkens aus.

Wenn man die Aufhängepunkte der Wagschalen durch eine gerade Line verbindet, so kann diese Linie durch den Drehpunkt gehen, oder über oder unter demselben liegen. Der erstere dieser drei Eille ist sowohl für die Betrachtung der einfachste, als auch für die praktische Ausführung der zweckmässigste; wir wollen uns deshalb auf die Betrachtung dieses Falles beschränken.

In Fig. 64 (a. f. 8), sei ab die gerade Linie, welche die Aufhängepunkte der Wagschalen verbindet, deren Gewicht wir uns in den Punkten a und b vereinigt denken; c sei der Aufhängepunkt des Wagbalkens, also der Drebpunkt desselben; s aber der Schwerpunkt des Wagbalkens. Wenn in a und b gleiche Gewichte P angehängt werden, so bleith der Wagbalken in horizontaler Lage stehen; denn man kann sich die eine der Lasten direct in a, die andere direct in b wirkend denken, und somit fällt der gemeinschaftliche Schwerpunkt der beiden Lasten P mit dem Pankte c

76

zusammen, und der gemeinschaftliche Schwerpunkt aller an c hängenden Massen, d. h. des Wagbalkens und der Lasten P, fällt demnach in einen Fig. 64.



Punkt zwischen e und s; dieser gemeinschaftliche Schwerpunkt liegt noch vertical unter dem Aufhängepunkte, das Gleichgewicht ist also nicht gestört.

Bringt man auf der einen Seite ein Uebergewicht r an, so füllt der Schwerpunkt der angehängten Lasten (die wir uns natürich in den Punkten  $\alpha$  und b vereinigt denken müssen) nicht nehr mit c zusammen, sondern er rückt auf der Linis ab nach der Seite des Uebergewichts, etwa nach d hin, der gemeinschaftliche Schwerpunkt des Wagbalkens und der Lasten fällt dennach auf irgend einen Punkt m der Linie ab, ga aber bei horizontaler Stellung des Wagbalkens der gemeinschaftliche Schwerpunkt m nicht mehr vertical unter dem Aufhängepunkte c liegt, so muss sich der ganze Wagbalken um die Am es oweit dreben, bis diese Bedingung erfüllt ist. Dabei wird sich nothwendig der Am ca heben, cb aber senken. Der Winkel, welchen der Wagbalken für den Fall des Uebergewichts auf der einen Seite mit der Horizontalen macht, heisst Ausschlagswinkel. Er ist gleich dem Winkel sem

Wir wollen nun untersuchen, wie eine Wage eingerichtet sein muss, damit sie recht empfindlich sei, d. h. damit sie bei einem kleinen Ueber-

gewichte schon einen grossen Ausschlag gebe.

1) Der Schwerpunkt des Wagbalkens muss möglichst nahe unter dem mittleren Aufhängepunkt liegen, denn wenn bei übrigens unveränderten Umständen der Schwerpunkt s des Wagbalkens in die Höhe gerückt wird, so rückt auch der Punkt m vertical nach oben, was offenbar eine Vergrösserung des Ausschlags zur Folge hat. Bei guten Wagen hat man eine Verrichtung angebracht, welche eine Regulirung der Lage des Schwerpunkts möglich maeht. In der Verlängerung der Linie es ist nämlich entweder unterhalb des Wagbalkens, wie dies Fig. 64 andeutet, oder oberhalb desselben, wie bei der chemischen Wage Fig. 65 (auf Seite 72) eine feine Schraube angebracht, an welcher ein den Umständen entsprechendes Gewicht auf und abgeschraubt werden kann. womit offenbar eine Verrückung des Schwerpunkts verbunden ist. Hätte man dies Gewicht so weit verschraubt, dass s mit c zusammenflele, so hätte man ohne Belastung und bei gleicher Belastung auf beiden Seiten den Fall des indifferenten Gleichgewichts brächte man dann auf der einen Seite das Uebergewicht ran, so würde der Punkt m auf die Linie ab fallen, d. h. also sehon bei dem geringsten Uebergewichte würde der Ausschlagswinkel ein rechter werden, der Waghalken würde ganz umschlagen, kurz das Instrument würde aufhören branchbar zu sein.

2) Die Empfindlichkeit nimmt mit der L\u00e4nge des Wagbalkensra. Wenn man, ohne sonst etwas zu ver\u00e4ndern, den Wagbalken verl\u00e4ngern k\u00f6nnte, so w\u00e4rde die Entfernung cd in demselben Verh\u00e4ltniss gr\u00f6sser werden, und der Punkt m w\u00e4rde abo auch nach einer Kichtung, die mit ab parallel ist, weiter von der Linie cs wegger\u00e4ckt werden, die Linie cm w\u00e4rde abo einen gr\u00f6sseren Winkel mit cs machen, der Ausschlagswinkel s\u00e4rm w\u00e4rde abso wachsen.

3) Der Wagbalken muss möglichst leicht sein. In dem Punkte di können wir mus das Gewicht der Lasten 2 P+r, in äs ber das Gewicht des Wagbalkens, welches wir mit g bezeichnen wollen, vereinigt denken. Offenbar hängt nun die Lage des gemeinschaftlichen Schwerpunkts m von der Grösse der an den Enden der Linie ds wirkenden Krüfte ab. Wenn das in s wirkende Gewicht gund das in d wirkende 2 P+r einander gleich wären, so fiele m in die Mitte von ds, je kleiner aber g im Vergleich wären, so fiele m in die Mitte von ds, je kleiner aber g im Vergleich wären, wird dann begreifücher Weise der Aussehlag.

Was nun die beiden letzten Punkte betrifft, so ist nan doch an gewisse Gränzen gebunden, welche man nicht überschreiten darf, ohne dass die Wage wegen der zu grossen Länge der Wagbalken zu unbequem für den Gebranch würde, oder wegen ihrer Leichtigkeit die nöthige Haltbarkeit veröfen.

Je nachdem man eine Wage zu verschiedenen Zwecken auwenden will, ist auch der Grad der Genauigkeit, welchen man verlangt, sehr verschieden. Am genauesten missen die Wagen sein, welche zu physikalischen und chemischen Untersuchungen bestimmt sind. Damit bei diesen Wagen der Wagbalken möglichst leicht und doch fest und unbiegsams ein wird derselbe durchbrochen gemacht, wie man dies Fig. 65 (a. f. S.) sieht.

Es versteht sich von selbst, dass man bei der Construction einer Wage alle Sorgfalt darauf zu verwenden hat, die Wagshalken gleich lang zu machen. Da jedoch kleine Fehler nicht zu vermeiden sind, so muss man durch die Methode der Wagung einen etwaigen Fehler zu corrigiren seinen. Die zweckmäsisgste Wägungsmethode möchte in dieser Beziehung wohl folgende sein: Man legt den zu wägenden Köprer auf die eine Wagsehale und bringt die Wag durch Sand, Schruckfurnchen oder sonstige Dinge, die man auf die andere Wagsehale legt, ins Gleichgewicht. Ist dies gegehchen, so nimmt man den zu wägenden Körper weg und substituti

72 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

statt seiner so viel Gewichte, dass das Gleichgewicht dadurch abermals hergestellt wird. Diese neu aufgelegten Gewichte geben genau das Ge-Fig. 65.



wicht des Körpers an, die Wagbalken mögen nun gleich lang sein oder nicht.

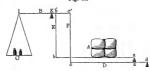
Ganz besondere Bequemlichkeit beim Wägen gewährt noch folgende von Berzelius angegebene Einrichtang, Fig. 65. Jede Hälfte des Wagbalkens ist nämlich durch verticale Theilstriche in zehn gleiche Theile getheilt. Bei den zu diesen Wagen gebörigen Gewichten befinden sich nun Häcken von feinem Brahte, welche gerade ein Centigramm wiegen, so dass, wenn man sie auf den ersten, zweiten, dritten u. s. w. Theilstrich, von der Mitte an gerechnet, hängt, sie denselben Aussehlag bewirken, als ob man in die entsprechende Wagschale ein Gewicht von 1, 2, 3 u. s. w. Mülligramm ungfelegt hätte.

34 Die Brückenwage. Es möchte wohl hier der geeignetste Platz sein, auch die Brückenwage, die zur Wägung grösserer Lasten so ausserordentlich bequem ist, zu besehreiben.

Fig. 66 stellt die Einrichtung der Brückenwage schematisch dar. Die Last A liegt auf einem Brette, welches bei a auf einer Schneide ruht, bei b aber an einer Stange E befestigt ist. Die Stange E ist bei b' an dem

einen Arme eines auf der Schneide K ruhenden Hebels angehängt. Die Schneide a ruht auf einem Hebel D, dessen Drehpunkt bei d ist und dessen anderes Ende c an einer bei c' angehängten Stange F befestigt ist.

Wenn Kb' sich zu Ke' genau ebenso verhält wie  $d\alpha'$  zu dc, was bei einer guten Brückenwage durchaus der Fall sein muss, so wirkt die Fig. 66.



auf das Brett ba gelegte Last A gerade ebenso, als ob sie an die Stange E angehängt wäre, welche Stelle des Brettes ba die Last auch einnehmen mag.

Es ist dies leicht zu beweisen. Ein Theil des Gewichtes der Last, die wir mit P bezeichnen wollen, drückt auf die Schneide a, ein Theil zieht an der Stange E. Bezeichnen wir mit q den Druck auf die Schneide a, mit p den Zug an der Stange E, so ist p+q=P.

Die Last q, welche die Schneide  $\alpha$  niederdrückt, wirkt an dem Hebelarn  $\alpha'd$ ; nehmen wir an,  $\alpha$ , se sei cd = n,  $\alpha'd$ , so müsset man in c eine
Last  $\frac{q}{n}$  anbringen, wenn sie an dem Hebel D dieselbe Wirkung hervorbringen sollte, wie die in  $\alpha'$  wirkende Kraft q; dadurch also, dass bei  $\alpha'$ die Kraft q drückt, wird die Stange F mit einer Kraft niedergezogen,
welche gleich  $\frac{q}{n}$  ist.

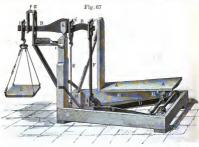
An dem Hebelarm B ziehen also rechts von der Schneide K zwei Kräfte, nämlich bei b' die Last p, bei c' aber die Kraft  $\frac{q}{n}$ .

Die Kraft  $\frac{q}{n}$ , welche in c' angreift, wirkt aber gerade so, wie eine nmal grössere Kraft, welche bei b' hängt, weil Kc'=n. Kb', also gerade so, als ob bei b' die Last  $\frac{q}{n}$ , n=q hinge; die beiden Kräfte, welche bei b' und c' angreifen, ziehen also den Hebel gerade eben so stark nieder, als ob bei b' die Last p+q=P angehängt wäre.

Am linken Ende des Hebelarms B bei i ist die Wagschale angebingt, anf welche die Gewichte glegt werden. Das Gewicht and der Wagschale it ein aliquoter Theil der Last  $P_i$  das Verhältniss zwischen Last und Gewicht hängt ab von dem Verhältniss des Hebelarms  $KU = V_{iK} Ki$ , das man also auf der Wagschale  $V_{i\alpha}$  des Gewichts der Last aufzulegen hat, um das Gleichgewicht beraustellen (Decimalwage).

74 Statik, oder die Lehre vom Gleichgewicht fester Körper.

Fig. 67 stellt die Ansicht einer Brückenwage und zwar zum Theil im Durchschnitt dar. Die Buchstaben sind dieselben, wie in Fig. 66.



Das Brett A, welches zur Aufnahme der Lasten dient, ist auf einem dreiseitigen hölzernen Rahmen H befestigt, von welchem unsere Figurebenso wie vom Brett A nur die hintere Halfte zeigt. Der Rahmen H sitzt hinten auf der Schneide a auf und ist vorn bei b an die Stange E angehängt. Die Schneide a ist auf dem gabelförmig gestalteten Hebel D befestigt, dessen Drehpunkt hinten durch die Schneide d gebildet ist und welcher vorn bei c an der Stange E hängt.

In unserer Figur ist der Deutlichkeit wegen der Rahmen H, auf welchem das Tragbrett A befestigt ist, viel zu hoch gezeichnet worden; er ist so niedrig, dass wenn durch Aufschlagen des Hebels I die linke Seite des Hebels B gehoben wird, die rechte Seite desselben sich so weit senkt, dass die Brücke A auf dem Rande des Gestelles N aufsitzt, so dass also die Schneiden B' und e' nicht mehr die Last der Brücke zu tragen haben. Der Hebel I' wird nach jedesmaligem Gebrauche aufgeschlagen, damit die Schneiden geschont werden.

Das Gewicht der Brücke ist so geordnet, dass es, wenn der Hebel l niedergelegt ist, den Waghalken B wagerecht stellt, dass abo die Schneide g genau der Schneide f gegenüber zu stehen kommt. Ist die Brücke belastet, so werden so viel Gewichte aufgelegt, dass die Schneiden einander wieder gegenüberstehen.

## Zweites Capitel.

Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Elasticität. Das Gleichgewicht der Molekularkräfte, welches zwischen 35 den einzelnen Theüchen fester Körper besteht, ist ein stabiles, weil eine mehr oder minder grosse Kraft nöthig ist, um es aufzaheben.

Bei den festen Körpern befinden sich die Atome in einer solchen Entfernung, dass sowohl die zwischen den Körperatomen wirksame Anziehung, als anch die Abstossung, welche die Aetherhällen der Atome and einander ausüben, mit grosser Energie wirken. — Mit der Entfernung der Atome ändern sich beide Kräfte, aber nach verschiedenen Gesetzen. — Bei wachsender Entfernung nimmt die Abstossung der Aetherhüllen stärker ab, bei abnehmender Entfernung nimmt sie stärker zu als die Anzie hung der Atome.

Werden also durch eine Sussere Kraft die Atome eines festen Körpers genähert, so nimmt die Abstossung der Aetherhüllen mehr zu als die Anziehung der Körperatome, die Abstossung wird überwiegend, und daher der Widerstand, welchen die festen Körper einer Compression entgegensetzen.

Wirkt dagegen auf einen festen Körper eine äussere Kraft in der Weise, dass sie den Abstand der Atome zu vergrössern strebt, so nimmt die Abstossung der Aetherhillen mehr ab als die Anziehung der Körperatome, die Anziehung wird überwiegend, und daher der Widerstand, welchen ein fester Körper der Trennung seiner Theilchen entgegensetzt.

Wenn die Theilchen eines festen Korpers durch eine äussers Kraft wirklich ein wenig aus ihrer gegenseitigen Lage verrückt worden sind, so ist deshalb der frühere Gleichgewichtszustand noch nicht völlig vertichtet; denn die Theilchen können in ihre frühere Lage zurückkehren, wenn die störende Kraft zu wirken auffört. Diese Eigenschaft der Körper, vernöge deren die Theilchen in ihre frühere Gleichgewichtslage zurückkehren, wenn die durch äussere Kraft vernabsset Verschiebung gewisse Gränzen nicht überschritten hat, neunt man Elasticität. Die Elasticität der festen Körper beweist, dass sich die Theilchen in einem stabilen Gleichgewichtsmutande befinden; denn unf ür den Fall des stabilen Gleichgewichts herht der Körper in seine Rabelage zurück, wenn die Kräfte, welche ihn daraus suffenten, zu wirken aufhören.

Nicht alle Körper sind gleich elastisch; es giebt Körper, deren Theil-

chen selbst nach bedeutender Verschiebung doch wieder vollkommen in ihre frühere Lage zurückkehren, und solche Körper, wie z. B. Federharz (Gummi elasticum), Stahl, Elfenbein u. s. w., werden vorzugsweise elastisch genannt; andere hingegen, wie Blei, Glas u. s. w., sind nur in geringem Grade elastisch, sie können keine grosse Verschiebung der Theilchen ertragen, ohne dass der frühere Gleichgewichtszustand aufgehoben wird.

Wenn überhaupt eine grosse Kraft nöthig ist, um eine Verschiebung der Theilchen eines Körpers hervorzubringen, so nennt man ihn hart. Ein Körper kann hart und elastisch sein, wie dies beim Elfenbein, beim Stahl u. s. w. der Fall ist; das Glas dagegen ist hart und wenig elastisch.

Ein Körper, dessen Theilchen schon durch eine geringe Kraft verschoben werden können, wird weich genannt. Auch die weichen Körper können entweder elastisch sein, wie z. B. Federharz, oder nur einen sehr geringen Grad von Elasticität besitzen, wie dies z. B. beim feuchten Thon der Fall ist. Der Aggregatzustand solcher weichen, mehr oder weniger breiartigen Körper kann gewissermaassen als ein Mittelzustand zwischen dem vollkommen festen und dem vollkommen flüssigen betrachtet werden.

Wenn die Theilchen eines Körpers über die Elasticitätsgränze hinaus verschoben werden, so hört entweder der Zusammenhang ganz auf, sie zerbrechen (Glasthränen), oder die Theilchen ordnen sich zu einem neuen stabilen Gleichgewichtszustande. Im ersteren Falle nennt man die Körper spröde, im letzteren dehnbar. Die äussere Gestalt spröder Körper lässt sich durch Druck, durch Stess u. s. w. nicht bleibend andern; wenn durch äussere Ursachen ihre Theilchen über eine gewisse Gränze verschoben werden, so erfolgt eine vollständige Trennung; die Gestalt dehnbarer Körper hingegen lässt sich durch solche mechanische Mittel bleibend verändern, wie dies z. B. das Prägen der Münzen beweist.

Die Verschiebung der Theilchen kann entweder durch Spannung, durch Zusammendrückung oder durch Drehung hervorgebracht werden.

36 Elasticitätscoefficient und Elasticitätsmodulus. Um die Verlängerung zu messen, welche Drähte erfahren, wenn sie durch Gewichte innerhalb ihrer Elasticitätsgränze gespannt werden, welche also weder Zerreissung noch eine merkliche bleibende Verlängerung erfahren. wandte S'Gravesande folgende Methode an. Der zu prüfende Draht wurde, wie Fig. 68 andeutet, in horizontaler Richtung ausgespannt,



an beiden Enden fest eingeklemmt und dann in der Mitte durch Gewichte belastet. Wird die Länge ab gemessen, um welche die Mitte des Drahtes durch das an-

gehängte Gewicht niedergezogen wird, so lässt sich daraus leicht die Verlängerung berechnen, welche der Draht erfahren hat.

Diese Methode ist für dickere Drähte und für Stäbe nicht mehr anwendbar. Wertheim fand es am zweckmäsigsten, die Verlängerung direct zu messen, und zwar auf folgende Weise. Der Stab, dessen Verlängerung gemessen werden sollte, war oben in einen eisernen Träger, Fig. 69, eingeklemmt und trug unten einen Haken, an welchen ein zur



Aufnahme von Gewichten dienender Kasten angehängt wurde. Auf dem Stabe waren zwei Punkte a und b markirt, deren Abstand vor und während der Belastung durch ein bestimmtes Gewicht mit Hülfe des Kathetometers gemessen wurde.

Aus derartigen Messungen ergaben sich folgende Gesetze:

1) Die Verlängerung ist dem ange-

hängten Gewicht proportional.

2) Die Verlängerung ist der Länge

des Stabes proportional.

 Die Verlängerung ist dem Querschnitt des Stabes umgekehrt proportional.

Bezeichnet also n die Dehnung, welche ein Stab von der Länge 1 und dem Querschnitt 1 durch ein Gewicht 1 erleidet, so ist die Dehnung d, welche ein Stab von der Länge I und dem Querschnitt f durch ein Gewicht P erleidet

 $d = n \frac{Pl}{f} \dots (1)$ 

daraus ergiebt sich aber

 $\frac{Pl}{df} = \frac{1}{n} = E. \quad . \quad (2)$ 

Da n für jede Substanz eine constante Grösse ist, so ist anch  $\frac{1}{n}$  der E eine constante Grösse, welche mit dem Namen des Elasticitätsmodulus bezeichnet wird. Denken wir uns in Gleichung (2) l=1, f=1 und d=1 gesetzt, so wird P=E, E ist also das Gewicht, welches erforderlich wäre, um einen Stab von dem Querschnitt 1 nmd der Länge 1 um die Länge 1 auszudehnen, oder was dasselbe ist, mm einen Stab von dem Querschnitt 1 auf das Doppelte seiner ursprünglichen Länge Sabzunichen, voransgesetzt, dass er eine solche Dehnung ohne Uebernsteinen.

schreitung der Elasticitätsgränze ertragen könnte.

Der Factor n wird der Elasticitätscoöfficient genannt. (Andere neunen die Grösse E den Elasticitätscoöfficienten.)

## 78 Gleichgewicht der Theile fester Körper unter einander.

Verschiedene Physiker haben die Elasticitätzonstanten mebrerer Stoffe mit möglichster Genauigkeit bestimmt. Die vollständigstelle Untersuchungen über diesen Gegenstand sind aber diejenigen, welche Wertheim angestellt bat. (Pogg. Annal. Ergänzungsband. II.)

Die wichtigsten Resultate seiner Versuche über Metalle sind in folgender Tabelle zusammengestellt.

	Ange	Gezogen	
	п	E	E
Blei	0.57904	1727	1803
Gold	0,17905	5585	8131
Silber	0,14004	7141	7274
Zink	_	-	8734
Kupfer	0,09507	10519	12449
Platin	0,06444	15518	17044
Stahldraht	0,05788	17278	18909
Gussstahl	0,05112	19561	19549
Eisen	0,04809	20794	20869
Messing	_		8543

Unter s findet man, um wie viel Millimeter ein Draht des in der ersten Columne genannten Metalls von 1 Meter Länge und von 1 Quadratmillimeter Querschnitt verlängert wird, wenn er durch ein Gewicht von 1 Kilogramm gespannt ist. — Anch die unter E stebenden Zahlen bezieben sich auf 1 Quadratmillimeter Querschnitt.

Für verschiedene Glassorten erhielten Wertheim und Chevandier folgende Werthe von E:

Spiegelglas						7015
Fensterglas						7917
Krystallglas						6890
Janual blo	а.	-14				5177

Als Elasticitätgränze bezeichnet man das Gewicht, welches eine bleibende Verlängerung von 0,00005 der Stab- oder Drahtlänge bewirkt, welches also einen 1 Meter langen Draht bleibend um 0,05 Millimeter verlängert. Die folgende Tabelle giebt in dem eben angedeuteten Sinne die Elasticitätsgränze für Drähte von 1 Quadratmillimeter Querschnitt in Kilogrammen.

	Elasticităts- grânze.	Verlängerung bei der Elasticitäts- gränze.	Verlängerungs- maxima.
Blei, ausgezogen	0,25	0,14	243
" angelassen	0,20	0,12	614
Silber, ausgezogen	11	1,49	4,5
, augelassen	3	0,36	168
Kupfer, ausgezogen	12	0,93	3
" angelassen	3	0,27	220
Platin, ausgezogen	26	1,42	-
" angelassen	14	0,81	2,3
Eisen, ausgezogen	32	1,50	26
" angelassen	5	0,22	109
Stahldraht, ausgezogen	43	2,00	-
" angelassen	15	0,56	4,4

Ferner finden wir in dieser Tabelle angegeben, um wie viel Millimeter ein Meter Draht von 1 Quadratmillimeter Querschnitt höchstens ausgezogen werden darf, wenn keine merkliche Verläugerung zurückbleiben soll; in der letzten Columne endlich findet man angegeben, um wie viel Millimeter Drähte der angegebenen Dimensionen noch ausgezogen werden können, ehe der Bruch erfolgt.

So sehen wir z. B., dass man an einen ausgezogenen Kupferdraht von 1
Auguster Länge und 1 Quadratmillimeter Querschnitt bis zu 12 Kilogramm anhängen darf, ohne dass er eine merkliche (duer 0.05 Millimeter gehende) bleibende Verlängerung erfährt; dass der fragliche Draht durch 12 Kilogramm um 0,93 Millimeter und sehen verlängert wird, und dass er im Ganzen um 3 Millimeter ausgezogen werden kann, ehe der Bruch erfolgt.

Wertheim und Chevandier (Pogg. Annal. Ergänzungsband II. S. 481) fanden für Holzstäbe in der Richtung der Fasern bei 20 Procent Feuchtigkeit folgende Werthe für die Elasticitätsconstanten (auf 1 Quadratmillimeter Querschnitt bezogen).

	Specifisches	Elasticităts-	
	Gewicht.	modulus	granze.
Acacie	0,717	1262	3,2
Tanne (Pin. abies)	0,493	1113	2,2
Föhre (Pin. silv.)	0,559	564	1,6
Hagebuche	0,756	1086	1.3
Birke	0,812	997	1,6
Buche	0,823	980 :	2,3
Eiche	0.872	921	2,3
Ahorn	0,674	1021	2,7
Pappel	0,477	517	1,5

Durch akustische Versuche ermittelten Wertheim und Chevandier folgende Werthe für den Elasticitätsmodulus verschiedener Hokarten in der Richtung des Radius und in der Richtung der Tangente:

	In der	Richtung
	des Radius	der Tangent
Hagebuche	208	103
Ahorn	157	73
Eiche	189	130
Birke	81	155
Buche	270	159
Pappel	73	39
Tanne	94	34
Föhre	97	29

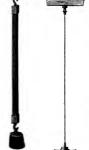
Nach Poisson's theoretischen Entwickelungen wird der Durchmesser eines Stabes im Verhältniss von 1 zu 1  $-\frac{a}{4}$  verkleinert, wenn die Länge desselben durch Ziehen im Verhältniss von 1 zu 1 + a vermehrt worden ist. Damit stimmen die Resultate der Versuche von Cagniard La Tour überein, welche auf folgende Weise angestellt wurden. Der Metallatah, bessen unteres Ende festgehalten ist, während sein oberes Ende durch eine Hebelvorrichtung aufwärte gezogen wird, wie Fig. 70 anschaulich macht, ist von einer engen mit Wasser gefüllten Glaroften ungeben. Sobald der Stab durch Aussiehen verlängert, dünner wird, senkt sich der Spiegel des Wassers in der Rohre, und man braucht nur die Grösse dieser Senkung zu messen, um daraus die Verminderung des Durchmessers des Stabes berechnen zu können.

Wortheim's Versuche stimmen jedoch mit diesen Resultaten nicht überein. Zunächst machte er Versuche mit Kantschukstäben von quadratischem Querschnitt, Fig. 71; er fand durch directe Messung, dass wenn diese Stäbe

Fig. 70.







an ihrem oberen Ende eingeklemmt, wie Fig. 72 zeigt, unten aber durch Muller's Lebrbuch der Physik Ste Aufl L

durch angehängte Gewichte im Vcrbāltniss von 1 zu 1 + a verlänger werden, die Seite des Querschnitts

im Verhāltniss von 1 zu 1 - a abnimmt. - Zu dem gleichen Resultat

führten Versuche mit Messingröhren. welche mit Wasser gefüllt, am oberen Ende mit einem engen Glasröhrchen in Verbindung standen. Durch Ausziehen der Röhre verändert sich der Ranminhalt derselben, wie man aus der Veränderung des Wasserstandes im Glasröhrehen erkennt.

Wenn sich der Durchmesser des Stabes im Verhältniss von 1 zu 1 verkleinert, so nimmt der Flächeninhalt des Querschnittes ab im Verhāltniss von 1 zu 1  $-\frac{2}{3}$  a (da a klein genug ist um höhere Potenzen von a zu vernachlässigen). Das Volumen des ganzen Stabes ändert sich aber im Verhältniss von 1 zu (1 + a)

 $\left(1 - \frac{2}{3} a\right)$  oder was dasselbe ist, im Verhältniss von 1 zu 1  $+\frac{1}{6}$  a

Torsionselasticität. Wenn 37 ein Stab an einem Ende festgeklemmt, an dem anderen Ende durch irgend eine Kraft um seine Axe umgedreht wird, so erleiden die einzelnen Theilchen eine Verschiebung, durch welche eine elastische Kraft hervorgerufen wird, welche die verschobenen Theilchen wieder in ihre ursprüngliche Lage znrückzuführen strebt. Um die Erscheinungen der Torsionselasticität an Drähten zu studiren werden sie

Gewichte belastet. Wenn man das Gewicht aus seiner ursprünglichen Lage um einen bestimmten Winkel herausdreit, wobei die Axe des Drahtes die Umdrehungsave bildet, und es sich dann selbst überlähest, so wird es durch die Torsionselasticität zunächst in seine Gleichgewichtalage zurückgeführt. In der Gleichgewichtalage angekommen, bleibt es aber nicht in derselben stehen, sondern es geht in Folge seiner Trägheit über dieselbe hinaus, den Draht nach der entgegengesetzten Seite windend, und so entsteht eine Reihe von Schwingungen, welche kleiner und Kleiner werden, bis endlich der Draht mit dem angehängten Gewichte in seiner Gleichgewichtalage zur Rube komnt.

In Beziehung auf die Grösse der Torsionskraft gelten folgende Gesetze:

1) Die Torsionskraft ist dem Drehungswinkel proportional, wenn man lade das untere Ende des Drahtes um 2 n, 3 n, 4 n Grade u. s. w. aus der Gleichgewichtslage herausdreht, so ist die dadurch hervorgerufene Torsionskraft 2, 3, 4 u. s. w. mal so gross, als wenn die Drehung nur n Grade betragen hätte. Dies Gesetz gelt daraus hervor, dass die Schwingungsdauer von der Grösse der ursprünglichen Drehung unabhängig ist, vorausgesetzt, dass man die Elasticitätsgränze nicht Uberschritten hat.

Auf dieses Gesetz hat Conlomb, welcher überhaupt die Torsionselasticität zuerst gründlich studirt hat, seine Drehwage gegründet, welche als ein für die Lehre vom Magnetismus und der Elektricität höchst wichtiges Instrument später besprochen werden soll.

2) Die Torsionskraft ist von der Spannung des Drahtes un-

abhängig.

 Die Torsionskraft ist der Länge des Drahtes umgekehrt proportional.

 Die Torsionskraft ist der vierten Potenz des Draht- oder Stabdnrchmessers proportional.

38 Festigkeit. Die Kraft, mit welcher ein Körper der Trennung seiner Theilchen widersteht, nennt man seine Festigkeit.

Der zwischen den einzelnen Theilchen eines festen Körpers stattfindende Zusammenhang lässt sich durch Zerreissen, durch Zerbrechen, durch Zerwinden (Abdrehen) oder durch Zerdrecken aufheben.

A baolute Festigkeit neunt man die Kraft, mit welcher ein Körper dem Zerreissen widersteht, wenn er der Länge nach gespannt wird. Dieser Widerstand hängt aber offenhar von dem Querechnitte des zu zerreissenden Körpers ab, und zwar ist er diesem Querechnitte proportional, denn es muss ja der Zusammenhang von zwei-, drei-, viermal so viel Theitlehen anfgehoben werden, wenn der Querechnitt eines Körpers zwei-, drei-, viermal so gross ist. Um nun die absolute Festigkeit verschiedener Materialien leicht mit einander vergleichen zu können, muss man irgend eine Einheit für diesen Querechnitt annehmen und dann ermitteln, wie gross die Kraft ist, welche erfordert wird, um einen Körper, dessen Querschnitt dieser Einheit gleich ist, zu zerreissen. Wenn der

Querschnitt des dem Versuche unterworfenen Körpers auch grösser oder kleiner ist als der zur Einheit genommene Querschnitt, so lässt sich doch die Festigkeit auf diesen reduciren.

Schon Muschenbroek hat zahlreiche Versuche über die absolute Festigkeit verschiedener Körper angestellt. Die folgende Tabelle giebt die Werthe der absoluten Festigkeit (Cohäsion), wie sie Wertheim in der bereits oben eitirten Abhandlung angiebt.

					Αu	isgezogen.	Angelassen.
Blei .						2,2	1,9
Zinn						2,6	2,4
Gold						26	11
Silber						29	16
Kupfer						40	31
Platin						34	25
Eisen						63	48
Gussst	h					83	65
Messin							_

Diese Zahlen geben die absolute Festigkeit für die Drühte von 1 Quadratmillimeter Querschnitt. Auf denselben Querschnitt beziehen sich die folgenden von Wertheim und Chevandier ermittelten Werthe für die Cohasion verschiedener Holzsorten:

	In der Richtung						
	der Fasern	des Radius	der Tangente				
Acacie	7,98	_	-				
Tanne (Pin. abies) .	4,18	0,22	0,29				
Föhre (Pin. silv.)	2,48	0,26	0,20				
Hagebuche	2,99	1,00	0,61				
Birke	4,30	0,82	1,06				
Buche	3,57	0,88	0,75				
Eiche	5,66	0,58	0,41				
Ahorn	2,71	0.72	0,37				
Pappel	1,48	0,15	0,21				

Nach anderen Angaben ist die absolute Festigkeit der Holzarten bedeutend grösser, so z. B. für

Eiche . . . . 6 bis 8 Kilogramm Tanne . . . 8 , 9 ,

Buche . . . . 8

Der Grund dieser Verschiedenheit ist vielleicht im ungleichen Wassergehalt, im verschiedenen Alter der Bäume, verschiedenem Standort u. s. w. zu suchen. Für Hanfseile ist nach älteren Bestimmungen die absolute Festigkeit für das Quadratmillimeter Querschnitt 3,5 bis 6,2.

Die grosse Verschiedenheit in der Festigkeit der Hanfseile rührt von der ungleichen Beschäffenheit der Materiale her, aus denen sie verfertigt sind. Dünne Seile sind verhältnissnässig stärker als dicke, weil sie aus besserem Hanf gemacht sind. Durch starkes Drehen der einzelnen Fäden wird die Tragkraft der Seile bedeutend vermindert. Nasse Seile haben eine gerüngere Festigkeit als trockene.

Bei praktischen Anwendungen wird man der Sicherheit wegen wohl thun, bei Metallen nur 1/g, bei Hölzern nur 1/g der durch die Versuche ermittelten absoluten Festigkeit in Bechnung zu bringen.

Die Kraft, welche ein Körper dem Zerbrechen entgegensetzt, neunt man seine relative, diejenige, welche er dem Zerdrücken entgegensetzt, die rückwirkende Festigkeit. Die relative Festigkeit sowohl wie die rückwirkende steht in einem innigen Verhältniss zur absoluten, was sich auch in mathematischer Form ausdrücken lässt; doch ist hier nicht der Ort, weiter darauf einzugehen.

39 Adhäsion. Dieselbe Kraft, welche die Theilchen eines festen Körpers zusammenhält, wirkt auch, um die Theilchen zweier vorher getrennter Körper zusammerubalten, wenn man nur im Stande ist, sie in ein hinreichend innige Berührung zu bringen. So verbinden sich Spiegelplatten, welche nach der Politur dicht an einnader gelegt worden sind, oft so innig mit einander, dass sie nicht mehr getreunt werden können, ohne die Platten zu zerbrechen. Ebenso haften zwei Bleiplatten, die man zusammendricht, fast so fest auf einander, ab ob sie nur eine einzige Bleimasse ausmachten, vorausgesetzt, dass die Flächen, in welchen sich die beiden Bleistücke berühren, vollkommen eben und metallich sind.

Dieses Aneinanderhaften zweier Körper wird mit dem Namen der Adhäsion bezeichnet.

Die Adhäsion zeigt sich nicht allein zwischen gleichartigen, sondern auch zwischen verschiedenartigen Körpern. Eine Bleiplatte mit einer Zinnplatte oder eine Kupferplatte mit einer Silberplatte durch Glättwalzen gezogen, giebt ein fast untrennbares Ganzes.

Besonders stark zeigt sich die Adläsion, wenn ein flässiger Körper mit einem festen Körper in Berährung gebracht und dann durch Erkalten oder durch Verdunstung des Lösungsmittels fest wird; hierauf beruht das Zusammenkleben, das Leimen und Kitten. Kittet man z. B. vermittelst Siegellack zwei Glasstelcke zusammen, so kommt es oft vor, dass sich beim Auseinanderreissen nicht das Glas vom Siegellack trennt, sondern dass Stücke aus dem Glase herausgerissen werden. Wenn man eine Glasplatte mit Leim bestreicht, so haftet dieser oft so fest am Glase, dass Stücke aus demselben (dem Glase) herausgerissen werden, wenn sich der Leim beim Austrockene zusammenzieht.

Wenn zwei Körper mit ebenen Flächen auf einander liegen, und man

den einen über den anderen hinausschieben will, so setzt die Adhäsion dieser Bewegung ein Hindermiss entgegen; die Adhäsion hat also einigen Anheil am Reibnngswiderstande, der äberall da überwunden werden muss, wo zwei Körper über einander hingleiten oder wo sich ein Körper über einen anderen hinwilzt. Von der Reibung wird noch weiter unten die Bede sein.

Krystallisation. Wenn ein Körper aus dem flässigen oder gas-40 femigen Zustande in den festen übergeich, ou it es die nun stärker als zuror in Thätigkeit tretende Coblasionskraft, welche die bis dahin beweglichen Theilchen in einer bestimmten gegenseitigen Lage fürit. In der ganen Natur seigt sieh aber bei diesem Übergange in den festen Zustand ein Bestreben, eine regelmässige Anordnung der Theilchen hervorzubringen. In der mongranischen Natur bewirkt dieses Bestreben die Krystallisation.

Krystalle nennt man solche feste Körper, welche sich in regelnässigen, durch ebene Flächen begränzten Gestalten gebildet haben. In der Natur findet man eine Menge solcher Krystalle; Quarz (Bergkrystall), Kälkspath, Schwerspath, Topas, Granat n. s. w. werden oft sehr schön krystallisitz gefunden.

Wenn ein Körper aus dem flüssigen Zustande in den festen übergeht, so bilden sich fast immer Krystalle. Der Uebergang aus dem flüssigen in den festen Zustand findet entweder durch Erkaltung eines geschmolzenen Körpers, oder durch Ansscheidung aus einer Anflösung Statt.

Wenn man geschmolzenes Wismuth in eine etwas erwärmte Schale gieset, so bildet sich nach einiger Zeit auf der Oberfläche eine feste Kruste. Wenn man nun diese Kruste durchsticht und das noch flüssige Metall abgieset, so findet man die Höhlung, welche durch die znerst erkaltete Kruste gebildet wird, mit würfelförmigen, oft mehrere Linien grossen Krystallen ausgekleidet.

Auf eine ähnliche Weise kann man auch Krystalle aus einer geschmolzenen Schwefelmasse erhalten.

Wenn man mit Anfmerksamkeit ein gefrierendes Wasser beobachtet, so sieht man, wie feine Eisnadeln sich bilden, wie sie von einem Augenblicke zum anderen sich ansbreiten und verzweigen. Freillei sieht man hierbei selten so regelmässig krystallinische Gestalten, wie man sie beim Schnee beobachtet, doch sieht man deutlich, dass die Eisbildung eine Krystallbildung ist.

Viele Stoffe lösen sieh in Flünsigkeiten, namentlich in Wasser, auf, und zwar lässt sich in einer bestimmten Menge Wasser nur eine bestimmte Menge irgend eines Stoffes auflösen; doch löst sich in warmen Wasser meistens mehr auf, als in kaltem. Wenn nun eine Auflösung bei hoher Temperatur gesättigt ist, wenn man z. B. in einer bestimmten Menge warmen Wassers so viel Alaun aufgelöst hat, als möglich, so kann diese Salzmasse nicht mehr ganz aufgelöst bleiben, wenn die Lösung erkaltet, ein Theil des Salze wird sich wieder ansecheiden, und zwar schiesste sin in Theil des Salze wird sich wieder ansecheiden, und zwar schiesste sin

8

regelmässigen Krystallen an. — Auch dann bilden sich Krystalle, wenn das Wasser einer gesättigten Lösung allmälig verdunstet.

Nicht allein aus wässerigen Lösungen scheiden sich Krystalle aus; der Schwefel z. B. löst sich in Schwefelkohlenstoff, in Chlorschwefel, in Terpentinöl auf, und aus diesen Lösungen kann man schöne durchsichtige Krystalle von Schwefel erhalten.

Die Krystalle werden um so grösser und regelmässiger, je langsamer die Erkaltung oder Verdunstung vor sich geht. Bei schneller Krystallisation bilden sich lelien Krystalle, die sich zu unregelmässigen Gruppen zusammenhäufen, an denen man oft kaum ein krystallinisches Gefüge erkennen kann.

Jedem Stoffe kommt eine eigenthümliche Krystallform zu; so ist z. B. die Krystallform des Bergkrystalls eine andere als die des Alauns, und diese wieder eine andere als die des Kupfervitriols.

Die Untersuchung der Symmetriegesetze, welche zwischen den einzelnen Krystallnächen stattlinden, sowie die Beschreibung der Krystallformen überhaupt, ist ein Gegenstand, mit welchem sich die Krystallographie zu beschäftigen hat, da jedoch die äussere Gestalt der Krystalle
in einem innigen Zusammeuhange mit den physikalischen Eigenschußten
der Körper steht, so müssen wir hier wenigstens die Grundzüge dieser
Symmetriegesetze betrachten.

Wenn man zwei Krystalle desselben Stoffes untersucht, so findet man freilich keine absolute Gleichheit oder Aehnlichkeit der Gestalten im geometrischen Sinne. So haben z. B. Quarzkrystalle häufig die vollkommen regelmässige Gestalt, Fig. 73, sehr oft kommen sie aber auch in der Form Fig. 74 vor, und oft weichen sie noch weit mehr von dem normalen

Fig. 73. Fig. 74.

Habitus Fig. 73 ab. Wie aber auch die verschiedenen Quardzytatale verzerrt erscheinen mögen, so behalten sie doch immer einen selbst dem weniger Geübten leicht erkembaren Grundtypus, sie bilden eine durch seitige Pramiden zugespitzte Gesitige Saule; diese Pyramidenflächen erscheinen aber nicht immer ganz gleichnässig ausgebildet, sie liegen nicht immer in gleicher Entfernung

vom geometrischen Mittelpunkte des Krystalls; aller dieser Unregelmässigkeiten ungeachtet sind die Winkel der entsprechenden Flächen für alle Krystallindividuen desselben Stoffes stets dieselben. So ist z. B. der Winkel, den eine Säulenfläche des Bergkrystalls mit der benachbarten macht, stets 120°, der Winkel zweier neben einander liegenden Pyramidenflächen ist stets 133° 44° u. s. w.

Wenn man die Krystallform eines Körpers beschreibt, wenn man sie zeichnet, so abstrahirt man von allen Zufälligkeiten, man betrachtet alle entsprechenden Flächen als gleich weit vom Mittelpunkte des Krystalles liegend. Wir wollen eine solche Krystallgestalt den idealen Krystall nennen; die folgenden Betrachtungen beziehen sich auf diese idealen Formen.

Krystallsysteme. In jodem Krystalle kann man gewisse Rich-41 tungen unierschieden, gegen welche die einzelnen Flächen eine symmetrische Lage haben; diese Richtungen sind die Axen. In dem Krystall Fig. 73 ist offenbar die Linie, welche die Spitzen der beiden 6seitigen Pyramiden verbindet, eine solche Axe. Die mit 3 bezeichneten Saulen-flächen sind dieser Axe parallel, alle Pyramidenflächen sind gleich gegen dieselbe geneitje.

Die gegenseitige Lage und das Grössenverhältniss dieser Axen ist aber nicht für alle Krystalle dieselbe; man hat in dieser Beziehung 6 verschiedene Krystallsysteme zu unterscheiden.

 Das regnläre System mit drei zu einander rechtwinkligen und gleichen Axen.



Fig. 75 stellt das Axensystem des regularen Systems dar. Die drei Axen schneiden sieh in dem Punkte m, und awar steht jede derselben rechtwinklig auf der Ebene der beiden anderen. Zwei dieser Axen, ae und bd, erscheinen in unserer Figur unverkürzt, dagegen erscheint die dritte, von vorn nach hinten gerichtet ex ker yerskürzt. In der That ist mf = ma = mb. Denken wir uns in iede der 8 körper-

Denken wir uns in jede der 8 körperlichen Ecken des Axenkreuzes, Fig. 75,

eine Fläche gelegt, welche gegen alle drei Axen gleich geneigt ist, also eine Fläche durch die Punkte a, f und d; eine zweite durch f, d und c; eine dritte durch f, b und a u. s. w., so entsteht das Octaëder, Fig. 76 welches man als die Grundgestalt des regulären Systems betrachtet, weil man von ihm eicht alle anderen Gestalten dieses Systems abeltien kann.









Fig. 78.

Alle Ecken des regulären Octaëders sind unter einander gleich und jede Modification einer Ecke muss an allen übrigen in derselben Weise stattfinden. 8

Wird jedes Octaëdereck durch eine Fläche abgestumpft, welche auf der entsprechenden Axe rechtwinklig steht, so entsteht der Körper Fig. 77. Denken wir uns die Abstufungsflächen bis zur gegenseitigen Durchschneidung ausgedehnt, so erhält man den Würfel Fig. 78.

An dem Würfel sind wieder alle Ecken unter sieh gleich; ebenso sind alle Kanten gleichartig, und jede Modification eines Ecks oder einer Kante

findet sich in derselben Weise auch an den übrigen.

Die 12 Kanten des Octaders sind ebenfalls einander gleich; denken wir uns jede Octaderkante durch eine Flache abgestumpft, welche mit der abgestumpften Kante und einer Axe parallel läuft, so entsteht der Körper Fig. 79. Wenn die Abstumpfungeflächen der Octaderkanten bis zu ihrer gegenseitigen Durchschneidung wachsen, so entsteht das Rhombendockatäder Fig. 80.





Auf dieselbe Weise lassen sich auch die übrigen Formen des regulären Systems ableiten; doch würde es uns hier zu weit fähren, wenn wir alle näher betrachten wollten; das Gesagte wird schon hinreichen, um zu zeigen, dass der Charakter des regulären Systems eben darin besteht, dass alle Formen desselben in Bereibung auf die drei Azen vollkommen symmetrisch sind. Im regulären System krystallisiren Alaun, Kochsalz, Granat, Flüssspath u. s. w.

2) Das quadratische System. Die Grundform dieses Systems ist ein Quadratoctaëder, Fig. 81 und Fig. 82, d. h. ein Octaëder, welches sich von dem regulären dadurch unterscheidet, dass zwei Axen unter sich, aber nicht der dritten

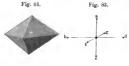




Fig. 82.

gleich sind. Die letztere ausgezeichnete Axe wolleu wir die Hanptaxe nennen und uns dieselbe immer vertieal gestellt denken.

Die Hauptaxe steht zu den beiden anderen nicht in einem rationalen Frhältnies; sie ist bald grösser, bald kleiner als die horizontalen  $\Lambda$ xen; dech ist das Axenverhältnies für Krystallo einer und derselben Substanz stets dasselbe. Fig. 83 stellt z. B. das Axenkreuz dar, wie es den Krystallo ein armeinkaumen Kalis entsprieht; hier sind die Axen fg und  $\delta d$  einader gleich. Nimmt man die Länge dieser Axen zur Einheit, so ist für dieses Salz die verticale Axe ac gleich 0.66. Fig. 82 stellt die Grundform des Blutlangensalzes dar, bei welchem die Hauptaxe grösser ist, als die Vebenaxen; und zwar verhält sich hier die Hauptaxe zu den Nebenaxen ist 1.77 zn 1.

Die 4 horizontalen Kanten des Quadratoctaders sind einander gleich aber sie sind von den übrigen Kanten dieses Oetaders verschieden; die 4 horizontalen Kanten können deshalb abgestumpft sein, ohne dass es die auderen sind, und so entstelt die Combination Fig. 84. Liegen die Absumpfungefähehen der 4 horizontalen Kauten der Hauptaxe verhältnissnässig näher, so dass nur ein kleinerer Theil des Oetaders bleibt, sosimmt diese Combination den Habitus Fig. 85 an, welche die gewöhnliche Gestalt des arseniksauren Kalis darstellt.

Die 4 Abstumpfungsflächen der horizontalen Kanten bilden zusammen eine quadratische Säule, und so sind Fig. 84 nnd Fig. 85 Combinatiationen des Quadratoctaöders mit der quadratischen Säule.



Die 6 Ecken des Quadratoctasders sind ebenfalls nicht gleichartig; üs 4 Ecken, in welchen die Nebenaxen endigen, sind unter sich gleich, ster sie sind verschieden von dem Eck am oberen und unteren Ende der Haptaxe. Deshalb können das obere und das untere Eck des Quadratoctaders allein abgestumpft sein, wie es Fig. 88 zeigt, welches die gewöhnliche Form des Blutlaugensalzes darstellt; bei anderen Krystallen dagegen sind die vier horizontalen Ecken abgestumpft, ohne dass es die Ecken der Hauptaxe sind.

Ohne in eine weitere Betrachtung der Gestalten dieses Systems einmechen, wird aus dem Gesagten sehon klar der Grundcharakter desselben betrorgehen, welcher eben darin besteht, dass die verticale Axe von den beiden anderen, unter sich gleiehartigen, ausgezeiehnet ist.

Im quadratischen Systeme krystallisiren unter auderen Vesuvian,

Kali u. s. w.

3) Das hexagonale System mit vier Axen (Fig. 87a), von denen drei, nämlich cd, ef und ha in einer Ebene liegend, einander gleich sind und einen Winkel von 60 Grad mit einander machen, während die vierte ausgezeichnete Axe, die Hauptaxe, rechtwinklig auf der Ebene der drei anderen steht und ihnen ungleich ist. Bezeichnen wir mit 1 die Länge der horizontalen Nebenaxen, so ist für Bergkrystall die Länge der Hauptaxe 1.1. für Kalkspath aber 0.83. In dieses System gehören die regulären 6seitigen Pyramiden (Fig. 87b), welche in gleicher Weise als die Grundgestalt dieses Systems betrachtet werden können, wie die Octaëder der übrigen Systeme. Wenn die horizontalen Kanten dieser Pyramide durch Flächen abgestumpft sind, welche mit der Hauptaxe parallel sind, so entsteht die Combination Fig. 88.

Honigstein, Blutlaugensalz, schwefelsaures Nickeloxyd, saures arseniksaures



eine reguläre 6seitige Säule, welche in Fig. 89 mit der geraden Endfläche, d. h. mit einer Fläche combinirt ist, welche rechtwinklig auf der Hauptaxe steht.

4) Das rhombische System mit drei zu einander rechtwinkligen aber ungleichen Axen. Denken wir uns eine dieser Axen vertical gestellt.



so liegen die beiden anderen in einer horizontalen Ebene; doch sind hier die beiden horizontalen Axen nicht gleich wie beim quadratischen Systeme.

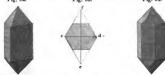
Fig. 90 stellt das Axenkreuz des in dieses System gehörigen natürlichen Schwefels dar. Für dieses Mineral verhalten sich die Axen cd: ef: ab wie 0,8:1:1,9. Fig. 91 stellt das rhombische Octaëder dar, welches diesen Axenverhältnissen entspricht.

An dem rhombischen Octaëder.

Fig. 91, sind nur immer je zwei diametral gegenüberliegende Ecken einander gleich, also das obere und nntere, das vordere und hintere, das Eck rechts und das Eck links; wir haben also hier drei verschiedene Arten von Octaëderecken zu unterscheiden. Ebenso hat man am rhombischen Octaèder dreierlei Kanten zu nnterscheiden; die vier horizontalen Kanten; die vier Kanten, welche in der Ebene der verticalen und der kleineren horizontalen Axe liegen, nnd endlich die Kanten, welche die verticale Axe mit der grösseren horizontalen verbinden.

Werden die vier horizontalen Kanten des rhombischen Octaëders durch Flächen abgestumpft, welche der Hauptaxe parallel sind, so entsteht eine Combination des rhombischen Octaeders mit der geraden rhombischen Saule, Fig. 92. Die Gestalt des horizontalen Querschnitts, der Basis dieser Säule, hängt von dem Grössenverhältniss der beiden horizontalen Axen ab. In Fig. 93 stellt der Rhombus ef de die Basis der rhombischen

Säule, wie sie den Axenverhältnissen des Salpeters entspricht, unverkürzt dar-Fig. 93.



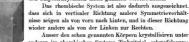
Die grössere Diagonale ef dieser Basis heiset die Makrodiagonale, die kleinere cd ist die Brachydiagonale.

Die verticalen Kanten der rhombischen Säule sind einander nicht alle gleich; die vordere und hintere Kante der Säule, Fig. 92, welche durch die Makrodiagonale verbunden werden, sind spitzwinklig, während die beiden Kanten rechts und links, welche rechtwinklig auf den Enden der Brachydiagonalen aufgesetzt erscheinen, stumpfwinklige Kanten sind.

An einem rhombischen Octaëder kann man nach Belieben jede der drei Axen zur Hauptaxe nehmen; für eine Mineralspecies aber oder für ein Salz, welches in diesem System krystallisirt, wählt man diejenige Axe zur Hauptaxe, parallel welcher die Krystalle vorzugsweise säulenartig ausgedehnt sind.

Durch Abstnmpfung zweier diametral gegenüber stehenden Kanten der rhombischen Säule entsteht eine 6seitige Säule. So erscheinen an der rbombischen Säule des Salpeters meist die scharfen Kanten abgestumpft, Fig. 94, wodurch eine 6seitige Säule entsteht, deren horizontale Basis in Fig. 93 durch Schraffirung angedeutet ist.

Fig. 95 stellt den gewöhnlichen Habitus der Salpeterkrystalle dar; es ist eine Combination der eben besprochenen 6seitigen Säule mit mehreren Flächen, die parallel mit der Axo cd laufen und verschiedene Neigung
Fig. 95. gegen die Hauptaxo haben. Die Octaëdorflächen sind bei
den Salpeterkrystallen meist gänzlich verschwunden.



Ausser den schou genannten Körpern krystallisiren unter anderen im rhombischen Systeme Zinkvitriol, schwefelsaures Kali, Arragonit, Schwerspath, Topas u. s. w.

5) Das monoklinische System, in welchem unter anderen der Gyps, das Glaubersalz, der Eisenvitriol, das essigssure Natrou, der Zucker u. s. w. krystallisiren, zeichnet sich vor dem rhombischen Systeme dadurch ans, dass zwei Axen sich nicht unter rechtem Winkel schneiden, während die dritte rechtwinklig auf der Ebene der beiden sehiefwinkligen steht.

Fig. 96 stellt ein in dieses System gehöriges Axenkreuz dar: die Axef stelt rechtwinklig auf der Ebene der beiden anderen, dagegen schneiden sich die Axen ab und cd nicht unter rechtem Winkel.

Fig. 96.



Fig. 97.



Die Ebeno der beiden Axen ab und cd, Fig. 96, welche sich nicht unter rechtem Winkel schneiden, heisst die symmetrische Ebene, während die rechtwinklig auf der symmetrischen Ebene stehende Axe cf die symmetrische Axe genannt wird.

Die charakteristischste und am häufigsten theils allein, theils in Combination mit anderer Hächen vorkommende Porm dieses Systems ist die schiefe rhombische Säule, Fig. 97, welche sich von der geraden rhombischen Säule des vorigen Systems dadurch unterscheidet, dass die Hauptsax dieser Säule nicht rechtwinklig auf der Basis steht.

Die Säule ist in unserer Figur so gestellt, dass die Ebene der beiden schiefwinkligen Axen unverkürzt, die dritte auf ihrer Ebeno rechtwinklig stehende Axe aber, als gegen den Beschauer gerichtet, verkürzt erscheint

Auch hier haben wir zwei scharfe und zwei stumpfe Sätlenkanten zu unterscheiden. Die Abstumpfungsfläche der vorderen und hinteren Südlenkante (die Fläche a in Fig. 98) steht rechtwinklig zu der oberen Endfläche e; dagegen macht die Abstumpfungsfläche b, Fig. 99, der Säulerkanten rechts und links einen schiefen Winkel mit  $\mathcal{E}$ .

Die horizontalen Kanten der durch die Fläche e begränzten schiefen

rhombischen Säule sind nicht gleicher Natnr, wie dies bei der geraden rhombischen Säule der Fall war; an der oberen Fläche, Fig. 97, sind die



beiden Kanten rechts scharfe Kanten, die beiden horizontalen Kanten auf der linken Seite der oberen Fläche sind dagegen stumpfe Kanten. An der unteren Fläche liegen die beiden scharfen Kanten links, die stumpfen rechts.

Die scharfen horizontalen Kanten können für sich allein abgestumpft sein, während bei anderen Krystallen nur die stumpfen horizontalen Kanten abgestumpft sind.

Die schon oben besprochene Gestalt, Fig. 99, zeigt die gewöhnliche Krystallform des Zuckers. Hänfig erscheinen aber an den Zuckerkrystallen ooch die spitzen Kanten zwischen er und bund die Ecken abgestumpft, in welchen die Säulenflächen g mit den Endflächen e zusammentreffen, wie dies Fig. 100 dargestellt ist.

6) Das triklinische System ist durch drei Axen charakterisirt, welche alle drei mgleich sind, und von denen keine mit der anderen einen rechten Winkel macht. Die Krystalle dieses Systems zeigen unter allen am venigsten Symmetrie. Hier sind nur immer je zwei Flächen, Kanten oder Ecken gleichartig, welche einander diametral gegenüber stehen.

Dem triklinischen Systeme gehören unter anderen die Krystalle des Axinits und des Kupfervitriols an.

Die Hemfiedrie. Es kommt bei Krystallen häufig vor, dass die 42 läfte der Flächen einer einfachen Gestalt nach bestimmten Gesetzen in solchem Maasse ansgedohnt int, dass die andere Hälfte der Flächer voll-kommen verschwindet. Solche Krystalle nennt man Halbflächner oder hemiëdrische Krystalle. Wir müssen hier der Hemfiedrie noch knrz erwähnen, weil dieselbe in innigem Zusammenhange mit einigen physikalischen Errecheinungen der Krystalle steht.

Denken wir uns an dem regulären Octaëder, Fig. 101, die Fläche o und die in unserer Zeichnung nicht sichtbare Fläche der oberen Pyramide inten rechts nach allen Seiten gewachsen, so schueiden sich diese beiden Flächen in der Kante ab. Wenn ferner von den vier unteren Octaëderflächen die Fläche n und die Fläche hinten links wächst, so schneiden sich diese in der Kante ab; die gewachsenen Flächen ab und ab schneiden sich diese in der Kante ab; die gewachsenen Flächen ab und ab schneiden sich

in der Kante bc u. s. w. Kurz, wenn die Fläche o und die drei Flächen des Octaëders, welche mit o nur in einer Spitze zusammentreffen, wachsen, bis diejenigen Octaëderflächen, welche mit o in einer Kante zusammenstossen, und diejenige Octaëderfläche, welche mit o parallel liegt, ganz verschwunden sind, so entsteht ein nur von 4 Flächen begränzter Körper a b c d,

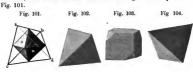


Fig. 102 stellt diesen Körper, welcher das Tetraëder genannt wird, für sich allein dar.

Fig. 103 ist eine Combination des regulären Tetraëders mit dem Würfel.

Das Tetraëder, Fig. 102, kann man sich also aus dem Octaëder, Fig. 101, dadurch entstanden denken, dass die eine Hälfte der Octaederflächen bis zum Verschwinden der vier übrigen Octaederflächen gewachsen sind. Denken wir uns dagegen diese vier letzteren Octaëderflächen bis zum Verschwinden der ersteren gewachsen, so entsteht das Tetraëder Fig. 104.

Die 4 Flächen dieser Tetraëder sind gleichseitige Dreiecke, und die 6 Kanten derselben sind unter einander gleich.

Das Tetraëder Fig. 102 nnterscheidet sich von dem Tetraëder Fig. 104 nur dnrch seine Stellung. Dadurch, dass man das letztere Tetraëder um seine verticale Axe um 900 dreht, kommt es in die Stellung des ersteren. und ist nun mit ihm vollkommen congruent.

Einen solchen Fall der Hemiëdrie, bei welchem wie hier die beiden aus derselben Grundgestalt abgeleiteten hemiëdrischen Formen einander vollkommen gleich und nur durch die Stellung verschieden sind, nennt man eine congruente oder überdeckbare Hemiëdrie.



doppeltsechsseitigen Pyramide des hexagonalen Systems durch Wachsen der einen Hälfte der Flächen das Rhomhoëder. Denken wir uns von der







oberen Pyramide, Fig. 105, die Flüchen r. f. und diejenige auf der hinteren Seite, welche z gegenüberliegt, von der unteren Pyramide aber gerade diejenigen Flüchen gwachsen, welche in einer Kante mit den ausgefallenen Flächen der oberen Pyramide russammenstossen, so entsteht das Rhomboëder, wie ein Fig. 105 durch die starken Linien angedeutet und welches in Fig. 106 für sich al-lein dargestellt ist. Es ist dies die Grundgestalt des Aulspaths.

Fig. 108 zeigt eine Comhination dieses Rhomboëders mit der regulären 6seitigen Säule.

Während aus der doppelt ßestigen Pyramide, Fig. 105, durch Wachsen der einen Halfte der Flächen das Rhombodder Fig. 106 entsteht, so entsteht durch Wachen der anderen Halfte der Flächen die Grundgestalt des Rhombodders Fig. 107. Die beiden Rhomhosder Fig. 106 und 107 sind nur durch ihre Stellung verschieden, im Uchrigen aber vollkommen gleich, so dass man jedes durch Drehnng auch in die Stellung des anderen hringen kann; wir haben abo hier gleichfalls ein Beispiel der überdeckharen Hemiedrie.

Eine andere wichtige hemiëdrische Form des hexagonalen Systems ist das Skalenoëder, Fig. 109. Es ist die Hemiëdrie einer symme-

trich 12-seitigen Pyramide. Charakteristisch für diese Form ist es, dass her Seitenkanten wie die eines Rhomboëders liegen, dass man sich also jedes Skalenoëder leicht so vorstellen kann, als ob durch die Seitenkatten eines Rhomhoëders Flächen nach einem Punkt der verlängerten Hauptax gelegt wären, welche um die nische Länge der verticalen Halbaxe des Rhomboëders von der Mitte des Krystalles absteht.

Fig. 110 und Fig. 111 (a. f. S.) stellen die unter dem Namen der Sphenolde bekannten beiden Halbfächner einer hombischen Octafelers, Fig. 91 (s. S. 90), dar. Die Dreisecke, durch welche diese Tetraöder begränzt werden, sind pele ich eit ig und deshalb kann man auch das Tetraöder Fig. 110 durch keinerlei Drehung in die Stellung Fig. 110 bringen. Die beiden Körper Fig. 110 und Fig. 111 sind nicht congruent, sie verhalten sich aber wie Gegenatand und Spriegelbild, wir erehet und linke Hand. Wir haben also hier einen Fall von nicht congruenter oder nicht überdeckbarer

Hemiëdrie. Die Sphenoïde kommen nicht isolirt vor, sondern nur in Fig. 110. Fig. 111. Combination mit anderen



Fig. 112. Fig. 113.



kante fehlen, während sie an der hinteren vorhanden sind.

Combination mit anderen Flächen, namentlich mit der rhombischen Säule, bei welcher Combination sich auch die Nicht-Ueberdeckbarkeit leichter übersehen lässt.

Fig. 112 stellt eine Combination der geraden rhombischen Säule mit dem rhombischen Octaëder dar, wie sie den Axenverhältnissen des Zinkvitriols entspricht. Wenn nun hier nach dem oben für das reguläre Octaëder angegebenen Gesetze die Hälfte der Octaëderflächen durch Wachsen der benachbarten Flächen verschwindet, so entsteht die Combination Fig. 113, welche beim Zinkvitriol und beim Bittersalz sehr häufig beobachtet wird.

Bei den Zuckerkrystallen tritt die Hemiedrie häufig in der Weise auf, dass die Flächen d, Fig. 100, an der vorderen Säulen-

## Drittes Capitel.

## Hydrostatik, oder die Lehre vom Gleichgewicht der Flüssigkeiten.

Gleichförmige Fortpflanzung des Drucks durch flüs- 43 sige Körper. Die Eigenschaften tropfbar flüssiger Körper sind durch zweierlei Kräfte bedingt: die Schwere nämlich, welche auf sie wie auf alle anderen Körper wirkt, und die Molekularkräfte, deren Wirkung bei ihnen gerade auf eine solche Weise modificirt ist, dass daraus der tropfbar flüssige Zustand hervorgeht. Bei den tropfbaren Flüssigkeiten halten sich nämlich die Cohasions- und Expansionskraft in der Weise das Gleichgewicht, dass ohne vollständiges Verschwinden des Zusammenhanges die einzelnen Theilchen sich doch noch mit der grössten Leichtigkeit an einander verschieben lassen. Die Theilchen der Flüssigkeiten zeigen kein Streben, von einander zurückzuweichen und immer grössere Volumina einsnehmen, wie wir es bei den Gasen beohachten. Das Volumen einer bestimmten Menge einer tropfbaren Flüssigkeit ist in dem auf Seite 22 angedeuteten Sinne unveränderlich, sie sind also mit der schon dort angedeuteten Beschränkung incompressibel. Aus den eben erwähnten Eigenschaften lassen sich nun alle Gesetze des Gleichgewichts tropfbar flüssiger Körper ableiten.

Denken wir uns irgend ein Gefäss, ganz mit Wasser angefüllt, volltändig verschlossen. Wird nur von irgend einer Seite her ein Druck sat die Flüssigkeit ausgeübt, so werden die zunächst getroffenen Wasserbeitlichen ein Bestreben zeigen, die benachbarten aus ihrer Stelle zu treiben, sad zwar wirden diese, in Folge der leichten Beweglichkeit, nach allen Seiten hin gleich leicht ausweichen, wenn ihnen nur irgendwo ein Ausweg gwattett wäre; daraus ergiebt sich aber, daas die flüssigen Körper



Mailer's Lebrbuch der Physik, 6te Auff, L

jeden Druck, welcher auf einen Theilihrer Oberfläche ausgeübt wird, nach allen Seiten gleichmässig fortpflanzen.

Es sei in Fig. 114 der horizontale Durchschnitt eines mit Wasser gefüllten allesitig geschlossenen Gefasses dargestellt, an welchem sich in gleicher Höhe vier vollkommen gleiche Röhren befinden, die durch Kolben verschlossen sind. Da diese

Kolben gleichen Durchmesser haben und in gleicher Höhe liegen, so haben sie auch vollkommen gleichen Druck durch die Schwere des Wassers auszuhalten, einen Druck, von welchem wir also vor der Hand ganz absehen können, den wir also als nicht vorhanden betrachten wollen.

Würde nun durch irgend eine Kraft einer der Kolben, etwa A, nach Innen gedrückt, so pflanzt sich dieser Druck durch das Wasser hindurch auf die übrigen Kölben fort, und man müsste, um zu verbindern, das diese Kolben herausgedrückt werden, auf jeden dersieben einen nach Innen gerichteten Gegeudruck anbringen, welcher vollkommen dem auf den Kolben A wirkenden Druck gleich ist; das Gleichgewicht kann also nur dann bestehen, wenn alle vier Kolben durch ganz gleiche Kräfte nach Innen gedrückt werden.

Der Druck pflanzt sich jedoch nicht allein vom Kolben A auf die übrigen Kolben, sondern auf alle Theile der Gefässwand fort, so dass jeder Flächentheil der Gefässwand, welcher eben so gross ist, wie der Querschnitt des Kolbens, auch einen eben so grossen Druck auszuhalten hat.

In Fig. 115 ist der Durchschnitt eines ähnlichen Gefässes mit zwei Fig. 115. Röhren dargestellt, welche gleichfalls mit



Röhren dargestellt, welche gleichfalls mit Kolben geschlossen sein sollen, die Röhren und folglich auch der Querschnitt der Kolben sind aber nicht gleich. Es sei z. B. die Oberfläche des Kolbens L 4 mals ogross, als die des Kolbens L, so wird, wenn irgend eine Kraft gegen den Kolben A drückt, der Gesamutdruck auf den Kolben L auch 4 mal so gross sein, als der

auf A wirkende, weil jedes Flächenstück des Kolbens C, welches der Oberfläche des Kolbens A gleich ist, einen eben so grossen Druck auszuhalten hat als A selbst.

Wenn man also den Kolben A mit einer Kraft von 10 Pfund nach Innen drückt, so müsste man zur Erhaltung des Gleichgewichts an dem Kolben C einen nach Innen gerichteten Druck von 40 Pfund anbringen.

Der Druck pflanzt sich nicht allein in einer Horizontalebene fort, wie dies in den bisher betrachteten Beispielen der Fall war, sondern nach allen Seiten, also auch nach oben und nach unten.

Fig. 116 stellt den verticalen Durchschnitt zweier unten verbundener Fig. 116. Röhren von ungleichem Querschnitt

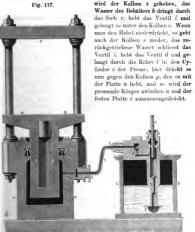


Röhren von ungleichem Querschnitt dar. Der die Röhren verbindende Raum sei mit Wasser gefüllt und suf dieses die Kolben A und B aufgesetzt. Wenn nun auf den Kolben A, dessen Querschnitt 10mal kleiner sein mag, als der des Kolbens B, ein Gewicht.

so wird sich der Druck in der Weise bis zum Kolben B fortpflanzen, dass

gegen jedes Flächenstück von B, welches eben so gross ist als der Querschnitt von A, ein nach oben gerichteter Druck von 12 Pfund wirkt, man müsste also den Kolben B mit 120 Pfund belasten, wenn das Gleichgewicht ungestört bleiben soll.

Auf der gleichförmigen Fortpflanzung des Drucks durch Flüssigkeiten beruht die hydraulische Presse; sie besteht aus zwei Haupttheilen, einer Druckpumpe, mittelst deren der Druck auf das Wasser ausgeübt wird, und einem Kolben mit einer Platte, welcher den Druck empfängt, um ihn auf den zu pressenden Körper zu übertragen. Fig. 117 ist ein Durchschnitt der hydraulischen Presse. Fig. 118 a. f. S. eine äussere Ansicht der Druckpumpe von der rechten Seite der Fig. 117 gesehen. Durch den Hebel !



Wenn der Kolben s durch irgend eine Kraft niedergedrückt wird, so hat jeder Flächentheil der Gefässwände, welcher dem Querschnitt des Kol-



bens gleich ist, einen gleichen Druck auszuhalten. Ist also der Querschnitt des Kolbens p mmal so gross als der des Kolbens s, so wird der Kolbens s, so wird der Kolben p mit einer Kraft n k gehoben, wenn der Kolben s mit einer Kraft k niedergefrückt wird.

Bezeichnen wir mit K den Druck, mit welchem der grosse Kolben gehoben wird, so ist:

$$K := k \frac{R^2}{\pi^2}$$

wenn r den Halbmesser des kleinen, R den des grossen Kolbens bezeichnet. Ist nun ferner l der Hebelarm, an welchem der kleine Kolben angehängt ist, L der Hebelarm, an welchem der Arbeiter drückt, so ist:

$$k = D \frac{L}{l}$$

wenn D den Druck bezeichnet, welchen der Arbeiter ausübt, mithin haben wir

$$K = D \frac{L.R^2}{l.r^2}.$$

Ist z. B. R = 10r und L = 6l, so ist:

$$K = D \cdot 600.$$

Wenn also der Hebel bei l mit einer Kraft von 100 Pfund niedergedrükt wird, so wird der Kolben p mit einer Kraft von 60000 Pfund gehoben.

Von der Kraft, welche am Hebel l angewandt wird, geht ein Theil durch Reibungswiderstände verloren, bevor sie sich bis zum Kolben p fortpflanzt; deshalb wird der Effect stets geringer sein, als er nach den eben angeführten Betrachtungen sein sollte.

Communicirende Röhren. Denken wir uns in der Vorrichtung 44 Fig. 119 die Dicke der Kolben A und B auf Null reducirt, oder denken wir uns statt der Kolben nur Wasserschichten, so werden doch die Gleichgewichtsbedingungen unverändert dieselben bleiben. Wenn auf die Schicht AC, Fig. 120, irgend ein gleichförmiger Druck ausgeübt wird, so findet die Gleichgewicht nur dann statt, wenn auf die nmal grössere Schicht BD ein auch smal grösserer Druck wirkt. Wird auf die Wasserschicht AC eine

Fig. 119.



Fig. 120.



Wassersäule ACFG aufgeschüttet, so ist es das Gewicht derselben, welches auf A C drückt. Will man diesem Druck durch eine auf B D lastende Wassersäule das Gleichgewicht halten, so muss diese Wassersäule BDHJ nothwendig nmal so schwer sein als ACFG. Soll aber die Wassersäule BDHJ wirklich mmal schwerer sein als ACFG, so müssen beide Wassersäulen gleiche Höhe haben, da ja die Grundfläche BD schon nmal grösser ist als A C.

Für cylindrische verticale Röhren, die unten auf irgend eine Weise mit einander in Verbindung stehen, gilt also das Gesetz, dass sie mit der gleichen Flüssigkeit bis zu gleicher Höhe gefüllt sein müssen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll, mag nun ihr Durchmesser gleich sein oder nicht,

Auf dies Gesetz gründet sich die Anwendung der Wasserwagen, Fig. 121.



Fig. 122.

Fig. 121.



Nur bei ganz engen Röhren findet eine Abweichung statt, die später besprochen werden wird.

Sind Flüssigkeiten von ungleichem specifischen Gewicht in die beiden Schenkel gegossen, so sind natürlich die Flüssigkeitssäulen, welche sich das Gleichgewicht halten, nicht mehr gleich hoch, sondern ihre Hölsen verhalten sich umgekehrt wie ihre specifischen Gewichte.

In die beberförmig gebogene Röhre, Fig. 122 (s. v. S.), sei z. R. Quecksilber und daun in den längeren Schenkel Wasser grogessen. Denken wir uns durch die Berührungsstelle von Quecksilber und Wasser eine horizontale Ebene BA gelegt, so wird allew Quecksilber unter BA für sich im Gleichgewicht sein, die Höhe der Quecksilbernstule AB ist aber für den Fall des Gleichgewicht 13,6 mal geringer als die Höhe der Wasserssille FB im anderen Schenkel, weil das specifische Gewicht des Quecksilbers 13,6 mal so gross ist als das des Wassers

Was man nun auch für verschiedene Flüssigkeiten anwenden mag, immer müssen sich die Höhen der Säulen ungekehrt wie ihre specifischen Gewichte verhalten. So hält z. B. eine 8 Zoll hohe Säule von concentriter Schwefelsäure einer Wassersäule von 14,8 Zollen, und eine 8 Zoll hohe Säule von Schwefeläther einer Wassersäule von 5,7 Zollen das Gleichgewicht.

45 Freie Oberfläche der Flüssigkeiten. Aus dem Satze, welcher zu Anfang des vorigen Paragraphen bewiesen wurde, geht nun auch hervor, dass die freie Oberfläche einer Flässigkeit in irgend einem Gefässe nothwendig horizontal sein muss. Wir können uns die ganze Flüssigkeits-

Fig. 123.



masse in eine beliebige Menge verticaler Säulchen zerlegt denken und diese müssen sich unter einander nach dem Principe der communicirenden Röhren das Gleichgewicht halten. Hätte z. B. die Öberfläche der Flüssigkeit die Gestalt der Fig. 123, so koutnen sich unmoglich die Wassersäulen cd und ab, welche zur Unterscheidung von der übrigen Wassermasse stärker schrisffirt sind, das Gleichgewicht halten; es muss nothwendig ein Sinken der höhren und ein Steigen der niedrigeren erfolgen, bis die ganze Oberfläche rechtwinklig ist zur Richtung der Schwere.

Wenden wir dies auf die Oberfläche des Meeres an, welches wir als vollkoumen ruhig betrachten wollen, so ist klar, dass, wenn die Schwerkraft allein wirkte und wenn sie stete nach dem Mittelpunkt der Erde gerichtet wäre, die Oberfläche aller Meere Theile einer Kugeloberfläche sein müssten.

46 Bodendruck der Flüssigkeiten. Wem flüssige Massen im Glieichgewicht auf, as ohen sein Polge ihrer Schwere einen mehr oder minder bedeutenden Druck auf den Boden und die Seitenwände der Gefässe aus, in denen sie enthalten sind, und dessen Werth wir nun bestimmen wollen. Zunächst wollen wir den Druck untersuchen, welcher von oben nach unten, oder von unten nach oben auf horizontale Flächen, alsdaam den Druck, welcher auf die Seitenflächen ausgeübt wird.

In Gefässen, die wie in Fig. 124 bis 127 gleiche Grundfläche haben und bis zu gleicher Höhe mit Wasser gefüllt sind, hat der Boden gleichen Druck auszuhalten, mag nun das Gefäss oben weit oder eng, mag es gerade oder schräg sein.

Der Druck, welchen der Boden eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, ist gleich dem Gewicht einer vérticalen Wassersäule, deren Basis gleich ist jenem Boden und deren Höhe gleich ist der Tiefe des Bodens unter dem Wasserspiegel.

Der Druck, welchen der Boden der Gefässe Fig. 124 bis 127 auszu-Fig. 124. Fig. 125. Fig. 126. Fig. 127.









halten hat, ist also gleich dem Gewichte der im Gefäss Fig. 125 enthaltenen Wassersäule.

Wenn man allgemein mit 3 den Flächeninhalt des Bodens, den man bit das Gewicht der Raumeinheit der Flüssigkeit bezeichnet, so ist der Druck auf den Boden gleich s. h. d. 1st z. B. der Flächeninhalt des Bodens 3 Quadratfuse, die Höhe des Wasserspiegels über dem Boden 4 Fm, so ist der Druck auf den Boden 3. 4. 66 Pfund, da der Cubikfus Wasser 66 Pfund wiegt und die verticale Wassersäule 3. 4 = 12 Cobilifas hält.

Für das neue französische Maasssystem ist d=1, wenn das Gefäss mit Wasser gefüllt ist (1 Kubikcentimeter Wasser wiegt 1 Gramm), der Bodendruck p ist also für dieses Maasssystem  $p=\mathfrak{s}$ . h.

Dass der Druck auf den Boden eines geraden cylindrischen Gefässes, vie Fig. 125, gleich ist dem Gewicht des darin enthaltenen Wassers, ist klar; dass aber der Druck auf den Boden der oben erweiterten, verengten

Fig. 128. und schrägen Gefässe derselbe sein muss, bedarf noch eines Beweises.



Fig. 128 stellt ein Gefäss vor, welches sich in treppenförmigen Absätzen nach oben erweitert. Die oberste verticale Wassersäule ab cd drückt mit ihrem ganzen Gewicht auf die Grundfläche cd; jeder Theil dieser Grundfläche lat natürlich gerade das Gewicht der vertical auf ihm lastenden

Wassersäule zu tragen, und somit ist die Wasserschicht fg durch das Gewicht der Wassersäule fghi gedrückt.

Der Druck der Wassersäule hfgi pflanzt sich vertical nach unten

fort, so dass die Fläche rs, welche gleich fg ist, nicht nur den Druck der unmittelbar auf ihr lastenden Wassersäule rfgs, sondern auch noch den Fig. 129. der Wassersäule fghi zu tragen hat — Die

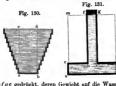


wassersaule  $\tau f g s$ , someth auch non-den der Wassersäule f g h i zu tragen hat. — Die Fläche  $\tau s$  trägt also das Gewicht der Wassersäule  $\tau s h i$ .

Wenn man auf diese Weise weiter schliesst, so ergiebt sich, dass die Basis pq einen Druck auszuhalten hat, welcher gleich ist dem Gewichte der Wassersüule pqem.

Dasselbe gilt auch für ein Gefäss, bei welchem, wie Fig. 130, die einzelnen treppenförmigen Absätze eine ganz geringe Höhe haben, der Boden ab ist durch

das Gewicht der Wassersäule abed gedrückt.
Da diese Schlüsse von der Höbe und den Dimensionen dieser Absätze
überhaupt ganz unabhängig sind, so gelten sie auch noch für den Fall,
dass die einzelnen treppenförmigen Absätze verschwindend klein werden,
sie gelten also auch noch für ein Gefäss von der Form Fig. 124.



unten weites Gefäss dar, an welches sich oben eine engere Röhre ansetzt. Das Gefäss sei bis fgmit Wasser gefüllt. Der Boden ab hat zunächst das Gewicht der Wassersäule abcd zu tragen. Diese ist aber selbst durch die Wassersäule

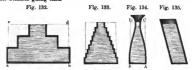
Fig. 131 stelle ein

h/ge gedrückt, deren Gewicht auf die Wasserschicht he presst. Der auf he lastende Druck pflant sich nun durch das Wasser in abcd in der Art gleichförmig fort, dass jeder Theil des Bodens ab, welcher eben sog gross ist wie he, einen dem Gewicht der Wasserskule fghe gleichen Druck aussthalten hat. Jedes Flächentück des Bodens, welches gleich ist dem Gewicht dem Gewicht der Wasserskule, beren Basis gleich he, deren Höhe aber gleich ist dem Gewicht einer Gesammtdruck aussthalten, welcher gleich jet dem Gewicht einer gleich ae + hf ist; daraus folgt nun ferner, dass der Gesammtdruck welchen der Boden ab aussuhalten hat, gleich ist dem Gewicht einer geraden Wassersäule, deren Basis ab und deren Höhe am ist.

Darauf gründet sich die Real'sche Presse.

Wenden wir diese Schlüsse auf das Gefäss Fig. 132 an, welches bis Oben hin mit Wasser gefüllt sein soll, so ergiebt sich, dass der Druck auf den Boden ab gleich ist dem Gewicht einer verticalen Säule, deren Basis ab und deren Höhe ac ist.

Aus denselben Gründen sind auch die Boden der Gefässe Fig. 133 und Fig. 134 gerade so stark gedrückt, als ob sie eine gerade Wassersäule von gleicher Basis und gleicher Höhe zu tragen hätten, da ja diese Schlüsse ebenso für kleinere und endlich auch für verschwindend kleine Absätze des Gefässes gultig sind.



Aus dem Gesagten ergiebt sich auch nun leicht die Richtigkeit unseres Satzes für den in Fig. 135 dargestellten Fall, dass das Gefäss schräg ist.

Kurz, der Druck, den der Boden eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, ist von der Form dieses Gefässes ganz unabhängig, er blagt bloss von der Grösse des Bodens und seiner Tiefe unter dem Wasserspierel ab.

Die Behauptung, welche so eben theoretisch begründet wurde, muss such noch experimentell bewiesen werden, und dazu eignet sich besonders der Apparat Fig. 136, welcher die von Masson verbesserte Form eines umpringlich von Pascal herrührenden Apparates ist.

Drei unten offene Gefässe A,B und C, deren untere Oeffnung ganz gleich, deren Form aber verschieden ist, können der Reihe nach auf



einem metallischen Dreifuss aufgeschraubt werden. Die untere Oeffnung des aufgeschranbten Gefässes wird nun durch eine ebne Glasplatte MN geschlossen, welche an einem Faden T hängt und genau auf den wohl abgeschliffenen Rand des Gefässes passt. - Der Faden T ist an dem einen Balken einer Wage angehängt, während auf der Wagschale der andern Seite Gewicht liegt, welches die Platte MN mit einer bestimmten Kraft gegen den Rand des Gefässes drückt. Dieses Gewicht ist so regulirt, dass die Platte MN

vom Rande des aufgeschranbten Gefässes abgedrückt wird, wenn man dasselbe bis zur Höhe E mit Wasser fällt. Der Versuch zeigt nun, dass die Höhe, bis zu welcher man das Gefäss füllen muss, um das Herabdrücken der Platte MN zu bewirken, genau dieselbe ist, welches der drei Gefässe, A oder E oder C, aufgeschnabt sein mag.

Daraus folgt nun ferner, dass der Satz, welcher Paragraph 42 nur für gerade cylindrische Gefässe bewiesen wurde, ganz allgemein wahr ist, dass in communicirenden Gefässen für den Fall des Gleichgewichts der Spiegel der Flässigkeit in gleicher Höhe sein muss, welches auch übrigens die Gestalt der Gefässe sein mag. Dem Druck der Wassersäule abcd Fig. 187, wird das Gleichgewicht gehalten, wenn auf ef ein Druck wirkt,

Fig. 137.

welcher dem Gewicht der verticalen Wasserskule efgh gleich ist. Nun aber übt ja, wie wir eben gesehen haben, die unregelmässig geformate schräge Wasserskule efjt auf ihre Grundfäsche ef genau denselben Druck aus, wie die gleich hobe gernde Säule efgh, folglich muss in der That in

efgn, lognen muss in der Inst in beiden Schenkeln unsers Gefässes das Wasser gleich hoch stehen, wenn Gleichgewicht stattfinden soll.

47 Seitendruck. In Folge der gleichförmigen Fortpflanzung des Drucks durch Flüssigkeiten hat nicht allein der Boden der mit Flüssigkeiten gefüllten Gefässe einen Druck auszuhalten, sondern auch die Seitenwände, und diesen Seitendruck wollen wir jetzt näher betrachten.

Es sei ab, Fig. 138, ein Stück der verticalen Wand eines mit Wasser Fig. 138.

gefüllten Gefässes, so bildet es ein Stück Gränzfläche der horizontalen Wasserschicht ab cd, deren Höhe wir



der horzontaien wasserseinicht do ca, deren Inone wir so gering annehmen wollen, dass man von dem Druck, welchen diese Wasserschicht selbst gegen ihre Gräuzflächen ausklt, abstrahiren kann. Auf der oberen Gräuzfläche ac dieser Wasserschicht lastet aber das Gewicht der Wassersäule von ac bis zum oberen Wasserspiegel, deren Höhe wir mit h bezeichnen wollen. Ist nun fg ein Flächentischt ab der Gräuzfläche ac, welches dem Flächentischt ab der Grüuzflächen wollen. so ist offenbar p = s, h, d, der Druck, welchen so ist offenbar p = s, h, d, der Druck, welchen

es auszuhalten hat (wenn d das Gewicht der Volumeneinheit Wasser bezeichnet) und dieser Druck pflanzt sich durch die Flüssigkeitsschicht abcd in der Weise gleichförmig fort, dass auch die Flächenstücke ab und cd den Druck p=s.h.d auszuhalten haben.

Der Druck, welchen ein kleines Stückchen in der Seitenwand eines Gefässes auszuhalten hat, ist also dem Gewicht der Flüssigkeitssäule gleich, welche den Flächeninhalt des fraglichen Wandstückes zur Basis, und seine Tiefe unter dem Wasserspiegel zur Höbe hat. In einem 10 Meter hohen Beklier voll Wasser ist z. B. der Druck auf ein Quadratecnimeter der Seitenwand in einer Tiefe von 1 Meter gleich 100 Grammen, in einer Tiefe von 2 Metern gleich 200 Grammen, in einer Tiefe von 10 Metern ber, d. h. am Boden, gleich 1 Klügrramm (2 Pfd.).

Der Druck, den irgend ein Punkt a der verticalen Wand irgend eines mit Wasser gefüllten Gefässes auszuhalten hat, lässt sich durch Zeichnung, Fig. 139, anschaulich machen. Man ziehe in a eine wagerechte

Fig. 139.



Linie und mache ihre Länge a bgleich der Tiefe des Punktes a unter dem Wasserspiegel, so kann die Linie ab den Druck repräsentiren, den der Punkt a auszuhalten hat. Macht man dieselbe Construction für mehrere Punkte der verticalen Linier's, so werden die Endpunkte aller der horizontalen Druckhinen in die Linier' ffallen. Es folgt daraus, dass der Gesamntdruck, welchen die Linie rys der vertidruck, welchen die Linie rys der verti-

calen Gefässwand auszuhalten hat, durch das Dreieck rst repräsentirt ist.

Der Angriffsbunkt der Resultirenden aller elementaren Pressungen.

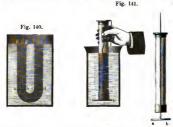
welche ein Wandstück auszuhalten hat, heiste Mittelpunkt des Drucks. Er liegt immer tiefer als der Schwerpunkt des Wandstücks, weil ja die Särke des Drucks nach unten wächst. Der Mittelpunkt des Drucks für die verticale Linie rs ist leicht zu ermitteln; denn es ist offenbar derjenige Punkt e, in welchem die Linie rs von derjenigen horizontalen Linie getroffen wird, die durch den Schwerpunkt o des Dreiceks rst geht. Wir baben hier nur eine Linie rs betrachtet; nehmen wir statt derschen einen behöulg breiten Streifen der verticalen Man, so liegt der Mittelpunkt des Drucks für denselben auf seiner verticalen Mittellinie, und zwar ist seine löbe über dem Boden 1/3 der Höhe, in welcher sich der Wasserspiegel über dem Boden befindet.

Druck im Inneren der Flüssigkeiten, Auftrieb, Jede 48 Skicht einer im Gleichgewicht befindlichen Wassermasse hat von beiden Skich ner einen vollkommen gleichen Druck ausznhalten. Gegen die unters Seite einer horizontalen Wasserschicht wirkt also ein ebenso grosser Druck von Unten her, wie der ist, welcher von Oben her auf ihr lastet. Auf der horizontalen Wasserschicht ab, Fig. 140 (a.1.S.) lastet z. B. das Gericht der Wassersalue ob/g. welches durch einen vollkommen gleichen, von Unten her gegen ab wirkenden von den benachbarten Wassersäulen berürknenden Druck äquilibrirt wird.

Hätte man an die Stelle der Wassersäule fyab einen festen Körper in die Wassermasse eingeschoben, so hätte demnach die untere Fläche ab

desselben einen nach oben gerichteten Druck auszuhalten, welcher dem Gewicht der Wassersäule abfg gleich ist. Dass im Inneren der Flüssigkeit ein solcher nach oben wirkende Druck wirklich vorhanden ist, lässt sich leicht durch den Versuch zeigen.

Das untere Ende einer etwas weiten Glasröhre, Fig. 141, ist mit einer Messingfassung versehen, deren Rand genau eben abgeschliffen ist. ab ist



eine Metallecheibe, welche in ihrer Mitte einen Haken hat, vermittelet dessen man ist en einer durch die Röhre hindurchgebenden Schnur anhängen kann, so dass, wenn man den Faden annieht, die Scheibe die untere Oeffaung der Röhre vollkommen verschlieset. Auf diese Weise verschlossen, wird die Röhre in Wasser eingetaucht. Nun ist es nicht mehr nöthig, den Faden annzuishen, um das Herunterfallen der Scheibe zu verhindern, weil sie durch die Flüssigkeit nach oben gedrückt wird. Gieset man Wasser in die Röhre, so wird die Metallscheibe durch ihr eigenes Gewicht fallen, sobald das Niveau des Wassers in der Röhre dem äussern gleich ist, denn nun erleidet die Metallscheibe durch die Flüssigkeit gleichen Druck nach unten und nach oben.

Dieser Druck, welcher gegen die untere Fläche eines jeden in eine Flüssigkeit eingetauchten Körpers wirkt, heisst der Auftrieb.

49 Das Archimedische Princip. In Folge des im vorigen Paragraphen besprochenen Auftriebs verliert ein jeder Körper, welcher in eine Flüssigkeit eingetaucht ist, von seinem Gewichte gerade so viel, als die aus der Stelle vertriebene Flüssigkeit wiegt. Oder richtiger gesagt: Wenn ein Körperin eine Flüssigkeit eingetaucht ist, so wird ein Theil seines Gewichts von der Flüssigkeit getragen, welcher dem Gewichte der aus der Stelle getriebenen Flüssigkeit gleich ist.

Man kann sich von der Richtigkeit dieses Gesetzes, welches nach einem Entdecker das Archimedische Princip genannt wird, durch eine einfache Betrachtung überzeugen. Irgend ein gerades Prisma sei vertical in Wasser eingetaucht, wie es Fig. 142 zeigt, so ist jeder Druck





auf die Seiten des Prismas durch einen gleichen und entgegengesetaten aufgehoben. Der auf der oberen Fläche lastende Druck ist g. h, der nach oben gerichtete, gegen die unter Fläche wirkende Druck ist g. h, wenn der Fläche wirkende Druck ist g. h, wenn g den Querchnitt des Prismas, h die Tiefe seiner oberen und hdie Tiefe seiner unteren Gränflächen unter hder Wasserspiegel bezeichnet. Der Ueberschuss des gegen die untere Fläche gerichteten Drucks, der Gewichtsverlust A des eingetauchten Prismas ist also

$$A = g(h' - h) = g \cdot H,$$

wenn wir mit  $\hat{H}$  die Höhe des Prismas bezeichnet. g.H ist aber nichts anderes als das Gewicht eines Wasserkörpers, welcher mit dem eingetauchten Prisma gleichen Cubikinhalt hat.

Es sei z. B. die Basis jenes Prismas i Quadrateontimeter, seine Höbe 10 Centimeter, die obere Fläche befinde sich 3 Centimeter unter dem Niveau des Wassers, so hat sie einen Druck von 3 Grammen zu tragen. Die untere Fläche ist 13 Centimeter unter dem Wasserspiegel, sie hat also einen von unten nach oben wirkenden Druck von 13 Grammen auszuhalten. Zieht man von diesen 13 Grammen die Grösse des Drucks von 3 Grammen für die Kraft, mit welcher als Prisma durch den Druck des Wassers nach oben getrieben wird. 10 Gramme aber ist das Gewicht einer Wassersale, welche mit dem Prisma gleiches Volumen hat. Bestände dieses Prisma zu Marmor, so würde es 27 Gramme wiegen, im Wasser eingetaucht hat es aber einen nach oben gerirbeten Uberdruck von 10 Grammen auszuhalten, füglich wird es sich im Wasser gerade so verhalten, als ob es nun 10 Gramme leichter geworden wäre.

Ist das Prisma nicht in Wasser, sondern in eine Flüssigkeit eingetaucht, deren specifisches Gewicht s ist, so ist

der Druck gegen die untere Fläche . . . . g . h' . s

der Druck auf die obere Fläche . . . . . g . h . s

also der Ueberschuss des unteren Drucks. .  $g(h'-h)s=g\cdot H.s$ . Es ist aber  $g\cdot H.s$  das Gewicht einer Flüssigkeitsmasse vom specifischen Gewicht s, deren Volumen  $g\cdot H$  gleich dem Volumen des eingetauchten Frümas ist.

Nehmen wir statt eines einzelnen Prismas ein Bündel von mehreren, so it klar, dass jedes einzelne Prisma durch das Eintauchen in eine Flüssigkeit von seinem Gewichte so viel verliert, als ein gleiches Volumen der Plässigkeit wiegt, folglich ist auch der Gewichtsverlust, welchen der ganze

aus mehreren Prismen zusammengesetzte Körper erleidet, gleich dem Gewichte einer Flüssigkeitsmasse, deren Volumen dem Gesammtvolumen aller Prismen gleich ist. Da man sich aber einen



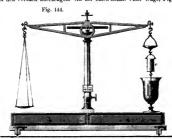


jeden Körper in eine Menge solcher vertical stehender Prismen von sehr kleinem Durchmesser zerlegt denken kann, so lässt sich unser Schluss auf jeden beliebigen Körper ausdehnen.

Ein ganz anderes Raisonnement führt uns zu demselben Resultate. Denken wir uns, der Raum, den der in Wasser eingetauchte Körper einnimmt, sei selbst mit Wasser gefüllt, so wird dieser Wasserkörper in der übrigen Wassermasse schweben, er wird nicht steigen und nicht sinken. Denken wir uns nun den Wasserkörper durch einen anderen ersetzt,

der bei gleichem Volumen gleiches Gewicht mit dem Wasserkörper hat, so wird auch dieser schweben, sein ganzes Gewicht wird also durch das Wasser, in welchem er eingetaucht ist, getragen, und somit ist klar, dass allgemein von dem Gewicht eines ieden in Wasser getauchten Körpers ein Theil durch das Wasser getragen wird, welcher dem Gewichte des verdrängten Wassers gleich ist.

Von der Wahrheit des Archimedischen Princips kann man sich auch durch den Versuch überzeugen. An der einen Schale einer Wage, Fig. 144,



ist ein hohler Cylinder c angehängt, an welchem wieder ein massiver Cylinder p hängt, der ganz genau in die Höhlung des oberen hineinpasst. Auf die andere Wagschale legt man so viele Gewichte, dass das Gleichgewicht bergestellt ist. Taucht man nan aber den Cylinder p in Wasser, so verliert er dadurch einen Theil seines Gewichtes, das Gleichgewicht ist also gestört; um es wieder herzustellen, braucht man nur den Cylinder c roll Wasser zu giessen, was offenbar zeigt, dass p durch das Eintauchen in Wasser gerade so viel an Gewicht verloren hat, als das Wasser wiegt, wiches den Cylinder c ausfüllt. Das Volumen des in c befindlichen Wassers sit aber dem Volumen des Wassers gleich, welches der Cylinder p aus der Stelle trubt; mithin ist der Gewichtsverlust von p gleich dem Gewichte des aus der Stelle vertriebenen Wassers.

Bezeichnen wir mit G das Gewicht eines Körpers, mit W den Gewichtsrerlust, welchen er durch Untertauchen unter Wasser erleidet, so ist die Kraft K, welche ihn im Wasser noch niedertreibt:

K = G - W

Ist G>W, d. h. ist der Körper schwerer als die verdrängte Wassermasse, so hat K einen positiven Werth, der Körper wird, sich selbst überlassen, untersinken.

Ist  $G \subset W$ , d. h. ist der Körper leichter als die durch ihn verdringte Wassermasse, so wird K negativ, der Körper sinkt nicht mehr unter, sondern er steigt in Folge des überwiegenden Auftriebs in die Höhe, bis ein Theil desselben über die Oberfläche des Wassers hervorragt, bis er schwimmt.

Das Gewicht eines schwimmenden Körpers ist gleich dem Gewicht der durch den untergetauchten Theil verdrängten Flüssigkeit.

Wenn G = W, so ist K = 0; ein Körper, dessen Gewicht genau dem Gewicht eines gleichen Vohnmens Wasser ist, wird, in Wasser untergraucht, weder sinken noch steigen, er wird schweben.

Fig. 145.



Einen in Wasser schwebenden Körper könnte man etwa dadurch herstellen, dass man in eine Kugel von weissen Wachs einige Schrötkörner einknetet. Ein so hergestellter, in Wasser schwebender Körper, wird in Weingeist nntersinken, in Salzwasser aber schwimmen.

Ein solches Schweben lässt sich leicht mit Hälfe eines Apparates, Fig. 145, hervobringen; die bohle Glaskugel I ist zum Theil mit Laft, zum Theil mit Wasser gefüllt und hat unten eine kleine Oeffnung; sie sehwimmt auf dem Wasser eines Glaseylinders, welcher oben mit einer Blass, oder mit Kautschuk verschlossen ist. Drückt man auf die Blase, so wird etwas mehr Wasser in die Kugel I hineingepresst, sie wird schwerer und sinkt nieder; wenn der Druck nachlässt, dehnt sich die Laft in der Kugel I wieder aus uud treibt 112 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten. etwas Wasser aus, die Kugel wird leichter und steigt; es ist nun leicht, den Druck so zu modificiren, dass die Kugel gerade im Wasser schwebt, ohne zu sinken oder zu steigen (Cartesianische Taucher).

50 Bedingungen des Gleichgewichts schwimmender Körper. Wir haben im vorigen Paragraphen gesehen, dass das Gewicht eines selwimmenden Körpers gerade so gross ist wie das Gewicht der verdrängten Flässigkeitsmasse; damit ein Körper aber mit Stabilität schwimmen könne, müssen noch weitere Bedingungen erfüllt sein.

Auf einen schwimmenden Körper wirken zwei Kräfte in eutgegengesetzter Richtung: sein Gewicht, im Schwerpunkt des Körpers angreifend, zieht ihn nach Unten; der Auftrieb, im Schwerpunkt der verdrängten Wassermasse, oder richtiger gesagt, in dem Punkte angreifend, welcher der Schwerpunkt des untergetauchten Körpertheils sein wirde, wenn dieses untergetauchte Stück eine vollkommen gleichartige Masse wäre, treibt den Korper nach Oben. Den Angriffspunkt des Auftriebs beseichnet man auch mit dem Namen Mittelpunkt des Wasserdrucks.

Es schwimme z B. auf Wasser eine unten zugeschmolzene Glasröhre, Fig. 146, deren Schwerpunkt s durch Schrotkörner oder Quecksüber sehr tief liegt. Der Angriffspunkt des Auftriebs liegt in m, dem geometrischen Mittelpunkte des untergetauchten Theils.

Fig. 146.

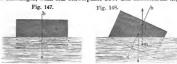
Ein schwimmender Körper ist im Gleichgewichte, wenn sein Schwerpunkt und der Angriffspunkt des Auftriebs in einer und derselben Verticallinie liegen; und dieses Gleichgewicht ist jedenfalls ein stabiles, wenn s tiefer lietzt als m.

Für ein stabiles Schwimmen ist es jedoch nicht unbedingt nötting, dass der Schwerpunkt des Körpers tiefer liegt als der Angriffspunkt des Auftriebs, es genügt, dass der Schwerpunkt des schwimmenden Körpers tiefer liegt als ein anderer Punkt, welcher den Namen des Metacentrums führt.

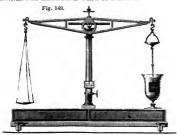
Die Lage des Metacentrums ist in folgender Weise bestimmt: Denken wir uns des Schwerpunkt s eines Körpers und den Punkt m, welcher den Angriffspunkt des Auftriebs in dem Falle bildet, dass der Körper in seiner Gleichgewichtslage schwinmt, wie Fig. 147f, durch eine gerade Linie verbunden, so können wir diese Linie ab als Mittelligie des Körpers bezeichen. Wird

der schwimmende Körper aus seiner Gleichgewichtslage herausgebracht, Fig. 148, so nimmt die Mittellinie ab eine sehrige Stellung an, zugleich aber nimmt der Angrifspunkt des Auftriebs eine andere Stelle ein, er rückt in unserem Beispiel in den Punkt m, Fig. 148. Ein durch den neuen Angriffspunkt des Auftriebs gelegtes Perpendikel schneidet nun die Mittellinie ab in einem Punkte a, und dieser Punkt a ist das Metzentrum.

Das Metacentrum q. Fig. 148, bildet den Drebpunkt, um welchen das in appreifende Gewicht des schwimmenden Körpers denselben zu dreben strebt; und jedenfalls wird er in seine Geiechgewichtslage zurückgedreht, wans z unter q liegt. Ein Körper schwimmt also stabil, so lange sein Schwerpunkt unter dem Metacentrum liegt; er schwimmt nicht stabil, er ums unsenlagen, wenn sein Schwerpunkt über dem Metacentrum liegt.



Anwendung des Archimedischen Princips zur Bestim-51 mung des specifischen Gowichts fester und flüssiger Körper. Das Archimedische Princip liefert uns treffliche Mittel, das specifische Gewicht fester und flüssiger Körper zu bestimmen. Um die Dichtigkeit eines festen Körpers au berechnen, nuss man sein absolutes Gewicht und das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser kennen. In den meisten Fällen aber läss fich das Volumen eines Körpers durch Aumesung seiner Dimensionen entweder nur böchst schwierig, oder gar nicht ausmitteln. Nach dem Archimedischen Princip giebt uns ein einziger Versuch ohne Weiteres das Gewicht einer Wassermasse, welche mit dem zu bestimmenden Körper gleiches Volumen hat, wir haben nur seinen Gewichtwerlaut beim Eintauchen in Wasser zu bestimmen.



Waller's Lehrbuch d. Physik, 6. Aufl. L.

Um diese Bestimmung mittelst einer Wage leicht ausführen zu können, wird an derselben eine kleine Veränderung angebracht, wodurch sie in eine sogenannte hydrostatische Wage umgewandelt wird, Fig. 149 a. v. S. Man hängt nämlich statt der einen Wagschale eine andere an, welche nicht so weit herabreicht und an welcher sich unten ein Häkchen befindet, an welches der zu bestimmende Körper mittelst feiner Fäden angehängt werden kann. Ist dies geschehen, so kann man durch Auflegen von Gewichten auf die andere Wagschale das absolute Gewicht g des Körpers bestimmen. Taucht man ihn nun in Wasser ein, so muss man auf der kurz herabhängenden Wagschale ein Gewicht a auflegen, um das Gleichgewicht der Wage wieder herzustellen, a ist also der Gewichtsverlust, welchen der Körper beim Ein-

tauchen in Wasser erleidet, folglich  $\frac{g}{a}$  sein specifisches Gewicht.



Wenn ein Körper von passender Form, etwa ein zum Theil mit Quecksilber gefülltes Glasgefäss, wie es Fig. 150 in der natürlichen Grösse darstellt, mittelst eines feinen Platindrahtes an dem einen Arme der Wage angehängt und äquilibrirt ist, so ist es leicht, den Gewichtsverlust zu ermitteln, welchen derselbe beim Eintauclim in verschiedene Flüssigkeiten crleidet, und da dieser Gewichtsverlust stets dem specifischen Gewicht der Flüssigkeiten proportional ist, in welche das Senkgläschen eingetancht wird, so kann man auf diese Weise leicht das specifische Gewicht von Flüssigkeiten bestimmen. gründet sich Mohr's Wage zur Bestimmung des specifi-chen Gewichts von Flüssigkeiten (siehe dessen Lehrbuch der pharmaceutischen Technik).

Nicholson's Araometer. Zur Bestimmung des specifischen Ge-52 wichts fester Körper kann statt der Wage das Nicholson'sche Araometer angewendet werden, welches in Fig. 151 abgebildet ist.

An einem hohlen Körper B von Messingblech ist unten ein Sieb C angehängt, oben aber ein feines Stäbchen angebracht, welches einen Teller trägt, auf den man kleinere Körper und Gewichte legen kann. In Wasser eingetaucht, schwimmt das Instrument, und zwar aufrecht, weil dafür gesorgt ist, dass sein Schwerpunkt möglichst tief liegt. Das Instrument ist so eingerichtet, dass der oberste Theil des Körpers B noch aus dem Wasser herausragt. Legt man nun den Körper, dessen specifisches Gewicht man bestimmen will, etwa ein Mineral, auf den Teller, so sinkt das

Instrument weiter ein, und durch ferneres Auflegen von Tarirgewichten kann man es leicht dahin bringen, dass es genau bis zu einem Punkte O eingesenkt ist, welchen man auf irgend einen Weise (gewöhnlich durch einen Feilstrich) auf dem Stäbehen markirt hat. Man nimmt nun das Mineral weg und legt statt dessen so viel Gewichte auf, bis das Instrument wieder genau bis O einsinkt. Auf diese Weise erhält man das absolute Gewicht das Körpers. Es betrage n Milligramme.

Hat man auf diese Weise das absolute Gewicht des Minerals bestimmt, so werden die n Milligramme wieder weggenommen und der Köprer in das Sieb gelegt. Das Instrument wirde nun wieder bis O einsinken, wenn der in das Sieb C gelegte Köprer nicht dadurch, dass er jetzt in Wasser eingetaucht ist, an Gewicht verlöre. Man wird also auf den Teller noch Gewichte, m Milligramme, auflegen müssen, damit das Instrument wieder bis zur Marke eingetaucht ist. Man hat auf diese Weise das absolute Gewicht des Körpers n und das Gewicht eines gleichen Volumens Wasser m

ermittelt; das gesuchte specifische Gewicht ist also  $\frac{n}{m}$ .

Es sei z. B. das specifische Gewicht eines Disamanten zu bestimmen. Man hat ihn zuf den Teller gelegt und so viel Tarigewicht zugeftgt, das das Instrument bis O einsinkt. Nachdem der Diamant weggenommen vorden, hatte unn statt seiner 1.2 Gramme aufrußegen, damit das Aricometer eben so weit einsankt; es beträgt also das absolute Gewicht des Minerals 1.2 Gramme. Diese werden wieder weggenommen und der Diamant in das Sieb gelegt; um es nun wieder dahin zu bringen, dass das Instrument bis O einsinkt, muss man noch 0.94 Gramme Diese gegen; das Gewicht eines dem Diamanten gleichen Wasservolumens ist also

0,34 Gramme, und das verlangte specifische Gewicht  $\frac{1,2}{0,34} = 3,53$ .

Anch das specifische Gewicht von Flüssigkeiten kann man mit dem Nicholson'sehen Arisometer bestimmen. Da das Instrument stets so weit einsinkt, dass das Gewicht desselben nammt den Gewichten auf dem Teller dem Gewichte der der verdrängten Flüssigkeitsmasse gleich ist, so kann man mit Hülfd dieses Instruments ansmitteln, wir viel ein bestimmtes Volumen der Flüssigkeit wiegt. Dazu ist aber nöthig, dass man das Gewicht des Instrumentes selbst kennt; wir wollen es mit n bezeichnen. Wenn es, in Wasser eingetundt, bis O einsinken soll, so muss noch Gewicht zugelegt werden. Bezeichnen wir dies Zulaggewicht mit a, so ist n+a das Gewicht der Verlängten Wasserensse.

Tancht man nun das Instrument in eine andere Flüssigkeit, so wird man irgend ein anderes Gewicht b anstatt a auflegen müssen, um ein Einsinken bis O zu bewerkstelligen; b wird grösser sein als a, wenn die Flüssigkeit schwerer, kleiner als a, wenn sie leichter ist als Wasser. Das Gewicht der verdrängten Flüssigkeit ist n+b; das Volumen derselben ist aber genan so gross als das der Wassermasse, deren Gewicht

Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten. n + a ist, weil ja das Araometer in beiden Fallen gleich tief eingesunken ist.

Das Instrument wiege z. B. 70 Gramme; muss man 20 Gramme auflegen, damit es in Wasser, 1,37 Gramme, damit es in Weingeist bis O einsinkt, so ist das specifische Gewicht des Weingeistes  $\frac{70+1,37}{70+20}$  == 0,793.

Dieses Araometer ist nm so empfindlicher, je dünner das Stäbchen im Vergleich zum Volumen des Körpers B ist.

Mit diesem Araometer das specifische Gewicht von Flüssigkeiten zu bestimmen, ist immer etwas umständlich. Man könnte eben so schnell mit Hülfe der Wage nach dem oben angegebenen Verfahren mit weit grösserer Genanigkeit zum Ziele kommen. In vielen Fällen des praktischen Lebens aber kommt es darauf an, schnell durch ein möglichst einfaches Verfahren das specifische Gewicht einer Flüssigkeit anszumitteln, um daraus auf die Qualität derselben zu schliessen. In solchen Fällen reicht Fig. 152. es aber vollkommen hin, das specifische Gewicht bis auf zwei

Decimalstellen genan zu finden; man erreicht dies am schnellsten durch die Scalenaräometer, die wir sogleich näher betrachten wollen.

Scalenaräometer. Mit Hülfe des Nicholson'schen Aräometers kann man das specifische Gewicht einer Flüssigkeit ans der Vergleichnng des absoluten Gewichtes gleicher Volnmina ableiten. Der Gebrauch der Scalenaräometer aber gründet sich daranf, dass bei gleichem Gewichte zweier Flüssigkeitsmassen ihre Volnmina sich nmgekehrt verhalten wie die specifischen Gewichte.

Es stellt Fig. 152 ein Scalenaraometer dar. In der Regel bestehen sie aus einer cylindrischen Glasröhre, welche nuten erweitert ist, wie man in der Abbildung sieht. In der unteren Kugel befindet sich etwas Quecksilber, wodnrch nur bezweckt wird, dass das Instrument aufrecht schwimmt. Denken wir nm das Instrument in Wasser schwimmend, so ist das Gewicht des verdrängten Wassers dem Gewichte des Instrumentes gleich. Senken wir es nnn in eine andere Flüssigkeit, so wird es tiefer oder weniger tief einsinken, je nachdem die Flüssigkeit leichter oder schwerer ist als Wasser. Gesetzt, das Aräometer wiege 10 Gramme, so wird es, in Wasser schwimmend, 10 Cubikcentimeter verdrängen. Taucht man es in Weingeist, so wird es so tief einsinken, dass die verdrängte Weingeistmenge anch 10 Gramme wiegt. Aber 10 Gramme Weingeist nehmen einen grösseren Raum ein als 10 Gramme Wasser, das Instrument muss also tiefer einsinken, und zwar so, dass das in Weingeist eingesenkte Volnmen sich zu dem in Wasser eingesenkten nmgekehrt verhält wie die specifischen Gewichte dieser Flüssigkeiten.

53

Man begreift nun wohl, dass, wenn die Röhre zweckmässig getheilt ist, man se einer einzigen leicht anzustellenden Beobachtung das specifische Gewicht einer Filmsigkeit ermitteln kann. Unter allen Scalen, welche man auf Aräometern angehracht hat, ist unstreitig die von Gay-Lussac angegebene die einfachste nud weckmässigset: vir wollen desahlt diese zusert betrachten.

Denken wir uns an einem Arkometer denjenigen Punkt a der Röhre beziehnet, bis zu welchem das Instrument in Wasser einsinkt, alsdam auf der Röhre, von diesem Punkte ausgehend, eine Reibe von Theilstrichen so angehracht, dass das Volumen eines Röhrenstücks, welches zwischen je zwei solcher Theilstriche füllt, ½160 von dem in Wasser einsinkenden Volumen ist. Nehmen wir z. B. an, das Volumen desjenigen Theils des Ariometers, welcher im Wasser untergetaucht ist, betrüge gerade 10 Cubikcentimeter, so müsste das Volumen des Röhrenstücks, welches zwischen je zwei Theilstriche füllt, 01 Cubikcentimeter betragen.

Der Wasserpunkt a wird mit 100 hezeichnet und die Theilung von unten nach oben gezählt. Die auf diese Weise getheilten Aräometer werden mit dem hesonderen Namen Volumeter hezeichnet.

Gesetzt, das Arisometer sänke in irgend einer Flässigkeit bis zum Theilstrich 80 der Volumertersala ein, so weiss man dadurch, dass 80 Volumentheile dieser Flässigkeit so viel wiegen wie 100 Volumentheile Wasser; das specifische Gewicht dieser Flässigkeit verbält sich also zu dem des Wassers wie 100 zu 80, es ist also  $\frac{100}{500}$  oder 1,25.

Wäre das Volumeter in einer anderen Flüssigkeit bis zum Theilstrich 116 der Volumeterscala eingesunken, so finden wir nach derselhen Schluss-

weise, dass das specifische Gewicht dieser Flüssigkeit 116 = 0,862 ist. Kurz, wenn das Volumeter in einer Flüssigkeit bis zu einem bestimmten Punkte y der Scala einsinkt, so findet man das specifische Gewicht s der Flüssigkeit, wenn man die Zahl des beob-

achteten Scalenpunktes in 100 dividirt, d. h. es ist  $s = \frac{100}{y}$ .

Die Genauigkeit eines solchen Instrumentes ist um so grösser, je grösser die Entfernung eines Theilstriches von dem anderen, je dünner also die Röhre im Vergleich zu dem Volumen des ganzen Instruments ist. Damit jedoch die Röhre nicht gar zu lang wird, macht man kein Volumeter, welches für alle Flüssigkeiten anwendbar ist, sondern solche, welche entweder nur für leichtere oder nur für sehwerere Flüssigkeiten gehraucht werden können. Bei den ersteme hefindet sich der mit 100 bezeichnete Wasserpunkt nahe am unteren, bei den letzteren aber nahe am oberen Ende der Röhre.

Bevor man die Theilung aufträgt, hat man erst durch Vermehrung oder Verminderung der Quecksilbermasse in der Kugel das Instrument so zu reguliren, dasse es in Wasser bis zu einem entweder nahe am unteren oder

oberen Ende der Röhre gelegenen Punkt einsinkt. Ist dies geschehen, so hat man einen zweiten Punkt der Scala zu bestimmen, und dies geschieht auf folgende Art:

Das Instrument sei für schwere Flüssigkeiten bestimmt, also der Wasserpankt um oberen Ende der Röhre. Man verschafft sich eine Flüssigkeit, deren specifisches Gewicht genau 1,25 ist; eine solche Flüssigkeit, lässt sich leicht durch Mischen von Wasser und Schwefelskunge erhalten und ihr specifisches Gewicht mit Hulfe der Wage prüfen. In diese Flüssigkeit taucht man num das Instrument und merkt sich den Punkt, bis zu welchem es einsinkt. Das specifische Gewicht 1,25 entspricht aber dem Theilstrich 50 der Volumeterscals; dieser zuletzt marktirte Funkt ist also mit 80 zu bezeichnen, der Zwischenzum zwischen ihm und dem Wasserpunkt in 20 gleiche Theile zu theilen und diese Theilung auch noch unterhalb des Punktes 80 fotztussetzen.

Ist das Volumeter für leichtere Filasigkeiten bestimmt, also der Punkt 100 am unteree Ende der Röhre, so findet man einen zweiten Punkt der Scala, indem man das Instrument in eine Mischung von Wasser und Weingeist taucht, deren specifisches Gewicht genau 0,6 ist. Das specifische Gewicht 0,8 entspricht dem Theilstrich 125, man hat also den Raum zwischen diesem Theilstrich und dem Wasserpunkt in 25 gleiche Theile zu theilen.

In der Regel ist die Theilung auf einem Papierstreifen gemacht und in dem Inneren der Röhre befestigt.

Eine zweite rationelle Theilungsart der Ariometerscala, welche eberfalls von Gay-Lussac angegeben, früher aber schon von Brisson und G. G. Schmidt ausgeführt wurde, ist diejenige, welche unmittel bar die specifischen Gewichte angiebt. Ariometer, welche mit einer solchen Scala versehen sind, werden Dens imeter genannt.

Die folgende Tabelle giebt an, welche Volumetergrade den daneben stehenden specifischen Gewichten entsprechen.

Specif. Gewicht.	Entsprechende Volumeter- grade.	Specif. Gewicht.	Entsprechende Volumeter- grade.		
2,0	50,00	1,1	90,90		
1,9	52,63	1,0	100		
1,8	55,55	0,95	105,26		
1,7	58,82	0,90	111,11		
1,6	62,50	0,85	117,64		
1,5	66,66	0,80	125,00		
1,4	71,43	0,75	133,33		
1,3	76,92	0,70	142,85		
1,2	83,83				

Fig. 153 stellt die Volumeterscala für schwere Flüssigkeiten, also von den Theilstrichen 50 bis 100, die Fig. 154 stellt eine solche für leichtere Fig. 158 Fig. 154 Flüssigkeiten, also von 100 bis 150

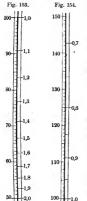


Fig. 154 stellt eine solche für leichtere Thüssgheiten, also von 100 bis 150 dar. In Fig. 155 findet man aber neben der Volumeterscala noch die Punkte markirt, welche des specifischen Gewichten 2,0 — 1,9 — 1,8 u. s. w. bis 1, und in Fig. 154 diejenigen, welche den specifischen Gewichten 1 — 0,9 — 0,8 und 0,7 entsprechen. In der letzteren Figur findet man ausserdem noch die Punkte für die specifischen Gewichte 0,95 — 0,85 und 0,75 markirt.

Theilt man den Abstand je zweier auf einander folgender Theilstriche auf der rechten Seite der Fig. 153 in 10 gleiche Theile, den Abstand je zweier auf einander folgender Theilstriche auf der rechten Seite der Fig. 154 aber in fünf gleiche Theile, so erhält man eine Densimeterscala, für welche der Abstand ie zweier auf einander folgender Theilstriche einer Differenz von 1/100 im specifischen Gewicht entspricht, man kann also mit so getheilten Aräometern das specifische Gewicht unmittelbar his auf die zweite Decimalstelle ahlesen. Die obige Tahelle sowohl, wie die heiden Figuren 153 und 154 zeigen, dass für gleiche Differenzen

des specifischen Gewichts die Theilstriche am unteren Ende der Scala näber aneinanderrücken als am oheren.

Aräometer für besondere Flüssigkeiten. Im praktischen 54 Lebra itt es nicht direct der Zweck, das specifiche Gewicht imer Flüssigkeit zu erfahren, sondern man will den Concentrationsgrad einer Salzlösung, die Mischungsverhältnisse einer Flüssigkeit kennen Hernen. Diese stehen zus freilich mit dem specifischen Gewicht im genauer Beziehung, so dass, van man mit Hülfe des Ariometers das specifische Gewicht einer Flüssigkeit unsgemittelt hat, man daraus auch auf die Natur der Flüssigkeit unsgemittelt hat, man daraus auch auf die Natur der Flüssigkeit sahliesen kann. Man hat jedoch für solche Flüssigkeiten, welche in der Praxis häufig vorkommen, besondere Ariometer construit, welche immittelbar die Mischungsverhältnisse angeben; wir wollen hier nur eins der wichtigeten, mänlich das Alkoholometer, näher betrachten.

Das Alkoholometer dient zur Bestimmung des Alkoholgehaltes einer Mischung von Wasser und Weingeist.

Das specifische Gewicht des Alkohols ist 0,794, wenn man das des Wassers als Einheit annimmt; eine Mischung von Wasser und absolutem Fig. 155. Alkohol wird also eine Dichtigkeit haben, welche zwischen 1 und

0,794 fällt und sich mehr der einen oder der anderen Gränze nähert, je nachdem die Mischung mehr Wasser oder mehr Alkohol enthält. Die Dichtigkeit der Mischung weicht jedoch von dem arithmetischen Mittel ab, welches man aus den Mischungsverhältnissen berechnet.

Der Grund dieser Abweichung liegt darin, dass, wenn man Wasser und Weingeist mischt, eine Contraction stattfindet, die wir erst durch einen Versuch anschaulich machen wollen.

Man giesse eine Glasrohre, Fig. 155, welche ungefahr eine Länge von 30 Zoll hat, haht voll Wasser und fülle die andere Hälte mit Weingeist (für Vorlesungen ist gefärbter Weingeist zu empfehlen), so werden sich die Flüssigkeiten nicht mischen; der Weingeist schwimmt auf dem Wasser. Nachdem das offene Ende durch einen Korkstöpfel fest versehlossen worden ist, so dass durchaus keine Flüssigkeit entweichen kann, kehrt man die Röhre um, und nun wird durch das Sinken des Wassers abbald eine Mischung der Flüssigkeiten vor sich gehen. Hat die Mischung vollständig stattspefunden, so sieht man, dass die vorher ganz volle Röhre nicht mehr ganz angefüllt ist, en hat sich ein leerer Raum gebildet, der in der Röhre eine Länge von ungefähr <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Zoll einnimmt.

100 M	aasstheil	e Wasser	+ 0 Ma	asstheile	e Alkoho	ol gebe	n 100	Maassthei
90	75	77	10	27	,	77	99,4	77
80	77	77	20	7	77		98,2	77
70	79		30		77		97,2	77
60	7		40		7		96,6	79
50	77	,	50	70	,	77	96,3	29
40	77	70	60	70	79	19	96,5	,,
30	20	7	70	70	79	77	96,9	77
20	77	,	80			77	97,4	,,
10	77		90			79	98,3	
0	19		100				100	70

Aus diesen Angaben folgt, dass das specifische Gewicht einer Mischung von Wasser und Weingeist stets grösser sein muss als das berechnete arithmetische Mittel.

Aus der folgenden Tabelle ersieht man, wieriel Maasstheile Wasser man zu den in der ersten Columne angegebenen Maasstheilen Alkohol schütten muss, um 100 Maasstheile Mischung zu erhalten. Das specifische Gewicht der so erhaltenen Mischungen ist in der letzten Columne angegeben.

Maasstheile Alkohol.	Maasstheile Wasser.	Specif. Gew. der Mischung.
100	0,00	0,794
90	11,94	0,834
80	22,87	0,864
70	33,14	0,891
60	43,73	0,914
50	53,745	0,935
40	63,44	0,952
30	72,72	0,966
20	81,72	0,976
10	90,72	0,987
0	100	1,000

Wenn man nun an einer Araometerröhre diejenigen Punkte markirt, welche den specifischen Gewichten 0.794 0.834 . . . 0.976 0.987 und 1 entsprechen, und sie mit den Zahlen 100, 90, 80 . . . 20, 10, 0 bezeichnet, wenn man ferner, was ohne merklichen Fehler geschehen kann, den Raum zwischen je zweien dieser Punkte in 10 gleiche Theile theilt, so erhält man ein Procent-Araometer für Weingeist, d. h. ein Araometer, an welchem man unmittelbar ablesen kann, wieviel Volumenprocente Alkohol in einer Mischung von Wasser und Weingeist sich befinden. Solche Alkoholometer wurden in Frankreich nach Gav-Lussac's, in Deutschland nach Tralles' Angaben ausgeführt und es ist gesetzlich bestimmt, dass der Al-Fig. 156 koholgehalt des der Besteuerung unterworfenen Branntweins, Weingeistes u. s. w. mit Hülfe dieses Instrumentes ermittelt werden

100 soll. Beistehende Scala, Fig. 156, zeigt die Hauptabtheilungen eines solchen Alkoholometers in ihrem richtigen Verhältniss. Man sieht, wie sich erwarten liess, dass die Abtheilungen ungleiche Grösse haben. Die Scala des Alkoholometers von Tralles' bezieht sich auf eine Temperatur von 15°C. Da sich nun das specifische Gewicht des Weingeistes mit der Temperatur bedeutend 80 ändert, so bedürfen die Angaben des Alkoholometers einer Correction, wenn der zu untersnchende Weingeist eine andere Temperatur hat. (Ausführliches über Alkoholometrie im Handwörterbuch der Chemie von Liebig und Poggendorff.) 60

Das Volumeter oder Densimeter kann das Alkoholometer recht gut ersetzen, wenn man nur eine Tabelle zur Hand hat, in welcher der Alkoholgehalt angegeben ist, welcher den verschiedenen spe-30 20 10 0 eifischen Gewichten entspricht.

Begreiflicher Weise kann man das Alkoholometer einzig und allein zu dem angegebenen Zwecke verwenden, für jede andere Flüssigkeit ist es völlig unbranchbar. Auf ähnliche Weise, wie 122 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.

das Alkoholometer, hat man auch Aršometer construirt, welche den Gehalt einer Säure, einer Salzikeung u. s. w. angeben sollen. Weil jedoch ein solches Instrument nur für eine einzige specielle Plüssigkeit brauchbar ist, so wendet man besser ein für allemal das Volumeter oder ein Aršometer an, an welchem man direct das specifische Gewicht der Flüssigkeit ablesen kann und sucht den Gehalt, welcher dem beobachteten specifischen Gewichte entspricht, in Tabellen, welche eigens zu diesem Zwecke berechent worden sind.

So enthält z. B. folgende Tabelle das specifische Gewicht einer Mischung von Schwefelsäurehydrat (SO<sub>2</sub> + HO) mit Wasser von 10 zu 10 Proc.

Procent von SO <sub>3</sub> + HO.	Specif, Gew.	Gehalt an wasserfreier Säure.
100	1,843	81,63 Proc.
90	1,822	73,47 "
80	1,734	65,30 ,,
70	1,615	57,14 ,,
60	1,501	48,98 "
50	1,398	40,81 ,,
40	1,306	32,65 "
30	1,223	25,49 ,,
20	1,144	16,32 ,,
10	1,068	8,16 "
0	1,000	0.00

Hat man nun z. B. mit Halfe des Volumeters oder des Densimeters gefunden, dass das specifische Gewicht eines Gemisches von Wasser und Schwefelsürer 1,223 ist, so ersehen wir aus obiger Tabelle (welche übrigens nur für eine Temperatur von 15 °C. genau richtig ist), dass es 30 Proc. Schwefelsürerfrie Schwefelsürer enthält.

In die Classe der Procentariometer gebört auch die sogenannte Mostwage, welche dazu dient, den Zuckergehalt des Traubenmostes zu ermitteln. Das specifische Gewicht des Mostes nimmt mit seinem Gehalt an (Trauben-)Zucker zu. Der Punkt der Scals, bis zu welchem das Instrument in einer Löung einsinkt, welche 20 Gewichtsheile Traubenzucker enthält, ist mit 100, der Punkt, welcher einer Löung von 12 Proc. Zucker entspricht, ist mit 60 beseichnet. Der Zwischenniaus rwischen diesen beiden Punkten, von welchen der eine mehr nahe am oberen, der andere nahe am unteren Ende der Scala liegt, ist in 40 Grade getheilt. Ja 5 Grad der Mostwage entsprechen also einem Zuckergehalt von 1 Procent. Ein Most, in welchem das Instrument bis zu 80 Grad einsinkt, enthält also  $\frac{80}{5}$ .

16 Proc. Traubenzucker.

Die von Oechsle in Pforzheim construirten Mostwagen sind von Silberblech verfertigt, und haben die Fig. 157 abgebildete Gestalt. Die Scala ist an einem hohlen quadratischem Silberstäbehen angebracht.

Aräometer mit willkürlicher Scala. Es bleiben jetzt nur 55 Fig. 157. noch die älteren Aräometerscalen zu erwähnen, welche jedoch durchaus keinen wissenschaftlichen Werth haben.

Baumé bestimmte an den für leichtere Flüssigkeiten bestimmten Ariometera ausser dem Wasser punkte noch einen zweiten fixen Punkt dadurch, dass er das Instrument in eine Lösung von 1 Gewichtstheilt Kochsak in 9 Gewichtstheilen Wasser tauchte. Den Raum zwischen diesen beiden Punkten theilte er in 10 gleiche Theile, die er Grade namute; die Theilung ist noch über den Wasserpunkt himaus um 40 Grade fortgesetzt. Der Wasserpunkt ist mit 10 bezeichnet, und die Grade werden nach oben erzählt.

Für schwere Flüssigkeiten wurde der zweite feste Punkt durch Eintauchen in eine Lösung von 15 Thln. Kochsalz in 55 Thln. Wasser bestimmt, der Zwischenraum zwischen diesem und dem Wasserpunkt in 15 Grade getheilt und die Theilung nach unten fortgesetzt. Man sieht wohl, dass man durch ein solches Instrument weder das specifische Gewicht, noch den Gehalt einer Flüssiekeit erfahrt.

Cartier brachte an der Baumé'schen Scala eine unwesentliche Veränderung an, er machte nämlich die Grade etwas grösser, so dass 15 seiner Grade gleich 16 Baumé'schen sind. Wenn er dadurch auch nichts genützt hat, so hat er doch wenigstens seinen Namen

genützt hat, so hat er doch wenigstens seinen Namen verewigt, denn so werthlos seine Scala auch ist, so ist sie doch ungemein verbreitet.

Das Aršometer von Beck hat den Wasserpunkt zu seinem Nullpunkt den nach oben gezählten 30sten Grad beim specif. Gewicht 0,85.

Die folgende Tabelle giebt an, welche specifischen Gewichte den in der ersten Columne angegebenen Gradzahlen der Baumé'schen Cartier'schen und Beck'schen Scala entsprechen.

124 Hydrostatik oder d. Lehre vom Gleichgewicht d. Flüssigkeiten.
Aräometer für leichtere Flüssigkeiten.

Grade.	Baumė.	Cartier.	Beck.
0	_	_	1,000
5	_	- 1	0,971
10	1	- 1	0,944
15	0,965	0,970	0,919
20	0,933	0,934	0,895
25	0,903	0,901	0,872
30	0,875	0.871	0,850
35	0,849	0,842	0,829
40	0,824	0,815	0,809
45	0,800	_	0,791
50	0,778	-	0,773

## Araometer für schwerere Flüssigkeiten.

Grade.	Baumé.	Beck.
0	1,000	1,000
5	1,037	1,030
10	1,077	1,062
15	1,120	1,097
20	1,167	1,133
25	1,217	1,172
30	1,273	1,214
35	1,333	1,259
40	1,400	1,308
45	1,473	1,360
50	1,555	1,417
55	1,647	1,478
60	1,750	1,545
65	1,867	1,619
70	2,000	1,700

## Viertes Capitel.

## Molekularwirkungen flüssiger Körper.

Elasticität der Pfüssigkeiten. Während die Molekulschräfte 56 his feten Köppern sich im Zustade eines stab ilen Gleichgewichts befäden, können wir den Gleichgewichtszustand der Molekularkräfte bei fässigen Körpern gernisermaassen als einen in differenten bezeichnen, den wie man anch die Thelichen einer Plässigkeit gegen einander versübeben mag, so kommen sie doch im dieser neuen gegemeitigen Lage albald wieder im Gleichgewicht. Gegen eine Vers chie ben ger Molekule kale einer Pfüssigkeit reagirt also keine merkliche Elasticität, wohl aber macht sich eine solche gegen eine Com pression derselben geltend.

Expansionskraft und Cohāsionskraft stehen bei der Ribsigsietten in der Art im Gleichgewicht, dass bei einer Annäherung der Theilchen die Expansionskraft, bedeutend stärker wachsend als die Cohāsionskraft, so sehr das Uebergewicht erlangt, dass sie einer Compression kräftigen Widerstand entgegensetzt, während bei wachsender Entfernung der Morkhie der Ueberschuss der Cohäsionskraft nur unbedeutend wird, so dass einer Trennung der Theilchen nur ein geringer Widerstand eutgegewürkt.

Die Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten lässt sich mit Hülfe des Fig. 158 a. f. S. abgebülden Apparates nachweisen und messen. Ein birnörmiges Gefäss B, das Piezometer, ist an dem einen Eade einer feinen Themometerröhre angesetzt, deren nuteres Ende, naches B mit Wasser gefüllt worden ist, in ein mit Queckelber gefülltes Gefäs C-gesetzt wird. Dadurch ist nun ein bestimmte Quantum Wasser im Fesometer abgespert. Durch eine geringe Temperaturerhöhnig bewirkt man, dass ein wenig Wasser aus dem Fezometer austritt und dass isdaan beim Wiederrekalten das Queckelber im Piezometerrohre nut

einige Linien über den Spiegel des Quecksilbers in C steigt. Das Rohr des Piezometers ist mit einer Scala versehen, und es muss zum Voraus mit

Fig. 158.

Genauigkeit ermittelt sein, wie sich der Rauminhalt eines zwischen zwei Theilstrichen befindlichen Röhrenstücks zum Rauminhalte des ganzen Gefässes verhält.

Neben das Piezometer wird ein mit Luftmanometer, in das Quecksilbergefisse eingesetzt, welches dient, um die Stärke des Drucks zu messen, welchem das Piezometer ausgesetzt wird.

Um zu verhindern, dass durch Einpressen des Queckbilbers in das Rohr des Fiesometers das Gefäss B selbst eine Erweiterung erfährt, muss dasselbe von Aussen dem gleichen Druck ausgesetzt sein wie von Innen. Deshalb wird das Quecksilbergefäss C sammt dem Fiesometer B und der Luftröhre in das Glagefäss A des Compressionsapparates gesetzt, dieses voll Wasser gegossen, welches mit dem Wasser in B gleiche Temperatur haben muss, und dann das Wasser in A mit Hulfe der oben aufgeschraubten Druckpumpe D comprimirt.

Bei der Stellung des Hahns s, wie ihn die Figur zeigt, wird der Kolben der Druckpumpe aufgezogen und dadurch Wasser aus F aufgesaugt; ist der Kolben oben angekommen, so wird der Hahn s um eine Viertelumdrehung nach der Rechten gedreht, so dass nun der Pumpenstiefel mit dem Gefässe A in Verbindung steht, und dann der Kolben wieder niedergedrückt. Dadurch wird die ganze Wassermasse in A. in B und die Luft im Manometerrohre comprimirt; das Quecksilber steigt im Piezometerrohre, und aus der Anzahl der Theilstriche, um welche es steigt, kann man auf die Compression schliessen, welche das Wasser in B erlitten hat; aus dem Steigen des Quecksilbers im Manometer-

rohre aber ergiebt sich, wie gross der Druck war, dem das Wasser ausgesetzt war. Sobald man den Hahn s so stellt, dass das Gefäss A mit F in Verbindung kommt, dass also der Druck in A aufhört, sinkt das Quecksilber in der Röhre des Piezometers wieder auf seinen ursprünglichen Stand, die Fläsigkeit in B ist also gegen Compression vollkommen elastisch.

Es versteht sich von selbst, dass das Wasser in B vor dem Einfüllen

durch Kochen luftfrei gemacht werden muss.

Statt Wasser kann man auch andere Flüssigkeiten in das Piezometer bringen und auf gleiche Weise ihre Zusammendrückbarkeit ermitteln.

Eine ausführliche Darstellung der Versuche, welche Colladon möt sturm über die Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten anstellten, fündet man im 12ten Bande Poggendorff's Annakeu; Oersted's Abhandlungen über denselben Gegenstand findet man im 9ten, 12ten und 31sten Bande desselben Journals. In der folgenden Tabelle sind die Resultate der genannten Naturforseber zusammengestellt.

Namen der	Zusammendrückbarkeit für den Druck einer Atmosphäre in Millionentheilen des ursprünglichen Volumens.						
Flüssig keiten.	Colladon and Starm.	Oersted.					
Quecksilber	3,38	2,65					
Schwefelsäure	30,35						
Salpetersaure	30,55						
Schwefelkohlenstoff		31,65					
Essigsaure	40,55						
Luftfreies Wasser	49,65	46,65					
Salpeteräther	69						
Terpentinol	71,35						
Salzsäureäther	84,25 für die 1. Atm.						
,	80,60 ,, ,, 9. ,,						
Alkohol	94,95 ,, ,, 1. ,,	21,65					
,	91,85 ,, ,, 9. ,,						
	87,35 ,, ,, 24. ,,						
Schwefeläther bei 0°	131,35 , , 1. ,	61,65					
, , , ,	120,45 ,, ,, 24. ,,						
, 11º	148,35 ,, ,, 1. ,,						
n n n	139,35 ,, ,, 24. ,,						

Man sieht, dass die Zahlen von Colladon und Sturm immer gröser mid als die von Oersted. Beim Quecksilber und dem Wasser ist der betrechied gering, beim Schwefelither und dem Alkohol ist er jedoch wir bedestend. Diese beiden letzten Flüssigkeiten und der Salzsäureither wire, dass die Zumanmendrückbarkeit mit wachsenden Druck abnimmt. Edilich sieht man anch aus der Tabelle, dass der Schwefeläther bei 11° wit stirker zusammendrückbar ist als bei 0°. Bei genauer Untersuchung ergiebt sich, dass bei gleichem Druck von Innen <br/>nnd Aussen das Volumen des Piezometergefässes B doch nicht voll-



kommen unveränderlich bleibt; Regnault hat diese Fehlerquellen auf folgende Weise zu eliminiren gesucht (Mémoires de l'Acaddes sciences 1847).

Das Piesometer A Fig. 159 befindet sich in dem Compressionsgefüss B. Das Innere des Gefässes B kann durch Oeffinen des Hahnes H mit der änsseren Luft, durch Oeff-nen des Hahnes G mit einem Recipienten verbanden werden, zu welchem das Rohr F führt und welcher mit comprimiter Luft gefüllt ist. Eben so kann das Innere des Piesometers A durch den Hahn D mit der äusseren Luft durch den Hahn E mit jenem Recipienten in Verbindung gesetzt werden.

Sind II und E geschlossen, D und G
offen, so wird das Fiesoneter nur von Aussen
comprimit, der Gipfel der Filasigkeitssale im Fiesoneterrohr steigt um eine Grüsse v.

— Sind D und G geschlossen, II und E
aber offen, so ist bloss das Innere der Fiesometers einem Druck ausgesetzt, der Gipfel
der Flüssigkeitssale im Fiesoneterrohr sinkt
um eine Grüsse so vinter seine ursprüngliche
Stellung. — Werden endlich II und D geschlossen, E und G aber geöffnet, so ist das
schlossen, E und G aber geöffnet, so ist das

Piezometer Innen mad Aussen dem geleichen Druck ausgesetzt; der Gipfel der Flüssigkeinsäule erleidet nun eine Depression, die wir mit w" bezeichnen wollen. — Durch Combination dieser drei Beobachtungen kann man nun ermitteln, wie gross im letzteren Fall die Depression hätte sein müssen, wenn das Geffas A gar keine Aenderung des Volumens erfahren hätte. Nach dieser Methode fand Grassi (Annald de chim. et de phys. III. Ser. T. 31) folgende Werthe für die Compression durch den Druck einer Atmoshäre:

emer Atmospha	re:			
Quecksilber	bei	0	Grad	3
Wasser		0		50
	,	53		44
Aether	20	0	79	111
,	20	14		140
Alkohol		7		84
,		13	*	95
Chloroform		12		65

Oohāsion der Flüssigkeiten. Wenn die Flüssigkeiten auch 76 keine selbstänige Gestalt haben, wenn sich auch die einzelmen Theicheu nagemein leicht an einander verschieben lassen, so hört deshahl doch noch nicht jeder Zusammenhang zwischen ihnen auf, wie dies schon aus der Tropfenbildung hervorgekt. Giesst man etwas Wasser auf eine mit Birlappsanen (Senen lycopodi) bestäuhte Fläche oder etwas Quecksilber in ein Porsellangeläss, so hilden sich fast kugelfernige Tropfenen. Wenn zur kein Zusammenhang zwischen den einzelnen Theichen des Wassers, zwischen denne de Quecksilbers hestände, so mässen die Theilchen gleichsum wie Staub auseinanderfallen; hei langsamem Ausgiessen von Flüssigkeiten aus irgend einem Geflässe würden sie nicht in einzelnen Tropfen berahfallen; ein solcher Tropfen Bilt terst, wenn sein Gewicht gross geung ist, um gleichsam ein Abreissen von der übrigen Masse der Flüssigkeitz ab bewirken.

Ueberhampt ist die Tropfenbildung nur die Folge der Cohision der Blasigkeiten. Jede isch selbst überlassene, dem Einfluss Susseres Kräfte entogene Flüssigkeitsmasse muss eine Kugel hilden, wie wir dies z. B. an den herahfallenden Regentropfen hechachten. Selbst grössere Flüssens keitmanssen runden sich zur Kugel ab, wenn es gelingt, sie dem Einfluss

Fig. 160.

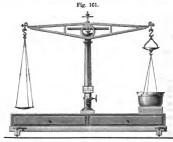


der Schwere zu entziehen. Es geschieht dies dadurch, dass man eine gewisse Menge einer Flüssigkeit mitten in eine andere Flüssigkeit bringt, mit welcher sie sich nicht nischt, mit welcher sie aber vollkommen gleiches specifisches Gewicht hat; z. B. Olivenöl (specif. Gewicht 0,915) in eine entsprechende Mischung von Wasser und Weingeist. Wenn man das Och mit

Hülfe einer Pipette mitten in die Mischung hineinbringt, so kann man wallnussgrosse Oelkugeln erzeugen, welche in der umgehenden Flüssigkeit schweben, wie Fig. 160 andeutet.

Für die Cohäsion, mit welcher die einzelnen Theilchen einer Flüssigkeit zusammenhalten, lässt sich in folgender Weise ein Masse finden. Wenn eine feste Scheibe auf die Oberfläche einer Flüssigkeit gesetzt wird. Wenn eine feste Scheibe auf die Oberfläche einer Flüssigkeit gesetzt wird. Von kunn man sie in vertiealer flichtung einer Im der Holbe zu ziehen, wie wenn sie frei in der Luft hinge; es ist, um sie in die Hölbe zu ziehen, wie wenn sie frei in der Luft hinge; es ist, um sie in die Knütz messen, bedient man sich der Wage. An den einen Arm derselhen hängt man eine horizontale Scheibe an, auf der anderen Seite legt man ein forgerügswicht auf, velches sie im Gleichgewicht hält. Wenn das Gleichgewicht hergestellt it, näbert man der Scheibe von unten die Oberfläche einer Flüssigkeit, bis die Flüssigkeit die untere Flüsche der Scheibe gerade berührt, Fig. 161. a.f.S., legt dann, ohne zu stossen, auf der anderen Seite Gewichte auf und bemeekt, wie viel nobig ist, um die Scheibe von der Flüssigkeit abzureissen.

Um eine Glasscheibe von 118,366 Millimeter Durchmesser abzureissen, waren nach Gay-Lussac's Versuchen je nach der Natur der Flüssigkei-



ten verschiedene Gewichte nöthig, wie die folgende Tabelle zeigt.

Namen der Snbstanz				der Specifisches Temperatur.						
Wasser .					1	8,5° C.	59,40 Grm.	-		
Alkohol .					0,8196	8	31,08 ,,			
,, .					0,8595	10	32,87 "			
,, .					0,9415	8	37,15 ,,			
Terpentine	ŏl			·	0,8695	8	84,10 "			

Eine Scheibe von gleichem Durchmesser aus Kupfer oder irgend einer Substanz verfetrigt, welche von der Flüssigkeit benetzt wird, giebt genau dieselben Resultate. Die zum Abreissen nöthige Kraft ist also unabhängig von der Natur der festen Körper und hängt nur von der Natur der Flüssigkeit ab. Es ist leicht, den Grund davon einzussehen, dem beim Aufziehen bleibt immer eine Schieht der Flüssigkeit an der Scheibe hängen; man hat also durch das Uebergewicht auf der anderen Seite nicht die Flüssigkeit von der festen Scheibe, sondern die Molekule der Flüssigkeit von einander getrennt, man hatte also die Cohäsion der Flüssigkeit zu überwinden. Die in Rede stehenden Versuche geben also ein Masse für die Cohäsion der Flüssigkeiten, also für die Attraction, welche zwischen den Theilchen derselben stattfindet; man sieht, dass diese Attraction ziemlich bedeutend ist und dass sie sich mit der Natur der Flüssigkeiten Rudert.

Spannung gekrümmter Oberflächen. Die Cohlsion der SS fläsigkeltstheilchen erklärt zwar vollkommen das Zusammenhalten der Mokküle, welche einen Tropfen bilden; zur Erklärung der kugelförmigen Abrusdung des Tropfens reicht aber die Mokekularuziehung nicht hin, veil die molekularen Attractionen, nur auf die nächsten Moleküle wirkend, sich nicht in ähnlicher Weise summiren, dass dadurch dem Gravitationsmittelpunkte der Weltkörper ähnlich ein Anziehungsmittelpunkt gebildet wärde.

In einer Flüssigkeit müssen die Moleküle in einer solchen Entfernung verharren, dass Attraction und Repulsion einander neutralisiere. Es ist dies nur dann möglich, wenn die Moleküle in parallelen Schichten gelagert ind, in der Art, dass jedes Molekül von zwölf anderen umgeben ist, ungefähr so wie man die gleich grossen Kanonenkugeln zu lageru pflegt. Diese Abordnung ist dann nicht im mindeten gestört, wenn die Flüssigkeit sech eben endigt. Jedes Molekül ist hier nach allen Seiten hin vollkomhen gleichen Entferungen unterworfen, alle Moleküle sind hier in völkommen gleichen Entferungen von einander. Diese Anordnung mag die normale Lagerung der Moleküle heissen. Wird ein Theil der Gränzfäche gekrümurt, so kann der gegenseitige Abstand der Moleküle nicht mehr nach allen Seiten derselbe bleiben, und eine solche Lagerung mag asomal genannt werden.

Sobald durch irgend eine Bussere Kraft die normale Lagerung der Moleküle gestört wird, wird auch das bisher vollständige Gleichgewicht gestört; es entsteht eine Spannung, welche den gestörten Parallelismus der Schichten wieder herzustellen streht und welche die Flüssigkeitsheilchen sogleich wieder in die normale Lagerung zurdeführt, sobald die störende Ursache zu wirken aufhört. Wenn man ein Stächen, welches von der Plüssigkeit benetzt wird, in dieselbe eintancht, so kann man durch langsame Herausziehen einen Hügel bilden, der nach dem Abreissen sogleich wieder in die Ebene zurückeit. Dies könnte nun freilich bloss Folge der Schwere sein, allein dasselbe findet in der umgekehrten Lage der Ebene tatt. Aus einem an der unteren Fliche einer horizontal gehaltenen Glasplatte hängenden und möglichst ausgebreiteten Tropfen kann man wie vorher einen Hügel herausziehen, welcher sich nach dem Abreissen, der Schwere netagegen, nich Ebene zurückeicht.

Eine tropfbare Flüssigkeit strebt also in einer Ebene zu endigen. Nan aber kann eine ringsberum freie Masse nicht durch die einzige Ebene begränzt werden. Wäre sie durch ebene Flächen begränzt, so würden die Kanten durch die Spannung der Moleküle in denselben bald abgefäncht werden; ist aber die Masse durch eine krumme Oberfälsche begränzt, deren Krümmung nicht an allen Stellen gleich ist, so wirde an den stärker gekrümmten Theilen der Oberfläche nothwendig anch eine stärkere Spannung stattfinden, welche die Abrundung zur vollkommenen Kugel zur Folge hat. Auf diese Weise geht auch die Abrundung des Tropfens vor sich.

Die oberflächlichen Moleküle einer ringsum freien tropfbaren Flüsigkeit bilden deumach ein, die innere Masse kräftig zusammendräckendes Netwerk. Hat man eine Seifenblase gemacht, so behild diese ihre Grösse bei, wenn man die Oeffnung des Röhrchens zuhält; sobald man es aber öffnet, verkleinert sich die Blase mehr und mehr. Wäre die Luft in der Blase nicht durch die umschliessende Flüssigkeitsschicht zusammengedrückt gewesen, wäre sie nicht diechter als die sie umgebende Atmosphäre, so würde sie in der Blase bleiben und nicht dem atmosphärischen Luftdruck entgegen durch das Röhrchen entweichen.

Diesen von einer gekrümmten Flüssigkeitsoberfläche ausgeübten, stets gegen die concave Seite der Wölbung hin gerichteten Druck wollen wir den Cohäsionsdruck nennen. Er wächst mit der Stärke der Krümmung und ist von der Natur der Flüssigkeit abhängig.

Es bezeichne für irgend einen Punkt der krummen Flüssigkeitsoberfläche R den grössten, r den kleinsten Krümmungshalbmesser, so ist nach den Entwickelungen von Laplace und Poisson der Cohäsionsdruck

wo a ene von der Autr der Flussigkeit abnangige Constante ist. Eine allen änsseren Kräften entogene, nur ihren Molekularkräften überlassen Flüssigkeitsmasse wird nur dann im Gleichgewicht sein können, wenn der Werth von D für einen Punkt der Oberfläche eben so gross ist wie für jeden anderen. Dies ist unbedingt für die Kugel der Fall, da nicht allein für einen bestimmten Punkt ihrer Oberfläche R = r, sondern auch der Krümmungshalbmesser für alle Punkte der Oberfläche gleich r wird. Für jeden Punkt der Kugeloberfläche haben wir also

$$D = \frac{2a}{r} \cdot \dots \cdot \dots \cdot \dots \cdot 2$$

59 Adhäsion zwischen festen und flüssigen Körpern. Zwischen festen und flüssigen Körpern inden ähnliche Adhäsionserscheinungen statt, wie zwischen festen Körpern unter einander, d. h. die Plüssigkeiten haften mehr oder weniger stark an den Überflächen fester Körper. Spritzt man. z. B. enige Wassertropfen gegen eine vertiela stehende Glässcheibe, so werden sie zum Theil daran hängen bleiben und nicht berunterlansen, wie es der Fall sein würde, wenn der Schwerkraft der Tropfen nicht durch eine andere Kraft, nämlich durch die Anziehung, welche zwischen den Theilchen der Plüssigkeit und der Oberfläche der Glaswand stattfindet, das Gliechpewicht gehalten würde.

Diese Adhasion ist auch die Ursache, dass Flüssigkeiten, die man aus

einem Gefässe ausgiessen will, so leicht an der äusseren Wand herablaufen. Um dies zu verhäten, bestreicht man den äusseren Rand der Gefässe mit Fett, oder man lässt die ausfliessende Flüssigkeit an einem benetzten Glasstäbchen herablaufen.

Bei den in § 57 besprochenen Versuchen wurde die feste Scheibe von der Flüssigkeit benetzt; eine Adhäsion ist aber zwischen beiden auch dann noch vorhanden, wenn keine Benetzung stattfindet, wie z. B. zwischen Glas und Quecksilber.

Wiederholt man den in §. 57 beschriebenen Versuch auf die Weise, dass man die Glasscheibe auf Quecksilber setzt, so ist bei den dort angegebenen Dimensionen ein Zalaggewicht von 158 Grammen nöthig, um ein Abreisen zu bewirken. Hier aber bleibt kein Quecksilber an dem Glasshängen, das Gewicht von 158 Grammen war also nöthig, um die Adhäsion des Quecksilbers an die Glasplatte zu überwinden.

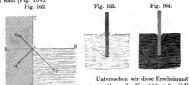
Die Adhasion des Queckuilbers an das Glas erklart einige Erscheinagen, welche für den ersten Anblick auffallend erscheinen. So bleibt z. B., wenn man wohl gereinigte, vollkommen von aller Luft befreite und etwas enge Röhren zum Toricelli'schen Versuch anwendet, manchmal die ganze Queck-libersäule bis oben hin suspendirt, und es sind dann einige Stöses nöthig, um zu machen, dass die Quecksilbersäule bis zu der dem Lufthruck entsprechenden Hobe herabfallt.

Die Adhlasion und die Reibung des Quecksilbers am Glase hat bei allen Manometerrohren einen Einfluss, der um so störender wird, je enger die Röhren sind. Daher sind nicht allein für Barometer, sondern auch für alle Manometer weite Röhren vorzuziehen. Bei sehr engen Röhren kann der Einfluss der Wände sehr bedeutende Fehler veranlassen. Man fülle z. B. eine heberförmig gebogene Thermometerrohre halb mit Quecksilber, so dass es in beiden Schenkelt gleich hoch seht. Saugt man nun an den oberen Ende des einen Schenkelt, so wird in diesem Schenkel das Queckeilber steigen. Ueberlässt man nun wieder die Röhre sich selbst, so fällt da Quecksilber nicht wieder zurück, es bielbt in dem einen Schenkel 3, 4 ja 5 Zoll höher stehen als im anderen. Solche Röhren geben also, als Manometerrohren angewendet, immer sehr unzwerlössige Resultate.

Wenn das Quecksilber einer Barometerrühre längere Zeit im Kochen erhalten wird, so zeigt sich nachher der Meniskus weif flacher als sonst. Er führt dies, wie Dulong gezeigt hat, daher, dass in Folge des langen Kochens sich etwas Quecksilberoxyd bildet, welches im Quecksilber aufgelöst, dessen Dichtigkeit nicht merklich verändert, wohl aber seine Adlaisen an das Glas vermehrt.

Der Randwinkel. Ueberall, wo ein fester Körper mit einer 60 Flüsseit in Berührung kommt, tritt eine Störung der freien Oberfläche der letzteren auf. Taucht man z. B. eine Glasplatte in Wasser, so findet ein Aufsteigen des Wassers an der Glasfläche statt (Fig. 163 a. f. S.)

taucht man dagegen die Glasplatte in Quecksilber, so findet eine Depression statt (Fig. 164).



etwas näher. In Fig. 162 stelle CD die verticale Wand eines festen Kör-

pers dar, weleher in eine durch die horizontale Oberfäche AB begränzte Flüssigkeit eingetaucht ist. Nehmen wir zumächst an, uib horizontale Oberfäche der Elüssigkeit erstrecke sich noch bis an die verticale Wand CB, und A sei ein Funkt der Kante, in weleher die horizontale Oberfäche der Flüssigkeit mit der Wand zusammentrifft.

Betrachten wir nun die Kräfte, welche auf A wirken. Die Molekularanziehungen aller innerhalb des Quadranten BAD Diegenden Flassigkeitspartikelehen, welche auf das Theilehen A wirken, vereinigen sich zu einer 
Resultirenden, deren Richtung den Winkel BAD habirt und deren 
Grösse wir mit P bezeichnen wollen. Eben so vereinigen sich die Molekularanziehungen, welche die innerhalb des Quadranten FAD liegenden 
Partikelchen der festen Wand auf das Flüssigkeitstheilehen A aussuba, 
zu einer Resultirenden Q, deren Richtung den Winkel FAD habirt. 
Eine den Winkel FAD habirtheined kräft Q endlich ist die Resultirende 
der Molekularanziehungen, welche von den innerhalb des Quadranten FAD 
liegenden Partikelchen der festen Wand auf A ausgeütt werden.

Die verticalen Composanten der beiden Kräfte Q heben einander auf, die verticale Composante der Kraft P ist P cos. 45°. Sie ist nach abwärts geriehtet und summirt sich zu der auf A wirkenden Schwerkraft. Wir wollen die Summe aller auf A vertical nach abwärts wirkenden Kräfte mit H bezeichnen.

Die horizontale Composante der Kraft P ist P cos.  $45^\circ$ ; sie wirkt in der Richtung von A nach B. Die Summe der horizontalen Composanten der beiden Kräfte Q ist 2 Q cos.  $45^\circ$ , sie wirkt in der Richtung von A nach F. Bezeichnen wir die Richtung von A nach F als die positive, die von A nach B also als die negative, so ist die Summe aller horizontalen Kräfte, welche auf das Partikelchen A wirken

 $K = (2 Q - P) \cos. 45^{\circ}$ .

Wenn P>2 Q, so wird K negativ, K ist also eine in der Richtung von A nach B wirkende Kraft, welche sich mit der verticalen Kraft H zu

einer Resultirenden R verbindet, deren Richtung innerhalb des Quadranten DAB liegt. Auf dieser Resultirenden R, Fig. 165, muss aber die freie Oberfläche der Flüssigkeit in A rechtwinklig stehen, die Oberfläche der Flüssigkeit wird also die in Fig. 165 abgebildete Gestalt annehmen müssen, es wird eine Depression der Flüssigkeit an der Wand stattfinden.

Wenn P < 2 O, so ist K positiv, also eine von A nach F hin wirkende Kraft, welche sich mit H zu einer Resultirenden R verbindet, deren Richtung innerhalb des Winkels FAD, Fig. 162, liegt. In A muss die Oberfläche der Flüssigkeit rechtwinklig auf dieser Resultirenden II stehen, und da sie mit wachsender Entfernung von der Wand allmälig in die Horizontale übergehen muss, so wird die Oberfläche der Flüssigkeit in der Nähe der Wand die in Fig. 166 dargestellte Form annehmen, es findet ein Aufsteigen der Flüssigkeit an der Wand statt.

Wenn P < 2 Q, wenn ein Ueberwiegen der Adhäsion über die Cohäsion der Flüssigkeitstheilchen stattfindet, so wird der feste Körper durch die Flüssigkeit benetzt. Eine Benetzung tritt nicht ein. wenn die Cohasion der Flüssigkeitstheilchen überwiegt, wenn P > 2 Q.

Da die Resultirende R, Fig. 165 und Fig. 166, einen bestimmten Winkel mit der Wand CD macht, dessen Grösse von dem Verhältniss der

Fig. 165.

Fig. 166.





Krafte P und Q abhangt, so muss auch die in A an die Oberfläche der Flüssigkeit gelegte, auf R rechtwinklig stehende Tangente stets denselben Winkel mit der Wand CD machen, so oft dieselbe Flüssigkeit mit demselben festen Körper in Berührung tritt. Dieser Winkel, welcher den Namen Randwinkel führt, hat folgende Werthe:

Für Quecksilber und gewöhnliches Glas " Quecksilber und Glas, dessen Oberfläche

von Luft gereinigt ist . . . . . . . . . 

, Wasser und Glas . . . . . . . . . 150 bis 180

wenn der Randwinkel von A C, Fig. 162, aus in der Richtung nach A B hin gezählt wird. Dem Werthe des Randwinkels zufolge ist für Alkohol und Stahl 2 Q = P. Die Differenzen im Werth des Randwinkels für Glas und Wasser rühren offenbar von Verschiedenheiten im Oberflächenzustand des Glases her.

61 Haarröhrchen. Wenn man das eine Ende eines eugen Glasröhrchens in eine Flüssigkeit eintaucht, so steht das Niveau der Flüssigkeit im Röhrchen nie in gleicher Höhe mit dem Spiegel der Flüssigkeit ausserhalb. In Wasser z. B. eingetaucht, erhebt sich die Flüssigkeitssäule im Röhrchen,

Wasser z. B. eingetaucht, erhebt sich die Flüssigkeitsstule im Röhrchen
Fig. 167. Fig. 168. Fig. 167; wenn man hingegen das Ginsröhrchen
in Quecksilbersiale im Röhrchen tiefer, Fig. 168.
Diese Erscheinungen der Hebung und Senkung
werden mit dem Namen der Capillarerscheigen bezeichnet, die Kraft aber, welche sie hervorbringt und welche das Resultat der Cohision der
Flüssigkeitsbelichen und ihrer Adhision an festen

Körpern ist, heisst Capillarattraction, oder auch bloss Capillarität.
Es ist leicht, sich durch den Versuch davon zu überzeugen, dass die
Höhendifferenz der Spiegel der Flässigkeit in und ausser der Röhre un so grösser ist, je enger die Röhren sind. Taucht man zwei Röhrchen, von denen das eine einen doppelt so grossen Durchmesser hat sal das andere, in Wasser, so wird das Wasser im engeren doppelt so hoch steigen; taucht man sie in Quecksilber, so wird im engeren die Flüssigkeit doppelt so viel niedergedrückt.

viei niedergedruckt.

Um die Höhe genau zu messen, bis zu welcher die Flüssigkeiten im Haarröhrchen aufsteigen, brachte Gay-Lussac folgendes Verfahren in Anwendung. Ein weiteres Gefäss V.



Anwendung. Ein weiteres Gefäss V-Fig. 169, welches die Plassigkeit enthält, raht auf einer mit drei Stellschrauben versehenen Platte, mittelst deren man den Rand des Gefässes V genau horizontal stellen kann. Auf diesem Rande liegt der Metallstreifen B-A, in welchem verschiedene Haarröhrehen von verschiedene Durchmesser befestigt sind, deren unteres Ende in der Flässigkeit des Gefässes Veingetaucht ist

Die Höhe der Punkte a, b und c, bis zu welcher die Flassigkeit in den verschiedenen Röhrchen über dem Spiegel der Flüssigkeit im Gefäss V aufsteigt, lässt sich nun aber deshalb nicht unmittellar mit Gedeshalb nicht unmittellar mit Ge-

nauigkeit messen, weil die Flüssigkeit nicht allein an der Wand des Gefässes V, sondern auch an der äusseren Wand der eingetauchten Röhrchen

ewas aber den Flüssigkeitsspiegel sich erhöbt. Gay-Lussac hat diese Schwierigkeit aduurch umgangen, dass er in der Metallplatte BA ein Metallstabchen CD anbrachte, auf welchem ein feines Schraubengewinde eingeschnitten und welches oben und unten mit einer Spitze versehen it. Dieses Stächen wird nun so weit hermutergeschraubt, dass seine unter Spitze D eben den Flüssigkeitsspiegel berührt. — Nachdem diese Installung gebörig ausgeführt worden ist, wird der Höhenmuterschied zwischen der oberen Spitze C und den Punkten a,b und c mit Hulfe eines Kathet om eters (ein Instrument, dessen Beschreibung im zweiten Bandeieses Lehrbunds zu finden sitz gemessen, nud daraus ergiebt sich dann, wie hoch die Punkte a,b und c über D liegen, wenn zum Voraus die Lause des Stäbehens CD mit Genanizkeit zemessen worden ist.

Die Durchmesser der Röhrchen waren vorher dadurch bestimmt worden, dass man das Gewicht der Quecksilbersäule ermittelte, welche eine gemessene Länge des Röhrchens ausfüllt.

Die folgende Tabelle enthält einige auf diesem Wege gefundene Resultate,

Namen der	Specif.	Tempera-	Erhebung in einer Röhre, deren Durchmesser war					
Substanz.	Gewicht.	tur.	1,2944 Millimeter.	1,9038 Millimeter.	10,508 Millimeter			
Wasser 1		8,5° C,	23,1634	15,5861	,,			
Alkohol	0,8196	8	9,1823	6,4012	27			
	0,8595	10	9,301	,,,	22			
в	0,9415	8	9,997	, ,	,,,			
	0,8135	16	7,078	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	0,3835			
Terpentinol	0.8695	8	9,8516					

Die specifischen Gewichte sind für die in der dritten Columne angegebenen Temperaturen genommen.

Die Durchmesser der beiden ersten Röhren verhalten sich umgekehrt ist 1,474 zu 1, die entsprechenden beobachteten Höhen aber verhalten sich für Wasser wie 1,486 zu 1, für Weingeist wie 1,434 zu 1. Man kann demmach wohl als durch den Versuch bestätigt annehmen, dass die gehoben en Saulen sich um gekehrt verhalten wie die Purchmesser der Röhren. Berechnet man nach diesen Angaben die Höhe der Sielen von Wasser, Alkohol und Terpetinöl, welche in einer 1 Millumerwiten Röhre gehoben werden können, so erhält man folgende Zahlen:

Namen der Substanz.	Specif. Gewicht.	Temperatur.	Erhebung in einer Rö von 1 Millimeter (0,45 Durchmesser.			
Wasser	1	8.5°C.	29,79mm == 13,67"			
Alkohol	0.8196	8	12,18 = 5,60			
AIKOBOI						
,,	0,8135	16	9,15 == 4,19			
	0,8595	10	12,01 = 5,51			
,	0.9415	8	12,91 = 5,92			
Terpentinöl	0,8695	8	12,72 = 5,83			

Die Temperaturen und specifischen Gewichte sind mit Sorgfalt angegeben, weil, wie es scheint, die Differenz des Niveaus für eine und dieselbe Flüssigkeit sich gerade wie die specifischen Gewichte derselben verhält.

Die Resultate, welche man nach diesem Verfahren erhält, sind ganz und gar unabhängig von der Dicke der Röhre und der Substanz, aus welcher sie besteht, vorausgesetzt, dass sie von der Flüssigkeit benetzt wird.

Ehe man die Röhrchen zum Versuche anwendet, müssen die inneren Wände vollständig mit der Flüssigkeit benetzt und von allen Un-Fig. 170. Fig. 171. reinigkeiten befreit werden. Es ist auch we-

sentlich, dass man die flüssige Säule mehrmals oscilliren lässt, damit man die wahre Höhe beobachtet.



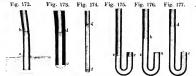
Die Erhebung der Plüssigkeiten in enge Röhrehen so wie die Senkung derselben ist aber and das Innigste mit der Gestaltung ihrer Oberfläche verknüpft. Eine Erhebung findet statt, wenn der Gipfel der Flüssigkeitssaule in der Röhre einen concaven Meniskus bildet, wie Fig. 170, während sich stets eine Depression einstellt, wenn der Gipfel der Plüssigkeit einen convexen Meniskus bildet, wie Fig. 171.

62 Verschiedene Höhen, bis zu welchen dieselbe Flüssig-keit in derzelben Röhre steigen kann. Wenn eine Röhre zum Versuche gediern hat und man sie mit Vorsicht aus der Flüssigkeit herausnimmt, so beobachtet man, dass die flüssige Säule, welche im Inneren der Röhre hängen bleith, immer grösser ist als sie vorher war, da die Röhre noch in die Flüssigkeit eingetaucht war. Es sei z. B. ab, Fig. 172, die Saule, welche in der Röhre aufsteigt, während sie in die Flüssigkeit eingetaucht ist, so kann die Säule, welche in der Röhre hängen bleith, wenn man sie aus der Flüssigkeit herausnimmt, die Höhe cd, Fig. 173, oder gar die Höhe fg, Fg, 174, erreichen. Dieser Unterschied hängt von dem Tropfen

Verschiedene Höhen, bis zu welchen dieselbe Flüssigkeit etc.

139

ik, welcher sich am unteren Ende der Röhre bildet und welcher ein mehr oder minder convexer Meniskus ist. In der That, wenn die Röhrenwände



sehr dick sind, so breitet sieh der Tropfen aus, und in diesem Falle sie die Erhebung geringer; wenn aber die Wände dinn sind, so ist der conveas Meniskus des Tropfens fast gleich dem concaven Meniskus am oberen Ende der Fäule, und in diesem Falle ist die Höhe der Süsle fg. Fig. 174, welche in der Röhre hängen bleiht, fast doppelt so gross, als die Höhe ab, Fig. 172, der Säule, welche man beobachtet, wenn dieselbe Röhre noch in die Flüssigkeit eingetaucht ist.

Heberförmig gekrümmte Röhren bicten ähnliche Erscheinungen dar und sind zugleich für die Versuche bequemer. In einer hakenförmigen Röhre, Fig. 172, deren Durchmesser überall gleich weit ist, steht die Flüssigkeit in beiden Schenkeln gleich hoch, so lange die Flüssigkeit noch nicht das Ende des kürzeren Schenkels erreicht. Lässt man ganz allmälig in den längeren Schenkel Flüssigkeit zufliessen, so steigt das Niveau bald bis zum oberen Rande des kürzeren Schenkels. Von nun an steigt bei fernerem Zufliessen im längeren Schenkel die Flüssigkeit in demselhen. während der Meniskus am oberen Ende des kürzeren Schenkels immer flacher wird. Wenn man genan beohachtet, so findet man, dass in dem Moment, in welchem der Meniskus ganz verschwunden, wo also die Oberfläche der Flüssigkeit im kürzeren Schenkel ganz eben ist, wie Fig. 176, die Höhendifferenz von a bis b gleich ist der Höhe der Flüssigkeitssäule, welche in demselben Rohre aufgestiegen wäre, wenn man es in die Flüssigkeit eingetaucht hätte. Bei fernerem Zufluss in den längeren Schenkel steigt die flüssige Säule noch höher, während die Oberfläche der Flüssigkeit im kürzeren Schenkel convex wird, wie Fig. 177. Das Steigen danert fort, bis die Höhendifferenz cd, Fig. 177, doppelt so gross ist als die Höhendifferenz ab, Fig. 176. In diesem Augenhlick ist der Meniskus auf dem kürzeren Schenkel eine Halbkugel. Wenn nun noch Flüssigkeit im längeren Schenkel zufliesst, so reisst die gewölhte Oherfläche, und die Saule fällt mehr oder weniger weit herab, je nachdem der abfliessende Tropfen grösser oder kleiner ist.

Diese Erscheinungen können in umgekehrter Ordnung hervorgebracht werden, wenn man in den längeren Schenkel eine Flüssigkeitssäule bringt, welche so hoch ist, als sie eben noch getragen werden kann, und dann nach und nach am Gipfel des kürzeren Schenkels etwas Flüssigkeit wegnimmt.

63 Haarröhrchen von verschieden gestaltetem Querschnitt. Weun der euge Raum nicht cylindrisch ist, wie wir bisher angenommen haben, so sind die Erscheinungen etwas verwickelter, jedoch lassen sio sich oft auf ziemlich einfache Gesetze zurückführen.

Denken wir uns eine Röhre, deren innerer Durchmesser 10 Millimeter beträgt, in diese eine zweite Röhre geschoben, deren äusserer Durchmesser 9 Millimeter ist, und zwar so, dass die Azen beider Röhren zusammenfallen, so bleibt zwischen beiden ein ringförmiger Raum von ½ Millimeter Dicke. In diesem Raume nun finden Capillarerscheinungen statt, und zwar hat man durch den Versuch gefunden, dass die Höhendifferent hier gerade been so gross ist, wie bei einem Röhrchen, dessen Durchmesser 1 Millimeter beträgt. Dieses Resultat lässt sich allgemein so ausdrücken: in einem ringförmigen Raume von beliebiger Dicke ist die Hobung oder Senkung gerade ben so gross wis in einer vylindrischen Röhre, deren Durchmesser doppelt so gross ist als die Dicke dieses ringförmigen Raumes.

Wenn der innere Cylinder selbst eine hohle Röhre ist, so finden in dieser Röhre und in dem ringförmigen Raume die Capillarerseheinungen gerade so statt, als ob jeder derselben für sich allein da wäre. Wäre also der Durchmesser der Röhre gerade doppelt so gross als die Dicke des Ringes, so wirden die Gipfel der Saulen in beiden gleich hoch stehen. Wenn die Röhre enger ist, so ist der Gipfel ihrer Saule höher, wenn es sich um eine Hebung, tiefer, wenn es sich um eine Benkung handelt; das Gegentheil findet statt, wenn die Röhre weiter ist.

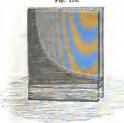
Der zwischen zwei parallelen Platten befindliche Raum ist nichts als ein Stück eines ringförmigen Raumes von unendlich grossem Halbmesser, die Höhen der gehobenen oder gesenkten Säulen müssen also demselben Gesetzen folgen, wie dies der Versuch in der That bestätigt. Welches auch die Entferung zweier parallelen Platten sein mag, sie bringen dieselbe Wirkung bervor, wie eine cylindrische Röhre, deren Durchmesser doppelt so gross ist als die Entfernung der Platten.

Die Fig. 178 stellt zwei Glasplatten dar, die mit ihren verticalen Kanen auf der einen (linken) Seite zusammenstossen und einen Winkel mit einander machen, indem sie auf der entgegengesetzten (rechten) Seite mehr oder weniger von einander entfernt werden. Wenn man nun diese Platten in Wasser taucht, so muss es an der engeren Stelle auf der linken Seite hoher steigen, als da wo die Platten weiter von einander abstehen. An allen Stellen zwischen den beiden Platten wird die Plüssigkeit um so höher steigen, je mehr man sich der Kante nähert, in welcher beide Platten zusammenstossen. Es ist leicht durch einfache Rechnung zu zeigen, dass der Gipfel des gehobenen Wassers eine gleichestigte Hyperbel blijdet.

Haarröhrchen von verschieden gestaltetem Querschnitt. 141

deren Asymptoten auf der einen Seite die Durchschnittslinie der Platten, auf der anderen das Niveau der Flüssigkeit ist, in welche sie eingetaucht sind.

Die Fig. 179 stellt ebenfalls zwei gegen einander geneigte Platten dar, die sich aber in einer horizontalen Linie schneiden; die geometrische Fig. 178.







Ebene, welche ihren Winkel halbirt, kann selbst horizontal oder anch mehr oder weniger geneigt sein. Wenn man zwischen die beiden Platten einen Wassertropfen

bringt, welcher beide Platten berührt, so sieht man, dass er sich augenbieklich kreisförmig abrundet und gegen den Scheitel des Winkels bineilt. Seine Geschwindigkeit ist grösser oder kleiner, je nachdem der Winkel der Platten grösser oder kleiner ist. Hält man die obere Platte stets wagerecht, so kann man es durch gehöriges Neigen der unteren Platte dahin bringen, dass die Attractivkraft, welche den Tropfen gegen den Scheitel des Winkels zieht, gerade seiner Schwere, die ihn zur schiefen Ebene heruntertreibt, das Gleichgewicht hält.

Die Erscheinungen, von denen wir eben gesprochen haben, wiederbolen sich bei konischen Röhren. Die kleine Flüssigkeitssäule bewegt sich gegen die Spitze des Kegels, wie in Fig. 180, oder gegen die weitere Oeffnung, Fig. 181, je nachdem sie durch zwei concewe oder durch zwei con-

Fig. 180. Fig. 181.

veze Menisken begränzt ist. In beiden Fällen kann man den Tropfen an einer bestimmten Stelle der Röhre festhalten, wenn man der Röhre eine eutsprechende Neigung giebt.

Das Vorangehende zeigt, dass feste Körper und Flüssigkeiten nicht in Berührung kommen können, ohne dass die Oberfläche der beweglichen Flüssigkeit eine mehr oder weniger merkliche Formveränderung erleidet.

Die Gestalt der Krümmungen hängt von der Gestalt der festen Körper

ab. Es findet immer eine Erhebung statt, wenn die Flässigkeit die Oberfläche des festen Körpers benetzt, eine Depression, wenn dies nicht der Fall ist. So wird z. B. eine Nälmadel, wenn man sie mit Alkohol abgewaschen hat, vom Wasser benetzt und gelt unter, wenn man sie auch noch so vorsichtig and die Oberfläche der Flüssigkeit legt; dagegen sehwinnat sie,

Fig. 182.



wenn sie etwas fettig ist, so dass sie um sich herum eine Depression veranlasst. Die Insekten, welche, Fig. 182, über die Oberfläche des Wassers dahin laufen, würden bald ganz benetzt in die Flüssigkeit hinabgezogen werden, wenn ihr Körper nicht gegen die Be-

netzung gesichert wäre. Auch die Federn der Wasserrögel sind stets etwas fettig, so dass sie nicht benetzt werden; das Gefieder bleibt trocken, wenn sie auch den ganzen Körper untertauchen.

64 Anziehung und Abstossung, durch Capillarität hervorgebracht. Körper, welche in Flüssigkeiten eingetaucht sind oder auf ihnen schwimmen, bieten so merkwürdige Erscheinungen von Anziehung und Abstossung dar, dass es nöthig ist, hier einige Beispiele ansauführen.

Zwei Korkkugeln, welche auf Wasser sehwimmen und von demaelben benetzt werden, aben gar keine Einwirkung auf einander aus, wenn sie einigermassen weit von einander entfernt sind; wenn man sie aber so weit nähert, dass das Wasser zwischen beiden keine Ebene mehr bildet, wie Fig. 188, ao earfolgt eine lebhalte Anzielnuh.

Zwei Kugeln, welche nicht benetzt werden, wie Glaskugeln, welche auf Quecksilber schwimmen, üben unter gleichen Umständen gleichfalle eine Anziehung aus (Fig. 184).

Fig. 183.

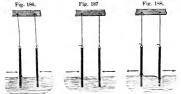




Zwei Kugeln endlich, von denen die eine benetzt wird, die andere nicht, stossen einander ab, wenn sie in die gehörige Nähe gehracht werden (Fig. 185).

Verticale Platten bieten ähnliche Erscheinungen dar (Fig. 186, Fig. 187, Fig. 188).

Man glaubte früher, dass diese Bewegungen von einer directen Einvirkung der Materie herrührten; es ist aber leicht einzusehen, dass sie



von der Krümmung der Flüssigkeit abhängen, weil dieselben Körper, die sich auf Wasser anziehen oder abstossen, bei gleicher Entfernung im leeren Raume, in Luft oder in irgend einem Mittel, welches sie von allen Seiten umgrebt, gar keine Wirkung auf einander ausühen.

Erklärung der Capillarersoheinungen. Die Hebung oder 6;5 Seukung von Flüssigkeiten in engen Röhrehen, zwischen nahe gestellten Platten u. s. w., findet nach den im §. 57 entwickelten Gesetzen seine vollständige Erklärung.

Wird in der horizontalen Oberfläche einer Flüssigkeit ein von ihr benetzbares Röhrchen eingetaucht, Fig. 189 (etwa ein Glasröhrchen in Wasser), so wird sich innerhalh des Röhrchens zunächst ein hohler Menis-

Fig. 189.

kus bei a bilden; auf alle Punkte dieses Meniskus wirkt nun der in §. 57 besprochene Cobhisionsdruck, und zwar in der Richtung von unten nach ohen, und da diesem Cohsiaondruck keine andere Kraft entgegenwirkt, so muss die Flüssigkeit in Rührchen ankteigen, his das Gewicht der gehobenen Flüssigkeitesäule diesem Cohsionsdruck das Gleichgewicht hilt. Die Tlöße der gehobenen Flüssigkeitesäule ist also der Grösse des Cohsisonsdrucks proportional, ei sit H = n D.

der Meniskus in naserem Falle ein Stück einer Kugeloherfläche vom Krümmungshalbmesser r ist, nach Gleichung 2) auf S. 132

$$D = \frac{2a}{r}$$
,

also auch

$$H = n \cdot \frac{2a}{r} \cdot \dots \cdot \dots \cdot 3$$

Für Wasser und Glas bildet der Meniskus eine vollständige Halhkugel (wenn der Randwinkel 180 Grad ist) und in diesem Fall ist der Krümmungshalbmesser r des Meniskus dem Halhmesser des Röhrchens gleich, die Höhe H ist also nach Gleichung 3 dem Halhmesser des Röhrchens umgekehrt proportional.

Aher auch wenn der Randwinkel nicht 180° ist, wenn der Krümmungshalbmesser des Meniskus r grösser ist als der Halhmesser o des Röhrchens, so sind doch heide Grössen proportional. Wir können  $r = m \rho$ setzen, wo m eine von der Natur des festen Körpers und der Flüssigkeit ahhängige Constante ist, wir hahen also

$$H = \frac{n}{m} \cdot \frac{2\alpha}{\rho}$$

Die Höhe der gehohenen Flüssigkeitssäule bleiht also stets dem Halbmesser o des Röhrchens umgekehrt proportional, wie dies auch durch die im §. 61 besprochenen Versuche bestätigt wird.

Zwischen parallelen Platten hildet der Gipfel der gehobenen Flüssigkeit eine Rinne, deren Krümmungshalhmesser r normal zur Ehene der Platten gleich mo ist, wenn o den halben Abstand der Platten bezeichnet, während der Krummungshalbmesser R in der Richtung der Platte

unendlich, also  $\frac{1}{R}=0$  ist. Die Grösse des Cohäsionsdruckes ist in diesem Fall nach Gleichung 1) S. 132

 $D = \frac{\alpha}{r} = \frac{a}{m \cdot \rho},$ 

$$D = \frac{1}{r} = \frac{1}{m \cdot \varrho}$$
ien Wasserschicht:

also die Höhe der gehobenen Wasserschicht:

$$H = \frac{n}{m} \cdot \frac{a}{\varrho}.$$

Die Höhe der gehobenen Wasserschicht ist also nur halb so gross wie die Höhe der in einem Röhrchen gehobenen Wassersäule, wenn der Durchmesser der Säule dem Ahstand der Platten gleich ist. Auch hier führt uns also die theoretische Betrachtung zu demselben Resultat wie die in 63 hesprochenen Versuche.

Für den Fall convexer Menisken ergeben sich dieselben Gesetze für die Depression der Flüssigkeitssäulen.

Auch die in §. 63 hesprochenen Bewegungserscheinungen in Capillarröhren fiuden nun ihre Erklärung. In den konischen Röhrchen Fig. 180 und Fig. 181 ist sowohl für den Wassertropfen als auch für den Quecksilbertropfen derjenige Meniskus am stärksten gekrümmt, welcher dem engeren Ende zugekehrt ist, auf dieser Seite wird also auch der stärkere Cohāsionsdruck wirken, und dieser ist bei dem Wassertropfen Fig. 180 gegen das engere, hei dem Quecksilhertropfen Fig. 181 gegen das weitere Ende der Röhre hin gerichtet.

Die Endosmose. Wenn man Wasser und Oel in einer Flasche zusammenschüttelt, so werden sich, der Ruhe überlassen, die beiden Flüssigkeiten doch alsbald wieder trennen, und nach ihrens specifischen Gewichte über einander lagern. Es rührt dies mastreitig daher, dass die Anziehung zwischen zwei Wassermolekülen eben so wie die Anziehung zwischen zwei Oelmolekülen grösser ist als die Anziehung zwischen einem Wassertheilchen und einem Oeltheilchen.

Ganz anders verhalten sich Weingeist und Wassern. Die Anzielung zwischen einem Weingeist- und einem Wassermolekül ist grösser als
die Kraft, mit welcher zwei Wassermoleküle oder zwei Weingeistmoleküle
einander anziehen, weehalh sich anch aus Wasser und Weingeist eine Mistung herstellen lässt, in welcher jede der beiden Flüssigkeiten vollkomen gleichförmig verhreitet ist. Ja selhst wenn die beiden Flüssigkeiten
sänglich nach ihrem specifischen Gewichte geschichtet sind, d. h. wenn
der Weingeist anfänglich auf dem Wasser schwimmt, so wird durch die
erwähnte stärkere Anziehung zwischen Wasser und Weingeist nach einiger
Zeit doch ein geleichförmige Mischung der beiden Flüssigkeiten erfolgen.
Gass ähnlich verhalten sich Wasser und Schwefelsäure, Wasser und eine
onsentriet Salzdoung u. s. w.

Diese Erscheinung der nach und nach eintretenden gleichförmigen Michang zweier Flüssigkeiten, wird mit dem Namen der Diffusion beeichnet. Wasser und Weingeist diffundiren in einander, während zwischen Wasser und Del keine Diffusion stattfindet.

Wenn nun zwei Flüssigkeiten, welche sich in der erwähnten Weise m mischen, gleichsam gegenseitig zu durchdringen streben, wie Wasser und Weingeist, Wasser und Schwefelsäure u. s. w., nicht in unmittelharer Berührung, sondern durch irgend einen porösen Körper getrennt sind, so müssen die Flüssigkeiten durch diese Wand zu einander übergehen, und da nun diese porose Wand meistens die eine Flüssigkeit leichter durchlässt als die andere, so muss die Menge der Flüssigkeit auf der einen oder der anderen Seite zunehmen. Bringt man z.B. in eine nnten mit Schweinshlase zagebundene Glasröhre eine concentrirte Lösung von Kupfervitriol, taucht man dann die durch die Blase verschlossene Oeffnung in ein Gefäss mit Wasser, so dringt das Wasser allmälig durch die Blase in die Röhre, so dass in der Röhre die Flüssigkeit steigt, während sie aussen sinkt. Umgekehrt sinkt die Flüssigkeit in der Röhre, wenn das Wasser innen, die Lösung des Kupfervitriols aussen ist. Etwas von der Lösung des Kupfervitriols dringt freilich auch durch die Blase zum Wasser, wie man hald an der Färbung erkennt.

Achnliche Erscheinungen beobachtet man, wenn man in die Röhre Alkohol giesst und sie in Wasser taucht. Nach einiger Zeit sieht man, dass das Niveau der Flüssigkeit in der Röhre gestiegen ist.

Man nennt diesen Austansch von Flüssigkeiten durch eine poröse Scheidewand hindurch Endosmose, oder richtiger Diosmose.

Um die Zunahme der Flüssigkeit auf der einen Seite recht auffallend zu machen, dient das von Dutrochet construirte Endosmometer Fig. 190 a. f. S.; a ist eine Glasröhre, deren innerer Durchmesser \*\*Biller's Lebelsch der Physik. 6tc. Ant. I. 10 1 bis 2 Millimeter beträgt und die durch einen sehr wohl schliessenden Kork in dem Halse eines weiteren Glasgeflässe 6 befestigt ist. Das Gefläss bis tunten durch eine Thierblass ervschlossen. Dieser mit der einen Flüssigkeit gefüllte Apparat wird nun in ein weiteres Gefäss, welches die andere Flüssigkeit enthält, eingesetzt, ohne dass jedoch die Blase auf dem Boden des äusseren Gefässes auführt.

it dem Boden de Fig. 190.

Das Gefäss b mit der Röhre a sei z. B. mit Weingeist gefüllt, das äussere Gefäss enthalte Wasser. Sobald das Gefäss b eingesetzt ist, wird sich alsbald ein mechanisches Gleichgewicht zwischen der inneren und äusseren Flüssigkeit und der Spannung der Blase herstellen. Es sei nn das Niveau des äusseren Wassers, und r der Gipfel der Weingeistsäule in der Röhre. Nach einer Viertelstunde beobachtet man schon eine bedeutende Veränderung; die Flüssigkeit ist nämlich schon um einige Millimeter über r hinaus gestiegen, und dieses Steigen dauert fort. Selbst wenn die Röhre 4 bis 5 Decimeter hoch ist, lässt sich erwarten. dass die Flüssigkeit nach einigen Stunden den Gipfel erreicht hat, um oben auszufliessen. Das Wasser ist also trotz des Druckes, welchen der Alkohol in Folge seiner Schwere auf die Blase ausübt, durch die Poren derselben in das Gefäss b eingedrungen; es hat also eine Endosmose des Wassers zum Alkohol durch die Blase hindurch stattgefunden. Macht man den Versuch in umgekehrter Ordnung, indem man das Wasser innen, den Alkohol aussen hinbringt, so sinkt das Nivean in der Röhre, während es aussen steigt.

Wenn man in ein Gefäss von ungebranntem Thon (etwa eine portsee Thonzelle, wie einz un Grove's und Bunsen's galvanischen Batterieu gebraucht werden) Schwefelsäure gieset und es dann in ein anderes Gefäss mit Wasser stellt, so findet eine ähnliche Erscheinung statt; das Wasser sickert durch den Thon durch, das Niveau der Flüssigkeit im Inneren der Thonzelle steigt, während es aussen sinkt.

Die Wirkung der Endosmose dauert fort, wenn auch allmälig immer schwächer, bis die Flüssigkeiten zu beiden Seiten der Scheidewand ganz gleichartig sind.

Dass der Spiegel der Flüssigkeit auf der einen Seite so hoch über das Niveu auf der anderen Seite steigen kann, rührt daher, dass die Poren der Scheidewand zu fein sind, als dass ein hydrostatischer Druck sich durch dieselben fortpflänzen könnte. Wenn man Wasser in eine poröse Thomzelle gieset, so werden die Wände zwar Feucht, aber das Wasser tropft nicht durch, und eine Thierblase, welche gleichfalls vom Wasser befeucht wird, kann nicht zum Flütren des Wassers gebraucht werden.

Welche der getrennten Flüssigkeiten an Volumen zunimmt, hängt wesentlich von der Natur der trennenden Scheidewand ab; wenn Wasser und Weingeist durch eine Kantschulchplate getrennt sind, so nimmt das Wasser an Volumen zu, indem der Weingeist leichter durch den Kantskuk wandert als Wasser.

Das alltägliche Leben bietet uns mancherlei Beispiele endosmotischer Erscheinungen, wohin unter anderen auch das Anfquellen von Erbeen, Fig. 191. Bohnen u. s. w. zu rechnen ist, welche man in Wasser



Bohnen u. s. w., zu rechnen ist, welche man in Wasser legt. — Wird eine etwas dicke gelbe Rübe oben abgeschnitten nud ausgehöhlt, wie Fig. 191 zeigt, so dass noch eine 1½ bis 2 Linien dicke Wand übrig bleibt, und dann die Höhlung mit gestossenen Zacker gefüllt, so findet man denselben nach einiger Zeit in eine conentrirte Lösung verwandelt, während die umgebende Wurzelwand sichtlich zusammeschrumpft. Hier wird offenbar durch einen endosmotischen Process das Wasser aus den Zellen der Wurzel ausgezogen.

Das endosmotische Aequivalent. Jolly hat gezeigt, dass 67 bie Scheidewand statifindende Mautausche von Filmsigkeiten sein kann, indem keinsewegs bloss die eine Filmsigkeit durch die Scheidewand statifindenden man dansaches von Filmsigkeiten sein kann, indem keinsewegs bloss die eine Filmsigkeit durch die Scheidewand hindurchgeht. Untersucht man mit einem Arönneter das Wasser und den Weingeit. Der versuch nägebrochen hat, so findet man, dass das specifische Gewicht des Wassers abgenommen hat, während das des Weingeistes tieg; es ist als neicht bloss Wasser zum Weingeist, sondern anch ungekeht Weingeist zum Wasser übergegangen; die Volumenvermehrung des Weingeistes Mitt also nur von der Differender der beiden entgegengesetzten Strömnagen her. Es könnte ein sehr bedentender Austausch der beiden Filmsigkeiten statfinden, ohne dass das Endosmometer die geringste Auszige davon giebt, wenn nämlich beide Filmsigkeiten in gleichem Masse

Um zu ermitteln, in welchem Verhältniss die Wanderung der Snbstanzen nach entgegengesetzter Richtung geht, wandte Jolly folgendes Verfahren an:

Das eine Ende einer Glasröhre wurde mit einem Stück Schweinblese ungehunden, in dieselbe die Shubstang gebracht, deren endommüsches Verhalten gegen Wasser untersucht werden sollte, z. B. Weingeist.— Das untere Ende dieser Böhre wurde nun, nachdem sie gewogen worden wur, in ein grösseres Gefäss mit Wasser eingetaucht; nach einiger Zeit, etwa mach einem Tage, wurde die in Folge der Endosmose eingetreten Gewichtzunahme des Inhalts der Glassrühre ernutiett (natürlich mit Beachtung aller nöthigen Vorsichtsmasseregeln, deren Besprechung nicht hierher göbrit) und das dussere Wassere durch frisches ersetzt. So wurde nun fortgefahren, bis die Röhre keine Gewichtszunahme mehr zeigte; es ergab sich nun, dass der Röhreninhalt reines Wasser war; die vorher in der Röhre befindlich gewesenen Substanz ist ällmälig zu dem immer wieder weggegossenen Wasser des äusseren Gefasses übergegangen.

Hier lässt sich nun ausmitteln, wie viel Wasser gegen die ausgetre-

tene Substanz in die Röhre eingetreten ist.

Um den Gang der Untersuchung besser übersehen zu können, wollen wir einen solchen Versuch genauer verfolgen.

Das Gewicht der Röhre, leer, aber mit feuchter Blase, betrug 37,81 Gramme.

In dieselbe wurden 2,4 Gramme trocknen Kochsalzes gebracht und sie in das Wassergefüss eingesetzt. Allmälig ging Wasser durch die Blase zum Kochsalz, welches gelöst wurde; das Volumen dieser Löeung, welche natürlich immer verdünnter wurde, nahm mehr und mehr zu, bis sich endlich nach vier Tagen keine Gewichtszunahme mehr zeigte. Das Gewicht der Röhre betrug nun 48,17 Gramme, der Inhalt derselben, welcher aus reinem Wasser bestand, vog 48,17 — 37,81 = 10,36 Gramme. Während diese 10,36 Gramme Wasser durch die Blase in die Röhre eintraten, sind aber die 2,4 Gramme Kochsalz in entgegengesetzter Richtung hindurch gegangen oder auf 1 Gramm Kochsalz 4,3 Gramme Wasser.

Jolly nennt das endosmotische Aequivalent einer Substanz die Zahl, welche angiebt, wie viel Gewichtstheile Wasser gegen einen Gewichtstheil der fraglichen Substanz durch die Blase hindurchgehen; es ist also 4,3 das endosmotische Aequivalent des Kochsalzes.

Auf diese Weise ermittelte Jolly das endosmotische Aequivalent fol-

gender Substanzen:

Kochsalz 4,3
Glaubersalz 11,6
Schwefelsaures Kali 12
Schwefelsaure Magnesia 11,7
Schwefelsaures Knpferoxyd . 9,5
Kalihydrat 215
Schwefelsäurehydrat 0,39
Sanres schwefelsaures Kali . 2,3
Alkohol 4,2
Zucker 7,1 ,

Im Allgemeinen nimmt das endosmotische Aequivalent mit der Temperatur zu.

Die Menge der in gleichen Zeiten durch die Blase zum Wasser übertretenden Stoffe ist dem Concentrationsgrad der Lösung proportional.

Ludwig hat durch eine sehr genaue Versuchsreihe dargethan, dass das endosmotische Aequivalent für denselben Stoff keineswegs eine constante, sondern dass es eine von dem Concentrationsgrade der Flüssigkeiten abhängige Grösse ist. (Pogz. Annal, LXXVIII. 307.) Theorie der Endosmose. Alle zu endosmotischen Versuchen 68 brachbaren Scheidewände sind von unzählig vielen aussehmend feinen Poren durchzogen, welche zu fein sind, als dass ein durch dieselben ein hydrostatischer Druck fortpflanzen kann. — Wird eine solche Zwischenwad in eine Flüssigkeit getaucht, so wird, je nach der Molekularanzien lung, welche zwischen der Membran und der Flüssigkeit besteht, eine grösere oder kleinere Menge der Flüssigkeit resorbirt und zurückgehalten werden.

Ueber die Resorption von Flüssigkeiten durch thierische Blasen hat Liebig Versuche angestellt, welche den Vorgang bei den endosmotischen Erscheinungen sehr schön erläutern.

100 Gewichtstheile trockner Ochsenblase nehmen in 24 Stunden auf:

268 Gewichtstheile Wasser

133 " Kochsalzlösung (1,204 specif. Gewicht)

38 "Weingeist (84 Proc.)

17 "Knochenől.

Das Absorptionsvermögen der thierischen Membranen für verschiedenartige Flüssigkeiten ist also sehr ungleich. In Wasser gelegt, quillt die Blase auf und wird weich, in Alkohol bleibt sie hart.

Durch Druck lässt sich die resorbirte Flüssigkeit ans den Poren der Membran nach und nach entfernen, durch Druck kann man die Flüssig-Fig. 192.

keiten durch die Poren der Membranen hindurchtreiben.

> Wenn die weite Oeffnung der Röhre, Fig. 192, mit einer Blase überbunden, bis a mit Wasser angefüllt und in die senkrechte eugere Röhre Quecksilbergegessen wird, so sieht man, wenn die Quecksilbersäule eine gewisse Höbe erreicht hat, dass sich die ganze Überfläche der Blase mit feinen Tröpfehen bedeckt.

> Durch eine Ochsenblase fliests, nach Liebig's Versuchen, Wasser in der erwähnten Weise unter einem Druck von 12 Zoll Quecksüber; eine gesättigte Kochsalzlösung, bedarf eines Druckes von 18 bis 20, Knochenol 34 Zoll. Unter einem Druck von 48 Zoll fand noch kein merkliches Ausfliessen von Weingeist statt.

> Wenn eine Blaee, welche irgend eine Flässigkeit resorbirt hat, mit einer Substan in Berührung gebracht wird, welche gleichfalls eine Anziehung auf die Theilchen der resorbirten Flüssigkeit äussert, so wird ein Theil dieser Flüssigkeit der Blase entzogen.

> Wenn eine mit Wasser gesättigte Blase mit Kochsalz bestreut wird, so entsteht überall da, wo das

Salz mit dem Wasser in Berührung kommt, welches die offenen Poren erfüllt, eine gesättigte Salzlösung, da aber die Resorptionsfähigkeit der Blase für Salzlösung geringer ist als für reines Wasser, so tritt ein Theil der Flüssigkeit aus und fliesst in Tropfen ab; dabei schrumpft die Blase zusammen.

Wird ein Stück mit Wasser gesättigter Blase in Alkohol gelegt, so verliert sie in 24 Stunden ungefähr die Hälfte ihres Gewichtes, was von einem Zusammenschrumpfen und Hartwerden der Blase begleitet ist.

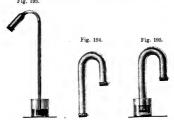
Diese Thatsachen erläutern nun den Vorgang der Endosmose ganz vortrefflich.

Wenn eine Membran zur Trennung zweier Flüssigkeiten dient, so wird sie von jedem der getrennten Stoffe durch Molekularanziehung, durch Resorption in sich aufnehmen; die resorbirte Flüssigkeit wird aber nach der anderen Seite der Blase wieder austreten, weil sie von dort her durch eine chemische Anziehung den Poren der Blase entzogen wird. Dieser Process wird fortdauern, bis die auf beiden Seiten befindlichen Flüssigkeiten einander gleich geworden sind.

Einfluss der Verdunstung auf die Endosmose. Durch Verdunstung wird einer Blase in ähnlicher Weise das resorbirte Wasser entzogen, wie wenn man sie mit Salz bestreut oder in Alkohol legt. Wenn also ein Blasenstück fortwährend einerseits mit Wasser, andererseits mit trockner Luft in Berührung ist, so wird für das Wasser, welches auf der einen Seite verdunstet, von der anderen Seite her frisches Wasser in die Poren eintreten.

Füllt man eine Röhre, welche auf einer Seite mit einer Blase zugebunden ist, ganz mit Wasser, stellt man sie mit dem offenen Ende in ein Gefäss mit Quecksilber, wie es Fig. 193 zeigt, so wird in dem Maasse, in





welchem das Wasser an der Blase verdunstet, das Quecksilber in der Röhre steigen; für eine einfache Ochsenblase steigt es bis zu einer Höhe von 12 Zoll.

Wenn die Röhre, Fig. 194, gans mit Wasser gefüllt und an beiden Enden mit Blase zugebunden ist, so kann in die Röhre keine neue Flässigkeit als Ersatz für die verdunstete eintreten, weun kein Röhrenende in eine Flüssigkeit eintancht; in Folge dessen entsteht aber ein luftverdünnter Raum in der Röhre, welcher sich durch eine concave Wölbung der Elasen zu erkeunen giebt; wird aber das eine Ende der Röhre in ein Gefüss mit Saltwasser gestellt, wie Fig. 195 zeigt, wihrend der andere Schenkel der Luftverdunstung freigegeben bleibt, so ist einleuchtend, dass, wenn die Verdunstung bis zu einem gewissen Grade fortgeschritten ist, der atmosphärische Luftdruck das Salzwasser durch die Poren der Blase hindurchdrückt.

Wenn das Salzwasser durch Indigotinetur blau gefärbt worden ist, so sieht man schon nach wenigen Stunden, dass sich innerhalb der Röhre eine blane Schicht bildet, die sich beständig vermehrt.

Wenn man eine mit wasserhaltigem Weingeist gefüllte Schweinsblase in die Luft hängt, so findet eine Exosmose des Wassers durch die Peren der Blase und eine Verdunstung desselben an seiner Oberfläche statt, in Folge deren der zurückbleibende Weingeist mehr und mehr concentrirt wird.

Es ist klar, dass die Endosmose eine grosse Rolle bei der Verbreitung der Säfte im Pflanzen- und Thierkörper spielt, weshalb ihre Kenntniss für die Physiologie von grosser Wichtigkeit ist.

Diffusionsannlyse. Das Diffusionsvermögen verschiedener Sub-70 stansen ist, wie sich aus den vergleichenden Versuchen von Graham (Annal. d. Chem. D. Pharm. Bd. CXXI) ergiebt, sehr verschieden. Unter einer Wassersäule von ungefähr 14em Höbe, welche sich in einem Glastylinder befand, breitete er mittelt einer dannen, bis sid den Boden röchenden Pipette, eine Schicht 10procentiger verdünnter Salzsänre aus, welche gerade, 10 Gramm Salzsäure enthielt und derem Höhe ungefähr 1/4 von der Höbe der Wassersäule betrug. Nachdem der Cylinder 3 Tage lang ruhig stehen geblieben war, hatte sich die Salzsäure in der gausen Flössigkeitesslud verbreitet. Es wurden nun der Reihe nach Schichten von der Säule abgeboben, deren Höbe jeweils 1/4, von der Gesammt-böbe der Flüssigkeitesslub betrug und jede dieser Schichten auf ihren Gehalt an Salzsäure untermucht; es ergab sich

der Salzsäuregehalt der obersten Schicht . . . . 0,003 Gramm.

", ", fünften ", . . . 0,043
", zehnten ", . . . 0,595
", beiden untersten Schichten 3,699

Als der Versuch ganz in gleicher Weise mit einer 10procentigen Lösung von Chlornatrinm wiederholt wurde, ergab sich, dass für diese

Substanz die Diffusion nach 7 Tagen ungefähr eben so weit vorgeschritten war, wie für Salzsäure nach 3 Tagen. Chlornatrium diffundirt also 2.33 mal langsamer als Salzsänre.

In diesem Sinne fand Graham ferner, dass

schwefel	Magnesia			esia	8	ungefähr	7 mal		l	
Zucker				٠.				7	-	
Eiweiss								49	,,	
Caramel								98	77	

langsamer diffundirt als Salzsäure.

Caramel ist ein Zersetzungsproduct des Stärkezuekers, welches erhalten wird, wenn man denselben über 100° erwärmt. Der Stärkezueker wird dadurch unter Bräunung und Wasserverlust in einen Körper verwandelt, welcher uicht mehr süss schmeckt, nicht mehr gährungsfähig ist und die Formel Cq. H<sub>2</sub> O<sub>3</sub> har.

Der Unterschied im Diffusionsvermögen der beiden zuletzt genamten Substanzen zu den erstereu ist enorm. Andere Substanzen, welche gleichfalls sehr langsam diffundiren, sind: Kieselsäurehydrat, die Hydrate der Thouerde und analoger Metalloxyde, wenn sie in der Ideilchen Form existiren; ferner Stärkennehl, Dextrin, die Gummiarten, Albumin, Leim u.s.w. Alle diese Substanzen gehören einer Classe chemischer Individuen an, welheb durch die Unfahigkeit, den krystallinischen Zustand anzunehmen nnd durch den gallertartigen Zustand ihrer Hydrate charakterisirt sind. — Den Leim als Typus dieser Substanzen betrachtend, schlägt Graham vor, sie Collodfanbstanzen zu nennen, im Gegenstz zu den ungleich leichter diffundirenden Krystalloidsubstanzen.

Dieses ungleiche Verhalteu der genannten Substanzen kann man zur Trennung derselben benutzen. Schichtet man vorsichtig eine Säule von Wasser über einer Schicht, welche aus gelösten Colloid- und Krystalloidsubstanzen besteht, so wird sich nach einiger Zeit eine Quantität der letzteren bis in die obersten Wasserschichten verbreiten, während die ersteren zurückheiben.

Eine solche Trennung wird noch durch den Umstand befördert, dass die durch Stärkemehl, thierischen Schleim u. s. w. gebildeten gallertartigen Massen dem Wasser sowohl wie den gelösten Krystalloidsubstanze den Durchgang gestatten, die Colloidsubstanzen aber zurückhalten. Schon ein dännes Häutehen einer solchen Gallerte bewirkt eine derartige Treuuung, wie folgeuder Versuch zeigt.

Ein Blatt dünnes, gut planirteu Briefpapiers, welches keine porösen Stellen hatte, wurde durchgefenchtet und daun auf die Oberfähen von Was ser gelegt, das sich in einem Gefässe befand, desseu Durchmesser kleiner war als der des Papiers. Das Papier wurde alsdann in der Mitte se herabgedrückt, dass sich eine Vertiefung bildete, in welche eine gemischte Lösung von Rohrzucker und arabischem Gummi gegossen wurde. Die Lösung enthielt 5 Proc. von jeder der beiden Substauzen. Nach 24 Stumden hatte das Volumen der oberen Flüssigkeit in Folge endosmotischer Wirkung bedeutend zugenommen; das Wasser unten aber enthielt nun <sup>3</sup>/<sub>4</sub> der gesammten Zuckermasse und nur eine Spur von Gummi.

Das Papier war mit Stärkemehl planirt; das Häutchen von Stärkemehlgallerte in dem befeuchteten Papier liess den Zucker durch, aber nicht das Gummi.

Graham bezeichnet eine solche mittelst Diffusion durch eine Scheidewand von gallertartiger Substanz bewirkte Scheidung als Dialyse.

Das zweckmässigste Material zur Herstellung einer dialytischen Scheidewand ist das vegetabilische Pergament oder Pergamentpapier: Es ist nicht planirtes Papier, welches durch kurzes Eintauchen in Schwefelsäure eine eigenthümliche Metamorphose erlitten hat, indem es bei pergamentähnlicher Consistenz eine grosse Festigkeit besitzt. Solches Pergamentpapier wird bereits fabrikmässig dargestellt, und kann in vielen Fällen die thierische Blase ersetzen. Befeuchtet lässt sich das Pergamentpapier leicht über einen Ring von Guttapercha spannen, welcher ungefähr 2 Zoll hoch ist und 8 bis 10 Zoll im Durchmesser hat, und so ein Gefäss herstellen, dessen Boden durch Pergamentpapier gebildet ist. Die so erhaltene Vorrichtung (den Dialysator) lässt man dann in einem eine beträchtliche Menge Wasser enthaltenen Gefässe schwimmen, nachdem man die gemischte Lösung hineingegossen hat, welche dialysirt werden soll. Ein halbes Liter Urin gab, in den Dialysator gebracht, nach 24stündiger Dialyse die darin enthaltenen Krystalloïdsubstanzen an das Wasser ab; letzteres liess dann bei dem Verdampfen im Wasserbade eine weisse Salzmasse zurück, aus welcher durch Behandlung mit Alkohol Harnstoff in so reinem Zustande ausgezogen werden konnte, dass er sich beim Verdunsten des Alkohols in Krystallbüscheln ausschied.

Man begreift, welchen Vortheil dieses Verfahren gewährt, um die Gegenwart von arseniger Säure in organischen Gemengen, z.B. im Mageninhalt, nachzuweisen.

Ein weiteres Verfolgen dieses interessanten Gegenstandes würde uns zu tief in chemische Details führen.

## Fünftes Capitel

Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

71 Schwere Luft. Die Luft, welche unsern ganzen Erdball wie eine leicht bewegliche mit dem Namen der Atmosphäre bezeichnete Hülle umgiebt, stellt sich unseren Sinnen nicht so unmittelbar als raumerfüllender Stoff dar wie feste und tropfbar flüssige Körper, aber mittelbar erkennen wir ihre Existenz in zahlreiche Erscheinungen, wie z. B. in dem Druck, welcher auf dem Boden des Luftmeeres lastet, in den mechanischen Wirkungen des Windes u. s. w.

Die chemischen Entdeckungen des vorigen Jahrhunderts lehrten mehrere Körper kennen, welche, obgleich ihrer chemischen Natur nach von der Luft verschieden, doch dieselben physikalischen Eigenschaften besitzen und welche man mit dem gemeinschaftlichen Namen der Gase bezeichnet. Die bekanntesten Gase sind Sauerstoffgas, Stickgas (die atmosphärische Luft ist ein Gemisch dieser beiden), Wasserstoffgas, Koblensaure. Chlorgas u. s. w.

Fig. 196.



Schon sehr früh, ja selbst schon vor Aistoteles, vermuthete man, dass auch die Luft schwer sei. Diese Wahrheit wurde jedoch erst 1640 durch Galilai bewiesen und später durch Toricelli's schöne Versuche bestätigt. Durch folgenden Versuch lässt sich die Schwere der Luft direct nachweisen: Auf den Hals eines Glasballons, Fig. 196, ist eine Messingfassung gekittet, die auf eine Luftpumpe (deren Einrichtung alsbald besprochen werden wird) aufgeschraubt werden kann. In dieser Fassung befindet sich ein Hahn, mittelst dessen man den Ballon nach Belieben öffnen oder schliessen kann. Ist der Ballon auf die Luftpumpe aufgeschraubt, so kann man ihn evacuiren und, nachdem der Habn geschlossen worden

ist, an den einen Arm einer Wage anhängen. Durch Auflegen von Gewicht

auf der auderen Seite wird das Gleichgewicht hergestellt. Oeffiet man mun den Hahn, so füllt sich der Ballon wieder mit Luft, das Gleichgewicht wird gestört, und die Wage neigt sich nach der Seite des Ballons hin. Auf der andern Seite muss man von Neuem Gewichte auflegen, um das Gleichgewicht wieder herzustellen, und zwar gerade so viel, als die Luft im Ballon wiegt. Für einen Ballon von 1 Liter Inhalt beträgt die Differenz der Gewichte mehr als 1 Gramm, woraus als erste Annäherung folgt, dass 1 Liter (1,14 Quart) Luft unter den gewöhnlichen Umständen etwas über 1 Gramm (16 Gran) wiegt, d. h. dass das Wasser nicht ganz 1000mal so selwer ist als gewöhnliche Luft.

Wie die atmosphärische Luft, so sind auch alle anderen Gase der Schwerkraft unterworfen; von der Bestimmung des specifischen Gewichts der verschiedenen Gasarten kann erst weiter unten, bei der Lehre von der Warme, die Rede sein,

Elasticität der Luft. Bei den gasförmigen Körpern ist die 72 Expasionskraft der Aetherhillen (§. 19) weit stärker als die Cohäsion der Körpermolektle, so dass ein Gleichgewichtszustand zwischen den Molekularkräßen, die in den Gasen thätig sind, nicht möglich ist. Ein solcher Gleichgewichtszustand kann erst durch Hinzutreten eines äusseren Drucks bergestellt werden, welcher der die Theilchen der Gase auseinandertreibenden Expansionskraft entgegenwirkt, welcher dem Bestreben der Gase nach einer größeren Auschaumg eine Gränze setzt.

Dieses Bestreben der Luft, sich auszudehnen, wird leicht durch folgenden Versuch nachgewiesen. Man legt unter die Glocke der Luftpumpe eine nur wenig Luft enthaltende und deshalb runzlige Thierblase, deren Osffinung fest zugebunden ist. Nach einigen Kolbenzügen sehon bläht sich die Blase auf, und ist endlich gerade so straft angespannt, als ob man mit aller Gewalt Luft hineingeblasen hätte. Lässt man die Luft wieder in den Recipienten hineintereten, so schrumpft die Blase wieder zusammen. Die in der Blase eingeschlossene Luft hat also wirklich ein Bestreben, sich auszudehnen, nur wird demselben durch die umgebende Luft Widerstand geleistet. Dieser Druck, welchen die Luft gegen die Wände der sie einschliesenden Geflisse ausübt, ist dasjenige, was man ihre Elasticität, ihre Sp ann kraft, ihre Tension, ihre Expansion skraft mennt.

Eine Spiralfeder seigt nur dann Elasticität, wenn man sie zusammendrückt, sie verliert ihre Spannkraft, sobald sie in ihren ursprünglichen Zustand zurückgelehrt ist. Die Laft hat aber immer eine Expansionskraft, es giebt für sie kein ursprünglichen Volumen, weil sie immer einen grösseren Raum einzunehmen strebt. Brächte man 1 Liter gewönhlicher Luft in einen leeren Raum von mehreren Cubikmetern, so würde sie sich in dem ganzen Raume gleichförnig verbreiten, sie würde immer noch ein Bestreben haben, sich auszudehnen, und würde also auch noch einen Druck auf die Wände ausüben.

In Folge ihres Expansionsvermögens können die Gase keine freie

73 Druck der Luft. In Folge ihrer Schwere muss die Luft auf alle K\u00fcrper der Erdoberf\u00e4\u00e4che einen Druck aus\u00e4ben, wie das Wasser auf den Boden der Gef\u00e4\u00e4sse, in denen es enthalten ist. Von der Existenz dieses Druckes kann man sich durch folgenden Versuch \u00fcberreugen.



Man setze auf den Teller der Luftpumpe einen Glas- oder Metalleyinder mit etwas dicken Wänden, welcher oben mit einer Thierblase verschlossen ist, die stark angespannt und an dem Rande recht festgebunden sein muss. Die Blase erleidet von beiden Seiten gleichen Druck und bildet deshalb eine Ebene. Wenn man nun auf irgend eine Weise mehr Luft in den Cylinder hineinbliese, so würde sich die Blase nach aussen wölben; zieht man ungekehrt, mittelst der Luftpumpe, die Luft aus dem Cylinder heraus, so

gewinnt der äussere Luftdruck das Uebergewicht und drückt die Blase nach innen. Bei den ersten Kolbenzügen schon wird die Blase nach Innen gekrümmt; je mehr man auspumpt, desto mehr ninmt die Krümnung zu, bis sie endlich in Stücke reisst, wobei ein beftiger Knall gehört wird. Dieser Knall wird durch das rasche Eindringen der Luft hervorgebracht; man kann sich aus der Kraft dieses Eindringen einen Begriff von der Grösse des Luftdrucks machen, welcher auf der Blase lac.

Auf den ersten Augenblick scheint dieser Versuch sehr auffallend, weil doch die Luft im Zimmer unmöglich einen so enormen Druck ausüben kann. Von dem Gewichte der Luftfaüle, welche auf der Blase ruht und sich von derselben bis zur Decke des Zimmers erstreckt, rührt freilich diese Wirkung nicht her, denn selbst eine Wassersäule von dieser Höhe könnte si nicht hervorbringen. Hätte man den Versuch unter freiem Himmel angestellt, so hätte die Blase offenbar den Druck einer Luftsäule auszuhalten gehabt, deren Höhe gleich ist der Höhe der ganzen Atmosphäre. Derselbe Druck wirkt aber auch noch im Zimmer, denn die Luft des Zimmers ist ja durch den vollen Atmosphärendruck gepreset.

Wir wollen hier zunächst noch einige Erscheinungen betrachten, welche sich durch die Wirkung des Luftdrucks erklären lassen.

Taucht man das eine Ende einer Röhre in ein mit Wasser gefülltes

Gräss, so wird sich die Flüssigkeit in der Röhre, vorrausgesetzt, dass dieselbe nicht zu enge ist, eben so hoch stellen wie ausserhalb, weil der Luftdruck in der Röhre gerade so auf das Niveau der Flüssigkeit wirkt wie ausserlab. Saugt man aber einen Theil der Luft aus der Röhre, so steigt die Flüssigkeit in ihr un so mehr, je länger man saugt. Durch dieses Saugen wird nämlich der Luftdruck im Inneren der Röhre vernündert, während der äussere Luftdruck unverändert bleibt. Der Ueberschuss des äusseren Luftdrucks nun presst die Flüssigkeit im Inneren der Röhre in die Höhe, bis das Gewicht der gehobenen Wassersäule diesem Ueberschuss das Gleichgewich hält.

Wenn man eine mit Wasser gefüllte, mit einem Kork geschlossene Flasche umkehrt und den Hals in ein Beeken mit Wasser taucht, so kann man mun unter dem Wasser diesen Kork herausziehen, ohne dass Wasser aus der Flasche anstiiesst, weil es so zu sagen durch den Laftdruck getragen wird.

Hebt man die Flasche langsam in die Höbe, bis die Mündung des Halses über den Spiegel des Wassers im Becken steht, so beginnt jetzt freilich das Wasser auszulaufen, aber micht etwa weil der Luftdruck zu wirken aufhörte, sondern weil nun Luftblasen in die Flasche eindringen können. Daranf gründen sich einige Vorrichtungen, um in Geflässen, am welchen ein gleichformiger Wasserabfins stattfindet, stets ein nahezu unveränderliches Niveau zu erhalteu, wie dies z. B. bei dem Apparat, Fig. 198, der Fall ist. Durch das Filter des Trichters tropft beständig



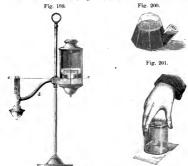
Wasser in das untergesetzte Gefüs, in Folge dessen sinkt der Spiegel der Flüssigkeit im Trichter. Dieses Sinken kann uur fortdanern, bis die untere Oeffaung des in das Wasser der Trichters eingetrachten und gleichfalls mit Wasser gefüllten Ballons frei wird, denn nun dringt eine Laftbluse in den Ballon ein, eine ihr entsprechende Quantität Wasser flieset aus, um die untere Oeffung des Ballons wieder auf kruze Zeit zu schliesen.

So kann ans dem unten offenen Oelge fiss a unserer Lampeu, Fig. 199 a. f. S., erst dann Oel aussfiessen, wenn das fassers Niveau b b so weit gesunken ist, dass die untere Oeffunng des Oelgefisses af für einen Augeblick frei wird. Dahin gehört anch das Tiutenfass, Fig. 200. Aus dem Hauptgefisse kann nur dann wieder etwas Tinte in das seitliche oben offene Eintauchrohr eintreten, wenn in demselben die Plüssiglecht so weit gesunken ist, dass eine Luftblase in das Hauptgefässe sindriugeu kann.

eine Luftblase in das Hauptgefäss eindringen kam. Der intermittirende Brnnneu ist eine auf demselben Principe beruhende Spielerei.

Wenn man ein Trinkglas, dessen Rand möglichst eben ist (am besten

158 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck. mit abgeschliffenem Rande) ganz mit Wasser füllt, ein Papier darauf deckt und dann das Glas umkehrt, Fig. 201, so läuft das Wasser nicht aus; der



gegen die untere Fläche des Papiers wirkende Luftdruck hindert das Herabfallen der Wassermasse. Das Papier ist nur deshalb nöthig, um das Fig. 202. Fig. 203. Glas umkehren zu können ohne dass das Wasser



Der Heber ist eine gekrümmte Röhre bsa, Fig. 204, deren Schenkel ungleiche Länge haben. Wenn der kürzere Schenkel in eine Flüssigkeit eingetaneht und die ganze Röhre mit derselben gefüllt ist, so läuft sie am Eule a des längeren Schenkels, welches tiefer liegt als b, fortwährend aus; man kann also mit Hülff- eines Hebers leicht ein Gefäss entleeren. Die Wirkung des Hebers ist leicht zu erklären. Auf der einen Seite hat die Warenfalle Sa, auf der anderen die Wassersäule von s bis zum Spiegel



der Flüssigkeit im Gefäss ein Bestreben, vermöge ihrer Schwere herabzufallen; der Schwere der in beiden Schenkeln befindlichen Wassersäulen wirkt aber auf beiden Seiten der Luftdruck entgegen, welcher auf der einen Seite gegen die Oeffnung a, auf der anderen Seite aber anf den Spiegel des Wassers im Gefäss wirkt, und dadnrch die Bildnng eines leeren Raumes im Inneren der Röhre verhindert, welcher sich nothwendigerweise bei s bilden würde, wenn die Wassersäulen auf beiden Seiten herabliefen. Da der Luftdruck auf der einen Seite so stark wirkt wie auf der anderen, so würde vollkommenes Gleichgewicht stattfinden, wenn die Wassersäulen in beiden Schenkeln gleich hoch wären, wenn sich also die Oeffnnng a in der Höhe des

Wasserspiegels im Gestände; sobald aber a tieser liegt, erhält die Wassersäule im Scheidel sa das Uebergewicht, und in dem Maasse, als hier das Wasser aussläuft, wird auf der anderen Seite durch den Lufdruck von neuem Wasser in die Röhre hineingetrieben, so dass das Aussliessen bei a fortdauert, bis der Spiegel der Flüssigkeit im Gestässe so weit gefällen ist, dass eite Oeffnung b frei wird.

fallen ist, dass die Oeffnung b frei wird.
Um den Heber bequem füllen und in Wirksamkeit setzen zu können.

wird eine Sangröhre at, Fig. 205, angebracht. Einen gewöhnlichen Heber Fig. 205.

fill man nämlich dadurch, dass man bei a, Fig. 204, sangt; dabei ist aber nicht zu vermeiden, dass man etwas von der Plüssigkeit in den Mund bekommt, was in manchen Fallen unangenehm, oft sogar gefährlich sein kann, wie z. B. wenn man den Heber anwenden will, mei in Gefäss mit Schwefelssure zu entleteren. In einem solchen Falle ist das Sangrohr unentbehrlich; son kann man durch Sangen bei t den gamen Schenkel as bir füllen, ohne dass die Flüssigkeit an den Mund kommt.

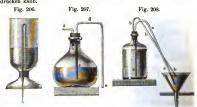
Das Auskalen beginnt alsdaun, sohald man das Röhren.

b ende b' wieder öffnet. Eine auf die Wirkung des Hebers gegründete Spielerei ist der Zanberbecher, Fig. 206 a. f. S.

Dass beim Heber wirklich der Lnftdruck die eben bezeichnete Rolle spielt, lässt sich mit Hülfe des einfachen Apparates, Fig. 207, zeigen. Der

## 160 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

Hals eines zum Theil mit Wasser gefüllten (Gasballons ist mit einem wohlschliersenden Kork verschlossen, welcher doppelt durchbohrt ist. In den einen Loche steckt das kurze Röhrchen ab, im anderen der fast bis auf den Boden reichende Heber cd.e. Wenn man den Heber durch Einblaseu bei a zum Fliessen gebracht hat, so hört dieses Fliessen alsbald auf, sobald man auf irgend eine Weise die Oeffung bei a verschliesst, weil non die äussere Luft nicht mehr auf den Spiegel des Wassers im Ballon drücken kann.



Durch den Heber a, Fig. 208, kann nur so lange Wasser aus der Flasche ausliessen, als der obere Theil derselben durch das Rohr b mit der äusseren Luft in Verbindung steht. Wenn das aus a aussliessende Wasser auf ein Filter gelangt, durch welches es nur tropfenweise abslitsest, so wird das Niveau des Wassers im Trichter bald steigen bis die freie Oeffung von b verschlossen ist. Nun hört der Heber a zu fliessen auf und fängt erst wieder zu fliessen an, wenn so viel Wasser durch das Filter abgeflossen ist, dass das untere Ende des Rohrs b nicht mehr in das Wasser des Trichters eintauch

74 Pumpen. Wir haben bereits in Paragraph 73 gesehen, wie man in einer Röhre, deren unteres Ende in Wasser getaucht ist, dasselbe dadurch in die Höhe steigen macht, dass man an dem oberen Ende saugt. Den luftverdünnten Ruum, welcher in diesem Falle durch den Mund erzeugt wurde, kann man aber auch dadurch hervorbringuren, dass man in das Rohr einen luftdicht schliessenden Kolben einsetzt. Ist das unterere Ende des Rohres in Wasser eingetaucht, so füllt sich das Rohr mit dieser Flüssigkeit, wenn man den Kolben in die Höhe zieht, wie sich dies an den gewöhnlichen Spritzbüchsen zeigen lisst.

Dies Princip wird nun auch bei Pumpen zur Hebnng bedeutenderer Wassermengen angewandt. Fig. 209 stellt eine Sangpumpe der einfachsten Construction dar. Das hölzerne Sangrohr a stellt in dem Brunnen-

Pumpen. schacht, und zwar geht es bis unter den Spiegel des in der Tiefe sich Fig. 209.

sammelnden Wassers Bhinab. Das Wasser kann durch eine seitliche Oeffnung, welche zur Abhaltung von Unreinigkeiten durch

ein Sieb verschlossen ist. in das Saugrohr eintre-

ten. Auf des nach den Umständen kürzere oder längere, aus einem oder mehreren Stücken bestehende Saugrohr ist nun das etwas weitere, zwischen 2 and 3 Fass hohe genau cylindrisch ausgebohrte Kolbenrohr b aufgesetzt, in welchem ein Kolben lufte und wasserdicht schliessend auf- und abbewegt werden kann.

Das obere Ende des Saugrohres a ist durch ein Ventil (hier eine in der Mitte mit Metall beschlagene Lederklappe) bedeckt, welches durch einen Druck von unten gehoben, also geöffnet, durch einen Druck von oben aber fest auf die Oeffnung aufgedrückt, also geschlossen wird. Dieses Ventil bildet gewissermaassen den Boden des Kolbenrohres b, und wird deshalb das Boden-

ventil genannt. Der im Kolhenrohre befindliche Kolben ist an

einer eisernen Stange

162 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

befestigt, welche durch eine passende Hebelvorrichtung bewegt werden kaun; dieser Kolben ist selbst wieder hohl, und das obere Ende dieser Höhlung mit einem Ventil in gleicher Weise versehen wie das obere Ende des Saugrobres, so dass es durch einen Druck von oben geschlossen, durch einen Druck von nuten geöffnet wird.

Der Umfang dieses Kolbens ist durch eine Lederkappe gebildet, et eine unten um den hölzernen Kolben herum festgenagelt ist, oben aber frei von demselben absteht, so dass die Lederkappe, wenn sich einmal Wasser über dem Kolben befindet, fest gegen die Röhrenwände angepresst

and dadurch ein guter Schluss erhalten wird.

Wenn der eben am unteren Ende des Kolbenrohres befindliche Kolben in die Höhe gezogen wird, so wirkt er wie ein massiver Kolben, weil sich das Kolbenweitli schliest, und es bildet sich unter demselben ein luft-verdünnter Raum; das Bodenventil öffinet sich und das Wasser steigt in dem Sangrohre in die Höhe. Beim Niedergange des Kolbens schliesst sich zunächst dass Bodenventil, wodurch das Zurückfallen des im Saugrohr gestiegenen Wassers verhindert wird, das Kolbenventil aber öffinet sich und lässt die noch im Kolbenrohre befindliche Luft durch.

Erst nach mehrmaliger Wiederholmg der Operation, wenn das Wasser bis in das Kolbenrohr gestiegen ist, beginnt die Pumpe wirklich Wasser zu fördern. Bei jedem Niedergange wird dann das im Kolbenrohre befindliche Wasser, welchem nun durch das Bodenventil der Rückweg versehlossen ist, durch den Kolben hindurchgehen; bei jedem Aufziehen des Kolbens wird das bereits über demselben befindliche Wasser aus dem Kolbenrohre in das Steigrohr gehoben, aus welchem es dann durch die seitliche Oeffnung r abfliesst, während zugleich eine neue Wassermenge von unten her in das Kolbenrohre in eingesaugt wird.

Bei vollkommen luftdichtem Schluss des Kolbens und der Ventile wirden ann bei mittlerem Luftdruck das Wasser bis zu 32 Fuss aufsaugen können; bei der geringen Vollkommenheit jedoch, mit welcher solehe Pampen ausgeführt sind, darf das Bodenventil nicht wohl mehr als 20 Fuss über dem Wasserspiegel in Bassin angebracht sein.

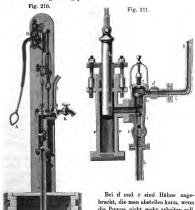
Eine etwas anders construirte Saugpumpe sieht man Fig. 210 abgebildet.

Diese Figur bedarf wohl keiner weiteren Erläuterung.

Um das Wasser auf grössere Höhen zu heben, um es in Dampfkeasel hineinampressen u.s. w., werden Druckpumpen angewandt, welche sich von den vorigen dadurch unterscheiden, dass der Kolben massiv ist und dass das aufgesangte Wasser durch ein seitliches Röhr in die Höhe gedrückt wird, dessen unteres Ende durch ein nach oben sich öffinendes Ventil geschlossen wird. Fig. 211 stellt eine Druckpumpe dar;  $\hbar$  ist das Saugrohr,  $\tau$  das Kölbernohr, s das Steigrohr, s das Steigrohr, s

Der Kolben Kgeht luftdicht durch die Stopfbüchse, welche das obere Ende des Kolbenrohres schliesst. Beim Aufgange des Kolbens hebt sich das Saugventil a, um Wasser aus dem Saugrohr durchzulassen, während das

Druck ventil b geschlossen bleibt; beim Niedergange des Kollens schliesst sich a, und das vorher aufgesaugte Wasser wird nun durch das geöffnete Ventil b in das Steigrohr s gepresst.



Bei d nnd c sind Hähne angebracht, die man abstellen kann, wenn die Pumpe nicht mehr arbeiten soll. Der Deckel f kann entfernt werden, wenn man die Ventile nachsehen will. Er ist durch eine starke Draht-

feder angredrückt, so dass er geboben wird, wenn der Druck zu stark werden sollte, wie es z. B. erfolgen kann, wenn das Steigrohr sich verstoptt hat oder der Hahn d geschlossen bleibt, während  $\varepsilon$  offen ist und die Veniden geleien. Der Deckel f dient also in diesem Falle als Sicherheitsventil, issdem durch sein Heben das Bersten der Röhrenwände verhindert wird.

Messung des Luftdrucks. Als die Pumpenmacher in Florenz 75 in einem Sangrohre das Wasser über 32 Fuss heben wollten, sahen sie zu hihre grössten Erstaunen, dass es nicht höher stieg. Damals erklärte man has Anfsteigen der Flüssigkeiten, indem man sagte, die Natur habe einen

164 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

horror vacni. Galiläi genügte eine solche Erklärung nicht, nnd als ihm die von den Pumpenmeistern gemachte Beobachtung mitgetheilt wurde, kam er sogleich auf die Vermuthung, dass die Schwere der Luft die wahre Ursache dieser Erscheinung sei. Sein Schüler Toricelli gab dafür entscheidende Beweise. Er machte ungefähr folgende Schlussfolge. Wenn zwei verschiedene Flüssigkeitssäulen sich das Gleichgewicht halten sollen, so müssen die Höhen der beiden Säulen sich umgekehrt verhalten wie ihre specifischen Gewichte. Das Quecksilber wiegt nahe 14mal so schwer als Wasser; wenn also der Druck der atmosphärischen Luft eine Wassersäule von 32 Fuss tragen kann, so muss er auch gerade eine Quecksilbersäule von 32/14 Fuss, d. h. von nahe 28 Zoll tragen können. Der Versuch ist leicht anzustellen. Man füllt eine Glasröhre, welche ungefähr 30 Zoll lang nnd an dem einen Ende verschlossen ist, mit Ouecksilber, hält das offene Ende mit dem Finger zu und kehrt die Röhre um. Taucht man das mit dem Finger verschlossene Ende in ein flaches, mit Quecksilber gefülltes Gefäss n. Fig. 212, zieht man alsdann den Finger weg, so wird das Quecksilber

Fig. 212. um einige Zoll fallen, und zwar so weit, dass die Erhebung des Queckeilbers in der Röhre über das Niveau des Queckeilbers in dem Gelfasse so gross ist, wie es aus den eben angeführten Betrachtungen folgt. Die in der Röhre getragene Quecksilbersäule ist als Gegengewicht gegen den stmosphärischen Lindfruck zu betrachten. Dieser Apparat ist

das Barometer. Der leere Raum über der Quecksilbersäule des Barometers ist die Toricelli'sche Leere. Um das Rohr zu halten nnd um es zugleich mit einer

Om ass non-zu hanten ma un es zugeten me temer Scala zu versehen, kann man das Gefäss x in einen Fuss von Holz stellen, wie es Fig. 213 zeigt, und in welchem ein getheiltes Brett eingeschoben wird, welches in der Mitte mit einem Schlitze zur Aufnahm der Röhre versehen ist.

Wir können nun die vorher besprochenen Resultate preisers ausdrücken. Die verticale Höde des Niveaus in der Röhre über dem Niveau im Gefässe heisst die Barometerböhe. Sie ist nicht an allen Orten und nicht zu allen Zeiten dieselbe. Am Ufer des Meeres beträgt sie durchaehnittlich 76 Centimeter oder, was sehr nahe dasselbe ist, 28 pariser Zoll. Eine solche Quecksilbersäule von 19 Quadrateentimeter Grundfläche hat einen Cablkinhalt von 76 Cubikcentimetern. Da nun ein Cubikcentimeter Quecksilber 13,99 Gramme wiegt, so ist der Druck dieser Säule auf ihre Basis 76 × 13,59 Gramme — 1,938 Kilogrammen. Die atmosphärische Luftsäule, welche im Niveau des Meeres auf einem Quadrateentimeter Basis ruht, drückt also, auf die Palche mit einem

Gewichte von 1,033 Kilogrammen.

Diese Berechnung würde bei Zugrundlegung eines anderen Maasssystems viel umständlicher gewesen sein, weil bei anderen Maasssystemen keine einfache Beziehung zwischen Volumen und Gewicht besteht; doch lässt sich unser Resultat jetzt leicht in ein anderes Maasssystem übertragen.



Es ist 1 Quadratzoll preuss. = 6,8405 Quadratzentimeter, jeder Quadratzoll Oberfläche hat also durch die Atmosphäre einen Druck von 6,8405 × 1,933 = 7,066 Kilogrammen = 14,18 Pfund, jeder Quadratfuss hat also einen Druck von 15,11 × 144 = 2035,72 Pfunden auszuhalten.

Ein gleichformiger Gas- oder Flüssigkritsdruck, velcher in der Art wirkt, dass jedes Quadrateentimeter der Geffasswand einen Druck von 1 Kilogramm oder jeder Quadratzoll einen Druck von 14 Pfunden aussuhalten hat, wird ein Atmospharendruck genannt. Wenn die Spannkraft des Dampfes in einem Dampfkessel so gross ist, dass jeder Quadratzoll der Kesselwand einen Druck von 84 (= 6 - 14) Pfund aussuhalten hat, so sagt man, der Dampf habe eine Spannkraft von 6 Atmosphären.

Construction des Barometers. 76 Man hat dem Barometer sehr verschiedene Formen gegeben, welche in dem nächsten Parsgraphen besprechen werden sollen. Welche Form man aber auch wählen nag, so müssen doch stets gewisse Bedingungen erfüllt sein, wenn man Genauigkeit fordert.

1) Das Quecksilber muss sehr rein sein, weil sich sein specifisches Gewieht mit seiner Reinheit ändert, und weil das unreise Quecksilber am Glase anhängt. Das Quecksilber des Handels hat in der Regel nicht die erforderliche Heinheit. Man reinigt es am besten dahren, dass man es mit reiner, aber stark verdünnter Salpetersäure wisderholt schüttelt. Will man auf diesem Wege alle Unreinigkeiten weg-staffen, so muss man das Quecksilber mehrere Woehen lang mit der Säure in Berihrung lassen. Nachdem man die Säure vom Quecksilber entfernt lat mass man dafür sorgen, dass auch keine Spur derselben zurückbleitzt, aum and urch wiederholtes Auswashen mit destülltrem Wasser erreicht.

Das destillirte Quecksilber enthält stets aufgelöstes Quecksilberoxyd, welches jedoch durch Schütteln mit verdünntem Schwefelammonium weg-geschaft werden kann.

2) Die Höhe der durch den Lanfdruck getragenen Quecksülbersäule muss sehr genau gemessen werden können. Dies ist jedoch nur dann möglich, weum das Barometerrohr eine vollkommen vyrticale Stellung bat. Zur Messenng dieser Höhe ist in der Regel neben der Quecksülbersäule ein Massastab angebracht. An diesem Massastab befindet sieb ein beweglicher Zeiger, der mit einem Nonius verbunden ist und einen Theil des Glasrohrs umschliesst. Dieser Zeiger wird in die Höhe der zu beobachtenden Quecksülberkuppe gerückt und dann der Nonius abgelesen. Hat man jedoch während des Einstellens das Auge nicht genau in die Höhe der zu beachtenden Quecksülberkupp gehalten, so ist auch der Zeiger nothwendig falseh eingestellt worden, nämlich zu boch oder zu tief, wenn sich das Auge über den unter der Kuppe befand.

Manchmal ist die Theilung auf dem Barometerrohre selbst eingeätzt, oder man hat die Theilung gerade hinter das Rohr gebracht, so dass das beobachtende Auge die Quecksilberkuppe gerade vor der Theilung erblickt. Auch hier ist ein Beobachtungsfebler möglich wie beim Zeiger, dass man nämlich das Auge nicht genau in die Höhe der Quecksilberkuppe hält und deshalb die Höhe der Skule etwas zu gross oder zu klein schätzt.

Eine äusserst sinnreiche Einrichtung hat Wilhelm Weber angegeben, wodurch dieser Fehler völlig vermieden wird (Pogg. Annal. Bd. XL, S. 28). Die Theilung befindet sich auf der Vorderseite eines Streifens von dickem Spiegelglase, auf dessen Hinterseite die eine Langenhälfte foliirt ist, so dass der Glasstreifen, von vorn betrachtet, zur Halfte durchsichtig ist, zur Halfte als Spiegel erscheint, Fig. 214. Das Barometerrohr ist

Fig. 214.



binter diesem Glastreifen so angebracht, dass seine Mittellinie gerade hinter der Griantlinie des Spiegels liegt, dass man also nur die eine Hälfte der Quecksilbersäule siebt. Wenn die Scals vertical steht, so ist der Punkt des Spiegels, an welchem der Beobachter das Bild seines Auges erblickt, genan in der Höbe des Auges selbst; wenn man also das Bild des Auges gerade neben dem der Quecksilberkuppe erblickt, so hat das Auge die richtige Stellung, und die Beobachtung ist somit von dem vorher gerütgehr Fehler frei.

Dies ist jedenfalls der wesentlichste Vortbeil der Weber'sche Einrichtung, überdies aber ersetzt sie den Nonius vollkommen. Es ist klar, dass man in dem Spiegel das Bild der Theilung erblickt, im Bilde erscheint aber die Entfernung zweier Theilstriche kleiner als sauf der Theilung selbst, denn das Bild der Theilung erscheint dem Beobachter gerade so, als ob man die Tbeilung um die doppelte Dicke des Glasses zurückgerückt hitte. Es stehen demnach die Theilung und ihr Bild

gerade in einer solchen Beziebung zu einander, wie Haupttheilung eines Maassstabes zu der Noniustheilung. Es gehört jedoch viel Gewandtheit im Beobachten dazn, um von der Weber'schen Scala auch noch diesen Vertheil zu ziehen.

Häufig bringt man bei Barometern auch Mikroskope an, um die Quecksilberkuppe zu beobachten. Bei diesen ist natürlich auch ein volltommen sicheres Einstellen gesichert.

3) Der Raum über der Quecksilbersäule muss vollkommen luftleer sin dem wenn Luft in diesem Raum zurückbliche, so würde ihre Tension die Quecksilbersäule niederdrücken. Um diesem Zweck zu erreichen, wird das Quecksilbersiller in der Robre auf folgende Weise ausgekocht: Man füllt die Quecksilber auf und kocht es seiner ganzen Ausehbung nach über einem Kohlenfeuer; alsdann gieset man eine nene Fortio Quecksilber zu, welches aber etwas warm sein muss, damit die Elder nicht springt, und kocht die neu hinzugegossene Quecksilbersäule auf dieselbe Weise, und so fort, bis man fast tie ganze Röbre auf diese Weise behandelt hat, und gieset zuletzt noch etwas heisses Quecksilber auf und ist ehre vollständig zu füllen. Durch diese Operation wird sowal die Luft, als auch die Fenchtigkeit, welche an den Röhrenwänden salabet entfern.

Wenn in der Torricelli'sehen Leere noch etwas Luft zurückgeblieben is, oerkeunt man dies daran, dass, wenn man das Barometer neigt, das Beir sich nicht vollkommen mit Quecksilber füllt, sondern dass ein kleines Latibäschen am Gipfel der Röhre zurückbleibt. Nach und nach dringt für immer etwas Luft in die leere Kammer der Barometer; der Pehler, der daraus entsteht, ist jedoch um so geringer, je grösser das Volumen der letere Kammer ist.

Je lagger man das Queckailber in der Röhre kocht, desto flacher wird ür Kuppe im Barometerrobre, ja der Queckailberpieged erscheint zuletzt fast ganz eben. Man hielt dies früher für einen Beweis, dass alle Luft rölktändig aus dem Rohre entfernt sei; Dulong hat jedoch gezeigt, dass ak Verschwinden der Quecksilberkuppe daher rühre, dass dem Queckailber twas Quecksilberoxyd beigemengt sei, wodurch das Anhaften an das Glas Termehrt wird. Dieses Oxyd blidet sich während des Ankochend.

Die Röhren, welche man zu Barometern anwenden will, dürfen nicht zu eng sein, denn bei weiten Röhren bringt, wis sehon erwähnt, ein ganz blinse Laftbläschen, welches etws in dem leeren Raum eingedrungen sein eller, einen geringen Fehler herror; man ninmt deshalb zu sehr genauen Barometern mittenter Röhren von 6" Durchmesser. Enge Röhren haben ber noch den grossen Nachtheil, dass ist das Barometer unempfindlich sehr noch den grossen Nachtheil, dass ist das Barometer unempfindlich studen. Bei engen Röhren ist namlich der Einfluss des Rebengswiderstandes an den Glaswänden und des Anhaftens des Queckeilbervs an densiben, namentlich wenn etwas Quecksilbervog dem Queckeilber beigenistett ist, so bedeutend, dass geringe Veränderungen im Luftdrucke von eines solchen Borometer gar nicht angegeben werden, d. h. der Luftdruck kan sich etwas ändern, ohne dass die Quecksilberkuppe ihre Stellung sladet; es ist ein Anstossen des Instrumentes, eine Erschütterung nöthig,

damit diese Widerstände überwunden werden und die Kuppe ihre richtige Stellung einnimmt. Selbst bei Barometern, welche man nur zu Witterungsbeobachtungen anwenden wil, darf das Rohr nicht weniger als eine Linie Durchmesser haben. Von den Correctionen, welche man an den gemessenen Barometerhöhen in Beziehung auf Capillarität und Temperatur anzubringen hat, wird später die Rede eine

Gehen wir nun zur näheren Beschreibung der verschiedenen Arten von Barometern über, ohne jedoch die Künsteleien anzuführen, durch welche man die Barometer in zierliche Möbel umgestalten wollte oder sie empfindlicher zu machen suchte, ohne jedoch den Zweck zu erreichen.

77 Das Gefässbarometer. Die einfachste Form des Gefässbarometers haben wir bereits auf Seite 164 kennen gelernt. Allein ein solcher Apparat, so geeignet er auch zur Demonstration sein mag, ist zu fortgesetztem Gebrauche weder bequem, noch zu genauen Messungen geeignet.

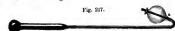
Um aus dem Barometer ein Instrument zu machen, welches stets bequem und sicher zu handhaben ist, muss man vor allen Dingen daßer.



sorgen, dass das Rohr mit dem Gefäs in fester Verbindung sind, was man z. B. dadurch erreichen kann, dass man ein Gefäss mit engerem Halse anwendet, in welchem man die Röhre mittelst eines Korkes einsetzt, welcher mit einer eingeschnittenen Rinne versehen sein muss, damit die Luft in nobren Theile des Gefässes mit der äusseren Luft in Verbindung stehe. Wir werden eine derartige Vorrichtung weiter unten kennen lernen.

Bei dem gewöhnlichen Barometer ist die Röhre und das Gefäss aus einem Stück; se besteht nämlich aus einer Röhre, Fig. 215, welche unten gekrümmt ist, mit einem weiteren Gefässe endigt und auf einem Brette befestigt ist. Bei diesen Barometern, die zu genauer Untersuchungen wesiger geeigaet sind, befindet sich die Scala meist auch nur am oberen Thiel des Instrumentes.

Um das Gefässbarometer zum Transport auf Reisen geeigneter zu machen, hat ihm Lamont die Fig. 216 dargestellte Foru gegeben. Will man das Barometer transportiren, so neigt man es langsam, bis die Toricelli'sele Leere ganz mit Quecksilber gefüllt ist, wobei dasselbe vollständig aus dem Gefüss zurücktritt; abdam wird das unten enge Barometertritt; abdam wird das unten enge Barometerrohr bei a durch ein mit etwas Baumwolle umwickeltes Hölzchen verschlossen, wie man in Fig. 217 sieht.



Die Gefässbarometer leiden an dem Uebelstande, dass der Spiegel des Quecksilbers im Gefäss, welcher doch den Nullpunkt der Theilung bilden



soll, keineswegs unverändert bleibt. Wenn
der horizontale Querschnitt des Gefässes mml
gröser ist als der Querschnitt der Röhre,
so werden auch die Höhenschwankungen im
Gefäss mmal Rieiner sein als die in der Röhre,
das Steigen und Fallen des Queckeilbers im
Gefäss wird also um so unbedeutender sein,
je weiter das Gefäss im Verhältniss zur Röhre
ist. Bei genauen Messungen muss man deshalb
an den beobschteten Barometerhöhen noch
eine Correction wegen der Schwankungen des
Quecksilberspiegels im Gefäss aubringen, deren
Gröses natürlich für jedes Instrument besonders ermittelt werden muss.

Bei dem Fortin'schen Barometer ist durch eine eigenthümliche Vorrichtung dafür gesorgt, dass bei ieder Beobachtung der Quecksilberspiegel im Gefäss genau in dieselbe Höhe gestellt werden kann. Der Boden des Gefässes, welches Fig. 218 ungefähr in natürlicher Grösse halb in äusserer Ansicht, halb im Durchschnitt dargestellt ist, wird nämlich durch einen Lederbeutel l (oder besser durch einen Beutel, dessen innere Seite aus nicht vulcanisirtem Kautschuk und dessen äussere aus Leder besteht) gebildet, gegen welchen von unten her der abgerundete Kopf der Schraube s drückt; je nachdem man die Schraube s dreht, wird also der Quecksilberspiegel im Gefäss gehoben oder gesenkt. Am Deckel des Gefässes aber ist ein unten zugespitzter Stift r von Elfenbein befestigt, dessen Bild man in dem Quecksilberspiegel des Gefässes erblickt. Durch Drehen der Schraube s ist es leicht, die Oberfläche des Quecksilbers gerade so hoch zu heben, dass sie eben die 170 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck. Spitze des Stiftes berührt. Diese Spitze nnn ist der Nullpunkt der Barometerscala.

Das Rohr dieses Barometers ist vollständig von einer Messinghülse eingsschlossen, in welcher, um die Queckülberknep ein Rohre beobachten zu können, ohen zwei einander gegenüberstehende Schlitze angebracht sind. Diese
Messinghülse tristgt eine Scala, deren Nullpunkt die bereits erwähnte Elfenbeinspitze ist. Um den Stand der Queckülberkuppe richtig ablesen zu Können,
ist auf dem getheilten Messingrohr eine Hülse aa, Fig. 219, verschiebbar, in
welcher sich ebufalls zwei diametral gegenüberstehende Schlitze befinden,
welche auf die Schlitze des Rohres passen und nur etwas breiter sind als jene,
so dass man noch die Theilung des Rohres sehen Ram. Die oberen Rander
der beiden Schlieberschlitze sind genan in gleicher Höhe, und um eine Beobachtung zu machen, stellt man den Schliebers, oh, dass diese oberen Ränder
der Schlieberschlitze im gleicher Höhe mit der Quecksüberkuppe stehen.
Die eine Seite des vorderen Schleberschlitzes ist mit einem Nonius verseben.

Mittelst cardanischer Aufhängung, d. h. nm zwei zu einander rechtwinklige horizontele Axen drehbar, wird nun das Instrument in den Hals eines dreiseitigen Statifs eingesetzt, wie man Fig. 220 sieht, so dass das Barometerrohr durch das bedeutende Gewicht des Gefässes stets in verti-



caler Richtung erhalten wird. Um das Barometer zu transportiren, wird die Schraube s, Fig. 218, so hoch in die Höhe geschraubt, dass das Rohr sowohl wie das Gefäss vollständig mit Quecksilber gefüllt sind. Die zusammengelegten Füsse des Statifs bilden dann das Gehäuse, in welchem das Instrument ver-

packt wird.

Die Anwendung des
beweglichen Bodens
zur Einstellung des
Quccksilberspiegels
imGefäss auf einen bestimmten Punkte rührt
von Horner her,
welcher übrigens den
Boden des Gefässes
nicht duurch einen

Lederbeutel herstellte, sondern dazu einen dicht an die Wände anschliessenden mit Leder überzogenen Kolben gebranchte, welcher durch eine Schraube auf- und niedergeschoben werden konnte.

Die Aufhängung des Barometers in einem dreibeinigen Statif wurde merst von Engelfield angewandt.

Heberbarometer. Den bisher besprochenen Gefässbarometern 78 gegenüber bilden die Heberbarometer eine zweite Hauptform dieses wieltigen Instrumentes, welche sich durch mehrfache Vortheile auszeichnet, aussentlich sind die Heberbarometer bei grösserer Genanigkeit weit transputableer als die Gefässbarometer.

Fig. 221.

Die Heberbarometer, Fig. 221, sind aus einem heberförmig gebogenen Glasrohre verfertigt, welches wenigstens an den Stellen der oberen und unteren Quecksilberkuppe gleichen Durchmesser haben muss.

Bei diesen Barometern hat die Quecksülberkuppe im kürzeren Schenkel durchaus keine feste Stellung. So lange die Temperatur nicht wechselt, muss bei verändertem Luftdruck die Quecksülbersälse in dem einen Schenkel genau so viel steigen, wie sie im anderen fällt, man könnte also aus den Schwankungen im einen Schenkel auf die im anderen schliessen; da jedoch bei wechselnder Temperatur auch das Volumen des Quecksülbers im Barometer sich ändert, so ist die Beobachtung beider Kuppen unreflesslich.

Bei den Heberbarometern sind entweder

das Rohr und die Scala fest;

 die Scala fest und das Rohr in verticaler Richtung verschiebbar;

3) das Rohr fest und die Scala verschiebbar.

Im ersten Falle ist es am bequemsten, wenn der Nulppunkt der Seala noch nnter der unteren Kuppe liegt. Man hat alsdann abzulesen, wie hoch die obere und wie hoch die untere Kuppe über dem fraglichen Nullpunkte liegt; die Differenz der beiden Ablesungen giebt dann die Barometerhöhe.

Bei den besten nach diesem Princip construirten Barometern ist die Theilung oft auf das Glasrohr selbst geätzt.

Die Fig. 221 stellt ein Heberbarometer der zweiten Art dar. Das Rohr ist auf er Messingplatte d befestigt, welche mit Hülfe der Schrauhe s auf- und niedergesehoben werden kann, wodurch dasn anch das Beroneterrohr selbst gehoben oder gesenkt wird, indem die messingenen Halter b und c dasselbe zwar auf dem Brette halten, aber doch eine Verschiebung in vertiesdem Sinne gestatten. Soll eine Beobachtung gemacht werden, so wird zunächst die untere Kuppe auf den Nullpankt der Scala eingestelt und dann der Stand der oberen abgelesen.

## 172 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

Bei den Heberbarometern der dritten Art ist die Scala mittelst eines in eine gezahnte Stange eingreifenden Triebes verschiebbar; sie wird bei jeder Beobachtung so eingestellt, dass der Nullpunkt der Scala in die Höhe der unteren Quecksilberkuppe zu stehen kommt. Barometer dieser Construction werden namentlich von J. G. Greiner jun. in Berlin ganz vortrefflich ausgeführt. - Die Barometerröhre ist ganz in ein Brett eingelassen, welches nur an den beiden Stellen durchbrochen ist, an welchen beobachtet werden soll; die verschiebbare Scala ist auf der Vorderseite dieses Brettes angebracht. Am unteren Ende der getheilten Stange ist ein kleines Mikroskop befestigt, welches so eingerichtet ist, dass man durch dasselbe die untere Kuppe des Barometers scharf sehen kann. Der Kreuzungspunkt des in diesem Mikroskop angebrachten Fadenkreuzes liegt in gleicher Horizontallinie mit dem Nullpunkte der Scala und dieser Kreuzungspunkt wird genau auf den Gipfel der unteren Kuppe eingestellt. Am oberen Ende der getheilten Stange ist gleichfalls aufs Feinste verschiebbar ein Nonius angebracht, dessen Nullpunkt in der Horizontallinie eines von ihm getragenen zweiten Mikroskops liegt, welches auf die obere Kuppe eingestellt wird. Der Nonius ist so getheilt, dass man mit demselben unmittelbar 0,02" ablesen kann. Ein gleicher Grad von Genauig-



keit ist bei dem Fortin'schen Barmeter nicht möglich, selbst wenn man die Einstellung auf die obere Kuppe mit dem Mikroskop ausführen wollte, weil die Einstellung auf die Spitzer im Gefäss, Fig. 218, nicht mit der Genaußkeit ausgeführt werden kann, wie die Einstellung auf die untere Kuppe des eben beschriebenen Instrumentes.

Dessenungeachtet behält das Fortin'sche Barometer seinen Werth für heisse Länder, für welche eine Befestigung des Barometerrohres auf Holz nicht rathsam sein dürfte.

Besondere Mühe hat man darauf verwandt, die Heberbarnenter so zu construiren, dass sie bequem und sicher transportist werden können. Fig. 222 stellt das Rohr des von Gay-Luss ac angegebenen Barometers her offens Schenkel hat nur eine capillare Oeffnung a, gross genug, un die Luft frei einrteetn zu lassen, aber zu klein, als dass Quecküllber durch dieselbe auslaufen könnte; man darf

also das Instrument umkehren, Fig. 223, ohne fürchten zu müssen, dass

man Quecksilber verliert. Damit man das Barometer aus der Lage Fig. 233 wieder zur Beobachtung nmkehren könne, ohne dass Luft in den längeren Schenkel eintreten kann, hat Bunten an diesen Barometern die Fig. 224 abgebildete Einrichtung getroffen.

Bei den Gay-Lussac'schen Barometern findet man die Theilung meist auf das Glas geätzt.



Fig. 225 stellt den sehr zweckmässigen Verschluss der Greiner'schen Heberbarometer dar. Der offene Schenkel ist nämlich nahe über der Krümmung bei d etwas verengert und unter dieser Einschnürung banchig erweitert. In diese Erweiterung erhebt sich vom unteren Rande aus eine konisch verjüngte, und oben bei i offene Fortsetzung des unteren Röhrentheils. Das Barometer enthält nnn gerade so viel Quecksilber, dass die bauchige Erweiterung noch bis d mit Quecksilber gefüllt bleibt, wenn man durch Neigen des Instrumentes die Toricelli'sche Leere vollständig mit Quecksilber ausgefüllt hat. Zum Verschluss dient alsdann ein genau in die Verengung bei d passender Kork k, welcher am unteren Ende einer im Lichten ungefähr 1mm weiten, bei n zugeschmolzenen Glasröhre befestigt ist. Wenn nun selbst kleine Luftblasen in dem abgesperrten Theile zurückblieben, so können diese doch niemals in der Oeffnung bei i und durch diese in den längeren Schenkel des Barometers eindringen. Wenn bei steigender Temperatur das abgesperrte Quecksilber sich ausdehnt. so kann es in die durch den Kork k gesteckte Glasröhre eintreten. Es ist dafür gesorgt, dass während des Transportes die fragliche Glasröhre sammt dem Kork k in der Stellung festgehalten wird, in welcher sie Fig. 225 darstellt. Soll das Instrument gebraucht werden, so wird die enge Glasröhre sammt dem daran steckenden Kork k in die Höhe gezogen.

Wenn ein Heberbarometer einige Jahre lang in der Beobechtungstellung hängen bleibt, so wird die Stelle des offenen Schenkels, an welcher die natere mit der Luft in Berührung stehende Quecksilberkuppe auf und abspielt, durch anhaftendes Quecksilberoxyd und Quecksilber verunreinigt, was eine genaue Beobachtung sehr ersehwert und endlich ganz unmöglich macht. Um diesen Ucbel-

stand zu vermeiden, thut man wohl, das Barometer so aufzuhängen, dass

174 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck. das Rohr einen Winkel von 20 bis 30 Graden mit der Verticalen macht, nnd es nur in die verticale Stellung zu bringen, wenn man eine Beobachtung machen will.

79 Variationen des Barometerstandes. Das Gewicht der atmosphärischen Luftsäule, welche sich über uns hefindet, ist durch mancherlei Einflüsse hedingt. Der beständige Wechsel der Temperatur, die Winde, die veränderliche Menge der in der Luft verhreiteten Wasserdämpfe führen fortwährende Aenderungen des Luftdrucks mit sich, welcher auf das Barometer wirkt. Man begreift demnach sehr wohl, dass die Barometersäule an einem nnd demselhen Orte nicht stationär bleiben kann, und dass sie mehr oder weniger bedeutende Variationen erleidet. In unseren Gegenden z. B. vergeht fast kein Tag, an welchem der Barometerstand sich nicht um einige Millimeter änderte. Im Allgemeinen unterscheidet man zweierlei Arten von Schwankungen des Barometers, nämlich periodische und zufällige Schwankungen. Die ersteren treten regelmässig zu hestimmten Zeiten ein und haben eine constante Grösse; die letzteren hingegen sind unregelmässig, so dass man weder ihre Zeit noch ihre Grösse voraussehen kann. Wir werden diesen Gegenstand in der Meteorologie weiter besprechen.

> Da die Variationen des Barometerstandes an demselben Orte nicht Fig. 226.
> sehr bedentend sind, so hat man sich viel Mühe gebehen, diese Schwankungen dem Auge merklicher zu machen. Wir wollen hier nur zwei solcher Vorrichtungen betrachten, die ziemlich verbreitet sind.



Fig. 226 stellt ein von Huyghens construirtes Barometer dar. Die Barometerröhre a erweitert sich oben hei b, wo sich die Toricelli'sche Leere befindet, und unten hei c, wo eine Pflesigkeit von geringerem specifischen Gewicht ist die Quecksilber aufgegossen ist. Das Gefläss c geht in eine engere oben offene Rohre d dher, so dass die leichter Pflussigkeit, etwa gefärhtes Wasser oder gefärbter Weingeist, den oberen Theil von c und den unteren von d füllt.

Das Geffas bei b habe gleichen Durchmesser, wie das bei c; das Rohr bei d habe aber einen mus kleineren Querschnitt. Wenn die Quecksilbersäule in b um x Linien sinkt, so steigt der Quecksilberspiegel in a van deen so viel, die farbige Pflässigkeit in der Röhre d aber nun nx Linien, die Höhe der farbigen Flüssigkeit hat also um (n-1)x Linien zugenommen. Eine(n-1)x Linien hobe Säule dieser Pflässigkeit drückt desnos dark,

wie eine  $\frac{(n-1)x}{x}$  Linien hohe Quecksilbersäule, wenn

s die Zahl ist, welche angiebt, um wie vielmal das specifische Gewicht der farbigen Flüssigkeit geringer ist als das des Quecksilbers.

Wenn also das Quecksilber in b um xLinien sinkt, so ist

$$y = 2x + \frac{n-1}{s}x$$

die Höhe einer Quecksilbersäule, welche der Abnahme des Luftdrucks entspricht. Aus dieser Gleichung ergiebt sich

$$x = \frac{sy}{2s + n - 1}.$$

Es sei z. B. der Querschnitt der Röhre d 20mal kleiner als der von b und c; ferner sei die farbige Flüssigkeit Wasser, also 13,6mal leichter als Quecksilber, so ist n=20, s=13,6 und also

$$x = \frac{13.6 \ y}{2 \cdot 13.6 + 20 - 1} = 0.294 \ y.$$

Fällt ein gewöhnliches Barometer um y Linien, so füllt also das gwecksilber in b um 0,294 y Linien, die farbige Flüssigkeit in d steigt aber um 20.0,294 y, also um 5,85 y Linien. So oft also ein gewöhnliches Grüssbarometer um 1 Linie steigt oder fällt, wird die farbige Flüssigkeit unseres Barometers um 5,88 Linien, also fast ömal so viel, fallen oder steigen.

Ein solches Barometer ist sehr zweckmissig, wenn es sich nur um die beobachtung der Barometerschwankungen und nicht um genaue Ermittelung der absoluten Barometerhöhe handelt. Die Seala, welche hinter der Bähre d'angebracht ist, wird am besten so angefertigt, dass man einen Pault nahe am oberen und einen nahe am usteren Ende dereiben durch vergleichung mit einem Normalbarometer bestimmt und den Zwischenraum einheilt.

Hook's Radbarometer hat folgende Einrichtung: Anf dem Quecksibler im offenen Schenkel eines Heberbarometers schwimmt ein eisernes Gericht; von diesem Gewichte geht eine Schnur über eine Rolle, welche saf der anderen Seite durch ein etwas geringeres Gewicht gespannt ist, ab der Axe der Rolle ist ein langer Zeiger beletigt, dessen Endpunkt also einen grossen Weg durchläuft, wenn das Quecksüber nur wenig steigt oder fällt und dadurch die Rolle dreht. — Zu Messungen ist begreiflicher Weise auch ein solches Instrument nicht zu gebrauchen.

Grösse des Luftdrucks bei verschiedenem Barometer-Stand. Wir haben oben ermittelt, wie gross der Luftdruck ist, welcher dem Barometerstande von 760 Millimeter entspricht. Gauz auf dieselbe Weise lässt sich die Grösse des Luftdrucks für jede Barometerhöhe berechann. Man wird die Resultate finden, wie sie in folgenden Tabellen enthaltes sind.

Höhe der Quecksilber- säule.	Druck auf ein Quadrat- meter.		Druck anf ein Quadrat- meter.		Druck auf ein Quadrat- meter.
Millimeter.	Kilogramme.	Millimeter.	Kilogramme,	Millimeter,	Kilogramme.
500	6793	600	8152	700	9510
510	6929	610	8287	710	9646
520	7065	620	8423	720	9782
530	7201	630	8559	730	9918
540	7336	640	8695	740	10054
550	7472	650	8831	750	10189
560	7608	660	8967	760	10325
570	7744	670	9105	770	10461
580	7880	680	9238	- 780	10597
590	8016	690	9374	790	10733

oder auch

Höhe der Quecksilber- säule in par. Z.	Druck auf 1 preuss. Quadratfuss in alt- preuss. Pfund.	Höhe der Quecksilber- säule in par. Z.	Pruck auf 1 preuss. Quadratfuss in alt- preuss. Pfund.
29	2254	24	1865
28	2176	23	1787
27	2098	22	1710
26	2021	21	1633
25	1943	20	1554

81 Wirkung des Luftdrucks auf den menschlichen Körper. Der menschliche Körper ist so gut wie jeder andere dem Drucke der Al-mosphäre ausgesetzt, und ad die Oberfähee eines ausgewachsenen Mieschen weit mehr als ein Quadratmeter beträgt, so ist der Totaldruck, der von allen Seiten her gleichförmig vertheilt gegen den Körper wirkt, allerdings sehr bedeutend, er beträgt 30,000 Pfund.

Das scheint für den ersten Augenblick allerdings ungkaublich, und es gielst viele sehlts gebildete und geistreiche Leute, welche eine solche Behauptung für baaren Unsinn halten, welche die ganze Lehre von Luftdruck als falseh verwerfen, weil sie zu solchen, ihrer Amieth nach ganz aburden Folgerungen führt. Drieberg, welcher ein Werkehen gegen den Luftdruck schrieb, sagt in seiner Vorrede: "Nach dem weisen Rathschlusse der Physikhelfissenen müssen wir armen Creaturen uns bekanntWirkung des Luftdrucks auf den menschlichen Körper.

lich mit einer Luftlast von 30,000 bis 40,000 Pfund herumschleppen, und selbst die Elsler, wenn sie auf der grossen Zehe steht, trägt ihr 30,000 Pfundehen u. s. w."

Eine solche Ausdrucksweise zeigt sehon ein Missverstehen der Lehre vom Luftdrucke, dem da er ja gleichnässig von allen Seiten, also von oben und unten, von vorn und hinten, von der rechten und linken Seite wirkt, so kann hier weder von einem "Schleppen", noch von einem "Tragen" die Rede sein; solche Ausdrücke sind nur auf einen einseitigen Druck anwendbar.

Aber man könnte einwenden, wenn ein so starker Druck auch ganz gleichörmig und von allen Seiten her gegen den Körper wirkt, so müsste er ja den Körper in sich selbst zusammenpressen, er misste in zermalmen! Was soll also zermalmt werden? Das Knochengerüst? es könnte noch

was soul also zernamm werden? Das knochengerus? es konce noch einen weit stärkeren Druck aushalten. Die mit Filssigkeiten konte noch fallten Gefässe und Höhlungen des Körpers? Die im Körper befindliche Laft ist von gleicher Dichtigkeit mit der äusseren, sie kann also durch den Lufdruck nicht weiter comprimit werden; dass aber die im Körper suchaltenen Filssigkeiten nicht zerdrückt werden können, versteht sich vos selbst.

Es bleibt demasch nur noch etwa der Zweifel zu heben übrig, ob nicht die zarten Häntehen und Gewebe, welche die Hällen der einzelnen Gefässchen bilden, durch einen so starken Druck Noth leiden mässtenVon einem Zerreissen der zarten Gewebe kann aber keine Rede sein, weil der Druck gleichmissig von beiden Seiten wirkt, ma ber die Häntchen etwa zu zerqnetschen, ist der Druck nicht stark genug. Da es sich hier nur um kleine Gefässchen handelt, so kommt auch nur der Druck in Betracht, der auf die kleine Oberfläche derselben wirkt; aus der obigen Tselle aber kann man entrehmen, dass der Luftdruck auf eine I Quadratcustimeter (ungefähr 20 Quadratlinien) grosse Oberfläche nur I Kliogramm (2 Pfind), auf 1 Quadratmillimeter (ungefähr ¾10 Quadratlinien) aber nur 1 Centigramm (ungefähr ¾2, buth) betsglet.

Wenn man die Sache auf diese Weise betrachtet, so fallt alles Auffallende und Unbegreifliche weg. Die Lehre vom Luftdrucke, der auf den measchlichen Körper wirkt, erhält nur dadurch etwas Paradoxes, dass man durch die Summation der Pressungen, welche auf die einzelnen Theilchen wirken, enorme Zahlen erhält, während doch jedes einzelne Theilchen für sich mit dem Luftdrucke im Gleichgewichte steht, und nicht der Totaldruck einseitig gegen eine Stelle des Körpers wirkt.

Wenn man den Luftdruck von irgend einer Stelle des Körpers entweder mit Hülfe eines Schröpfkopfes oder einer Luftpumpe wegnimmt, so wird der Inhalt der Gefässchen ein Bestreben geltend machen, sich auszadehnen.

Wie wichtig der Lnftdruck für die Oekonomie der Kräfte des menschlichen Körpers ist, haben die classischen Untersuchungen der Gebrüder Weber gezeigt. 178 Vom Gleichgewicht der Gase und dem atmosphärischen Druck.

Betrachtet man das Knochengerüst des menschlichen Körpers, so findet man an jeder Seite des Beckens eine spiegelglatte, mit einer schlüpfrigen Flüssigkeit benetzte Vertiefung, die Pfanne, in welche der kugelförmige Kopf des Schenkelknochens genau hineinpasst, wie man dies in Fig. 227 deutlich sehen kann, welche das Becken mit den Schenkelknochen darstellt.

Der vordere Theil des Beckens und der beiden Schenkelköpfe ist in Fig. 227 durch einen senkrechten Schnitt weggenommen, damit man besser



weggenommen, damit man oessehen kann, wie die Schenkelköpfe in den Pfannen sitzen; da sich nun der Schenkelkopf in der Pfanne nach allen Seiten leicht drehen lässt, so begreift man, dass das Bein nach allen Seiten hin beweglich ist.

Das ganze Gelenk ist durch eine Kapselmembran eingehüllt, welche, das Becken mit dem Schenkelkopfe verbindend, an dem knöchernen Pfannenrande und am Halse des Schenkelkopfes angewachsen ist.

Wenn man auf einem Beine steht und das andere nur so viel

krümnt, dass es hängt, ohne den Boden zu berühren, so kann man mit ungemein geringer Muskelanstrengung das hängende Bein hin und her chwingen lassen. Während das Bein so schwingt, sind die Muskeln, welsche das Becken mit dem Schenkelbeine verbinden, ganz schläft, und daraus sehon geht hervor, dass diese Muskeln es nicht sein können, welche das schwebende Bein tragen. Die Gebrüder Weber haben dies auch durch den Versuch nachgewiesen, indem sie an einem Leichname alle Muskeln durchschnitten, welche den Schenkel mit dem Becken verbinden. Das frei schwebende Bein Bel nicht herab, wie es der Fäll gewesen wäre, wenn es im Leben durch die Muskeln getragen wärde.

Auch die Kapselmembran wurde durchschnitten, und das Bein fiel nicht herab.

Der Schenkelkopf wird also in der luftdicht schliessenden Pfanne durch den Druck der atmosphärischen Luft zurückgehalten, oder das Gewicht des Beines wird von dem Drucke, den die atmosphärische Luft auf dasselbe von unten nach oben ausütt, äquilibrirt, es bedarf also keinerlei Kraftanstrengung, um während des Gehens das eben nicht auf dem Boden stehende Bein zu tragen, obgleich das Gewicht desselben nicht unbedeutend ist.

Die Richtigkeit dieses Satzes wurde noch durch folgenden Versuch

bestätigt. Es wurde durch das Becken hindurch mitten in die Pfanne ein kleines Loch gebohrt; das Bein fiel in demselben Augenblicke herab, in welchem die Spitze des Bohrers die Pfanne eben durchbrochen hatte und den Schenkelkopf noch nicht berührte. Als der Schenkelkopf nun wieder in die Pfanne hineingeschoben wurde, so dass seine Kugelfläche wieder genau mit der Kngelfläche der Pfanne in Berührung kam, und man dann das Loch im Becken mit dem Finger zuhielt, wurde das Bein auch wieder durch den Luftdruck getragen; es fiel aber sogleich wieder herab, sobald man den Finger wieder von dem Loche wegnahm, so dass die Luft von oben eindringen konnte.

Die Arme werden in derselben Weise durch den Luftdruck getragen wie die Beine.

Das Mariotte'sche Gesetz. Das Mariotte'sche Gesetz lässt 82 sich so ausdrücken: Das Volumen der Gase verhält sich umge-



kehrt wie der Fig. 229. Fig. 230.

Druck, dem sie ausgesetztsind, oder in einer Formel ausgedrückt V:v = p:Palso auch VP = vpwenn V das Volumen einer gegebenen Luftmasse unter dem Drucke P. v aber das Volumen derselben Lnftmasse unter dem Drucke p bezeichnet. Um dieses Fun-

damentalgesetz durch den Versuch zu beweisen, nehme man eine gekrümmte cylindri-

sche Röhre, deren kürzerer Schenkel oben geschlossen ist, während der längere Schenkel offen bleibt, Fig. 228, und welche auf einem Brett befestigt ist. Man giesse zu Anfang nur wenig Quecksilber ein, neige dann den Apparat ein wenig, damit etwas Luft aus dem kürzeren

180 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.

Fig. 231.

Schenkel entweicht; so kann man es leicht dahin bringen, dass das Quecksilber in beiden Schenkeln gleich hoch steht, Fig. 229. Alsdann ist die in dem geschlossenen Schenkel abgesperrte Luft genau dem Drucke der Atmosphäre ausgesetzt. Giesst man nun von Neuem Quecksilber in den offenen Schenkel, so wird der Druck, den die eingeschlossene Luft auszuhalten hat, vermehrt, sie wird dadurch auf einen kleineren Raum zusammengepresst. Wenn das Quecksilber im kürzeren Schenkel bis zum Punkte N, Fig. 230, gestiegen ist, welcher sich in der Mitte zwischen M und dem Gipfel A der geschlossenen Röhre befindet, so ist die Luft auf die Hälfte ihres vorherigen Volumens zusammengepresst; bezeichnet man nun auf dem längeren Schenkel den Punkt N', welcher mit N gleiche Höhe hat, und misst man dann, wie hoch das Quecksilber sich im längeren Schenkel noch über N' erhebt. so findet man, dass die Höhe dieser Quecksilbersäule genau der Barometerhöhe gleich ist; die in dem kurzen Rohre abgeschlossene Luft hat demnach jetzt einen Druck von zwei Atmosphären auszuhalten.

Bequemer und zweckmässiger als der Apparat Fig. 228, ist der für denselben Zweck construirte Apparat Fig. 231. Die kürzere Röhre, welche wir die Manometerröhre nennen wollen, ist oben nicht zugeschmolzen, sondern mit einem Hahn versehen, dessen Einrichtung durch Fig. 232 erläutert wird; sie ist etwas über 12, die Druckröhre ist ungefähr 65 Zoll lang. Die beiden Röhren sind in zwei verticale cylindrische Löcher des Eisenstücks i eingekittet, welche unten durch einen



horizontalen Canal verbunden sind. Fig. 232.

 Dieses Eisenstück ist sammt den beiden Röhren auf einem in Zolle getheilten Brette befestigt; der Nullpunkt der Theilung ist etwas über dem Eisenstück i, und der Theilstrich 12 bezeichnet gerade das obere Ende der Compressionsröhre. Die Schraube r. welche auf den horizontalen Verbindungscanal führt, dient, um das Quecksilber aus dem Apparat abzulassen und seinen Stand zu reguliren.

Um den Versuch anzustellen, wird der Hahn h geöffnet nnd so viel Quecksilber durch den Trichter des langen Rohres eingegossen, dass es in beiden Röhren gerade bis an den Nullpunkt der Theilung reicht, worauf dann der Hahn h geschlossen wird.

Die abgesperrte unter dem Drucke der Atmosphäre stehende Laft simmt nun im Manometerrohre gerade die Länge von 12 Zollen ein; um sie auf die Hälfte ihres Volumens zusammenzupressen, muss man in dem längeren Druckrohre so viel Quecksilber aufgiessen, dass es in demselben gerade um die Barometerhohe über a steht, um aber die abgesperrte Laft auf den Raum von 4 Zoll, also auf 1/3 ihres ursprünglichen Volumens zusammenzupressen, müsste man so viel Quecksilber aufgiessen, dass es im Durkchohre um zwei Barometerhöhen über 5 steht.

Eine sehr zweckmässige Einrichtung hat Uhde dem unteren Theile dieses Apparates gegeben: das Wesentliche derselhen ist aus Fig. 233 zu



ersehen. Die Röhre r, in welcher die Luftcomprinintt wird, ist etwas weiter als die Druckrohre s. Oben ist auf die Röhre r eine durch einen ebenem Deckel geschlossene Metallfassung aufgekittet; in der Metallplatte aber, welche auf diese Weise die obere Gränze der Röhre r blüdet, ist eine ganz feine Oeffnung angehracht, welche durch die unten mit einem Lederpfropf versehene Schraube o geschlossen werden kann. Durch den Hähn h kann man das Quecksilber aus dem Apparat in ein untergestellten Gefüss auslanten lossen. Arago und Dulon r häben durch eine

besondere Versuchsreihe dargethan, dass das Mariotte'sche Gesetz wenigetens für atmosphärische Luft his zu einem Drucke von 27 Atmosphären noch keine Aenderung erleidet. Die ans 13 sechsfüssigen Glaröhren mittelst eiserner Fassungen zusammengesetzte Druckröhre ihres Apparates war an einem Mastbaum befrestigt, welcher in einem

Tburme des Collège Henri IV. aufgerichtet worden war. Eine genane Beschreibung dieses Apparates sowie der mit demselben angestellten Versuche findet man im 18ten Bande von Poggendorff's Annalen.

Dass das Mariotte'sche Gesetz auch noch gültig bleiht, wenn der Druck, unter welchem die Luft steht, geringer ist als der Druck einer Atmosphäre, lässt sich mit Hülfe des Apparates, Fig. 234 a.f.S., bestätigen.

Eine etwas weite eiserne Röhre r, welche oben in ein weiteres Geiss ab endet und unten geschlossen ist, wird in einem Gestelle, wie es Fig. 234 zeigt, so angebracht, dass sie vertical steht, und dann ungefähr bis zur Hohe nn mit Quecksilber vollgegossen. Nun füllt man eine Barome182 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druckterröhre, wie zum Toricelli'schen Versuche, mit Quecksilber, jedoch nicht ganz voll, sondern nur so weit, dass noch etwa 2 bis 3 Zoll nicht



mit Quecksilber angefüllt sind. Verschliesst man die Oeffnung mit dem Finger, und kehrt man sie um, so wird die Luftblase in den oberen Theil der Röhre hinaufsteigen. Wenn man nun, wie beim Toricelli'schen Versuche, das untere Ende der Röhre in das Quecksilber des Gefässes ab taucht und dann den Finger von der Oeffnung wegzieht, so wird die Quecksilbersäule im Barometerrobre his auf einen bestimmten Punkt fallen. Man wird aber sogleich bemerken, dass der Gipfel s der Quecksilbersäule nicht so hoch über nn steht, als die Barometerhöhe beträgt, weil ja im oberen Theile unserer Röhre sich Luft befindet und kein Vacuum wie beim Rarometer

Wenn man die Röhre niederdrückt, so dass sie weiter
und weiter in das Quecksilber
des Rohres r hinabreicht, so
wird das Volumen der oben
eingeschlossenen Luft immer
kleiner. Man drückt nun die
Röhre so weit hinab, dass das
Quecksilber in derselben genau
in der Höhe des Quecksilberpipgels nu steht; in diesem Fälle
steht die abgesperret Luff genau unter dem Drucke einer
Atmosphäre.

Die Länge der abgesperrten Luftsäule, welche dem Drucke einer Atmosphäre ausgesetzt ist, wird nun gemessen; sie sei gleich v.

Zicht man das Glasrohr wieder in die Höhe, so vermehrt sich das Volumen der abgesperrten Luft, zugleich erhebt sich auch die Quecksilberkuppe s über den Spiegel nn. Gesetzt, man habe das Rohr so weit gehoben, das die abgesperrte Luft eine Länge 2v in der Röhre einnimmt, so wird die Höhe der Quecksilberkuppe über dem Spiegel nn gerade die fälfte des im Augenhibke zu beobachtenden Barometerstandes sein. Stände das Barometer auf 28%, so würde die Quecksilberkuppe s gerade 14% über nn stehen.

Die Hältle des atmosphärischen Druckes ist also durch die Queckailberäule, welche sich unter der abgesperten Luft befindet, aufgehoben, und der Druck, welchen diese abgesperte Luft aussuhalten hat, ist nur noch dem Drucke einer halben Atmosphäre gleich, ihr Volumen aber ist doppelt so gross, als es war, da sie den Druck der ganzen Atmosphäre auszuhalten hatte.

Hebt man die Röhre so weit, dass die abgesperrte Luft eine Länge 3 vin der Röhre einnimmt, dass ihr Volumen also 3 mal grösser geworden ist, so beträgt die Höhe der Quecksilbersäule in unserm Rohre ¾, der Barometerhöhe; die abgesperrte Luft hat also nur noch einen Druck von ¼, Atmosphäre auszuhalten.

Reduction der Gasvolumina auf den Atmosphärendruck. 83 bis das Volumen der Gase von dem Drucke abhängt, dem sie ausgesetzt sind, so kann man aus dem gemessenen Gasvolumen nur dann einen sicheres Schluss auf die Gasmengen machen, wenn dieser Druck bekannt ist. Verschiedene Gasmengen können nur dann ihrem Volumen proportional sein, wenn sie gleichen Drucke ausgesetzt sind; will man also zwei Gasvolumina vergleichen, welche ungleichen Drucke ausgesetzt sind, so muss man berechnen, wie gross das Volumen der einen Gasmenge sein wirde, wenn sie demselben Drucke ausgesetzt wäre wie die andere. In der Rogel reducirt man die Gasvolumina suf den Druck von 28 Zoll oder 780 Millmeter Quecksilber, d. h. man berechnet, wie gross das Volumen V einer Gasmenge sein wirde, welche unter dem Drucke be das Volumen V einsimmt, wenn sie dem Drucke einer Quecksilbersäule von 760 Millmeter ausgesetzt wire. Nach dem Mariotté-Sehen Gesetze heben wir.

$$\frac{V}{v} = \frac{b}{760}$$

also

Eine Gasmenge nehme z. B. unter einem Drucke von 500 Millimetern das Volumen von 84 Cubikcentimetern ein, so würde dieselbe Gasmenge unter einem Drucke von 760 Millimetern das Volumen

$$V = \frac{500}{760} \cdot 84 = 55,2,$$

also nur ein Volumen von 55,2 Cubikcentimetern einnehmen.

Da das Volumen der Gase auch von ihrer Temperatur abhängigi ist; so sind auch in dieser Beziehung Reductionen nöthig, die aber erset spikter bei der Wärmelehre erörtert werden können.

4 Stereometer und Volumenometer. Eine sehr sinnreiche Anwendung hat zuerst ein französischer Physiker Say von dem Mariotte'-

Fig. 235. schen Gesetze gemacht, um das Volumen pulverförmiger



Körper zu bestimmen. Später sind Apparate, auf dieselbe Methode gestützt, von verschiedenen Physikern, namentlich von Leslie, Kopp und Regnault vorgeschlagen worden. Say's Apparat, Fig. 235, welchen derselbe Stereometer nennt, hat folgende Einrichtung. An das Glasgefiss A setzt sich eine möglichst grenau.

An das Ulasgefliss A setzt soh eine möglichst genau vijndrische Glassrbire an. Der Rand des Geflisses ist mit Smirgel abgeschliften, so dass der innere Raum mittelst einer Glasplatte Inflichte abgespert werden kann. Das Rohr ist mit einer Längentheilung versehen und genau bestimmt, welches der dem Zwischenraume zweier Theistriche entsprechende Rauminhalt der Röhre ist.

Wahrend der Behalter A offen ist, wird nun die Köhrein ein mit Queckeilber gefülltes Gefäss bis zum Nullpunkte o der Theilung eingetaucht. Wird nun die Glasplatte auf den Raud von A luftdicht aufgesetzt, so ist ein bestimmtes Luftvolumen V von einer Dichtigkeit ab-

gesperrt, welche dem Barometerstande H entspricht.

Wird nun, während A geschlossen bleibt, das Instrument in die Höhe gezogen, so tritt ein Theil der Luft aus A in die Röhre, während das Quecksilber von unten her in derselben über das äussere Niveau steigt. Es sei v die durch Ablesung an der Röhre ermittelte Zunahme des Luftvolumens, A die Höhe der gehobenen Quecksilbersäule, so haben wir

$$\frac{V+v}{V} = \frac{H}{H-h} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad 1$$

woraus V berechnet werden kann, weil H, h und v bekannt sind.

Wiederholt man denselben Versuch, nachdem man den pulverförmigen Körper, deseen Volumen x man bestimmen will, in das Reservoir A gebracht hat, so ist das Volumen der in A abgesperrten Luft, wenn das Instrument bis zum Nullpunkte eingetaucht ist, gleich V-x. Erhebt man die Röhre, bis das Volumen der abgesperrten Luft gleichfalls um v zugenommen hat, so haben wir

$$\frac{V - x + v}{V - x} = \frac{H}{H - h'} \quad . \quad . \quad 2$$
alle entsprechende Hebung der Quecksilbersäule in

wenn h' die diesem Falle entsprechende Hebung der Quecksilbersäule in der Röhre ist. Aus 2) kann man aber x berechnen, da V schon durch die Gleichung 1) ermittelt worden ist.

Das Volumenometer von Kopp ist Fig. 236 ungefähr in 0,4 der natürlichen Grösse dargestellt. Die cylindrische Glasröhre ii ist oben und unten durch Kork luftdicht verschlossen; unten aber steht ii durch ein gebogenes engeres Röhrchen mit dem Glascylinder k, oben durch ein Glasrohr mit dem Glasgefäss rr in Verbindung. Durch den oberen Verschluss des Cylinders i geht noch ein verticales engeres Glasrohr s hindurch, welches, unten und oben offen, fast bis auf den Boden des Cylinders i hinabricht.

Der obere etwas breite Rand des Gascylinders r ist sorgfältig plan sbgeschliffen, so dass man mit Hülfe von etwas Fett eine Glasplatte luftfig. 236. dicht aufsetzen kann, welche dann noch g durch eine Schraube o fester aufgedrückt



wird.

Der untere Theil von i und k ist mit Quecksilber gefüllt, wie es unsere Figur zeigt. In der Rohre k aber sitzt auf dem Quecksilber ein Lederkolben auf, welcher zwar nicht absolut luftdicht, aber doch quecksilberdicht schlieset. Wird dieser Kolben in die Höhe gesogen, so geht das Quecksilberdicht schlieset, wird dieser Ende de der Steigroline s wird frei und es wird sich absdann der obere Theil von i und das mit demselben in Verbindung stehende Gefüser mit Luft von atmosphärischer Dichtigkeit füllen.

Sobald aber nun der Kolben in k niedergedrückt und dadurch das Quecksilber
nach i getrieben wird, kommt auch das untere Ende des Steigrohrs s wieder unter
den Quecksilberspiegel, es ist also dadurch ein gewisses Quantum Luft in i und
r abgesperrt, welche durch ferneres Niederdrücken des Kolbens in k mehr und
mehr comprimirt wird. Hat man den Kolben in k niedergedrückt, bis der Oueckpen in k niedergedrückt, bis der Oueck-

illerspiegel in i eben die Spitze a berührt, welche ähnlich wie beim Fortin ichen Barometer von dem oberen Verschluss der Röhre i hinabreicht, ob stie abgesperte Luft bis zu einem gewissen Grade comprimit, und die Grösse dieser Compression ergiebt sich aus der Höhe, bis zu welcher wich das Queckliber im Steigrother s erhebt.

Hätte man vor Auflegen der Glasplatte ni irgend einen Körper in den Cylinder r hineingelegt und dann dieselbe Operation wiederholt, so wäre, wan das Quecksilber bei c steht, weniger Luft abgesperrt als vorher, und van nun das Quecksilber wieder bis a in die Höhe gepresst wird, so ist diese geringere Luftmenge um dieselbe absolute Grösse, nämlich um den Raum zwischen c umd ac comprimirt worden; die abgesperrte Luft ist also jett stärker comprimirt als beim vorigen Versuche, in die Steigrohre muss abo ach jetzt ein behere Quecksilberskule gebeben werden als vorher. Da die Höhe der Quecksilbersäule, welche in der Steigröhre gehoben wird, von dem Volumen des Körpers abhängt, welchen man in den Cylinder r hineinlegt, so lässt sich auch aus der Höhe der gehobenen Quecksilbersäule das Volumen dieses Körpers ermitteln, wenn man alle hier influirenden Umstände gehörig in Rechnung brinch.

Wenn man pulverformige oder flässige Körper in den Cylinder r bringen will, so måsen sie in irgend einem Gefläse, welches man heraunschmen und hineinsetzen kann, enthalten sein; man wählt dazu am besten ein Gefäss von Platin oder irgend einem anderen nicht oxydirbaren Metalle, welches mngefähr die Gestalt von r selbet hat und auch nicht viel kleiner ist. Um das Volumen dieses Gefässes nicht in Rechung bringen zu müssen, wollen wir es als einen integrirenden Theil des Instrumentes ansehen.

Um vermittelst dieses Apparates leicht das Volumen der in den Cylinder r gebrachten Körper finden zu können, muss man das Volumen der Laft kennen, welches abgesperrt ist, wenn das Quecksilber eben bei z steht und sich in r das leere Platingeflas befindet; — dieses Volumen sei z. B. 15,07 Cubikeentimeter. Ferner muss das Volumen swischen z und a bekannt sein, um welches die Laft comprimirt wird; es sei 2,5 Cubik-centimeter.

Will man nun das Volumen irgend eines Körpers bestimmen, so hat man ihn in das Platingeffiss zu legen und dieses in r einzubringen, dann den Kolben von seiner höchsten Stellung aus niederzudrücken. In dem Moment, in welchem die Oeffnung  $\varepsilon$  durch das Quecksilber versehlossen wird, ist nun ein Laftquatum x abgesperrt; drückt man den Kolben weiter nieder, bis das Quecksilber mit a in Berührung kommt, so ist das Laftvolumen x auf x = 2,5 Oub-C. comprimit. Nehmen wir nun x. B. an, durch diese Compression der eingesehlossenen Laft sei das Quecksilber in der Steigröhre s um 90 Linien über das Niveau des Quecksilbers in i gehoben worden, während der Barometerstand 336" ist, so hat offenbarjetzt die comprimitte Laft einen Druck von 336 + 90 = 426" auszuhalten, sie ist also im Verhältnis svon 426 x 336 comprimitr worden, und daraus ergiebt sich 426 : 336 = x : x = 2,5, woraus sich x = 11,72 erzieht.

Nun weiss man aber, dass, wenn das Platingefäss leer wäre und das Quecksiber bei c stände, das abgesperte Luftvolumen 15,07 Oub.-C. betragen würde, folglich ist das Volumen des fraglichen Körpers 15,07 — 11,72 — 3,85 Cubikeentimeter.

Setzen wir allgemein den Barometerstand gleich B, die in der Steigröhre beobachtete Quecksilberhöhe gleich H, das Volumen zwischen a und eg gleich v, und setzen wir diese allgemeinen Werthe an die Stelle der entsprechenden Zahlenwerthe obiger Proportion, so ist

 wo V das Volumen bezeichnet, welches abgesperrt ist, wenn sich in r nur das leere Platingefäss befindet und das Quecksilber eben die Oeffnung G verschliesst; der Werth von V war in unserem speciellen Falle 15,07.

Die Werthe von V und v sind für ein und dasselbe Instrument constante Grössen, welche aber natürlich von einem Instrumente zum anderen varieren. Sie müssen für jedes Instrument mit möglichster Sorgfalt bestimat werden.

Um die constanten V und v zu bestimmen, verfährt man folgendermassen. Man setzt das Platingefäss leer ein, treibt das Quecksilber bis a und beobachtet die Höhe der Quecksilbersäule h in der Steigröhre. Wenn der gleichzeitige Barometerstand b ist, so hat man

v:V=h:b+h . 3)

Jetat füllt man n Gramm Wasser, welche n Cub-C. einnehmen, in das Platingefäss und wiederholt denselben Versuch. Die Höhe der jetzt in der Steigröhre gehobenen Ouecksilberssule sei h', so hat man

Eine zweite Drahtspitze b dient zu Controlversuchen. An der Steigröhre sind zwei Scalen angebracht, der Nullpunkt der einen ist a, der der anderen aber b. Die Höhe der Steigröhre beträgt etwa 16 Zoll.

Für solche Substanzen, welche bei höherem Drucke eine grössero Quantität Luft absorbiren, wie dies z. B. bei der Kohle der Fall ist, lässt sich natärlich auch dieses Instrument nicht anwenden.

Hat man mit Hülfe des Kopp'schen Volumenometers das Volumen und durch die Wage das absolute Gewicht des zu untersuchenden Körpers bestimmt, so ist sein specifisches Gewicht leicht zu berechnen.

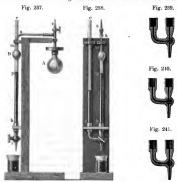
Die folgende Tabelle enthält das specifische Gewicht einiger Körper, wie es Kopp mit Hülfe seines Instrumentes bestimmte.

Körper.	Specif. Gewicht.	К ô грег.	Specif. Gewicht.
Bimsstein (gepulvort)	2,15	(Lindenholz	1,13
Asche von Buchenholz .	2,85	Tannenholz	1,16
Stärkemehl	1,56	Nussbaumholz	1,17
Flachs	1,45	Birnbaumholz	1,23
Seide (rohe Coconfaden)	1,56	Eichenholz	1,27
Baumwolle	1,27	Buchenholz	1,29

Um das epecifische Gewicht der Holzfaser zu erhalten, war das Holz fein geraspelt und gut getrocknet worden. Man sieht hier, dass das spe188 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck. cifische Gewicht der Holzfaser weit grösser ist als das eines massiven Holzstücks, dass also das Holzstück ein Aggregat von Holzfaser und Luft ist.

Regnault's Volumenometer ist Fig. 237 bis 241 abgebildet.

A ist ein Glasballon von ungefähr 300 Cubikcentimeter Inhalt. Der Hals



desselben trägt eine Metallplatte, welche erlaubt, den Ballon mit Hülfe von vier Schrauben durch Zwischenlegen eines gefetteten Leders (noch besser einer Platte von vulkanrisitem Kautschuk) an den manometrischen Apparat luftdicht zu befestigen.

Von A führt nun eine Röhre direct in die Höhe; sie kann durch den Hahn s abgesperrt werden, eine andere führt zu der vertienen 14 Millimeter weiten Röhre ab, welche nahe an ihrem oberen Ende zu einer Kugel B erweitert ist. Auf dieser Röhre ist ein Merkstrich bei zu und einer bei p gemacht; unten ist sie in eine eiserne Fassung eingekütet und kann mittelst des Hahnes r entweder nach unten geöffnet, oder mit der Röhre cd in Verbindung gesetzt werden, wie es die Füruren 239 bis 241 erfluttern.

Das Volumen v der Röhre ab zwischen m und p wird dadurch ermittelt, dass man bei geöffneten Hahn s durch die Röhre cd Quecksilber eingieset, bis es bei m steht, und dann durch den in die Stellung Fig. 239

gebrachten Hahn r aussliessen lässt, bis es auf p gesunken ist. Die ausgeflossene Quecksilbermenge wird gemessen.

genosene Quecksilbermenge wird gemessen. Auf ähnliche Weise wird das Volumen V der Kugel A und der Röhresverbindung zwischen A und m ermittelt, indem man das Volumen des Quecksilbers misst, welches diesen Raum füllt.

Ist nun V, v und ausserdem noch die Höhendifferenz h zwischen m und p ein- für allemal ermittelt, so ist es leicht, mit diesem Instrumente das Volumen pulverförmiger Körper zu bestimmen.

Erst wird die Kugel A leer und dann ungefahr bis zur Häßte mit untersuchenden Pulver gefüllt gewogen, um das absolute Gewicht der Substanz zu erhalten. Nach dieser Wägung wird A angeschraubt, big geöffnetem Hähne s die Röhre ab bis m mit Quecksüber gefüllt und ans geschlosen. Die abgesperte Luft hat jetzt das Volumen V = x, wenn x das Volumen des Pulvers bezeichnet; sie steht uuter dem Drucke der Atmosphäre, den wir mit H bezeichnen wollen.

Nun lässt man, während s geschlossen bleibt, durch r Quecksilber smalanen, bis es zum Merkstrich p gesunken ist. Jetzt hat die abgesperrte Luft das Volumen V-x+v und sie steht unter dem Drucke H-h, wir baben also

$$\frac{V-x+v}{V-x} = \frac{H}{H-h},$$

woraus

$$x = V - \frac{v (H - h)}{h}.$$

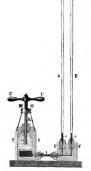
Abweichungen vom Mariotte'schen Gesetz. Nachdem 85 sehen früher durch mehrere Physiker die allgemeine Gültigkeit des Matiette'schen Gesetzes für alle Gase sowohl, wie auch seine absolute Genauigkeit für atmosphärische Luft in Zweifel gezogen worden war, nahmes Oersted und Swendsen diesen Gegenatand in Jahre 1826 wieder saf. Nach einer freilich nicht sehr genaten Methode fanden sie das Gesetts für Luft bis zu einem Druck von 68 Atmosphären bestätigt; für nicht permanente Gase dagegen, wie z. B. für schweflige Säure, fanden sie die Compressibilität grösser, als sie nach dem Mariotte'schen Gesetze hätte sien sollen.

Letzteres fand Despretz vollkommen bestätigt (Annal. de chim. et de plays. T. XXXIV.). Er wandte zu seinen Versuchen einen Apparat an, welcher dem in Fig. 158 S. 126 abgebildeten ähnlich war. Statt des Fieswesters B wurden in das mit Quecksilber gefüllte Gefüss C mehrere Masometerrohmere eingesetzt, wie in jener Figure eine solche rechts von B statt. Die eine dieser Rohren war mit atmosphärischer Luft, die abrigen zwen mit anderen Gasen, und zwar so weit gefüllt, dass das Quecksilber in allen gleich hoch stand. Als nun diese verschiedenen Gase in dem Apparat, Fig. 158, einem gleichen Druck ausgesetzt wurden, stieg das Quecksilber in dem trik Kohlensäure, Schwerfelwasserstoffgas, Amster in dem trik Kohlensäure, Schwerfelwasserstoffgas, des

moniakgas u. s. w. gefüllten Röhren höher als in derienigen, welche atmosphärische Luft enthielt, die genannten Gase werden also durch gleiche Vermehrung des Drucks weit stärker comprimirt als Luft. Wasserstoffgas zeigte ein entgegengesetztes Verhalten. Bis zu 15 Atmosphären verhielt sich dieses Gas wie die Luft, hei stärkerem Druck aber wurde es weniger stark comprimirt.

Fig. 242. Der Hals des gusseisernen Gefässes V ist mittelst einer Stopf-Fig. 242.





Pouillet constatirte diese Thatsache mit Hülfe des Apparates büchse geschlossen, durch welche der massive Kolben K hindurchgeht; der obere Theil desselben ist mit einem Schraubengewinde versehen, welches sich in der Schraubenmutter M drehen lässt. Aus dem unteren Theil des Gefässes V führt die eiserne Röhre t zu einem horizontalen Canal des gusseisernen Klotzes F. auf welchen von oben her zwei verticale Canale munden. Auf diese verticalen Canale sind die 2 Meter langen, genau getheilten Glasröhren A und B aufgeschraubt. Oben sind diese Glasröhren offen, aber in eine feine Spitze ausgezogen.

> Der untere Theil des Gefässes V enthält Quecksilber, der obere Theil desselben ist mit Oel gefüllt. Durch Umdrehung des Hebels C wird der Kolben K niedergeschraubt, und dadurch das Quecksilber in die Röhren A und B hineingetrieben, bis es die Spitzen derselben erreicht hat. Sobald dies der Fall ist, setzt man die Spitze der einen Röhre mit einer Glocke in Verbindung, welche mit dem zu prüfenden Gas gefüllt ist, während die Spitze der anderen durch eine Trockenröhre mit der ausseren Luft in Verbindung steht. Schraubt man nun den Kolben in

die Höhe, so sinkt das Quecksilber langsam in beiden Röhren; die eine füllt sich mit trockner Luft, die andere mit dem Gas der Glocke, beide aber unter dem Druck der Atmosphäre, Sobald das Quecksilber in beiden Röhren bis zum Punkte o gesunken ist, werden die Spitzen beider Röhren vor dem Löthrohr zugeschmolzen, und somit ist der Versuch vorbereitet.

Wird nun der Kolben K abermals niedergeschraubt, so wird in der einen der beiden Glasröhren atmosphärische Luft, in der anderen das zu grüfende Gas comprimirt, und man kann bei dieser Vorrichtung den Druck bis auf 100 Atmosphären steigern. Die folgende kleine Tabelle ist ein Ausung aus den von Po util Let auf diese Weise erhaltenen Resultsten.

ν.	v:V						
	Kohlensäure.	Sti	ckoxydul.	Sumpfgas, C <sub>2</sub> H <sub>4</sub> .	Oelbildendes Gas C <sub>4</sub> H <sub>4</sub> .		
1,09	1,000		1,000	1,000	1,000		
0,20	0,989		0,983	0,992	0,986		
0,10	0,965		0,956	0,981	0,972		
0,05	0,919		0,896	0,956	0,955		
0,025	0,739	97	0,732	0,940	0,919		
0.012	_		-	_	0,850		

Die Tabelle giebt für vier Gase den Werth des Quotienten  $\frac{v}{V}$ , d. h.

ées Quotienten, welchen man erhält, wenn man das Volumen v, auf welchen das Gas zusammengedrückt wurde, dividirt durch das Volumen V, welches unter gleichem Druck die atmosphärische Luft einnimmt. Die Wethe von V in der ersten Verticalreihe geben an, auf den wievielsten Dall seines ursprünglichen Volumens die Luft in der einen Röhre nach und anch comprimit wurde.

Stickstoff, Sauerstoff, Wasserstoff, Kohlenoxydgas u. s. w. verhielten sich bis zu einem Druck von 100 Atmosphären nach diesen Versuchen was Laft.

Sumpfgas und ölhildendes Gas, ohgleich sie bei einem Druck von 100 Atmosphären noch nicht flüssig wurden, wurden doch stärker comprimirt als Luft.

Die Gase, welche bei relativ geringem Druck schon tropfhar flüssig werden, wie schweflige Säure, Kohlensäure, Stickoxydulgas, Ammoniakgas u. s. w., sind dagegen merklich stärker compressibel als Luft.

Was nun die Luft selhet anlangt, so deuteten selon die bereits in 82 erwähnten Versuche von Dulong und Arago darauf hin, dass bei wachendem Druck das Volumen derselben raschet abnimmt, als man selb dem Mariotte'schen Gesetz erwarten sollte, wie folgender Auszug ras den von ihnen erlaltenen Resulteten zeigt.

Druck.	Beobachtetes Volumen.	Berechnetes Volumen.	
Centimeter.	Fot 900		
76,000 500,078	501,300 76,095	76.198	
999,236	37,851	38,132	
1466,736	25,885	25,978	
2049,868	18,525	18,588	

Wie man sieht, sind die beobachteten Volumina stets kleiner als die nach dem Mariotte'schen Gesetz für flen in der ersten Columne angegebenen Druck berechneten. Weil aber die Differenzen gering sind, so nahmen Arago und Dulong an, dass sie von Beobachtungsfehlern herrührten.

Eine definitive Lösung erhielt endlich diese Frage durch eine von Regnault im Jahre 1845 ausgeführte Untersuchung (Mémoires de l'Académie des Sciences de l'Institut de France, T. XXI). Der äusserst zweckmässig und sorgfältig construirte Apparat, dessen er sich bediente, hatte grosse Achnlichkeit mit dem in §. 82 erwähnten Apparat von Arago und Dulong. Die 3 Meter lange Manometerröhre war im Inneren nahe 1 Centimeter weit; ihr unteres Ende communicirte mit einer 30 Meter hohen Drnckröhre. Durch eine Druckpumpe wurde das Quecksilber von unten her gleichzeitig in die Manometerröhre und in die Druckröhre hineingepresst.

Bei den Arago-Dnlong'schen Versuchen wird die nämliche Luftmenge, welche in der Manometerröhre ursprünglich eine Länge von 2 Meter einnahm, durch den Druck einer Quecksilbersäule von 30 Meter Höhe auf die Länge von 0.066... Meter zusammengedrückt, der gleiche Fehler in der Ablesung der Quecksilberkuppe wird deshalb bei hohem Druck auf die Messung des Gasvolumens einen verhältnissmässig viel nachtheiligeren Einfluss ausüben, als bei geringem Druck. Ein Ablesungsfehler von 1mm z. B. würde das ursprüngliche Volumen um 1/2000 fehlerhaft angeben, während der gleiche Ablesungsfehler die Bestimmung des Gasvolnmeus bei einem Druck von 30 Metern um 1/es fehlerhaft macht.

Regnault hat diesen Uebelstand auf folgende Weise vermieden. Statt das Manometerrohr oben zuzuschmelzen, setzt er einen sehr gut gearbeiteten vollkommen sicher schliessenden Hahn auf das obere Ende der Manometerröhre, durch welchen derselbe mit einem knpfernen mit comprimirtem Gas gefüllten Reservoir in Verbindung gesetzt werden kann. Ein Merkzeichen war am unteren Ende der Manometerröhre angebracht nnd ein zweites in der Mitte derselben, so dass durch dasselbe das Volumen der Röhre vom Hahn bis zum unteren Merkzeichen in zwei gleiche Theile getheilt wurde. Um einen Versuch zu machen, wird der Hahn am oberen Ende des Manometers, den wir h nennen wollen, geöffnet, und aus ein Gasreserroir so viel Gas in die Manometerröhre hindbergetrieben, das dieselbe bis zum unteren Merkzeichen mit Gas gefüllt ist. Nun wird der Hahn h geschlossen, das im Manometerrohre abgesperrte Gas nimmt san den Raun  $V_a$  unter dem Druck  $P_a$  ein.

Jetzt läset man die Druckgunpe spielen bis das Quecksilber im Manometerrohre die zweite Marke erreicht hat; das Volumen des abgesparten Gases ist dadurch auf Y, (die Hälfte von Y<sub>0</sub>) vermindert, der Druck, utter welchem es steht, aber auf P, erhölt worden. — Die Versuche werden nun ganz in der gleichen Weise für einen anfänglichen Druck P<sub>0</sub> wiederholt, welcher nach und nach von 739<sup>mm</sup> bis 9336<sup>mm</sup> gesteigert wurde; es wurde also bei niederem und hohem Druck mit gleich grossen Garwilmen operirt.

Die Endresultate der Regnault'schen Untersuchung sind in des degenden Tabelle zusammengestellt. Sie giebt den Druck (in Metern ausgefrackt) an, welcher nöthig ist, ein anfänglich unter I Meter Quecksilberdrek stehendes Gas auf '1/2, '1/10, '1/12 und '1/20 seines ursprünglichen Voluness zu comprimiren.

	Druck					
Volumen.	Luft.	Kohlensäure.	Wasserstoff gas.			
	Meter.	Meter.	Meter.			
1	1,0000	1,0000	1,0000			
1/6	4,9794	4,8288	5,0116			
1/10	9,9162	9,2262	10,0560			
1/15	14,8248	13,1869	15,1395			
1/20	19,7198	16,7054	20,2687			

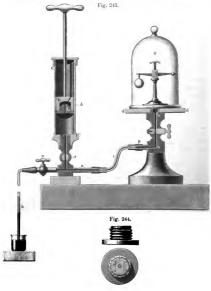
Das Mariotte'sche Gesetz gilt also für kein Gas mit voller Strenge. Das Wasserstoffgas weicht von demselben in entgegengesetzter Richtung ab als die übrigen Gase.

Die Luftpumpe. Zu den unembehrlichsten und wichtigsten Instru-Sömenten des Physikers gehört die Luftpumpe, welche seit ihrer Erfindung (1650) durch Otto von Guericke mancherlei Veräuderungen und Verbesserungen erfahren hat. Wir wollen sie zunächst in einer möglichst ränkehen Gestalt kennen lernen

Fig. 243, a.f.S., stellt eine sogenannte Handluftpumpe dar, wie sie gewöhnlich in chemischen Laboratorien gebraucht wird. CC ist der Stiefel, d. h. ein hohler Messingeylinder, in welchem ein luftdicht schliessender Kölben A auf und ab bewert werden kann.

Maller's Lehrlinch der Physik. 6te Aufl. I.

Von dem Boden des Cylinders führt ein verticaler Canal herab bis zu den horizontalen Robre s, welches durch ein Glasrohr t mit Hülfe von Kantschukröhrehen mit dem Recipienten g, d, h. mit dem Raume in Verbindung gesetzt werden kann, aus welchem $\mathbb{R}$ man die Luft entfernen will.



Die Glasröhre t verbindet nämlich die Messingröhren s und p, von welchen letteres zu dem verticalen Canale ab führt, der oben in der Mitte des eben abgeehliffenen Fellers dd mündet. Auf diesen Teller wird dan die Glassfocke g aufgesetzt, deren unterer Rand ebenfalls eben abgeehliffen ist, und der des besseren Schlusses wegen mit Talg oder Schweinefett bestriches wird.

Der Kolben A besteht aus verschiedenen Stücken, nämlich erstens riem zum Theil hohlen Messingstäcke K. welches von einer Lederkappe mag-ben ist, die fest an die Wände des Cylinders andrückt, und namentleit beim Aufziehen des Kolbens noch darch den von oben ber wirkenden lafdruck an dieselben geprest wird, und zweitens aus einem von unten ber in K eingeschranbten Metallstücke L, welches in der Mitte durchbehrt ist md die Bodennbätte des Kolbens bilden.

Diress Metallstück L. ist nun oben mit einem Ventil versehen, weldes dadurch gebildet wird, dass man ein Stück Schweinsblass so über daselbe bindet, dass es die Geffinng des verticalen Canals verschlieset, und dann seitlich von dieser Gefinnen zwei Einschnitte anbringt, wie Fig. 244 zeigt, veleche das fragliebe Stück im Grund- und Aufriss darstellt.

Dieses Ventil wird fest auf die Oeffnung aufgepresst, wenn der Luftdruck von oben her, es wird geöffnet, wenn er von nnten ber stärker ist.

Wird der eben am unteren Ende des Stiefels C aufsitzende Kolben A in dir Höbe geogen, so entsteht unter dam Kolben ein lattreveldmater Baum, und in Fölge davon tritt ein Theil der in g befindlichen Laft in den Cylinder aber. Wird dann, wenn der Kolhen am oberen Ende des Cylinders C angekommen ist, der Hahn r geschlossen mid so die Communication zwischen dem Stiefel C und dem Recipienten g unterbrochen Jana beim Niederdrücken des Kolbens A die berubergesangte Laft nicht wieder in den Recipienten zurückkehren, die Luft unter dem Kolben wird, dar kein Answerg bleibt, allmälig zo verdichtet, dass sie einen sätzkrenn Druck ausübt als die Russere Luft, sie wird also das Kolbenventil heben und darch dasselbe entweichen.

Sobald der Kolben auf dem Boden des Stiefels angekommen ist, wird der Hahn r wieder geöffnet nud dann durch Wiederholung derselben Operation von Neuem eine Portion Luft aus dem Recipienten g fortgeschaftt.

Da das beständige Oeffnen und Schliessen des Hahnes r lästig ist, so

hat man die centrale Oeffnung im Boden des Cylinders mit einem fähnlichen Ventil versehen, wie das ist, welches sich im Kolben befindet. Dieses untere Ventil öffnet sich beim Aufziehen und schliesst sich beim Niederdrücken des Kolbens.

In unserer Figur seben wir nnter der Glocke der Luftpumpe einen Apparat steben, welcher erst später, und zwar in demjenigen Paragraphen besprochen werden wird, welcher vom Luftballon bandelt.

Den Grad der Luftverdünnung, welchen man durch Auspumpen hervorgebracht hat, kann man durch eine sogenannte Barometerprobe messen. Für die kleinen Handluftpumpen ist die Barometerprobe so eingerichtet, wie Fig. 243 zeigt. Eine etwa 30 Zoll lange Glasröhre b taucht mit ihrem unteren Ende in ein Gefläs voll Quecksilber; oben ist sie nmgebogen und mittelst eines Kautschukröhrchens nie Pumpe befestigt. Wenn der Hähn n geöffnet ist, so steigt das Quecksilber in die Röhre b, und zwar um so höher, je weiter die Verdünnung getrieben wird. Wenn es möglich wäre, einen ganz luftleeren Raum durch die Luftpumpe zu erzeugen, so würde die Höhe der im Rohre b gebobenen Quecksilbersäule der Barometerhöbe gleich sein.

Man begreift leicht, dass mit einem derartigen Instrumente niemals ein absolnt luttlerer Raum hervorgebracht werden kann, wie volkkommen es anch construirt sein mag; denn wie lange man auch fortpumpen mag, so wird durch jeden neuen Kolbenzug die im Recipienten befindliche Luft doch nur von Neuem verdünnt und nie vollständig entfernt. Aber auch durch noch so lange fortgesetztes Pumpen kann man die Verdünnung der Luft im Recipienten nicht über eine gewisse Gränze bringen, welche im nachsten Parzgraphen näher bezeichnet werden soll.

Grössere Luftpumpen hat man in sehr versebiedenen Formen constricht, welche der Hauptsache nach in zwei Hauptclassen zerfallen, nämlich in Ventilluftpumpen und Habnenluftpumpen. Bei den ersteren wird die Unterbrechung und Wiederberstellung der Communication des Stiefels mit dem Recipienten durch ein Ventil bewerkstelligt, bei den letzteren geschieht dieses durch einen Hahn.

Bei grösseren Luftpumpen, seien es nun Hahn- oder Ventilluftpumpen, sind gewöhnlich zwei Stiefel angebracht, um schneller evacniren zu können.

87 Die zweistiefelige Ventilluftpumpe. Fig. 245 stellt eine zweistiefelige Ventilluftpumpe von der Seite gesehen, Fig. 246 stellt die vordere Ansicht desselben Instrumentes dar. Die innere Einrichtung einer solchen Luftpumpe erkennt man aus dem Grundriss, Fig. 247, a. S. 198, und dem Durchschnitte, Fig. 248, a. S. 198, f\u00e4r welchen zu bemerken ist, dass die Durchschnittsebene f\u00ear der vorderen Theil des Instrumentes durch die Mitte des Stiefels D, f\u00fcr den hinteren Theil durch die Mitte des ganze Instrumentes geht.

Im Kolben B, dessen Einrichtung aus Fig. 249, a. S. 198, dentlicher ersehen werden kann, ist ein Ventil angebracht, welches sich durch einen Druck von unten öffnet, durch einen Druck von oben aber geschlossen wird.

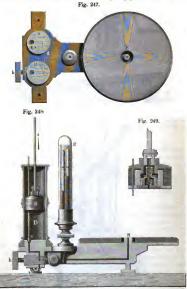
Die Stange ca, Fig. 248, bildet das Bodenventil. Wenn der Kolben gehoben wird, so wird die ganze Stange geboben, bald aber stösst der Absatz c an die obere Platte des Cylinders, und der Kolben bewegt sich nu mit einiger Reibung längs der ganzen Stange hin. Sobald der Kolben niedergekt, wird der abgestumpfte Kegel a in die unter ihm befindliche konische Oeffaung gedrückt, so dass die obere Fläche dieses Kegels mit dem Boden des Cylinders in eine Ebene zusammenfällt und der Kolben sich also vollkommen auf diesen Boden außetzen kann.





Dieselbe Einrichtung hat auch der Kolben im anderen Stiefel S.

Die in dem Kolben der eben beschriebenen Luftpumpe angebrachten Ventile sind allerdings schwer außänglich, so dass ein Reinigen desselben immer ein theilweises Auseinandernehnen der Luftpumpe erfordert. Ekling in Wien hat diesem Uebelstande auf folgende Weise abzahleften gesacht: er lässt den Kolben massiv und bringt dagegen ein Ventil ausser-



halb des Stiefels an, zu welchem dann ein Canal von der Bodenplatte aus f\(^0\)hart. Dieses Ventil\(^0\) öffnet sich, wenn beim Niedergange des Kolbens die im unteren Theiel des Cylinders befindliche Luft comprimirt wird, und nun durch den besprochenen Canal hindurch gegen die untere F\(^0\)\(^0\)che des Ventils\(^0\)drückt, um endlich durch dasselbe zu entweichen. Beim Aufzieben des Kolbens schlieset sich dies Ventil ant\(^0\)tilde in wird in wird.

Die Mitte des Tellers R, Fig. 247 und 248, welcher zum Aufsetzen von diesglocken dient, wird durch eine Schraube gebildet, auf welche man Ballons u. s. w. aufschrauben kann. Von hier führt ein Canal bis d, wo er sich in zwei Arme theilt, von welchen der eine zum Boden des Cy-

linders D, der andere zum Boden des Cylinders S führt.

Derjenige Cylinder, in welchem der Kolben gerade aufsteigt, saugt Laft aus dem Recipienten, während in dem anderen Stiefel, in welchem der Kolben gleichzeitig niedergeht, die vorher aus dem Recipienten gesaugte Luft durch das Kolbenventil entweicht.

Bei diesen Luftpumpen ist die Barometerprobe in der Regel von etwas anderer Einrichtung als die vorher erwähnte. Gewöhnlich ist sie ein ab-

Fig. 250.

gekürztes Barometer, welches in eine lange, enge Glasglocke g, Fig. 245 und 248, eingeschlossen ist, die mit dem Canal der Maschine in Verbindung steht. Diese Verbindung kann mittelst eines Hahnes willkürlich unterbrochen und wieder hergestellt werden. Fig. 250 stellt eine isolirte Barometerprobe von 7 Zoll Länge dar. Das Quecksilber füllt den zugeschmolzenen Schenkel ganz aus und beginnt erst zu sinken, wenn der auf den offenen Schenkel wirkende Luftdruck bis auf 1/4 Atmosphärendruck reducirt ist. Ist dieser Grad von Verdünnung erreicht, so giebt die Barometerprobe stets den Druck der Luft im Recipienten an, welcher der Differenz im Stande der beiden Quecksilberkuppen gleich ist. Sobald man wieder Luft zulässt, treibt der Druck derselben das Quecksilber mit Gewalt in die verschlossene Röhre zurück: man muss deshalb das Einströmen mässigen, damit der Gipfel der Glasröhre nicht durchgeschlagen wird.



Die Kolbenstangen der beiden Cylinder sind gezahnt und greifen in dasselbe Getriebe ein; wenn die eine steigt, geht die andere nieder, und diese alternirende Bewegung wird durch die Dre-

hung einer Kurbel in alternirender Richtung hervorgebracht.

Der Hahn F, welcher Fig. 251 für sich allein dargestellt ist, dient dam, um den Recipienten nach Belieben von den Stiefeln ganz absperren oder ihn auch mit der atmosphärischen Luft in Verbindung setzen zu können. Während die Luftpumpe arbeitet, wird die Verbindung des Recipienten mit den Stiefeln durch den in Fig. 251 zum Punkt verkürzten Camba n des Hahnes hergestellt. Dreht man den Hahn aus dieser Stellung

durch eine Viertelumdrehung so, dass die Oeffnung o gerade auf den nach dem Recipienten führenden Canal stösst, so ist der Recipient mit der äusseren Luft in Verbindung; wenn aber o gegen die Stiefel gekehrt wird, so ist der Recipient vollständig abgesperrt.

Wie vollkommen man auch alle Theile der Luftpumpe ansarbeiten mag, so ist es doch nicht möglich, den Kolben so zu machen, dass, wenn er auf dem Boden des Stiefels sitzt, sich nun gar kein Raum mehr zwischen dem Kolben und dem Stiefelboden befände. Ja, selbst wenn der Kolben absolut genau auf den Boden passte, so ist noch ein namhafter Raum unmittelbar unter der unteren Fläche des Kolbenventils. Wenn nun beim Niedergange des Kolbens das Kolbenventil sich hebt, um die zusammengepresste Luft entweichen zu lassen, so bleibt immer noch in dem erwähnten schädlichen Raume etwas Luft von der Dichtigkeit der Atmosphäre zurück. Denken wir uns nun für einen Augenblick während des Aufsteigens des Kolbens den Recipienten abgeschlossen, so wird sich die Lnft des schädlichen Raumes in dem ganzen Stiefelraume verbreiten, und ihre Dichtigkeit wird sich nun zur Dichtigkeit der atmosphärischen Luft gerade so verhalten, wie das Volnmen des schädlichen Raumes zum Volumen des ganzen Stiefels. Wenn nun die im Recipienten zurückgebliebene Lnft auch schon bis zu diesem Grade verdünnt ist, so ist klar, dass durchaus keine Luft mehr aus dem Recipienten in den Stiefel übergehen kann, wenn auch eine Verbindung zwischen beiden besteht, und somit ist denn die Granze der Luftverdunnung mittelst einer gewöhnlichen Luftpumpe gegeben. Hat man einmal diesen Punkt erreicht, so ist alles ferncre Pumpen nutzlos, die Barometerprobe bleibt stationär.

Staudinger in Giessen und Stöhrer in Leipzig haben bei ihren Handluftpumpen dadurch einen weit über die Wirkung gewöhnlicher Instrumente gehenden Effect erzielt, dass sie den Cylinder oben luftdielte schliessen, die Kolbenstange durch eine Stopfbüchse gehen lassen und auf der oberen Endplatte des Stiefels ein Ventil anbringen, welches beim Aufziehen des Kolbens die Luft aus dem oberen Theile des Cylinders entweichen, beim Niedergehen des Kolbens aber keine Luft in den Cylinder eintreten lässt. Bei dieser Einrichtung befindet sich, wem der Kolben unten ankommt, nur verdünnte Luft über dem Kolbenventil, der schädliche Raum kunn sich also nuch nur mit verdünnter. Luft füller

Bei den zweistiefeligen Ventilluftpumpen, wie sie oben beschrieben sind, wird derselbe Vortheil durch den Babinet'schen Hahn erreicht.

Das Wesentliche dieser Einrichtung besteht darin, dass, wenn ein gewirder Grad von Verdünnung erreicht ist, die Verbindung des Stiefels D mit dem Recipienten abgesperrt, dagegen eine Verbindung des Stiefels S mit dem Stiefel D hergestellt wird. Nun kann nur noch der Stiefel S Luft aus dem Recipienten saugen; wenn aber der Kolben in S niedergeht und der in D steigt, so wird die unter dem Kolben in S befindliche Luft nicht verdichtet, sondern sie wird ohne Verdichtung in den Oylinder D hindbergeschaft, so dass, wenn der Kolben in S auf dem Boden ankomnt, sich

im schädlichen Raume keine Luft von atmosphärischer Dichtigkeit, sondern nur eine sehr verdünnte Luft befindet.

Wenn nun der Kolhen in S zu steigen, der in D niederzugehen beginat, so wird die Communication zwischen den beiden Cylindern durch das Bodenventil in D unterhrochen und die in D unter dem Kolhen befulliche Luft durch denselhen entfernt.

In den Figuren 245 bis 248 ist der Bahinet'sche Hahn mit h bezeich-



net; seine Einrichtung ist aus Fig. 252 und 253 näher zu ersehen. Auf den Umfang des Halmes führen drei Canäle; einer nach oben führt zum Cylinder D; einer nach unten führt durch ein Rohr t, welches in der vorderen Ansicht

der Luftpumpe, Fig. 246, deutlich zu sehen ist, zum Boden des Stiefels S, wo es mit einer Oeffnung v, Fig. 247, mündet; der dritte vom Hahn meh links gehende Canal endlich führt zum Recipienten. So lange der Hahn die Stellung, Fig. 252 behält, welcher auch Fig. 246 und 248 entspricht, sind beide Cylinder mit dem Recipienten in Verbindung und jeder Cylinder saugt aus dem Recipienten, wenn sein Kolben aufsteigt. Ist man auf diese Weise so weit gekommen, dass ein ferneres Pumpen die Barometerprohe nicht weiter fallen macht, so wird der Hahn h um eine Viertelumdrehung gedreht, so dass er in die Stellung Fig. 253 kommt, Jetzt ist, wie man sieht, die Verhindung zwischen D und S, d. h. die Verbindung zwischen beiden Stiefeln, hergestellt, aber die Verbindung zwischen dem Stiefel D und dem Recipienten R unterhrochen. Nun wird bei weiterem Pumpen die Barometerprohe von Neuem sinken, bis eine neue weitere Granze der Verdünnung erreicht ist. Mit Hülfe des Bahinet'schen Hahnes lässt sich die Verdünnung so weit treiben, dass die Barometerprobe nur noch einen Luftdruck von 1 Millimeter anzeigt.

Zweistlefelige Hahnenluftpumpe. Während die im vorigen 88 Pargraphen beschriebenen zweistiefeligen Ventiluffungen vorzugsweise in Paris verfertigt werden, construiren die Berliner Mechaniker Hahnenluftpumpen von der Fig. 254, a.f. S., dargestellten Form, welche wohl auch ohne detällirte Beschreibung verständlich sein wird, und zwar um so mehr, da alle Thiele mit denselben Buchstaben bezeichnet sind, wie die entsprechender Theile der zweistiefeligen Ventilluftpumpe. Von dem Recipienten flatt ein Rohr k, welches in unserer Figur nur stellenweise sichtbar ist, m einem Hahn h, welcher sich in der Bodenplatte zwischen den beiden Üpfladern befindet; je nachdem dieser Hahn gestellt ist, wird durch inn die Verbindung entweder des einen oder des anderen Stiefels mit dem Recipienten vermitelte. wie dies Fig. 255 und 256 erläutern.

Wenn der Hahn die Stellung Fig. 255 einnimmt, so ist durch ihn der Stellung Fig. 255 einnimmt, so ist durch ihn der Stellung fram Derbindung, von dem Stiefel links (S) fuhrt aber ein Canal in die äussere Luft, dies ist also die Stellung des Hahns, wenn der, bei dieser Luftpumpe nicht mit einem Ven-



til versehene Kolben im Stiefel D gerade in die Höhe, der in S aber niedergeht.

Ist der Kolben in D oben, der in S unten angekommen, so wird der Hahn h durch eine halbe Umdrehung in die Stellung Fig. 256 gebracht, so dass jetzt S mit dem Recipienten und D mit der äusseren Luft communicit.

Bei jedem Umsetzen der Kolbenbewegung muss natürlich der Hahn k um eine halbe Umdrehung gedreht werden, was bei vielen derartigen lastrumenten durch eine besondere Vorrichtung bewerkstelligt wird, deren Besprechung nicht hierher gehört.

Grassmann hat beeüts im Jahre 1819 diesem Hahn eine Einrichung gegeben, mittelst deren er tauglich wird, bei der zweistiefeligen Hahselauftpampe dasselbe Princip in Anwendung zu bringen, welches dem Babiset sehen Hahn bei den zweistiefeligen Ventillaftpampen zu Grunde Bet. Der Hahn ist nämlich mit einer weiteren Durchbohrung zu versehen, welche rechtwinklig zu der Ebene der bisher betrachteten Canale statt. Wird nun der Hahn aus der Stellung Fig. 255 durch eine Viertelsundrehung in die Stellung Fig. 257 gebracht, so sind nun beide Cylinder mit einsander verbunden, und beide sowohl vom Recipienten als auch von der äusseren Luft abgespert.

Nachdem nun durch die oben beschriebenen Manipulationen, bei welchen der Hahn abwechselnd aus der Stellung Fig. 255 in die Stellung

Fig. 255.



Fig. 256.



Fig. 256 gebracht wird, die so mögliche Gränze der Verdünnung erreicht Fig. 257. ist, wird von nun an, wenn der Cylinder



ist, wird von nun an, wenn der Cylinder S

Luft aus dem Recipienten gesaugt hat, der Hahn aus der Stellung Fig. 256 in die 
Stellung Fig. 257 gebracht, und also beim 
Niedergange des Kohens in S die unter 
demselben befindliche Luft in den Cylinder 
Dg geschafft, so dass, wenn nun der Kolben in S unten ankommt, sich nur bedeutend verdümnte Luft im sehädlichen Raume

befindet. Ehe nun das Aufziehen des Kolbens in S wieder beginnt, wird der Hahn wieder in die Stellung Fig. 256 gebracht u. s. w.

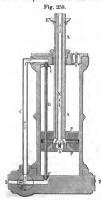
Einstiefelig doppelt wirkende Luftpumpen. Gleichen Effect 89 wie die zweistiefeligen geben auch die einstiefeligen doppelt wirken-

den Luftpumpen, d. h. solche, bei welchen während der Kolben in die Höhe gelts, die Luft, aus dem Recipienten in den unteren, während er hinabgeht aber in den oberen Theil des Stiefels gesaugt wird. An solchen doppelt wirkenden Luftpumpen, welche übrigens weit veniger verbreitet sind, als die zweistiefeligen, hat man in neuerer Zeit noch die Verbesserung angebracht, dass die auf- und abgehende Bewegung des Kolbens durch eine Kurbel vermittelt wird, deren mit einem Selwaugrad versehene Aze stets in gleicher Richtung gedreht wird. Ausgezeichnete Instrumente dieser Art werden von Staudinger in Giessen verfertigt.

Sehr einfach und zweckmässig ist die Construction der doppelt wirkenden Luftpumpe von Bianchi, Fig. 258, deren Spiel durch die Durchschnittsfigur 259 erläutert wird. Durch einen vor B angesetzten Kaut-



schukschlauch, der über eine Drahtspirale gezogen ist, wird der zu evawirende Recipient mit dem Stiefel verbunden. Beim Niedergange des



Kolbens strömt die vom Recipienten kommende Luft durch das Rohr C bei si ni den oberen Theil des Cylinders ein, während die im unteren Theil des Cylinders comprimite Luft durch das Ventil b und die Höhlung X der Kolbenstange entweicht.

Beim Aufgange des Kolbens strömt die vom Recipienten kommende Luft bei s' in den unteren Theil des Cylinders ein, während die in dem oberen Theile desselben befindliche Luft durch das Ventil a entweicht.

Die auf- und niedergehende Bewegung des Kolbens wird bei der Bianchi'schen Luftpumpe dadurch bewerkstelligt, dass das obere Ende der Kolbenstange mit dem Kurbelarme m. Fig. 258, verbunden ist.

Durch Umdrehung des Kurbelarmes m wird aber die Kolbenstange nicht allein aufgezogen und dann wieder hinuntergeschoben, sondern ihr

obers Ende wird auch bald nach rechts bald nach links bewegt. Danit ber die Kölbenstange auch dieser letzteren Bewegung folgen könne, ist der Gyinder um eine, mit der Bodenplatte zusammenhängende borizontale AB N drehbar, in derem vorderen Theile bei B sich der Canal befindet, durch welchen die vom Recipienten kommende Luft in den Stiefel eintritt mehr welchen die vom Recipienten kommende Luft in den Stiefel eintritt mehr welchen in Fig. 256 nur das verdere sichtbar ist. Wenn also die Kurbel ungegericht wird, so muss der Vjünder um diese Axe gans so oscilliren, wie es bei oscillirenden Dampf-machinen der Fall ist.

Da die Maschine durch ein gleichförmiges Umdrehen des Schwungrides V in Gang gesetzt wird, so bedarf sie nur einer sehr geringen Kraftmatrengung und da der gusseiserne Cylinder derselben ziemlich bedeutende Dimensionen hat, so evacuirt sie sehr rasch.

Bei R ist ein dem Babinet'schen (S. 200) entsprechender Hahn angebracht, auf dessen nähere Beschreibung wir hier nicht eingehen können.

90 Die wichtigsten Luftpumpenversuche. Otto von Guericke machte mit seiner Maschine den merkwürdigen Versuch mit den Magdebusgen. Halbkanglin.



Fig. 261.

burger Halbkugeln. welcher darin bestand. eine Hohlkugel von Metall, deren Hälften, Fig. 260, nur einfach auf einander gesetzt waren, luftleer zu machen. Ehe die Luft ausgepumpt ist. sind die beiden Hälften leicht zu trennen, wenn aber im Inneren keine Luft mehr vorhanden ist, um dem äusseren Luftdrucke das Gleichgewicht zu halten, so halten sie ausserordentlich stark zusammen. Mag z. B. der Radius der Kugel nur 1 Decimeter sein, so he-

Kugel 314 Quadratecatimeter, und demnach ist der äussere Druck, welcher die Hälften zusammenpresst, mehr als 314 \*. Um den Contact vollständiger zu machen, beschmiert man die Ränder der Hälbikugeln, welche auf einander gesetzt werden, mit Fett, wie eine auf den Teller der Luftpumpe zu setzende Glocke; ein Hahn, welcher während des Amspumpens geöffnet ist, wird, bevor man die zusammengedrückten Halbkugeln von der Luftpumpe abschrault, geschlossen, um den Wieder-

eintitt der Luft zu verhindern.

Dass der Druck der Atmosphäre es ist, welcher das Quecksilber ins Barometerrohr hinaufdrückt, läset sich sehr sehön mittelst der Luftpunge zeigen. Ein Barometer B. Fig. 261, welches aus einer Toricelli'schen Röhre besteht, die in dem als Gefäss dienenden Gläschen y mittelst eines Korkes eingestekt ist, der, um den Zutritt der Luft zu gestatten, mit einer Rinne versehen sein muss, wird unter dem langen und engen Recipienten R auf den Feller der Luftpunge gebracht.

Wird nun evacuirt, so wird der Druck vermindert, welcher auf dem Qnecksiberspiegel im Gefäss g lastet, das Quecksilber in der Röhre sinkt; es steigt wieder, sobald die Luft wieder zugelassen wird.

Unter den vielen Laftpumpenversuchen wollen wir nur noch einige adesten. Man zeigt z. B. mit Hülfe der Luftpumpe, dass brennende Körper im luftleeren Raume verlöchen; dass der Rauch wie ein schwerer Körper zu Boden fällt; dass Luft im Wasser absorbirt enthalten ist; dass niese Luffschicht zwischen den Flüssigkeiten und den Wänden der Geffasse befindet, in welchen sie enthalten sind, denn diese Luffschicht zeigt zich durch eine Menge kleiner Bläschen, welche in dem Verhältzins wachsen, ab der Luftdruck abnimmt. Mit Hülfe der Luftpumpe kann man laues Wasser zum Kochen bringen n. s. w.

Von einigen Versuchen mit der Luftpumpe war schon früher die Rede, von anderen wird noch später die Rede sein; es bleibt hier nur noch der Fallversuch im leeren Raume zu betrachten übrig, welcher schon oben erwähnt wurde.

Am bequemsten läset sich der Fallversach im leeren Raume mit der Fallvürer, Fig. 2026, anstellen. Eine Glasrichte von ungefähr 120dl Durchmesser und 6 Fuss Länge ist oben und unten mit einer Messingfassung isfäcieht zugekittet; die nntere enthält einen Hahn und kann auf die Leitpunge aufgeschraubt werden. In der Röhre befindet sich ein etwas grosses Schrotkorn und eine Papierscheibe von ungefähr 4 Linien Durchmesser. Wenn nun die Röhre, nachdem sie Inflere gemacht worden ist, vertieal gehalten und dann rasch ungekehrt wird, so fällt das Bleiktgelchen und das Papierstick gleiche scheul, was bei der Inferfüllten Röhre nicht der Fall ist. Man hat hier einen zienlich langen Fallraum und kann den Versuch beliebig oft wiederholen, weil nnn ein abermatiges Umlehten der Röhre ein abermäliges Fallen bewirkt.

Compressionspumpen. Um die Luft in einem Recipienten zn 91 Fig. 263. verdichten, kann man jede Hahnenluftpnmpe gebranchen, nur muss der Hahn entgegengesetzt gestellt wer-



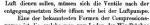
bindung stehen.

Ballons, in welchen die Luft comprimirt werden
soll, werden auf der Schraube in der Mitte des Luftpumpentellers aufgeschraubt, Recipienten aber, welche auf den Teller aufgesetzt werden, müssen in der
Fig. 263 dargestellten Weise auf den Teller der
Luftpumpe aufgedrückt und auf ihm festgehalten

den, wie beim Verdünnen, d. h. derjenige Stiefel, in welchem der Kolben gerade in die Höhe geht, muss mit der äusseren Luft, derjenige, in welchem der Kolben niederzeht, muss mit dem Recipienten in Ver-

Bei Ventilapparaten, welche zum Verdichten der

Fig. 264.



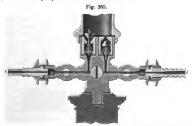
Eine der bekanntesten Formen der Compressionspumpe ist die, welche man zum Laden der Windbüchse anwendet. Der Recipient der Windbüchse ist aus Schmiedeeisen verfertigt: ein Ventil, welches sich nach innen öffnet, lässt die Luft zwar eintreten, hindert aber ihren Austritt. An diesen Recipienten wird ein Rohr angeschraubt, wie man in Fig. 264 sieht, in welchem ein Kolben luftdicht auf- und abgeschoben werden kann. Wenn sich der Kolben am unteren Ende des Laderohrs befindet, so kann Luft durch zwei seitliche Löcher a eintreten; diese Luft wird nun beim Hinauftreiben des Kolbens in das Reservoir hineingepresst. Zieht man den Kolben wieder nieder, so kann die Luft aus dem Rerservoir nicht zurücktreten, die Röhre aber füllt sich mit einer neuen Portion Luft, die nun auch in das Reservoir gepresst wird, n. s. w.

Wenn man mit Hülfe der Compressionspumpe die Luft im Recipienten der Windbüchse bis auf 8 oder 10 Atmosphären comprimirt hat, wird ein Lauf angeschraubt, welcher der Kugel die Richtung geben sollt Das Yentil, welches den Recipienten verschlieset, wird durch den Drücker momentan geöffnet, so dass ein Theil der eingeschlossenen Luft mit grosser Gewalt entweicht und die Kugel forttreibt; das Ventil schlieset aber augenblicklich wieder. Mit einer guten Windbüchse kann man eine Kugel mit eben so grosser Geschwindigkeit fortschiessen, wie mit einem Feuergewehr. Man kann, ohne von Neuem zu laden, mehrere Schlüsse nach einander thun, und zwar um so mehr, je grösser der Recipient ist.

Fig. 265 zeigt die Kinrichtung einer kleinen von Silbermann jun. construirten Compressionspumpe, welche dazu dient, Gas aus einem Raume in einen anderen zu bringen. Das zu entleerende Reservior wirbei a. der zu füllende Recipient wird bei d angeschraubt. Beim Aufziehen des massiven Kolbens öffinet sich das Ventil b. um das Gas in den Cylinder zu saugen, von welchem unsere Figur nur den untersten Theil zeigt. Beim Niederdrücken des Kolbens wird b geschlossen, das Ventil c aber geöffnet und das Gas durch d in den Recipienten getrieben.

92 Messung des Druckes eingeschlossener Gase. Solche Apparate, welche dazu dienen, den Druck zu messen, welchen in irgend einem

abgesperrten Raume befindliche Gase auszuhalten haben, werden mit dem gemeinschaftlichen Namen der Mauometer bezeichnet. Die Barometerproben der Luftpumpen sind also auch Manometer.



In Fällen, wo der zu messende Druck sehr gering ist, wendet man für den fraglichen Zweck Flüssigkeitesäulen an, welche in doppelt gebogenen Röhren, Fig. 266, enthalten sind. Das eine Fig. 266. Fig. 267: Ende a des Manometerrohres wird mittelst eines Kor-



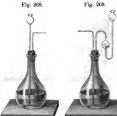
kes in eine entsprechende Orffung des Gasbehälters eingesetzt, oder mittelst eine Messingfussung auf dieselbe aufgesebraubt. Ist nun der Druck des Gases auf den Gipfel der Flüssigkeitsalbu im Schenkel be grösser als der Druck der atmosphärischen Luft, weicher auf der Flüssigkeitsben Luft, weicher auf der Flüssigkeitsben Luft, weicher auf der Flüssigkeitsban in de wirdt, so muss die Flüssigkeit im äusseren Schenkel ed höher stehen als im inneren.

Solche Manometer wendet man zur Messung des Druckes an, unter welchem das (ans in den Gasometern und Leitungsrühren der Gasbeleuchtungsanstalten steht. Als Sperrungsflüssigkeit dient in diesem Falle gefärbtes Wasser. Fig. 267 zeigt eine etwas andere Form des offenen Hebermanometers.

Ganz ähnlich sind die Manometer construirt, durch welche der Luftdruck in Gebläsen gemessen wird und welche den Namen der Windmesser führen.

Zu diesen Manometern können wir auch die Welter'schen Sicherbeitsröhren rechnen, welche Fig. 268 und Fig. 269, a. f. S., in zwei verschiedenen Formen dargestellt sind. Durch den Kork, welcher das Glas-Müller's Leichsech der Physik. 642 Auf. 1.

gefäss, Fig. 268, verschliesst, in welchem ein Gas entwickelt werden soll gehen zwei Röhren hindurch. Die eine, nicht weiter in das Gefäss hin-



unterführend, ist die Abzugsröhre für das entwickelte Gas, die andere, bis in die Flüssigkeit hinunterreichend, ist die Sicherheitsröhre, Solldas Gas ausströmen, so muss der Gasdruck im Inneren des Glasgefüsses grösser sein als der Druck der äusseren Luft, die Flüssigkeit wird also in der Sicherheitsröhre in die Höhe getrieben, und aus der Höhe der in derselben stehenden Flüssigkeitssäule erkennt man

die Grösse des Ueberdruckes im Inneren des Gefüsses. In gleicher Weise kann man die Grösse des Gasdruckes im Gefüss, Fig. 269, aus der Niveaudifferenz der Sperrffüssigkeit in der doppelt gebogenen Röhre erkennen.

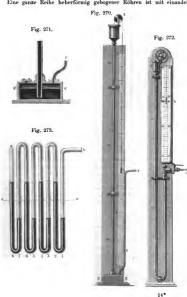
Wenn der Druck des eingeschlossenen Gases oder Dampfes stärker wird, als in den bisher betrachteten Fällen, so muss man Quecksilber statt des Wassers als Sperrungsflüssigkeit anwenden; für bedeutend stärkeren Druck aber muss man die Dimensionen des Apparates vergrössern. Fig. 270 stellt ein grösseres Manometer dar. Der untere Theil eines überall luftdicht verschlossenen gusseisernen Gefässes g ist mit Quecksilber gefüllt, und in dieses taucht eine ungefähr 120 Zoll hohe eiserne Röhre m von 1 Zoll äusserem Durchmesser. Der obere Theil von a communicirt durch das Rohr r mit dem Dampfkessel, so dass der Druck des Dampfes, auf die Oberfläche des Quecksilbers in q wirkend, dasselbe in der Röhre m in die Höhe treibt. Da man wegen der Uudurchsichtigkeit des Rohrs den Stand des Quecksilbers nicht direct sehen kann, so ist auf der Oberfläche des Quecksilbers in m ein eiserner Schwimmer angebracht, der an einer über die Rolle t geschlungenen Schnur hängt. Auf der anderen Seite hängt an dieser Schnur ein als Zeiger dienendes Gewicht z, welches etwas kleiner ist als das Gewicht des Schwimmers, so dass z auf- oder niedergeht, wenn das Quecksilber in m sinkt oder steigt. Auf der Scala, vor welcher z sich bewegt, ist der Druck des Dampfes entweder in Atmosphären (wie in unserer Figur) oder in Pfunden (auf den Quadratzoll) ausgedrückt.

Fig. 271 erläutert die Einrichtung des Gefässes g. Statt des Gefässmanometers Fig. 270 wird auch das Hebermanometer

Fig. 272 angewandt.
Solch lange Röhren, die bei h\u00f6herem Dampfdrucke nicht einmal aus-

reichen, kann man natürlich nur bei stehenden Dampfmaschinen anbringen. In Fällen, wo es darauf ankommt, den Manometerapparat auf einen kleineren Raum zusammenzubringen, werden oft solche gebraucht, welche nach dem durch Fig. 273 erläuterten Princip construirt sind.

Eine ganze Reihe heberformig gebogener Röhren ist mit einander



verbunden; die untere Hälfte derselben bis zum Strichoo ist mit Quecksilber, die obere Hälfte ist mit Wasser gefüllt. Nur in der äussersten Röhre  $\alpha$  steht



kein Wasser auf dem Quecksilber. Hier drückt die atunosphärische Laft auf das Quecksilber, während von b her der Dampfdruck wirkt, durch diesen Dampfdruck wird nun das Quecksilber in der ersten Röre niedergedrückt, es mass also in der zweiten steigen; das Gleiche wird nun bei den folgenden Rohrenpaaren statfinden; das Quecksilber wird aiedergedrückt in der ersten, dritten, fänften und sebenten Rohre; gehoben in der zweiten, vierten, sechsten und achten.

let in der letzten Röhre Nr. 8 das Quecksilber um x Zoll über sein ursprüngliches Nivcau gehoben, so ist es in 7 um eben so viel niedergedrückt; durch das Wasser in dem oberen Theile der Röhren 7 und 6

pflanat sich also ein Druck B+2x auf die Oberfläche des Quecksilber in 6 fort, wenn man mit B den Druck der bei a in die Röbre 8 eindrüngenden Atmosphäre bezeichnet. Da das Quecksilber in 6 aber gleichzeitig um 2x höher steht als in 5, so pflanat sich auf die Oberfläche des Quecksilbers in 4 der Druck B+2x+2x fort. In deresblem Weise fortschliessend findet man, dass in der Röhre 1 der Dampf mit einer Kraft D=B+4, 2x=B+8x drücken muss, wem in 8 das Quecksilber in bet ein ur z/oll über sein ursyrlungliches Niveau gehoben werden soll.

Bei dieser Betrachtung ist das Gewicht des Wassers gegen das des Quecksilbers ganz vernachlassigt worden; bedenkt nan aber, dass in Sunmas eine Wassersäule von 8 z Zoll Höbel den Quecksilberdrucke entgegen wirkt, und dass das Wasser 14 mal leichter ist als Quecksilber, so ist der genau-Werth von

$$D = B + 8x - 8/14x = B + 7,43x$$

Hat der Apparat im Allgemeinen n Röhrenpaare, so ist

$$D = B + 2nx - \frac{2n}{14}x = B + 2nx (1 - \frac{1}{14})$$

$$= B + 1.857 \cdot n \cdot x.$$

Für 16 Röhren, also 8 Röhrenpaare, liätte man also

$$D = B + 14.8 \ x$$

Wäre in diesem Falle das Quecksilber in der offenen Röhre um 10 Zoll über seinen ursprünglichen Stand gestiegen, also x=10, so ergübe sich demnach D gleich 6 Atmosphären.

Bei einem derartigen Instrumente muss nur die letzte Röhre von Glas. die übrigen können aus Eisen gefertigt sein.



Alle Manometer, die wir bisher betrachtet haben, sind auf der einen Seite offen, so dass hier der Druck der Atmosphäre wirken kann. Man hat aber auch noch andere Manometer, bei denen das Quecksilber nicht in cine oben offene, sondern in eine oben verschlossene Röhre hineingetrieben wird, so dass der hervorgebrachte Druck vorzugsweise durch die Compression der in der Röhre abgesperrten Luft gemessen wird. Einen derartigen Apparat haben wir schon Seite 126 kennen gelernt. Fig. 275 zeigt einen auf demselben Principe beruhenden Apparat, wie er auf Dampfkesseln oder Dampfleitungen aufgeschraubt werden kann. Durch den Canal a verbreitet sich der Dampfdruck in den von allen Seiten luftdicht verschlossenen Raum b. In demselben steht, auf dem Boden befestigt, ein eisernes zum Theil mit Quecksilber gefülltes Gefäss und in dieses taucht eine mit Luft gefüllte Glasröhre ein. Der Druck des Dampfes treibt das Quecksilber in das Rohr, wodurch die eingeschlossene Luft comprimirt wird. Wenn sie auf 1/2, 1/4, 1/5 u. s. w. ihres ursprünglichen Volumens comprimirt ist, so übt sie einen Druck von 2, 4, 8, u. s. w. Atmosphären auf den Gipfel der Quecksilbersäule aus.

Um das Compressionsrohr besser zu schützen, ist es meist von einem mit zwei diametral gegenüberliegenden 4 bis 5 Millimeter breiten Schlitzen versehenen Metall-

rohr umgeben, auf welchem auch die Scala angebracht ist. Wenn die Röhren solcher Compressionsmanome-

ter cylindrisch sind, so werden natürlich die Abtheilungen der Scala, welche gleichen Druckdifferenzen entsprechen, nach oben hin sehr rasch abnehmen. Um dies zu verhindern, macht man die Röhren oft von unten nach oben verjüngt, ganz oben aber in eine kugelförmige Erweiterung auslaufend.

Metallmanometer. Wenn eine aus dünnem Metallblech gebildete 93 Röhre von abgeplattetem Querschnitt und ungefähr so gebogen, wie es Fig. 276, a. f. S., darstellt, überall hermetisch verschlossen ist und nur durch das Röhrchen r mit der äusseren Luft in Verbindung steht, so wird sich das Rohr stärker krümmen, wenn man durch das Ansatzröhrchen r die Luft sas dem Inneren herauszieht, es wird sich dagegen mehr strecken, wenn man die Luft im Inneren comprimirt.

Es lässt sich dies leicht zeigen, wenn man die Vorrichtung Fig. 276, a f.S., durch das Röhrchen r mit einer Luftpumpe in Verbindung setzt; sobald man evacuirt, nähern sich die Hörner a und b. Setzt man dagegen 214 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck. die Vorrichtung auf eine Compressionspnmpe, so entfernen sich die Hörner von einander, wenn die Luft im Inneren verdichtet wird.

Eine solche Röhre ist nun im Bourdon'schen Metallmanometer, Fig. 277, zur Anwendung gebracht. Die dünnwandige Röhre abc ist von ellip-



eindringt, so wird es durch den Druck des Dampfes mehr gestreckt, das Ende ce wird nach der rechten Seite hin bewegt und dadurch mittelst des Eisenstäblichens f ein im den Zapfen d drehbarer Hebel in Bewegung gesetzt. Das Stälchen f greift an dem kürzeren Arme dieses Hebels ah, während der längere Arm desselben durch einen Zeiger gebildet wird, welcher sich auf der, dem Beschauer der Figur abgewendeten Seite des Gebäuses befindet. Je mehr das Ende c der Röhre abc durch den Druck des eingeschlossenen Dampfes nach der rechten Seite hin bewegt wird, desto weiter bewegt sich die Spitze dieses Zeigers über eine empirische Scala hin nach der entgegengesetzten Seite.

Dieses Manometer hat den grossen Vorzug, dass es nicht zerbrechlich und dabei leicht transportabel ist. In der That wird es auf Locomotiven vielfach angewandt.

Auf demselben Principe beruht auch das sogenannte Aneroid-Barometer. Wenn das Rohr, Fig. 276 luftleer gemacht ist, so wird seine Krümmung doch noch variiren, je nachdem der äussere Luftdruck grösser oder kleiner wird; bei wachsendem Luftdrucke nimmt die Krümmung des Rohres zu, bei abnehmendem Luftdrucke hingegeu nimmt sie ab.

Fig. 278 stellt ein möglichst einfach construirtes Aneroid-Barometer



dar. Die nahezu kreisförmige, luftleer gemachte Röhre ist in ihrer Mitte bei B auf die Bodenplatte des Gehäuses befestigt, im Uebrigen aber ist sie frei. Wenn der Luftdruck abnimmt, so entfernen sich die freien Enden A und C des Robres von einander und bewirken dadurch mittelst der Metallstäbehen CD und AE die Drehung eines Hebels, dessen längerer Arm mit einem gezahnten Bogen ik eudet. Dieser, bei abnehmendem Luftdruck nach rechts gehende gezahnte Bogen greift aber in einen Trieb ein, auf dessen Axe ein Zeiger befestigt ist, der sich nun nach der entgegengesetzten Richtung drehen

nuss wie ik. Wenn dagegen der Lutdruck zunimmt, so krümmt sieh die Röhre stärker und die Spiralfeder k kann die Axe des Zeigers wieder zurückdrehen, so dass also die Spitze desselben sieh bei wachsendem Lutdrucke nach der Rechten bewegt.

Die Scala dieses Instrumentes kann natürlich auch nur durch Vergleichung mit einem anderen Barometer graduirt werden.

Um das Rohr luftleer zu machen, verfährt man auf folgende Weise; In der Art, wie es Fig 276 zeigt, mit einem Röhrchen r von Zinn versehen, wird das gekrümmte Rohr mittelst der Luftpunpe evacuirt, und abskann das Röhrchen r nahe an seiner Ansatzstelle fest zugedrückt, abgeschitten und dann verlöthet.

Fig. 278 stellt die Form dar, welche Bourdon dem Aneroid-Parometer gegeben hat. Das ursprünglich von Vidi construiter Aneroid-Parometer besteht aus einer luftleer gemachten hermetisch verschlossenen Dose von dinnem Kupferblech, deren cannelitrer Deckel bei weelsselndem Luftdruck bald mehr, bald weniger stark eingedrückt wird. Die Bewegungen, welche auf diese Weise der Mittelpunkt des Deckels macht, werden durch ein Hebelwerk vergrössert und auf einen Zeiger übertragen. Der Mechanismus dieser Instrumente ist weit sehwerer zu übersehen, als der in Fig. 278 dargestellte.

Der Heronsball. Durch den Hals eines Gefässes, welches nur 94 zum Theil mit Wasser gefüllt ist, geht eine Röhre fast bis auf den Boden. Die Röhre endigt oben in eine Spitze mit feiner Oeffnung. Wenn die Luft im oberen Theile des Gefässes auf irgend eine Weise comprimit worden ist, so treibt der Druck, den sie auf die Oberfäche des Wassers ausübt, dasselbe aus der feinen Oeffnung in Gestalt eines aufsteigenden Strahles hervor. Man kann zum Gefässe ein Arzneigkas nehmen, welches durch einen Kork verschlossen ist, durh welchen eine zu einer feinen Spitz aussegeogene Glasvöhre hindurchgeht. Wenn die Glasvöhre wenig oder gar nicht in dass Gefäss hinciringst, so hat man die sogenannten Spitzfässchen, mit welchen die Chemiker ihre Niederschläge auswaschen. Die Compression der Luff geschieht bei dieser Art von Heronsball mit Hälfe des Mun-



des, indem man die Luft durch die Röhre Wenn die im Apparate eingeschlossene Luft die Dichtigkeit der umgebenden Atmosphäre hat, und man denselben unter die Glocke der Luftpumpe setzt, so beginnt das Springen, sobald man evacuirt. Sollen diese Apparate einen grösseren Druck aushalten, so führt man sie ganz in Mctall aus. In diesem Falle ist im Halse ein Hahn befestigt, über welchen die Ausflussspitze angeschraubt werden kann, Fig. 279. Die Compression der Luft geschieht mittelst einer Compressionspumpe, welche man an der Stelle der Spitze aufschraubt. Wenn das Gefäss geladen ist, schliesst man den Hahn, entfernt die Pumpe nnd schraubt die Spitze auf. Sobald nun der Hahn geöffnct wird, springt das Wasser hervor bis zu einer mit der



Grösse des Druckes wachsenden Höhe. Wenn man die Einrichtung trifft. dass die Luft im Heronshall durch den Druck einer Wassersäule comprimirt wird, so erhält man einen Heronsbrunnen. Fig. 280 stellt einen möglichst einfach construirten Heronsbrunnen dar. Wenn man in den Trichter f Wasser eingiesst, so wird es durch das Rohr a in das Gefäss c herahfliessen und die Luft in demselben absperren, welche nun durch die Wassersäule in der Röhre a comprimit ist. Dieser Druck pflanzt sich durch das Rohr b zum Heronsball d fort und bewirkt so das Springen desselben.

Die Feuerspritze Fig. 281 ist eine Verhindung der Druckpumpe 95 mit dem Heronsball. Die Pumpenstiefel, von denen wir vor der Hand nur





den einen rechts betrachten wollen, stehen in einem mit Wasser gefüllten Kasten. Wenn der Kolben f aufgezogen wird, so heht sich die Klappe d, und das Wasser dringt in den Stiefel. Beim Niedergange des Kolbens schliesst sich das Ventil d, die Klappe c wird geöffnet und das Wasser wird durch das Gurgelrohr b in den Windkessel a gepresst. Dieser Windkessel ist nichts Anderes als ein grosser Heronshall; je mehr Wasser in den Windkessel gepumpt wird, desto mehr wird die Luft im oheren Theile desselben comprimirt. Das Rohr h reicht fast his auf den Boden des Windkessels; bei g wird eine Röhre mit enger Oeffnung, der Schwanenhals, angeschrauht. Durch den Druck, welchen die im Windkessel comprimirte Luft auf das Wasser in demselhen fortwährend ausüht, wird ein starker Wasserstrahl aus der Oeffnung des Schwanenhalses hervorgetriehen. An einer Oeffnung, welche sich in der Wand des Windkessels nahe am Boden befindet, kann ein Schlauch mit einer metallenen Spitze angeschrauht werden, welche eine Oeffnung wie der Schwanenhals hat; auch dieser Schlauch liefert einen Wasserstrahl, den man leichter lenken und der Feuerstelle näher bringen kann als den Wasserstrahl des Schwanenhalses.

Der Auf- und Niedergang der Kolhen wird durch einen zweiarmigen Hebel bewerkstelligt. An diesem Hebel sind die beiden Kolbenstangen 218 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druckso befestigt, dass der eine Kolben steigt, wenn der andere niedergeht, dass also ohne Unterbrechung dem Windkessel neues Wasser zugeführt wird.

In unserer Figur ist die Spritze in einem Momente dargestellt, in welchem der Kolben rechts niedergeht, während der Kolben auf der linken Seite steigt; auf der linken Seite wird also gerade Wasser in den Stiefel eingesaugt, während auf der rechten Seite eben Wasser in den Winklessel eingepresst wird.

Es ist nicht gerade nothwendig, dass eine Feuerspritzen zwei Cylinder habe, und in der That werden kleiner Feuerspritzen um nit einen Cylinder construirt; in diesem Falle ist freilich der Wasserzugang in den Kossel alternirend, dessennageschtet aber wird aus dem Rohre des Windkessels ein continuirlicher Wasserstrahl hinausgetrieben, weil die comprimirte Luft auch noch wirkt, während der Kolben aufgezogen wird. Es finden dabei allerdings Schwankungen in der Kraft statt, mit welcher der Wasserstrahl hervortringt, denn diese nimmt allnahig ab, während der Kolben aufgezogen wird, und sie wächst dann wieder, während der Kolben niedergedrückt, also eine neue Quantität Wasser in den Windkessel hieringeprenset wird.

Der Luftballon. Das Gesetz des Archimedes gilt für Gase ebenso wie für Flüssigkeiten. Ein



Körper, welcher in ein Gas eingetaucht ist, verliert einen Theil seines Gewichtes, welcher dem Gewichte des verdrängten Gases gleich ist. Es lässt sich dies mit Hülfe des Baroscops darthun, welches in Fig. 282 als unter der Glocke der Luftpumpe stehend dargestellt ist. Es besteht aus einem Wagbalken, an welchem auf der einen Seite eine hohle Glaskugel angehängt ist, während der andere Arm eine weit kleinere massive Metallkugel trägt, die an einem Schraubengewinde etwas nach rechts oder links geschoben werden kann, um dadurch das Gleichgewicht mit der hohlen Glaskugel herzustellen.

Ist das Gleichgewicht in der Art hergestellt, dass der Wagebalken horizontal steht, wenn der ganze Apparat von Luft umgeben ist, so wird er unter die Glocke der Luftpumpe gebracht. Sobald mas exacuirt, hört das Gleichgewicht auf; der Arm, an welchem die hohle Gleskugel hängt, sinkt um so tiefer je verdünnter die Luft unter der Glocke wird.

Es lässt sich davon leicht Rechenschaft geben. Es sei

G das Gewicht der Glaskugel

M das Gewicht der Metallkugel im leeren Raume,

L der Gewichtsverlust der Glaskugel der Gewichtsverlust der Metallkugel taucht sind,

so ist, wie uns das ursprüngliche Gleichgewicht am Wagebalken lehrt:

$$G - L = M - l$$

$$G = M + L - l$$

also

da nun aber jedenfalls L>l, weil das Volumen der hohlen Glaskugel grösser ist als das der Metallkugel, so ist auch G>M, im luftleeren Raume ist also die Glaskugel schwerer als die Metallkugel, obgleich sie sich im lufterfüllten Raume in der Wage das Gleichgewicht hielten.

Auf dem Gewichtsverlust der rings von Luft umgebenen Körper beutund das Steigen des Luftballons. Ein Körper muss nämlich in der Luft außteigen, sobald sein Gesammtgewicht kleiner ist als das Gewicht eines zleichen Volumens atmosphärischer Luft.

Einen solchen Körper kann man aber herstellen, wenn man eine entsprechende Hülle mit einem Gase füllt, welches leichter ist als die Luft. Eine solche Vorrichtung wird ein Luftballon genannt.

Die Brüder Montgolfier construirten einen grossen Ballon von gemissten Papire oder Täffet, welcher unten eine Orffnung von einigen Quadraffussen hatte. In einiger Entfernung unter dieser Orffnung war ein Korb von Metalldraht angehängt, welcher mit brennenden Stoffen gefüllt war. Durch die Verbrennung derselben wird eine Menge warmer, leichter Luft gebildet, welche aufsteigt und bald den ganzen Ballon anfüllt. Sobald die warme Luft im Ballon sammt der Hülle und Allem, was saran hängt, leichter ist als die verdrängte Luftmenge, muss der Ballon särgen; ern nimmt den brennenden Körper, der ihm die Steigkraft verleiht, nät in die Höhe. Der Ballon muss so lange steigen, bis er in eine Höhe kommt, in welcher die Luft sehon so verdinnt ist, dass das Gewicht des Ballons dem der verdrängten Luftmenge gleich ist. Der erste Luftballon dieser Art, welche man Montgolfieren nennt, stieg zu Anonay den 5. Juni 1783.

Am 19. September desselben Jahres liess Montgolfier in Gegenwart des Königs zu Versailles einen Luftballon steigen, an welchem ein käßig mit einem Schaf, einem Hahn und einer Ente augehängt war. Pilatre de Rozier und der Marquis von Arlandes unternahmen mit einer 220 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck. Montgolfiere, welche Fig. 283 abgebildet ist, am 21. November 1783 die erste Luftfahrt.

Charles, ein bekannter Physiker, Professor zu Paris, hatte den glücklichen Gedanken, statt der warmen Luft Wasserstoffgas anzuwenden, Fig. 283.



von welchem Cavendish bereits im Jahre 1766 nachgewiesen hatte, dass sein specifisches Gewicht beinahe 14mal geringer ist als das der atmosphärischen Luft.

Den ersten mit Wasserstoffgas gefüllten Ballon liess Charles am 27. August 1783 steigen und am 1. December 1783 steige mit einem solchen 500 Cubikmeter Wasserstoffgas baltenden, von Robert begleitet, in die Laft. In wenigen Minnten hatten sie eine Höhe von 3000 Fuss erreicht und legten in diesen Regionen einen Weg von 5 Meilen in 2 Stunden zurück. Charles stieg in den Tuilerien auf. Die ganze Bevölkerung von Paris war in Bewegung. Alle öffentlichen Tlätze, alle hochliegenden Orte waren mit Zuschauern bedeckt. Ein Kannenschuss gab das Signal der Abfahrt, und hann sah den Ballon sich wie ein Metor am Horizont erheben. Hoch in den Lüften sah man noch die flatternden Fähnchen, von der Sonne beleuchtet, und die Schiffer, welcher ruhig die Erde grüssten. Nie hat wohl ein physikalisches Experiment solche allgemeine Bewunderung erregt.

In der Schlacht bei Fleurus am 26. Juni 1794 bedienten sich die Franzosen eines Luftballons, um die Bewegungen der Oestricher zu beobschten. Im Jahre 1804 unternahmen Gay-Lussac und Biot eine Luftfahrt zu wissenschaftlichen Zwecken, bei welcher sie eine Höhe von 4000 Meter erreichten. Eine zweite Fahrt unternahm Gay-Lussac allein und 
erreichte eine Höhe von 7000 Metern, die grösste Höhe, zu der je ein Mesch gelangt war. (Hamboldt und Bonpland sind am Chimborasso bis zu einer Höhe von 6100 Metern aufgestiegen). In einer solchen Höhe fahlte man eine empfindliche Ältle: Gay-Lussac's Thermometer zeigtet — 10°C., während am Boden eine Hitze von 30°C. war. Die Luft war zo trocken, dass die hygroskopischen Körper rasch ihre Fenchtigkeit verberen, der Himmel errachien sehr dunkelblan. Nach einer Fahrt von 6 Stunden hatte Gay-Lussac in horizontaler Richtung einen Weg von 15 Weilen zurückgelegt und aust in der Näbe von Rouen langsam nieder.

Fig. 284 stellt einen Luftballon dar, welcher eben mit Wasserstoffgas gefüllt wird.



Fig. 281.

In neuerer Zeit werden die Luftballons häufig mit Leuchtgas gefüllt. Sie müssen in diesem Falle grösser sein als die für Wasserstoff construirten, weil das Leuchtgas schwerer ist als Wasserstoffgas.

Kleine Luftballons zu Experimenten bei Vorlesungen werden aus Goldschlägerhaut oder aus Collodium verfertigt.

Seifenblasen, welche mit Wasserstoffgas gefüllt sind, steigen gleich-

222 Vom Gleichgewicht der Gase u. dem atmosphärischen Druck.
falls in die Höhe. Es sind dies ohne Zweifel die kleinsten Luftballons,
welche man zu machen im Stande ist.

97 Steigkraft des Lutballons. Ein Cubikmeter Luft im Normalzustande (Temperatur 0°C. Luftdruck 760 Millimeter) wiegt nahezu 1,3 (genaner 1,299) Kilogramm. Das Wasserstofigse ist unter übrigens gleichen Umständen 0,07 (genaner 0,0689) mal leichter als atmosphärische Luft, 1 Cubikmeter Wasserstofigss im Normalaustande wiegt also 1,3 × 0,07 oder in runder Zahl 0,09 Kilogramm. Die Differenz dieser Gewichte, 1,3 — 0,09 = 1,21 Kilogramm, repräsentirt also die Steigkraft von 1 Cubikmeter Wasserstofigs.

Der Luftballon, in welchem Charles und Robert außtiegen, hatte eine Rauminhalt von 500 Cubikmetern. Bei 0°C. Temperatur und 760 Millimeter Barometerstand würde also die Steigkraft des Wasserstoffgases im Ballon 500 1.21 oder 605 Kilogramm betragen.

Das Leuchtgas, welches in neuerer Zeit häufig zur Füllung von Luftballous angewandt wird, ist weit schwerer als Wasserstoffgas, sein specifisches dewicht ist ungefähr 0,63 von dem der atmosphärischen Luft, 1 Cubikmeter Leuchtgas wiegt also im Normalzustande ungefähr 0,82 Kilogramm; es bleitt also für jedes Cubikmeter Leuchtgas noch eine Steigkraft von 1,3 — 0,82 = 0,48 Kilogramm. 500 Meter Leuchtgas haben demnach nur eine Steigkraft von 240 Kilogramm, sie ist also weit geringer als die Steigkraft eines gleichen Volnmens Wasserstoffger

Für die Montgolfiere ist die Steigkraft noch weit geringer. In einem grossen Ballon steigt die Températur der heissen Luft höchstens auf 60 bis 70°C., so dass die Dichtigkeit der im Ballon eingeschlossenen Luft nagsfahr 0,8 der Luft von 0°C., woraus sich für das Cubikmeter der erwärmten Luft nnr eine Steigkraft von 0,26 Kilogramm, für 500 Cubikmeter also nur eine Steigkraft von 130 Kilogramm ergiebt. Man aussa also einer Montgolfiere schon sehr grosse Dimensionen geben, wenn sie einivermassen bedentende Lasten mit in die Höhe nehmen soll.

Bezeichnen wir allgemein mit s das Gewicht von 1 Cubikmeter atmosphärischer Luft, mit s' das Gewicht von 1 Cubikmeter eines anderen Gases, so ist die Steigkraft für 1 Cubikmeter dieses ringsum von atmosphärischer Luft umgebenen Gases

s - s'

und für V Cubikmeter ist alsdann die Steigkraft V(s - s').

Bezeichnen wir mit  $\hat{G}$  das Gewicht des Ballons, d. h. das Gewicht der Hülle mit Allem was daran hängt, so ist die Steigkraft, mit welcher die ganze Vorrichtung aufsteigt,

V(s-s')-G

#### Sechstes Capitel.

# Molekularwirkungen gasförmiger Körper.

Absorption der Gase durch feste Körper. Dass zwischen 98 den Theilchen fester und gasförmiger Körper eine bedeutende Anziehung stattfindet, geht am augenscheinlichsten aus folgendem Versuche bervor. Löscht man eine glühende Kohle unter Quecksilber ab, lässt man sie dann m einem Glascylinder, Fig. 285, in die Höhe steigen, dessen oberer Theil mit Kohlensäure gefüllt ist, welche durch Quecksilber von der Verbindung mit der äusseren Luft abgesperrt wird, und deren

Fig. 285.



Volumen ungefähr 20 mal so gross ist als das der Kohle, so wird in kurzer Zeit die Kohlensänre von der Kohle dermaassen verdichtet, dass das Quecksilber im Cylinder bis obenhin steigt. Die ganze Masse der Kohlensäure, welche vorber den ganzen oberen Theil des Cylinders erfüllte, ist jetzt durch die zwischen der Koble und dem Gase stattfindende Anziebung in den Poren der Kohle verdichtet, das Gas ist absorbirt worden. Derselbe Versnch gelingt auch mit vielen anderen Gasen.

Wenn die Kohle längere Zeit an der Luft gelegen hat, so gelingt der Versuch nicht mehr ganz. was sebr begreiflich ist, wenn man bedenkt, dass die Kohle atmosphärische Luft nud den in der Luft verbreiteten Wasserdampf absorbirt, und dass da-

durch natürlich ihre Absorptionsfähigkeit für andere Gase vermindert wird.

Wenn man eine Koble, welche Gase absorbirt hat, unter die Luftpumpe bringt oder glübt, so lässt sie die absorbirten Gase wieder frei. Nach den Versuchen von Saussnre absorbirt 1 Volumen luftfreie Buchsbaumkohle bei 12°C. und einem Barometerstaude von 723 Millimeter folgende Gasvolumina:

Ammoniak	gas						
Schweflige							
Schwefelwa							
Kohlensäu	re						
Sanerstoff							
Stickstoff						٠.	
Wasserstof	Ŧ						

Die leichten condensirbaren Gase werden also stärker absorbirt als die permanenten.

Die Absorptionsfähigkeit verschiedener Kohlenarten ist nicht dieselbe; so absorbirt z. B. ein Volumen Buchsbaumkohle 7,5, ein Volumen Tannenkohle nur 4,5 Volumina atmosphärischer Luft,

Die Absorption der Gase ist jederzeit von einer Wärmeentwickelung begleitet, die um so bedeutender ist, je heftiger die Absorption vor sich geht. Die Wärmeentwickclung, welche eine jede Gasabsorption begleitet, lässt sich auf folgende Weise anschaulich machen. Das untere Ende einer 1/2 bis 1 Zoll weiten Glasröhre wird durch einen Kork geschlossen und in vir 2026 diesen ein Glasröhrehen a, Fig. 286, gesteckt, desseu obe-

k li

ree Ende ungefähr bis zur oberen Fläche des Korkes reicht.
Ueber dem Kork wird zunächst eine Schicht Baumwolle
b ausgebreitet und darauf eine Partie Kolhepulver
k geschüttet, welches eine Zeit lang unter der Glocke
der Luftpunge gestanden hat nud dadurch von Luft befreit worden ist. In dieses Kohlenpulver wird das Gefiess eines Thermometers eingesenkt. Lässt man nun
durch das Rohrehen a einen Strom von Kohlensiurrgas
eintreten, so steigt alsbald das Thermometers. Bei einem
derartigen Versuche, bei welchem das Kohlenpulver nicht
lufffrei gemacht worden war, stieg das Thermometer
von 15 auf 20° C.

Die durch Coudensation von Gasen entwickelte Wärme kann unter Umständen bis zur Entsändung steigen, wie z. B., wenn grössere Mengen von Kohlen, welche zum Behaf der Palverfahrikation durch Destillation in geschlossenen Gefassen hergestellt, abslad in Mahlfassern zu Pulver verrieben und zu grossen Haufen aufgeschützte werden.

Sauerstoffgas wird von Platinschwamm (fein verthgiltes Platin) sehr stad absorbirt. Wenn Wasserstoffgas auf einen mit verdiehterem Sauerstoffgase gesättigten Platinschwamm strömt, so verdiehten sich die Gase unter solcher Wärmeentwickelung, dass das Platin glübend wird und den Strom von Wasserstoffgas entzündet. Darauf gründet sich die Döbereiner'sche Zündmaschine.

Dadurch, dass sich der feste Körper in einem fein vertheilten Zutande befindet, wie dies beim Kohlenpulver und dem Platinschwamm der
Fall ist, wird die Absorption bedeutend befördert, weil alsdann viele Berährungspunkte zwischen dem festen Körper und dem Gase vorhanden
sind; doch ist dieser fein vertheilte porise Zustand nicht durchaus nothwendig, um die Verdichtung der Gase zu bewirken, sie findet auch statt,
wenn der feste Körper eine vollkommen glatte, ja wenn er eine metallische
Oberfläche hat, nur ist in diesem Falle die Verdichtung nicht so bedeutend. Wenn man ein Stück Platin mit vollkommen metallischer Oberfäsche in ein Gemenge von Sauerstöffgas und Wasserstöffgas bringt, so
werden die beiden Gase so sehr verdichtet, dass sie sich allmälig zu Wasser verbinden.

Nicht Platin und Kohle allein zeigen dieses merkwürdige Verhalten gegen Gase, sondern mehr oder weniger alle festen Körper. Jeder feste Körper ist daher gleichsam mit einer verdichteten Atmosphäre von irgend einem Gase umgeben, welche sich oft nur sehr schwer von ihm trennen lässt, und mit welcher er sich, wenn man seine Oberfläche davon auch vollkommen befreit, nach einiger Zeit doch wieder umgiebt, wenn er in Berührung mit Gasen bleibt. So ist z.B. das Glas stets mit einer Hülle von verdichteter Luft umgeben, die man bei der Anfertigung von Barometern nur durch das Kochen des Quecksilbers in der Röhre entfernen kann. Giesst man Wasser in einen Glaskolben und bringt man dann denselben über Feuer, so sieht man bald, wie sich an dem Boden eine Menge kleiner Bläschen bilden, noch lange ehe das Kochen des Wassers beginnt. Es ist dies die vorher wegen ihrer grossen Verdichtung gar nicht wahrgenommene Luftschicht, die nun, durch die Wärme ausgedehnt, Bläschen bildet. Aehnliche Bläschen sieht man auch, wenn man das Gefäss mit Wasser unter den Recipienten der Luftpumpe bringt und dann auspumpt.

Solche gasförmige Körper, welche leicht in den flüssigen Zustand blergehen (Dämpfe), werden durch die Anziehung, welche fete Körper saf sie ausüben, flüssig gemacht. So zieht z. B. Chlorealeium den Wasserdampf mit grosser Degierde an, verdichtet ihn zu Wasser und zerflieset eudlich in dem Wasser. Auch das Kochsalz, namentich wenn es viel Chlormagnesium entbält, zieht den Wasserdampf aus der Luft an und wird feucht; ebenso verhält sich die Pottasche und viele andere Körper.

Solche Körper, welche den Wasserdampf aus der Luft anziehen, heissen hygroskopische Körper; ausser den schon angeführten sind auch Holz, Haare, Fischbein u. s. w. hygroskopisch.

Hauchbilder. Eine Reihe höchst interessanter, von Moser ent- 99 deckter Erscheinungen findet durch die Molekularwirkungen zwischen festen und gasförmigen Körpern ihre Erklärung.

Wenn man auf eine Glastafel mit einem Holzstäbchen oder irgend

einem auderen Körper sehreiht, so werden durch Behauchen die Charaktere deutlich hervortreten. Jeder polirte Körper, Metalle, Harz, Holz u. s. w., zeigt dasselbe wie die Glastafel.

Auf eine jodirte Silberplatte wurde ein gravirter Metallstempel, eine vertieft geschnittene Achatplatte und ein Hornring gelegt. Als nachher die jodirte Platte den Quecksilberdimpfen ausgesetzt wurde, zeigte sich ein deutliches Bild aller Figuren des Steins, der Buchstaben des Metallstemnels und des Ringes.

Eine jodirte Silberplatte ist zu diesen Versuchen nicht nöthig; wenn meinen Stempel auf irgend einer Metallplatte einige Zeit stehen lässt, so zeigt sich nachher beim Behauchen der Platte, oder noch hesser, wenn man sie den Quecksilberdämpfen aussetzt, ein Bild des Stempels. Die Dämpfe schlagen sich vorzugsweise bald an denjenigen Stellen nieder, an welchen eine Berührung stattand, hald an den nicht berührten Stellen.

Eine unmittelhare Berührung ist nicht einmal nöthig; wenn der Stempel in ganz geringer Entfernung über die Platte gehalten wird, so tritt das Bild gleichfalls hervor, sobald man die Platte behancht oder den Quecksilberdämnfen aussetzt.

Diese Wirkungen haben allerdings viel Aehnlichkeit mit den Wirkungen des Lichts auf Dageurensehe Platten, und Moser sucht sie deshalh durch die Annahme zu erklären, dass jeder Körper gewissermaassen selbstleuchtend sei, dass er also Strahlen aussendet, welche auf andere Körper gerade so wirken, wie die Lichtstrahlen, obgleich sie die Nethaut im Ange nicht affeiren. Wai de le erklärt dagegen diese Erscheinungen folgendermassen:

Im Allgemeinen ist jeder Kürper von einer verdichteten Gasschicht eingehüllt; das absorbirte Gas hildet um seine Oberfläche eine Atmosphäre, wie die Luft um den Erthall. Wenn man einen Körper ausglüht, so wird er dadurch von den bereits absorbirten Gasen befreit; eine Silberplatte, welche mit frisch ausgeglühtem Trippel geputzt wird, erhält dadurch den böchsten Grad von Reinheit. Ein Körper, welcher frisch gereinigt ist, wird natürlich Dämpfe weit stärker an seiner Oberfläche verdichten können als ein solcher, welcher sebon in eine Gasschicht eingehällt ist.

Wenn nun ein Stempel auf eine Platte gesetzt wird, so werden sich im Allgemeinen die Oberfäschen beider Körper nicht in einem gleichen Zustande der Reinheit befinden; an den Berührungsstellen geht also gewissermassen ein Austausch der Atmosphären vor sich. Die Platte wird an der Stelle, wo der Stempel lag, je nach den Umständen mehr oder weniger Gase verdichtet haben als an anderen Stellen, hier werden also auch die Dämpfe schwächer oder stärker ondensirt werden.

Diese Erklärungsweise begründet Waidele dnrch viele Versuche, von denen wir nur die wichtigsten anführen wollen.

Auf die eine Hälfte einer mit frisch geglühtem Trippel geputzten Silberplatte wurde frisch ausgeglühtes Kohlenpulver gestreut, auf die andere Hälfte solches Kohlenpulver, über welches ein Strom von Kohlensäure geleitet worden war. Nach I bis 2 Minuten wurde alles Kohlenpulver mit reiner Baumwolle von der Platte abgekehrt. Wenn man sie nun behauchte, so condensirte sich der Wasserdampf auf der Halfte, auf welcher das kohlensäurehaltige Kohlenpulver gelegen hatte, mit braunlicher, auf der anderen Hälfte mit bläucher Frähung. Den Quecksüberdämpfen ausgesetzt, condensirten sich dieselben nur auf der Hälfte der Platte, auf welcher das frisch ausgegdühte Kohlenpulver gelegen hatte.

Da, wo das frisch ausgeglühte Pulver gelegen hatte, ist die Oberfläche der Platte fast noch ganz rein, hier werden also die Wasserdämpfe sowohl als die Quecksilberdämpfe stärker verdichtet als da, wo die Platte durch die Berührung mit dem kohlensäurehaltigen Kohlenpulver schon mit

einer dichten Atmosphäre von Kohlensäure bedeckt ist.

Wenn man auf eine frisch präpavirte, also ganz reine Platte einen Stahlstempel aufsetzt, der durch längeres Liegen in Kohlensburg weistigt mit Kohlensburg gesättigt war, mit einer dichten Atmosphäre von Kohlensbure überzogen ist und ihn nach 10 Minuten wegnimmt, so erscheint sein Bild, wenn man die Platte den Quecksülberdampfen aussetzt, die sich vorzugsweise da condensiren, wo Platte und Stempel nicht in unmittelbarer Berührung waren, denn hier kounte sich die Platte nicht so schnell unit einer Gasatmosphäre bedeeken als da, wo sie mit einer dichten Atmosphäre des Stempels in Berührung war.

Wenn dagegen die Platte mit einer Gasatmosphäre versehen ist, und man einen frisch gereinigten Stempel aufsetzt, so werden nach Wegnahme desselben die Quecksülberdämpfe umgekehrt da condensirt, wo der Stem-

pel und die Platte in Berührung waren.

Wenn Platte und Stempel ganz rein sind, oder wenn Platte und Stempel in Kohlenpulver gelegen haben, welches mit Kohlensäure gesättigt war, so erhält man gar kein Bild des Stempels.

Moser hat fenner gefunden, dass, wenn man auf irgend einen politien Körper einen Papierschirm legt, in welchen beliebige Figuren ausgeschnitten sind, alsdann die Platte behaucht und das Wasser verdunsten lässt, und darauf den Schirm wegnimmt, dass alsdann bei einem abermaligen Behauchen die ausgeschnittene Figur wieder sichtbar wird, indem nun hier die Wasserdämpfe anders condensirt werden als au den Stellen, welche vorher nicht behaucht worden waren.

Wenn man mit einem Wasserttropfen, welcher an einem Glasstabe hängt, über irgend eine polirte Platte hinfährt, ohne dass gerade Wasser auf der Platte hängen bleibt, so werden, wenn man nachher die Platte baneht, die Züge sichtbar werden, in welchen der Tropfen über die Platte hinsefährt wurde.

Moser erklärt diese Erscheinungen durch die Annahme eines latenten Lichtes, er nimmt nämlich an, dass Licht in ähnlicher Weise gebunden und wieder frei werden könne wie die Wärme. Wir können auf diese sehr unwahrscheinliche Theorie hier nicht weiter eingehen. Auch diese Erscheinungen erklärt Wai dele mit überrassehnder Einfachheit.

. , Gongle

Wenn man einen Wassertropfen, welcher an einem Glasstäbchen hängt, über eine Platte hinführt, welche mit einer Gasatmosphäre bedeckt ist, so absorbirt er einen Theil des Gases, und folglich muss der Weg des Tropfens auf der Platte sichtbar werden, wenn man sie nachher anhaucht.

Wenn man auf eine nicht sehr sorgfältig gereinigte Platte ein Blatt Papier legt, aus welchem irgend eine Figur ausgeschnitten ist; wenn man dann die Platte behaucht, das Blatt wegnimmt und das Wasser verdampfen lässt, so nimmt dies verdampfende Wasser die Gasatmosphäre grösstentheils mit weg, während sie an den nicht bethaut gewesenen Stellen bleibt; bei einem abermaligen Behauchen muss also natürlich hier der Wasserdampf stärker condensirt werden als auf der übrigen Platte. Was diese Ansicht unterstützt, ist der Umstand, dass das Bild der ausgeschnittenen Figur auf einer frisch und sorgfältig gereinigten Platte nie recht deutlich wird, während es sich auf solchen Platten, die man vorher absichtlich mit einer Atmosphäre von Kohlensäure oder Ammoniakgas versehen hat, am schönsten darstellt.

#### 100 Absorption der Gase durch Flüssigkeiten. Flüssigkeiten Fig. 287.



dene Gase ist sehr ungleich, wie aus folgender Tabelle hervorgeht.

670 } 780 }	Maass	Ammoniakgas	H. Davy.
480 į 516 s	27	salzsaures Gas	H. Davy.
20 83 43	"	schwefligsaures Gas	Dalton. Thomson Saussure.
1 } 1,16 }	27	kohlensaures Gas	Dalton.
0,087	"	Sauerstoffgas	Dalton.
0,025	17	Stickgas	Dalton.

(

1 Mass Wasser absorbirt

Die Angaben verschiedener Physiker für ein und dasselbe Gas sind sehr abweichend, was daher rührt, dass ihre Beobachtungsmethoden mehr Fiz. 288. oder wenizer mangelhaft wa-



ren. In neuerer Zeit hat Bunsen eine sehr genaue Methode zur Messung der Absorption der Gase in Wasser angegeben und nach derselben von den früheren sehr abweichende Resultate gefunden.

Der zu diesen Versuchen angewandte Apparat hat folgende Einrichtung: Das in Millimeter getheilte und kalibrirte Absorptionsrohr e, Fig. 288, ist an seinem unteren offenen Ende mit einer aufgekitteten, in die Schraubenmutter des kleinen Stuhles aa. Fig. 289, passenden Schraubenspindel b versehen, vermittelst deren man das offene Ende des Absorptionsrohres gegen die mit vulkanisirtem Kautschuk überzogene Bodenplatte des kleinen Stuhles aa schrauben

Fig. 289.



und dadurch verschliessen kann. An dem Stuhle befinden sich die beiden Stahlfedern

 $c\,c$ , welche in zwei perpendiculär laufende Falze der inneren Höhlung des Fusses f, Fig. 288, passen, so dass sich der Stuhl, wenn er in

die Höhlung des Fusses gesenkt ist, auf und nieder bewegen, aber nicht um seine Aze drehen lässt. Es wird dadurch bewirkt, dass die Absorptionsröhre, welche gregen die Kautschukplatte des in den Falzen festgehaltenen Stuhles geschraubt ist, durch eine geringe Axendrehung nach links oder rochts geöffnet oder wieder verschlossen werden kann.

In dieses mit Quecksilber gefüllte, in einer Quecksilbervanne stehende Absorptionsrbri lässt man nun zunächst eine Portion des zu untersuchenden Gases eintreten, und nachdem man die zur Bestimmung seines Volumens V. seiner Temperatur und des Druckes P, unter dem es steht, nötligen Ablesungen vorgenommen hat, wird eine angemessene Quantität lufftreien Wassers zugelassen, das Absorptionsrohr durch Aufschrauben des oben be-prochenen kleinen Stuhles unter Quecksilber geschlossen und dann in den unten mit Quecksilber, oben mit Wasser gefüllten Glascylinder gg, Fig. 288, eingetaucht. — Die Temperatur dieses Wassers wird an dem Thermometr & Abgelesen.

Hierauf wird das Absorptionsrohr durch Drehen auf die oben angegebene Weise geöffnet, der Druck, unter welchem das eingeschlossene Gas steht, durch Eingiessen von Quecksiber in den Trichter r bis zu einem beilebigen Grade vermehrt, das Absorptionsrohr unten wieder zugeschraubt und dann das Glaszohr gg oben durch Aufschrauben einen Deckels vollkommen geschlossen. Dieser Deckel sti in der Mitte mit einer Kautschukplatte versehen, welche, auf den Gipfel des Absorptionsrohres aufgedrückt, dasselbe so fest hält, dass man nun den ganzen Apparat tächtig schütche kann. Nachdem nun diese Operation so lange wiederholt worden ist, bis sich nach dem Oeffnen des Absorptionsrohres keine Verminderung des Gasvolumens mehr zeigt, werden abermals die nöthigen Ablesungen vorgenommen, um das Volumen P' des übrigen Gases, das Volumen des Wassers im Absorptionsrohre, den Druck P', unter welchem das eingeschlossene Gas steht, u. s. w. zu erfahren.

Da nun V das Volumen des in das Absorption eter gebrachten Gases unter dem Druck P vor der Absorption ist, as ist das auf den Normaldruck  $760^{\rm sm}$  reducirte Volumen dieser Gasmenge  $v=\frac{V}{760}$  (§. 83). Das nach der Absorption bei unveränderter Temperatur unter dem Druck P' übrig bleibende Volumen V' würde unter dem Normaldruck das Volumen V' wirde unter dem Normaldruck das Volumen V' wirde unter dem Normaldruck das Volumen V' eigenommen haben; mithin ist das auf den Normaldruck reducirte Volumen g des absorbirten Gases

Die von der gleichen Wassermenge bei der gleichen Temperatur einmal unter dem Druck 528\*\*\* und dann unter dem Druck 725\*\*\* absorbirten in der eben angedeuteten Weise auf den Normadiruck reducirten Volumina von Kohlensäure waren nach einem Versuche von Bunsen 27,3 und 38,6.

Da nun 38,6:27,3 in der That sehr nah gleich 725:523 ist, so er-

giebt sich aus diesem, wie aus einer Reihe von anderen Versuchen das wichtige Gesetz: dass unter sonst gleichen Umständen die von einer Flüssigkeit absorbirten Gasmengen dem Drucke proportional sind.

Mit dem Namen des Absorptionscoëfficienten einer Gasart bezeichnet man nach Bunsen, das (auf 0°C. reducirte) Gasvolumen, welches von der Volumeneinheit der Flüssigkeit unter dem Quecksilberdruck von 760<sup>ma</sup> absorbirt wird.

Dieser Absorptionscoëfficient lässt sich leicht berechnen, wenn man das Gasvolumen g ermittelt hat, welches unter dem Druck P' von dem Flüssigkeitsvolumen h absorbirt wird.

Nach dem oben angeführten Gesetz würde nämlich von demselben Flüssigkeitsvolumen h unter dem Normaldruck von 760<sup>mm</sup> das Gasvolumen

$$g \frac{760}{P'}$$

absorbirt werden. Das von der Volumeinheit der Flüssigkeit unter dem Normaldruck absorbirte Gasvolumen ist demnach

Setzen wir in Gleichung 2) für g seinen Werth bei 1), so kommt

$$\alpha = \frac{1}{h} \left( v - v' \right) \frac{760}{P'}$$

und wenn wir für v und v' ihre obigen Werthe setzen

Die Grösse a ist aber nichts anderes als der Absorptionscoëfficient.

Bei einem mit Stickstoffgas und Wasser bei einer Temperatur von 1800 auch 1900 auch 19

$$V = 32,608$$
  $P = 429,3$   
 $V' = 16,52$   $P' = 730,5$   
 $h = 182,37$ 

Setzt man diese Werthe in Gleichung 3), so ergiebt sich  $\alpha = 0.01448$ 

als Absorptionscoëfficient des Stickstoffs in Wasser bei einer Temperatur von 18°C.

Für dieselben Substanzen ändert sich der Absorptionscoëfficient mit der Temperatur.

Für Kohlensäure und Wasser fand Bunsen folgende zusammengehörige Werthe der Temperatur und des Absorptionscoöfficienten:

t	α	1	t	α
4,4° C.	1,4698		16,6°C.	0,9692
8,4	1,2426		19,1	0,8963
13,8	1,0652		22,4	0,8642

woraus er die Interpolationsformel

 $\alpha = 1,7967 - 0,07761t + 0,0016424t^2$ 

ableitet, welche der Absorptionscoëfficient der Kohlensäure in Wasser von der Temperatur abhängt.

In ähnlicher Weise fand Bunsen für die Absorptionscoëfficienten verschiedener Gase folgende Interpolationsformeln:

Stickstoff in Wasser . . . 0,020346 — 0,00053887t + 0,000011156 $t^2$  , in Alkohol . . 0,126338 — 0,000418t + 0,000006 $t^2$  Wasserstoff in Wasser . 0,0193

in Alkohol . . 0.06925 — 0.0001487t + 0.000001t<sup>2</sup>

Kohlenoxyd in Wasser . . 0,032874 — 0,00081632t + 0,0000164t<sup>2</sup> , in Alkohol . . 0,20443

Grubengas in Wasser . . . 0,05449 — 0,0011807t + 0,000010278 $t^2$  in Alkohol . . 0,522586 — 0,0028655t + 0,0000142 $t^2$ 

Kohlensäure in Wasser . 1,7967 -0,07761t  $+0,0016424t^2$  , in Alkohol . 4,32955 -0,09395t  $+0,00124t^2$   $+0,00002256t^2$  in Alkohol . . 0,2825

Der Absorptionscoëfficient von Wasserstoff in Wasser bleibt zwischen 0° und 20° C., der von Kohlenoxyd in Alkohol und von Sauerstoff in

schen 0<sup>9</sup> und 20<sup>9</sup> C., der von Kohlenoxyd in Alkohol und von Sauerstoff in Alkohol bleiben zwischen 0<sup>9</sup> und 24<sup>9</sup> ungeändert. Zur Bestimmung der Absorptionscoefficienten solcher Gase, welche das Quecksilber angreifen oder welche vom Wasser in unverhältnissmässi-

das Quecksilber angreiten oder weiche vom Wasser in unverhatmssmissiger Menge verschluckt werden, lässt sich das Absorptiometer nicht mehr anwenden. Was die in diesen Fällen von Bunsen angewandten experimentellen Methoden betrifft, so müssen wir auf dessen "gasometrische Methoden" (Brannschweig 1857) verweisen, und begnügen uns die wichtigsten seiner hierhergehörigen Resultate anzuführen:

 Schwefelwasserstoff in Wasser
 4,8706
 - 0,983687t
 + 0,006212t²

 in Alkohol
 17,891
 - 0,65598t
 + 0,00661t²

 Schweftige Säure in Wasser
 79,789
 - 2,6077t
 + 0,02293t²

 , n
 in Alkohol
 328,62
 - 16,95t
 + 0,312t²

 Ammoniak in Wasser
 , 104,963
 - 29,446t
 + 0,6789t²

101 Absorption von Gasgemengen. Wenn zwei oder mehrere Gase mit einander gemischt sind, so erfolgt die Absorption proportional dem Drucke, welchen jeder der Gemengtheile ausüben würde, wenn er sich allein in dem vom Gasgemenge erfüllten Raum befände. Diesen, die Absorption des Gemengtheils bedingenden Druck nennt Bunsen den partiären Druck. Die atmosphärische Luft besteht z. B. aus

0,2096 Volumtheilen Sauerstoff und

0.7904 Volumtheilen Stickstoff.

Steht nun eine bestimmte Menge atmosphärischer Luft unter dem Druck P, so ist der partiäre Druck, unter welchem das Sauerstoffgas absorbirt wird, 0,2096 P, während die Absorption des Stickstoffs unter dem Druck 0,7904 P vor sich geht.

Bezeichnen  $\alpha$  und  $\beta$  die Absorptionscoëfficienten des Sanerstoffs und des Stickstoffs, so werden demnach von der Einheit des Wasservolumens aus einer unter dem Normaldruck stehenden Luftmasse absorbirt

0,2096 a Volumina Sauerstoff und

0.7904 B Volumina Stickstoff;

demnach ergiebt sich für atmosphärische Luft der Absorptionscoëfficient  $\gamma = 0.2096 \,\alpha + 0.7904 \,\beta.$ 

Setzt man für  $\alpha$  und  $\beta$  die Werthe der Absorptionscoëfficienten von Sauerstoff und Stickstoff bei 0° C., so kommt

 $\gamma = 0.008625 + 0.016151 = 0.024776.$ 

Das bei 0°C. von der Einheit des Wasservolumens aus der atmosphärischen Luft absorbirte Gasvolumen 0,024776 besteht aber aus 0,008625 Yolumbiellen Sauerstoff und 0,016151 Yolum-bielen Stickstoff, es enthält also 34 Proc. Sauerstoff und 66 Proc. Stickstoff. Das von Wasser aus der Atmosphäre absorbirte Gasgemenge ist also an Sauerstoff reicher als die atmosphärische Luft selbst.

In der angegebenen Weise geht jedoch die Absorption von Sauerstoff und Stickstoff aus der atmosphärischen Luft nur dann vor sich, wenn die procentische Zusammensetzung des Rückstandes unverändert bleibt, wenn also das Volumen des absorbirendem Wassers verschwindend klein ist gegen das Luftvolumen, welches mit demselben in Berührung ist. Wenn diese Bedingung nicht erfüllt ist, so wird in Folge der ungleichen Absorption der Bestandtheile die procentische Zusammensetzung des unabsorbirt zurückbleibenden Gases, also auch der partiäte Druck verändert und daturch die Berechnung der absorbirten Gasmengen verwickelter. Aus diesem Grunde würde man auch aus directen Versuchen mit dem Absorptioneter einen anderen Werth für den Absorptionescofficienten der atmosphärischen Luft finden.

Diffusion der Gase. Flüssigkeiten, welche sich nicht gegenseitig 102 leen oder chemisch mit einander verbinden, können wohl auf einige Augenblicke gemengt sein; bald aber trennen sie sich, sie lagern sich nach der Ordnung ihrer specifischen Gewichte, wie z. B. das Oel auf dem Wasser selwimmt. Bei Gasen findet eine gazu gleichförnige Menung statt.

Diese Fundamentalwahrheit ist durch einen directen Versuch ausser Zweifel gesetzt worden. Berthollet verband zwei Ballons, von denen der eine a, Fig. 290, mit Wasserstoffgas, der andere e mit Kohlenskuregas gefüllt war, durch eine Röhre, die durch Hahne gespert werden konnte. Nachdem der Apparat so aufgestellt war, dass der mit dem leichteren Wasserstoffgas gefüllte Ballon über dem anderen stand, wurden die Hähne geöffnet. Nach einiger Zeit hatte sich die Hälfte des Wasserstoffgases trotz seiner Leichtigkeit in dem unteren Ballon verbreitet, während die Hälfte des Kohlenskuregases in den oberen Ballon hinaufgestigen war.

Jedes der beiden Gase verbreitet sich also gleichförmig in dem ganzen Raume gerade so, als ob das andere gar nicht da wäre.

Diese Erscheinung der gleichförmigen Mengung der Gase wird mit dem Namen der Diffusion bezeichnet.

Was für die Mischung zweier Gase gilt, gilt anch für mehrere. Das allgemeine Princip, nach welchem die Mischung gasförmiger Körper vor sich geht, ist folgendes: Wenn man in einen und denselben Baum verschiedene Gase bringt, welche keine chemische Wirkung auf einander ausüben, so verbreitet sich jedes gleichförmig durch den gangen. Baum

Rung auf chiandra ausüben, so verbreitet sich jedes gleichfornig durch den ganzen Raum.

Wenn zwei verschiedenartige Gase durch eine
porbes Scheidewand getrennt sind, so geht der Austausch der Gase durch diese Scheidewand hindurch
vor sich, und zwar bemerkt man hier eine ähnFig. 292.

Fig. 291.

liche Erscheinung wie diejenige, welche wir bei den Flüssigkeiten unter dem Namen Endosmose kennen gelernt haben; man findet nämlich, dass verschiedene Gasen nicht mit gleicher Geschwindigkeit durch die poröse Scheidewand hindurchdringen, so dass die Gasmenge auf der einen Seite ab- oder zunimmt.

Um dies durch den Versuch anschaulich zu machen, kann man in folgender Weise verfahren: Eine ungefähr 1 Zoll weite, oben durch einen 1 bis 2 Linien dicken, vollkommen trockenen Gypspfropt b. Fig. 291, geschlossene Glasröhre, wird mit Wasserstoffgas oder mit Leuchtgas gefüllt, während sie unten durch Quecksilber oder Wasser gesperrt ist, wie die Figur andeutet. Ueberlisst man nun die Vorrichtung sich selbst, so sieht man alsbald die Flüssigkeit in der Röhre steige und sehon ande einigen Minuten steht sie um eine namhafte Höhe über dem äusseren Flüssigkeitsspiegel. Das Gasvolunen in der Röhre atsel, also abgenommen, weil Wasserstoffgas durch den Gypspfropf hindurch in die Atmosphäre diffundirt ist. Freilich ist auch in umgekehrter Richtung durch den Pfropf atmosphärsehe Luft in den Gyfinder eingedrungen, allein das Volumen der eingetretenen Luft ist weit geringer als das Volumen des ausgetretenen Wasserstoffs.

Um das Gesetz der Diffusion durch poröse Scheidewände hindurch zu ermitteln, muss man dadurch, dass man die Röhre allmälig tiefer und tiefer einsenkt, dafür sorgen, dass das Niveau des Quecksilbers in der Röhre stets dem äusseren gleich bleibt, weil ohne diese Vorsichtsmassergel mehr atmosphärische Luft eindringt, als wenn bloss eine Diffusionswirkung stattgefunden hätte. Um aber das Diffusionsvohr nach und nach tiefer einsenken zu können, wählt man zur Aufnahme der Sperrflüssigkeit einen Glas-evilinder von der Fig. 292 dargestellten Form.

Graham hat diese Erscheinung zuerst näher untersucht. Nach dem von ihm aufgestellten Gesetz verhalten sich die Geschwindigkeiten, mit welchen die Gase in entgegengesetzter Richtung die Scheidewand durchziehen, umgekehrt wie die Quadratwurzeln aus ihren specifischen Gewichten. Setzen wir das specifischen Gewichten Setzen wir das specifische Gewichte der Luft gleich. 1. so ist das des Wasserstoffgases 0,06926; gegen I Volumen Wasserstoff, welches austritt, werden also  $V_{0,06926}$  Volumina Luft eintreten; das Volumen des austretenden Wasserstoffgases soll also

 $\frac{1}{V_{0,06926}}$  = 3,80mal grösser sein als das der eintretenden Luft.

Zwischen Endosmose und der Diffusion der Gase findet also ein wesentlicher Unterschied statt. Während die Ungleichheit der entgegengesetzten Strömungen bei der Endosmose lediglich durch die ungleiche Molekularauziehung bedingt wird, welche die Scheidewand auf die Flüssigkeiten ausübt, kommt bei der Diffusion der Gase die Natur der Scheidewand gar nicht in Betracht; das Verhältniss der Strömungen hängt von dem Verhältniss der specifischen Gewichte der Gase ab.

Nach höchst sorgfiltig angestellten Versuchen von Bunsen ist Graham's Diffusionsgesetz nicht genau. Ein mit Wasserstoffgas angestellter Versuch, bei welchem Wasser als Sperrffüssigkeit angewendet wurde, gab z. B. folgende Resultate: Das Anfangsvolumen des Wasserstoffs im biffusionsrohr war 645, als das Wasserniveau in der Rohre I Millimeter höher stand als Aussen. Wahrend nun das Wasserstoffgas durch den Gypspfroff diffundirte, also das Gasvolumen in der Rohre abnahm. wurde das Diffusionsrohr immer in der Weise niedergesenkt, dass der Höhenunterschied zwischen dem inneren und äusseren Wasserspiegel stets 1 Millimeter betrug. Nachdem das Gasvolumen im Diffusionsrohr auf 193 abgenommen

hatte, fand keine weitere Aenderung des Volumens mehr statt, die Diffusion des Wasserstoffs war also beendigt, es waren also 193 Volumtheile atmosphärischer Luft gegen 645 Volumtheile Wasserstoffgas eingetreten.

Der Quotien 645 = 3.34 ist aber merklich geringer als 3,80, wie or

Der Quotient  $\frac{645}{193}$  = 3,34 ist aber merklich geringer als 3,80, wie er nach dem Graham'schen Gesetze hätte sein müssen.

Diese Abweichung vom Graham'schen Gesetz hängt mit den Ausströmungsgesetzen der Gase zusammen, wir werden deshalb am Schlusse des neunten Capitels auf diesen Gegenstand zurückkommen.

## Siebentes Capitel.

Bewegung fester Körper unter dem Einfluss beschleunigender Kräfte.

Ruhe und Bewegung. Ein Körper, welcher seine Stellung ge. 103
gen andere ändert, ist in Bewegung; er ist in Ruhe, wenn keine solche
Veränderung mit ihm vorgeht. Alle Ruhe, alle Bewegung, welche wir
beobachten, ist nur relativ, nicht absolnt. Die Bäume sind in Ruhe in
Beziehung auf die benachbarten Berge, die Bäume haben eine nuveränderliche Stellung auf dem Erdboden, aber Bänme nnd Berge sind deshalb
nicht in absolnter Ruhe. Sie durchlaufen mit dem gauzen Erdballe, auf
welchem sie fest stehen, die ungeheure Bahn unseres Planeten. Obgleich
wir aber wissen, dass wir mit unserer Erde die Himmelraume durchlliegen, indem sie sich nm die Sonne dreht, so können wir doch über unsere
absolute Bewegung nichts sagen, denn wir müssten wissen, ob die Sonne
wirklich ein unbewegliches Centrum der Welt ist. Alles aber scheint anzudenten, dass die Sonne selbst im Weltenraume fortachrietet.

Wir haben bei jeder Bewegung zwei wesentliche Dinge zu betrachten,

die Richtung und die Geschwindigkeit.

Wenn ein Körper sich stets nach derselben Richtung bewegt, so ist seine Bahn geradlinig, wenn sich aber die Richtung seiner Bewegung fortwährend andert, so ist seine Bewegung krummlinig. Wenn man sich in dem Punkte der Curve, welchen der Körper in einem bestimmten Momente einnimmt, eine Tangente an die Curve gezogen denkt, so zeigt uns diese Tangente die Richtung, welche in diesem Angenblicke die Bewegung des Körpers hat.

Gleichförmige Bewegung. Ein Körper hat eine gleichförmige 104 Bewegung, wenn er in gleichen Zeiten gleiche Räume zurücklegt. Wenn ein Körper, der sich in gerader Linie bewegt, in jeder Minute gleich viel, etwa 60 Fuss, fortschreitet, in jeder halben Minute 30, in jeder Secunde 1 Fuss, so bewegt er sich gleichförmig. Weil hier die in gleichen Zeiten durchlaufenen Räume gleich sind, so folgt, dass das Verhältniss zwischen Zeit und Raum constant bleibt. Dieses Verhältniss nennt man die Geschwindigkeit der gleichförmigen Bewegung. In der doppelten, dreifachen Zeit ist auch der durchlaufene Raum der doppelte oder dreifache : das Verhältniss bleibt also dasselbe. Die Zahl, welche die Geschwindigkeit ausdrückt, hängt davon ab, welche Einheiten man für Raum und Zeit. wählt. Wollte man die Geschwindigkeit nur durch eine Zahl ausdrücken, ohne anzugeben, welcher Einheiten man sich bedient, so würde die Geschwindigkeit noch durchaus unbestimmt sein. Am einfachsten drückt man die Geschwindigkeit dadurch aus, dass man angiebt, wie weit sich der Körper in der Zeiteinheit, etwa in einer Minnte, einer Secunde, bewegt. So geht z. R. ein erwachsener Mensch in der Regel mit einer Geschwindigkeit von 2,5 Fuss in der Secunde. Ein gewöhnlicher Wind hat eine Geschwindigkeit von 60 Metern, der Sturmwind aber eine solche von 2700 Metern in der Minute. Die beiden letzten Geschwindigkeiten sind unter sich vergleichbar, weil sie in denselben Einheiten ausgedrückt sind; die Geschwindigkeit des Sturmwindes ist 45mal so gross als die des gewöhnlichen Windes. Wollte man die oben angegebene Geschwindigkeit des Menschen mit der des Sturmwindes vergleichen, so müsste man sie erst auf gleiche Einheit reduciren.

Weil die Materie träg ist, muss sich ein Körper, welcher einmal eine gleichförmige Bewegung hat, fortwährend nach derselben Richtung und mit derselben Geschwindigkeit bewegen, wenn nicht Kräfte auf ihn wirken, welche entweder seine Richtung allein, oder seine Geschwindigkeit allein, oder auch Richtung und Geschwindigkeit zugleich ändern: denn durch sich selbst kann ein Körper in dieser Hinsicht nichts verändern. weder den Zustand der Ruhe noch den der Bewegung. Auf diese Weise ist das Gesetz der Trägheit zu verstehen und nicht wie es sich die alten Philosophen dachten, welche behaupteten, dass die Materie eine vorherrschende Neigung zur Ruhe habe.

Wenn wir sehen, dass die Bewegung eines Körpers irgendwie verändert wird, dass seine Geschwindigkeit ab- oder zunimmt, dass die Bewegung ganz aufhört oder dass sie ihre Richtung ändert, so ist diese Veränderung jeder Zeit durch eine äussere Ursache veranlasst. Ein Stein, den wir nach der Sonne werfen, müsste bis zu der Sonne fortfliegen, wenn er nicht durch den Widerstand der Luft nnd durch die Schwere, welche ihn nach der Erde zurückzieht, daran gehindert würde.

Beschleunigte und verzögerte Bewegung. Eine stetige 105 Veränderung der Geschwindigkeit kann nur durch eine fortwährend wirkende Kraft hervorgebracht werden; eine solche Kraft aber nennt man eine beschleunigende oder eine verzögernde, je nachdem durch sie die Bewegung beschleunigt oder verzögert wird. Wenn in irgend einem Moment der veränderlichen Bewegung alle beschlennigenden oder verzögernden Kräfte zu wirken aufhörten, so würde von dem Augenblicke an die Bewegung eine gleichförmige sein; die Geschwindigkeit einer veränderlichen Bewegung in einem gegebenen Augenblicke bestimmt man dadurch, dass man ausmittelt, wie weit sich der Körper in der Zeiteinheit bewegen würde, wenn von dem fraglichen Momente an alle Beschleunigung und Verzögerung aufhörte.

Eine Bewegung heisst gleichförmig beschlennigt oder gleichförmig verzögert, wenn die Geschwindigkeit in gleichen Zeiten gleich viel zu- oder abnimmt. Solche Bewegungen werden durch Kräfte hervogebracht, welche fortwährend gleich stark wirken, wie dies bei der Schwere der Fall ist. Ein sehwerer Körper fällt mit gleichförmig beschleunigter Geschwindigkeit.

Wenn man von der Voraussetzung ausgeht, dass die Intensität der Schwere an den verschiedenen Stellen, welche der fallende Körper durchläuft, dieselbe sei (und die Erfahrung berechtigt uns in der That zu dieser Annahme, wenigstens innerhalb gewisser Gränzen), so lassen sich alle Gesetze des freien Falls durch einfache Schlässe entwickelt.

Da die Schwere in jedem Momente des Falles auf dieselbe Weise wirkt, so muss eid ei Geschwindigkeit des fallenden Körpers in gleicher Zeiten anch gleichriel vermehren, d. h. die Bewegung muss eine gleichformig beschleunigte sein. Wenn der fallende Körper während der ersten Falleecunde eine Geschwindigkeit g erlangt, so muss er also nach 2, 3, 4 . . . . f Secunden eine Geschwindigkeit 2g, 3g, 4g . . . . f gerlangt haben. Es lasst sich dies im Worten allgemein so ausdrücken: die Geschwindigkeit eines frei fallenden Körpers ist stets der verflossenen Fallzeit proportional; oder es ist

 $v = g \cdot t \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad 1$ 

wenn v die Geschwindigkeit bezeichnet, welche der Körper während einer Fallzeit von t Secunden erlangt hat, g aber seine Geschwindigkeit am Ende der ersten Secunde darstellt.

Welchen Raum muss aber demnach der Körper in 1, 2, 3, 4 . . . . t Secunden durchfallen? Zu Ahnfang der ersten Secundei ist seine Geschwindigkeit gleich 0, zu Ende derselben ist sie g. Da nun die Geschwindigkeit gleichförmig zunimmt, so mass der in einer Secunde durchfallene Raum offenbar gerade eben so gross sein, als ob sich der Körper während einer Secunde mit einer Geschwindigkeit bewegt hätte, welche zwischen der Anfangen and Endgeschwindigkeit aber swischen 0 und g in der Mitte liegt. Diese mittlere Geschwindigkeit aber ist  $^{1}/_{2}g$ , nnd ein Körper, der sich eine Secunde lang mit der Geschwindigkeit  $^{1}/_{2}g$  bewegt, durchläuft den Raum  $^{1}/_{2}g$ .

Ebenso können wir durch Schlüsse den Fallraum finden, welchen der Körper in zwei Secunden durchfällt. Die Anfangsgeschwindigkeit ist 0, die Endgeschwindigkeit 2g, also ist die mittlere Geschwindigkeit  $\frac{2g}{g}$ , und ein Körper, welcher sich zwei Secunden lang mit dieser Geschwindigkeit bewegt, durchläuft einen Raum 2.2  $\frac{g}{2}$ .

In drei Secunden durchfällt der Körper einen Raum 3.3 g, denn die Anfangsgeschwindigkeit ist 0, die Endgeschwindigkeit 3 g, also die mittlere Geschwindigkeit 3  $\frac{g}{g}$ , und mit dieser Geschwindigkeit muss ein Körper sich drei Secunden lang gleichförmig bewegen, wenn er denselben Weg zurücklegen soll, den ein schwerer Körper in drei Secunden durchfällt.

Wir wollen diese Schlussweise allgemein machen. Wenn ein Körper t Secunden lang fällt, so muss er einen Weg zurücklegen, welcher demjenigen gleich ist, den er während derselben Zeit bei gleichförmiger Bewegung zurückgelegt hätte, wenn seine Geschwindigkeit das Mittel zwischen der Anfangsgeschwindigkeit 0 und der Endgeschwindigkeit g.t, also  $\frac{g}{2}$ . t gewesen wäre. Ein Körper aber, welcher sich t Secunden lang

mit der Geschwindigkeit  $\frac{g}{2}t$  bewegt, durchläuft einen Raum

$$s = \frac{g}{2} \cdot t^2 \cdot \dots \cdot \dots \cdot \dots \cdot 2$$

das heisst in Worten: die Fallräume verhalten sich wie die Quadrate der Fallzeiten.

und aus der Combination von 1) und 2)

wie die Quadratwurzeln aus den entsprechenden Fallhöhen.

Versuche über das Fallgesetz. Beim freien Fall sind die 106 in wenig Secunden durchfallenen Räume und die erlangten Geschwindigkeiten viel zu gross, als dass man ihn zur Bestätigung des Fallgesetzes gebrauchen könnte, und zwar ist dies um so weniger möglich, als eben der grossen Geschwindigkeit wegen der Widerstand der Luft bedeutende Störungen veranlasst.

Galiläi studirte zuerst die Fallgesetze, indem er Kugeln auf einer schiefen Ebene herunterrollen liess. Zur Anstellung der Galiläi'schen Fallversuche bedient man sich am besten einer, etwa 10 bis 12 Fuss langen Fallrinne von Holz, Fig. 293, welche im Inneren möglichst glatt polirt sein muss, und welche in Fuss und Zoll eingetheilt ist. Ist g die beschleunigende Kraft der Schwere, d. h. ist g die Geschwindigkeit, welche ein frei fallender Körper am Ende der ersten Secunde erlangt hat, so ist nach 8, 28 g. sin, x die beschleunigende Kraft, welche die Kugel in der Fallrinne heruntertreibt, wenn x den Winkel bezeichnet, welchen sie mit der Horizontalen macht; durch Verkleinerung des Winkels x hat man Fig. 293.



es ano 111 der toewait, den Fall alti der schiefel Loeie so langsam zu machen, als man will. Ist die Fallrime so gestellt, dass  $g \cdot s. n. x = g^2$ , dass also der Fallraum der ersten Secunde 1 Fuss ist, so wird man finden, dass die Kugel in 2, 3 u. s. w. Secunden einen Weg von 4, 9 u. s. w. Fuss in der Fallrime durchläuft, dass sich also die Fallräume wirklich wie die Quadrate der Fallzeine verhalten.

Beim freien Fall sind demnach (der Luftwiderstand abgerechnet) folgende die zusammengehörigen Werthe von  $t,\,v$  und s:

	1.	Secund	e 30	Fuss	15	Fuss	
	2.	22	60	77	60	27	
	3.	,	90	**	135	77	
	4.	77	120	27	240	20	
	5.	77	150	77	375	n	
ass							
	t		v		s		
	1.		9,8		4,	9	
	2.		19,6		19,	6	
	2		994		44	1	

5. . . 49,0 . . 122,5 Beim freien Fall wäre demnach

Oder in Meterma

g = 30 par. Fuss oder 9,8 Meter.

Es sind dies jedoch nur angenähert richtige Werthe für die beschleunigende Kraft der Schwere. Der genaue Werth von g, wie er sich aus Pendelversuchen ergiebt, ist

, . 39,2 . . 78,4

g = 9,809 Meter oder

 $g=30'\ 2''\ 4,3'''$  altfranzösisches Maass, oder

g = 31' 3'' 0.5''' preussisches Maass.

Galiläi selbst machte Versuche über den freien Fall. Später wiederholten Riccioli und Grimaldi disselben an dem Thurme Degil Asinelli in Bologna. Die genauesten Versuche darüber hat Dechalles angestellt, Die beobachteten Fallräume sind stets kleiner, als man nach der Theorie

Müller's Lehrbuch der Physik. 6. Aufl. L.

erwarten sollte, diese Differenz rührt jedoch nur von dem Widerstande der Luft her, der im quadratischen Verhältnisse der Geschwindigkeit wächst. Bei der Fallmaschine und der Fallrinne ist der Luftwiderstand ohne Einfluss.

Die Adwood'sche Fallmaschine besteht im Wesentlichen aus einer um eine horizontale Axe leicht drehbaren Rolle, Fig. 294, welche





auf dem Gipfel einer ungefähr 6 Fuss holien verticalen Säule befestigt ist. Ueber die Rolle ist eine Schnur geschlungen, an deren Enden gleiche Gewichte m und n hängen. Legt man auf der einen Seite ein Uebergewicht r auf, so wird das Gleichgewicht gestört; die Gewichte n + r auf der einen Seite fallen, das Gewicht m auf der anderen Seite wird gehoben. Die Geschwindigkeit, mit welcher die Bewegung vor sich geht, ist weit geringer als beim freien Falle, weil die bewegende Kraft, die Schwerkraft des Uebergewichtes r, nicht allein die Masse r. sondern die Masse m + n + rin Bewegung zu setzen hat.

Wäre z. B. jedes der Gewichte m und n 7 Loth, r aber 1 Loth, so hätte das Uebergewicht von 1 Loth (abgesehen von der Masse der Rolle) eine Masse von 15 Loth in Bewegung zu setzen; die Bewegung wird nach denselben Gesetzen vor sich gehen wie beim freien Falle, nur mit dem einzigen Unterschiede, dass die Intensität der beschleunigenden Kraft hier 15mal kleiner ist. Wenn also ein frei fallender Körper in der ersten Secunde 15 Fuss durchfällt, so wird hier der Fallraum der ersten Secunde 1 Fuss sein.

Man sieht wohl ein, dass die Bewegung um so langsamer werden wird, je kleiner das Uebergewicht r im Verhältniss zu m + n ist, und man kann also durch zweckmässige Ver-

änderung von r die Bewegung so langsam machen als man will,

Um die Fallräume begnem messen zu können, ist an einer zweiten

verticalen Säule eine Theilung angebracht, deren oberster Punkt der Nullpunkt der Scala ist. Zwei Schieber, von denen der obere durchbrochen ist, können an jeder Stelle der Scala festgestellt werden.

Soweit ist die Kenntniss des Apparates nöthig, um den Zusammenhang der Versuche zu verstehen.

Zunächst lässt sich mit der Fallmaschiue leicht darthun:

 Dass sich die Fallräume verhalten wie die Quadrate der Fallzeiten. Hat man das Uebergewicht, dessen zweckmässigste Gestalt man Fig. 295 sieht, so gerichtet, dass der Fallraum der ersten Secunde 1 Zoll ist so werden

in	2	Secunden	4	Zoll,			
17	3	77	9	17			
77	4	,,	16	77			
	5		25		u.	s.	

durchlaufen.

Fig. 296.

Fig. 295.

Befindet sich also das nntere Ende des fallenden Gewichtes n zu
Anfang der Bewegung am Nullpunkte der Scala, so
hat man den nndurchbrochenen Schieber bei den

hat man den nndurchbrochenen Schieber bei den Theilstrichen 4, 9, 16, 25 u. s. w. festzustellen, wenn n am Ende der zweiten, dritten, vierten u. s. w. Secunde aufschlagen soll.

Sodann lässt man mit Hülfe der Fallmaschine nachweisen:

2) Dass die Endgeschwindigkeit der zweiten, dritten vierten u. s. w. Fallsecunde 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. so gross ist als die Endgeschwindigkeit der ersten, dass also die Geschwindigkeit des fallenden Körpers der Fallzeit proportional ist.

Aufgreif der Halle in des Gebergewicht r die Gestalt Fig. 296, so dass es auf dem durchbrochenen Schieber liegen bleibt, wem das Gewieht nicht inhündregegangen ist. Es ist nun klar, dass von dem Augenblicke an, in welchem das Uebergewicht abgehoben wird, keine beschleunigende Kraft mehr auf die Massen 
m und a wirkt, sie werden sich also von dem Augenblicke an, in welchem das Uebergewicht wegenommen 
wird, mit gleich für miger Geselwindigkeit fortin derinigung Genebrindigheit welche, sie in dem

bewegen, und zwar in derjenigen Geschwindigkeit, welche sie in dem Momente hatten, in welchem das Uebergewicht auf den durchbrochenen Schieber außschling.

Nehmen wir an, das Uebergewicht sei wieder so regulirt, dass der Fallraum der ersten Secunde I Zoll ist, so ist nach den obigen Auseinandersetzungen die Endgeschwindigkeit der ersten Secunde 2 Zoll, d. h. wenn das Uebergewicht am Ende der ersten Fallsecunde abgenommen würde, so würde n in je der folgen den Secunde 2 Zoll zurücklegen. Wird unter sonst gleichen Verhältnissen das Uebergewicht r erst am Ende der zweiten, dritten, vierten u. s. w. Fallsecunde abgenommen, so wird also die erlangte Endgeschwindigkeit 4 Zoll, 6 Zoll, 8 Zoll u. s. w. sein.

Bezeichnen wir nun die Höhe des Gewichtes m mit h, so wird das Uebergewicht am Ende der zweiten Falbecunde (wenn also ein Weg von 4 Zoll durchfallen ist) abgenommen, wenn der durchbrochene Schieber so gestellt ist, dass die obere Fliche desselben sich (4 - h) Zoll unter den Nallpunkte befindet. Das Gewicht n wird alsdam am Ende der dritten, der vierten, der fünften Secunde aufschlagen, wenn der zweite Schieber bei 4 + 4, bei 4 + 8, bei 4 + 12 u. s. w. steht.

Soll das Uebergewicht am Ende der dritten Fallsecunde abgenommen werden, so muss der obere Schieber (9-h) Zoll unter den Nullpunkt gestellt werden, der untere Schieber aber 6, 12, 13 Zoll unter  $9^4$ , wenn das Gewicht n am Ende der vierten, fünften, sechsten u. s. w. Secunde auf demselben außehlagen soll.

Ebenso kann man es einrichten, dass das Uebergewicht am Ende der vierten, fünften u. s. w. Secunde abgenommen wird, und man findet dann, dass die erlangte Geschwindigkeit 8, 10 u. s. w. Zoll ist.

Wir haben bisher die Reibung ganz unberücksichtigt gelassen und den Hergang der Sache betrachte, wie er sein wirde, wenn kein Reibung statfande. Um den Einfluss der Reibung so gering als möglich zu machen, wendet man sogenannte Frictionsrollen au; aber selbst in diesem Falle ist en öthlig, auf das Gewicht n noch ein kleines, etwa aus einem ganz dünnen Metallblech herzustelleudes Gewicht q aufzulegen (unter r), welches so justirt werden muss, dasse sperade der Reibung das Gleichgewich halt.

Es sind jekt nur noch einige Erläuterungen in Betreff der Fallmaschine beinrüfgen. In der Regel ist mit der Fallmaschine ein Pendel in Verbindung gebracht, welches zum Zählen der Fallsecunden dient, und mit dessen erstem Schlage die Fallbewegung beginnen muss. Die sohr einfache Fendelvorrichtung unserer Fallmaschine ist aus Fig. 297 deutlicher zu erschen.

Gerade dem Nullpunkte der Theilung gegenüber befindet sich eine um ein Scharnier drehbare Messingplatte s, Fig. 298, welche entweder in Folge ihrer Schwere vertical herabhängt, wie es Fig. 297 zeigt, oder in horizontale Stellung gebracht, durch einen Haken unterstützt werden kann, wie man in Fig. 298 sieht. Auf dieser horizontal gehaltenen Platte steht nun

Fig. 298.



Auf dieser horizontal gehaltenen Platte steht nun das Gewicht n vor dem Beginn der Bewegung.

Der Haken, welcher die Platte s unterstützt, bildet aber das eine Ende eines Hebels I, welcher, wenn man das Pendel in Bewegung etzt, bei dem ersten Schlage desselben etwas auf die Seite geschoben wird, so dass die Platte s, nun ihrer Unterstützung beraubt, herabfällt, class also auch mit dem ersten

Pendelschlage das Fallen des Gewichtes n beginnt.

Die Schwingungen des Pendels werden dadurch hörbar gemacht, dass

Fig. 297.



der gabelförmige Doppelhammer h, Fig. 294 und 297 bei jedem Hin- und bei jedem Hergange des Pendels auf ein auf der Vorderseite desselben befestigtes Glöckchen schlägt.

Gleichförmig verzögerte Be- 108 wegung. Wenn ein Körper durch irgend einen Stoss vertical in die Höhe geworfen wird, so wird er mit abnehmender Geschwindigkeit steigen; nach einiger Zeit hört seine nach aufwärts gerichtete Bewegung auf und er beginnt zu fallen. Die Gesetze dieser Bewegung folgen unmittelbar aus dem Vorhergehenden.

Gesetzt, der Körper sei mit einer Geschwindigkeit von 150' in die Höhe geworfen worden, so würde er, wenn die Schwere nicht wirkte, in jeder Secunde 150' steigen. Da die Schwere einem fallenden Körper in 1, 2, 3, 4, 5 u. s. w. Secunden eine Geschwindigkeit von 30', 60', 90', 120', 150' u. s. w. ertheilt, welche der Richtung unserer Bewegung entgegengesetzt ist, so ist klar, dass die Geschwindigkeit des steigenden Körpers am Ende der ersten Secunde 150 - 30 = 120' ist; am Ende der zweiten Secunde ist diese Geschwindigkeit 150 - 60 = 90'; am Ende der dritten 150 - 90 = 60': am Ende der vierten 150 — 120 = 30: am Ende der fünften endlich 150 -150 = 0, und nun beginnt also der Körper zu fallen. Wir haben hier das Beispiel einer gleichförmig verzögerten Bewegung, denn die Geschwindigkeit des steigenden Körpers nimmt in jeder Se-

cunde um gleich viel, nämlich um 30'ab. Stellen wir dies allgemeiner dar. Es sei n die Geschwindigkeit im Beginn des Steigens, so ist die Geschwindigkeit des Körpers nach t Secunden

v = n - qt

Das Steigen hört auf, wenn v = 0, wenn also u = gt, d. h. wenn die in t Secunden erlangte Fallgeschwindigkeit der Geschwindigkeit gleich ist, mit welcher der Körper zu steigen begonnen hat.

Die Zeit T, welche der Körper brancht, um den Gipfel seiner Bahn zu erreichen, ist demnach

$$T = \frac{n}{g}$$

Eine Kanonenkugel, welche mit 1200 Fuss Geschwindigkeit vertical in die Höhe geschossen wird, würde also den höchsten Punkt ihres Weges nach  $\frac{1200}{20} = 40$  Secunden erreichen.

Suchen wir nun die Höhe zu bestimmen, welche der steigende Körper nach 1, 2, 3 u. s. w. Paragraphen gewählten Beispiele würde der Körper nach 1, 2, 3 u. s. w. Seeunden die Höhe von 150, 300, 400 u. s. w. Fins erreicht haben, wenn die Schwere hin nicht heraboge. Wie wir aber geschen haben, zieht hin die Schwere in der ersten Seeunde 15 Fins herab, in 2 Seeunden 4, 15 oder 60', in 3 Seeunden 9, 15 oder 135', Seine Höhe am Ende der ersten Seeunde ist absol 150 — 15 = 130'; am Ende der zweiten, dritten Seeunde ist seine Höhe 300 — 60 = 240', 450 — 135 = 315' u. s. w. Nach 5 Seeunden bätte er die Höhe von 750' erreicht, ist aber durch die Wirkung der Schwere 15 V. 5° = 375' herabgezogen, er befindet sich abo wirklich in einer Höhe von 750 — 7357 = 337 Fins, und nun beginnt er wieder zu fallen.

Betrachten wir die Sache allgemeiner. In f<br/>Secunden würde der Körper vermöge seiner ursprüngliche<br/>u Geschwindigkeit n zu der Höhe nt steigen, er ist aber durch die Schwere um<br/>  $\frac{\mathcal{Q}}{2}t^2$  herabgezogen worden, seine wirkliche Höhe ist dem<br/>nach

$$h = nt - \frac{g}{2}t^2.$$

Da der Gipfel der Bahn erreicht wird, wenn  $t = \frac{n}{g}$ , so findet man die Höhe H des Körpers für diesen Moment, wenn man in obiger Formel statt t diesen Werth setzt; es ergiebt sich:

$$H=\frac{n^2}{g}-\frac{g\,n^2}{2\,g^2}=\frac{n^2}{g}-\frac{n^2}{2\,g}=\frac{n^2}{2\,g}.$$
 Die mit der Geschwiudigkeit von 1200 Fuss vertical in die Höhe ge-

Die nit der Geschwindigkeit von 1200 Fuss vertical in die Höhe geschossene Kanonenkugel erreicht also eine Höhe  $H=\frac{1200^2}{2\cdot 30}=\frac{1440000}{60}$ 

= 24000 Fuss.

Nach Gleichung 3) auf Seite 240 haben wir für die Zeit t, welche ein Körper braucht, um den Raum s zu durchfallen, den Werth

$$t = \sqrt{\frac{2}{g}}s$$
,

die Zeit T', welche ein Körper braucht, um die llöhe  $H=\frac{n^2}{2\,g}$  zu durchfallen, ist demnach

$$T' = \sqrt{\frac{2}{a} \cdot \frac{n^2}{2a}} = \sqrt{\frac{n^2}{a^2}} = \frac{n}{a},$$

d. h. zum Herabfallen braucht der Körper eben so viel Zeit, wie zum Steigen.

Die Geschwindigkeit  $V_i$  welche durch das Herabfallen von der Höhe Herlangt wird, ist nach Gleichung 4) Seite 240

$$V = \sqrt{2gH} = \sqrt{2g \cdot \frac{n^2}{2g}} = n$$

d. h. der Körper kommt mit derselben Gesehwindigkeit unten wieder an, mit der er zuerst zu steigen begann; oder um einen Körper bis zu einer Höhe H vertical in die Höhe zu treiben, muss man ihm eine Anfangsgessehwindigkeit ertheilen, die gerade so gross ist als diejenige, welche er durch den freien Fall von der Höhe H herab erlangt.

Fall auf der schiefen Ebene. Bezeichnet g wie bisher die beschleunigende Kraft der Schwere, x den Winkel, welchen die schiefe Ebene
mit der Horizontalen macht, so ist g. sin. x die beschleunigende Kraft,
welche den Körper zur schiefen Ebene herabtreibt. (S. Paragraph) 28 S. 55.)

Der Weg s, welchen der frei fallende Körper in t Seeunden zurücklegt, ist  $s=\frac{g}{2}t^{2}$ ; auf der schiefen Ebene durchläuft er in derselben Zeit

den Weg  $s'=\frac{g}{2}(sin,x)t^2=s$ , sin,x, — In Fig. 299 sei mm ab die schiefe Ebene, ac der Raum s, welchen der frei fallende Körper in t Secunden durchfallt, so findet man den Weg s', welchen ein Körper in derselben Zeit auf der schiefen Ebene durchfallt durch Construction, wenn man von c in Perpendikel cd and ab fallt. Es ist hier offenbar ad=ac, sin,x, other ad=sc, sin,x, cs is also ad der gesuehte Fallraum s' and ac esidiefen Ebene.

Fig. 299.





Fig. 300.

Denken wir uns in einem Kreise, dessen Ebene verticals teht, dern verticalen Durchmesser ac, Fig. 300 a. vor. S., ferner von irgend einem Punktes d des Umfanges aus die Sehnen da und dc gezogen, so ist bekanntlich da c ein rechtwinkliges Dreieck, und wenn man mit x den Winkel bezeichnet, welchen dc unt der Verticalen macht, so ist x auch der Winkel zwischen ad und der Horizontalen; ferner ist ad = ac, sin, x, es wird also die Sehne ad in derselben Zeit durchlaufen, welche ein frei fallender Körper braucht, um den verticalen Durchmesser ac zu durchfallen.

Dies gilt, welche Stellung der Punkt d auch auf dem Kreisumfange einnehmen mag; alle von a. Fig. 301, ausgebenden Schnen werden in gleicher Zeit durchlaufen, wie der verticale Durchmesser ac.

Fig. 301.



Fig. 302.



Denken wir uns durch c in Fig. 300 eine Sehne cf parallel mit ad geogen, so hat cf nicht allein gleiche Neigung gegen die Horizontale wie ad, sondern auch gleiche Länge, woraus dann folgt, dass alle in c, Fig. 302, zusammenlaufenden Sehnen des Kreises in gleicher Zeit durch-laufen werden, wie der vertienle Durchmesser ac.

Fig. 803.



In Fig. 303 set ab eine schiefe Ebene, deren Länge wir mit l und deren verticale Höhe wir mit h bezeichnen wollen. Die Geschwindigkeit, mit welcher ein von a aus auf der schiefen Ebene herabrollender Körper in b ankommt, ist

$$V = \sqrt{2} g(\sin x) l \dots 1$$
  
Die Geschwindigkeit, mit welcher

ein von a vertical herabfallender Körper in c ankommt, ist aber

$$v = \sqrt{2 gh}$$
.

Es ist aber  $h = l \cdot \sin x$  oder  $l = \frac{h}{\sin x}$ . Setzen wir diesen Werth von l in Gleichung 1) so kommt

$$V = \sqrt{2gh}$$

es ist also V=v, d. h., wenn ein Körper auf einer schiefen Ebene den Weg ab zurückgelegt hat, so erlangt er stets dieselbe Geschwindigkeit, als ob er die Höhendifferenz zwischen a und b, also die Länge ac frei durchfallen hätte.

Wurfbewegung. In den bisher betrachteten Fällen war die 110 Bewegung eine gerudlinige, und die beschleunigende oder verzögernde Kraft würkte in der Richtung eben dieser Bewegung. Sobald dien nicht mehr der Fall it, sobald eine beschleunigende Kraft in einer Richtung auf den Körper wirkt, welche nicht mit der Richtung seiner Bewegung zusammenfällt, so muss die Bahn nothwendig eine Krummlinige sein. Wir können hier zwei Fälle unterscheiden. Einweder ist die Richtung der beschleunigenden Kraft für alle Punkte der durchlaufenen Bahn dieselbe, wie man dies ohne mecklichen Föhler bei der Wurfbewegung annehmen kann, oder die Richtung der beschleunigenden Kraft ist an verschiedenen Punkten der Bahn nicht mehr dieselbe, sondern stets nach einem Centralpunkte convergirend, wie bei der Centralbewegung.

Wenn ein Körper in einer anderen als in der vertieslen Richtung geworfen wird, so beschreibt er eine krumme Linie, deren Gestalt sich aus den Gesetzen des Falles leicht ableiten lässt. Nehmen wir den einfachsten Fall, nämlich den, dass der Körper durch irgend eine Kraft in horizontaler Richtung fortgestossen worden set. Wenn die Schwere nicht wäre, so würde er sich fortwährend in horizontaler Richtung bewegen,

Fig. 301.

und zwar mit gleichförmiger Geschwindigkeit. dieses Stosses würde er in der ersten Secunde den Weg ab. Fig. 304, in der zweiten den gleich grossen Weg bc u. s. w. zurücklegen, er müsste sich also am Ende der ersten, zweiten, dritten u. s. w. Secunde in den Punkten b, c, d u. s. w. befinden. Durch die Schwere aber ist er gesunken. In der ersten Secunde ist er um 15 Fuss gefallen, er wird sich also am Ende derselben nicht in b. sondern 15 Fuss unter b befinden. Am Ende der zweiten Secunde ist er 60 Fuss unter c, am Ende der dritten 135 Fuss unter du. s. w. Die krumme Linie, welche der Körper auf diese Weise beschreibt, ist eine Parabel.

Wenn der Stoss in irgend einer anderen Richtung stattfindet, so lässt sich die gleichfalls parabolische Bahn auf dieselbe Weise durch Construction ermitteln.

Die Bahn, welche ein geworfener Körper wirklich beschreibt, weicht wegen des Widerstandes der Luft von der rein parabolischen Gestalt ab.

111 Centralbewegung. Dass wir die Richtung der Schwerkraft an verschiedenen Stellen der Bahu eines geworfenen Körpers als parallel betrachten konnten, liegt nur daran, dass die Länge der durchlaufenen Bahn verschwindend klein ist gegen die Entfernung des Erdmittelpunktes. gegen welchen der geworfene Körper doch stets hingetrieben wird. Sobald aber die Bahn des Körpers eine namhafte Länge im Vergleich zur Entfernung des Anziehungsmittelpunktes hat, haben wir es mit einer Centralbewegung zu t'un. In diese Kategorie gehört die Bewegung des Mondes um die Erde, der Erde und der übrigen Planeten um die Sonne. Denken wir uns, dass der Punkt a, Fig. 305, welcher durch eine stetig wirkende Anziehuugskraft nach dem Punkte m hingetrieben wird, beim Fig. 305.





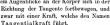
Beginne seiner Bewegung durch irgend eine momentan wirkende Kraft einen Stoss in der Richtung ab erhalten hätte, so wird er sich weder in der Richtung ab, noch in der Richtung ac bewegen, sondern in einer anderen ad. die sich nach dem Gesetze des Parallelogramms der Kräfte ausmitteln lässt, Um die Betrachtung einfacher zu machen, wollen wir annehmen, dass die stets nach m gerichtete anziehende Kraft stossweise in kleinen Intervallen wirke. Man wird sich bei dieser Be-

trachtungsweise um so weniger von der Wahrheit entfernen, je kleiner man sich die Intervalle denkt.

Wenn der seitswärts gerichtete Stoss für sich allein den materiellen Punkt in einem kleinen Zeittheilchen t von a nach b, die anziehende Kraft, für sich allein wirkend, ihn in derselben Zeit nach c führen würde, so bewegt er sich unter Einwirkung beider Kräfte in dem Zeittheilchen t von a nach d. In d angekommen, würde er sich in der Richtung de weiter bewegen, und zwar würde in der Zeit t der Weg gerade so gross sein wie ad, wenn nicht die anziehende Kraft von Neuem wirkte, und zwar so, als ob der Körper in d einen Stoss erhalten hätte, der ihn, für sich allein wirkend, in der Zeit t von d nach f geführt haben würde. Durch diese abermalige Einwirkung der anziehenden Kraft wird also der Körper wieder von der Richtung de abgelenkt und nach a geführt. Man begreift daraus leicht, dass, wenn der Körper in a einmal einen seitwärts gerichteten Stoss empfangen hat, die anziehende Kraft aber stossweise in kleinen Intervallen wirkt, dass alsdann der Körper ein Polygon beschreiben muss, welches sich einer krummen Linie um so mehr näbert, je kleiner jene Intervalle sind. Wenn die anziehende Kraft stetig wirkt, wie dies in der Natur wirklich der Fall ist, so ist die Bahn eine krumme Linie, deren Natur von dem Verhaltniss der sie bedingenden Krafte abhängt.

Die Kraft, welche den Körper stete nach dem Anziehungsmittelpunkte hinreibt, wird mit dem Namen Centripetalkraft bezeichnet. Wenn in irgend einem Momente der Centralbewegung die Centripetalkraft zu wirken aufhörte, so wärde von dem Augenblicke an der Körper sich in der





Je nach dem Verhältniss zwischen Tangentialkraft und Centripetalkraft kann die Bahn ein Kreis, eine Ellipse u. s. w. sein.

Die Art und Weise, wie durch Zusammenwirken einer beständig gegen einen festen Mittelpunkt hin wirkenden Kraft und eines einmaligen seitlichen Stosses eine Centralbewegung zu Stande kommt, lässt sich durch folgenden Versuch, Fig. 306, sehr anschaulich machen.

Von der Decke eines Zimmers herab hängt an einer dünnen Schnur eine metallische Kugel. Zieht man sie aus ihrer Gleichgewichtslage heraus, so wird sie stets durch eine gegen ihre frühere Gleichgewichtslage gerichtete Kraft afficirt sein. Lässt man die Kugel einfach los, so gerath sie in eine einfache Pendelbewegung, deren Gesetze wir später betrachten werden; theilt man ihr aber einen seitlichen Stoss mit, wenn sie sich eben an der Stelle ihrer grössten Ausweichung befindet, so wird sie von nun an eine krumme Linie um den Punkt der Gleichgewichtslage herum beschreiben, welche bei gchörig abgemessener Stärke des seitlichen Stosses sehr nahe kreisförmig sein wird.

Hier haben wir also die kreisförmige Bewegung eines Körpers, der durch eine beständig wirkende Kraft gegen den Mittelpunkt seiner Bahn getrieben wird, ähnlich wie der Mond nach der Erde, die



Erde nach der Sonne hin angezogen wird. Bei unserm Versuche werden freilich die Kreise allmälig kleiner und kleiner, bis endlich die Kugel in dem Mittelpunkte zur Ruhe kommt; allein dies ist nur die Folge des Luftwiderstandes und der Reibung am Aufhängepunkte der Schnur.

Wir können uns hier nur mit der kreisförmigen Centralbewegung beschäftigen, und zwar wollen wir zunächst die Beziehung ausmitteln, welche zwischen der Grösse der Centripetalkraft, den Halbmesser des Kreises und der Umlaufiszeit stattfindet.

In Fig. 307 sei m der Mittelpunkt des Kreises, welchen der Körper a Fig. 307. beschreibt; ab sei der Weg, welchen er in der



beschreibt; ab sei der Weg, welchen er in der Zeiteinheit, etwa in 1 Secunde zurücklegt. Fällt man nun von b ein Perpendikel bd auf den von ausgezogenen Durchmesser des Kreises, so ist offenbar ad der Weg, um welchen der Körper a in der Zeiteinbeit gegens hin sich bewegen würde, wenn der Körper in a nicht sehne eine Tangentialgeschwindigkeit hätte, sondern lediglich durch die Centriptealkraft gegen bin in getrieben würde.

Einem hekannten Satze der Geometrie zurolge ist nun ab (wenn wir den Bogen als geradlinig betrachten, was ohne merklichen Fehler geschehen kann, wenn ab nur ein kleiner Theil des Kreisumfanges ist) die mittlere Proportionale zwischen ad und an, es ist also

$$ab^2 = ad \times an$$

und daraus

$$ad = \frac{ab^2}{an}$$

Es ist aber an der Durchmesser des Kreises, ako  $2\tau$ , wenn wir mit  $\tau$  den Halbmesser desselben beseichene; ferner ist der in der Zeiteinheit zurückgelegte Bogen ab gleich dem Kreisumfange, dividirt durch die Umlaufzeit, also  $ab = \frac{2\pi\tau}{t}$ . Bezeichnen wir nun den Weg ad, um welchen sich der Körper anunter alleinigem Einfluss der Centralkraft dem Mittelpunkte m in der Zeiteinheit nähern würde, durch p, so haben wir also

$$p := \frac{2 \pi^2 r}{t^2}$$

Die Endgeschwindigkeit v, welche der Körper unter dem Einfluss der Centripetalkraft am Ende der ersten Secunde erlangen würde, wenn er von a aus gegen m fiele, ist aber gleich  $2\,p$ , also

und diese Grösse nimmt man gewöhnlich als Maass für die Centripetalkraft. Bei einer kreisförmigen Centralbewegung ist also die Centripetalkraft dem Halbmesser des Kreises direct und dem Quadrate der Umlaufszeit nmgekehrt proportional.

Die Schwungkraft. Wenn eine schwere Kugel am Ende einer 112 Fig. 308. Schnur in m, Fig. 308, befestigt um den Punkt c



Schnur in m, Fig. 308, befestigt um den Punkt er umgedreht wird, so dass die Kngel einen Kreis um den Mittelpunkt e beschreibt, so wird die Schnur fortwährend eine Spannung auszuhalten haben, welche mit der Schnelligkeit der Umdrehen, wieden wirden der Schnelligkeit der Umdrehen, underschenhitten würde, so würde die Kngel nicht mehr im Kreise sich fortbewegen, sondern sich vermöge ihrer Trägheit in tangentialer Richtung von ihrer früheren hahn entfernen.

erleidet, nennt Fig. 309. Die Ursache der Spannung, welche die Schuur man Centrifugalkraft, Pliehkraft, Schwungkraft. De aber hier der Widerstand der Schuur den selben Effect hervorbringt, wie die oben bei der freien Schreibenergung betrachtete Centripetalkraft, so ist klardass die Centringualkraft gleich und entregeugesetzt ist, und dass von der Centringualkraft Alles gilt, was von der Centripetalkraft gesagt wurde, d. h. die Schwungkraft wichst in Verhältniss der Halbmesser der Bahnen und im ungekehrten der Quadrate der Umlaufszeiten. Dass die Spannung der Schurr, dass also die Schwungkraft auch der rotirenden Masse proportional sei, versteht sich von selbst.

Schwungkraft tritt überall da auf, wo eine Rotation um eine feste Aze stattfindet und die einzelneu Theilcheu auf irgend eine Weise verhindert sind, sich von jener Aze zu entfernen, also z. B. bei einem Schlwungrad, einem Mühlstein u. s.w. Bei einer Schlwungrad, einem Mühlstein u. s.w. Bei einer Schleuder, wie sie Fig. 309 dargestellt ist, sieht man in der That den Stein in tangentialer Richtung forffliegen, sobald die Haud das eine Schuurende fahren lässt, der Stein also nicht nehr zurückgehalten wird. Bei einem rasch umgedreiten Schleifsteine fahren die Wassertropfen in tangentialer Richtung weg, sobald die Schwungkraft grösser wird als die Adhäsion des Wassers zum Stein.

Um Versuche über die Schwungkraft auzustellen, wird die sogenante Schwung- oder Centrifugtalmaschine angewandt. Fig. 310 a.f.S. stellt eine solche Schwungmaschine, wie sie Mechanicus Oechsle in Pforzheim construit, ungefähr in <sup>1</sup>/<sub>10</sub> der natürlichen Grösse dar.

Die Undrehung des gusseisernen Schwungrades c, welches um eine verticale Axe drebhar ist, wird durch einen Riemen auf die hötzerne Spule s übertragen, welche, gleichtalls um eine verticale eiserne Axe drebhar; einen weit geringeren Durchmessere besitzt als das Schwungrad. Wäre z. B. der Durchmesser des Rades 10mal so gross, als der Durchmesser der Spule, so würde s 10 Umdrehungen machen müssen, während das Schwungrad mat umgedreht wird, und so ist es möglich, bei mässiger Umdrehungsensenlwindigkeit von e die Axe der Spule in rasche Rotation zu versetzen.



Die Axe der Spule endet oben bei a mit einem konischen Zapfen, auf welchem die zu verschiedenen Versuchen über Schwungkraft dienenden Apparate aufgesetzt werden können.

Eine sehr zweckmässige Einrichtung haben in neuerer Zeit mehrere



Berliner Mechaniker der Schwungmaschine dalurch gegeben, dass sie die ganze Vorrichtung auf einem Brette belestigt haben, welches, um ein Scharnier drehbar, nach Belieben horizontal oder auch, wie es Fig. 311 zeigt, vertical gestellt werden kaum, wodurch die Schwungmaschine auch noch für verschiedene akustische und optische Versuche brauchbar gemacht wird.

Gehen wir nun zur Betrachtung einiger mit der Schwungmaschine anzustellender Versnche über.

Dass die Schwingkraft dem Radius des durchlaufenen Kreises proportional ist, lässt sich mit Hülfe des Apparates Fig. 312 nachweisen. Ein Brettehen, welches mittelst der Hülse b auf den Zapfen a der Schwingmaschine, Fig. 310, aufgesetzt wird, trägt an seineu Enden zwei kurze verticale Arme, zwischen denen ein dünnes Metallstäbchen oder



ein Metalldraht ausgespannt ist. Dieser Metalldraht geht durch zwei Kugelu von Holz, Metall oder Elfeubein hindurch, welche durch zwei Schnüre mit einander verbunden sind, so dass die Entfernung beider

Kugeln von einander stets dieselbe ist, sobald die Schnüre angespannt sind. Das Loch in den Kugeln muss og gross sein, dass sie sich mit der grössten Leichtigkeit auf dem Drahte verschieben lassen. Nehmeu wir an, die Kugeln seien ungefähr so gestellt, wie es die Figur zeigt, so würden sie, wenn der Apparat in Rotation versetzt wird, sieh von der Mitte des Drahtes entfernend nach beiden Seiten auseinanderfahren und an den Endbrettehen anschlagen, wenn es die Schnur nicht verhinderte. Da nun die Kugeln nicht auseinanderfahren können, so wird diejenige, für welche die Schwungkraft stärker ist, die andere nach sieh ziehen. Wenn nun aber die Kugeln gerade so gestellt sind, dass die Schwungkraft ür beide gleich ist, so werden sie sich nicht von der Undrehungsaxe entfernen können und sich also im Kreise bewegen missen, ohne nach den Endplakten hinzufahren.

Dieses Gleichgewicht findet nun statt, wenn sich die Entferunngen beider Kugeln von der Mitte des Drahtes umgekehrt verhalten wie ihre Massen. Wäre die grössere Kugel 2-, 3-, 4mal so sehwer als die andere, so müsste die kleinere Kugel 2-, 3-, 4mal so weit von der Umdrehungsaxe, also von der Mitte des Drahtes, entfernt sein.

Dass sich die Schwungkraft unter übrigens gleichen Umständen umgekehrt verhält, wie das Quadrat der Umlaufszeit, dass sie also bei 2-, 3-, 4mal kleinerer Umlaufszeit 4-, 9-, 16mal grösser wird, lässt sich mit Hilfe des Apparates Fig. 313 nachweisen. Innerhalb eines aus vier Brettchen

Fig. 313.



gebildeten Rahmens, welcher, wie der vorige Apparat, auf die Schwungmasschine aufgesetzt, welcher bei b um eine horizontale Axe leicht drehbar ist. Bei d frägt er eine Metallkugel, bei aber eine Metallplatte, auf welche verschiedene Gewichte aufgelegt werden können. Sohald dieser Apparat um seine Axe gedreit wird, strebt die

Kugel d sich von derselben zu entfernen und die Gewichte bei c zu heben, was in der That erfolgt, sobald die Schwungkraft er Kugel d gross genug geworden ist. Nehmen wir an, das auf c gelegte Gewicht sei so justift, dass die Kugel b an das Seitenbrett ansehlägt, wenn das Schwungrad der Schwungmaschine Imal in der Secunde ungederhet wird, so wird bei doppelter Umdrehungsgeschwindigkeit dasselbe erfolgen, wenn auf c so viel Gewicht gelegt wird, dass der Druck, mit welchem die Platte c auf ihrer Unterlage aufliegt, dana los gross ist als vorher.

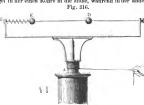
Der in Fig. 314 in etwas grösserem Maassstabe als die vorhergehenden Figuren abgebildete Apparat dient, um zu erläutern, wie die Abplattung der Erde eine Folge ihrer Axendrehung ist.



An dem unteren Ende der eisernen Axe b, welche auf die Schwungmasehine aufgesetzt wird, sind mehrere elastische Streifen aa' und cc' von Messingblech befestigt, die oben wieder in einer leicht auf der Axe b verschiebbaren Hülse zusammenlaufen. Im Zustande der Ruhe strecken sich die Federn a, a', c und c', so dass die Hülse an dem Knopfe & ansteht; sobald aber der Apparat rasch um die Axe b rotirt, nehmen die Metallstreifen die in unserer Figur angedeutete Gestalt an, indem alle Theilchen derselben sich möglichst weit von der Rotationsaxe zu entfernen streben. Je schneller die Umdrehung, desto mehr werden die Streifen gekrümmt, desto tiefer wird also die Hülse herabgezogen.

Der Apparat, Fig. 315, zeigt zwei Glasröhren, welche an beiden Enden zugeschmolzen oder auch nur gut mit Kork verschlossen, in einem passenden

auf die Schwungmaschine aufzusetzenden Gestell, so befestigt sind, dass die nach ausseu gekehrten Enden höher stehen als die nach inmen gekehrten. Die eine dieser Röhren euthalt eine kleine Kugel von Elfenbein oder schwerem Holz, die andere ist zum Theil mit Queckeilber und gefärbtem Wasser gefüllt. Sobald der Apparat in Rotation versetzt wird, läuft die Kugel in der einen Röhre in die Höhe, während in der anderen das Queckeilber



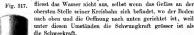
die höchste Stelle in der Röhre einnimmt, worauf dann das Was-

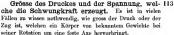
nimmt, worauf dann das Wasser und zu unterst die noch in der Röhre enthaltene Luft folgt.

Fig. 316 zeigt eine andere Vorrichtung, deren man sich statt der Schwungmaschine zu Versuchen über Centrifugalkraft bedienen kann; sie wird wohl ohne Erläuterung verständlich sein.

Um mit Hülfe einer solchen Vorrichtung den Satz zu beweisen, dass die Curtifugalkraft dem Quadrate der Umlaufzeit ungekehrt proportional ist, hat man eine dem Apparat Fig. 313 ånhliche Vorrichtung aufzusetzen und die Rotation dadurch zu bewirken, dass man die Schnur über eine Rolle gehen lässt und an ihrem freien Ende ein entsprechende Grewicht anhängt. Durch das Niedergehen dieses Gewichtes nimmt nun die Umdrehungsgeschwindigkeit proportional der Fallzeit zu. Izt das Gewicht, welches an der Schuur zieht, gerade so gemacht, dass die Kugel d an der Seite anschlägt, nachdem die Bewegung eine Secunde gedauert hat, so wird man bei c ein 4faches, ein 9faches Gewicht auflegen müssen, wenn der Anschlag er Kugel der zu nach zwei und nach der Steuenden erfügen sollt

Wenn man ein Gefäss mit Wasser, an einer Schnur befestigt, wie Fig. 317 zeigt, und es mit der Hand in vertiealer Ebene umschwenkt, so





Bezeichnet man den Druck oder den Zug des herungeschleuderten Körpers mit D, zein Gewicht mit P, die beschleunigende Kraft der Schwere mit g und die beschleunigende Kraft, mit welcher sich die Masse P von der Axe zu eutfernen strebt, mit v, so haben wir offenbar

also

$$g:v \Longrightarrow P:D$$

$$D = \frac{v \cdot P}{g},$$

für v aber ist der Werth bei 1) S. 252 zu setzen, folglich haben wir

$$D = P \frac{4 \pi^2 r}{g t^2},$$

oder wenn wir für z seinen Zahlenwerth 3,14 und für g seinen in Fussen ausgedrückten Werth 30 setzen,

$$D = 1{,}315 \frac{Pr}{t^2} \dots \dots$$

wo natürlich r auch in Fussen ausgedrückt sein muss.

Es werde z. B. eine 3 Pfund schwere Kugel an einer 2 Fuss langen Schnur so schnell herumgeschleudert, dass jeder Umlauf in <sup>3</sup>/<sub>4</sub> Secunden vollendet wird, so ist

$$D = 1.315 \cdot \frac{3 \cdot 2}{0.75^2} = 14$$
 Pfund.

Die Schnur wird also mit einer Kraft von 14 Pfunden gespannt sein. Wäre unter sonst gleichen Umständen die Umdrehungsgeschwindigkeit 3mal grösser, so würde die Spannung der Schnur 9mal särker, sie würde also 126 Pfund geworden sein. Man sieht, wie durch gesteigerte Geschwindigkeit die Schwungkraft leicht eine enorme Grösse erreichen kann.

Für Metermass geht Gleichung a) über in

$$D = 4,024 \frac{Pr}{t^2} \dots$$
 b)

In dieser Gleichung ist natürlich auch r in Metern anszudrücken. D erhält man in derselben Gewichtseinheit, in welcher P ausgedrückt ist. Es sei z. B. P = 10 Kilogramm, r = 3 Meter, t = 1,5 Secunden, so kommt

$$D=4\cdot \frac{30}{2,25}=53$$
 Kilogramm.

Mit Erfolg hat man in neuerer Zeit die Schwungkraft in der Industrie benutzt, z. B. in Zuckerfabriken um den Zucker vom Syrup zu reinigen; in Färbereien um Garne und Zeuge schnell zu trocknen u. s. w.

Babo hat die Schwungkraft auch bei chemischen Arbeiten in Auwendung gebracht, namentlieh um Krystalle von syrupartiger schmieriger
Mutterlauge zu treumen und um das Absetzen von Niederschäußen zu beschleunigen, welche unter den gewöhnlichen Umständen sehr lange auspendirt bleiben. Wenn nämlich die beschleunigende Kraft, mit welcher sich
die geschwungene Flüssigkeitsmasse von der Rotationsaxe zu entfernen
strebt, zmaß so gross ist als die beschleunigende Kraft der Schwere, so
ist auch die Differenz zwischen der Centrifugalkraft der Wasserpartikelchen und der Centrifugalkraft der suspendirten Theilchen zmaß so gross
als die Differenz der specifischen Gewichte des Wassers und des auspendirten Körpers, es muss also auch eine rasche Ausscheidung erfolgen, wenn
der Werth von zu gross geung ist.

114 Freie Axen. Ist die Masse eines rotireuden K\u00f3rpers symmetrisch um seine Umdrehungsaxe geordnet, so wird diese Axe in Folge der Rotation des K\u00f3rpers keinen Druck, keine Spannung nach irgend einer Seite auszahalten haben, weil die Schwungkraft jedes Theilchens des rotirendeen K\u00f3rpers durch eine gleiche und entgegengesetzte aufgehoben wird. Eine Axe, bei welcher dies der Fall ist, wird eine freie Axe genannt; Beispiele freier Axen bieten uns ein Schwungrad, ein Kreisel u. seine.

Fin Körper, welcher um eine freie Axe retirt, besitzt in Beziehung auf dieselbe stets eine mehr oder minder grosse Stabilität, d. h. es zeigt siel ein Bestreben, die Rotationsaxe in unveränderter Richtung zu erhalten, wie dies am besten durch den Kreisel erläutert wird. Ein Kreisel, Fig. 318, welcher aus einem bleiernen flachen Cylinder besteht, dessen Undrehungsaxe unten mit einer stählernen etwas abgerundeten Spitze versehen ist, kann eine halbe, ja eine ganze Stunde lang auf dieser Spitze rotiren, ohne umzafallen Buse ut! v Farbekreisel, Pozer, Annal, Ba. XXXII, S. 656.

Wenn nun auf eine solche freie und nach jeder Richtung bin auch frei bewegliche Axe von aussen her irgend eine störende Kraft einwirkt,





welche die Richtung dieser Axe zu ändern strebt, so erfolgt eine Verschiehung der Axe rechtwinklig zur

Richtung der störenden Kraft. Man kann diese Erscheinung an jedem Kreisel, am bequemsten vielleicht an dem allgemein bekannten Brummkreisel (Brummtoppich) beobachten.

Fig. 319 stellt einen solchen Kreisel dar. Wenn die Rotationsaxe dessellen, gleich nachdem en angelassen worden ist, nicht vertical stelk, sondern mit der Richtung des Bleiothes einen Winkel macht, wie es die Figur zeigt, so fällt er nicht etwa um, wie man auf den ersten Anblick wohl vernuthen könnte, weil der Schwerpunkt nicht unterstützt ist, sondern die Axe des Kreisels beschreibt in langsamer Bewegung die Oherläche eines Kegels, wie dies in unserer Figur durch punktire Linien angedeutet ist, ohne dass der Kreisel sich mehr gegen die horizontale Ebene neigt; ja der Kreisel richtet sich allmätig mehr und mehr auf, his endlich seine Axe senkrecht seht, welches letztere jedoch nur eine Folge der Reihung ist, welche die Spitze des Kreisels am Boden zu überwinden hat, dieses Aufrichten des Kreisels würde nicht stattfinden, wenn keine Reibung stattfände.

Wenn der Kreisel in der Richtung rotirt, welche der Pfeil a andeutet, so dreht sich die Rotationsaxe in der Richtung des Pfeiles b.

Der Kreisel fällt erst um, wenn seine Rotationsgeschwindigkeit bis zu einem gewissen Grade abgenommen hat.

Noch viel schöner und sicherer lässt sich diese langsame Drehung einer Rotationsaxe an den von Mag nus und Fessel zu diesem Zweckeconstruirten Gyroscopen zeigen. Fig. 320 a. f. S. stellt ein Fessel'sches Gyroscop dar: a ist eine runde messingene Scheibe, deren äussere Begränzung durch einen dicken messingenen Wnist gebildet wird. Durch die Mitte dieser Scheibe geht eine stählerne in Spitzen laufende Axeb, welche von einem messingenen Ringc getragen wird. Der Ringc ist end-



lich wieder in dem Ringe d befestigt und um eine Axe n n drehbar, welche rechtwinklig auf der Axe b steht.

Der Ring d ist mit einem Ansatz versehen, welcher das Stahlstäbchen f trägt, und welcher mittelst eines horizontalen Stiftes in der Gabel i befestigt ist. Die Gabel i aber sitzt am oberen Ende eines Stahlstäbchens h, dessen untere Halfte in einer vertical stehenden Hülse steckt, so dass die ganze obere Vorrichtung um die verticale Axe h und nm den horizontalen Stift drebbar ist. welcher durch i nnd den an dem Ringe d befestigten Ansatz geht. Da die Scheibe

a nun ausserdem noch um die Axen b und n drehbar ist, so ist also hinlänglich für ihre allseitige freie Beweglichkeit gesorgt.

An dem Stäbchen f ist ein Gewicht g angehängt, welches, an einer bestimmten Stelle festgestellt, gerade dem Ringe d mit Allem, was sich innerhalb desselben befindet, das Gleichgewicht hält, so dass also der Apparat von selbst in einer solchen Stellung stehen bleibt, wie es die Fig. 320 zeigt.

Rückt man nun das Gewicht g an dem Stäbehen f hinauf oder nimmt man es ganz weg, so bekommt der Ring d mit der Scheibe a das Uebergewicht und senkt sich, bis er auf den Rand der Säule anstösst, in weicher h steckt; rückt man dagegen das Gewicht g von der Gleichgewichtsstellung aus an dem Stäbehen f mehr berah, so füllt natürlich das Uebergewicht auf die Seite von g; die ganze Vorrichtung wird um die horizontale in i steckende  $\Lambda$ ze gedreht, bis g auf dem Boden oder an dem Fusse des Gestelles anstöset.

Die eben besprochenen Gleichgewichtaverhältnisse beziehen sich aber nur auf den Ruhezustand des Apparates; die Sache ändert sich sogleich, wenn man der Scheibe a eine hinlänglich rasche Rotation um die Axe b ertheilt.

Die Rotation der Scheibe a wird dadurch hervorgebracht, dass man

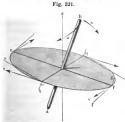
eine auf die stählerne Axe b aufgewickelte Schnur rasch abzieht, während man den Ring c festhält.

Wird nun, nachdem das Gewielt g ganz entfernt oder doch so weit hinaufgerückt ist, dass das Uebergewicht auf Seite des Ringes d und seines Inhaltes ist, die Scheibe a in rasche Rotation versetzt, während der ganze Apparat ungefähr die Stellung hat, wie es die Figur zeigt, so scheint die Scheibe mit ihrem Ringe der Selwere nicht mehr zu gehorchen; den die Neigung des Stähehens f und der Axe b gegen die Verticale hleibt unverändert, während sich die ganze Vorrichtung um die verticale Axe h dreht, und zwar in einer Richtung, welche derjenigen gerade entgegengesetzt ist, nach welcher sich eben der oberste Punkt der rotirenden Scheibe bewegt.

Erst wenn die Rotationsgeschwindigkeit der Scheibe a bis zu einem gewissen Grade abgenommen hat, beginnt der Ring d mit der Scheibe a ganz allmäßig herabzusinken.

Wenn man das Gegengewicht g an dem Stäbehen f mehr und mehr herunterschiebt, so dass das Uebergewicht, welches den Winkel des Stäbchens f und der Axe b mit der Verticalen zu vergrössern sucht, kleiner und kleiner wird, so wird unter übrigens gleichen Unständen die Drehung um die Axe h immer langssmer werden, bis eie endlich ganz aufhört, wenn g so befestigt ist, dass es dem Ringe d mit seinem Inhalte gerade das Gleichgewicht hält und in ein Drehung von entgegengesetzter Richtung übergeht, wenn g so weit heruntergeschoben wird, dass das Uebergewicht auf seiner Seite ist und ein Bestroben zeigt, den Winkel zu verkleinern, welchen das Stäbehen f und die Axe b mit der Verticalen machen.

Wie sich die fragliche Erscheinung, wenigstens in ihren Hauptzügen, ohne Calcul erklären lässt, hat Poggendorff in seinen Anna-Fig. 201 len (Bd. XC, S. 348) ge-



Wenn die materielle Scheibe no pop, Fig. 321, um die Axe ab, die einen bestimmten Winkel mit der Vertiealen cd macht, sehr rasch rotirt, so haben alle Theilchen der Scheibe tangentiale Geschwindigkeiten erlangt, welche für die Pankte o,p,q und n durch Pfeile angedentet sind.

zeigt.

Wirkt nun auf die Scheibe eine Kraft, welche die Axe ab der verticalen cd zu entfernen also die Scheibe um die Axe oq oder eine damit parallele zu drehen strebt, so wird der nächste Effect sein, dass die Scheibe in der That ein wenig



gedreht, dass also p etwas gesenkt, n etwas gehoben wird. Dadurch werden nun die Geschwindigkeiten, mit welchen p and a behaftet sind, micht alterirt, sie werden gewissermaassen parallel mit sich selbst verschoben. Anders verhält es sich mit den materiellen Theilchen in o und q; sie werden genöthig, aus der Richtung der Tangentialgeschwindigkeiten, mit welchen sie eben behaftet sind, herauszutreten:

das Theilchen o z. R. wird genöthigt, die Richtung o s einzuschlagen. Dadurch wird aber offenbar die ursprüngliche Geschwidigkeit o p in zwei Steinskräfte zerlegt, von welchen die eine o s die Richtung bezeichnet, welche die in o an die Peripherie gelegte Tangenet annehmen muss, während die andere Seiteukarft o t rechtwinklig zur Ebene der Scheibe als ein Druck wirkt, welcher eine Drehung um die Axe n p zu bewirken strebt, und zwar in der Art, dass die obere Halfte der Axe ob sich nach vom bewegt.

Wird in gleicher Weise die Geschwindigkeit zerlegt, mit welcher nrsprünglich ein materielles Theilchen in g behaftet war, so ergiebt sich eine Seitenkraft, welche von g aus nach oben geriehtet ist, welche also die Seheibe in der gleichen Richtung zu drehen strebt, wie ot.

Eine Kraft also, welche dic Axe ab der Verticalen zu entfernen strebt, hat, wenn die Scheibe rotirt, die Folge, dass der Rotationsaxe eine Drehung mitgetheilt wird, welche rechtwinklig zu derjeuigen ist, welche die störende Kraft direct hervorzubringen strebt.

Die Bewegung, welche dadurch der  $\Delta xe~ab$  mitgetheilt wird, ist zunächst wenigstens ganz dieselbe, als ob eine Umdrehung um die Verticale cd erfolge, und zwar in unserem speciellen Falle so, dass dabei b vor- und a zurücktritt, dass also die Drehung der Rotatiousaxe um die Verticale von oben gesehen in der Richtung erfolgt, nach welcher sich der Zeiger einer Uhr bewegt.

Dass unter den gegebenen Umständen die Drehung der Rotationsaxe in der eben bezeichneten Richtung wirklich stattfindet, davon kann man sich am Fessel'schen Apparate überzeugen.

Bei diesem ersten Effecte bleibt aber der Vorgang nicht stehen. Sohald eine Drehung der rotirenden Scheibe um die Axe $n\,p$  erfolgt, wird nun auch

die Richtung der Tangentialgeschwindigkeiten in un und palterirt. Das Thelhen p, welches die Tangentialgeschwindigkeit pv hatte, wird eine Tangentialgeschwindigkeit in der Richtung pf annehmen mössen, die Geschwindigkeit pv wird also in zwei Componenten zerlegt, von denen die eine nach pf gerichtet ist, während die andere pg als ein Druck anf die Scheibe wirkend dahin strebt, die Axe ab der Verticalen zu nähern; eine gleiche Wirkung geht aus der Zerlegung der ursprünglichen Tangentialzeschwindigkeit von a hervo.

In Folge der Drehung der Rotationsaxe treten also Kräfte auf, welche die Rotationsaxe der Verticalen zu nähern streben, also der ursprünglich störenden Kraft gerade entgegenwirken, welche dahin strebt, die Rotationsaxe von der Verticalen zu entfernen; so kommt es denn, dass, wenn
die Rotationsgeschwindigkeit gross genng ist, der Winkel zwischen der
Rotationsaxe und der Verticalen constant erhalten wird.

Eine vollständige Erklärung der hierher gehörigen Erseheinungen nicht allein der Art, sondern auch der Grösse nach, ist ohne höhere Rechnung nicht wohl möglich. Eine vollständige Theorie des Kreisels so wie der auf den gleichen Erklärungsgrund zurückzuführenden Erscheinung der Präcession (c. kosmische Physik 2te Auft, § 35 und § 100) hat sehon Euler gegeben, und man findet dieselbe im dritten Bande seiner Mechanik, welche vor Kurzem erst wieder in deutscher Uebersetzung mit Anmerkungen und Erläuterungen von Wolfers henzusgegeben wurde.

Leistung oder Arbeit einer Kraft. Wenn eine beschleuni- 115 gende Kraft auf einen Körper wirkt, so muss er sich in der Richtung derselben bewegen, es sei denn, dass sie nicht hinreicht, um die dieser Bewegung etwa entgegenwirkenden Widerstandskräfte zu überwinden.

Ist die beschleunigende Kraft grösser als die ihr entgegenwirkenden Widerstandskräfte, so muse eine beschleunigte Bewegung erfolgen. Je grösser die Widerstandskraft, ein desto grösserer Theil der beschleunigenden Kraft wird zu ihrer Ueberwindung consumirt werden, mu so geringer wird also die Beschleunigung susfallen. Halten sieh im Zustande der Bewegung die beschleunigende Kraft und die Widerstandskraft gerade das Gleichgewicht, so ist die Beschleunigung gleich Null, es kann also nur eine gleichförunge Bewegung sattfinden.

Wenn bei den Versuchen mit der Atwood'schen Fallmaschine das Uebergewicht, welches die Bewegung eingeleitet hat, mittelst des durchbrochenen Schiebers abgeloben worden ist, so dauert, wie wir gesehen haben, die Bewegung gleichmässig fort, wenn auf dem niedergehenden Gewichte n noch ein Uebergewicht q liegen bleitt, welches gerade der Reibung das Gleichgewicht hält (S. 244). Hier besteht nuu die Arbeit dieses Uebergewichtes q darin, die Reibung an der Axe der Rolle zu überwinden; dagegen besteht die Arbeit der Schwere des niedersinkenden Gewichtes n darin, den Widerstand der Schwere des aufsteigenden Gewichtes m zu überwinden.

Wenn eine Locomotive auf ebener Eisenbahn mit gleichmässiger Geschwindigkeit einen Wagenzug fortführt, so besteht die Arbeit der Dampfkraft in der Ueberwindung der Reibungswiderstände, welche an allen einzeluen Wagen stattfinden.

Wenn ein Arbeiter, an einem Haspel arbeitend, einen Stein hebt, so besteht seine Arbeit in der Ueberwindung der Schwere des Steins und des Reibungswiderstandes um die Axe der Welle.

Beim Zermahlen des Getreides besteht die Arbeit in der Ueberwindung der Cohäsionskraft desselben.

Bei der Leistung einer Kraft kommen zweierlei Dinge in Betracht, 1) die Grösse des Widerstandes, welcher überwunden werden soll, und 2) die Länge des Weges, auf welchem der Widerstand in jeder Zeiteinheit überwunden werden muss. Bei der Hebung von Lasten kommt es also darauf an, wie gross das Gewicht der zu hebenden Last ist und wie hoch sie in einer Secunde gehoben werden soll. Um die Kraft zu kennen, welche nöthig ist, um ein Fuhrwerk auf ebener Strasse fortzuzieben, muss man die Grösse des Reibungswiderstandes und die Länge des Weges kennen, welcher in jeder Secunde zurückzulegen ist.

Bezeichnet man mit W die Leistung oder Arbeit einer Kraft, so ist sie gleich dem Product, welches man erhält, wenn man die Grösse der constant wirkenden Kraft K. welche dem Widerstande das Gleichgewicht hält, mit dem in der Zeiteinheit zurückgelegten Weg S multiplicirt, es ist also W = KS.

Um die verschiedenen mechanischen Leistungen der Kräfte mit einander vergleichen zu können, muss man sie auf eine bestimmte Einheit beziehen; die zu überwindenden Widerstände vergleicht man deshalb mit der Hebung der Lasten und nimmt als Einheit der Kraftwirkung die verticale Hebung der Gewichtseinheit um die Längeneinheit.

Legt man das neufranzösische Maasssystem zu Grunde, so ist die Einheit der mechanischen Kraftwirkung das Kilogrammometer oder das Meterkilogramm, d. h. die Hebung einer Last von 1 Kilogramm auf die Höhe von 1 Meter. Legt man Fuss und Pfund als Längen- und Gewichtseinheit zu Grunde, so ist das Fusspfund die Einheit, nach welchem man die Leistung einer Kraft schätzt.

1 Kilogrammometer ist gleich 6,8 Fusspfund preussisch.

Im Durchschnitt kann ein Pferd eine Arbeit verrichten, welche gleich 75 Kilogrammometer (75km) per Secunde ist. Nach englischem Maass ist eine solche Pferdekraft 542, nach preussischem Maass 510 Fusspfund in der Secunde. Wenn man sagt, eine Dampfmaschine, ein Wasserrad oder irgend ein anderer Motor übe eine Kraft von 6 Pferdekräften aus, so heisst das, er verrichte per Secunde eine Arbeit von 6 × 75 Kilogrammometer, d. h. sämmtliche Widerstände, welche bei Umdrebung der Maschinenaxe überwunden werden müssen, sind gerade so gross, als ob durch die Umdrehung dieser Axen in jeder Secunde eine Last von 6 X 75 Kilogrammen 1 Meter hoch gehoben werden sollten.

Der Nutzeffect einer Kraft, welche an einer mechanischen Potenz, etwa an einem Haspel, einem Flaschenzug, einer Schraube wirkt, wird durch eine solche Maschine in keinerlei Weise vergrössert, d. h. die mechanische Arbeit, welche man mit Hülfe der Maschinen vollbringt, ist durchaus nicht grösser als diejenige, welche die an der Maschine wirkende Kraft unmittelbar verrichtet.

An einem Seile z. B., welches um eine einfache Rolle, Fig. 14, S. 43, geschlungen ist, kann ein Mann bequene eine Last von 25 Ffundeu um  $2^{1}/F$  Fuss in der Seunde heben, also eine Arbeit von 62.5 Fusspfund in der Seunde verrichten. Hängt aber die Last an einem Wellbaum, Fig. 323, dessen Radius 4 mal kleiner ist als der Hebelarm FC, an welchen der Arbeiter angreift, so würde man zwar mit derselbeu Kraftanstreugung eine vierfache Last, jedoch auch mit 4 mal geringerer Geschwindigkeit heben können; drückt der Arbeiter an dem Hebel mit einer Kraft von 25 Ffund

Fig. 323.



und legt er, mit der Hand diesen Druck ausübend, in jeder Secunde einen Weg von 2,5 Fuss zurück, verrichtet er also eine mechanische Arbeit von 62,5 Fusspfund, so wird dadurch der 100 Pfund schwere Stein in jeder

Secunde um  $\frac{2.5}{4}$ , also 0.625 Fuss hoch gehoben, der Nutzeffect ist also  $100 \times 0.625 = 62.5$  Fusspfund, mithin gleich der mechanischen Arbeit, welched die Krüft unmittelbar verrichtet. Untersuchen wir die Wirkungsweise anderer Maschinen, der Schraube, des Flaschenzuges, der verschiedenen Räderwerke, so werden wir setes zu demselben Resultate gelangen, dass, was man auf der einen Seite au Kraft gewinnt, auf der anderen Seite an Geschwindigkeit verloren geht, dass also die mechanische Arbeit durch Maschinen durchaus nicht vermehrt wird.

Der Nutzeffect einer Maschine kann also höch atens der mechanischen Arbeit gleich sein, welche die Kraft unmittelbar hervorzubringen im Stande ist. In der Praxis wird aber ein solcher Nutzeffect nie erreicht, weil immer ein Theil der Kraft zur Üeberwindung von Reibungswiderstanden in der Maschine verbraucht wird, also für den Nutzeffect verloren geht. Die Maschinen dienen daher nur, um die Art der Bewegung zu verwandeln, nicht aber um den Nutzeffect zu vergrüssern.

116 Lebendige Kraft. Wenn ein K\u00f6rper in Bewegung ist, so kommt er nur dadurch zur Ruhe, dass \u00e4ussere Kr\u00e4fte dieser Bewegung entgegenwirken, ein bewegter K\u00f6rper kann alse gewissermaassen als ein Kraftmagazin betrachtet werden, denn indem allm\u00e4lig seine Geschwindigkeit abnimmt, \u00e4berwindet er bald mehr bald weniger Widenst\u00e4nde, je nachdem seine Masse und seine Geschwindigkeit gr\u00f6sser oder kleiner ist.

Wenn ein bewegter Körper einen gleichmässig wirkenden Widerstand; un berwinden hat, wird er, che er zur Rube kommt, einen Weg noch zurücklegen, dessen Grösse von der Grösse des Widerstandes abhängt. Um nun die Wirkungsfähigkeit eines bewegten Körpers zu messen, nuss man also einen bestümmten Widerstand als Einheit annehmen, und als solche nimmt man den Widerstand an, den seine Schwere dem vertiealen Aufsteigen entgegensetzt.

Wenn ein Körper von einer gewissen Höhe H herabgefallen ist, so erlangt er dadurch eine solche Geschwindigkeit, dass er mit dieser Geschwindigkeit vertical anfwärts geworfen bis zu der Höhe H steigen würde (S. 247).

Darauf beruht ja die Pendelbewegung; in der Gleichgewichtslage kommt das Pendel mit einer solchen Geschwindigkeit an, dass es auf der anderen Seite eben so hoch steigt, als es zuvor herabgefällen war.

Gesetzt, eine Kugel von 6 Pfund sei 135 Fuss hoch frei berabgefallen, so hat sie eine solche Geschwindigkeit erlangt, dass sie vermöge derselben wieder 135 Fuss steigen würde; sie kann also einen mechanischen Effect ansüben, welcher der Hebung einer Last von 6 Pfund auf die Höhe von 135 Fuss gleich ist.

Den Fallraum von 185 Fuss durchläuft ein frei fallender Körper in 3 Secunden; die Geschwindigkeit, die er in dieser Zeit erlangt, ist 90 Fnss. Wenn nun die Kugel von 6 Pfund überhaupt eine Geschwindigkeit von 90 Fuss hat, gleichviel auf welche Weise sie dieselbe erlangte, so kann sie vermöge dieser Geschwindigkeit einen mechanischen Effect ausüben, welcher der Hebung von 6 Pfund auf die Höhe von 135 Fuss gleich ist.

Man nennt lebendige Kraft eines in Bewegung begriffenen Körpers das Product seiner Masse und der Höhe, zu welcher er, vermöge seiner Geschwindigkeit, vertical aufsteigen würde.

In dem eben besprochenen Beispiel ist also  $6\times135=810$  Fusspfund die lebendige Kraft der 6pfundigen Kugel, welche 90 Fuss Geschwindigkeit hat.

Nach den Beziehungen zwischen Fallraum und Geschwindigkeit, welche wir oben (S. 240) kennen lernten, ist

$$s = \frac{v^2}{2a}$$
,

wenn s den Fallraum, v die zugehörige Gesehwindigkeit und g die Endgeschwindigkeit der ersten Fallsecunde bezeiehnet; wenn ein Körper von der Masse M die Geschwindigkeit v hat, so ist demnach seine lebendige Kraft W

Die lebendige Kraft eines Körpers ist also dem Quadrate seiner Geschwindigkeit proportional.

Weiss man, wie hoch ein Körper, der eine bestimmte Geschwindigkeit hat, vermöge derselben vertical aufsteigen würde, so kann man leicht berechnen, wie weit er sich noch fortbewegen wird, wenn ein Widerstand zu überwinden ist, welcher grösser oder kleiner ist als seine Schwere; in demselben Verhältniss, in welchem der Widerstand geringer ist, wird der noch zu durchlaufende Weg grösser.

Eine Eisenbahn bilde z. B. von a bis b, Fig. 324, eine sehiefe Ebene, Fig. 324. von b bis c aber laufe



von b bis c aber laufe sie horizontal fort. Ein einzelner Wageu komme, die schiefe Ebene herabrollend, bei b mit einer

rollend, bei 0 mit einer Geschwindigkeit von 30 Fuss in der Secunde an, so ist leicht zu berechnen, wie weit er noch auf der horizontalen Bahn fort-

rollen wird, ehe er zur Ruhe kommt, wenn die Grösse der Reibung bekannt ist. Nach der Formel  $s=rac{v^2}{2\,a}$  ist die Höhe, zu welcher er vermöge der

Geschwindigkeit von 30 Fuss vertical aufsteigen würde,  $s = \frac{900}{60} = 15$ 

Fuss; der Widerstand der Reibung, welcher beim Fortrollen auf der Bahn überwunden werden muss, sei nun 300mal geringer als derjenige, welchen die Schwere dem verticalen Aufsteigen entgegensetzt, so wird der Wagen noch 15 × 300 = 4500 Fuss fortlaufen, ehe er zur Ruhe kommt.

Kennt man die lebendige Kraft eines Körpers und die Grösse des Widerstandes, den er bei seiner ferneren Bewegung zu überwinden hat, so kann man, wie wir gesehen haben, die Weite des Weges berechnen, den er noch zurückralegen vermag; kennt man aber die lebendige Kraft eines Körpers und die Weite des Weges, den er noch zurücklegt, so kann nan die Grösse des Widerstandes berechnen, wie durch folgendes Beispiel erläutert wird.

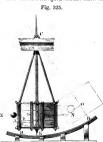
Wenn ein 700 Pfund schwerer Rammklotz, 5 Fuss hoch herabfallend, in 20 Schlägen einen mit Eisen beschlagenen 400 Pfund schweren Pfahl 6 Zoll tief eintreibt, wie gross ist die Widerstandsfähigkeit des Bodens? Wenn ein Klotz 5 Fuss herabgefallen ist, so ist seine Geschwindigkeit  $v = \sqrt{2\,g\,s} = \sqrt{60\cdot 5} = \sqrt{300} = 17.3.$ 

Der Klotz trifft den Pfahl und nach dem Stoss würde die gemeinschaftliche Geschwindigkeit sein 173,  $\times \frac{700}{700 + 400} = 17,3 \cdot \frac{7}{11} = 12.$ 

Mit dieser Geschwindigkeit, v=12 Fuss, würde Klotz und Pfahl zusammen auf eine Höhe  $s=\frac{12^3}{2a}=\frac{144}{60}=2.4$  Fuss hoch steigen.

In 20 Schlägen dringt aber der Pfahl nur 6 Zoll, in einem einnigen Schlage aber nur 0,025 Fuss tief ein, der Widerstand des Bodens ist also weit grösser als der Widerstand der Schwere, und zwar im Verhältniss von 0,025 zu 2,4, d.h. der Widerstand, welchen der Boden dem Eintreiben des Pfahles entgegenetzt, ist also 96mal so gross, als der, welchen die Schwere seiner und des Klotzes Hebung entgegensetzt. Zur Hebung des Pilots sammt Klotz sind 1100 Pfand nothig, zum Niederdrücken des Pfahls also 1100 v 96 = 105600 Pfund.

Auf diesen Principien beruht auch die Messung von grossen Geschwin-



digkeiten mittelst des ballistischen Pendels, welches Fig. 325 dargestellt ist.

Ein mit Eisen beschlagener Holzblock von bedeutendem Gewichte hängt von mehreren Stangen getragen an einer Axe C. Eine Spitze E durchläuft, wur die ganze Vorrichtung um die Axe C gedreht wird, die kreisformige Rinne BD und zeichnet ihre Spur im weiches Wachs. Aus der Länge dieser Spur beurtheilt man die Grösse der Ausweichung des Pendels. Das Pendel ist 3 bis 4 Meter lang und sein Totalgewicht berägt gegen 4000 Kilogramm.

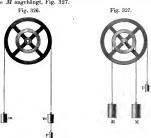
Wenn nun gegen diese bedeutende Masse aus einer nahe stehenden Kanone eine Kugel

abgeschossen wird, so wird durch deren Stoss das ballistische Pendel in Bewegung gesetzt, und aus der Grösse des Ausschlags kann man dann die Geschwindigkeit berechnen, mit welcher das Fendel seine Gleichgewichtslage verliess, woraus sieh dann auch ferner die Geschwindigkeit ergiebt, mit welcher die Kugel gegen den Holzklotz anschlug. (Siehe meinen Supplementband zum Grundriss der Physik S. 7-8) Von den Trägheitsmomenten. Wenn eine beschleunigende 117
Kraft, an einem bestimmten Hebelarm angreifend, eine Umdrehung um eine
feste Axe zu bewirken streht, so wird jede träge Masse, welche mit dieser
Axe fest verbunden an der Umdrehung Antheil mimmt, einen der Beschleunigung entgegenwirkenden Widerstand bilden, und es hängt die Umdrehungsgesehwindigkeit ab von dem Verhältnise der beschleunigenden
Kraft zur Grösse des Trägheitswiderstandes.

Die Grösse des Widerstandes, welchen eine träge Masse einer Beselbenigung der Umdrehung entgegensetzt, hängt aber nicht allein von der Grösse dieser Masse, sondern ande von ihrer Entfernung von der Umdrehungsaxe ab, wie dies durch die folgende Betrachtung anschaublich gemacht werden soll.

An einer horizontalen möglichst leicht umdrehbaren Axe seien zwei Rollen von gleicher Einrichtung wie das Rad der Atwood'schen Fallmaschine befestigt, deren grössere gerade einen doppelt so grossen Durchmesser hat wie die kleimere.

Einmal sei nun über die grössere Rolle eine Sehnur gesehlungen, und an jedes Ende derselben eine Masse m, Fig. 326, in einem andern Falle aber sei an jedem Ende einer über die kleinere Rolle geschlungenen Schnur die Masse M angehängt, Fig. 327.



Wird in beiden Fällen dasselbe Uebergewieht p an dem Umfang der grösseren Rolle angebraeht, so wird die ganze Vorrieltung in eine mit beschlennigter Geselwindigkeit vor sieh gehende Undrehung versetzt. In dem einen Falle hat die beschleunigende Kraft p (ausser der Masse der Rollen, die wir hier nieht in Betraeht zu ziehen brauchen) die an dem Rebelarm 2 angebraehte träge Masse 2 m, im anderen Falle aber die an dem Hebelarm 1 angebrachte träge Masse  $2\,M$  in Bewegung zu setzen (wenn man den Halbmesser der kleineren Rolle mit 1, den der grösseren mit 2 bezeichnet).

Der Winkel, um welchen die ganze Vorrichtung im ersten Falle, Fig. 326, von Beginn der Bewegung an in der Zeit t gedreht wird, sei y; die Geschwindigkeit, welche dabei die Masse 2 m erlangt, sei v, so ist die lebendige Kraft, welche während der Zeit t durch die Elmwirkung der beschleunigenden Kraft p der trägen Masse 2 m erthellt wird.

Im zweiten Falle, Fig. 327, wird die beschleunigende Kraft p in derselben Zeit t der trägen Masse 2 M eine Geschwindigkeit mittheilen, welche wir mit V bezeichnen wollen; die lebendige Kraft also, welche die Masse 2 M während der Zeit t erlangt hat, ist

$$L = 2M\frac{V^2}{2g} = M\frac{V^2}{g}. \qquad (2)$$

Soll in beiden Fällen die Umdrehungsgeschwindigkeit dieselbe sein, d. h. soll in beiden Fällen die Axe in der Zeit t um den Winkel y umgedreht werden, so muss offenbar  $V=\frac{1}{2}v$ , also

sein. Es fragt sich nun, wie gross man die am Umfang der kleineren Rolle angebrachte träge Masse 2 M machen müsse, damit unter dem Einfluss der beschleunigenden Kraft p die Umdrehung ganz in derselben Weise erfolge, wie für den Fall, dass an dem Umfang der grösseren Rolle die träge Masse 2 m angebracht ist?

In den beiden, in Fig. 326 und 327, dargestellten Fällen wird offenbar die Umdrehung in gleicher Weise erfolgen, wenn die an den Umfange der kleinen Rolle angebrachte träge Masse  $2\,M$  der beschleunigenden Kraft denselben Trägheitswiderstand entgegensetzt, wie die am Umfang der grössern angebrachte träge Masse  $2\,M$ .

Bei gleichem Trägheitswiderstande wird aber dieselbe beschleunigende Kraft in gleicher Zeit auch stets die gleiche lebendige Kraft hervorbringen; wenn also in beiden Fällen die Umdrehung in gleicher Weise erfolgen soll, so müssen die in beiden Fällen in gleichen Zeiten erzeutgten lebendigen Kräfte dieselben, es muss also l=L sein. Setzen wie aber für l und L libre Werthe bei l) und 3), so kommt

$$m\,\frac{v^2}{g}=M\frac{v^2}{4\,g}$$

also

Einer beschleunigenden Kraft also, welche eine Umdrehung um eine feste Axe zu bewirken strebt, setzt eine in der Entfernung 1 von der Axe befindliche träge Masse 4 m denselben Trägheitswiderstand entgegen, wie eine in der Entfernung 2 von der Axe befindliche träge Masse m. In gleicher Weise fortschliessend ergiebt sich, dass in 3,4... mal grösserer Entferung von der Undrehungaxe eine 9-, 16mal... na pal geringere Masse angebracht werden muss, wenn der Trägheitswiderstand gegen eine die Undrehung bewirkende beschleunigende Kraft unverändert bleiben soll, oder mit andern Worten: Wenn be in unveränderter Stärke und bei unverändertem Angriffspunkte der beschleunigenden Kraft träge Massen um eine feste Axe umdreht werden sollen, so müssen sich die trägen Massen umgekeht verhalten wie die Quadrate ihrer Entfernung von der Umdrehungsaxe, wenn die Winkelgeschwindigkeit stets dieselbe bleiben soll.

Das Product, welches man erhält, wenn man die träge Masse m mit dem Quadrate ihrer Entfernung r vom Drehpunkte multiplieirt, also das Product mr<sup>2</sup>, wird das Träg heits mo men tie er Masse megeannt; es iat die träge Masse, welche man statt der gegebenen in der Entfernung 1 vom Drehpunkte anbringen müsste, wenn bei ungeänderte frösse und bei ungeändertem Angriffspunkte der beschleunigenden Kraft durch diese Vertauschung die Winkelgeschwindigkeit nicht verändert werden soll.

Das eben entwickelte Gesetz gilt, es mag nun die beschleunigende Kraft eine fortdauernde Umdrehung oder eine hin- und hergehende Bewegung hervorbringen, wie wir sie bei einem Pendel beobachten; eine Pendelvorrichtung ist aber besonders bequem, um die Richtigkeit unseres Gesetzes durch den Versuch zu prüfen.

Fig. 328.

Die Fig. 328 stellt einen geraden eingetheilten Stab vor, welcher in der Mitte mit einer Schneide a verschen ist, wie die, welche den Drehpunkt eines Wagbalkens bildet. Wenn man nun 1 Decimeter weit unter und über dieser Schneide eine etwa 2 Pfund schwere Bleilinse befestigt und die Schneide auf ihre Unterlage aufsetzt, so ist die Stange mit ihren Linsen im Zustande des indifferenten Gleichgewichts. denn der Schwerpunkt des Systems fällt mit seinem Drehpunkte zusammen; sobald man aber am unteren Ende des Stabes ein kleines Uebergewicht anbringt, so ist nun das Ganze ein Pendel. Die Schwingungen dieses Pendels sind aber ungleich langsamer, als die Schwingungen eines einfachen Pendels von der Länge ab; denn die einzige Kraft, welche das ganze System in Bewegung setzt, ist die Schwerc des unteren Bleigewichtes; dieses hat aber nicht allein seine eigene Masse in Bewegung zu setzen, wie es bei einem einfachen Pendel der Fall gewesen ware, sondern es hat auch noch die Massen der Linsen bei c und d zu bewegen.

Nimmt man nun, nachdem man die Schwingungszeit dieses Pendelse beobachtet hat, die zwei Linsen bei e und d weg und bringt man 2 Decimeter weit von der Schneide zwei Linsen von <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Pfund, also dmal leichtere, an, so wird durch diese Vertauschung die Schwingungszeit durchaus nicht ge\u00e4ndert; sie bleibt auch unverändert, wenn man 3 Decimeter über und unter dem Drehpunkte  $^{\prime}j$ . Pfund schwere Linsen aubringt, während natürlich die Linse  $\dot{b}$ , welche hier allein als beschleunigende Kraft wirkt, stets an derselben Stelle angelracht bleibt.

Berechnung des Trägheitsmomentes. Um das Trägheitsmoment eines Körpers, welcher um eine Aze gedreht werden soll, durch 
Rechung zu bestimmen, mass man sich denselben in lauter kleine Theilchen zerlegt denken und für jedes Theilchen das Trägheitsmoment berechnen, indem man üle Masse desselben mit den Quadrate seiner Entfernung 
von dem Drehpunkte multiplicit; die Summe aller einzelnen so berechneten Trägheitsmomente ist das Trägheitsmoment des Körpers. Eine derartige Berechnung lässt sich ohne grosse Schwierigkeiten ausführen, wenn

cs sich um homogene Körper von einfach geometrischen Formen handelt.
Es sei z. B. das Trägheitsmoment eines Stabes A B, Fig. 329, zu beFig. 329. rechnen, dessen Länge
A gehr gross ist im Ver-

A gierr gross as im vergleich zu seinem Querschnitt, und dessen Umdrehungsaxe an dem einen Ende desselben bei A liegt. Deuken wir uns den Stab durch Querschnitte in eine grosse Zahl dünner Scheibchen zerlegt, deren jedes die Länge  $\delta$  hat, so ist das Gewicht eines solchen Scheibchen zerlegt, deren jedes die Länge

$$\frac{P}{L}\delta$$
,

wenn P das Gewicht und L die Länge des ganzen Stabes bezeichnet. — Bezeichnen wir ferner mit a, b, c, d n. s. w. den Abstand des ersten, zweiten, dritten, vierten n. s. w. Scheibchens, so ist offenbar das Trägheitsmoment des ganzen Stabes

$$T = rac{P}{L} \left\{ a^2 \delta + b^2 \delta + c^2 \delta + d^2 \delta + \dots \right\}$$
  
Nun aber ist  $b = a + \delta$ ,  $c = b + \delta$ ,  $d = c + \delta$  u. s. w., es ist

also auch

$$\begin{array}{l} b^3 = a^2 + 3 a^2 \delta + 3 a \delta^2 + \delta^3 \\ c^3 = b^3 + 3 b^2 \delta + 3 b \delta^2 + \delta^3 \\ d^3 = c^3 + 3 c^2 \delta + 3 c \delta^2 + \delta^3 \\ \text{u. s. w.} \end{array}$$

und wenu man, was wegen der Kleinheit von  $\delta$  erlaubt ist, diejenigen Glieder vernachlässigt, welche  $\delta^2$  und  $\delta^3$  enthalten, so ergiebt sich

$$a^{2}\delta = \frac{b^{3} - a^{5}}{3}$$

$$b^{2}\delta = \frac{c^{3} - b^{3}}{3}$$

$$c^{2}\delta = \frac{d^{3} - c^{3}}{3}$$
U. S. W.

$$T = \frac{P}{L} \left\{ \frac{b^3 - a^3}{3} + \frac{c^3 - b^3}{3} + \frac{d^3 - c^3}{3} + \dots \frac{y^3 - x^3}{3} + \frac{z^3 - y^2}{3} \right\},$$

wenn mit x,y und z der Abstand der letzten Scheibehen bezeichnet wird. Die ganze unter der Klammer stehende Summe reducirt sich aber auf  $z^2-a^2$ . Da aber z=L ist und a wegen seiner Kleinheit verscheiden verschei

nachlässigt werden kann, so ergiebt sich  $T = \frac{P}{L} \cdot \frac{L^z}{3} = \frac{PL^z}{3}$  .

 $= \frac{P}{L} \cdot \frac{L^3}{3} = \frac{PL^2}{3} \quad \dots \quad \dots \quad 1$ 

d. h. in Worteh: das Trägheitzmoment eines Stabes, dessen einer Endpunkt die Umdrehungsaxe bildet, ist dasselbe, als ob der ganze Stab gewichtlos und an seinem andern Ende eine Masse vereinigt wäre, welche 1/2 von der Masse des gegebenen Stabes beträgt.

und an seinem andern Ende eine Masse vereinigt wäre, welche ½ von der Masse des gegebenen Stabes beträgt. Danach lässt sich nun leicht auch das Trägheitsmoment eines um seinen Mittelpunkt C, Fig. 330, rotirenden oder oscillirenden Stabes AB

Fig. 330, rotirenden oder oscillirenden States A B
Fig. 330.

A C B nnd l das Gewicht nnd

Das Trägheitsmoment eines prismatischen rectangulären Stabes, Fig. 331, welcher um eine durch seinen Schwerpunkt gelegte, mit der Fig. 331. Kante ab parallele Axe rotirt oder oscillirt, ist

 $T = \frac{L^2 + B^2}{12} \cdot P \cdot \dots \quad 3$ 

wenn L nnd B die Länge der Kanten bd nnd bc bezeichnen, welche nicht mit der Umdrehungsaxe parallel sind.

Die Formel 3) geht in Gleichung 2) über, wenn B sehr klein ist im Vergleich zu L.

Aus Betrachtungen, welche den oben durchgeführten ähnlich sind, ergiebt sich, dass das Trägheitsmoment einer homogenen kreisförmigen Scheibe, welche um ihren Mittelpunkt rotirt,

 $T = \frac{1}{2} P R^2$ 

ist, wenn P das Gewicht nnd R den Halbmesser der Scheibe bezeichnet.

Bei Körpern von complicirter Gestalt ist die Berechnung des TrägMaller's Lebrbach der Physik. 6to Auft. I.

heitsmomentes ohne Integralrechnung nicht ausführbar und wenn dieselbern mehr oder weniger unregelmässig gestaltet sind, ganz unmöglich; in solchen Fällen aber kann man das gescuhte Trägheitsmoment suf experimentellem Wege bestimmen. Zu diesem Zwecke braucht man nur den fragtlichen Köpper durch eine beschleunigende Kraft von bekannter Grösse in Rotation zu versetzen und die Geschwindigkeit zu beobachten, welche er in einer gezegbenn Zeit erlangt.

Ein erläuterndes Beispiel bietet die Fallmaschine. An einer derartigen Maschine musste ein Uebergewicht r von 2 Grammen angewandt werden, um zu bewirken, dass der Fallraum der ersten Secunde 1 Zoll, also <sup>1</sup>/<sub>192</sub> des beim freien Fall in der ersten Secunde durchlaufenen Raumes betrage, während jede der Massen mu dn 100 Gramme wir.

Das Uebergewicht von 2 Grammen hat hier offenbar die Trägheite einer Masse zu überwinden, welche 192mal so gross ist als seine eigene, also 384 Gramme beträgt; da nun die Gewichte m, m und r zusammen 202 Gramme wiegen, so bleiben für das Trägheitsmoment der Rolle noch 182 Gramme bürig, d. b. eine beschlemigende Kraft, welche die Rolle in Rotation zu setzen strebt, hat ein ehen so grosses Trägheitsmoment zu überwinden, als ob die Rolle gewichtlos und nur an ihrem Umfang eine Masse von 182 Grammen angebracht wäre.

119 Vom Stoss. Wenn ein in Bewegung begriffener Körper auf seiner Bahn mit irgend einem anderen Körper zusammentrifft, so entsteht ein Stoss, in Folge dessen jeder den Bewegungszustand des anderen mehr oder weniger modificirt. Der nächste in sehr kurzer Zeit vollendete Erfolg des Stosses ist eine Formversänderung der zusammentreffenden Körper, welche vorübergehend ist bei elastischen, bleibend bei nicht elastischen Substanzen.

In Beziehung auf die Lage des Punktes, in welchem ein Körper zuerst durch einen anderen ihn treffenden gestosene wird, unterscheidet man een-trale und excentrische (nicht centrale) Stösse. Denkt man sich auf der Oberfläche des Korpers in dem Punkte, auf welchen der Stoss erfolgt, eine Normale gezogen, so ist der Stoss eentral, wenn diese Normale durch den Schwerpunkt des Körpers geht; der Stoss ist excentrisch, wenn dies nicht der Fall ist.



Wie also auch eine homogene Kugel mit anderen Körpern zusammentreffen mag, so erleidet sie stets einen centralen Stoss, weil alle Normalen der Kugeloberfäche durch den Mittelpunkt derselben geben; wird jedoch ein homogener Körper M von der Gestalt Fig. 332 im Punkte s von irgend einem anderen getroffen, so ist der Stoss in Besiehung auf diesen Körper M nicht central, weil die Normale sö micht durch den Schwerpunkt C des Körpers M geht.

scheidet man den geraden und den schiefen Stoss. Beim geraden Stoss fällt die Bewegungsrichtung mit der Normalen des Berührungspunktes zusammen, heim schiefen Stoss ist dies nicht der Fall.

Der Stoss zweier Kugeln wird also ein gerader sein, wenn sich heide in der Verhindungslinie der Mittelpunkte bewegen.

Wir können uns hier nur mit dem geraden centralen Stoss beschäftigen.

Vom Stoss unelastischer Körper. Wenn zwei unelastische 120 Körper A und B, Fig. 333, mit verschiedenen Geschwindigkeiten behaftet, zusammenstossen, so findet zunächst eine gegenseitige Zusammen-



drückung, eine Formveränderung statt, welche heendigt ist, wenn die Geschwindigkeit beider Körper die gleiche geworden ist. Es ist nun die Anf-

gabe, diese gemeinschaftliche Endgeschwindigkeit zu finden.

Es seien M und  $M_i$  die Massen der beiden Körper, c und  $c_i$  ihre Geschwindigkeiten, welche positiv heseichnet werden sollen, wenn sie von der Linken zur Rechten gerichtet sind. Die Bewegungsgrössen der heiden Körper sind Mc und  $M_i$   $c_i$ ; was der eine nach dem Stoss an Bewegungsquantität die singebüsst hat, um so viel hat die Bewegungsquantität des anderen zugenommen, und danach lässt sich die gemeinschaftliche Geschwindigkeit v nach dem Stosse herechnen. Nehmen wir an, dass bei gleichgerichteter Geschwindigkeit beider Körper die Geschwindigkeit c des Körpers A grösser sei als die Geschwindigkeit c, des Körpers B, so ist der Verlnat an Bewegungsquantität, welchen A durch den Stoss erleickt, M (c - v), die Zunahme der Bewegungsquantität von B ist dagegen M,  $(v - c_i)$ , wir haben also

und daraus

$$M(c-v)=M_1(v-c_1),$$

Wenn sich B in entgegengesetzter Richtung von A bewegt, so ist  $c_1$  negativ, und man erhält

 $v = \frac{Mc - M_1 c_1}{M + M_1}.$ 

Jeder Stoss n<br/>nelastischer Körper ist von einem Verlust an lehendiger Kraft verhunden. Die lebendige Kraft des Körper<br/>s $\boldsymbol{A}$ ist vor dem Stoss

$$M\frac{c^2}{2q}$$

die des Körpers B ist

$$M_1 \frac{c_1^2}{2g}$$
,

also die Summe der lebendigen Kräfte vor dem Stoss

$$M \frac{c^2}{2a} + M_1 \frac{c_1^2}{2a} \dots \dots 2$$

wo für g der Zahlenwerth 30 zu setzen ist, wenn die Geschwindigkeit in Pariser Fussen, 9,8, wenn sie in Metern ausgedrückt ist.

Nach dem Stoss ist die lebendige Kraft

Zieht man den Werth (3) von (2) ab, so erhält man als Verlust an lebendiger Kraft durch den Stoss

$$\alpha = M \frac{c^2 - v^2}{2g} + M_1 \frac{c_1^2 - v^2}{2g}.$$

Dieser Werth lässt sich in folgender Weise umformen

$$\alpha = \frac{M}{2g} (c + v) (c - v) + \frac{M_1}{2g} (c_1 + v) (c_1 - v)$$

$$\alpha = \frac{M}{2g} (c + v) (c - v) - \frac{M_1}{2g} (v + c_1) (v - c_1) . . . 4$$

Setzen wir in die Differenz e-v für v seinen obigen Werth bei 1), so kommt

$$c - v = \frac{M_1 (c - c_1)}{M + M_1}$$
  
 $M (c - v) = \frac{MM_1 (c - c_1)}{M + M_1}$ 

und

so kommt

da aber  $M(c-v) = M_1(v-c_1)$ , so ist auch  $M_1(v-c_1) = \frac{MM_1(c-c_1)}{M+M_1}$ ,

 $M_t(v-c_1) = \frac{-c_1}{M+M_1}$ , setzt man diese Werthe für M(c-v) und  $M_1(v-c_1)$  in Gleichung 4)

$$\alpha = \frac{MM_1 (c - c_1)}{M + M_1} \cdot \frac{(c + v - v - c_1)}{2y}$$

$$\alpha = \frac{MM_1}{M + M_1} \cdot \frac{(c - c_1)^2}{2y} \cdot \dots \cdot \dots \cdot 5$$

Die Grösse  $\dfrac{M\,M_1}{M\,-\,M_1}$  bezeichnet man als das harmonische Mittel der Massen M und  $M_1$ .

Nach Gleichn<br/>ng 4) S. 240 ist aber  $\frac{(c-c_1)^2}{2g}$  der Fallraum, welcher der Geschwindigkeits<br/>differenz  $(c-c_1)$  entspricht, d. b. die Höhe, welche ein Körper durch<br/>fallen muss, wenn er die Geschwindigkeit  $c-c_1$  erlangen soll.

Nach diesen Bemerkungen lässt sich die Gleichung 5) in Worten so ausdrücken:

Wenn zwei unelastische Massen M und  $M_1$ , welche mit den Geschwindigkeiten c und  $c_1$  hehaftet sind, zusammenstossen, so ist der auf die Formveränderung beider verwen dete Verlnst an lebendiger Kraft das Product, welches man erhält, wenn man das harmonische Mittel der beiden Massen mnltiplieirt mit der Fallhöhe, welche der Differenz der Geschwindigkeiten entspricht, mit denen die beiden Massen vor dem Stoss behaftet waren.

Wenn z. B. auf einer Eisenbahn zwei Züge von 120000 Pfund und 160000 Pfund in entgegengesetzter Richtung mit den Geschwindigkeiten c=20 Fuss und  $c_1=-15$  Fuss sich bewegend zusammentsossen, so entsteht ein auf die Zerstörung der Locomotiven und Wagen verwendeter Arbeitsverlust, welcher bei vollständigen Mangel an Elasticität aller zum Stösse gelangenden Theile sein würde

 $\frac{(20 + 15)^2}{2 g} \cdot \frac{120000 \cdot 160000}{280000} = \frac{35^2}{60} \cdot \frac{1920000}{28} = 1344000$  Fusspfd.

Aus den obigen Betrachtangen und Berechnungen geht hervor, wie machtheitig Stösse in einer Maschine wirken müssen, welche nicht geraderz zur Ausübung von Stössen bestimmt ist, sondern in welcher dieselben nur in Folge mangelhatter Construction auftreten. Solche Stösse verzehren nicht allein ganz unnötligter Weise einen grossen Theil behodiger Kraft, sondern sie führen auch die Maschine selbst einem raschen Ruine entgegen.

Stoss elastischer Körper. Wenn zwei Körper im geraden cen- 121 tralen Stoss zusammentreffen, so ist der erste Effect eine gegenseitige Zusammendrückung, welche so lange fortdauert, bis die Geschwindigkeit der beiden Massen die gleiche geworden ist. Ist bis zu diesen Momenten die Verschiebung der Theilchen beider Körper über ihre Elasticitätsgränze hinausgegangen, so dass ihre Formveränderung (wenn nicht Zertrümmerung erfolgt) eine bleibende ist, so erfolgt die fernere Bewegung nach den im vorigen Paragraphen besprochenen Gesetzen. Ist jedoch durch Zusammendrückung der beiden zusammenstossenden Körper in dem Angenblicke, in welchem ihre Geschwindigkeit die gleiche geworden ist, ihre Elasticitätsgränze noch nicht überschritten, so streben nun beide Körper, ihre ursprüngliche Gestalt wieder anzunehmen, wodurch sie, in dem Berührungspunkt gegen einander drückend, gleichsam einen abermaligen Stoss erleiden. Jede Kngel erhält durch die Wiederherstellung der Form gleichsam den Stoss zurück, welchen sie während der Zusammendrückung auf die andere ausgeübt hat.

Zur Construction der Formel wollen wir wieder wie im vorigen Paragraphen von dem Fall ausgehen, dass ich beide Körper nach derselben Seite hin (nach der rechten) bewegen. Die links sich befindende Kugel 4, deren Masse M ist, habe die grössere Geselwninigkeit e; senn sie gegen die andere Kugel B, deren Masse M, und deren Geselwninigkeit c<sub>1</sub> ist, anstösst, so verliert sie beim Anstoss während der Zusammendruckung bis zu dem Moment, in welchem beide Kugeln gleiche Geselwindigkeit haben, die Bewegungsquantitat M (c-v), wo v dieselbe Bedeutung hat wie in §. 120. Die Bewegungsquantitat der Kugel B hat dabei aber um M (c-v) zugenommen. Während nun beide Kugeln ihre ursprüngliche Gestalt wieder annehmen, erleidt jede Kugel einen Rückstoss, welcher dem Stoss gleich ist, den sie der anderen ertheilt hat; die Kugel A wird also abermals einen Verlust an Bewegungsquantität erleiden, welcher gleich ist M (c-v); der Gesamutverlust an Bewegungsquantität, welchen die Kugel A nach Beendigung des elastischen Stosses erlitten hat, ist also

In gleicher Weise ergiebt sich für den Gewinn an Bewegungsquantität, welchen die Kugel B bis zu dem Moment erfahren hat, wo beide Kugeln ihre ursprüngliche Gestalt wieder angenommen haben und aus einander zu fahren beginnen,

$$2 M_1 (v - c_1)$$

Die Geschwindigkeit von 
$$B$$
 wird aber geworden sein

$$V_1 = c_1 + 2 (v - c_1) = 2 v - c_1 \dots 2$$
  
Setzen wir in diese Werthe von  $V$  und  $V'$  für  $v$  seinen Werth bei

1) auf Seite 275, so kommt

$$V = \frac{(M - M_1) c + 2 M_1 c_1}{M + M_1} \dots 3$$

und

$$V_1 = \frac{(M_1 - M) c_1 + 2 Mc}{M + M_1} \dots \dots$$

Für den in der ersten Aufgabe des §. 120 betrachteten Fall erhält man, wenn beide Kugeln vollkommen elastisch sind,

$$V = \frac{(3-10)}{10} \frac{10+2 \cdot 10 \cdot 3}{10} = \frac{-70+60}{13} = -\frac{10}{13}$$

$$V_1 = \frac{(10-3)}{10+3} \frac{3+2 \cdot 3 \cdot 10}{10+3} = \frac{21+60}{13} = \frac{81}{13}.$$

Da der Werth von  $\dot{V}$  das Vorzeichen — hat, so bewegt sich A nach Beendigung des elastischen Stosses in einer Richtung, welche derjenigen entgegengesetzt ist, welche er vor dem Stoss hatte.

Die Bewegungsquantität der beiden Kugeln vor dem Stoss war

$$= 2 (M + M_1) v - (Mc + M_1c_1).$$
Nun aber ist nach § 120, Gleichung 1)

$$(M+M_1)\ v=Mc+M_1c_1.$$

Setzt man nun für  $(M+M_1)$  v diesen Werth in obige Gleichung, so kommt

Die Bewegungsquantität ist nach dem elastischen Stosseben so gross wie vor demselben.

Gehen wir nun zur Bestimmung der lebendigen Kräfte nach dem elastischen Stoss über.

Zieht man Gleichung 2) ab von Gleichung 1), so kommt  $V - V_1 = c_1 - c$ 

und daraus

$$V+c=V_1+c_1\ldots\ldots\ldots 8)$$

Aus der obigen Gleichung 7) ergiebt sich aber

$$M(V-c) = M_1(c_1 - V_1)$$
 . . . . . . . . . 9)  
Durch Multiplication der Gleichungen 9) und 8) erhält man aber

 $M(V^2-c^2)=M_1(c_1^2-V_1^2),$ 

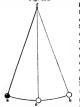
$$M(V^2 - c^2) = M_1(c_1^2 - V_1^2)$$
  
und daraus endlich

$$MV^2 + M_1V_1^2 = Mc^2 + M_1c_1^2$$

d. h. die Summe der lebendigen Kräfte nach dem elastischen Stoss ist eben so gross wie vor demselben, beim elastischen Stoss findet also kein Verlust an lebendiger Kraft statt.

Das einfache Pendel, Fig. 334, besteht aus einer schweren Ku- 122 gel, welche am Ende eines biegsamen Fadens aufgehängt ist. Bringt man

Fig. 334.



die Kugel aus ihrer Gleichgewichtslage, d. h. bringt man des Pendel aus seiner vertiealen Stellung, so macht es, wenn man es loeläset, ohne ihm irgend einen Anstoss zu geben, Schwingungen, welche fortwährend in derselben Verticalebene bleiben. Bringt man z. B. das Fendel in die Lage fa, so beschreibt die Kugel den Bogen ac, in c kommt sis mit solcher Geschwindigkeit an, dass sie auf der anderen Seite bis b steigt, d. h. zu der Höhe des Punktes ac; vom Punkte b geht die Kugel abermals zurück, durchläuft in umgekehrer Richtung wieder den Bogen bca und setzt auf dieselbe Weise seine Schwingungen fort. Beim Niedergange des Pendels

nimmt seine Geschwindigkeit fortwährend zu, beim Aufsteigen nimmt sie ab; in dem Momente also, in welchem das Pendel die Gleichgewichtslage passirt, hat es seine grösste Geschwindigkeit.

Der Winkel afc heisst Ausschlagswinkel oder auch nur Ausschlag.

Die Bewegung von a bis b oder von b bis a heisst eine Oscillation; von a bis l ist eine halbe niedergehende, von l bis b eine halbe außteitzende Oscillation

Die Amplitude einer Oscillation ist die in Graden, Minuten und Secunden ausgedrückte Grösse des Bogens ab.

Die Dauer einer Oscillation ist die Zeit, welche das Pendel nöthig hat, um diesen Bogen zu durchlaufen.

Nach dem ersten Anblicke sollte man aus den Versuchen schliessen, dass die Bewegung eines Pendels immer fordauern möstet, denn wenn es von a ausgehend auf der anderen Seite zu einer gleichen Höhe b ansteigt, so muss es von b ausgehend ausch wieder bis a steigen, und es wird so dennelben Weg zum zweiten, zum dritten Male u. s. w. bis ins Unendliche machen müssen.

Dieser Schluss würde ganz richtig sein, wenn b wirklich absolut gleiche Höhe mit a hitte; aber die Reibung am Aufhängepante f, der Widerstand der Luft, welche die Kugel vor sieh wegtreiben muss, machen es unmöglich, dass die Kugel genau wieder bis zu der Höhe steigt, von welcher sie herabifel. Die Differenz wird freilich erst nach einer Reihe von Schwingungen merklich, und statt sieh zu verwundern, dass die Bewegung nicht weig fortdauert, muss man sieh vielnahr wundern, dass is so lange dauert; denn ein Pendel kann, ohne still zu stehen, Stunden lang fortschwingen.

Das Pendel ist eins der einfachsten, aber auch eins der wichtigsten Instrumente der Physik, wie es sich noch im Laufe dieses Capitels zeigen wird.

## 123 Gesetze der Pendelschwingungen. Die Gesetze der Pendelschwingungen sind folgende:

1) Die Dauer kleiner Oscillationen eines und desselben Pendels ist von ihrer Amplitude unabhängig, d. h. sie sind isochron. Wenn z. B. ein Pendel mit einer Amplitude von 2º bis 3º schwingt, so ist die Schwingungsdauer gerade so gross, als ob die Amplitude nur 1º, oder nur 1¹/16 Grad beträge.

 Die Dauer der Oscillationen ist vom Gewichte der Kugel und von der Natur ihrer Substanz unabhängig.

 Die Schwingungsdauer zweier ungleich langer Pendel verhält sich wie die Quadratwurzel aus den Pendellängen, d. h. es ist

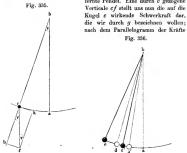
 $t = m \sqrt{l}$ 

wo t die Schwingungsdauer, l die Pendellänge und m einen noch näher zu bestimmenden constanten Factor bezeichnet.

Diese Gesetze ergeben sieh aus dem, was oben über den Fall auf der schiefen Ebene gesagt wurde; denn der Bogen, welchen die Pendelkugel durchläuft, ist nichts als eine schiefe Ebene, deren Neigung gegen die horizontale sich continuirlich ändert.

Das erste dieser Gesetze lässt sich folgendermaassen entwickeln: In

Fig. 335 sei b c das um den Winkel v aus der Gleichgewichtslage ba entfernte Pendel. Eine durch c gezogene



ist ck die Kraft, welche von c aus das Pendel nach der Gleichgewichtslage hintreibt, wichten de h die Kraft darstellt, welche die Schnur spannt. Es ist nun aber offenbar ck=g, sin, v, d. h. die beschleunigende Kraft, welche das Pendel nach seiner Gleichgewichtslage hintreibt, ist stets dem Sinus des Ausschlagwinkels proportional. Ist also die Pendeltugel einnal bis c, Fig. 336, aus der Gleichgewichtslage gebracht, so dass der Ausschlagwinkel v ist, das andere Mal nur halb so weit, bis c, so dass der Ausschlagswinkel v ist, so haben wir einnal die beschleunigende Kraft g, sin, v, d andere Mal g, sin, v/g v.

Wenn der Winkel v nicht gross ist, so ist sin, v bis auf eine verschwindend Grösse gleich dem Doppelten von  $\sin v$ , v; wenn die Pendelkugel also von dem Punkte c herzehfallt, so ist die beschleunigende Kraft, welche im erstem Moment die Bewegung bewirkt, doppelt so gross, als wenn die Pendelkugel in c' ihren Niedergang begonnen hätte, der Bogen c' d, den wir so klein annehmen wollen, dass wir ihn als geradlinig betrachten kömnen, und der Bogen c' d', welcher nur halb so gross ist, werden also in gleichen Zeiten durchlaufen, wenn die Bewegung einmal in c, ein andermal in c' beginnt.

Denken wir uns dicht hinter einander zwei gleiche Pendel aufgehängt, das eine bis c, das andere bis c' gehoben und gleichzeitig losgelassen, so werden sie gleichzeitig in den Punkten d und d' ankommen, wenn c'd'

 $= V_f \ cd$ . Die beschleunigende Kraft in d ist aber doppelt so gross als in d', ausserdem aber langt das eine Pendel in d mit einer Geschwindigkeit an, welche doppelt so gross als dujeinige ist, mit welcher das andere den Punkt d' passirt, und daraus folgt denn, dass auch in dem nichtsten kleinen Zeitheilchen das eine Pendel einen doppelt so grossen Weg zu-rücklegt als das andere. Auf diese Weise fortschliessend findet man endlich, dass beide Pendel gleichseitig in a ankommen müssen.

Diese Schlussweise läset sich auch noch anwenden, wenn das Verhältniss der Ausschlagswinkel nicht gerade das von 1 zu 2, sondern ein anderes ist, weil für kleine Ausschlagswinkel die beschlennigende Kraft stets der Entfernung von der Gleichgewichtalage proportional ist; und so läset sich allgemein zeigen, dass bis zu einer gewissen Gränze hin die Schwingungsdauer von der Grösse der Ausschlagswinkel unabhängig ist.

Um dies Gesetz durch den Versuch zu bestätigen, muss man die Zeit genau bestimmen, welche nöthig ist, damit ein Pendel mehrere hundert Schwingungen macht. Macht man diese Beobachtung zu Anfang der Bewegung, wenn die Amplitude 4° bis 5° ist, später, wenn sie nur noch 2° bis 3° beträgt, und zuletzt, wenn die Oscillationen so klein geworden sind, dass man sie mit der Lupe beobachten muss, so findet man, dass die Oscillationen in diesen drei Stadien wirklich isochron sind.

Das Gesetz des Isochronismus gehört zu den ersten Entdeckungen Galilät's. Man erzählt, dass er, noch sehr jung, in dem Dome zu Piss zufällig die Schwingungen einer am Gewölbe aufgehängten Lampe wahrnahm und dass ihm die periodische Wiederkehr dieser Bewegungen und die Gleichheit ihrer Dauer auffiel. Mehr bedurfte es nicht, um sein Genie zu wecken, und so wurde die Beobschtung eines Kindes die Quelle grosser Entdekungen.

Das zweite Gesetz ist sehr leicht durch den Versuch nachzuweisen. Man macht mehrere Pendel von gleicher Länge, die Kngel des einen

von Metall, die des anderen von Wachs, die des dritten von Holz u. s. w., und man wird finden, dass sie alle gleiche Schwingungsdauer haben.

Wenn die Schwere ein Pendel oscilliren macht, so wirkt sie auf jedes Atom der Magel wird durch seine eigene Schwere getrieben, und folglich kann auch eine Vermehrung der Atome keinen Einfluss auf die Geschwindigkeit der Oscillationen haben. Könnte man ein einzigse Atom Eisen an einem gewichtlosen Faden aufhängen, so müsste es gerade so schnell oscilliren, als ob man ihrer zwei, drei, vier oder eine ganze Kugel von Eisen an shängt. Die Schwere könnte aber auf ein Wachsmolekul anders wirken, als auf ein Eisenmolekul. Dass dies nicht der Fall ist, dass die Schwere auf eine Masse von Eisen nicht anders wirkt als auf eine gleiche Masse von Gold, Platin, Wacha n. s. w., beweist eben dieser Versuch mit dem Pendel. Der frither erwähnte Fallversuch im luftleeren Raume ist nur ein roher Versuch, weil wir hier nur die Wirkung der Schwere während einer ausser-ordentlich kurzen. Zeit beobachten Können. Das Pendel aber macht es

möglich, die Wirkung der Schwere auf verschiedene Stoffe ganze Stunden lang zu beobachten.

Von den Gesetzen des Falles auf der schiefen Ebene ausgehend, gelangt man durch folgende Schlussweise zu dem oben angeführten dritten Gesetze der Pendelschwingungen.

Man denke sich den Schwingungsbogen ab, Fig. 337, eines Pendels in so viel gleiche Theile getheilt, dass man jedes dieser Bogentheilchen als geradlinig betrachten kann. Wenn nun der Ausschlagswinkel eines





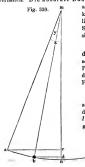
läugeren Pendels eben so gross ist, so nuss sich der Schwingungsbogen cd desselben zu ab verhalten wie die Pendelläuge fc zu fa. Denken wir uns den Bogen de in eben so viel gleiche Theile getheilt wie den Bogen ab, so werden jauch die einzelnen Theile im Verhältniss der Pendellänzen stehen. Wenn also das eine Pen-

del amal so lang ist als das andere, so werden auch jene Unterabtheilungen den Bogens de 4 mal so gross sein als die entsprechenden Theile des Bogens ab. Der Winkel, weichen das oberste, das zweite, dritte u. s. w. Bogentheilchen von ab mit der Horizontalen macht, ist gleich dem Winkel, welchen das erste, zweite, dritte u. s. w. Bogentheilchen von ab mit derelben mascht; auf den entsprechenden Theilen von ab und cd ist demnach auch die beschleunigende Kraft dieselbe.

Wenn aber verschiedene Wege mit gleicher beschleunigender Kraft durchlaufen werden, so lehrt uns die Formel  $s=\frac{g}{2}t^{p}$ , dass sich die Fallzeiten verhalten wie die Quadratwurzeln der Fallzbume; wenn also der

Um die Richtigkeit des dritten Gesetzes durch den Versuch nachzuweisen, hat man urd ies Stwirungsdauer verschieden langer Bendel zu vergleichen. Wenn sich z. B. die Pendellangen wie die Zahlen 1:4:9 verhalten, so verhalten sich die entsprechenden Schwingungszeiten wie 1:2:3. Am bequemsten hängt man zu diesem Versuche die Kugeln an einem doppelten Faden auf, wie Fig. 338 a. vor. S. zeigt. Während ein Pendel, dessen Länge 4 Fuss sit, eine Oscillation maeht, macht das viermal kürzere Pendel swei Oscillationen; und während ein Pendel von 1 Fuss Länge dreimal hin und her gelt, macht ein 9 Fuss langer unr einen Ilim- und Hergang.

Die eben besprochenen Gesetze sind von der Intensität der Schwere ganz unabhängig. Wenn die Schwerkraft auch hundertmal stärker oder schwächer wirkte, so würden kleine Schwingungen eines und desselben Pendels doch isochron bleiben, und die Schwingungszeiten verschieden langer Pendel würden sich noch immer wie die Quadratwurzeln ihrer Länge verhalten. Die absolute Dauer der Oscillationen ändert sich



aber mit der Intensität der Schwerkraft. Dasselbe Pendel wird schneller oscilliren müssen, wenn die Intensität der Schwerkraft wächst, und langsamer, wenn sie abnimmt.

Mathematische Entwickelung des Pendelgesetzes. Die Relation zwischen der Schwingungsdauer, der Pendellänge und der beschleunigenden Kraft der Schwere ist durch die Formel

$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{q}} \quad . \quad . \quad . \quad 1)$$

ausgedrückt, in welcher t die Schwingungsdauer,  $\pi$  das Peripherieverhältniss 3,14 ..., l die Pendellänge und g die beschleunigende Kraft der Schwere bezeichnet.

Das für die Physik so wichtige, durch die Gleichung 1) ausgesprochene Gesetz wird gewöhnlich mit Hülfe höherer Rechnung be-

124

wiesen; Kulik hat eine elementare Eutwickelung desselben gegeben (Baumgartner's und Ettingshausen's Zeitschrift, 1. Band), welche hier in etwas veränderter Form folgt.

Es sei m, Fig. 339, der Aufhängepankt eines einfachen Pendels, dessen Kugel zwischen den Unukten a und a hin und her seiwingt. Der Ausschlagswinkel nma sei mit x bezeichnet. Wenn nun die Pendelkugel von a ausgebend den Weg ab zurückgelegt hat, so kommt sie in b nit einer Geschwindigkeit an, welche nach S. 109 gleich derjenigen ist, welche im Körper erlangt, wenn er die vertieule Höhendifferenz ad der beiden Punkte a und b durchfallt. — Nun aber it ad = md — mc. Bezeichent man den Winkel amb mit y, so ist der Winkel bmn = x - y, and also auch md = l. cos, (x - y), während mc = l. cos, x ist, vorausgesetzt, dass die Pendellänge ma mit l bezeichnet wird. Es ist also and

 $cd = s = l \cos (x - y) - l \cos x$ and die Geschwindigkeit v, welche ein Körper erlangt, wenn er die ver-

ticale Höhe s durehfällt, ist also
$$v = \sqrt{2 \, qs} = \sqrt{2 \, qt \, [\cos, (x-y) - \cos, x]}$$

Der Ausdruck  $\cos$  (x=y) —  $\cos$  x lässt sich aber noch umformen. Nach einer bekannten trigonometrischen Formel (Trigonometrie S. 16) ist

$$\cos A - \cos B = 2 \sin \frac{A+B}{2}, \sin \frac{B-A}{2}$$

Setzt man in dieser Gleichung x=y an die Stelle von A, und x austatt B, so kommt

$$\cos (x - y) - \cos x = 2 \sin \frac{1}{2} (2x - y) \sin \frac{1}{2} y$$

So lange die Winkel x und y klein genng sind, kann man den Bogen statt des Sinus setzen, es ist also für diesen Fall

$$\cos (x - y) - \cos x = (2x - y) \frac{y}{2}$$

und also auch

$$v = \sqrt{gl(2x - y) y}.$$

und dies ist der Werth für die Geschwindigkeit, mit welcher die Pendelkugel in

b, Fig. 339, ankommt. Denken wir uns nun den Schwingungsbogen ao, Fig. 339, zu einer geraden Linie ao, Fig. 340, entwickelt, auf welcher zwischen den Endpunkten a und o ein Körper nach denselben Gesetzen oscillirt, wie die Pendelkugel

auf dem Bogen ao, Fig. 339; nehmen wir ferner ab, Fig. 340, gleich dem

Bogen ab, Fig. 339, so kommt der um n oscillirende Körper, von a ausgehend, in b, Fig. 340, mit derselben Geschwindigkeit an, wie die Pendelkugel in b, Fig. 339, nämlich mit einer Geschwindigkeit, deren Werth durch die Gleichung 2) gegeben ist.

Ueher ao als Durchmesser sei nun ein Halbkreis gezogen und in b ein Perpendikel auf ao errichtet, welches denselben in r schneidet. Kommt nun ein Körper, welcher von a aus den Bogen ar durchlaufen hat, in r mit der Geschwindigkeit rs = c an, so ist der mit ao parallele Antheil dieser Geschwindigkeit gleich rt gleich c.cos, a, wenn a den Winkel srt bezeichnet. Nun ist aber offenhar der Winkel brn auch gleich α, folglich cos. α  $=\frac{rb}{r}$ ; rb aber ist die mittlere Proportionale zwischen ab und bo, also  $rb = \sqrt{ab.ba}$ 

Da wir mit x den Ausschlagswinkel und mit l die Länge des Pendels. Fig. 339, hezeichnet haben, so ist an in Fig. 339 und in Fig. 340, also auch rn gleich l.x; ferner aber ist ab = l.y und bo = l (2x - y),

also  $rb = Vl^2 (2x - y) y$  and endlich cos.  $\alpha = \frac{Vl^2 (2x - y) y}{l \cdot x}$ 

$$\cos \alpha = \frac{1 \cdot (2x - y)y}{1 \cdot x}$$

and also

$$rt = \frac{cV\overline{l^2(2x-y)y}}{l.x} = c \cdot \frac{V(2x-y)y}{x}$$

nimmt man aber an, dass  $c = x \sqrt{gl}$  sei, so ergieht sich  $rt = \sqrt{gl(2x - y)y}$ 

Dieser Werth ist aber dem Werth von v in Gleichung 2) ganz gleich; wenn wir also annehmen, dass ein Körper mit der gleichförmigen Geschwindigkeit x V gl den zum Durchmesser ao gehörigen Kreis durchläuft, so wird für irgend einen Punkt r des Kreises der mit ao parallele Antheil dieser Geschwindigkeit gerade eben so gross sein, wie die Geschwindigkeit, mit welcher der nach dem Pendelgesetz auf ao sich bewegende Körper in dem Punkte b ankommt, welcher den Fusspunkt des von r auf ao gefällten Perpendikels bildet. Daraus folgt aber, dass dieser fingirte, im Kreise sich bewegende Körper den Halbkreis in derselben Zeit zurücklegen muss, in welchem die Pendelkugel den Durchmesser ao heschreiht. Der Umfang des Kreises ist aber in unserm Falle #1x, und ein Körper, der sich mit der Geschwindigkeit  $x\sqrt{gl}$  bewegt, braucht, um diesen Weg zurückzulegen, die Zeit

$$t = \frac{\pi l x}{x \sqrt{g l}} = \pi \sqrt{\frac{l}{g}},$$

und dies ist also auch die Zeit, welche ein Pendel von der Länge I hraucht, um eine Schwingung zu vollenden, wie bereits zu Anfang dieses Paragraphen angeführt wurde.

Aus Gleichung 1) ergiebt sich 
$$g = \frac{\pi^2 l}{t^2}$$

und für t = 1

 $q = \pi^2 l$ ,

kennnt man also die Länge l des Secundenpendels, so hat man dieselbe nur mit  $\pi^2$  zu mutlipliciren, um den Zahlenwerth der beschlennigenden Kraft der Schwere mit weit grösserer Genauigkeit zu erhalten, als man sie aus Fallversuchen abznleiten im Stande wäre.

Der Sohwingungspunkt. Diese Formel gilt aber nur für ein 125 ein faches Pendel, welches man anch ein mathematisches nennt. Ein solches Pendel kann man sich wohl vorstellen, aber nicht construiren; denn es müsste ans einem einfachen, gewichtlosen Faden bestehen, und an seinem Ende dürfte sich nur ein sehwere Punkt befinden.

Jodes Pendel, welches diesen beiden Forderungen nicht entspricht, ist ein zusammengesetztes Pendel. Ein gewichtloser und unbiegsamer Faden also, an welchem sich nur zwei schwere Moleküle m und n. Fig. 341. befinden, würde demnach sehon ein zusammengesetztes Pendel sein. Das Fig. 341. Molekül m. welches dem Aufhängepunkte näher ist äs n. wärde

zögert ist, welcher gerade so schnell schwingt wie ein einfaches Pendel, dessen Länge seiner Entfernung vom Aufhängepunkte gleich ist. Dieser Punkt heisst Sch win gn ng sp un kt, Centrum oscillationis. Wenn man von der Länge eines zusammengesstzten Pendels spricht, so versteht man darunter die Entfernung dieses Punktes vom Aufhängepunkte oder, was dasselbe ist, die Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer.

Da man zu Versuchen nur zusammengesetzte Pendel anwenden kann, so kommt es darauf an, die Länge eines einfachen Pendels zu bestimmen, welches eben so schnell schwingen würde als das zur Beobachtung angewandte zusammengesetzte. Am meisten nähert sich dem einfachen Pendel ein solches, welches aus einem möglichst dünnen Faden besteht, an dessen unterem Ende eine Kugel oder ein Doppelkegel hängt. Als Faden hat man feine Metalldrähte oder Aloifaden genommen; der letzteren unnentlich bedienten sich die französischen Akademiker bei ihren Versuchen unter dem Aequator und Zach in Gotha. Die angehängte Masse nuss aus einer Substanz von möglichst grossem specifischen Gewichte gefertigt sein. Man hat dazu Blei, Messing, Süber oder Platin angewandt.

Borda fand, dass zu Paris ein solches Pendel von 12 Fuss Länge (144 Zoll) in einer Stunde 1818 Schwingungen machte. Es ist demnach für l = 144 Zoll t = 1.98 Secunden, also

und daraus

$$1.98 = m \sqrt{144}$$
  
 $m = 0.165$ .

Die Länge x des Secundenpendels ergiebt sich demnach aus der Gleichung  $1 = 0.165 \ \sqrt{x}$ 

$$x = \frac{1}{0.165^2} = 36,73$$
 Pariser Zoll.

Borda stellte seine Versuche, welche in der That die ersten wahrhaft genauen Pendelbeobachtungen waren, im Jahre 1790 anf der Sternwarte von Paris an. Biot, Bouward und Mathieu haben diese Versuche im Jahre 1808 wiederholt. Sie wandten Borda's Verfahren und einen ähnlichen Apparat an. Hnmboldt und Arago haben im Jahre 1818 Borda's Resultate durch ein anderes Verfahren bestätigt. Nach allen diesen Beobachtungen ist die Länge des Secundenpendels für Paris 1938.68 Millimeter.

993,86 Millimeter.

Das Secundenpendel ist also nur um 6,14 Millimeter kürzer als ein Meter. Setzt man in der Formel  $t = \pi \sqrt{\frac{1}{g}}$  für t den Werth 1 und l = 993,8666, so findet man die beschleunigende Kraft der Schwere q = 9,809 Meter.

Bestimmung des Sohwingungspunktes an einem zusammengesetzten Pendel. An einer hölzernen Stange, Fig. 342, welche um eine in liner Mitte angebrachte Schneide oseilliren kann, sei eine m Gramme schwere Linse a (deren Masse wir ums in ihren Schwerpunkt concentrirt denken wollen) von I Decimeter unter der Schneide befestigt, so bildet diese Vorrichtung ein Pendel, dessen Schwingungszeit wir mit bezeichen wollen.

Die Schwingungszeit t würde gleich der eines einfachen Pendels von der Länge l sein, wenn die Stange gewichtlos wäre.

Mag nun aber die Stange gewichtlos sein oder nicht, so wird die Schwingungsseit des Pendels nuverändert beliben, wenn man statt der Linse a von 1 Decimeter weit von der Schneide die träge Masse  $ml^2$  (das Trägheitsmoment der Linse a) aubrichte, und auf diese die beschleunigende Kraft ml (das statische Moment der Linse a) wirken liesen. Es lässt sich dies im Versuch wirklich ausführen: Man hat nur 1 Decimeter unter der Schneide eine Linse b, Fig. 343, deren Gewicht x, und 1 Decimeter über der Schneide eine Linse c anzubringen, deren Gewicht y durch folgende Bedingungsgleichungen gegeben ist

$$x + y = ml2$$

$$x - y = ml,$$

$$x = \frac{m}{2}(l2 + l)$$

$$y = \frac{m}{2}(l2 - l)$$

woraus sich ergiebt.

Wenn also die Linse a, Fig. 342, 100 Gramm sehwer und 5 Decimeter von der Schneide entfernt ist, so wird die Schwingungsgesehwindigkeit dieselbe sein wie die des Pendels Fig. 343, wenn die 1 Decimeter unter der Schneide befindliche Linse  $\frac{100}{9}$  (25 + 5) = 1500 Gramm,

unter der Schneide befindliche Lanse  $\frac{1}{2}$  (25 + 5) = 1500 Grämm, Fig. 342. Fig. 343. die 1 Decimeter über der Schneide befindliche Linse c aber  $\frac{100}{2}$  (25 - 5) = 1000 Grämm schwer wäre,





woraus sich ergiebt

$$l = \frac{M}{G}$$

$$m = \frac{G^2}{M}$$

Hätte man z. B. 1 Decimeter über der Schneide eine Linse von 300 Grm., 1 Decimeter unter der Schneide eine Linse von 500 Grm. angebracht, so wäre M = 800, G = 200 und demnach

$$l = \frac{800}{200} = 4$$
 and  $m = \frac{200 \cdot 200}{800} = 50$ .

Nehmen wir die Pendelstange in obiger Betrachtung als gewichtlos an, so ist l die Länge eines einfachen Pendels, welches so schnell schwingt wie ein zusammengesetztes, dessen Trägheitsmoment gleich M ist, und welches durch eine in dem Abstand 1 vom Drehpunkt angreifende Kraft G in Bewegung gesetzt wird.

Nach diesen Betrachtungen können wir nun den Schwin-Fig. 344. gungspunkt eines aus zwei schweren Punkten zusammengesetzten Pendels berechnen. An einer unbiegsamen, gewichtlosen Linie, Fig. 344, seien bei a nnd b in den Abständen r' und r vom Drehpunkt die Massen m' und m angehängt, so sind mr'2 nnd mr2 die Trägheitsmomente, mr und m'r' aber die statischen Momente derselben. Das Trägheitsmoment des Pendels ist also

$$M = m'r'^2 + mr^2$$

die beschleunigende Kraft aber, welche das Pendel in Bewegung setzt, ist

$$G = m'r' + mr;$$

es ergiebt sich demnach für die Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer  $l = \frac{M}{Cr} = \frac{m'r'^2 + mr^2}{m'r' + mr}$ 

$$=\frac{M}{G}=\frac{m'r'^2+mr^2}{m'r'+mr}$$

Diese Betrachtung lässt sich auf ein aus 3, 4, 5 u. s. w., aus unendlich vielen materiellen Punkten zusammengesetztes Pendel ausdehnen, und man kommt so zu dem wichtigen Satze: Für ein materielles Pendel findet man die Entfernung des Schwingungspunktes vom Aufhängepunkte, wenn man die Summe der Trägheitsmomente aller materiellen Punkte durch die Summe ihrer statischen Momente dividirt. Diese Entfernung ist also stets durch einen Ansdruck von der Form

$$l = \frac{m \, r^2 + m' \, r'^2 + m'' \, r''^2 + \text{etc.}}{m \, r + m' \, r' + m'' \, r'' + \text{etc.}}$$

gegeben. Für eine einfache Stange, welche um einen ihrer Endpunkte oscilliren kann, ist  $M = \frac{PL^2}{2}$  (§. 118), während offenbar in diesem Falle

 $G = \frac{PL}{\Omega}$ , wenn P das Gewicht und L die Länge der Stange bezeichnet. Danach ergiebt sich aber für die Länge l eines einfachen Pendels, welches mit jener Stange gleiche Oscillationszeit hat:

$$l = \frac{PL^2}{3} : \frac{PL}{2} = \frac{2}{3} L.$$

Ein homogener, überall gleich dicker 3 Fuss langer Stab z. B. bildet also, an einem seiner Endpunkte aufgehängt, ein Pendel, welches gleiche Schwingungszeit hat mit einem 2 Fuss langen einfachen Pendel.

127 Experimentelle Bestimmung des Trägheitsmomentes oscillirender Körper. Wir haben gesehen, dass die Schwingungsdaner eines einfachen Pendels

Experimentelle Bestimmung des Trägheitsmomentes etc. 291

$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

ist; wenn man aber mit einem materiellen Pendel zu thun hat, so ist für I die Länge des einfachen Pendels zu setzen, welches mit dem gegebenen gleiche Schwingungsdauer hat, d. h. der Abstand des Schwingungspauker vom Aufhängepunkte. Dieser Abstand ist aber  $\frac{K}{C}$ , wenn man mit K das

Trägheitsmoment des Pendels, mit C die Summe der statischen Momente aller auf das Pendel wirkenden beschleunigenden Kräfte bezeichnet. Wir haben also für ein materielles Pendel

Wird an den oscillirenden Körper eine Masse von bekanntem Trägheitsmoment Q so angebracht, dass die beschleunigende Kraft, welche das Pendel oscilliren macht, ungeändert bleibt, so nuss nun der Körper langsamer oscilliren. Bezeichnen wir jetzt seine Schwingungszeit mit  $\ell'$ , so ist

$$t' = \pi \sqrt{\frac{K+Q}{Cg}} \quad \dots \qquad 2$$

Aus den Gleichungen 1) und 2) lässt sich aber K leicht durch Elimination berechnen. — Wir wollen dies durch einige Beispiele erläutern.

Fig. 345. Ein Pendel von der Fig. 345 dargestellten Einrichtung, dessen Gesamutlänge 11 Decimeter betrug, machte ohne die Linsen e md d 68 Schwingungen in der Minute; zu einer Schwingung waren also 0,882 Secunden erforderlich; wir haben demnach

$$0.882 = \pi \sqrt{\frac{K}{Cg}}$$

Nachdem sowohl 2 Decimeter über als auch 2 Decimeter unter der Schneide eine Lines von 220 Gramm angebracht worden war, während die Lines b unveräudert an ihrer Stelle blieb, so maehte unu das Pendel 48 Schwingungen in der Minute, esist als of '=1,25'. Das Trigheitsmonent der beiden Linsen c und d zusammengenommen ist 4.220.2 = 1760, mithin ist

$$1,25 = \pi \sqrt{\frac{K + 1760}{Cg}},$$

aus der Combination dieser Gleichung mit der vorhergehenden ergieht sich K = 1745 und C = 225,7, de man für gden in Decimetern ausgelrückten Werth 98,09 zu setzen hat; d. h. das Pendel Fig. 345 sehwingt ohne die Limen c mud dgerade chenso als oh an einer gewiedtlosen Stange I Decimeter weit von der Schneide, eine träge Masse von 1745 Gramu angebracht wäre, auf welche eine beschleunigende Kraft von 225,7 Grammen wirkt.

Dieselbe Methode zur Bestimmung des Trägbeitsmomentes läsat sich aber auch noch in Anwendung bringen, wenn ein Körper nicht unter dem Einfluss der Schwerkraft, sondern unter dem Einfluss irgend einer andern beschleunigenden, aber der Schwerkraft ähnlich wirkenden Kraft oscillirt, welche man jederzeit auch auf das Masss der Schwerkraft zurückführen kann. Ein Beispiel mag dies erläutern.

Ein in einer messingenen Hülse liegender an einem Faden aufgehängter 2,7 Decimeter langer Magnetstab brauchte 10 Secunden zu einer Schwingung. Um sein Trägheitsmoment zu ermitteln, wurde ein 130 Gramm



schwerer Messingring von 0,66 Decimeter Radius in der Weise aufgelegt, wie Fig. 346 zeigt, und nnn betrug die Schwingungsdauer 13 Secunden. Das Trägheitsuuoment des Ringes ist hier offenbar 130.0,662=56,6, wir haben also

$$10 = \pi \ \sqrt{\frac{K}{Cg}} \cdot \text{ und } 13 = \pi \ \sqrt{\frac{K + 56,6}{Cg}},$$

woraus sich ergiebt K = 82 und C = 0,824 Gramm. Das Träßheitsmoment des Magnetstabes (auf 1 Decimeter Abstand vom Drehungspunkt
bezogen) ist also gleich 82 Gramm und die beschleunigende Kraft des
Erdmagnetismus wirkt auf den Magnetstab gerade ehenso wie eine Kraft,
welche gleich ist dem Druck eines Gewichtes von 0,824 Gramm und welche
in der Richtung des magnetischen Meridians wirkend 1 Decimeter weit
von der Drehungsaxe angreich

128 Das Reversionspendel. Um die Läuge des Secundenpendels mit möglichster Genauigkeit zu finden, brachte zuerst Bohn enberger das Reversionspendel in Vorschlag, welches später auch Kater in England in Anwendung brachte, ohne Bohnenberger's Vorschlag zu kennen.

Das Reversionspendel ist ein Pendel, welches mit zwei einander zugewendeten Schneiden versehn ist, wie man am Fig. 347 und Fig. 348 sehen kann, und welches so justirt ist, dass die Schwingungsdauer unverändert dieselbe bleibt, mag man nun das Pendel um die Schneide a oder um die Schneide b oseilliren lassen.

Es wird dies bei dem Kater'schen Reversionspendel, Fig. 347, dadurch erreicht, dass man die Laufgewichte v und w in entsprechender Weise

verschiebt; bei dem Reversionspendel, Fig. 348, geschieht es durch Verschiebung der einen oder auch der beiden Linsen.

Fig. 347. Fig. 348. Fig. 349. Fig. 350.

ь

Hat man es nun dahin gebracht, dass die Schwingungsdauer des Pendels für die eine Schneide genau so gross ist, wie für die andere, so ist die Entifernung der beiden Schneiden gleich der Länge eines einfachen Pendels von gleicher Schwingungsdauer.

Die Richtigkeit dieser Behauptung lässt sich durch folgende Betrachtung beweisen.

Bezeichnen wir mit M die Summe der Trägheitsmomente, aller materiellen Punkte, aus welchen ein Reversionspendel, Fig. 347, besteht, mit G die Summe der statischen Momente, so ist

nach §. 126 
$$\frac{M}{G} = l$$
 die Länge  
des einfachen Pendels, welches

mit ihm gleiche Schwingungsdauer hat.

Aus den Erörterungen des §. 126 ergiebt sich aber ferner, dass unser materielles Pendel, auch äquivalent ist einem idealen Pen-

del, welches aus einer gewichtlosen starren, um den Punkt a, Fig. 349, oscillirenden Stange besteht, an welchen in dem Abstand 1 unter a das Gewicht

$$x = \frac{m}{2} (l^2 + l),$$

in dem Abstand 1 über a aber das Gewicht

15

$$y=\frac{m}{2}\left(l^2-l\right)$$

angebracht ist. Denken wir uns an der gewichtiesen Stange Fig. 349 den Punkt b so bestimmt, dass ab=l, so wäre also b der Schwingungspunkt dieses idealen Pendels, welches sich in jeder Beziehung dem materiellen Pendel Fig. 347 gleich verhält.

Denken wir uns nun das ideale Pendel Fig. 349 umgekehrt in b aufgehängt, wie Fig. 350 zeigt, so haben wir eine gewichtlose Stange, an welcher das Gewicht x in der Entfernung (l-1), das Gewicht y an

der Entfernung (l+1) vom Aufhängepunkt b angebracht ist; wir haben also für die Trägheitsmomente der Massen x und y in diesem Fig. 350 dargestellten Falle

$$x (l-1)^2$$
 und  $y (l+1)^2$   
und für die statischen Momente derselben  
 $x (l-1)$  und  $y (l+1)^2$ 

x (l-1) und y (l+1); für die Länge des einfachen Pendels, welches mit dem Fig. 350 darge-

tur die Lange des einfachen Fendels, welches mit dem Fig. 350 darge stellten gleiche Schwingungsdauer hat, ergiebt sich demnach

$$L = \frac{x (l-1)^2 + y (l+1)^2}{x (l-1) + y (l+1)}.$$

Substituirt man in dieser Gleichung für x und y ihre obigen Werthe, so ergiebt sich nach Ausführung aller Reductionen

$$L = l$$
.

Das ideale Pendel Fig. 349 oscillirt also gleich schnell, mag nun der Punkt a oder der Punkt b als Aufhängepunkt dienen: im ersten Falle ist b, im zweiten Falle aber ist a der Schwingungspunkt.

Was nun sber von diesem idealen Pendel gilt, gilt auch für das ihm entsprechende materielle Pendel Fig. 347. Es schwingt gleich schnell, mag es nun in  $\alpha$  oder in b aufgehängt sein, und zwar gerade eben so schnell, wie ein einfaches Pendel von der Länge ab.

129 Die Pendeluhr. Die wichtigste Anwendung, die man vom Pendel gemacht hat, ist die Regulirung der Uhren. In jeder Uhr muss eine beschleunigende Kraft wirken, um die Bewegung hervorzubringen und zu erhalten. Nun aber ist aus dem, was über beschleunigende Kräfte gesagt wurde, klar, dass, wenn der beschleunigenden Kraft nicht eine andere gleiche Kraft oder ein Bewegungshinderniss entgegenwirkt, die Bewegung nicht gleichförmig bleiben kann, sondern dass sie, wie bei einem fallenden Körper, schneller und schneller wird. Bei unseren Wanduhren wird die beschleunigende Kraft durch Gewichte gebildet, welche an einer Schnur hängen, die um eine horizontale Axe geschlungen ist. Wenn das Gewicht durch seine Schwere herabgezogen wird, wird durch die Schnur die Axe umgedreht und dadurch das ganze Uhrwerk in Bewegung gesetzt. Die Bewegung eines fallenden Gewichtes ist aber eine beschleunigte, folglich würde auch die Uhr anfangs langsam, dann schneller und schneller gehen müssen, wenn ihr Gang nicht regulirt würde, und diese Regulirung wird nun durch das Pendel bewerkstelligt.

Wie das Pendel den Gang einer Uhr reguliren könne, ist aus Fig. 351 ersichtlich. An der Axe, um welche die Schum mit dem Gewiehte P geschlungen ist, ist ein gezahntes Bad befestigt. Ueber diesem Rade befindet sich ein Anker A CB, welcher je nach seiner Stellung bald auf der einen, bald auf der anderen Seite in die Zähne des Rades eingreift. Dieser Anker wird durch die Schwingungen des Pendels hin und her geführt.



Die Figur stellt das Pendel gerade in der Lage vor, wo es seine äusserste Stellung links Das Rad, welches durch das Gewicht in der Richtung des Pfeils, gedreht wird, kann aber bei dieser Stellung des Pendels nicht voraugehen, weil der Zahn a durch den Haken A des Ankers aufgehalten wird; sobald aber das Pendel zurückgeht, geht A auf die Seite und der Zahn a wird vorbeigelassen; die Bewegung des Rades wird aber doch alsbald wieder gehemmt, weil nun auf der anderen Seite der Haken B des Ankers niedergeht und an diesen dann der Zahn b des Rades anstösst, sobald das Pendel seine äusserste Stellung rechts erreicht hat.

Geht nun das Pendel abermals nach der Linken, so wird der Zahn c durch A angehalten. Bei iedem Hin- und Hergange geht also das Rad um einen Zahn weiter, bei jedem Pendelschlage also um eine halbe Zahnweite voran. Hat das Rad 30 Zähne, so wird ein Zeiger, welcher an der Axe desselben befestigt ist, in 60 Sprüngen den ganzen Kreis-

umfang durchlaufen. Die Axe des Ankers bildet aber nicht unmittelbar die Schwingungsaxe des Pendels. Dieses würde, in Zapfen sich bewegend, zu viel Reibung zu überwinden haben. Es ist hinter dem Anker mittelst eines Stückchens einer Uhrfeder aufgehängt. Au der Axe des Ankers aber ist ein Metallstab g befestigt, der mittelst eines auf der Pendelstange befestigten Stiftes geführt wird, indem dieser Stift durch einen am unteren Ende von g angebrachten Schlitz hindurch geht.

Das Pendel hat bei seinen Oscillationen verschiedene Widerstände zu Buberinden, weehalb es allmäßig zur Rube kommt, wenn es für sich allein sehwingt. Im Uhrwerk wird nun aber dem Pendel sein Bewegungsverlust dadurch stets ersetzt, dass der Zahn, an der schiefen Fläche des austretenden Ankerarmes hinschleifend, diesem eine kleine Beschleunirung mitheilt.

Eine solche Vorrichtung nennt man eine Hemmung oder ein Echappement.

Bei Taschenuhren ist das Gewicht durch eine gespannte Stahlfeder, das Pendel aber durch die Balance ersetzt, d. h. durch einen Metallring, welcher von einer, vermöge ihrer Elasticität um ihre Gleichgewichtslage schwingenden Spiralfeder hin nnd her bewegt wird.

130 Einheit des Längenmaasses. Kater stellte seine Versuche mit dem Reversionspendel besonders deshalb mit so grosser Genauigkeit an, weil man beabsichtigte, in England ein neues Maassystem einzuführen, dessen Einheit die Länge des Londoner Secundenpendels sein sollte.

Fast sämntliche Längeneinheiten sind den Dimensionen des menschlichen Körpers entnommen, und ihre ursprüngliche Bestimmung hing darum auch von manchen Zufälligkeiten ab. Man kam deshalb auf die Idee, eine unveränderliche Grösse der Natur zur Einheit zu nehmen. Schon Huyghens sehlug daxu die Länge des Secundenpendels von

Zur Zeit der französischen Revolution, als man ein neues Masssystem in Frankreich einsihnen wollte, nahm man die Idee wieder auf; allein die zur Bestimmung des neuen Systems niedergesetzte Commission, bestehend aus Borda, Lagrange, Laplace, Monge und Condorcet, wandte gegen diese Einheit ein, dass sie ein fremdes Element, nämlich die Zeit, enthielte, und entschied sich dahin, die Längeneinheit von der unveränderlichen Länge eines Erdmerdians abzuleiten.

Zu diesem Zwecke wurde durch genaue Gradmessungen die Länge des Erdmeridians ermittelt, und der 40millionste Theil desselben, also der 10millionste Theil eines Erdmeridian-Quadranten zur Längeneinbeit gewählt. Diese Einheit wurde Meter genannt. Das Meter wurde in 10 Decimeter, 100 Centimeter und 1000 Millimeter getheilt.

Aus dem Längenmaasse wurde nun das Flächenmaass, das Körpermaass und das Gewichtsmaass abgeleitet.

Das Metermaass ist unter allen Maassaystemen das einzige, welches wissenschaftlich begründet ist. Die einfachen Beziehungen zwischen dem Längenmaasse, dem Körpermaasse und dem Gewicht machen es in mancher Hinsicht empfehlenswerth. Bei wissenschaftlichen Untersuchungen bedient man sich auch jetzt fast überall dieses Maasses.

Durch Vergleichung mit dem Meter sind nun aber auch alle anderen Maasse fest bestimmt. So ist z. B.

	pariser								Millimeter,	
		scher o	ler rh	ein	l. F	use	=	313,853	Millimeter;	
doorum										

1 pariser Zoll . . . . = 27,070 Millimeter, 1 rheinl. Zoll . . . . = 26,154 Millimeter.

Variationen der Schwingungen eines Pendels. Kurz 131 nachdem Galiläi die Grundgesetze des Pendels entdeckt hatte, machte sich Huvghens durch seine trefflichen Arbeiten über das Pendel um die Wissenschaft sehr verdient. Er bestimmte zuerst genau den Schwingungspunkt des physischen Pendels, wandte das Pendel an, um den Gang der Uhren zu reguliren, und machte somit zuerst eine genaue Zeitmessung möglich. Dieser ausgezeichnete Gelehrte war jedoch der Meinung, dass ein Pendel an allen Orten der Erde gleich schnell oscilliren müsse, was Newton bestritt. Im Jahre 1672 machte der französische Astronom Richer eine Reise nach Cayenne, welches nur 5 Grad nördlich vom Acquator liegt. Als er hier seine Pendeluhr aufstellte, fand er, dass sie täglich 21/2 Minute nachging; er musste das Pendel nahe um 5/4 Linien verkürzen, um den Gang gehörig zu reguliren. Er konnte dies um so weniger einer Störung der Uhr während der Reise zuschreiben, da die Uhr, nach Paris zurückgebracht, 148 Secunden täglich vorging und das Pendel deshalb wieder verlängert werden musste.

Es war somit erwiesen, dass ein und dasselbe Peudel an verschiedenen Orten der Erde nicht gleich schnelle Schwingungen macht. Man stellte später die genauesten Bebabachtungen an verschiedenen Orten an und bestimmte für jeden derselben die Länge des Secundenpendels. Die folgende Tabelle enthält eine Reihe solcher von Sabin gemachter Bestimmungen.

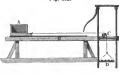
Orte.	Breite.	Länge des Sceun denpendels in engl. Zollen.		
St. Thomas	0° 24′ 41″	39,012		
Trinidad	10° 38′ 56″ N.	39,019		
Bahia	12° 59′ 21″ S.	39,024		
Jamaica	17° 56′ 7″ N.	39,035		
New-York	40° 42′ 43″ N.	39,101		
London	51° 31′ 8″ N.	39,139		
Drontheim	63° 25′ 54″ N.	39,174		
Grönland	74° 32′ 19″ N.	39,203		
Spitzbergen	79° 43′ 68" N.	39,215		

Näheres über diesen Gegenstand in der kosmischen Physik.

Gleitende Reibung. Ein sehon mehrfach besprochener Widerstand, welcher fast auf alle Bewegungen einen bedeutenden Einfluss ausübt, ist die Reibung. Um eine nur etwas grosse Last auf einer horizontalen Ebene fortzuschleifen, ist ein bedeutender Kraftaufwand nötlig, welcher lediglich von den Reibungswiderständen herröttt. Wäre die Ebene sowohl, auf welcher die Last fortgeschleift werden soll, als auch die Unterfliebe der Last selbst absolth hart und glatt (was in der Natur nie der Fall ist) und fände ausserdem nicht die mindeste Adhäsion zwischen den über einander hin gleitenden Flächen statt, so kömnte die kleinste Kraft die grösste Last in Bewegung setzen, und einnal angestossen misste sieh die Last mit gleichförmiger Gesehwindigkeit auf der horizontalen Ebene fortbewegen.

Die Reibung rührt unstreitig daher, dass die Erhabenheiten einer jeden der über einander hingleitenden Flächen in die Vertiefungen der anderen eingreifen. Wenn nun Bewegung stattfinden soll, so uünsen entweder die hervorragenden Theilehen von der Masse ihres Körpers abgerissen, oder der eine Körper muss fortwährend über die Unelenbeiten hinweggehohen werden. Ersteres findet vorzugsweise statt, wenn die reibenden Flächen sehr rauh, letzteres, wenn sie mehr geglättet sind. Je glatter die reibenden Flächen sind, desto mehr Einfluss gewinnt auch die Adhä sion, welche namentlich bei Anwendung von flüssiger oder halbfüssiger Schmiere von Bedeutung wird.

Um Versuche über gleitende Reibung anzustellen, wandte Conlomb den Fig. 352 dargestellten Apparat au. Ein Kästchen A, welches man Fig. 369.



nach Belieben mit Gewichten belasten kann, ruht auf swei horizontalen Schienen, welche neben einander gelegt sind. Eine an dem Kästehen befestigte Schurr geht über eine Rolle C und trägt an ihrem freien Eude eine Wagschale D, auf welche so lange Gewichte zugelegt werden, bis dadurch das Kästehen A in Bewegung gewestt wird.

Nehmen wir au, die untere Flüche des Kästchens sei durch eine eiserne Platte gehübet und die Schienen seien gleichfalls von Eisen; ferner betrage das Gewicht des Kästchens A, sammt Allem, was darin liegt, 25 Plund, so wird die Bewegung eintreten, solald das auf die Wageschale D aufgelegte Gewicht sammt dem Gewichte der Wageschale 7 Pfund beträgt.

Die zur Ueberwindung der Reibung hier anzuwendende Kraft beträgt also in diesem Falle  $^7/_{15}$ oder 28 Procent der Last.

Wäre das Gewicht des Kästchens A 2mal, 3mal so gross gewesen, so hätte an der Schnur auch eine doppelte, dreifache Kraft ziehen müssen, um die Reibung zu überwinden, und so ergiebt sich:

 Die Reibung ist dem Drucke proportional, mit welchem die Flächen, welche über einander hergleiten sollen, auf einander gedrückt werden.

Hätte man, ohne sonst etwas zu ändern, die eisernen Schienen breiter oder schmäler gemacht, so würde man doch immer zu demselben Resultate gekommen sein, d. h. zur Ueberwindung der Reibung würden immer 28 Procent der Last nöthig gewesen sein, und so ergiebt sich:

2) Die Reibung ist unabhängig von der Ausdehnung der reibenden Flächen.

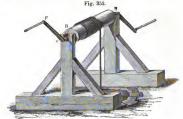
Die Zahl, welche angiebt, der wievielte Theil der Last zur Ueberwindung der Reibung verwandt werden muss, wird der Reibungscoefficient genannt. Für Eisen auf Eisen ist dieser Coefficient, wie wir gesehen haben, 0,28 oder genauer 0,277; der Reibungseosfleicht ändert sich jedoch mit der Natur der reibenden Flächen. Die folgende Tabelle enthält einige der in der Praxis wichtigsten Reibungscoefficienten.

Eisen auf Eisen . 0,277
Eisen auf Messing . 0,263
Eisen auf Kupfer . 0,170
Eichen auf Eichen . 0,418 = 0,273 +
Eichen auf Kiefern . 0,667
Kiefern auf Kiefern . 0,562

Durch eine zweckmässige Schmiere kann der Reibungswiderstand noch verringert werden. Für Metalle ist Oel, für Holz hingegen Talg das beste Schmiermittel.

Bei Hölzern ist es nicht gleichgültig, wie die Fasern laufen; die Reibung ist nämlich bei gekreuzten Fasern (+) viel geringer als bei narallelen (==).

Gleitende Reibung findet unter Anderem auch überall da statt, wo Zapfen in hiren Pfannen gedreht werden. Untersuchen wir z. B. den Effect der Reibung an dem sehon öfter betrachteten Haspel, Fig. 353 (a.f. S.). Das Gewicht des Wellbaumes selbst mit Allem, was daran befestigt ist, betrage 75 Pfd., der zu bebende Stein wiege 100 Pfd., also die am Hebel F wirkende Kraft 25 Pfd., so ist der Gesammtdruck, welchen die Zapfenlager auszuhalten haben, 75 + 100 + 25 = 200 Pfd. Wenn die Zapfenlager von Messing, die Zapfen aber von Eisen sind, so beträgt der Reibungswiderstand, welcher am Umfange der Zapfen wirkt, 26,3 Proc, der Effect der Reibung ist also derselbe, also be mas tlat ihrer um den Zapfen eine Schnur in derselben Richtung geschlungen hätte, wie das Seil, welches die Last trägt, und an dieser Schnur ein Gewicht  $200 \times 0.263$ 



oder 52,6 Pfd. angehängt hätte; oder als wenn die am Umfange des Wellbaumes wirkende Last um  $\frac{52,6}{5}=10,5$  Pfd. grösser gewesen wäre, vor-

ausgesetzt nämlich, dass der Durchmesser des Zapfens <sup>1</sup>/<sub>5</sub> vom Durchmesser des Wellbaumes ist. Es werden also bei diesem Haspel circa 10 Procent der augewandten Kraft für die Ueberwindung der Reibungswiderstände verzehrt.

Wenn ein Körper, welcher bis dahin ruhig auf seiner Unterlage lag, in Bewegung gesetzt werden soll, so ist die dabei zu überwindende Reibung etwas grösser als die Reibung, welche überwunden werden muss, wenn die Bewegung bereits eingeleitet ist.

Wätzende Reibung findet da statt, wo ein runder Körper, etwa eine Kugel, ein Cylinder, über die Unterlage hinwegroëllt. Es kommt dabei die Unterlage stets mit neuen Punkten des rollenden Körpers in Berührung. Der hierbei entstehende Widerstand ist bei Weitem geringer als der Widerstand der gleitenden Reibung. Coulomb verwandte zu seinen Versuchen über wälzende Reibung Walzen von Guajac- und Ulmenholz, deren Durchmesser von 2 bis 12 Coll varirite und die er auf Unterlagen von Eichenholz wilzen liess. Um auch den Druck abzuändern, mit welchem die Walze auf die Unterlage aufgedrückt wird, wurden zwei Schnure a über die Walze gelegt und an beiden Seiten gleiche Gewichte angehängt, wie Fig. 354 andeutet. Das Überegreicht, welches die Bewegung hervorbringen soll, wurde in die an der Schnur b hängende leichte Wagschale gelegt.

Nach diesen Versuchen ist die wälzende Reibung dem Drucke direct und dem Halbmesser der Walze umgekehrt proportional, oder es ist



$$F = \varphi \cdot \frac{P}{R}$$

wenn F die wälzende Reibung, P den Druck und R den Radius der Walze bezeichnet. Coulomb fand

für Walzen aus Guajacholz den constanten Factor . . . . .  $\varphi = 0.018$ 

ten Factor . . . . φ = 0.018für Walzen aus Ulmenholz φ = 0.031. Für gusseiserne Räder, welche auf

gusseisernen Schienen laufen, fand Weisbach φ = 0,018.

Die obige Formel setzt voraus,

dass die Kraft F au einem Hebelarm angreift, welcher dem Halbmesser der Walze gleich ist, wie es bei der obigen

Anordnung der Fall war; wenn aber die Kraft an dem oberen Ende C der Walze, Fig. 355, angreift, so ist die wälzende Reibung nur halb so gross, wie im verigen Falle.

Fig. 355.



Fig. 356.



Wo es auf Verminderung der Reibungswiderstände ankommt, sucht mas wo möglich die gleitende Reibung in eine wälkende zu verwandeln; um selwere Lusten fortzuschaffen, iget man dieselben auf Walzen, Fig. 356, und darin liegt auch der Vortheil der Räder unserer Fuhrwerke, an deren Umfang nur wähzende Reibung zu überwinden ist, während die gleitende Reibung lediglich auf die Axen reducirt bleibt, wo die Ueberwindung derselben einen bedeutend geringeren Kraftaufwand in Anspruch nimmt, als wenn dieselbe Last fortgeschleift werden sollte; denn während der Wagen um den Umfang eines Rades vornageht, macht das Räd um die Axe nur eine Hunfang eines Rades vornageht, macht das Räd um die Axen nur eine Umfarchung, die gleitende Reibung ist also nur auf dem kurzen Wege des Axennafnanges zu überwinden gewessen. Daraus geht hervor, dass der Reibungswiderstand an einem Rade um so geringer ausfallen wird, je kleiner der Halbmesser der Axe und je grösser der Halbmesser des Rades ist,

Um die Zapfenreibung zum Theil noch in wälzende Reibung zu verwandeln, legt man die Zapfen einer Welle oder eines Rades nicht in ein Bezeichnet P die auf der Axo des Rades W ruhende Last, f den Coefficienten für gleitende Reibung, so ist f P die Reibung, welche zu über-Fig. 357. winden wäre, wenn die Axe



winden wäre, wenn die Axe des Rades W sich in einem Zapfenlager drehen müsste, und

K = f.P.u . . . 1)
ist die wechanische Arbeit,
welche durch Ueberwindung
dieser Zapfenreibung bei jeder
Umdrebung des Rades verrichtet würde, wenn us der
Umfang der Axe bezeichnet.

Nun aber dreht sich der Zapfen des Rades W nicht in einem Zapfenlager, sondern auf dem Unfange der Frictionsrollen, deren Axen zusammen nahezu ebenfalls die Last P zu tragen haben, so dass fP nun auch die Summe der Reibung an den Axen der Frictionsrollen bezeichnet. Dreht sieh nun das Rad W

ner Axe eine wälzende Reibung statt, welches sehr unbedeund sit, allein die Räder A und B einerseits, so wie A' und B' andererseits drehen sich um ihre Axen, und an diesen Axen ist nun die gleitende Reibung zu überwinden.

Die Axo des Rades W macht aber n Umdrehungen, während die Frictionsräder nur eine machen, jeder Umdrehung des Rades W entspricht nur  $\frac{1}{n}$  Umdrehung der Frictionsräder, es ist also  $K' = \frac{1}{n} \cdot P w^i$  die mechanische Arbeit, welche bei jeder Umdrehung des Rades W durch

Ueberwindung der Reibung an den Axen der Frictionsrollen überwunden werden muss, wenn u' den Umfang einer jeden dieser Axen bezeichnet.

Es ist aber  $\frac{1}{n}$  offenbar gleich  $\frac{u}{U}$  wenn u, wie bereits erwähnt, den Umfang der Axe des Rades W, U aber den Umfang einer Frictionsrolle bezeichnet. Folglich ist anch

Vergleichen wir den Werth von K' bei 2) mit dem obigen Werth von K, so sehen wir, dass

Durch Anwendung der Frictionsrollen wird also der Reibungswiderstand im Verhältniss  $\frac{u'}{U'}$ , d. b. in dem Verhältniss vermindert, in welchem der Umfang der Frictionsrollen zum Umfang ihrer Axen steht, oder auch, was dasselbe ist, in dem Verhältniss, in welchem der Halbmesser der Frictionsrollenzex kelnen ist, als der Halbmesser der Frictionsrolle selbst.

Wäre z. B. der Radius der Frictionsrollenaxe  $^{1}/_{20}$  vom Radius der Frictionsrolle, so würde der zu überwindende Reibungswiderstand nur  $^{1}/_{20}$  von dem sein, welchen die Umdrehung des Rades Werfahren würde , wenn seine Axe direct in Zapfenlagera liefe.

# Nutzen und Anwendung der Reibung. Wir haben bisher 134



die Reibung nur als ein Bewegungshindernis betrachtet, welches bei Maschinen einen bedeutenden Theil der bewegenden Kraft verzehrt, also offenbar nachtheilig auf den Nntzeffect wirkt; allein diese Reibung, welche hier freilich storend wirkt, bringt uns in anderen Fällen ungleich mehr Vortheil, mot in vielen Fällen machen wir von derselben für unsere Zwecke Anwendung.

Zunächst könnten wir ohne Reibung weder sicher gehen noch stehen, wie uns das Glatteis zeigt, auf welchem nur eine stark verminderte Reibung stattfindet; dass der Nagel in der Wand hält, ist lediglich eine Folge der Reibung; ohne Reibung

würden wir keinen Körper fest in den Händen halten können, sie würden uns entgleiten wie ein schläpfriger Fisch.

Beim Betrieb von Maschinen machen wir häufig Anwendung von der Reibung zur Fortpflanzung der Bewegung; denn nur durch die Reibung wird es möglich, mittelst Seilen oder Riemen die Bewegung eines Rades auf ein anderes zu übertragen, wie dies z. B. bei der Schwungmaschine, Fig. 310 auf Seite 254 und bei der Drebhank der Fall list.

Ein Seil, an dessen einem Ende eine Last P, Fig. 358, hängt, sei über einem horizontal liegenden, nicht drehbaren (ylinder geschlingen, so ist die Rebbung, welche das Seil am Umfange des Cylinders zu überwinden hat, wenn die Last P niedergehen soll, sehr bedeutend, so dass eine geringe Kraft O hirricht, um das Hernbänken von P zu verhindern.

Q	ist	ungefäl	hr 6/10	P	bei	1/4	Umwickelung	des	Cylinders,	
Q	79	79	38/100	P	22	1/2	79	79	77	
Q	79	79	12/100	P	22	1	79	n	79	
Q	77	77	15/1600	P	77	2	77	79		
Q	27	27	2/10000	P	77	4	79	27	29	

Man macht hiervon Gebrauch, um eine grosse untheilbare Last von einer gewissen Höle herabzulassen, indem man das Seil, an welchem die Last hängt, um einen festgeklammerten runden Stamm schlägt und das andere Ende des Seiles in die Hand nimmt.

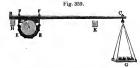
So kann ein Fasszieher, wenn er beim Hinablassen eines vollen Fasses einem Keller das dabei angewandte Seil 3mal um einen quer über die Kellerthür gelegten Stamm wickelt, mit einer Kraft von 25 Pfund eine Last von 13 Centnern ohne Gefahr hinablassen.

Ohne Reibung würde eine Locomotive nicht im Stande sein, einen Wagenzug fortzubringen. Die Kraft der Dampfmaschine der Locomotive bewirkt zunächst eine Umdrehung der Treibräder. Diese Räder laufen nun entweder um, während die Locomotive fortrollt; dann mässen sämmtliche Reibungs- und sonstige Widerstände an dem Wagenzug überwunden werden, welcher der Locomotive folgt; — oder die Treibräder drehen sich um, während die Locomotive an ihrer Stelle stehen bleibt, dann ist die gleitende Reibung zu überwinden, welche beim Schleifen der Treibräder auf den Schienen entsteht. Es ist nun klar, dass der Zug fortgehen wird, so lange die Snamen aller Widerstände, welche beim Fortrollen des ganzen Wagenzuges überwunden werden mässen, noch kleiner ist als die gleitende Reibung, welche am Umfange der Treibräder entstände, wenn sie umgedreht werden sollten, ohne dass die Locomotive fortrollt.

Ist die fortznziehende Last zu gross, so findet in der That ein Umlaufen der Treibräder ohne entsprechendes Fortrollen statt, wie man dies bei grossen Güterzügen oft bemerkt, wenn der Zug sich in Bewegung setzen soll, weil beim Anfange der Bewegung nicht allein die Reibungswiderstände, sondern auch der Trägheitswiderstand der bedeutenden in Bewegung zu setzenden Masse überwunden werden mass.

Aus dem Allen geht hervor, dass es bei der Locomotive nicht allein darauf ankommt, dass die Maschine mit grosser Kraft die Räder umdreht, sondern auch darauf, dass die gleitende Reibung, welche beim Schleifen der Treibräder auf den Schleimen entsteht, recht gross sitz, diese Reibung wächst aber mit dem Gewicht der Locomotive; die Dampfmaschine der Locomotive muss also nicht allein die gehörige Kraft entwickeln, sondern die Locomotive selbst mmss anch das genügende Gewicht haben, welches um so grösser sein muss, je grössere Lasten fortgezogen werden sollen; deshalb muss man auch nicht allein stärkere, sondern auch schwerere Maschinen anwenden, wenn die Eisenbahn nur eine Steigung von 1 bis 11/2 Fuss auf eine Länge von 100 Fiss bek.

Man wendet die Reibung auch an, um die mechanische Leistung verschiedener Motoren zu bestimmen. In der Regel besteht die Arbeit der Motoren, z. B. der Wasserräder, Dampfmaschinen u. s. w. in der Umdrehung einer Welle, deren Bewegung dann auf irgend eine Weise fortgepflanzt wird. An diese Welle wird nun, um die Leistung des Motors zu bestimmen, während die Maschine keine weitere Arbeit verrichtet, ein sogenanntes Bremsdyna mom eter angelegt, welches Fig. 395 in seiner einfachsten Form, unter welcher es nach seinem Erfinder der Prony'sche Zaum genannt wird, dargestellt ist.



A ist der Durchschnitt des horizontalen Wellbaumes, an welchen der Zaum angelegt werden soll. Der Hobel B C ist mit einem Holzstück Dversehen, welches unten so ausgeschnitten ist, dass es auf den Wellbaum passt. Die Kette E ist mit Holzstückehen besetzt, welche sich von unten her an den Wellbamm aulegen. Durch Anziehen der Schrauber F wird das Holzstück D von oben, jene kleinen Holzstückchen von unten her fester gegen die  $\Delta x \in A$  augedrückt.

Dreht sich nun die Welle um, während der Hebel in seiner Stellung festgehalten wird, so muss am Umfange der Welle ein bedeutender Reibungswiderstand überwunden werden, welcher durch Anzichen oder Nachlassen der Schranben F beliebig vermehrt oder vermindert werden kanu. Durch Regulirung der Schrauben F und des Gewichtes G, welches

am Ende des Hebelarmes BC hängt, sucht man es nun dahin zu bringen, dass die Welle dieselbe Umdrehungsgeschwindigkeit annimmt, welche sie bei ihrer normalen Arbeit hat, während der Hebel, kleine Oscillationen abgerechnet, horizontal bleibt. Ist dies der Fall, so hält die Last G der Reibung das Gleichgewicht, und es ist nun leicht, die mechanische Arbeit der Welle, welche eben in der Ueberwindung dieses Reibungswiderstandes besteht, zu berechnen.

In  $\bar{C}$  zieht das Gewicht G den Hebel herab; aber auch durch sein eigenes Gewicht wird er auf dieser Seite herabgezogen, und dies muss mit im Rechnung gebracht werden, man muss das Moment des Hebels auf den Punkt C reduciren, d. h. man muss ermitteln, welche Kraft in C angreifend genau ehen so wirkt, wie der Hebel sebbt. Es lässt sich dies leicht durch den Versuch ermitteln; man mache die Schrauben F ganz los, befestige in C eine Schnur, die, nach oben gebend, betre eine Rolle geschlungen ist, und hänge so viel Gewicht an, dass der Hebelarm gerade wagerecht gehalten wird, so stellt dies Gewicht p den auf den Punkt C reducirten Hebel dar.

Setzen wir nun P=G+p, bezeichnen wir mit l die Länge des Hebelarmes CA, so sis Pl das statische Moment, welches der Reibung am Umfange der Welle das Gleichgeweicht hält, oder, mit anderem Worten, Pl ist diejenige Kraft, welche am Hebelarm 1 amgreifend der Reibung am Umfange der Welle das Gleichgeweicht hält.

Während jeder Umdrehung ist diese Last gleichsam um den Weg 2  $\pi$  fortzuführen. Macht die Welle n Umdrehungen in der Secunde, so ist also  $W=2 \pi P I n$ 

die in jeder Secunde verrichtete mechanische Arbeit.

Es sei z. B. CA=l=10'; die Welle mache sechs Umdrehungen in jeder Minute, es sei also  $n=1'_{10}$ , während auf der Wagschale so viel Gewicht aufgelegt ist, dass P=500 Pfund ist, so ist der mechanische Effect

$$W = 2.3,14. \frac{5000}{10} = 3140 \text{ Fusspfund}$$

per Secunde, die Leistung des Motors ist also  $\frac{3140}{510}$ , d. h. sechs Pferde-kräften gleichzusetzen.

#### Achtes Capitel.

# Hydrodynamik oder die Bewegungsgesetze der Flüssigkeiten.

Toricelli's Theorem. Wenn man in die Scitenwand oder in den 135 Boden eines mit einer Flüssigkeit gefüllten, oben offenen Gefässes ein Loch macht, welches im Vergleich mit den Dimensionen des Gefässes klein ist, so strömt die Flüssigkeit mit einer Geschwindigkeit ans, welche um so grösser ist, ie tiefer sich die Oeffnung unter dem Spiegel der Flüssigkeit befindet. Der Zusammenhang zwischen Ausflussgeschwindigkeit und Druckhöhe lässt sich am einfachsten auf folgende Weise ansdrücken: Die Ausflussgeschwindigkeit ist gerade so gross wie die Geschwindigkeit, welche ein frei fallender Körper erlangen würde, wenn er von dem Spiegel der Flüssigkeit bis zur Ausflussöffnung herabfiele.

Dieser Satz ist unter dem Namen des Toricelli'schen Theorems be-

kannt. Er lässt sich durch folgende Schlussweise ableiten. Wenn die Flüssigkeitsschicht a b c d, Fig. 360, welche sich unmittel-

Fig. 360.

bar über der Oeffnung ab befindet, frei herabfiele, ohne durch die über ihr lastende Flüssigkeit beschlemigt zu sein, so würde sie die Oeffnung mit derjenigen Geschwindigkeit verlassen, welche der Höhe ac entspricht, die wir mit h bezeichnen wollen. Diese Geschwindigkeit ist v = V 2 q h (S. 240). Nun aber ist die ausströmende Schicht nicht bloss durch ihre eigene Schwere beschleunigt, sondern durch die Schwere der ganzen auf ihr lastenden Flüssigkeit. Die beschleunigende Kraft der

Schwere q verhält sich demnach zur beschleunigenden Kraft q', welche die flüssigen Theilchen wirklich austreibt, wie ac zu af oder wie h zu s, wenn die Druckhöhe mit s bezeichnet wird, d. h.

h: s = q: q'

und also ist die auf die ausfliessende flüssige Schicht wirkende beschleu-

nigeude Kraft  $g' = \frac{g'}{h}$ s. Wenn aber die beschleunigende Kraft, welche auf die ausdiessende Schicht wirkt, nicht g, sondern g' ist, so ist auch die Ausllausgeschundigkeit  $g' = V \ge g'h$ , und wenn wir in diesen Werth von g' den eben abgeleiteten Werth von g' setzen, so erhalten wir für die Ausdlausgeschwindigkeit den Werth

 $v' = \sqrt{2gs}$ .

Dies ist aber dieselbe Geschwindigkeit, welche ein Körper erlangt, wenn er eine Höhe s durchfällt.

Aus diesem Satze folgt unmittelbar:

- 1) Die Ausflussgeschwindigkeit hängt nur von der Tiefe der Oeffnung unter dem Niveau, aber nicht von der Natur der Flüssigkeit ab. Bei gleichen Druckhöhen muss also Wasser und Quecksilber gleich sehnell ausdiessen. Jede Quecksilbersehielt wird zwar durch einen Druck ausgefrieben, welcher 13,6mal so gross ist als beim Wasser, dagegen ist aber auch die Masse eines Quecksilbertheichens, welches ausflesst, 13,6mal grösser als die eines gleich grossen Wasservolumens.
- 2) Die Ausfussgeschwindigkeiten verhalten sich wie die Quadratwurzeln der Druckhöhen. Aus einer Oeffuung, welche 100 Zoll unter dem Wasserspiegel liegt, muss also das Wasser mit 10mal grösserer Schnelligkeit ausfliesen, als aus einer anderen, welche nur 1 Zoll unter dem Nievan liegt.
- 136 Apparate zu Versuchen über die Ausflussgeschwindigkeit. Um das Toricelli'sche Gesetz durch das Experiment zu prüfen, wendet man Gefässe an, deren Rauminlaßt bedeutend ist im Vergleiche zu der Grösse der Oeffung. Die Oeffungen selbst nässen in gans danne Metalblättehen gemacht sein, welche man in die Seitenwand oder in den Boden des Gefässes einsetzen kann; denn wenn die Oeffungen sich in einer dicken Wand befänden, so wärle die Ausflussgeschwindigkeit zu sehr durch die Reibung an den Wänden der Offunge vermindert werden.

Besonders zweckmässig zu Versuchen über den Ausfluss von Flüssigkeiten ist der Fig. 361 abgebildete, im Wescutlichen nach Weisbach constrairte Apparat. Die der i Ausflussoffungen liegen 1, 4 und 9 Decimeter unter einem im oberen Theile des Gefässes angebrachten Merkzeichen, bis zu welchen se mit Wasser gefüllt wird. Der Verschluss der Auslussöffnungen wird durch kleine mit vulkanisirtem Kautschuk besetzte Kolben bewerhstelligt, welche man nach Belieben auf die Oeffung aufdrücken, wie es die mittlere Oeffung darstellt, oder von derselben zurückzichen kann, wie man es bei der obersten Oeffung sieht. Den Oeffungen gegenüber sind Stopfbachsen angebracht, durch welche die Stangen hindurchgehen, mittelst deren man jene Kolben vor - und rückwärts sehieben kann.

Statt der in unscrer Figur dargestellten Ausflussöffuungen, aus welchen der Wasserstrahl in horizontaler Richtung hervorspringt, kann man

auch kurze Röhren anschrauben, welche mit einer nach oben gerichteten Oeffnung versehen sind, so dass man auch Versuche mit dem aufsteigenden Wasserstrahl austellen kann.



Wenn man Ausflussversuche bei unveränderter Druckhöhe austellen will, so muss man dafür sorgen, dass oben stets so viel Wasser in das Reservoir zufliessen kann. als durch die Ausflussöffnung abfliesst.

Ein anderer Apparat. welcher zu Versuchen über die Ausflussgeschwindigkeit dienen kann, ist der in Fig. 362 a. f. S. abgebildetc. An einer grossen Glasflasche mit verticalen Wänden ist naten seitlich ein Loch gemacht und auf dieses eine Messingfassung mit einer kurzen Messingröhre r anfgekittet. Die Röbre r dient zur Anfnahme der Ansflussöffnungen.

Damit der Ausfluss längere Zeit unter unverändertem Druck stattfinde, wird der Hals der Flasche mittelst eines Korkes verschlossen, durch welchen eine oben und unten offene Glasröhre hindurchgeht, deren nutere Ocffnung a sieh unter dem Wasserspiegel befindet. In dem Maasse nun, als unten Wasser ausfliesst, dringt die Luft durch die Glasröhre ba ein, indem fortwährend Luftblasen von a in den oberen Theil der Flasche aufsteigen; auf diese Weise ist aber die ganze Wassermasse von a aufwärts dnrch den Luftdruck äquilibrirt, so dass nur die Höhe der Flüssigkeitssänle von a bis zur Ansfinssöffnung herunter die Ausflussgeschwindigkeit bedingt.

Es ist nnn auf der Flasche eine Theilung angebracht, deren Nullpunkt in der Höhe der Ausflussöffnung liegt, während die folgenden Theilstriche 1, 2, 3 n. s. w. Decimeter über demselben angebracht sind (man kann natürlich für diese Theilung auch jede andere Längeneinheit auwenden). Der Ausfluss wird nun mit einer Geschwindigkeit stattfinden, welche einer Druckhöhe von 1, 2, 3 oder 4 Decimetern entspricht, wenn man die Röhre so stellt, dass ihr unteres Ende sieh in der Höhe des Theilstrichs 1, 2, 3 oder 4 befindet.

Um einen Wasserstrahl vertical in die Höhe springen zu lassen, kann man ein geloogenes kurzes Glasröhrehen mittelst eines Korkes in  $\tau$  einsetzen, wie es die Figur zeigt.

137 Versuche über Ausflussgeschwindigkeit. Um das oben in §. 135 entwickelte Gesetz durch den Versuch zu prüfen, scheint es am



einfachsten, einen Wasserstrahl vertical in die Höhe steigen zu lassen; denn wenn man das Wasser aus der Oeffnung o, Fig. 362, vertical ausströmen lässt, so sollte man jenem Gesetze zufolge erwarten, dass der Wasserstrahl vollkommen die Druckhöhe erreichen würde; hat man also in dem Apparate Fig. 362 die Röhre ab so hoch in die Höhe gezogen, dass ihr unteres Ende sich in der Höhe des Theilstrichs 4 befindet. so müsste der verticale Wasserstrahl bis zur Höhe dieses Theilstrichs 4, also bis d steigen.

Der Versuch aber zeigt, dass der verticale Wasserstrahl die theoretische Höhe nicht erreicht, woran jedoch nur die Bewegungshindernisse Schuld sind; den wesentlichen Einfluss übt aber das vom Gipfel wiederherabfallende Wasser aus, indem es das freie Außteigen des nachfol-

genden Wassers hindert; deshalb steigt auch der Strahl augenblicklich höher, sobald man die Ausfüssöffnung so wendet, dass der ausfliessende Strahl einen ganz kleinen Winkel nit der Vertienlen macht, dass also das Wasser neben dem aufsteigenden Strahle herabfällt. In diesem Falle kann unter günstigen Umständen, d. h. wenn möglichst wenig Reibung stattfindet, der Strahl eine Höhe erreichen, welche 0,9 der Druckhöhe ist.

Eine bessere und in der That vollkommen genügende Uelereinstimmung mit dem Gesetz erhält man, wenn man mit horizontal ausfliessenden Wasserstrahlben experimentirt. Ein in horizontaler Richtung ausfliessender Wasserstrahl beschreibt eine Parabel, deren Gestalt von der Ausflussgeschwindigkeit abhängt. Gesetzt die Geffung a. Fig. 363, befände sich 1 Decimeter unter dem Wasserspiegel, so ist nach dem Toricelli'schen Gesetz die Ausflussgeschwindigkeit V 2.98.0, 1=1,4 Meter. Wenn also ein Wassertheilchen in einem bestimmten Momente die Oeffung verlüst, so wird es nach 1 Secunde in horizontaler Richtung 1,4 Meter von derselben entfernt sein. Ein eben ausströmendes Wassertheilchen wird also nach 2/10 Secunden in horizontaler Richtung 0,28 Meter von der Oeffnung

Fig. 363.

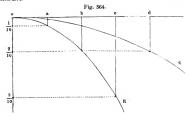


entfernt sein; in  $v_{f,o}$  Secunden füllt es aber um 0,196 Meter herab. Wenn man demnach von der Oeffnung a, Fig. 363, in verticaler Richtung die Länge ab = 0,196 Meter herab misst, so muss eine von b aus nibrozontaler Richtung nach dem Wassersträhle hin gesogene Linie bc denselben in einer Entfernung von 0.28 Meter treffen.

Aus einer Oeffnung d, welche 4mal so tief unter dem Wasserspiegel liegt als a, strömt der

Wasserstrahl mit der doppelten Geschwindigkeit hervor. Wenn man also von d aus 0,196 Meter herabmisst und dann in horizontaler Richtung eine Linie gegen den Strahl hingezogen denkt, so muss sie denselben in einer Entfernung 2.0,28 also in eine Entfernung von 0,56 Meter treffen.

Dass der horizontal ausfiessende Wasserstrahl in der That die dem Gesetz entsprechende Parabel beschreibt, davon überzeugt man sich am besten, wenn man die Parabel auf Papier oder auf einem Brette construirt und sie dann dicht hinter den ausstiessenden Strahl hält. In Fig. 364 sind die Parabeln des horizontal ausfliessenden Wasserstrahls für eine Druckhöbe von 1 und von 4 Decimetern in ½,6 der natürlichen Grösse construirt.



138 Ausflussmenge. Die Wassermenge, welche aus einer Oeffaung in einer gegebenen Zeit herverspringt, hängt offenbar von der Grösse der Oeffaung und der Ausflussgeschwindigkeit ab. Wenn alle Wasserheilchen die Oeffaung mit der Geschwindigkeit passirten, welche, nach dem Toricelli'schen Theoren, der Druckhöhe entsprielt, so wärde die in einer Seeunde ausfliesende Wassermenge einen Cylinder bilden, dessem Basis gleich der Oeffaung und dessen Höhe gleich dem Wege ist, den ein Wassertheilchen vermöge seiner Geschwindigkeit in einer Seeunde zurücklegt. Dieser Weg ist nan aber die Ausflussgeschwindigkeit selbst, also V 2 gs, und wenn wir also den Flücheninhalt der Oeffaung mit f bezeichnen, so ist die Aufflussmenge in einer Seeunde

$$m = f \cdot \sqrt{2 q s}$$

Für eine Druckhöhe von 0,1 Meter, welcher eine Ausflussgeschwindigkeit von 140 Centimeter entspricht, und eine Oeffnung von 2 Millimeter Durchmesser, welche also 0,0314 Quadrateastimeter Querschmitt hat, giebt die Rechnung eine Ausflussmenge von 4,4 Cubikcentimeter per Secunde, also 264 Cubikcentemeter er Minnte.

Stellt man den Versuch an, so findet man nur eine Ausflussmenge von 169 Cubikcentimetern.

Diese Differenz zwischen der sogenannten theoretischen nad der beobachteten Ausläusmeuge heweist unwiderlighte, dass nicht alle Wassertheitehen die Oeffnung mit der Geschwindigkeit passiren, welche der Druckhöhe entspricht. In der That haben im Querschnitte der Deffnung nur die in der Mitte sich befindenden Wasserfäden diese Geschwindigkeit, während sie für die mehr nach dem Rande der Oeffnung hin ausfliessenden geringer ist, wie dies auch nothwendig nach der folgenden Betrachtung sein muss.

In einem weiten Gefässe mit enger Oeffunug kann die ganze flässige Masse, mit Ausahne der in der Nibe der Oeffunug befindlichen Theile, als ruhend betrachtet werden. Die nach einander ausströmenden Schichten beginnen also ihre Bewegung nicht zu gleicher Zeit, die vordersten haben bereits das Maximam der Gesehwindigkeit erreicht, während die hintersten erst ihre Bewegung beginnen. Es würde dies ein Zerreissen der auf ein-ander folgenden Schichten zu Folge haben, wenn sieh leere Räme bilden könnten. Weil dies aber nicht möglich ist, so ziehen sich die einzelnen Schichten mehr in die Länge, während ihr Durchmesser abnimmt; in dem Massen nun, als der Querschnitt der Schichten sich vermindert, müssen andere Wassertheilchen von den Seiten zufliessen; da diese aber ihre Bewegung rechtvinklig gegen die Oeffunug erst später beginnen, so ist klar, dass sie mit einer geringeren Geschwindigkeit in der Oeffunug selbst ankommen als die centralen Wasserfäden.

Während also der Kern des ausfliessenden Strahls in dem Momente, in welchem er die Oeffnung verlässt, die der Druckhöhe entsprechende Geschwindigkeit hat, ist er von Wasserfüden ungeben, deren Geschwindigkeit um so geringer ist, ie näher sie dem Rande der Oeffung sind; und daraus folgt denn, dass die Ausflussmenge geringer sein muss, als wenn alle Theilchen die Oeffnung mit der Geschwindigkeit des Kernstrahls verliessen-Die wahre Ausflussmenge beträgt nngefähr 64 Procent der sogenannten theoretischen. Die wahre Ausflussmenge ist also

 $M = c.f V_{2gs}$ , wo man für den constanten Factor c den Zahlenwerth 0.64 zu setzen hat. Mit wachsender Druckhöhe nimmt der Zahlenwerth des constanten Factors c etwas ab.

Constitution des ausfliessenden Strahles. Gleich nachdem 139 der flüssige Strahl die Oeffnung verlassen hat, beobachtet man eine auffallende Veränderung desselben; er zieht sich nämlich rasch zusammen; in einer Entfernung von der Oeffnung, welche dem Halbmesser der Oeffnung gleich ist, beträgt der Flächeninhalt des Querschnitts des Strahles nur noch 2/3 vom Flächeninhalte der Oeffnung selbst, so dass also an dieser F. 366, F. 367. Fig. 365.

Stelle der Durchmesser des Strahles ungefähr 0,8 vom Durchmesser der

Oeffnung ist.

Dieses Zusammenziehen des Strahles wird mit dem Namen der Contractio venac bezeichnet.

Man glaubte früher, dass von der bezeichneten Stelle an der Strahl sich wieder ausbreitete: Savart hat aber gezeigt, dass ein solches Contrac-

tionsmaximnm nur bei aufwärts gerichteten Strahlen stattfinde; bei anderen Strahlen nimmt die Zusammenziehung fortwährend, wenn auch kaum merklich, zu.

Die Fig. 365 stellt diese Contraction des Strahles dar; die Entfernung der Stelle cd, von welcher an die fernere Zusammenziehung fast unmerklich wird, von der Ocffnung ab ist etwas grösser als der Halbmesser der Oeffnung selbst. cd ist ungefähr 8/10 der Länge ab.

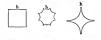
Die Ursache der Contractio venae ist wohl keine andere als die, welche schon im Inneren des Gefässes den Seitenzufluss der Wassertheilchen veranlasst.

Verfolgen wir den flüssigen Strahl auf seinem Lanfe weiter, so finden wir, dass er aus zwei wohl zu unterscheidenden Theilen besteht; der eine Theil, welcher der Oeffnung zunächst liegt, ist ruhig und durchsichtig wie ein massiver Glasstab, der audere, entferntere Theil erscheint zerrissen und aus einer Reihe getrennter Tropfen bestehend.

Fig. 366 stellt einen flüssigen, von oben nach unten gerichteten Strahl dar, wie er dem Auge erscheint; an ist der klare Theil; in n beginnt der gestörte Theil des Strahles, welcher abwechselnd aus Bänchen und Knoten besteht. Fig. 367 a. vor. S. stellt den Strahl dar, wie er nach Savart'z Untersuchungen wirklich ist. Der ganze gestörte Theil ist aus einer Reihe von Tropfen zusammengesetzt. Die Bänche bestehen aus breiten, in horizontaler Richtung ausgedehnten Tropfen, die Knoten aber aus solchen, welche in verticaler Richtung verlängert sind. Da aber die Knoten und Bänche eine fac Stellung haben, so muss ein und derselbe Tropfen abwechselnd breit und lang werden, je nachdem er sich an der Stelle eines Bauches oder Knotens befindet; jeder Tropfen muss also in regelmässigen Perioden ans einer Gestalt in die andere übergehen. Alle Tropfen scheinen gleiche Grösse zu haben und denselben Veränderungen unterworfen zu sein. Zwischen je zwei dieser Tropfen scheint noch ein weit kleinerer sich zu befinden, wodurch die Bäuche ein röhrenstriges Ansehen erhalten.

Die Gegenwart der Luft hat auf die Form und die Dimensionen des Strables keinen Einfluss.

Wenn die Oeffnungen nicht kreisförmig sind, so erleidet der Strahl Fig. 368. Fig. 369. Fig. 370. sehr merkwürdige Formveränderun-



sehr merkwürdige Formveränderungen. Ein Strahl z. B., welcher aus einer quadratischen Oeffnung in horizontaler Richtung hervorspringt, hat in verschiedenen Entfernungen von der Oeffnung die Querschnitte, Fig. 368, 369 und 370. Es rührt

dies gewiss grösstentheils daher, dass die Stelle, bis zu welcher hin die starke Contraction stattfindet, nicht für alle Theilchen in gleicher Entfernung von der Oeffinng liegt, weil ja der Durchmesser der Oeffinng nicht nach allen Richtungen derselbe ist.

140 Einfluss der Ansatzröhren auf die Ausflussmenge. Wenn der Ausfluss nicht durch Oeffaungen geschieht, welche in eine d\u00fcnneckt sind, sondern durch kur ze R\u00f6ren, so finden merkw\u00fcrdige Modificationen statt, die wir jetzt n\u00e4ber betrachten wollen.

Wenn die kurze Ansatzröhre selbst die Gestalt des contrahirten Strahles hat, so übt sie weiter keinen Einfluss auf die Ausströmung des Wasserts aus.

Durch kurze cylindrische und nach Aussen konisch erweiterte Ansatzeihren liesst der Strahl entweder frei durch, wie durch eine Oeffnang welche gleichen Durchmesser mit dem inneren Ende der Röhre hat, Fig. 371, und in diesem Falle übt die Röhre keinen Einfluss aus; oder das Wasser hängt sich au die Wände der Röhre, so dass die Flüssigkeit die ganze Röhre ausfüllt und ein Strahl vom äusseren Durchmesser der Röhre ausfüllt und ein Strahl vom äusseren Durchmesser der Röhre ausfülsest, Fig. 372; in diesem Falle veranlasst die Ansatzröhre eine Verminderung der Ausflussnenge während eine Oeffnung in dünner Wand 0,64 der theoretischen Ausflussmenge giebt, erhält man durch eine eryindrische Ansatzyhre 84 Procent, voraus-

gesetzt, dass die Länge der Röhre ihrem vierfachen Durchmesser gleich ist. Bei geringer Druckhöhe ist der Strahl stets anhängend, bei grosser Druckhöhe hingegen ist er frei. Bei mittlerem Drucke kann man ihn



nach Belieben bald frei, bald anhängend machen; ein geringes Hinderniss stellt das Anhängen her, und oft reicht ein ganz schwacher Stoss hin, um den Strahl wieder frei zu machen.

Ein konisches nach aussen erweitertes Ansatzrohr bewirkt, im Falle es usell ausslieset, wie in Fig. 372 eine noch grössere Vermehrung der Ausslussenage als ein cylindrisches. Es ist bereits bemerkt worden, dass die Vermehrung der Aussluss-

menge von einer Verminderung der Ausflussgesehwindigkeit begleitet ist, Der Grund davon ist leicht einzusehen. Die Adhäsion des Wassers an die Röhrenwände ist keine heeshleunigende Kraft, sie kann die lebendige Kraft des ansfliessenden Strahls nicht vermehren. Bezeichnen wir mit M die Ausflussmenge durch eine Oeffinung in dünner Wand, durch v die entsprechende Geschwindigkeit, so ist  $\frac{Mv^2}{2\,g}$  die lebendige Kraft des Strahls. Wenn nun die Ausflussmenge M vermehrt, wenn sie M vird, so muss doch die

nun die Ausflussinenge M vermehrt, wenn sie M' wird, so muss doch die lebendige Kraft des ausfliessenden Strahls unverändert bleiben, es ist also  $v^2 - v^2 - v^2$ 

$$M \frac{v^2}{2g} = M' \frac{v'^2}{2g}$$
$$v'^2 = v^2 \frac{M}{M'}$$

oder

v' ist also kleiner als v.

Es ist jetzt noch zu untersuchen, wie es kommt, dass Ansatzröhren die Ausflussmenge auf die erwähnte Weise vermehren und die Ausflussgeschwindigkeit dagegen vermindern.

Indem das Wasser in das Ansatzrohr einströmt, erleidet es eine Contraction, wie wenn es aus einer Oeffung in dänner Wand ausflöses; weiterhin aber, sobald einmal die Röhrenwände benetzt sind, bewirkt die Adhasion an die Röhrenwände, dass sich die Ansatzrohre volbständig ausfüllt, und somit ist der Quereschnitt des Strahles durch das Ansatzrohr vergrössert, er ist beim Austritte aus dem Rohre grösser als an der Stelle der Contraction, wie man dies in Fig. 372 sieht.

Wenn nan die Wassertheilchen, den ganzen Querschnitt der Röhre ausfüllend, dieselbe mit der Geschwindigkeit verliessen, mit welcher sie die Stelle der grössten Contraction passiren, so müsste nothwendig ein Zerreissen der auf einander folgenden Wasserbeilchten eintreten. Die Tennung der Wassertheilchen, also die Bildung von leven Rüumen, wird aber durch den Druck der Luft verhindert, welche den Eintritt der Wassertheilchen in das Rohr beschleunigt, dagegen aber auch den Ausfluss aus demselben verzögert. Durch den Druck der Luft werden die ausfliessenden Wassertheilchen so viel zurückgehalten, dass dadurch ein voller Ausfluss möglich wird.

Dass der Luftdruck hier wirklich diese Rolle spielt, geht vorzüglich daraus hervor, dass, wenn das Wasser in einen luftleeren Ramm ausfliesst, der Ausfluss stets in der Fig. 371 dargestellten Weise stattfindet, also die Ausflussnenge nicht vermehrt wird.

Fig. 373.

Macht man in die Seitenwand der Ansatzröhre da, wo die grösste Contraction stattfindet, ein Loch, so wird durch diese Oeffnung Luft eingesangt, nnd der Strahl hört auf continuirlich zu sein.

Wenn in eine solche von obenher gemachte Seitenöffnung eine heberförunig gebogene föhre xp. Fig. 373,
eingesetzt wird, deren unteres Ende in ein Gefäss mit
Wasser oder Quecksilber mündet, so wird durch das Bestreben des Wassers, in der Ansatzröhre einen Inftleeren
Rann zu bilden, die Flüssigkeit in der Röhre zy in die
Höhe gesaugt. Dieses Phänomen des Saugens beweist
ebenfalls den Einfluss des Laftdrucks auf die soeberr betrachteten Erneheinungen. De eine konische Ansatzröhre

eine noch grössere Ansflussmenge giebt als eine cylindrische, so mass sie auch ein stärkeres Saugen erzeugen, d. h. es wird in der Röhre xy unter übrigens gleichen Umständen durch ein konisches Ansatzvohr die aufgesangte Flüssigkeitssäule zu einer grösseren Höhe gehoben als durch ein cylindrisches.

- 141 Reibungswiderstand in langen Röhren. Mit der nach der Gleichung v=V2gs berechneten Geschwindigkeit fliesst eine Flüssigkeit nur durch eine in dünner Wand angebrachte Oeffung aus; wenn dagegen der Ausfluss durch lange nnd enge Röhren stattfindet, so findet ein Reibungswiderstand statt, zu dessen Ueberwindung ein Theil der Druckhöhe verwendet wirt, so dass der Ausfluss nur mit einer geringeren, einem Theil der Druckhöhe entsprechenden Geschwindigkeit stattfindet.
  - S die wirkliche Druckhöhe, also die Höhendifferenz zwischen der Mündung der Röhre und dem Wasserspiegel im Behälter,
  - s der Antheil der Druckhöhe, welcher zur Ueberwindung der Reibungswiderstände in der Röhre verwendet wird.

s' der Rest der Druckhöhe, welcher die Beschleunigung für den an der Mündung des Rohres mit der Geschwindigkeit v hervortretenden Wasserstrahl abgiebt, so hahen wir zunächst

oder

und

Der Reibungswiderstand in der Röhre, also auch die Druckhöhe s, welche ihm das Gleichgewicht hält, ist proportional

1. der Länge l der Röhre,

 nmgekohrt dem Umfange, also auch umgekohrt dem Durchmesser d der Röhre und
 dem Oudest der Gesehwindigkeit at mit welchen des Wassen die

 dem Quadrat der Geschwindigkeit v, mit wolcher das Wasser die Röhre durchläuft, es ist also

wenn a einen constanten Factor bezeichnet. Setzen wir in Gleichung (3) für s' und s ihre Werthe bei (2) und (4), so kommt

$$S = \frac{v^2}{2g} + av^2 \frac{l}{d},$$

oder, wenn man  $a = \frac{b}{2g}$  setzt,

$$S = \frac{v^2}{2g} + \frac{b v^2}{2g} \cdot \frac{l}{d}$$

$$S = \frac{v^2}{2g} \left(1 + b \frac{l}{d}\right) \cdot \dots \cdot \dots \cdot (5)$$

und daraus

oder für Mctermanss

$$v = 4{,}429 \sqrt{\frac{S}{1+b \frac{l}{d}}} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (7)$$

Der Factor b ist jedoch keineswegs ganz constant, er nimmt ab, wenn die Geschwindigkeit zunimmt. Aus den in dieser Beziehung angestellten Versuchen ergab sich

$$b = 0.01439 + \frac{0.009471}{\sqrt{v}}$$
 . . . . . . . . (8)

Die Gleichung (6) gilt jedoch nur für den Fall, dass die Röhrenleitung überall gleich weit und ziemlich gerade, namentlich, dass kein besonderer Widerstand beim Eintritt aus dem Reservoir in die Röhre zu überwinden ist.

Wenn das aus dem Gefässe, Fig. 374, durch die Röhre  $a\,c$  ausfliessende Wasser auf seinem Wege keine Reibung zu überwinden hätte, wenn es

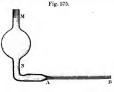


bei e mit der Geschwindigkeit ausflösse, welche der vollen Druckhöhe entspricht, so hatten die 
Röhrenwände keinerlei Druck auszulaalten. In Folge des zu überwindenden Reibungswiderstandes 
aber hat jede Stelle der Rohre 
einen Druck auszuhalten, welcher 
dem Reibungswiderstande proportional ist, der auf dem Wege von 
der fraglichen Stelle bis zur Mündung e der Röhre noch zu überwinden ist.

Wird in die Aussflussröhre bei a ein verticales Glasrohr eingesetzt, so wird das Wasser in ihm bis zu einer Höhe ad aufsteigen. Der Druck der Wassersäule ad hält dem Breibungswiderstande das Gleichgewicht, welchen das durch die Röhre strömende Wasser auf dem Wege von a bis e noch zu übervinden lat.

Wenn man überhaupt an irgend einer Stelle der Röhre ac eine verticale Glasröhre einsetzt, so wird das Wasser in derselben so hoch steigen, dass der Gipfel der Wassersäule auf die gerade Linie dc fällt.

142 Ausfluss durch Capillarröhren. Um die Gesetze des Ausflusses von Flüssigkeiten durch Capillarröhren zu untersuchen, wandte Poisseuille den Fig. 375 abgebildeten Apparat an. Die Capillarröhren.



A B ist an eine weitere, mit einer kugelförfnigen Erweiterung versehenen Glasröhre angesetzt. Ueber und unter der Kugel sind die Marken Mund Nangebracht; das Volumen des Gefäases zwischen Mund Nit genau bestimmt. Nachdem der Apparat durch Saugen mit der Flüssigkeit gefüllt ist, wird das obere Ende desselben mit.

einem Reservoir verbunden, welches comprimirte Luft enthält, deren Druck durch ein Quecksilbermanometer gemessen wird. Man beobachtet die Zeit, welche erforderlich ist, damit unter constantem Druck der Spiegel der Flüssigkeit von M bis N sinkt; wird alsdann der Versuch bei verschiedenem Druck wiederholt, so findet man, dass die Ausfluszeit für dieselbe Flüssigkeitsmenge dem Drucke proportional ist.

Mit einer 76 Millimeter langen und 0,142 Millimeter weiten Röhre fand z. B. Poisseuille folgende zusammengehörige Werthe von Druck und Ausfüsszeit:

ъ.	Ausflusszeit					
Druck	beobachtet	berechnet				
77,76mm	10861 Sec.	_				
193,63	5233 "	5281 Sec.				
774,64	1308 ,,	1307 ,,				

Die Zahlen der letzten Columne sind von der Ausflusszeit für den Druck 77,76 Millimeter ausgehend in der Voraussetzung berechnet, dass die Ausflusszeit dem Drucke proportional sei; die so berechneten Zahlen stimmen fast ganz genau mit den beobachteten überein.

Aus diesen Beobachtungen ergiebt sich also, dass die Ausflussgeschwindigkeiten durch Capillarröhren dem Drucke selbst proportional sind und nicht der Quadratwurzel aus dem Drucke, wie es sein müsste, wenn auch hier das Toricelli'sche Gesetz gültig wäre.

Poisseuille fand ferner, dass die in gleichen Zeiten ausströmenden Flüssigkeitsmengen unter sonst gleichen Umständen um gekehrt der Länge der Röhre und direct der vierten Potenz des Durchmessers proportional sind.

Bezeichnet man demnach mit Q die Ausflussmenge einer gegebenen Zeit, mit S die Druckhöhe, mit L die Länge und mit D den Durchmesser der Capillarröhre, so ist

$$Q = N \frac{S.D^4}{L},$$

wenn N einen constanten Factor bezeichnet.

Der Factor N ändert sich nicht allein von einer Flüssigkeit zur andern, sondern er ändert sich auch für eine und dieselbe Flüssigkeit mit der Temperatur, wie die folgenden von Girard ermittelten Zahlen darthun, welche die Ausfüsszeit gleicher Volumina verschiedemer Flüssigkeikeiten durch dieselbe Röhre und bei gleichem Drucke angeben.

	Temperatur	Ausflusszeit	
Wasser	100	1036 Sec.	
Wasser	. 160	306 "	
Alkohol (specif. Gew. 0,88)		2750 "	
Terpentinöl	ί19 · · ·	13315 "	
Terpentinoi	. (53	830 "	
Kochsalzlösung (1/2)	13	1337 "	
Rocusaiziosung (*/8)	. 160	443 "	
Salpeterlösung $(1/3)$	(0	681 "	
Salpeteriosung (*/3)	160	310	

Während die Ausfussgeschwindigkeit der Flüssigkeiten aus Geffungen in dünnen Wänden nach dem Toricelli'schen Gestets lediglich eine Function des Druckes ist, erscheint dieses Gesetz beim Ausfluss durch Capillarröhren vollständig umgewandelt, indem hier die Molekularwirkengen zwischen den Theilchen der Flüssigkeit und denen der Röhrenwand einen Einfluss gewinnen, welcher bei den Fällen, auf welche das Toricelli'sche Gesetz passt, völlig verschwinden.

143 Reaction, welche durch das Ausströmen der Flüssigkeiten erzeugt wird. Denken wir uns ein defas, welches mit Wasser gefüllt its, so bleibt Alles in Ruhe, weil jeder Seitendruck durch einen vollkommen gleichen, aber entgegengesetzten aufgehoben wird. Wenn man aber die Wand an irgend einer Stelle durchbohrt, so dass das Wenser hervorspringt, so ist der Druck an dieser Stelle offenbar weggenommen,



während das der Oeffnung diametral gegenüberliegende Wandstück noch gerade so stark gedrückt wird als vorher. Der Druck auf diejenige Gefässwand, in welcher sich die Oeffnung befindet, ist also geringer als der Druck, welchen die gegenüberstehende Wand aushält: mithin wird das ganze Gefäss sich in einer Richtung bewegen müssen, welche der Richtung des ausfliessenden Wasserstrahls entgegengesetzt ist, wenn diese Bewegung nicht durch Reibung oder auf irgend eine andere Weise verhindert wird. Es ist dies dem Rückstosse der Geschütze zu vergleichen. Man

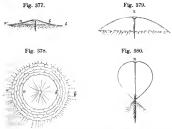
kann die beim Ausfliessen des Wassers wirkende Reaction durch einen Apparat anschaulich machen, welcher unter dem Namen des Segner'schen

Wasserrades, Fig. 376, bekannt ist. Es besteht aus einem um eine verticale Axe leicht drehbaren Gefässe A, an dessen unterem Ende sich zwei oder vier horizontale Röhren befinden, die alle (von der Mitte aus geschen) auf derselben Seite mit kleinen Oeffnungen versehen sind. Das Gefäss dreht sich nach der den ausströmenden Wasserstrahlen entwegengesetzten Richtung.

Vom Stosse des Wassers. Eine höchst interessante Reihe von 144 Erscheinungen beobachtet man, wenn man einen flüssigen Strahl gegen einen festen Körper stossen lässt. Sie wurden zuerst von Savart näher untersucht; hier können wir sie nur ganz kurz anführen.

Eine Röhre von 6 Fuss Höhe und 4 Zoll Durchmesser war vertical aufgestellt und an ihrem unteren Boden ein dünnes Wandstück angebracht. in welchem sich eine kreisrunde Oeffnung von 4 bis 5" Durchmesser befand, durch welche das Wasser aus dem Gefässe ausfloss. Anstatt aber den Strahl frei fallen zu lassen, ward er ungefähr 1 Zoll unter der Oeffnung von einer Metallscheibe aufgefangen, welche 1 Zoll Durchmesser hat, wohl polirt war, und deren Mittelpunkt genau unter der Mitte der Oeffnung stand.

Nachdem der flüssige Strahl die Scheibe getroffen hat, breitet er sich aus und nimmt eine Gestalt an, wie sie Fig. 377 im Aufrisse und Fig. 378 im Grundrisse dargestellt ist. Bei abnehmender Druckhöhe geht diese Gestalt des Phänomens allmälig in die Fig. 379 und Fig. 380 abgebildete über.



Aehnliche Erscheinungen beobachtet man, wenn aufwärts gerichtete oder horizontale Strahlen eine solche Scheibe treffen; ebenso, wenn zwei horizontale Strahlen, in entgegengesetzter Richtung sich bewegend, mit gleicher oder ungleicher Geschwindigkeit gegen einander stossen. Muller's Lehrbuch der Physik. 6te Auf. L. 21

145 Lebendige Kraft der Wassergefälle. Wenn das Wasserseines Baches von einer gewissen Höhe herabfüllt, so erlangt se eine bestimmte Geschwindigkeit, eine lebendige Kraft, vermittelst deren es einen entsprechenden mechanischen Effect hervorbringen kann. Wären wir im Stande, die lebendige Kraft des herabfallenden Wassers vollständig auf ein Wasserrad zu übertragen, so könnte dasselbe eine mechanische Arbeit verrichten, welche der Hebung einer der herabgefallenen Wassermasse gleichen Last auf die Höhe des Gefälles äquivalent ist, d. M. hist theoretische Effect eines Gefälles, wenn M die in einer gegebenen Zeit herabgefallene Wassermasse und h die verticale Höhe des Gefälles besteinhet.

Wenn z. B. von einer Höhe von 24 Fuss in jeder Secunde eine Wassermasse von 800 Pfund herabfällt, so ist der theoretische Effect dieses Gefälles 19200 Fussfund.

Wir wollen im Folgenden den theoretischen Effect eines Gefälles mit  ${\cal E}$  bezeichnen.

In der Praxis lässt sich aber dieser sogenannte theoretische Effect nie erreichen, denn:

 erlangt das in einem Bache oder in einem Gerinne herabfliessende Wasser in Folge von Reibung an den Canalwänden und sonstigen Bewegungshindernissen nie die volle der Fallhöhe entsprechende Geschwindigkeit;

2. lässt sich die lebendige Kraft des Wassers nie vollständig auf ein Wasserrad übertragen, es bleibt dem Wasser immer noch eine mehr oder minde grosse Geschwindigkeit Sheir, mit der es abliese.

minder grosse Geschwindigkeit übrig, mit der es abfliesst; 3. geht noch ein grosser Theil der an das Wasserrad wirklich übertragenen lebendigen Kraft durch Ueberwindung von Reibungswiderstän-

den u. s. w. verloren. Der wirkliche Nutzeffect eines Wasserrades wird also stets bedeutend kleiner sein als der theoretische Effect.

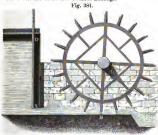
Die eben erwälnte Art der Uebertragung der lebendigen Kraft des herbeilenden Wassers findet bei den unterschlächtigen Rädern statt. Hier wirkt also die Schwerkraft in der Weise, dass sie dem hersblalenden Wasser eine gewisse Geschwindigkeit ertheilt, und dass alsdann die vermöge dieser Geschwindigkeit dem Wasser inwohnende lebendige Kraft auf das Rad übertragen wird.

Die Schwerkraft eines herabfallenden Körpers kann aber auch noch auf andere Weise für mechanische Arbeit verwertette werden, nidem man nämlich nicht erst den Körper frei fallen, also ihn nicht die ganze der Fallhöhe entsprechende Geschwindigkeit erlangen lässet, sondern indem man die Beschlenungung gleichsam im Moment ihrer Entstehung segleich consumirt, also einen Fäll ohne Beschlenungung oder doch mit bedeutend verringerter Beschlenungung eintreten lässt.

Ein Fall der Art tritt z. B. ein, wenn an der Schnur der Fallmaschine auf der einen Seite ein nur wenig grösseres Gewicht hängt als auf der anderen; in dieser Weise wird auch die mechanische Kraft des niederfallenden Wassers bei den oberschlächtigen Rädern benutzt. Hier wirkt das herbsinkende Wasser durch Druck, im ersteren Falle durch Stoss.

Verticale Wasserräder. Die gewöhnlichen Wasserräder dre-146 hen sich in verticaler Ebene um eine horizontale Axe. Man unterscheidet drei Hauptarten der verticalen Wasserräder, unterschlächtige, oberschlächtige und mittelschlächtige.

Bei den nnterschlächtigen Rädern, Fig. 381, stehen die Schaufeln rechtwinklig auf dem Umfange des Rades. Die untersten Schaufeln sind in das Wasser eingetaucht, welches mit einer Geschwindigkeit fortfliesst, welche von der Höhe des Gefälles abhängt.



Das fliessende Wasser setzt nun auch das Rad in Bewegung und theilt ihm eine Geschwindigkeit mit, welche nach Umständen bald grösser bald kleiner sein wird.

Wenn der Stoss des Wassers dem Rade eine Geschwindigkeit mittheilen soll, welche derjenigen gleich ist, mit welcher das Wasser fliessen würde, wenn das Rad gar nicht da wäre, so darf das Rad dieser Bewegung gar keinen Widerstand entgegensetzen, es darf also gar nicht belastet sein, mithin kam es in diesem Falle gar keine mechanische Wirkung hervorbringen, der Effect ist gleich Null.

Andererseits könnte man das Rad so stark durch ein Gegengewicht belasten, dass der Stoss des Wassers es gar nicht in Bewegung zu setzen vermag, dass das Wasser des Gefälles nur einen statischen Druck ausbit, welcher jenem das Gleichgewicht hält. In diesem Falle ist der Effect abermals Null. Aus dieser Betrachtung geht hervor, dass, wenn das Rad eine Arbeit vollbringen soll, es mit einer Geschwindigkeit sich bewegen muss, welche ge-

ringer ist als die des frei fliessenden Wassers; Theorie und Erfahrung zeigen, dass man die vortheilhafteste Wirkung erhält, wenn die Geschwindigkeit des Rades halb so gross ist als die Geschwindigkeit, welche der Höhe des Gefälles entspricht.

Daraus geht hervor, dass bei einem gewöhnlichen unterschlächtigen Rade nur die Halfte der mechanischen Kraft des Gefälles zur Wirkung kommt, indem das Wasser noch mit der Hälfte der Geschwindigkeit abfliest, mit welcher es vor dem Rade ankam; der Effect eines solchen Rades kann also den Werth 1/2. En ich übersteigen.

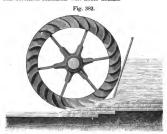
Allein selbst diese Wirkung kann in der Praxis nicht erreicht werden, weil immer ein Theil der Kraft durch Adhäsion des Wassers an den
Wänden des Gerinnes, durch Reibungswiderstände u. s. v. verloren gelt.
Sorgfältig angestellte Versuche ergaben für unterschlächtige Räder, welche
sich in einem Gerinne bewegen, so dass kein seitliches Abfliessen des Wassers stattfinden kann. den Werth

e = 0.3 E.

Bei freihängenden Rädern aber, wie man sie an Schiffsmühlen anbringt, wo das Wasser seitlich abfliesen kann, ist der Effect noch weit mehr vom absoluten Maximum entfernt.

Die unterschlächtigen Räder werden da angewandt, wo man über ein Gefälle von ziemlich bedentender Wassermenge, aber geringer Fallhöhe, zu disponiren hat.

Weil durch die eben betrachteten unterschlächtigen Räder bei dem rechtwinkligen Stosse des Wassers gegen die Schaufeln das mechanische Moment des Gefälles so sehr schlecht benutzt wird, hat Poncelet ein unterschlächtiges Rad mit Krummen Schaufeln, Fig. 382, construirt, dessen Effect dem absolnten Maximum weit näher kommt.



Wenn das Wasser ganz ohne Stoss auf das Rad kommen soll, so müssten die Schaufeln am Radumfange mit der Richtung der Tangente zusammenfallen; wollte man aber die Schaufeln wirklich so construiren, dass dieser Bedingung Genüge geleistet wird, so wäre der Austritt des Wassers aus dem Rade gehemmt; auch darf das Wasser seine Geschwindigkeit doch nicht vollständig an das Rad abtreten, weil ihm sonst keine Geschwindigkeit zum Abflusse mehr bliebe. Somit ist auch bei dem Poncelet'schen Rade ein gewisser Verlust, die Widerstände ungerechnet, unvermedlich.

Solche Räder mit krummen Schaufeln sollen einen Effect geben, welcher <sup>9</sup>/<sub>2</sub> bis <sup>9</sup>/<sub>4</sub> des absoluten Maximuns ist. Der grössere Effect der Poncelet'schen Räder erklärt sich dadurch, dass das Wasser, indem es anf der krummen Schaufel hinaufsteigt, seine Geschwindigkeit verliert und grösstentheils an das Rad abgiebt.

Die oberschlächtigen Räder, Fig. 383, werden bei höheren Gefällen von geringerer Wassermasse, bei kleineren Gebirgsbächen angewandt. Das Wasser füllt, von oben auf das Rad laufend, die Zellen auf der einen Seite des Rades, welches eben durch dieses Uebergewicht umgedreht wird.

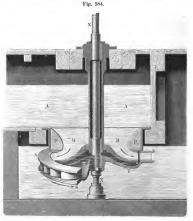


Nahe am unteren Ende des Rades läuft das Wasser aus den Zellen wieder aus. Bei oberschlächtigen Rädern geht ebenfalls ein Theil des mechani-

schen Momentes des Gräßles verboren, weil die Zellen das Wasser nicht bis zum tiefsten Punkt des Radies behalten Können sondern schon frührer auszugiessen beginnen. Ein gut gebautes oberschlichtiges Rad soll einen Effect hervortrüngen, welcher 76 Procent des absoluten Maximums beträgt, vorausgesetzt, dass es sich langsam undreht; dem bei rascher Undrehung bleibt das Wasser in den Zellen in Folge der Centrifugalkraft nicht horizontal, sondern es steigt nach aussen, so dass es noch früher aus den Zellen heransfall:

Das mittelschlächtige Rad bildet eine Art Mittelgattung zwischen dem unterschlächtigen und dem oberschlächtigen.

147 Horizontale Wasserräder. Schon früher hatte man versucht, horizontale Wasserräder zu construiren; allein erst in neuerer Zeit sind



sie allgemeiner in Gebrauch gekommen. Die horizontalen Wasserräder sind unter dem Namen der Turbinen bekannt.

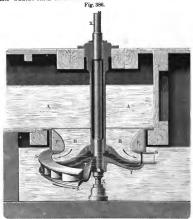
Fig. 384 stellt eine für ein niedriges Gefälle construirte Turbine dar. Aus dem Behälter A geht das Wasser durch den von dem ringförmigen Wulst p eingeschlossenen Raum B nieder; durch die Bodenplatte n wird es aber genöthigt, seitwärts in horizontaler Richtung auszuströmen. wie es durch die Pfeile angedeutet ist. Die Bodenplatte n wird durch eine gusseiserne Hülse getragen, welche auf dem oberen Gebälk befestigt ist und innerhalb deren sich die sogleich näher zu besprechende Axe X drehen kann. B ist also gewissermaassen ein am Boden geschlossenes Gefäss mit einer ringsherumlaufenden zwischen p und dem äusseren Umfange der Bodenplatte befindlichen ringförmigen Oeffnung, aus welcher das Wasser in horizontaler Richtung hervorschiessen würde, wenn kein Hinderniss vorhanden wäre. - Das hier ausfliessende Wasser strömt nun aber zunächst in ein horizontales Schaufelrad S, welches ringsum die ringförmige Oeffnung von B umgiebt und welches durch den an der verticalen Axe X befestigten Teller T getragen wird. In unserer Figur ist dies Rad der grösseren Deutlichkeit wegen so dargestellt, als ob 1/4 desselben ausgeschnitten wäre, während links 1/4 desselben perspectivisch gezeichnet ist.

Es ist klar, dass bei der Stellung der Schaufeln, wie sie in unserer Figur dargestellt sind, das Rad unter dem Einfluss des durch dieselben ausströmenden Wassers in der Richtung rotiren muss, welche durch den grösseren Pfeil angedeutet ist.

Fourneyron, welcher die horizontalen Wasserrüder eigentlich erst in die Praxis einführte, machte die Bodenplatte n ganz eben und besetzte sie mit Leit eurven, welche, wie Fig. 385 andeutet, das ausströmende Wasser in möglichst zwecknässiger Richtung gegen die Schaufeln des Rudes führen.



Eine gut construirte Fourneyron'sche Turbine giebt einen Nutzeiter von 75 Procent. Gadiat vereinfachte die Turbinen durch Weglassung der Leiteurven, wodurch allerdings auch der Nutzeffect etwas gerünger wurde (70 Procent). Die Fig. 386 stellt ungefähr die Einrichtung einer Gadiat'schen Turbine dar.



Die Turbinen, welche mancherlei, hier nicht zu besprechende Modificationen erlitten haben, erweisen sich unter andern auch bei sehr hohen Gefällen, welche keine verticalen Räder mehr zulassen, sehr zweckmässig.

148 Reactionsräder. Sehon früher hatte man jedoch ohne Erfolg versucht, das Segner sehe Wasserrad im Grossen auszuführen, um Maschinen durch dasselbe zu treiben; man erhielt immer um einen sehr geringen Effect. Der Grund davon, dass diese Versuche so ungünstig ausfielen, lag keineswege darin, dass die hier thätige, bewegende Kraft zu gering war, sondern dass der untere der beiden Zapfen, um welche sich der

Apparat dreht, das ganze Gewicht einer grossen Wassermasse zu tragen hatte, in Folge dessen ein unverhältnissmässig grosser Reibungswiderstand zu überwinden war.

Diesen Uebelstand hat man dadurch gehoben, dass man das Wasser nicht von oben, sondern von unten in die horizontalen Arme einströmen lässt. Das Wesentliche einer solchen Anordnung ist aus Fig. 387 zu erse-



dnung ist aus Fig. 387 zu ersehen. Das Reservoir wird durcheine gusseiserne Röhrenleitung gebildet, welche unten horizontal ungebogen ist und mit einem vertical in die Höhe gehenden Röhrenstück a endet. Aus der Oeffnung bei a artont das Wasser in die Hollse b, welche sich in einer am oberen Ende von a angebrachten Stopfüchse drehen kann. Durch die Hülse der hande die Stopführen die Hülse b gelangt das Wasser in die horizontalen Arme c und strömt durch die Oeffungen bei o aus

Jedenfalls ist die Reibung, welche ein solches Rad bei seiner Umdrehung zu überwinden hat, äusserst gering; denn das Gewicht des Rades mit Allem, was daran befestigt ist, wird fast vollständig durch den Druck der Wassersäule getragen.

In der Praxis hat sich diese Einrichtung trefflich bewährt. Ein von Alt ha na nach diesem Princip construirtes Wasserrad befindet sich zu Vallendar, ½ Meile unterhalb Coblenz, wo es eine Lohmähle treibt. Der Durchmesser dieses Rades beträgt 24 rhein. Fus; die Höhe der Wassersäule in der Röhrenleitung, welche 1½ bis 2 Pass Durchmesser hat, ist 96 Fuss. Die Ansflussöffnungen können nach Bedürfniss gröser oder kleiner gemacht werden, je nachdem die Quelle reichlicher oder weniger reichlich Wasser giebt. Das Rad macht ohne Last 90 bis 120 Umdrehungen in einer Minute, mit Last aber nur 30 bis 40. Die Menge des ausflüssenden Wassers beträgt 18 bis 30 Cubikfuss die Mer Minute. Es wäre wohl kaum auf eine andere Weise möglich gewesen, mit der geringen Wassermenge dieses Gefälles eine Maschine zu treiben.

Ganz in der Nähe von Vallendar befindet sich ein zweites Reactionsrad, welches nur 6 Fuss Durchmesser, aber vier Arme hat, welche so geformt sind, dass je zwei einander gegenüberstehende ein 5 bilden und das Wasser an der Spitze der gekrümmten Arme ausfliesst. Die Wassersäulewelche dieses Rad treibt, ist 120 Fuss hoch.

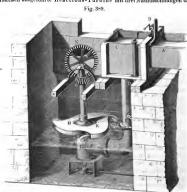
Bei der Einrichtung Fig. 387 muss aus ähnlichen Gründen, wie bei dem unterschlächtigen Rade mit flachen Schaufeln, ein grosser Theil der mechanischen Kraft des Gefälles verloren gehen; denn wenn das Wasser seine Geschwindigkeit vollständig an das Rad abtreten und aus den Oeffnungen ohne Geschwindigkeit abfallen, wenn also das Rad mit einer der Fallhöhe entsprechenden Geschwindigkeit rotiren soll, so ist der Druck gegen die Rückwand, also auch der mechanische Effect, Null; das Wasser muss also noch einen Theil seiner Geschwindigkeit behalten. Auch hier





lässt sich durch Krümmung der Arme, deren Gestalt ungefähr die in Fig. 388 verzeichnete ist, viel gewinnen. Das Wasser tritt, durch das Rohr strömend und gegen die gekrümmten Wände drückend, seine Geschwindigkeit nach und nach an das Rad ab, so dass es an der Oeffnung fast ohne Geschwindigkeit abfällt.

In Schottland sind solche Reactionsturbinen sehr verbreitet, weshalb sie auch schottische Turbinen genannt werden. Fig. 389 stellt eine praktisch ausgeführte Reactions-Turbine mit drei Ausflussöffnungen dar.



Die Schraubenturbine. Eine sehr leicht verständliehe Form der 149 horizontalen Wasserräder sind die Schraubenturbinen, welche seit einigen Jahren in Frankreich mit Erfolg in die Praxis eingeführt wurden. Fig. 390 stellt eine solche Turbine dar. Das Wasser strömt aus dem Be-



hälter 4. durch den hohlen Cylinder B B berab. In diesen hohlen Cylinder ist aber ähnlich einer Wendeltrepe in einem runden Thurme eine aus Eisenbiech gebildete Schraubenfläche gelegt, welche, an einem centralen Dorn befestigt, sich mit diesen am eine vertreile Aze drechen kann. — Nehmen wir nun zumkeist an, der centrale Dorn sei festgestellt, so könnte offenbar das Wasser nicht vertiend durch den Cylinder BB herabfallen, sondern es musste über die Schraubenfläche heranterfliesen. Dabei aber übt das Musser nicht vertiend urch den Cylinder BB nerabfallen, sondern es musste über die Schraubenfläche heranterfliesen. Dabei aber übt das

Wasser in verticaler Richtung einen Druck auf die Schraubenfläche aus, welchen man in zwei Seitenkräfte zerlegen kann, von welchen die eine, parallel mit der Schraubenfläche wirkt, während die andere horizontale Seitenkräft dahin strebt, die Schraube um ihre verticale Axe umzudrehen.

Nach dieser Auseinandersetzung begreift man nun leicht, dass das durch die Schraube niederströmende Wasser, wenn die Axe XX drebbar ist, eine Rotation derselben in solcher Richtung bewirken wird, dass sich der vordere Theil der Schraube in der Richtung des kleinen Pfeils n bewect.

Es ist bisher nur von einer Schraubenfläche die Rede gewesen; in der That haben wir es aber bei der Turbine Fig. 390 mit einer doppelten Schraube zu thun, indem um denselben Dorz zwei Schraubenflächen gelegt sind; die eine ist rst, die andere xyz.

150 Die Wassersäulenmaschine. Bei der Wassersäulenmaschine drückt die wirkende Wassersäule, das Aufschlag wasser, gegen einen in einem Cylinder beweglichen Kolben und theilt demselben eine hin- und hergehende Bewegung mit, die dann von dem Kolben aus weiter fortgepflanzt wir.

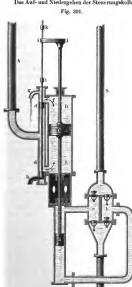
In der Regel werden die Wassersäulemmsehinen angewandt, um Wasser auf eine bedeutende Hohe zu heben. So wird z. B. die Salzsoole von Reichenhall in Oberbaiern auf Umwegen 30 Stunden weit nach Rosenheim geleitet, um hier, sowie auch an einigen Zwischenorten, z. B. in Trauenstein, versetter zu werden. Auf diesem Wege befinden sich 9, sämmtlich von Reich en hach construirte Wassersäulemmsehinen, welche die Soole über Berge heben. Obgleich alle Wassersäulemmssehinen auf demselben Principe beruhen, so ist ihre Ausführung doch in mannigfacher Hinsicht verschieden.

Fig. 391 stellt eine Wassersäulenmaschine im Durchschnitt dar. Die Röhre A führt das Aufschlagwasser der Maschine zu; es tritt abwechselnd unten und dann wieder oben in den Cylinder B ein und treibt dadurch den Kolben C abwechselnd auf und nieder.

Um die Abwechselung im Eintreten des Wassers hervorzubringen, ist eine Vorrichtung angebracht, welche der Steuerung bei Dampfmaschinen ganz ähnlich ist. In dem Cylinder d bewegen sich zwei mit einander verbundene Kolben; bei der in der Zeichnung dargestellten Stellung dieser Kolben tritt das Aufschlagwasser bei ein den grossen Cylinder und treibt den Kolben C in die Höhe. Das Wasser, welches sich über C befindet, tritt bei f aus dem Cylinder aus, um durch das Rohr g abzuffissen.

Wenn der Kolben C oben angekommen ist, müssen die Kolben in der Röhre d so verstellt werden, dass num das Aufschlagwasser von oben in den grossen Cylinder eintreten kann; dies geschieht dadurch, dass das Kolbensystem in der Röhre d so weit aufgezogen wird, dass der obere der beiden kleinen Kolben oberhalb es kurzen Rohres f, der untere oberhalb e zu stehen kommt; bei dieser Stellung tritt nun das Aufschlagwasser aus d oben durch f in den Cylinder B ein, während das unter C befindliche Wasser durch e und h frei abfliesst.

Das Auf- und Niedergehen der Steuerungskolben in d kann auf mannig-



fache Weise bewerkstelligt werden; in unserer Figur ist eine möglichst einfache Vorrichtung dargestellt. Die an dem Kolben C befestigte Kolbenstange geht durch eine in dem oberen Deckel des Cvlinders B befindliche Stopfbüchse hindurch; sie trägt oben eine Querschiene it, welche. wenn der Kolben C nahe am oberen Ende seiner Bahn angekommen ist, bei kanstösst und dadurch die Stange in die Höhe schiebt, an welcher die Steuerungskolben befestigt sind. Wenn nun der Kolben C wieder niedergeht, so bleiben die Steuerungskolben unverändert an ihrer Stelle, bis C nahe am unteren Ende seiner Bahn angekommen ist: dann aber stösst die Schiene ii bei l an und schiebt die Steuerungskolben bis in ihre tiefste Stellung herab, so dass nun wieder das Aufschlagwasser von unten in den Cylinder B ein-

Betrachten wir wei-

strömt

ter, wie die Bewegung des Kolbens C fortgepflanzt und verwandt wird.

Mit dem Kolben C ist vermittelst einer durch eine Stopfhüches gehenden Stange der Kolben a in Verbindung, welcher einen weit kleineren Durchmesser hat als C; der Auf- und Niedergang des Kolbens C bewirkt also einen Anf- und Niedergang des Kolbens a. Dieser Kolben ai ist aber der Kolben einer doppelt wirkenden Saug- und Druckpumpe; wenn α in die Höhe geht, so entsteht in der Kammer b eine Verdünnung, das untere Ventil öffnet sich, und es wird durch die Saugröhre N Wasser in die Kammer b gehoben. Durch den Aufgang des Kolbens α wird aber zugleich Wasser in die Kammer b inbeingepresst, das untere Ventil derselben.

schliest, das obere öffnet sich, das Wasser wird also aus e in die Steigröhre S gehoben.

Beim Niedergange des Kolbens schliessen sich die Ventile, die eben offen waren, und umgekehrt; es wird Wasser in die Kammer e gesaugt, aus b aber in die Steigröhre gehoben.

Wenn der Querschnitt des Kolheus C 2-, 3-, 4mal grösser ist als der des Kolhens a, so kann man (die Reibungs- und sonstige Widerstände nuberücksichtigt) eine Wassersänle heben, welche 2-, 3-, 4mal so hoch ist als die Druckhöhe des Außehlagwassers.

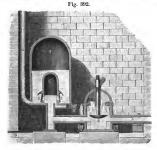
Bei einer derartigen Wassersäulenmaschine beträgt die Höhe des Anfschlagwassers 140°; sie hebt die Salzsoole auf eine Höhe von 346°; diese
Salzwassersäule aber entspricht einer Süsswassersäule von 39°1°; der Durchmesser des Kolbens C ist 20°;, der des Kolbens a 10 Zoll, der grössere
Kölben hat also einen nahezu – und grössere Querschnitt. Dass die gehobene Wassersäule nicht 4mal so boch ist als die Höhe des Aufschlagwassers, also nicht 560° beträgt, rührt daher, dass eine beleutende Kraft
zur Ueberwindung der Reibungs- und sonstigen Widerstäude nöthig ist.
Diese Maschine giebt ungefähr 70 Procent des theoretischen Effectes; denn
397 verhält sich zu 560 abe, wie 70 zu 100.

Die Wassersäulenmaschine zu Basng, ebenfalls zwischen Reichenhall und Rosenheim, die aber etwas anders eonstruirt ist, hebt die Soole auf eine Höhe von 1218', was der Hebung einer Säule von sissem Wasser auf die Höhe von 1460' gleich ist. Der Durchmesser des grösseren Kolbens ist 29' 8''', der des kleineren 11" 31',"

Bei der Umwandlung der auf: und niedergehenden Bewegung des Kolbens in eine gleichförmig rotirende, wie dies bei der Dampfmaschine der Fall ist, stösst man bei der Wassersäulenmaschine auf grosse Schwierigkeiten, weil das Wasser nicht elastisch ist wie der Dampf. Doch hat Reichenbach bei einer kleinen zu Toscana aufgestellten Maschine auch diese Schwierigkeit durch eine sinnreiche Einrichtung der Stencrungskolben überwunden; wir können aber hier nicht weiter auf diesen Gegenstand eingelwei.

151 Der hydraulische Widder oder Stossheber wurde 1797 von Montgolfier, dem Erfinder des Luftballons, construirt und ist eben so wichtig wegen des Princips, auf welchem er beruht, als auch wegen seiner Anwendung. Versuchen wir zuerst das Princip dieser Maschine deutlich zu machen. Denken wir uns, dass einige Theilchen eines Körpers (mag er nun fest oder flüssig sein), der sich mit einer gewissen Geschwindigkeit bewegt, plötzlich angehalten werden, so werden die übrigen nicht direct angehaltenen Theilchen des Körpers auf die ersteren verschiedene Wirkungen ausüben. Die vorderen Theilchen streben die angehaltenen entweder nachzuziehen, oder sie trennen sich von ihnen; die hinteren, welche gleichfalls ihre Bewegung fortzusetzen streben, werden gegen die angehaltenen drücken. Wenn z. B. ein Pfeil, welcher sich schnell bewegt, in der Mitte seiner Länge angehalten würde, so würde der vordere Theil durch sein Bestreben, den übrigen Theil nachzuziehen, in seiner ganzen Länge eine Spannung aushalten müssen, welche unter Umständen stark genug sein kann, um ein Abreissen zu veranlassen. Der hintere Theil des Pfeils hingegen würde ein Bestreben haben, den angehaltenen Theil weiter zu treiben, und würde deshalb in seiner ganzen Länge einen durch die nachfolgenden Theilchen veranlassten Druck auszuhalten haben. Eben so, wenn eine Wassersäule sich in einer Röhre bewegt und plötzlich durch irgend ein Hinderniss aufgehalten wird, so wird dieses Hinderniss wegen der erlangten Geschwindigkeit des Wassers einen Stoss aushalten müssen. und dieser Stoss pflanzt sich durch die ganze Wassersäule fort. Während dieser Zeit, welche sehr kurz ist, haben auch die Röhrenwände einen Druck auszuhalten, welche von der Geschwindigkeit der aufgehaltenen Wasscrsäule abhängt.

Fig. 392 stellt einen hydraulischen Widder im Durchschnitt dar. Das



Wasser eines höher gelegenen Bassins wird durch die Röhre A herabgeleitet. Diese Röhre hat nahe an ihrem unteren Ende eine nach oben gerichtete Oeffnung, durch welche das Wasser ausfliesst. Das Ventil B befindet sich auf dem Wege des ausfliessenden Wassers; wenn also die Geschwindigkeit dieses Wassers eine bestimmte Grösse erreicht hat, so wird das Ventil B mit in die Höhe gerissen und dadurch die Ausflussöffnung verschlossen. Da in diesem Augenblick die Strömung des Wassers plötzlich gehemmt wird, so müssen alle Röhrenwände einen Stoss erleiden, welcher im Stande ist, einen weit grösseren Druck zu überwinden als derjenige ist, welcher der Druckhöhe des Wassers zukommt. Durch diesen Stoss werden nun die Ventile E geöffnet und eine Partie Wasser in den Windkessel F getrieben, aus dem es in die Steigröhre G gelangt und in dieser zu einer grösseren Höhe gehoben wird als der Spiegel im Bassin, aus welchem es kam, weil ja die Luft in F stärker comprimirt ist, als es durch den hydrostatischen Druck des Wassers im Bassin geschehen kann. Sobald sich nach diesem Stosse das Gleichgewicht wieder hergestellt hat, fällt das Ventil B wieder durch sein eigenes Gewicht herab. das Wasser fliesst wieder über B ab, bis es das Ventil abermals in die Höhe reisst und dadurch einen neuen Stoss veranlasst, der eine neue Portion Wasser in den Windkessel F treibt.

Mohr hat ein Modell construirt, welches möglich macht, das Princip des hydraulischen Widders auch mit ganz unbedeutenden Mitteln in Vorlesungen zu zeigen.

Mohr's Stossheber kann leicht aus Glasröhren und einem messingenen Ausfluseventilchen hergestellt werden. Letateres, aus Messingblech verfertigt, ist Fig. 393 im natürlicher Grösse dargestellt. Auf der horizontalen Röhre d sitzt senkrecht das kurze Röhrchen b, oben mit einer Scheibe geschlossen, in der sich ein kleines Loch me befindet. Durch dieses Loch geht der Stiel des Ventilchens c, dessen Scheibe, als unzichtbar, punktirt angedeutet ist. Der Stiel hat durch den Bügel a und das Metallstreifchen e senkrechte und gerade Führung.

Dicses Ventil ist in die Mitte zweier Glasröhren eingekittet, wie es Fig. 394 darstellt.

Die senkrechte Röhre f führt das Wasser herab. Dasselbe strömt zu der kleinen Oeffnung m heraus, und die ganze herabsinkende Wassersäule nimmt eine Beschleunigung an, womit sie endlich das Ventilchen c hebt, und gegen die obere Platte der Röhre b antreibt; damit ist hier der Ausfluss gehemmt, und die ganze in heftiger Bewegung begriffene Wassersäule, stösst an dem Ventil vorbei in den Windkessel se, Fig. 394, indem sie das auf der Glasröhre grünende Ventil augenblicklich hebt. Dieses Ventil entspricht den Ventien E, Fig. 392, sowie denn überhaupt die einzelnen Theile des hydraulischen Widders Fig. 392 sich an dem Apparat Fig. 394, nur in etwas anderer Gestalt, viederfinden.

Je größer die Oefinung m über dem Ventile (Fig. 393) ist, desto beschleunigter wird das Wasser sinken, und desto stärker wird der Stoss

sein, durch welchen das Wasser in den Windkessel tritt, desto höher wird also auch das Wasser aus p spritzen. Lässt man das Ventilchen e nur wenig sinken, was man mit dem versichiebaren Kügelchen f (Fig. 393) reguliren kann, so folgen die Stösse rasch auf einander. Beschwert man das Ventil e oben, so wird es erst bei einer grösseren Geschwindigkeit gehoben und deshalb das Wasser höher aus pausspritzen.

Füllt man den Windkessel w fast ganz nit Wasser an, so folgen die Fig. 394.
Fig. 396.





Stösse rascher auf einander, und das Wasser spritzt höher, als wenn der Windkessel mit Luft gefüllt ist.

Der scheinbare Widerspruch, dass das Wasser aus p höher spritzt, als das Niveau in h. löst sich durch die Betrachtung, dass nicht alles durch f herabfliessende Wasser zu dieser Höhe gelangt, sondern ein grosser Theil unten mit geringer Geschwindigkeit bei d'ausfliesst. Die an diesem verschwindende Bewegung erscheint an der kleinen Menge des ausgespritzten als vermehrte Höhe.

## Neuntes Capitel.

## Bewegung der Gase.

152 Gasometer. Wenn oin Gas in einem Gefässe eingesehlossen ist, in welchem sich irgend eine Deffnung befindet, so wird es durch diese Oefnung ausströmen, sobald das Gas im Gefässe stärker comprimit ist als die äussere Luft. Die Gesetze des Ausflusses der Gase durch Oeffnungen in diannen Wänden, durch kurze Ansatzohren, durch Leitungerohren, sind denjenigen ganz analog, welche wir schon bei tropfbar-flässigen Körpern kemen gelernt haben. Gasbehälter, welche so eingerichtet sind, dass ein constantes Ausströmen des Gases unterhalten werden kann, nennt man Gasom eter.



In chemischen Laboratorien werden gewöhnlich Gasometer angewandt, wie sie Fig. 395 zeigt. A ist ein Cylinder von lackirtem Blech, welcher ungefähr 16 bis 18 Zoll hoch ist, 10 bis 12 Zoll Durchmesser hat, und dessen oberer Deckel etwas nach oben gewölbt ist. Auf diesem Deckel ruht auf drei Stützen ein zweiter, oben offener Cylinder B, der aber nur 1/a so hoch ist. Der obere Cylinder ist mit dem unteren durch zwei Röhren verbunden. von denen die eine, b, gerade in der Mitte des Deckels sich hefindet Sie darf durchaus

nicht in den unteren Cylinder hineinragen. Eine zweite Verbindungeröhre a geht fast auf den Boden des unteren Cylinders. In jeder dieser Röhre befindet sieh ein Hahn, vermittelst dessen man nach Belieben die Verbindung der beiden Cylinder herstellen und unterbrechen kann. Bei e befindet sieh eine kurze horizontale Röhre, welche ebenfalls durch einen Hahn verschlossen werden kann, und an welcher vorn ein Schraubengewinde eingeschnitten ist, um andere Röhren und Ausströmmgoßfinngen ansehranben zu können. Nabe am Boden des nnteren Cylinders befindet sich bei d eine aufwärts stehende Oeffnung, welche mittelst einer Schraube oder eines Korks verschlossen werden kann.

Weun man den unteren Cylinder mit einem Gase füllen will, füllt man ihn erst mit Wasser, und zwar auf folgende Weise. Die Oeffnung bei d wird verschlossen, die drei Hähne geöffnet und dann in das obere Gefäss Wasser gegossen. Das Wasser fliesst in den unteren Cylinder, und wenn dieser so weit gefüllt ist, dass Wasser durch e auszufliessen beginnt, schliesst man den Hahn daselbst. Der Rest von Luft, welcher nun noch im Cylinder sich befindet, entweicht durch das Rohr b. Ist der untere Cylinder auf diese Weise mit Wasser gefüllt, so werden die Hähne der Verbindungsröhren geschlossen und die Schraube oder der Kork bei d weggenommen. Wasser kaun hier nicht ausfliessen, weil es durch den Luftdruck äquilibrirt ist. Wenn man aber bei d ein Gasleitungsrohr einsteckt. so wird neben diesem Rohre das Wasser ausfliessen, während aus demselben fortwährend Gasblasen in den oberen Theil des Behälters aufsteigen. Auf diese Weise füllt sich der untere Cylinder mehr und mehr mit Gas. Wie weit der Cylinder mit Gas gefüllt ist, sieht man an dem Glasrohre f. welches mit dem Gefässe A oben und unten in Verbindung steht, so dass das Wasser in diesem Glasrohre so hoch steht wie im Cylinder.

Nachdem das ganze Reservoir mit Gas gefüllt ist, wird die Oefinung bei d verschlossen und der Hahn der Verbindungsröhre a geöffnet. Sobald nun der Hahn e geöffnet wird, strömt das Gas hier mit einer dem Drucke der Wassersäule in der Röhre a entsprechenden Geschwindigkeit aus.

Eckling in Wien verfertigt jetzt solche Gasometer von Glas, welche blochts elegant sind und bei welchen man die gazae Enrichtung, der Durchsichtigkeit des Materials wegen, leicht übersieht. Es versteht zich von selbst, dass hier das Wasserstandsrohr / Fig. 395, wegfallt. Fig. 396, a. f.S., stellt einen solchen Apprant in //a, der natürlichen Grösse dar. Das nutere Glassgläss A hat oben einen engeren Hals, der in eine Kupferbüchse eingekittet ist. In der Mitte des etwas gewöllsten Deckols derselben erhebt sich eine Röhre, die bei e einen Hahn hat, der geöffnet das Gas durch ein hobrizontales Rohr bei  $\sigma$  auströmen lässet. Der obere Wasserbehälter ist unten eben so gefasst wie A oben. Ein Röhr  $\sigma$  führt von demselben fast bis zum Boden von A; eit zur eine Stütze. Um A mit Wasser zu fullen, wird die ofeffung bei d geschlossen, der Hahn e und der Hahn der Röhre  $\sigma$  geöffnet und in das obere Gefäss Wasser eingegossen. Sobald das nntere Gefäss mit Wasser gefüllt ist, werden beide Hähne geschlossen,

d geöfinst und nnn hier das Gas eingeleitet. Sobald das Gasometer mit Gas gefüllt ist, wird d geschlossen nnd der Hahn a geöfinet, so dass das Gas in A durch eine Wassersäule gepresst ist. Der Hahn e ist, wie auf der Vorderfläche angedeutet ist, doppelt durchbohrt, so dass je nach der Stellung desselben das eingeschlossene Gas abgespert wird, oder durch die horizontale Röhre, oder auch in vertiealer Richtung in das obere Wassergefläss austritt, welches als Wasserwanne dienend benutzt werden kann, um das Gas in Glocken oder Flaschen muzufüllen.

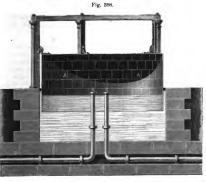


Fig. 397 stellt ein noch einfacheres Gasometer mit gläsernem Gefäss dar, welches wohl ohne weitere Erläuterung verständlich sein wird.

Die grossen Gasometer, welche man zur Gasbeleuchtung anwendet, sind nach einem anderen Principe construit; ein ober verschlosseuer Holh-cylinder, Fig. 398, taucht in ein grosses mit Wasser gefülltes Reservoir, dessen mittherer Theil auch ausgemanert sein kann. Solche Cylinder sind aus Eisenblech verfertigt und haben oft noch über 30 Fuss im Durchmesser, so dass sie über 2700 Cubiktus Gas aufnehmen können und mehr als 20000 Pfund wiegen. Das in der Höhlung eines solchen Cylinders enthaltene Gas wird durch sein Gewicht unter einem Druck gehalten, welcher grüsser ist als der Druck der Atmosphäre. Für unser Beispiel beträgt dieser Ueberschuss des Druckes 20000 Pfund auf eine Kreisfläche von 30 Fuss Durchmesser, was ungefähr dem Drucke einer Wassersäale von 5 Zoll

gleichkommt; ausserhalb muss also das Wasser 5 Zoll höher stehen als im Cylinder.

Von unten aufsteigend ragt nun eine Röhre S in den Cylinder hinein,





so dass ihr oberes offenes Ende über dem Wasserspiegel sich befindet; diese Röhre vertheilt sich in eine Menge enger Röhren, die zu den einzelnen Gasschnäbeln führen, aus denen dann das Gas mit einer Geschwindigkeitausströmt, welche dem Drucke im Gasometer ent-Diese Geschwindigspricht. keit wird dadurch regulirt, dass man den Deckel des Behälters A mehr oder weniger mit Gewichten belastet. Um das Gasometer zu füllen, wird ein im Vertheilungsrohre S befindlicher Hahn geschlossen, dagegen aber der Hahn eines zweiten Robres R geöffnet, welches das Innere des Gasometers mit dem Apparate verbindet, in welchem das Gas bereitet wird.

Nach demselben Princip werden auch kleinere Gasometer für Laboratorien construirt. In Fig. 399 a. v. S. ist ein solches abgebildet und wohl ohne weitere Erklärung verständlich. Es ist hier nur eine Zuleitungsröhre angebracht, durch welche man das Gasometer zuerst füllt, um es nachher aus demselben Röhre ausströmen zu lassen.

Gebläse. Bei Hoböfen und Schmiedefeuern wendet man Gebläse von verschiedener Einrichtung an. Die zweckmässigste, jetzt fast allgemein eingeführte Art ist das Oylindergebläse, welches Fig. 400 abgebildet ist. In einem wohl ausgebohrten gusseisernen Cylinder A, in welchem ein Kolben C, an den Wänden luftdicht schliessend, auf und nieder bewegt werden kann, geht die Kolbenstange a luftdicht durch die in der



Mitte des oberen Deckels befindliche Stopfbüchse. Durch die Oeffnung bei b communicirt der obere. durch die Oeffnung bei d der untere Theil des Cylinders mit der freien Luft; die Oeffnungen bei q und f aber verbinden den Cylinder mit einem viereckigen Kasten E. Bei b und d befinden sich Klappen, die sich nach innen, bei q und f aber solche, die sich nach aussen öffnen. Wenn nun der Kolben niedergeht, schliesst sich die Klappe bei d, die bei f aber öffnet sich, und alle Luft aus dem unteren Theile des Cylinders wird in den Raum E getrieben. Unterdessen aber ist die Klappe bei g geschlossen, durch die

Klappe bei b dringt Luft von aussen her in den oberen Theil des Cylinders. Wenn der Kolben wieder in die Höhe geht, schliesst sich b, und alle Luft, die beim Niedergange des Kolbens hier eingedrungen war, wird durch die Oeffnung bei g

in den Kasten E geschafft, während f geschlossen ist und sich der untere Theil des Cylinders wieder durch die geöffnete Klappe d mit Luft füllt. Die in E comprimirte Luft strömt durch ein Rohr r nach dem Feuerraume.

Die Geschwindigkeit des Kolbens ist am grössten, wenn er die Mitte des Cylinders passirt, sie nimmt um somehr ab, je mehr er sich der oberen oder unteren Gränze seines Weges nähert. Daraus geht hervor, dass der Wind, welchen ein solcher Cylinder liefert, nicht gleichmässig bei r ausströmt. Da aber für die meisten Schmelgrocesse ein gleichmässiger Windstrom nöthig ist, so muss man dafür sorgen, ihn zu reguliren. Man erreicht dies entweder dadurch, dass man an demselben Windkasten E drei Cylinder anbringt, deren Kolben nicht gleichzeitig die Mitte ihres Weges passiren, oder anch dadurch, dass man die Luft aus Eerstein einen Behälter treten lässt, dessen Rauminhalt sehr gross ist im Vergleich zum Volumen des Cylinders. Je grösser dieser Luftbehälter ist, welcher den Namen Regu lator führt, desto weniger Einfluss hat die Urregelmässigkeit der Kolbenbewegung anf die Gleichmässigkeit des aus dem Regulator austretenden Luftstromes.

Als Regulator bei Gebläsen wendet man entweder einen aus Eisenblech luftdicht zusammengenieteten Ballon an, dessen Inhalt 40- bis 50mal so gross ist als der des Cylinders, oder den Fig. 401 abgebildeten Wasser-Fig. 401.



regulator, der seinem Wesen nach ganz mit dem Gasometer übereinkommt, wie er zur Gasbeleuchtung angewandt wird. In den Kasten B, welcher aus luftdicht zusammengemieteten eisernen Platten besteht und dessen Inhalt den des Cylinders weit übertrifft, strömt durch das Rohr D vom Cylinder her die Luft ein, durch das Rohr C aber wieder aus. Die Luft im Kasten B ist nnten durch Wasser gespertt, dessen Niveau rr im Kasten nothwendig tiefer steht als der Spiegel vv ausserhalb. Von der Differenz der Höhen der Wasserspiegel hängt der Grad der Compression der Luft in B und also anch die Geschwindigkeit des Ausflusses durch das Rohr C ab.

Betrachten wir noch einige andere Gebläse.

Fig. 402, a.f.S., stellt einen gewöhnlichen kleinen Küch en blasbalg im

Durchschnitt dar. Beim Aufziehen der oberen Platte wird die Bodenklappe k gehoben und der innere Raum füllt sich mit Luft, welche beim Fig. 402.



Niederdrücken des oberen Deckels, da sieb nun die Klappe k schliesst, zur Düss d hinausgetrieben wird. Ein solcher Blasbalg giebt also nur einen intermittirenden Luftstrom, nämlich nur beim Niedergange des oberen Deckels.

Unf einen continuitifeben Laftstrom zu liefern, muss der Blasbalg zwei getrennte Lufthehälter A und B, Fig 403 haben; die Platte sowohl, welche die beiden Räume trennt, wie die Bodenplatte des unteren Behalters B haben Löcher, die mit Lederklappen bedeckt sind. Wenn die Fig. 408.



Bodenplatte von B in die Höhe gezogen wird, so schliesst sich die Oeffnung bei k, das Ventlib eh haer wird geöffnet und alle Lnft, die in Benthalten ist, wird in den oberen Raum A getrieben. Der bewegliche Deckel von A ist aber durch einen Stein belastet, wodurch die in A befindliche Luft durch die Oeffnung bei o augestrieben wird, und zwar auch während des Niederganges der Bodenplatte von B. Während dieses Niederganges schliesst sich h, k wird geboben und so fullt sich B abermala mit Luft, welche durch ein abermaliges Aufziehen der Bodenplatte wieder in den oberen Raum A getrieben wird.

Das Wassertrommelgebläse, welches zu den ältesten Gebläsevorrichtungen gehört, beruht auf dem Phänomen des Saugens, welches wir
schon oben Seite 315 kennen gelernt baben. Wir wissen bereits, dass,
wenn aus irgend einer Oeffnung ein Wasserstrabl vertical nach unten ausflieset (S. 313), er ablabd zerreiset, wobei nattrich Luft zwischen die einzelnen Tropfen eindringt. Fällt nun der Wasserstrabl in einer Röhre
herat, so wird sich nattriich ein Streben kundgeben, durch irgend seitlich
an der Röhre angebrachte Löcher Luft einzusaugen und mit dem fallenden

154

Wasserstrahle herunterzureissen. Darauf beruht nun das Wassertrommelgebläse, welches Fig. 404 abgebildet ist. Aus dem Wasserbehälter stürzt das Wasser durch eine Röhre in den Windkasten B, welcher oben geschlos-

das Wasser durch eine Köhre in den Windkasten Jesen ist, unten aber eine Austussöffnung hat. Das berabstürzende Wasser saugt nun Luft durch die Löcher A ein und reisst sie mit Gewalt in den Windkasten B, aus welchem sie durch die Düse D ausströmt, während das Wasser bei C ausfüsset

Die Betrachtung der Ventilatoren oder Centrifugalgebläse, der Schraubengebläse u. s. w. würde uns hier zu weit führen.

Gesetze des Ausströmens der Gase. Für die Ausflussgeschwindigkeit der Gase gelten dieselben Gesetze, wie bei Flässigkeiten, d. h. die Ausflussgeschwindigkeit ist (Seite 308)

 $v = \sqrt{2 g s}$  . . . . . 1) wenn s die Druckhöhe bezeichnet. Hier aber ist s eine Grösse, die nicht direct durch die Beobachtung gegeben ist, wie bei tropfbar-flüssigen Körpern. Gewöhnlich wird nämlich der Druck, wel-



cher die Luft aus einem Reservoir austreibt, durch die Hohe h einer Wasser- oder Quecksilbersäule gemessen, welche man an einem Manometer beobachtet. Die comprimirende Flüssigkeitsskule ist also hier anderer Natur als das ausströmende Gas, und um die Gleichung 1) zur Berechnung von v in Anwendung bringen zu können, mans erst die Höhe s einer Gassalue von der Dichtigkeit des eingeschlossenen Gases ermittelt werden, welche der Wasser- oder Quecksilbersalue von der Höhe h das Gleichgewicht hält. Der so berechnete Werth von s ist dann in Gleichung 1) einzusetzen.

Gehen wir nun zur Berechnnng des Werthes von s für den Fall über, dass das eingeschlossene Gas atmosphärische Luft ist.

Bei einem Barometerstand von 0,76 Metern ist das specifische Gewicht der Luft (auf Wasser bezogen) gleich 0,00129. Wenn aber die in einem Gasometer eingeschlossene Luft bei einem Barometerstand von b Metern ausser dem Druck der Atmosphäre noch eine Quecksilbersäule von h Metern zu tragen hat, so ist ihr specifisches Gewicht

$$d = 0.00129 \; \frac{b+h}{0.76} \cdot \;$$

Die Höhe einer Luftsäule von dieser Dichtigkeit, welche einer Quecksilbersäule von  $h^m$  das Gleichgewicht hält, ergiebt sich aber aus der Proportion

$$d:q \Rightarrow h:s$$
,

wenn d das specifische Gewicht der eingeschlossenen Luft, q aber das des Quecksilbers (beide auf Wasser bezogen) bezeichnen. Es ist also

$$s = h \cdot \frac{q}{d}$$

oder wenn man für q und d ihre Werthe setzt:

$$s = h \cdot \frac{13.6 \cdot 0.76}{0.00129 \ (b+h)}$$
  
$$s = 8012 \ \frac{h}{b+h}.$$

Setzen wir diese Werthe von s in Gleichung 1), so kommt

$$v = \sqrt{2g \cdot 8012 \frac{h}{b+h}}$$

oder wenn man für g seinen Zahlenwerth 9,81 setzt:

$$v = 396,5 \sqrt{\frac{h}{b+h}} \dots \dots \dots 2)$$

Nach dieser Gleichung lässt sich nun auch die Geschwindigkeit berechnen, mit welcher Luft, welche sich unter dem Drucke h befindet, in den leeren Raum einströmt. Man hat für diesen Fall nur b=o zu setzen und erhält alsdann

$$v = 396,5 \ \sqrt{\frac{h}{h}} = 396,5,$$

also stets den gleichen Werth von v, welches auch der Werth von h sein mag.

Die Ausflussmenge in einer Secunde würde man erhalten, wenn man den Querschnitt der Oeffnung f mit diesem Werthe von zu mültplicht, vorausgesetzt, dass in jedem Punkte des Querschnitts die ausströmenden Lufttheilchen mit dieser Geschwindigkeit passiren. Die Ausflussmenge in t Secunden würde demanch son

$$M = f \cdot t \cdot 396,5 \ \sqrt{\frac{h}{b+h}}$$

Die Efshrung aber zeigt, wie wir dies ja auch sehon bei tropfbarflasigen Körpern gesehen haben, dass die wirkliche Auslussmenge geringer ist als die theoretische; und zwar hat man die theoretische Auslussmenge mit einem bestimmten Factor  $\mu$  zu multipliciren, um die wirkliche zu erhalten.

Für Wasser ist bekanntlich dieser Factor 0,64 und ist fast ganz unshängig von der Druckböhe, indem er nur sehr unbedeutend wächst, wenn die Druckhöhe abninmt. Für Gase aber ist der Werth von µ sehr veränderlich. Nach Schmidt, welcher diesen Gegenstand zurest einer genaueren Untersuchung unterworfen hat, ist µ bei einer Druckhöhe von 3 Fuss (Wasser) gleich 0,62. Nach d'Aubuinson's Versuchen ist, innerhalb der Druckhöhe von 1,05 Fuss, der Werth von µ = 0,65 zu set-zen. Solche Verschiedenheiten können nicht wohl von Beobachtungsfehlern herrühren. und beweisen unzweifehlaft eine Veränderlichkeit von µ.

Eine sehr genaue Reihe von Versuchen hat Koch über diesen Gegenstand angestellt. Er hat gefunden, dass, wenn die Druckhöhe von 6 Fuss (Wasser) bis 0,15 Fuss abnimmt, der Werth von μ von 0,5 bis auf 0,6 wächst. Buff hat œzeigt, dass wenn man

$$\mu = 0.626 (1 - 0.789 \sqrt{h})$$

setzt, vo ĥ, wie bisher, die Druckhobe bezeichnet, die nach dieser Formel berechneten Werthe sehr gut mit den Koch sehen Beobachtungen übereinstimmen, dass also diese Formel das empirische Gesetz für die Veränderlichkeit des Ausflusseofflicienten µ ist. Später hat Buff hierüber selbst genane Versuche bei geringen Drucke, wie er besonders in der Praxis-vorkommt, angestellt, welche gleichfalls die Veränderlichkeit des Coëfficienten µ in der erwähnten Weise bestätigen.

Die Differenz zwischen der theoretischen und wirklichen Ausflusmenge hat hier einen ganz analogen Grund, wie bei den tropfbar-flüssigen Körpern, und es lässt sich daraus schliessen, dass auch hier eine Contractio vernes stattfinden muss, obgleich wir sie nicht unmittelbar beolachten können.

Cylindrische Ansatzröhren ebenso wie konische, mag nun die weite Oeffnung nach innen oder nach aussen gekehrt sein, vermehren die Ausflussmenge der Gase.

Ausflussgesohwindigkeit verschiedener Gase bei gleichem Druck. Wenn sich in einem Reservoir nicht Luft, sondern ein anderes Gas befindet, so ist klar, dass man in der Gleichung

$$v = \sqrt{2gs}$$

für s einen anderen Werth zu setzen hat als den für atmosphärische Luft geltenden, und zwar ändert sich der Werth von sim umgekehrten Verhältniss, wie das specifische Gewicht des Gases; für ein Gas, dessen specifisches Gewicht zumal grösser ist als das der atmosphärischen Luft, ist der Werth von s nmal kleiner; wir haben also für die Ausflussgeschwindigkeit eines Gases, dessen specifisches Gewicht nmal grösser ist, als das der Luft,

$$v = 396,5 \sqrt{\frac{h}{n(b+h)}}$$

wenn D und h die oben angegebene Bedeutung baben. Unter sonst gleichen Umständen verhält sich also die Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase umgekehrt, wie die Quadratwurzel ausilren specifischen Gewichten. Bei gleichem Druck wird also die Ausströ-

mungsgeschwindigkeit des Wasserstoffgases  $\sqrt{\frac{1}{0,069}}=38$  und die

des Kohlensäuregases  $\sqrt{\frac{1}{1,524}} = 0.81 \, \mathrm{mal}$  so gross sein als die der atmosphärischen Luft, da das specifische Gewicht des Wasserstoffgases und der Kohlensäure 0.069 und 1,524 sind, wenn man das specifische Gewicht der Luft zur Einheit nimmt.

Das specifische Gewicht eines Gases ist demnach dem Quadrat seiner Ausströmungsgeschwindigkeit umgekehrt, also dem Quadrat der Zeit direct proportional, welche ein gegebenes Gasvolumen unter sonst gleichbleibenden Umständen braucht, um aus einer feinen Oeffung auszuströme.

Bezeichnen wir mit t und t' die Zeiten, welche zwei gleiche Volumina verschiedener Gase brauchen, um bei gleichen Druck durch die gleiche Oeffnung auszuströmen, so haben wir also

wenn wir mit s und s' die specifischen Gewichte der beiden Gasarten bezeichnen.

Bunsen gründet darauf ein sehr sinnreiches Verfahren, um das specifische Gewicht von Gasen zu ermitteln. Zur Aufnahme des zu untersuchenden Gases dient eine Glasröhre A, Fig. 405, welche ungefähr 40 Centimeter lang ist. Oben ist sie verengt und ein Glasröhrchen B angesetzt. In der etwas verdickten Vereinigungsstelle v ist ein dünnes Platinplättchen eingeschmolzen, welches eine feine Oeffnung hat, durch welche das Gas aus A ausströmen kann, wenn das Röhrchen B nicht durch den Glasstöpsel s geschlossen ist. Unten ist das Gas durch Quecksilber gesperrt, welches sich in einem oben erweiterten Gefäss befindet. rend der Stöpsel s wohl schliessend aufgesetzt ist, wird nun die Glasröhre A so tief in das Quecksilber niedergedrückt und durch eine entsprechende Vorrichtung festgehalten, dass die Spitze r eines aus einer Glasröhre verfertigten Schwimmers D durch ein mehrere Schritte entferntes Fernrohr genau im Niveau des Quecksilbers im Gefäss C erscheint. Nun wird der Stöpsel s weggenommen; das Gas beginnt auszuströmen, der Schwimmer D steigt, und man hat nur die Zeit zu messen, welche vom Wegnehmen

Ausflussgeschwindigkeit verschiedener Gase bei gleichem Druck, 349

des Stöpsels an vergeht, bis die an einer Verengung des Schwimmers D angebrachte Marke t im Niveau des äusseren Quecksilhers erscheint. Hat



man mit denselben Instrumente gleich hinter einander diese Messung mit zwei verschiedenen Gasarten angestellt, so verhalten sich ihre specifischen Gewichte wie die Quadrate der beobachteten Ausduszesien. Zur Erläuterung mögen folgende von Bunsen angestellte Messungen dienen. Damit der Schwimmer D um die flöber 2 stäge, waren erforderlich

f. atmosphärische Luft f. Knallgas (elektrolytisch) 117,9 Secunden 75,4 Secunden

117 , 75,8 , 117,9 , 75,6 , 117.6 Secunden 75.6 Secunden

Setzen wir nach diesen Versuchsresultaten in Gleichung 1) t = 75.6; t' = 117.6 und s' = 1, so ergieht sich für das specifische Gewicht des Knallgases

$$s = \frac{75,6^2}{117.6^2} = 0,413,$$

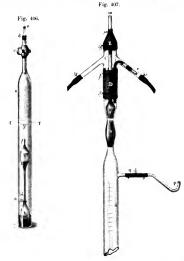
was mit dem aus dem specifischen Gewicht der Bestandthiele berechneten specifischen Gewichte des Knallgases (0,415) sehr nahe übereinstimmt.

Fig. 406, a.f. S., zeigt eine verbesserte Form des Ausströmnngsapparates, welchen Bnnsen zur Bestimmung des specifischen Gewichtes der Gase anwendet (Bunsen, gasometrische Methoden S. 129).

Wenn die Gase nicht durch Oeffnungen in dünner Wand, sondern durch Capillarröhren ausströmen, so erscheinen die Ausströmungsgesetze in ähnlicher Weise modificirt, wie die der tropfbar-flüssigen Körper.

Um die Gesetze zu ermitteln, nach welchen das Ausströmen eines Gasedurch die capillaren Canāle eines Gyppsfropfs stätfindet, wandte Bunsen (Gasometrische Methoden S. 214) die in Fig. 407 abgebildete Vorrichtung an. Eine graduirte Rohre, ahnlich dem im §. 102 besprochenen Diffusionschre, ist oben mit einem hei 60° C. getrockneten Gypsfropf geschlossen. Durch ein setliches Rohr kann man sie mit einem beliehigen Gase füllen und dann mittelst eines Quetochluhnes absperren, welcher das Kautschuckröhrchen q zudrückt. — Ueber dem Gypspfropf berwiterts gieht die Glassröhre etwas und in diese konische Erwieterung pastt der eingeriebene Glasstöpfel o. Erst wenn dieser in die Höhe gezogen ist, kann eine Durchströmung des Gyppsfropfs nach der einen oder andern Richtung hin beginnen. Durch den Raum über dem Gyppsfropf b kann

man nun aber mittelst des Röhrchens i einen Gasstrom von der rechten Seite her einführen, während auf der linken Seite eine gleiche Gasmenge



ausströmt, und so ist es möglich, auch über dem Gypspfropf b eine beständig erneuerte Atmosphäre irgend eines Gases zu erhalten.

Es sei nun das Rohr in der Fig. 292 S. 234 angedeuteten Weise durch Quecksilber abgesperrt und mit Sauerstoffgas gefüllt, während über den Gypspfropf ein Strom von Sauerstoffgas hinwegstreicht; wenn unter diesen Umstäuden das Rohr so hoch in die Hohe gezogen wird, dass der Spiegel des Quecktilbers im Rohr einige Centimeter höher steht als aussen, so wird unter dem Einfluss dieser Drucktifferenz Sauerstoffigas von Ohen her durch den Gypspfropf in die Röhre eintreten und man kann nun messen, wie viel Zeit erforderlich ist, damit bei constant erhaltener Druckdifferenz ein gegebenes Volumen Sauerstoff eindringt.

Bunsen hat den Versuch für das nämliche Gas bei verschiedener Druckdifferenz angestellt und ihn dann in gleicher Weise mit verschiedenen Gasen wiederholt. Aus diesen Versuchen ergah sich zunächst, dass die in gleichen Zeiten durch den Gypspfropf eingeströmten Volumina desselhen Gases der Druckdifferenz proportional sind.

Vergleicht man aber die Volumina verschiedener Gase, welche unter gleicher Druckdifferenz in derselben Zeit einströmen, so verhalten sich diese nicht umgekehrt wie die Quadratwurzel ans den specifischen Gewichten der Gase. Die unter gleicher Druckdifferenz in gleichen Zeiten eingetretenen Volumina von Sauerstoffgas und Wasserstoffgas verhalten sich nach dem Versuch wie 1: 2,73; während die Quadratwurzeln aus den specifischen Gewichten im Verhältniss von 1 zu 3,995 stehen.

Es geht daraus hervor, dass der Durchgang eines Gases durch einen Gypspfropf durch einen Reibungsoosflicienten modificirt ist, welcher von der Natur des Gases abhängt, und dass sich also die Hohlrhume des Gypsos gegen hindurchströmende Gase sich nicht wie ein System von feinen Oeffnungen in dünner Wand, sondern wie ein System capillarer Röhren verhalten.

Durch diese Thatsache erklärt sich auch, warum die durch einen Gypspfropf vermittelte. Diffusion von Gasen (§. 102) nicht genau dem Graham's schen Gesetze folgen kann.

Seitendruck der Gase beim Ausströmen. Wenn sich Luft 156 durch Röhrenleitungen hewegt, so ist ein Reibungswiderstand zu überwinden, und dazu wird ein Theil der Spannung des comprimiten Gases verwandt werden, also für die Bewegung verloren gehen. Der Druck, den die Röhrenwände von der Tension der durchströmenden Luft auszuhalten haben, nimmt um so mehr ah, je mehr nan sich der Mündung des Röhres nähert, wie man sich durch Manometer betrzeugt, welche an verschiedenen Stellen des Rohres angebracht werden. Es ist dies ganz den Erscheinungen analog, welche man bei der Bewegung von Flüssigkeiten durch Röhrenleitungen beobachtet. Ueber den Reihungswiderstand, welcher bei der Bewegung der Luft durch Röhren überwunden werden muss, sind besonders von d'A bub uisson und Buff Versunch angestellt worden.

Das Phänomen des Saugens findet bei der Bewegung der Gase auf eine ganz ähnliche Weise, wie bei dem Ausströmen von Füssigkeiten, statt. Clement und Desormes haben eine äusserst interesante, hierher gehörige Erscheinung beschrieben. Wenn man in den Boden eines Reservoirs, Fig. 408 a.f.S., welches comprimitet Luft enthält, ein Geffunng von 1 bis 2 Zoll Durchmesser macht, so entweicht die Luft mit grosser Gewalt. Wenn man der Oeffnung eine Scheibe von Holz oder Metall nähert,

Fig. 408.



welche 7 bis 8 Zoll Durchmesser hat. so wird sie, nachdem der erste Widerstand überwunden ist, nicht mehr abgestossen; sie oscillirt lebhaft, indem sie in sehr kurzen Zwischenräumen sich der Oeffnung bald nähert. bald von ihr entfernt. Die Luft entweicht dabei mit grossem Gcräusch zwischen der Scheibe und der Wand. Wenn man versucht, die Scheibe weg-

zunehmen, so muss man grosse Kraft anwenden, wie wenn sie auf die Wand festgeleimt wäre. Clement und Desormes erklärten dies Phänomen ganz richtig. Der Luftstrahl, welcher die Oeffnung verlässt, muss sich in eine dünne Schicht zwischen der Scheibe und der Wand ausbreiten. Bei unveränderter Dicke muss sie sich nm so mehr ausbreiten, je mehr sie sich dem Rande der Scheibe nähert; sie befindet sich also in dem Falle wie ein flüssiger Strahl, welcher die immer wachsenden Querschnitte eines konischen Ansatzrohres ausfüllen soll. Zwischen der Scheibe und der Wand bildet sich ein luftverdünnter Raum, in Folge dessen die atmosphärische Luft, von unten gegen die Scheibe drückend, sie an die Wand anpresst.

Man kann diesen Versuch auch im Kleinen anstellen, wenn man Luft mit dem Mund durch eine Röhre bläst, welche mit einer ebenen Scheibe endigt, wie dies Fig. 409 dargestellt ist. Diese Scheibe hat natürlich in

Fig. 409.



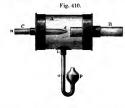
Scheiben 1 Centimeter machen.

der Mitte ein Loch. Nahe am Rande sind drei Stäbchen, etwa von Draht, befestigt. An ihrem unteren Ende ist an jedem dieser Stäbchen ein Knopf angebracht, und auf diesen drei Knöpfchen liegt endlich frei nach oben beweglich eine Scheibe von Kartenpapier; sic hat drei Einschnitte. durch welche die drei Stäbchen hindurchgehen. Sobald man bei a in die Röhre ab hineinbläst, wird die bewegliche Scheibe gehoben und bleibt an der oberen Scheibe hängen. his man mit Blasen aufhört.

Den Durchmesser der Scheiben kann man ungefähr 1 Decimeter, die verticale Entfernung der beiden

Die einfachste Art, diesen Versuch anzustellen, hat Faraday angegeben. Man schliesse die Finger der offenen Hand fest an einander, so wird doch noch von Gelenk zu Gelenk ein spaltartiger Zwischeuraum bleiben. Während man nun die Hand auf diese Weise horizontal hält, so dass die Pläche abwärts gekehrt ist, applicire man die Lippen dem Intervall zwischen dem Zeige- und Mittellinger, nahe an ihren Wurzeln, nud blase möglichst stark. Bringt man nun ein Stück Papier von 3 bis 4 Qaadratzoll an die Oeffnung, durch welche der Lufstrom hindurchgeht, so wird es weder durch diesen Lufstrom fortgeblasen, noch fällt es durch sein Gewicht herab, was aber sogleich geschieht, sobald man mit Blasen anfhört.

Schr schön wird das Phänomen des Sangens durch ausströmende Gase auch mittelst des Apparates Fig. 410 erläutert. Ein etwas weites, kurzes Gharohr A ist auf beiden Seiten durch aufgekittete Kappen von Messingblech geschlossen. In die eine derselben ist die Glasröher B, in die andere ist die noch engere Glasröher C so eingekittet, dass die etwas ein-



grangene etwa I. Linie weite Mindung d der Röhre C gann nahe vor dem einen Ende der Röhre B steht. Bei hist die Röhre A durchholurt und in eine hier aufgekittete Messingfassung ein auf der einen Seite kugelformig erweitertes Manometerrohr einerkeitet. Das Manometerrohr wind nagefähr bis zur Höhe op mit gefärltem Wasser gefüllt. Wenn man nun

98

bei n stark in das Rohr C hineinbläst, so sieht man alsbald, wie die Flüssigkeit im Manometerrohr von o aus ungefähr 1 Zoll hoch in die Höhe steigt, ein Beweis, dass durch das Blasen eine Luftverdünnung in A hervorgebracht wird.

Die Laftverdinnung rührt daher, dass der bei d mit ziemlicher Geschwindigkeit austretende Laftstrom, in dem weiteren Rohre B sich ausbreitend, eine saugende Wirkung auf die Luft in A ausült. Dieser Verruch erklärt sehr gut die Wirkung des sogenannten Blaserohrs der Locomotiven.

Widerstand der Flüssigkeiten und der Gase. Wenn ein 157 fester Körper in einer Flüssigkeit oder in einem Gase bewegt werden soll, so mass er nothwendig mehr oder weniger Flüssigkeits- oder Luftthielchen vor sich herschieben und auf die Seite treiben, und dadurch wird stets ein Theil der beschleunigenden Kraft verzehrt, welche auf den festen Körper wirkt; kurz Flüssigkeiten und Gase üben einen Widerstand gegen die Bewegnng fester Körper innerhalb ihrer Masse aus.

Die Grösse dieses Widerstandes hängt ab

1) von der Grösse der Oberfläche des bewegten Körpers, und

2) von der Geschwindigkeit desselben.

Den Einfluss der Oberfläche betreffend, so ist klar, dass der Widerstand, welchen Gase und Flüssigkeiten (als deren Repräsentanten wir Luft und Wasser nehmen wollen) der Bewegung eines Körpers innerhalb ihrer Masse entgegensetzen, demjenigen Theil seiner Oberfläche proportional sein muss, welcher rechtwinklig and der Richtung der Bewegung steht.

So kommt es demn, dass ein und derselbe Körper bei gleicher Geschwindigkeit bald mehr, bald weniger Wilderstand zu überwinden hat, je nachdem er mit seiner breiten oder mit seiner schmalen Seite gegen die Luft oder das Wasser stösst, wovon man sich leicht mit Hülfe eines etwas breiten hölzernen Lineales überzeugen kann.

Den Einfluss der Oberfläche kann man auch mit Hülfe des Apparates Fig. 411 nachweisen. Die Umdrehung der horizontalen Axe xx wird



Die Umdrehung der horsontalen Ax 2x wird durch ein Gewicht bewerkstelligt, welches an einer um die Spule 8 geschlungenen Schuru hängt; die Windfäligel zw können nach Belieben so gestellt werden, dass ihre Oberfläche rechtwinklig zur Axe xx oder dass sie parallel mit ihr steht. Unsere Figur zeigt die letztere dieser beiden Stellungen. In der ersten Stellung durchschneiden die Windfäligel gleichsam die Luft und es erfolgt eine rasche Rotation; im letzteren Falle abet, wo sie mit ihrer vollen Breite gegen die Luft drücken, ist der zu überwindende Widerstand so bedeutend, dass nur eine langsame Umdrehung erfolgt.

Der verzögerude Einfluss des Luftwiderstandes (oder des Wasserwiderstandes) ist nm so bedeutender, je grösser die Oberfähet des zu bewegenden Körpers im Vergleich zu der beschleunigenden Kräf ist, welche ihn treibt. Um zu machen, dass ein Körper in der Luft lanessen

fällt, hat man nur dafür zu sorgen, dass er bei gleicher Masse eine möglichst grosse Oberfäche habe. Eine Seifenblase fällt langsamer als ein Wassertropfen von gleichem Gewicht. Auf diesem Umstand beruht auch das langsame Fällen einer Flaumfeder, die Wirkung des Fällschirmes, Fig. 412 und 413.

Je mehr man die Dimensionen eines sehweren Körpers verkleinert, desto langsamer wird er im Wasser oder in der Luft fallen, weil bei der Verkleinerung seine Masse, also auch die beschleunigende Kraft, welche iha niedertreibt, in weit rascherem Verhältniss abnimmt als seine Oherfläche. Betrachten wir z. B. eine Kugel von Kreide, welche 1 Linie im Durchmesser hat, so wird dieselbe mit einer bestimmten Geschwindigkeit



im Wasser sinken; ein Kreidekügelchen aber, welches nur ½, Linie Durchmesser hat, wiegt 1000mal weniger, die Kraft, welche es fallen macht, ist also 1000mal geringer, während seine Oberfläche nur 100mal geringer ist als die Oberfläche einer 1 Linie dicken Kugel. Für die kleine Kugel ist also, wenn dieselbe im Wasser fällt, der Widerstand des Wassers im Vergleich zur beschleunigenden Kraft, welche sie niedertreitt, 10mal grösser als für die grosse Kugel, die kleine Kugel wird abso auch weit langsamer fallen als die grosse. Dieser Umstand erklärt auch, wie es kommt, dass ganz fein zertheitle Substanzen, wie Kreidepulver, Lehmtheilchen, welche das Wasser trüben, so lange in demselben auspendirt bleiben und sich nur sehr langsam absetzen; er erklärt ferner, wie es kommt, dass feine Stäuchen, Nebelbläschen u. s. w. in der Lauft sehweben.

Untersuchen wir nun, in welcher Beziehung der Luft- und Wasserwiderstand zur Geschwindigkeit der bewegten Körper steht.

Während der Widerstand der Reibung von der Geschwindigkeit des ber einen anderen hingleitenden Körpers unabhängig ist, wächst der Widerstand der Flüssigkeiten und Gase, wenn die Geschwindigkeit der in ihnen sich bewegenden Körper zunimmt, und zwar in einem weit rascheren Verhältniss als diese Geschwindigkeit selbst, wie sich aus folgender Betrachtung ergiebt:

Wenn ein Körper sich mit der doppelten, mit der dreifachen Geschwindigkeit bewegt, so muss er in gleicher Zeit nicht allein die doppelte, die dreifache Luft- oder Wassermasse aus dem Wege räumen, sondern auch

den aus ihrer Stelle getriebenen Partikelchen die doppelte, die dreifsche Geschwindigkeit mittheilen; demnach muss also der fragliche Widerstand im Verhältniss des Quadrats der Geschwindigkeit zunehmen.

Es ist dies jedoch nur eine erste Annäherung; in der That wächst der Widerstand der Flüssigkeiten und Gase in einem noch etwas rascheren Verhältniss.

Da nun für einen mit beschleunigter Geschwindigkeit fallenden Körper der Luftwiderstand so rasch zunimmt, so muss nach einiger Zeit nothwendig dieser Widerstand so gross werden, dass er der beschleunigenden Kraft das Gleichgewicht hält, und von diesem Augenblick an fällt der Körper mit gleichförmiger Geschwindigkeit.

Dieser Zeitpunkt, in welchem in Folge des Luftwiderstandes die beschleunigte Bewegung des fallenden Körpers in eine gleichförmige übergeht, muss nothwendig um so eher eintreten, je grösser seine Oberfläche im Vergleich au seinem Gewichte ist. Eine Seifenblase, eine Flaumfeder, Schneeflocken u. s. w. sehen wir mit gleichförmiger Geschwindigkeit sinken. — Auch die Regentropien durften wohl mit einer gleichförmigen Geschwindigkeit fallen, welche bei Weitem geringer ist, als die Geschwindigkeit, mit welcher sie auf dem Boden ankommen würden, wenn ihr Fall nicht durch den Luftwiderstand verzögert worden wäre. Ein Wassertropfen, der von einer Höhe von 3000 Puss hernbgefallen ist, müsste ohne eine solche Verzögerung mit der enormen Geschwindigkeit von 420 Puss aufschlagen, wihrend die Fallgeschwindigkeit der Regentropfen schwerlich viel grösser ist als 30 Fuss in der Secunde.

Wie durch den Luftwiderstand eine beschleunigte Bewegung sehr bald in eine gleichförmige übergeführt werden kann, lässt sich auch mit Hülfe des schon oben beschriebenen Apparates, Fig. 411, nachweisen.

158 Anwendung des Wasser- und Luftwiderstandes. Gerade so wie die Reibung den Füssen des Pferdes den festen Stützpunkt verleiht, dessen es bedarf, um eine Last fortzuschen, so bietet auch der Widerstand des Wassers dem Ruder, dem Schaufelrad einen, wenn auch nicht vollkommen festen Stützpunkt, durch welchen es möglich wird, den Kahn und das Dambfehiff auf dem Wasser fortzuberweren.

Die Wirkungsweise des Ruders und des Schaufelrades bedarf wohl kaum einer weiteren Erläuferung, da es sich ja hier nicht darum handelt, die Grösse des Nutzeffectes zu ernitteln, welche man mit diesen Vorrichtungen erreicht. Etwas weniger leicht ist die Wirkungsweise der Schiffsschraube zu übersehen, welche in neuerer Zeit eine grosse Bedeutung für Kriegsschiffig gewonnen hat.

Um die Wirkungsweise der Schiffsschraube anschaulich zu machen, wollen wir noch einmal zur Betrachtung der Schraubenturbine, Fig. 414, zurückkehren.

Denken wir uns die Schraube nicht in einem Gefälle, sondern in ruhigem Wasser stehend, nehmen wir z. B. an, das Wasser stände jenseits der Abflussöffnung O in dem Raume C gerade so hoch wie in A, so könnte man eine Strömung des Wassers aus A nach C dadurch hervorbringen, dass man durch eine ausere Kraft eine Rotation um die Axe XX in der Richtung bewerkstelligt, wie sie durch den kleinen Pfeil bei n angedeutet



wird. Bei einer solchen Rotation wird nämlich die untere Fläche der Schraubenwindungen, gegen das Wasser pressend, es unten aus dem Cylinder B B hinausschaffen, während dem entsprechend das Wasser aus A nachströmen wird.

Dabei hat aber natürlich die untere Fläche der Schraubenwindungen einen bedeutenden Druck auszuhalten, welcher die ganze Schraube heben würde, wenn die Axe XX oben nicht genügend belastet oder auf eine

andere Weise festgehalten wäre. Sobald ein solcher Widerstand fehlt, wird die Schraube bei einer Rotation nach der angegebenen Richtung nothwendig eine fortschreitende Bewegung nach oben annehmen müssen.

Wenn die Umdrehungsaxe einer solchen frei beweglichen, ganz in Wasser eingetauchten Schraube eine horizontale Lage hat, so muss eine rasche Rotation um diese Axe nothwendig eine fortschreitende Bewegung in horizontaler Richtung bewirken, wie dies in der That bei den Schraubendampfschiffen der Fall ist.

Die Axe der Schiffsschraube, welche unmittelbar vor dem Steuerruder angebracht ist, wie Fig. 415 zeigt, und welche sich ganz unter Wasser



Fig. 415.

befindet, ist dem Kiele, also der Längenaxe des Schiffes, parallel, und ihre Umdrehung wird durch eine Dampfmaschine bewerkstelligt.

Für Kriegsschiffe liegt der Hauptvortheil der Schraube vor den Schaufelrädern der gewöhnlichen Dampfschiffe darin, dass sie den feindlichen Kugeln nicht so ausgesetzt ist und dass die ganze Breitseite des Schiffes mit Geschützen besetzt werden kann.



Die in Fig. 416 dargestellte Schiffsschraube ist eine doppelgängige; sie besteht aber nur aus zwei halben Schraubengängen rs und tu, welche jedoch weit steiler sind als die Windungen der Schraubenturbine Fig. 414.

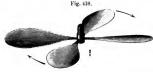
> Je nach der Richtung, in welcher die Schraube umgedreht wird, geht das Schiff vorwärts oder rückwärts.

Das erste Schraubenschiff "Archimedes", welches der Engländer

Smith im Jahre 1840 construirte. hatte eine Schraube, welche nur aus einer einzigen Windung von 360° be-

stand. Später construirte man mit Vortheil zweiflügelige Schrauben, d.h. solche von zwei Windungen zu je 180°, uud eine solche ist die in Fig. 416 dargestellte. Gegenwärtig werden auch 3- und 4flügelige Schiffsschrauben angewandt. Fig. 417 stellt eine 3flügelige Schiffsschraube dar.

Um die Wirkung der Schiffsschraube anschaulich zu machen, ist wohl nicht geeigneter als ein unter dem Namen des Fliegers bekanntes Kinderspielzeug. An einem kurzen aus Biech gemachten Cylinder, Fig. 418, sind Flügel befestigt; diese Flügel sind nun sämmtlich etwas gegen die Ebene



geneigt, welche rechtwinklig auf der  $\Lambda$ xe des centralen Cylinders steht, jeder dieser Flügel bildet also ein Stück einer sehr schwach aufsteigenden um den ceutralen Dorn gelegten Schraubenfläche. Diese Vorrichtung wird nun in die Gabel der Rotationsvorrichtung A B, Fig. 419, gelegt. Den Handgriff B hält man in der linken Hand, während man durch rasches Abziehen einer Schnur, welche um den oberen, um seine verticale Axe



drehbaren Theil gewunden ist, diesen in rasche Rotation versetzt Diese Rotation theilt sich auch dem Flieger mit, der sich nun in Folge derselben in der Luft gleichsam hinaufschraubt und eine ziemlich bedeutende Höhe erreichen kann. Wenn man den Versuch im Zimmer anstellt, so steigt der Flieger bis an die Decke, an welcher er so lange verweilt, bis die Rotationsgeschwindigkeit so weit abgenommen hat, dass sie ihn nicht mehr in der Luft zu erhalten vermag.

Fig. 420 zeigt einen Durchschnitt der Vorrichtung, durch welche man den Flieger in Rotation versetzt.

# Zweites Buch.

# DIE AKUSTIK.

#### Erstes Capitel.

### Fortschreitende und stehende Luftwellen.

Wibrationsbewegung. Wenn ein Pendel aus seiner Gleichgreichtslage herausgebracht und dann sich selbst überlassen wird, so
wird es zunächst durch die Schwere seiner Gleichgewichtslage wieder zugeführt; in derselben augelangt, kann es aber nicht in Ruhe bleiben, weil
es mit einer Geschwindigkeit ankommt, die es über die Gleichgewichtslage
hinaustreibt, und so macht denn das Pendel eine Reihe von Schwingungen,
deren Gesetze wir schon oben betrachtet haben.

Bei der Bewegung des Pendels bleibt die gegenseitige Lage der Theichen desseben unverändert. Wenn aber die gegenseitige Lage der einzelnen Theilchen eines Körpers durch irgend eine äussere Ursache gestort wird, so werten dieselben, wenn irgend Kräfte vorhanden sind, welche die ursprünglich Gleichgewichtslage wieder herzustellen streben, ebenfalls in eine oscillatorische Bewegung gerathen, welche sich von der Pendelbewegung wesentlich dadurch unterscheidet, dass sich die gegenseitige Lage der Partikelchen mit jedem Momente ändert; man hat also hier nicht allein die Oscillationsbewegung eines einzelnen Theilchens, sondern auch die Veränderungen in der gegenseitigen Lage der Theilchen zu betrachten.

Die Oscillationsbewegung der einzelnen Theileben eines Körpers kann von der Art sein, dass alle Theileben gleichzeitig in Bewegung gerathen, gleichzeitig ihre Gleichgewichtslage passiren, gleichzeitig ihren Rückweg wieder beginnen. Von dieser Art sind die Vibrationen eines an einem Ende eingeklemmten Stahlstreifens, Fig. 421, einer zwischen zwei festen Punkten ausgespannten Saite, Fig. 422 (a.f. S.). Solche Schwingungen nennt man nach Weber 7, stehende Sehwingungen.

Wenn die Bewegungen der einzelnen Theilchen von der Art sind, dass die Vibrationsbewegung von Theilchen zu Theilchen fortschreitet, dass je-



des folgende Theilchen dieselben Oscillationen macht wie das vorhergehende, nur mit dem Unterschiede, dasse es seins Dewegung später beginnt, so sind dies fortschreitende Schwingungen Durch die fortschreitende Schwingungen werden Wellen erzeugt. Die Bewegung, das Fortschreiten, der Welle ist hier wesentlich von der Oscillation der einzelan Theilchen zu unterscheiden.

Beispiele von Wellenbewegung liefern uns eine ruhige Wasserfläche, auf welche man einen Stein fallen lässt, ein langes gespanntes Seil, gegen welches man nahe am einen Ende einen kräftigen Schlag führt, die Schallwellen in der Luft u.a.w. Wir werden diese verschiedenen Wellenbewegungen alablad näher betrachten.

Die Vibrationsbewegungen können nun je nach der Ursache der Störung des Gleichgewichtes, je nach der Natur der Kraft, welche die Theil-



chen wieder in die Gleichgewichtslage zurückzuführen strebt, bald grösser, bald kleiner sein, so dass dadurch die änsere Gesatil der Körper merkliche oder unmerkliche Formweränderungen erleidet. Die Vibrationen können langsamer oder schneiler sein; sie sind oft langsam genug, um die einzelnen Schwingungen mit dem Auge verfolgen und zählen zu können, oft sind sie aber auch so schneil, dass man die einzelnen Oseillationen nicht mehr für sich zu unterscheiden vermag.

Wenn die stehenden Schwingungen eines Körpers einen gewissen Grad von Geschwindigkeit überschreiten, so kann ihre Gesammtwirkung noch dadurch einen gewissen Eindruck hervorbringen, dass sie in den umgebenden Medien Wellenbewegungen erzeugen, durch welche die Vibrationsbewegung bis zu besonders eingerichteten Sinnesorganen fortgeleitet wird und hier eine eigenthümliche Empfindung veranlasst.

So veranlassen Vibrationen, deren Geschwindigkeit innerhalb gewisser balden Alber zu besprechender Gränzen liegt, in der Luft oder anderen elastischen Medien Wellen, welche, in abwechselnden Verdichtungen und Verdünnungen bestehend und bis zum Ohre fortgepflanzt als Ton wahrgenommen werden. Noch ungleich schnellere Vihrationen der Körpertheilchen bringen durch die Wellenbewegung eines eigenthümlichen elastischen Fluidums, welches wir Aether nennen, bis in unser Auge fortgepflanzt, hier den Eindruck des Lichtes hervor.

Da nun sowohl Schall- als Lichtribrationen durch Wellenbewegung fortgepflanzt werden, so wollen wir zunächst die wichtigsten Gesetze der Wellenbewegung überhaupt etwas näher betrachten und diese Betrachtung mit den Wasserwellen heginnen, weil von ihnen doch der Begriff Welle entnommen ist nun weil durch das Verständniss der Wasserwellen das Verständniss anderer Wellenbewegungen, namentlich der Schallwellen, welche uns hier vorgussweis intersseiren, asher erleichtert wird.

Wasserwellen. Wenn man einen Stein ins Wasser wirft, so bil- 160 den sich kreisförmige Wellen, welche sich von einem Mittelpunkte (der Stelle, wo der Stein ins Wasser fiel) aus nach allen Richtungen mit gleichförmiger Geschwindigkeit verbreiten, wenn nicht irgend eine störende Urssche wirkt. Die Wellen bestehen aus abwechendende Bergen und Thalern, welche ziemlich rasch auf einander folgen und welche in der Richtung von dem Mittelpunkte nach aussen hin fortschreiten.

Während nun ein Wellenberg nach aussen hin fortschreitet, nehmen nicht etwa auch die einzelnen Wassertheilchen an dieser fortschreitenden Bewegung Antheil; denn wenn ein Stückhen Holz auf dem Wasser schwimmt, so sicht man, wie es abwechselnd gehohen wird und sich dann wieder senkt, wenn Wellenberge und Wellenthäler gleichsam unter him wegziehen.

Die Kraft, durch welche die Wasserweilen hier fortgepflanzt werden, ist die Schwere; denn wenn durch irgend eine Ursache in der horizontalen Wasserfläche eine Erhöhung oder Vertiedung hervorgebracht wird, so wirkt alsbald die Schwere der einzelnen Wassertheilchen, um die gestörte horizontale Ehene wieder herzustellen; dadurch wird eine Oscillationsbewegung hervorgebracht, welche nach und nach von Theilchen zu Theilchen fortgenflanzt wird.

Sobald sich einmal regelmässige Wellen gehildet hahen, beschreiben die einzelnen Wassertheitlen an der Oberfläche während des Portschreitens der Welle in sich zurückkehrende Curven, welche im Falle der grössten Regelmässigkeit Kreise sind; nur in solchen Fällen, in welchen der dem Gipfel vorangehende Theil des Wellenberges dem folgenden nicht gleich ist, beschreiben die einzelnen Wassertheilchen Curven, die nicht in sich geschlossen sind, von der Art, wie sie Fig. 423 dargestellt sind.

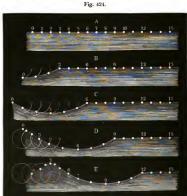
Die Bewegung der einzelnen Wassertheilchen während des Fortschreitens der Welle ist von den Gehrüdern Weber durch eine Reihe genauer Versuche ermittelt worden. Sie bedienten sich zu

Fig. 423. Versuche ermittett worden. Sie bedienten sich zu diesen Versuchen einer grösseren und kleineren Wellenrinne. Die kleinere war ungefähr 51/2 Fuss wurden durch Glastafeln gehildet, welche 6,7 Linien weit von einander

abstanden; bei der grösseren, welche einen 6 Fuss langen, 2,5 Fuss tiefen und 1 Zoll 1,4 Linien breiten Raum einschloss, waren die Seitenwände durch Bretter gebildet, in denen nur an einzelnen Stellen Glasstreifen wasserdicht eingesetzt waren. (Wellenlehre auf Experimente gegründet von den Brüdern E. H. Weber und W. Weber, Leipzig 1825.)

Betrachten wir nun den Zusammenhang zwischen der Bewegung der einzelnen Wassertheilchen und dem Fortschreiten der Welle etwas genauer.

Nehmen wir an, eine ganz regelmässige Welleubewegung habe sich, von der Linken zur Rechten fortschreitend, bis zu dem Wassertheilchen 0, Fig. 424, fortgepflanzt und veranlasse dieses Theilchen, unn eine kreisförmige Bahn zurückzulegen. Während nun das Theilchen 0 zum ersteu



Male seine Kreisbahn vollendet, wird die Bewegung eine bestimmte Strecke sich fortpfanzen. Das mit 12 bezeichntet Wassertbeilchen sei nun dasjenige, bis zu welchem sich die Oscillationsbewegung von 0 aus fortpflanzt, während 0 eine Umdrehung vollendet, so wird 12 seine erste Umdrehung in demselben Mouente beginnen, in welchem 0 seine zweite Umdrehung beginat. Penken wir uns nun den Umfang des Kreises, welchen das Theichen O beschreibt, und ebenso den Raum zwischen 0 und 12 in 12 gleiche Theile geheilt, so wird die Wellenbewegung in der Richtung von 0 nach 12 immer um eine Abtheilung weiter sehreiten, während das Theilchen O gerade <sup>1</sup>/<sub>12</sub> seiner kreisförnigen Bahn zurücklegt.

Während das Theilchen 0 das erste Zwölftel seiner Bahn zurücklegt, pflanzt sich also die Wellenbewegung bis 1, während 0 das erste Viertel

seiner Bahn zurücklegt, pflanzt sie sich bis 3 fort.

Fig. 424 B stellt den Moment dar, in welchem das Theilehen 0 den vierten Theil oder  $^{3}l_{12}$  des Kreises zurückgelegt hat, den es durchlanfen soll; das Theilehen 1 hat in diesem Augenblicke  $^{3}l_{13}$ , das Theilehen 3 hat  $^{3}l_{12}$  seimer Kreisbahn zurückgelegt, das Theilehen 3 ist noch nicht aus seimer Gleichgewichtslage verräckt.

Die Fig. 424 C bezieht sieh auf den Augenblick, in welchem das Theilchen O die Hälfte seiner Bahn zurückgelegt hat; das Theilchen I hat <sup>4</sup>/<sub>13</sub>, das Theilchen 3 hat <sup>4</sup>/<sub>13</sub> seiner Bahn zurückgelegt, die Theilchen 4 nnd 5 befinden sieh in derselben Lage wie die Theilchen 1 und 2 der vorigen Figur. Das Theilchen 6 ist noch nicht aus seiner Gleichgewichtslage entfernt, beginnt aber eben seine Bewegung.

Hier hat das Theilchen 3 seine tiefste Stellung erreicht; es befindet sich in der Mitte eines Wellenthals.

Wenn nun abermals ½, der Zeit vergangen ist, welche ein "Theilchen brancht, nm seinen Kreisland ganz m vollenden, so wird das Theilchen 3 in eine solche Lage gegen seine ursprüngliche Stellung gekommen sein, wie es jetzt für das Theilchen 2 der Fall ist; das Theilchen 4 hat seine itselfest Stellung erreicht, es ist um ½, Kreis von seiner Gleichgewichbalge entfernt; das Wellenthal ist also in diesem Zeittheilchen von 3 his 4 fortgerückt.

Fig. 424 D stellt den Moment dar, wo das Theichen 0 <sup>π</sup>/<sub>δ</sub> seiner Weges zurückgelegt, wo es den höchsten Punkt seiner Bahn erricht hat; hier ist also der Gipfel eines Wellenberges. Das Theilchen 1 hat bereits γ/(π, 2 hat γ/(π, 3 hat π/π), 8 hat γ/(π) seiner Bahn zurückgelegt; die Theilchen 4, 6, 7, 8 befinden sich in derselben Lage, wie 1, 2, 3, 4 und 5 der vorigen Figurs. Von dem Momente an, auf welchen sich Fig. 424 C bezieht, his zu dem Momente, welchen Fig. 424 D darstellt, ist das Wellenthal von 3 bis 6 fortgerückt.

Während das Theilchen O das lettle Viertel seiner Bahn zurücklegt, schreitet der Wellenberg von O bis 3, das Wellenthal von 6 bis 9 fort, und in demselben Moment, wo O seine Bahn zum ersten Male zurückgelegt hat, um sie zum zweiten Male zu beginnen, wird das Theilchen 12 zum ersten Male seine Bewegung anfangen.

Dieser Moment ist in Fig. 424 E dargestellt, welche wohl keiner Erlänterung mehr bedarf.

Der schraffirte Theil der Fig. 425 stellt den Wellenzug für den Angenblick dar, in welchem das Theilchen 0 zum zweiten Male seine Oscilla-

tion vollendet hat; in diesem Moment wird das Theilchen 12 zum ersten Male eine Oscillation vollendet und die Bewegung überhaupt sich bis 24

fortgepflanzt haben; ein Wellenberg ist in 3, ein zweiter in 15, ein Wellenthal in 9, ein zweites in 21.

Wenn nun die Wellenbewegung ungestört fortdauert, so werden dadurch, dass die einzelnen Wassertheilchen fortfahren, ihre Kreisbahnen zu durchlaufen, die Wellenberge sowohl als die Wellenthäler gleichmäsig in der Richteng von der Linken zur Rechten fortschreiten, indem ein Theilchen nach dem anderen den höchsten oder tiefsten Punkt seiner Bahn erreicht.

Von dem eben besprochenen Moment an gerechnet, werden die Theilchen 6 und 18 and-1/4, die Theilchen 9 und 21 nach 1/3, die Theilchen 12 und 24 nach 1/4 der ganzen Oscillationsdauer auf dem Gipfel des Wellenberges angekommen sein. Die Welle wird also der Reihe nach die in Fig. 425 durch ausgezogene Curven angedeuteten Lagen einnehmen.

So schreitet denn Wellenberg und Wellenthal dadurch voran, dass allen Wassertheilchen dieselbe Kreisbewegung mitgetheilt wird, dass aber jedes folgende Theilchen dieselbe später beginnt als das vorangehende.

Die Entfernung von einem Theilchen bis zum nächsten, welches sich in gleichen Sobwingungszuständen befindet, also die Entfernung von O bis 12, von 12 bis 24, heisst eine Wellenlänge; denn jene Theilchen beginnen gleichzeitig ihre tiefen und ihren blöchsten Stand. Demnach ist auch die Entfernung von dem Gipfel eines Wellenberges bis zum nächsten, also in unserer Figur von 3 bis 15, von der Mitte eines Wellenthales bis zur Mitte des nächsten Wellenthales, also hier von 9 bis 21, eine Wellenlänge.

Solche Theilchen, welche um <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Wellenlänge von einander entfernt sind, wie 0 und 6, 3 und 9, 9 und 15, befinden sich stets in entgegengesetzten Schwingungszuständen. Das Theilchen 9 z. B. bildet eben den tiefsten Punkt eines Wellenthales, 3 und 15 dagegen den Gipfel eines Wellenberges. Die Theilchen 0 und 6 befinden sich zwar beide in der Röbe ihrer Gleichgewichtslage, allein die Bewegung von 0 ist nach unten, die von 6 ist nach oben gerichtet.

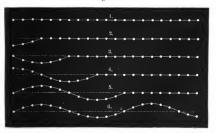


Während ein Theilchen eine ganze Oscillation vollendet, schreitet die Welle um eine Wellenlänge voran.

Die nähere Betrachtung des Verhältnisses zwischen der Fortpfänzunggeschwindigkeit der Wellen, der Grösse und Dauer der Oscillationen und
der Gestalt der Wellen, der Oscillationsbewegung der Theilehen im Inneren der Flüssigkeit, der Abnahme der Höhe der Wellenberge und Thäler
mit der Entfernung von dem Ursprunge der Welle, die Bildung der Wellen auf grossen Gewässern unter dem Einflusse des Windes würde uns hier
zu weit führen; wir mässen in dieser Beziehung auf das sehon oben genamnte classische Werk der Gebrüder Weber verweisen. Ebenso lassen
wir hier die Erscheinungen der Reflexion und Interferenz der Wasserwellen unberücksichtigt, da wir die entsprechenden Erscheinungen bei
den Schall- und Lichtwellen doch nähre untersuchen mütses.

Sellwellen. Es ist schon bemerkt worden, dass die Bahnen der 161 Wassertheilchen nicht immer, wie wir in unseren Zeichnungen annahmen, genau kreisförmig, ja nicht einmal immer in sich selbst zurückkehrende Curven sind. Häufig geht die kreisförmige Bahn in eine elliptische über, indem bald der horizontale, bald der verticale Durchmesser der grössere ist. Wäre der horizontale Durchmesser gleich Null, so würden die einzelnen Theilchen nur rechtwinklig zu der Richtung, nach welcher sich die Wellen fortpflanzen, auf und nieder oscilliene. Eine Bewegung der Art

Fig. 426.



ist es, welche die Wellen am gespannten Seile fortpflanzt. Später werden wir auch eine solche Wellenbewegung bei der Lehre vom Lichte kennen lernen.

Maller's Lehrbuch der Physik. 6te Aufl, L.

Die Curren 1 his 6, Fig. 426 a. vor. S., sollen dazu dienen, die Fortpfanzung solcher Wellen, also etwa der Seilwellen, anschaulich zu machen. Diese Curren entsprechen ganz den Figuren 324 und 325; sie lassen sich aus diesen ableiten, wenn man den horizontalen Theil der Bewegung gleich Null setzt, sie werden deshalb auch ohne weiter Erklärung verständlich sein.

Wenn eine Seilwelle, gegen den einen Befestigungspunkt fortschreitend, an demselben angekommen ist, so wird is reflectirt, sie kehrt wieder nach dem anderen Ende zurück und läuft so mehrmals hin und her. Wenn aber nun fortwährend neue Wellen erzeugt werden, so wird es kommen, dass die reflectirten Wellen den neu ankommenden begegnen; durch das Zusammenwirken der beiden Wellensysteme aber bilden sich stehen de Wellen.

162 Fortpflanzung des Schalles. Jeder Körper, welcher sich im Zustande stehender Schwingungen befindet, veranlasst in den ihn ungebenden elastischen materiellen Medien eine Wellenbewegung, welche, bis zu unseren Ohre fortgepflanzt, die Empfindung des Schalles hervorbringt. In der Regel ist es freilich die Lint, in welcher sich die Schallwellen bis zu unserem Gehörorgane fortpflanzen, doch sind auch alle anderen elastischen Körper, feste sowohl wie flüssige, fähit, den Schall mehr oder weniger gut zu leiten.

Durch stehende Schwingungen elastischer Körper wird also der Schall erzeugt, durch eine Wellenbewegung elastischer Medien wird er fortgepflauzt.

Zur Fortpflanzung des Schalles sind materielle Medien unbedingt erforderlich; das Vacuum kann den Schall nicht feiten. Um dies zu zeigen, setze man auf den Teller der Luftpunne ein auf-

gezogenes Weckrewick, Fig. 427, jedoch so, dass die Füsse desselben nicht direct auf dem Teller aufstellen, sondern auf einem Kissen von Wolle oder Kattun oder auch auf einigen auf einander gelegten Pfättelen von diekem vulkanisirten Kautschuk ruben. Durch das Uhrwerk wird ein Hammer,



welcher sich bei unserer Vorrichtung im Inneren der Glocke befindet, bald auf der einen, halt auf der anderen Seite derselben angesehlagen. Der dadurch erzengte Schall wird sogleich sehwächer, wenn man die gläserne Luftpumpenglocke außestz, aber immerhin bleibt er noch deutlich horbar; wird aber nun ewacuitt, so verschwindet der Ton vollständig. Lässt man dann die Luft allmälig wieder eintreten, so unterscheidet man abshuld den Ton, welcher stärker und stärker wird, wenn sich die Glocke mehr und mehr mit Luft fällt. Der Schall kann sich also nicht durch den Jeeren Raum fortuffangen.

Der größte Lärm auf der Erde kann sich

demnach nicht über die Gränzen unserer Atmosphäre verbreiten, dagegen kann aber anch von keinem anderen Himmelskörper nur das mindeste Geräusch bis zu unserer Erde dringen; die furchtbarsten Explosionen könnten auf dem Monde stattfinden, ohne dass wir davon etwas hörten.

Saussure ssgt, dass auf dem Gipfel des Montblanc ein Pistolenschuss weniger Geräusch macht, als wenn man in der Ebene ein Kinderkanönchen losschieset, und Gay-Lussac fand, mit seinem Ballon in einer Höhe von 7000 Metern, also in einer sehr verdünnten Laft schwebend, dass die Intensität seiner Stüme nagemein abgenomen hatte.

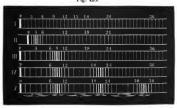
Nicht in der Luft allein, sondern in allen Gasen und Dämpfen kann sich der Schall verbreiten. Um sich davon zu überzeugen, brancht man nur die Gase oder Dämpfe in das Vacuum eintreten zn lassen, in welchem sich das gehende Weckerwerk Fig. 427 befindet.

Im Wasser pflanzt sich der Schall sehr gut fort, die Taucher hören, was am Ufer gesprochen wird, und am Ufer hört man deutlich, wenn in grossen Tiefen zwei Steine an einander geschlagen werden.

Die festen Körper endlich können den Schall nicht allein erzeugen, sodern auch fortpflanzen. Wenn man dem einen Ende eines 60 bis 70 Fuss langen Balkens das Ohr nishert, so hört man dentlich, wenn am anderen Ende nur schwach angeklopft wird, wenngleich das Geräusch in der Luft so schwach ist, dass es selbst der kaum hört, welcher es hervorgebrach hat.

Schallwellen. Um die Art und Weise, wie sich die Schallschwin- 163 gungen in der Luft fortpflanzen, anschaltle zu machen, wollen wir nus denken, dass die Luft in einer an einem Ende offenen Röhre durch die Oscillationen eines am anderen Ende angebrachten Kolbens in Schwingungen versetzt wird.

In Fig. 428 ist eine solche Röhre dargestellt; die bei I gleich weit von einander stehenden Striche stellen einzelne Schichten der überall gleich Fig. 428.



dichten Luft dar; p ist der Kolben. Dieser Kolben soll um die Länge ag, Fig. 429, rasch hin und her gehen; und swar wollen wir annehmen, dass er diese Oscillationen nach den Gesetzen der Pendelschwingungen ausführe.

Denken wir uns demnach die Zeit, welche der Kolben zu einem Hinund Hergange braucht, in 12 gleiche Theile getheilt, so findet man, den

Fig. 429. Fig. 430.



Entwickelungen auf S. 285 entsprechend, die Punkte, in welchen er sich in jedem dieser 12 Momente befindet, durch folgende Construction: Man errichte über der Linie ag, welche dem Weg gleich ist, deu der Kolben zu durchlaufen hat, einen Kreis, wie uus Fig. 429 zeigt; den Umfang dieses Kreises theile man von a anfangend in 12 gleiche Theile und fälle von diesen Theilungs-

pankten Perpendikel auf die Linien ag. Die Durchschnittspankte dieser Perpendikel bezeichnen die Stellen, in welchen der Kolben nach  $^{1}_{11}$ ,  $^{2}_{12}$ ,  $^{2}_{12}$ ,  $^{2}_{11}$ , u. s. w. seiner Oscillationsdauer ankommen wird. Da nun aber die der Bewegung des Kolbens in Fig. 428 zu klein ist, als dass man der entsprechenden constructionsfigur, Fig. 429, noch die zur weiteren Besprechung nöthigen Buchstaben beisetzen Könnte, so ist dieselbe Construction in Fig. 430 auch noch in grösserem Massatabe ausgeführt worden und dieser Figur sind dann die Buchstaben beigesetzt worden, welche bei der folgenden Auseinandersetzung stets auf die entsprechenden Punkte der kleinen Constructionsfigur zu beziehen sind.

Im ersten Zwölftel seiner Oscillationsdauer legt der Kolben den kleinen Weg ab zurück; in den folgenden gleich grosseu Zeittheilchen die Wege bc, cd, de u. s. w. Die anfangs langsame Bewegung nimmt also abbald an Geschwindigkeit zu. 1u d erreicht der Kolben seine grösste Geschwindigkeit; von dan an wird seine Bewegung wieder langsamer, bis er das Ende seiner Bahn erreicht, wo seine Bewegung in die enfgegengesetzte übergeht. Im 7ten, 8ten, 9ten u. s. w. Zwölftel seiner Oscillationsdauer legt dannt der Kolben die Wege af, fc, cd u. s. w. zurück

Diese Bewegung des Kolbens pflanzt sich nun nach und nach auf alle die einzelnen Luftschichten der Röhre fort, jede derselben wird nach einiger Zeit dieselben Oscillationen machen wie der Kolben selbst, sie wird aber diese Bewegung um so später beginnen, je weiter sie von dem Kolben entfernt ist.

Wenn die Luft vollkommen unelastisch und starr wäre, so würde durch die Bewegung des Kolbens die gauze Lufstaule in der Röhre fortgescheben werden, alle einzelnen Luftschichten wurden gleichzeitig dieselbe Bewegung, und zwar die des Kolbens, haben; die Luft ist aber elastisch, die Bewegung pflanzt sich nur nach und nach fort, und zwar dadurch, dass die dem Kolben zunächst liegenden Schichten erst comprimirt werden und dann vermöge ihrer Elasteitist auf die folgenden wirken.

Betrachten wir den Zustand der Luftsäule in dem Moment, in wel-

chem der Kolben zum ersten Male seinen Weg nach der rechten Seite hin vollendet hat, wie dies in Nro. II Fig. 428 dargestellt ist.

Der Kolben ist eben zur Ruhe gekommen, um seine rückgängige Bewegung anzufangen, die Luftschicht 3 aber hat in ihrer Bewegung von der Linken zur Rechten eben ihre grösste Geschwindigkeit erreicht.

Die	Luftschicht	1	ist	$\mathbf{u}\mathbf{m}$	die	Länge	af
77		2	19	79	79	,,	ae
22	*	3	77	77	77		ad
77	29	4	19	19	19	19	ac
-		5	27	77		79	ab
		0					0

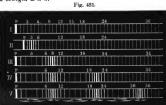
von ihrer ursprünglichen, in I dargestellten Lage entfernt, und daraus ergiebt sich die gegenseitige Lage der Schichten, wie sie in II verzeichnet ist. Bei 3 findet die stärkste Verdichtung der Luft statt.

Während nun der Kolben von der Stellung II zu seiner urspringlichen Lage zurückkehrt, Hanzt sich die Bewegung bis zur Luftschicht 12 fort; diese Luftschicht beginnt ihre Bewegung zum ersten Male in demselben Augenblicke, in welchem der Kolben zum zweiten Male nach der Rechten zu gehen beginnt. Die Lage der einzelnen Luftschichten zwischen 12 und dem Kolben, wie sie diesem Moment entspricht und wie sie in Nro. III darpstellt ist, ergiebt sich aus Olgender Betrachtung.

Während der Kolben und die Luftschicht 12 ihre ursprüngliche Lage einnehmen und momentan in Ruhe sind, sind alle zwischenliegenden Luftschichten von ihrer ursprünglichen Lage entfent; alle Lufschichten zwischen dem Kolben und 6 haben eine rückgüngige Bewegung von der Rechten zur Linken, diejenigen zwischen 6 und 12 gehen von der Linken zur Rechten.

Die	Luftschicht	1	ist	um	die	Länge	ab
77	19	2	19	77	22	* 29	ac
29		3	19	77	11	77	ad
39	19	4	n	33	n	27	ae
22		5	23	77	77	27	af
17	77	6	19	17	77	77	ag
7	79	7	77	19	77	77	af
77	"	8	7	22	19	22	ae
77	79	9	*	27	17	22	ad
19	,,	10	29	77	99	27	ac
77	77	11	77	77	27	19	ab
		12		**	19	22	0

von ihrer ursprünglichen Lage entfernt; darans ergielt sich, dass bei 9 die stärkste Verdichtung, bei 3 aber die stärkste Verdünnung der Luft stattfindet; die Laftschicht 3 hat eben ihre grösste Geschwindigkeit nach der inken, die Laftschicht 9 hat ihre grösste Geschwindigkeit nach der rechten Seite hin. Wenn nun der Kolben in Rahe bliebe, so würde zunkehst die Luftschieht 1, dann 2,3,4 u.s.w. in ihrer ursprünglichen Lage wieder ankommen, um daselbst ebenfalls in Ruhe zu bleiben, während die Bewegung sich nach der rechten Seite fortpfänzt; in dem Moment z. B., in welchem 3 in seiner usprünglichen Lage wieder ankommat, wird sich die Bewegung bis 15 fortgepfänzt haben, das Maximum der Verdichtung wird bei 12, das Maximum der Verdünung wird bei 6 ankommen. In dem Augenblicke in welchem 12 wieder in seiner ursprünglichen Lage ankommt, ist das Maximum der Verdünung bis 15, das Maximum der Verdünum bis 15, das Maximum de



Macht nun der Kolben eine zweite Oscillation, so folgt der ersten Welle eine zweite, wie dies in Nro. IV dargestellt ist, welche den Moment zeigt, in welchem der Kolben eben seinen zweiten Hin- und Hergang vollendet hat.

Vom Kolben bis 12 ist eine, von 12 bis 24 eine zweite Wellenflange, denn die Länge einer Welle ist ja die kleinste Entfermung zweier Theilchen, welche sich stets in gleichen Schwingungszuständen befinden; der Kolben und die Luftschichten 12 und 24 beginnen, im Falle der Kolben seine Oseillation fortsetzt, gleichzeitig ihre Bewegung nach der Rechten; sie durchlaufen ihren Weg nach der rechten Seite hin und wieder zurück stets in gleicher Zeiten und in gleicher Weise.

Jede Welle besteht aus einem verdünnten und einem verdichteten Theile; ersterer entspricht dem Wellenthale, letzterer dem Wellenberge der Wasserwellen.

Die Entfernung von einem Maximum der Verdichtung oder der Verdünnung bis zum nächsten, also von 9 bis 21, oder von 3 bis 15, ist gleichfalls eine Wellenlänge.

Nro. V, Fig. 431, bezieht sich auf den Moment, in welchem der Kolben

zum dritten Male seine Oscillation vollendet, wo er also drei vollständige sich einauder folgende forsteheritende Wellen erzeugt hat. In dieser Figur sind immer diejenigen Lutschichten, welche sich nach derselben Richtung bewegen, mit einer Klammer zusammengefasst. Die Mitte einer Klammer entspricht inner einem Maximum der Verdichtung oder der Verdinnung; die hier befindlichen Lutschichten haben eben ihre grösste Geselwindigkeit entweder nach der Rechten oder nach der Linken. Die Luftschichten, welche das sich befinden, wo swei Klammern zusammentreffen, befinden sich momentan in Ruhe, indem sie sich gerade am rechten oder am linken Ende der Bahn befinden, welche sie während ihrer Oscillationen hin und her durchbaten.

Um die Principien der Wellenbewegung überhaupt und namentlich auch die Verbreitung der Schallwellen in der Luft anschaulich zu unschen, haben Wheatstone und Eisenlohr mehrere für Vorlesungen sehr zu empfehlende Apparate construirt. Den gleichen Zweck habe ich durch meine nach dem Princip des (später zu besprechenden) Phenakistoscops construirte Wellenscheibe zu erreichen gesucht, welche Herr Jo. N. Val. Albert Sohn in Frankfurt a. M. nach meinen Angaben hat ausführen lassen.

Wir haben bisher der Einfachheit wegen die Fortpflanzung der Luftweiten in einer Röhre betrachtet; ganz in derselben Weise pflanzen sich
aber auch die Wellen in freier Luft von den oscillierende Körper nach
allen Seiten hin fort. So wie sich um die Stelle des Wassers, in welche
der Stein hineingefallen ist, kreisförmige Wellen bilden, so bilden sich um
den oscillirenden Körper kugelförmige Luftwellen.

Verschiedenheit der Schallempfindungen. Die Eindrücke, 164
welche unser ohr wahrzunehune vermag und welche man mit dem gemeinschaftlichen Namen des Schalles bezeichnet, sind von sehr mannigfaltiger Art. Zunächst unterscheiden wir zwischen Geräuschen (Zisschen, Plästehern, Rasseln u. s. w.) und musikalischen Klängen oder
Tönen. Die Empfindung eines Klanges wird durch regelmässige
Oscillationen des tönenden Körpers, also durch periodische Bewegungen hervorgebracht, während Geräusche von nicht periodischen Bewegungen herrähren.

Die verschiedenen Klänge oder Töne unterscheiden sich aber untereinander

- durch ihre Tonhöhe,
   durch ihre Stärke.
- 3) durch ihre Klangfarbe.

Die Tonhöhe hängt nur von der Schwingungsdauer des tönenden Körpers ab, oder was dasselbe ist, von der Schwingungszahl desselben, d. h. von der Anzahl der Oscillationen, welche er in einer gegebenen Zeit, etwa in einer Secunde ausführt. Die Töne sind um so höher, je grössor ihre Schwingungszahl oder je kleiner ihre Schwingungsdauer ist.

Welches die Schwingungszahl der verschiedenen Töne ist und wie man dieselbe ermitteln kann, wird weiter unten besprochen werden.

Die Stärke, die Intensität des Tones hängt von der Amplitude der Schwingungen ab, welche der tönende Körper macht; je grösser diese Schwingungen sind, desto stärker ist der Ton.

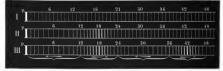
Unter Klangfarbe oder Klangcharakter versteht man die Eigenthumlichkeiten, durch welche man bei gleicher Tonhöhe und gleicher Starke den Ton verschiedener Instrumente unterscheiden kann. So hat z. B. derselbe Ton einen gauz anderen Charakter, je nachdem er von einer Violine, oder von einer Clarinette oder von einer Trompete herrährt.

Das Wesen der Klangfarbe ist vorzugsweise durch die Untersuchungen von Helmholtz ermittelt worden; wir werden darauf später zurückkommon.

165 Einfluss der verschiedenen Oscillationsgeschwindigkeit auf Wellenlänge und Tonhöhe. Die Geschwindigkeit, mit welcher sich die Schallwellen in der Luft fortpflanzen, ist, wie bald bewiesen werden wird, unabhängig von der Tonhöhe, also auch in dem oben betrachteten Falle unabhängig von der Oscillationsesechwindickeit des Kolbens.

Nehmen wir nun an, der Kolben p brauche zu einer Oscillation eine doppelt so grosse Zeit als die, auf welche sich Fig. 431 bezog, so wird auch, während der Kolben einmal hin- und hergeht, die Welle doppelt so weit fortschreiten als in jenem Falle. Nach dem ersten Hin- und Hergange des Kolbens p wird die Welle bis zur Schicht 24 fortgeschritten sein (Nro. II Fig. 432) und es befindet sich für diesen Moment ein

Fig. 432.



Dichtigkeitsmaximum bei 18, die grösste Verdünnung bei 6. — Nach zweimaligem Hin- und Hergange des Kolbens ist dann die Welle bis 48 fortgeschritten, wie man in Nro. III Fig. 432 sieht.

Man sieht, dass hier (Fig. 432) die Wellenlänge doppelt so gross ist, als für den in Fig. 431 betrachteten Fall. Wenn man aber diese Schlussweise verallgemeinert, so ergiebt sich leicht, dass die Wellenlänge eines Tones, d. h. der Abstand von einem Dichtigkeitsmaximnm in der Schallwelle bis zum folgenden, der Schwingungsdauer des Körpers proportional ist, dessen Oscillationen die Schallwellen erzeugen.

Bezeichueu wir mit  $\lambda$  die Wellenlänge eines Tones, mit t die in Secunden ansgedrückte Dauer einer Oscillation des die Welle erzeugenden tönenden Körpers, so ist demnach

wenn n ein constanter Factor ist, bezeichnet z die Anzahl der Oscillationen, welche der tönende Körper in 1 Secunde macht, so ist  $t \cdot z = 1$  also  $t = \frac{1}{z}$ , mithin auch

Die Wellenlänge eines Tones verhält sich also umgekehrt wie die Schwingungszahl derselben, d. h. umgekehrt wie die Anzahl der Vibrationen, welche in 1 Scenude gemacht werden müssen, um diesen Ton zu erzeugen.

Geschwindigkeit des Schalles. Alle Tone, welches auch 166 ihre Höhe, ihre Intensität und ihre Klangfarbe sein mag, verbreiten sich in der Lnft mit gleicher Geschwindigkeit; demn wan verschiedene Beobachter in verschiedene Entfernungen dasselbe Concert aphören, so bören sie genan denselben Tact, dieselbe Harmonie. Wenn etwa die tiefen Tone den hohen vornneilten, so würde bald aller Tact aufhören, und was in einer Entfernung von 10 Schritten eine Harmonie ist, würde in einer Entfernung von 100 Schritten die unerträglichste Kakobhonie sein.

Man hat an verschiedenen Orten Versuche angestellt, um die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft genau zu bestimmen; wir wollen
bier nur die anführen, welche im Jahre 1822 bei Paris durch das Persoald des Burean des longritudes ausgeführt worden sind.

Die beiden Stationen, welche man gewählt hatte, waren Villejuif und Monthlery. Zu Villejuif lies der Capitain Boscary an einem etwas erbabenen Orte einen Seschapfünder mit Ladnugen von 2 his 3 Pfund Pulver ausftellen. Die um diese Kanone aufgestellen Beobachter waren Prony, Arago nud Mathieu. Zu Montlhery liess der Capitain Pernettty eine Kanone von gleichem Kaliber mit gleichen Ladungen aufstellen, und hier waren Humboldt, Gay-Lussea und Bouvard die Boobachter. Die Versache wurden in der Nacht vom 21. auf den 22. Juni 1822 gemacht und begannen mu 11 Uhr Abeade. Von Villejuif ans sah man deutlich das Feuer der Explosion zu Monthery, und nmgekehrt. Der Himmel war beiter und die Luft rubig.

Man war übereingekommen, dass an jedem der beiden Orte 12 Schüsse von 10 zu 10 Minuten abgefenert werden sollten, und dass man damit auf der Station zu Monthlery 5 Minuten früher aufangen sollte als zu Villejuff, so dass ein Beobachter, welcher gerade in der Mitte zwischen beiden Kanonen aufgestellt gewesen wäre, alle 5 Minuten einen Schuss gehött hätte, von denen der erste von Monthery kam, der zweite von Villejuff, der dritte wieder von Monthery u. s. w. Auf diese Weise kounte man ermitteln, ob die Windrichtung einen Einfluss auf die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles habe.

Die Beobachter zu Villejuif hörten vollkommen gut alle Schüsse von Montlhery, jeder von ihnen beobachtete auf seinem Chronometer die Zeit, welche von dem Moment der Lichterscheinung an bis zur Ankunft des Schalles verging. Die grösste Differenz zwischen den Resultaten der drei Beobachter bei einem und demselben Versuche überstige nicht <sup>2</sup>/<sub>10</sub> bis <sup>4</sup>/<sub>10</sub> Secunden. Die längste beobachtete Zeit war 55, die kürzeste 54,7, das Mittel 54,84 Secunden.

Zu Monthery konnte man nur 7 von den 12 Schüssen von Villejuif hören, und von diesen 7 wurde auch nicht ein einziger von den drei Beobachtern zugleich gehört; doch stimmen die Resultate ziemlich gut überein. Die längste Zeit war 54,9, die kürzeste 53,9, das Mittel 54,43 Secunden.

Man kann demnach als Mittel für die Zeit, welche der Schall brauchte, um sich von einer Station bis zur anderen fortzupflauzen, 54,6 Secunden annehmen.

Es blieb nun noch übrig, die Entfernungen der beiden Stationen genau zu ermittelu; Arago wurde damit beauftragt, uud indem er sich auf die Triangulation der Gradmessung stützte, fand er, dass die beiden Ksnonen in einer Entfernung von 9549.6 Toisen aufgestellt gewesen waren.

Dividirt man diese Länge durch 54,6, so findet man 174,9 Toisen oder 340,88 Meter für den Weg, den der Schall in einer Secunde zurücklegte. Die Temperatur der Luft war 16°, das Barometer zu Villejuif stand auf 756,5 Millimeter und das Saussure'sche Hygrometer auf 78°.

Nach §. 163 pflanzt sich die von einem tönenden Körper ausgehende Wellenbewegung während jeder Oscillation desselben um 1 Wellenlänge fort, wenn also der tönende Körper z Vibrationen in der Secunde macht, so ist z\u00e4 der Weg, um welchen der Schall in einer Secunde fortschreitet, wenn \u00e1, wie oben, die Wellenlänge der Tones ist. Bezeichnen wir den Weg, welchen der Schall in einer Secunde zurücklegt, mit f, so haben wir also

 $z\lambda = f$ 

und wenn man für f den Werth der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in der Luft in Metern ausdrückt, so kommt k = 34

oder wenn man die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in pariser Fnssen ausdrückt,

 $z\lambda = 1050.$ 

Der Factor n in der Gleichung (2) auf Seite 377 ist also 341 oder 1050, je nachdem man das Meter oder den Fass als Längeneinheit annimmt. Der Umstand, dass der Schall sich langsamer fortpflanzt als das Licht, erklärt einige im alltäglichen Leben oft vorkommende Erncheinungen. Wenn man einen Steinklopfer aus einiger Entfernung beobachtet, so hört man den Schlag nicht in dem Moment, in welchem man den Hammer aufschlagen sieht, sondern erst, wenn er wieder gehoben wird, was den Eindruck macht, als ob der Schall nicht durch das Aufschlagen des Hammers, sondern durch das Abreissen von dem Steine hervorgebracht würde. Wenn man ein Regiment Soldaten nach dem Tacte der vorausgetragenen Trommeln marschiren sieht, so beobachtet man eine wellenartige Bewegung, welche sich von den Trommlern aus durch die ganze Reihe fortpflanzt. Es erklät rich dies dadurch, dass nicht Alle gleichzeitig auftreten und den neuen Schritt beginnen, weil die Hinteren den Tactschlag immer später vernehmen als die Vordreren.

Von der Reflexion des Schalles und dem Echo. Wenn 167 die Schallwellen aus einem Mittel in ein anderes übergehen, so erleiden sie immer eine partielle Reflexion; wenn sie aber auf ein festes Hinderniss stossen, so werden sie fast vollständig reflectirt.

Mag nun die Reflexion partiell oder vollständig sein, so ist doch der Reflexionswinkel stets dem Einfallswinkel gleich. Es sei ss', Fig. 433, die Trennungsfläche der beiden Mittel, etwa Luft und Wasser, und eine Schallwelle bewege sich in der Richtung fn gegen die Wasserfläche, so



wird ein Theil der Bewegung in das Wasser abergehen, ein anderer Theil aber wird sich in der Richtang nd fortpflanzen, welche mit dem Perpendikel np einen eben so grossen Winkel macht wir  $p_1$ , d. h. der Retexionswinkel dnp ist dem Eninfallswinkel fnp gleich. Dieselbe Erscheinung würde nach denselben Gesetze stattfinden, wenn ss' die Trenungsfläche zweier Gase oder auch nur zweier Gasschichten von verschiedener Dichtigkeit wäre, oder wenn

sø' die Gränzfläche eines festen Körpers wäre, nur würde in dem letzten Falle der reflectirte Ton weit intensiver sein. Ein Beobachter also, welcher sich in irgend einem Punkte der Linie nd befindet, würde den Ton gerade so hören, als ob er von n oder einem Punkte der Verlängerung der Linie dn ausginge.

Dass die Schaltstahlen wirklich denselben Reflexionsgesetzen folgen, wie die Lichtstrahlen, ergiebt sich auch durch Versuche mit parabolischen oder sphärischen Hohlspiegel. In Fig. 434 a. f. S. seien 7s und fu zwei sphärische Hohlspiegel, welche in einer Entfernung von 10 bis 20 Fass von einander so angestellt sind, dass die Axen derselben in eine gerade Lüie zusammenfallen. Bringt man nun in den Brennpunkt A des einen Hohlspiegels eine Taschenuhr, so hört ein im Brennpunkt B des anderen bes

Fig. 434.



findliches Ohr deutlich das Ticken derselben, denn alle von A ausgehenden Schallstahlen, welche den Ibhalpsigel 7 st reffen, werden parallel mit der  $\Lambda$ er reflectirt, wie es in unserer Figur angedeutet ist; auf den zweiten Spiegel füt treffend, werden sie aber gegen den Brennpunkt B desselben zurückgeworfen und also in B wieder vereinigt.

Entfernt man das Ohr aus dem Brennpunkte B, so verschwindet der Schall, selbst wenn man sich dem Punkte A bedeutend nähert.

Aus der Reflexion des Schalles erklärt sich auch die Erscheinung des Echo's.

Wenn die Schallwellen rechtwinklig auf die reflectirende Fläche treffen, so sendet das Echo den Ton zu seinem Ausgangspunkte zurück. In diesem Falle kann ein Echo eine grössere oder geringere Anzahl von Sylben unter Bedingungen wiederholen, welche leicht zu ermitteln sind. Wenn man sehnell spricht, so kann man in 2 Secunden deutlich 6 Sylben aussprechen, in 2 Secunden durchläuft aber der Schall zweimal 340 Meter; wenn sich also in einer Eufermung von 340 Metern ein Echo befindet, so wird es alle Sylben in gehöriger Ordnung zurückschicken, und die erste wird nach 2 Secunden, d. h. dann zum Beobachter zurückkommen, wenn er chen die letzte ausgesprochen hat. In dieser Entfernung kann also ein Echo 6 Sylben wiederholen; es giebt aber auch solche, welche 14 bis 15 Sylben zu wiederholen in Stande sind.

Es ist nicht durchaus nöthig, dass die reflectirende Fläche hart und platt sei, denn man beobachtet auf dem Meere oft, dass Wolken ein Echo bilden.

Die Erklärung der vielfachen Echos, d. h. solcher, welche dieselbe Sylbe mehrnals wiederbolen, bernth and denselben Pineipien; denn da ein reflectireter Ton von Neuem reflectirt werden kann, so ist klar, dass zwei reflectirende Flächen einen Ton gegensettig auf einander zurückwerfen können, wie zwei gegenüberstehende Spiegel sich das Licht zusenden. So kann ein vielfaches Echo zwischen zwei entfernten parallelen Mauern entstehen. Früher gab es nahe bei Verdun ein solches Echo, welches dasselbe Wort 12- his 13 mal wiederholte; es war durch zwei benachbarte Thürme gebildet.

Schallwellen müssen auch in einer wolkenlosen Atmosphäre reflectirt werden, wenn die Sonne mit aller Kraft Wärme auf der Erdoberfläche entwickelt; denn nicht an allen Stellen kann die Erwärmung gleich sein, weil Verdampfung, Schatten und andere Ursachen es verhindern. Diese ungleiche Temperatur verannsast eine Meuge aufsteigender warmer und niedersinkender kalter Luftströmungen von ungleicher Dichtigkeit; so oft also eine Schallwelle nas einem solchen Luftströme in einen anderen übergeht, wird sie eine theilweise Reflexion erleiden, und wenn auch der reflectirte Ton nicht stark genng ist, um ein Echo zu bilden, so wird dech dadurch der directe Ton merklich geschwächt. Dies ist sicherlich, wie II unwoldt bemerkt, die Ursache, warum sich der Schall des Nachts weiter verbreitet als bei Tage, selbst mitten in den Wäldern von Amerika, wo die bei Tage schweigenden Thiere des Nachts die Atmosphäre mit tansend verworrenen Tönen erfüllen.

Durch die Reflexion des Schalles erklären sich auch die Wirkungen des Sprachrohrs und des Hörrohrs.

Stehende Luftwellen. Wenn in irgend einem Körper durch 168 Erschütterung einzelner Theilchen eine Wellenbewegung eingeleitet wird, so können regelmässig fortschreitende Wellen doch nur dann zur vollständigen Ausbildung kommen, wenn jener Körper eine im Vergleich zur Wellenlänere sehr bedeutende Auselchnug hat.

In einem Körper von geringeren Dimensionen erregt, haben die Wellen hald die Gränzen desselben erreicht, sie werden hier reflectirt und combiniren sich dann mit den net erregten zu stehen den Wellen, wie dies z. B. bei gespannten Saiten, bei quadratischen Glas- oder Metallplatten, bei Glocken u. s. w. der Fall ist, welche man mit einem Fiedelbogen anstreicht.

Auch in der Laft können die durch irgend einen oscillfrenden Körpererugten Schallwellen nur dann in ungestörter Weise regelmässig fortschreiten, wenn die schallverbreitende Laftmasse von namhafter Ansdehnung ist; dagegen kann eine geringere Laftmasse, welche in einer Röhre von geringer Länge eingssehlossen ist, unter geeigneten Umständen in den Zustand stehender Schwingungen versetzt und dadurch selbsttönend eenscht worden.

Es giebt nun verschiedene Methoden, die in irgend einer Röhre eingeschlossene Luftsalule zum Tönen zu bringen; hier wollen wir zunächst diejenige hetrachten, welche am meisten geeignet ist, Aufschluss über das Wesen und die Entstehung der stehenden Luftwellen in Röhren zu geben.

Wenn man eine eben angeschlagene gewöhnliche Stimmgabel, welche etwa den Tou ä giebt, über eine ungefähr I Zoll weite und 7 Zoll hohe nnten geschlossene Röhre hält, so hört man eine ziemlich bedeutende Verstärkung des an und für sich sehr sehwachen Tones der Stimmgabel.

Am besten wählt man zu diesem Versuche einen Glascylinder, Fig. 435, von der angegebenen Weite, der etwas zu lang ist, und in welchen man

Fig. 435. Fig. 436.



nach und nach so viel Wasser eingiesst, bis das Mitklingen der in der Röhre eingeschlossenen Luftsäule möglichst stark geworden ist.

Um das Mittönen einer Luftsäule noch weit anffallender zu erhalten.

kann man statt der Stimmgabel eine sogenannte Käsglocke und statt der Glasröhre weite Röhren von Pappdeckel anwenden, wie dies Fig. 436 dargestellt ist. Die Pappröhren haben einen Durchmesser von 5 bis 6 Zoll: die untere A ist am Boden geschlossen; die zweite B lässt sich mit

einiger Reibung auf- und niederschieben, so dass man die Gesammtlänge der Röhre nach Bedürfniss abändern kann. Die Käsglocke kann einen Durchmesser von 6 bis 8 Zell haben.

Um die Glocke zum Tonen zu bringen, hält man sie mit der linken Hand am Knopf fest und streicht dann den Rand mit einem passenden Fiedelbogen. Dieselbe Glocke wird nun, auf diese Weise behandelt, bald höhere, bald tiefere Töne geben; man muss es aber durch möglichst gleichförmiges und langsames Streichen dahin zu bringen suchen, dass sie ihren tiefsten Ton giebt. Hat man den gewünschten Ton hervorgebracht, so hält man die tönende Glocke über die Pappröhre, wie es die Fig. 436 andeutet, und wird dann, falls die Röhre die richtige Länge hat, ein überraschend kräftiges Anschwellen des Tones wahrnehmen. Savart hat für diesen Versuch einen besonderen, in Fig. 437 abge-



bildeten Apparat construirt, welcher wohl keiner weiteren Erklärung bedarf.

· Wenn der tiefste Ton der Glocke etwa derienige ist, welchen man in der Musik mit c bezeichnet, so muss die Gesammtlänge der Röhre ungefähr 12 Zoll betragen: für höhere Töne muss sie kürzer, für tiefere muss sie länger werden.

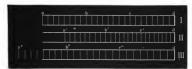
Hat die Röhre die dem tiefsten Tone der Glocke entsprechende Länge, so wird jede Verlängerung und Verkürzung der Röhre das Mittönen der Luftsäule schwächen, und es wird endlich ganz verschwinden, wenn diese Verlängerung oder Verkürzung gewisse Gränzen überschreitet.

Es sei I die Länge einer Röhre, deren Luffsäule für einen bestimmten Ton selbstiffsend wird, so wird man auch bei einer Röhre von der Länge 3 I für denselben Ton ebenfalls eine solche Verstärkung wahrnehmen. Für den Ton 7 z. R. wird die in der Röhre eingeseblossene Luftsäule zum Selbstöfene kommen, wenn die Länge der Röhre 12 Zoll oder wenn sie 36 Zoll beträgt; im letteren Fälle ist aber der Effect bei Weiten nicht so Kräftig ab im ersteren Fälle.

Man sieht also, dass das Mittönen der Luftsäule nur dann stattfindet, wenn ein bestimmtes Verhältniss zwischen der Länge der Röhre und der Wellenlänge des einfallenden Tones (der Tonlibbe desselben) statfindet. Das Mittönen erfolgt, wenn die Länge der Röhre ½ oder wenn sie ¼, ¼, u. s. w. von der Wellenlänge des einfallenden Tones ist.

Bildung stehender Luftwellen in gedeckten Pfeifen. 169 Nehmen wir an, die Länge der Röhre ad in Fig. 438 sei  $^{1}/_{4}$  der Länge der einfallenden Schallwelle, die Luftschichten bei a und b, b und c, c und d seien also nm  $^{1}/_{12}$  Wellenlänge von einander entfernt.

Fig. 438.



Betrachten wir nun den Moment, in welchem der verdichtete Theil der einfallenden Welle gerade bei d anlangt, so würde sich gerade in diesem Augenblicke die dicht bei d sich befindende Luftschicht um die Länge ru, Fig. 439, nach der Rechten hin von d entfernt haben, wenn die feste Fig. 439. Wand in d dies nicht verhinderte, vorausgesetzt, dass ry git

Oscillationsamplitude, d. h. die Grösse des Weges ist, um welchen die einzelnen Lufttheilchen während des Fortganges der einfallenden Welle hin- und herschwingen.

Die Luftschicht c würde unter dem alleinigen Einflusse der ungehindert fortgehenden Welle in diesem Augenblicke

um die Länge rv, die Luftschicht b um die Länge rx, die Luftschicht a

endlich um ry nach der rechten Seite hin von ihrer Gleichgewichtslage entfernt sein.

Wenn aber das Dichtigkeitsmaximum der einfallenden Schallwelle eben bei d angekommen ist, so ist der vorangehende Theil dieser Welle schon bei d reflectirt worden, die reflectirte Welle ist von d nach a hin fortgeschritten.

Denken wir uns für einen Augenblick die Wand bei d weg, so würde die Welle in dem Moment, in welchem das Maximum der Dichtigkeit bei d eintriffit, sehen um  $^{1}l_{1}$  Wellenlänge weiter vorgeschritten sein. Eine Laft-schicht, die um  $^{1}l_{1}$  Wellenlänge rechts von d liegt, würde gerade um rt, eine solche, die  $^{2}l_{1}$  Wellenlänge rechts von of liegt, würde eben um rs von ihrer Gleichgewichtslage nach der rechten Seite hin entfernt sein; die Laftschicht endlich, welche  $^{1}l_{1}$  Wellenlänge rechts von  $^{1}$  liegt, würde, noch nicht aus ihrer Gleichgewichtslage verrückt, eben erst sich zu bewegen beginnen.

Nun aber ist die Röhre bei d verschlossen, die Welle ist reflectirt worden, und durch die reflectire Welle werden die Theilchen gerade so in entgegengesetzter Richtung afficirt, wie es bei den gleichweit rechts von d gelegenen Luftschichten der Fall gewesen wäre, wenn sich die Welle ungehindert von d nach der rechten Seite ihn hätte verbreiten können.

Die Luftschicht e ist also durch den Einfluss der reflectirten Welle nm rt, die Luftschicht b um die Länge rs nach der Linken verrückt, die Luftschicht a endlich ist durch die reflectirte Welle in diesem Augenblick noch gar nicht verrückt.

Durch die einfallende Welle ist durch die reflectirte Welle ist

also die Luftschicht die Luftschicht 
$$c \operatorname{tun} rv$$
  $c \operatorname{tun} rt$   $b \operatorname{n} rx$   $b \operatorname{n} rs$   $a \operatorname{n} ry$   $a \operatorname{n} o$  hach der Luiken

von ihrer bei I Fig. 438 dargestellten Gleichgewichtslage entfernt.

Durch den gemeinschaftlichen Einfluss des einfallenden und reflectirten Wellensystems ist also

die Luftschicht 
$$c$$
 um  $rv = rt$ 
 $b$ 
 $rx = rs$ 
 $a$ 
 $ry$ 

nach der rechten Seite hin von ihrer Gleichgewichtslage entfernt. Auf diese Weise ergiebt sich für den fraglichen Augenblick die gegenseitige Lage der einzelnen Luftschichten, wie sie bei II dargestellt sit, während bei I die Luftschichten in ihrer Gleichgewichtslage dargestellt sind.

Um ein deutlicheres Bild zu geben, sind die Zwischeursume zwischen and b, b und c, c und d noch in 8 Theile getheilt. Man übersicht nun iu II ganz gut, wie in dem Moment, welcheu wir bisher betrachtet haben, die Luftschichten nach d hin immer dichter auf sinander rücken. Die in II zunfacht bei a liegenden Attheilungen sind fast ganz obeu so gross wie

die Abtheilungen in I, mehr nach d hin werden sie aber immer schmäler, die Luft bei a hat also noch die Dichtigkeit der umgebenden Luft; hier hat weder eine Verdichtung noch eine Verdunung stattgefunden, nach d hin ist aber die Luft mehr und mehr comprimirt.

Wir haben eben die gegenseitige Lage der einzelnen Luftschichten betrachtet, jetzt wollen wir versnehen, ihren Bewegungszustand für denselben Moment zu ermitteln.

Wenn ry Fig. 439 der Weg ist, næ welchen die Laftschicht in Folge einer fortschreitenden Wellenbewegung hin und her oscillirt, so ist bekanntlich die Geschwindigkeit auf diesem Wege nicht gleichformig, sie ist wachsend von r bis u, abnehmend von u bis y; so ist in r so gross wie in y, nämlich elzeich Null, sie ist Fener gleich in u und u. in u at u

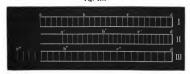
Nun ist die Luftschicht e für den in Nro. II Fig. 440 dargestellten Moment durch die einfallende Welle nach der Rechten hin um rv. durch die reflectirte Welle nach der Linken um rv verrückt, die Geschwindigkeit, mit welcher das eine Wellemsystem das Theilchen e antreibt, ist derjenigen gleich und entgegengesetzt, mit welcher es durch das andere Wellensystem affeirt wird, die Luftschicht e ist also momentan in Rnhe.

Dasselbe Resultat ergiebt sich für b und für a, alle einzelnen Luftschichten zwischen a und d sind momentan in Ruhe, sie beginnen gleichzeitig ihre Bewegung nach der linken Seite hin.

Wenn eben gessgt wurde, dass die Luftschichten a,b,c und die dazwischenliegenden, in der Stellung II angekommen, gleichzeitig ihre Bewegung nach der Linken hin beginnen, so ist diese Behauptung noch zu beweisen.

Das Theilchen c ist gerade eben durch das einfallende Wellensystem mit einer Geschwindigkeit nach der rechten Seite hin afficirt, welche der Entfernung rv von der Gleichgewichtslage entspricht, und diese Geschwindigkeit nimmt mit dem nächstfolgenden Augenblicke ab.

Durch das reflectirte Wellensystem ist die Luftschicht c mit einer nach der Linken gerichteten Geschwindigkeit afficirt, wie sie einem Theilchen Fig. 440.



zukommt, welches sich um rt von seiner Gleichgewichtslage entfernt hat; diese Geschwindigkeit ist im Zunehmen begriffen.

Die Linftschicht e ist also momentan mit gleicher Geschwindigkeit
Maller's Lichtbuch der Physik. 6te Auff. 1. 25

nach der Rechten und Linken getrieben, die nach der Rechten gerichtete Geschwindigkeit ist aber im Abnehmen, die entgegengesetzte ist im Zunehmeu begriffen, mithin beginnt die Luftschicht e uach der Linken sich zu bewegen.

Dasselbe Resultat erlangt man durch ähnliche Schlussweise für die Luftschicht b.

Die Lutachicht a wird durch beide Wellemysteme gleichfalls nach der Linken getrieben. Alle Lufachichten zwischen a und d beginnen also, wenn sie sich in der Lage Nr. II befinden, gleichzeitig ihre Bewegung mach der linken Seite hin; mach 14. Undulation kommen sie in ihrer Gleichgewichtslage Nrc. I an, die sie mit dem Maximum ihrer Geselwindigkeit passiren, mach 1½ Undulation, also wenn das Maximum der Verdünnung bei d anprællt, gelangen die Theichen endlich in die gegenseitige Lage, Nr. III; in diesem Moment wird ihre Geschwindigkeit Null, sie beginnen sich nach der Rochten zu bewegen.

Dass in dem Momeut, in welchem die Mitte der Verdünnungswelle an dem verschlossenen Ende der Röhre anprallt, die Theilchen die bei Nr. III dargestellte gegenseitige Lage haben, ist nun noch zu beweisen.

Betrachten wir das einfallende Wellensystem, so wird, wenn die Mitteler Verdünnungswelle in d ankommt, das 1/4. Wellenlänge vor d liegende Theilehen a gerude eine Undulation vollendet haben, es befindet sich in seiner Gleichgewichtslage; ein 1/4. Wellenlänge rechts von d liegendes Theil-chen würde, venn sich die Wellen ungelnheiert über d hinaus verbreiten könnten, in diesem Angenblicke um die Länge ry nach der Rechten gerückt sein; ebenso weit ist aber um die Lättschicht a durch die reflectitet Welle aus der in I verzeichneten Gleichgewichtslage nach der Linken verschoben, und so ergiebt sich für das Theilchen a die in Nr. III verzeichneten Gleilung.

Untersucht man eben so, wie weit in dem zuletzt besprochenen Moment die Schichten b und c durch jedes der beiden Wellensysteme verrückt sind, so ergiebt sich für dieselben die in III verzeichnete Stellung.

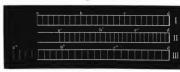
Hier sieht man nun, wie die einzelnen Luftschichten zunächst bei a'' nicht merklich weiter von einander eutfernt sind als in 1; bei a'' hat also keine Verdünnung stattgefunden, von a'' nach d hin werden die Zwiseher räume immer grösser, das Maximum der Verdünnung findet sich bei d.

Von der Stellung in 111 bewegen sich alle Theilehen gleichzeitig nach der Rechten, sie passiren gleichzeitig die Gleichgswichtslage, um gleichzeitig wieder, an der rechten Grünze ihrer Bahneu ankommend, die gegenseitige Lage, wie in II., anzunehmen.

Bei d geht also die Luft abwechsehul von dem Zustande der Verdünnung in den der Verdichtung über; d selbst hat eine unveränderliche Stellung, alle anderen Luftschiehten oseilliren hin und her; für die zunächst bei d liegenden Luftschiehten ist die Amplitude der Oseillation nicht gross, sie bewegen sich nur wenig rechts und links. Die Grösse der Excursionen der einzeluen Theilehen wächst aber mit der Entfernung von d. Betrachten wir die Lage des zunächst bei di liegenden Striches in II und III, so finden wir, dass er in letzterer Figur nicht viel mehr links liegt als in ersterer; die erste Figur stellt ihn aber in einem Momente dar, wo er am rechten, die andere, wo er am linken Ende seiner Bahn angekommen ist; die Grösse dieser Bahn ist also unbedeutend.

Betrachten wir den Strich c, so sehen wir, dass er in III schon bedeutend mehr links liegt als in II. Das Theibhen c oscillirt also schon zwischen weiter aus einander liegenden Gränzen; für b ist die Oscillationsamplitude grösser als für c, noch grösser ist sie für a.

So sehen wir denn, dass die Luftschicht a zwischen ziemlich weit aus einander liegendern Gränzen hin und her oscillirt; dieselbe Bewegung haben nun gleichzeitig alle Luftschichten in der Röhre, nur werden ihre Oscillationsamplituden um so kleiner, je niher sie dem verschlossenen Ende der Röhre liegen; durch diese oscillatorische Bewegung wird nun in der Nahe der Oeffnung der Röhre weder eine Verdichtung, noch eine Verdinnung hervorgebracht, obgleich hier die Oscillationsamplitude der einFig. 441.

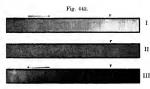


zehen Luftschichten gross ist; dahingegen findet am verschlossenen Ende der Röhre, wo die Oscillationsamplituden der einzelnen Luftschichten nur unbedeutend sind, eine abwechselnde Verdünnung und Verdichtung statt.

Unsere Zeichnung ist, un den Hergang sichtbar zu machen, was die Oscillationsamplitude angeht, ungeheuer übertrieben, d. h. bei einer Pfeife von der Länge, wie sie in unserer Zeichnung dargestellt ist, würde in dem besprochenen Falle die Luftschicht, welche in ihrer Gleichgewichtslage an der Oeffung der Röhre liegt, lange nicht so weit in die Röhre einund austreten, sie würde während ihrer Oscillationen nur wenig nach der 
linken und rechten Seite schwanken. Wäre aber die Oscillationsamplitude 
nicht so gross genommen worden, so würden in der Zeichnung schwerlich 
die Unterschiede der Verdichtung und Verdünnung recht deutlich geworden sein.

Es hat sich also hier durch die Interferenz der directen und reflectirten Wellen eine stehende Luftwelle gebildet, denn alle einzelnen Luftschichten in der Röhre beginnen gleichzeitig ihre Bewegung, sie erlangen gleichzeitig das Maximum ihrer Geschwindigkeit, sie langen gleichzeitig an den Gränzpnnkten ihrer Bahnen an, um dann gleichzeitig die Bewegung in entgegengesetzter Richtung zu beginnen.

Die Fig. 442 1, II, III soll dazu dienen, die durch eine solche stehende Luftwelle abwechselnd hervorgebrachten Verdinnungen und Verdichtungen anschaulich zu machen. In II ist die ganze Röhre gleichfürmig schattirt, und dies entspricht dem Falle, dass die Luft in der gauzen Röhre eine gleichfürmige Dichtigkeit hat, wie dies in den Momenten der Fall ist, wo alle die einzelnen Luftscheihten mit dem Maximum ihrer Geschwindigkeit ihre Gleichgewichtslage passiren. Sind die Theilchen in ihrer Oscillation gegen das verschlossene Ende der Röhre hin an den äussersten Punkten ihrer Bahn angekommen, so findet hier eine Verdichtung statt, Nr. III. Nun beginnen sich die einzelnen Luftschichten von dem verschlossenen Ende zu entfernen, und nach ½ Undulation haben wir hier eine Verdünnung, Nr. I. Am offenen Ende der Röhre findet in keinem Zeitmomente eine merkliche Verdichtung oder Verdünnung statt, hier aber bewegen sich die Luftschichten zwischen den weitesten Gränzen hin und her.



Die Pfeile in III und I deuten an, in welcher Richtung die Theilchen sich zu bewegen beginnen, wenn am Boden ehen das Maximum der Verdichtung oder der Verdünnung stattfindet.

Würde nun in die Röhre, etwa bei r., ein Loch gemacht, so würde dadurch die Bildung der stehenden Welle gestört, wenn nicht ganz verhindert werden, weil hier im Momente der Verdichtung Luft entweichen, im Moment der Verdinnung aber Luft einströmen würde. Der störende Einfluss einer solchen Oeffunng würde aber an solchen Stellen, welche dem offenen Ende näher liegen, geringer sein, weil hier die Verdünung sowohl als die Verdichtung geringer sind.

Denselben störenden Einfluss, den eine Oeffnung hervorbringt, würde auch ein Abschneiden der Röhre an diesen Stellen zur Folge haben.

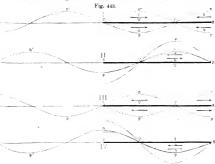
170 Sohwingungsknoten in tönenden Luftsäulen. Wir haben soelen gesehen, dass die Bildung stehender Luftwellen in einer Röhre an ein bestimmtes Verhältniss der Röhrenlänge und der Wellenlänge des einfallenden Tones geknüpft ist. In dem bisher betrachteten Falle war die Länge der Röhre 14 von der Wellenlänge des einfallenden Tones; es können sich aber auch noch bei anderen Verhältnissen zwischen Röhrenund Wellenlänge stelende Luftwellen in der Röhre bilden.

Zur Bildung der stehenden Welle in der Röhre ist erforderlich, dass dicht bei dem Boden die Oscillationsampituden versehwinden klein werden, dass aber hier abwechselnde Verdännungen und Verdichtungen stattfinden, während am offenen Ende der Röhre keine merkliche Verdichtung und Verdännung entseht; an der Oeffunung der Röhre muss also stets der verdichtete Theil der reflectirten Welle mit dem verdünnten Theile der einfallenden Welle zusammenfallen, und umsekehrt.

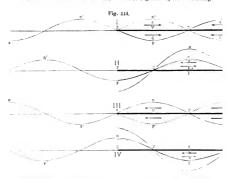
Dieser Bedingung wird dadurch allerdings entsprochen, dass die Oeffnung der Röhre um <sup>1</sup>/<sub>s</sub> Wellenlänge von dem Boden entfernt ist, aber auch dadurch, dass die Entfernung der Oeffnung von dem Boden <sup>3</sup>/<sub>s</sub>, <sup>5</sup>/<sub>s</sub>, <sup>7</sup>/<sub>s</sub> u. s. w. Wellenlängen beträgt.

Um den Schwingungszustand der Luftsäule in einer Röhre zu erforschen, deren Länge <sup>3</sup>/<sub>4</sub> von der Wellenlänge des einfallenden Tones ist, könnte man wieder die im vorigen Paragraphen angewandte Betrachtungsweise benutzen; es wird aber hier eine kürzere mehr übersichtliche Betrachtungsweise genüger.

Es sei RS in Fig. 443 die Länge der Röhre, in welche die Schall-



wellen in der Richtung von R nach S einfallen um dann am Boden von S nach R hin reflectirt zu werden. Wenn R S gerade  $^{3}/_{4}$  der Wellenlänge



des einfallenden Tones ist, so ist  $SV = VT = TR = \frac{1}{4}$  dieser Wellenlänge.

Betræhten wir zunächst des Moment, in welchem gerade ein Diehe tigkeitensaximum bei R in die Rohre einfritt, so kann um die Curve n $T_pS$  die einfallende Welle darstellen, wenn der Wellenberg bei n eine Verdichtung, das Wellenthal bei p eine Verdichtung S keine reflectirende Wand, so würde Sn'p' die Fortsetzung der Welle für den fraglichen Augenblick darstellen. Nun aber ist die Welle in S reflectirt worden. Das Verdichtungenaximum, welches bis n' fortgeschritten sein würde, ist nach der Reflexion bis n'', und ebenso die Verdünnung welche ohne die Wand bis p' gelangt wäre, bis p' vorgedrungen. Die Verdichtung der eintretenden Schallwelle fällt also mit einer Verdüntung der reflectirten, die Verdünnung der eintretenden aber mit einer Verdüntung der reflectirten zusammen, für den fraglichen Augenblick findet also in der ganzen Röhre weder Verdünung noch Verlüchtung stat.

Betrachten wir aber den Bewegungszustand der einzelnen Luftschichten. Durch die eintretende Verdichtung von R bis T werden alle Lufttheile an dieser Stelle mit einer Bewegung afficirt, deren Richtung der Pfeil a andeutet. Durch die gleichzeitig hier eintreffende Verdünnung der reflectirten Welle werden aher hier alle Theile in einer durch den Pfeil b dargestellten Richtung afficirt, welche der Richtung eutgegengesetzt ist, mit welcher die reflectirte Welle fortschreitet. Die eintretende und die reflectirte Welle vereinigen sich also hier, um alle Luftschichten zwischen R gegen T hinzutreiben.

Ebenso ergiebt sich, dass gleichzeitig alle Luftschichten zwischen S und T durch die eintretende Welle in der Richtung des Pfeils d, durch die reflectirte in der Richtung des Pfeils c afficirt sind; alle Luftschichten zwischen S und T bewegen sich also auch gleichzeitig gegen T hin.

Betrachten wir den Moment, in welchem ein Dichtigkeitsmaximum der einstredenden Welle his Tvorgeschriften ist, wie dies in II dargestellt wird. Für diesen Augenhlick ist die reflectirte Verdichtungswelle, die ohne die reflectirende Wand bis n' in II fortgeschriften sein würde, wieder bis n zurückgegangen; hier kommt also ein Dirithigkeitsmaximum der eintretenden und der reflectriten Welle zusammen, es erfolgt daher eine verstärkte Verdichtung, wie durch die Curve VoR angedeutet ist.

Ebenso erfolgt für diesen Moment eine grösste Verdünnung am Boden bei S.

Was den Bewegungzustand der Luftthelichen für diesen Moment betrifft, so sind alle Luftschichten zwischen R und V durch die eintretende Verdichtungswelle in der Richtung des Pfeiles a in II affieirt, durch die reflectirte Verdichtungswelle aber in entgegengesetzter, also in der Richtung des Pfeiles b. Die Geschwindigkeit aller Theilchen ist für diesen Augenblick gleich Null.

Nro. III Fig. 444 entspricht dem Moment, in welchem die grösste Verdünnung der eintretenden Welle hei R ankommt, für diesen Augenhlick fällt in der ganzen Röhre wieder eine Verdichtung der eintretenden Welle mit einer gleich grossen Verdünnung der reflectirten zusammen, in der ganzen Röhre findet also weder Verdichtung noch Verdünnung statt, dagegen sind alle Luftschichten mit Ausnahme von T in Bewegung. Alle Luftschichten T und R bewegen sich gegen R hin, alle Luftschichten T und R bewegen sich gegen R hin, alle Luftschichten sichen T und R bewegen sich gegen R hin,

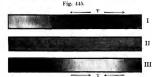
Nro. IV stellt den Moment dar, in welchem das Verdichtungsmaximum der einfallenden Welle am Boden S ankommt. Verdichtungsmaximum bei S, grösste Verdünnung hei T, momentaner Stillstand aller Theilchen, mm alsbald ihre Bewegung von beiden Seiten her gegen T hin zu beginnen.

Wir sehen also, dass gleichzeitig alle Luftschichten in der ganzen Röhre gegen T hin (I) und dann wieder gleichzeitig von T weg gehen (III), während die Schicht T selbst unbeweglich bleibt, dass aber dagegen in T abwechselnd eine Verdichtung eintritt (II), wenn eben am Boden eine Verdünnung stattfindet, während dann nach einer halben Undulation am Boden eine Verdünnung und hei T eine Verdünnung cutsteht (IV).

In dem Punkte T, welcher um 1/4 der Wellenlänge des einfallenden

Tones, also um  $^{1}/_{3}$  der Röhrenlänge von der Oeffnung der Röhre absteht, bildet sich daher durch die Interferenz der eintretenden und reflectirten Welle ein Schwingungsknoten.

Die Fig. 445 dient dazu, diesen Fall noch anschaulicher zu machen. Die Pfeile in I bezeichnen die Richtung, in welcher die Luftschichten sich



au bewegen beginnen, wenn eben im Schwingungsknoten T eine grösste Verdichtung stattfindet. Die Pfeile in III bezeichnen die Richtung der Bewegung, welche in dem Moment beginnt, in welchem in T die grösste Verdünnung stattfindet.

171 Offene Röhren. Bisher haben wir nur die Bildung stehender Luftwellen in solchen Röhren betrachtet, wellen in solchen Röhren betrachtet, wellen durch einen Boden gesehlossen waren, und welche deshalb anch gedeckte Röhren oder gedeckte Pfeifen genannt werden. In gleicher Weise lässt sich aber anch die Luftsäule, welche in bei derseits offenen Röhren eingeschlossen ist, in der Zustand stehender Schwinzungen verstezen.

Man lege eine gleichfalls aus zwei in einander schiebbaren Stücken A und B, Fig. 446, bestehende Pappendeckelröhre, welche bei gleichem Durchmesser gerade doppelt so lang ist wie diejenige, welche zu dem



in Fig. 436 dargestellten Versuch gedient hat, welche aber an bei den Seiten offen ist, auf einen Tisch, so wird man ein bedentendes Anschwellen des Tones wahrnehmen sobald man die durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen zum Tönen gebrachte Glasglocke G (dieselbe, welche zu dem auf S. 382 beschriebenen Versuch gedient hat) so vor die eine Mündung des Rohres hält, wie es unsere Figur andeutet.

Bezeichnen wir mit l die Länge der gedeckten Robre, welche für den tiefsten Ten der Glocke G anspricht, so muss man also einer beiderseits offenen Röhre die Länge 2l geben, wenn die in derselben eingeschlossenen Luftsäule 'durch denselben Ten zum Mittören gebracht werden soll. Die Wellenlä  $\lambda$  des tiefsten Tens, für welchen eine beiderseits offene Röhre anspricht, ist also doppelt so gross wie die Länge der Röhre.

Die Bildung stehender Wellen in beiderseits offenen Röhren erklärt sich folgendermaassen:

Wenn der verdichtete Theil einer Welle, nachdem er die Röhre ihrer ganzen Länge nach durchlaufen hat, an der zweiten Oeffnung austritt, so werden die comprimitren Luftheilchen leicht nach allen Seiten hin ausweichen, und dadurch wird eine Verdünnung entstehen, welche nun, gleichsam am offenen Ende der Röhre reflectirt, dieselbe in entgegengesetzter Richtung durchläuft wie die ursprünglich einfallenden Schallwellen.

In gleicher Weise wird eine aus der Röhre austretende Verdünnungswelle durch das seitliche Zuströmen von Luft in eine rückwärts laufende Verdichtungswelle verwandelt.

Die rückwärts laufenden Wellen sind freilich weniger intensiv als die ursprünglichen.

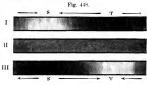
Diese, die Röhre rückwärts durchlaufenden Wellen kommen nun mit den neu einfallenden zur Interferenz und so kommen unter entsprechenden Umständen stehende Luftwellen in der Röhre zu Stande, deren Bildung sich nach den im vorigen Paragraphen besprochenen Grundsätzen ableiten lässt.

Der tiefste Ton, für welchen die Röbre anspricht, ist diejenige, dessen Wellenlänge doppelt so gross ist als die Länge der Röhre. Für diesen Fall bildet sich ein Schwingungsknoten in der Mitte der Röhre, ein Bauch aber an jedem Ende, wie es durch Fig. 447 anschaulich gemacht ist. Fig. 447.



I stellt den Moment dar, wo in der Mitte der Rehre die grösste Verdichtung stattfindet; während die Luftschicht in der Mitte der Rohre in Ruhe bleibt, beginnt die Laft auf beiden Seiten sich von der Mitte zu entfernen, wie dies durch die Pfeile angedeutet ist; nach <sup>1</sup>/<sub>L</sub> Undulation kommen alle Luftschichten jin ihrer Gleichgewichtslage an, und in diesem Moment ist die Dichtigkeit der Luft in der ganzen Röhre dieselle (Nr. II); aus diesem Zustande geht dann aber die Luftsäule während der nächsten Viertel-Undulation in den Nr. III dargestellten Zustand über, wo in der Mittet der Röhre die grösste Verdünnung stattfindet. — Nun beginnen die einzelnen Luftschichten wieder von beiden Seiten her sich gegen die Mitte bin zu bewegen u. s. w.

Für den nächst höheren Ton, welcher die Luftsäule in der Röhre in den Zustand stebender Schwingungen versetzt, bildet sich ein Bauch in der Mitte der Röhre, Knoten aber bilden sich in den Punkten S und T, Fig. 448, welche um ½, der Röhrenlänge von den Enden abstehen. Wenn in T ein Maximum der Verdichtung stattfindet, wie in Nr. I, so findet in S Verdünnung statt, und umgekehrt, Nr. III.



Für den eben besprochenen Fall ist die Wellenlänge des Tones der Länge der Röhre gleich; die Oscillationsdauer dieses Tones ist halb so gross als die des Grundtones der Röhre.

172 Orgelpfeifen. Um die Laft in einer Röhre, sei es eine öffene oder gedeckte, in stehende Schwingungen ar versetzen und eis abso zum Selbsttönen zu bringen, ist nicht gerade nöthig, einen tönenden Körper vor die Oeffnung zu halten, wie dies ja die Orgelpfeifen zeigen. Hier ist es ein am offenen Ende der Röhre vorheiströnender, an ihren Rändern sich brechender Laftstrom, welcher durch seine Stösse Wellen erzeugt, die, am anuderne Lande reflectirt, mit den nue einfallenden interferiren. Wenn auch diese Stösse aufangs nicht ganz regelmässig sind, so werden sie doch alshald, wenigstens wenn die Röhre, wie man sagt, gut anspricht, durch den Einfluss der ruckekhernden Wellen regülrt, so dass sieh regelmässig stehende Schwingungen bilden, durch welche die Laft in der Röhre selbstfönend wird.

Die einfachste Art, die Luft in einer kleineren gedeckten Röhre zum Tönen zu bringen, ist die, dass man sie in verticaler Richtung vor den Mund hält (das geschlossene Ende nach unten gekehrt, während das öffene Ende an die untere Lippe gehalten wird), und dann sehräg gegen den Rand der Röhre bläst.





Eiue audere Methode, um die Luft in einer offencu Röhre zum Tönen zu bringen, ist die, dass man Wasserstoffgas in einem Gefässe erzeugt und es durch eine feine Spitze ausströmen lässt, das Gas anzündet und dann die Glasröhre darüber hält Fig. 449.

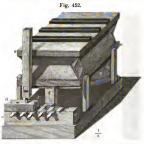
Die zweckmässigste Methode die Luft in Röhren in den Zustand stehender Schwingungen zu versetzen, ist diejenige, welche man bei den Orgelpfeifen in Anwendung gebracht hat. Die Einrichtung derselben ist aus Fig. 450 und 451 zu ersehen. Man unterscheidet au ihneu den Fuss. den Mund und die Röhre.

In Fig. 451, welche eine Zinnpfeife darstellt, ist der Fuss mit FF. die Röhre mit RR bezeichnet. Die Röhre hat an ihrem nnteren Ende vorn eine Oeffnung ab, welche der Mund genannt wird. Fuss und Röhre sind durch eine dünne Zinnplatte

getrennt; zwischen der vorderen Kante dieser Platte, welche den Boden der Schallröhre bildet, und der vorderen Wand des Fusses bleibt eine sehmale Spalte, durch welche die unten in den Fuss eingeblasene Luft austritt und, sich an der oberen Kante des Mundes brechend, die Luftstale in der Röhre RR in stehende Schwingungen versetzt.

Die Einrichtung der hölzernen Orgelpfeifen ist aus dem Durchschnitt Fid 400zu ersehen. Die in den Fuss eingeblasene Luft dringt aus dem Behälter K durch einen sehnnlen Spalt c dhervor und bricht sich an der oberen Kante ab des Mundes, von welchem unsere Figur nur die linke Hälfte abed z zeigt.

Statt einer förmlichen Orgel kann man sich zu Versuchen mit Orgelpfeifen, seien es nun gedeckte, wie Fig. 451, oder offene wie Fig. 450, der in Fig. 452 abgebildeten Vorrichtung bedienen. Mit Hülfe des Blase-



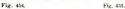
balgs p wird Luft in den Balg ss getrieben, aus welcher sie dann durch die Anfangs vertical herab, dann horizontal nach vorn hin gehende Röhre f in die Windlade cc gelangt. Die obere Fläche dieses Kastens enthalt eine Reihe von Löchern, auf welche die verticalen Löcher des Hölzstücks dd, von welchem unsere Figur nur einen Theil zeigt, münden. In die Löcher des Holzstücks dd wird der Fuss der Pfeifen eingesetzt. Zwischen den Löchern des Brettes dd und den entsprechenden Löchern der Windlade cc befinden sich aber Schieber, welche selbst mit Löchern verschen sind, so dass man nach Belieben den Wind in eine Pfeife kann eintreten lassen, wenn man den entsprechenden Schieber vurzieht, oder den Wind von dieser Pfeife absperrt, wenn man den Schieber zurückschiebt, wie dies durch Fig. 435 noch besser erlätutert wird, welche die Ein-

richtung der Schieber in grösserem Maassstabe darstellt, als die vorige Figur. Der Schieber 1 ist zurückgeschoben, der Schieber 2 ist vorgezogen.

Eine und dieselbe gedeckte Pfeife kann mehrere Tone geben. Der tiefste ist derjenige, dessen Wellenlange and so gross ist als die Lange der Röhre; die böhrere Tone, welche die Pfeife giebt, sind diejenigen, welche einer 3mal, 5mal u. s. w. kürzeren Wellenlange entsprechen, welche also durch stehende Schwingungen erzeugt werden, welche eine 3mal, 5mal u. s. w. kleinere Oscillationsdauer haben als der tiefst Ton der Pfeife.

Den tiefsten Ton giebt die Pfeife bei schwächerem, die höheren bei stärkerem Winde.

Um Versuche mit gedeckten Pfeifen zu machen, kann man anch sogenannte Stimmpfeifen, Fig. 454, anwenden. Es sind dies nngefähr





1 Fuss lange hölzene runde Pfeifen, in welchen ein durch einen Korkstopfen gebildeter am unteren Ende eines hölzernen Stempels befestigter Kolben auf und nieder geschoben werden kann, wodurch sich die tönende Luftsäule nach Belieben verlängern oder verkürzen lässet.

Ebeuso giebt auch eine offene Pfeife mehrer Tone, je nachdem sie durch sehwicheren oder stärkeren Wind angeblasen wird. Die Wellenlänge des tiefsten Tones, den sie giebt, des Grundtons, ist doppelt so gross wie die Pfeifenlange. Für diesen Grundton bilbet sieh ein Schwingungsknoten in der Mitte der Röhre. Die Wellenlänge des zweiten Tons der offenen Pfeife ist gleich der Länge der Pfeife selbst und die beiden Schwingungsknoten, welche sich in diesem Falle bilden, laben die Fig. 448 Seite 394 dargestellt Leadurgstellt.

Bezeichnen wir die Länge einer offenen Röhre mit L, so sind die Wellenlängen der Töne, welche sie geben kann,

4 
$$L$$
,  $4/_3$   $L$ ,  $4/_5$   $L$  u. s. w.

während

die Wellenlängen der Töne sind, welche eine gedeckte Pfeife von der Länge L geben kann.

Der tiefste Ton, welchen eine Pfeife geben kann, wird ihr Grundton

genannt, die anderen Töne, welche sie bei gestärktem Winde giebt, heissen die Obertöne.

Wenn man an verschiedenen Stellen einer Orgelpfeife Lächer macht, die man nach Belieben durch einen Schieber verschiesen oder öffinen kann, so kann man zeigen, dass der Ton durchaus nicht ge
ändert wird, wenn man ein Loch öffnet, welches sich an der Stelle eines Bauches befindet, dass jedoch eine Aenderung eintritt, wenn ein Loch an einer anderen Stelle ge
öffnet wird.

Um die Schwingungsknoten der Laftsäule in einer Röhre zu zeigen, wendett Hopkins eine gläserne Röhre an, welche ungefällr 1½ Zoll im Durchmesser hat und welche ungefällr 2 Fuss lang ist. Die Röhre wird über einer Metallplatte befestigt, welche im gleicher Weise festgeschraubt wird, wie die Platten, welche zur Erzeugung der Klangfiguren dienen. Sie wird durch Anstreichen mit dem Fielelbogen zum Tönen gebracht. Der Ton der Platte unss der Länge der Röhre entsprechen. In der Röhre hängt an einem Faden ein Rähmehen herah, über welches eine zarte Membran gespannt ist, die mit Sand bestreut wird. Dieser Sand bleibt rahig liegen, wern das Rühmehen an die Stelle eines Knotens gebracht wird; an allen anderen Stellen dagegen wird er herabgeworfen, was natürlich an der Stelle der Bäuche am stärksten der Fall ist.

Fig. 455.
Weil man durch Anstreichen einer Metallplatte nicht immer mit Sicherheit den gewünschten Ton erhält, so ist es zweckmässig, den Versuch so abzuändern, dass man die Glasführe in den Fuss einer Orgelpfeife, Fig. 455, steckt; man hat

roure in den russ einer Orgenpene, rig. 200, steekt, man nat auf diese Weise eine oben offene Orgenpfeife von Glas, welche mit Sicherheit ihren tiefsten Ton, und bei verstärktem Winde oder verkleinerter Mundöffnung seine Octave giebt.

Für den tiefsten Ton der Röhre bleibt der Sand ruhig liegen, wenn sich das Rähnehen in der Mitte der tönenden Luftsaule befindet, wie Fig. 455 andeatet; an der gleichen Stelle kommt aber der Sand sogleich in lebhafte Bewegung, wenn durch stärkeren Wind die Octave des Grundtones erzeugt wird, während man in gleicher Weise für diesen höheren Ton die Schwingungskonten bei an ud h nachweisen kann.

Einfluss der Tiefe der Pfeifen auf die Tonhöhe.

Die aus den vorhergehenden Paragraphen sich ergebende Folgerung, dass die Tomhohe einer Pfeife nur durch deren Länge bedingt sei, ist in der That nicht unbedingt für alle Gestalten der Pfeife richtig, indem die Tiefe der Pfeife, die Breite des Mnndlochs u. s. w. von wesentlichem Einfluss auf die Tonlohe sind.

Savart hat gezeigt, dass zwei Pfeifen a und b, Fig. 454, welche gleiche Länge und gleiche Tiefe haben, welche aber ungleich breit sind, denselben Ton geben (vorausgesetzt, dass in beiden der Muud die volle Breite der Röhre einnimmt), nur ist der Ton der schmalen Pfeife schwächer.

Wenn aber bei gleicher Höhe und Breite die Tiefe zweier Pfeifen verschieden ist, wie z. B. bei den Pfeifen b und c Fig. 456, so ist ihr Ton nicht mehr gleich, er ist höher für die Röhre von geringerer Tiefe, also in unserem Beispiel höher für die Pfeife c als für die Pfeife b.

Nach Bertsch ist die Tonhühe zweier Pfeifen gleich, weun für beide die Smme der Höhe und der doppelten Tiefe dieselbe ist. Demnach müsste eine Pfeife von 10 Zoll Länge und 1 Zoll Tiefe denselben Ton geben wie eine andere von 8 Zoll Länge und 2 Zoll Tiefe.

Wenn zwei Orgelpfeifen einander ähnlich sind, d. h. wenn die entsprechendeu Dimensionen in gleichem Verhältniss stehen, und wenn der

Fig. 456.



Mund bei verhältnismässiger Grösse in beiden die gleiche Stellung hat, so verhalten sich die Schwingungszahlen ihrer Töne umgekehrt wie die entsprechenden Dimensionen. Eine Pfeife A giebt z. B. einen Ton, welcher die nächst niedere Octave des von einer Pfeife B gegebenen Tons ist, wenu A doppelt so lang, doppelt so breit und doppelt so lang, doppelt so breit und doppelt so i fei stal B.

Dio Grösse und Stellung des Mundlechs hat einen setz bedeutenden Einfluss auf die Tonhöhe der Pfeife. Es ist sehon bemerkt woden, dass, wenn man die Weite des Mundlechs, h. die Entfernung der Lippen, vergrössert, die Röhre leichter die Obertüne giebt, dess sie aber leichter die Obertüne giebt, wenn nan das Mundlech euger macht. Einen anderen Einfluss übt die Breite des Mundlechs aus. Wenn z. B. in einer quadratischen Röhre das Mundlech die zunze Breite einer Seite hat.

so erhâlt man einen höheren Ton, als wenn man das Mundloch schmäler macht; man kann auf diese Weise den Ton selbst bis zur Septime herunterstimmen, besonders wenn die Röhre fast eubisch ist. Deskalb bringen auch die Orgelbauer zu beideu Seiten des Mundlochs kleine Bleiplatten an, welche Ohren genannt werden nud die man durch Biegen etwas nähert oder von einander entfernt, um die Tonhöhe zu reguliren.

Man weiss schon lange durch oft wiederholte Versuche, dass der Ton eines Hornes und einer Trompeter von dem Stoff des Instrumeutes nnd dem Grade der Härtung abhängt; ein Horn z. B., welches im Feuer gehärtet ist, ohne dass man seine Gestalt geändert hat, wärde nnr gedämpfte Töne gebeu. Die Orgelbauer kennen auch den Einfluss des Stoffes der Röhren auf die Natur des Tons, nnd sie versiehern, dass man die Natur des Zinns an den Metallröhren oder die des Holzes an den Holzröhren nur etwas zu verändern brunche, um das Instrument sehlecht zu nachen. Diese Beobachtungen sind durch die zahlreichen Versuche bestätigt worden, welche Savart mit Röhren von mehr oder weniger gespanntem Pergament und mehr oder weniger feuchtem Papier angestellt hat; er fand: 1) dasse der Ton in quadratischen Röhren, deren Seite 9 Linien und deren Höhe 1 Fuss beträgt, sich nu mehr als eine Otave herunterstimmen lässt, wenn man das Papier, welches die Wände bildet, mehr und mehr anfeuchtet; dieses Papier war auf die festen Kanten des Primass wie auf einen Rahmen aufgeklebt; 2) dass sich der Ton durch dieses Mittel um so leichter herabstimmen lässt, je kürzer die Röhren sind; in cubischen Röhren kann man ihn um mehr als zwei Otaten herabstimmen; 3) dass man nur einen Theil der Wand aus Papier oder Pergament zu machen braucht, um den Ton berabzmitimen

174 Die musikalischen Töne. Nachdem wir nun ein Mittel kennen gelernt haben, reine Töne hervorzubringen, nämlich durch Orgelpfeifen, nachdem wir gesehen haben, wie die Hohe und Tiefe dieser Töne von der Länge der Pfeifen abhängt, dass man also durch Verlängerung und Verkürzung der Röhren die Pfeifen beliebig stimmen kann, wollen wir nun die Tonreite nähre betrachten, welche in der Musik zur Anwendung kommt.

Gehen wir von dem Tone aus, den eine 4 Fuss lange, gedeckte Pfeife als Grundton giebt; es ist dies ein Ton, welcher in der Musik mit C bezeichnet wird.

Fragen wir nach den harmonischen Tonen von C, d. h. nach denjenigen Tonen, die mit C unsammen einen angenehmen Eindruck auf das Ohr hervorbringen, so finden wir, dass es solche sind, deren Oscillationsgeschwindigkeit in einem einfachen Verhältnisse zu der von C steht; es sind diejenigen Tone, deren Wellenlänge  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$  or  $^1/2$ , von der des Tones C beträgt, die also durch solche Pfeifen hervorgebracht werden, deren Länge  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$ ,  $^1/2$ , or word ver  $^1/2$ 0. We will will be the properties of the solution o

Da sich die Oscillationsdauer umgekehrt wie die Wellenlänge verhält, so macht also der erste der erwähnten Töne 2 Schwingungen, während C eine macht; dieser Ton heisst die Octave von C und er wird mit c bezeichnet.

Der Ton, dessen Wellenlänge  $^2/_3$  von der des Tones C beträgt, macht 3 Oscillationen, während C deren 2 macht; dieser Ton ist die Quinte von C, er wird mit G bezeichnet.

Der Ton, dessen Wellenlänge  $^{3}/_{4}$  von der des Tones C ist, macht 4 Schwingungen, während C deren 3 macht; er wird die Quarte von C genannt und mit F bezeichnet.

Der Ton, dessen Wellenlänge  $^4/_5$  von dem des Tones C ist, macht 5 Schwingungen, während C deren 4 macht; es ist die grosse Terz von C nnd wird mit E bezeichnet.

Der zuletzt erwähnte Ton, dessen Wellenlänge  $s_{i'}$ mal so gross ist als die von C, macht 6 Schwingungen, während C deren 5 vollendet; es ist dies die kleine Terz von C: sie wird mit Es bezeichnet.

Ebenso wie C seine Octav, Quint, Quart, grosse und kleine Terz hat, so giebt es auch eine Octav, Quint, Quart, grosse und kleine Terz von c. Der Grundton C mit seiner grossen Terz E und seiner Quint G bil-

 $\boldsymbol{E}$ 

Nach den eben angegebenen Verhältnissen machen gleichzeitig G30 32 24 36 48

Schwingungen.

den den Cdur-Accord.

Um die Reihe der Töne gehörig zu vervollständigen, müssen nun aber E, F und G ebenso ihre Accorde, als ihre Terz und Quint haben wie C.

Die Quint von G ist ein Ton, welcher 3 Schwingungen macht, während G deren 2 vollendet; auf 36 Schwingungen von G gehen also 54 Schwingungen seiner Quint, die wir mit d bezeichnen wollen; die nächst tiefere Octav von d wird mit D bezeichnet, sie macht 27 Schwingungen, während G 36 und C 24 macht.

Die grosse Terz von G, die man mit H bezeichnet, muss 5 Schwingungen machen, während G deren 4 vollendet, auf 36 Oscillationen von G gehen also 45 Oscillationen von H.

Da sich 24 zn 36 (C zu G) verhält wie 32 zu 48 (F zu c), so ist c die Quint von F.

Die grosse Terz von F muss 5 Schwingungen machen, während F selbst deren 4 vollendet, auf 32 Oscillationen von F gehen also 40 Oscillationen seiner grossen Terz, die mit A bezeichnet wird.

So haben wir denn eine Reihe von Tönen, welche den Namen der diatonischen Tonleiter führt. Es machen gleichzeitig

Schwingungen oder mit anderen Worten die Schwingungszahlen dieser Tone stehen in folgendem Verhältniss zu einander:

D ist die Second, A ist die Sext, H ist die Septime und q (die Quint der Octav) ist die Duodecime des Grundtons C. Anf eine Schwingung von C kommen drei Schwingungen seiner Duodecime.

Die Differenzen zwischen je zwei auf einander folgenden Tönen dieser Reihe sind nicht gleich. In der folgenden Reihe giebt der zwischen zwei Buchstaben etwas tiefer gesetzte Bruch an, wie vielmal grösser die Schwingungszahl eines Tones ist als die des nächst niedrigeren:

in gleichen Zeiten macht also D 9/amal so viel Schwingungen als C. E 10/9mal so viel als D, F 16/15mal so viel als E u. s. w.

Das Intervall von C zu D, von D zu E, von F zu G, von G zu A, von A zu H heisst ein ganzer Ton. Man unterscheidet aber grosse ganze Töne, wenn das Intervall <sup>9</sup>/<sub>5</sub>, und kleine, wenn es <sup>10</sup>/<sub>5</sub> beträgt.

Nach den Bezeichaungen, welche wir so eben kennen gelernt haben, können wir nun auch die Obertöne der Pfeifen genamer bezeichnen. Bei einer offenen Röhre nämlich ist der erste Oberton die Octave, der zweite Oberton aber die Duodecine des Grundtons, während bei einer gedeckten Pfeife der erste Oberton die Duodecime des Grundtons ist.

Der tießte Ton, welcher in der Musik zur Anwendung kommt, ist derjenige, welchen eine gedeckte Pfeife von 16 Puss giebt. Nnn wissen wir aber, dass, wenn eine gedeckte Pfeife ihren tießten Ton giebt, die Wellenlänge dieses Tons 4mal so gross ist als die Länge der Pfeife; die Wellenlänge des Grundtons einer 16füssigen gedeckten Pfeife ist demnach in gewöhnlicher Luft 64 Fuse.

Bezeichnen wir mit ## und  $\pi$  xwei Töne, von welchen der eine meinen kleinen, der andere um einen grossen ganzen Ton höher ist, als ein dritter Ton  $\tau$ , so verhalten sich die Schwingungszahlen von m und m wie 10 - m 20 - m 20 - m das Intervall dieser beiden Töne, welches als Comma bezeichnet wird, ist also  $\frac{9}{8} \cdot \frac{10}{9} = \frac{81}{80}$ ; es ist so klein, dass man in der musikalischen Praxis den Unterschied zwischen grössen und kleinen ganzen Tönen vernachlässigen kann.

Das Intervall zwischen E und F, so wie das zwischen H und c ist  $\frac{1}{16}$ , also grösser als das Intervall  $\sqrt{\frac{10}{9}}$ , welches wir erhalten, wenn wir das Intervall eines ganzen Tones in zwei gleiche Theile thellen. Bezeichnen wir die Schwingungszahl eines Tones T mit x, so ist die Schwingungszahl eines um  $^{1}/_{2}$  Ton höheren  $\frac{1}{10}$ , mod wenn wir von diesem aus abermals um  $^{1}/_{2}$  Ton aufsteigen, so kommen wir zu einem Ton, dessen Schwingungszahl x  $\frac{16^{2}}{15^{2}} = \frac{250}{225}$  ist, während die Schwingungszahl desjenigen Tones, welcher um einen kleinen ganzen Ton höher ist als T, x  $\frac{10}{9} = 2$   $\frac{250}{50\pi}$  ist.

Das Intervall eines kleinen ganzen Tones lässt sich in zwei ungleiche Intervalle zerlegen, von denen das eine  $\frac{25}{24}$  das andere  $\frac{16}{15}$  ist, denn es ist  $\frac{25}{24}$   $\frac{16}{15} = \frac{10}{9}$ . Das Intervall  $\frac{25}{24}$  wird als kleiner halber Ton bezeichnet.

Die Erhöhung um einen kleinen halben Ton wird in der musikalischen Sprache durch die Sylbo is bezeichnet. So ist z. B. eis ein Ton, welcher um einen kleinen halhen Ton höher ist als  $c_i$  fis ist ein Ton, dessen Schwingungszahl  $\frac{25}{04}$ mal grösser ist als die von f.

Der Uebersicht wegen folgt hier der Werth der eben hesprochenen Intervalle in Decimalbrüchen ausgedrückt:

$$\begin{array}{ll} \frac{9}{8} = 1,12500 & \frac{25}{24} = 1,04166 \\ \frac{10}{9} = 1,11111 & \frac{16^2}{15^2} = 1,13777 \\ \frac{16}{5} = 1,06666 & \frac{81}{80} = 1,01250. \end{array}$$

Die oben angeführte Reihe von Tonen ist aber ungenügend, wenn man, wie es die Musik verlangt, von jedem beliebigen Ton ausgehend nach dem Gesetz der diatonischen Tonleiter, also in folgender Ordnung der Intervalle

soll aufsteigen können (es bezeichnet hier, den Unterschied zwischen grossen und kleinen ganzen Tönen unberücksichtigt lassend, 1 einen ganzen und 1/2 einen halhen Ton).

Will man z. B. den Ton G zum Ausgangspunkt der distonischen Tonleiter machen, so haben wir in ohiger Tonreihe, in der That, wie es das Gesetz der distonischen Tonleiter fordert, zunächst zwei Intervalle von einem ganzen Ton, nemlich G zu A, A zu H; dann einen halben Ton H zn e; dann wieder zwei Ganze e zu A dun d zn e. Nun aber folgt in der Tonleiter auf Seite 401 der Ton f, welcher um  $^{1}/_{2}$  Ton höher ist als e, während in der von G ausgehenden distonischen Tonleiter ein Ton folgen muss, welcher um einen ganzen Ton höher ist als e. Diesen Ton nun erhält man, wenn man zwischen f und g den Ton  $\hat{f}$ is einen Ton nun erhält man, wenn man zwischen f und g den Ton  $\hat{f}$ is ein-

schaltet, dessen Schwingungszahl  $\frac{25}{24}$ mal grösser ist, als die von f. Das Intervall von e zu fis ist alsdann ein ganzer, das von fis zu g ist ein

halher Ton. Die von 
$$G$$
 ausgehende diatonische Tonleiter ist also  $G$   $A$   $H$   $c$   $d$   $e$   $f$  is  $g$ .

Um von D aus nach dem Gesetz der diatonischen Tonleiter aufsteigen zu können, muss man zwischen c und d den Ton cis einschalten u. s. w.

Die verschiedenen Molltonleitern erfordern die Einschaltung von Tönen, welche um einen kleinen halben Ton tiefer sind als die einzelnen Töne der Cdur-Tonleiter und welche durch ein angehängtes es bezeichnet werden. So ist des ein Ton, dessen Schwingungszahl  $\frac{24}{25}$ mal kleiner ist als die von  $d_1$  ges ist um einen kleinen halben Ton tiefer als

g u. s. w. Man sieht also, dass die T\u00f6ne cis und des, fis und ges u. s. w. streng genommen keineswegs identisch sind. 17.5 Musikalische Temperatur. Bei Instrumenten, für welche es, wie bei der Violine in der Gewalt des Spielers liegt, die Tonkhöe nach Belieben zu reguliren, kann man jede Tonlicter in voller Reinheit spielen. Bei Instrumenten mit fester Stimmung aber, bei welchen man auf eine begränzte Anzahl gegebener Töne beschränkt ist, wie bei dem Clavier, sit es nicht immer möglich die volle Reinheit der Intervalle zu wahren, selbst wenn man den Unterschied zwischen kleinen und grossen ganzen Tönen extranchlissigt. So ist zwischen je zwei ganzen Tönen des Chaviers nur ein Ton eingeschaltet, es wird also ein und derselbe Ton für cis und des, ein und derselbe für für und ess u. s. ur gebraucht.

Wenn der Grundton eine Schwingung in einer bestimmten Zeit macht, so muss seine grosse Terz in derselben Zeit 5/4, die grosse Terz dieses Tones 5/4.5/4 oder 25/16, und die Terz dieses Tones endlich 5/4.5/4.5/4 oder 125/64 Schwingungen machen. Der letztere Ton stimmt nun nicht genau mit der Octav des Grundtons überein, welchem 128/64 Schwingungen entsprechen; wenn man also in reinen Terzen fortschreitet, so kommt man nicht zur reinen Octav, und will man die Reinheit der Octaven wahren, so muss man von der vollkommenen Reinheit der Terzen abstrahiren. Aehnliches ergiebt sich beim Fortschreiten nach reinen Quinten. Man ist deshalb, um die Reinheit der Octaven zu erhalten, genöthigt, in der Musik die Töne etwas höher oder tiefer zu stimmen, als es die reinen Terzen oder Oninten verlangen; man muss, wie die Musiker sagen, den Ton etwas oberhalb oder unterhalb schweben lassen. Diese Ausgleichung nennt man die Temperatur. Die nähere Besprechung der verschiedenen Arten der Temperatur würde uns hier zu weit führen, es mag nur noch bemerkt werden, dass die sogenannte gleichschwebende Temperatur die zweckmässigste und auch die verbreitetste ist. Nach der gleichschwebenden Temperatur wird die ganze Octave in 12 vollkommen gleiche Intervalle abgetheilt, so dass die

Schwingungszahl jedes folgenden Tones V 2, also 1,05946. mal so gross ist als die des vorbergehenden. Man sieht, dass and diese Weise die Differenz zwischen grossen und kleinen halben Tönen, sowie zwischen grossen und kleinen ganzen Tönen wegfällt. Die folgende Tabelle giebt in der zweiten Verticalreihe die Verhältnisse der Schwingungszahlen für die 12 Töne einer Octave nach der gleichschwebenden Temperatur, während in der letzten Verticalreihe die Verhältnisse der Schwingungszahlen des Grundtons zur reinen grossen Terz, zur reinen Quart und zur reinen Quint angegeben sind.

e			100000		100000
cis			105946		
d			112246		
dis			118921		
e			125992		125000
f			133484		133333
· c ·					

gis			158740		
a			168179		
b			178180		
h			188775		
$\overline{c}$			200000		200000

Wenn unser Ohr empfindlicher wäre, so würde es durch die erwähnte Unreinheit der Terzen und Quinten unangenehm afficirt werden, es würde kaum ein musikalischer Genuss nöglich sein.

Die nach lauter halben Tönen fortschreitende Tonleiter wird die chromatische genannt.

man kann also die Schwingungszahl eines Tones berechnen, wenn die Fortpflanzungsgeschwindigkeit f des Schalles und seine Wellenlänge in Luft bekannt ist.

Wie wir oben gesehen haben ist f=341 Meter oder 1050 pariser Fuss. Da man nun die Wellenlänge eines Tons (wenigstens annäherud genau) aus der Länge der Pfeife ableiten kann, welche diesen Ton erzeugt, so lässt sich die Schwingungszahl des Tones leicht nach Gl. 1) berechnen, Anf diese Weise ergiebt sich für der Ton einer 16 füssigen gedeckten Pfeife die Schwingungszahl

$$z = \frac{1050}{64} = 16,4.$$

Ebenso findet man, wieviel Oscillationen in der Secunde die Luft in irgend einer gedeckten Pfeife macht, wenn sie ihren tiefsten Ton giebt, indem man mit der vierfachen Länge der Pfeife (in pariser Fussen ausgedrückt) in 1050 dividirt.

Im Ganzen umfasst die Musik 9 Octaven. Der erwähnte tießte Ton einer 16füssigen gedeckten Pfeife wird mit  $\underline{C}$  bezeichnet.

Da dieser Ton nun 16,4 (oder genauer 16,5) Schwingungen in der Secunde macht, so ist Folgendes die Schwingungszahl der auf einander folgenden Octaven dieses Tons:

das	Subcontra-	$^{c}$			$\underline{C}$			16,
das	Contra- $C$				$\bar{C}$			33
das	grosse $C$				C			66
das	kleine $c$ .				c			132
das	eingestriche	ne	c		$\bar{c}$			264
das	zweigestrick	ien	e	c	7			528

Mit unseren Noten werden diese Tone folgendermaassen bezeichnet:



177 Genaue Bestimmung der absoluten Schwingungszahl der Töne, Wir haben zwar gesehen, wie man die einem hestimmten Tone entsprechende Schwingungszahl aus der Linge der Pfeife ableiten kann, welche diesen Ton giebt; doch ist diese Methode nicht sehr genau. Genauere Resultate erhält man mit Hülfe der Sirene oder gezahnter Räder.

Cagniard La Tour ist der Erfinder der Sirene. Fig. 457 stellt eine solche dar, wie sie Stöhrer in Dresden in sehr übersichtlicher Form construirt. AA ist eine cylindrische Büchse von Messing, welche mittelst des Rohres BB luftdicht auf eine Windlade aufgesetzt werden kann.

In der oberen Deckplatte dieser Büchse hefindet sich eine Reihe von Löchern, etwa 12, welche im Kreise um den Mittelpaukt hernundschen, dicht über dieser Deckplatte aber ist eine Messingscheibe 3 sangebracht, welche, um eine verticale Axe in Spitzen laufend, möglichst leicht beweglich sein muss, und welche befindla mit 12 gleichweit von einander abstehenden Löchern versehen ist, wie Fig. 458 zeigt, welche diese Platte von oben gesehen darstellt. Le nach der Stellung der beweglichen Platte sind alle 12 Oeffnungen der unteren gleichzeitig geöffnet oder gleichzeitig geschlossen.

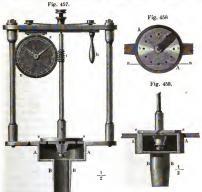
Sowohl die Lächer der drehbaren Scheibe ss als auch die Löcher der darunter befindlichen Platte sind schräg gestellt, und zwar die der rotirenden Platte ss in entgegengesetzter Richtung, wie die der Deckplatte der Büchse wie man Fig. 409 sieht, welche einen Durchschnitt der Büchse AA nach der Linie nn der Fig. 458 artstellt. Es ist also klar, dase der Wind, welcher den Löchern der Deckplatte entströmt, gegen die Wände der Löcher der drehbaren Scheibe ss anstöset und diese dadurch in eine Rotation versetzt, deren Schneiligkeit von der Stärke des Windes shängt.

Wird nun aus der Windlade Luft durch das Anastzrohr BB eingeblasen, so beginnt die Scheibe ss sieh zu derhen und alsbald lässt sieh ein anfangs tiefer Ton hören, welcher allmälig höher und stärker wird, wenn die Rotationsgeschwindigkeit der Scheibe sz suninmut, und welcher auf einer bestimmten Tonhöhe stehen bleibt, wenn Gleichgewichtszustaad eingetreten ist zwischen der heschleunigenden Kraft des ausströmenden Windes und den zu überwindenden Widerständer.

Der Ton entsteht dadurch, dass jedesmal ein Luftstrom durch die

Genaue Bestimmung d. absoluten Schwingungszahl d. Töne. 407

Löcher der Scheibe ss hervordringt, wenn die Löcher der rotirenden Scheibe gerade über den Löchern der festen sich befinden; bei einer jeden



Undrehung der Scheibe ss werden also 12 solcher Stösse, also auch 12 Verdichtungswellen erzeugt werden; man kann daher leicht die Schwingungszahl des durch die Sirene hervorgebrachten Tons berechnen, wenn man weiss, wie viel Umdrehungen die Scheibe ss in einer Secunde macht.

Um die Zahl der in einer gegebenen Zeit gemachten Umdrehungen der Scheibe s s zu bestimmen, dient nun ein besonderes Zählerwerk. Hinter dem in 100 gleiche Theile getheilten Zifferblatt zz, Fig. 457, befinden sich nämlich zwei Räder, von denen das eine 100, das andere 99 Zähne hat; das erstere führt den grossen, das letztere den kleinen Zeiger. Wenn nun der Ton der Sirene eine bestimmte Höhe erreicht hat, so wird das eben besprochene Zählerwerk mit Hülfe des Griffes h etwas nach der rechten Seite gezogen, so dass die Zähne der beiden Räder in die Schraube i eingreifen, und nun wird natürlich bei jeder Umdrehung der Scheibe s s jedes der gezahnten Räder um einen Zahn fortgesebohen; für je 100 Umdrehuugen

aber wird der kleine Zeiger um einen Theilstrich mehr hinter dem grossen zurückbleiben, so dass man aus der Vermehrung des Abstandes beider Zeiger erfährt, wie viel hundert, und aus der Stellung des grossen wie viel einzelne Umdrehungen noch über diese hinaus in einer gegebenen Zeit gemacht wurden.

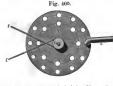
Es versteht sich von selbst, dass das Zählerwerk so leicht gehen muss, dass das Einsetzen desselben keinen merklichen Einfluss auf den Gang der

Sirene ausübt.

Eine wesentliche Verbesserung hat Stöhrer an seiner Sirene dadurch angebracht, dass er in der rotirenden Scheibe und der darunter befindlichen Platte statt der runden Löcher radial gestellte Schlitze in Anwendung brinct.

Eine sehr einfache Construction der Sirene, welche auch noch zu anderen akustischen Versuchen anwendbar ist, hat Seebeck angegeben.

An einer wagerechten Axe, welche auf irgend eine Weise rasch umgedreht werden kann, wird eine Scheibe von starkem glattem Pappendeckel befestigt, deren Durchmesser ungefähr 12 Zoll ist. An dem Umfange die-



ser Scheibe sind in genau gleichen Abständen Löcher von fast 2 Linien Durchmesser eingeschlagen, ungefähr wie man Fig. 460 sieht. Bei dem Versuche wird mit einem Glassöhn-chen, dessen Mündung etwas enger ist als die Löcher, ein Luftstrom gegen die in Drehung befindliche Löcherreihe geblasen, wo

durch dann der Ton wie bei der Sirene Cagniard La Tour entsteht.

Dove hat eine Sirene mit mehreren Löcherreihen construirt, zu de-

nen der Wind beliebig zugelassen oder abgesperrt werden kann. Gewöhnlich hat die innerste Löcherreihe 8, die zweite 10, die dritte 12 und die vierte 16 Löcher. Auch die Seebeck'sche Sirene wird gewöhnlich mit mehreren Löcherreihen versehen.

Die Methode, die absolute Schwingungszahl mit Hülfe gezähnter Räder zu zählen, rührt von Savart her (Annal. de. Phys. et de Chim. T. 44 et 47): sein Apparat ist Fig. 461 dargestellt.  $\alpha$  ist ein sehr festes Gestell von Eichenholz, welches noch dadurch stabiler gemacht wird, dass man es auf den Boden befestigt;  $\ell$  1 ist ein Rad von 1,8 Meter Durchmesser, welches sich um eine sehr starke Aze dreht und durch eine Kurbel in Bewegung gesetzt wird; durch eine Schnur ohne Ende wird die rotirende Bewegung auf ein zweites Rad B in der Weise übertragen, dass die Umdrehung der Aze von B weit schneller ist, als die Umdrehung der Aze des Rades A, dass z. B. 10 Umdrehungen des Rades

Bauf eine Umdrehung von Akommen. Bist ein gezahntes Metallrad, welches ungefähr 600 Zähne hat; wenn man die Kante einer Karte dem

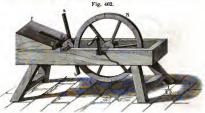


Stosse der Zähne aussetzt, so kann man leicht 24000 Stösse in der Secunde erhalten, wenn A 4 Umdrehungen in 1 Secunde macht. Man erhält mehr oder weniger Stösse, je nachdem man rascher oder weniger rasch dreht. Der Ton, welchen man auf diese Weise erhält, ist rein und andauernd, seine Höhe hängt von der Schnelligkeit der Umdrehung ab, man kann es also leicht dahin bringen, dass er mit der Stimmgabel im Einklange ist. Der Stoss der Zähne gegen das Plättchen giebt einen Ton, weil es dadurch in Schwingungen versetzt wird; während der Zahn vorübergeht, wird das Plättchen gehoben, geht aber in Folge seiner Elasticität zurück, ehe der folgende Zahn kommt. So erzeugt jeder vorübergehende Zahn einen Hin- und Hergang des Plättchens, also eine Vibration; man hat also nur zu ermitteln, wieviel Zähne in einer gegebenen Zeit vorübergehen, um auch die Schwingungszahl des erzengten Tons zu kennen; zu diesem Zwecke ist an der Axe des Rades B eine Schraube ohne Ende angebracht, welche ganz in ähnlicher Weise wie bei der Sirene ein Zählerwerk in Bewegung gesetzt. Savart hat auf diese Weise bestätigt, dass a 440 Schwingungen in der Secnnde macht, wie man auch mit der Sirene gefinnden hatte.

Weiter unten werden wir sehen, auf welche Weise man die Schwingungszahl einer Stimmgabel unmittelbar bestimmen kann.

Gränzen der Hörbarkeit. Der tiefste in der Masik zur An- 178 wendung gebrachte Ton ist der einer 16flusigen gedeckten Pfeife, welcher durch  $16^{1}/s$  Schwingungen in der Minute erzeugt wird. Wahrscheinlich bildet dieser Ton die untere Gränze der Wahrnehmbarkeit für das mensehliche Gehörorgan. Noch tiefere Töne glaubt zwar Savart mit Hülfe des Fig. 462 a. f. S. dargestellten Apparates hervorgebracht zu haben. Durch Umdrehung des Rades R wird die Scheiber in Rotation versetzt und mit ihr der eiserne Stab ab, welcher bei jeder Umdrehung zweimal durch eine in dem dünnen Brette fg angebrachte Spalte cd hindurchsehlägt, und zwar möglichst genau an den Rändern dieser Spalte streifend.

Man nimmt bereits ein dumpfes continuirliches Geräusch wahr, wenn die Umdrehung des Apparats mit solcher Geschwindigkeit ausgeführt wird,



dass 7 bis 8 Stösse in der Secunde erfolgen. Während Savart dies als den tiefsten wahrnehmbaren Ton bezeichnet, wird von anderer Seite, und zwar wohl mit Recht, bezweifelt, dass man es hier mit einem einfachen Ton zu thun habe.

Um die Gränze der hohen Töne zu finden, wandte Savart ein gezahntes Rad an, dessen Umfang 720 Zahne trug, um zu machen, dass 24000
Zahne in der Secunde vorübergehen, wodurch 24000 Schwingungen in der
Secunde erzeugt werden. Der auf diese Weise entstehende Ton war noch
hörbar, obwohl sehr fein. Umser Gehörorgan ist also mit einer bewundernswürdigen Empfindlichkeit ausgerüstet, so dass es alle Töne hören und von
einander unterscheiden kann, welche durch 16 bis 24000 Schwingungen in
der Secunde erzeugt werden.

Nach späteren Versuchen wird der höchste überhaupt noch wahrnehmbare Ton durch 36000 Schwingungen in der Secunde erzeugt.

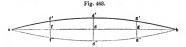
## Zweites Capitel,

Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

Stehende Seilwellen. Wenn eine längs eines gespannten Sei-179 les fortlaufende Welle von dem festen Endpunkte desselben reflectirt wird, so kommt die reflectirte Welle mit der neu einfallenden in ähnlicher Weisz zur Interferenz, wie wir dies für Luftwellen in § 169 sehon näher betrachtet haben, und durch diese Interferenz bilden sich stehende Seilwellen.

Eine gespannte Saite verhält sich wie ein gespanntes Seil. Auf irgend eine Weise aus ihrer Gleichgewichtslage entfernt und dann sich selbst überlassen, geht sie alsbald in den Zustand stehender Schwingungen über, welche wir nun näher betrachten wollen.

Der einfachste Fall ist der, dass das Seil seiner ganzen Länge nach schwingt, wie es Fig. 463 dargestellt ist. Man kann diese Bewegung da-



durch hervorbringen, dass man die Mitte eines nicht gar fest gespannten Seiles von 10 bis 20 Fnss Länge etwas aus ihrer Gleichgewichtslage (am besten etwas nach der Rechten oder Linken) entfernt und dann das Seil sich selbst überlässt. Alle Theilchen befinden sich gleichzeitig auf der einen und dann wieder auf der anderen Seits der Gleichgewichtslage; sie erreichen gleichzeitig das Maximum ihrer Entfernung von der Gleichgewichtslage auf der rechten Seite und kommen gleichzeitig auf den Endpunkten ihrer Bahnen auf der anderen Seite an Die Theilchen also, deren Gleichgewichtslage f,d und g ist, kommen gleichzeitig in f,d' und g' an, sie passiren gleichzeitig ihre Gleichgewichtslage; nach derselben Richtung sich bewegend, sie kommen gleichzeitig in f',d'' y'' d'' and

Während also alle Theilchen sich gleichzeitig stets auch in gleichen Schwingungszuständen befinden, ist nur die Amplitude ihrer Oscillationen ungleich, sie ist für das Theilchen d grösser als für f und g.

Die Schwingungen einer gespannten Saite, welche man aus ihrer Gleichgewichtslage bringt, oder die man mit einem Fiedelbogen anstreicht, sind ganz von derselben Art. Die Schwingungen der Saite sind aber so schnell, dass man die einzelnen Oscillationen als solche nicht mehr unterscheiden kann, dahingegen bringen sie unn einen Ton hervor, dessen Tonhöhe von der Schwingungezahl der Saite abhängt.

Die Schwingungen eines nicht gar stark gespanten Seiles sind langsam genng, um sie zählen zu können; es hält aber schwer, auf die angegebene Weise eine ganz regelmässige Oscillationsbewegung hervorzubringen, wenn man die Mitte des Seiles in der Richtung von unten nach oben aus ihrer Gleichgewichtslage bringt, weil alsdann nicht allein die Elasticität des Seiles die Theilchen in ihre Gleichgewichtslage zuräckführt, sondern auch die Schwere; wenn man aber die Mitte des Seiles nach der Rechten oder Linken aus der Gleichgewichtslage bringt, so ist die Bewegung theilweise eine förmliche Pendelbewegung, weil, wenn das Seil nicht sehr stark gerapant ist, die Mitte immer etwas herabhängt; spannt man es aber stärker, so werden die Schwingungen zu schnell, um sie einzeln unterscheiden zu können.

Am besten lassen sich die stehenden Schwingungen an einem Seile zeigen, wenn man das eine Ende desselben befestigt, das andere aber in der Hand hält, und mit demselben mit gleichförmiger Geschwindigkeit kleine Kreise beschreibt. Wenn man die richtige Geschwindigkeit für die Bewegung der Hand gefunden hat, was während des Versuchs ganz leicht ist, so wird das Seil in eine solche Bewegung gerathen, dass die Mitte desselben einen grossen Kreis um ihre Gleichgewichtslage beschreibt. Alle anderen Punkte des Seiles drehen sieh dann gleichfalls in Kreisen um ihre Gleichgewichtslage, nur sind die Kreise um so kleiner, je näher die Punkte gegen die Enden des Seiles liegen.

Wenn man nun die Bewegung der Hand beschleunigt, so wird die Regelmäsigkeit der Bewegung des Seites gestört; es ist aber leicht, die Geschwindigkeit der Hand so zu beschleunigen, dass sich in der Mitte des Seiles ein Ruhepunkt bildet. Jede Hälfte des Seiles schwingt dann ganz in der Weise, wie in dem vorigen Falle das ganza Seit; ide Mitte einer jeden Hälfte beschreitt grössere Kreise als alle übrigen Punkte; hier bildet sich also ein Ba u ch. In Fig. 464 haben wir zwei Bauche und einen Knoten; so nennt man nämlich den ruhenden Punkt k, welcher die beiden schwingenden Theile scheidet.

Fig. 464.



Wenn b seine höchste Stellung erreicht, so erreicht m gleichzeitig seine tiefste, und umgekehrt.

Bei noch grösserer Geschwindigkeit der Hand gelangt man leicht dahin, im Seile zwei Knoten und drei Bäuche zu erzeugen, wie dies Fig. 465 dargestellt ist.

Fig. 465.



Ebenso ist es möglich, dass sich das Seil in noch mehr Abtheilungen theilt, die immer durch einen Knotenpunkt getrennt sind.

Auch an gespannten Saiten lassen sich die Knotenpunkte beobachten. Fig. 466 stelle eine gespannte Saite dar, an welcher durch einen Steg ein

Fig. 466.



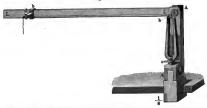
Stück ahgeschnitten wird, dessen Länge  $^{1}$ <sub>3</sub> von der Länge der ganzen Satie beträgt, ao also, dass durch den Steg die Satie in zwei Theile getheilt wird, von denen der eine halb so gross ist als der andere. Wenn man nun das kleinere Stück mit dem Fiedelbogen anstreicht, so geräth auch das andere Stück in Vihrationen, und swar so, dass sich ein Knoten in n und zwei Bäuche in n und ribliden. Der Knoten lässt sich dadurch nachweisen, dass man an verschiedenen Stellen der Satie leichte Papier-reiterchen aufsetzt, welche üherall sonst ahgeworfen werden, während sie auf den Knotenpunkten sitzen helbeben.

Wenn man den Steg so setzt, dass durch ihn die Saite in zwei Theile geheilt wird, von denen der kleinere <sup>1</sup>/<sub>4</sub> von der gannen Länge der Saite ist, so hilden sich, wenn man diesen kleineren Theil mit dem Fiedelbogen anstreicht, im grösseren Theil der Seite zwei Knoten und drei Bäuche u. s. w.

Am schönsten lässt sich die Bildung stehender Wellen gespannter Saiten an dem in Fig. 467 a. f. S. dargestellten, nach Melde's Angaben 414 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

(Pogg. Annal. Bd. CIX und CXI) von Schubart in Marburg ausgeführten Apparat erläutern.

Auf einem Holzstück A, welches an ein Tischblatt festgeschraubt Fig. 467.



werden kann, ist eine Stimm gabel angebracht, deren linker Schenkel oben ein Messingplätchen mit einer kleinen Hläse h trägt, deren Axe mit der Mittellinie der ganzen Gabel zusammenfallt. Auf dem andern Schenkel ist ein zweites Messingplättchen aufgeschraubt, welches lediglich dazu dient, das auf dem linken Schenkel aufgeschraubte zu äquibhriren. In Fig. 468 ist das obere Ende der beiden Schenkel in natürlicher Grösse dargestellt.

Durch diese Hülse h ist nun ein Seidenfaden (oder auch eine Vio-



lin-e-Saite) gezogen, welcher einerseits in dem Zapfen s am untern Ende der Stimmgabel befestigt, andereneits aber durch einen Spalt des Messingschiebers b gezogen ist und hier mittelst der kleinen Schraube d'estgeklemmt werden kann. Durch Umdrehung des Zapfens s' kann man die Spannung des Fadens anch Belieber vermieheren. der verminderen.

Der Messingschieber b ist an einer 1 Meter langen Latte L verschiebbar, so dass man

den Faden nach Belieben verlängern oder verkürzen kann.

Die Latte L selbst ist um den Zapfen x drehbar, so dass man den Faden, welcher in unserer Figur eine horizontale Richtung hat, um jeden beliebigen Winkel von der horizontalen entfernen und auch ganz vertical stellen kann, wenn man die Latte L aus der horizontalen Lage um 90° dreht.

Auch die Stimmgabel ist um den Zapfen drehbar, mittelst dessen sie in das Holzstück A eingeschraubt ist.

Betrachten wir nun zunächst die Erscheinungen, welche man an dem Apparat beobachten kann, wenn alles in der Fig. 467 dargestellten Lage ist.

Wird die Stimmgabel zum Tönen gehracht, was am einfachsten durch Anstreichen mit einem Basseigner-Friedelbogen geschieht, so werden durch die Vibrationen der Hülse h Wellen in dem Faden erzeugt, welche in der Richtung von högegen d hin fortschreiten und bei d reflectirt wieder gegen h hin zurücklaufen. Durch die Interferenz der directen und der reflectirten Wellen wird nun der Faden in stehende Schwingungen versetzt, wenn die Länge des Fadens genau ein Vielfaches von der halben Länge der Wellen ist, welche die vihrirende Stimmgabel in dem Faden erzeugt.

Je stärker der Faden gespannt ist, desto schneller pflanzen sich die von der Stimmgahel ausgehenden Vihrationen in demselben fort, desto grösser wird also die Länge der Wellen, welche der Faden fortpflanst. Durch Veränderung der Fadenspannung hat man es also in der Gewalt, zu machen, dass die Länge des Fadens Imal, 2mal, 3mal u. s. w. so gross ist als die halbe Wellenlänze.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich 1/2 Wellenlänge ist, so schwingt er seiner ganzen Länge nach entsprechend der Fig. 463.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich  $^{9}/_{2}$  Wellenlängen, so schwingt er in der durch Fig. 464 dargestellten Weise, d. h. es bildet sich ein Schwingungsknoten in der Mitte des Fadens.

Ist der Faden so gespannt, dass seine Länge gleich ist 3/2 Wellenlängen so schwingt er in der durch Fig. 465 dargestellten Weise, d. h. es bilden sich zwei Schwingungsknoten und drei Bäuche.

Hat man bei der gegenseitigen Stellung der Stimmgabel und des Fadens, wie sie in Fig. 467 dargestellt ist, die Spannung des Fadens so regulirt, dass er seiner ganzen Länge nach schwingt (entsprechend der Fig. 463), wenn man die Stimmgabel anstreicht, so ist der Ton des Fadens (welcher namentlich gang gut hörbar ist, wenn er durch eine Völlinte-Sakte gebildet wird) die nächst tiefere Octav vom Ton der Stimmgabel. Ist also der Gabelton c, so ist der Fadenton unter den angegebenenen Umständen c; die entsprechende Spannung des Fadens vollen wir mit S, beseichens

Vermindert man nun die Spannung des Fadens mehr und mehr, so gelangt man endlich zu einer Spannung  $S_{2}$ , bei welcher sich, wenn man die Stimmgabel austreicht, ein Knoten in der Mitte des Fadens hildet (Fig. 464). Auch unter diesen Umständen ist der Ton des Fadens die nächst niedere Octav von dem der Stimmgabel; hei der Spannung Sy, würde abso der Ton des Fadens, wenn er ohne Schwingungsknoten seiner gausen Lange nach ossillirte, um swei Octaven tiefer sein als des Stimmgabelton.

Zwischen der Spannung S, und der Spannung S, gieht es eine andere, die wir mit S, bezeichnen wollen, für welche sich der Faden in der der Fig. 465 entsprechenden Weise abtheilt, also drei Bauche hildet. In diesem Falle aher ist die Schwingungsweit des Fadens bei weitem geringer als mas sie bei den Spannungen S, und S, beobachtet. Die Bahn, welche der Punkt h beschribt, während die Stimmgahel vibrit, ist nun nicht geradlinig, sondern elliptisch. Die grosse Axe dieser Ellipse fällt mit der Richtung des Fadens zusammen, sie ist longitudinal; die allerdings hei weitem kleinere kleine Axe dieser Ellipse steht rechtwinklig zur Richtung des Fadens, sie ist trans versal.

Die bei der Spanung S, und S, beohachteten Oscillationen des Fadens rähren von dem longitudinalen Vibrationsantheil der Gabelvibrationen her. Die durch die longitudinale Bewegung von h erzeugten Wellen sind aher nicht allein weit intensiver, als die durch die Transversalbewegung von h erzeugten, sondern sie pflanzen sich auch im Faden mit doppelt so grosser Geschwindigkeit fort.

Bei den Spannungen  $S_1$  und  $S_2$  sind die Oscillationen des Fadens, welche durch die Longitudinalvihrationen des Punktes  $\hbar$  erzeugt werden, so überwiegend, dass gegen sie die Oscillationen verschwinden, welche von den Transversalvibrationen von  $\hbar$  herrühren.

Bei der Spannung  $S_a$  dagegen können die Longitudinalvihrationen von h keine stehenden Wellen des Fadens erzeugen, weil die Fadenlänge unter diesen Umständen  $^4/_4$ , von der Länge der Wellen ist, welche durch dle Longitudinalvihrationen von h im Faden erzeugt werden; deshalb aher werden bei der Spannung  $S_a$  die stehenden Wellen sichthar, welche in dem Faden durch die Transversalvihrationen von h erzeugt werden.

Dreht man die Leiste LL aus der in Fig. 467 dargestellten Lage um 90°, so dass der Faden vertical steht, so sind die Vihrationen von hdurchaus transversal zum Faden. Dieser zeigt alsdann

bei der Spannung  $S_1$  2 Bäuche und 1 Knoten  $S_1$  3 7 2 7  $S_2$  4 7 3 3 7

180 Klangfiguren. In Platten, Glocken u. s. w. lassen sich ebenfalls stehende Schwingungen hervorbringen. Um Platten vibriren zu machen, kann man die Zange, Fig. 469, anwenden, welche aber selbt sehr gut befestigt sein muss. Die Platte wird zwischen den Cylinder a und die Schraule be gehracht, welche beide mit einem Stückehen Kork oder Leder endigen. Wenn die Platte gehörig festgeschrauht ist, kann man die Vibrationen durch Anstruchen mit dem Friedelboren hervorbrinzen.

Man kann auf diese Weise Platten von Holz, Glas, Metall u. s. w. in Schwingungen versetzen, sie mögen nun dreieckig, viereckig, rund oder elliptisch u. s. w. sein. Die vibrirenden Platten erzeugen ebenso wie die vibrirenden Saiten Töne, welche hald höher, hald tiefer sind. Man beobachtet ferner, dass sieh die Platte für jeden dieser Töne in sehwing ende Theile ahtheilt, welche durch Ruhelinien oder Knotenlinien getrennt sind. Im Allgemeinen wird die Ausdehnung der sehwingenden Theile um so kleiner, die Knotenlinien also um so zahlreiber, je höher der Ton wird.

Um die Existenz dieser Knotenlinien nachzuweisen, streut man auf die obere Fläche der Tafel feinen trockenen Sand, welcher während des Tönens in die Höhe höpft und niederfällt und sich endlich an den Knotenlinien anhäuft. Auf diese Weise entstehen die sogenannten Klang figuren, deren Erfinder Chladni ist.



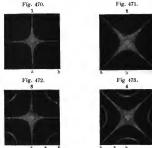
Savart hat ein sinnreiches Mittlel ausgedacht, um auf eine vollständig correcte Weise diese Figuren aufzubenhren, die man doch nur sehr sehwer copiren könnte, wenn sie complicit und verwickelt sind. Er wandte nämlich statt des Sandes Lackmus an, welches mit Gummi pulverisirt und zureinem Teige angemacht, gefrochente, von Neuem pulverisit und durchgesiebt wird, um Körnchen von passender Dicke zu erhalten. Wenn dieses farbige und hygroskopische Pulver auf der Platte sich in den Knotenlinien angesammelt hat, so reicht es hin, auf die Platte ein mit etwas Gummi-wasser befeuchtetes Blatt Papier zu legen, um die Figur durch einen leichten Druck auf demeslhen zu fürien. Auf diese Weise ist es Savart ge-lungen, mehrere hundert solcher Figuren derselben Platte zu sammeln, welche verschiedenen Tönen entsprechen.

Mit derselben Platte lassen sich, wie schon bemerkt, eine Menge verschiedener Figuren erzeugen, je nachdem man mit dem Bogen stärker oder schwächer, schneller oder langsamer streicht, oder je nachdem man den Unterstätzungspunkt der Platte verändert und an verschiedenen Stellen des Randes streicht.

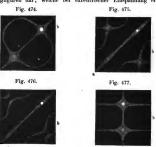
Fig. 470, 471, 472 und 473 a.f.S. stellen vier bei centraler Einspannung (d. h. wenn die Platte gerade in ihrem Mittelpunkt von der Zange Fig. 469 festgehalten wird) erhaltene Klangfiguren dar, welche entstehen,

Müller's Lehrbuch der I'hvaik 6te Auff. I.

wenn man an den mit a bezeichneten Stellen des Randes einen Finger anlegt und dann an der durch b bezeichneten Stelle mit dem Fiedelbogen streicht.



Die Figuren 474 bis 478 stellen einige der unendlich mannigfaltigen Klangfiguren dar, welche bei excentrischer Einspannung erhalten



werden, und zwar ist die Stelle, welche gerade von der Zange Fig. 469 festgehalten wird als ein ganz weisser Punkt dargestellt. Die Stelle des

Fig. 478.



Randes, welche mit dem Fiedelbogen anzustreichen ist, ist anch hier mit b, die mit den Finger anzuhaltende durch a bezeichnet. Um die Figur 478 sicher zu erhalten, muss man uoch bei c einen Finger außetzen.

Nicht alle Glasplatten von gleicher Größes und Gestalt geben bei gleichem Verfahren genau dieselbe Figur, sondern es kommen Abweichungen vor, welche man als Varietäten desselben Grundtypus bezeichnen kann. So sind Fig. 475 und Fig. 476 Klangfguren, die

bei gleichem Verfahren mit zwei verschiedenen aber gleich grossen Glasplatten erhalten wurden. Haufig beobachtet man auch mehr oder weniger bedeutende Abweichungen vom regelmässigen Verlauf der Klaugfguren, was durch Ungleichförmigkeiten in der Masse der Glasplatten zu erklären ist.

Dreieckige und vieleckige Platten geben ähnliche Erscheinungen.

Kreisförmige Platten geben auch unzählig viele Töne, und jedem derselben entspricht auch eine besondere Figur. Man unterscheidet diametrale, concentrische und gemischte Systeme.

Das diametrale System ist nur aus Durchmessern zusammengesetzt, wie Fig. 479 und 480, nnd theilt den Umfang in eine gerade Anzahl von Theilen.

Man erhält solche Figuren, wenn man die Platte in ihren Mittelpunkt Fig. 479. Fig. 480. einspannt und am Rande





streicht. Die Fig. 479 erhält man, wenn man mit dem Finger einen Punkt des Randes berührt, welcher 45° von der Stelle absteht, an welcher man streicht. Um die Fig. 480 zu erhalten, muss man zwei Punkte

des Randes berühren, welche nm 60° von einander abstehen, und an einer Stelle streichen, welche 30° von dem einen dieser Punkte entfernt ist.

An Metalischeiben von 3 his 4 Decimeter Durchmesser beobachtet man oft 36 bis 40 Abtheilungen am Umfange. Es int leicht einzusehen, warun bei dieser Theilungsart durch Radien stets eine gerack Anzahl von Abtheilungen entstehen muss; denn 1) ist klar, dass die Schwingungen aller Abtheilungen im Einklange sein müssen, d. h. sie müssen alle in gleicher Zeit gleichviel Schwingungen machen, und da sie gleiche Lange haben, so muss anch ihre Ausdehung dieselbe sein; 2) müssen die neben einander liegen-den Abtheilungen entgegengesetzte Bewegungen haben, und dies ist bei einer nugeraden Anzahl von Abtheilungen nicht möglich.

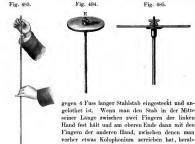
## 420 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

Um concentrische Knotenlinien zu erhalten, wovon Fig. 481 die einfachste Form zeigt, muss die Platte vom Mittelpankte aus in Schwingungen versetzt werden, was am besten dadurch bewerk-



men. Nachdem nun diese Platte excentrisch in die Schraubenklammer, Fig. 469, S. 417, eingespannt worden ist, wird eine beliebige Stelle des inneren Randes mit dem Fiedelbogen gestrichen. Ist z. B. der Punkt a. Fig. 482, eingeklemmt, so entsteht die hier abgebildete Figur, wenn man bei b streicht.

Um ringförmige Knotenlinien zu erzeugen, kann man sich auch einer Metallplatte bedienen, in deren Mitte ein ungefähr 2 Linien dicker und



streicht, wie Fig. 483 andeutet, so giebt der Stahlstab seinen Längston, nnd der auf die Platte gestreute Sand ordnet sich dabei zu mehreren concentrischen Ringen.
Dieser Versnch lässt sich auch dahin abändern, dass man eine Glas- oder Metallplatte in der Fig.

484 und Fig. 485 anschaulich gemachten Weise auf dem oberen Ende eines gegen 3 Fuss langen 2 bis 3 Linien dicken unten in einen Holzklotz eingeleimten Holzstäbchens befestigt und dieses durch Streichen mit dem Finger zu Tönen bringt.

Das gemischte System von Knotenlinien besteht aus diametralen Linien, welche mehr oder weniger gebogen, und Kreisen, die ebenfalls mehr oder weniger verändert sind. Um solche Figuren zu erhalten, ist immer einige Geschicklichkeit nöthig: das Princip besteht darin, mit den Fingern

Fig. 486.



auf mehrere der Punkte zu drücken, durch welche die Knotenlinien gehen sollen. In Fig. 486 sind mehrere solcher zusammengesetzten Klangfiguren dargestellt.

Savart hat auch die Klangfiguren runder Platten studirt und hat z. B. gefunden, dass die diametralen Linien sich nicht bis zur Mitte fortpflanzen, wenn ihre Anzahl etwas gross wird.

Nach Strehlke sind überhaupt alle Knotenlinien gekrümmt, die scheinbar geraden Linien in manchen dieser Figuren sind nur Zweige hyperbolischer Curven.

Eine höst merkwürdige von Savart aufgefundene Thatsache ist die Verrückung der Knotenlinien. Wenn man eine sorgfältig gearbeitete Messingplatte von ungefähr 4 Decimeter Durchmesser und 2 bis 3 Millimeter Dicke in der Weise befestigt, wie man Fig. 487 sieht, und, nachdem

Fig. 487.



man Semen lycopodii, welches weit leichter ist als Sand, darauf gestreut hat, mit einem Fiedelbogen am Raude streicht, so beobachtet man, für gewise tiefe 'und volle Töne, welche einer diametralen Figur von 4, 6 oder 8 Strahlen entsprechen, dass die Knotenlinien nicht fest beihen; sie erleiden eine entschiedene Oscillationsbewegung, und wen man mit der Bewegung des Fiedelbogens forführt, gelangt man selbet dabin, hinen eine continuirliche Ro-

tationsbewegung zu ertheilen, so dass das Pulver eine Art Wirbel bildet, welcher in einer bestimmten Entfernung vom Umfange der Scheibe, dem er parallel biebt, die Ebene der Scheibe durchbäuft. Savart erklärt diese interessante Erscheinung auf folgende Weise: In den Scheiben, sie mögen noch so gut gearbeitet sein, ist die Elasticität nicht nach allen Richtungen dieselbe; sg giebt zwei Durchmesser, von welchen einer der grössten, ein anderer der kleinsten Elasticität entspricht. Wenn man nun mit dem Fredelbogen an einer solchen Stelle anstreicht, dass die Knotenlinien auf diese Durchmesser fallen, so bleiben die Knotenlinien unbeweglich; wenn man aber an einem anderen Punkte anstreicht, so sind die 
Bewegungen, welch der Friedelbogen an dem Rande der Scheibe bervorbringt, unsymmetrisch, und die Knotenlinien, welche sich bilden, haben ein Bestreben, in die erste Lage zurücksucheren, und desbalb oseilliren sie um diese Lage, oder sie drehen sich continuirlich, wenn die hinlänglich grossen Excursionen der Scheibe ihnen eine hinreichende Amplitude geben, damit sie ihre Ruhelage verlassen können.

Die Glocken machen in der Regel normale Schwingungen, wie die Platten, und theilen sich auch durch Knotenlinien, welche sehr unregelmässig sein können. Die Vibrationen einer Glocke lassen sich mit Hülfe



des Apparates Fig. 488 zeigen, welcher im Wesentlichen aus einer Glasglocke (einer sog, Käseglocke) besteht, welcbe mit ihrem Knopf in ein Stativ von Holz eingekittet ist. Von einem darüber angebrachten Drahtringe hängen an Fäden befestigt vier Kügelchen von Holz herab (jedes hat gegen 2 Linien Durchmesser), welche den Rand der Glocke an vier Punkten berühren, von denen jeder um 900 vom anderen absteht. Streicht man nun mit dem Fiedelbogen den Rand der Glocke dicht neben einer solchen Kugel, so werden alle vier Kugeln lebbaft weggeschleudert, weil sie sich gerade an den Stellen der

lebhaftesten Vibrationen befinden; streicht man aber in der Mitte zwischen zwei Kugeln, so bleiben dieselben fast ganz unbeweglich, vorausgesetzt, dass die Glocke ibren tiefsten Ton giebt, weil sie jetzt die Glocke
in Knotenpunkten berühren.

Schr schön lassen sich die Knoten einer solchen vibrirenden Glocke auch zeigen, wenn man ieu ungefähr bis zu 1/2, ihrer Höbe mit Wasser füllt und dann am Rande streicht. An der Stelle, welche vertical unter der gestrichenen Stelle liegt, kräuselt sich das Wasser zu einem kleinen Berge. Dasselbe geschiebt an der Stelle, welche der eben bezeichneten diamertal gegenüber liegt, und an den Punkten, welche um 90° von ihm abstehen. An den vier Stellen dagegen, welche in der Mitte zwischen den vier Punkten der stärksten Bewegung liegen, bleibt die Oberfläche des Wassers ruhig. — Wenn die Vibrationsbewegung eine lebhafte ist, so steigen die Wasserbogen an den Stellen der kräftigsten Vibrationen zeimlich hoch an und kleine Wassertröpfehen werden dann von hier aus gegen die Mitte des Gefässes hin fortgeschleudert.

Es ist klar, dass alle festen Körper ebenso wie Stäbe und Platten vibriren können, und dass sie sich dabei durch Knotenflächen, welche mehr oder weniger unregelmässig sind, abtheilen.

Tône gespannter Saiten. Eine auf irgend ein Instrument auf. 181 gespannte Saite selwingt viel zu rasch, als dass man die Schwingungen zählen könnte; in Fölge dieser Vibrationen giebt aber die Saite einen Ton, welcher von ihrer Länge, Spannng u. s. w. abhängig ist. Ez besteht also ein Zusammenhang zwischen dem Tone einer Saite, librer Länge, ihrer Spannung und der Geschwindigkeit der Vibrationen. Dieser Zusammenhang bildet den Gegenstand des Problems der sehwingenden Saiten, welche zuerst von Taylor (Methodus incrementorum a. 1716) theilweise gelöst wurde. Dieses Problem veranlaste ein halbes Jahrhandert lang die lebhaftesten Dieseusionen zwischen den ersten Mathematikern. J. Bernouilli, d'Alembert, Euler und Daniel Bernouilli hatten viel darüber geschrieben, als Lagrange in Jahre 1759, fatt zu Anfange seiner wissenschaftlichen Laufbahn alle Schwierigkeiten hob und den Discussionen ein Ende mente.

Bezeichnet

l die Länge einer Saite,

p das Gewicht derselben,

s die Kraft, welche sie spannt,

g die beschleunigende Kraft der Schwere (also 981, wenn man das Centimeter zur Längeneinheit nimmt, wobei dann das Gramm zur Gewichtseinheit genommen werden muss, in welcher p und s auszudrücken sind).

t die Schwingungsdauer der Saite, d. h. die Zeit, welche sie zu einem Hingang braucht,

so ist

$$t = \sqrt{\frac{p \cdot l}{g \cdot s}}$$
.

Bezeichnet  $\phi$  das specifische Gewicht der Substanz, aus welcher die Saite verfertigt ist, r aber den Halbmesser derselben, so ist  $p=\pi\,r^2\,l\,\phi$  also auch

$$t = r \cdot l \sqrt{\frac{\pi \cdot \varphi}{g \cdot s}}$$
.

Bezeichnet ferner n die Anzahl der Schwingungen, welche die Saite in einer Secunde vollendet, so ist nt = 1 oder  $n = \frac{1}{t}$ , folglich auch

$$n = \frac{1}{r \cdot l} \sqrt{\frac{g \cdot s}{\pi \cdot \varphi}} \cdot$$

Das durch diese Formel, deren Ableitung ohne höhere Mathematik nicht wohl möglich ist, ausgesprochene Gesetz heisst in Worten ausgedrückt:

1. Die Schwingungszahl einer Saite verhält sich umgekehrt wie ihre Länge, d. h. wenn eine Saite auf irgend ein Instrument, wie einer Violine, einer Guitarre n. s. w., aufgespannt ist und in einer gegebenen Zeit eine bestimmte Anzahl von Schwingungen macht, so macht sie in derselben Zeit 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. soviel Schwingungen, wenn man bei unveränderter Spannung nur 1/2, 1/3, 1/4 n. s. w. der ganzen Länge schwingen lässt; sie würde 3/9, 4/3, 5/4mal so schnell schwingen, wenn man nur 2/3, 3/4, 4/5 der ganzen Länge schwingen liesse.

2. Die Zahl der Schwingungen einer Saite ist der Quadratwurzel aus den spannenden Gewichten proportional, d. h. wenn das Gewicht, welches die Saite spannt, 4mal, 9mal, 16mal so gross gemacht wird, während ihre Länge unverändert bleibt, so wird die Geschwindigkeit

der Schwingungen 2mal, 3mal, 4mal so gross.

3. Die Schwingungszahlen verschiedener Saiten derselben Materie verhalten sich umgekehrt wie ihre Dicke. Wenn man z. B. zwei Stahlsaiten von gleicher Länge nimmt, deren Durchmesser sich wie 1 zu 2 verhalten, so wird die dünnere bei gleicher Spannung in derselben Zeit doppelt so viel Schwingungen machen als die dickere. Für Darmsaiten ist dieses Gesetz wohl nicht immer genau wahr. weil sie nicht immer absolut gleichartig sind.

4. Die Schwingungszahlen von Saiten verchiedener Materien verhalten sich umgekehrt wie die Quadratwnrzeln ihrer specifischen Gewichte. Wenn z. B. eine Saite von Kupfer, deren specifisches Gewicht 9 ist, und eine Darmsaite, deren specif. Gewicht 1 ist, gleiche Länge und gleichen Durchmesser haben, und wenn beide durch gleiche Gewichte gespannt sind, so schwingt die Knpfersaite dreimal langsamer als die Darmsaite.

Es versteht sich von selbst, dass diese Gesetze nur für solche Saiten gelten, die ihrer ganzen Dicke und Länge nach homogen sind, dass sie also nicht auf Darmsaiten, welche mit Metallfäden übersponnen sind, angewandt werden können. Die metallische Hülle ist hier eine träge Masse, welche durch die Elasticität der Saite in Bewegung gesetzt werden muss und welche also die Schwingungsdauer vergrössert.

Um die wichtigsten Gesetze der Oscillationen gespannter Saiten und ihrer Töne durch den Versuch nachzuweisen, bedient man sich eines unter dem Namen des Monochordes bekannten Instruments, welches aber doch in der Regel mit mehr als einer Saite verschen ist. Fig. 489 stellt ein Monochord mit zwei Saiten dar.

Die beiden Saiten sind über einem Kasten ausgespannt, der, um seine Construction sichtbar zu machen, in unserer Figur so gezeichnet ist, als ob ein Stück aus demselben heransgeschnitten wäre; er besteht aus vier starken Seitenbrettern, auf welche oben der Resonanzboden, d. h.

ein ganz dünnes Brett von Tannenholz, geleimt ist, dessen Bedeutung später erläutert werden wird. Die beiden Stege aa und bb begränzen den



frei schwingenden Theil der Saiten. Die eine derselben wird durch Gewichte gespannt, welche man an den Haken h hängt, die andere dagegen durch den Stimmstock.s!

Betrachten wir zuerst den Zusammenhang, welcher zwischen der Spannung der Saite und der Tonhöhe besteht.

Wenn für ein Gewicht 1000 (etwa 1000 Gramm), welches an den Haken h gehängt wird, die Saite einen bestimmten Ton giebt, den wir mit  $\sigma$  bezeichnen wollen, so muss man

das Gewicht 1562,5 anhängen, um die grosse Terz,

" 4000 " " Octav von c zu erhalten. Nun verhalten sich aber die Zahlen 1000 : 1562,5

von c zu ernauen. Aun vernauen sien aber die Zanien 1000 : 1302,0 : 2250 : 4000 zu einander wie 1 :  $\frac{25}{16}$  :  $\frac{9}{4}$  : 4, oder wie die Quadrate von

$$1, \frac{5}{4}, \frac{3}{2}, 2$$
, wodurch der Satz unter Nr. 2 bewiesen ist.

Um das Gesetz unter Nr. 1 experimentell zu bestätigen, ist es bequener, die zweite Saite anzuwenden. Man kann dieselbe entweder ihrer ganzen Länge nach schwingen lassen, oder mit Halfe des beweglichen Steges, Fig. 490, die Schwingungen auf einen beliebigen Theil der Gesammt-

Fig. 49

länge beschränken, indem man diesen Steg an die entsprechende Stelle hinschiebt und die Saite zwischen dem Fussstück nn und dem Deckel pp einklemmt.



Von dem Grundton, welchen die Saite giebt, wenn man sie ihrer ganzen Länge nach schwingen lässt, erhält man:

die grosse Terz, wenn der frei schwingende Theil 4/5, die Quint, "", "", "2/3, die Octav, "", ", ", 1/2 der ganzen Saitenlänge beträgt.

Ein für genaue Versuche bestimmtes Monochord beschreibt Weber im XV. Bande (1829) von Poggendorff's Annalen. 426

182 Transversalschwingungen elastischer Stäbe. Unter elastischen Stäben verstehen wir starre Körper von solcher Form, dass ihre Länge sehr bedeutend ist im Vergleich zu ihrer Breite und Dicke, welche aber doch noch breit und dick genng sind, um ihnen die Biegsamkeit der Saiten zu benehmen, so dass also solche Stäbe ohne Weiteres schon Elasticität genug haben, um zu vibriren und zu tönen, und nicht erst einer Spamung bedürfen, wie die Saiten.

Ein solcher Stab kann, wie eine gespaunte Saite, mehrere Töne geben, je nachdem sich mehr oder weniger Knotenlinien in demselben bilden.

Die Beziehungen der Schwingungszahl eines Stabes und seiner Dimensionen ist durch die Formel

ausgedrückt, in welcher n die Schwingungsashl, die Länge des Stabes, edessen Dicke in der Richtung der Schwingungen, und C einen constanten Factor bezeichnet, welcher von der Art abhängt, in welcher der Stab unterstützt oder eingeklemmt ist, so wie auch von der Anzahl der Schwingungsknoten, durch welche er sich athteilt. Es bezeichnet ferner g die beschleunigende Kraft der Schwere, K den Elasticitätsmodulus, und  $\varphi$  das specifische Gewicht der Substanz, aus welcher der Stab verfertigt ist.

Nach Gleichung 1) ist also die Schwingungszahl eines Stabes

direct proportional der Dicke,

2. umgekehrt proportional dem Quadrat der Länge,

3. direct proportional der Quadratwurzel aus dem Elasticitätsmodulus,

 umgekehrt proportional der Quadratwurzel aus dem specifischen Gewichte der Substanz.

Von der Breite des Stabes ist die Schwingungszahl unabhängig. Den tiefsten Ton, dessen ein Stab überhaupt fähig ist, giebt er, wenn



sich seiner ganzen Länge nach kein Schwingungsknoten bildet, wie es der Fall ist, wenn das eine Ende desselben auf zweckmässige Weise eingeklemnt wird.

Bei einem elastischen Struifen, welcher eingeklemmt ist, wie Fig. 491 zeigt, und welcher langsam genug schwingt, um seine einzelnen Schwingungen zählen zu können, lässt sich ganz direct die Richtigkeit der Gleichung 1 in Beziehung auf die Länge nachweisen. Macht z. B. ein so eingeklemmter 1 Meter langer Streifen 20 Schwingungen in 15,5 Secunden, so wird er, auf 75<sup>mm</sup> verkürzt, eben so viel Schwingungen sehon in 8,7 Secunden machen, woraus sich leicht ergiebt, dass die Schwingungssahlen sich ungekehrt verhalten, wie die Quadrate der schwingenden Längen, wie die Quadrate der schwingen den Längen.

Je bedeutender die Dicke des Stabes im Ver-

gleich zu se<sup>in</sup>er Länge wird, desto mehr nimmt die Zahl der Schwingungen zu, so dass man sie alsbald nicht mehr einzeln verfolgen und zählen kann; alsdann aber hat man an der Tonhöhe ein Mittel, die Richtigkeit des sbigen Gesetzes zu controliren.

Auf einem Resonanzboden seien vier Stahlstäbehen von gleicher Dicke befestigt, wie es Fig. 492 zeigt, deren Längen sich verhalten, wie  $1:\sqrt{\frac{4}{\pi}}$ 

:  $\sqrt{\frac{2}{3}}$ :  $\sqrt{\frac{1}{2}}$ , so wird, mit dem Fiedelbogen gestrichen, das zweite Stehen die grosse Terz, das dritte die Quint und das vierte die Octav dejenigen Tones geben, welchen man von dem ersten erhält.



Wenn die beiden Enden eines Stabes frei schwingen sollen, soh hängt die Schwingungszahl davon ab, welche Stellen desselben festgehalten oder unterstützt sind. Ist der Stab nun in der Mitte seiner Länge befestigt, so ist sein Grundton derselbe, wie der eines somst

gleichen Stabes von halber Länge, welcher an dem einen Ende befestigt ist. Wenn sich in einem an beiden Enden frei sehwingenden Stabe zwei Schwingungsknoten bilden, so liegt jeder derselben um ½ der gesammten Stablänge von dem entaprechenden Stabende ab, so dass der Zwischenraum zwischen den beiden Schwingungsknoten ½, der gesammten Stablänge beträgt, wie dies Fig. 493 andeutet. Man erhält diese Schwin



gungsart unter anderm, wenn man den Stab in einem der Schwingungskonten zwischen zwei Fingern festhalt und ihn mit einem Holzhammer in der Mitte seiner Länge ansehlägt, oder auch, wenn man ihn, wie Fig. 494 andeutet, auf zwei Schnüte legt, welche ungefähr um <sup>3</sup>/<sub>5</sub> der Stablänge von einander abstehen, und dann die Mitte oder das eine Stabende mit dem Holzhammer schlätet.

An so unterstützten Stäben ist es nun auch leicht, die Richtigkeit der Gleichung 1) S. 426 nachzuweisen.

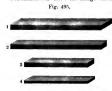
Zwei Stahlstäbe, 1 und 2, Fig. 495, geben gleichen Ton, weil sie gleiche Länge und gleiche Dicke haben, obgleich 2 viel schmäler ist als 1.

Der Stab 3 giebt die Octav der Stäbe 1 und 2, weil bei gleicher

Dicke seine Länge  $\sqrt{\frac{1}{2}}$  also 0,707mal kleiner ist.

Da bei gleicher Länge der Stab 4 nur balb so dick ist wie 3, so giebt 4 die nächst tiefere Octav von 3, der Stab 4 hat also gleiche Tonhöhe mit 1 und 2.

Obgleich die Breite des Stabes ohne Einfluss auf die Tonböbe ist, so ist sie doch von wesentliebem Einfluss für die Stärke und Reinheit des Tones. Bezeichnen wir mit I die Länge eines Stabes, welcher ungefähr die



Gestalt des Stabes 2, Fig. 495, bat, so muss ein Stab derselben Substanz bei gleichen Dieke die

bei gleicher Dicke die Länge 
$$l$$
  $\sqrt{\frac{4}{5}} = l \cdot 0.89$  oder die Länge  $l$   $\sqrt{\frac{2}{3}} = l \cdot 0.816$  haben, wenn er die grosse Terz oder die Quint des ersteren Sta-

besgeben soll.

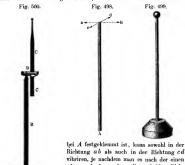
Will man mehrere harmonische Metallstäbe der eben besprochenen Art
einem Apparate vereinigen, so kann man jeden Stab an der Stelle der
Schwingungsknoten parallel mit den Breitekanten durebbohren, wie beim
Stab 1 Fig. 495 angedeutet ist, und sie dann mittelst durehgesogener
Schnüre zusammenfassen, Fig. 496, oder man kann die Stabe auf convergirenden gespannten Bändern aufleinen, wie man Fig. 497 sieht.





Nach Art der Fig. 497 ist das lignum psalterium aus Holzstäben und die Glasbarmonika aus Glasplatten construirt, welche mit Korkhämmern geschlagen werden.

Bei den bisher betrachteten Stäben war die Dicke unbedeutend gegen Länge und Breite, weshalb bei soleben Transversalsebwingungen nur in der Richtung der Dicke stattfinden können. Wenn aber Breite und Dicke eines rectangulären Stabes unbedeutend sind gegen seine Länge, so sind Transversalschwingungen sowohl in der Richtung der Dicke als auch der Breite möglich. Ein elastisches Säbehen von der Form Fig. 498 z. B., welches mit seinem unteren Ende



hei A festgeklemmt ist, kann sowohl in der Richtung ab als auch in der Richtung cdvibriren, je nachdem man es nach der einen oder nach der andern dieser beiden Richtungen aus seiner Gliedpewichtslage bringt. Ist aber die Dicke des Stäbeheus nach der Richtung ab nicht gleich der Dicke desselben nach der Richtung cd, so wird die Vi-

brationsgeschwindigkeit des Stäbchens in der Ebene  $A\,ab$  verschieden sein von der Vibrationsgeschwindigkeit in der Ebene  $A\,cb$ . Wird das Stäbchen nach einer Richtung aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, welche mit keiner der eben genannten Ebenen zusammenfällt, so vibrit es in der Weise, dans sein oberet Ende eine Carve beschreibt, deren Gestalt abhängt von dem Verhältnis der Dicke des Stäbchens in der Richtung ab zu der Dicke in den Wiehtlung cd. Ohne hier auf die Construction dieser Curven, welche später noch ausführlich besprochen werden, näher einzugehen, soll nur bemerkt werden, dass sie sich sehr sehön an Wheatstone's Kaleidophon beobachten lassen, welches aus einem dersetigen Stäbchen besteht, desen freies Ende einen glänzenden Knopf trägt, Fig. 499. (Das Stäbchen ist in Fig. 499 im Verhältniss zu seiner Länge viel zu die gezeichnet.)

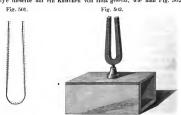
Als eine Vervollkommnung dieses Apparates ist Melde's Univer-

sal·Kaleidophon zu bezeichnen, welches in Fig. 500 (a. vor. S.) dargestellt ist. In einen Holzklotz A, welcher in passender Weise an einem Tisch befestigt ist, ist eine Messingfeder B eingeklemmt, welche ungefähr 11/g Millimeter dick und gegen 40 Centimeter lang ist. Oben trägt die Feder B eine Messingklammer D, in welcher eine, oben ein gläuzendes Knöpfehen tragende Stählfeder C steckt. Je nachdem man die Stählfeder C mehr hinauf- oder herunterzieht, kann man machen, dass ihre Schwingungsdauer gleich, oder dass sie  $^{4}/_{5}$  oder  $^{1}/_{2}$  u. s. w. von der Schwingungsdauer der Feder B ist. Ist die Klammer D so aufgeschraubt, dass die Schwingungsebene der Feder C rechtwinklig steht zur Schwingungsebene der Feder C rechtwinklig steht zur Schwingungsebene der Feder B, so kann man mit diesem Apparat die verschiedenen Curven erzeugen, welche in §. 184 nikher besprochen werden sollen.

183 Die Stimmgabel. Unter den in den letzten Paragraphen besprochenen Gesetzen stehen auch die Vibrationen der Stimmgabel (diapason), welche vorzugsweise zur Bewahrung eines Normattones und seiner Uebertragung bei der Stimmung angewandt wird. Die Stimmgabel wird durch einen gabelförmig gebogenen Metallstab (meist sind sie aus Stahl verfertigt) gebildet, an welchem an der Biegungsstelle ein zum Halten dienendes Metallstäbchen angesetzt ist. Fig. 501 erläutert die Art und Weise, wie die Stimmgabel sehwingt, wenn sie ihren Grundton giebt.

Um die Stimungabel ins Tönen zu bringen, fasst man gewöhnlich den Stiel zwischen zwei Finger und schlägt dann eine der Zinken gegen einen festen Körper an. Der Ton, welcher auf diese Weise hervorgebracht wird, ist ungemein schwach, um ihn zu verstärken, setzt man die Stimungabel mit ihren Euses auf einen Resonanzboden auf oder man hält sie über eine Röhre von entsprechender Länge, wie dies bereits im Paragraph 168 erwähnt wurde.

Um den Ton der Stimmgabel rein und kräftig zu erhalten, hat Marloye dieselbe auf ein Kästchen von Holz gesetzt, wie man Fig. 502



nieht. Die Länge dieses nur an einer Seite offenen Kästchens beträgt  $^{1}/_{\epsilon}$  von der Wellenlänge des Tones, welchen die Stimmgabel giebt, so dass abo die Vibrationen der in dem Kästcheneingesehlossenen Luftsäule denselben Ton erzeugen, wie die Stimmgabel selbst. Die Vibrationen der Stimmgabel theilen sich deshalb leicht der Luftsäule im Kästchen mit, wodurch dann ein ungemein kräftiger und reiner Ton entsteht.

Um die Stimmgabel dieses Apparates ins Tönen zu bringen, schlägt man sie entweder mit einem belederten hölzernen Hämmerchen an, oder man zieht zwischen den freien Enden der Gabel einen hölzernen Stad durch, dessen Dicke etwas grösser ist als der Abstand der Zinken, oder endlich, man streicht die Stimmgabel mit dem Fiedelbogen an.

Wenn man zwei gleich gestimmte Apparate der Art in einiger Entfernung von einander so aufstellt, dass die Längsaxen der beiden Kästchen in eine gernde Linie fallen und dass ihre Oeffunungen einander zugekehrt sind, so tönt die eine Stimmgabel mit, wenn man die andere anstreicht, wovon man sich leicht überzeugen kann, wenn man die angestrichene Gabel durch Anhalten am Fortfönen hindert.

Die gewöhnliche Stimmgabel giebt den Tou \(\bar{a}\), welcher durch 440 Schwingungen in der Secunde erzegt wird. Doch ist das \(\bar{a}\), anch welchem nan in den Orchestern die Instrumente stimmt, keineswegs immer von genau gleicher Tonhöhe. So wurde im Jahre 1821 in der grossen Oper zur Paris für \(\bar{a}\) ein Ton genommen, welcher 431 Schwingungen in der Secunde machte, w\(\bar{a}\)hrend gegenw\(\bar{a}\)trig das \(\bar{a}\) der Pariser Oper bis auf 449 Schwingungen in der Secunde gestiegen ist.

Die in physikalischen Cabinetten gebrauchten, nach Marloye's Angabe auf Kästchen befestigten Stimmgabelin sind meist grösser als die gewöhnlichen und geben die Töne ö oder ö. Marloye hat selbst Stimmgabelin verfertigt, welche den Ton e geben; sie sind aus Glockenmetall verfertigt, wiegen ohne Kasten 44 Pfund und werden durch einen Friedelbogen angestrichen, an welchem die Pferdebaare durch einen Streifen Büffelleder ersetzt sind. Der Ton, welchen man mit denselben hervorbringen kann, ist sehr kräftle und sehön.

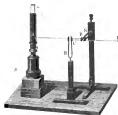
Optische Vergleichung der Stimmgabeln. In Fig. 503 184 (a. f. S.) sei R eine auf einem festen Stativ befestigte Stimmgabel, deren Schenkel, in einer Verticale bene liegend, kleine Spiegel tragen. In der Nähe dieser ersten ist eine zweite Stimmgabel S, welche in gleicher Weise mit kleinen Spiegeln versehen ist, so aufgestellt, dass die Ebene ihrer Schenkel eine horizontale ist.

Die gegenseitige Stellung der beiden Stimmgabeln ist so angeordnet, dass ein vom Lichtpunkt A ausgehender Lichtstrahl, welcher den kleinen Spiegel B trifft, nach dem Spiegel C der zweiten Stimmgabel und von diesem endlich in der Richtung nach D reflectirt wird.

Ein in der Richtung des zum zweiten Mal reflectirten Strahles etwa

hei D befindliches Ange sieht das Bild des Liehtpunktes A. welches ruhig steht, so lange die heiden Stimmgabeln nicht vibriren,





Wird aber die Stimmgabel R mit dem Fiedelbogen angestrichen, während S in Ruhe bleibt, so verlängert sich das Bild des Lichtpunktes zu einem verticalen Lichtstreifen Vibrirt dagegen die Stimmgabel S allein, während R in Ruhe bleibt, so erscheint das Bild des Lichtpunktes zu einer horizontalen Linie verlängert.

Wenn aber beide Stimmgabeln gleichzeitig vibriren, so combiniren sich die horizontale und die verti-

cale Bewegung des Lichtpunktes in der Weise, dass derselbe eine Curve beschreibt, deren Gestalt von dem akustischen Intervall der beiden Stimmgabeln und von dem Phasenunterschiede ihrer Vibrationen abhängt.

Durch das Studium dieser Curven, zu deren Hervorbringung Lissajous den in Fig. 503 abgebildeten Apparat construirt hat, ist derselbe zu einer Methode gelangt, nicht allein das Intervall zweier Stimmgabeln, mit einer bis dahin unbekannten Genauigkeit zu controliren, sondern auch Stimmgabeln von absolut genauer Schwingungszahl herzustellen. (Annal. de chim. et de phys. III. Ser. T. LI.)

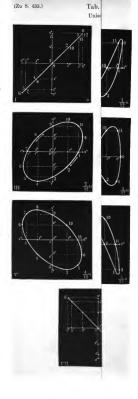
Wenn in der Richtung AB statt des schwachen Strahls einer Argand'schen Lampe ein kräftiges Bündel paralleler Strahlen einfällt, entweder ein Bündel Sonnenstrahlen, welches durch eine kleine Oeffnung im Laden eines verfinsterten Zimmers eingetreten ist, oder die Strahlen einer elektrischen Lampe, welche durch eine Linse parallel gemacht sind, so ist das vom zweiten Spiegel in der Richtung CD reflectirte Strahlenbündel noch kräftig genug, um, auf einem weissen Schirm anfgefangen, einen hellen Lichtpunkt zu erzeugen, welcher dann auf dem Schirm die fragliche Curve beschreiht, wenn die Stimmgabeln vibriren. Diese objective Darstellung der Lissajons'schen Figuren gewährt den Vortheil, dass sie gleichzeitig von einem grossen Anditorium beobachtet werden können.

Gehen wir nun zu einer näheren Untersuchung der Stimmgabeleurven über.

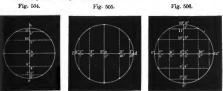
Wenn der Lichtpunkt in Folge der Vibrationen nur einer der beiden Stimmgabeln sich in gerader Linie hin und her bewegt, so erfolgt



-



die Bewegung nach den in § 124 besprochenen Gesetzen. Es seia, Fig. 504, die Gleichgewichtslage des leuchtenden Punktes, b und e die Endpnnkte seiner verticalen Bewegung (in Folge der Vibrationen der Stimmgabel R), so erhält man die mit 1', 2' 3' n. s. w. bezeichneten Stellen, in welchen sich der Lichtpunkt von Punkte b ausgehend nach  $^{1}/_{1,1}$ ,  $^{2}/_{1,2}$ ,  $^{3}/_{1,2}$  n. s. w. seiner ganzen Oscillationslauer befindet, wenn man mit dem Radius ab einem Kreis beschreibt, seinen Umfang in 12 gleiche Theile theilt und von den Theilpunkten Perpendiktel auf be füllt.



In Fig. 505 ist dieselbe Construction für die Horizontale, von der Stimmgabel S herrührende Bewegung des Lichtpunktes in Anwendung gebracht.

In Fig. 506 ist diese Construction zugleich für die horizontale und für die verticale Bewegung ausgeführt und zwar unter Voraussetzung gleicher Oscillationsamplitude für beide Richtungen.

Hat man die Stellen bestimmt, in welchen sich der leuchtende Punkt in einem gegebenen Moment befinden würde, wenn er entweder nur von der vertieaten oder nur von der horizontalen Oscillation afficirt wäre, so erhält man den Ort, an welchen er sich in diesem Momente nnter den Einflaus beider Bewegungen wirklich befindet, wenn nan durch den entsprechenden Punkt auf der verticalen Bahn eine horizontale alle nie zieht. Der Durchschnittspunkt dieser beiden Perpendikel ist der gesuchte Ort des leuchtende Punktes.

Nach diesem Princip sind auf Tab. I a die Curven, welche verschiedenen Phasenunterschieden entsprechen, für den Fall construirt, dass die beiden Stimgabeln un is ono sind, und dass die Oscillationsamplitude für die horizontale und für die verticale Bewegung dieselbe ist.

Bezeichnen wir die ganze Oscillationsdauer mit u, so sind die auf Tab. Ia dargestellten Curven diejenigen, welche den Phasenunterschieden  $0, \ ^1/_{12}u, \ ^2/_{12}u$  u. s. w. bis  $^6/_{12}u$  entsprechen.

Bei aufmerksamer Betrachtung der Figuren ergiebt sich die Construction dieser Curven ohne weitere Erläuterung.

Fig I und VII anf Tab. I a sind gerade Linien, Fig. II, III, V und VI Müller's Lehrbuch der Physik. Ste Aust. L. 23 sind Ellipsen, Fig. IV ist ein Kreis. Im Allgemeinen wird also der Lichtpunkt bei gleicher Schwingungszahl der beiden Stimmgabeln eine Ellipse beschreiben, welche in eine gerade Linie übergeht, wenn der Phasen-unterschied 0 oder  $^{I}_{I}$ u ist, in einen Kreis dagegen (gleiche Vibrationsintensität in horizontaler und verticaler Richtung vorausgesetzt), wenn der Phasenunterschied  $^{I}_{I}$ u beträgt.

Die gleiche Ellipse entspricht dem Phasenunterschied  ${}^{s}/_{12}u$  und  ${}^{7}/_{12}u$ ,  ${}^{4}/_{12}u$  und  ${}^{8}/_{12}u$ ,  ${}^{2}/_{12}u$  und  ${}^{10}/_{12}u$ ,  ${}^{1}/_{12}u$  und  ${}^{11}/_{12}u$ . Der Kreis entspricht dem Phasenunterschiede  ${}^{3}/_{12}u$  und  ${}^{9}/_{12}u$ .

Wenn die vertienle Stimmgabel R die Octav der horizontalen Stimmgabel S gieht, wenn also die Vihrstionsdeuer in horizontaler Richtung doppelt so gross ist als in vertieuler, so entstehen Figuren wie sie auf Tab. 1b und zwar für die Phasendifferenzen 0, ½, 14, ½, 18 u. s. w. bis ½, 18 dargestellt sind.

In der gleichen Weise könnte man auch die Curven für die Combinationen des Grundtons mit der Quint, des Grundtons mit der Octav der Quint u. s. w. construiren, ohne dies jedoch auszuführen, wollen wir noch eine andere weit einfachere Methode der Darstellung dieser Curven kennen lernen.

Denken wir um ingend eine der Curven von Tah. Ia oder von Tah. Iz, as  $E_{\rm F}$  I auf Tah. Ib mit einem Cylindermantel in der Weise umgeben, dass die vertieale Mittellinie 0'3' der fraglichen Figur die Axe des Cylinders hildet, während der Durchmesser des Cylinders gleich ist der horizontalen Amplitude 6'0', und dann die einzelnen Punkte der Curve durch eine auf ihre Ehene rechtwinklige Gerade auf den Umgfang des Cylinders projicit, wie dies durch Fig. 507 ansehaulich gewacht ist, so erhält man eine auf dem Mantel des Cylinders herumlaufende Curve  $aabc \dots k lqm$ , welche wir des kürzeren Ausdrucks wegen die Cylindercurve nenen wollen.

Fig. 507.



Von welcher der demselhen Intervall entsprechenden Lichtcurven, von welcher der z. B. auf Tab. Ib dargestellten man aber auch ausgehen mag, so wird man doch stets die gleiche Cylindercurve erhalten. Alle Lichtcurven also, welche den verschiedenen Phasendifferenzen desselben Intervalls entsprechen, wie z. B. alle auf Tab. Ib dargestellten Curven, kann man also als Projectionen einer und derselben Cylindercurve auf eine der Cylinderaxe parallele Ehene betrachten. Die Gestalt dieser Projection auf die Ebene ändert sich, wenn bei unveränderter Lage der die Projection aufnehmenden Ehene der Cylinder um seine Axe gedreht wird.

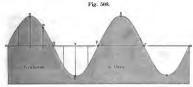
Hat man also die Cylinderveure, Fig. 507, anf einen Glascylinder anfgetragen, so wird sie, aus einiger Entfernung (damit der Einfluss der Perspective versehwindet) betrachtet, der Reihe nach den Aublick aller auf Tab. Ib verzeichneten Curven bieten, wenn der Glascylinder langsam un seine Are endruch wird.

Die Construction der Cylindercurve aber, mit Hülfe deren man alle demselben Intervall entsprechenden Lichtenryven für die verschiedenen Phasendifferenzen darstellen kann, ist aber noch weit einfacher als die bereits oben erläuterte Construction der einzelnen Lichteurven selbst.

Denken wir uns in der Höhe des Mittelpunktes A der Fig. 507 einen Kreis, den wir der Kürze halber dem Mittelkreis nennen wollen, um den Cylinder herumgelegt, so wird derselbe in dem hier dargestellten Falle die Cylindereurve in vier gleich weit von einander stehenden Tunkten sehneiden und sei in vier einander ganz gleiche Stücke theilen, von denen zwei, nämlich noq und p Gr, über dem Kreise liegen, während die beiden anderen Stücke q kp und r or unter denselben fallen.

Wird der Kreis nqpr zu einer geraden Linie entwickelt, wie dies Fig. 508 geschehen ist, so entwickelt sich die Cylindercurve zu einer einfachen Sinuslinie (Analytische Geometrie S. 64).

Um die Sinuslinie, Fig. 508, direct zu construiren, hat man nur den entwickelten Cyilnderumfang nn in vier gleiche Theile zu kteiler, ni der Mitte jeder Abtheilung ein Perpendikel so, vk u. s. w. abwechselnd nach oben und nach unten zu ziehen, dessen Länge gleich ist der halben verticalen Oscillationsamplitude.



Ist die verticale Oscillationsamplitude grösser oder kleiner als die Horizontale, so werden diese Perpendikel grösser oder kleiner sein, als der Radius des Kreises, dessen entwickelter Umfang nn, Fig. 508 ist.

Die Punkte n, o, q, k, p n. s. w. reichen nicht hin, um die Curve mit Sicherheit zu ziehen. Um weitere Punkte zu erhalten, halbire man die Abtheilungen ns, s, q, q eu .s. w. nud errichte in den Halbirungspunkten, wie in t, Perpendikel =  $tu = A.\sin 45^\circ = 0.71\,A$ , wenn man mit A die Länge so beziehnet.

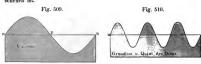
Hat man die Sinuscurve auf Papier aufgetragen und ansgesehnitten, so wird, um die entsprecheude Cylindercurve auf einem Glascylinder aufgezeichnet zu crhalten, die papierene Schablone nnr um denselben herumgelegt und die Grünze mit dem Pinsel nachgefahren.

Die Cnrve, Fig. 508, entspricht, wie bemerkt wurde, dem Intervall der Octav. Ebenso leicht lässt sich aber auch die Sinuscurve für jedes andere Intervall construiren.

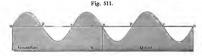
Auf n Schwingungen des horizontal vibrirenden Grundtons kommen n' Schwingungen des harmoni-chen retrical vibriernden Tons, und diesen n' Schwingungen entsprechen 2 n' Durchschneidungen der Lichteure mit der horizontalen Mittellinie. Daraus folgt aber ferner, dass anf den nfachen Umfang des Mittelkreises 2 n' Durchschneidungen mit der Cylindercurve kommen.

Wenn beide Stimmgabeln unisono siud, so ist n' := n; anf einen Unfang des Mittlevriese kommen zwei Durchschneidungen mit der Cylindercure. Um die entsprechende Sinuscurve zu construiren, hat man also den entwicketten Cylinderunfang in zwei gleiche Theile zu theilen und über diesen die Sinuscurve in der angegebenen Weise zu construiren, wie dies in Fig. 509 für einen Cylinder ausgeführt ist, dessen Durchmesser nur halb so gross ist als derjeuige, auf welchen sich Fig. 508 bezieht.

Auf eine Schwingung des Grundtons kommen drei Schwingungen der Duodecime (Quint dier Octav); hier ist also n' = 3n, 2n' ist also gleich 6, wenn n = 1. Um die diesem Intervall entsprechende Sinnseurve zu coustruiren, hat man also den entwickelten Kreisumfang in sechs gleiche Theile zu theilen und über diesen die Curve zu coustruiren, wie es Fig. 510 gesehben ist.



Zur Construction der Sinuscurve, Fig. 511, welche dem Intervall des Grundtous und der Quint entspricht, hat man die doppelte Länge des



entwickelten Kreisumfangs in sechs gleiche Theile zu theilen, weil in diesem Falle für n=2, n'=3, also 2n'=6 ist.

Auf Tab. Ic sind in der ersten Verticalreine die Hauptformen der Liehenven dargestellt, welche den Intervall des Grundtons und der Quint, und in der zweiten Verticalreine diejenigen, welche dem Intervall des Grundtons und der Quint der Octav entsprecheu, die Figuren also, welche man auch dadurch auschaulteln unachen kann, dass man die Curven Fig. 510 und Fig. 511 in der angegebenen Weise auf den Umfang eines Glas-Cylinders aufträgt und diesen dann, während er um seine Axe godreht wird, aus einiger Entfernung betrachtet.

Drehende Bewegung der Stimmgabelcurven. Wir haben 185 betwingungszahlen der beiden Stimmgabeln in einem einfachen Verhältnis zu einander stehen, dass also ihr Intervall vollkommen rein sei. In diesem Fall erhält man irgend eine der hisber besprochenen Liehtneuren, und diese hleiht danm, die allmälige Verkleinerung abgerechnet, nnverändert. Wenn aber die zweite Stimmgabel dem reinen Intervall nur unde kommt, so zeigt die Lichteurve eine drehende Bewegung in der Art, dass sie nach und nach alle die Formen durchläuft, welche dem reinen Intervall, aber wechselnden Phasendifferenzen entsprechen.

Sind z. B. beide Stimmgabeln nahezu nnisono, so scheint sich die Lichteurve so m dreben, dass sie aus der Gestalt der Fig. I Tah. I s. allmälig in die Formen Fig. II, III, IV, V u. s. w. abergeht. Kurz die Lichtcurve bietet in ihren Verfunderungen genau dieselhen Erscheinungen dar, als oh man einen Glassyinder, auf welchem die entsprechende Cylindercurve aufgezeichnet ist, aus einiger Entfernung betrachtet, während der Cylinder um seine Aze ungederbt wird.

Wenn die eine Stimmgahel sehr uahe die Octav der andern ist, so geht die Lichteurve der Reihe nach in die auf Tab. I b verzeichneten Formen über.

Die Lichteurve geht der Reihe nach in die in der ersten oder in die in der zweiten Verticalreihe der Tab. Ic dargestellten Figuren über, wenn das Intervall der beiden Stimmgaheln sehr nahe der Quint oder der Octav der Quint entspricht.

Die interessante Erscheinung des Drehens der Lichteurven lässt sich leicht mit solchen Stimmgaheln hervorhringen, welche ganz genau abgestimmt sind, also an und für sich kein Drehen der Lichtfügur zeigen, wenn man an die eine nur ctwas Wachs anklebt, in Folge dessen sie etwas langsamer schwingt als vorher.

Wenn die eine der beiden Stimmgabeln in jeder Secunde x Vibrationen mehr macht, als dem reinen Intervall entspricht, so wird die Lichtcurve x volle Umdrehungen in der Secunde macheu.

Wenn also z.B. die Lichtcurve in 2 Secunden eine halhe Umdrehung macht, so kann man daraus schliessen, dass die eine der beiden Stimmgaheln in 4 Secunden eine Schwingung mehr macht als dem reinen Intervall entspricht, dass also auf jede Secunde eine Abweichung von  $^{1}/_{4}$  Schwingung kommt.

Man sieht daraus, wie durch Beobachtung der Lissajous'schen Lichteurven die geringste Abweichung vom reinen Intervall merklich wird. Dies benutzt mun Lissajous, um Stimmgabelu mit fast absoluter

Genauigkeit zu stimmen. An den in der Praxis zu benutzenden Stimm-Fig. 512. gabeln kann man freilich keine





gabeln kann man Ireilich keine Spiegel anbringen, wie an den Stimmgabeln der oben beschriebenen, zu Demonstrationwersuchen in Vorlesungen bestimmten Vorrichtung, Fig. 503. Hier bedarf es also einer anderen Methode zur Beobachtung der Lichtcurven. Fig. 512 erläutert das zu diesem Zweck von Lissajous construirte Vibrationsmikroskop.

Die Normalstimmgabel A ist in einem passenden Stative so augebracht, dass ihre beiden Schenkel in einer Horizontal-

ebene liegen und ihre Schwingungen in der Richtung ab vor sich gehen. Der eine Schenkel der Normalstimmgabet trägt ein sehwach vergrösserndes Mikroskopohjectiv a, während an dem anderen Schenkel ein entsprecheudes Gegengewicht angebracht ist. Dio Stimmgabel ist so ajsstirt, dass sie mit dem Übjectiv und dem Gegergewicht belastet einen bestimmten Ton giebt, also eine bestimmte Anzahl von Schwingungen in der Secunde macht.

Nehmen wir au, die Stimmgabel A mache 220 Schwingungen in der Secunde, sie gebe also den Ton a.

Unter der Normalgabel A wird unu die zu prüfende Stimmgabel B wohl befestigt aufgestellt, und zwar so, dass die üfbrationsrichtung cd der beiden Schenkel rechtwinklig ist zu ab, wie Fig. 512 zeigt. Auf dem oberen Ende des einen Schenkels, welcher gerade unter dem Objectiv o stehen muss, ist auf rigend eine Weise ein Punkt markirt, den wir mit p bezeichnen wollen.

Ueber dem Objectiv o ist ferner an einem festen Stativ das Rohr eines Mikroskops befestigt, zu welchem o das Objectiv bildet und in welchem oben in gewöhnlicher Weise das Ocular eingeschoben ist. Dies Mikroskop untrscheidet sich von einem gewöhnlichen nur dadurch, dass das Objectiv nicht an der Mikroskopröhre, sondern dicht unterhalb derselben an der Stimmgabel befestigt ist.

Durch das Ocular in das Mikroskop hineinschauend, sieht man nnn das Bild des markirten Punktes p, welcher ruhig steht, wenn keine der

Stimmgabeln vibrirt. Oscillirt die obere Stimmgabel allein, so beschreibt der Punkt p eine gerade Linie in der Richtung ab; vibrirt die untere Stimmgabel allein, so beschreibt er eine gerade Linie in der Richtung cd, wenn aber endlich beide Stimmgabeln vibriren, so beschreibt p eine Curve, deren Gestalt von dem Intervall der Stimmgabeln abhänet.

Soll die Stimmgabel B den Ton ä (440 Schwingungen in 1") geben, also die Octav des Tons der Stimmgabel 4, so muss der Punkt p eine der auf Tab. I b verzeichneten Curven besehreiben. Ist die Stimmgabel zumächst nur augenähert genau gestümmt, so wird die Figur die auf S. 437 erwähnte drehende Bewegung zeigen, und man hat alsdam an der Stimmgabel in entsprechender Weise abzufeilen, bis das Drehen der durch den markirten Punkt p beschriebenen Curve aufhört.

Genaue Zählung der Sohwingungszahl einer Stimm-188 gabel. Um die Sehwingungen irgend einer Stimmaghel oder irgend eines andern vibrirenden festen Körpers graphisch darzustellen, versah Duhamel denselben mit einem feinen Stiftchen und rückte dasselbe dicht an die Oberfläche eines Glas-oder Metalelyinders, dessen Oberfläche über einer rusenden Flamme geschwärzt wird. Dieser Cylinder ist um eine Aze drebbar, auf welcher ein in einer Schraubenmutter laufendes Gewinde eingeschnitten ist, so dass eine Umdrehung um diese Aze zugleich ein Fortschieben des Cylinders in der Richtung derestlen bedingt.

Wird der Cylinder gedreht, während der das Stiftehen tragende Körper in Ruhe bleibt, so zeichnet das Stiftehen, indern es den Rus wegnimmt, eine feine Spirallinie auf die Oberfläche des Cylinders; wenn er aber vibrirt, so zeichnet das Stiftehen eine spiralförmig um den Cylinder fortlaufende Wellenlinie (Sinuseurve).

Diesen Apparat, welcher Phonautograph genannt wird, hat Wertheim wesentlich vervollkommet. König in Paris hat ihm eine zur Zählung der Schwingungen sowohl als auch zu manchen anderen akustischen Versuchen sehr zweckmässige Form gegeben.

Fig. 513 (a. f. S.) stellt den Phonautographen von König ungefähr in  $^{1}/_{10}$  der natürlichen Grösse dar.

Ein eiserner Stab, welcher an seinem einen Ende bei A mit einem durch die Schraubenmutter b geführten Schraubengewinde versehen ist, auf der andern Seite aber mittelst einer Kurbel ungedreht werden kann, trägt in seiner Mitte eine messingene Trommel T. Auf diese Trommel wird in einer Weise, dass man ihn leicht wieder wegneheme kann, ein Papierstreifen befestigt, welcher ihre Oberfläche vollständig bedeckt, und diese Papierstreifen alsdaam über einer stark rusenden Lampe geschwärst. An diese beruste Fläche wird nun zunächst die Stimmgabel herangerückt, an deren Enden ein Spähnchen r von einer Federspule mittelst etwas Wachs befestigt ist, und daneben ein Apparat aufgestellt, welcher von Secunde zu Secunde ein Metallstiftehen s gegen die beruste Papierfläche fallen lässt und es alsbald wieder zurückzieht.

## 440 Gesetze der Schwingungen und Töne fester Körper.

Das Zurückziehen und Fallenlassen dieses Stiftchens wird mittelst eines galvanischen Stroms bewirkt, welcher in jeder Secunde durch ein





Pendel unterbrochen und wieder hergestellt wird. Die Beschreibung dieser Vorrichtung folgt später.

Wird nun die Stimmgabet durch Austreichen mit dem Fiedelbogen in Vibrationen versetzt und dann der Cylinder sogleich mit entsprechender Geschwindigkeit umgedreht, so beschreibt das auf der Stimmgabet befestigte Stielchen auf der berusten Fläche eine Sinuseurve in der Art, wie Fig. 514 zeigt, daneben aber beschreibt der von Secunde zu Secunde auffallende Stift eine gerade Linie (eigentlich ein Stück einer Spirale), welche

Fig. 514.

alsbald wieder unterbrochen wird und an welcher sich aber deutlich die Stellen unterscheiden lassen, an welchen, wie bei a und b, der Zählerstift zu Anfang einer jeden Secunde aufgefallen ist. – Diese Stellen werden dann durch Querstriche markirt, wie man in der Figur sieht, und man kann dann leicht, nachdem das Papier von der Walze abgenommen und der Kiernus fürst ist, die Wellenberge zählen, welche zwischen je zwei auf einander folgende, dem Anfang einer Secunde entsprechende Querstriche fallen. Es ist dies die Zahl der in einer Secunde gemachten Schwingungen.

Das Fixiren des Kienruses wird dadurch bewerkstelligt, dass man das Papier auf der Rückseite mit Weingeist benetzt. Der das Papier durchdringende Weingeist löst das im Kienrus enthaltene Harz auf, und dieses bildet nach dem Verdampfen des Weingeistes das Bindemitte welches die Farbe auf dem Papier befestigt. Noch vollständiger wird die Fixirung, wenn in dem zu verwendenden Weingeist etwas Harz aufgelöst ist.

Longitudinalschwingungen der Saiten und Stäbe. Wir 187 haben bisher nur die Querschwingungen der Saiten und Stäbe betrachtet; dieselben können aber auch ihrer Länge nach achwingen, ganz ähnlich wie eine in einer Röhre eingeschlossene Luftsäule. Solche Längenschwingungen kann man dadurch erzielen, dass man eine gerpannte Saite unter sehr spitzem Winkel mit einem Fiedelbogen streicht oder eine Glasröhre mit massen Fingeren oder einem nassen Tuche der Länge nach reibt.

Nimmt man z. B. eine Glasröhre von etwa. Meter Länge, welche einen Durchmesser von 2 bis 3 Centimeter hat, nud hält man sie in der Mitte mit einer Hand fest, während man die andere Halfte mit einem in der anderen Hand gehaltenen nassen Tuche reibt, so wird man einen Ton hören, den man mit einiger Geschicklichtekt leicht rein und voll erhalten kann. Die Schwingungen, welche man auf diese Weise erzeugt, sind offenbar Longitudinalschwingungen. Durch schnelleres Reiben und stärkeren Druck kann man ausser dem Grundton des Stabes auch noch höhere Töne erzeugen.

Man erhält dieselben Resnltate mit langen cylindrischen und prismatischen vollen Glasstäbchen, mit Röhren und Stäben von Holz und Metall; bei den letzteren wendet man aber statt des nassen Tuches ein mit Harz bestreutes Tuch an.

Zur Hervorbringung von Longitudinalschwingungen hölzerner Stäbe



kann man den Apparat Fig. 515 anwenden. In einem Hölzklotz von entsprechender Grösse sind underren Hölzkloten von ungefähr 3 Linien Dieke eingeleint. Streicht man diese Stäbehen von oben anch unten fahrend zwisehen zwei Fingern, mit denen man vorher etwas Golophonium gerieben hat, so entstehen reine volle Töne. Gesetzt, die Länge der Stäbehen verhiette sich wie 30: 24: 20: 15, so geben sie den Grundton, seine grosse Terz, seine Quint und seine Octav.

Die Longitudinalschwingungen eines Stabes ind im Wesertlichen den Vibrationen der Luftsaluen in Pfeifen ganz analog, d. h. die einzelnen Querschichten oscilliren in der Richtung der Langenaxe des Stabes hin und her. Der Longitudinalton eines Stabes ist dennach zunächst von seiner Lange abhängig. Die Schwingungszahlen zweier Stäbe desselben Materials verhalten sich wie ihre Längen. Man kann sich davon leicht mit Hülfe des Apparates Fig. 515 überzeugen.

Stäbe, welche in der Mitte festgehalten, an beiden Enden aber frei sind, verhalten sich wie offene, Stähe dagegen, welche an einem Ende befestigt sind, wie die in Fig. 515, verhalten sich wie gedeckte Pfeifen.

Wie die Tonhöhe der Pfeifen von dem Querschnitte derselben nicht ganz unabhängig ist, so verhält es sich auch mit den Längsschwingungen von Stäben. Von zwei Stäben derselben Holzart, welche gleiche Länge, aber ungleichen Durchmesser haben, giebt der dickere einen etwas höheren Ton.

188 Von den Zungenpfeifen. Wenn ein Luftstrom durch eine Oeffnung hervordringt, welche durch die Vibrationen eines elastischen Körpers in regelmässigen Intervallen geschlossen und wieder geöffnet wird, so entsteht ein Ton ganz in der Weise, welche wir bei der Sirene kennen lernten. Bei jedem Freiwerden der Oeffnung nämlich entsteht ein Luftstoss, welcher eine Verdichtungswelle erzeugt. Solche Instrumente nun, durch welche nach diesem Princip Töne erzeugt werden, nennt man Znn genwerke.

Die einfachste Form der Zungen wird durch Fig. 516 erläutert. In der Mitte einer Messingplatte aa, welche in Fig. 516 A perspectivisch, in Fig. 516 B aber im Durchschnitt dargestellt ist, befindet sich



eine rectanguläre Oeffnung bb, welche durch ein elastisches Metallblättchen zz bedeckt wird. In ihrer Ruhelage sowohl, wie in der Lage zz, Fig. 516 B, wird die Oeffnung durch die Zunge geschlossen, während sie frei ist, wenn die Zunge in der Lage zz, ist.

Wenn nun die Messingplatto aa die untere Gränzfläche eines geschlossenen Raumes bildet, in welchem durch Einblasen die Luft verdichtet wird, so übt die verdichtete Luft einen Druck auf die Zunge aus, durch welchen die Vibrationen derselben eingeleitet werden; so oft aber die oseillierende Zunge in die Lage z², kommat, dringt in der Richtung des Pfeis ein Lufstoss durch die freigewordene Oeffnung hervor, und so eutstelk ein Ton, welcher von der Schwingungsdauer der federuden Zunge abhängt.

Zungen der eben beschriebenen Art sind es, welche die Töne der Mundharmonika, der Blasbalgharmonika und der Physharmonika geben. Hierher gehören auch die Zungeuwerke unserer Orgelu, deren Fig. 517. Einrichtung durch Fig. 517 und



Einrichtung durch Fig. 517 und Fig. 518 erläutert wird. In dem dnrchbohrten hölzernen Stopfen s. Fig. 518, ist unten eine Rinne r von Messingblech befestigt, deren Querschnitt ungefähr eine. Halbkreis bildet, und welche den Namen Canile führt. Oben ist diese Rinne offen. unten ist sie geschlossen und ihre seitliche Oeffnnng wird durch die elastische Platte l bedeckt, welche bei ihrer Vibration anf die Räuder der Rinne aufschlageud, dieselbe vollständig verschliesst und dann wieder zurückschwingend einen Luftstrom in die Canile eintreten lässt.

Dieser Stopfen s mit der Canile rund der Zunge I wird nun in das kurze Rohr pp eingesetzt, in welches man von mten her den Wind einblasen kann. Sobald dies geschieht, beginnt die Zunge I zu vibriren, es wird also in den durch die Zunge betingten Intervallen ein Luftstrom aus dem Inneren der Rohre p durch die Canile und die Höhlung v hervodringen, um dann sogleich wieder unterbrochen zu werden. Durch dieses stossweise Vordringen des Luftstroms aus der Höhlung v wird nun der Ton erzeugt, zu dessen Verstär-

der Ton erzeugt, zu dessen Verstärkung man noch ein kegelförmiges Rohr, den Schallbechor, aufsetzt, wie man es Fig. 517 sieht.

Solche Zungen, weiche wie die in Fig. 516 und Fig. 517 dargestellten etwas kleiner sind als die zugehörige Orffrung, so also, dass sie mit den Rändern derselben nicht in Berührung kommen, nennt man durchschlag ende Zungen, im Gegensatz zu den aufschlagenden, welche, wie die Zunge Fig. 518, bei jeder Oscillation auf den Rähmen schlagen. Die aufschlagenden Zungen werden ihres rasselnden Tones wegen selten mehr gebraucht.

Durch Anfziehen oder Niederdrücken des Stimmdrahtes d, dessen unteres horizontal gebogenes Ende die Zunge gegen die Canile audrückt, kann man die Länge des vibrirenden Theils der Zunge vergrössern oder verkleinern und dadurch die Tonhöbe abäudern. Wenn gar kein Schallbecher oder doch nur eine kurze Röhre auf das Zungenwerk aufgesetzt uit, so hängt die Schwingungsgeschwindigkeit der Zunge, also der Ton, den sie giebt, von ihrer Elasticität und von ihren Dimensionen ab; wenn aber eine lange Röhre aufgesetzt wird, so modificit diese den Ton wesentlich; die Bewegung der Zunge hängt dann mehr von der Bewegung der in der langen Pfeife hin und her laufenden Luftwellen als von ihrer eigenen Elasticität ab; sie wird also eigentlich mehr geschwungen als sie selbst sehwingt.

W. We ber hat über diesen Gegenstand eine Reihe ausführlicher Versuche angestellt (Pogg. Annal. XIV, XVI und XVII). Fig. 519 und Fig. 520 stellen seinen Apparat in ½ der natürlichen Grösse dar, und



zwar Fig. 519 im Durchschnitt, Fig. 520 in perspectivischer Ansicht. Der schräffrite Theil AB ist aus Messing verfertigt, bæ ist die vibrirende Zunge. Bei B können hölzerne Röhren von beliebiger Länge angesteckt werden, wie man aus den Figuren ersieht, wo sie nur durch Coutouren angegeben sind.

Diese Vorrichtung wird nun mittelst des konischen Zapfens NN in eine entsprechende Oeffnung einer Windlade so eingesetzt, dass A nach Unten, die hölzerne Ansatzröhre B C aber nach Oben steht.

Als in den Apparat, Fig.

519, eine 0,22 Linien dicke Messingzunge eingesetzt war und in die Windlade Luft ein gepresst wurde, erhielt Weber ohne Amsatz eines Holzrohres dem Ton 5. Als nun aber der Reilen anch Holzrohren von verschiedener Länge aufgesetzt wurden, erhielt er die folgenden Töne, wenn die Gesammtlänge der mittönenden Luftsäule die nebenstehenden, in Pariser Linien ausgefrückten Werthe hatte:

$\bar{g}$				41""	- c				129"
fis				79"	ais				147"
$\overline{f}$				90"	g				175
$\bar{d}$				112"	ij				195

Kurze Ansatzröhren bringen also keine merkliche Veränderung der Tonhöhe hervor; bei allmäliger Verlängerung der Röhre wird aber der Ton tiefer, und zwar bis zur nächst niederen Octave des Anfangstones, um dann für eine bestimmte Länge l (im vorliegenden Falle 195,3") wieder auf den Ton zurückzuspringen, welchen die Zunge für sich allein giebt.

Die Läuge l (hier 195,3") ist die Länge einer offenen Pfeife, deren Grundton misono ist mit dem Ton, welcher der Schwingungszahl der nur nnter dem Einfluss ihrer Elasticität vibrirenden Zunge entspricht.

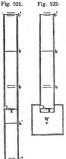
Eine Verlängerung der Röhre über die Länge  $\tilde{t}$  hinaus macht, dass der Ton abermals tiefer wird, und zwar in unserem Falle bis  $\tilde{d}$  für die Röhrenlänge 384", um für 21 (hier 390") zum zweitenmale auf den ursprünglichen Ton zurückznspringen.

Kurz, der Ton der Zungempfeife ist für die Röhrenlängen I, 2I, 37 n. s. w. derselbe wie ohne Ansatzrohr, während jede andere Länge der Ansatzrohre den Ton der Zungenpfeife tiefer macht, wenn sie durch Einblasen von Luft in die Windlade zum Tönen gebracht wird, wie es bei den eben besprochenen Versnehen der Fall war.

Wird dagegen die Zungenpfeife dadnrch zum Tönen gebracht, dass die Luft ans der Windlade ansgesaugt wird, so hat das Ansetzen von Röhren eine Erhöhung des Tones zur Folge.

Der Grund dieser Erscheinung ergiebt sich ans folgender Betrachtung:

Fig. 521 stelle eine an beiden Enden offene Röhre dar, welche eine im Fig. 521. Fig. 522. Zustande stehender Schwingungen sich



Zustande stehender Schwingungen sich befindende Luftsänle enthält. Schwingungsknoten befinden sich in k nnd k', Bäuche dagegen in b und an den Enden der Röhre in b' und b''.

Der Ton dieser Pfeife wird nun keinerlei Aenderung erfahren, wenn an irgend einer Stelle im Inneren der Röhre ein Scheibchen angebracht wäre, dessen Ebene rechtwinklig auf der Röhrenaxe steht und welches genau dieselben Oscillationen machte, welche einer an dieser Stelle befindlichen Luftschicht in Folge des Tönens der in der Röhre eingeschlossenen Luftsäule zukommen. An die Stelle dieses Scheibchens könnte aber auch ohne merkliche Aenderung eine in gleicher Weise oscillirende Znnge eingesetzt werden.

Es sei nun eine solche Zunge in der Röhre Fig. 521 bei szwischen dem Schwingungsknoten k' und dem Bauche \(\theta\) angebracht, welche so eingerichtet ist, dass sie die Verbindung zwischen dem oberen und unteren Theil der R\(\theta\)re absperrt, w\(\theta\)heren die aus ihrer Gleichgewichtslage meh Oben (also in Beziehung auf den oberen Theil der R\(\theta\)re nach Innen) entfernt ist, dass dagegen die Verbindung zwischen der Lutt im oberen und unteren Theile der R\(\theta\)re hergestellt ist, wahrend die Zunge nach Unten (respective nach Aussen) gebogen ist.

Die Zunge x wird sich aber von ihrer Gleichgewichtelage nach Unten (A ussen) bewegen müssen, während die benachbarten Laftschichten in Folge der stehenden Wellen in der Röhre gleichfalls von einer nach Unten gerichteten Bewegung afficirt sind, während sich also beim Knoten k' eine Laftwerdichten Bewegung afficirt sind, während der änseren Schwingung der Zunge ist es offenbar einerlei, ob die Luft unmittelbar üher x mit der bei k' verdichteten Luft im unteren Theil der Röhre kb' oder mit der gleich verdichteten Luft im der Windlade kr. Fig. 522, communicirt; während der inneren. Schwingung der Zunge aber ist die Verhindung zwischen dem unteren Theil des Röhrenstückes zb' mit dem unter z befindlichen Raum ohnehin unterhrochen, es ist also in dieser Periode gleichgültig, ob sich unterhalb z des Röhrenstücke zb' oder die Windlade befindlig, ob sich unterhalb z des Röhrenstück zb' oder die Windlade befindlig.

Man kann also ohne in den Vibrationen der Zunge und der Luftschichten in dem Röhrenstück zb' etwas zu ändern, das Röhrenstück zb'' mit einer Windlade vertauschen, welche entsprechend verdichtete Luft enthält.

Aus diesem Raisonnement ergiebt sich nun auch, dass in einer Zungenpfeife, welche auf einer Windlade mit verdichteter Luft aufgesetzt wird, sich in der Röhre üher der Zunge zunächst ein Bauch, und erst jenseits des Bauches ein Knoten bilden kann.

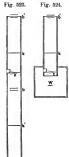
Betrachten wir aber nun den Einfluss, welchen die ahwechselnde Verdichtung und Verdünnung der Luft am Fusse der Röhre zb' auf die Schwingungen der Zunge ausühen muss:

Während der inneren Schwingung der Zunge ist die untere Endathteilung der Luftsalu  $\varepsilon L'$  verdünnt, and sie besehleunigt die Platte nach Innen, während dieselbe durch ihre eigene Elasticitat nach Aussen beschleunigt ist. Während der äusseren Schwingung der Zunge ist dagegen die untere Endathteilung der Luftsäule  $\varepsilon L'$  verdichtet und sie besehleunigt die Platte nach Aussen, während dieselbe durch ihre eigene Elasticität eine Besehleunigung nach Innen erleidet.

Der Einfluss der schwingenden Luftsäule hält also immer einem Theile der elastischen Kraft der Zunge das Gleichgewicht, sie wird also langsamer schwingen, der Ton der Zungenpfeife wird also tiefer sein, als der Ton der isolirt schwingenden Zunge.

Denken wir uns dagegen die Zunge in der Röhre b'b'', Fig. 523, zwischen dem Knoten k und dem Bauche b eingesetzt, so ist klar, dass die äussere (nach Unten gerichtete) Schwingung der Zunge x mit einer Verdünnung der Luft zwischen b und k zusammenfallen muss. Wäh-

rend also die Zunge z so steht, dass der obere Theil zb' der Röhre mit dem unteren zb" communicirt, ist die Luft unmittelbar über und unter z verdünnt; man kann also, ohne die Schwingungen in dem Röhrenstück zb' zu alteriren, statt des unteren Röhrenstückes zb" eine Windlade w. Fig. 524, substituiren, welche verd unnte Lnft enthält; in diesem Falle aber muss sich in der Röhre zunächst über der Zunge ein Knoten und erst jenseits desselben ein Bauch bilden.



Für den Fall, dass die Luft in der Windlade verdünnt wird, ist also während der äusseren Schwingung der Zunge das untere Ende der Luftsäule zb', Fig. 524, verdünnt and beschleunigt die Platte nach Innen, während sie durch ihre eigene Elasticität nach derselben Richtung beschleunigt wird. Während der inneren Schwingung der Zunge aber ist die Luft im unteren Ende der Röhre zb' verdichtet, und beschleunigt die Platte gleich ihrer eigenen Elasticität nach Aussen.

Da also hier der Einfluss der schwingenden Luftsäule stets in gleichem Sinne auf die Zunge wirkt, wie deren eigene Elasticität, so muss sie schneller schwingen, ihr Ton muss höher werden, als der Ton der isolirt schwingenden Platte.

Wenn die Zunge gerade an der Stelle eines Bauches sich befindet, so findet unmittelbar über derselben weder Verdünnung noch Verdichtung der Luft statt, die stehenden Wellen der Luftsäule in der Röhre üben also in diesem Falle weder einen beschleu-

nigenden, noch einen verzögernden Einfluss auf die Vibrationen der Zunge aus, der Ton der Luftsäule ist unisono mit dem der isolirt schwingenden Zunge.

Eine zweite Art der Zungenwerke wird durch membranöse elastische Platten gebildet, welche die beiden Lippen eines schmalen Spaltes bilden und welche durch ihre Oscillationen den Spalt abwechselnd öffnen und schliessen. Joh. Müller construirte membranöse Zungenpfeifen in der durch Fig. 525 (a. f. S.) erläuterten Weise, indem er auf ein rechtwinklig zur Axe abgeschnittenes Rohr zwei Lappen von vulkanisirtem Kautschuk so aufband, dass nur ein schmaler Spalt zwischen ihnen frei blieb. Nach Helmholtz construirt man membranöse Zungenpfeifen, Fig. 526, welche noch besser ansprechen, als die in Fig. 525 dargestellten, indem man das obere Ende eines hölzernen oder Gnttapercha-Rohres von zwei Seiten her so schräg abschneidet, dass zwei ungeführ



die beiden Abdachungsflächen werden alsdann mit leichter Spannung Streifchen von vulkanisirtem Kautschnk so gelegt, dass sie einen schmalen Spalt zwischen sich lassen, und dann mit einem Faden festgebunden.

Sehr leicht läust sich eine membranöse Zungenpfeife auch in folgender Weise herriichten: von einer Röhre dinnen vulkanisitren Kautschuks, welche  $^{1}_{2}$  bis  $^{3}_{4}$  Zoll weit ist, schneide man ein  $1^{1}_{2}$  bis 2 Zoll langes Stück ab und befestige es am Ende eines Glasrohres von entsprechender Weite, wie man Fig. 527 sieht. Wenn man nun die Kautschukröhre an ihrem oberen Ende an zwei gegenüberliegenden Punkten fast und auseinanderzieht, so bildet sich eine Ritze, wie se unsere Figur zeigt, deren Ränder von Kautschuk sind, und wenn man dann unten in das Röhr hineinbläst, so erhält man einen Ton, der um so höher wird, je stärker die beiden Lippen angespannt werden. Man kann dabei gans dentlich die Vibrationen der beiden Kantschuklipens sehen, welche die Ritze bilden.

189 Abhängigkeit der Geschwindigkeit des Schalles von der Elasticität der schallverbreitenden Medien. Wir haben zwar schen oben gesehen, dass sich der Schall durch alle ponderabelen Materien, durch lutfförmige, flüssige und feste Körper fortpflant, wir kommen aber jetzt auf diesen Gegenstand zurück, nachdem wir Mittel kennen gelernt haben, die zur Bestimmung der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in verschiedenen Körpern nöthig sind.

Newton hatte in dem zweiten Buche seiner "Philosophiae naturalis principiae mathematica" einen Ausdruck für die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft entwickelt, welcher ein zu kleines Resultat gab, nämlich nur ¾ von der beobachteten Schallgeschwindigkeit. Newton selbet sucht diese Differenz zu erklären; die wahre Ursache anfzunden, blieb aber La Place vorbehalten. Die Bewegung, welche den Schall erzeugt, planut sich, wie wir gesehen haben, in clastichen Mitteln dadurch fort, dass sie eine Compression in denselben hervorbvingt; da aber jede Compression von einer Warmeenthindung begleitet ist, so vermuthete La Place, dass diese frei werdende Wärme das Gesetz der Elasticität modifieirt, und dass sie es sit, welche die Geschwindigkeit des Schalles beschleunigt. Wenn die verdichtete Welle Wärme erzeugt, so wird in der verdinnten Welle Wärme gebunden, und man sollte denken, dass diese entgegengesetzten Wirkungen sich gegenseitig aufhöhen; sie compensiers sich anch wirklich in Beziehung auf die Temperatür, denn der Schall, welcher sich in der Luft fortpflanzt, bringt keine merkliche Wirkung auf das Thermometer hervor; dies hindert aber nicht, dass doch eine Modification der Elasticität stattfindet.

La Place giebt für die Fortpflauzungsgeschwindigkeit des Schalles in Gasen und Dämpfe folgende Formel;

$$v = \sqrt{\frac{gh}{d}} k$$

in welcher r die in Metern ansgedrückte Geschwindigkeit der Fortpflanzung in 1", gdie beschlennigende Kraft der Schwere (also 9,8088 Meter), h die auf 0° redneirte Höhe der Quecksilbersäule ist, welche die Spannkraft des Gases misst, d das specifische Gewicht des Gases, wenn das des Quecksilbers bei 0° zur Einbeit genommen wird, und endlich k deu Quotienten der Wärmecapacität des Gases bei constantem Drucke, dividirt durch seine Wärmecapacität bei constantem Volumen, bezeichnet.

Um diese Formel auf Luft, unter beliebigem Drucke und beliebiger Temperatur anzuwenden, muss man bemerken, dass die Luft unter einem Drucke von 76 Centimetern und bei einer Temperatur von 0 Grad 10466,82 mal leichter ist als Quecksilber, dass also bei einem Druck h und einer Temperatur t

$$d = \frac{h}{0.76 \cdot 10466,82 (1 + at)}$$

$$v = \sqrt{9,8088 \cdot 0,76 \cdot 10466,82 (1 + at) k}$$

und da für Luft k=1,3748 ist, so kommt

und also

$$v = 327,52 \ \sqrt{1 + at}$$

für die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft bei 0°. Für a ist der Ansdehnungscoöfficient der Luft zu setzen.

Man sieht, dass diese Geschwindigkeit nur von der Temperatur, nicht aber vom Druck abhängig ist.

Nach dieser Formel lässt sich anch die Geschwindigkeit des Schalles frandere Gase und Dämpfe berechnen, wenn für sie der Werth von kbekannt ist; umgekehrt aber kann man aus der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles den Werth von k berechnen. Es giebt aber ein einfaches Mittel, die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in irgend einem Gase zu ermitteln; man braucht nur eine Rohre von bekannter Länge mit diesem Gase zu füllen, sie tönen zu lassen und den Ton zu merken, welchen sie giebt. Diese Versuche sind für die Theorie der Wärne nicht weniger interessant als für die Akustik, und man sieht, bis zu welcher Vollkommenheit La Place diese Theorien entwickelt hat, da en un hinreicht, dass ein Experimentator den Ton hört, welchen eine Gassäule in einer Röhre von bekannter Länge hervorbringt, um daraus die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in diesem Gase und das Verhältniss seiner specifischen Wärme zu kennen (Dulong, Annal. de Chim. et de Phys. T. XLI, p. 113).

190 Geschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten. Um die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten zu berechnen, hat La Place folgende Formel gegeben:

$$v = \sqrt{\frac{g}{1}}$$
,

wo v und y dieselbe Bedeutung haben wie in der vorigen Formel, Å aber die Verkürzung bezeichnet, welche eine horizontale Flüssigkeitssäule von 1 Meter Länge in einer unetastischen Röhre unter einem ihrem Gewichte gleichen Drucke erleidet. (Vergleiche Supplementband S. 116.)

Um diese Formel anwenden zu können, muss man å kennen. Diese Grösse ist aber leicht zu bestimmen, wenn man die Zusammendrückbarkeit einer Flüssigkeit durch den Druck einer Atmosphäre kennt. Das Wasser wird z. B. durch den Druck einer Atmosphäre ma 47,85 Milliontel seines Volumens zusammengedrückt; durch den Druck einer Atmosphäre wird also eine 1 Meter lange Wassersäule in einer unelastischen Röhre um 47,85 Milliontel Meter zusammengedrückt. Der Druck einer Atmosphäre entspricht aber einem Quecksilberdrucke von 0,76 Meter bei einer Temperatur von 10°C. und dem Drucke einer Wassersäule von 10,23934 Meter; eine Wassersäule von 11 Meter Höhe wärde also eine Verärzung von 0,00001785

0,00001785

0,0000046486 Meter hervorbringen, und dies ist der

Worth von \( Lambda für Wasser;\) substituirt man diesen Werth von \( Lambda \) in der Formel, so findet man, dass die Geschwindigkeit des Schalles in Wasser von 10° C. 1453 Meter in der Secunde beträgt.

Die vorstehende Formel kann leicht auf folgende Weise umgeformt werden:

$$v = \sqrt{\frac{9,8088 \cdot 0,76 \cdot 13,544 \cdot 1000000}{dc}},$$

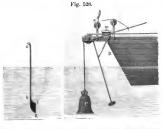
wo d das specifische Gewicht der Flüssigkeit, im Vergleich zum Wasser, und c ihre Zusammendrückbarkeit für eine Atmosphäre bezeichnet.

Nach dieser Formel ist die Geschwindigkeit des Schalles in folgenden Flüssigkeiten bei  $10^{\circ}$  C. berechnet:

Namen der Flüssigkeiten	Specifisches Gewicht	Zusammen- drückbarkeit	Geschwindig keit des Schal les in 1"
Aether	0,712	131,35	1039m
Alkohol	0,795	94,95	1157
Chlorwasserstoffäther	0,874	84,25	1171
Terpentinöl	0,870	71,35	1276
Wasser	1	47,85	1453
Quecksilber	13,5	3,38	1484
Salpetersäure	1,403	30,55	1535
Wasser mit Ammoniak gesättigt .	0,9	33,05	1842

Die Zahlen der letzten Columne sind alle mit einer Ungewissheit behaftet, welche besonders von der Ungewissheit des Werthes für die Zusammendrückbarkeit abhängt. Nimmt man z. B. für Alkohol den von Oersted angegebenen Werth der Zusammendrückbarkeit, so würde sich für die Geschwindigkeit des Schalles 2423 Meter in der Secunde ergeben, während man sie nur gleich 1157 Meter findet, wenn für die Zusammendrückbarkeit des Alkohols der von Colladon und Sturm gefundene Werth in Anwendung gebracht wird.

Das Wasser ist die einzige unter diesen Flüssigkeiten, welche einem directen Versuch unterworfen worden ist. Fig. 528 erläutert das Verfah-



ren, welches Colladon und Sturm im Jahre 1827 zu diesem Zweck im Genfer See zur Anwendung brachten. Eine ganz in das Wasser unter-29\* getauchte Glocke war an einem Nachen angehängt; sie wurde durch einen Hammer angeechlagen, dessen Stiel aus dem Wassen hervorragte. Lurch Niederdrücken eines Hebels wird der Hammer b gegen die Glocke geschlagen und gleichzeitig die, Lunte e mit dem Pulverhäufehen m in Berählung gebracht. Am gegenüber liegenden Ufer des Sess notirte man den Moment in welchem man den Lichtblitz des entzündeten Pulvers und denjeingen in welchem man den im Wasser fortgepflanzten Schall währnahm, welcher mit Hülfe des Hörrohrs g/ko beobachtet wurde. — Diese Versuche ergaben für die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles im Wasser 1435 Meter in der Secunde, was von der berechneten Zahl 1453 mm wenig abweicht (Fogg. Annal. Bd. XII, S. 183).

Wenn zwei unter Wasser zusammenstossende Körper ein Geräusch erzeugen, welches weithin wiederhallt, so ist die Flüssigkeit in allen Punk-



ten erschüttert, in welchen sie die Oberfläche der vibrirenden festen Körper berührt; das Wasser ist in diesem Falle erschüttert, wie die Luft durch das Ezzittern einer Glocke. Wenn Sälke unter Wasser oder Quecksilber transversal oder longitufinal selvningen, so setzen diese Schwingungen ebenfalls durch ihren Stoss die Flüssigkeit in Vibrationen. Man künnte aber glauben, dass die Stallwelleu in Wasser nur durch die Vibrationen fester Körper erzeugt werden Könnteu; dies ist aber nicht der Fäll. Die Sirrene erfoht auch, wenn sie vollständig unter Wasser getaucht sit und ein Strom von Wasser durch die Oeffangen hindurchterligt, wie se bei den gewöhulichen Sirenen uit der Lutt geseichett. Werthein hat förmiliche Wasserpfeifen construit, d. h. Ffeifen, in welchen eine

Fig. 530.





Die ganz mit Wasser gefüllte offene oder gedeckte Pfeife p. Fig. 529, befindet sich in einem 52 Centimeter bohen mit Wasser gefüllten Gefässe A. Mittelst einer Druckpumpe wird beim Aufziehen des Kolbens durch das Rohr r Wasser aus dem Gefäss A herraugessaut, beim Niedergange des Kolbens aber wird es durch das Rohr s in den Windkessel B hineingepresst, aus welchem es durch den Druck der comprimitten Luft durch die Röhre in den Fuss der Pfeife p getrieben wird. Die Röhre n führt zu einem Manometer.

Fig. 530 stellt das Mundstück der l'feife p in grösserem Maass-stabe dar.

Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern. Die 191
Forde, welche La Place für Flüssigkeiten gegeben lat, lisst sich auch
auf feste Körper auwenden, unt herrseht unde einige Ungewissheit in Beziehung auf die Ermittelungen des Werthes &. Man nimmt zwar an, dass
eine horizontale Metallstauge gleichviel verkürzt oder verläugert wird,
wenn sie mit gleicher Kraft gedrückt oder gezogen wird, und da man für
feste Körper leichter die Verlängerung als die Verkürzung messen kann, so
nimmt man an, dass in der Formel

$$v = \sqrt{\frac{g}{\lambda}}$$

für  $\lambda$  die Verlängerung zu setzen ist, welche eine 1 Meter lauge Stange retiedet, wenn sie durch ein Gewicht gezogen wird, welches dem ihrigen gleich ist. Die Verlängerung ist aber nicht dieselbe, wenn man annimmt, dass die Stange nur an ihren Enden gezogen wird, oder wenn man annimmt, dass dieser Zug auf alle Punkte ihrer Oberfläche wirkt. Mehrer Betrachtungen lassen annehmen, dass für  $\lambda$  bei festen Körpern, wie bei Flässigkeiten, die Veränderung des Volumens zu nehmen sei, welche der Stah ertiedet, wenn auf alle Punkte seiner Oberfläche gleiche Kräfte wirken. In dieser Voraussetzung müsste man für  $\lambda$   $^{2}$ , der Verlängerung nehmen, welche ein Stab erteidet, wenn er nur an seinen beiden Enden geoogen winl. Nach den Versuchen von Colladon und Sturm verlängert sich ein Glasstab um II Zehnmilliontle seiner Länge, wenn die ziehende Kraft dem Druck einer Atmosphäre gleich ist; man mässte also <sup>23</sup>/<sub>2</sub> = 16,5 Zehnmilliontel für die Vergrösserung des Volumens nehmen, wenn der Glasstab an allen Punkten seiner Oberfläche diesen Zug auszulailten hätte. Berechnet man daraus die Vergrösserung des Volumens, welche eine dem Gweicht eines 1 Meter langen Glasstabes äquivalente ziehende Kraft hervorbringt, so ergiebt sich 4959 Meter für die Gesehwindigkeit des Schalles in dem Glase.

Um die Schallgeschwindigkeit in festen Körpern experimentell zu ermitteln, haben Chladni und Savart Versuche angestellt. Das Princip, auf welchem sie beruhen, ist folgendes:

Es sei v die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft, l die Länge einer offenen Röhre und n die Anzahl der Schwingungen, welche die Luft-sänle in ihr in 1" macht, wenn sie ihren Grundton giebt; die Länge der Schallwellen, welche in diesem Falle erzengt werden, ist gleich 2l, d. h. gleich der doppelten Röhrenlänge; die n Wellen, welche in einer Secunde erzeugt werden, bilden abso eine Länge 2nl, welche der Schall-geschwindigkeit v gleich ist, man hat also v = 2nl.

Es sei ferner v' die Schallgeschwindigkeit in irgend einem festen Körper; I die Länge eines cyfindrischen oder prismatischen Stabes von dieser Substanz; n' die Anzahl der Vibrationen, welche der longitudinal schwingende Stab in einer Secunde macht, wenn er seinen Grundton giebt, wenn er also an beiden Enden frei ist nud in der Mitte gehalten wird, die Länge der Wellen, welche in diesem Falle in seiner eigenen Substanz entstehen, ist 21; die n' Undulationen, welche er in einer Secunde macht, würden also eine Länge 2n't bilden, welche gleich der Schallgeschwindigkeit v', d. h. gleich dem Raume ist, welchen der Schall in diesem Körper in 1" zurücklegen würde. Es ist also

$$v' = 2 n' l$$

Verbindet man diese Gleichung mit der vorigen, so kommt

$$v' = v \frac{n'}{n}$$
,

woraus hervorgeht, dass man, um die Geselwindigkeit des Schalles in irgend einem Körper zu fünden, nur den Grundton zu bören brancht, welchen ein ans dieser Substanz verfertigter Stab hervorbringt, wenn er longitudinal selwingt, und dann diesen Grundton mit dem Grundton einer gleich laugen offenen mit Luft gefüllten Röbre vergleicht. Der Quotient dieser beiden Töne, multiplürirt mit der Schallgesehwindigkeit in der Luft, giebt die verlangte Geselwindigkeit.

Nehmen wir z. B. an, man liesse einen S Fuss langen Stab von Taunenholz longitudinal sehwingen, indem man ihn in der Mitte festhält und an einem Ende mit einem mit Colophonium überzogenen Tuche reibt, so würde der hervorgebrachte Ton mit dem  $\overline{\overline{c}}$  eines Claviers im Einklange

Ocschwindigkeit des Schattes in festen Aorpern. 450 sein. Man weiss aber, dass eine 8 Fuss lange offene Orgelpfeife den Ton C giebt; es ist also für den Fall  $\frac{n'}{n}$  = 16, in Tannenholz wäre demanch die Geschwindigkeit des Schalles 16mal grösser als in der Luft, oder

$$v' = 340$$
.  $16 = 5440$  Meter.

Durch eine Reihe ähnlicher Versuche hat Chladni für die Geschwindigkeit des Schalles in mehreren festen Körpern die in folgender Tabelle zusammengestellten Werthe erhalten.

Namen der Substanzen	Geschwindigkeit, verglichen mit Schallgeschwindig- keit in der Luft	
Fischbein	62/3	
Zinn	71/2	
Silber	. 9	
Nussbaumholz	102/3	
Taxusholz	. 102/3	
Messing	102/3	
Eichenholz	102/3	
Pflaumenbaumholz	102/3	
Irdene Pfeifenröhren	10 bis 12	
Kupfer	. 12	
Birnbaumholz	121/2	
Rothbuchenholz	121/2	
Ahornholz	121/3	
Acacienholz	142/5	
Elenholz	. 142/5	
Hagebuchenholz	142/5	
Ulmenholz	. 142/5	
Erlenholz	142/5	
Birkenholz	142/6	
Lindenholz	. 15	
Kirschbaumholz	. 15	
Weidenholz	. 16	
Pinienholz	. 16	
Glas	. 162/3	
Eisen oder Stahl	· 16 <sup>2</sup> / <sub>5</sub>	
Tannenholz	. 18	

Die von Savart gefundenen Zahlen stimmen im Allgemeinen mit der von Chladni überein. Savart hat aber ausserdem noch nachgewiesen, dass für ein und denselben Körper Verschiedenheiten stattfinden, welche von Unterschieden in dem Molekularzustande abhängen.

## 192 Mittheilungen der Schallsohwingungen zwischen festen, flüssigen und luftförmigen Körpern. Wenn mehrere feste Körper unter einander zu einem Gausen verbunden sind, so verbreiten sich die von einem Theile dieses Systems ausgehenden Vihrationen mit der grössten Leichtigkeit als fortschreitende Wellen über die ganze Masse; an der Gränze angekommen, gehen nun aber die Wellen nur theilweise in das angränzende Mittel, einen luftförmigen oder flüssigen Körper, über, theilweise aber werden sie reflechtri, und durch die Interferenze der reflectirten Wellen mit den neu ankommenden bilden sich in den einzelnen Theilen des festen Systems stehende Schwingungene. Ein solches System bildet ein Ganzes, welches sich, wenn ein Punkt in Schwingungen versetzt wird, wie ein einzeher fester Körper in einzelnes chwingende Theile abtheilt, die durch Schwingungsknoten getrennt sind. Jeder einzelne Theil verleiter gewissermassen sein Individualität; einer Verbindung mit

Savart hat viele Veruche über diesen Gegenstand gemacht; er hat seine Apparate auf mancherlei Weise abgeändert, um zu zeigen, dass sich die Vibrationen wirklich über ein ganzes System von Platten, Streifen, Glocken, Satten n. s. w. verbreiten. Unter den Resultaten, die in seiner Abhandlmg (Annal. de Phys. et de Chim. T. XXV) niedergelegt sind, wollen wir folgendes Beispiel hervorheben, welches den Vortbeil hat, zugleich den Einfluss nachzuweisen, welchen die Richtung der Bewegung auf die

den benachbarten Stücken hindert ihn, so zu schwingen, wie es geschehen

würde, wenn er allein wäre.



Fiedelbogens oder der Richtung abhängig, in welcher die Platte schwingt, wie man in Fig. 532 bis 535 sieht, wo die entsprechende Richtung, in welcher der Fiedelbogen streicht, durch einen kleinen Pfeil bezeichnet ist.

Während sich die Schallwellen leicht über ein System von festen Körpern verbreiten, gehen sie nicht so leicht von einem festen Körper auf einen flüssigen, weniger leicht auf einen gasfernigen über; so kommt es dem, dass nancher ziemlich stark vibrirende feste Körper doch nur einen ganz schwachen Ton bören läst, nur weil er seine Schwingungen der Laft nicht gehörig mittheilen kann. Dies ist z. B. bei der Stimmgabel der Fall, welche, stark angeschlagen nud frei in der Luft gebalten, doch uur einen ganz schwachen Ton hören lässt.

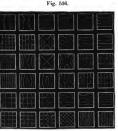
Um den Ton eines solchen Körpers zu verstärken, muss man die Mittheilung seiner Schwingungen an die Luft durch Rosonanz, d. h. dadurch befördern, dass man die stehenden Schwingungen des tönenden Körpers noch auf einen anderen zu übertragen sucht. Ein Mittel dazu haben wir sebon kennen gelerut, die schwach tönenden, aber doch stark vibrirenden Körper vor eine Röhre von entsprechender Länge zu halten, und so die Laftmasse in derselben zum Mittönen zu bringen.

Ein sweites Mittel, den Ten zu verstärken, besteht darin, den tönenneden Körper mit einem anderen, leicht in Schwingungen zu verstetzuden festen Körper von verbaltnissmässig grosser Oberfläche in Berührung
zu bringen. Es bilden sich dann auf diesem, wie sehn erwähnt wurde,
berfalls stehende Schallschwingungen, und diese theilen sich, der grossen
Oberfläche des mittönenden (resonirenden) Körpers wegen, der Luft leichter mit. Setzt unn z. B. die stark angeschlagene, aber in freier Luft
selwachtönende Stimngabel anf einen Kasten von dünnem elastischen
Holze, so bött man den Ton ungleich stärker. Darauf beruht die Anwendung des Resonauzh od ens in verschiedenen musikalischen Instrumenten.
Bei Flöten, Orgelpfeifen n. sw. vist kein Resonanzboden nöhtig, weil hier
die stehenden Schwingungen einer Laftmasse den Ton geben, und diese
sich ganz leicht der ungebenden Luff mittelien.

So wie Vibrationen fester Körper Schullwellen in der Luft erzeugen, so können and, magekebt Schullwellen, die, sich in der Luft verbreitend, einen festen Körper treffen, diesen zum Vibriren bringen. So sieht man z. B. die Salite eines Instrumentes in Schwingungen gerathen, wenn sie von den Schallwellen des Tones, welchen sie selbst giebt, oder eines seiner barmonischen Tone getroffen wird; so erzittern die Fensterscheiben befüg unter dem Einfluss gewisser Tone der Stimme oder des Knalls einer Kannen. Diese Erscheinung, welche man so auffallend an leicht beweg-lichen Körpern wahrnimmt, findet auch bei grösseren Massen und weniger elsstischen Körpern statt; alle Pfeiler und Mauern eines Domes erzittern mehr oder weniger beim Latunt der Glocken.

Leicht in Schwingungen zu versetzende Körper theilen sich, wenn sie durch Schallwellen, welche sie treffen, in Vibrationen versetzt werden, durch Knotenlinien auf ähnliche Weise in einzelne vibrirende Abtheilungen, wie dies auch bei selbsttönenden Körpern der Fall ist. Savart, welcher diese Erscheinungen ganz besonders studirt hat, befestigte Membranen von Papier, Pergament oder Goldschlägerhaut, indem er ihre Ränder auf einen Holzrahmen oder über die Oeffnung einer Glasglocke klebte; sie wurden mehr oder weniger befeuchtet, um ihnen eine grössere oder geringere Spannung zu ertheilen. Um sie in Schwingungen zu versetzen, näherte er eine schwingende Stimmgabel oder eine Orgelpfeife, deren Ton voll und andauernd war. Sobald der Ton sich hören lässt, vibrirt die Membran gerade so, als ob sie direct ware erschüttert worden; die Sandkörnchen, welche sie bedecken, springen auf der Oberfläche umher, um sich in den Knotenlinien anzuhäufen. Die Figuren, welche man erhält, sind ausserst mannigfaltig und hangen von der Spannung der Membran und der Höhe der Töne ab, welche sie treffen,

In Fig. 536 ist eine Reihe solcher an quadratischen Membranen



beobachteter Knotenlinien dargestellt. vart hat beobachtet. dass, wenn man durch irgend einen Ton eine bestimmte Figur erzeugt hat, dieselbe allmälig in andere übergeht, wenn der Ton höher und höher wird. In unserer Figur enthält jede Horizontalreihe eine Reihe solcher auf einander folgender Modificationen.

Dreiekige, vieleckige und kreisförmige Membranen bieten ähnliche Erscheinungen dar.

## Drittes Capitel.

## Interferenz der Schallwellen.

Interferenz isochroner Schallwellen. Schon oben bahen 193 wir gesehen, wie in Röhren durch Interferenz der directen und reflectirten Schallwellen stehende Luftwellen sich bilden; wir wollen hier nun noch einige andere Interferenzerscheinungen der Schallwellen untersuchen.

Wenn man eine Röhre von Holz oder Pappe, welche sich unten, wie man Fig. 537 sieht, in zwei unten offene Arme theilt, und an deren oberem Ende sich eine zweite Röhre b auf- und abschieben lässt, die in einem mit einer schwach gespannten Membran verschlossenen Kästchen a endigt, über eine tonende Glas- oder Metallplatte bringt, so lässt sich die gegenseitige Einwirkung zweier Schallwellen sehr deutlich zeigen. Eine quadratische Platte, Fig. 538, wird zu diesem Zwecke gerade so eingeschraubt, wie zur Erzeugung von Klangfiguren, und so gestrichen, dass die Diagonalen des Quadrates Ruhelinien sind, wie Fig. 538 zeigt. Hält man nun die gabelförmigen Enden der Röhre über die in Fig. 538 mit A und B bezeichneten Stellen der Platte, so wird der Sand, den man auf die Membran des Apparates Fig. 537 gestreut hat, in leb-

Fig 587.



Fig. 538.



hafte Bewegung gerathen. Die Stellen A und B befinden sich nämlich stets in gleichen Schwingungszustän-

den, beide gehen gleichzeitig auf und nieder, sie senden also gleichzeitig

Verdichtungen und Verdünnungen in die offenen Enden der Gabel, die sien dem oberen Theile der Röhre gegenseitig verstärken. Hält man aber die Gabel so, dass die eine Oeffunug über C, die andere über D, steht, so bleibt der Sand auf der Membran in Ruhe, denn wenn C sich aufvärts bewegt, so geht D nieder, und ungekehrt; während also eine Verdichtung in dem einen Gabelende eintritt, tritt durch das andere eine Verdünnung ein, und beide werden sich, in dem oberen Theile des Apparates zuwammentreffend, gegenseitig aufheben.

Sehr interessante Interferenzerscheinungen hat Seebeck mit Hülfe der oben S. 408 beschriebenen Sireue hervorgebracht.

Man richte gegen eine Löcherveihe dieser Sirene zwei Röhren von den beiden entgegengesetaten Seiten her senkrecht gegen die Scheibe, und zwar zo, dass, wenn die eine Röhre sich vor einem Loche befindet, die andere Röhre gleichzeitig einem anderen, etwa dem nächetan Loche, gegenübersteht. Bläst man nur durch eine Röhre gegen die in Umdrehung befindliche Scheibe, so hört man einem Ton; derselbe Ton wird wahrgenommen, wenn man nur durch die andere Röhre bläst; sobald aber beide Röhren zugleich angeblasen werdeu, verschwindet der Ton, und man hört nur ein Sausen. Wenn dan Resultat dieses Versuches recht deutlich sein soll, so mässen die Luttströme beider Röhren vollkommen gleich stark sein, sie mässen aus einer Windlade kommen. Diese Erscheinung erklärt sich dadurch, dass die beiden gleichzeitigen Luftstösse ührer entgegengesetten Richtaug wegen sich zwar nicht am Orte ihrer Entschung, wohl aber bei ihrer Fortpflanzung und im Ohre des Beobachters gegenseitig affehben.

Wenn man auf eine Scheibe concentrisch zwei Löcherreihen setzt, von denen die eine doppelt so viel Löcher hat als die andere wie dies Fig. 539 angedeutet ist, so giebt bei gleicher Umdrehungsgesehwindigkeit Fig. 559 die eine Reihe für sich allein die Octave vom

be

Tone der anderen, und man hört in der Regel beide Töne, wenn die beiden Löcherreihen gleichzeitig angeblasen werden.

Wenn aber das Anblasen von den beiden entgegengesetzten Seiten her, und zwar so erfolgt, dass jeder Luftstoss des tieferen Tones mit einem des hoheren genau zusammentrifft, so versehwindet der höbere Ton, und man hört nur den tieferen. Der Grund dieser Erscheinung ist leicht einzusehen. Der Impuls, welcher durch

eiu Loch der inneren Löcherreihe hervorgebracht wird, hebt den entgegengesetzten Impuls des gleichzeitig angeblaenen Loches der abseren Reihe auf, und so bleibt also die Hälfte der Impulse der äusseren Löcherreihe ohne Wirkung; man hört denselben Ton, als ob nur die andere Hälfte der Löcher vorhanden wäre, also die nächst tiefere Octave der äusseren Löcherreihe. Am klarsten und entschiedensten zeigt sieh die Interferenz der Schallwellen, wenn man einen Ton in eine Rohre eintreten lässt, welche in eine,
zwei Zimmer trennende Wand eingemanert ist und die sich im Inneren
der Wand in zwei alsbald sich wieder vereinigende Canalle theilt. Wenn
die Differenz der Wege gerade 1/y. Weltenlänge des einfallenden Tones beträgt, so müssen sich die aus den beiden Canalen kommenden Schallwellen bei ihrem Zusammentreffen aufheben. Wenn also in dem einen Zimmer der richtige Ton in die Rohre eintritt, so wird man im anderen nichts
hören, wenn beide Canalle offen sind, während der Ton sogleich wieder
erscheint, wenn einer der Canalle verschlossen wird.

Die Idee dieses Versuchs rührt ursprünglich von Herschel her, aber erst Nörren berg hat nach diesem Princip einen Apparat construirt, welcher zemügende Resultate liefet.

Fig. 540 stellt eine Norrenberg'sche Interfereuxröhre im horizontalen Durchechnitt dar. Der gauze Apparat ist in eine Wand eingemanert, welche zwei Zimmer trennt, so dass die Luft der beiden Zimmer nur durch die Canille des Apparates in Verbindung stellt. Wenn nun die Schallwellen bei α in die Röhre eintreten, so gelangen sie bei ν an eine Scheidewand, welche bewirkt, dass die Wellen sich theilen; ein Theil zieht rrehts dier d, ein anderer links über σ, nuch, σ) bei σ treffen abo die



von beiden Seiten kommenden Wellen wieder zusammen, nm endlich in der Richtung  $o\,b$  in das andere Zimmer einzutreten.

Der Querschuitt der Interferenzröhre ist quadratisch, wie man aus der über der Hauptfigur angebrachten Erläuterungsfigur sieht. Die Dimensionen des Apparates sind von der Art, dass der Weg von n über d nach on nu 12 Zoll länger ist, als der Weg von n über e nach o; wenn sloo die Wellenlänge des bei a einfallenden Tones 24 Zoll ist, so beträgt ler Gangunterschied gerade eine halbe Wellenlänge.

Treten also bei a die Wellen des fraglichen Tones ein, so kommt von der linken Seite her bei o gerade eine Luftverdünnung an, während von der rechten Seite her gleichzeitig ein Maximum der Verdichtung hier anlangt, und umgekehrt; die beiden Wellensysteme heben sich auf, man wird also im anderen Zimmer nichts hören. Soblad man aber bei b einen



Schieber einschiebt, welcher den einen Seitencanal, entweder den auf der rechten oder den auf der linken Seite absperrt, so wird der Ton sogleich wieder hörbar.

Wenn dagegen bei a ein Ton eintritt, dessen Wellenlänge nur 12 Zoll beträgt, so ist der Gangunterschied der hei o von beiden Seiten her zusammentreffenden Wellen gerade eine ganze Wellen länge.

man wird also jetzt eine Verstärkung des Tones wahrnehmen, wenn beide Oefflungen frei sind.

Zur Erzeugung des Tones wendet man am besten eine 12söllige offene Pfeife von Bubaumholz an, deren innere Höhlung ungefähr S Millimeter weit ist. Diese Pfeife wird zur hesseren Regulirung des Windes auf eine grosse Flasche gesteckt, wie Fig. 541 zeigt, und dann die Axe der Pfeife gerade gegen die Mitte des Rohres o, Fig. 540, gerichtet. Der Wind wird am bequennsten durch einen Blaschalg etwa von der in Fig. 452 abgehildeten Einrichtung gegeben. Eine andere Vorrichtung zur Erzeugung des Windes findet man in Fri ck 's physikalischer Technik S. 204 beschrieben. Bei sehwächerem Winde giebt die Pfeife ihren Grundton, dessen Wellenlänge 24 Zoll ist.

194 Stösse. Wenn zwei einander sehr nahe stehende, aber dech nicht ganz isochrone Töne unser Ohr treffen, so vernehmen wir ein periodisch abwecheindes Anschwellen und Nachlassen des Tones, welches man das Schweben der Töne nennt. Scheibler hat für diese Erscheinung die Bezeichnung der Stösse (Luttenent) eingeführt.

Man hört diese Stösse sehr deutlich, wenn man gleichzeitig zwei Orgelpfeisen tönen läset, welche sehr nahe unisone sind. Auch mit zwei Stimmgabeln, welche einer reinen Consonaus sehr nahe stehen, lassen sich die Stösse deutlich wahrnehmen. Besonders geeignet zur Nachweisung der Stösse sind solche Stimmgabeln, welche in der Figur 542 dargestellten Weise auf cononirenden Kästchen aufgesetzt sind. Hat man zwei solcher Stösse. 463

Stimmgabeln, welche vollkommen unisono sind, neben einander gestellt, so braucht man nur die eine mit etwas Wachs zu beschweren um die



Stösse sehr deutlich hörbar zu machen, wenn beide Stimmgabeln durch Anstreichen mit dem Fiedelbogen gleichzeitig zum Tönen gebracht werden.

Der Grund dieser Erscheinung ist leicht einzusehen. Wenn in einem bestimmten Moment durch beide Töne gleichzeitig eine

Verdichtung hervorgebracht wird, so wird dieses Zusammenfallen bald aufhören, und nach einiger Zeit wird gleichzeitig

eine Verdünnurg des einen Tones mit einer Verdichtung des anderen stattfinden. Wenn aber die Verdichtungen des einen Tones gerude mit denen des anderen zusammenfallen, so verstärken sie sich gegenseitig; sie heben sich aber gegenseitig auf, wenn die Verdichtungen des einen mit den Verdännungen des anderen zusammentreffen.

Wie bald Verdichtung mit Verdichtung und Verdünnung mit Verdünnung und dann wieder Verdicthung mit Verdünnung zusammentreffen, wenn zwei nicht ganz isochrone Tone zusammenwirken, kann man sich durch zwei nicht ganz isochron schwingende Pendel recht anschaulich machen; am deutlichsten erzieht sich aber das abwechselnde Anschwellen und Abnehmen des Tones durch graphische Darstellung. In Fig. 543 (a. f. S.) sollen die beiden schwach gezogenen Curven die Wellensysteme der beiden nicht isochronen Töne darstellen. Die Wellenberge entsprechen den Verdichtungen, die Thäler den Verdünnungen. Summirt man die Ordinaten der beiden Curven, so erhält man für jeden Moment die Intensität der Verdünnung oder Verdichtung, mit welcher beide Wellensysteme zusammen das Ohr afficiren; auf diese Weise ist die stark gezogene Curve construirt; bei a, b, c, h, i und k werden durch das Zusammenwirken beider Wellensysteme verstärkte Verdichtungen und Verdünnungen, also ein Anschwellen des Tones, hervorgebracht. In der Nähe von M aber, wo sich die beiden Wellensysteme fast ganz aufheben, ist die resultirende Curve fast ganz flach, was einem Nachlassen des Tones entspricht.

Schon Sauveur hat die Stösse angewandt um die absolute Schwingungzahl der Töne zu ernitteln. Er zählte nämlich die Stösse, welche zwei tiefe Töne mit einander geben, von denen der eine nm einen kleinen halben Tom höher war als der andere. Macht der eine dieser Töne 24 n Schwingungen in der Secunde, so it 25 n die Schwingungszahl des anderen; und wenn p die beobachtete Anzahl der Stösse ist, so ergiebt sich

25 n - 24 n = p oder n = p.

Nehmen wir z. B. au, man habe beobachtet, dass die Töne F nnd F/s in 10 Secunden 36 Stösse mit einander machen, so ist p=n=3,6, also die Schwingungszahl von F gleich 24. 3,6 = 86,4.

and die Schwingungszahl von P greich 24. 5,6  $\equiv$  50,4. Demnach wäre die Schwingungszahl von C gleich 64,8; es wären ferner 259,2 und 432 die Schwingungszahlen der Töne  $\overline{c}$  nnd  $\overline{a}$ .

In anderer Wrise hat Scheibler die Stösse benutzt um die absolute Schwingungsahl der Töne zu bestimmen. Er stellte zwei Stimmgabeln her, von denen die eine genan eine Octave tiefer war als die andere, so dass also 2x die Schwingungsahl der letzteren war, wenn man mit x die Schwingungsahl der ersteren bezeichnet. Alsdam verfertigte er p-1 weitere Stimmgabeln, deren Töne zwischen jenen lageu, und zwar so, dass jede folgende mit der vorhergehenden 4 Stösse in der Secunde machte. Daraus ergiebt sich nun

Beträgt z. B. die Zahl der Stimmgabeln, welche man

Betragt 2. D. die Zahl der Stimmgabem, weiche man zwischen dund  $\overline{a}$  einschlatten muss, wenn jede folgende mit der vorhergehenden 4 Stösse geben soll 54, so ist p=55, x=4.55=220, also die Schwingungszahl von  $\overline{a}$  gleich 440.

Der Vorzug dieser, allerdings etwas mühsamen Methode beruht darauf, dass das Ohr für die Reinheit der Octaven ganz besonders empfindlich ist.

Es bedarf wohl keiner weiteren Erläuterung, dass das Phänomen der Stösse auf demselben Princip beruht, wie das Drehen der Lichteurven, welches wir im §. 185 kennen leraten. In der That kann man anch die dort beschriebenen, mit Spiegeln versehenen Stimmgabeln anwenden, um die Stösse dem Auge sichtbar zu machen. In Fig. 544 stelle A eine solche vertical gestellte Stimmgabeln aber der Geren Spiegel den vom Lichtpunkt L kommenden Lichtstrahl in der Richtung sr reflectirt. Dieser Lichtstrahl wird nun von dem Spiegel einer zweiten Stimmgabel B aufgefangen, welche mit der ersten parallel, also gleichfalls vertical gestellt ist. Der Strahl sr wird von dem Spiegel der zweiten Gabel in der Richtung r O reflectir.

Ein Auge in O sieht das Bild des Lichtpunktes zu einer verticalen Liuie verlängert, wenn nur eine Gabel vibrirt. Sind beide Gabeln genan unisono, so wird beim

Fig. 543.



Stösse, 465

Tönen beider die beobachtete verticale Lichtlinie je nach dem Phasenunterschied der Vibrationen länger oder kürzer sein, als wenn nur eine



schwingt. Die Länge dieser Lichtlinie nimmt allmälig ab in dem Maasse, als die Vibrationen der Gabeln nach und nach kleiner werden. Sind aber die Gabeln nur dem Unisono nabe, so sieht man die Lichtlinie in regelmässigen Intervallen länger werden, um sich alsbald wieder auf ein Minimum zusammen zu ziehen.

Mit Hülfe des Phonautographen von Scott und König, welcher in Fig. 545 abgebildet ist, lassen sich die Schwebungen auch graphisch



darstellen. Ein ungefähr 50 Centimeter langes hohles Ellipsoid von Gyps (König hat es jetzt durch ein Paraboloid von Metall ersetzt), ist bei C offen, am anderen Ende bei B aber ist es durch einen festen Boden bedeckt, in dessen Mitte ein kurzes messingenes, an seiner Aussenseite durch eine elastische Membran von Goldschligerhant oder Kautschuk geschlossen.

nes Rohr eingesetzt ist. Auf dieser Membran, deren Spannung nach Bedürfniss abgeäudert werden kaun, ist ein leichtes, steifes Stielchen b aufgekittet. Das verschiebbare Sübhehen au, welches mit seinem einen Ende auf die Membran drückt, muss so gestellt werden, dass sich das Stielchen b während der Vibrationen der Membran auf einem Bauche derselben und nicht auf einem Knoten befindet.

Diese Vorrichtung hat, wie man sieht, grosse Aehnlichkeit mit dem Ohr; die Membran repräsentirt das Trommelfell, während das Ellipsoid dem Gehörgang entspricht. — Wenn nun die Wellen irgend eines Tonse bei C eintreten, so wird die Membran sammt dem Stiftchen in Schwingungen versetzt, welche unisono mit dem einfallenden Tone sind; wenn ber gleichzeitig die Schallwellen zweier Töne bei C einfallen, werden die Vibrationen der Membran der Combination der beiden Wellensysteme entsprechen.

Der eben besprochene Apparat wird nun, wie die Fig. 545 zeigt, an den mit geschwärztem Pupier überzogenen Cylinder A herungerückt, welchen wir bereits in Fig. 513 S. 440 kennen lernten (das Stielchen b steht aber weder normal zur Membran noch normal zum Cylinder, wie die Fig. 545 zeigt, sondern es ist in entsprechender Weise schräg gestellt), und man erhält eine graphische Darstellung der von der Membran ausgeführten Oscillationen, wenn der Cylinder gedreht wird, während die Membran nuter dem Ejnfühss bestimmter, bei C einfallender Töne vibirit.

In Fig. 546 sind die unteren Curven in Nro. I, II, und III die Copien von Curven, welche mit dem Apparat geschrieben wurden, als zwei



durch Orgelpfeifen erzeugte Töne gleichzeitig bei C einfielen. Nro. I entspricht der Combination des Grundtons mit einem um einen ganzen Ton  $(^2/s)$  höheren. Nro. II entspricht der Combination des Grundtons mit der Quint und Nro. III der Combination des Grundtons mit seiner Octav. Die obere

Stösse, 467

Curve jeder Abtheilung ist gleichzeitig durch eine Stimmgabel geschrieben, welche unisono war mit dem tieferen der beiden bei C einfallenden Pfeifentöne.

Nro. IV ist ohne Vermittelnug der Membran des Scott'schen Phonantographen erhalten; es zeigt die Schwingungen einer Stimmgabel, deren Grundton stark von einem Oberton begleitet war.

Hier haben wir eigentlich nur den  $\overline{S}$ treifen Nro. I der Fig 546 zu betrachten, in welchem dentlich das den Stössen entsprechende  $\Lambda$ nschwellen und  $\Lambda$ buehmen der Vibrationsintensität wahrnehmbar ist.

Je nåher die beiden Töne einander liegen, desto langsamer folgen die Stösse, so dass man sie beupenn såhlen kann. Macht der eine Ton in jeder Secunde 3, 4, 5 u. s. w. Schwingungen mehr als der andere, so werden 3, 4, 5 ktösse in der Secunde entstehen; die Auzahl der Stösse hängt ab von der Anzahl der Schwingungen, welche der eine Ton in jeder Secunde mehr macht als der andere. Wenn aber die Töne mehr und mehr ungleich werden, so werden die Stösse schneller und schneller, bis sie endlich nicht mehr als getrennte Eindrücke wahrgenommen werden können. So lange die Schwebungen (Stösse) langsam genug sind, um ohne

Schwierigkeit gesählt zu werden, machen sie auf das Ohr durchans keinen unangenehmen Eindruck. Wenn aber die Differenz der beiden Töne bis zu einem Halbton wächst, so wächst die Zahl der Schwebungen bis zu 20 oder 30 in der Seunde; es bleibt dann dem Ohre immer noch der Eindruck getrennter Tonstösse, wenn man sie auch nicht mehr einzelt wahrnehmen oder zählen kann, aber der Gesammteindruck wird wirr. Ein solcher schnell sehwebender Zusammenklang ist knarrend und rauth.

Ein knarrender, intermittirender Ton ist aber für den Gehörnerven dasselbe, wie ein flackerndes Licht für den Geeischnerven. Es wird dadurch eine viel intensivere und unangenehmere Reizung des Organss hervorgebracht, als durch einen gleichmässig andauernden Ton. In diesen raschen Schwebungen ist also wohl voraugsweise der Grund der Disson anz zu suchen, welcher das Zusammenklingen zweier Tone charakterisirt, deren Intervall einen ganzen oder einen halben Ton beträgt.

Der Grad der Dissonanz hängt aber keineswegs alleiu von der Anzahl der Stösse ab, welche zwei Tone mit einander geben, sondern auch von der Grösse ihres Intervalls. So geben z. B. der Rechnung nach folgende Intervalle:

die gleiche Auzahl von 33 Schwebungen in der Secunde, und doch geben nur die beiden ersten eine entschiedene Dissonanz, während die grösseren Intervalle mehr und mehr von der Rauhigkeit frei werden. Wie es kommt, dass bei gleicher Anzahl von Stössen die Dissonanz mit der Grösse des Intervalls abnimmt, lässt sieh nur durch physiologische Gründe erklären, in Betreff derer wir auf die "physikalische Theorie der Musik von Helmholtz (Braunschweig 1862)" verweisen mössen.

195 Combinationstöne. Wenn zwei munikalische Töne von verschiedener Höhe gleichseitig, kräftig und gleichmässig anhaltend erklingen, so hört man häufig noch andere Töne mit, deren Tönnöhe von den Intervall der beiden primären Töne abhängt. Diese, unter dem Namen der Combinationstöne hekannten Töne sind 1740 zuerst von Sorge entdeckt, und später durch Tartini, nach welchem sie auch die Tartini'schen Töne gemant werden, allegmeiner bekannt geworden.

Die Schwingungszahl eines Combinationstones ist stets gleich der Anzahl von Stössen, welche die beiden primären Töne mit einander geben, sie ist also gleich der Differenza der Schwingungszahlen der primären Töne, weshalb Helmholtz sie auch Differenztöne nennt.

So hört man die nächst tiefere Octave eines Tones mit, wenn gleichzeitig noch seine Quinte erklingt.

Bei gleichzeitigem Ertönen von Grundton und Quart hört man die tiefere Duodecime des Grundtons mit.

Grundton und grosse Terz geben einen Combinationston, welcher um 2 Octaven tiefer ist als der Grundton u. s. w. Es gehen also

$$\overline{c}$$
 und  $\overline{g}$  den Combinationston  $c$   $\overline{c}$  und  $\overline{f}$  , ,  $F$   $\overline{c}$  und  $\overline{e}$  ,  $\overline{c}$  .

Nach Thomas Young ist die Erklärung der Comhinationstöne auf die hereits im vorigen Paragraphen besprochenen Schwebungen zurückzuführen, indem der Gesammteindruck der Stösse, welche zu sehnell sind, um einzeln unterschieden zu werden, als ein eigener Ton hörbar wird, dessen Schwingungszahl gleich sit der Anzahl jener Stösse. Fig. 547 er-läutert, wie die nächst tiefere Octave des Grundtons als Comhinationston mitklingt, wenn neben dem Grundton noch seine Quint erfoth. Die mitt-

Fig. 547.



lere Punktenreihe stellt nämlich die auf einander folgenden Verdichtungsstösse des Grundtons, die obere Punktenreihe stellt die seiner Quint dar. Nun aber fällt jedesmal der zweite Stoss der mittleren Reihe mit einem Stosse der oberen zusammen, und so werden die verstärkten Stösse in solchen Intervallen hervorgebracht, wie man in der unteren Reihe sieht; diese stellt aber die nächst tiefere Octave des Tones der mittleren Reihe dar.

In gleicher Weise erläutert Fig. 548 die Bildung des Combinationstones, wenn neben dem Grundton noch seine Quart erklingt.

Fig. 548.



Diese Erklärung der Combinationstöne bedarf aber, wie Helmholtz in seinem bereits angeführten Werke gezeigt hat, noch wesentlicher Modificationen. Zunächst hahen wir hereits im vorigen Paragraphen gesehen, dass unter Umständen eine namhafte Anzahl von Stössen in der Secunde erfolgen kann, ohne als Combinationston wahrgenommen zu werden, welche nur die Dissonanz der beiden gleichzeitig erklingenden Töne bedingen. Dann aber ist die Vernehmharkeit der Comhinationstöne auch nicht allein von dem Intervall und der Stärke der heiden primären Töne, sondern wesentlich auch von ihrer Entstehungsweise abhängig. Die Bedingung für ihre Erzeugung ist, dass dieselbe Luftmasse von heiden Tönen in heftige Erschütterung gesetzt wird. Dies geschieht am stärksten in Dove's mehrstimmiger Sirene, in welcher dieselbe rotirende Scheibe zwei oder mehrere Löcherreihen enthält, die aus demselben Windkasten gleichzeitig angeblasen werden. Die Luft im Windkasten ist verdichtet, so oft die Löcher geschlossen sind; wenn sie geöffnet werden, stürzt ein grosser Theil derselben ins Freie, es tritt eine beträchtliche Druckverminderung ein. So geräth die Luft im Windkasten in heftige Schwingungen, Werden zwei Löcherreihen angehlasen, so entstehen solche Schwingungen in der Luftmasse des Windkastens beiden Tonen entsprechend, und durch jede Reihe von Oeffnungen wird nicht ein gleichmässig zufliessender Luftstrom entleert, sondern ein Luftstrom, welcher durch den anderen Ton schon in Schwingungen versetzt ist. Die Combinationstöne, welche unter diesen Umständen sehr stark sind, existiren hier schon objectiv in der Luftmasse.

Achnlich der Sirene sind die Verhältnisse hei der Physharmonika; auch hier sind die Comhinationstöne objectiv vorhanden und sehr deutlich, wenn auch lange nicht so stark wie bei der Sirene.

Wenn dagegen die Erregungsstellen der beiden Tone gans von einander getrennt sind, und keinen mechanischen Zusammenhang mit einander haben, wenn also z. B. zwei Singstimmen oder zwei Violinen die Töne angeben, so sind die Comhinationstöne äusserst schwach und nur durch sehr geülte Ohren wahrnebmhar.

Klangfarbe und Schwingungsform. In §, 164 haben wir 196 bereits gesehen, dass verschiedene musikalische Klänge durch ihre Ton-

höbe, litre Stärke und ihre Klangfarhe unterschieden sind; wir laben ferner gesehen, dass die Stärke der Töne von der Weite, die Tonhöhe aber von der Dauer der Schwingungen abhängt. Die Klangfarhe kann demasch nur davon abhängen, wie die Bewegung innerhalh jeder einzelnen Schwingungsperiode vor sich gekt.

Wir haben bisher angenommen, dass die Schwingungen eines tönenden Körpors pendelartig seien, d. h. dass sie denselben Gesetzen folgen, wie die Schwingungen einer Stimmgabel, welche wir in Paragraph 184 betrachteten

Der Abstand eines pendelartig schwingenden Punktes von seiner Gleichgewichtslage ist gegeben durch die Gleichung

$$y = A \cdot \sin 2\pi t \cdot \ldots \cdot \ldots \cdot 1)$$

in welcher A die halbe Schwingungsamplitude und t die von Anfaug der Oscillationsbewegung an verflossene Zeit bezeichnet, vorausgesetzt dass man die zu einer vollständigen Oscillation erforderliche Zeit als Zeiteinheit betrachtet.

Das Gesetz einer solchen pendelartigen Oscillation läset sich anschaulich machen, wenn man die Gleichung 1) in der Art geometrisch construirt, dass man die Abseissen der Zeit f, die Ordinaten aber proportional dem Abstand y des vibrirenden Punktes von seiner Gleichgewichtslage aufträgt und über die so bestimmten Punkte eine Curve zieht, wie dies in Fig. 549 geschehen ist.

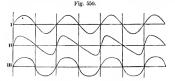
Fig. 549.

12 1 10 B 8 7 7 8 10 11

Wir wollen diese Curve die Schwingungscurve eines pendelartig oscillirenden Punktes nennen. In § 186 haben wir ein Verfahren kennen gelernt, um durch eine pendelartig oscillirende Stimmgahel ihre Schwingungscurve selbst aufzeichnen zu lassen.

Nun kann aber die Bewegung eines oscillirenden Körpers bei gleicher Schwingungsdauer und bei gleicher Schwingungsweite auch irgend ein anderes Gesetz befolgen, als das durch Gleichung 1) ausgesprochene.

Welches aber auch dieses Gesetz sein mag, so kann man es in ähnlicher Weise durch eine Schwingungseurre darstellen, wie dies in Fig. 549 für pendelartige Oscillationen geschehen ist, indem man auf einer horizontalen Linie Längen aufträgt, welche der vom Beginn der Oscillationen verflosenen Zeit proportional sind, die zugehörigen Ordinaten aber dem entsprechenden Abstand des sehwingenden Punktes von seiner Gleichgewichtslage proportional macht und die so erhaltenen Punkte durch eine Curve verbindet. Fig. 550 zeigt drei verschiedene Schwingungscurven,



welche gleicher Schwingungsdauer und gleicher Schwingungsweite entsprechen. Die oberste ist die Schwingungseurve eines pendelartig oscillireuden Punktes, jede der beiden anderen entspricht aber einer Oscillationsbewegung, welche vou dem Gesetz der Pendelbewegung abweicht.

Indem nun die Physiker diese Curvenformen im Sinne haben, welche das Gesetz der Bewegung eines tönenden Körpers darstellen, sprechen sie dann auch geradeau von der Schwingungsform eines tönenden Körpers, und sehon lauge hat man die Ansieht aufgestellt, dass wohl von dieser Schwingungsform die Klangfarbe abhängig sei. Erst in neuerer Zeit aber ist diese Ansieht durch die Bemühungen verschiedener Gelehrter, namentlich aber durch die Untersuchungen von Helmholtz, theoretisch und experimentell begründet worden.

Schon is § 163 haben wir gesehen, dass die Vibrationen eines tönenden Körpers in der ihn ungebenden Lauft eine Wellenbewegung hervorvufen, welche dadurch fortgepflanzt wird, dass die aufeinander Jolgenden Lufttheilchen der Beite nach abnilche Vibrationen machen wie der oscillerende Körper selbst. Wenn also der tönende Körper selbst pendelartige Oscillationen macht, so werden auch die Schwingungen der Lufftheilchen, welche seinen Schall fortpflanzen, dem Gesetz der Pendelschwingungen Jolgen; eine abweichende Schwingungsform der stürzten Auftheilchen zur Folge, durch deren Oscillationen der Schall jenes Körpers zum Ohr fortgepflanzt wird. Die Verschiedenheit der Klangfarben ist dennach durch Verschiedenheiten in der Schwingungsform der Schallwellen belüngt, welche in unser Ohr gelangen.

Wenn ein geültes Ohr genau und aufmerksam einen Klang untersucht, welcher von einem tönenden Körper herrührt, dessen Oscillationen nicht dem Gesetz der Pendelselwingungen folgen, so ergiebt sich die merkwärdige Thatsache, dass man ausser dem Grundton, welcher der Schwingungsdauer seiner Vitutaione entspricht, noch eine Reich barmonischer Obertane dieses Grundtones mithört; kurz das Ohr zerlegt einen solchen Klang in eine Reihe von Partialtönen, deren tießter, nach dessen Toahöhe wir die Tonhöhe des gauzen Klanges beurtheilen, in der Regel auch der stärkste ist; oder mit anderen Worten: das menschliche Ohr empfindet nach einem zuerst von G. S. Ohn anfgestellten Satze nur eine pendelartige Schwingung der Luft als einfachen Ton, und es zerlegt jede andere periodische Luftbewegung in eine Reihe von pendelartigen Schwingungen, welche als eine Reiheeinfacher Tone empfunden werden.

Nach der ehen aufgestellten Behauptung ist also die Klangfarbe der Töne verschiedener Instrumente dadurch bedingt, dass zu dem Grundton einige seiner harmonischen Obertöne nnd zwar mit grösserer oder geringerer Intensität hinzutreten. Um diesen Gegenstand weiter verfolgen zu können, müssen wir aber zunächst die Reihe der Obertöne näher hetrachten, welche einem bestimmten Grundton angehören, von denen wir in § 1.72 nur die tiefsten kennen lernten.

Als Ohertone eines Grundtons sind alle diejenigen zu hezeichnen, deren Schwingungszahl ein Ganzes, Vielfaches von der Schwingungszahl des Grundtons ist. Bezeichnen wir also die Schwingungszahl des Grundtons mit 1, so sind die Schwingungszahlen seiner hatmonischen Obertöne

Die harmonischen Obertöne von c sind also:

$$\overline{c}, \ \overline{g}, \ \overline{\overline{c}}, \ \overline{\overline{e}}, \ \overline{\overline{g}}, \ \overline{\overline{b}}, \ \overline{\overline{c}}, \ \overline{\overline{d}}, \ \overline{\overline{e}}$$
 u. s. w.

Die tieferen Töne dieser Reihe  $\overline{c}$  und  $\overline{g}$ ,  $\overline{g}$  und  $\overline{c}$ ,  $\overline{\overline{c}}$  und  $\overline{c}$  bilden, wie man sieht, grössere Intervalle und sind unter einander Intronisch, während die kleineren Intervalle der höheren Obertöne z. B.  $\overline{\overline{c}}$  und  $\overline{\overline{d}}$ ,  $\overline{\overline{d}}$  und  $\overline{\overline{c}}$  zusammen entschiedene Dissonanzen hilden.

197 Zusammensetzung der Wellen. Wenn mehrer tönende Körper in dem nns umgehenden Luftraume gleichzeitig Schullwellenysteme erregen, so sind sowohl die Veränderungen der Dichtigkeit der Luft, als auch die Verschiehungen und Gesehwindigkeiten der Luftheilchen im Inneren des Gehörganges gleich der Summe derjenigen Veränderungen, Verschiehungen und Geschwindigkeiten, welche die einzelnen Schallwellenzüge einzeln genommen hervorgebracht haben würden; und in diesem Sinne können wir sagen, dass alle die einzelnen Schwingungen, welche die einzelnen Wellenzüge hervorgebracht hahen würden, ungestört nebeneinander und gleichzeitig in unserm Gehörgange hestehen.

Demnach können wir auch die Schwingungscurve eines Lufttheilehens im Gehörgang für den Fall construiren, dass gleichzeitig die Schallwellen sweier verschiedener Töne in das Ohr eintreten, wenn die Schwingungscurven der einzelnen Töne bekannt sind. Unter dem Einfluss beider Wellensysteme ist nämlich der Abstand eines Luftheileihens von seiner Gleichgewichtslage stets gleich der Summe der Abstände, um welche dasselbe gleichzeitig durch jedes einzelne Wellensystem von dieser Gleichgewichtslage entfernt sein wärde. Es seine z. B. A und B, Fig. 551, die

Fig. 551.

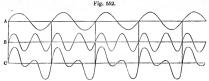


Schwingungseurven eines Tones und seiner Quint, so ergiebt sich als Resultat des Zusammenwirkens dieser heiden Wellensysteme eine oseillirende Bewegung der Lufttheilchen, deren Schwingungseurve durch C. Fig. 551, dargestellt ist. Jede Ordinate der Curve C ist die Summe der Ordinaten der Curven A und B, welche derselben Abesiese angebören; so ist z. B. die Ordinate arb "gleich a b + a' b'; ferner ist c' d'' = cd — c' d', weil c' d' von der Abesiesenaxe nach unten gekchrt ist, während c' d die entgegengesetzte Lage hat. Die nach unten gerichtete Ordinate p'' ist gleich p''g, weil die dem Ahecissenpunkte f entsprechende Ordinate der Curve A gleich Null ist.

In derselben Weise ist in Fig. 552 hei C die Schwingungscurve eine Luftheilchens construirt worden, welches gleichzeitig durch die Schallwellen des Grundtons und seiner Octav afficirt ist, und zwar unter der Voraussetzung, dass die Vibrationsintensität beider Töne gleich sei.

Dass die Schallwellen zweier verschiedener Töne durch ihr Zusammenwirken in der That eine nach dem oben besprochenen Princip comhinitot
Vibrationshewegung erzeugen, lässt sich mit Hülfe des Phonautographen
von Scott und König darthun, indem dieser Apparat die Vibrationen
graphisch darstellt, welche einer elastischen Membran durch die gleichzeitige
Einwirkung zweier Töne mitgetheilt werden. Nro. II, Fig. 546 S. 466, stellteine genaue Copie der Curve dar, welche der Apparat schrieb, als gleichzeitig vor der Mündung U des Ellipsoids der Grundton und seine
Quint (von Orgelpfeifen erzeugt) erfönten. Man erkennt leicht, dass diese
Curve in der That alle charakteristischen Eigenschaften der theoretisch

construirten Curve C, Fig 552, hat, d. h. dass sich nach je zwei Schwingungen des Grundtons stets dieselbe Form der Combinationscurve wiederholt.



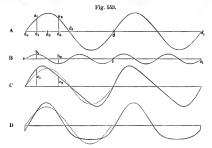
So stimmt auch die Curve Nro. III Fig. 546, S. 466, welche von dem Phonautographen unter gleichzeitigem Erdben des Grundtons seiner Octav geschrieben wurde, imWesentlichen mit der theoretischen Curve C, Fig. 552, überein. Nach jeder Schwingung des Grundtons wiederholt sich die gleiche Form der Combinationseurve.

Was hier von den Vibrationen eines Luftheüchens gesagt ist, welches gleichzeitig durch die Schallwellen zweier oder mehrerer Töne affeirt wird, gilt auch von den Vibrationen eines materiellen Punktes, welcher einem tönenden Körper angehört, der gleichzeitig neben seinem Grundton auch noch einen oder mehrere Oberföne hören lässt, wie dies z. B. auch durch die auf die rotirende Trommel geschriebene Schwingungseurve Nro. IV Fig. 546, S. 466, erläutert wird, welche die Vibrationen des äussersten Eades einer Stimmgabel darstellt, die neben dem Grundton auch noch den siebenten Oberton hören lässt. In diesem Falle kann das Ohr eben so leicht den Oberton neben dem Grundton hören, wie das Auge in der Schwingungseurve Nro. IV Fig. 546 die Vibrationen des Obertons verfolgen

Da auf jede ganze Schwingung des Grundtons 31 ganze Schwingungen cine harmonischen Obertons kommen, so wird durch das Hinautreten des Obertons die Periode der Vibrationen des Grundtons durchaus nicht alterit; die gleiche Schwingungsform muss sich nach jeder Vibration des Grundtons in gleicher Weise wiederholen, wie wir dies in Fig. 52 sehen.

Bei der Construction der Schwingungseurve C, Fig. 552, war die Vibrationsintensität der Octav gleich der des Grundtons angenommen worden. Nach dem gleichen Verfahren ist nun in Fig. 553 die Schwingungseurve C für den Fall construirt, dass die Schwingungsweite der Octav ungefähr nur ½, von der Schwingungsweite des Grundtones ist. Um die Zussmanensetzung der ausgezogenen Schwingungseurer C ausschaulicher

zu machen, ist die Schwingungseurve A des Grundtons noch punktirt beigesetzt worden. Man sieht leicht, dass die Curve C sich überall eben



so viel über die Höhe von A erhebt oder darunter sinkt, als die Curve B über oder unter der Abscissenaxe hinläuft.

Wird die Schwingungseurve B, Fig. 553, um  $^{1}/_{4}$  Wellenlänge nach der Riechten verschoben, so also dass der Gipfel des Wellenberges  $b_{1}$  vertical unter dem Punkt  $d_{2}$  zu stehen kommt, so wird sich die Gurve D als Resultat der Combination der Curven A und B ergeben. Eine Verschiebung der Curve B gegen die Curve A entspricht aber einer Veränderung der Phase des Obertones gegen den Grundton.

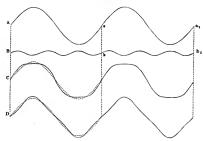
Denken wir uns die punktirte Linie weg, welche die Uebersicht erleichtert, so lassen sich im Verhauf der Curven C und D die Vibrationen der Octav schon bei weitem nicht so gut verfolgen, wie in der Curve C, Fig. 552, wie denn auch die schwächeren Obertöne vemiger leicht aus dem Gesammtklange herauszubforen sind; doch werden wir weiter unten die Mittel kennen lernen, durch welche Helmholtz noch achwächere Obertöne selbst für weniger gedübte Ohren währenhaber gemacht hat.

Bei C. Fig. 554 a.f. S., ist die Schwingungseurve dargestellt, wie sie sich aus der Combination der Schwingungseurve A des Grundtons mit der Schwingungseurve B seiner Duodecime ergiebt. Wird die Curve B um ½ Wellenlänge verschoben und dann mit A combinirt, so erhält man die bei D dargestellte Schwingungseurve.

Diese Beispiele mögen genügen, um darzuthun, dass durch die Combi-

nation der Schwingungen des Grundtons mit denen seiner Obertöne in der That solche Schwingungsformen erzeugt werden, welche, wie in §. 196 behauptet wurde, die verschiedenen Klangfarben bedingen.

Fig. 554.



88 Beobachtung der Obertöne. In seinem bereits angeführten Werke über die physikalische Theorie der Musik hat Helmholtz verschiedene Methoden beschrieben, mit Hülfe deren man die Klange der meisten musikalischen Instrumente in ihre Partialtöne zerlegen oder, mit anderen Worten, mit Hülfe deren man die in einem umskänischen Klang enthaltenen Obertöne auch einem ungeübteren Ohre wahrnehmbar machen kann.

Zunächst ist zu bemerken, dass man in der Regel den 3ten, den 5ten, den 7ten u. s. w., also die ungeradzahligen Obertöne leichter hört als die geradzahligen, also leichter als den 2ten, den 4ten u. s. w. So hört man die den Grundton e begleitenden Obertöne  $\bar{q}$  und  $\bar{e}$  leichter als  $\bar{e}$  und  $\bar{e}$ .

Will man anfangen, Obertöne zu beobachten, so lasse man unmittelbar vor dem Klange, welcher analysirt werden soll, ganz schwach diejenige Note erklingen, welche man aufsuchen will. Sehr geeignet sind zu diesen Versuchen das Clavier und die Physharmonica, welche beide ziemlich starke Obertöne geben.

Man schlage z. B. auf einem Clavier zuerst  $\overline{y}$  an und indem man die Tasten verlässt, so dass deren Saiten nicht mehr fortklingen können, gleich darauf kräftig die Note c, so wird man den Ton  $\overline{y}$  noch aus dem Klange c heraushören. Ebenso, wenn man zuerst den fünsten Oberton  $\overline{e}$  nnd dann c anschlägt. Der 7te nnd 9te Oberton sind auf den Clavieren neuerer Construction meist schwach oder gar nicht vorhanden.

Noch geeigneter als das eben beschriebene Verfahren am Clavier ist es, an irgend einem Saiteninstrumente, Clavier, Monochord oder Violine den Ton, welchen man zu hören wünselt, erst als Flageoletton der Saite hervorzubringen, indem man sie anschlägt oder streicht, während man einem Knutenpunkt des entsprechenden Tons auf der Saite mit einem Finger oder mit den Haaren eines Malerpinsels berührt. Will man also den Sten, den öten Oberton hören, so hat man einen Punkt zu berühren, welcher um ½ um ½ der Saitenlänge vom einen Ende der Saite entfernt ist. Indem man nun die Saitz zum Tönen bringt, bald mit Berührung des Knotenpunktes bald ohne solche Berührung, bekommt man bald den gesuchten Oberton allein als Flageoletton, bald die ganze Klangmasse der Saitz zu hören, und erkennt dann verbältnissmässig leicht, dass der betreffende Oberton darin enthalten ist.

Schwerer als an Saiteninstrumenten und an der Physharmonica sind die Obertöne der meisten Blasinstrumente und der menschlichen Stimme wahrzunehmen.

Das sicherste nnd bequemste Mittel, nm die Wahrnehmung von Obertönen zu vermitteln, sind die von Helmholtz angegebenen Resonanzkngeln. Es sind dies Glaskugeln von der in Fig. 555 dargestellten Form.

Pig. 555.

Die eine Oeffnung a hat scharf abgeschnittene Ränder, die andere ist trichterartig und so geformt, dass man sie in das Ohr einsetzen kann.

Die in einem solchen Resonator eingeschlossen Luftmasse wird, wie die Luftsäule in einer einerseits offenen, andererseits geschlossenen Röhre (a.§. 165), nur dann in den Zustand kräftiger stehender Schwingungen versetzt, wenn durch die Oeffnung ad die Schallwellen eines bestimm-

ten, den Dimensionen der Kugel entsprechenden Tones einfallen, den wir den Eigenton der Kugel nennen wollen. In der folgenden Tabelle sind die Dimensionen solcher Kugeln angegeben, welche den in der ersten Verticalreihe angegebenen Eigentönen entsprechen.

-	Tonhöhe.	Durchmesser der Kugel	Durchmesser der Oeffnung	Volumen des Hohlraums	
-	g	154 Millim.	35,5 Millim.	1773 Cubikcent	
	c	130 "	30,2 ,,	1053 "	
	ē	115 "	80 "	546 ,,	
	$\overline{g}$	79 "	18,5 ,,	235 "	
	$\overline{\overline{c}}$	70 "	20,5 ,,	162 "	

Eine Verengung der Oeffnung a hat eine Vertiefung des Eigentons des Resonators zur Folge.

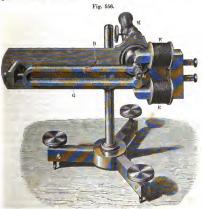
Hat man sich das eine Ohr verstopft und setzt man dann an das andere einen solchen Resonator, so hört man die meisten Töne, welche in der Umgebung hervorgebracht werden, viel gedämpfter als sonst; wird dagegen der Eigenton des Resonators angegeben, so schmettert er mit gewaltiger Stärke ins Ohr hinein. Halt man z. B. einen Resonator vor das Ohr, dessen Eigenton  $\overline{g}$  ist, so hört man denselben sehr deutlich, wenn e auf dem Clavier angeschlagen oder auf der Vollen gespielt wird, während man diesen Ton gar nicht oder doch nur sehr schwach hört, wenn das evon einer weiten gedecketten Orgelpfeide herrührt.

199 Sohwingungsform einer gestrichenen Saite. Dass die Schwingungsform eines tönenden Körpers von entschiedener Klangfarbe, dessen Klangmasse sich durch die angegebenen Mittel in Partialtöne zerlegen lässt, in der That von der Sinneaurre wesentlich abweicht, hat Helmholtz für gestrichene Saiten auf eine sehr simreiche Weise nachgewiesen, indem er mittelst des Lissajous'schen Vibrationsmikroskops die Vibrationen der tönenden Saite mit denne einer Stimmgabel verglich.

Fig. 556 stellt das Vibrationsmikroskop in der Form dar, in welcher es Hel mholtz zur Anwendung brachte. Das eine Stimmgabelende trägt das Objecitv L eines Mikroskops, dessen Ocularstück M hinter der Metallplatte befestigt ist, welche die Stimmgabel trägt. Der Elektromagnet E dient mut dazu, die Stimmgabel dauernd in Vibration zu erhalten; für das Verständniss des Folgenden ist eine nähere Besprechung dieses Elektromagnets nicht nöthig. Die Stimmgabel ist so gestellt, dass die Objectivinse L sich in verticaler Richtung auf- und abbewegt, wenn die Stimmgabel vibritri.

Will man die Vibrationen einer Violinsaite untersuchen, so wird die Violine vor dem Apparat Fig. 556 sobefestjet, dass die fragliebe Saite gerade vor die Mitte des Objectivs L zu stehen kommt. Um ein Pünktehen auf der Saite zu markiren, welches durch das Mikroskop beobachtet werden soll, wird die betreffende Stelle der Saite mit Tinte geseklwärzt, wenn sie trocken geworden ist mit Klebwachs eingerieben und dann etwas Stärkemehl daraufgepulvert, wevon einige Körnchen haften bleiben, von

denen dann eines durch das Mikroskop beobachtet wird, während Stimmgabel und Saite vibriren.



Vibrirt die Stimmgabel allein, so erscheint das beobachtete weisse Pühktelnen als eine vertienle Linie; vibrirt die Saite allein, so erscheint es als eine horizontale Linie; vibriren aber beide gleichzeitig, so beobachtet man eine Curve, welche von dem musikalischen Intervall der Stimmgabel und der Saite abhängt.

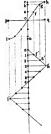
Nehmen wir z. B. an, die Saite sei unisone mit der Stimungabel, so müsste eine der auf Tab. Ia dargestellten Figuren erseleinen, wenn die Vürationen der Saite nach demselben Gesetz vor sich gingen wie die Schwingungen der Stimmgabel. Für den Fall, dass die Mitte der Saitenlänge dem Mikroskopljettir gegennbersteht und dass die Saite mit dem Violinbogen gestrichen wird, erscheint aber in der That die Curve A, Fig. 557 (a.f. 8), statt der geraden Linie bei Nro. 1 auf Tab. Ia Die Curven B und C, Fig. 557, erscheinen statt den Ellipsen Nro. Il und Il

bei IV<sub>b</sub> und die Curve D erscheint statt des Kreises; die Curven in Fig. 557 sind in  $^2/_3$  des Maassstabes gezeichnet, welcher für Tab. I a anFig. 557.



genommen war. Aus dieser veränderten Form der Lichtcurven kann man aber auf die Schwingungsform der Saite schliessen.

In Fig. 558 sei cn die verticale Lichtlinie, welche das weisse Pünkt-Fig. 558. chen beschreibt, wenn nur die Stimmgabel, pq sei die borizontale Lichtlinie, welche es beschreibt,



die borizontale Lichtlinie, welche es beschreibt, wenn nur die Saite vibrirt, Ioh aber sei die Curve, welche man bei gleichzeitiger Vibration beider beobachtet, wenn die Phasendifferenz beider Oscillationabewegungen gleich Null ist. Denken wir uns die Schwingungsdauer at der

Denken wir uns die Schwingungsdaer it der Stimmgabel in 12 gleiche Thelie getbeitt, so sind (der in §. 184 besprechenen Construction zufolge) a, b, c. u. s. w. die Punkte, in welchen das Licht $pünktchen in den Momenten <math>^{1}/_{1.2} u. ^{1}/_{1.2} u. ^{1}/_{1.2} u.$ u. s. w. nach dem Durchgang durch die Gleichegewichtslage erscheinen würde, wenn seine Bewegung lediglich durch die Vibrationen der Stimmgabel bedingt würden. Ziebt man durch <math>a, b, cu. s. w. horizontale Lüsien bis zur Durchschneidung mit der Lichtlinie <math>loh, so erhalt man die Punkte f, g, h. u. s. w., in welchen sich das Lichtpinktchen in den bezeichneten Momenten wirklich befindet, wenn Stimmgabel und Saite gleichzeitig vihriren.

Von dem Momente ausgehend, in welchem die Saite nach der Rechten hin sich bewegend hire Gleichgewichtslage passirt, wird sie sich also in der Zeit  $^{1}/_{12}$ u um die Länge  $af_{1}$  in der Zeit  $^{1}/_{12}$ u um die Länge  $af_{2}$  in der Zeit  $^{1}/_{12}$ u um die Länge ch von ihrer Gleichgewichtslage entfernen. Diese Data genügen aber, um die Schwingungseurve der Saite in dem in § 196 erläherter Sinne zu construiren.

Auf der hier vertical gestellten Abscissenlinie (weil die Vibrationen der Saite, demen parallel die Ordinaten aufzutragen sind, in horizontaler Richtung vor sich geben) sind die Punkte 0, 1, 2, 3 u. s. w. in gleichen Abständen aufgetragen; der Abstand jedes dieser Punkte vom folgenden

enterprieht einem Zeitintervall von  $V_{12}$ u. Wird nun rechtwinklig zur Abseissenaxe in 1 die Länge f'1 gleich fa, in 2 die Länge f'2 gleich gb, in 3 die Länge h'3 gleich hc n. s. w. aufgetragen, so erhält man die Punkte f', g', h' u. s. w., über welche die Schwingungseurve der Saite zu ziehen ist. Die so erhältene Schwingungseurve ist aber aus geraden Linien zusammengesetzt, denn die Punkte a, f', g', h'' liegen in einer geraden Linie, und eben so alle wischen h'' und l'' fallenden Punkte.

Daraus geht also hervor, dass die Vibrationen einer gestrichenen Saite wesentlich von der Bewegung eines pendelartig oscillierenden Körpers abweichen. Die Mitte einer gestrichenen Saite vibrit in der Weise, dass sie sich zwischen den Endpunkten ihrer Oscillationsbewegung mit gleichförmiger Geschwindigkeit hewegt.

Klangfarbe verschiedener musikalischer Instrumente. 200 Die Verschiedenheiten der Klangfarbe hängen nach dem Vorhergehenden

davon ab, welche Obertöne den Grundton begleiten und in welcher Stärke sie vorhanden sind; in dieser Beziehung aber bieten die verschiedenen musikalischen Instrumente die grössten Mannigfaltigkeiten dar.

Einfache Töne, also Klänge ohne Ohertöne werden am einfachsten hervorgebracht, wenn man eine angeschlagene Stimmgabel vor die Mündung einer Resonanzröhre von entsprechender Länge hält. Diese Töne sind ungemein weich nnd frei von allem Scharfen und Rauhen.

Die Klänge der Flöte stehen den einfachen Tönen ziemlich nahe, indem sie nur wenige und schwache Obertöne haben.

Weite gedeckte Pfeifen geben, namentlich wenn sie schwach angeblasen werden, dem Grundton fast ganz roin; engere lassen neben dem Grundton auch noch die Duodecime (Quint der Octav) hören, weshalb sie anch Quintaten genannt werden.

Bei weiten, offenen Orgelpfeisen ist die Octav des Grundtons noch siemlich deutlich, die Duodeeime schon sehr schwach. Engere offene Pfeifen der Orgel lassen dagegen, namentlich wenn sie stark angeblasen werden, eine Reihe von Obertönen hören, welche den Grundton kräftig hegleiten, was dem Klange den schärseren geigenähulichen Charakter giebt (Geigen principal).

Die weiten Orgelpfeifen, welche auch bei stärkerem Anhlasen nicht in einen Oberton überspringen, und welche den Grundton voll und rein geben, werden Principalstimmen genannt.

Wo es darauf ankommt, ein Register von scharf durchdringender Klangfarbe anzuwenden, wie es z. B. nöthig ist, um den Gesang der Gemeinde zu begleiten, genügen die Principalregister nicht, weil ihr Ton zu mild, zu arm an Ohertönen ist. Geigenregister und Quintaten genügen nicht, weil ihr Ton zwar schäffer, aber auch schwächer ist. Bei solchen Gelegenheiten wird das Mixturregister angewandt, in welchem jede Taste mit mehreren Pfeifen verbunden ist, die sie gleichzeitig öffnet, von denen die eine den Grundton, die anderen aber die ersten Ohertöne desselhen (meist Octav und Dnodecime) geben. - Die Klänge der meisten musikalischen Instrumente hat man sich nun in ähnlicher Weise, wie die zusammengesetzten, zu denken.

Die Obertöne, welche in der Klangmasse gespannter Saiten auftreten, hängen von der Art ab, wie die Saite zum Tonen gebracht, ob sie gezupft, geschlagen oder gestrichen wird, und an welcher Stelle dies geschieht; sie sind ferner bedingt durch das Material, aus welchem die Saite besteht u. s. w. Helmholtz hat diesen Gegenstand in seinem schon mehrfach erwähnten Werke ausführlich hesprochen. Wir müssen nus hier auf einige Notizen beschränken.

Bei gut construirten Clavieren sind die Ohertone bis zum sechsten sehr kräftig, während der siehente und neunte, deren Mitklingen die Harmonie der übrigen beeinträchtigen würde, ganz fehlen oder doch sehr schwach sind.

Solche Saiten, welche im Verhältniss zn ihrer Länge sehr dünn sind, gehen, in entsprechender Weise angeschlagen, leicht viele hohe Obertöne. Diese vielen hohen Obertone aber, welche einander in der Scale sehr nahe liegen, veranlassen ein eigenthümlich unharmonisches Geräusch, welches wir mit dem Worte Klimpern zu hezeichnen pflegen.

Im Klange der Streichinstrnmente ist der Grundton verhältnissmässig kräftiger als beim Clavier; die ersten Obertone sind schwächer, die höheren aber vom sechsten his zum zehnten dagegen viel deutlicher, und verursachen die Schärfe des Klanges der Streichinstrumente.

Geschlagene Metallstäbe und Metallplatten der Art, wie wir sie in \$. 182 betrachtet haben, lassen neben dem Grundton eine Reihe sehr hoher unharmonischer Ohertone anhaltend und in gleichmässigem Flusse mitklingen, und davon scheint die Eigenthümlichkeit herzurühren, welche man als metallische Klangfarhe, als Metallklang bezeichnet.

Der Klang der Glocken ist ebenfalls von unharmonischen Nebentönen begleitet, welche aber nicht so nahe beisammen liegen wie bei den

ehenen Platten.

Wenn eine Glocke nicht ganz symmetrisch in Beziehung auf ihre Axe ist, wenn z. B. die Wand an einer Stelle des Umfangs etwas dicker ist als anderen, so gieht die Glocke heim Anschlag im Allgemeinen zwei wenig von einander verschiedene Tone, welche mit einander Schwebnngen geben.

Ausser den Unterschieden der Klangfarbe hieten aber die Klänge verschiedener Instrumente auch noch andere Eigenthümlichkeiten, welche einerseits davon abhängen, wie die Töne ansetzen, verlanfen und aufhören, andererseits aher auch durch Geräusche bedingt sind, welche mit der Erzeugungsweise der Töne zusammenhängen. So hört man bei den durch einen Luftstrom unterhaltenen Klängen der Blasinstrumente meistentheils noch ein Sausen und Zischen der Lnft, die sich an den scharfen Rändern der Anhlaseöffnung bricht. Bei den mit dem Violinhogen gestrichenen Saiten hört man ziemlich viel Reibegeräusch u. s. w.

Was die Klangfarbe der Zungenpfeifen anlangt, so ist das Amstarohr von wesentlichem Enilusus auf dieselbe. Freie Zungen, d. h. solche, welche ohne Amstarohr angeblasen werden, finhen, da sie die Lufstässe sehr abgerissen, discontinnirlich hervortreten lassen, einen scharfen, sehneidenden, knarrenden Klang, und man hört in der That mit bewäffnetem oder unbewaffneten Ohre eine lange Reihe von Obertönen, bis zum 16ten ja selbst bis zum 20ten. Die Stärke der Obertönen, bei stam Zunge ohne Amstarohr giebt, hängt aber ab von ihrer Beschaffenheit, ihrer Stellung zum Rahnen n. s. w.

Durch Ansatzröhren wird der Klang der Zungen wesentlich verändert, indem diejenigen Obertöne ansserordentlich verstärkt werden und aus der Klangmasse vortreten, welche den Eigentönen des Ansatzrohres entsprechen. Als z. B. Helmholtz über eine Messingzunge, wie sie in Orgeln

gebraucht werden, und welche b gah, eine seiner grösseren Resonanzkugeln als Ansatzrohr anfsetzte, welche gleichfalls auf b abgestimmt war, erhielt er bei starkem Druck im Blasebalg einen vollen, starken und weichen Klang, dem fast alle Obertöne fehlten.

Als wesentlichste Resultate der Untersnehungen über Klangfarbe stellt Helmholtz Folgendes zusammen:

- Einfache Töne, wie Stimmgabeln mit Resonanzröhren und weite gedeckte Pfeifen klingen weich und angenehm ohne alle Rauhigkeit, aber nnkräftig und in der Tiefe dumpf.
- 2. Klänge, welche von einer Reibe niederer Obertöne, etwa bis zum öten binand in mässiger Stärbe begleitet indn, sind klängvoller, musikaliseher. Sie haben, mit den einfachen Tönen verglichen, etwas Klangvolleres, Reicheres und Prächtigeres. Hierher gehören die Klänge des Claviers, der öffnen Orgelpfeifen n. s. w.
- 3. Wenn nur ungeradzahlige Obertöne da sind, wie bei engen gedeckten Pfeifen, den in der Mitte geschlagenen Claviersaiten, den Clarinetten u. s. w., so bekommt der Klang einen hohlen, und bei grösserer Zahl von Obertönen einen näselinden Charakter.
- 4. Wenn die höheren Obertöne Jenseits des 6ten und 7ten sehr deutlich sind, so wird der Klang seharf und rauh. Bei geringerer Stärke beeinträchtigen die hohen Obertöne die musikalisehe Bruuchbarkeit nicht, sie sind im Gegentbeil ginstig für den Charakter und die Ausdrucksfähigkeit der Musik. Von der Art sind die Klänge der Streichinstrumente, die meisten Zungenpfeisen, die Physharmonika n. s. w. Solche Klänge, bei welchen die hohen Obertöne ganz besonders stark sind, wie bei den Blechinstrumenten, erhalten dadurch etwas ungemein Durchdrügendes.

### Viertes Capitel.

Von der Stimme und dem Gehör.

201 Das menschliche Stimmorgan. Das Stimmorgan ist aus mehreren Theilen zusammengesetzt, welche ohne anatomische Betrachtung inicht vollständig studirt werden k\u00f6nnen, wir m\u00e4ssen ums aber hier durauf beschr\u00e4nken, im Allgemeinen die Anordnung der Theile zu betrachten, welche am directesten zur Hervorbringung der Stimme mitwirken.

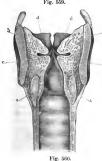
Es ist bekannt, dass die Luftröhre eine Röhre ist, welche auf der einen Seite mit dem Selhunde, auf der anderen in den Lungen endigt. Ihre wesentlichste Function ist, die Luft durchzulassen, sei es nun beim Ein-oder beim Ausathmen; sie ist fast eyindrisch und aus knorpeligen Ringen zusammengesetzt, welche durch biegasme häufige Ringe verbunden sind. Am unteren Ende theilt sie sich in zwei Röhren, die Bronchien, von denen die eine rechts, die andere links geht Jeder dieser Aeste verzweigt sich weiter nach allen Seiten hin in das Gewebe der Lunge. Das obere Ende der Luftröhre wird durch den Kehlkopf gebildet, welcher vorzugsweise das Stimmorgan ist.

Der Kehlkopf besteht aus vier Kaorpein, welche erst in späterem Alter verknüchern, nämlich dem Ring k nor pel (Cartilage orizoidea), dem Schildknorpel (Cartilage thyroides) und den beiden Giesskannen-knorpeln (Cartilagines arytenoideae). Diese Kaorpel sind unter sich und mit dem oberen Ringe der Luftröhre verbunden und können durch verschiedene Muskeln suf das Mannigfaltigste bewegt werden. Die innere Wand des Kelikopfes bildet eine Verlängerung der Luftröhre, die immer enger wird, bis zuletzt nur eine von vorn nach hinten gerichtete Spalte, die Stimmtritze (Glottis), übrig bleibt. Die Ründer dieser Stimmtritze sind durch die Stimm bänder gebildet. Nach vorn hin sind diese Stimmbande an dem Schildknorpel, am entgegengesetzten Ende aber ist das eine Stimmband an dem einen, das andere Stimmband an dem anderen Giesskannenknorpel angewachsen, so dass, je nachdem üt Knoren dem en der en dem en dem en dem en der en dem en

pel durch die entsprechenden Muskeln mehr genähert oder entfernt werden, die Stimmbänder mehr oder weniger gespannt sind, und die Stimmritze grösser oder kleiner wird. Die Stimmbänder selbst bestehen aus einem sehr elastischen Gewebe.

Ueber den Lippen der Stimmritze befinden sich zwei sackartige Höhlungen, die eine auf der rechten, die andere auf der linken Seite, welche sich 8 bis 9 Linien weit seitwärts erstrecken; es sind dies die Ventriculi Morgagni. Die oberen Ränder dieser Ventrikeln bilden gleichsam eine zweite Stimmritze, welche 5 bis 6 Linien über der anderen liegt. Die obere Stimmritze kann durch den Kehldeckel (Epiglottis), welcher eine fast dreieckige Haut oder vielmehr ein Knorpel ist, verdeckt werden; dieser Kehldeckel







ist mit der einen Seite nach vorn hin angewachsen, und verhindert, wenn er die Stimmritze verdeckt. dass Speisen und Getränke in die Luftröhre gerathen können, indem diese über den Kehldeckel hinweg in den Sehlund gelangen.

Der Bau des Kehlkopfes wird durch die Figuren 559 und 560 deutlicher werden.

Fig. 559 stellt die vordere Hälfte des durch einen senkrechten Schnitt getheilten Kehlkopfes, und zwar von hinten gesehen, dar.

Es ist

a der Durchschnitt durch den Ringknorpel,

b der Durchschnitt durch den Schildknorpel.

c der Durchschnitt durch die unteren Stimm-

bänder. d der Durchschnitt durch die oberen Stimmbänder.

Zwischen den unteren und oberen Stimmbändern sight man in Fig. 559 deutlich die Ventriculi Morgagni. Ferner ersieht man aus dieser Figur, wie sich die Luftröhre gegen die unteren Stimmbänder hin vereugt. Fig. 560 zeigt die Stimmritze von oben gesehen.

Schon Ferrain (Mém. de Pacad. d. sc. 1741) hat durch treffliche Versche, die auch von Anderen bestätigt wurden, gezeigt, dass die Stimmbinder in gewisser Beziehung mit gespannten Saiten zu vergleichen seien; Biot und Cag nia rd de la Tour ersetzten die Stimmbinder durch leatstiche Membranen von Kautschnk, die sie über eine Röhre spannten; doch reichen diese Versuche noch nicht hin, um eine vollkommene Farallele zwischen diesen Zungemwerken und dem Stimmorgane zu begründen. Erst Johannes Müller hat es durch seine classischen Untersachungen über diesen Gegenstand (Idanbluch der Physiologie des Memschen, zweiten Bandes erste Abtheilung; und: Ueber die Compensation der physischen Kräfte am menschlichen Stimmorgan) ausser Zweifel gesetzt, dass die Bildung von Tönen im Kehlkopfe der in membranösen Zungenpfeifen ganz analogi sit, welche wir bereits in § 188 kennen lerztete.

Sowohl Beobachtungen an lobenden Mensehen und Thieren, als auch die Versuche an ausgeschnittenen Kehlköpfen mensehlicher Leichen zeigen, dass die Töne in der Stimmritze nud weder über, noch unter ihr gebildet werden. Befindet sich eine Oeffnung in der Luftröhre (also unter der Stimmritan), so hört die Stimme auf, sie kehrt aber wieder, sohald diese Oeffnung versehlossen wird; dahingegen bringt eine Oeffnung in den Laftwegen oberhalb der Stimmritze eine sohen Wirkung nicht hervor. Magendie hat sich überzeugt, dass die Stimme fortdauert, wenn die oberen Stimmbänder und der obere Theil der Cartilagines arytenoidese verletzt sind; obenso hat er an lebenden Thieren, deren Stimmritze blossgelegt wurde, beobachtet, dass die Stimmbänder beim Tongeben in Schwingungen gerathen.

Die entsebeidendsten Versuche stellte Müller mit ausgeschnittenen Kehlköpfen an, die er auf eine passende Weise auf einem Bretthen befestigte. Fig. 561 stellt eineu solchen Kehlkopf von der Seite gesehen dar. a. ist einer der Cartilogines arytenoideae (der andere liegt hinter dem gezeichneten), b ist der untere Tbeil des Schildkonpels, d die inmer Haut des Kehlkopfes, die in den Stimmbändern endigt, welche zwisehen den Knorpelu au und b ausgespannt sind. Der obere Theil des Schildknorpels bis zu der Stelle, wo die Stimmbänder und der Kehldeckel sind Wentrieuli Morgagni, die oberen Stimmbänder und der Kehldeckel sind weggeschnitten, damit mas die Ränder der Stimmritze besser sehen kann.

Um den kehlkopf gehörig zu befestigen, wird er mit seiner hinteren Wand auf das Brettchen gelegt und der Ringknorpel darauf festgebunden; um die Cartilagiues arytenoideae zu befestigen, wird ein Pfriemen quer durch dieselben gesteckt, so dass sie neben einander auf demselben fixirt sind und man sie nach Belieben von einander entfernen oder dieht zussummerzickeu kann; der Pfriemen selbet wird alsdam durch Schulier cbenfalls an das Brettchen unbeweglich angezogen. Ist nun auf diese Art die hintere Wand des Kehlkopfes befestigt, so lässt sich den Stimmhän-



dern durch Anziehen des Schildknorpels jede belichige Spannung geben. Mit so präparirten Kchlköpfen machte Müller eine Menge von Versuchen; wir können hier nur die wichtigsten seiner Resultate hervorheben-

Die unteren Stimmhänder gehen bei enger Stimmritze volle und rein Töne beim Anspruch durch Blasen von der Luftröhre aus; diese Töne kommen denen der menschlichen Stimme sehr nalte; sie unterscheiden sich von denen, welche man erhält, wenn die Ventrieull Murgzagii, die oberen Stimmbänder und der Kohldeckel noch vorhanden sind, nur durch ihre geringere Stärke, indem

diese Thette, wenn sie vorhanden sind, stark mitschwingen und resoniren; die Ventriculi Morgagni haben offenbar nur den Zweck, die Stimmbänder von anssen frei zu machen.

Bei gleicher Spannung der Stimmhänder hat die grössere oder geringere Enge der Stimmritze keinen wesentlichen Einfluss auf die Höhe des Tones, nur spricht bei weiter Stimmritze der Ton schwerer an und ist weniger klangvoll.

Im Leben geschicht die Spannung der Stimmhänder hauptsächlich dadurch, dass die Musculi crisc-thyreotdei den Schildknoppel gegen den Ringknorpel berabziehen, was an mesern Präparate dadurch nachgeahnt werden kann, dass man in dem Schildknorpel mittelst eines Hakens eine Schnur z befestigt und diese mit Gewichten belastet. Indem Müller diese Gewichte von ½ bis 37 Loth vermehrte, konnte er alle Töne zwischen sis und dis. abs unzeführ 22°, Octaven, hervorbrinzen.

Wenn auch der Faden z nicht durch Gewichte helastet ist, so sind doch die Stimmbänder noch nicht völlig abgespannt; um eine stärkere Abspannung und noch tiefere Töne zu erhalten, bringt man eine Schnur y, Fig. 562, an, welche über eine Rolle gelend mit den Gewichten belastet wird, um dadurch den Schildknorpel gegen die Cartilagines arytenoideae zu ziehen, wodurch die Wirkung des Museulus thyrro-arytenoidens nachgeshant wird. Bei einem solchen Versuche rehielt Müller durch im Gewicht von 3/a. Loth den Ton dlis, durch Vermehrung des Gewichtes his zu 3,8 Loth konnte der Ton his H vertieft werden; durch eine solche Abspannung der Stimmbänder kann man also die tiefsten Basstöne der Bruststimme hervorbringen.

Werden die Stimmbänder durch Gewichte gespannt, welche in der Richtung ihrer Länge wirken, so vermehrt sich die Schwingungszahl bei grösserer Spannung nicht proportional der Quadratwurzel der Spannung, sondern in einem geringeren Verhältniss. Auch die vom Kehlkopfe isolirten Stimmbänder zeigen, wenn sie mit Hülfe eines durch ein Röhrchen hervorgebrachten Luftstromes zum Tönen gebracht werden, ein ähnliches Verhalten.

Dass die Stimmbländer bei den Brustfönen schlaft, bei den Falsettönen gepannt sind, ist von Biscovius zuerst entdeckt worden, indessen lässt sich bei einem gewissen Grade der Abspannang bei verschiedenem Anspruche sowohl ein Brustfon als ein Falsetton hervorbringen. Bei den Falsettönen schwingt aber nicht, wie bei den Flageolettönen der Saiten, ein aliquoter Theil der Länge der Stimmbländer ich erwesentliche Unterschied beider Register besteht darin, dass bei den Falsettönen bloss die feinen Ränder der Stimmbländer, bei den Brustfönen die ganzen Stimmbländer lebath und mit grossen Exennsionen schwingen. Die Thatsache ist zuerst von Lehfeldt beobachtet worden. Der Falsetton erfolgt leichter bei ganz schwachem Blasen.

Bei grosser Abspannung sind die Stimmbänder nicht allein ganz ungespannt, sondern im Zustande der Ruhe auch runzelig nnd faltig; sie erhalten erst durch das Blasen die zum Schwingen nöthige Tension.

Bei gleicher Spannung der Stimmbänder lässt sich durch stärkeres Blasen der Ton oft bis zu einer Quinte und mehr in die Höhe treiben.

Die über dem Kehlkopf befindliche Mundhöhle wirkt in akustischer Beziehung gerade ebenso, wie die in §. 188 besprochenen Ansatzröhren der Zungenpfeifen.

202 Stimmorgan der Thiere. Bei den Säugethieren sind die Stimmorgane im Wesentlichen ebeno construirt wie beim Menschen; auch bei ihnen wird der Ton durch die unteren Stimmbänder erzengt, ja bei den Wiederkäuern fehlen die Ventriculi Morgagni und die oberen Stimmbänder sogar ganz. Bei den Affen sind die resonirenden Theile des Stimmorgans sehr eigenthümlich; so findet sich z. B. beim Orang-Utang, dem Mandrill und dem Pavian ein häutiger Sack unter dem Zungenbeine. Am grössten ist dieser resonirende Apparat bei den Heufänfen der neuen Welt-

Die Stimme der Amphibien entsteht wie bei den Säugethieren im Kehlkopfe; sowohl die Frösehe als anch die Krobolle haben Stimmbänder. Beim männlichen Frosehe treten beim Tongeben zugleich häutige Säcke am Halse nach aussen, welche zur Verstärkung des Tones dienen. Bei den Frösehen fehlt die Luftröhre; die Bronchien gehen sogleich aus dem Kehlkopfe hetvor.

Bei den Vögeln befindet sich das Stimmorgan nicht am oberen, sondern am unteren Ende der Lutfrühre, nämlich da, wo sie sich in die Broachien theilt; Cuvier seigte, dass eine Amsel, eine Elster, eine Ente nach Durchsenheidung der Lutfröhre noch zu schreien vernögen. Die anatomische Unterauchung bestätigt dies Resultat, denn man findet am oberen Ende der Luttröhre nur eine Verengerung, eine Spalte, welche keineswegs zur Erzeugung von Tönen geeignat ist, während man am unteren Ende einen wunderbar eingerichteten, zur Hervorbringung einer grossen Reihe hoher und tiefer Tone geeigneten Apparat findet; doch ist es nicht möglich, davon eine Idee zu geben, ohne zu sehr in anatomische Details einzugehen.

Klangfarbe der menschlichen Stimme. De der Ursprung 203 der menschlichen Stimme in den Stimmbändern liegt, welche bei laut tönender Stimme wie membranose Zungen wirken und wie alle Zungen zunächst eine Reihe discontinniticher und seharf getrennter Laftstösse hervorbringen, so lässt sich erwarten, dass ihre Klange aus einer ziemlich langen Reihe von Obertönen zusammengesetzt erscheinen werden, die sich mit Hülfe von Resonatoren in der That auch nachweisen lassen.

Der Kehlkopf steht aber mit der Mundhöhle in Verbindung, welche bier ganz die Functionen eines Ansatzrohres übernimmt. Wie bei anderen Zungengfeifen werden deshalb diejenigen Obertöne als ganz besonders begünstigt aus der Klangmasse sich hervorheben, welche mit den Eigentbander Mundhöhle zusammenfaller, und dadurch gerade ist die Eigentbünnlichkeit der menschlichen Stimme bedingt, von welcher der Vocal charakter abhängt.

Gestalt und Ramminhalt der Mundhöhle werden durch veränderte Form der Mundöffnung, durch veränderte Lage der Zunge u. s. w. mannigfach modifient, and dem entsprechend auch ihre Eigentöne abgefindert. — Wenn eine Stimmgabel, derven Top f ist, vor den zum Aussprechen des Vocals U geformten Mund gehalten wird, so bört man die eingeschlossene Laffmasse deutlich resorieren, beim Aussprechen von U ist also f der Eigenton der Mundhöhle. In derselben Weise findet man, dass für ein vollklingendes O die Stimmung der Mundhöhle  $\bar{b}$  ist. Der dem Vocal A entsprechende Eigenton der Mundhöhle ist  $\bar{b}$  bis  $\bar{d}$ .

Die Gestaltung der Mundhöhle, welche den Vocalen  $\ddot{A}, \ddot{O}, E, \ddot{U}$  und I entspricht, gleicht einer mit einem engen Halse versehenen Flasche, deren Luftmasse für zwei Tone anspricht, von denen der eine anzusehen ist als Eigenton des Bauches, der andere als solcher des Halses. Für  $\ddot{A}$ 

sind diese beiden Eigentöne  $\overline{b}$  und  $\overline{\overline{g}}$ ; für e sind sie  $\overline{f}$  und  $\overline{\overline{b}}$ , für I aber

sind sie f und  $\overline{d}$ . In den meisten Fällen kommt der tiefere dieser beiden Töne wohl wenig zur Geltung.

Während nun durch den Einfluss der Mundhöhle alle mit den Eigentönen derselben zusammenfallenden Obertöne verstärkt werden, erscheinen die übrigen Obertöne mehr oder weniger gedämpft.

So ist der Charakter des Vocals U, selbst wenn der charakteristische Ten f nicht hörbar wird, durch die Dämpfung aller Obertöne bedingt.

Die Vocalklänge unterscheiden sich von den Klängen andorer masi-

kalischer Instrumente wesentlich dadurch, dass ihre Obertöne nicht von der Ordnungszahl derselben, sondern von der absoluten Tonböhe abhängen. Wenn man z. B. den Vocal A anf die Note Es singt, so ist der verstärkte Ton $\overline{b}$  der 12te Oberton des Klanges; wenn man aber denselben Vocal auf

die Note bigsigt, so ist es der 2te Oberton des Klanges, welcher verstärkt wird.

Diese Theorie der Vocallaute lässt sich durch künstliche Zungenpfeifen bestätigen, welche mit passenden Ansatzröhren combinirt sind, wie

pleifen bestätigen, welche mit passenden Ansatzröhren combinirt sind, wie dies zuerst durch Willis geschehen ist. Noch besser und deutlicher als mit cylindrischen Röhren erhält man die Vosela durch Anwendung abgestimmter kugelförniger Hohlräume. Als Helmholtz auf eine Zungenpfeife, welche  $\delta$  gal, eine gleichfalls auf  $\delta$  abgestimmte gläserne Resonanskugel außectzte, erhielt er den Vocal U. Mit der Kugel  $\overline{\delta}$  erhielt er O; ein geschlossenes A erhielt er mit der Kugel  $\overline{\delta}$ , ein scharfes A mit der

Kugel  $\overline{d}$ . Auch ist es ihm gelungen, mit derselben Zungenpfeife die Vocale  $\overline{A}$ , E und I hervorzubringen, indem er gläserne Hohlkngeln außestzte, in deren äussere Oeffnung noch ein 6 bis 10 Centimeter langes Glarofhrchen eingesfügt war, um die doppelte Resonanz der Mundhöhle bei diesen Vocalen nachzushmen.

Helmholtz hat die Vocalklänge auch durch Combination von Stimmgabeltinen nachgeahmt, welche durch resonirende Hohlräume verstärkt waren. In Betreff dieser interessanten Versuche müssen wir aber auf dessen sehon mehrfach citirtes Werk über die physikalische Theorie der Musik verweisen.

Die Consonanten der messchlichen Sprache rühren von Geräusehen her, welche mit den Lippen, den Zähnen, der Zünnen u. sw. hervorgehracht, den Anfang oder das Ende der Vocalklänge begleiten. Diese Gersäusche sind meist weniger intensir als die Vocalklänge selbst und verserhwinden deshalb in einiger Entfermung bereits vollständig, wenn man
die Vocalklänge noch dentlich und unterscheidbar hört. Es geht daraus
auch hervor, dass man, um für etwas schwerborige Personen reversändlich
zu reden, keineswegs lauter zu sprechen nöthig hat, sondern dass es gemigt die Consonanten schärfer hervorzuchben;

204 Das Gehörorgan besteht aus drei Haupttheilen, dem äusseren Ohre, welches durch die Ohrmuschel und den Gehörgang gebildet wird; der Tromme lib hle, welche von dem Gehörgange durch das Trommelfell getrennt ist, und dem Labyrinthe. Das Labyrinth besteht aus knöchernen Höhlungen, welche mit einer Plässigkeit angefüllt sind, in welcher sich der Gehörnerv verbreitet; um auf diesen Nerven wirken zu können, müssen die Schallvibrationen der ganz von Knochen ungebenen Plüssigkeit im Labyrinthe mitgetheilt werden; dies wird durch zwei Oeffunngen des Labyrinthes vermittelt, sie heissen das o vale und das runde Fenster; beide sind mit einem zarten Häutchen überspannt; auf die Membran des ovalen

Fensters ist ein Knöchelchen aufgewachsen, welches Steigbügel genannt und von welchem sogleich näher die Rede sein wird.

Die Fig. 562 stellt das Labyrinth in stark vergrössertem Maassstabe zum Theil geöffnet dar. Es besteht aus drei Haupttheilen, der Schnecke,



dem Vorhof und den halbkreisförmigen Canâlen. Der akustische Nerv verbreitet sich theils in den Vorhof, wo er sich auf die Ampullen, Röhren, welche in den halbkreisförmigen Canâlen liegen und mit einer besonderen Flüssigkeit gefüllt sind, ansetzt, grösstentheils aber, in ganz feine Verzweigungen ausgehend, in die Schnecke. Die cinzehen Windungen der Schnecke sind nämlich durch eine diesen Windungen parallele feine knöcherne Scheidewand in zwei Theile getheilt. Diese Scheidewand ist sehr porös und zellig, und in diese Zellen verbreiten sich die letzen Verzweigungen des akustischen Nerven, wie dies in nuserer Figur an dem aufgebrochener Theile der Schnecke zu sehen ist.

Zu dem Labyrinthe werden nun die Schallschwingungen durch die in der Trommelhöhle befindlichen kleinen Knöchelchen fortgeleitet; diese Knöchelchen sind der Hammer, welcher mit seinem Griffe an der inneren Seite des Trommelfelles angewachsen ist; an den Hammer setzt sich der Amboss an, und mit diesem hängt durch das linsenförmige Knöchelchen des Sylvins der Steigbügel zusammen, dessen Tritt gerade das ovale Fenster verschliesst. Aus der Uebersichtsfigur Fig 563 (a.f.S.), in welcherder Deutlichkeit wegen die inneren Theile des Ohrs unverhältnissmässig gross gezeichnet sind, ist nngefähr die gegenseitige Lage aller dieser Theile zn ersehen. a ist der Gehörgang, welcher die Schallwellen von der Ohrmuschel zum Trommelfell führt. Das Trommelfell trennt die Trommelhöhle von dem Gehörgange. Durch die Eustachische Röhre b steht die Trommelhöhle mit der Mundhöhle in Verbindung, so dass die Luft in der Trommelhöhle stets mit der äusseren sich ins Gleichgewicht stellen kann. d ist der Hammer, welcher einerseits an das Trommelfell angewachsen, mit seinem anderen Ende aber an den Amboss e angesetzt ist. f ist der Steigbügel, welcher, wie man sieht, das ovale Fenster verschliesst, o ist das runde Fenster; n ist der akustische Nerv, welcher sich im Labyrinthe verbreitet.

Fig. 563.



Das runde Fenster sowohl wie das ovale sind, wie bereits bemerkt wurde, durch Membranen verschlossen. Auf der Mitte der Membran des ovalen Fensters ist die Platte des Steigbügels aufgewachsen.

Die einzelnen Theile des Gehörorgans sind nicht so freiliegend, wie es aus Fig. 563 etwa seheinen möchte; hier ist die knöchenen fülle, welche Alles einschliesst, der Deutlichkeit wegen ganz weggelassen. Der Gehörgang selbst geht durch den Knochen des Schlafbeins hindurch, die Trommelhöhle ist ringeam von Knochenwänden ungeben, nad das Labyrinth ist eberfalls so vollständig in einen Knochen, welcher seiner Härte wegen den Namen des Felsenbeins trägt, eingewachsen, dass man es nur mit Mühe blosslegen kann. Um eine richtige Vorstellung davon zu geben, wie die einzehenn Theile des Gehörgangs in die Knochenansse eingewachsen in attairlicher Grösse dargestellt. a ist der Durchschnitt desselben in natürlicher Grösse dargestellt. a ist der Durchschnitt der Schnecke, b einer der halbzirkelförnigen Canāle, n der akustische Nerv, t das Trommeffell; auch der Hammer, Amboss und der Steigbügel sind in Fig. 564 deutlich zu erkennen.

Die Ohrmuschel dient dazu, die Schallwellen aufzunehmen und durch

den Gehörgang zum Trommelfelle hinzuleiten; dadurch nun wird das Trommelfell in Vibrationen versetzt, die durch die Gehörknöchelchen



zum Labyrinthe geleitet werden. Durch einen Muskel kann das Trommelfell mehr oder weniger gespannt und nach innen gezogen, durch einen andern Muskel kann der Steigbügel bewegt, dadurch aber auch natärlich die Intensität der Mittheilung des Schalles modificit werden.

Was die Functionen des runden Fensters betrifft, so war man früher der Ansicht, dass es bestimmt sei, solche Schallschwingungen aufzunehmen und der Schnecke zuzuführen, welche sich von dem Trommolfell auf die Luft in der Trommelhöhle fortzenflanzt.

haben. Eduard Weber

hat aber gezeigt, dass diesc Ansicht irrig sei. Nach ihm ist die Fenestra rotunda eine Gegenöffnung des Labyrinthes, welche dazu dient, die Mittheilungen der Bewegungen des Steigbügels an das Labvrinthwasser möglich zu machen. Wenn die Höhle des Labyrinthes nur eine Oeffnung, das ovale Fenster, hätte, so könnten die Bewegungen des auf der verschliessenden Membran dieser Oeffnung befestigten Steigbügels nur dadurch dem Labyrin thwasser mitgetheilt werden, dass diese fast incompressibele Flüssigkeit comprimirt und dilatirt würde, was die schwachen Bewegungen des Steigbügels nicht zu leisten im Stande sind. Die Stösse des Steigbügels werden vielmehr von dem ovalen Fenster zum runden Fenster durch das Labyrinthwasser hindurch fortgepflanzt und setzen die dasselbe verschliessende Membran in entsprechende Schwingungen. Indem die Membranen des ovalen und des runden Fensters synchronisch hin und her schwingen, wird das zwischen ihnen befindliche Labyrinthwasser mechanisch, d. h. ohne Verdichtungs- und Verdünnungswellen, hin und her bewegt und mit ihnen die Säckchon der Ampullen des häutigen Labyrinths.

Das Wesentlichste am Gehörorgane ist der Gehörnerv; daher kann das Trommelfell verletzt und die Reihe der Gehörknöchelchen unterbrochen sein, ohne dass deshalb das Gehör ganz aufhört; is bei manchen Thieren, wie bei den Krebsen, besteht das Gehörorgan nur aus einem mit Flüssigkeit gefüllten Bläschen, auf welchem sich der Hörnerv ausbreitet.

Bei den Fischen fehlt die Schuecke; die nackten Amphibien haben nur ein, nämlich nur das ovale Fenster, welches durch den Steigbügel verschlossen wird.

Dass das Trommelfell in der That ganz dieselbe Rolle spielt, wie die elastische Membran des Phonautographen Fig. 645, d. h. dass sie ganz nach den in §. 197 besprochenen Principien durch die in den Gehörgang eintretenden Schallwellen in Vibrationen gesetzt wird, geht auch daraus hervor, dass Politzer ganz ähnliche Zeichnungen, wie die in Fig. 546 dargestellten und in §. 197 betrachteten, einfach dadurch hervorbrachte, dass er den Scott'schen Phonautographen ohne weiteres durch das Gehörorgan ersetzte. Das schreibende Stielchen war entweder auf dem Hammer, oder auf dem Amboss, oder endlich an der unteren Fläche des Steigbügels befestigt; die Töne wurden durch Orgelpfeifen erzeugt und im Ohre durch einen Hel unh oltz'schen Resonator verstärke.

Es versteht sich von selbst, dass hier der Ort nicht ist, um auf eine detaillirtere Besprechung der Anatomie und der Physiologie des Gehörorgans einzugehen. Drittes Buch.

# ортік,

ODER

## DIE LEHRE VOM LICHTE.

#### Erstes Capitel.

Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

Einleitung. Die allergewöhnlichsten Wahrnehmungen lehren uns, 205 dass ein leuchtender Punkt sein Licht nach allen Seiten hin aussendet; eine brennende Kerze z. B. würde von allen Punkten einer Kngeleberfliche aus sichtbar sein, in deren Mittelpunkt sie sich befindet; ebenso verhält es sich mit einem phosphorescirenden Körper, einem elektrischen Funken u. s. w. Was sich im Kleinen bei unseren gewöhnlichen Erfahrungen zeit, findet aus bei in der ungeheuren Ausschung der Himmelenäume statt. Die Sonne verbreitet ihren Glauz nach allen Richtungen des Raumes; ihr Licht trifft gleichzeitig die Erfe, die übrigen Planeten, die Kometen und alle Körper des Firmanentes, welche Stelle sie auch auf der unendlichen Himmelekugel einnehmen möger.

Alle lenchtenden Körper bestehen wesentlich aus wäg barer Materie; der leere Raum kann wohl das Lieht fortpflansen, aber niebt erzeugen. Alle leuchtenden Körper lassen sich in immer kleinere und kleinere Theilchen zerlegen, und die letzten noch physikalisch wahrnehmbaren Theilchen heissen lenchtende Punkte. So wie also jeder Körper eine Vereinigung von Molekulen ist, so ist ein leuchtender Körper eine Vereinigung leuchtender Punkte.

Alle Körper, welche nicht selbst leuchtend sind, theilt man in undurchsichtige Körper, wie Holz, Steine und Metalle; durchsichtige, wie Luft, Wasser und Glas, und dnrchscheinende, wie dünnes Papier und mattgeschliffenes Glas.

Die und urchaiebtigen Körper lassen das Licht nicht durch ihre Masse hindurchdringen; die Undurchiehtigkeit hängt aber immer von der Dicke der Körper ab, dem alle Körper, wenn man sie nur dünn genug machen kaun, lassen immer etwas Licht durch. So nimmt man z. B. durch ein dünnes Goldblättehen, welches auf eine Glasplatte aufgeleble ist, ein 498 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

blüulich-grünes Licht wahr, wenn man nach einer Kerzenflamme oder dem hellen Himmel sieht.

Durchsichtige Körper gestatten dem Lichte den Durchgang, und durch sie kann man deutlich die Gestalt der Gegenstände erkennen. Die Gase, die Flüssigkeiten, die meisten krystallisirten Körper scheinen vonlkommen durchsichtig zu sein, wenn man sie in kleinen Massen nimmt, denn sie erscheinen in diesem Falle ungefarbt und lassen nicht allein die Form der Körper, sondern auch ihre Farben deutlich wahrnehmen; die durchsichtigsten Körper jedoch erscheinen gefärbt, wenn sie eine hinlängliche Dicke haben, ein Beweis, dass sie einen Theil des Lichtes absorbiren. Ein Tropfen Wasser z. B. erscheint vollkommen farblos, während das Wasser in Masse eine entschieden blaültich-grüne Farbe hat.

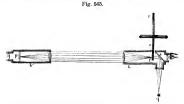
Die durchscheinenden Körperlassen allerdings einiges Licht durch, ohne dass man aber durch sie die Gestalt oder die Farbe der Gegenstände zu erkennen im Stande ist.

206 Geschwindigkeit des Lichtes. Vergeblich hatten die Mitglieder der Florentinischen Akademie durch Versuche auf der Erde die Geschwindigkeit des Lichtes zu ermittelu versucht. Erst Olaf Römer, ein Däne, war so glücklich, durch seine fleisisgen Beobachtungen der Jupiterstrabauten, die er in den Jahren 1075 und 1676 mit Cassini dem Aelteren auf der Sternwarte zu Paris annetlite, dieselbe zu bestimmen. Näheres darüber findet man im meiner kosmischen Physik.

Vor einigen Jahren ist es Fizeau gelungen, auch ohne astronomische Beobschtungen die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes zu messen. Folgendes ist das Princip seiner äuserst sinnreichen Methode.

Wenn eine Scheibe, deren Umfang nach Art der gezahnten Räder in eine Anzald gieicher abwechend voller und leerer Abheidungen getheitigt, rasch um ihre Are umgedreit wird, so ist die Zeit, welche verstreicht, während ein solcher Zahn oder ein solcher Zwischenraum vor einem bestimmten Pankte vorübergelt, ausserordentlich gering. Man kann es leicht dahin bringen, dass die Zeit des Vorüberganges eines Zahnes oder einer Lücke nur etwa 'lieese Seeunde beträgt, und in so kurzer Zeit legt auch das Licht einen nicht gar grossen Weg von ungefähr 4 Meilen zurück. Dringt nun durch einen Zwischenraum am Umfange des rotirenden Rades ein Lichtstrahl hindurch, der von einem entfernten Spiegel in derselben Richtung refiectrit wird, in welcher er kan, so wird er bei seiner Rückkehr zum Rade, an der Stelle, wo er die Lücke passirte, je nach der Rotationsgeschwindigkeit des Rades entweder einen Zahn oder eine andere Lücke finden, er wird also je nach den Umständen entweder durch einen Zahn angehalten werden oder durch eine Lücke hindurchgehen.

Darauf gründet nun Fizeau sein Verfabren. Fig. 565 stellt seinen Apparat, von welchem man im vierten Bande von Arago's populärer Astronomie (deutsch bearbeitet von Hankel) eine prospectivische Ansicht findet, sehematisch dar. L und L' sind zwei Fernröhre, welche in einer Entfernung von 8633 Meter von einander so aufgestellt waren, dass man durch jeden das Objectiv des anderen deutlich sehen konnte. In dem Fernrohre L ist unter einem Winkel von 45° gegen die Aze desselben ein durchsichtiger Spiegels zwischen dem Ocular und dem Breunpunkte des Objectivs angebracht, welcher das seitlich einfallende Licht einer sehr hell leuchtenden Lampe g gegen das Objectiv hin reflectirt. In dem seitlichen Rohre ist eine Linse oder ein Linsensystem angebracht, durch welche ein Bild der Lichtquelle



q im Brennpunkte des Objectivs entworfen wird, so also, dass die von q ausgehenden und durch den Spiegel s reflectivten Strahlen aus dem Objectiv des Fernrohres L als ein Bündel paralleler Strahlen austreten, und folglich im Brennpunkte des Objectivs von L wieder vereinigt werden. Hier aber beindet sich ein Planspiegel p, welchen normal auf der Aze des Fernrohrs L' steht, die Strahlen geben also auf demselben Wege wieder zum ersten Fernrohre zurück, um im Brennpunkt f seines Objectiva abermals vereinigt zu werden, wo das Bild der Lichtquelle q nun durch den Spiegel se hindurch mittelst des Oculants des Fernrohres L betrachte werden kann.

Auf der anderen Seite des Fernrohres L ist nun eine zweite Oeffnung angebracht, durch welche der Rand des gezahnten Rades rr in dasselbe hineinragt. Die Ebene des Rades rr geht gerade durch den Brennpunkt des Objectivs.

Der Versuch gelang vollkommen. Je nachdem die Rotationageschwindigkeit gröser oder keiner war, sah man bald einen hellglänzenden Lichtpunkt oder das Gesichtsfeld blieb vollkommen dunkel. Die erste Verdunkelung trat bei 12,6 Undrehungen in der Secunde ein. Bei der doppelten Umdrehungsgeschwindigkeit glänzte der Lichtpunkt von Nenem, bei
der dereifachen wurde er wieder nnsichtbar.

Die Scheibe hatte 720 Zähne und war mit einem durch Gewichte in Bewegung gesetzten Räderwerk in Verbindung gebracht. Ein Zählerwerk erlaubte die Umdrehungsgeschwindigkeit des Rades  $r\,r$  genau zu messen.

500 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

Die Breite jedes Zahnes oder jeder Lücke beträgt  $^{1/}_{1440}$  vom Umfangedes Rades, bei 12,6 Umdrehungen in der Secunde dauert es also  $\frac{1}{1440}$ , 12,6  $= ^{1/}_{15144}$  Secunde, bis eine Zahnlücke den Brennpunkt f passirt, das Licht aber, welches durch diese Zahnlücke hindurchgeht, kommt gerade vom anderen Fernrohre zurück, während ein Zahn im Punkte f ist, folglich hat das Licht in  $^{1/}_{15144}$  Secunden dem Weg von 2. 8633 = 17266 Metern zurückgelegt, die Geselwindigkeit des Lichteis sit also 17266  $\times$  S1844 = 313274304 Meter oder  $\frac{313274304}{7,150} =$  42220 geographischen Meilen

= 313274304 Meter oder \(\frac{-\text{7420}}{7420}\) = 42220 geographischen Meilen in der Secunde.

Das Mittel von 28 solchen Beobachtungen ergab f\(\text{u}\) die Geschwin-

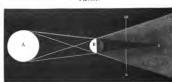
digkeit des Lichtes 42505 Meilen in der Secunde, ein Resultat, welches mit den Ergebnlssen der astronomischen Beobachtungen sehr gut harmonirt. 207 Sohatten und Halbschatten. Wenn ein undurchsichtiger Körper nur von einem einzigen leuchtenden Punkte aus erleuchtet wird, so

per nur von einem einzigen leuchtenden Punkte aus erleuchtet wird, so ist der Schatten leicht zu bestimmen. Die Gesammtheit aller Linien, welche, von dem leuchtenden Punkte ausgehend, den dunklen Körper berühren, bildet eine konische Oberfläche, und derjenige Theil derselben, welcher jenseits des dunklen Körpers liegt, bildet die Gränze des Schattens, Fig 566. Wenn der leuch-

s

tende Körper eine namhafte Ausdehnung hat, so ist ausser dem Schat-

ten auch noch der Halbschatten zu unterscheiden. Der Schatten, der in diesem Falle auch der Kernschatten genannt wird, ist der Raum, welcher gar kein Licht empfängt, der Halbschatten hingegen ist die Gesammtheit aller der. Orte, welche von einigen Punkten des leuchtenden Körrers Licht umpfängen. von anderen aber nicht. Es sei z. B. A. Fiz. 567.



eine grosse leuchtende Kugel, B, eine kleinere undurchsichtige. Wie weit sich der Kernschatten, wie weit sich der Halbschatten erstreckt, ist aus dier Figur deutlich zu erschen. Durch einen Schirm in mn aufgefangen, würde der Schatten das Ansehen Fig 568 haben. Der Durchmesser des Kernschattens ninmt mit der Entfernung vom leuchtenden Körper ab, der Durchmesser des Halbschattens aber ninmt zu. Ganz nahe beim der Durchmesser des Halbschattens aber ninmt zu. Ganz nahe beim



schattengebenden Körper ist deshalb der Kernschatten nur von einem schmalen Halbechatten umgeben; nahe hinter dem Körper, welcher den Schatten wirft, ist er deshalb ziemlich scharf begräuzt; in grösserer Entfernung ist die Breite des Halbechattens bedeutender, der Üebergang vom Kernschatten zum vollen Lichte der Bebergang vom Kernschatten zum vollen Lichte deshalb allmälger, der Schatten erseheim inleit mehr

scharf, sondern verwaschen. Jenseits des Punktes S hört der Kernschatten ganz auf, und der an der Breite immer zunehmende Halbschatten wird deshalb auch immer unbestimmter und schwächer.

Anf diese Weise erklärt sich, dass der Schatten eines dem Sonnenlichte ausgesetzten Körpers, dicht hinter demselben aufgefangen, scharf begränzt, in grösserer Entfernang hingegen ganz unbestimmt ist. So kann man z. B. nicht mehr mit Bestimmtheit den Punkt angeben, wo der Schatten einer Tharmspitze auf den Boden anfhört. Ein Haar, welches im Sonnenlichte dicht über ein Blatt Papier gehalten wird, wirft einen scharfen Schatten, hält man es aber nur zwei Zoll hoch über dem Papier, so ist woll kann noch ein Schatten wahrzunehmen.

Wenn man das von einem leunbtenden Punkte ausgehende Licht durch einen Schirm auffängt, in welchem eine gans kleine Oeffung gemacht ist, so wird das durch die Oeffung durchgehende Licht einen sebarf begränzten Lichtstrahl bilden; läset unan diesen Strahl auf einen sweiten Schirm fallen, von welchem sonst alles Licht abgehalten ist, so erhält man einen ganz dunklen Timmer auf einer Wand, welche der feinen Oeffung in Laden gegenübersteht, ein Bild von jedem ausserhalb befindlichen leuchtenden Punkte, welcher Lichtstrahlen durch diese Oeffung in Zimmer sendet, und so entstehen auf der Wand verkehrte Bilder aller ausserhalb befindlichen Gegenstände, wie dies Fig. 569 a. f. S. erläuten.

Diese Erscheinung anf die eben erwähnte Art zu beobachten, hat man nicht immer die passenden Localitäten; mit einem sehr einfachen Apparate lasst sie sich fiberall zeigen. In einer Röbre A, Fig. 570 a. f. S., lässt sich eine zweite, B, aus- und einschieben, wie sich eine Fernrohrröhre in die andere schieben lässt. Die Röhre A ist auf der einen (in unserer Figur der rechten) Seite durch einen dünnen Deckel verschlossen, in dessen Mitte sich ein kleines, ungefähr '/, Linie weites Loch befündet. Die andere Röhre, B, ist an dem der kleinen Oeffnung zugekehrten Ende mit einem mattgeschiliftenen Glase oder auch mit einem halbdurchsichtigen Paulere (Durchzeichenanier) verschossen. Sieht kan nun von w

ans in die Röhre B, so erblickt man auf dem durchscheinenden Schirm die verkehrten Bilder der Gegenstände, gegen welche der Apparat gerichtet ist.

Fig. 569.

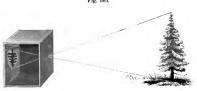


Fig. 570.



Wenn man das Licht der Sonne durch eine kleine Oeffnung fallen lässt, so erhält man jederzeit ein rundes Sonnenbild, welches auch die Gestalt der Oeffnung selbst sein mag. Diese anfangs auffallend er-

scheinende Thatsache erklärt sich ganz einfach. Wenn die Sonne ein einziger leuchtender Punkt wäre, so würde auf der Wand, welche der Oeffnung gegenüberliegt, ein heller Fleck sich bilden, welcher genau die Gestalt der Oeffnung hat. Nehmen wir an, die Oeffnung o, Fig. 571, sei



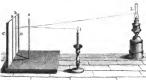


viercekig, so wird das vom hicheter Punkte der Sonnenseheihe ausgehende Licht in der Richtung son an den Schirm Allen, und bei n. wird ein kleiner viercekiger heller Pleck entstehen. Der tiefste Punkt der Sonne veranlasst ein viercekiges Bild bei n"; der mittlere Punkt der Sonnenscheibe aber den eckigen Plecken n". Das Bildehen I rührt von dem äussersten Punkte am rechten, r aber von dem änssersten Punkte am linken Sonnenrande her. Alle übrigen Punkte des Sonnenrandes geben viercekige Bilder, die auf den Umfang des Kreisse In" rn fallen, während die übrigen Punkte der Sonne das Innere dieses Kreises erleuchter, ide Gesammtheit aller der einzelnen viereckigen hellen Bildelnen zusammengenommen bildet mithin einen kerisformigen hellen Fleck.

Die Intensität des Lichtes nimmt im umgekehrten Ver- 208 hältniss des Quadrats der Entfernung ab. Denken wir uns einen lenchtenden Punkt in der Mitte einer Hohlkugel, so wird die Oberfläche derselben alles von dem Punkte ausgehende Licht auffangen. Befände sich derselbe leuchtende Punkt in der Mitte einer Hohlkugel von einem 2mal, 3mal, 4mal so grossen Halbmesser, so würden auch die Oberflächen dieser grösseren Kngeln alles von dem leuchtenden Punkte ausgehende Licht auffangen. Nun aber lehrt uns die Geometrie, dass die Oberflächen der Kngeln sich verhalten wie die Quadrate ihrer Halbmesser; wenn sich also die Halbmesser der Kugeln verhalten wie 1:2:3, so verhalten sich ihre Oberflächen wie 1:4:9. Wenn sich also derselbe leuchtende Punkt in der Mitte einer Kugel von 2mal, 3mal so grossem Halbmesser befindet, so muss sich dieselbe Lichtmenge über eine 4mal, 9mal so grosse Oberfläche verbreiten; die Intensität der Erleuchtung muss also 4mal, 9mal schwächer sein, wenn sich die erleuchteten Flächen in einer 2mal, 3mal so grossen Entfernung vom leuchtenden Punkte befinden, oder allgemein: die Intensität der Erleuchtung nimmt in dem Verhältnisse ab. in welchem das Quadrat der Entfernung wächst.

Dieser Satz lässt sich nicht mehr mit aller Strenge auf einen leuchtenden Körper von namhafter Oberfläche anwenden, dessen Licht man in geringen Entfernungen auffängt.

Auf den Satz, dass die Stärke der Erleuchtung sieh umgekehrt verhält, wie das Quadrat der Entfernung von der Liehtquelle, gründen sich die verschiedenen unter dem Namen Photometer bekannten Vorrichtungen, die man anwendet, um die Lichtstärke verschiedener Liehtquellen zu vergleichen. Das Wesentliche des Rumford'sehen Photometers kann man aus Fig. 572 ersehen. CD stellt eine weisse Wand dar; nahe vor der-Fig. 572.



selben ist ein undurchsichtiges Stäbchen s, etwas dicker als ein Bleistift aufgestellt; wenn sich nun eine Kerzenflamme in l, eine andere Plamme in L befindet, so werden auf der Wand zwei Schatten des Stäbchens entstehen, der eine in a, der andere in b. Derjenige Theil der Wand, auf welchen sich kein Schatten befindet, it von beiden Flammen beschienen, der Schatten be bersich nur durch die Flamme L, a nur durch l beleuchtet. Wenn nun beide Licht-quellen vollkommen gleich anla, os werden die beiden Schatten gleich dunket erscheinen, wenn sich die beiden Flammen in gleicher Entfernung befinden. Wenn aber die Lichtquelle L starker leuchtet, so wird bei gleicher Entfernung der Schatten dunklet erscheinen als b, and um die beiden Schatten wieder gleich zu machen, müsste man L weiter vom Schirme entfernen.

Will man die Intensitäten i und J der beiden Lichtquellen I und L mit einander vergleichen, so hat man hei unveränderter Stellung der einen die andere so weit zu verrücken, dass die beiden Schatten a und b volkommen gleich stark erscheinen. Bezeichnet man nun für diesen Fall die Entfernungen der Lichtquellen I und L vom Schirm mit d und D, so ist

$$i: J = d^2: D^2$$
,  
 $J = i \frac{D^2}{d^2}$ .

also

Es sei z. B. l eine Wachskerze, welche 3 Fuss weit vom Schirm entfernt ist, L eine  $\Lambda$ rg and sche Lampe, welche man bis auf 7 Fuss vom Schirm entfernen muss, wenn die beiden Schatten gleich sein sollen, so ergiebt sich

$$J = i \cdot \frac{49}{9} = i \cdot 5,44,$$

die Leuchtkraft der Argand'schen Lampe wäre für diesen Fall 5,44, also beinahe  $5^{1}/2$ mal so gross als die der Wachskerze.

Das Bunsen'sche Photometer besteht im Wesentlichen aus einem Papierschirm, in dessen Mitte sich ein mit Wachs oder Stearin gemachter Fettlieck hehindet. Dieser Fleck erscheint hell auf dunklem Grunde, wenn der Schirm von der Rückseite her stärker erleuchtet ist, als von der Vorderseite.

Das Licht, welches den Papierschirm trifft, wird wie Bohn gezeigt hat, in drei Theile zerlegt; ein Theil wird zurückgeworfen, ein Theil wird durchgelassen und ein dritter Theilendlich wird absorbirt. Es zei für den nicht gefetteten Theil des Schirmes a die zurückgeworfene, b die durchgelassene und e die absorbirte Lichtmenge, so haben wir, wenn 1 die Intensität des auffällenden Lichtse bezeichen.

$$a+b+c=1.$$

Ebenso sei für den Fettfleck  $\alpha$  die zurückgeworfene,  $\beta$  die durchgelassene und  $\gamma$  die absorbirte Lichtmenge, so haben wir abermals, wenn die Intensität des auffallenden Lichtes gleich 1 ist,

$$\alpha + \beta + \gamma = 1.$$

Nehmen wir nun an, dass von der rechten Seite her Licht von der Intensität i, von der linken Seite aber Licht von der Intensität i' auf den Schirm fällt, so ist die Helligkeit, mit welcher der nicht befettete Theil des Schirms einem von der rechten Seite her schauenden Beobachter erscheint,

$$J = ia + i'b$$

die Helligkeit, mit welcher der Fettfleck demselben Beobachter erscheint, ist aber

$$J' = i \alpha + i' \beta$$
.

Fände nun gar keine Absorption statt (c = o and  $\gamma = o$ ) oder wäre die Lichtabsorption an der befetteten Stelle des Schirmes eben so gress wie auf den niebt befetteten Partieen, wäre also  $c = \gamma$ , so wäre auch  $a + b = \alpha + \beta$ , folglich wärde J = J' sein, wenn i = i', d. h. der Fettfleck mässte gleich hell erscheinen wie der Grund, er mässte also unbemerkbar sein, wenn der Schirm gleich stark von beiden Sciten erleuchtet ist.

Dies ist aber in der That nicht der Fall. Wenn gleich weit vor und hinter dem Schirm zwei gleiche, gleich hell bremnende Kerzen aufgestellt werden, so verschwindet der Fettfleck nicht, er erscheint hell auf dunklem Grunde.

Es rührt dies daher, dass das nicht gefettete Papier mehr Licht absorbirt als die gefettete Stelle, dass also  $c > \gamma$ ; daraus folgt dann

$$a+b < \alpha + \beta$$

für den Fall, dass der Schirm von beiden Seiten gleich stark erleuchtet ist, dass also i=i', haben wir aber

$$J = i (a + b)$$

$$J' = i (\alpha + \beta),$$

$$J' > J.$$

also

da  $\alpha+\beta>\alpha+b$ . Wenn auf beiden Seiten des Schirms gleich helle Kerzenflammen aufgestellt sind, so muss die auf der Rückseite etwas weiter vom Schirm entfernt, oder die auf der Vorderseite etwas gemähert werden, wenn für den auf der Vorderseite stehenden Beobachter der Flock versehwinden soll. Daraus geht auch hervor, dass der Fleck nicht gleichzeitig auf beiden Seiten des Schirmes verschwinden kann.

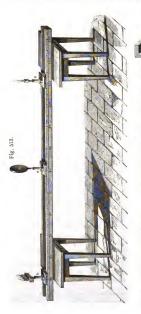
Fig 573 (a. f. S.) erläutert eine Vorrichtung, deren man sich zu photometrischen Verwichen nach dem eben besprochenen Princip bedienen kann.

— In einer 12 bis 15 Fuss langen auf der Seite in Fuss und Zoll getheilten Rinne, die wir die optische Bank nennen wollen, sind derei Schieber angebracht, die man an jede beliebige Stelle der Bank hinschieben kann. Der mittlere Schieber 5 trägt einen Rahmen, über welchen der in der Mitte mit einem Fettlieck versehene Papierschirus aufgespannt ist; die beiden auderen Schieber dienen als Träger der Lichtquellen, mit denen man Versuche anstellen will.

Der eben erwähnten optischen Bank wird später noch oft Erwähnung geschehen. Um ihre Einrichtung deutlicher zu machen ist in Fig 574 (a. f. S.) ein Stück der Rinne sammt einen Schieber im doppelten Maassstab der Fig. 573 dargestellt.

Ein mit diesem Apparat angestellter Versuch gab folgende Resultate: Während der Schirm die Stellung behielt, welche Fig. 573 zeigt, wurde der Schieber a, welcher eine Kerzenflamme trug, dem Schirm bis auf 2 Fuss 506 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes. genähert (die Mitte des Schiebers a also bei dem Theilstrich 96 festgestellt). Auf dem Schieber b wurde dann eine ganz gleiche Kerze aufge-





stellt und dieselbe dem Schirm gleichfalls bis auf 2 Fuss genähert (der Schieber b, gleichfalls nur eine Kerze tragend, wurde also beim Theilstrich 48 festgestellt).

Unter diesen Umständen erschien von der rechten Seit gesehn der Fett-fleck hell auf dunklem Grunde. Während der Schieber be unverändert stehen blieb, musste man den Schieber ab is auf 20 Zoll dem Schirm mächern, um den Fleck ver-

schwinden zu machen. Der Fettfleck blieb aber ferner von der rechten Seite aus gesehen unbemerkbar, als bei unveränderter Stellung des Schiebers a (20 Zoll vom Schirm) auf der linken Scite desselben statt der in 24 Zoll Entfernung aufgestellten einen Kerzenflamme in 48 Zoll Entfernung vom Schirm vier solcher Kerzenflammen in der Art anfgestellt wurden, wie es die Fig. 573 andeutet.

Vier Kerzenflammen bringen also aus einer Entfernung von 48 Zoll eine ebenso starke Erleuchtung hervor, wie eine einzige solche Flamme in 24 Zoll Entfernung, wodurch nun auch das im Eingang dieses Paragraphen ausgesprochene Princip eine experimentelle Bestätigung enthält.

Es sei L die Entfernung einer Normalkerze auf der Vorderseite des Schirms, bei welcher der Fleck für einen anf derselben Seite des Schirms stehenden Beobachter verschwindet, wenn auf der Rückseite eine Normalkerze in dem Abstand l vom Schirm sich befindet. Wenn man nun statt der Normalkerze auf der Vorderseite des Schirms irgend eine andere Lichtquelle anfstellt, so wird man diese in eine Entfernung n L bringen müssen, wenn der Fleck für den Beobachter auf der Vorderseite des Schirms abermals verschwinden soll. Die Lichtstärke dieser zweiten Lichtquelle ist aber absdam V  $\bar{n}_1$ , wenn man die der Normalkerze zur Einheit nimmt.

Als Normalkerze gebraucht man gewöhnlich Sechser-Wachskerzen, d. h. solche, von denen 6 auf 1 Pfund gehen.

Um photometrische Vergleichungen raselu und ohne Rechnung ausführen zu können, fährt man die Theilung der Scala in der Weise aus, dass man die unveränderliche Stelle des Schirns zum Nullpunkt nehmend, auf der Vorderseite des Schirns diejenigen Punkte narkirt, welche den Abständen  $L, LV^2, LV^3, LV^4$  u. s. w. entsprechen, und diese Punkte gleich mit 1, 2, 3, 4 u. s. w. bezeichnet. Man kann dann an einer so eingerichteten Scala die Lichtstärke der zu prüfenden Lichtqueilen unmittellbar ableson.

Für den oben angeführten Fall, bei welchem l=20'', L=24 Zoll, würden sich also die mit 1, 2, 3 u. s. w. zu bezeichnenden Punkte in folgenden Abständen von dem Schirme befinden.

5 . . 53,66



1		24,00	Zoll	6		58,75	Zoll
2		33,93	77	7		63,50	79
3		41,47	77	8		67,87	77
1		48,00		9		72,00	19

Fig. 575 stellt das Bunsen sehe Photometer in seiner urprünglichen Gestalt dar. Als die Lichtquelle, mit welcher er alle anderen vergleicht, dient linn eine Lampe, deren Flamme sich in einem inwendig geschwärzten Blechsaten behöndet, der mit dem Auszugsrohre d versehen ist. Die äussere Oeffnung dieses Rohres ist durch ein Papierähaphragma verschlossen, welches in der Mitte einen kleinen Fleck von Stearin hat.

Um mit Hülfe dieser Vorrichtung die Intensität J einer Lichtquelle, etwa einer Gasflamme zu bestimmen, ermittelt man zuerst den Abstaud l,

508 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes.

in welchem man die Flamme der Normalkerze, und dann den Abstand L, in welchem man die Gasflamme vom Diaphragma bringen muss, damit der Fleck verschwindet. Die Lichtstärke J der Gasflamme ist alsdann

$$J = i \frac{L^2}{l^2}$$
,

wenn i die Lichtstärke der Normalkerze bezeichnet.

Das Bunsen'sche Photometer wird gegenwärtig von Desaga in Heidelberg in der Fig. 575a dargestellten Form ausgeführt. An dem



einen Ende einer horizontalen getheilten Schiene ist die Normalkerze c, an dem anderen Ende derselben ist die Flamme d angebracht, deren Leuchtkraft mit der der Normalkerze verglichen werden soll.

Auf der getheilten Schiene ist ein cylindrisches Gehäuse verschiebbar, dessen kreisförmige Räckwand vollkommen undurchsichtig ist, während in der vorderen Wand das Disphragma mit dem Fettlieck angebracht ist. In der Mitte des Gehäuses befindet sich ein kleiner Gasbrenner, welchem das Leuchtgas durch einen Kautschukeshauen bugeführt wir

Nach der linken Seite hin kann dieses Gehäuse nur bis zu einer bestimmten Gränze geschoben werden, indem der Schieber, welcher das Gehäuse trägt, hier an einer an der Schiene augebrachten Hervorragung anstösst. Dreht man das Gehäuse, wenn es sich an dieser Stelle befindet, aus der in der Figur dargestellten Lage um 1809 herum, so dass das gefettete Displuragma der Normalkerze zugekehrt ist, so beträgt der Abstand der Kerze von dem Papiersehirm 20 Centimeter. Bei dieser Gränzstellung der Schiene nun wird der Zufluss des Gases zum Brenner im Inneren des Gehäuses so regulirt, dass der Fettfleck auf dem Diaphragma aufhört sichtbar zu sein.

Ist dies erreicht, so wird das Gehäuse wieder um 180° gedreht, so das das Diaphragma nun der Flamme d zugekehrt ist und dann der Gehieber mit dem Gehäuse so weit nach rechts geschoben, dass der Fettfleck auf dem Diaphragma abermals versehwindet. — Die Scala ist der Art eingerichtet, dass man unnittelbar die (auf die Normalkerze hezogenen) Lichtstärken ahlesen kann. Mit 1, 2, 3, 4 u. s. w. sind also diejenigen Punkte der Schiene hezeichnet, auf welchen der Index des Schiebers einsteht, weun das Diaphragma 20,  $20\sqrt{2}$ ,  $20\sqrt{3}$ ,  $20\sqrt{4}$  u. s. w. Centimeter von der Flamme d entfernt ist.

Eine ziemlich viel verhreitete Modification des Bunsen'sehen Photometers eit das sogenaumte Spiegelphotometer, Fig. 576. Aufeiner Metallsäule sind rechtwinklig zu einander zwei verticalstehende ebene Spiegel A und B befestigt; zwischen heiden aber ist das Papierblatz C mit einem Fettfleck so angehracht, dass es mit der Ehene eines jeden der beiden Spiegel einen Winkel von 45° macht. Die Metallsäule S trägt aber auch einen horizontalen Arm D, welcher sich in der Vertraiebene des Spiegels A befindet und welcher in unveränderlichem Ahstand von C die Normalkerze trägt. Die Lichtquelle, welche mit der Plamme der Normalkerze verglichen werden soll, ist in gleicher Höhe mit derselben in der Ehene des Spiegels B angehracht. Das Auge des Beobachters heindet sich in der Ehene des Papierschirms C und muss durch ein vorgehaltenes Rohr vor den directen Stralben der beiden Lichtwellen gesechtätz sein.



Man kann nun die zu vergleichende Lichtquelle, die wir mit Q bezeichnen wollen, in einer Entfernung vom Spiegel A bringen, dass der Fleck im Bild des Spiegels A oder dass er im Bild des Spiegels B verschwindet. Nach den ohigen Auseinandersetzungen ist leicht zu begreifen, dass er nicht gleichzeitig in heiden Spiegelbildern verschwinden kann.

Der Abstand der Lichtquelle Q vom Spiegel A wird durch

ein auf der Rolle F aufgewickeltes Bandmaass gemessen.

Die Theilung des Bandmaasses kann man nun, den Alutand der Normalkerze vom Spiegel B zur Einheit nehmend, in der oben besprocheuen Weise ausführen und zwar entweder in Beziehung auf das Verschwinden des Plecks im Spiegel A oder in Beziehung auf das Verschwinden desselben im Spiegel B. 510 Allgemeine Bemerkungen über die Fortpflanzung des Lichtes-

Nach Bohn's Vorschlag kann man aber auch diese beiden Theilungen, etwa mit verschiedenen Farben auf das Band auftragen, wodurch man in Stand gesetzt ist, das durch Verschwinden des Fleckes im Spiegel A erhaltene Resultat durch einen zweiten Versuch zu controliren, bei welchem man den Fleck in B zum Verschwinden bringt.

Wenn die beiden Lichtquellen verschieden gefärbt sind, wenn z. B. die eine Flamme ein mehr röthliches, die andere ein mehr bläuliches Licht hat, so ist dies ein Umstand, welcher bei allen Photometern die Sicherheit der Beobachtung mehr oder weniger beeinträchtigt.

### Zweites Capitel.

Von der Katoptrik oder der Reflexion des Lichtes.

Reflexion des Lichtes auf ebenen Flächen. Wenn man 209 in deu unkles Zimmer einen Sonnenstrahl eintreten und auf eine politige Metallitäche fallen lässt, so bechabett man in Allgemeinen folgende zwei Erscheinungen: 1. man beobachtet mei nier bestimmten Richtung einen Strahl, weicher von dem Spiegel herzukommen scheint und auf den Gegenständen, die er trifft, gerade so ein kleines Sonnenbildehen erzengt, wie wenn der direct einfallende Sonnenstrahl diese Stelle getroffen hätte; solche Strahlen sind regelmässig reflectirt, ihre Lichtstärke ist um so bedeutender, je besser der Spiegel politi sit; 2. von den verschiedemen Orten des dunklen Zimmers aus kann man denjenigen Theil des Spiegels unterscheiden, welcher von dem einfallenden Sonnenstrahl getroffen worden ist; es rührt dies daher, dass von der getroffenen Stelle des Spiegels ein Theil des sinfallenden Lichtes nregelmässig grelletirt, d. h. nach allen Seiten hin zerstreut, diffundirt wird. Die Intensität des zerstreuten Lichtes int unvollkommener der Soiegel politi sit.

Wenn es absolut glatte spiegelnde Oberflächen gäbe, so würden wir ise durch unsere Angen gar nicht wahrnehmen können, denn die Körper sind in der Feren nur durch die an ihrer Oberfläche zerstreuten Strahlen wahrnehmbar. Die regelmässig reflectirten Strahlen zeigen uns das Bild des leuchtenden Körpers, von dem sie kommen, aber nicht den reflectirenden Körper. Bei einem sehr guten Spiegel bemerken wir kaum die spiegelnde Ebene, welche sich zwischen uns und den Bildern befindet, die er uns zeigt.

Wir wöllen nun die Richtung der regelmässig reflectirten Strahlen näher bestimmen. In Fig. 577 (a. f. S.) sei fn die Richtung des einfallenden Strahles und np ein in n auf der Ebene des Spiegels errichtetes Perpendikel, das von der Katoptrik oder der Kenexion des Lichte

Einfallsloth, so wird der Strahl in einer solchen Richtung nd zurückgeworfen, dass der Reflexionswinkel dnp dem Einfallswinkel fnp gleich ist; der Strahl macht also vor

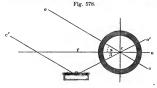


und nach der Spiegelung einer gleichen Winkel mit dem Einfallslothe; ferner aber liegt der einfallende Strahl, das Einfallsloth, und der reflectirte Strabl in einer und derselben Ebene.

Diese beiden Sätze werden durch einen Versuch bewiesen, welchen die Astronomen oft mit der grössten Genauigkeit zu wiederholen Gelegenheit haben.

Um die Axe c eines Höhenkreises, Fig. 578, bewegt sich ein Fernrohr,

mit welchem man die Gestirne beobachtet (man kann jedes Theodolith, welches mit einem Höhenkreise versehen ist, zu diesem Versuche anwenden). Erst visirt man nach irgend einem Stern und dann nach dem Bilde



desselben Sterns, welches von einem sogenannten kinstlichen Horizont reflectirt wird. Ein künstlicher Horizont besteht aus einer flachen silbernen,
mit Quecksilber gefüllten Schale, dessen Oberfläche einem vollkommenen
horizontalen Spierel bildet; da aber die Oberfläche des Quecksilbers seiner
grossen Beweglichkeit wegen durch die geringste Erschützerung erzittert,
so ist es schwer, mit einem solchen Quecksilberhorizont zu beobachten,
wenn man ihn nicht an einem sehr ruhigen und festen Orto aufstellen kann;
man bedient sich deshalb auch oft statt des Quecksilbers einer Mischung
von Leinöl und Kienruss, welche noch flüssig geung ist, um leicht eine
horizontale Ebene zu bilden, aber doch zu zäh, um durch jede kleine Erschütterung in Vibrationen versetzt zu werden. Misst man und em Winkel z, welchen die nach dem Stern gereichtet Visirinie oe mit der Horizontalen of bildet, so findet unn, dass er dem Winkel z jelein ist, wel-

chen die nach dem Bilde des Sterns gerichtete Visirlinie o'n mit derselben macht. Nun aber ist der einfallende Strahl o'' mit o'' parallel, weil beide von dem unendlich weit entfernten Sterne herkommen, folghen ist der Winkel g gleich Winkel g und x = t. Da nun aber x = t, so muss also auch y = x = s ein. Sind aber die Winkel gleich, welche der einfallende und der reflectürte Strahl mit der Spiegeleben machen, so machen sie auch gleiche Winkel mit dem Einfallslothe.

Noch einfacher lässt sich dieser wichtige Satz mit Hülfe des Apparates, Fig. 579, nachweisen. Der Spiegel f, welchen unsere Figur von der Rückseite zeigt, ist um eine verticale Axe drehbar, welche durch den





Mittelpunkt des horizontalen halbkreisformigen Bretten A geht. Die Richtung des Einfallslothes für ein von a in horizontaler Richtung auf den Spiegel fallendes Strahlenbündel ist durch den Messingstreifen bc bezeichnet, welcher sich mit dem Spiegel dreht und bei c einen verticalen Zeiger trägt.

Um den gekrümmten Theil des Brettes A ist ein dasselbe überragender Halbkreis von Messingblech gelegt, welcher bei a einen verticalen Schlitz hat. Der Viertelskreis von a nach der rechten Seite ist in 90 Grad getheilt.

lst der Spiegel so gestellt, dass der Zeiger c auf dem Theilstrich 10°, oder auf 20°, 30° u. s. w. steht, so wird ein Strahlenbündel, welches durch die Spalte bei a eindringt (am besten ein durch einen Spiegel horizontal gemachtes Bündel Sonnenstrahlen), mit dem Einfallsothe des Spiegels einen Winkel von 10, 20, 30 u. s. w. Graden machen und also nach den Theilstrichen 20°, 40°, 60° u. s. w. reflectirt werden.

Bilder ebener Spiegel. Mit Hülfe dieser Grundsätze kann man 210 leicht zeigen, dass ein ebener Spiegel von Gegenständen, die sich vor seiner Ebene befinden, Bilder zeigt, und dass Bild und Gegenstand in Beziehung auf die spiegelnde Ebene symmetrisch sind.

Es sei m'm, Fig. 580 (a. f. S.), ein ebener Spiegel, L ein leuchtender Punkt Mäller's Lehrbuch der Physik, 6te Aust. I.

vor demselben, der einen Strahl Li auf den Spiegel sendet. Dieser Strahl wird nun nach den bekannten Gesetzen in der Richtung ic reflectirt, und wenn der gespiegelte Strahl ein Auge trifft, so macht er auf dasselbe den-



selben Eindruck, als ob er von einem Punkte hinter dem Spiegel käme. Ein Strahl Li' wird nach der Richtung i'd reflectirt, und wenn man die Strahlen ic und i'd rückwärts verlängert, so ist ihr Durchschnittsverlängert, so ist ihr Durchschnittspunkt l derpinige Punkt, von welchem alle von L kommenden Strahlen anch ihrer Reflexion durch den Spiegel mm' zu divergiren scheinen, kurz l' ist das Spiegelbild von L. — Nun aber ist, wie leicht zu beweisen, das Dreieck ii' L gleich dem Dreieck i'l'l, folglich auch i' Le i'l, ist aber

iL=il, so läst sich auch leicht beweisen, dass die Dreiecke iLk und ilk einander gleich sind, worns daum endlich folgt, dass der Winkel ikL gleich ist dem Winkel ikl, dass also die Linie Ll rechtwinklig steht auf der Spiegelebene mm, und ferner, dass kL=kl. Um also das Bild eines leuchtenden Punktes in einem ebenen Spiegel zu finden, hat man nur von dem leuchtenden Punkte ein Perpendikel auf den Spiegel oder seine Verlängerung zu fällen und dasselbe hinter der Spiegelebene um eben so viel zu werlängern, als der leuchtende Punkt vor dem Spiegel liegt.

Da dies für jeden Punkt eines Körpers gilt, welcher Licht auf den Spiegel sendet, mag es nun eigenes oder zerstreutes Licht sein, so kann man leicht das Bild dieses Körpers construiren. In Fig. 581 sei MM ein



ebener Spiegel, AB ein Pfeil, welcher sich vor demælben befindet. Man findet das Bild der Spitze, wenn man von A ein Perpendikel Ab auf die Spiegelebene fällt und die Verjlangerung ab desselben gleich Ab meht, alle von A ausgehenden Strahlen scheinen nach der Spiegelung oo zu divergiren, als ob sie von a kämen; a ist also das Bild von A ist, der Anbilsk der Figur zeigt deutlich, dass Bild und Gegenstand in Beziehung auf die Spiegelebene symmetrisch nicht

Die Richtung des reflectirten Strahles lässt sich also leicht mit geometrischer Genauigkeit bestimmen; nicht so einfach sind die Bezielungen der Intensität des einfallenden und des reflectirten Lichtes. Hier mag darüber einstweilen nur Folgendes angeführt werden:  Die Intensität des regelmässig reflectirten Lichtes wächst mit dem Einfallswinkel, ohne jedoch bei rechtwinkligem Auffallen Null zu sein.

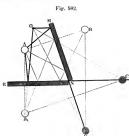
Sie h\u00e4ngt von der Natur der spiegelnden Oberfl\u00e4chen ab.
 Wir wollen nur einige Beispiele anf\u00fchren, um dies verst\u00e4ndlicher zu

machen.

Wenn die von einer Kerzeuflamme ausgebenden Strahlen unde rechtwinklig auf eine mattgeschliffene Glaatsfel fallen, so konn inan kein Bild der Flamme unterselfeiden; man sieht es aber sehr gut, wenn die Strahlen recht schief auf die Platte auffallen; in diesem Falle kann man das Bild auch auf politren Holze, gliauzendem fabrigen Papier u. s. wahrusehmen; und daraus geht hervor, dass die Menge des reflectirten Lichtes um so grösser ist; is sehiefer die Strahlen einfallen

Gehen wir nun zur Betrachtung einiger Apparate und Instrumente über, welche sich auf die Spiegelungsgesetze auf ehenen Spiegelu gründen.

Winkelspiegel. Wenn zwei ebene Spiegel in irgend einem Winkel zusammengestellt werden, so sieht man von einem zwischen linen sich hefindenden Ge-

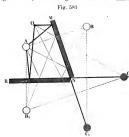


genstande mehrere Bilder, deren Zahl von der Neigung der Spiegel abhängt. In Fig. 582 seien M N und R N zwei unter einem Winkel von 72° (1/5 des Kreisumfanges) zusammenstossende ebene Spiegel, A ein lenebtender Punkt. der sich in der Mitte des von ihnen gebildeten Winkels befindet. Zunächst wird in ie-

dem Spiegel ein

Bild von A entsteben, und zwar ist das Bild für den einen Spiegel in B. für den anderen in  $B_1$ ; ein in O befindliches Auge sieht abso ausser dem Gegenstande A selbst, in Folge einer einmaligen Spiegelung, auch noch die Bilder B und  $B_1$  desselben. Nun aber können solche Strahlen, die von dem einen Spiegel reflectirt worden sind, den zweiten treffen und an demaelben eine abermalige Reflexion erleiden. Da alle vom ersten Spiegel MK reflectirten Strahlen so divergiren, als ob sie von B Kännen, so ist B

gewissermaassen selbst ein Gegenstand, welcher Strahlen auf den Spiegel RN sendet, und man kann demnach leicht das Bild ets Bildes B im Spiegel RN finden; man fälle nur von B ein Perpendikel auf die Verlängerung von RN, und verlängere es auf die bekannte Weise, so erhält man



das Bild  $C_l$ , von welchem alle Strahlen auszugehen scheinen, die von dem Spiegel MN auf den Spiegel MN auf den Spiegel RNreflectirt werden und an diesem eine abermalige Spiegelung erleiden; und so sieht das Auge in O nach zweimaliger Spiegelung noch ein Bild in  $C_l$ .

Das Bild B<sub>1</sub> ist aber auch ein Gegenstand für den Spiegel MN, und wenn man den Ort

des Bildes von  $B_1$  bestimmt, so findet man, dass es in C liegt.

Von dem Bilde C kann nun kein weiteres Bild entstehen, weil es hinter der Reflexionsebene des Spiegels MN und in der Reflexionsebene des Spiegels HN liegt. Dasselbe gilt vom Bilde  $C_1$ . Von dem Gegenstande A sieht man also hier noch vier Bilder, welche mit A selbst ein Fünfeck bilder.

Wären die Spiegel unter einem Winkel von 60°, 45°, 36° u. s. w. genogen gewesen, d. h. betrüge der Winkel, den sie machen,  $l_{\delta_1}$ ,  $l_{\beta_2}$ ,  $l_{\beta_3}$ ,  $l_{\beta_4}$  des genzen Kreisumfages, so wärde man, den Gegenstand selbst mitgerechnet, 6, 8, 10 u. s. w. Bilder sehen.

Auf diesem Principe beruht die Einrichtung des von Brewster erfundenen Kaleidoskops. Eine sehr zweckmässige Modification derselben ist das von Debus in Darmstadt erfundene und nach ihm genannte Debusskop.

Wie man sieht, vermehrt sich die Anzahl der Bilder, wenn der Winkel kleiner wird; ihre Anzahl wird unendlich gross, wenn der Winkel der Spiegel Null ist, d. h. wenn die Spiegel einander parallel sind.

212 Das Reflexionsgoniometer. Wollaston wandte die Spiegelbilder der Krystallflächen zuerst an, um den Winkel zu messen, welchen je zwei Flächen eines Krystalles mit einander machen. Das

Wollaston'sche Reflexionsgoniometer, dessen getheilter Kreis in einer Verticalebene liegt, findet man fast in allen Lehrbüchern der





Mineralogie und der Krystallographie ausführlich beschrieben, wir können deshalb um so mehr von einer Besprechung desselben Umgang nehmen, als es lediglich zur Messung von

Krystallwinkeln gebraucht werden kann: wir wollen dagegen das Babinet'sche Goniometer, welches auf denselben Principien beruht, näher betrachten, weil es ein zu manchen anderen optischen Untersuchungen sehr brauchbarer Annarat ist.

Babinet's Goniometer, von welchem Fig. 584 eine perspectivische Ansicht und Fig. 585 der Grundriss ist, besteht aus einem horizontalen getheilten Kreis, um dessen verticale Axe folgende Stücke, in einer aus Fig. 583 (a. S. 516) zu ersehenden Weise

drehbar sind. 1. Eine Messingschiene A. Sie bewegt sich dicht unterhalb des getheilten Kreises und kann mit Hülfe der Schraube r an denselben festgeklemmt werden. Das äussere Ende der Schiene A, welches in Fig. 586 fehlt, trägt das Rohr L, dessen Einrichtung weiter unten beschrieben werden soll.

 Die Messingschiene B, welche sich unmittelbar über dem getheilten Kreise hin bewegt und welche durch die Klemmschraube s (in Fig. 584 Fig. 586.



und Fig. 585 nur theilweise siehtbar und in Fig. 586 ganz weggelassen) festgestellt und durch die Mikrometerschraube t fein verschoben werden kann. Mit dieser Schiene B, welche das Fernrohr F trägt, ist auch der Nonius u verbunden.

3. Die Schiene C, welche mit dem Zapfen Z ein Stück bildet. Mit der Schiene C, welche mittelst der Klemmsehraube u, Fig. 594 und 585, festgestellt und vermittelst der Mikrometerschraube v fein versehoben werden kann, ist der Nonius p verbunden.

Mit der Schiene C wird nun auch das Tischlein M um die verticale Axe des getheilten Kreises gedreht. Endlich kann aber noch

Axe des getneuten Arenes gedrent. Findien kann aber noch 4. das Tischlein M für sich allein um die verticale Axe des Apparates gedreht werden, nachdem die Schiene C mittelst der Klemmschraube u festgestellt worden ist.

Das Fernrohr F ist ein kleines astronomisches Fernrohr mit Fadenkreuz.

Das Rohr L ist ein Fernrohr, an welchem mandie Ocularröhre entfernt und statt dessen eine Röhre eingeschoben hat, die auch Aussen durch eine mit einer feinen verticalen Sualte d. Für 584, versehene Platte geschlossen ist,

Wenn sich die Spalte d im Breunpunkt der Objectivlinse befindet, welche das innere Ende des Rohres L verschliesst, so werden die durch die Spalte d einfallenden Strahlen die fragliche Objectivlines als ein ihrer Are paralleles Strahlenbündel verlassen, und wenn das Fernrohr F dem Rohre L diametral gegenübergetsellt ist, so dass die Axen beider Rohre in eine gerade Linie zusammenfallen, so wird man durch das Fernrohr E Verlagen der Strahlenburgen und der Spalte deutsche Strahlenburgen.

in eine geräde Linie zusammenfallen, so wird man durch das Fernrohr F bei richtiger Einstellung desselben ein scharfes Bild der Spalte d sehen. Nach diesen Erörterungen ist die Anwendung unseres Instrumentes als Goniometer leicht verständlich.

Nachdem man die beiden Rohre L und F unter einem beliebigen gegenseitigen Winkel, etwa so wie es Fig. 585 zeigt, durch Anziehen der Klemmschrauben r und s festgestellt hat, wird auch die Schiene G in der Weise festgestellt, dass ihr Nonius p auf einen bestimmten Punkt der

Theilung, etwa auf den Nullpunkt, einsteht. Abslann wird der zu messende Krystall mit etwas Wachs auf das Tischlein. M befestigt, dessen Platte aus einem Stücke Spiegelglasg gemacht ist, und zwar zo, lass die Kante der beiden Plächen, deren Winkel man messen will, genau vertical steht, als parallel ist mit der Spalte d des Rohres L und mit dem verticalen Faden des Fadenkreuzes im Ferrrorb F?

Wenn nun irgend welches Licht, sei es nun diffuses Tageslicht oder das Licht einer Kerzenflamme, welche man nahe vor der Spalte d aufgestellt hat, in das Rohr einfällt, so kann man es durch Drehen des Tischleins M leicht dabin bringen, dass man durch das Fernrohr F das Spiegelbild der Spalte d in einer der beiden Krystallflächen sieht, deren Winkel man messen will.

Um das Spiegelbild der Spalte besser beobachten zu können, ist es gut, wenn man nicht ohnehin im dunkeln Zimmer arbeitet, durch passend angebrachte Schirme alles fremde Licht abzuhalten.

Nachdem man es mit Hulfe der Mikrometerschraube t dahin gebracht hat, dass der verticale Faden des Fadenkreuzes genau auf der Mitte des Spiegelbildes steht, wird die Klemmschraube u gelöst, die Schiene C sammt dem Tischlein M nad dem Krystall um die verticale Axe des Instrumentess gedreht, bis das von der zweiten Krystallfäche crzeugte Spiegelbild der Spalte im Gesichtsfelde des Fernrohrs erscheint. Daranf wird mit Hulfe der Mikrometerschraube v die Mitte des Spaltenbildes wieder genau auf das Fadenkreuze eingestellt und endlich der Nonius abgelesen.

Zur Erläuterung mag folgendes Beispiel dienen. Auf das Tischlein M war ein säulenförmiger Schwerspathkrystall aufgesetzt, dessen Querschnitt ungefahr die Gestalt Fig. 587 hatte. Wahrend der Nonius p auf 0° stand als das durch die Krystallfäche gerzeugte Spiegelbild des Spalvie, 562 – te suf das Fadenkreug des Fernorbres F eingestellt er-

R. Co.

schien, musste man die Schiene C so weit drehen, dass der Nonius p auf 116° 22' zu stehen kam, um das durch die Fläche g erzeugte Bild der Spalte auf das Fadenkreuz eingestellt zu sehen.

Der so gemessene Winkel ist aber offenbar der Nebenwinkel desjenigen, welchen die beiden Flächen g und g' mit einander machen. In nuserem Falle ist also dieser Winkel  $180^\circ-116^\circ$   $22'=63^\circ$  38'.

Der Spiegelsextant, eines der wichtigsten Winkelmessinstrumente, 213 zeigt ums eine ungemein sinnreiche Anwendung der Spiegelungsgesetze; das Princip, and welchem seine Einrichtung bernht, ist folgendes: Es sei A, Fig. 555 (a. f. S.), ein kleiner Spiegel, an dessen oberer Hälfte die Belegung abgenommen is, so dass ein in O befindliches Ange durch den freien Theil der Glasplatte hindurchsehen kann; in B befinde sieh nun ein zweiter Spiegel, der um eine Axe dreibar ist, welche rechtwinktig auf der Ebene der Figur steht. Man kann nun dem Spiegel B eine solebe Stellung geben,

dass ein von einem fernen Gegenstande herkommender Strahl EB, welcher neben dem Spiegel A vorbeigeht, durch den Spiegel B nach A und



dann vom Spiegel A nach O reflectirt wird; das Auge in O wird in diesem Falle durch die unbelegte Hälfte des Spiegels A in der Richtung  $OE_1$  den ferneren Gegenstand direct, im belegten Theile aber das Bild desselben Gegenstandes sehen. Wir wollen diese Stellung des Spiegels B die Anfangsstellung nennen.

Wenn aber nun der Spiegel B um seine Augender wird, wenn er etwa in die durch stakere Schraffrung angedeutete Lage gebracht ist, so kann der Strahl EBnicht mehr anch A reflectift werden, man wird also in dem unteren Theile des Spiegels A nicht mehr das Bild desselben Gegenstandes sehen, den man durch die obere Halfte erblickt, sondern das Bild eines anderen Gegenstandes, von welchem der Strahl FB berkommt.

Des kürzeren Ausdruckes wegen wollen wir den Gegenstand, von welchem der Strahl EB herkommt, mit L, den Gegenstand, von welchem der Strahl FB herkommt, mit R bezeichnen.

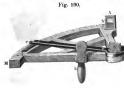
Die Winkelmessung mit dem Sextanten beruht nun darauf, dass der Winkel, um welchen man den Spiegel B aus seiner Anfangsstellung drehen muss, um im unteren Theile des Spiegels A das Bild des Gegenstandes R zu sehen, während man durch seine obere Hälfte immer noch L erblickt, halb so gross ist als der Winkel  $EBF_1$  welchen die nach L und R gerichteten Visirlinien BE und BF mit einander machen.

Die Richtigkeit dieser Behauptung lasst sich leicht mit Hülfe des sehne betrachteten Apparates, Fig. 589, darthun. Wenn der Spiegel fos gestellt ist, dass der Zeiger e vor die Spalte a zu stehen kommt, so wird ein durch diese Spalte nach dem Spiegel schauendes Auge das Bild des Zeigers und der Spalte selbst erblicken, wird aber jetzt der Spiegel un 10°, 20°, 30° u. s. w. gedreht, so sieht das Auge bei a das Bild der Theilstriche 20°, 40°, 60° u. s. w. Kurz, wenn man den Spiegel f um einen Winkel is aus seiner Anfangsstellung gedreht hat, so sendet er nun das Bild eines um den Winkel 2 von der Spalte abstehenden Fleisttrichs nach a hin. — Ebenso beim Spiegelsextant. Wird der Spiegel B um a Grad nach der rechten gedreht, so sendet er in der Richtung BA, Fig. 588, Strahlen nach dem Spiegel A, die von einem Gegenstande B kommen, welcher um 2 na Grade rechts von Lieut.

In Fig. 590 ist ein Spiegelsextant abgebildet, und zwar ein Sextant von der einfachsten Einrichtung. A ist der feste oben durchsichtige Spiegel. Der Spiegel B, den unsere Figur von der Rückseite zeigt, ist um Fig. 589.



den Mittelpunkt des getheilten Kreisbogens  $M\,N$  drehbar. Dem Spiegel A gegenüber ist an das Gestell eine Messingplatte angeschraubt, in welcher sich ein kleines Loch o befindet, an welches man das Auge hält, um nach



dem Spiegel A zu sehen. Der Spiegel B ist auf einer um ihrem Mittel-punkt drebbaren Scheibe befestigt, von welcher wie ein Radius die Schiene DC ausgeht; wenn also der Spiegel B um seine Axe gedreht wird, so durchlauft das Ende C dieser Schiene die Theilung des Kreises; um genauer ablesen zu können.

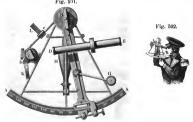
ist bei C an der Schiene C D ein Nonius Ci befessigt. Die Theilung ist so eingeriehtet, dass der Nonius auf den Nullpunkt der Theilung sigt, wenn die beiden Spiegel parallel sind. Jeder halbe Grad der Theilung ist für einen ganzen gezählt, d. h. die Theilstriche, die von dem Nullpunkte der Theilung un 10, 20, 30 u. w. G rude abstehen, sind mit 20, 40, 60 bezeichnet, weil man ja doch dem Vinkel, um welchen der Spiegel B gedrecht wird, mit B multipliciren muss, um Ben Winkel der entsprechenden Visithier zu erhalten.

Gewöhnlich ist der getheilte Kreisbogen nur etwas mehr als  $^{1}$ /a des Kreisumfanges, daher der Name Sextant. Das Instrument bedarf keines Statisf, man nimmt es an dem Handgriffe h in die Hand und hält das Instrument dann so vor das Auge, dass man durch die Oeffnung 0 und den oberen Theil des Spiegels A denjenigen der beiden einzuwisirenden Gegenstände sieht, welcher links liegt, und dreht dann die Schiene CD, bis

in dem unteren Theile des Spiegels A das Bild des rechts gelegeuen Gegenstandes R gerade unter dem Bilde von L erscheint. Ist dies erreicht, so stellt man den drehbaren Radius mit Hülfe einer Schraube bei n fest und liest dann den Nonius ab.

An Spiegelextanten, welche zu genaueren Messungen dienen sollen, ist statt der kleinen Oeffnung o ein nach dem Spiegel A gerichtetes Fernrohr angebracht. Wenn man durch ein Fernrohr beobachtet, so sieht man nicht mehr, wie bei der Beobachtung mit blossem Auge, den Spiegel A in zwei Felder getheilt, d. h. man unterscheidet durch das Fernrohr sehend nicht mehr den belegten und den unbelegten Theil des Spiegels A, sondern die beiden Bilder fallen ganz über einander.

Fig. 591 stellt einen vollständiger ausgestatteten Spiegelsextanten dar. Die Figur ist nach den bisherigen Erklärungen wohl leicht zu



versteben. U ist der feste, B der drehbare Spiegel; ED ist das eben besprochene Fernrohr. H ist der Handgriff, welcher hier parallel mit der Ebene des Iustrumentes angebracht ist. G ist eine Loupe, welche man über den Nonius stellt, um besser ableseu zu könuen.

Bei L und bei K sind dunkelfarbige Gläser, sogenannte Blendgläser, angebracht, welche man in den Weg der einfallenden Strahlen bringt, wenn man Sonnenhöhen messen will, weil das Sonnenlicht viel zu hell ist, als dass nan ohne ein solches Hülfsmittel die Sonne visiren könnte.

Die Ebene des getheilten Kreises muss immer in die Ebene der Visirlinien fallen, deren Winkel man messen will. Um z. B. die Höhe eines Gestirnes über dem Horizonte zu messen, muss die Ebene des Kreises vertical gehalten werden, wie dies Fig. 592 erläutert.

214 Das Heliostat. Bei vielen optischen Versuchen muss man durch eine kleine Oeffnung im Laden eines dunkeln Zimmers ein Bündel Sonnen-

strahlen einfallen lassen. Damit die einfallenden Strahlen eine passende Richtung haben, lässt man sie aber nicht direct eintreten, sondern man bringt vor dem Laden einen ebenen Spiegel an, welcher die Sonnenstrahen in passender Richtung durch die kleine Oeffnung in das Zimmer reflectirt. Nun aber indert sich der Stand der Sonne fortwährend, und eine Folge davon ist, dass auch die Richtung der im Zimmer reflectirten Strahlen sich ändert, wenn der Spiegel fest stehen bleibt.

Will mau die Richtung der in das Zimmer reflectirten Strahlen unverändert erhalten, so muss also der Spiegel in einer der Bewegung der Sonne entsprechenden Weise gedreht werden, und jede Vorrichtung, durch welche dies ausgefährt wird, wird ein Heliostat genannt.

Bei den einfachsten Heliostaten, wie sie in der Regel an Sonnenmikroskopen angebracht werden, geschieht die Drehung des Spiegels durch die Hand. Zunächst kann der Winkel gesindert werden, welchen der Spiegel gel mit der Ebene des Fensterladens macht; dann aber ist der Spiegel noch in einer zur Ebene des Fensterladens rechtwinkligen Ebene derblar. Diese beiden Drehungen werden vermittelst zweier an der inneren Seite des Ladens angebrachter Schraubenköpfe ausgeführt um man ist dadurch im Stande, den Spiegel stets so zu stellen, dass die von ihm reflectriten Son-

Fig. 593.



nenstrahlen in horizontaler Richtung rechtwinklig zur Ebene des Fensterladens eintreten.

Den Spiegel beständig durch Drehen mit der Hand in richtiger Stellung zu erhalten, ist nicht allein lästig, sondern bei vielen Versuchen auch sehr störend; man hat deshahb Heliostate construirt, bei welchen die Drehung des Spiegels durch ein Uhrwerk besorgt wird.

Einer der übersichtlichsten hierher gehörigen Apparate ist das von Meyerstein construirte Heliostat, welches in Fig. 593 ungefähr in 1/2 der natürlichen Grösse abgebildet ist. Das Instrument wird so aufgestellt, dass die Axo af der Weltzax parallel steht.

Nahe am unteren Ende ist an der Axe aa ein gezahntes Rad befestigt, welches durch das Uhr-

werk cc in 24 Stunden einmal um seine Axe umgedreht wird, so dass also die Axe um in jeder Stunde eine Drehung von 15° erleidet.

524

Eine auf das obere Ende der Axe aa aufgeschobene und mittelst einer Stellschraube fest zu klemmende Messinghülse endet oben mit einer halbkreisförmigen Gabel, zwischen deren Enden der ebene Spiegel ss so angebracht ist, dass er um eine rechtwinklig zu aa stehende Axe gedreht, und in jeder beliebigen Neigung gegen au festgestellt werden kann.

Der Spiegel s's wird nun so gestellt, dass der einfallende Strahl ro nach op, der Verlängerung der Axe aa, reflectirt wird, dass also der reflectirte Strahl, in die Richtung der Weltaxe fallend, gegen den Nordpol des

Himmels gerichtet ist.

Wird nun bei unveränderter Neigung des Spiegels ss gegen die Weltaxe die derselben parallele Axe aa durch das Uhrwerk mit derselben Winkelgeschwindigkeit gedreht, mit welcher die Sonne sich um die Weltaxe bewegt, so ist leicht zu übersehen, dass der reflectirte Strahl stets mit op, der Richtung der Weltaxe, zusammenfallen muss.

Wie gross die Neigung der Spiegelebene gegen die Weltaxe sein müsse,

ergiebt sich aus folgender Betrachtung:

Es sei ap, Fig. 594, die Richtung der Weltaxe, o der Mittelpunkt des Spiegels, ro der einfallende Strahl. Die Poldistanz der Sonne, also den Winkel rop wollen wir mit o bezeichnen. Soll nun der Strahl ro nach op reflectirt werden, so mnss das Einfallsloth od den Winkel rop



halbiren, der Winkel dop muss 1/2 φ sein. Da ferner die Spiegelebene s's rechtwinklig auf od stehen, der Winkel dos also

90° sein muss, so ergiebt sich für den Winkel x, welchen die Spiegelebene os mit der Weltaxe on macht, der Werth

 $\hat{x} = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \varphi$ .

Wäre z. B für einen bestimmten Tag die nördliche Declination der Sonne gleich  $20^{\circ}$ , so ware  $\phi = 90^{\circ} - 20^{\circ} = 70^{\circ}$ , also  $x = 55^{\circ}$ . An einem Tage, an welchem die Sonne 20° südlich vom Aequator steht, ist  $\varphi = 110^{\circ}$ , an diesem Tage ist also der Spiegel so zu stellen, dass  $x = 35^{\circ}$ .

Zur richtigen Einstellung des Spiegels dient der getheilte Kreis kk, Fig. 593, über welchem sich parallel mit der Spiegelebene ein Zeiger bewegt, der auf Null steht, wenn die Spiegelebene mit der Weltaxe zusammenfällt, wenn also der Winkel pos gleich Null ist.

Bei richtiger Einstellung liefert also dieses Instrument einen reflectirten Strahl, welcher, während die Sonne ihre tägliche Bewegung fortsetzt, doch unverändert die Richtung der Weltaxe beibehält. Diese Richtung des reflectirten Strahles ist aber für die meisten Versuche höchst unbequem und es bedarf eines zweiten Spiegels, um den in der Richtung der Weltaxe aufwärts sich fortoflauzenden Strahl in horizontaler Richtung ins verfinsterte Zimmer zu reflectiren.

Einmal richtig eingestellt, hehält dieser zweite Spiegel seine Stellung unverändert hei. Beide Spiegel sollten, wenigstens zu genaneren Versnchen, Metallsniegel sein.

Das ohen beschriehene Meyerstein'sche Heliostat ist eigentlich nur eine vereinfachte Form des Fahrenheit'schen, dessen sich auch Fraunhofer bediente. Beim Fahrenheit'schen Heliostat sind beide Spiegel auf demselben Statif angehracht, während hei der Meyerstein'schen Vorrichtung der zweite Spiegel ein von dem eigentlichen Heliostat, Fig. 593, ganz getrenntes Stück hildet.

Da bei jeder Reflexion Licht verloren geht, so war man schon früher bemüht Ührheliostate mit einem Spiegel zu construiren. Der erste derartige Apparat rührt von S'Gravesande her. Später hahen Gamhey und Silhermann einspiegelige Uhrwerk-Heliostate construirt.

Silbermann's Heliostat ist in Fig. 595 in ½, der obere 215 Theil desselhen ist in Fig. 596 (a. f. S.) und ein Durchschnitt der Säule A ist in Fig. 597 (a. S. 527) in ½ der natürlichen Grösse Aargestellt.

Wenn das Instrument richtig aufgestellt ist, so fällt die Axe der Säule A mit der Richtung der Weltaxe zusammen. Diese Säule A be-



steht aber aus drei concentrischen in einander steckenden Theilen, von denen der mittlere x, Fig. 597, eine auf der oberen Fläche der Trommel T befestigte Hülse ist, welche vollkommen feststehend in keinerlei Weise ge-



dreht werden kann. Auf den oberen Ende dieser Hülse ist die in der Mitte durchbohrte kreisförnige Scheibe ut befestigt, welche die Stelle eines Ubraifferblates vertrift. Der ganze Umfang ist in 24 Stunden, jede Stunde ist wieder in 12 gleiche Theile getheilt, so dass der Zwischenraum zwischen je zwei auf einanderfolgenden Theilstrichen einem Zeitintervall von 5 Minnten entspricht.

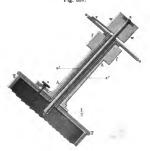
Die durch die Axe der Saule A gelegte Verticalebene schneidet das Zifferblatt in den beiden Theilstrichen, welche, dem Mittag und der Mitternacht entsprechend, mit 12 bezeichnet sind.

Auf dieser festen, oben mit dem Zifferblatt endigeuden Hülse z steckt eine zweite, um die erstere frei drehbare Hülse, welche den äusseren Umfang der Säule A bildet und welche durch eine Klemmschranhe 8 festgestellt werden kann. Oben endigt diese drebhare Hilse mit einem würfefornigen Ansatz ff, in welchem der messingene Bogen Ff, Fig. 596, erste

schiebbar ist und in jeder beliebigen Stellung durch die Klemmschraube  $\boldsymbol{x}$  festgestellt werden kann.

Den innersten Theil der Säule A bildet eine Metallaxe a, welche durch das in der Trommel T befindliche Uhrwerk in 24 Stunden einmal umge-

Fig. 597.



dreht wird. Auf dem oberen Ende dieser Axe ist ein würfelförmiger Körper vo aufgesteckt, welcher frei um diese Axe drehbar ist und in welchem
der Messingbogen NN, Fig. 966, ersenboen und in beileiger Stellung
durch die Klemmschraube y fixirt werden kann. An diesem Würfel w ist
ein Zeiger v befestigt, welcher sich über die Stundentheilung der festen
Scheibe us hinwegbwegt, wenn te um seine Axe gedreht wird.

Durch eine auf der Hinterseite des Würfels zu gelegene, in unserer Figur also nicht sichtbare Klemmschraube kann der Würfel zu fest mit seiner Axe verbunden werden. Ist dies geschehen, so kann der Würfel zu freilich nicht mehr frei gedreht werden, er nimmt aber nun sammt dem Zeiger v an der Umdrehung der Uhraxe a Theil, so dass der Zeiger in 6 Stunden einen Viertelakreis durchläuft.

Ist die Süule A mit der Weltaxe parallel und der Zeiger v auf 12 Unr gestellt, so fällt der Messingbogen NN in die Ebene des Meridians. Hat man den Würfel v in dieser Stellung gerade in dem Moment eingestellt, in welchem die Sonne culminirt und ihn sogleich an seine Axe angeklemmt, so wird, von dem Uhrwerk gedreht, der Zeiger v nach 1, 2, 3 u. s. w. Uhr zeigen, und gleichzeitig wird

auch der Bogen NN so um die Weltaxe gedreht, dass seine Ebene stets mit dem Stundenkreise der Sonne zusammenfällt.

Wenden wir uns nun zur Betrachtung des Spiegels und seiner Bewegung.

Die Mitte des Spiegels MM, Fig. 596, liegt in der Verlängerung der Säule A. Auf der einen Seite des Spiegelrahmens ist eine geschlitzte Schiene t befestigt, welche rechtwinklig auf der Spiegelebene steht, also dem Einfallsloth der auf dem Spiegel fallenden Strahlen parallel ist.

Der Spiegel MM wird von zwei Gabeln CC und DD getragen, welche den Spiegel einerseits bei c, andererseits bei p fassen. Ein Metallstab q bildet die Verlängerung der Mittellinie der Gabel C, das Metallstäbehen h bildet die Verlängerung der Mittellinie der Gabel D.

Das Stäbchen & wird von dem einen Ende des messingenen Bogens NN und in gleicher Weise wird das Stäbehen q von dem einen Ende des Bogens FF getragen.

Der Gabel C ist eine Drehung um die Axe des Stäbehens g gestattet, während das an der Gabel D befestigte Stäbehen h in der cylindrischen

Oeffnung drehbar ist, in welcher es steckt.

Durch das Leistchen lq ist die Gabel CC, durch das Leistchen nq ist die Gabel DD mit der Schiene tt verbunden, jedoch so, dass den Enden der Leisten bei l, bei n und bei q eine Drehung um den Verbindungszapfen gestattet ist und dass die beiden unteren Enden der Leistchen bei q durch den sie zusammenhaltenden Zapfen in der Spalte der Schiene t zu bleiben genöthigt sind.

Da nun cl = cn und lq = nq, so ist das Dreieck lqc gleich dem Drejeck ncq, wie auch der Winkel geändert werden mag, welchen die Leistchen na und la bei a mit einander machen. Daraus folgt aber, dass die Ebene der Gabel C und die Ebene der Gabel D stets gleiche Winkel mit der Schiene t, mithin auch gleiche Winkel mit der Ebene des Spicgels MM machen.

Wenn also ein Lichtstrahl ik in einer solchen Richtung auf den Spiegel fällt, dass seine Verlängerung die Mittellinie der Gabel D und die Axedes Stäbchens h bildet, so wird dieser Strahl nach einer Richtung ks reflectirt, welche die Verlängerung des Stäbchens g und der Mitellinie der Gabel l bildet.

Um zu machen, dass die Mittellinie kh der Gabel D wirklich die Verlängerung des einfallenden Strahles ik bildet, muss man den Bügel NN mittelst der Stellschranbe u in einer solchen Lage festklemmen, dass der Winkel, welchen kh mit der Weltaxe bildet, gleich ist der Poldistanz der Sonne für den Tag, an welchem man gerade das Instrument gebrauchen will.

Diese Einstellung lässt sich nach der dem Versuchstage entsprechenden Declination der Sonne mittelst einer auf dem Bogen NN angebrachten Theilung ausführen.

Ist dies geschehen, so wird der Würfel w in einer solchen Stellung

an seine Axe angeklemmt, dass der Zeiger v auf den Theilstrich des Zifferblattes zeigt, welcher der wahren Zeit des Augenblicks entspricht, in welchem man das Uhrwerk in Gang setzt. Wird abkann als Instrument so aufgestellt, dass die Säule A in den astronomischen Meridian zu liegen kommt, so fällt wirklich kh in die Verlängerung der einfallenden Strahlen und bleibt in der Verlängerung derselben, so lange das Uhrwerk die Axe der Säule A, also auch die Ebene des Bogens NN mit der entsprechenden Geschwindigkeit umdreht.

Wenn aber kh stets in der Richtung der einfallenden Strahlen bleibt, so fällt die Richtung der reflectirten Strahlen auch stets in die Verlängerung des Stäbehens g. Durch Verschieben des Bogens FF in dem Warfel f und durch Drehung der äusseren Hülse der Säule A, wodurch die Ebene des Bogens FF gedreht wird, kann man das Stäbehen g und die Mittellinie der Gabel G in jede beliebige Lage bringen und in derselben feststellen, wodurch dann auch den reflectirten Strahlen eine unveränderliche Richtung gesichert wird.

Ausser den erwähnten werden noch manche andere Anwendungen von beheen Spiegel für güodätische und physikalische Zwecke gemacht. Eine sehr sinnreiche Anwendung hat Poggendorff von dem ebenen Spiegel gemacht, um die geringste Veränderung in der Lage einer Magnetadel oder eines Magnetabes zu beobachten und zu messen; es wird davon im zweiten Theile dieses Lachruberke ausführlicher die Rede sein.

Reflexion auf gekrümmten Spiegeln. Wenn ein Lichtstrahl 216 eine Krumme Überfläche in irgend einem Punkte trifft, so wird er gerude so reflectirt, als ob er die Berührungseben dieses Punktes getroffen hätte. Ein leuchtender Punkt also, welcher sich im Mittelpunkte einer innen politzen Kugel befindet, wird nach allen Punkten der Kugeloberfläche Lichtstrahlen aussenden, die aber sämmtlich nach dem Mittelpunkte zurückgeworfen werden. Wenn sich ein leuchtender Punkt in dem einen Brennpunkte eines niens spiegelnden Ellipsoids befinde, so würden alle Strahlen von der Überfläche nach dem anderen Brennpunkte reflectirt werden; indem sie aber ihren Weg fortesten, würden sie durch eine abermalige Reflexion wieder in dem ersten Brennpunkte vereinigt werden.

Die Strahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, der sich in dem Brenpenkte eißes Paraboloids befindet, und die Fläche dieses Paraboloids treffen, werden sämmtlich in einer Richtung reflectirt, welche mit der Axe des Paraboloids parallel ist. Wenn umgekehrt ein Bändel paralleler Strahlen in der Richtung der Axe auf das Paraboloid fällt, so werden sie sämmtlich nach dem Brennpunkte desselben reflectirt.

Von parabolischen und elliptischen Spiegeln wird in der optischen Praxis kaum ein Gebrauch gemacht, weshalb wir uns gleich zu den sphärischen Spiegeln wenden, welche fast ausschliesslich zur Anwendung kommen.

Denkt man sich eine Hohlkugel, deren innere Fläche sehr gut Muller's Lehrbuch der Physik. 6te Auft. L 34

polirt ist, so ist ein von dieser Hohlkugel durch eine Ebene abgeschnittenes Stück ein sphärischer Hohlspiegel. Ein convexer Kugelspiegel hingegen ist ein Stück einer aussen polirten Kugel.

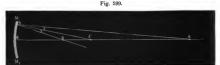


Der Durchmesser eines Kugelspiegels ist die Linie MM', Fig. 598, welche zwei entgegengesetzte Punkte des Randes verbindet; die Linie ed, welche den Mittelpunkt der Kugel mit der Mitte des Spiegels verbindet, heisst

seine Axe; der Winkel endlich, welchen die Linien cM und cM'

mit einander machen, seine Oeffnung. Der Mittelpunkt c der Kugel, von welcher der Spiegel ein Stück ist, wird auch Mittelpunkt der Krümmung genannt.

217 Von den sphärischen Hohlspiegeln. Es sei MM, Fig. 599, der Durchschnitt eines sphärischen Hohlspiegels, dessen Mittelpunkt C ist. In einem Punkte A der Axe befinde sich ein leuchtender Punkt, der seine



Strahlen auf den Spiegel sendet. Wie ein von A ausgehender Strahl, welcher den Spiegel in b trifft, reflectirt wird, ist leicht zu finden, denn die von b nach dem Mittelpunkte C gezogene Gerade ist das Einfallsloth. Macht man den Winkel r gleich dem Winkel i, so ist ba der reflectirte Strahl.

Denkt man sich auf dem Spiegel einen Kreis bezeichnet, dessen Punkte sämmtlich von d ebenso weit entfernt sind wie b, so ist leicht einzusehen, dass alle Strahlen, welche, von A ausgehend, den Spiegel in einem Punkte dieses Ringes treffen, so reflectirt werden, dass sie die Axe Ad in demselben Punkte a schneiden.

Wenn der leuchtende Punkt sehr weit vom Spiegel entfernt ist, so kann man alle Strahlen, welche er auf den Spiegel sendet, als unter sich parallel betrachten. In Fig. 600 sei ab ein parallel mit der Axe einfallender Lichtstrahl, b C das Einfallsloth, so ist offenbar i = x. Der Radius b C sei mit R, der Winkel b F C mit v bezeichnet, so haben wir (Tri-Fig. 600.



gonometrie 8, 21, S, 31) aus dem Dreieck bFC die Proportion sin. v : sin. r = R : CF

und daraus

$$CF = \frac{R \cdot \sin \cdot r}{\sin \cdot v}$$

Nun aber ist r = i,  $v = 180^{\circ} - r - x = 180^{\circ} - 2i$ , mithin sin. v = sin. 2i; substituirt man diese Werthe, so kommt

$$FC = R \cdot \frac{\sin i}{\sin 2i}$$

Je kleiner i wird, desto mehr nähert sich FC dem Werthe 0,5 R. Die folgende kleine Tabelle enthält eine Reihe zusammengehöriger Werthe von i und FC

i								FC
1	0				٠.			R.0,50006
2								R.0,50031
5								R.0,50191
10								R.0,50771
15								R.0,51764
20								R.0.54448

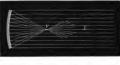
Man sieht aus dieser Tabelle, dass FC für Werthe von i bis zu 5 Grad hin nur wenig von 0,5 R abweicht. Selbst für  $i=10^{\circ}$  ist diese Abweichung noch nicht bedeutend, über diesen Werth von i hinaus wird aber der Ueberschnss von FC über 1/2 R sehr merklich,

Solche Strahlen, welche der Axe so nahe liegen, dass der Werth von FC für dieselben nicht merklich von 1/2 R differirt, heissen centrale Strahlen. Der Vereinigungspunkt der parallel mit der Axe auffallenden centralen Strahlen, Fig. 601 (a. f. S.), führt den Namen Brennpunkt oder Focus (er soll in den folgenden Figuren mit F bezeichnet werden). Dieser Focus liegt, wie wir gesehen haben, in der Mitte zwischen dem Krümmnngsmittelpunkt des Spiegels und dem Spiegel selbst, auf der Axe des Spiegels.

Ist die Krümmung des Spiegels von der Mitte bis zum Rande be-

deutend, so werden die parallel mit der Axe in der Nähe des Randes auffallenden Strahlen nicht mehr nach dem Hauptbrennpunkt F hin reflectirt wie die centralen Strah-

Fig. 601.



len, sondern sie schneiden die Axe in einem Punkte n. Fig. 602, welcher näher am Spiegel liegt als F.

Wenn ein Hohlspiegel zu optischen Zwecken brauchbar sein soll, so muss er die von einem Punkte ausgehenden Strahlen auch möglichst nahe

wieder in einem Punkte vereinigen. Dies ist aber nur dann möglich, wenn die Oeffnung des Spiegels nicht bedeutend, wenn sie allerhöchstens 4 bis 60 ist, denn nur in diesem Falle kann man alle den Spiegel treffenden Strahlen als centrale Strahlen betrachten. Wir wollen im Folgenden auch nur solche Spiegel, also auch nur centrale Strahlen, betrachten.

Der erwähnte Fehler, dass nicht alle mit der Axe parallel einfallenden Strahlen genau in einem Punkte vereinigt werden, dass der Vereinigungspunkt für die Randstrahlen dem Spiegel näher liegt als dem Brennpunkte, wird sphärische Aberration genannt.

Wenn der leuchtende Punkt nicht unendlich weit liegt, sondern in solcher Entfernung, dass man die Divergenz der den Spiegel treffenden Strahlen nicht mehr vernach-

Fig. 602.

lässigen darf, so ändert auch der Vereinigungspunkt seine Stellung, und zwar rückt er vom Spiegel um so weiter weg, je mehr sich der leuchtende Punkt nähert. Dass dem so sei, ist aus Fig. 603 leicht zu schen. Je näher der leuchtende Punkt A liegt, desto kleiner wird i für denselben Punkt b des Spiegels, desto kleiner wird r und desto mehr rückt also a nach c hin. Wenn man

also einen leuchtenden Punkt.

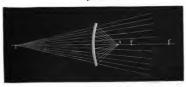
der so weit vom Spiegel entfernt ist, dass seine Strahlen im Hauptbrennpunkte wieder vereinigt werden, dem Spiegel fortwährend nähert, so wird der Vereinigungspunkt a vom Brennpunkte fortwährend dem Mittelpunkte C näher rücken, bis endlich, wenn der leuchtende Punkt im Centrum des Spiegels steht, der Vereinigungspunkt mit dem leuchtenden Punkte zusammenfällt. Rückt der leuchtende Punkt dem Spiegel noch näher, so

fällt der Vereinigungspunkt weiter und weiter vom Spiegel, die von a ausgehenden Strahlen werden in A vereinigt, und wenn der leuchtende Punkt Fig. 608.



den Hauptbrennpunkt einnimmt, so werden seine Strahlen vom Spiegel parallel mit der Axe reflectirt.

In Fig. 604 ist noch der einzig übrige Fall betrachtet, nämlich dass der leuchtende Punkt A zwischen dem Spiegel und dem Haupt-Fig. 604.



brennpunkte hegt. Hier werden die Strahlen so reflectirt, dass sie nach der Reflexion divergiren, als ob sie von einem Punkte a kämen, der hinter dem Spiegel liegt und den man für jeden besonderen Fall durch Construction leicht finden kann.

Die Beziehungen zwischen der Vereinig nngsweite da, Fig. 603, und der Gegenstandsweite dA lassen sich durch Formeln ansdrücken, welche sich nach den vorgetragenen Sätzen leicht entwickeln lassen.

Nnn aber ist ohne merklichen Fehler ba gleich der Vereinigungsweite da,

die wir mit h bezeichnen wollen, und bA ist gleich der Gegenstandsweite dA, die mit g bezeichnet werden mag, wir haben also

Bezeichnen wir die Brennweite des Spiegels mit f, so ist  $Cd={}^{\circ}2f$  und a C=2f -h; CA aber ist gleich g -2f, die Gleichung 4) geht also über in

$$h: 2f - h = g: g - 2f$$

woraus endlich

Nach dieser Formel kann man die Vereinigungsweite h berechnen, wenn die Brennweite f und die Gegenstandsweite q bekannt sind.

Die Gleichung 5) lässt sich in folgende verwandeln:

in dieser Form übersieht man leicht, dass h um so grösser wird, je mehr g ahnimut. Für  $g=\infty$  wird h=f; für g=2 fyrid h=f. So-bald g kleiner wird als 2f, wird h grösser als 2f und für g=f wird h gleich,  $\frac{1}{2}$  also unendlich. Wenn g kleiner ist als f, so ist  $\frac{f}{g}$  grösser als 1, folglich wird der Werth von h negativ, was andeutet, dass in diesem Fall die vom Spiegel reflectiven Strahlen nicht mehr nach einem Punkte von dem Spiegel convergiren, sondern dass sie divergiren, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel k\vec{m} en.

Wir haben bisher nur solche leuchtende Punkte betrachtet, welche auf der Axe des Spiegels lagen, Punkte also, für welche die über den Krümmungsmittelpunkt C nach dem Spiegel gezogene Linie mit der Axe des Spiegels zusammenfiel. Alle bisher entwickelten Gesetze gelten aber auch für solche leuchtende Punkte, welche ausserhalb der Spiegelaze liegen; es sei z. B. in Fig. 605 A ein solcher leuchtender Punkt. Zieht man von A





über U eine Linie nach dem Spiegel, so ist dies die Axe des von A auf den Spiegel gesandten Strahlenkegels, und auf dieser Axe müssen sich alle von A ausgehenden Strahlen wieder vereinigen. Wenn ein ganzes Bündel

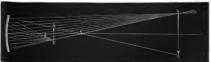
Strahlen mit  $A\,Cb$  parallel auf den Spiegel fiele, so würden sie sich nach der Reflexion im Punkte f vereinigen, der in der Mitte zwischen C und b liegt; da aber die von A ausgehenden Strahlen divergiren, so liegt ihr Vereinigungspunkt weiter vom Spiegel ab als f. Man kann nnn diesen Vereinigungspunkt leicht durch folgende Construction finden. Man siehe von A eine Linie An parallel mit der Axe des Spiegels. Ein Strahl, der in dieser Richtung den Spiegel trifft, wird aber bekanntlich nach dem Hauptbrennpunkte F reflextirt; zieht man nun von n über F eine Linie, so wird diese die Linie  $A\,Cb$  schneiden, und der Durchschnittspunkt a ist offenbar derjenige, in welchem alle von A ausgehenden Strahlen nach ihrer Reflexion durch den Spiegel wieder vereinigt werden, kurz a ist das Bild von A.

Der Abstand des Punktes a von b lässt sich aber anch nach Gleichung 5) berechnen, wenn die Gegenstandsweite b A und die Brennweite des Hohlspiegels bekannt ist.

Befindet sich nmgekehrt ein leuchtender Punkt in a, so werden die von ihm ausgehenden Strahlen, welche den Hohlspiegel treffen, in A vereinigt, oder A ist alsdann das Bild von a.

Von den durch Hohlspiegel erzeugten Bildern. Es 218 stelle in Fig. 606 AB einen Gegenstand vor, der sich zwischen deu Krümmungsmittelpankte C des Spiegels und dem Hauptbrempunkte F befindet. Nach den, was im vorigen Paragraphen gesagt wurde, ist es leicht, das Bild des Punktes A za finden; es liegt in a und alle von A ausgehenden den Hohlspiegel treffenden Strahlen werden durch deuselben in a vereinigt. Ebense ist b das Bild des Punktes B, und so ergiebt sich, dass man durch einen Hohlspiegel von einem Gegenstande AB.





welcher zwischen dem Hauptbrennpnnkte F und dem Mittelpunkte der Krümmung C liegt, ein verkehrtes, vergrössertes Bild jenseits C erhält.

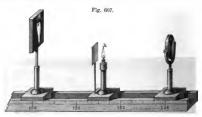
Da die von A ausgehenden Strahlen in a gesammelt werden, so werden auch ungekehrt, wenn a ein lenchtender Punkt ist, die von ihm ausgehenden Strahlen durch den Spiegel nach A reflectirt werden; kurz A ist in diesem Falle das Bild von a; ebenso ist B das Bild von b. Wenn sich also ein Gegenstand ab jenseits des Mittelpunktes C befindet, so wird der Hohlspiegel von ihm ein verkehrtes, verkleinertes Bild zwischen dem Mittelpunkt C und dem Hauptbrennpunkt F entwerfen.

Die Bilder, welche wir soeben betrachtet haben, sind von denen der chenen Spiegel weentlich vernchieden. Alle Stahlen, welche von einem leuchtenden Punkte ausgehen, werden von einem ebenen Spiegel in einer solchen Richtung reflectirt, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel in einer solchen Richtung reflectirt, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel werden. Die die von einem Punkte des Gegenstandes ansgehenden Strahlen durch den Spiegel wirklich wieder in einem Punkte gesammelt; wir wollen des-halb auch diese Bilder zum Unterschiede von den anderen Samme bilder aum Onterschiede von den anderen Samme bilder nennen. Diese Sammelbilder kann man auf einem Schirmer von weissem Papier oder mattgeschilfenem Glase auffangen und so ein Bild erhalten, welches sich gerade so verhält wie der Gegenstand selbst; die durch die Concentration der Strahlen stark erleuchteten Punkte des Schirmes zerstenen nämlich das Licht nach allen Seiten hin, und somit wird das Bild selbst dann noch sichtbar sein, wenn die vom Spiegel reflectirten Strahlen nicht direct ins Ausge gelangen.

Fig. 607 erläutert, wie man mit H

ülfe der bereits fr

her besprochenen optischen Bank die Versuche mit Hohlspiegelbildern arrangiren kann. S



ist der zweckmissig gefasste, in unserer Figur nur von der Rückseite sichthare Holbspiegel, welcher von einer zwischen der einfachen und der doppelten Brennweite befindlichen Kerze ein verkehrtes vergrössertes Bild auf dem Papierschirm entwirft. Dicht bei der Kerze ist ein kleiner Schirm aufgestellt, welcher verhindert, dass die Strahlen der Kerze direct dahin fallen, wo ihr Bild durch den Spiegel entworfen wird. Nähert man den Schieber mit der Kerze dem Holbspiegel, so muss man den Schieber mit dem Schirm entfernen, um das Bild wieder deutlich zu machen. Entfernt man die Kerze vom Spiegel, so mnss man den Schirm nähern. Wenn die Kerze nm mehr als die doppelte Brennweite vom Hohlspiegel absteht, wenn also das Bild dem Spiegel näher steht als der Gegenstand, so muss man entweder den Schirm oder die Kerze seitlich anbringen, damit der Schirm nicht die von der Kerze nach dem Spiegel gehenden Strahlen auffängt.

Je weiter der Gegenstand von dem Hohlspiegel sich entfernt, desto mehr muss sich begreiflicherweise das Bild dem Hauptbrennpnnkte nähern, das Bild der gleichsam unendlich weit entfernten Sonne muss also im Hauptbrennpunkte selbst liegen, wenn die Axe des Spiegels nach der Sonne gerichtet ist. Fallen die Sonnenstrahlen schräg, also nicht in der Richtung der Spiegelaxe auf, so liegt das Bild natürlich nicht mehr in der Spiegelaxe, sondern seitwärts, seine Entfernung von dem Spiegel ist aber stets dem halben Krümmungshalbmesser desselben gleich. Da uns die Sonne unter einem Winkel von nngefähr 30' erscheint, so muss auch das Sonnenbildchen, von C aus gesehen, unter demselben Winkel erscheinen, seine absolute Grösse hängt also von dem Krümmnngshalbmesser des Spiegels ab. Im Brennpnnkte des grossen Reflectors von Herschel z. B., dessen Krümmungshalbmesser 50 Fuss ist, hat das Sonnenbild ungefähr 3 Zoll Durchmesser; der Durchmesser des Sonnenbildes ist ungefähr 3 Millimeter, wenn der Krümmungshalbmesser des Spiegels 1 Meter ist.

Um den Krümmungshalbmesser eines Hohlspiegels zu finden, braucht man nur zu messen, wie weit das Sonnenbildchen vom Spiegel liegt, denn diese Entfernung doppelt genommen ist ja dem Krümmungshalbmesser des Spiegels gleich.

Die Bilder solcher Gegenstände, welche um mehr als die 100fache Länge des Krümmungshalbmessers vom Spiegel entfernt sind, sind auch dem Brennpunkte selbst sehr nahe.

Wir haben jetzt die Lage des Bildes nur noch für den Fall zu ermitteln, dass der Gegenstand zwischen dem Spiegel und dem Brennpunkte liegt. Wir haben gesehen, dass alle Strahlen, welche von einem lenchtenden Punkte ausgehen, der dem Hohlspiegel näher liegt als der Hauptbrennpunkt, so reflectirt werden, als ob sie von einem Punkte hinter dem



Spiegel herkämen; in dem eben zu betrachtenden Falle kann also natürlich kein Sammelbild entstehen. Solche Bilder nennt man virtuelle Bilder. Anch die Bilder ebener Spiegel sind virtuelle Bilder.

In Fig. 608 (a. vor. S.) sei AB der Gegenstand, dessen Bild wir suchen wollen.

Nach den oben entwickelten Principien ist es leicht, die Lage des Punktes  $\alpha$  zu ermitteln, von welchem die von A angebenden Strahlen divergiren, nachdem sie von dem Hohlspiegel reflectirt worden sind. Ebenso lässt sich das Bild  $\delta$  des Punktes B finden; wenn also der Gegenatand zwischen dem Brennpunkte nud dem Spiegel liegt, so fällt sein vergrössertes anfrechtes Bild hinter den Spiegel, es verhält sich also, die Vergrösserung abgerechnet, ganz wie die Bilder der beteinen Spiegel.

219 Die Convexspiegel haben keine wirkliche, sondern nur virtuelle Brennpunkte, d. h. die Strahlen, welche sie treffen, werden nicht in einem Punkte vereinigt, sondern sie div vergiren nach der Spiegelung so, als ob sie von einem Punkte hinter dem Spiegel herkämen. Wenn ein Convexspiegel von Strahlen getroffen wird, welche mit der Axe parallel sind, Fig. 609, so liegt für diese der Haupt-Zerstreuungspankt F in der Mitte

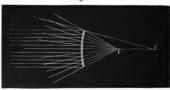


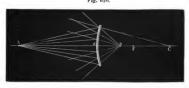
Fig. 609.

zwischen dem Spiegel und dem Mittelpunkte C. Der Abstand des Hauptzerstreuungspunktes F von der Mitte des Convexspiegels wird die Zerstreuungsweite genannt.

Wenn ein leuchtender Punkt A, Fig. 610, auf der Axo des Convexpiegels liegt, so werden die von ihm ausgehenden auf den Spiegel fallenden Strahleu so reflectirt, als ob sie von einem jenseits des Spiegels liegenden Pankte a der Axe herkimen, welcher zwischen dem Spiegel und dem Ilauptzerstreuungspunkt F liegt. Den Abstand h dieses Punktes von der Mitte d des Spiegels kann man mit Hülfe der Gleichung 5) S. 502 berechnen, wenn man in derselben f mit negativen Zeichen einführt. Die Gleichung geht dadurch über in

h ist hier immer negativ, welchen Werth auch übrigens g haben mag, d.h. wie weit oder nah auch der leuchtende Punkt A sich vor dem Convexspiegel

Fig. 610.



befinden mag, so liegt der ihm entsprechende Zerstrenungspunkt a stets hinter dem Spiegel.

Die Lage der Bilder, welche Convexspiegel von Gegenständen entwerfen, welche sich vor ihnen befinden, ergiebt sich aus folgender Construction.

Es sei AB, Fig. 611, ein vor einem Convexspiegel befindlicher Gegenstand. Ein Strahl, welcher von A in der Richtung AC auf den Spiegel fällt, wird in derselben Richtung reflectirt, in welcher er kam, das Bild von A muss also auf der Linie AC liegen. Ein Strahl, der von A aus perallel mit der Spiegelaxe in n auf den Spiegel trifft (der Buchstabe n ist in der Figur aus Mangel an Raum weg'gelassen), wird so reflectirt, als ob er vom Hauptzerstreuungspunkte F kime; das Bild von A liegt also in dem Durchsenhitspunkte A der Linien AC und nF. Alle von A ausgehenden Strahlen werden von dem Convexspiegel so reflectirt, als ob iev on a hertämen.

Nachdem man auch das Bild b des Punktes B gefunden hat, über-Fig. 611.

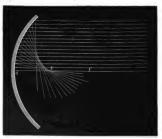


zengt man sich leicht, dass man durch Convexspiegel verkleinerte anfrechte Bilder hinter dem Spiegel erhält.

Unsere Figur stellt den Verlauf des von B aus divergirenden und von dem Convexspiegel reflectirten Strahlenbündels dar.

20 Von den Brennlinien. Wir haben bereits in Paragraph 208 gesehen, dass ein von einem Punkt ausgehendes Strahlenbindel, welches einen Hohlspiegel trifft, nur dann durch denselben wieder in einem Punkte vereinigt werden kann, wenn die Krümmung des Spiegels von der Mitte bis zum Rande nicht über gewisse Gränzen hinausgeht; dass solche Strahlen, welche parallel mit der Aze nahe am Rande auf einen stark gekrümmten Spiegel suffallen, nach der Spiegelung die Aze in einem Punkte schneiden, welcher dem Spiegel näher liegt als der Brennpunkt. Dieser Umstand bewirkt, dass solche zu stark gekrümmte Spiegel

Fig. 612.



nur sehr unreine Bilder geben, nnd man muss, um mit solchen Spiegeln scharfe Bilder zn erhalten, dieselben bis auf den centralen Theil bedecken.

Denken wir uns den ganzen Strahlenkegel, welcher von einem Punkte ausgehend auf einen stark gekrümmten Hohlspiegel fällt, von einer durch die Aze gelegten Ebene durchselnnitten, so werden je zwei benachbarte in dieser Ebene liegende Strahlen nach ihrer Reflexion sich in einem Punkte schneiden, welcher nicht auf der Aze des Spiegels liegt und welcher sich nm so mehr von dieser Aze entfernt, je weiter der Reflexionspunkt von der Mitte des Spiegels entfernt, d. h. je näher der Punkt, in welchem der einfallende Strahl des Spiegele trifft, dem Rande liest, wie dies Fig. 612 erläutert. Die auf einander folgenden Durchschnittspunkte je zweier benachbarter in einer Ebene reflectirter Strahlen bilden aber eine krumme durch stärkere Lichtconcentration ausgezeichnete Linie, welche man eine Brennlinie oder eine kanstische Linie neunt.

Unsere Figur stellt, nm nicht durch zu viel Linien zu verwirren, nur die obere Hälfte der Brennlinie dar, welche durch die Reflexion eines parallel mit der Axe einfallenden Strahlenbündels entsteht, deren Gipfel-

punkt also durch den Brennpunkt F gebildet wird.

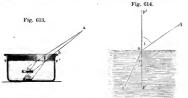
Solche Brennlinien kann man leicht auf dem Boden flacher cylindrischer, insoliter Gefässe beobachten. Am leichtesten lassen sie sich in einem Trinkglase zeigen, welches bis auf einigen Abstand vom Rande mit Milch oder einer andern trüben Flüssigkeit gefüllt, dem Lichte der Sonne oder einer Kerze ausgesetzt wird. Dieselbe Beobachtung lässt sich auch mit einer Käffetasse anstellen.

Denken wir ms die ganze Figur 612 um ihre  $\Lambda xe~d~F~C$  umgedreht, so wird durch die Umdrehung der Brennlinie eine kegelartige Oberfläche gebildet, welche den Namen der kaustischen Fläche führt. Eine solche kaustische Fläche wird durch jeden stark gekrümmten Hohlspiegel erzeugt, wenn man ihn gegen die Sonne oder gegen eine andere hinflagiglich starke Lichtquelle richtet, man macht sie am besten sichtbar, wenn man auf irgend eine Weise vor dem Spiegel einen dichten Rauch erzeugt.

## Drittes Capitel.

## Dioptrik oder Brechung des Lichtes.

221 Allgemeine Gesetze der Brechung des Lichtes. Unter Brechung versteht man die Ablenkung, die Richtungsänderung, welche ein Lichtstraß eridet, wenn er aus einem Mittel in ein anderes übergeht. Dass eine solche Ablenkung stattfindet, davon kann man sich leicht durch folgeuden einfachen Versuch überzeugen. In Fig. 613 sei zw' ein noch leeres Gefäss, auf dessen Roden man einem schweren Körper, etwa ein Geldstück, m, legt; man hält alsdann das Auge an eine solche Stelle at dass das Geldstück mehen durch den Rand des Gefässes verdecht errscheint.



Wird nun, während das Auge unverändert seine Stellung behält, Wasser in das Gefäss gegossen, so wird das Geldstück alsobald sichtbar und scheint um so höher zu steigen, je mehr der Wasserspiegel steigt. Es sit klar, dass jetzt die Lichtstrahlen nicht in gerader Linie vom Körper ss ins Auge gelangen; sie erleiden vielmehr beim Austritt aus dem Wasser eine Richtungsweränderung, wie dies in der Figur angedeutet ist. Der Einfallswinkel i, Fig. 614, ist bei der Brechung wie bei der Spiegelung der Winkel, welchen der einfallende Strahl ln mit der im Einfallspunkte errichteten Normalen, dem Einfallslothe np', macht.

Der Brechungswinkel ist derjenige, welchen der gebrochene Strahl ns mit der Verlängerung np des Einfallslothes macht.

Die Einfallsebene ist die durch den einfallenden Strahl und das Einfallseht, die Brech ungsebene die durch den gebrochenen Strahl und das Einfallseht, die Brech ungsebene die durch den gebrochenen Strahl und unt ein gelvendener; doch giebt en Körper, wis Kalkspath, Bergkrystall u. a., welche die Eigenschaft haben, jeden einfallenden Strahl in zwei gebrochene zu späten. Diese Erscheinung der doppelten Brechung hängt mit der Polarisation des Lichtes zussammen, welche wir später betrachten werden. Vor der Hand beschäftigen wir uns nur mit den Gesetzen der einfachen Brechung. Diese Greetze sind folgendet:

- Die Brechungsebene fällt mit der Einfallsebene zuammen.
- 2) Für dieselben Mittel steht der Sinus des Brechungswinkels in einem constanten Verhältnisse zum Sinus des Einfallswinkels.
- Der erste dieser beiden Sätze bietet keine Schwierigkeiten, der zweite lässt sich durch den Apparat Fig. 615 nachweisen. Ein zwei bis der Zoll bohes Gefüss ist auf der einen Seite durch

Fig. 615



int au der einen serie duren eine ebeneGlasfliche ab, ausserdem aber durch eine halbkreisförnige verticale Wand begränzt. Die Glasfläche ist bis auf einen in ihrer Mitte befindlichen verticalen Streifen von 1/2 bis I Linie Breite mit undurch sichtigem Papier zugeklebt bis I Linie Breite mit durch oder augestrichen; die halbkreisförnige Rückwand ist im Uneren mit einer Gradtheilung versehen, deren Nullpunkt dem durchsichtigen Streifen, den wir kurz als Spalt bezeichnen wollen, gerade gegenüber liegt.

Dies Gefäss wird ungefähr bis zur Hälfte mit Wasser gefüllt.

Bringt man nun ein Kerzenlicht in einiger Entfernung gerade vor den Spalt, so werden die durch denselben einfallenden Lichtstrabhen gerade den Nullpunkt der Theilung treffen. Bringt man aber das Licht auf die Seite, so werden die Lichtstrablen, welche durch den Spalt in das Gefäss eindringen, in oberen und unteren Theil nicht an derselben Stelle die Ruckwand treffen. Der Theil des Lichtbündels, welcher in oberen Theile des Spaltes eindringt, setzt seinen Weg in gerader Linie fort, während die untere Hälfte des Lichtbündels beim Eintritt in das Wasser eine andere Richtung erhält und also auch an einer andern Stelle die Rückwand trifft.

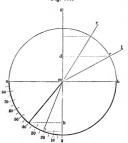
Nehmen wir an, man habe die Lichtquelle so weit auf die Seite gerückt, dass das durch die obere Hälfte des Spaltes einfallende Licht gerade den Theilstrich 60 trifft, wie dies in unserer Figur dargestellt ist, so wird der untere Theil des Lichtbundels bei seinem Eintritt in das Wasser nach einem Punkte der Rückwand abgelenkt, welcher 40° weit vom Nullpunkte absteht.

Hätte die Lichtquelle so gestanden, dass durch die obere Hälte des Spaltes der Theilstrich 30 beleuchtet worden wäre, so würde das im Wasser gebrochene Lichtbündel bei 22° die Rückwand getroffen haben.

Wäre das Licht durch die obere Hälfte des Spaltes, also stets in gerader Richtung fortgehend, auf 15° gefallen, so würde gleichzeitig der gebrochene Strahl auf 11½ 6rad gefallen sein.

Am schössten lässt sich dieser Versuch in einem dunklen Zimmer mit Sonnenstrahlen austellen, welche von einem Heliostat kommend, in horizontaler Richtung durch eine Oeffnung im Fensterläden eintreten. Da man hier die Lichtquelle nicht verschieben kann, so muss der Apparat, Fig. 515, in verschiedene Stellungen gegen die einfallenden Strahlen gebracht werden.

In Fig. 616 stelle der Halbkreis  $a \circ b$  die getheilte kreisförmige Wand des Fig. 616, Gefässes und ab die vor-



dere Glaswand von oben gesehen dar. Der Spalt ist bei m. Wenn nun die Linie Im so geriehtet ist, dass ihre Verlängerung die Theilung bei 60° trifft, so ist Im die Richtung des einfallenden Strahles für den ersten der drei oben erwähnten Versuche, die Linie aber, welche von m nach 40° geht, stellt für diesen Fall den gebrochenen Strahl den gebrochenen

Denken wir uns bei m ein Perpendikel ms errichtet, so ist dies und seine Verlängerung mo das Einfallsloth; der Ein-

fallswinkel lms ist hier 60°, der entsprechende Brechungswinkel ist 40°.
Denken wir uns um m mit dem Halbmesser mb den Kreis vollendet,

so schneidet er bei c den einfallenden Strahl *lm*. Fällt man von c das Perpendikel dc auf das Einfallsloth, ein zweites Perpendikel aber vom Theilstrich 40 nach h, so verhalten sich diese beiden Perpendikel wie 4 zu 3.

Wenn der einfallende Strahl rm einen Winkel von 30° mit dem Einfallsiothe macht, so ist der entsprechende Brechungswinkel 22°. Fallt man nun von dem Punkte, wo der einfallende Strahl den Kreis schneidet, und von Theilstrich 22 Perpendikel auf das Einfallsloth, so verhalten sich diese wieder wie 4 zn 3.

Hätte man das Resultat des letzten Versuches, nach welchem zum Einfallswinkel 15° der Brechungswinkel 11¹/s gehört, ebenso construirt, so hätte man in Beziehung auf jene Perpendikel dasselbe Resultat gefunden, dass sie sich nämlich verhalten wie 4 zn 3.

In welcher Richtung auch der einfallende Strahl die Wasserfläche treffen mag, so wirdt er doch so gebrochen, dass, wenn man von den Punkten, in welchen der einfallende und der gebrochene Strahl einen um den Einfallspunkt gezogenen Kreis sehneiden, Perpendikel auf das Einfallsloth fällt, diese Perpendikel sich stets verhalten wie 4 zu. 3.

Wenn der Halbmesser des Kreises Fig. 616 zur Einheit genommen wird, so ist die in dieser Einheit ausgedrückte Länge des Perpendikels de der Sinus des Winkels Ame, also der Sinus von 60°. Das vom Theilpunkte 40 auf das Einfallsloth gefällte Perpendikel ist aber der Sinus von 40°. Nach dieser Bezeichnung kann man das Brechungsgesetz so ausdrücken:

Beim Uebergange aus Luft in Wasser wird ein Lichtstrahl in solcher Weise abgelenkt, dass sich der Sinus des Einfallswinkels zum Sinus des Brechungswinkels stets verhält wie 4 zu 3.

Macht man ähnliche Versuche mit anderen Substanzen, so findet man, dass der Sima des Einfallswinkels zum Sinua des Brechungswinkels immer in einem constanten Verhältniss steht, welches für jede Substanz ein eigenthünliches ist. Beim Uebergange von Luft in Wasser verhält sich, wie wir gesehen haben, der Sinus des Einfallswinkels zu dem des Brechungten des Brechungs-

winkels wie 4 zu 3; beim Uebergange von Luft in Glas wie 3 zu 2 u.s.w. Die Zahl, welche angiebt, wie vielmal beim Uebergang aus Luft für eine bestimmte Substanz der Sinus des Einfallswinkels grösser ist als der des Brechungswinkels, wird der Brechungsexponent genannt. Für Was-

ser ist der Brechungsexponent nahe "/4, für Glas ist er nahe 3/2 u. s. w. Die folgende Tabelle enthält die Brechungsexponenten mehrerer Sub-

stanzen:			0 1
Aether	 	 1,358	Balsam Tolu 1,628
Alaun	 	 1,457	Benzol 1,500
Alkohol	 	 1,372	Bergkrystall 1,562
Anisöl	 	 1,811	Bleioxyd, chromsaures 2,926
Balsam Canada		 1,532	Boracit 1,701

Muller's Lehrbuch der Physik, 61e Auft, L.

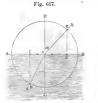
		,		•••	-			treeting are minutes
Cassiaöl .							1,641	Obsidian 1,488
Citronenöl							1,527	Saphir 1,794
Diamant .							2,270	Schwefel, natürlicher 2,040
Eis							1,310	Schwefelkohlenstoff 1,680
Flussspath							1,436	Schwefelsäure,
Glas, geme	ines						1,596	specifisches Gewicht 1,84 1,440
, von	St. G	obs	in				1,543	Steinsalz 1,498
" grüne	· 8						1,615	Terpentinöl 1,476
Flintglas,								Topas 1,610
1 Thl. B	lei, 4	Th	ile.	К	ies	el	1,664	Weingeist 1,374
Mohnöl .							1,463	Wasser 1,336

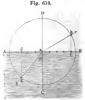
Weiter unten werden wir genauere Methoden zur Bestimmung der Brechungsexponenten kennen lernen.

Die Richtung des gebrechenen Strahls lässt sieh dem Brechungsgesetz entsprechend durch eine einfallende Construction bestimmen, wenn die Richtung des einfallenden Strahls und der Brechungsexponent bekamt sind, wie dies durch Fig. 617 erläuert wird, welche sich auf den Uebergang eines Liehst-frahls aus Luft in Glas bezieht. In dem Punkte  $\alpha$ , in welchem der einfallende Strahl  $\delta \alpha$  die Wassenfläche AB trifft, erählste der Auf dam auf AB mehr der Seite des einfallenden Strahls hin mit beliebigem Massestab für Länger  $\alpha d = 3$ , nach der andern Seite aber  $\alpha f = 2$  (den Brechungseponenten aus Laft in Glas gleich  $Y_2$  augenommen) und errichtet in d ein Perpendiket, welches den einfallenden Strahl in g denneidet.

Wird nun ferner mit dem Radius ag ein Kreis beschrieben und durch den Punkt h, in welchem derselbe das in f errichtete Pendel trifft. eine Linie nach a gezogen, so ist diese Linic ca die Richtung des gebrochenen Strahls.

Nach derselben Methode ist in Fig. 618 die Richtung des aus Wasser in Luft austretenden Strahles ac construirt, welcher sich innerhalb des





Wassers in einer Richtung ba fortpflanzt, die einen Winkel von  $40^{\circ}$  mit dem Einfallslothe macht.

Fig. 619 und 620 erläutern eine andere Methode für die Construction des gebrochenen Strahl.

Fig. 619 bezieht sich auf die Brechung beim Uebergang aus Luft in Glas (Brechungsexponent <sup>3</sup>/<sub>2</sub>), und zwar ist der Werth des Einfallswinkels = 65°.

Nachdem das Einfallsloth CD n<br/>nd die Richtung des einfallenden Strahls ah gezogen sind, werden auf dem letzteren nach beliebigem Maassstab

Fig. 619.

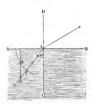


Fig. 620.

zwei Stücke ad und af aufgetragen, welche sich verhalten wie der Sinus des Brechungswinkels zum Sinus des Einfallswinkels, in unsern Fall also wie 2 zu 3. Durch d wird nun eine Linie parallel mit dem Einfallsloth, also rechtwinklig zu AB und um a mit dem Halbnesser af ein Kreisbogen gezogen, welcher das durch d gezogene Perpendiks in g schneidet. Die Linie ae nun, welche die Verlängerung von ga ist, ist die Richtung des gebrochenen Strahls

Der Beweis für die Richtigkeit dieses Verfahrens ist leicht zu führen, In dem Dreieck adg verhalten sich die Sinus der Winkel agd und adg wie ad zu ag, also wie 2: si, agd ist aber dem Brechungswinkel aC gleich; adg aber ist der Nebenwinkel von gdb, welcher selbst gleich ist dem Einfallswinkel Dab. Wir haben also sin ca c: sin Dab = 2:3, wodurch die Richtigkeit der Construction bewiesen ist.

Nach dieser Methode ist in Fig. 619 die Richtung des aus Wasser in Luft austretenden Strahls ac construirt, wenn der im Wasser sich fortpflauzende Strahl ba einen Winkel von 40° mit dem Einfallslothe macht.

wenn i den Einfallswinkel, r den Brechungswinkel und n den Brechungsexponenten bezeichnet.

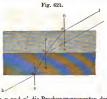
Nach Gleichung (1) lässt sich stets die Richtung des gebrochenen Strahls durch Rechnung finden, wenn die des einfallenden Strahls gegeben ist. Die Entdeckung des Brechungsgesetzes gebührt einem niederländischen

Gelehrten, Snellius; doch wurde es zuerst von Cartesius bekannt gemacht, der vorher die Papiere des Snellius gesehen hatte.

macht, der vorher die l'apiere des Snellius gesenen natte. Wenn n der Brechungeschonent ist für den Übergrang eines Lichtstrahls aus Luft in eine Substanz A, n' der Brechungsexponent für den Übergang aus Luft in eine Substanz B, so ist  $\frac{n'}{n}$  der Brechungsexponent

für den Uebergang des Lichtstrahls aus A in B.

Der Brechungsexponent für Luft und Wasser ist n=1,34; für Luft und Glas ist er n'=1,53; demnach ist der Brechungsexponent für den Uebergang eines Strahles aus Wasser in Glas  $\frac{1,53}{1.34}=1,14$ .



Die Richtigkeit dieses Satzes folgt aus der Thatsache, dass, wenn man zwei parallele Platen ungleich stark brechender Substanzen, Fig. 621, aufeinanderlett, ein auf der einen Seite eintretender Lichtstrahl Ic, nachdem er die Platten durchlaufen hat, in einer Richtung ak wieder in die Luft austritt, welche der Richtung des eintretenden Strables (parallel ist. Wenn Strables Vparallel ist. Wenn

nun n und n' die Brechungsexponenten des ersten und des zweiten Mittels

für Luft sind, so bat man: 
$$\frac{\sin i}{\sin r} = n$$
 und 
$$\frac{\sin i'}{\sin r'} = n',$$
 wenh 
$$i = \text{Winkel } l\,c\,n,$$
 
$$r = \text{Winkel } l\,c\,b = p\,b\,c,$$
 
$$r' = \text{Winkel } a\,b\,a = r\,a\,b,$$
 ist. Da nun aber  $i = r'$ , so folgt:

Demnach ergiebt sich für den Werth des Brechungsexponenten bei dem Uebergang aus Wasser in

Wenn n grösser als 1 ist, so ist sin i > sin r, also auch i > r, durch die Brechung wird also der Strahl dem Einfallslothe genähert, das zweite Mittel ist stärker brechend als das erste.

Wenn n kleiner ist als 1, so ist auch i < r; der gebrochene Strahl entfernt sich also vom Einfallsloth, in diesem Falle ist das zweite Mittel das schwächer brechende.

Man drückt dies gewöhnlich dadurch aus, dass man sagt, der Strah wird dem Einfallslothe genähert oder von demselben entfernt, je nachdem er aus einem dünneren in ein dichteres Mittel äbergeht, oder umgekehrt. Diese Ausdrucksweise ist aber nicht streng richtig, weil es oft vorkommt, dass ein weniger dichtes Mittel dochstärkerbrechend ist; so ist z. B. das specifische Gewicht des Wassers grösser als das specifische Gewicht des Wassers grösser als das specifische Gewicht des Benzols, und doch kommt dem Benzol der grössere Brechungsweponet zu.

Totale Reflexion. Wenn der Einfallswinkel gleich Null ist, so 222 fallt der einfallende Strahl mit dem Einfallslothe zusammen, denn wenn i = o, so ist auch r = o, d. h. mit anderen Worten, wenn ein Strahl rechtwinklig auf die brechende Fläche trifft, so setzt der Strahl ohne Ablenkung seinen Weg fort.

Der grösste Werth, welchen der Einfallswinkel haben kann, ist 90°, und da sin. 90 = 1, so geht für diesen Fall Gleichung (1) auf S. 547 über in

$$\frac{1}{\sin r} = n$$

oder

$$sin \ r = \frac{1}{n}$$

Der sich aus dieser Gleichung ergebende Werth von r wird der Gränzwinkel genannt. Für Luft und Wasser ist  $n=\frac{4}{3}$ , also  $\frac{1}{n}=\frac{3}{4}=0.75$ ; nun ist aber  $0.75=\sin{(48^{\circ}35')}$ , mithin ist für Luft und Wasser  $48^{\circ}35'$  der Gränzwinkel. Beim Uebergang aus Luft ist der Werth des Gränzwinkels für

Alkohol .							$46^{\circ}$	52
Benzol .							41	48
Crownglas							40	49
Flintglas							37	36
Schwefelke	oh.	len	sto	ff			36	31
Diamant							23	53

Es ist der Werth des Gränzwinkels für den Uebergang ans Benzol in Wasser . . . . . . . . 64° 23' aus Schwefelkohlenstoff in Wasser . . . 52 54

Weun hingegen ein Lichtstrahl, sich im Wasser fortpflanzend, einen Winkel von 48° 35' mit dem Einfallslothe macht, so wird er nach seinem Austritt in die Luft einen Winkel von 90° mit dem Lothe machen, d. h. er wird sich parallel der Trennungsfläche bewegen; alle im Wasser sich bewegenden Strahlen aber, welche mit dem Einfallslothe einen Winkel machen, der den Werth des Granzwinkels übersteigt, können gar nicht mehr austreten, sie werden an der Gränzfläche des Wassers vollständig gespiegelt, Fig. 622. Dieser Fall der totalen Reflexion ist der einzige Fall einer Spiegelung auf durchsichtigen Körpern, bei welcher der Strahl fast uichts an seiner preprünglichen Intensität verliert.

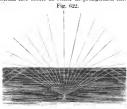


Fig. 623 zeigt ein interessantes Beispiel der totalen Reflexion. In ein Glas mit Wasser tauche man eine nnten zugeschmolzene Glasröhre, am besten ein Reagentienglas, wie es die Chemiker gebrauchen, welches leer ist, d. h. nur Luft enthālt; wenn man dem Röhrchen ungefähr die Stellung giebt, wie Fig. 623 zeigt, und dasselbe von oben her, etwa von



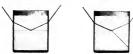
o aus betrachtet, so erscheint es dem Auge so glänzend, als ob es mit Quecksilber gefüllt wäre. Giesst man etwas Wasser in das Röhrchen, so verschwindet dieser Metallglanz gerade

so weit, als das eingeschlossene Wasser reicht. Die Erscheinung ist leicht zu erklären; die von a her kommenden Strahlen treffen die Röhre anter einem solchen Winkel, dass sie nicht in die Luft der Röhre austreten können, sie werden also vollständig reflectirt: sobald die Röhre Wasser enthält, hört diese vollständige Reflexion auf.

Wenn oben gesagt wurde, dass das Röhrchen unter den bezeichneten Umständen so glänzend erschien als ob es mit Quecksilber gefüllt sei, so soll damit nur ungefähr die Art des Glauzes bezeichnet werden; in der That wird aber bei der erwähnten totalen Reflexion das Lieht noch weit vollständiger zurückgeworfen als an einer Quecksilberoberfläche. Man kann sich davon leicht überzeugen, weun man bei dem Fig. 623 dargestellten Versuche in das Resgenzröhrchen statt des Wassers etwas Quecksilber eingiesst. Der untere mit Quecksilber gefüllte Theil des Röhrchens erscheint ganz grau im Vergleich zu dem lichten Glauze, welchen der obere Theil des Resgenzröhrchens in Folge der totalen Reffexion zeigt.

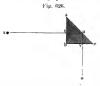
Sehr schön lässt sich die totale Reflexion auch durch folgenden Versuch erläutern. Man schütte in ein Glasgefüss von 1 bis 2 Zoll Durchmeser Wasser und darauf Benzol, in ein zweites Schwefel kohlenstoff und darauf Wasser. In dem ersten Falle wird die Gränzfläche, sehräg von oben gesehen, wie Fig. 624 andeute, mit behaltem Silberglauz er-





scheinen, weil die Strahlen aus dem Benzol nicht in das Wasser austreten können, also eine totale Reflexion erleiden, während die Gränzfläche zwischen Schwefelkohlenstoff und Wasser Fig. 625 unter den gleichen Unständen uur einen sehr matten Glanz zeigt, indem die Strahlen an derselben nur theilweise gespiegelt werden, und grösstenheils aus dem schwächer brechenden Wasser in den stärker brechenden Schwefelkohlenstoff übergehen.

Ein interressantes Beispiel der totalen Reflexion bieten uns auch die im nächsten Paragraphen näher zu betrachtenden Glasprismen. Fig.



626 sei der Querschnitt eines rechtwinkligen gleichschenkligen Glasprismas. Wenn von einem Gegenstande s ein Lichtstrahl st rechtwinklig auf die vordere Fläche ab des Prismas fällt, so setzt er im Glas seinen Weg in unversinderter Richtung fort und trifft die Rückwand ac in st unter einem Winkel, won 45°. Da nun offenbar der Winkel, welchen der Strahl für mit dem in stä gerrichtenden Einfalls-

lothe macht, gleichfalls  $45^\circ$ , also größer ist als der Gränzwinkel für Glas, so kann der Strahl tu bei u nicht in Luft austreten, er wird vollständig

reflectirt, um endlich bei v rechtwinklig zur Fläche bc das Prisma zu verlassen. Ein in o befindliches Ange wird also von dem Gegenstande s ein Bild sehen, welches eben so glänzend und hell ist, wie das Bild eines Metallspiegels. Um den Contrast der gewöhnlichen Glasreflexion und der totalen recht deutlich zu zeigen, stelle man neben das Prisma parallel mit der Fläche ac einen unbelegten Streifen von Spiegelglas, so wird dieser ein Bild von s zeigen, welches ungemein matt erscheint gegen das in ac gesebene.

223 Grösse der Ablenkung. Die Grösse der durch die Brechung hervorgebrachten Ablenkung wird gofunden, wenn man den Brechungswinkel vom Einfallswinkel abzieht. Wir wollen nnn untersuchen, in welchem Verhältnisse die Ablenkung wächst, wenn der Brechungswinkel zunimmt; fassen wir bei dieser Betrachtung einen bestimatner Fall ins Auge, war den Uebergang der Strahlen aus Luft in Glas; der Brechungsexponent sei ½, oder 1.5, so ist.

$$sin i = 1.5 sin r$$
.

Nach dieser Formel lässt sich nun für jeden beliebigen Brechungswinkel der gehörige Einfallswinkel und die Ablenkung finden; die folgende kleine Tabelle enthält für die von 5 zu 5 Grad fortachreitenden Brechungswinkel die entsprechenden Einfallswinkel und Ablenkungen.

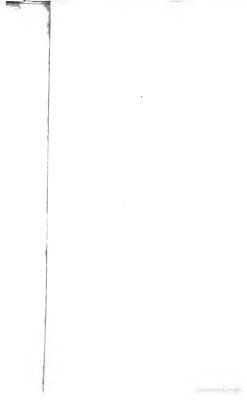
7	- 1	Ablenkung	Zunahme der Ablenkung		
50	70 80'	20 30'	20 30'		
10	15 5	5 5	2 35		
15	22 50	7 50	2 45		
20	30 52	10 52	8 2		
25	39 21	14 21	3 29		
30	48 35	18 35	4 14		
35	59 12	24 12	5 37		
40	74 34	34 34	10 22		

Aus dieser Tabelle sieht man, dass die Ablenkung nicht dem Brechungswinkel proportional wächst, sondern dass diese Ablenkung für kleine Brechungswinkel gering ist, für grössere aber in einem weit rascheren Verhältnisse zunimmt als die Brechungswinkel. Beistehende Fig. 627 stelltdieses graphisch dar; die Abseissen sind den Brechungswinkeln, die Ordinaten den entsprechenden Ablenkungen proportional aufgetragen.

Dem Brechungswinkel 30° entspricht die Ablenkung 18° 35′; wächst der Brechungswinkel um 5°, so nimmt die Ablenkung um 5°37′ zu; nimmt aber der Brechungswinkel um 5° ab, so wird die Ablenkung nur um 4° 14′







abnehmen; oder es sei allgemein a die Ablenkung, welche dem Brechungswinkel r entspricht, so gehört die Ab-



 $a - \alpha$  zum Brechungsw. r - bund  $a + \alpha + \beta$  , r + b

 $a+a+\beta$  , r+b wenn man also den Brechungswinkel, von einem bestimmten Werthe r desselben ausgehend, um eine bestimmte Grösse b wechsen lässt, so nimmt die Ablenkung mehr zu als ihre Abnahme betrüge, wenn der Brechungswinkel r um b verkleinert würde.

Von diesem Satz werden wir alsbald eine wichtige Anwendung machen.

Brechung des Lichtes durch Prismen. Ein Prisma nennt 224 man in der Optik ein Stäck eines durchsichtigen Stoffes, welches durch zwei gegen einander geneigte Flächen begränzt ist.

Die Kante des Prismas ist die Linie, in welcher sich die beiden Gränzflächen schneiden oder doch schneiden würden, wenn sie hinreichend verlängert würden.

Fig. 629.



Fig. 628.



Die Basis eines Prismas ist eine der brechenden Kante gegenüberliegende Fläche, mag sie nun in der Wirklichkeit vorhanden, oder mag sie nur gedacht sein.

Der brechende Winkel ist der Winkel, welchen die beiden brechenden Flächen des Prismas mit einander machen.

Hauptschnitt nennt man den Durchschnitt des Prismas mit einer auf der brechenden Kante rechtwinkligen Ebene.

Gewöhnlich wendet man Prismen an, welch durch drei rechtwinklige Flächen  $abd^2b$ ,  $bcb^2c'$  und cac'a', Fig. 628, begränzt sind. Wenn das Licht durch die Flächen ab' und ac' hindurch eight, so ist ac' die brechende Kante und bc' die Basis; bb' ist die brechende Kante, wenn der Lichtstrahl durch die Flächen bc' und bc' gebtu. s. w.

Der Hauptschnitt eines solchen Prismas ist ein Dreieck, und je nachdem dieses Dreieck rechtwinklig, gleichschenklig oder gleichseitig ist, nennt man auch das Prisma selbst rechtwinklig, gleichschenklig oder gleichseitie.

Oft befestigt man die Prismen auf einem messingenen Stativ, Fig. 629 (s. v. S.). Indem wan das Stäbehen t in der Röhre, in der es steckt, auf und niederschiebt, kann man das Prisma höher und tiefer stellen, und mittelst des Charniers bei g kann man ihm jede beliebige Stellung geben.

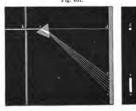
Beim Hindurchsehen durch ein Prisma beobachtet man zwei merkwürdige Erscheinungen: erstens erscheinen alle Gegenstände bedeutend von dem Orte verrückt, den sie einnehmen, und zwar nach der Seite der brechenden Kante hin; zweitens aber erscheinen sie mit farbigen Rändern gesäumt. Das Auge o, Fig. 630, erblicht z. B. den Gegenstand \u03c4 in u'. Wäre die brechende Kante nach unten gerichtet gewesen, so würden alle



Gegenstände, durch das Prisma gesehen, mach unten verrückt erscheinen. Ein verticales Prisma verrückt die Gegenstände nach der rechten oder linken Seite, je nachdem die brechende Kante auf der rechten oder linken Seite sich befindet.

Wenn ein Sonnenstrahl durch eine enge Oeffnung in der Richtung bd, Fig. 631, in ein dunkles Zimmer tritt,

und man ihn durch ein Prisma auffängt, so beobachtet man ebenfalls eine Ablenkung und eine Färbung. Anstatt des weissen runden Sonnenbild-Fig. 631.



chens, welches ohne das Prisma bei d erscheinen würde, erscheint bei rv ein ovales, mit den Regenbogenfarben gefärbtes Bild, das Sonnenspec-

trum. Das objectiv aufgefangene Spectrum erscheint von d aus uach der Seite der Basis des Prismas abgelenkt.

Die eben angedeuteten Farbenerscheinungen werden wir später betrachten und uns vor der Hand nur mit der Ablenkung beschäftigen.

Um diese Erscheinungen an Flüssigkeiten zu beobachten, weudet man Hoblyrismen an, die man auf mannigfache Weise herstellen kann. Natürlich müssen die Flüschen, durch welche die Lichtstrahlen in die Flüssigkeit ein- und austreten durch ebene Platten von Spiegelgkas gebildet sein.

Am einfachsten kann nam Holhjurianen herstellen, wenn man an einem dreiseitigen Glaegefiss, Fig. 632, von etwas dieken Wanden zwei Seiten wegselheift und auf dieselben ebene Glasplatten anfrittet, und zwam it einem Stoffe, welcher von der einzafallenden Flüssigkeit nicht aufgegelöst wird, also mit Hausenblase für Schwefelkohlenstoff, mit Siegellack für Wasser u. s. w.

Diese Hoblprismen, welche überhaupt mehr für Vorlesungsversuche als für genaue Messungen geeignet sind, leiden auch noch an dem Uebelstande, dass man die aufgekitteten Glasplatten nicht belufs der Reinigung abnehmen kann, was bei den zunächst zu beschreibenden, auch zu genauen Versuchen Drauchbaren Apparaten der Fall ist.

Fig. 633 stellt ein Hohlprisma von Dubosq in natürlicher Grösse Fig. 632.
Fig. 633.





dar. Zwei Seitenflüchen eines aus Messingblech verfertigten, unten durch eine Badenplatte geschlüssenen, aben offenen dreiseitigen freflüsses sind mit Kreisförnigen Ordhungen versehen. An die innere Seiten dieser beiden Seitenflächen sind geschlißtene Glasplatten gestellt, welche die fraglichen Orffmungen bedecken. In die innere Höhlung des Grüsses ist ein ziemlich genan passendes Glasprisma eingesetzt, welches so durchbohrt ist, das die Höhlung einen die Orffmungen der Seitenwände des Grüsses verbindenden Canal bildet. Durch eine in der Rickwand des Grüsses augebruchte Schruubs, welche zumächst gegen eine Eisenplatte drückt, wat das Glasprisma gegen die Glasplatte und die Seitenwände des Grüsses gedrückt, so dass die Höhlung desselben auf beiden Seiten fest versehlossen ist. Die Flüssigkeit wird durch eine kleinere, in der oberen Fläche des Glasprismas angehrachte Oeffnung eingefüllt, welche durch einen eingeriebenen Glasstöpsel geschlossen werden kann.

Fig. 634 stellt in halher natürlicher Grösse ein für genaue Messungen von Meyerstein construirtes Hohlprisma im Grund- und Aufriss dar.



Der Körper desselben besteht aus einem massiven Prisma von dunkelfarbigem Glas. dessen Basis ein gleichschenkliges Dreieck ist. Die heiden längeren Seiten dieses Dreiecks machen einen Winkel von 35° mit einander. Parallel mit der kleineren Säulenfläche ist das massive Glasprisma durchbohrt und die beiden grösseren Säulenflächen sind vollkommen ehen abgeschliffen, so dass man die Höhlung auf beiden Seiten durch aufgelegte Platten von Spiegelglas vollkommen schliessen kann. Diese aufgelegten Glasplatten werden durch die federnden Stahlblechstreifen a angepresst, welche auf einer, aus der Figur ersichtlichen Weise befestigt sind. Will man die aufgelegten Glasplatten hehufs der Reinigung wegnehmen, so kann

man durch Anziehen der Schrauben b den Druck aufhehen, welcher sie ampresst. Biot liess durch Cauchoix solche Hohlprismen von Glas herstellen, deren Seitenflächen so genauchen abgeschliffen und polirt waren, dass die aufgelegten geschliffenen Glasplatten schon durch die Adhäsion allein festhielten. Auch Steinheil hat derartige Hohlprismen hergestellt.

225 Richtung der Strahlen im Prisma und Bedingungen ihres Austrittes. Da der Einfallswinkel und der Breehungswinkel stets in einer Ehene liegen, so ist klar, dass alle einfallenden Strahlen, welche in der Ehene eines Hauptschnittes, also in einer Ehene liegen, welche auf der brehenden Kante rechtwinklig steht,



der breenenden Aante rechurmking stend durch das Prisma hindurchgehen, ohne diese Ehene zu verlassen; um also den Gang dieser Strahlen zu verfolgen, haben wir nur die Richtungsänderung in der Ehene dieses Hauntschnittes zu betrachten.

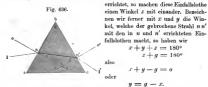
Der Strahl In., Fig. 635, welcher auf die vordere Fläche eines Prismas trifft, wird, beim Uehergange aus Luft in Glas dem Einfallsothe genähert, den durch Rechnung und Construction leicht hestimmbaren Weg nn' einschlagen. In n' die zweite Fläche des Prismas treffend, tritt er wieder in Luft. Richtung d. Strahlen im Prisma u. Bedingungen ihres Austrittes. 557

aus und erleidet hier eine zweite Ablenkung. Es ist klar, dass die Gesammtablenkung, welche ein Lichtstrahl durch ein Prisma erleidet, also die Summe der Ablenkungen in s und n' vom brechenden Winkel des Prismas und von dem Brechungsexponenten der Substanz abhängt, aus welchem es gebildet ist.

Wir wissen, dass ein Lichtstrahl, welcher sich in einem Mittel fortpflanzt, welches stärker brechend ist als Luft, nicht immer in die Luft austreten kann, und dass eine totale Reflexion stattfindet, wenn der Winkel, den der Strahl mit dem Einfallelotte macht, grösser ist als der Gräszwinkel; wir wollen nun untersuchen, unter welchen Umständen der Austritt aus einem Prisma stattfinden kann.

Es sei v der Werth des Gränzwinkels (für Glas, dessen Brechungsexponent=1,533, istv=40°43′) und g der brechende Winkel des Prismas.

Denken wir uns in n, Fig. 636, d. h. da, wo ein Strahl in das Prisma eintritt, und in n' da, wo er die zweite Fläche trifft, die Einfallslothe



Ein Austritt des Strahles bei n' ist möglich, so lange y kleiner ist als der Gefnarwinke ! Wenn g gegeben ist, so kann man leicht ermitteh, bis zu welcher Grösse x abnehmen darf, wenn noch ein Austritt möglich sein soll. Da v der grösste Werth ist, den y haben darf, wenn noch ein Austritt statfünden soll, so hat man in der letzten Gleichung nur y = v zu setzen, um den Gränzwerth von x zu erhalten. Man findet suf diese Weise x = y = -v; sobald der Strahl 1 in das Prisma so trifft, dass der Brechungswinkel x kleiner ist als der eben angegebene Werth, so ist kein Austritt möglich denn alsakann wird y grösser als v.

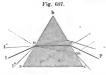
Wenn  $g=2\,v$ , so ist  $\check{v}$  der kleinste Wertlı von x, für welchen noch ein Austritt auf der anderen Seite des Prismas möglich wäre; da der Brechungswinkel x aber stets kleiner ist als der Gränzwinkel v, so ist bei einem solchen Prisma der Austritt der Strahlen nie möglich; ebenso wenig ist dieser Austritt möglich, wenn der brechende Winkel des Prismas den doppelten Werth des Gränzwinkels v noch übersteigt.

Wenn der brechende Winkel eines Flintglasprismas über 75° 12' ist, kann kein Strahl, welcher an der einen Seite eingetreten ist, durch die zweite Fläche austreten, er wird an ihr eine totale Reflexion erleiden. Für ein Flintglasprisma, desson brechender Winkel 60° beträgt, ist der kleinte Werth von z, bei wehelem noch ein Anstritt anf der anderen Seite möglich sein soll, 60° — 37° 36′, also 22° 24′. Zu dem Brechnugswinkel 22° 24′ gehört aber der Einfallswinkel on 39° 14′. Bei einem Flintglasprisma, dessen brechender Winkel 60° beträgt, darf also der einfallende Strahl In. Fig. 605, sich dem Einfallsloth no aur bis auf 39° 14′ anhern, wenn an der Fläche de noch ein Austritt möglich sein soll. Ist der Winkel In o kleiner als 39° 14′, so muss der an der Fläche ab eintertende Strahl an der Fläche be eine totale Reflexiou erleiden.

Je mehr nun der brechende Winkel g des Prismas abnimmt, desto kleiner wird der Gränzwerth von x, für welchen noch ein Austritt möglich ist, desto mehr darf also auch der einfallende Strahl 1s sich dem Einfallslothe nähern. Wenn g := v, so ist der Gränzwerth für x gleich Null, ex können also alle Strahlen austreten, welche in einer Richtung l n einfallen, die innerhalb des Winkels ona liegt. Wenn g < v, so können auch noch solche Strahlen austreten, deren Eintrittsrichtung in den Winkels onb füllen b0 für füllen b1 für den b2 für den b3 für den b3 für den b4 für den b5 für den b6 für den b8 für den b9 für den b8 für den b8 für den b9 fü

226 Von dem Minimum der durch ein Prisma hervorgebrachten Ablenkung. Wenn ein Lichtstrahl so durch ein Prisma geltt, dass er mit den beiden Plächen gleiche Winkel macht, so ist die Totalablenkung, welche der Strahl durch das Prisma erleidet. kleiner als bei jeder anderen Lage des gebrochenen Strahlen.

Von der Wahrheit dieses wichtigen Satzes kann man sich leicht über-



zeugen. Der Strahl In, Fig.
637, sei so gebrochen, dass
der gebrochene Strahl nn'
gleiche Winkel mit den Flachen ba und be macht,
so ist auch der Brechungswinkel sn'n' gleich dew
Winkel s'n'n gen, und
die Ablenkung d, die der
Strahl bei n erfährt, ist

gleich der Ablenkung bei n'; folglich ist die totale Ablenkung, d. h. der Winkel, welchen der einfallende Strahl In mit dem austretenden n'In macht.

D = 2 d.

Wenn nun die Richtung des einfallenden Strahles verändert wird, wenn er etwa in der Richtung Tn einfacle, so würde der gebrochene Strahl die Richtung nm haben, der Brechungswinkel snm wäre also jetzt kleiner als x, während der Winkel, den nm mit dem in m errichteten Einfallebothe macht, um eben so viel grösser ist als x; die Ablenkung bei nhat also abgenoumen, auf der andern. Seite aber hat sie zugenommen. Bezeichene wir die Abnahme der Ablenkung bei n mit a, so ist jetzt hier Von d. Minimum d. durch ein Prisma hervorgebrachten Ablenkung, 559

die Ablenkung d-a. Nach der auf Seite 552 augestellten Betrachtung missen der die Ablenkung bei m um mehr als a zugenommen laben; wir kömen also die bei m stattfindende Ablenkung mit d+a+b beseichene. Die Totalablenkung D' ist aber die Summe der an heiden Flächen stattfindenden Ablenkungen, ablenkungen ab

$$D' = d - \alpha + d + \alpha + \beta$$

oder

$$D' = 2d + \beta$$
,

sie ist also grösser als die Ablenkung D.

Hätte der einfallende Strahl die Richtung I''n gehabt, so wäre die Ablenkung an der ersten Pläche grösser als d, an der zweiten kleimer als d geworden; die Zunahme der Ablenkung an der ersten Pläche ist abre bedeutender als die Abnahme der zweiten, folglich ist auch in diesem Falle die Totalablenkung grösser als bei symmetrischem Durchgauge des Strahles.

Wenn man durch ein Prisma das Bild eines Gegenstandes betrachtet, so kann man durch die Drehung des Prismas leicht die Stellung ermittelu, für welche die Ablenkung ein Minimum ist; hat man das Prisma so gestellt, so macht auch der gebrochene Strahl im Prisma gleiche Winkel mit den Seitenflächen, oder, mit anderen Worten, er steht rechtwinklig auf der Halbirungelinie des brechenden Winkels.

Bestimmung des Bréchungsexponenten fester und flüs- 227 siger Körper. Kennt man den brecheuben Winkel g\_eines Prismas und das Minimum der Ableukung, welches durch dasselbe hervorgebracht wird, so reichen diese Data hin, um den Brechungsexponenten des Stoffes zu bestimmen, ans welchen das Prisma gennacht ist.

In Fig. 638 sei lnn'p ein Lichtstrahl, welcher das Prisma symmetrisch



durchläuft, so ist der Winkel d, den ln mit ab macht, gleich dem Winkel

cu'p = 90° — i, wenn mit i der Einfallswinkel bezeichnet wird. Beuken wir uns nun durch die Spitze h des Prismas ro parallel mit dem anstretenden und hb parallel mit dem eintretenden Strahle gezogen, so ist hbr der Ablenkungswinkel D. Nun aber ist

$$D = 180^{\circ} - d - g - q.$$

ferner ist 
$$d = q = 90^{\circ} - i$$
, also  $D = 2i - g$ 

und daraus

$$i = \frac{D+y}{2}$$

Des Brechungsexponent n wird bekanntlich gefunden, wenn man den Sinus des Einfallswinkels durch den Sinus des Brechungswinkels dividirt, es ist also:

Im vorigen Paragraphen haben wir gesehen, dass

$$x + y = g$$

wenn x und y die Winkel bezeichnen, welche der Strahl im Prisma mit den auf der Eintritts- und Austrittsfläche errichteten Einfallslothen macht. In unserem Falle ist aber x = y, folglich  $x = \frac{g}{2}$ , und wenn man für i und x die eben ermittelten Werthe in Gleichung (1) setzt:

$$n = \frac{\sin \frac{D+g}{2}}{\sin \frac{g}{2}} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (2)$$

Nach dieser wichtigen Formel kann man also stets den Brechungsexponenten n für ein Prisma berechnen, wenn man seinen brechenden Winkel g und das Minimum der Ablenkung D gemessen hat, welche es hervorbringt.

Meverstein hat zur Bestimmung der Brechungsexponenten mittelst Prismen ein anderes Verfahren angegeben, bei welchem das Prisma so gestellt wird, dass der Strahl nur bei seinem Eintritte in dasselbe eine Ablenkung erleidet, die zweite Fläche aber ohne weitere Ablenkung passirt, indem er rechtwinklig zu derselben austritt. In Fig. 639 ist dieser Gang des Strahles dargestellt. Es ist

Fig. 639.



klar, dass in diesem Falle der Brechungswinkel r gleich ist dem brechenden Winkel g des Prismas, und dass ferner der Einfallswinkel i gleich ist r + s, also auch gleich q + s, wenn wir mit s die Ablenkung bezeichnen, welche der Strahl bei seinem Eintritte in das Prisma erleidet. Da nun der Brechungsexponent  $n = \frac{\sin i}{\sin i}$ , so ha-

$$n = \frac{\sin (g + s)}{\sin g},$$

wenn für i und r die eben angeführten Werthe gesetzt werden,

Vom Brechungsvermögen und von der brechenden Kraft. 561

Die Apparate, deren man sich bedient, um so wohl den brechenden Winkel der Prismen als auch die durch sie in den eben besprochenen Fallen hervorgebrachte Ablenkung mit möglichster Genauigkeit zu messen, werden wir später besprechen.

Vom Brechungsvermögen und von der brechenden Kraft. 228 Man ist übereingekommen, das nm die Einheit verminderte Quadrat des Brechungsexponenten, also den Werth  $n^2-1$ , die brech ende Kraft, den Quotienten aber, welchen man erhält, wenn man die brechende Kraft eines Körpers mit seinem specifischen Gewicht dividirt, also  $\frac{n^2-1}{d}$ , sein Bre-

chungsvermögen zu nennen.

Diese Definitionen sind nicht ganz willkürlich, wie es auf den ersten Blick wohl scheinen möchte. Die brechende Kraft ist nach der Emissionstheorie der Zuwachs, welchen das Quadrat der Geschwindigkeit des Lichtes beim Uebergange aus dem leeren Raume in einen brechenden Körper erleidet; denn nach dieser Theorie himmt die Geschwindigkeit des Lichtes beim Uebergange in stärker brechende Mittel zu.

Man kann die brechende Kraft eines Körpers auf absolute und relative Weiss bestimmen; so sind z. B. 1,326 und 0,785 die absoluten brechenden Krafte oder die Werthe von  $n^1 - 1$  für Glas und Wasser; dividirt man aber die erstere Zahl durch die zweite, so erhält man 1,600welches die relative brechende Kraft des Glassez zu der des Wassers ist.

Das Brechungsvermögen, also der Werth von  $\frac{n^2-1}{d}$  ist für Glas 0,533, für Wasser 0,785; das Brechungsvermögen des Glases auf das des Wasser bezogen ist aber  $\frac{0.533}{0.785} = 0.679$ .

Wenn ein Körper sich ausdehnt oder verdichtet, so ändert sich sowohl sein Brechungsexponent als auch seine Dichtigkeit; sein Brechungsvermögen scheint aber constant zu bleiben, so lange der Körper nicht in den gassförmiere Zustand übergeht.

Bestimmung des Brechungsexponenten für Gase. Um 229
den Brechungsexponenten der Luft zu finden, könnte man einen Lichtstrahl aus dem beren Bannen in ein Luftprisma von bekannten brechenden Winkel übergehen lassen; der nungekehrte Versuch aber, nämlich den
Strahl aus der umgebenden Luft in eiu Inftleeres Prisma treten zu
lassen, ist weit leichter anzustellen.

Arago und Biot wandten ein Gasprisma an, wie es Fig. 640 (a. f. S.), von obeu gesehen, dargestellt ist. Es besteht aus einer Glasröhre, welche 20 bis 30 Centimeter lang ist und 4 bis 5 Centimeter in Durchnesser lat. Die beiden Enden der Röhre sind schräg abgeschilfen und durch Glasplatten, deren Flächen genau parallel sind, hermetisch versehlossen. Der Wiukel, welchen diese beiden Platten mit einander machen, also der bre-

chende Winkel des Prismas, muss wegen der schwachen Brechung des Lichtes in den Gasen sehr gross sein. An dem von Biot und Arago

Fig. 640.



angewandten Apparate betrug dieser Winkel 1439 "7 28".
In der Mitte der Länge der Röhre und parallel mit den Flächen des Prismas sind zwei einander entgegengesetzte Oeffungen angebracht, um nach Belieben mittelst einer Laftpunpe das Prisma luftleer zu machen, oder ein Gas einzuführen, welches man dem Versuche unterwerfen will. In diesen beiden Oeffungen sind Röhrchen eingekittet, welche auf passende Weise mit Hähnen versehen sind, und die mit einem Barometer communiciren, welches in jedem Angenblicke den Druck des inneren (Bases auzieht.

Nehmen wir an, das Prisma sei luftleer, die brechende Kante sei vertical und das Ganze so aufgestellt, dass man nach einem entfernten Punkte visiren kann. Fin Beobachter in o sieht dann in der Richtung olden Visirpunkt direct, in der Richtung os aber das gebrochene Bild desselben. Der Winkel loe muss nun mit grosser Genauigkeit gemessen werden, da er höchstens 5 bis 6 Minten beträgt. Ist dieser Winkel und der brechend

Winkel des Prismas bekannt, so kann man nach der obigen Formel den Brechungsexponenten berechnen, wenn man dem Prisma eine solche Stellung gegeben hatte, dass die Ablenkung ein Minimum war; es sind jedoch noch einige Correctionen wegen der noch im Prisma zurückgehliebenen Luft und wegen des unvollkommenen Parallelismus der Flächen der Glasplatten auzubringen.

Durch oft wiederholte genaue Versuche haben Arago und Biot gefunden, dass für den Uebergang des Stralles aus dem absolnt leeren Raume in Luft von 0° und unter einem Drucke von 760 Millimetern der Brechungsexponent

## 1,000294,

und dass also die brechende Kraft der Luft 0,000588 ist. Dies Resultat stimmt genan mit dem überein, welches Delambre aus der astronomischen Sefraction abgeleitet hat.

Ist einmal der Brechungsexponent der Laft bekannt, so füllt man das Prisma mit den zu unternuchenden Gasen, hobachtet die Ablenkung und leitet dann aus dieser Beobachtung ihren Brechungsexponenten ab. Arage und Biot haben diese Versuche mit Sauerstoff, Wasserstoff, Stickstoff, Ammoniak, Kohlenskure und Chlorwasserstoffsäure angestellt und haben gefunden, dass die brechende Kraft der Gase ihrer Dichtigkeit proportional ist, doer, was dasselbe ist, dass das Brechungsvermögen eines Gases constant bleibt, wie sich auch der Druck und die Temperatur ändern mögen. Dies gilt auch noch für ge-

mischte Gase, d. h. die brechende Kraft einer solchen Mischung ist die Summe der brechenden Kräfte der gemischten Elemente; wir worden jedoch sogleich sehen, dass dies nach den Untersuchungen

Fig. 641.



Gase sich chemisch verbinden. Dulong hatte sich hauptsächlich vorgesetzt, das Brechungsvermögen der Gase bei gleichem Drucke und bei gleicher Temperatur zu vergleichen. Ein sinnreicher Kunstgriff, den er anwandte, machte ihm möglich, seinen Resultaten eine wahrhaft bewundernswürdige Genauigkeit zu geben. Dieser Kunstgriff besteht darin, den Gasen eine solche Dichtigkeit zu geben, dass sie genau dieselbe Ablenkung hervorbringen. Zu diesem Zwecke wandte er ein dem vorigen ähnliches Prisma an, dessen brechender Winkel ungefähr 145° betrug, welches mit einem Reservoir r. Fig. 641, in Verbindung steht, und welches man von der einen Seite her mittelst einer Luftpumpe luftleer machen und von der anderen mit einem Gase füllen kann, dessen Druck sich nach Belieben ändern lässt. Zuerst füllt man das Prisma mit trockner Luft vom Drucke und der Temperatur der umgebenden Atmosphäre. Mit einem guten, in einiger Entfernung aufgestellten Fernrohro visirt man nun nach dem durch das Prisma gebrochenen Bilde eines ent-

von Dulong nicht mehr der Fall ist, wenn die

fernten Visirpnnktes; ist dies geschehen, so wird das Fernrohr in dieser Stellung befestigt, das Prisma, ohne es zu verrücken, luftleer gemacht und dann ein anderes Gas, etwa Kohlensäure, eingefüllt. Indem man nun den Druck dieses Gases variirt, kann man es leicht-dahin bringen, dass das Bild des Visirpunktes wieder im Fadenkreuze des Fernrohrs einsteht. Dio Temperatur ist dieselbe geblieben; der Druck der Kohlensäure im Prisma mag aber z. B. 498 betragen. Da die Kohlonsäure unter diesem Drucke das Licht ebenso stark ablenkt, wie die Luft unter einem Drucke von 760 se, so ist klar, dass sie unter diesen Umständen denselben Brechungsexponenten und dieselbe brechende Kraft hat wie die Luft; da aber die brechende Kraft der Dichtigkeit proportional ist, so hat man

498:760 = 1:x

woraus x = 1,526 folgt, was der Werth der brechenden Kraft der Kohlensäure für einen Druck von 76000 und die Temperatur der umgebenden Luft ist.

Durch solehe Versuche crhält man die brechende Kraft der Gaso mit der der Luft verglichen. Die von Dulong erhaltenen Resultate sind in folgender Tabelle (s. f. S.) zusammengestellt.

Die Zahlen der ersten Columne sind das directe Resultat der Beobach-

tung; multiplicirt man sie mit 0,000589, welches die absolute brechende Kraft der Luft ist, so erhält man die Zahlen der zweiten Columme oder  $n^2 - 1$ ; um daraus nun die Brechungsexponenten zu erhalten, hat man 1 zu addiren und dann die Quadratwurzel auszuziehen.

- Aus der Vergleichung dieser Zahlen lassen sich folgende Resultate ziehen:

  1. Zwischen der Dichtigkeit und der brechenden Kraft eines Gases
- und den entsprechenden Grössen eines anderen findet keine Beziehung statt.

  2. Die brechende Kraft einer Mischung ist die Summe der brechen-
- den Krafte der gemischten Elemente. Die Luft besteht z. B. aus 0.21 Sauersteff und 0.79 Sickstoff, multiplicit nan nun die brechende Kraft des Sauerstoffs 0.924 mit 0.21, die des Stickstoffs 1.020 mit 0.79, so erhalt nan die Producte 0.19404 und 0.90509, deren Samme 0.99994 in der That nur sehr weigt von 1 abweicht. Dulong hat auch mehrere Versuche mit künstlichen Mischungen gemacht, welche die Richtigkeit dieses Satzes bestätigen.

Namen der Gase	Brechende Kraftim Ver- gleich mit der der Luft	Absolute brechende Kraft	Brechungs- exponenten
Atmosphärische Luft	1,000	0,000589	1,000294
Sauerstoff	0,924	0,000544	1,000272
Wasserstoff	0,470	0,000277	1,000138
Stickstoff	1,020	0,000601	1,000300
Ammoniakgas	1,309	0,000771	1,000385
Kohlensäure	1,526	0,000899	1,000449
Chlor	2,628	0,001545	1,000772
Chlorwasserstoffsaure	1,527	0,000899	1,000449
Stickoxydgas	1,710	0.001007	1,000503
Salpetergas	1,030	0,000606	1,000303
Kohlenoxydgas	1,157	0,000681	1,000340
Cyangas	2,832	0,001668	1,000834
Oelbildendes Gas	2,302	0,001356	1,000678
Sumpfgas	1,504	0,000886	1,000443
Salzsaureather	3,720	0,002191	1,001095
Cyanwasserstoffsäure	1,531	0,000903	1,000451
Schweflige Sänre	2,260	0,001331	1,000665
Schwefelwasserstofigas	2,187	0,001288	1,000644
Schwefelätherdampf	5,197	0,003061	1,00153
Schwefelkohlenstoffdampf	5,110	0,003010	1,00150
Phosphorwasserstofigas	2,682	0,001579	1,000789

- 3. Wenn ein Gas eine chemische Verbindung ist, so ist seine hrechende Kraft bald grüsser, bald kleiner als die Summe der brechenden Kräfte seiner Elemente, wie man aus der folgenden Tabelle ersieht, wobei die brechende Kraft der Laft zur Einheit genommen ist.
- Die Differenzen zwischen der beobachteten und der berechneten brechenden Kraft sind zu gross, als dass sie von Beobachtungsfehlern herrühren könnten.
- 4. Das Brechungsvermögen einer Substanz im flüssigen Zustande ist gasförmigen Zustande istnigasförmigen Zustande befindet. In der That ist das Brechungsvermögen des Schwefelkohlenstoffdampfes, bezogen auf Luft, gleich  $\frac{5,110}{2,444} = 1.932$ ,

denn 2,644 ist die Dichtigkeit des Schwefelkohlenstoffdampfes. Der flüssige Schwefelkohlenstoff hat ein specifisches Gewicht 1,263 und einen Brechungsexpenneten 1,678; seine absolute brechende ist also 1,816, sein absolutes Brechungsvermögen 1,438. Da aber die Luft eine absolute brechende Kraft 0,00058sund im Verblätniss zum Wasser ein specifisches Gewicht 0,001299 hat, so ist hr absolutes Brechungsvermögen 0,453. Demaach ist die brechende Kraft des flüssigen Schwefelkohlenstoffs im Verblätniss zur Luft 1,438 = 3,176; das Brechungsvermögen des flüssigen Schwefelkohlenstoffs od 1,445 = 3,176; das Brechungsvermögen des flüssigen Schwefelkohlenstoffs

0.453 = 5.176; ass breeningsvermogen des missigen Schweißkomenston ist also grösser als 3, das seines Dampfes kleiner als 2.

	Brechende Kraft		
Namen der Gase	beobachtet	berechnet	Differenz
Ammoniak	1,309	1,216	+ 0,092
Stickstoffoxydgas	1,710	1,482	+ 0,228
Salpetergas	1,030	0,972	+ 0,058
Wasserdampf	1,000	0,933	+ 0,067
	3,936	3,784	+ 0,015
Salzsäureäther	3,720	3,829	- 0,099
	1,521	1,651	- 0,130
Kohlensäure	1,526	1,629	- 0,093
Chlorwasserstoffsäure	1,527	1,547	- 0,020

Sphärische Linsen. Linsen nennt man durchsichtige, von krum-230 men Oberflächen begränzte Körper, welche die Eigenschaft haben, die Convergenz oder Divergenz der sie treffenden Strahlenbündel zu vergrössern oder zu verkleinern.

Wir beschäftigen uns hier nur mit sphärischen Linsen, d. h. mit

solchen, deren Gränzflächen Stücke von Kugeloberflächen oder Ebenen sind, weil diese allein zu optischen Instrumenten verwendet werden.

Man unterscheidet seehs verschiedene Arten von Linsen, welche Fig. 642 und 643 im Durchschuitte dargestellt sind. Nr. 1, Fig. 642, stellt eine Fig. 642.



biconvexe Linse dar, d. h. eine solche, die durch zwei nach aussen gewühlte Kugellichen begränzt ist. Die planconvexe Linse Nr. 2, Fig. 642, ist durch eine ebene nnd eine convexe Fliche begränzt. Die concavconvexen Linsen, welche durch eine convexe und eine hohle Fläche begrünzt sind, wie Nr. 3 in Fig. 642 und 643, werden auch Menisken genannt; man anterscheidet zwei Arten derselben, je nachdem die Krümmung der hohlen Fläche geringer ist, wie bei Nr. 3, Fig. 642 oder stärker, wie bei Nr. 3, Fig. 643. In Fig. 643 stellt Nr. 1 eine biconcave, Nr. 2 eine planconcave Linse vor.

Die drei in Fig. 642 dargestellten Linsen sind in der Mitte dicker als am Rande, und heissen Sammellinsen.

Die drei in Fig. 643 dargestellten Linsen, welche in der Mitte dünner sind als am Rande, heissen Zerstreunngslinsen.

Die Axe einer Linse ist die gerade Linie, welche die Mittelpunkte der beiden Kageloberflächen verbindet, durch welche die Linse gebildet wird. Bei den planconvexen und planconcaven Linsen ist die Axe das von den Mittelpunkte der Krümmung auf die ebene Fläche gefällte Perpendikel.

231 Sammellinsen. Um die wichtigsten Sätze über die Wirkung der Sammellinsen abzuleiten, wollen wir von der Betrachtung des einfachsten Falles, n\u00e4milieh der planconvexen Linsen, ausgehen.



Auf die ebene Seite einer planconvexen Linse falle ein Lichsterhil ads, Fig. 644, parallel mit der Axe der Linse, so wird er ungebrochen in die Glasmasse eintreten, nm bei b austretend nach der Richtung b II gebrochen zu werden. Wir wollen zunächst die Lage des Punktes II, in welchem der austretende Strahl die Axe schneidet, bestimmer

Ziehen wir den Krümmungshalbmesser b C, so ist x der Winkel, welchen der Strahl vor, y der Winkel, welchen er nach der Brechung in b mit der Richtung des Einfallslothes b C macht; wir haben aber

$$\sin y = n \cdot \sin x \cdot \dots \cdot \dots \cdot (1)$$

wenn n den Brechungsexponenten bezeichnet. Ferner ist

$$v = y - x \dots \dots (2)$$

wenn wir mit v den Winkel bezeichnen, welchen der Strahl b H mit der Axe der Linse macht.

Nun ist aber ferner

$$H c = \frac{bc}{tang v},$$

und da

$$bc = bC \cdot \sin x = r \cdot \sin x$$
,

wenn man mit r den Krümmungshalbmesser b C bezeichnet, so ist endlich

Diese Gleichung giebt also den Werth von He, wenn man vorher mit Hülfe der Gleichungen (1) und (2) den einem bestimmten Winkelwerth von x entsprechenden Werth von v berechnet hat.

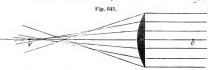
Setzen wir n=1,5 und r=1, so ergeben sich folgende zusammengehörige Werthe von x und B, wenn wir unter B die Entfernung Hc verstehen:

x	В	D
10	1,9998	0,0004
5	1,9829	0,0209
10	1,9457	0,0695
15	1,8813	0,1528
20	1,7816	0,2787
30	1,4871	0,6468

Wir sehen also, dass die parallel mit der Axe einfallenden Strahlen durch die Liuse keineswegs alle in einem Punkte vereinigt werden. Solche Strahlen, welche die Liuse näher am Rande passiren, schneiden die Axe in Punkten, welche der Liuse näher liegen als der Vereinigungspunkt für die centralen Strahlen, wie dies auch Fig. 645 (s. f. S.) anschaulich macht.

In Fig. 644 sei F der Vereinigungspunkt für die centralen Strahlen, den wir den Hauptbrennpunkt der Linse nennen wollen, H der Punkt, in welchem ein näher am Rande durch die Linse gehender Strahl die Ate schneidet, so ist offenhar

$$FH = FO + Oc - Hc \dots (4)$$

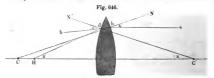


Oc ist offenbar gleich sig, vers x, wenn wir den Halbmesser bC mit 1 bezeichnen, in welchen Fall denn anne FO=2 ist. Setzen wir nun der Reibe nach in Gleichnag (4) für Oc den Zahlenwerth des Sims eversus von 1, 5, 5, 10, 2, 20 und 30°, und ferner für Hc die diesen Winkelwerthen von x entsprechenden Werthe dieser Länge, wie sie in obiger kleinen Tabelle unter B stehen, so erhält man die Zahlenwerthe für den Alstand HE, wie sie in jener Tabelle unter D verzeichnet sind.

Diesen Zahlenwerthen entsprechend ist in Fig. 645 der Verhauf der Strählen verzeichnet, welche eine planconveze Linse in Punkten treffen, die 10, 20, 30 Grad von ihrer Mitte abstehen. Man sieht aus dieser Construction ebenso wie aus obiger Tabelle, wie bedeutend der Vereinigungspunkt der Randstrahlen vom Vereinigungspunkte der eentralen Strählen absteht, wenn die Krümmung der Linse von der Mitte bis zum Rande nur einigermassen bedeutend ist.

Für eine Linse, welche reine Bilder geben soll, darf deshalb die Oeffnung, d. h. der Winkel, unter welchem die Linse von ihrem Brennpunkte aus gesehen erscheint, nicht mehr als 5º, höntstens 10º betragen.

In Fig. 646 sei ab ein Strahl, welcher parallel mit der Axe auf eine gleich gewölbte biconvexe Linse fällt, für welche C und C' die Krümmungsmittelpunkte sind; x sei der Winkel, welchen ab mit dem Einfallslothe



CN macht. Der Strahl wird nach bd hin gebrochen, und zwar haben wir zur Bestimmung des Winkels hb C, den wir mit y bezeichnen wollen, die Gleichung

Bezeichnen wir mit y' den Winkel bd C'', welchen bd mit dem Einfallsloth C'N' macht, so habeu wir

y + y' = 2 x

denn Winkel s $C^{\prime}C$ ist ohne merklichen Fehler gleich Winkel s $C^{\prime}C$ , also gleich x. Nun aber ist Winkel Ns C Aussenwinkel an dem Dreicek sC C, folglich ist Winkel Ns  $C^{\prime}$ ist aber anch Aussenwinkel am Dreicek sd b, folglich ist Winkel Ns  $C^{\prime}$  ist aber anch answenwinkel am Dreicek sd b, folglich ist Winkel Ns  $C^{\prime}$  = y +  $y^{\prime}$ , also emillich

wenn wir mit v den Winkel N'dH bezeichnen, welchen der in d ans der Linse austretende Strahl dH mit dem Einfallslothe N'C' macht. Nennen wir ferner z den Winkel, welchen derselbe anstretende Strahl dH mit der Axe macht, so haben wir

$$v = z + x$$

weil v ein Anssenwinkel am Dreieck dHC ist, mithin auch

$$z = v - x$$
 . . . . . . . . . . . . . . . . . (8)

Bezeichnen wir den Krümmungshalbmesser der Linse mit r, so ist

 $dc = r \sin x$ ,

folglich

$$de = He \cdot tang z$$

 $Hc = \frac{r \sin x}{t ang \ z}$  . . . . . . . . . . . . (9)

stimmtes x ermittelt hat.

Brennpunkt für centrale Strahlen. För diejenigen Strahlen, 232 welche als centrale betrachtet werden können, sind die Winkel x, y und

z klein genug, nm die Sinns und Tangenten den Winkeln selbst proportional zu setzen. Für diesen Fall aber ergiebt sich aus Gleichung (1) des vorigen Paragraphen  $y = n \cdot x$ ;

Gleichung (3) aber wird

$$He = \frac{r x}{r}$$

und wenn man für e seinen Werth bei (2) setzt,

$$Hc = \frac{rx}{y - x}$$

$$Hc = \frac{rx}{nx - x}$$

also endlich

$$Hc = \frac{r}{n-1}$$

Für centrale Strahlen fällt aber der Durchschnittspunkt  $H_i$  Fig 645, mit dem Hauptbreunpunkte F zusammen, wir haben also für den Abstand Fc des Brennpunktes einer planconvexen Linse von dem Glase

wenn wir mit f die Brennweite bezeichnen.

Wäre n = so 1,5, ergäbe sich

$$f = 2r$$

Der Brechungsexponent einer bestimmten Sorte von Flintglas sei z.B. für gelbe Strahlen 1,635, so ist für gelbe Strahlen die Brennweite einer aus dieser Glassorte geschliffenen planconvexen Linse

$$f = \frac{r}{0,635};$$

wenn also der Krümmungshalbmesser der gewölbten Seite r=12 Zoll ist, so ergiebt sich

$$f = \frac{12}{0,635} = 18,89$$
 Zoll.

Um die Lage des Hauptbrennpunktes gleichgewölbter biconvexer Linsen zu finden, verfahren wir auf gleiche Weise. Aus Gleichung (5) ergiebt sich

$$y = \frac{x}{n}$$

Aus Gleichung (6)

$$y' = 2x - \frac{x}{n}$$

oder

$$y' = \frac{2nx - x}{n}$$

Aus Gleichung (7) v = ny' = 2 nx - x.

Aus Gleichung (8) z = v - x = 2 nx - 2x

oder

$$z = 2x (n - 1)$$

und endlich aus Gleichung (9) für die Brennweite der Werth

für n=1.5 ergiebt sich danach f=r. Für n=1.635 ergiebt sich

$$f = \frac{r}{2.0.635} = \frac{r}{1.270} = 0.787 r.$$

Vergleichen wir die Werthe von f bei (1) und bei (2), so übersicht man leicht, dass ersterer doppelt so gross ist als letzterer. Die Brennweite einer gleichgewöllten bleonvexen Linse ist also halb so gross als die Brennweite einer planconvexen Linse von gleichem Krümmungshalbmesser.

Die Figuren 647 und Fig. 648 erläutern die Vereinigung der parallel mit der Axe auf eine planconvexe und auf eine gleichgewölbte biconvexe

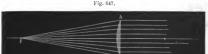
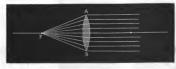


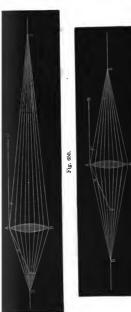
Fig. 648.



Linse auffallenden Strahlen in dem Brennpunkt derselben. Bei der Construction dieser Figuren ist der Brechungsexponent der Linsensubstanz gleich 1,5 angenommen.

Durch den Verauch kann man die Brennweite einer Sammellinse finden, wenn man sie gegen die Sonne kehrt und dann hinter derselben einen beliebigen Schirm, etwa von grauem Papier, so lange verschiebt, bie das auf demselben entstehende Sonnenbildchen vollkommen scharf ist; der Abstand des Schirmes von der Linee ist alsdann die gewucht Brennweite.

nal die Brennweite einer Linse bekannt, so kann man auch bestimmen, in



man auch bestimmen, in welchem Punkte diejenigen Strahlen durch die Linse wieder vereinigt werden, welche von irgend einem leuchtenden Punkte ausgehend auf dieselbe fallen. Zunächst wollen wir nur solche leuchtende Punkte in Betracht ziehen, welche auf der Az der Linse liegen.

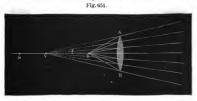
Ein mit der Axe parallel auf die Linse fallendes Strahlenbündel kann man betrachten, als kame es von einem auf der Axe liegenden, aber unendlich weit entfernten leuchtenden Punkte. -Nehmen wir nun an, der leuchtende Punkt sei der Linse näher gerückt, er befinde sich in S, Fig. 649, so findet man den Vereinigungspunkt der von S aus auf die Linse fallenden Strahlen, wenn man den Punkt R ermittelt, in welchem ein Randstrahl SA nach seinem Durchgang durch die Linse die Axe schneidet (vorausgesetzt, dass die Oeffnung der Linse klein genug ist).

Wie wir oben gesehen haben, ändert sich die durch ein Prisma hervorgebrachte Ablenkung der Richtung der einfallenden Strahlen; sobald aber der brechende Winkel des Prismass hinlänglich klein ist, wird diese Acuderung unuerklich, so dass mas für Prismen von kleinen brechenden Winkel ohne merklichen Fehler ansehmen kann, dass sie alle Strahlen, welche auf dieselben fallen, stets um gleich viel von ihrer ursprünglichen Richtung ablenken. Dies findet nun auch seine Anwendung bei Linsen. Der Randstrahl SA wird ebenso stark durch die Brechung am Rande der Linse abgelenkt, wie der Strahl NA, welcher parallel mit der Az einfallt. — NA wird aber nach dem Brempunkt F gebruchen, der einfallende und austretende Strahl machen also einen Winkel NAF mit einander. Eben so gross muss der Winkel RAS sein. Man findet also die Richtung des austretendes Strahl machen also einen Winkel AF einen Wi

Aus dieser Construction geht hervor, dass wenn der leuchtende Punkt S auf der Axe der Linne näher rückt, der Vereinigungspunkt R sich von der Linne entfernen müsse. Bei fordanerader Annäherung des leuchtenden Punktes wird abo auch einnal der Fall eintreken, wo der leuchtende Punkt S und der Vereinigungspunkt R gleich weit von der Linne abstehen, wie Fig. 650 a. v. S. Für diesen Fall müssen der austredende Strahl AR und der eintredende SA gleiche Winkel mit der Axe machen, es muss Winkel SRA gleich RSA sein. Da nun auch g = RS al und x = y, so ist ferner x gleich Winkel SRA, oder das Dreicek RAF ist ein gleichschenkliges und RF = FA, der Punkt R ist also um die doppelte Brennweite von der Linse entfernt.

Wenn also der leuchtende Punkt um die doppelte Brennweite von der Linse entfernt ist, so befindet sich der Vereinigungspunkt auf der anderen Seite in gleichem Abstande von der Linse.

Nähert sich der leuchtende Punkt der Linse noch mehr, so muss sich der Vereinigungspunkt noch weiter entfernen; wire R. Fig. 649, ein leuchtender Punkt, so wäre S der entsprechende Vereinigungspunkt. Rückt der leuchtende Punkt in den Brennpunkt der Linse, so rückt der Vereini-



gungspankt in unendliche Entsernung. Die von dem Brennpunkte F, Fig. 648, aus auf die Linse fallenden Strahlen werden durch dieselbe in ein parallel mit der Axe austretendes Strahlenbündel verwandelt.



Brennpunkt in F liegt. Ein parallel mit der Axe einfallender Strahl & A wird nach F hin gebrochen: die Richtung, nach welcher ein von T ausgehender Strahl TA gebrochen wird, findet man leicht, wenn man den Winkel FAV = dem Winkel TAk macht. Wird nun lA = mA = Ar gemacht (rist der Mittelpunkt der Linse) und in l das Perpendikel lon, in m aber das Perpendikel mp errichtet, so wird mp jedenfalls sehr nahe gleich on sein, weil die Winkel TAk und FAV gleich sind und der Winkel q A V so klein ist, dass on sehr nahe rechtwinklig auf A V steht; es ist also

 $ln = lo + on = lo + mp \dots (1)$ Wegen der Aehnlichkeit der Dreiecke FAr und Aln haben wir

Fr: Ar = Al: ln

oder

f: 1 = 1: ln,

wenn wir die Bronnweite r F mit f und den Halbmesser der Linse rA = Al gleich 1 setzen; es ist demnach

$$ln = \frac{1}{f}$$

Aus der Aehnlichkeit der Dreiecke VAr und Alo folgt

$$Vr: Ar = Al: lo$$
  
 $a: 1 = 1: lo$ ,  
 $lo = \frac{1}{a}$ ,

also

zeichnen. Ebenso ergiebt sieh aus der Aehnlichkeit der Dreiecke Amp und ATr

$$mp = \frac{1}{b}$$

wenn mau die Entfernung  $r\,T$ , also die Entfernung des lenchtenden Punktes von der Linse, mit b bezeichnet.

Setzt man die eben für ln, lo und mp gefundenen Werthe in die Gleichung (1), so kommt

Nach dieser Formel kann man jederzeit berechnen, wie gross die Entfernung a des Punktes V von der Linse ist, in welchem die Strahlen vereinigt werden, welche von einem Punkte T von der Linse ausgehen, dessen Abstand von der Linse gleich b ist.

Es sei z. B. die Brennweite einer Linse, also f := 1 Fuss, der Abstand des leuchtenden Punktes gleich 10 Fuss, so hat man zur Berechnung der Entfernung a des Vereinigungspunktes vom Glase die Gleichung

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{1} - \frac{1}{10},$$

woraus a = 1,111...

Für dieselbe Linse ergeben sich auf diese Weise folgende zusammengehörige Werthe der Entfernung b des Gegenstandes und der Entfernung a des Vereinigungspunktes von der Linse:

ь	a
Unendlich	1
100'	1,01
10	1,11
5	1,25
3	1,50
2	2,00
1,5	3,00
1,25	5,00
1,00	Unendlich

Aus der Gleichung (2) lassen sich nun in Beziehung auf die Vereinigungsweite a dieselben Folgerungen ableiten, welche oben bereits aus der Construction abgeleitet worden waren.

Aus Gleichung (2) ergiebt sich nemlich

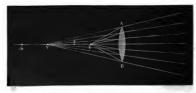
$$a = \frac{f}{1 - \frac{f}{b}}$$
 für  $b = \infty$  wird nach dieser Gleichung  $a = f$  für  $b = 2f$  wird  $a = 2f$ 

für b = f wird  $a = \infty$ 

überhaupt wird a um so grösser, je kleiner b wird.

Die Brennweite einer Linse kann man mit ziemlicher Genauigkeit dadurch erhalten, dass man für eine Reihe beliebig gewählter Gegenstandsweiten die zugehörigen Bildweiten durch den Versuch, etwa mit Halfe der optischen Bank bestimmt, für je zwei zusammengehörige Werthe von aund b nach dieichung (2) den Werth von f berechnet und aus allen so gefundenen Werthen von f das Mittel nimmt.

Fig. 653.



Die Gleichung (2) auf Seite 575 behält ihre Glitigkeit auch noch für den Fall, dass der leuchtende Punkt  $T_i$  Fig. 653, innerhalb der Brennweite liegt, dass also  $b < f_i$  nur erhält man für  $\frac{1}{a_i}$  also auch für a negative Werthe, wodurch augedeutet ist, dass die Länge a nicht jenseits des Glasses, sondern in der Richtung von der Länse nach dem leuchtenden Punkte hin zu echmen ist.

Es sei z. B. die Brennweite einer Linse 3 Zoll, ein leuchtender Punkt stehe auf der Axe 2 Zoll weit von ihr ab, so haben wir

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{a} + \frac{1}{2}$$

und daraus folgt  $\frac{1}{a} := -\frac{1}{6}$ , also a := -6, d. h. nach dem Durchgange durch die Linse divergiren die Strahlen so, als ob sie von einem 6 Zoll weit von der Linse liezenden Punkte kämen.

Ist b kleiner als f, so wird der negative Werth von a nm so kleiner, je mehr b abnimmt, d. h. je näher der innerhalb der Brennweite gelegene leuchtende Punkt der Linse rückt, desto näher rückt auch der Zerstreuungspunkt. Wäre z. B, f = 3, b = 1, so ergäbe sieh a = 1,5.

Hohllinsen. Achnliche Betrachtungen lassen sich auch für Hohl- 234 linsen anstellen. Wenn die einfallenden Strahlen mit der Axe parallel sind, so divergiren die austretenden so, als kämen sie vom Hauptzerstrenngspunkte F, Fig. 654; rückt aber der leuchtende Punkt näher, sind also schoul die anffallenden Strahlen divergirend, so werden sie nach dem Durchgange durch das Glas noch stärker divergiren, als es für die parallel eintretenden Strahlen der Fall war. Die von B, Fig. 655, aus auf die Hohllinse fallenden Strahlen divergiren nach dem Durchgange durch dieselbe so. als o bis evon A ausgewangen wären.

Fig. 654.



Die Beziehungen zwischen der Lage des lenchtenden Punktes B, des
entsprechenden Zerstreuungspunktes A and

streuungspunktes A uud des Hauptzerstreuungspunktes F sind auch hier wieder durch die Gleichung (2) auf Seite 575 gegeben; nur muss man f

Fig. 655.



negativ setzen, weil man nicht mit einem jenseits des Glases gelegenen Hanptbrennpunkte, sondern mit einem diesseits gelegenen Hauptzerstreuungspunkte zu thun hat. Für diesen Fall ergiebt sieh aus jener Gleichung zur Bestimmung der Zerstreuungsweite a der Werth

a wird also immer negativ, d. h. der Zerstreuungspunkt liegt steta
Müller's Lehrboch der Physik ete Auß. I

mit dem leuchtenden Punkte auf derselben Seite des Glasse. Je kleiner b wird, desto kleiner wird auch a, je näher also der lenchtende Punkt der Hohllinse rückt, desto mehr nähert sich demselben auch der entsprechende Zerstreuungspunkt.

Für den in Fig. 655 dargestellten Fall ist z. B. f = 2.5 und b = 6Centimeter; demnach ist a, d. h. die Entfernung des Zerstreunngspunktes A vom Glase, gleich 1.76°°.

Um die Zerstreunngsweite einer Hohllinse durch den Versuch zu bestimmen, ist folgendes Verfahren in Anwendung zu bringen? Man lasse auf die Hohllinse ein Bandel paralleler Sonnenstrahlen (etwa von dem Spiegel des Heliostats: in das 'dunke Zimmer relectivie) fallen, so werden sie sich nach dem Durchgang darch die Linse ausbreiten, wie Fig. 656 andeutet, und auf einen weissen Schirm aufgefangen einen erleuchteten Kreis bilden, dessen Durchmesser ab des wüchst, wenn man den Schirm von der Linse entfernt. Man stelle nun den Schirm so, dass der Durchmesser ab das erleuchteten Kreise gerade doppelt so gross ist als der Durchmesser ab das erleuchteten Kreise gerade doppelt so gross ist als der Durchmesser of der Linse, so ist alsdann der Abstand no des Schirmes von der Linse gleich ihrer Zerstreunngsweite Fo.

Fig. 656.

235 Socundäre Axen. Bisher haben wir nur solche leuchtende Punkte betrachtet, welche auf der Axe der Lines selbst liegen; es bleibt jetzt noch zu zeigen, dass das Gesagte auch für solche Punkte gilt, welche nicht auf der Hauptaxe liegen, vorausgesetzt, dass die Nebenaxen (seundäre Axen) nur einen kleinen Winkel mit der Hauptaxe machen. Mit dem Namen der Nebenaxe bezeichnet man die Linie, welche man sich von einem nicht auf der Hauptaxe ilegenden Punkte durch die Mitte der Linse gezogen denken kann.

In Fig. 657 sei II ein nicht auf der Hauptaxe liegender lenchtender Punkt, so werden alle von ihm ausgehenden Lichtstrahlen in einem Punkte II' vereinigt werden, welcher anf der Nebenaxe M' N' eben so weit von der Linse absteht wie T', welcher der Vereinigungspunkt für die von einem Punkte T der Hauptaxe ausgehenden Strahlen ist, der eben so weit von der Linse entfernt ist wie II'.

Es ist dies leicht zu beweisen. Der mittlere Strahl HM' geht unge-

brochen durch die Linse hindurch; ferner ist He = Te und Winkel e TM = eHM' (wenn auch nicht ganz genau, doch nahe). Da der Strahl Fig. 667.



Tc in c eben so stark abgelenkt wird wie Hc, so ist anch Winkel HcH' = Tc T, folglich ist das Dreick HcH' = Dreieck Tc T, folglich TT = HH' H' ist also ebenso weit von der Linse entfernt wie T'.

Dasselbe ergiebt sich auch aus der Vergleichung der Dreiecke TdT'und HdH'.

Das Feld einer Linse ist der Winkel, welchen zwei der Nebenaxen mit einander noch machen können, ohne dass die Voraussetzungen unseres Beweises merklich unrichtig werden.

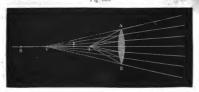
Für die Nebenaxen der Hohllinsen gilt dasselbe, was von den secundären Axen der Sammellinsen gesagt wurde.

Wirkung der Linsen auf oonvergfrende Strahlen. Zum 236 richtigen Verstündniss verschiedener optischer Instrumente ist es von Wichtigkeit, zu untersuchen, wie der Lauf eines convergirenden Strahlen-

bindele dörch Linsen-modifiert wird.

Da ein Böndel paralleler Strahlen, welches mit der Axe parallel auf eine Convexinse fällt, nach dem Hauptbreunpunkte gebrochen wird, so muss ein schon convergirendes Strahlenbündel nach einem noch näher beim Glase liegenden Punkte him gebrochen werden.

Ein nach V, Fig. 658, convergirendes Strahlenbündel wird offenbar durch die Linse in T vereinigt werden, da ein von T divergirendes Fig. 658.



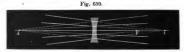
nach dem Durchgange durch die Linse so divergirt, als ob die Strahlen von V ausgegangen wären.

Die Lage des Vereinigungspunktes T läset sich nach Gleichung (2) Seite 575 berechnen, wenn man die Entfernung b des Punktes V von der Linse, nach welcher die Strahlen ursprünglich convergirten, mit negativem Zeichen in die Gleichung einführt. Ist z. B. die Brennweite des Glases gleich 3 Zoll, die Entfernung des Punktes V von demselben 6 Zoll, so ergiebt sich demaach

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{1}{2}$$

der Vereinigungspunkt T liegt also' in diesem Falle 2 Zoll weit von der Linse.

Wenn ein nach einem Punkte convergirendes Strahlenbündel durch eine Hohllinse aufgefangen wird, deren Mitte um die Länge b von dem Convergenzpunkt t absteht, so erhält man die Entfernung a des Punktes d, von welchem der Strahlenbündel nach seinem Durchgange durch die Linse divergirt, wenn man b mit negativem Zeichen in die Gleichung (3) Seite 577 einführt. So lange b grösser ist als f, so lange also die Strahlen nach einem Punkte t, Fig. 659, convergiren, welcher um mehr als die



Zerstreunngsweite von dem Glase absteht, erhält man für a einen negativen Werth, der grösser ist als f; nach dem Durchgange durch die Linse divergiren also die Strahlen so, als ob sie von einem Punkte d'vor dem Glase kämen, der um mehr als die Zerstreunngsweite von demselben absteht.

Ist b=f, so wird  $a=\infty$ , die austretenden Strahlen sind also alsdand der Axe parallel, und wenn b < f, wenn also das Strahlenbündel nach einem Punkte convergirt, welcher innerhalb der Zerstenungsweite liegt, so wird a positiv, das Strahlenbündel wird also nicht mehr divergent austreten, sondern anch nach dem Durchgange durch die Linse noch convergiren, wenn auch weniger als vorher.

237 Combinirte Linsen. Nach den gegebenen Formeln kann man auch die Lage des Vereinigungspunktes berechnen, wenn statt einer Linse eine Combination von mehreren in Amendung kommt, welche eine gemeinschaftliche Axo haben, wie durch folgendes Beispiel klar werden wird. Es sei f die Brennweite der Linse A, Fig. 660, f' die der Linse B und n die Entferrang derselben, so ist klar, dass ein mit der Axe paralleles

Strahlenbündel nach seinem Durchgange durch die Linse A nach dem Brennpunkte N derselben convergirt, welcher um die Länge f-n von der zweiten Linse absteht; nach  $\S$ . 236 ist also die Entfernung a der Linse Fig. 660.



B vom Punkte L, in welchem die Strahlen durch die zweite Linse vereinigt werden, nach der Gleichung

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{f'} + \frac{1}{f-n}$$
 . . . . . . . . . (1)

zu bestimmen. Für  $f=8^{\circ n}, f'=5,5$  und n=1,5 ergiebt sich a=2,98, also nahezu 3 Centimeter.

Wenn beide Linsen dicht auf einander liegen, wenn also n=o, so ergiebt sich

Sind die Brennweiten f und f' gleich, so ist also, wenn die Linsen unmittelbar auf einander liegen und man von ihrer Dieke abstrahiren kann, die Fig. 861. Brennweite der Combination halb so gross, als die Brennweite

Fig. 661. Brennweite der Combination halb so gross, als die Brennweite gereinzelnen Linse.

Wenn die zweite Linse eine Hohllinse von der Zerstreuungsweite f ist, so geht die Gleichung (1) über in

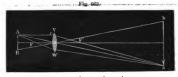
$$\frac{1}{a} = \frac{1}{f-n} - \frac{1}{f'},$$
heide Lieuw we itteller auf

und wenn beide Linsen unmittelbar auf einander liegen wie Fig. 661, wenn also n = o, so geht sie über in

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{f} - \frac{1}{f'} \quad \dots \tag{3}$$

Linsenbilder. In Fig. 662 (a. f. S.) sei AB ein Gegenstand, der 238 sich auf der einen Seite vor der Linse V W befindet, aber weiter von ihr absteht als der Brennpunkt F. Die von A ausgehenden Strahlen werden in einem Punkte a auf der von A durch die Mitte O der Linse gewegenen Nebenzax vereinigt; a ist also A das Bild von A; denso ist b das Bild von B, mithin ist auch a b das Bild des Gegenstandes von A B; das Bild ist in diesem Falle verkehrt und ist ein wahres Sammelbild verkehrt und ist ein wahres Sammelbild verkehrt und ist ein wahres Sammelbild.

Von der Mitte der Linse aus gesehen, erscheinen Bild und Gegenstand unter gleichem Winkel; ob nun das Bild oder der Gegenstand grösser ist, hängt demnsch davon ab, ob Bild oder Gegenstand weiter von der Linse entfernt ist. Nehmen wir an, der Gegenstand liege um die doppelse Brennweite von der Linse entfernt, so wird, das Bild auf der anderen Seite in gleicher Entfernung entstehen; in diesem Falle ist also Bild und



Gegenstand gleich gross, Rückt der Gegenstand der Linse nüber, so entfernt sich das Bild, es wird also grösser. Von solchen Gegenständen also, die um inehr als die Brennweite, aber weniger als die doppelte Brennweite von der Linse abstehen, erhält man verkehrte vergrösserte Bilder; so ist in unserer Figur das Bild ab grösser als der Gegenstand AB.

Wenn der Gegenstand weiter von der Linse entfernt ist als die doppelde Breunweite, so liegt das Bild der Linse näher; von entfernten Gegenstanden erhält man also verkehrte verkleinerte Bilder. Wäre ab, Fig. 662, ein solcher Gegenstand, der um mehr als die doppelte Breunweite vom Glass absteht, so würde nam das verkleinerte Bild AB erhalten

Nennen wir g die Grösse des Gegenstandes, g' die des Bildes,  $\varepsilon$  die Entfernung des Gegenstandes und e' die Entfernung des Bildes vom Glase, so ist

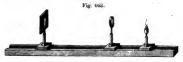
$$g:g'=e:e'$$

d. h. Bild und Gegenstand verhalten sich wie ihre Entfernungen von der Linse.

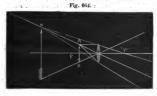
Bei gleichem Abstande des Gegenstandes liegen die Bilder näher aus Glase, wenn die Prennweite der Lines klein, weiter, weum sie groes ist; von entfernten Gegenständen geben also die Linsen im so kleinere Bilder, je klurzer ihre Brennweite ist; ünigekehrt ist für den Fall, dass die Linse vergrösserte Bilder kleiner Gegenstände giebt, welche sich in der Nähe ihres Brennpunktes befinden, bei gleicher Entferning des Bildes von der Linse das Bild derfenigen Linsen das grössere, welche eine geringree Brennweite haben, weil bei diesen der Gegenstand näher an die Linse herarrückt.

Die Entstehung der Sammelbilder durch Linsengläser, sowie überhaupt die Gesetze der durch Linsengläser hervorgebrachten Erscheinungen, welche wir bisher betrachtet haben, lassen sich mit Hülfe der schon oben besprochenen optischen Bank experimentell nachweisen. Das entspre-

chende Arrangement ist Fig. 663 dargestellt, welche wohl keiner näheren Beschreibung bedarf.

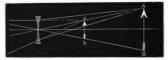


Wenn der Gegenstaud noch innerhalb der Brennweite der Liuse sich befindet, so. kann kein Sammelbild von ihm entstehen, weil die Strahlen, welche von einem leuchtenden Funkte ausgehen, der der Liuse naher liegt als der Brennpunkt, nach ihrem Durchgange durch die Liuse immer noch divergiren, In Fig. 664 sie. 4B ein solcher innerhalb der Brennweite sich befindender Gegenstand, so divergiren die von A ausgehenden Strahlen nach ihrem Durchgange durch die Liuse, als ob sie von a kämen. Die Entferpung-des Punktes a von der Liuse kann man nach



den oben gegebenen Formeln leicht berechnen. Die von B ausgehenden Strahlen divergiren nach dem Durchgange durch die Linse so, als ob sie von b kämen; wenn nun ein Auge sich auf der anderen Seite des Glases befindet, so wird es statt des Gegenstandes AB sein Bild ab sehen. Da Gegenstand und Bild innerhalb desselben Winkels axb liegen, der Gegenstanda bare dem Glase näher liegt, so ist offenbar das Bild in diesem Falle gröser als der Gegenständ. Wenn man eine kinse als Loupe anwendet, um kleinere Gegenstände däudurch zu betrachten; so ist es das auf diese Weise vergrösserte virtuelle Bild, welches man sieht. Wir werden darauf später noch zurückkommen.

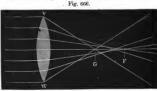
Dié Hohlgläser geben keine Sammelbilder, sondern nur virtuelle Bilder, Bilder der Art, wie sie bei Convexlinsen entstehen, wenn der Gegenstand sich innerhalb der Brennweite befindet. Da nun eine Hohllinse die Strahlen, weiche von einem Punkte ausgehen, noch divergenter macht, als ob sie von einem näher am Glase liegenden Punkte kämen, so ist klar, dass die Hohlgläser stets verkleinerte Bilder der Gegenstände zeigen, wie man leicht Fie. 665.



beim Anblicke der Fig. 665 übersehen wird, wo AB der Gegenstand, ab das Bild ist.

239 Sphärische Aberration. Wir haben bereits in §. 231 gesehen, dass für Linsen von grosser Oeffnung, d. b. für Linsen, bei denen die Krümmung von der Mitte bis zum Rande bedeutend ist, der Vereningungspunkt den Randstrahlen der Linse viel näher liegt als der Brennpunkt der centralen Strahlen, wie dies durch Fig. 645 auf S. 568 für eine planconvexe, durch die Fig. 66 für eine bioconvexe Linse erlautert wird.

Die Abweichung des Vereinigungspunktes G solcher Strahlen, welche die Linse näher am Rande passirt haben von dem Brennpunkt T der centralen Strahlen, wird als sphärische Aberration bezeichnet.



In Folge der sphärischen Aberration können stark gewölbte Linsen keine scharfen und reinen Bilder geben. Wendet man z. B. zu dem durch Fig. 663 x. Sös erläuterten Versuch eine im Verhältniss zum Durchmesser stark gewölbte Linse an, etwa eine solche von der Form Fig. 666, so erhält mit ein verschwommenes Bild der Kerze, welches von einem hellen Schein umgeben ist. Bedeckt man aber die Linse durch einen Schirm, welcher nur den centralen Theil derselben fire i lässt, so wird das Bild schärfer, wenn es anch an Lichtstärke verliert. Optisch brauchbare Linsen dürfen deshalb nur eine geringe Oeffnung haben; der Durchmesser optisch brauchbarer Linsen muss also mit der Brennweite abnehmen.

Wo es darsuf ankommt, bei kurzer Brennweite eine grössere Lichtmenge zu verenigen, wird es immer vortheilhafter sein, für eine einzige
Linse eine Combination von zweien anzuwenden, von denen jede bei gleichem Durchmesser die doppelte Brennweite hat und die nan dann in einiger Entferung von einander anbringt. Eine Linse von 4 Zoll Brennweite z. B., welche 2 Zoll Durchmesser hat, wird zienlich unreine Bilder
geben; weit schaffer werden dieselben, wenn man zwei Linnen von 2 Zoll
Durchmesser und 8 Zoll Brennweite so combinirt, dass sie ungefähr 2 Zoll
von einander abstehen. Bei gleichem Durchmesser ist eine solche Linsencombination immer mit einer geringeren sphärischen Aberration behättet
als eine ihr äquivalente einfache Linse, was vorzugsweise daher rührt, dass
das Strahlenbindel nur den mitteren Theil der zweiten Linse passirt.

Die sphärische Aberration stark gewölbter Linsen giebt in shniicher Weise, wie die sphärische Aberration stark gewölbter Hohspiegel, Veranlassung zur Bildung von Brennlinien und Brennflächen, welche Diakaustiken genannt werden, während man die durch Befletion erzeugten Katakaustiken nennt, wie dies bereits in §. 220 nachgewiesen worden ist.

## Viertes Capitel.

## Prismatische Farbenzerstreuung.

240 Zerlegung des weissen Lichtes. Bereits auf Seite 554 haben wir gesehen, dass ein Bändel Sonnenstrahlen, durch ein Prisma aufgefangen, nicht nur von seiner Richtung abgelenkt, sondern auch in Strahlen von verschiedener Farbe zerlegt wird, welche aus dem Prisma in verschiedener Richtung austreden.

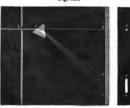
Die durch Brechung bewirkte Trennung des weissen Lichtes in verschiedenfarbige Strahlen wird mit dem Namen der Farbenzerstreuung oder der Dispersion bezeichnet.

Fängt man das vom Prisma aus divergirende Strahlenbündel auf einem Schirme auf, so erhält man das Spectrum, welches Fig. 1, Tab. I. abgebildet ist und welches wir jetzt naher betrachten wollen.

Wir unterscheiden im Spectrum sieben Hauptfarben, die allmälig in einander übergehen; sie sind: Roth, Orange, Gelb, Grün, Blau, Indigo und Violett.

Diese Farben werden einfache Farben, prismatische Farben oder auch Regenbogenfarben genannt.

Das rothe Ende des Spectrums r, Fig. 667, ist jederzeit der Stelle Fig. 667.



587

zugekehrt, an welcher das weisse Sonnenbildehen d erscheinen wurde, wenn das Prisma nicht da wäre; die rothen Strahlen laben also die geringste Ablenkung erfabren.

Die Breite des Spectrums hängt unter sonst gleichen Umstän-

 Von dem brechenden Winkel des Prismas. Von zwei Glasprismen derselben Glassorte, deren brechende Winkel 45° und 60° betragen, wird letzteres ein bedeutend breiteres Spectrum geben.

2. Von dem Stoffe, aus welchem das Prisma verfertigt ist, wie wir das später noch sehen werden. Bei gleichem brechenden Winkel giebt z. B. ein Prisma von Schwefelkohlenstoff ein bedeutend breiteres Spectrumals ein Wassernrisma.

Um das prismatische Farbenbild zu sehen, ist es nicht nöttig, dass man durch ein Frisma ein Sonneapsetrum auf einer weisene Wand herverbringt; man braucht nur durch ein Frisma nach einem schmalen hellen Gegenstande hinzusehen. Betrachtet man z. B. eine Kerzenfamme durch ein vertieal gehaltenes Frisma, so ersieheit sie bedeutend in die Breite gezogen und auf die erwähnte Weise geführt. Wenn man in einem Fensterladen ein Loch von ungefährt 1" Durchmesser einschneidet, so sieht man durch diese Oeffnung den hellen Himmel, also einen hellen Kreis suf duuklem Grunde. Betrachtet man ihn aber durch das Prisma, so sieht man statt des weisen Kreises ein sehr in die Länge gezogenes farbiges Bild, von welehem. Alles gilt, was oben von dem an die Wand geworfenen Spectrum gesagt wurde.

Die Bildung des Spectrums ist eine Folge der ungleichen Brechburkeit der verschiedenfarbigen Strahlen, welche im weisen. Liehte enthalten sind; die rothen Strahlen bilden mit den violetten metr dem Burchgauge durch das Prisma einen Winkel, sie divergiren, und zwar sind die violetten Strahlen mehr von ihrer ursprünglichen Richtung abgelenkt als die rothen. Die violetten Strahlen sind unter allen die am stärksten brechbaren, die rothen sind es am wenigsten. Die grünen Strahlen sind stärker brechber als die rothen und weniger als die violetten, weil im Spectrum das Grün zwischen Roth und Violett liegt.

Fig. 668.



Wenn man ein Spectrum auf einem Schirme AB, Fig. 668, auffängt und an einer bestimmten Stelle desselben, etwa da, wo die blauen Strahlen auffällen, ein Loch macht, so werden alle Farben bis auf einen einzelnen. farbigen Strahl aufgrfangen, dieser Strahl nun lisst sich auf keinerlei Weise weiter zerlegen, und wenn man ihn auch durch zweites Prisma p gehen lässt, so bleibt die Farbe doch unverändert. 241

Wenn man ein horizontales, etwa auf einem Papierschirm aufgefangenes Spectrum A V, Fig. 669, durch ein Prisma betrachtet, dessen bre-

Fig. 669.



chende Kante gleichfalls borizontal stebt, so wird es als ein schräg stebendes Spectrum RS erscheinen, welches bei R sein rotbes, bei S sein violettes Ende hat, und in welchem die Farben genau in derselben Ordnung auf einander folgen, wie in dem ursprünglichen Spectrum A V. Dieser Erfolg ist leicht vorauszusehen, wenn man bedenkt, dass das zweite Prisma keine weitere Zerlegung der homogenen Farben des Spectrums AV bewirken kann, dass es aber die einzelnen Farben um so stärker ablenkt, je brechbarer sie sind.

Nach Newton nennt man das einfache Licht auch homogenes Licht.

Aus den einfachen Farben des Spectrums lässt sich das weisse Licht wieder zusammensetzen. Wenn man die von dem Prisma s. Fig. 670, divergirenden, ein Spectrum bildenden Strahlen mit einer Linse l auffängt, so werden die verschiedenfarbigen Strahlen durch dieselbe in einem Punkte f vereinigt, und wenn man



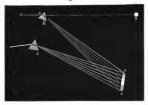
hier das Sonnenbild auf einem mattgeschliffenen Glase oder auf einem Papierschirme auffängt, so erscheint es wieder blendend weiss, obgleich verschiedenfarbige Strahlen auf die Linse auffielen. Hält man den Schirm nicht in den Vereinigungspunkt f. sondern weiter von der Linse weg, so erhält man wieder ein umgekehrtes Spectrum, ein Beweis, dass sich die verschiedenfarbigen Strahlen in f kreuzten.

Hätte man vor dem Prisma s einen Schirm aufgestellt, welcher mit einem

schmalen verticalen Spalt versehen nur ein schmales Strahlenbündel auf das Prisma fallen lässt, so würde man in f auch nur einen schmalen, weissen verticalen Streifen erhalten. Wird aber die ganze vordere Fläche des Prismas s von dem einfallenden Strahlenbundel getroffen, so erhält man bei f auch ein breiteres weisses Bild der rectangulären Prismenfläche.

Man kann sich zu diesen Versuchen auch eines Sammelspiegels anstatt einer Linse hedienen.

Dass die prismatischen Farben zusammen Weiss geben, geht auch aus dem sehr überraschenden, ebenfalls von Newton angegebenen Versuche hervor, dass das lange prismatische Farhenbild, durch ein zweites Prisma gesehen, heir richtiger Stellung desselhen wieder als ein vollkommen weissen und nicht in die Breite gezogenes Bild erseheint. In Fig. 671 sei r v ein Spectrum, welches, durch das Prisma A erzeugt, auf einer weissen Wand aufgefangen ist. Wenn nun ein zweites Prisma B so aufgestellt wird, dass es dasselbe Spectrum r v an derselben Stelle erzeugen Fig. 671.



wurde, wenn ein Sonnenstrahl in der Richtung on darauf fiele, so ist klar, dass auch alle Strahlen, die von dem Spectrum auf dieses Prisma B fallen, in der Richtung no austreten werden; ein in o hefindliches Auge muss also in der Richtung o ns ein weisses Bild des farbigen Spectrums sehen. Die Stellung, die man dem Prisma B geben muss, lässt sich leicht durch den Versuch ansmitteln.

Wenn man eine kreisförmige Scheihe in siehen Sectoren theilt und diese mit Farben hemalt, die den prismatischen möglichst shulleis nind, so erscheint die Scheibe hei rascher Rotation nicht mehr farbig, sondern weisslich; sie würde vollkommen weiss erscheinen, wenn die Sectoren mit den reinen prismatischen Farben hemalt werden könnten, und wenn die Breite der einzelnen farbigen Sectoren genau in demselben Verhältnisse zu einander ständen, wie die Breiten der entsprechenden Theile des Spectruns. Um nach demselben Principe mit reinen prismatischen Farben operiren zu können, brachte Münchow das Prisma mit einem Uhrwerke in Verhindung, um es in eine rasche oscillirende Bewegung versetzen zu können. Durch diese Bewegung des Prismas geht nun auch das auf einem Schirme aufgefangene Spectrum rasch hin und her, und da zeigt sich dann statt des farbigen Spectrums ein weisser Lichtstreifen, der nur an den Enden noch etwas farbig erscheint. Das Auge empfängt nämlich von jedem Punkte

des Schirmes rasch auf einander die Eindrücke aller einzelnen Farben, die einzelnen Eindrücke vermischen sich und bringen so die Empfindung von Weiss hervor.

Wean man einen schmallen weissen Streifen durch ein Priman betrachtet, dessen brechende Kante peiralle ist mit der Längreichtung des Streifens, so sieht man ein in die Breite gezogenes Farbenhild mit Roth an der einen und Violett an der anderen Seite; betrachtet man neber denselben Streif ab, Fig. 672, durch ein Prisana, dessen brechende Kante rechtwink-Vic. 872.



lig steht auf der Läugsrichtung des Streifens, so erscheint er als ein etwas verlängerter Streifen, welcher in der Mitte vollkommen weiss bleibt. Nur an den Enden ist er etwas gefärbt und zwar roth bei a', blau bei b'.

Es lässt sich dies leicht erklären. Denken wir uns eine Reihe kleiner weier Quadrätchen, auf schwarzem Grunde so zussannengestellt, wie es nieser Figur zeigt, so wird jedes derseiben, durch ein Prisma betrachtet, ein vollständiges Spectrum bilden. Ist die brechende Kante pspallel mit der verticalen Kaute der Quadrätchen, so erscheint das oberste Quadratals Spectrum in rv, und jedes nach unten folgende giebt ein gleiches nucgegen das obere etwas nach links verrücktes Spectrum, wie es unsere Figur zeigt. Das unterste weisse Quadrätchen giebt das Spectrum np.

Denken wir nus nun alle Quadrätchen vertical in die Höhe gesehoben, bis sie mit I einen horizontalen Streifen hilden, welcher dem Streifen ab gleich ist, so werden nun auch alle die Spectra über einander geschoben, welche den einzelnen weissen Quadrätchen entsprechen. Auf das Indigo im Spectrum des 1sten Quadrats fällt das Indigo aus dem Spectrum des 2ten, und als Violet aus dem Spectrum des 3ten un Sw. In dem mittleren Theile fallen endlich alle Farben auf einauder; so fällt z. R. auf das Röth im Spectrum des 1sten Quadrats das Orange aus dem Spectrum des 2ten, und Quadrats das Orange aus dem Spectrum des 2ten, das Geib aus dem Spectrum des 3ten, das Grün, Blau, Indigo und Violett aus dem Spectrum des 4ten, 5ten, 5ten und 7ten Quadrats; hier wie in dem ganzen mittleren Theile des durch Aufeinanderschieben der einzelnen Spectra entstehenden Streifens muss also Weiss gedüldet werden, welches, wie nan aus dem Anblick der Figur leicht ab-

leiten kann, am einen Ende durch Gelb in Roth, am anderen durch Blau in Violett übergehen muss, welche letztere Farbe aber meist wegen ihrer Lichtschwäche kaum merklich ist.

Was hier von dem weissen Papierstreifen gesagt ist, gilt von jedem weissen Gegenstande von bedeutenderer Ausdehnung, den man durch ein Prisma betrachtet, er eischeint nur an den Rändern gefärbt.

Ein breiter sehwarzer Streifen auf weissem Grunde hietet, durch ein Prima betrachtet, gerade die "ungekehrten Erscheinungen dar, das prisnatisiehe Bild erscheint insüllich an dem Ende, welches am wenigsten abgelenkt ist, mit einem violetten und blauen Rande, am anderen Ende aber mit einem rothen und gelben. Um diese Unkehrung zu erklären, braucht man nur zu beleuken, dasse die Farben nicht von dem sehwarzes Streifen selbet, sondern von den weissen Räumen herrühren, die inh begränzen. Wenn der sehwarze Streifen selbet sehr sehmal ist, so verschwindet im Bilde das Schwarz in der Mitte volletänglie.

Ocmplementäre Farben. Da alle einfinchen Farben, im richti- 242 gen Verhältnisse (d. b. in dem Verhältnisse, wie es das Spectrum giebt), vereinigt, weisses Licht bilden, so reicht es hin, eine oder mehrere der einfachen Farben zu unterdrücken oder nur ihr Verhältniss zu ändern, um aus Weiss ingend einen Farbenton zu nachen. Unterdrückt man z. R im weissen Lichte das Roth, Orange und Gelb des Spectrums, während alle anderen Farben ungesändert beiben, so wird mas eine blaue Färbung erhalten, der man nur wieder Roth, Orange und Gelb hinzufügen darf, um das Weiss wieder herzustellen.

Es läset sich dies wirklieh experimentell ausführen. Wenn man durch einen Schirm einen Theil des Spectrums r v auffängt, so wird das Bildeben bei s nicht mehr weiss, sondern gefürbt erscheinen. Fängt man das rothe Ende des Spectrums vom Gelb an auf, so erscheint s blau; es erscheint gelb, wenn man das Blau, Indige und Violett auffängt.

Die Farben, welche durch den nabe hinter A gehaltenen Schirm aufgefangen werden, bilden mit den in rv. Fig 671, noch übrig bleibenden zusammen offenbar Weiss. Zwei Farbentöne aber, welche diese Bedingung erfüllen, d. h. welche zusammengenommen Weiss geben, beissen complementäre Farben. Jede Farbe hat auch ihre complementäre, denn wenn sie nicht weiss ist, so fehlen ihr gewisse Strahlen, um Weiss zu bi-den, und diese fehlenden Strahlen zusammengenommen machen die complementäre Farbe aus.

Sehr sehön lässt sich das Wesen der complementären Farben durch folgenden einfachen Versuch klar machen. Man vereinige nach der durch Fig. 670 erläuterten Weise die aus einem Prisma austretenden farbigen Strahlen durch eine Liase l auf einem Schirme, so dass bei f ein weises Bild entsteht. Fängt man nun hinter der Linse durch ein Prisma p. Fig. 673. (s. f. S.), von sehr kleinem brechenden Winkel (8 bis 109) einen Theil der nach f convergirenden Strahlen auf, so werden diese aufgefangenen Strahlen abgelenkt nnd seitlich in n vereinigt. Nun aber erscheint das



Bild in f sowohl als anch das in n gefärbt, und zwar ist der oben gegebenen Definition zufolge der Farbenton des Bildes f complementär zu dem des Bildes n.

Fängt man durch das flache Prisma p nur die rothen und orangefarbenen Strahlen ab, so wird das Bild n einen rothen, das Bild f einen grünen Farbenton zeigen. Das Grün des Bildes f ist complementär zu dem Roth des Bildes n.

Schiebt man das Prisma p mehr gegen die Mitte des Spectrums hin, bis seine bre-

chende Kante nngefähr in der Mitte des Grün steht, so geht der Farbenton von n allmälig in Gelb, der von f allmälig in Blau über.

Dieser Versuch lässt sich auf die mannigfaltigste Weise abändern, indem man ja das Frisma p (vorausgesetzt, dass es die entsprechenden Dimensionen hat) auch so stellen kann, dass es die mittleren Strahlen des Spectrums auffängt und in n verenigt.

Solche Versuche zeigen auch, dass blaue Farbentöne complementär zu gelben sind, und dass dio verschiedenen Nuancen von Grün rothe Farbentöne zur Complementärfarbe haben.

243 Fraunhofor'sohn Linion. Um die Farben des Spectrums rein zu erhalten, verfährt man in der Regel auf folgende Weise. Vor dem Laden, welcher das Fenster des dunklen Zimmers verschlieset, in dem man experimentiren will, ist ein Spiegel angebracht, welcher so gerichtet werden kann, dass er die Sonnenstrallen in horizontaler Richtung durch eine Oeffnung des Ladens ins Zimmer wirft. Als Oeffnung dient eine verticale Spalte von ungefähr ½ bis I Zoll Hohe und 1 bis 2 Millimeter Breite. Das durch diesen Spalt eingedrungene Lichtbündel wird in einer Entfervon 4 bis 6 Schritten durch ein Frisma voll wird in einer Entferhentsoff aufgefangen und in dem Wege des fürft das Frisma abgelenden Strahlenbündels in geeigneter Entfernung ein Schirm von weissem Papier anfgestellt.

Dass auf diese Weise erzengte Spectrum zeigt jedoch die einzelnen Farben noch keineswegs vollkommen rein, denn die Sonne hat einen namhaften Durchmesser, jeder Verticalstreifen im Spiegelbilde der Sonne erzeugt sein eigenes Spectrum, nnd alle die den verschiedenen Partien der Sonne entsprechenden Farbenspectra fallen in unserem Farbenbilde theilweise übereinander.

Ein ganz reines Spectrum kann man dadurch erhalten, dass man unmittelbar vor das Prisma einen zweiten, mit dem ersten parallelen Spalt setzt, wie dies Fig. 674 angedeutet ist.

In einem so erzeugten Spectrum erscheint nnn eine Reihe von schwarzen Streifen, welche zur Längenrichtung des Spectrums rechtwinklig sind, Fig. 674.





wie man Fig. 676 (a. f. S.) sieht. Stellt man den Versuch auf die beschriebene Weise an, so erhält man immer nur ein lichtschwaches Spectrum, auf welchem die Streifen keineswegs scharf hervortreten.

Um das Spectrum auf dem Schirme lichtstärker und die Streifen sehärfer zu erhalten, kann man verfahren, wie Fig. 675 angedeutet ist. Der Schirm mit dem zweiten Spalte, der in Fig. 674 vor dem Prisma stand, wird entfernt und dicht hinter dem Prisma eine Linse von 3 hin 10 Fuss Brennweite aufgestellt, welche das von dem Prisma divergirende Strahlenbindel aufflingt. Stellt man nun den Schirm ab in solcher Entfernung von der Linse auf, dasse ein seharfes Bild des Spaltes entstehen würde, wenn nur vollkommen homogenes Licht durch denselben eindränge, so erhält man ein brillantes Spectrum mit scharfen Linien.

Die Linse l kann, ohne den Erfolg zu stören, auch statt an der in Fig. 675 bezeichneten Stelle unmittelbar vor das Prisma gesetzt werden.

Die dunklen Streifen im Spectrum wurden zuerst von Wollaston beobachtet und in den Philos. Transactions von 1802 beschrieben, später aber von Frannhofer, dem jene Beobachtung unbekannt geblieben war, genauer untersucht (Denkschriften der Münchener Akademie der Wissen-



schaften 5. Band, 1814 nnd 1815); nach Letzterem werden die dunklen Linien im Spectrum gewöhnlich die Fraunhofer'schen Linien genannt.

Fraunhofer's Verfahren zur Beobachtung der dunklen Linien im Spectrum war von dem eben beschriebenen abweichend; er stellte das Spectrum nicht anf einem Schirm dar, soudern er beobachtete es durch ein Fernrohr, welches unmittelbar hinter dem Prisma aufgestellt war, so dass das Fernrohrobjectiv die aus dem Prisma divergirend austretenden Strahlen auffängt. Bei gehöriger Einstellung des Fernrohroculars sieht man die Fraunhofer'schen Linien nicht allein ungleich schärfer, sondern auch weit zahlreicher, als bei objectiver Darstellung des Spectrums auf einem Papierschirm. Während man aber das objective dargestellte Spectrum auf einmal übersehen kann, so überblickt man bei der Fernrohrbeobachtung auf einmal nur einen kleinen Theil des Spectrums, wenn das Fernrohr einigermaassen stark vergrössert. Man muss alsdann dasselbe etwas verschieben, um nach der Beobachtung der Linien im violetten und blauen Lichte zu der Beobachtung der Streifen überzugehen, welche sich in der gelben und rothen Partie des Spectrums befinden.

Die dunklen Linien sind unregelmässig über das ganze Spectrum verbreitet. Einige dieser Streifen sind sehr fein und erscheinen als isolirte, kaum sichtbare schwarze Linien, andere hingegen liegen einander sehr nahe und gleichen eher einem Schatten als getrennten Linien; endlich giebt es einige, welche bei etwas bedeutenderer Ausdehnung sehr scharf und bestimmt er-Um mitten in dieser Verwirscheinen. rung einige feste Punkte zu haben, hat Fraunhofer acht Streifen ausgewählt, die er mit A, B, C, D, E, F, G und H bezeichnete, welche den doppelten Vortheil bieten, dass sie leicht zu erkennen nnd dass die durch sie im Spectrum gemachten Abtheilungen nicht gar zu ungleich sind. Zwischen B und C liegen nach Fraunbofer's Beobachtungen 9 feine scharfe Linien, von C his D zählte er ungefähr 30, von D bis E 84, von E bis F mehr als 76, unter denen sich drei der stärksten im ganzen Spectrum befinden, von F bis G 185, von G bis H 190, zusammen also von B bis H 574. A, B und C liegen in Roth, D im Orauge, E am Uebergange von Geh in Grün, F am Uebergange zwischen Grün und Blan, G im Indige, H im Violett.

Mit Prismen von Flintglas oder Schwefelkohlenstoff, die einen grossen brechenden Winkel haben, kann man die stärkeren Streifen sehon mit blossen Augen sehen.

Das Licht der Venus giebt dieselben Streifen wie das Sonnenlicht, nur sind sie weniger leicht zu unterscheiden; das Licht des Sirius endlich giebt ebenfalls dunkle Streifen, die aber von denen der Sonne und der Planeten ganz verschieden sind; besonders bemerklich sind deren drei, einer im Grün und zwei im Blau.

Andere Sterne erster Grösse scheinen Streifen zu geben, die von denen der Sonne und des Sirius verschieden sind.

Messung der prismatischen Ablenkung. Um nach den in 243 §. 227 entwickelten Formeln den Breehungsexponenten einer Substanz berechnen zu können, mass man den hrechenden Winkel eines aus ihr gefertigten Prismas und die Ablenkung der Strahlen kennen, welche es hervorbringt; und zwar entweder für den Fall des Minimuns der Ablenkung oder für den Fall, dass die Strahlen das Prisma rechtwinklig zur Austrittsfäße verlassen.

Die verschiedenen Farben des Spectrums erleiden durch das Prisma ungleich grosse Ahlenkungen, die sich aber nicht mit Genauigkeit messen lassen, weil eben diese Farben nicht scharf begränzt sind, sondern allmälig in einander übergeben. Erst durch die Entdeckung der Fraunhofer'sehen Linien wurden feste Punkt gewonnen, welche eine genaue Einstellung und Messung möglich machten.

Um das Minimum der Ablenkung für die hauptsächlichsten dunklen Linien des Spectrums mit Genauigkeit messen zu können, wandte Fraunhofer ein Theodolit an und stellte das Prisma vor dem Objectiv seines Fernrohrs ungefähr in der Weise auf, wie es Fig. 677 und Fig. 678 (a.f.S.) zeigt.

Vor der Aufstellung des Prismas wird das Fernrohr so gerichtet, dass man den Spalt, durch welchen das Licht in das dunkle Zimmer einfällt, deutlich durch dasselbe sieht und dass das Fadenkreuz des Fernrohrs gerade auf denselhen eingestellt ist. In Fig. 678 sei ba die nach dem Spalt gerichtete Visirlinie. Bei dieser Stellung des Fernrohrs wird der Nonius abgelesen.

Nun wird das Prisma auf einer vor dem Objectiv des Fernrohrs hefestigten Platte aufgestellt (Fig. 677 erläutert, wie diese Platte angebracht ist; in Fig. 678 ist die Vorrichtung zum Festhalten des Prismas weggelassen) und das Fernrohr mit der Alhidade um die verticale Axe des Theo-Fig. 677. dolits, das Prisma aber um seine eigne verticale Axe

Fig. 677. dolits, gedreh

gedreht, bis eine bestimmte dunkle Linie des Spectrums bei dem Minimum der Ablenkung gerade durch den verticalen Faden des Fadenkreuzes gedeckt ist.

Wird alsdann der Nonius abermals abgelesen, so

Wird alsdann der Nonius abermals abgelesen, so giebt die Differenz der beiden Ablesungen den Winkel,



welchen jetzt die Fernrohraxe cd mit ihrer ursprünglichen Lage ab macht. Der so gefundene Winkel ist das gesuchte Minimum der Ablenkung für die beobachtete dunkle Linie, wenn der Spalt so weit vom Theodolit entfernt ist, dass man den auf das Prisma fallenden Strahl n sa las parallel mit ab betrachten kann. Ist dies nicht der Fall, so mass man zu dem Winkel cmb, noch den Winkel adb, noch den Winkel sand,

Bei diesem Verfahren ist der Umstand störend und unbequem, dass mit jeder Drehung des Fernrohrs auch das Prisma verstellt und gedreht wird. Viel bequemer ist es, wenn das Prisma in der Aze des getheilten Kreises aufgestellt wird, wie dies bei dem bereits auf Seite 517 besprochenen Goniometer von Babinet möglich

ist, welches sich aus diesem Grunde sehr gut zu Spectraluntersuchungen eignet. Dieselbe centrale Außtellung des Prismas findet auch bei den in Fig. 679 im Aufriss und Fig. 680 im Grundriss dargestellten Spectrometer von Meyerstein (Pogg, Annal Bd. XCVIII, S. 91) statt.

Die von drei Füssen getragene kurze Metallsäule  $\hat{A}$  (im Grundriss unsiehtbar) ist in der Richtung ihrer verticalen Axe durchbohrt, und in dieser Höhlung dreht sich ein zum Theil konischer Stahlzapfen, welcher von a bis b hinabreicht.

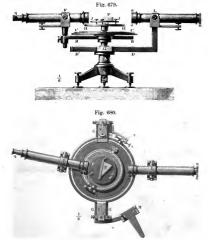
Mit diesem Stahlzapfen ist der horizontale getheilte Kreis C und der metallene Arm B (dessen Verlängerung auf der rechteu Seite als Gegengewicht dient) fest verbunden und zwar so, dass beide sich mit dem Zapfen ab um dessen verticale Axe drehen.

Im Arm B ist der Träger des Fernrohres F eingesteckt, dessen Axe bei richtiger Einstellung vollkommen wagerecht steht und genau auf die Verticalaxe des Instrumentes (die Verlängerung der Axe des Zapfens ab) gerichtet ist.

Auf der Säule A ist ein massives Metallkreuz anfgeschraubt, also mit A unabänderlich verbunden. Der eine Arm D dieses Metallkreuzes bil-

det den Träger für das Rohr L; der nach Aussen breiter werdende Arm D' dient als Gegengewicht für D und L.

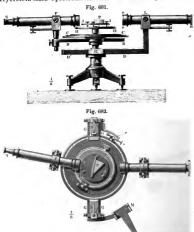
Die zu D und D' rechtwinkligen Arme G und G' (der nach vorm gerichtete Arm G ist im Aufriss als abgeschnitten dargestellt) endigen wie der Arm D mit verticalen Schenkeln, welche bis zur Höhe des getheilten Kreises G' hinaufgehen und als Träger der Nonien N und N'



dienen. Die Nonien N und N behalten also unverändert ihre Stellung bei, während der getheilte Kreis und mit ihm das Fernrohr F um die verticale Axe des Instrumentes gedreht wird.

Mittelst der Klemmschraube r kann man den getheilten Kreis foststellen und mittelst der Mikrometerschraube s eine feinere Einstellung bewirken. Der Zapfen ab ist auch nach Oben konisch verjüngt und auf ihm sitzt, mittelst einer Messinghübe um denselben drehbar, ein zweiter getheilter Kreis H, auf welchem mittelst dreier Schrauben das Tischlein J steht. Auf dieses Tischlein endlich wird das Prisma P aufgesetzt.

Mit dem Babinet'schen Goniometer sowohl, wie auch mit dem Meyerstein'schen Spectrometer kann man zunächst ganz nach der



Fraunhofer'schen Methode den Brechungsexponenten für jede beliebige dunkle Linie des Spectrums bestimmen. Man stellt nach Entfernung des Rohres L das Instrument 15 bis 20 Fuss weit von der Spalte, durch welche das Heliostat die Sonnenstrahlen in das dunkle Zimmer sendet, so auf, dass die Aze des Fernrohrs F in gleicher Höhe mit der Spalte liegt. Nachdem man nun das Fernrohr F in der oben angegebenen Weise auf

den Spalt eingestellt und den Nonius abgelesen hat, wird das Prisma P aufgesetzt und dann abwechselnd der Kreis C mit dem Fernrohr F, mit dem Kreise H und dem Prisma gemeinschaftlich, dann aber wieder, nachdem der Kreis C festgestellt worden ist, der Kreis H mit J und P allein gedreht, bis man es dahin gebracht hat, dass bei dem Miniumum der durch das Prisma bervorgebrachten Ablenkung die zu bestimmende Fraunhofer'sche Linie gerade am vertieden Faden des Fadenkreuzes erscheinf. Wird nun abernals der Nomius abgelesen, so ergiebt sich das Miniumum der Ableeungen.

Bei einem derartigen Versuch ergab die Ablesung des Nonius 2º 7′, als des Fernrohr auf die Spalte eingestellt war. Nachdem nun ein Flintglasprisma aufgesetzt worden war, dessen brechender Winkel 35° betrag, und das Fadenkreuz bei dem Minimum der Ablenkung der Reihe nach auf die dunklen Linien  $G_r$  F und D eingestellt worden war, ergab die Ablesung des Nonius für die Linie

D	F	G			
23° 41′ 30″	240 6' 30"	240 27' 10"			

das Minimum der Ablenkung war demnach für

Setzt man nun in Gleichung 2), S. 560, g=35 und für D der Reihe nach die Werthe 21° 34′ 30″, 21° 59′ 30″ u. s. w., so ergiebt sich als Brechungsexponent der fraglichen dunklen Linien für die Flintglasmasse, aus welcher das Prisma verfertigt war,

Wenn man nicht über ein Local verfügen kann, welches eine hinlängliche Entferung des Instrumentes vom Spalt erlaubt, so wird das zweite Robr L, Fig. 681 und 682 (oder wenn man mit dem Babin et schen Goniometer operirt das Robr L Fig. 584, Seite 517), in Anwendung gebracht, an dessen einem Ende bei o eine Fernrohr-Objectivlinse angeschraubt ist, während sich am andern Ende statt des Oculars ein Spalt befindet, welcher nach Belieben enger nad weiter gestellt werden kann und welcher gebörig vertical gerichtet und in die Brennweite der Linse o eingestellt werden nuss. Wenn man nu das Instrument ganz nache bei dem Spiegel des Heliostats so aufstellt, so werden die durch die Spalte n in das Rohr L eintretenden Strahlen als ein paralleles Bündel aus dem Objectiv austreten, als ob sie von einem weit entfernten Spalt herkamen.

Das Fernrohr F wird nun zunächst so aufgestellt, dass seine Axe in die Verlängerung der Axe des Rohres L fällt und dass das scharfe Bild des Spaltes am verticalen Faden des Fadenkreuzes crscheint. Der fernere Gang der Beobachtung ist alsdann ganz der oben angegebene.

Die Einstellung auf das Minimum der Ablenkung hat aber das Unangenehme, dass man sie nur durch fortgesetztes Probiren zu Wege bringen kann, indem man abwechselnd an der Stellung des Kreises C mit dem Fernrohr und Prisma, dann wieder an der Stellung des Kreises II mit dem

Prisma allein corrigiren muss.

Diese Unannehmlichkeit hat Meverstein dadurch vermieden, dass er nicht das Minimum der Ablenkung in Anwendung bringt, sondern dass er die Strahlen rechtwinklig zur zweiten Fläche des Prismas austreten lässt. Es wird also zunächst durch Drehung des Kreises H, Fig. 682, das Prisma so gestellt, dass seine dem Fernrohr F zugekehrte Fläche rechtwinklig auf der Axe dieses Fernrohrs steht. Alsdann wird durch Anziehen der Schraube t (welche sammt Zugehör im Aufriss, Fig. 681, weggelassen ist) der Kreis II mit C fest verbunden und dann beide sammt Prisma und Fernrohr um die verticale Axe des Instrumentes gedreht, bis die zu bestimmende Fraunhofer'sche Linie am Fadenkreuz des Fernrohrs erscheint.

Um die dunklen Linien im Spectrum durch das Fernrohr zu sehen, ist es nicht nöthig, dass Sonnenlicht direct auf den Spalt falle; es genügt helles diffuses Tageslicht,

Es bleibt nur noch zu erklären übrig, wie die Austrittsfläche des Prismas rechtwinklig zur Axe des Fernrohrs F gestellt wird.

Die Ocularröhre des Fernrohrs F ist mit einer seitlichen Oeffnung q versehen, hinter welcher ein Plättchen von Spiegelglas unter einem Winkel von 45° gegen die Fernrohraxe angesetzt ist, wie Fig. 683 zeigt, welche die Ocularröhre in vergrössertem Maassstab darstellt. Wird nun

Fig. 683.

in einiger Entfernung von dieser Oeffnung eine Lampe in gehöriger Weise aufgestellt, so werden die von ihr ausgehenden, durch die Oeffnung q eintretenden Strahlen durch den Spiegel gegen das Fadenkreuz und das

Objectiv hin reflectirt. Wenn nun das Prisma annähernd richtig gestellt ist, so sieht man durch die Ocularlinse in das Fernrohr hineinschauend das Fadenkreuz einmal direct und dann das Bild desselben, welches von der Austrittsfläche des Prismas P reflectirt wird. Durch Drehen des Kreises II kann man machen, dass das directe Bild des Fadenkreuzes mit dem Spiegelbild desselben zusammenfällt.

Sollte das Bild nicht gehörig vertical stehen, so kann man die Stellung des Prismas durch die drei Schrauben corrigiren, durch welche das Tischlein J getragen wird.

Meyerstein's Spectrometer kann auch als Goniometer gebraucht werden. Zu diesem Zweck wird das Fernrohr F. Fig. 681, auf den Träger M gelegt, welcher mit den Armen D und also auch mit der Säule A fest verbunden ist; der Träger aber, auf welchem das Fernrohr F bei Spectralbeobachtungen liegt, wird eutfernt. Der Krystall oder das Prisma, an welchem der Winkel gemessen werden soll, welchen zwei Flächen mit einander machen, wird auf das Tischlein J so aufgestellt, dass die Kante, in welcher die beiden fraglichen Flächen zusammenstossen, vertical steht. Alsdann wird der Kreis C mit allem was seine Axe trägt gedreht, bis man durch das Fernrohr F das Spiegelbild des Spaltes n in einer der beiden Krystallflächen sieht; nachdem man das Fadenkreuz des Fernrohrs F genau auf das Spiegelbild des Spaltes eingestellt hat, wird der Nonius abgelesen und dann der Kreis C gedreht, bis das Spiegelbild des Spaltes n in der andern Fläche ebenfalls auf das Fadenkreuz eingestellt ist, und abermals der Nonius abgelesen. Zieht man den Unterschied der beiden Nonienablesungen von 1800 ab, so erhält man den Winkel, welchen die beiden fraglichen Flächen mit einander machen.

Brechungsexponenten der verschiedenen Strahlen des 245 Spectrums. Die Bestimmung des Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Strahlen ist für die Theorie der Optik sowoll, wie für die Construction der optischen Instrumente von der höchsten Wichtigkeit. Die Unversinderlichkeit der Streifen im Spectrum macht nun diese Bestimmung ungleich genaner, als es bis dahim möglich war, da man nur auf die nicht scharf begränzten Nännen einstellen konnte. Statt nun den Brechungs-

exponenten der rothen, der gelben, der grünen u. s. w. Strahlen zu ermitteln, bestimmt man jetzt die Brechungsexponenten der mit B, C, D, E, F, G und H bezeichneten Streifen nach den oben erläuterten Methoden. Die folgende Tabelle enthält die Resultate einiger sehr genauen Ver-

Die folgende Tabelle enthält die Resultate einiger sehr genauen Versuche von Fraunhofer.

 $B \mid C \mid D \mid E \mid F \mid G \mid H$ 

stanzen.	_				_	-	_
Flintglas Nr. 13	1,627749	1,629681	1,635036	1,642024	1,648260	1,660285	1,671062
Crownglas Nr. 9 .	1,525832	1,526849	1,529587	1,533005	1,536052	1,541657	1,546566
Wasser	1,330935	1,331712	1,333577	1,335851	1,337818	1,341293	1,344177
Terpentinol	1,470496	1,471530	1,474484	1,478353	1,481736	1,488198	1,493874
Flintglas Nr. 3	1,602042	1,603800	1,608494	1,614532	1,620042	1,630772	1,640373
Flintglas Nr. 30 .	1,623570	1,625477	1,630585	1,637356	1,643466	1,655406	1,666072
Crownglas Nr. 13	1,524312	1,525299	1,527982	1,581872	1,534337	1,539908	1,544684
Crownglas Lit M.	1,554774	1,555933	1,559075	1,563150	1,566741	1,573535	1,579470
Flintglas Nr. 23 .	1 626596	1 628469	1.633667	1 640945	1 646756	1.658848	1.669686

Eine Reihe sehr genauer Messungen über die Brechungsverhältnisse der wichtigsten Fraunhofer'sehen Linien in versehiedenen Körpern hat Baden - Powel gemacht (Pogg. Annal. Bd. LXIX, S. 110). Die folgende Tabelle enthält einige der von ihm gewonnenen Resultate.

	B	C	D	E	F	G	H
Cassiaöl	. 1,5945	1,5979	1,6073	1,6207	1,6358	1,6671	1,7025
Sehwefelkohlenstoff	. 1,6182	1,6219	1,6308	1,6439	1,6555	1,6799	1,7020
Anisöl	1,5486	1,5508	1,5572	1,5659	1,5743	1,5912	1,6081
Kreosot	1,5320	1,5335	1,5383	1.5452	1,5515	1,5639	1,5744
Alkohol, specifisches Gewich	t						
0,815 bei 18,6° C	1,3628	1,3633	1,3654	1,3675	1,3696	1,3733	1,3761
Steinsalz							

Die Brechungsexponenten von Salzlösungen weichen nicht bedeutend von denen des reinen Wassers ab, wie man aus der folgenden, ebenfalls den Resultaten von Baden-Powel entnommenen Tabelle sieht.

			В	C	D	E	F	G	H
Wasser			 1,3310	1,3320	1,3336	1,3357	1,3380	1,8412	1,3448
Lösung	von	Salmiak	 1,3499	1,3508	1,3529	1,3552	1,3575	1,3617	1,5650
**	**	Salpeter	 1,3457	1,3468	1,3487	1,3510	1.3533	1,3586	1,360e
22	,,	Bittersalz .	 1,3434	1,3442	1,3462	1,3486	1,3504	1,3540	1,3570
**	"	Glaubersalz	1,3392	1,3398	1,3419	1,3442	1,3462	1,3499	1,3528
"	19	salpetersaurer Bleioxyd	1,3455	1,3461	1,3482	1,3506	1,3528	1,3568	1,360x

Die obigen Brechungsexponenten von Wasser gelten für eine Temperatur von 18,75°C. Die übrigen Brechungsexponenten dieser Tabelle beziehen sich auf (wahrscheinlich gesättigte) Lösungen bei einer Temperatur von 22°C.

Mit steigender Temperatur ninmt die Dichtigkeit und der Brechungsexponent der verschiedenen Substanzen ab. So ist z. B. für Cassiaöl

			B	F	H
bei 10° C bei 22,5° C.					

Nach den Versuchen von Dale und Gladstone (Phil. Magaz. Ser. IV, T. XVII, p. 222) sind Folgendes die zusammengehörigen Werthe der Temperatur und der Brechungsexponenten von Wasser und Schwefelkohlenstoff für die Fraunhofer'schen Linien A, D und H.

Wasser.

Temperatur	Brechungs- index für A	Brechungs- index für D	Brechungs- index für H	Länge des Spectrums
0	1,3293	1,3330	1,3438	0,0145
10	1,3288	1,3327	1,3434	0,0146
20	1,3279	1,3320	1,3427	0,0148
40	1,3257	1,3297	1,3405	0,0148
80	1,3178		1,3321	0,0143

## Schwefelkohlenstoff.

0	1,6217	1,6442	1,7175	0,0958
10	1,6144	1,6346	1,7081	0,0937
20	1,6076	1,6261	1,6993	0,0917
30	1,5995	1,6180	1,6896	0,0901
42	1,590	1,6083	1,6778	0,0878
42	1,590	1,6083	1,6778	

Unter Länge des Spectrums ist hier die Differenz der Brechungsexponenten der Linie A und H verstanden.

Aus wie viel Farben besteht das Spectrum? Newton 237 unterschied im Spectrum siehen Hunpfaftene, ganz in der Weise, wie es im § 231 dargestellt worden ist. — Diese Amschannngsweise hat jedoch von manchen Seiten Widerspruch erfahren, und namentlich hat man dagegen die Behauptung aufgestellt, dass es eigentlich nur drei Hauptfarben gebe, nämlich Roth, Gelb und Blau, und dass das Orange im Spectrum aus einem Uebereinandergreifen des Gelb und Roth, das Grün aus einem Uebereinandergreifen des Gelb und Roth, das Grün aus einem Uebereinandergreifen von Blau und Gelb, das Violett aus einer Mischung von Roth und Blau entstände.

Einer solchen Anschauungsweise müssen wir nun mit voller Entschiedenbeit entgegentreten, obgleich sich unter ihren Vertretern ausst Brewater befindet, ein Mann, dessen grosse Verdienste um die Wissenschaft allgemein anerkaunt sind. Wir müssen aber dieser Brewater'schen Ansieht entgegentreten, weil sie ganz mothtigerweise alle unsere Vorstellungen über das Wesen des Lichtes verwirrt und an die Stelle der scharfen Definition, welche die Vibrationstheorie von der Farbe der Lichtstrahlen giebt, einen

vagen Begriff setzt, welcher die ganze Farbenlehre einer streng mathematischen Behandlungsweise entziehen würde.

Die Farbe eines Strahle hängt auf das Insigste mit seinem Brechungserponenten und, wie wir bald sehen werden, mit seiner Wellenlänge zusammen. Für das Flintglas, welches in obiger Tabelle als Nr. 13 aufgeführt wird, ist der Brechungsexponent der äussersten rothen Strahlen ungefähr 1,624; der Brechungsexponent für den and er Gränze von Orange stehenden Streifen C aber ist 1,629. Obgleich wir nun die Farbe aller Strahlen, welche im Spectrum zwischen den Streifen J und C auffällen, als "Roth" bezeichnen, so haben diese Strahlen streng genommen doch keineswegs gleiche Farbe; das Roth, welches in der Nähe von C auffällt, ist ein anderres als das in der Nähe von B, das bei B wieder ein anderes als das bei J. Kurz wir haben eigentlich im Spectrum von den Streifen A bis H eine unendliche Anzahl verschiedener Farben, da ja der Brechungsexponent derselben allmälig fortschreitend alle Zwischengrössen von 1,624 bis 1,671 durchläuft.

Für die fragliche Flintglassorte ist der Brechungsexponent der mittleren geiben Strahlen 1.685; der Brechungsexponent der mittleren grünen Strahlen ist 1,645 und der der mittleren blauen ist 1,654, und wir werden später sehen, dass diese ungleiche Brechbarkeit aufs engste mit der verschiedenen Wellenlange der Strahlen zusammenhangt. Die Wellenlange der mittleren gelben Strahlen beträgt 0,00056<sup>200</sup>, die der mittleren grünen beträgt ungesfähr 0,00051<sup>200</sup>. Es sind also die mittleren grünen Strahlen durch eine bestimmte Wellenlange, also durch eine bestimmte Schwingungsdauer, gerade ebenso charakterisit, wie ein bestimmter Ton der Musik, und wir können nicht sagen, dass das Grün des Spectrums eine Mischung von Blau und Gelb sei, so weing wir sagen werden, dass der Ton d eine Mischung von und e ist.

Wenn wir Berlinerblau mit Gummf-Gutti mischen, so entsteht Grün; aber dieses Grün ist wesculich von dem reinen prisantsiehen Grün verschieden, es entsteht durch die Combination ungleicher Eindrücke. Auch durch die Combination rein prisantsieher Farben kann man geminchte Farbendane hervorbringen, wie dies bereits im §. 238 erwähnt wurde. Wird z. B. bei Anstellung des Seite 598 beprochenen Vernucha, dessen Anordnung Fig. 650 erläutert, dieht vor oder hinter der Linse I ein undurchsichtiger Schirm aufgestellt, welcher mit zwei so angebrachten Oeffnungen versehen ist, dass nur die blauen Strahlen zwischen den Fra unh for schen Linien F und G und die gelben Strahlen zwischen den Fra unh for schen Linien F und G und die gelben Strahlen zwischen den Fra unh for schen Linien F und G und die gelben Strahlen zwischen den Fra unh for schen Linien F und G und die gelben Strahlen zwischen den Fra unh for schen Linien F und G und die gelben Strahlen zwischen den Fra dann freilich das Bidd in f grün erscheinen. Aber dieses Grün ist wieder nicht das reine prisantsiehen Grün. Es combinieren sich nur die Eindrücke, welche das Blau und das Gelb im Auge hervorbringen zu einem Eindrucke, welcher dem des priesuntsiehen Grün ahnlich ist.

Von dem Verhältniss der Dispersion in verschiedenen 247 Mitteln und den zerstreuenden Kräften. Wenn man mit Aufmerksamkeit die Spectra untersucht, welche durch Prismen verschiedener 
Substanzen erzeugt werden, so sieht man bald, dass die Farben, obgleich 
in dersiehen Ordnung auf einnader folgend, oden hicht proprotionale Längen einnehmen. Ein Plintglasprisma z. B. giebt verhältnissmässig weniger 
Roth und mehr Blau und Violett, als ein Prisma von Crownglas.

Die Trennung der verschiedenfarbigen Strahlen durch die Brechung wird mit dem Namen der Dispersion, der Zerstreuung des Lichtes, bezeichnet; ein Stoff ist um so stärker farbenzerstreuend, je grösser die Differenz zwischen dem Brechungsexponenten der rothen und der violetten Strahlen ist. So ist z. B. nach den vorbergehenden Angaben Folgendes die Differenz zwischen den Brechungsexponenten der Streifen B und H.

Flintglas Nr. 13 .				0,043313
Crownglas Nr. 9 .				0,020734
Wasser				0,013242
Terpentinöl				0,023378
Cassiaöl				0,108
Schwefelkohlenstoff				0,084
Anisōl				0,060
Variable				0.049

Das Wasser besitzt also unter allen diesen Substanzen die schwächste Dispersion, das Cassiaöl die grösste,

Eine für Vorlesungsversuche sehr geeignete Flüssigkeit von stark zerstreuender Kraft ist auch das Benzol, sein Brechungsexponent ist ungefähr 1,48 für die äussersten rothen und 1,52 für die äussersten violetten Strahlen.

Wenn man die totale Dispersion, d. h. den Unterschied zwischen den Brechungsexponenten der äussersten Strahlen oder der Streifen B und H, für irgend eine Substanz kennt, so sind damit die übrigen Verhältnisse des Spectrums noch nicht gegeben; um diese zu kennen, muss man noch wissen, welches der Unterschied zwischen den Brechungsexponenten der Streifen B und C, C und D u. s. w. ist. So sind z. B. die Unterschiede zwischen dem Brechungsexponenten von B und C für Pfintglas 0,001932, für Crownglas 0,001017, für Wasser 0,000777.

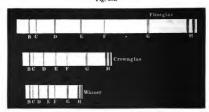
Wenn man die partielle oder totale Dispersion einer Substanz durch die entsprechende Dispersion einer andern Substanz dividirt, so erhält man das Verhältniss der Dispersion für diese beiden Substanzen. Auf diese Weise ist aus der Tabelle Seite 603 die folgende berechnet.

Tabelle des Verhältnisses der partiellen Dispersion für mehrere Substanzen.

Brechende Substanzen	C · B C' - B'	D - C'	$\frac{E \cdot D}{E' \cdot D'}$		$\frac{G \cdot F}{G' \cdot F'}$	H- G H- G
Flintglas Nr. 13 und Wasser	2,562	2,871	3,073	3,193	3,640	3,726
Flintglas Nr. 13 und Crown- glas Nr. 9	1,900	1,956	2,044	2.047	2,145	2,195
Crownglas Nr. 9 und Wasser	1,349	1,468	1,503	1.560	1,613	1,697
Flintglas Nr. 13 und Terpentinôl		1,844	1,883	1,943	1,861	1,899
Flintglas Nr. 3 und Crownglas Nr. 9		1,714	1,767	1,808	1,914	1,957
Crownglas Nr. 13 und Wasser .	1,309	1,436	1,492	1,518	1,604	1,651

Aus dieser Tabelle ersieht man, dass nicht allein die zerstreuenden Krifte verschiedener Körper sehr ungleich sind, sondern auch, dass die entsprechenden partiellen Dispersionen verschiedener Substanzen nicht für alle Differenz der Brechungsexponenten von B und C im Flintglas 2,662mal die Differenz der Brechungsexponenten von G und H aber 3,726mal so gross als die entsprechende Differenz für Wasser.

Um von der Verschiedenheit der zerstreuenden Kräfte eine recht klare Vorstellung zu erhalten, müssen wir die Spectra verschiedener Substanzen mit einander vergleichen. In Fig. 684 mag der unterste Streifen Fig. 684.



das Spectrum eines Wasserprismas vorstellen. Um die Vertheilung der Farben in diesem Spectrum anzudeuten, ist die Lage der Fraunhofer'schen Hauptlinien angegeben. Von F bis B ist im Wasserspectrum so weit, als von

Fbis H. Ein Prisma aus Crownglas verfertigt, würde nun bei gleicher Ablenung der Linie B ein beriteres, durch den mitteren Streifen dargestelltes Spectrum geben; aber uicht alle einzelnen Abtheilungen dieses Spectrums sind in demselben Verhältnisse gewachsen, wie das ganze Spectrum. Während beim Wasserprisma FB = FH, jat beim Crownglasprisma FB etwas kleiner als FH; bei dem Crownglasprisma ist also das rothe und gelbe Ende des Spectrums in Vergleich gegen das blaue mot vollette weniger ausgebreitet als beim Wasserprisma. In der That ist die Entfernung von C bis D, also ungefähr die Breite des Ornage, beim Crownglasprisma 1,349mal so gross als beim Wasserprisma, während die Entfernung von G bis H für Crownglas 1,697mal so gross ist als für Wasser.

Noch auffallender sind die Unterschiede zwischen dem Spectrum eines Wasser- und Filtutglasprisams bei gleicher Ablenkung der Linie B. In unserer Figur stellt der oberste Streifen das Spectrum des Flintglasprismas dar; man sicht, dass es bedeutend länger ist als das Spectrum des Wasserprisams, dass aber auch hier, wie bei Grownglas, die Entferungs von F bis zum rothen Ende im Vergleiche zu der Entferung z von F bis zum violetten Ende kleiner ist als beim Wasser. Die Entfernung B C ist für Flintglas 2,662mal, G H aber 3,726mal so gross als die entsprechende Entferung für das Wasserprisam.

Die zerstreuende Kraft einer Substanz ist der Quotient, welchen man erhält, wenn man seine totale Dispersion durch den um 1 verninderten Brechungsexponenten der mittleren Strahlen dividirt. Man nimmt für den mittleren Brechungsexponenten gewöhnlich den des Streifens E.

Vom Achromatismus. Man nennt Prismen achromatisch, wenn 239 sie die Eigenschaft haben, die Lichtstrahlen abzulenken, ohne sie zugleich in Farben zu zerlegen; achromatische Linsen sind solche, für welche die Brennpunkte der verschiedenfarbigen Strahlen genau zusammenfallen, welche also die Gegenstände frei von allen farbigen Rändern zeigen. Man hielt lange Zeit den Achromatismus für unmöglich, d. h. man glaubte, dass das Licht ohne Zersetzung nicht abgelenkt werden könnte. Newton selbst hatte diese Ansicht, weil er glaubte, dass die Dispersion stets der brechenden Kraft der Körper proportional sei. Die Möglichkeit oder Unmöglichkeit des Achromatismus war lange Zeit der Gegenstand von Discussionen zwischen den ausgezeichnetsten Gelehrten, wie Euler, Clairault und d'Alemhert. In der That hat Hell schon im Jahre 1733 wirkliche achromatische Fernröhre construirt, allein er publicirte seine Erfindung nicht; Dollond gelang es, im Jahre 1757 achromatische Linsen zu construiren; er veröffentlichte sein Verfahren und sicherte sich dadurch den Ruhm einer Entdeckung, welcher für die Astronomie ein Ereigniss von der grössten Wichtigkeit war.

Folgendes sind die Principien, auf denen die Construction achromatischer Prismen und Linsen beruht.

Wenn man zwei Prismen A und B, Fig. 685 (a. f. S.), so zusammenstellt,

dass die brechenden Kanten nach entgegengesetzten Seiten gerichtet sind, so wird das eine die Wirkungen des andern mehr oder weniger vollständig Fig. 635 aufheben. Die durch A hervorsebrachte Farben-

Fig. 685.



zerstreuung wird offenbar durch das Prisma B aufgehoben werden, wenn jedes der beiden Prismen für sich allein ein eben so breites Spectrum giebt als das andere; denn in diesem Falle ist die Wittung des Prismas B, in Beziehung and die Farbenzerstreuung, der des Prismss A genau gleich nnd entgegengesetzt. Wenn die Dispersion wirklich dem Brechungs-

B vermögen proportional wäre, wie dies Newton meinte, so könnten zwei Prismen von verschiedenen Substanzen nur dann gleiche Spectra geben, wenn auch die durch das eine hervorgebrachte Ablenkung der des andern gleich ist; wenn also zwei solcher Prismen in der Art, wie Fig. 685 zeigt, zusammengestelt sind, so würde durch dieses System freilich die Farbenzerstreuung, mit dieser aber auch zugleich die Ablenkung aufgehoben werden

Nun aber haben, wie bereits erwähnt wurde, spätere genaue Versuche gezigt, dass Newton's Meinung in diesem Punkte irrig war; soi stz. R. die Dispersion im Flintglase bedeutend grösser als beim Crownglase, während doch die mittleren Brechnugsexponenten beider Glassorten nicht so sehr verschieden sind; bei gleicher Ableatung ist Ja das Spectrum eines Flintglasprismas ungefähr doppelt so gross als das eines Crownglasprismas.

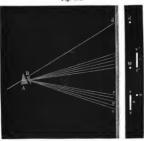
Damit beim Minimum der Ablenkung das Spectrum eines Crownglasprimas und das eines Flintglasprismas gleich breit seien, muss also der brechende Winkel des letzteren ungefähr halb so gross sein wie der des ersteren. Ein Crownglasprisma von 20° brechendem Winkel und ein Flintglasprisma von 10° werden also nahenz gleich breits Spectra geben; in der Weise combinit, wie Fig. 685 seigt, wird also das eine die Farbenzentreuung des andern aufheben.

Das Minimum der Ablenkung, welche ein Crownglasprisma von 20° hehrorbringt, beträgt aber ungefähr 10°, während das Minimum der Ablenkung für ein Fintglasprisma von 10° ungefähr 6° ist. Für die Combination Fig. 685 bleibt also bei Aufhebung der Farbenzerstreuung noch eine Ablenkung von ungefähr 4°, sie bildet also ein achromatisches Prisma.

Figur 686 soll dazu dienen, die Wirkungsweise achromatischer Prismen anschanlicher zu machen. Auf das Crownglasprisma A falle ein Bündel Sonnenstrahlen, welches bei ungehemmtem Fortgange bei d ein weisses Sounenbildehen erzeugt haben würde. Das Prisma A würde für sich allein, von diesem weissen Strahlenbündel getroffen, ein Spectrum in r n v erzeugen.

Die vom Prisma A aus divergirenden Strahlen treffen aber nun auf

das Flintglasprisma B, welches bei geringerer Ablenkung ein eben so breites Spectrum zu erzeugen im Stande ist als A. — Fiele nun, von dem ersten Prisma augehend, in der Richtung nach r hin ein weisses Strahlenbündel auf das Prisma B, welches ohne Unterbrechung fortgehend in r ein weisses Sonnenbildchen re erzeugt haben würde, so würde diesses Fig. 686.



weisse Strahlenbündel durch das Prisma B in ein Spectrum r' v' verwandelt worden sein, welches bei eutgegengesetzter Ordnung der Farben genau dem Spectran r v gleich ist. Durch das Prisma B werden also die rothen Strahlen nm ve', die grünen nm v u', die violetten um v v' von dem Punkte abgelenkt, in welchem sie ohne dieses zweite Prisma die Wand getroffen hätten.

Nun aber fällt auf das Frisma B ein divergirendes Strahlenbündel; die rothen Strahlen geben nach r, die grünen nach n, die violetten nach r, und alle diese Strahlen werden un die eben angegebene Grösses abgelenkt. Die rothen Strahlen, welche ohne Dazwischenkunft des Frismas B nach r gelangt wären, werden nun in einem um deu Abstand is r' höheren Punkte, also in W, die Wand treffen. Die violetten Strahlen, welche ohne das Frisma B nuch r gelangt wären, werden durch den Einfluss des Prismas B um vv' nach oben gelenkt, und da Wv = vv', so werden auch die rothen Strahlen eintreffen. An dieselbe Stelle fallen aber auch die grünen Strahlen, a se n' = Wn; eben so die gelben, blanen u. s. w., kurz alle Strahlen, welche ohne Dazwischenkunft des zweiten Prismas B das Spectrum r v gebildet haben würden, werden durch das Frisma B in W vereinigt, es muss also hier ein weisses Sonnenbildehen entstehen.

Das nrsprünglich nach d hin gerichtete weisse Strahlenbündel wird also durch die combiniten Prismen in der Art abgelenkt, dass bei W wieder ein farbloses Sonnenbüldene natseht.

Wenn das Bildehen W absolnt farblos, wenn ein vollkommener Achromatismus möglich sein sollte, so misset die Vertheilung der Farben im Spectrum des ersten Prismas genau dieselbe sein wie im Spectrum des zweiten. Diese Bedingung ist, wie man aus der Tabelle auf Seit 606 sehen kaun, für Flintgas Nr. 13 nud Terpentinol fast vollständig erfüllt; ans diesen beiden Substanzen könnte man also sehr nahe vollkommen achromatische Prismen construiren. Für Prismen von Crownglas nud Flintglas ist der Angabe des §. 238 zufolge kein vollständiger Achromatismus möglich.

Achromatische Linsen. Eine jede einfache Linse, aus welchem Stoffe sie auch gebildet sein mag, wird für jede andere Strahlenart auch einen anderen Breunpunkt haben, weil die Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Strahlen nicht gleich sind. Der Brennpunkt der stärker brechbaren violetten Strahlen liegt dem Glase näher als der Brennpunkt der rothen Strahlen. Fällt also ein Baindel weisses Licht parallel mit der Axe auf eine Convexlinse ab, Fig. 687, so werden die violetten Strahlen in V, die rothen in R verveinigt. Fängt man den aus der Linse austretenden Strahlenkegel auf einem Schirm auf, so sieht man einem beleuchteten Kreis mit gelbem und rothen Saume, wenn der Schirm zwi-

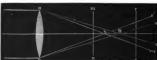


Fig. 687.

schen V und dem tilase, etwa bei ms steht; der helle Kreis erscheint dagegen von einem blauen Saume umgeben, wenn der Schirm sich jenseits R, etwa in r s befindet, weil vor V die rothen und gelben, hinter R die blauen und violetten Strahlen die äussersten des ganzen Strahlenkegels sind.

Die ungleiche Brennweite verschiedenfarbiger Strahlen lässt sich auch sehr sehön auf folgende Weise zeigen. In einem dunklen Schirme, Fig. 688, wird eine runde Oeffnung angebracht, die zur Hälfte mit einem rothen, zur Hälfte mit einem blauen Glase verschlossen ist. Auf jeder Hälfte ist ein kleiner schwarzer Pfeil aufgemalt, und das Ganze wird von hinten durch die Planme einer Argand'schen Lampe erleuchtet, so dass man

einen schwarzen Pfeil auf rothem, nnd einen zweiten auf blauem Grunde sieht. Von diesem Object wird nun durch eine Flintglaslinse, deren Brenn-

Fig. 688.

weite ungefähr 2 Pass beträgt und welche ungefähr 6 Fuss von dem Gegenstande entfernt ist, ein Bild entworfen und dieses auf einem Papierschirm aufgefangen. Stellt man nun den Schirm so ein, dass der Pfeil auf blauem Grund scharf erscheint, so sind die Umrisse des andern verwischt. Man muss den Schirm von der Linse entfernen, damit der Pfeil auf rothem Grunde scharf wird.

Bei Convexinsen von Crownglas beträgt die Entfernung des Breunpunktes der rothen und des Breunpunktes der rothen und des Breunpunktes der rothen und des Breunpunktes der rotheten. Strahlen ungefahr  $\frac{1}{40}$ , bei Flintglaslinsen beträgt diese Entfernung ungefahr  $\frac{1}{20}$  der Brennweite; in Fig. 687 ist also die Wirkung der Farbenzerstreuung der Deutlichkeit halber sehr übertrieben.

Der eben besprochene Umstand beeinträchtigt aber die Reinheit und Schärfe der Linsenbilder bedeutend, und deshalb ist die Construction achromatischer Linsen für die praktische Optik eine Aufgabe von der höchsten Wichtigkeit.

Achromatische Linseu werden in der Regel durch Combination einer Convexlinse von Crownglas mit einer Zerstreuungslinse von Flintglas hergestellt, Fig. 689, deren letztere eine Zerstreuungsweite Fig. 689, hat, welche nahe doppelt so gross ist als die Brennweite der ersteren.

Wie durch eine solche Linsencombination die Farbenzerstrennng aufgehoben werden kann, lässt sich auf folgende Weise anschaulich machen.

Es sei A, Fig. 690, eine Sammellinse von Crownglas, von der wir annehmen wollen, ihre Wölbung sei gering genug, nm die sphärische Aberration dersellen als verschwindend betrachten zu können. F sei der Brennpunkt der rothen und F' sei der Brennpunkt der violetten Strahlen. Ein weisser Strahl, welcher parallel mit der Linsenaxe in a den Rand der Linse trift, wird also

so gespalten, dass die in ihm enthaltenen, rothen Strahlen nach aF', die violetten aber nach aF' gebrochen werden. Der rothe Strahl erleidet Fig. 690. also eine Ablenkung b,



der violette erleidet eine Ablenkung  $b + \beta$ , und zwar so, dass der violette Strahl der Axe um den Winkel  $\beta$  stärker gegen die Axe gebrochen wird als der rothe.



Es sei ferner B, Fig. 691, eine Hohllinse von Flintglas, deren Zerstennagweite ungefähr doppelt so gross ist als die Brennweite von A. Wäre diese Hohllinse von Crownglas, so würde ein am Rande durchgehender rother Strahl um ½ b, der aus demselben einfallenden weissen Strahl herstammende Fig. 691.



violette um  ${}^{1}_{1}b$  –  ${}^{1}_{2}\beta$  abgelenkt werden. Da nun aber die Linse von Flintglas ist, dessen Zerstreuungsvermögen wir gerade doppelt so gross aunehmen wollen als das des Crownglases, so ist der Winkel, welchen die zusammengehörigen rothen und violetten Strahlen mit einander machen, nicht  ${}^{1}_{2}\beta$  sonderm doppelt so gross, also geleich  $\beta$ .

Eine Randablenkung der rothen Strahlen um  $^1/_z b$  entspricht also einer solchen von  $^1/_z b + \beta$  der violetten und zwar werden die violetten Strahlen durch die Linse B um den Winkel  $\beta$  mehr von der Linsenaxe entfernt als die rothen.

Benken wir uns nun die Linse B in der Weise an die Linse A angesetzt, wie es Fig. 689 zeigt, so wird die Convergenz der die Sammellinse A verlassenden Strahlen durch die Hohllinse B vermindert.

Die am Rande der Linse A parallel mit der Axe auffallenden rothen Strahlen erleiden durch diese erste Linse eine Ablenkung b gegen die Linsenaxe hin; durch die Linse B werden sie um den Winkel ½ b von hit weggelenkt. Die Totalablenkung, welche die rothen Randstrahlen durch die Linsencombination erleiden, ist also

$$b - \frac{1}{2}b = \frac{1}{2}b$$
.

Die violetten Randstrahlen werden durch die Linse A gegen die Axe him un den Winkel  $b+\beta$ , durch die Linse B von der Axe weg nm den Winkel  $^1/_z\,b+\beta$  abgelenkt; die Totalablenkung der violetten Randstrahlen durch die Combination der beiden Linsen ist also

 $\dot{b} + \beta - (1/2b + \beta) = 1/2b$ 

also gerade eben so gross wie die der rothen. Die rothen mul violetten Strahlen werden also am Rande der Limesencombination gleich stark abgelenkt, sie werden also in demselben Punkte die Axe schneiden oder, mit anderen Worten, der Brennpunkt der rothen Randstrahlen fällt mit dem der violetten zussam men.

Was aber für den Rand der Linsencombination gilt, gilt auch für die ganze Linse, da wir ja angenommen haben, dass die Krümmung der Linse A gering genug sei, um die sphärische Aberration als verschwindend betrachten zu können. Die Linsencombination ist also eine achromatische, da ihre Brennweite für die verschiedenfarbigen Strahlen dieselbe ist.

Wir haben bei unserer Deduction angenommen, dass bei gleicher Brechbarkeit der rothen Strahlen die Farbenzerstreuung des Flitglases genau doppelt so gross sei als die des Grownglases. Dies ist nun in der That nicht genau der Fall, weshalb denn auch für eine achromatische Linsencombination das Verhältniss der Brennweite der Sammellinse und der Zerstreuungsweite der Hohllinse etwas von dem oben angeführten verschieden sein muss. Wollte man z. B. aus dem Crownglase Nr. 9 (Tabelle auf Seite 601) und dem Fintglase Nr. 13 eine achromatische Linsencombination herstellen, so müsste die Zerstreuungsweite der Fintglas-Hohllinse 1,76mal so gross sein als die Brennweite der Crowngn-Sammellinse.

Eine eingehendere Behandlung dieses wichtigen Gegenstandes findet man in meinem "Supplementband zum Grundriss der Physik" Seite 169. Wir wollen hier nur noch auf einen Punkt aufmerksam machen.

Wenn die Spectra verschiedener Glassorten einander vollkommen proportional wären, so müsste eine Linsenombination, für welche der Brennpunkt der rothen Strahlen mit dem der violetten zusammenfallt, vollkommen achromatisch sein, d. h. derselbe Punkt wäre dann auch der Brennpunkt der gelben, gränen und blauen Strahlen. Num aber haben wir in §. 238 gesehen, dass eine solche Proportionalität der Spectren verschiedemer Substauzen nicht stattfindet, und deshalb ist auch ein vollkommener Achromatismus nicht möglich.

Hatte man z. B. eine Linnencombination hergestellt, welche so berechnet ist, dass der Brennpunkt für die Stellen des Spectrums zusammenfällt, welche den Frau n hofer schen Linien B und H entsprechen, so würde der Brennpunkt für die Strahlen von D his F der Linse etwas näher liegen. Berechnet man aber die Linsen so, dass die Brennpunkte für Cund F vollkommen zusammen fallen, so werden alsdamn die Brennpunkte für die Strahlen zwischen G und H merklich weiter von der Linse abstehen. Ein solches Linsensystem kann nun in der That optisch ein sehr gutes Bild geben, weil es für die leuchtensten Strahlen des Spectruns, für die Strahlen von C bis F ziemlich vollständig achromatisirt ist und die Strahlen deren Brennpunkt weiter von der Linse wegliegt, also die indigönfrebenen und violetten, wegen ihrer geringen Leuchtkraft die Deutliebkeit des Bildes nicht merklich stören.

Wenn man aber ein Linsensystem der letzten Art in einer Camera obseura zur Herstellung photographischer Bilder anwenden will, so wird man kein scharfes Bild erhalten, wenn man optisch scharf eingestellt hat, weil ja der Brennpunkt der indigofarbigen und violetten Strahlen, welche die stärktes chemische Wirkung hervorbringen, merklich weiter von der Linse absteht als der Brennpunkt der leuchtendsten Strahlen, welche bei der optischen Einstellung massagebend sind. Mit einem solchen Linsensystem, dessen optischer Focus nicht mit seinem chemischen Focus zusammenfällt, kann man nur dadurch scharfe photographische Bilder erhalten, dass man nach der optischen Einstellung den Schirm etwas weiter von der Linse entfernt.

Um ein möglichst vollständiges Zusammenfallen des optischen und es schemischen Bildes zu erhalten, ist es am zwockmässigsten, das Linsensystem so zu berechnen, dass die Brennpunkte für D und H genau zusammenfallen.

## Fünftes Capitel.

Die natürlichen Farben der Körper.

Die Farben durchsichtiger Körper. Die Farben, welche die 250 verschiedenen Körper der Natur zeigen, mögen nun dieselben durchgehendes oder zurückgeworfenes (zerstreutes) Licht ins Ange senden, sind niemals reine prismatische Farben, sondern sie sind stets mehr oder weniger aus verschiedenen einschen Spectrafizhere zusamnengesetzt. Um dies nachzuweisen, hat man nur die fraglichen Farben mit Hülfe des Prismas zu zerlegen, was sich am einfachsten für die Farben durchsichtiger Körper ausfihren lässt.

Man stelle zu diesem Zweck das Spectrum in der Weise dar, wie es in §. 234 beschrieben und durch Fig. 675 erläutert worden ist, und bringe alsdann dieht hinter den Spalt, durch welchen die Sonnenstrahlen in das dunkle Zimmer eintreten, den zu prüfenden durchsichtigen Körper, also etwa eine farbige Gläsplatte oder eine zwischen parallele farblose Gläsplatten eingeschlossene farbige Filmsigkeit, so wird abhald ein Theil des vorher vollständigen Spectrums versehwinden und nur noch ein mehr oder weniger ausgedehnter Theil desselben sichtbar bleiben.

Fig. 692.



Bringt man z. B. dieht hinter den Spalt die schon blaue Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydam oniak, so dass also nicht weisses, sondern blaues Licht auf das Prisma fällt, so verschwindet die veniger brechbare Hälfte des Spectrums, und es bleibt nur noch Blau, Indigo und Violet, wie dies Nr. 2 auf Tab. I. zeigt.

Um mit verschiedenen farbigen Flüssigkeiten diesen Versuch wiederholen zu können, giesst man sie in Gefässe, wie ein solches Fig. 692 dargestellt ist. Die Bodenfläche und die beiden schmalen Seitenflächen sind von Messingblech, die beiden breiten Seichen sind von Messingblech, die beiden breiten Seitenflischen sind durch aufgekittete Glasplatten gebildet. Um mit wässerigen Flüssigkeiten zu experimentiren, müssen die Glasplatten mit Schellack, um mit alkoholischen oder ätherischen Lösungen zu experimentiren, missen sie mit Hausenblase aufgekittet sein. — Diese Geflässe werden dans auf einem entsprechenden Statif vor den Spalt gestellt.

Vertauscht man die Lösung des schwefelsauren Kupferoxydammoniaks mit einer Lösung vou Berlinerblau in Oxalsäure, so bleibt von dem ganzen Spectrum nur noch der in Nr. 3 dargestellte Theil übrig, die Lösung des Berlinerblaus absorbirt also auch noch das violette Ende des Spectrums.

Der Spectralstreifen Nr. 4 stellt die Absorptionserscheinung dar, welche eine Leaung von se hu vefelsaurem In dig obervorbringt, hier bleibt ausser dem Blan des urspränglichen Spectrums auch noch ein Theil des Roth übrig; dieser hellrothe Streifeu ist aber von dem Blau durch einen vollkommen dunklen Zwischenraum getrennt; die Indigolosung absorbatt also das äusserste Roth, und ferner Orange, Gelb, Grün, einen Theil des Indigo und Violet.

Daraus ergiebt sich nun auch, dass die Farbe der Indigosolution keineswegs mit der Farbe derjenigen Stelle im Spectrum identisch ist, welche man als "Indigo" bezeichnet, und welche man richtiger wohl nur "dunkel bla u"nennen könnte.

Achaliche Erscheinungen wie die Indigolösung zeigen auch eine Lösung von Chromalaun, von oxalsaurem Chromoxydkali Nr. 5 Tab. I. (das sogenante Brewster'sche Salz, weil Brewster seine optische Eigenschaften zuerst untersucht hat). Dieses Spectrum ist namentlich durch den Unstand interessant, dass ce eine feine schwarze Linie in dem noch übrig bleibenden Theil des Roth zeigt.

Die Spectra Nr. 2 his 4 entsprechen natürlich bei gegebener Dicke der Schieht einem bestimmten Concentrationsgrade der Flüssigkeit. Wird die Concentration vermindert, wird also die Farbe der Lösung weich eintenist, so nehmen die absorbirten Partieen des Spectrums an Ausdehpung ab und zeigen endlich nur noch einem mehr oder minder dunklen Schatten.

Der Streifen Nr. 6 stellt das eigenthümliche Spectrum des durch Kobalt blau gefärbten Glases dar.

Aehnliche Farbenerscheinungen wie das Kobaltglas zeigt auch eine Lösung von Chlorkobalt in absolutem Alkohol.

Die Streifen Nr. 7 und Nr. 8 uuf Tah. L stellen die Absorptionserscheinung dar, wis eiv on zwei grünen Pflusigkeiten hervogepebacht wind, nimbich von einer Lösung von Chlorkupfer und von einer ätherischen Lösung des Blattgrüns (Chlorophyll). Eine Lösung von Chlorkupfer lässt also nur grüne und einen Theil der blauen Strahlen durch. Das Chlorophyll welches auch noch gelbe und rothe Strahlen durch has Chlorophyll welches auch noch gelbe und rothe Strahlen durch häset, zeigt ganz eigentbunliche Absorptionsertzeifen, ausneutlich in Roth.

Die Farbe des durch Kupferoxydul grün gefärbteu Glases ist der einer Chlorkupferlösung sehr ähnlich.

Auf Tab. II. ist zunächst unter dem vollen Spectrum in Nr. 2 die Ab-

sorptionserscheinung dargestellt, wie sie durch rothes, mittelst Kupferoxyd gefârbtes Glas oder durch Wasser, welches mit Cochenille roth gefârbt ist, hervorgebracht wird. Es ist hier das ganze Spectrum bis auf die rothen Strahlen absorbirt. Nr. 3 entspricht einer Lösung von doppelt chomsaurem Kall, Nr. 4 dem braunen Absud von Cichorienkaffee.

In Ermangelung eines verfinsterten Zimmers, in welches man durch einen Spalt mittelst eines Siegeles in Bündel Sounenstrahlen einfallen lässt, kann man die von durchsichtigen farbigen Körpern hetvorgebrachten Absorptionserscheinungen auch in folgender Weise beobachten. Man stelle dicht vor die Lichtquelle, etwa vor eine Lampenflamme, einen 1 bis 2 Millimeter breiten Spalt und betrachte denselben durch ein in einem Absande von 1 bis 2 Fuss augstettlien Prisms, so wird man das Bild des Spaltes als ein vollständiges Spectrum erblicken. Bringt man nun ein farbiges Glas oder eine farbige Flüssigkeit dicht vor den Spalt oder auch zwischen das Auge und das Prisma, so wird alsbald eine entsprechende Partie des Spectrums ausgelöchet werden.

Kein einziger der bis jetzt untersuchten durchsichtigen farbigen Keper liefert homogenes Licht. Unter allen den oben besprochenen Körpern scheint wohl die Farbe des rothen Glases (Tab. II. Nr. 2) zuerst homogene genannt werden zu können. Allein auch dieses Glas liefert kein homogenes Roth, selbst wenn es intensiv gerug ist, um auch alle orangefarbenen Strahlen zu absorbiren, denn es liefert Roth von sehr verschiedener Brechbarkeit, wie aus der namhaften Breite des vorhen Bildes in Nr. 2 auf Tab. II. hervorgeht. Hätte das Glas nur homogenes Roth durchgelassen, so würde sich das ganze Spectrum auf ein schmaßes scharf begrünztes Bild des Spaltes reduurt haben. Bei einer hinkligheit onenentritten Lösung von Indigo kann das Roth, welches diese Pflassigkeit noch durchlässt, annähernd als ein homogenes Roth betrachtet werden.

Die Farben undurchsichtiger Körper. Die undurchsichtigen, 251 nicht spiegelnden Körper sind uns ehen dadurch sichtbar, Aass ied ass micht spiegelnden Körper sind uns ehen dadurch sichtbar, Aass ied ass mit sie fallende Licht nach allen Seiten hin uursgelmässig zerstreuen, oder wie man es auch ausdrückt, diffrund iren. Die Diffussion des Lichts an der Oberfäßehe undurchsichtiger Körper ist also die Urusche ihrer Sichtbarkeit.

Wenn ein Körper, dem weissen Lichte ausgesetzt, alle in demselben enthaltenen Strahlenarten gleich gut zerstreut, so erscheint er weiss; er erscheint aber far big, wenn er gewisse Strahlen vorzugsweise diffundirt, andere dagegen ganz oder theilweise absorbirt.

Die Farben undurchsichtiger Körper sind eben so wenig homogen, wie es die Farben durchsichtiger Körper sind; sie sind stets aus Strahlen von mehr oder weniger verschiedener Brechbarkeit zusammengesetzt, wie sich leicht nachweisen lässt, wenn man sie der Spectralanalvse unterwirft.

Um die Farbe eines undurchsichtigen Körpers, z. B. eines Papiers, mit Hülfe des Prismas zu analysiren, mache man aus demselben einen schnalen, ungefähr I Linie hreiten Streifen, befestige denselben auf einen möglichst dunklen Grunde und betrachte ihn durch ein Prisma, dessen breehende Kante der Längsrichtung des Streifens parallel ist. Klebt man z. B., einen Streifen weisses Papier auf einen danklen Grund, so erscheinter, aus gehöriger Entferung durch ein Prisma betrachtet, als ein vollständiges Spectrum. Klebt man nun in die Verlängerung des weisen Streifens einen Streifen hochruben Papiers (ein Roth, welches dem des Siegel lacks ahnlich ist), so erscheint er, durch das Prisma betrachtet, nicht als ein vollständiges Spectrum, sondern nur als ein rother Farbenbild, und mas erkennt auf diese Weise, dass das Roth des Papiers die verschiedenen rothen Strahlen von der äussersten Gränze des Spectrums bis zur Gräuze des Orange, vielleicht anch noch einige orangefarbenen Strahlen enthält; dagegen fehlen die gelben, gränen, bänen und violetten Strahlen enthält;

Die Zusammensetzung des Lichtes gefärbter Papiere lässt sich noch weit anschaulicher auf folgende Weise untersuchen: Man erzenge in einem dunklen Zimmer auf die bekannte Weise ein Spectrum, welches die hauptsächlichsten der Fraunhofer'sehen Linien zeigt, und bringe dann an die Stelle des gewöhnlichen weissen Sohirms einen solchen, dessen obere Hälfte mit weissem, dessen untere Hälfte mit dem gefirbten Papiere überzogen ist.

Fig. 693 stellt einen zu diesem Versuche brauchbaren Apparat dar.

Der Schirm besteht aus einem Pappendeckel



Der Schirm besteht aus einem Pappendeckel von 8 bis 10 Zoll Länge und 4 bis 5 Zoll Höhe. Die obere Häftle ist mit weissem, die untere Hälfte mit dem farbigen Papier überzogen. Von solchen Schirmen hat man mehrere, deren jeder auf der untern Hälfte mit einem andersätzigen Papiere überzogen sit. Ein solcher Schirm wird nun in ein entsprechendes Statif geschoben und dann so gestellt, dass die Trenungslinie des weissen und des farbigen Papiers das Spectrum gerade der Länge nach halbirt, so dass die obere Hälfte des Spectrums auf das weisse, die untere Hälfte auf das farbige Papier fällt ein untere Hälfte auf das farbige Papier fällt

Nr. 5 auf Tab. II. stellt die Erscheinung dar, wie man sie beobachtet, wenn man das Spectrum auf einen Schirm fallen lässt, des sen untere Hälte mit hochrothem Papier überzogen sit; in Nr. 6 und Nr. 7 sind die entsprechenden Erscheinungen für ein mit Ultramarin gefärbtes und für ein grünes Papier dargestellt.

Das rothe Papier, welchem die Absorptionsfigur Nr. 5 entspricht, zerstreut (diffundirt) ungefähr dieselben rothen Strahlen, welche das auf Seite 617 besprochene rothe Gias durchlisset. Betrachtet man also den Schirm, dessen obere Hälfte weiss, dessen untere aber hochroth überzogen ist, während er vom Tageslicht beschienen wird, durch ein solches rothes Glas, so wird man keinen oder doch nur einen geringen Unterschied zwischen der oberen nud der unteren Hälfte des Schirmes wahrnehmen; betrachtet man ihn aber durch eine Lösung von Chlorkupfer, welches gar keine rothen Strahlen durchläset, so erscheint die untere Hälfte des Schirmes vollkommen sehwarz, die obere grün.

Ganz ähnliche Erscheinungen beobachtet man auch, wenn man, statt den Schirm durch farbige (Jäser zu betrachten, nur farbige Licht auf ihn fällen läset. Man lasse ein Bündel Sonnenstrahlen durch eine 1½ bis 2 Zoll im Durchmesser haltende Oeffnung ins dunkle Zimmer fallen und fange dieses Strahlenbündel direct mit dem Schirm auft, z. B. mit einem solchen, der halb weiss, halb rydh überzogen ist; hält man nun ein rothes Glas vor die Oeffnung, so dass nur rothe Strahlen auf den Schirm fallen, so sind die beiden Hälften des Schirms kaum mehr zu unterscheiden, hält man aber eine Glasplatte vor die Oeffnung, welche nur grüne Strahlen durchlässt, so erscheint nun die mit dem rothen Papier überzogene Hälfte des Schirms vollkommen schwarz, die anderer grün.

Wendet man statt des grünen Glases ein durch Kobalt blau gefärbtes an, so erscheint die eine Hälfte des Schirmes schön blau, die andere aber nicht sebwarz, sondern dunkelroth, weil das Kobaltglas eine ziemliche Menge rother Strahlen durchlässt, wie der diesem Glase entsprechende Spectralstreißen Kr. 6 Tab. I. zeigt.

Im Allgemeinen wird ein Körper nur solche Farben zeigen können, welche schon in dem auffällenden Lichte enthalten sind. Damit eine Stange Siegellack roth erscheine, muss Roth in dem Lichte enthalten zein, welches erleuchtet; das sehöne Roth des Siegellacks verschwindet vollständig, wenn man ihn unter Ausschluss des Tageslichtes nur dem Licht einer mit Kochasle bestrenten Weingeistflamme aussetzt, weil diese gelber Planme keiner orben Strahlen enthält. Von dieser Regel macht zur eine gewisse Classe von Körpern eine Ausnahme, von welchen in einem der nächsten Paragraphen die Rede sein wird.

Farbige Flammen. Glübende Metalldrähte geben ein contizuirliches Spectrum ohne helle und ohne dunkle Streifen. Dem Spectrum eines rothgilhenden Platindrahtes fehlt Blau und Violett; je mehr aber die Temperatur des Drahtes steigt, desto mehr dehnt sich das Spectrum gegen das violette Ende hin aus. Ein weissglübender Platindraht giebt ein vollständiges ununterbrochenes Spectrum.

Ebenso giebt die Flamme einer Argand'schen Lampe ein vollständiges ununterbrochenes Spectrum, in welchem man manchmal einen bellern Streif im Gelb unterscheidet, welcher von Kochsalztheilchen herrührt, die in der Flamme gildhen. Ueberhaupt erhält ja die Flamme einer Oellampe sowohl, wie die einer Gaslampe, ihre Leuchtkraft durch die in der Flamme glühenden Kohlentheilchen.

Schwach leuchtende Flammen, wie die des reinen Weingeistes kann man dadurch hellleuchtend machen und färben, dass man gewisse Substanzen in feinster Vertheilung in derselben zum Glüben bringt. So wird die Weingeistflamme intensiv gelb gefärbt, wenn man etwas Kochsalz auf den Docht streut. Durch Chlorstrontium wird die Weingeisflamme roth, durch Chlorkupfer wird eis grün gefärbt.

Dasselbe gilt von der für sich ausserst schwach leuchtenden Flamme des Bunseu'schen Gaskochlämpchens.

Fig. 694 stellt die Bunsen'sche Gas-Kochlampe dar. In das Messingrohr a strömt das Leuchtgas unten durch eine feine dreispaltige Oeffnung ein.



welche in der, den entsprechenden Theil des Apparates ohne da Rohr a in natürlicher Grössdarstellenden Figur 695 deutlich

Fig. 695.



zu sehen ist. Innerhalb des Robres a mischt sich das Leuchtgas mit der durch die Seitenöffnungen

s eintretenden atmosphärischen laft, so dass es, am oberen Ende des Robres a angezündet, schwach leuchtend und ohne zu russen verbrenst-Fig. 696 stellt ein etwas anders gestaltete Gaskochlämpehen dar. Um die Hitze der Flamme zu steigern, ungsebt man sie mit einem kurzen consischen Schornstein b. welcher in unserer Figur nur punktirt ist und welcher von dem Messingarme c getragen wird.

Um die Substanzen, welche die farblose Flamme der Kochlampe fürben sollen, bequenn in dieselbe einfuhren zu können, schmilit Runsen kleine Portionen derselben in das zu einem kleinen Ohr gebogene Ende eines ungeführ 0,15 Millimeter dieken Platindrahtes ein. Das andere Ende des Platindrahtes ist in ein Glasrohrehen d eingeschmolsen, mittelst dessen unau ihn auf den Draht a des Statifs, Fig. 697, außtecken kann. Der Drahtarm a kann mittelst einer federnden vorriebtung be andem Säuleber c auf- und niedergeschoben werden, so dass man das Ohr des Platindrahtes leicht in die heissets Stelle der Flamme hineinhalten kann. In Apparate zur prismatischen Zerlegung farbiger Flammen. 621

Figur 698 (a.f.S.) sieht man, wie das vom Statif getragene Platindrähtchen in die Flamme der Kochlampe eingeführt ist.

Durch Natronsalze, welche mittelst des eben beschriebenen Platindrähtchens in die Flamme eingeführt werden, wird dieselbe gelb gefärbt.



Sie wird roth gefärbt durch Strontionsalze und durch Lithionsalze; Kalisalze geben ihr ein hell violettes, Kalksalze ein blass ziegelrothes, Barvtsalze ein apfelgrünes Licht u. s. w.

Wenn man nun das Licht dieser farbigen Flammen mit dem Prisma analysirt, so zeigen sich höchst merkwürdige Erscheinungen, welche in neuerer Zeit eine grosse Bedeutung gewonnen haben.

Apparate zur prismatischen Zerlegung farbiger Flam- 253 men. Um das Licht einer Flamme prismatisch zu analysiren, ist das Babinet'sche Goniometer sowohl wie das Spectrometer von Meyerstein sehr geeignet; wenn die beiden Rohre L und F nebst dem Prisma in gehöriger Weise aufgestellt sind, bringt man vor den Spalt des Rohres L die zu analysirende Flamme und beobachtet alsdann das Spectrum, welches sie liefert, durch das Fernrohr F.

Wenn es sich nicht um genaue Messung der Brechungsindices, sondern mur die Beobachtung der in dem Spectrum der Flammen vorkommenden hellen Linien handelt, lässt sich der Apparat sehr vereinfachen. Mas bedarf alsdann der getheilten Kreise nicht mehr, man hat also nur die beiden Fernrohre und das Prisma in geeigneter Weise auf einem passenden Statif zusammenzustellen. Fig. 698 stellt einen aufs vollständigste ausgerüsteten Bunsen'schen Spectralapparat dar. Auf einem massiven gusFig. 698.



cisernen Statif ist oben eine Messingplatte befestigt, auf welcher ein Plintglasprisma von 60° aufgesetzt ist. Auf derselben Messingplatte ist ein Metallring befestigt, in welchem das Rohr A so steckt, dass es in keinertei Weise bewegt werden kann. An seinem äusseren Ende trägt dieses Rohr eine Metallplatte mit dem Spatl, durch welchen das zu untersuchende Ließt einfallit; das gegen das Prisma p gekehrte Ende des Rohres ist durch eine Linse geschlossen, in deren Bernapunkt sich der Spatt befindet.

Das durch das Flintglasprisma p erzeugte Spectrum wird durch das astronomische Fernrohr B beobachtet.

Die Metallschiene, welche das Ferurohr B trägt, ist an einem Metallringe befestigt, welcher um der Hala des Statifs drehbar ist, so also, dass man den Winkel, welchen die  $\Delta xe$  des Rohres B mit der  $\Delta xe$  des Rohres A macht, nach Belieben ändern und das Rohr B so stellen kann, das jeder beliebige Trebil des Spectrums in der Nitte des Gesichteldes erscheint.

Nur der bis jetzt besprechene Theil des Spectralapparates ist nöthig, men es sich nur einfach um Beobachtung verschiedener Flammenspectra handelt; zur ist noch zu bemerken, dass das Prisma, zur Abhaltung von fremdem Lichte mit einem geschwärzten Kästehen von Pappendeckel oder mit einem schwarzen Tuch überdeckt werden muss, welches zugleich die dem Prisma zugekehrten Enden der Rohr A und B einschliesst.

Um verschiedene Spectra unmittelbar mit einander vergleichen zu können, dient die folgende, durch Fig. 699 dargestellte am äusseren Ende des Rohres A angebrachten Vorrichtung. ms ist der Spalt, durch wel-

Fig. 699.



ung. 38 ist der Spatt, durch weichen das Licht in das Rohr A einfällt und welcher mittelst einer Mikrometerschnaube nach Beitben weiter oder enger gemacht werden kann.
Vor der unteren Hälfte dieses Spaltes ist ein gleichseitiges Glasprisma angesetzt, welches verhindert, dass durch die unter Hälfte
des Spaltes Strahlen in das Rohr A
eindrüngen, die von einer in der Vereindrüngen, die von einer in der Ver-

läugerung der Axe des Rohres A befindlichen Lichtquelle (also etwa von der Flamme F Fig. 698) herruhren. Wird dagegen eine zweite Flamme f eitlich so aufgestellt, dass die von ihr ausgehenden Strahlen rechtvuhlig zur Prismenfläche a, Fig. 699, eintreten, so erleiden dieselben an der Prismenfläche de bein totale Reflexion und treten dann durch den Spalt m in das Rohr ein, so dass der Beobachter in das Fernrohr B hineinsahanend unmittelbar zwei Spectra über einander sieht; oben nämlich das Spectrum der Flamme f und unmittelbar unter demselben das Spectrum der Flamme f (da ja das Fernrohr ein unkehrendes ist).

Diese Vorrichtung dient auch dazu, das Spectrum irgend einer Ihamme direct mit dem Sonnenspectrum zu vergleichen. Wenn man z. B. nach Entfernung der Flamme F Sonnenfilet durch die obere Hältle des Spaltes  $m_1$ , Fig. 699, eintreten lässt, während die Flamme f, Fig. 699, einte durch Kochsalz gelb gefärbte ist, so sieht man, dass die im folgenden Paragraphen näher zu besprechende helle gelbe Linie des Natriumspectrums geman mit der dunklen Fraunhofer'sehen Linie D des Sonnenspectrums zusammenfällt, so dass erstere als die Verlängerung der letzteren erscheint.

In Fig. 698 siebt man noch ein drittes etwas excentrisch stehendes Rohr C; es ist an dem dem Prisma p zugekehrten Ende gleichfalls mit einer Lines versehen, in deren Brennpunkt am äusseren Ende des Rohres eine Glasplatte angebracht ist, auf welcher sich das ungefähr 15mal verkleinerte negative photographische Bild einer Millimeterscala befindet. Oberhalb und unterhalb dieser Scala ist die Glasplatte mit Stamiol bedeckt.

Diese horizontal gestellte Scala (in unserer Figur erscheint sie als eine horizontale Linie bei s), deren Theilstriche weiss auf schwarzem Grunde stehen, wird durch eine Kerzen- oder Lampenflamme erleuchtet, welche in der Richtung der Axe des Rohres C aufgestellt ist.

Das Rohr C ist nun so gestellt, dass seine Axe mit der vorderen Fläche des Prismas p einen eben so grossen Winkel bildet wie die Axe des Fernrohres B. In das Fernrohr B hineinselauend, erblicht man abs bei richtiger Einstellung gleichzeitig das Spiegelbild der Scala s und das Spectrum, welches durch das Prisma p erzeugt wird. Mit Hülfe der Stellschraube r kann man das äussere Ende des Robers C so weit heben oder senken, dass das Bild der Scala s gerude übe dem gleichzeitig durch das Fernrohr beobachteten Speitrum steht, das man also angeben kann, an welchem Thrilstrich der Scala diese oder jen Parthie des Speitrums erzebnich.

Von der Benutzung dieser Scala wird weiter unten noch ausführlicher die Rede sein.

Durch Weglassung der Fernrohre hat Mousson den Spectralappart sehr vereinfacht und so ein Instrument hergestellt, welches bei geringen Preise in allen Fällen ausreicht, wo en nicht auf feinere Beobachtung der einzelnen Linien ankommt. In Fig. 700 ist der Mousson'sche Spectralapparat schematisch dargestellt. In einem innen geschwärzten Kästeben

Fig. 700.

In einem innen geschwärzten Kästelen A von Messingblech ist ein Prisma (am besten ein solches von Faradey ischen Glase, welches 60° brechenden Winkl hat) so angebracht, dass es um seiss verticale Axe etwas gedreht werden kann. Einerseifs ist das Kästelen durch eines geschwärztet Schirm be begränzt, in

welchem sich ein vertienler Spalt a befindet. Andererseite ist eine inner geschwärzte Röhre R angesetzt, welche 3 bis 4 Centimeter weit von 40 bis zu 60 Centimeter Länge ausgezogen werden kann. An ihrem äusserz Ende ist die Röhre mit einer feinen Spalte s (deren eine Schneiden natürlich verschiebbar sein muss) versehen, welche mit der brechenden Kante des Primas und der Spalte s parallel ist. Die zu untersucbende Flanune wird vor der Spalte s anfgestellt und das beobachtende Auge vor die Oeffnung sebracht.

Die ganze Vorrichtung ist natürlich an einem passenden Statife befestigt.

254 Flammenspectra. Wenn mas die oben besprochenen farbigen Flammen mit irgend einer der im vorigen Paragraphen beschriebenen Vorrichtungen untersucht, so ergiebt sich die merkwürdige Thatsache, das nie kein zusammenhängendes Spectrum und auch (das Spectrum der Kalisalze etwa ausgenommen) kein grösserse ausammenhängendes Stück eines Spectrums liefern, sondern dass die Spectra dieser Flammen aus mebr oder weniger isoliteten bellen Linien bestehen.

Nr. 8 auf Tab. II. stellt das Spectrum der durch Kochsalz gefärbten Weingeist- oder Euchtigsdämme dar. Es zeigt dasselbe einen ansertordentlich hellen, schmalen und ziemlich scharf begränzten gelben Streifenalso gewissermaassen ein scharf begränztes gelbes Bild des Spaltes. Alle übrigen Farben des Spectrums sind vollständig verschwunden.

Die durch Kochsalz gefärbte Flamme hat also eine homogen gelbe Farbe; sie enthält nicht etwa alle gelben Strahlen des vollständigen Spectrums, sondern nur Gelb von einer ganz bestimmten Brechbarkeit Dieser Umstand verleiht dieser Flamme für manche optische Untersuchungen eine grosse Wichtigkeit, denn sie ist nelst der rothen Lithiumflamme das prismatische Farbenspectrum abgerechnet, die einzige Quelle homogenen Lichtes, welche bis ietzt bekannt ist.

Die erste genauere Untersuchung über die Spectra verschiedener Flammen hat Miller angestellt (Pogg. Annal. Bd. LNIX, S. 404), nach seinen Abbildungen aber scheint es, dass er nicht mit chemisch reinen Substauzen experimentirt hat, denn er verzeichnet für jede der von ihm beobachteten farbigen Flammen mehr helle Linien, als Kirchhoff und Bunsen (Pogg. Annal. Bd. CX, S. 161), später mit chemisch reinen Präparaten arbeitend, für die gleichnamigen Substanzen gefunden haben. Auf Tab. Ill a. sind die zunächst von ihnen untersuchten Flammenspectra mit dem Sonnenspectrum gussammengestellt.

Zanāchst unter dem Sonnenspectrum steht das Spectrum einer durch ein Kalis alz, etwa durch Salpeter, gefärbten Flamme. Der mittlere Theil des Spectrums erscheint hier ziemlich zusammenhängend; ein isolirter heller Streifen erscheint aber im äussersten Roth und ein zweiter an der Gränze von Indizo und Violett.

Das Spectrum der durch Chlorlithium (roth) gefärbten Flamme besteht aus zwei isolirten hellen Streifen, von denen der eine sehr helle im Roth, der andere sehr schwach und meist kaum wahrnehmbar im Orange liegt.

Das Strontionspectrum ist besonders durch einen etwas breiteren sehr hellen Streif im Orange ausgezeichnet; ausserdem zeigt es noch eine scharfe helle Linie in Blau und mehrere breitere zum Theil lichtschwächere im Roth.

Das Spectrum des Chlorcalciums zeigt ausser mehreren lichtschwächeren zwei sehr belle und ziemlich breite Streifen, von denen der eine im Grün, der andere im Orange liegt.

Das Chlorbarium endlich ist besonders durch eine Reihe hellerer Streifen im Grün ausgezeichnet.

Wenn die eben genannten Substanzen nicht auf das sorgfältigste gereinigt sind, so zeigen die durch sie gefärbten Flammen ausser den ihnen eigenthämlichen hellen Linien fast immer noch die gelbe Chlornatriumlinie, weil die allergeringste Menge von Chlornatrium sehon hinreicht, diese Linie mit grosser Intensität hervortreten zu machen.

Bunsen und Kirchhoff zeigten zunächst, dass die Temperatur der Flamme, in welcher eine und dieselbe Metallverbindung glüht, auf die Lage der hellen Linien keinen Einfluss hat. Man erhält z. B. dasselbe Spectrum, mag nun Chlorstrontium in der Gasflamme der Bunsen'schen Kochlampe oder in der Knallgassflamme glähen. Nur die Intensität der hellen Linien wächst mit der Temperatur der Flammen, und so kann es kommen, dass bei höherer Temperatur helle Linien sichtbar werden, die man bei niederer Temperatur kann oder gar nicht wahrenhem konnte.

Ferner haben die genannten Gelehrten nachgewiesen, dass verschie-

dene Verbindungen desselben Metalls stets dasselhe Spectrum geben mit dem Unterschied, dass unter sonst gleichen Umständen das Spectrum derjenigen Verbindung am intensiysten ist, welche leichter verflichtigt werden kann.

So geben z. B. Aetznatron, Jod- und Bromnatrium, die schwefelsauren und kohlensauren Natronsalze, dieselbe Spectralreaction wie Chlornatrium.

Es ist demnach narweichlaft, dass gewisse belle Linien im Spectrum ein sicheres Kennzeichen der Anwesenheit des entsprechenden Metalls nid. Sie können als Reactionsmittel dienen, durch welche man diese Stoffe schäffer, sebneller und in geringeren Mengen nachweisen kann, als durch chemische Hülfsmittel.

In der That können also die Spectralbeobachtungen der Flanmen zur Ausführung ehennischer Analysen benutzt werden, und es ist Bunnen gelungen, mit Hülfe derseiben zwei neue Alkalimetalle zu entdecken, welcher Cäsium und Rubidium genannt hat; das Spectrun des Cäsiums ist vorzugsweise durch zwei under zusammenstehende blaue Linien in de Nähe der blauen Strontiumlinie ansgezeichnet; dann finden sich in demselben noch zwei Linien im Orange, einige schwächere im Grin u. s. w. In Spectrum des Rubidiums treten zwei rothe Linien im Orange und zwei im Blau, etwas wenigere brechbar als die blaue Kaliumlinie.

Die verschiedenen hellen Linien in dem Spectrum einer durch eine bestimmte Substanz gefärbten Flamme bezeichnet man ihrer Helligkeit nach mit  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\delta$  u. s. w. So wird z. B. mit  $K\alpha$ ,  $\alpha$  die rothe und mit  $K\alpha$ ,  $\beta$ die blauviolette Linie im Kalinmspectrum bezeichnet. Im Strontiumspectrum liegt Sr,  $\alpha$  im Orange, Sr,  $\beta$  und Sr,  $\gamma$  sind zwei rothe Linieu und Sr,  $\delta$  endlich ist die blane Strontiumlinie.

Die stärkste Linie im Calciumspectrum, also Ca,  $\alpha$ , liegt im Orange, Ca,  $\beta$  liegt im Grün. Die bellste Linie des Bariumspectrums (Ba, a) ist eine grüne Linie.

Borsanre (auch Borax) giebt den Plammen eine grünliche Farlung mud liefert im Spectrum einige breite grüne Linien. Manganchlorüt giebt chenfalls wier breite grüne Linien, welche denen des Bors ähnlich sind. Ein sehr schönen Spectrum liefert nach Böttger die Flamme des im Kochlämpehen verbrennenden Leuchtgasse, wenn es zuvor durch Chloroform gestrichen ist; es finden sich in demselben zwei ganz nahe bei einander stehende dunkelblaue Linien ganz, nahe beim violetten Ende des Spectrums, eine breite blane zwischen F und G und drei breite grüne Linien. Wenn man in die nicht leuchtende Glasfiamme ein Stückehen Selen oder Selenquecksilber bringt, so sieht man nach Büttger im Spectralapparat vom Gelb bis zum äussersten Violett eine sehr grosse Anzahl gleich weit von einander abstehender dankler Linien.

Chlorblei giebt eine grosse Anzahl heller Linien fast in allen Theilen des Spectrums; ein prachtvolles Spectrum aber erhält man, weun man etwas trocknes Kupferchlorid auf einem Streifen von Kupferhlech in den Saum der Flamme einführt.

So lange das Spalteurohr A. Fig. 698, das Scalerrohr C und das Prisma p in unveränderter gegenseitiger Stellung hleiben, so erscheint jede bestimmte Spectrallinie auch stets an derselben Stelle des Spiegelbildes der Scala bei s. Mit einem kleinen Spectralapparat, dessen Beobachtungsfernrohr nur eine 4malige Vergrösserung hatte, sah ich z. B. bei einer bestimmten Stellung des Prismas, des Spaltenrohres und des Scalenrohres die gelbe Natriumlinie in der Mitte zwischen den Theilstrichen 182 und 183 des Scalenbildes. (Bei den Zahlen der photographirten Scala sind die 0 weggelassen, es ist also geschrieben 16, 17, 18 n. s. w. statt 160, 170, 180 u. s. w., wie man in Fig. 701 sieht). Bei der geichen Einstel-

Fig. 701.



lnng erscheint dann Sr,  $\alpha$  bei

187,5, Sr, δ hei 128; die rothe Lithiumlinie Li, α bei 202,5 und die rothe Kaliumlinie Ka. α bei 216.5.

Wenn also bei unveräuderter Einstellung des Apparates eine rothe Linie bei 202,5 erscheint, wenn man irgend einen zu untersuchenden Körper in die Flamme bringt, so

kann man daraus schliessen, dass er Lithium enthält. Er enthält Kalium, wenn eine rothe Linie bei 216,5, er enthält Strontium, wenn eine orangefarbene Linie bei 187,5 und eine blaue bei 128 erscheint n. s. w. Die Spectralreaction ist für die vielen Substanzen ungemein empfind-

lich, indem äuseerst geringe Quantitäten, die sich der chemischen Analyse ganz entziehen würden, sehon hinreichen, die entsprechenden Spectrallinien sichtbar zu machen. Am empfinlichsten zeigt sich die Spectral-

reaction für Natrium, indem 1/40 000 000 Gramm Kochsalz der farblosen Flamme eine merkliche gelbe Färbung ertheilt und die Natrium-

linie sehr deutlich auftreten macht. Da nun das Kochsalz in der Naturansserordentlich verbreitet ist, so ist es kaum möglich eine Flamme herzustellen, in welcher die Natriumlinie gänzlich fehlt. Wem dieselbe in der farhlosen Flamme des Bunsen scheu Kochlämpchens nur schwach auftritt, so gemügt es durch Zusammenschlagen zweier Bücher oder durch Ausklopfen eines Rockzipfels in der Nähe der Flamme etwas Staub zu erregen, um die Natriumlinie hel aufleuchten zu machen. In der Flamme einer Talgkerze oder einer Oellampe, welche sonst ein continuirliches Npectrum liefern, tritt meist, wie bereits Fraunhofer beobachtet hat, die Natriumlinie noch als ein beller gelber Steifen auf.

In Beziehung auf Empfindlichkeit der Spectralreaction steht dem Natrium das Lithium am nächsten, indem schon die geringsten Mengen dieses Stoffes der Flamme eine intensiv rothe Färbung geben, welche, wenn nicht durch Kochsalzgehalt die Reinheit gestört wird, fast ganz homogen ist.

Wir haben gesehen, dass die Flamme des Bunsen'schen Kochlämchens, bei velchem das Leuchtigas erst zur Verbrennung konnt, wenn es genügend mit atmosphärischer Luft gemischt ist, sehr schwach leuchtend ist; dies gilt aber vorzugsweise von dem mitteleren und oberen Theile der Flamme; der unterste Theil derselben unmittelbar über der Mindung des Rohres wird häufig durch einen hellen blaugrünen Kegel gebildet, dessen Licht Swan prismatisch untersucht hat (Pogg. Annal. Bd. C). Das Spetrum dieses Flammentheils zeigte sich gleichfalls als aus einzelneu belten Linien bestehend, welche durch dunkle Zwischenräume getrennt sind. Ausser der unvermeidlichen gelben Natriumlinie enthielt es noch 4 Linien im Gelbgrün, 2 im Blaugrün, 4 im Blau (in der Nähe von F) und eine sehlecht begrünzte bei G.

Disselben hellen Linien, welche jedoch im Vergleich zu den oben betrachteten durch Natrium, Lithium, Stroutium u. s. w. hervorgebrachten sehr lichtschwach sind, zeigen sich nun auch genau an derselben Stelle, wenn auch im verschiedener Stärke au der entsprechenden Stelle der Planmen anderer Kohlenwasserstoff. Verbündungen.

255 Die Spectra des elektrischen Funkens. Wollaston beobachtet zuerst, dass das Spectrum des elektrischen Funkens kein Continuum sei, sondern dass es aus einzelnen hellen, durch dunkle Zwischenräume getrennten Linien bestehe; dass aber die Lage dieser hellen Linien von der Natur des Metalls ahänge, von welchem der Funke überspringt, hat zuerst Wheatstone nachgewisen. Er zeigte z. B., dass der elektromagneitische Punken von Quecksilber abspringend 7 bestimmte helle Linien gebe, nämlich 2 im Orange, 1 glänzend grüne, 2 bläulich grüne und 2 violete, von denen besonders eine sehr ausgezeichnet ist. Er zeigte ferner, dass jedes der Metalle, Zink, Cadmium, Jünn, Wismuth und Blei, ein Spectrum mit eigenthämlichen Linien liefert, und dass man auf diesem Wegrleicht die genannten Metalle von einander unterscheiden könne.

Masson untersuchte die Funken, welche bei der Entladung der Leydemer Flasche zwischen verschiedenen Metallektroden überspringen (Annalde chim. et de plays. III Ser. XXXI und XI.V); er fand in den Spectren für jedes Metall ausser demelben helben Linien, welche sehne
Wheat-tone beolachtet hatte, noch eine Reihe von anderen, welche gemeinschaftlich in den Spectren verschiedener Metalle auftraten. Diese Vrrschied-ulneit wurde durch Augs-tröm erklärt, welcher zeigte, dass Masson
durch den hohen Hittegrad seiner Funken zwei Spectra erhalten musste,
das eine von dem Metall hertührend, das andere aber von der gübend gemachten Atmosphäre. Macht man die Versuche mit verschiedenen Metallelektroden in dem gleichen Sase, z. B. in atmosphärischer Luft, so bildet
das Luftspretrum gleichsam den selwachen Grund, auf welchem damit den Stoff der Elektrode veränderlich intensivere Metallspec-

trum sich darstellt (Pogg. Annal. Bd. XCIV). Um die verschiedenen Gasspectra zu untersuchen, liess Angström den Entladungsfunken einer Leydener Flasche zwischen Messingkugeln überspringen, welche sich im Iuneren einer abwechselnd mit Luft, Sanerstoff, Stickstoff, Wasserstoff und Kohlensäure gefüllten Glaszörbe befanden.

Bei etwas grossem Abstande der Kugeln zeigt sich das Gasspectrum dentlich für denjenigen Theil, welcher in der Mite zwischen den Elektroden liegt; nachr in der Nähe derselben überwiegt das Metallspectrum. Wenn die Elektroden einander sehr nahe stehen, ist das Gasspectrum kaum noch wahrnehmar, weil es zu sehr gegen den Glanz der hellen Linien im Metallspectrum zurücktritt.

Plücker (Pogg. Annal. Bd. CVII) wandte eine andere Methode zur Untersuchung der Gasspectra an, welche den Vortheil gewährte, dass ihre



Beobachtung nicht durch die Metallspectra gestört wurde. Er liess nämlich den Entladungsfunden des Ruhm korffschen Inductionssparates durch enge Geinsler'sche Reiben von der Gestatt, Fig. 702, schlagen. Diese Rohren, welche im zweiten Theile dieses Werken niher hesprochen werden, sind mit verschiedenen, aber im Zustand höchster Verdinnung befindlichen Gasen gefüllt. Sohald man den Funken zwischen den Elektrotien a und b üherschlagen lässt, erscheint in dem erweiterten Theile der Röhre ein diffuses Licht, während sich im engen Theile der Röhre eine helle Lichtline bildet, welche zur prismatischen Beobschtung sehr geeignet ist. Die Färbung dieser Lichtlinis ändert sich mit den Gasen, welche in der Röhre enthalten sind, sie ist prächtig roth für Wasserstoff-, röthlich violett für Stückstoffras.

Unter allen Gasspectren ist das des Wasserstoffs das einfachste, denn es hesteht aus nur drei hellen Linien, nämlich einer prachtvoll rothen, fast genau zusammenfallend mit U, und zwei blauen, von denen die eine genau zusammenfällt mit K, die andere beinahe mit G.

Im Spectrum des Sauerstoffgases hoohachtete Plücker 9 helle Linien, von denen die heiden stärksten im Roth (zwischen C und D) und Indigo (in der Nähe von G) liegen. Diesen stehen an Helligkeit zunächst zwei grünlich blaue Streifen in der Nähe von E.

Das Spectrum des Stickstoffgases ist eines der farbenreichsten und zugleich der ausgedehntesten, indem es sich

ungefähr von der Fraunhofer'schen Linie B his zur Linie H entreckt. Es unterscheidet sich von den Spectren der übrigen einfachen Gase durch dunkle Linien in dem weniger brechbaren Theile des Spectrums, 17 derselben befinden sich zwischen dem äussersten Roth und dem Gelb. Im Grünen sind 7 dankle Linien, die aber nicht gleichen Abstand von einander haben. — Vom Grün nach dem violetten Ende des Spectrumhin wird es wieder ein normales, durch helle scharf begränzte auf dunklerem Hintergrunde stehende Streifen gebildetes. Man unterscheidet hier deutlich 11 solcher Streifen.

Das Licht des Stickstoffgases ruft eine starke Fluorescenz hervor, während das Licht des Wasserstoffgases diese Eigenschaft in kaum merklichem Grade besitzt.

Das Spectrum einer Röhre, welche statt andere Gase Quecksilberdämpfe enthielt, bestand aus den schon oben erwähnten hellen Quecksilberlinien, unter denen sich nach Plücker's Beobachtungen besonders drei auszeichnen, eine gelbe, eine grüne und eine violette.

Van der Willigen (Pogg, Annal Bd. CVI) liess den Funken des Ruhmkorff'schen Apparates zwischen Elektroden von verschiedenen Metallen überspringen, um die entsprechenden Metallspectra zu beobachten. Er experimentirte mit Elektroden von Kupfer, Zink, Eisen, Biei, Zinn, Silber, Platin u. s. w. nd machte unter anderen auch die wichtige Beobachtung, dass im Spectrum des zwischen Platinelektroden überspringenden Funkens, welcher für sich keine Linien zeigt, sofort die entsprechenden hellen Linie auftreten, wenn man auf den Platinelektroden der Reihe mach Chlornatrium, Chlorbarium, Chlorstrontium, salpetersaner Kalk n. s. w. appliert, indem nan den Draht nur in die Lösungen dieser Salze eintaucht.

Nach dieser Methode hat nun auch Kirchhoff bei seinen Spectraluntersuclungen die elektrischen Funken hervorgebracht; sie wurden durch
einen Ruhn korff'schen Indactionsopparat erzeugt, welcher 3 Decimeter
lange Funken zu geben vermag. In den Schliesungsbogen der Inductionsspirale wär eine Leydener Haseh in einer Weise eingeschaltet, welche in
2. Bande dieses Werkes näher bezeichnet werden wird. Die Schlagweite
betrag nur 3 Millimeter. Die Elektroden bestanden meist aus Drählen
von 1 bis 2 Millimeter Durchmesser, oft aber waren es auch Metalstücken von uuregelmissiger Form, die an Kupferdrähle angelöhet waren.
Bisweilen wurde das zu uutersuchende Metall nicht in regulinischem Zustande, sondern in seiner Chlorverbindung augewandt, welche auf die
Elektroden aufgetragen wurdt.

Die Lago der hellen Linien, welche ein bestimmtes Metall im Spectrum erzeugt, ist dieselbe, mag es nun in der Flamme oder im elektrischen Funken glühen; dessen ungeschiet kann das Auschen des Spectrums für dassellte Metall in beiden Fällen sehr verschieden sein, weil bei der hohen Temperatur des Funkens im Spectrum Linien auftreten und eine grosse Intensität erhalten können, welche im Spectrum der Flamme gar nicht sichtbar waren. So giebt z. B. Lithium i Flammen von inderiger Temperatur nur eine rothe Linie; mit steigender Temperatur kommt eine Linie im Orange, bei der noch höhrer i Temperatur des Knallgasgeläs ses oder des elektrischen Funkens kommt noch ein helles blanes Bandhinzu.

Genauere Untersuchung der Spectrallinien. Je gröser 2:86 der brechende Winkel und die zerstrenende Kraft des Primuss ist, durch welches das Spectrum erzeugt, und je stärker die Vergrösserung des Fernrohrs ist, durch welches man dasselbe heobachtet, desto mehr dunkle scharfe Linien sieht man in Somenspectrum, desto mehr erscheinen breitere Streifen in einzelne dunkle Linien aufgelöst. So beobachtete z. B. sehon Fraunhofer, dass D. aus zwei dicht neben einander stehenden dunklen Linien besteht, während sie in Apparaten von geringerer Leistungsfähigkeit nur einfach erscheinen.

Das Gleiche gilt auch von den hellen Linien im Spectrum farbiger Flammen und elektrischer Funken; breitere Bänder erseleinen in vollkommneren Apparaten in einzelne helle Linien zerlegt. So zeigt sich z. B. bei hinreichender Vergrösserung, dass die gelhe Natriumlinie gleichfalls eine Doppellinie ist.

Die vollständigste Entfaltung des Spectrums und die geuaueste Darstellung der Spectrallinien, welche bis jetzt ausgeführt ist, verdanken wir den Arheiten Kirchhoff's.

Fig. 703 stellt den von Steinheil ausgeführten Apparat dar, dessen er sieh zu seinen Spectralnntersuehungen bediente. Um eine vollständigere



Fig. 703.

Entfaltung des Spectrums zu erzielen, wurden statt eines einzigen Flintglasprisuase deren vier angewandt, welche so anfgestellt waren, dass die aus dem ersten austretenden Strahlen auf ein zweites fallen, welches den Winkel noch mehr vergrössert, unter welchem die ungleich brechbaren Strahlen nach ihrem Austritt aus dem ersten Prisua divergiren. Dieser Winkel wird durch ein dittes und durch ein viertes Prisma noch mehr vergrössert. Der brechende Winkel der drei ersten Prismen ist 45°, der brechende Winkel des vierten beträgt 60°.

Diese vier Prismen sind mittelst kleiner Dreifüsse auf einer horizotalen, kreisförmigen eisernen Platte aufgestellt, auf welcher das Rohr J.
befestigt ist. Das eine Ende dieses Rohres ist durch ein Fernrohmdjeeitv
von 18 Zoll Brennweite geschlossen, in dessen Brennpunkt sich am anderen
Ende des Rohres eine Spaltvorrichtung befindet, welche der in Fig. 699 dargestellten ähnlich ist. Das Beobachtungsfernrohr B, dessen Objectiv gleichfalls 18 Zoll Brennweite hat, steht zunächst auf einer um den Mittelpunkt
der eisernen Platte dreibaren Schiene, kann aber gegen diese Schiene
abermals um eine verticale und eine horizontale Axe verschoben werden,
wie man aus der Figur ersieht.

Die Vergrösserung des Fernrohrs B war eine 40 fache.

Um die Abstande der einzelnen Linien von einander zu messen, beuntzte Kirchhoff eine Kreistheilung, welche am Kopfe der Mikrometerschraube R, durch welche das Fernrohr B gedreht werden kann, angebracht ist. Das Ocular des Fernrohrs war so gestellt, dass die Fäden seines Fädenkreuses einen Winkel von 45° mit den dunklen Linien bildeten Der Schnittpunkt der Fäden wurde dann durch die Mikrometerschraube der Reihe nach von einer dunklen Linie zur anderen geführt, jedesnal die Theilung der Mikrometerschraube abgelesen und neben der Ablesung ein Schätzung der Schwärze und Bereit der Liuie notirt.

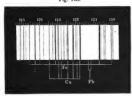
Nach diesen Aufzeichungen wurde dann die Zeichung des Sonnesspectrums ausgeführt, deren trefflich lithographirte Vervielfaltigung sich in Kirchhoff's "Untersuchungen über das Sonnenspectrum und die Spectren der ehemischen Elemente" (in den Abhandlungen der Berliner Akademie vom Jahre 1861) befindet.

Die Kirchhoff'sche Zeichnung umfasst das Stück des Spectrums von A bis G, der veröffentlichte Theil aber erstreckt sich nur von D bis etwas Fig. 704. über F hinaus und dieser publicirte Theil



unimat eine Gesammtlinge von 1½, Meter ein; man kann sich nach dieser Angabe einen Begriff von den wahrlaft kolossalen Dimensionen machen, in welchen hier das Spectrum dangestellt ist. Die Linien Z und b (vergleiche Fig. 676. Seite 594) sind in der Kirchhoff weben Griechung 13 Centimeter von einander entfernt. Der noch nicht publicitet Brief erfordert eine nochmälige Revision, welche Kirchhoff eider wegen seiner ausgeriffenen Augen bis jetzt noch nicht vorrehmen konnte.

Ucber die Zeichnung des Spectrums hat Kirchhoff eine in Millimeter getheilte Scala mit willkürlichem Anfangspunkte gesetzt, welche zunachst dazu dient, jede der aufgetragenen Linien mit Leichtigkeit zu bezeichenen. So sind z. B. die beiden Fraunhofer'sehen Linien D mit 10028, und 1006,8 bezeichnet, die drei Linien E aber mit 1522,7 und 1523,7, wie man auch aus der Figuren 704 und 705 ersehen kann, welche Copiene einzelner Theile der Kirchhoff'schen Zeichnung sind, wobei nur zu be-Fig. 705.





merken ist, dass die verticalen Dimensionen dieser Figuren ungefähr uur halb so gross sind als die des Originals.

Durch die in §. 253 erläuterte Vorrichtung war es möglich, das Spectrum des elektrischen Funkens unmittelbar unter dem Sonneuspectrum darzustellen, so dass man die beideu Spectra direct mit einander vergleichen konnte. In der Kirchhoff'schen Spectralzeichnung sind nun unmittelbar unter dem Sonnenspectrum diejenigen Stellen bezeichuct, an welchen die hellen Linien verschiedener Metallspectra erschieuen. So sieht man z. B. in Fig. 706, dass die zwei helleu Natriumlinien genau mit den Fraunhofer'schen Linien D zusammenfallen. Aus Fig. 705 ersieht man, dass hier sieben helle Linien des Eisenspectrums und sieben helle Linieu des Calciumspectrums mit dunklen Linien des Sonnenspectrums coincidiren. Das Gleiche findet statt für den in Fig. 704 dargestellten Theil des Spectrums. Auf dem von Kirchhoff veröffentlichten Theile des Spectrums kommen einige 60 helle Eisenlinien vor, welche sammtlich mit dunklen Linien des Sonnenspectrums zusammenfallen; eine gleiche Coincidenz findet statt für die hellen Linien des Spectrums von Calcium und Magnesium. Nach Augström fallen auch die Fraunhofer'schen Limien II mit hellen Linien des Calciumspectrums zusammen.

Den hellsten Linien in dem Spectrum von Baryum, Kupfer und Zink entsprechen dentlich dunkle Linien im Sonnenspectrum, den schwächeren uicht.

Dagegen fallen die hellen Linien im Spectrum von Lithium, Strontium, Blei, Zinn, Quecksilber, Aluminium, Silber u.s. w. nicht mit dunkleu Liuien des Souuenspectrums zusammen, wie man dies z. B. in Fig. 705 für eine helle Linie des Bleispectrums sieht, welche, wie die Gabel andeutet, mit welcher oben der Strich über Pb endet, eine namhafte Breite hat.

257 Umkehrung der Flammenspectra. Um die Coincidenz der hellen Natriumlinien mit den Linien D des Sonnenspectrusus zu prüfen, entwarf Kirchhoff ein mässig helles Sonnenspectrusu und brachte eine Natriumflamme vor den Spalt des Apparates. — Die Natriumlinien erschienen hell auf dem etwas dunkleren Grunde. Als aber volles Sonnenlicht auf den Spalt fiel, traten die dunklen D Linien mit ausserordentlicher Stärke hervor, welche abnahm, sobald man die durch Kochsalz gelb gefärbte Flamme der Bunsen sehen Lampe von dem Spalt entfernte.

Kirchhoff ersetzte das Licht der Sonne durch das Drummond'sche Kalklicht, dessen Spectrum, wie das eines jeden glühenden festen Körpers, keine dunkle Linien hat; wurde dieses Licht durch eine geeignete Kochsalzflaume geleitet, so zeigten sich im Spectrum dunkle Linien an der Stelle der Natriumlinien.

Dasselbe trat ein, wenn statt des glühenden Kalkeylinders ein Platindraht benutzt wurde, welcher durch eine Flamme glühend gemacht und durch einen elektrischen Strom seinem Schmelzpunkte nabe gebracht war-

Diese Erscheinung findet ihre Erklärung in der Annahme, dass eine Natriumflamme eine Absorption ausübt auf die Strahlen von Brechbarkeit derer, welche sie selbst aussendet, während sie für alle anderen Strahlen vollkommen durchsichtig ist. Wenn man vor den glühenden Platindraht, dessen Spectrum betrachtet wird, eine Natriumflamme bringt, so ändert sich nach dieser Annahme die Helligkeit in der Nähe der Natriumbnien nicht; in diesem selbst ändert sie sich aber aus doppeltem Grunde: die Intensität des vom Platindraht ausgegangenen Lichtes wird hier durch die Absorbtion der Flamme um einen Bruchtheil 1/2 ihres ursprünglichen Werthes vermindert, dagegen aber das Licht der Flamme, desser Helligkeit wir mit a bezeichneu wollen, hinzugebracht. Während also in der Nähe der Natriumlinien die Helligkeit des Spectrums I ist, ist sie an der Stelle der Natriumlinien selbst  $l=rac{l}{u}+a$ . Die Natriumlinien müssen also dunkel auf hellem Grunde erscheinen, wenn der Platindraht so stark leuchtet, wenn also der Werth von I so gross ist, dass 1 grösser ist als a. Durch den Contrast mit der Umgebung können die Natriumlinien ganz schwarz erscheinen, obgleich ihre Lichtstärke noch grösser ist als diejenige, welche die Natriumflamme für sich allein hervorbringt.

Die Absorption des Natriandampfes ist um so leichter wahrnehmbar, jo geringer seine Leuchtkraft, d. b. je niedriger seine Temperatur ist. In der That gelang es nicht auf dem Spectrum eines glühenden Platindrahtes oder des Drummond'schen Kalklichtes die dunklen Natriumlinien durch eine Leuchtgasthamme bervorzurufen, im welche Kochsalz gebracht war.

es gelang aber mit der Flamme von wässerigem Alkohol, welcher Kochsalz enthielt.

Vor allen farhigen Flammen zeichnet sich die Natriumflamme durch die grosse Intensität der Linien ihres Spectrums aus. Ihr zunächt steht in dieser Beriehung die Lithiumflamme. Eben so leicht als die hellen Natriumlinien umgekehrt, d. h. in dunkle, verwandelt werden Können, eben so leicht kann die rothe Lithiumlinie umgekehrt werden. Lässt man durch eine Lithiumflamme Sonnenstrahlen treten, so zeigt sich im Spectrum am Orte der Lithiumlinie eine schwarze Linie, welche an Deutlichkeit mit den ausgezeichnetsten Fraunhofer'schen Linien wetteifert und welche verschwindet, wenn man die Flamme entfernt.

Weniger leicht ist die Unkehrung der hellen Linie anderer Metalle. Das Spectrum intermittirender elektrischer Funken kann durch Sonnenlicht, welches man durch sie hindurchleitet, nicht umgekehrt werden, weil die Dauer jedes Funkens sehr klein ist gegen die Zeit zwischen zwei aufeinander folgender Funken.

Nach den obigen Thatsachen liegt die Aunahme nah, dass jedes glübende Gas (in Gasform befinden sich ohne Zweifel auch die in den Plammen und im elektrischen Funken glübenden Metalltheilden, welche die hellen Spectrallinien erzeugen) ausschliesslich Strahen von der Brechbarkeit dergingen absorbirt, die es selbst aussendet, oder mit anderen Worten, die Annahme, dass das Spectrum eines jeden glübenden Gases ungekehrt werden muss, wenn durch dasselbe Strahlen einer Lichtquelle treten, welche hinreichend hell ist und welche an sich selbst ein continuirliches Spectrum giebt.

Aus der Umkehrung der Flammenspectra hat nun Kirchhoff die Erklitzung der Frannhofer'schen Linien im Sonnenspectrum abgeleitet. Um diese zu erklären, muss man annehmen, dass der feste Sonnenkörper, welcher für sich allein ein continuirliches Spectrum von grosser Helligkeit gehen würde, von einer Atmosphäre glübender Gase ungeden ist, in welcher zahlreiche Stoffe in Dampfform verbreitet sind. Diese glühenden Gase würden für sich, d. h. ohne den weissglübenden Centralkörper, ein Spectrum liefern, welches aus getrennten hellen Linien besteht, und welches durch die weissglübende Unterlage ungekehrt wird.

Wir müssen dennsch annehmen, dass alle Stoffe in Dampföru in der Sonnenatmosphäre enthalten sind, deren Flammenspectra oder deren elektrische Spectra helle Linien liefern, welche mit dunklen Linien des Sonnenspectrums zusammenfallen. Den Angaben des vorigen Parsgraphen zudige müsste also die Sonnenatmosphäre Dämpfe von Nartium, Kalium, Magnesium, Calcium, Chrom u. s. w. enthalten, während Lithium, Aluminium, Zink, Quecksilber, Kupfer, Silher u. s. w. fehlen.

Absorption des Lichtes durch farbige Gase. Bei Unter- 258 suchung des prismatischen Spectrums, welches man erhält; wenn man die einfallenden Strahlen erst durch die rothen Dämpfe der salpetrigen Säure leitet, machte Brewater die merkwürdige Entdeckung, dass die Absorptionserscheinungen hier Eigenthämlichteiten zeigen, welche bei farbigen Flüssigkeiten sowohl als auch bei farbigen Gläsern und anderen durchsichtigen
farbigen festen Körpern fehlen. Nr. 5 auf Tah. III. stellt das Absorptionsspectrum der salpetrigen Säure dar; das violette Ende erscheint vollständig absorbirt, der übrige Theil aber von einer Reihe dunkler Luinen
durchselnuitten, welche grosse Achnichkeit mit den Fraunhofer'schen
Linien zeigen, aber breiter und kräftiger sind.

Um diese Erscheinung zu zeigen, stelle man auf die bekannte Art ein Spectrum auf einem Papierschirm so dar, dass es wenigstens die stärksten der Fraunhofer'schen Liuien zeigt, und bringe dann dieht hinter den Spalt im Laden eine mit salpetriger Süure gefüllte Röhre von ungefähr wenigstens <sup>7</sup>/<sub>4</sub>, Zoll Weite. Reiner erhält man die dunklen Liuien mit

Fig. 707.



Hälfe des Apparates Fig. 707. Er ist am einer Glaskugel gebildet, wie solche innen mattgeschliftenen gegenwärtig allgemein für Lampen gebraucht werden. Die beiden einnader gegenüber liegenden Oeffnungen sind durch Platten von Spiegelgtas verschlossen, welche durch zwei Metallplatten mittelst dreier Schrauben angedrückt werden. In diese Kugel

kann man leicht durch eine seitliche Ueffmung die Dämpfe einleiten, welche man beobachten will, oder man kann, bevor die Glasplatten aufgelegt werden, die Substanzeu einbringen, aus denen die Dämpfe durch vorsichtiges Erwärmen entwickelt werden sollen.

Durch Erwärmen wird die Farbe des Salpetergases intensiver roth, wobei die Stärke sowohl als auch die Anzahl der dunklen Linien zunimmt, so dass die vollstämlige Absorption mehr und mehr gegen das rothe Ende hin fortschreitet; ja Brewster ist es gelungen, durch fortgesetztes Erhitzen das Gas, ohne dass eine Zersetzung eintritt, vollstäudig schwarz zu machen, so dass nicht ein Sonnenstrahl durclzudringen vernuchte, wobei freilich häufig die Röhren zerspringen (Poggeudorff's Annal. Bd. XXXVIII-Scite 50).

Auch audere farbige Gase zeigen Absorptionserscheinungen, welche deuen der salpetrigen Säure ähnlich sind, namentlich Joddaupf, Bromdampf, der Dampf von Manganhyperchlorid, Unterchlorsäure u.s.w.

Fig. 4 auf Tab. III. zeigt den allgemeinen Anblick der vom Jod erzeuteten Linien; sie sind im orangefarbenen und gelben Theile am deutlichsten, im Grün aber werden sie so zahlreich, dass es bei einigermassen intensiver Färbung des Gases vollständig absorbirt ist. Die Streifen sind nicht seharf begränzt und zeigen sich, mit hiulänglich vergrössernden Fernröhren nach der im §. 244, Seite 596 besprochenen Methode unter-

sucht, aus sehr feinen Linien zusammengesetzt, die an Zahl und Stärke nach der Mitte der Streifen hin zunehmen.

Nicht alle farbigen Gase und Dämpfe zeigen solche Absorptionsstreifen; sie fehlen z.B. im Chlor, im rothen Dampf von Chromoxychlorid, im purpurnen der Uebermangansäure und im prachtvoll karmoisinrothen des Indigo.

Bei farblosen Gasen und Dämpfen hat man bis jetzt noch keine Absorptionsstreifen der in diesem Paragraphen besprochenen Art beobachtet.

Fluorescenz. Wenn man einige Stücke von der Kinde des gewöhn259 lichen Rosskatanienbaums mit Wasser übergiesst und es nur gans kurze
Zeit darauf stehen läset, so nimmt die Flüssigkeit eine sehwach bräunliche
Färbung an, zeigt aber von gewissen Seiten her betrachtet einen ganz
eigenthümlich bähülchen Schimmer, welchen man besondere gut wahrnimmt,
wenn man die in einem Gefässe mit verticalen Wänden befindliche Flüssigkeit von oben herab betrachtet, während helles Tageslicht oder noch besser

directes Sonnenlicht von vorn auf die Flüssigkeit fällt. Das in der Kastanienrinde enthaltene Aesculin ist die Ursache dieser Erscheinung.

Eine Auflösung von schwefelsaurem Chinin in der hundert bis zweihunderfichen Gewichknenge Wässer, welchem einigt Tropfen Schwefelsäure zugesetzt sind, zeigt fast dieselbe Erscheinung, wie der Auszug aus der Kastanierniode, nur ist die Chininikoung für durchgehenden Liedt vollkommen klar und farblos, weshalb der blaue Schimmer hier in grosser Beinheit anfried.

Ganz ähnlich verbält sich ein alkoholischer Auszug aus dem Samen des Stechapfels (Datura Strammonium). Diese Flüssigkeit hat eine bräunlichgelbe Färbung und zeigt einen grünlichen Schiller.

Eine höchst auffallende Erscheinung bietet das Blattgrün (Chlorophul). Man erbält es, wenn man die Blätter von Wasserpfeffer (Polygonum hydropiper), Brennnesseh, Epheu u. s. w. mit Achter extrahir. Frissches Kraut, namentlich im Frülijahr, giebt das Chlorophyll nicht so leicht ab, wie alteu und namentlich getrocknetes. Es genügt z. B., das getrocknete Pfeffermünzkraut, wie es in jeder Apotheke verkauft wird, mit Achter übergossen eine Stunde lang stehen zu lassen, um eine intensiv gefärbte Lösmig von Chlorophyll zu erhalten.

Eine solche durch Chlorophyll gefärbte, im durchgehenden Lichte schöu grüne Flüssigkeit, deren Spectralanalyse in Nr. 8, Tab. I. dargestellt ist, zeigt, dem Sonnenlichte ausgesetzt, auf der Oberfläche eine intensiv hlutrothe Färbung.

Alkoholische Lösungen von Blattgrün zeigen diese Erscheinung weit weniger schön als ätherische; sie zeigen nämlich nur einen trüben braunrothen Schiller.

Einen schön blauen Schiller zeigen auch manche violetten und grün-

lichen Varietäten des Flussspathes, namentlich von Derbyshire, und deshalt schlägt Stokes vor, dieses Phänomen, welches man früher nicht gans passend innere Dispersion genannt hatte, mit dem Namen der Fluorescenz zu bezeichnen.



Um die Erscheinung deutlicher und brillanter zu sehen, als es unter den eben erwähnten Verhältnissen möglich ist, wandte Brewster folgende Beobachtungsmethode an: Die zn prüfende Flüssigkeit wird in ein oben offenes Gefäss gegosen und dann mittelst einer Convexlisse von 2 bis 3 Zoll Brennweite ein Bündel Sonnenstrahlen gegen die Oberfläche derselben hin concentrirt. wie dies Fig. 708 andeutet. Die Linse wird so gehalten, dass der Brennpunkt je nach den Umständer mehr oder weniger tief unter den Spiegel der Flüssigkeit zu liegen kommit.

> Wird eine Chininlösung auf diese Weise untersucht, so erblickt man einen prachtvoll himmelblauen Lichtkegel, welcher zunächst an der Oberfläche der Flüssigkeit am lebhaite

sten ist und mit dem Eindringen in das Innere der Flüssigkeit rasch at Lichtstärke abnimmt. Ganz Aehnliches zeigt der Aufguss der Kastanienrinde und der alkoholische Auszug von Stechapfelsamen, nur dass be letzterer Substanz das Bündel des dispergirten Lichtes grün ist.

In einer ätherischen Lösung von Blattgrün ist der fragliche Lichtkegel roth; in der gelben Curcumatinctur ist er grün, in der Lackmustinctur ist er schmutzig orange.

Eine sehr starke grüne Fluorescenz zeigt die Lösung der Galle in Schwefelsäure. Das unreine Steinöl zeigt eine schr schöne bland Fluorescenz; ebenso die Lösung, welche man nach Osann erhält, went man Kienruss mit möglichst starkem Alkohol extrahirt.

Als feste Körper, welche die fragliche Erscheinung zeigen, ist auseit dem Flussspath noch das durch Uran gelblichgrun gefärbte Glas zu neunen, welches unter dem Namen des Kanarienglases oder des Annagrünen Glases bekannt ist. Ein Würfel solchen Glases ist besonden für Versuche über Fluorescenz geeignet, weil er jederzeit bereit ist, with rend die oben genaunten organischen Lösungen, mehr oder weniger rach sich zersetzend, fast immer erst wieder neu dargestellt werden müssen wenn man mit ihnen experimentiren will.

Der durch eine Linse auf ein passend geformtes Stück Urauglas [all

Verhalten fluorescirender Körper gegen farbiges Licht. 2000 Ueber die Natur des eigenthümlichen Lichtes, welches fluorescirende Körper zeigen, hat Stokes dadurch viel Aufschluss gegeben, dass er ihr Verhalten in farbigen Lichte untersuchte.

Betrachtet man z. B. durch die grünç Lösung von Chlorkupfer (von diesem Versuch in ein Gefäss der in Fig. 692 dargestellten Art giesen kann) den Lichtkegel, welcher mittelst einer Sanmellinse in einem Würfel von Uranglas erzeugt worden ist, so erscheint er fast chen so hell wie vorher; lässt man aber die Somenstrahlen vor ihrem Eintritt in das Uranglas durch die Lösung von Chlorkupfer gehen, etwa indem man das mit dieser Lösung gefüllte Gefäss dicht vor die Linse hält, so verschwindet der grüne Lichtkegel im Uranglas fast vollständig.

Hält man dagegen die blaue Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydammoniak vor die Linse, so erscheint der grüne Lichtkegel im Uranglas fast in ungeschwächter Stärke, während er fast verschwindet, wenn man ihn durch die fragliche blaue Lösung betrachtet.

Eine Reihe von Versuchen, welche in der gleichen Weise angestellt wurden, gab die in der folgenden Tabelle zusammengestellten Resultate.

Fluorescirende Flüssigkeit	Furbiges Mittel	Vor dem Auge	Vor der Linse
Schwefels. Chinin	Chroms, Kali Chlorkupfer	gut sichtbar sichtbar	verschwunden verschwunden
Stechapfeltinctur "" ""	Chroms, Kali Chlorkupfer Schwefels, Kupfer- oxydammoniak	sichtbar sichtbar fast verschwun- den	fast verschwunden verschwunden sichtbar
Curcumstinetur	Rothes Glas Schwefels, Kupfer- oxydammoniak	sichtbar verschwunden	verschwunden sichtbar
Blattgrün	Schwefels. Kupfer- oxydammonisk	verschwunden	sichtbar.

Diese Versuche zeigen uns nun deutlich, was für ein Unterschied besteht wischen den Farben der gewölnlichen Körper und denn der fliorereirenden. Bei einem gewölnlichen Körper ist es ganz gleichgültig, ob wir nur Licht auf ihn fallen lassen, welches durch ein farbiges Medium gegangen ist, oder ob wir ihn durch dieses Medium betrachten. Ein Stück Siegellack z. B. erscheint roth, mag man nun Strahlen auf dasselbe fallen lassen, welche zuwor durch ein rothes Glas gegangen sind, oder mag man dasselbe, während es von weissem Licht beschienen ist, durch das rothe Glas betrachten; schwarz erscheint dagegen das Stück Siegellack, wen es nur von grünen Strahlen getroffen oder durch die Chlorkupferlösung betrachtet wir.

Die Eigenthümlichkeit der fluoreseirenden Körper besteht obigen Versuchen zufolge hauptsächlich darin, dass sie im Stande sind, die Farbe der auf sie fallenden Strahlen zu ändern, denn sie senden zestrette tes Licht aus, welches in den meisten Fällen von anderer Farbe ist als der auffällende.

Das violette und blaur Licht, welches durch die Lösung von schwefelsaurem Kupferoxydammoniak gegangen ist (Seite 616), kann ein grünes Lichtbündel im Uranglas erzeugen, ein Grün, welches selbst durch die Lösung des genannten Salzes absorbirt wird.

Dagegen sind die grünen Strahlen, welche durch eine Lösung von Chlorkupfer gegangen sind, nicht mehr im Stande im Uranglas den grüpen Nebel zu erzeugen, obgleich das Grün dieses Nebels, wenn er durch weisses oder blaues Licht erzeugt worden ist, sehr gut durch eine Lösung vor Chlorkupfer hindurchgeht. Wie man aus obigen Angaben ersieht, sind es vorzugsweise die blauen und die violetten Strahlen, welche in fluorescirenden Körpern die eigenthümlichen Lichterscheinungen hervorrufen. Stokes benutzt dies, um auch ohne Anwendung von Sonnenlicht Fluorescenzerscheinungen sehr merklich zu machen. In den Laden eines sonst ganz dunklen Zimmers wird eine Oeffnung von 4 bis 9 Quadratzoll gemacht und diese durch eine Platte blauen Glases geschlossen, so dass nur diffuses blaues Licht in das Zimmer eindringt. Hält man dann den zu priifenden Körper, etwa einen Würfel von Uranglas, ein mit Blattgrünlösung gefülltes Glasgefüss u. s. w. in die Nähe der Oeffnung, so strahlt er sein gegen das einfallende Blau auffallend contrastirendes Licht aus, und somit liefert dieser Verfahren ein Mittel, um auch schwache Spuren von Fluorescenz zu entdecken.

Besonders viel der brechlareren Strahlen, welche vorzugsweise Flue ressens erregend wirken, enthalt das elektrische Licht, die elektrische Lichtbüschel sowohl als auch der elektrische Funke, mag er nm in lufterfüllten oder buftleren Raume übersehlagen. Ganz besonders zeicher sich aber in dieser Hinsicht das prachtvoll violette Licht des im Infleren Raume übergehenden Inductionsfunkens aus, worauf wir im zweiten Theildieses Werkes noch einmal zurückkommen werden.

Die gewöhnliche Kerzenflamme, die Flamme einer Oel- oder Leucht-

guslampe enthalten verzugsweise die leuchtenderen grünen, gelben und rethen Strahlen, welche wenig oder gar nicht fluorescenzerregend wirken, weshalb man bei Kerzen- und Lampenlicht kaum Spuren ven Fluerescenzerscheinungen wahrnehmen kann. Das im Tages- und Sonnenlicht so feurig-grüue Uranglas sieht deshalb des Abends bei Lampenbeleuchtung sehr unscheinbar aus.

Auch die durch Streutian reth und die durch Kupfer grün gefürbten Flammen zeigen in dieser Beziehung nur unbedeutende Wirkungen, weil ihnen namentlich die breehbareu Strahlen fehlen, wie sehen der Aublick ihrer Spectra zeigt.

Zu den wenigen Flammen, welche vorzugsweise blaue und violette Fig. 700. Strahlen enthalten, gehört die des Schwefels



Strahlen enthalten, gehert die des Schwefels und namentlich die die Schwefelsche stehen siegens Lämpehen oustruirf, un eine möglichst lebhafte Flamme von Schwefelschlenstoff errorzubringen, welches Fig. 709 dargestellt ist. Das cylindrische Glasgefias, welches den Schwefelschlenstoff enthält, ist oben mit einem Kerk geschlossen, in welchem eine gegen bis 10 Millimeter weite Glassofher steckt; in diese Glassofher ist eine zweite, mit einem ruuden Docht umgebene hineingesteckt, wie man in Fig. 709 deutlich sieht. Diese innere

Röhre ist unten umgebogen, geht seitwärts wieder durch den Kerk hindurch und dient, um Sauerstöffgas durch das Innere der am eberne Ende des Dechtes breunenden Planme strömen zu lassen. Ein dem untten Lichte dieser Planme ausgeschtes Stück Uranglas (ein Würfel etwa) strallt ein wunderbar grünes Licht in der Artaus, dass es selbst zu leuchten scheint, ein Effect, welcher gewiss nur daher rührt, dass die ganze Umgebung durch das Licht der Schwefelkohlenstöff- Flamme um sehr sehrend erleuchtst wird. Wie dass Uranglas, se strahlt auch, von der Flamme des Schwefelkohlenstoffs beleuchtet, jeder andere fluerseiernde Körper in seinem eigentümlichen Lichte; Blattgrün z. B. erscheint blutroth, Clininlösung zeigt ihren blauen Schiller u. s. w.

Untersuchung fluorescirender Körper im prismatischen Spectrum. Was im vorigen Paragraphen über das Verhalten fluorescirender Körper gegen verschiedenfarbiges Licht gesagt, findet seine Bestätigung, wenn man sie dem prismatischen Farben-pectrum aussetzt, wolei sich aber nech weitere Eigenthämlichkeiten herausstellen.

Fluorescirende Flüssigkeiten werden behafs dieser Versuche in Gefische mit parallelen Glaswänden gegessen, welche ungefähr so construirt sind, wie das Fig. 692 abgebildete, nur müsseu sie andere Dimensionen haben; etwa 20° lang, 6° hoch und 3° dick. In Ermangelung solcher Gefässe kunn man nuch diesern Tolletteschäuslichen derbruchen, wie sie jetzt häufig im Handel vorkommen. Das Spectrum wird gerade so erzeugt, als ob man die Fraunhofer'schen Limien auf einem Papierschirme beobachten wollte, an die Stelle des Schirmes wird aber dann die vordere Fläche des mit der fluorescirenden Flässigkeit gefüllten Gefässes gesetzt.

Der Anblick, welchen auf diese Weise eine Chiminlösung hervorbringt, ist ungemein merkwärdig. Die veniger brechbaren Strahlen gehen ungehindert durch die Lösung hindurch, wie durch Wasser, so dass man an der Vorderfläche des Geflässes von dem rothen Ende des Spectrums nichts sieht, als was etwa durch Unreinbeit der Glassflüche diffundirt wird. Est im Blau beginnt die Chiminlösung Lielt zu zerstreuen, so dass man anf ihre Vorderfläche einen Farbenstreifen von zestraeutem Lichte erblickt, welebe, zwischen den dunklen Streifen G und H beginnend, sich noch weit über die voloette Gränze des gewöhnlichen Spectrums hinaus erstreckt. Die dunklen Streifen H erscheinen hier mit weit grösserer Deutlichkeit ab auf dem Papiere, und noch in dem über H hinaus verlängerten Theile de Spectrums zeigt sich eine Menge dunkler Linien, von denen man auf einer Papiereschirme nicht die Spur wahrnehmen kann.

Stokes hat die charakteristischsten dunklen Linien und Liniengruppen im ultravioletten Theil des Spectrums mit den Buchstahen L. M. N. etc. bis S bezeichnet; dieselben treten auch in dem photographirten Spectrum, Tab IV., dessen Darstellung im nächsten Capitel besproches werden wird, sehr deutlich auf. Man sieht hier z. B., dass zwischen des beiden starken H-Streifen noch mehrere feine Linien liegen. Die mit L bezeichnete Gruppe ist durch 5 einander ziemlich nah, und M durch 4 stärkere weiter von einander abstehende dunkle Linien echarakterisist. 0 wird durch eine einzige, P durch zwei dunkle Linien gebildet etc.

Was die Farbe dieses Lichstersiens betrifft, welchen wir das durch die Chinnibusung modificité spectrum nennen wollen, so weicht sie wesserblich von der Farbe des auffallenden Lichtes ab, denn der ganze Streifen zeigt ein helles, saufter, am Ende etwas ins Grau spielendes Blau, welches sehr gegen das tiefe Blau und Violett des auffallenden Lichtes contrastir, wie man am besten sehen kann, wenn man dicht vor die vordere Flicht des Geffasses ein weisses Blatt Papier alwechselnd hinhält und wieder wegnimmt, so dass man das Spectrum bald auf dem Papier nnd dann wieder auf der Chinniboung erblicht.

Der Chininlösung ganz ähnlich verhält sich der Aufguss der Kastanierrinde, nur beginnt der Streifen diffundürten Lichtes sehon zwischen der dunklen Linien F und G.

Noch früher beginnt die Diffusion bei der Stechapfeltinctur, dem sie ist bei dem Streifen F schon sehr merklich und erstreckt sich gleichfalls weit über die violette Gränze des gewöhnlichen Spectrums. Dis durch Stechapfeltinctur modificirte Spectrum bildet einen hellgrünen Lichtstreifen, so dass also die Frannhofer'schen Linien sämmtlich auf grünlichem Grunde erscheinen. Man sieht also, dass blaue und violette

Strahlen, ferner noch solche Strahlen, welche brechbarer als violett, unmittelbar im Auge keine merkliche Lichtempfindung hervorrufen können und die wir als ultraviolett bezeichnen wollen, in der Stechapfeltinetur ein grünes Licht erzeugen.

Auf der Vorderfläche einer Lösung von Blattgrüu erscheint das modificites Spectrum als ein Lichtstreifen von rother Farbe. Er beginnt zwischen den Fraunhofer'schen Linien B und C und geht an dem anderen Ende des Spectrums weit über die Linien H hinaus. Schr hell ist dieser rothe Stereifen nur zwischen C und D, darauf folgt ein fast gauz dunkler Zwischenraum, welcher in der Nähe von F in eine earmoisinrothe Färbung übergeht; über H hinaus ist dann die Färbung des Spectralstreifens dunkel rothbrann. Bei dem durch Blattgrün modificiten Spectrum erscheinen also alle Fraunhofer'schen Linien auf dunkelvrühen Grunde, weshalb sie hier auch nicht so gut sichtbar sind als bei den vorher besprochenen Plässigkeiten.

Ganz ähnliche Erscheinungen, wie wir sie bisher betrachtet haben, zeigt auch ein mit Curcumatinetur bestrichense Papier; wird ein solches im Spectrum gehalten, so erscheint dasselbe weit über II hinaus verlängert. Vom rothen Eude des Spectrums bis gegen F hin bleiben die Farben des auffallenden Lichtes unverändert; von da an aber bildet das durch das Curcumapapier modificite Spectrum einen schmutzig grünen Lichtstreifen, auf welchem die Linien Gr. Il und die dem ultravioletten Theile des Spectrums angehörigen, I., M. N. u. s. w. mit grosser Deutlichkeit sichtbar sind.

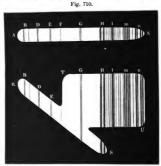
Der Contrast des anffallenden blauen und violetten Lichtes gegen die grünliche Färbung des durch das Curcumapapier modificitren Lichtes kann man am besten wahrnehmen, wenn man einen Schirm von der auf Seite 618 besprochenen Art auwendet, dessen untere Hälfte mit Curcumatinctur gefärbt ist, und diesen Schirm so im Spectrum bringt, dass die ober Hälfte des Spectrums anf das weisse Papier, die untere auf den angestrichenen Theil fällt.

Papiere, welche mit einer ziemlich concentrirten Lösung von Chinin oder mit dem Anszuge des Stechapfelsamens getränkt sind, verhalten sich auf ähnliche Weise wie das Curcumapapier; ganz besonders aber eignet sich, nach Böttger's Angabe, zu diesen Versuchen ein mit einer concentrirten Lösung von Kall um platineyan ür bestrichenes Papier; doch habe ich gefunden, dass mit diesem Sulze bestrichene Papiere erst dann fluorvesirend wirken, wenn sie so stark imprägnirt sind, dass die Oberfläche mit feinen Krystalhädelchen überdeckt ist.

Solche Papiere sind für den Gebrauch weit bequemer als fluorescirende Flüssigkeiten. Gleiche Bequemlichkeit für den Gebrauch bietet aber auch eine ungefähr 8 Zoll lange und 1½ Zoll hohe Platte von Uranglas.

Prismatische Zerlegung der Fluorescenzfarben. Stokes, 262 welchem wir die Kenntniss aller der in den beiden letzten Paragraphen besprochenen Thatsachen verdanken, hat seine Untersuchungen über die Fluorescenz (Poggendorff's Annal, Ergänzungsband IV) mit einer primatischen Analyse des durch fluorescirende Körper modificirten Spectral-streifens beschlossen.

Untersucht man das auf Curcumapapier aufgefangene Spectrum durch ein zweites horizontal gehaltenes Prisma nach der am Schlusse des §. 240 besprochenen Weise, so beobachtet man die in Fig. 710 dargestellte Er-



scheinung. AN stelle das auf dem Curcumapapier aufgefangene Spectrum sammt den wichtigsten Fraun hofer 'schen Linien dar; von F bis N zeigt dieser Streifen eine schmutzig grüne Farbe. Durch das horizontale Prisma wird dieser Spectralstreifen AN gewinsermansen in zwei Theilzerlegt, nämlich in ein normales abgeleitetes Spectrum RS und in ein zweites ganz eigenthümliches Spectrum TU, in welchem die Farben in horizontaler Richtung über einander liegen.

Diese Thatsache zeigt nun, dass die grünliche Färbung, welche sich da zeigt, wo die blauen, violetten und ultravioletten Strahlen auffallen, keine homogene, sondern eine zusammengesetzte ist, und zwar, dass sie robe, gelbe, grüne und blaue Strahlen enthält.

Die Fraunhofer'schen Linien sind auch in diesem zweiten abgeleiteten Spectrum T U sehr gut sichtbar, jeder derselben durchsetzt aber begreißicher Weise alle Farben, so dass also z. B. die Streifen H im derivirten Spectrum durch Roth, Gelb, Grün und Blau gehen.

Je nach dem Farbentone des modificir<br/>ten Spectrums A N wird auch das Verhältniss der Bestandtheile des zweiten abgeleiteten Spectrums TU ein anderes werden; beim Battgrün z. B. bildet Roth den wesentlichsten Bestandtheil, die übrigen Farben sind schwach und das blaue Ende fehlt beinabe gans; bei der Chininôsung dagegen herrseht im seeundären abgelenkten Spectrum TU das Blau vor, während das rothe Ende fast günzlich verschwindet.

Dass man bei Anwendung des Curcumapapiers das erste abgelenkte Spectrum RS so hell sieht, rährt daher, dass ein solehes l'apier noch viel unmodificitres Licht zurückwirft; ist dies nicht der Fall, wie z. B. bei einer Chininibaung oder bei der Stechapfeltinetur, so wird dieses erste abgelenkte Spectrum RS fast ganz fehlen.

Welche fluorescirende Substaux man auch diesem Versuche unterwerten mag, so liegt doch das secundāre abgelenkte Spectrum T U vollständig oberhalb des normalen abgelenkten Spectrums R S, und daraus folgt, das die prismatischen Strahlen in fluorescirenden Substanzen nur solches Lieht erzeugen, welches eine geringere Brechbarket hat. — Die blauen, violetten und ultravioletten Strahlen des Spectrums können also rothes, gelben und grünen Strahlen werden aber niemals in Blau und Violett verwandelt, denn sonst müsste ein Theil des secundären abgelenkten Spectrums links unter RS liegen.

Im Sinne der Vibrationstheoriemnss man also sagen, dass, wenn Licht von einer bestimmten Wellenlänge auf einen fluorescirenden Körper fällt, es in zerstrentes Licht von grösserer Wellenlänge und geringerer Schwingungsdaner umgewandelt werden kann.

Die zuletzt beschriebene Beobachtungsmethode ist nun die geeignetste, mu zu untersubene, ob ein Körper fluoresciend sei oder nieht. Ist letzteres der Fall, so fehlt das zweite abgelenkte Spectrum TU, wie dies z. B. beim weissen Porzellan der Fall ist. Betrachtet man das auf weissen Bepier aufgefangene Spectrum durch ein zweiten Friman, so ist das secuadire Spectrum TU, wenn anch nur ganz sehwach, sichtbar, worans hervorgeht, dass das Papier sehwach fluorisist.

Stoke's hat auf diese Weise gefunden, dass eine grosse Anzahl von Körpern mit einem geringen Grade von Fluorescenz begabt sind.

Absorption Fluorescenz erregender Strahlen. Wem 263 man and die Vorderfläche der zwischen paralleen Glassfächen eingeschlosscnen Chininlösung ein Spectrum fallen lässt und dann die Flussigkeit von oben her betrachtet, so sicht man, dass an der Stelle, wo die Fluorescenz beginnt, der blaue Lichtschimmer durch die gauze Dicke der Flussigkeit hindurch zicht, wenn dieselbe 2 bis 3 Zoll beträgt; abbald aber nimmt die Dicke, bis zu welcher der Lichtschimmer in die Flüssigkeit eindringt, sehr rasch ab, so dass sie bis den Linien H, je nach dem Concentrationsgrade der Chininlösung, nar noch 1 bis 2 Linien beträgt, während weiter hinaus der Lichtschimmer nur noch an der äussersten Ober-

fläche der Flüssigkeit auftritt. Es folgt daraus, dass die Chiuinlösung diejenigen Strahlen absorbirt,

welche vorzugsweise Fluoreseenz zu erregen im Stande sind.

Wenn man nuf Gurenmapapier ein Spectrum erzeugt hat, so verschwindet der ultraviolett Theil desselben sogleich, wenn man ein Gefäss von der Fig. 692 Seite 615 dargestellten Art mit Schwefelkohlenstoff gefällt dicht hinter den Spalt bringt, durch welchen die Somenstrahlen in dax dunkle Zimmer eintreten. So vollkommen abs auch der Schwefelkohlenstoff alle sichtbaren Strahlen des Spectrums durchläset, so absorbirt er doch die ultravioletten; man durfte deshalb in den oben beschriebenen Versuchen das Flintglasprisma nicht durch ein mit Schwefelkohlenstoff gefülltest Hohlyrisma ersetzen.

Dasselbe ist nach meinem Versuche auch beim Benzol der Fall.

Dagegen lisst der Quarz die ultravioletten Strahlen weit vollständiger durch als Glas; wenn man daher die Sonnenstrahlen durch einen Metallspiegel ins dunkle Zimmer reflectirt, wenn man ferner statt des Flintglasprimas ein Quarzprisma anwendet, welches so geschilften und gestellt ist, dass die durchgehenden Strahlen dasselbe in der Richtung der optischen Axe durchkaufen, wenn man endlich die dielt hinter dem Priema aufgestellte Glahlen em tie einer senkercht zur Axe geschliftenen Linse von Berg-krystall vertauscht, so füllt die Verlängerung des Spectrums auf fluorescirenden Papieren viel bedeutender und lichtstärker aus, als wenn man Glasprisma und Glasline anwendet.

Wenn das Spectrum durch Glasspparate erzeugt wird, so erstreckt sich der ultraviolette Theil desselben kamm über die Linie N, Tab. IV., während er über R hinausreicht, wenn man Quarzapparate angewandt hat.

Was num die Ursache betrifft, warum die ultravioletten Strahlen direct unsichtar sind, so kann diese entweder darün liegen, dass diese Strahlen gar nielt unsere Netzhaut erreichen, dass sie von den breehenden Medien des Auges absorbrit werden wie vom Schwefikolhenstoff; oder wenn das nicht der Fall ist, wenn die ultravioletten Strahlen wirklich auf die Netzhaut gelangen, so kann der Grund ührer Unsiehtbarkeit nur in Unempfindlielheit der Netzhaut gegen so schnelle Schwingungen liegen.

Nach den Untersuchungen von Donders werden die ultravioletten Strahlen durch die brechenden Medien des Anges nieht absorbirt, die Unsiehtbarkeit der ultravioletten Strahlen muss also den zweiten der oben angeführten Gründe zugeschrieben werden.

Die blauen, violetten und ultravioletten Strahlen, welche vorzugsweise die Phänomene der Fluoresceuz hervorrufen, sind es auch, welche, wic wir später selen, werden, vorzugsweise chemisehe Wirkungen hervorbringen, wodurch dann die innigen Bezichungen zwischen Fluorescenz und Photographie bedingt sind, welche weiter unten besprochen werden sollen. Phosphorescenz. Durch die Phänome der Fluorescenz haben 264 die schon länger bekannten Erscheinungen der Pnosphorescenz ein neues Interesse gewonen.

Es ist bekannt, dass Phosphor im Dunkeln sebwach leuchtet, wenn ernit deratmosphärischen Laff in Breithrung kommt. Hier ist das Leuchten leicht zu erklären, deun es findet unter den angedeuteten Umständen eine allmälige Oxydatiou, eine langsame Verbrennung des Phosphors statt, welche offenbar die Quelle der sehwachen Lichettwickelung ist. Nach dieser bekannten Erscheinung, welche man an jedem Streichhölzchen beobachen kaup, hat man überhaupt jedes se kwache Leuchten eines Körpers, mag die Ursehe desselben sein, welche sie will, mit dem Namen der Phosphoressen zu bezeichnet.

Das Leuchten des faulen Holzes, faulender Fische, der Johanniswürmchen u. s. w., ist ohne Zweifel wie das des Phosphors, nur die Folge eines chemischen Processes.

Die Erscheinung eines schwachen Leuchtens tritt aber bei gewissen Körpern auch ohne ebemische Processe auf, und zwar

1) in Folge mechanischer Effecte. Weun mau im Dunklen zwei Kieselsteine au einander reitt, so beobachtet man Funken vou rötblicher Farbe; ebeuso findet beim Zerbrecheu der Mreide, des Zuckers u. s. w. eine Lichteutwickelung statt, ferner beim Spalten des Glimmers u. s. w.

In diese Kategorie gehört wohl auch die von Rose beobuchtete Liebtentwickelung beim Krystallisiren der arsenigen Säure, sowie des schwefelsauren Kalis und Natrons.

2) Durch Erwärmen. Gewisse Varietäten von Diamant und von Flussspath leuchten im Dunkeln, wenn sie erwärmt werden und zwar sehon bei einer Temperatur, welche noch sehr weit von der des Glülens entfernt ist. Es lässt sich dieses zeigen, wenn man Stücke des zu untersuchenden Körpers auf einem Metallblech über der Weingeistlampe erwärmt.

3) Durch Insolation, d. h. durch Einwirkung von Liebt, und zwerzungsweise von Sonnenstrahen oder durch intensives elektrisches Liebt. Die nuesten und ausgedelntesten Untersuchungen über die Phospheresenz durch Insolation hat E. Beequerel angestellt und seine interessanten Resultate in den "Annales de chinie et de physique (3. série T. LV u.LVII)" veröffentliebt. In dem ersten dieser Außstate findet man auch eine Zusammenstellung der alttern Literatur über diesen Gegentaute.

Die gewöhnliche Art, die Phosphore-seenz durch Insolation zu beobnebten, besteht darin, dass man den zu beobachtenden Körper, nachdem er eine Zeit lang den Sonnenstrahlen ausgesetzt war, so rasch als möglich in einen verfinsterten Raum bringt. Um das Auge selbst für ganz schwache Grade der Phosphorecenz empfänglich zu machen, mass man längere Zeit in einem vollkommen verfinsterten Zimmer verweilen und die Augen schliessen, während eine zweite Person den zu insolirenden Körper durch eine (gleich nach dem Hereinziehen wieder zu schliessende) Oeffnung im Laden des dunklen Zimmers hinaushält.

Unter den in der Natur vorkommenden Körpern, welche durch Insolation leuchtend werden, sind vor Allen die oben genannten, auch durch Erwärmung lenchtend werdenden Varietäten von Diamant und Flussspath is zu nennen. Eine mit sehön grünem Lichte phosphorescirende Varietät von Flussspath is unter dem Namen Chlorophan bekannt.

Keiner der durch Insolation phosphorescirenden Körper zeigt aber die Erscheimung sehöner, als die sogenannten künstlichen Leuchtstein e, deren Bereitung Beequerel in der ersähnten Abhandlung ausführlich bespricht. Diese künstlichen Leuchtsteine sind Verbindungen von Schwefel mit dem metallischen Bestandtheil einer der drei alkalischen Erden, also Schwefelcaleium, Schwefelstrontinm oder Schwefelbarium.

Diese Verbindungen müssen, wenn sie phosphorescirend sein sollen, auf trocknem Wege und unter dem Einfluss hoher Temperatur hergestellt sein. Man kann zu ihrer Darstellung drei verschiedene Methoden anwenden.

- Die kaustische Erde oder ihr kohlensaures Salz wird mit Schwefel gemengt in einem Tiegel geglüht. Hierher gehört also Canton's Leuchtstein, welcher durch Glühen von Austerschalen mit Schwefel erhalten wird.
- 2) Der Schwefel kann hei dieser Operation durch eine Schwefelverbindung, etwa durch Schwefelantimon oder Realgar ersetzt werden; so erhält man den Osann'schen Lenchtstein durch Glühen von Ansterschalen mit Realgar.
- 3) Erhält man den Leuchtstein durch Reduction der schwefelsauren Erde, also des Gypses, des Baryts oder des Strontians mittelst Kohle. In diese Kategorie gehört der aus Schwerspath dargestellte Bologneser Lenchtstein.

Um gute Leuchtsteine von Schwefelealeium darzustellen, mus die Masse ungefähr <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Stunde lang einer Temperatur von 800 is 900°C. augesetzt werden. Die Bariumphosphore bedürfen einer noch höheren Temperatur, während für die Strontianphosphore eine weit niedrigere Temperatur genügt.

Die Farhe, mit welcher die künstlichen Phosphore lenchten, hängt von der Bereitungsweise ab.

So strahlt z. B. der Bologneser Lonchtstein (Schwerspath mit Köhle geglüht) ein orangefarbenes Licht ans, während man einen grünlich lenchtenden Phosphorerhält, wenn man gefällte schwefelsaure Baryterde mit Köhle gläht.

Wenn man Aetzkalk mit Schwefel gläht, so erhält man einen rothgelb strahlenden Phosphor, wenn der Aetzkalk von isländischem Kalkspath, einen grün leuchtenden, wenn er vom Arragonit stammt.

Wenn man Actzkalk, welcher aus Arragonit erhalten worden ist, in Salpetersäure löst, aus der Lösung mittelst kohlensauren Ammoniaks kohlensauren Kalk fällt und diesen dann mit Schwefel glüht, so erhält man einen sehr sehön grün leuchtenden Phosphor; wenu man dagegen die Lösung des salpetersauren Kalks dadurch herstellt, dass man die Salpetrsäure direct auf den Arragonit einwirken lässt, im Uebrigen aber ganz auf die ebeu angegebene Weise verfährt, so erhält man einen rothgelb oder violett leuchten den Phosphor.

Durch Einwirkung von Schwefel auf kaustische Strontianerde erhält man einen gelb leuchtenden Phosphor, wenn die Temperatur, welcher das Gemenge ausgesetzt war, unter 500°C. geblieben, dagegen einen violett leuchtenden, wenn sie über 500°C. gestiegen war.

Die Reduction des schwefelsauren Strontians durch Kohle liefert einen blau leuchtenden Phosphor; ebenso die Einwirkung des Schwefels auf kohlensauren Strontian.

Auf die gehörige Weise bereitet, sind die eben genannten Substauzen so stark phosphoreseirend, dass sie im Dunkeln herrlich leuchten, wenn sie auch nur kurze Zeit dem diffusen Tageslicht, selbst bei bedecktem Himmel, ausgesetzt waren. In feuchter Luft verlieren sie aber allmälig ihre phosphoreseirende Eigenschaft, weshalb man sie alsbald nach ihrer Präparation in Glasröhren einschmelzen muss.

Um die durch elektrisches Lieht hervorgebrachten Phänomeue der Phosphorescenz zu studiren, verdünnte Becquerel die Luft in einer 2 bis 3 Centimeter weiten, und 40 bis 50 Gentimeter langen Glasröhre, in der sich die phosphorescirenden Substanzen befanden. An den Enden der Röhre sind die Platindrähte A und B Fig. 711 eingesechnobzen. Das ausgezogene Röhrehen C dient, um die Röhre mittelst einer Luftpumpe zu evacuiren und alsdann zuzuschmelzen. Lässt man im Dunkeln durch den Fiz. 711



Juffleeren Raum der horizontal gehaltenen Röhre des Entladungsfunken einer Leydener Flasche, oder den continuirlichen Funkenstrom der Elchtrisirmaschine, oder endlich den Funkenstrom des Ruhm korff'schen Inductionssparates hindurch gehen, so beuchtet die eingeschmolzene Substanz noch eine Zeitlang nach dem Aufhören der elektrischen Entladung.

Die Farbe, welche die künstlichen Phosphore ausstrahlen, ändert sich mit der Temperatur, welche sie während der Insolation besitzen. Am auffallendsten zeigt sich dies beim Schwefelstrontium, welches durch Einwirkung des Schwefels auf Strontianerde bei einer über 500 bis 600°C. gehenden Temperatur dargestellt wurde. Das ausgestrahlte Licht ist bei gewöhnlicher Temperatur violett, es wird dunkel violett bei — 20°, hellblau bei + 40°, bläulich grün bei + 70°, grünlich gelb bei 100° und rothrelb von schwacher Leuckkraft bei 200°C. 265 Dauer der Phosphorescenz. Zwischen der Intensität der Phosphorescenz und ihrer Dauer findet keinerlei Beziehung statt. Der insolirte Arragonit strahlt im Dunkeln ein lebbaft grünse Licht aus, welches aber schon nach 20 Secunden vollständig erloschen ist, während die schwächere Phosphorescenz des Chlorophans oft nach einer Stunde noch wahrnehmar ist.

Die Phosphorescenz der insolirten künstlichen Leuchtsteine ist selbst nach einigen Stunden noch wahrnehmbar.

Die meisten Mineralien und Salze zeigen die Erscheinung der Phosphorescenz nur wenige Secunden, böchstens einige Minuten nach dem Aufhören der Insolation, und selbst während dieser kurzen Zeit bei der gewöhnlichen Beobachtungsweise nur so sehwach, dass sie nur wahrgenommen werden kann, wenn man mindestens //. Stunde im Dunken zugebracht, und dadurch die Netzhaut zur Wahrnehmung der schwächsten Lichteindrücke fähig gemacht hat.

Um die Erscheinungen der Phosphorescenz auch an solchen Körpern beobachten zu können, bei welchen dieselbe in sehr kurzer Zeit verschwindet, hat Beequerel einen sehr sinnreichen Apparat construit, welchen er das Phosphoroskop nennt, und dessen Zweck der ist, die Zeit, welche zwischen den Momenten der Insolation und der Beobachtung vergeht, bis auf Bruckhfele einer Secunde abzukürzen.

Fig. 712 stellt Becquerel's Phosphoroskop dar, wie es von Dub osq ausgeführt wird. A ist eine cylindrische Büchse von geschwärztem Messingblech. In der vorderen ebenen Gränzfläche der Büchse befindet sich die Oeffnung C, welche die Form eines Kreisausschnittes hat. Eine ganz gleiche Oeffnung befindet sich auf der Rückwand der Büchse, der Oeffnung C gerade gegenüber. Durch die Mitte der Büchse geht eine drebbare Axe, auf welche zwis kreisförnige Scheiben RR und T7, Fig. 713, von

Fig. 712.



Fig. 713,



geschwärztem Messingblech befestigt sind, die sich im Inneren der Büchse um jene Axe drehen lassen. Jede dieser Scheiben hat vier Oeffnungen von der Form der Oeffnung C in der vorderen Platte der Büchse; die Oeffnungen der beiden Scheiben sind aber alternirend gestellt, so dass jede Oeffnung der einen Scheibe einer vollen Partie der andern entspricht.

Die Undrehung des Scheibenpaares wird durch Zahnräder in folgender Weise vermittelt. Das durch den Ilandgriff H in Bewegung zu setzende Zahnrad D greift in den Trieb F ein, an dessen Axe ein zweites Zahnrad I befestigt ist. Das Zahnrad I greift aber in einen zweiten Trieb ein, welcher auf der Rückseite der Büchse auf der centralen Axe sitzt, auf welcher die beiden im Inneren der Büchse rotivenden Scheiben R und T befestigt sind. Jede Undrebung des Rades D bewirkt 25 Umdrebungen der Scheiben R nud T um ihre Axe.

Um einen Körper im Phosphoroskop zu untersuchen, wird derselbe mit etwas Wachs in das Rähmchen Fig. 714 befestigt, und dasselbe nittelst Fig. 714. des Knopfes Kvon oben her in die Büchse A eingesetzt,



so dass sich das Rähmeben sammt dem darauf befestigten, auf seine Phosphorescenz zu präfenden Körper zwischen den rotirenden Scheiben befindet. Das ganze Instrument wird endlich mittelst des auf

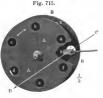
der Rückwand der Bächse aufgeschraubten Rohres B

auf diejenige Röhre (etwa die Beleuchtungsröhre eines
Sonneumikroskons) aufgeschoben, durch welche die Sonnentrahlen in das

dunkle Zimmer eintreten.

Da sich unu aber in jedem physikalischen Cabinet eine Vorrichtung befindet, um eine Axe raseb in Rotatiou zu versetzen, so kann man dieselbe zur Construction des Phosphoroskops benutzen, und dadurch das etwas theure Räderwerk entbehrlich machen, wie ein es bei dem sogleich zu beschreibenden, nach dem Princip des Becquerel'schen Phosphoroskops

Fig. 715 zeigt zwei Scheiben, A und B, welche, wie beim Becque-



construirten Apparat ausgeführt habe.

rel'schen Phosphoroskop, auf einer und derseiben Axe in unveränderlicher gegenseitiger Stellung ungefähr 1 Zoll von einander abstehend befestigt sind. Jode dieser Scheiben ist gegen den Rand blip mit stechs gleich weit von einander abstebenden Löchern verselten, und die Scheiben sind so gegen einander gestellt, dass ein von dem Mittelpunkt eines Loches der Scheibe A auf die Ebened er andern Scheibe

gefälltes Perpendikel die Scheibe B in einem Punkte trifft, welcher in der Mitte zwischen zwei auf einanderfolgenden Löchern liegt.

Fig. 716 (a. f. S.) zeigt, wie dieses Scheibenpaar auf einer einfachen

Rotationsvorrichtung (auch die Schwungmaschine Fig. 311 Seite 254 liesse sich dazu verwenden) angebracht ist, welche auch noch zu manchen anderen Zwecken gebraucht wird, z. B. für die auf Seite 408 besprochenen Sirenenscheiben, für den Newton'schen Farbenkreisel u. s. w.

Diese Vorrichtung wird nun so aufgestellt, dass die Rotationsaxe des Scheibenpaares parallel ist mit der Richtung CD, Fig. 715, der durch die





Oeffaung in Laden des dunklen Zimmers eintretenden Sonnenstrahlen und dass dieses Strahlenbündel die Scheibe B an einer Stelle ihres Löcherkreises trifft. Ist nun das Scheibenpaar gerade so gestellt, wie Fig. 715 zeigt, so tritt das Strahlenbündel durch die Oeffanag I der Scheibe B ein, es trifft aber die Scheibe A an einer Stelle, welche in der Mitte liegt, zwischen den Löchern a und  $f_r$  es kann also nicht in ein bei D befindliches Auge gelangen.

Wenn die Scheiben in der Richtung des Pfeils gedreht werden, so kommt zunächst das Loch a der Scheibe A in den Weg der einfallenden Strahlen UD, in diesem Moment aber wird das von U herkommende. Strahlenbündel durch die Scheibe B aufgefangen, während es wieder von der Scheibe A aufgefangen wird, wenn das Strahlenbündel durch das Loch 2 der Scheibe B hindurchgeht u. s. w. So wird also ein von U berkommendes Strahlenbündel nie direct in ein be D befindliches Auge gelangen können, wie auch das Scheibenpaar um seine Axe gedreht werden mag.

Befindet sich nun in der Richtung der Linie CD zwischen den beiden Scheiben bei nie durchscheinender oder durchschieger Körper, etwa eine Platte Kalkspath, ein Stackchen Glas u. s. w., so wird derselbe in dem Moment bestrahlt, in welchem gerade ein Loch der Scheibe B die Linie CD passirt, dagegen wird er dem Blicke des in D befindlichen Auges zugänglich in dem Momente, in welchem gerade ein Loch der Scheibe A vor n vorübergelt.

Ist die Umdrehungsgeschwindigkeit gross genug, so sieht man den Körper in einem eigenthömlichen Liebte strahlen, deun unter diesen Umständen ist das Zeitintervall zwischen den Momenten, in welchen er bestrahlt, und den Momenten, in welchen er beschaut wird, sehr klein. Er beträgt '/j. der Umlaufszeit der Scheiben, wenn jede Scheibe 6 Löcher hat, und da man mit Hälfe der Vorrichtung Fig. 716 se leicht dahin bringen kann, dass die Scheiben 50 Umdrebungen in der Seennde machen, so vergeht für diesen Fall zwischen Insolation und Beobschtung nur eine Zeit von '/eo. Secunde.

Fig. 717 stellt die Vorrichtung, mittelst deren die zu untersuchenden Körper zwischen den rotirenden Scheiben gehalten werden, in ½ der natürlichen Grösse dar. Der Metallstab a, von welchem Fig. 717 nur das obere Ende zeigt, ist an das hölzerne Gestell angeschranht, wie man Fig. 716 sieht, in welcher ührigens der obere Theil des Trägers in zu kleinem Massestabe erscheint, als dass man hier seine Einrichtung erkennen könnte.

Um möglichst gute Effecte zu erhalten, muss man das einfallende Bündel Sonnenstrahlen durch eine Linse auf den Körper n concentriren und alles störende Licht möglichst abhalten.

Bei dem Becquerel'schen Phosphoroskop ist dies dadurch erreicht, dass das rotirende Scheibenpaar in einer geschwärzten Büchse enthalten ist; bei der in Fig. 716 dargestellten Vorrichtung habe ich diesen Zweck durch folgende Anordnung zu erreichen gesucht.

In den Laden des dunklen Zimmers ist das Beleuchtungsvohr I., Fig. 717 a., eines Sonnenmikroskops eingeschraubt und der Rotationsapparat so aufgestellt, dass das Scheibenpaar dicht vor der vorderen Linse des Beleuchtungsrohres rotirt. (Um bei der in Fig. 717 a. angedeuteten Aufstellung den Apparat beoquen undrehen zu können, misste die Kurbel,





un undergen in Komen, masse der Keiter, durch welche die Umdrehung bewirkt wird, nicht auf derselben Seite des grossen Rades angebracht sein, auf welcher sich die durchlöcherten Scheiben befinden, wie es Fig. 716 darstellt, sondern auf der entgegengesetzhen Seite.) Vor den rotirenden Scheiben A und B wird aber noch ein beiderseits geselnwärzter Schirm S anfgestellt, welcher nur eine einzige Oeffung hat, deren Mittelpunkt in die Verlangerung des Rohres R fällt, und welche

nur wenig grösser ist als eines der Löcher in den rotirenden Scheiben. Durch diese Oeffnung im Schirm S schaut der Beobachter aus einer Entfernung von mehreren Schritten hindurch.

Im Phosphoroskop sieht man eine grosse Menge von Körpern leuchten, welche nach der gewöhnlichen Beobachtungsweise keine Spar von Phosphorescenz zeigen, weil eben bei ihnen die Dauer der Phosphorescenz nur eine sehr kurze ist.

Schon bei geringer Umdrehungsgeschwindigkeit sieht man den Kalk-

spath im Phosphoroskop mit orangenfarbenem Lichte strahlen, während der Arragonit ein grünliches Licht giebt.

Glas, namentlich bleihaltiges Glas, leuchtet mit grünlichem Licht. Besonders schöne Effecte geben uranhaltige Substanzen, wie Uranglas, und Krystalle von salpetersaurem Uranoxyd. Die letzteren werden im Phosphoroskop mit lebhaft grünem Lichte sichtbar, wenn die Umdrehungsgeschwindigkeit der Art ist, dass die Beschauung 1/30 bis 1'25 Secunde nach der Bestrahlung stattfindet, das Maximum des Effectes tritt aber ein, wenn dieses Intervall 1/200 bis 1/224 Secunde beträgt.

Thonerde in Gestalt von Korund, Saphir oder Rubin strahlt im Phosphoroskop mit einem sehr lebhaften und reinen rothen Lichte. Dieselbe Farbe zeigt Thonerde, welche vor dem Knallgasgebläse geschmolzen worden ist, sowie Thonerde, welche aus der Lösung eines Thonerdesalzes niedergeschlagen und längere Zeit bei hoher Temperatur calcinirt worden Um das letztere Präparat in dem Phosphoroskop zu beobachten, befestigt man das Pulver auf einem Glimmerblatt.

Auch verschiedene thonerdehaltige Mineralien, wie Spinell, Disthen, und in geringerem Grade Topas, leuchten im Phosphoroskop mit rothem Licht

266 Farbe des erregenden und des ausgestrahlten Lichtes.

Vergleicht man die Farbe der Strahlen, welche die Phosphorescenz zu erregen im Stande sind, mit der Farbe derjenigen, welche der Körper im Dunkeln ausstrahlt, so findet man ähnliche Beziehungen, wie wir sie bei der Fluorescenz kennen lernten. Im Allgemeinen ist die Farbe des ausgestrahlten Lichtes verschieden von der des erregenden. Bei der Phosphorescenz wie bei der Fluorescenz sind vorzugsweise die blanen, violetten und ultravioletten Strahlen die erregenden, während das Licht, mit welchem der phosphorescirende Körper im Dunkeln leuchtet, aus Strahlen von geringerer Brechbarkeit besteht.

Um genauer zu untersuchen, welche Theile des Spectrums erregend anf die künstlichen Phosphore wirken, wandte Becquerel folgendes Verfahren an: Die phosphorescirende Substanz wird in Pnlverform dargestellt, und mit Hülfe eines feinen Siebes über ein Blatt Papier ausgestreut, welches mit einer dünnen Schicht von arabischem Gummi überstrichen ist. Nachdem das Blatt vollständig getrocknet ist, hat man eine mit einer phosphorescirenden Substanz überzogene Fläche, welche man einem nach der durch Fig. 675 auf Seite 593 erläuterten Methode erzeugten Spectrum aussetzen kann. Das Spectrum, mit welchem Becquerel experimentirte, war 5 bis 6 Mm. hoch, während sein sichtbarer Theil eine Länge von 4 bis 5 Cm. hatte. Auf diese Weise ergeben sich unter andern folgende interessante Resultate.

Ein roth und ein blau leuchtendes Schwefelstrontium sowie ein gelb leuchtendes Schwefelbarium wurden nur im ultravioletten Theile des Spectrums phosphorescirend. Der ganze sichtbare Theil des Spectrums

wirkte nicht erregend auf diese Substanzen.

Ein grün leuchtendes Schwefelealeium wurde phosphoreseirend in dem Theil des Spectrums, welcher zwischen die Fraunh ofer 'schen Linien G und H fällt, und dann wieder im ultravioletten Theil des Spectrums durch die Partie, welche zwischen den dunkten Linien Mund Q (siehe Tab. IV.) liegt. Die Partie zwischen H und M brachte fast keine erregende Wirkung bervor,

Ein besonders interessantes Priparat ist ein sehön grün phosphoresciendes Schwefeltsrottinus, welches durch Einwirkung von Schwefel auf kohlensauren Strontian erhalten wurde. Flischenhaft ansgebreitet, zeigt es zwei Maxima phosphorescirender Erregung, eines zwischen F und H, das andere zwischen L und P, während zwischen H und L keine Phosphorescenn merklich ist. Wenn dieses Priparat so dargestellt ist, dass es in diffusen Tageslicht schwefelgebl erscheint, so ist es aber nicht allein phosphorescirend, sondern mit der gleichen Farbe auch Tluorescirend, und zwar nicht allein an denselben Stellen des Spectrums, in welchen es phosphorescirt, sondern auch, wenngleich weit schwächer, zwischen H und L auf, während sie an den beiden anderen bezeichneten Stellen noch eine Zeit lang fortdauert.

Man findet also so mannigfache Beziehungen und Analogien zwischen Phosphorescenz und Fluorescenz, dass man zu dem Schlusse berechtigt ist, die Fluorescenz sei ein Phosphoresciren, welches schon während der Insolation wahrnehmbar ist, aber sehr rasch nach dem Aufhören der Insolation met her die Schen werden werden der Hooreseenz bezeichnen.

Im Sinne der später ausführlicher zu besprechenden Undnlationstheorie des Lichtes kann man die Erscheinungen der Fluorescenz und der Phosphorescenz ungefähr in folgender Weise erklären.

Die Lichtstrahlen werden nach der Undulationstheorie durch die Vibrionen des Aethers fortgepflanzt, welcher nicht nur die Himmelsräume, sondern auch die Zwischenräume zwischen den Atomen der ponderabeln Körper erfüllt. Wenn nun die Lichtstrahlen (Aetherribrationen), welche einen Körper treffen, nicht allein den in ihnen enthalteen Aether, sondern auch seine ponderabeln Atome in Oscillation versetzt, so wird er selbst-leuchtend, wenn die Oscillationsgesehwindigkeit nicht unter eine gewisse Gränze (die Oscillationsgesehwindigkeit nicht unter eine gewisse Gränze (die Oscillationsgesehwindigkeit der rothen Strahlen) herabsinkt. Der Körper ist fluoreseirend, wenn die Vibration seiner muffort; er sit phosphoreseirend, wenn die Vibration seiner Körperatome nach dem Anflören der Insolation noch eine Zeit lang fortdauert.

Wenn durch die einen Körper treffenden Aethervibrationen auch seine ponderabeln Atome in Vibration versetzt werden, so muss dies nothwendig eine Verminderung der Oscillationsgeselwindigkeit zur Folge haben, wodurch die bei der Phosphorescenz wie bei der Fluorescenz stattfindende Umwandlung der rascher oscillirenden brechbareren Strahlen des auffallenden Lichtes in langsamer vibrirende, weniger brechbare, ihre Erklärung finden.

## Sechstes Capitel.

Die chemischen Wirkungen des Lichtes.

267 Einfluss des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen. Zwisehen den Erscheinungen der Finoreseura und den chemischen Wirkungen des Lichtes finden so vielfache Beziehungen statt dass die Besprechung der letzteren am zweckmissigsten gerade nach der die Finoresens behandelnden Pargraphen ihre Stelle findet.

Bei gewöhnlicher Temperatur verbinden sich im Dunklen Chlorga und Wasserstofigan sicht mit einander; sobald man aber dem Lichte der Zutritt gestattet, geht die Verbindung vor sich, und swar langsam im Tegeslichte, unter Explosion im Sonnenlichte. — Das im Wasser alsophitte Chlorgas entzieht mur unter Einwirkung des Lichtes dem Wasser allmälig den Wasserstoff; Phosphor, welcher im Wasser aufbewahrt wird, versusielt sich im Sonnenlichte in rothes Phosphoroxyd. — Concentritre Salpetersäure zersetzt sich am Lichte schon bei gewöhnlicher Temperatur zum Threil in Sauerstoff mud Untersalpetersäure; das weisse Chlorsilher wird durch das Licht geschwärzt, was eine Folge seiner Zersetzung ist, indem das Chlor entweicht und das Silber metallisch (reducirt) in fein verteiltem Zustande zurückbleibt. Es sind hier nur einige der auffallendsten Beispiele angeführt, um dem Enfindus des Lichtes auf chemische Verbindungen und Zersetzungen nachzuweisen; es finden sich solcher Beispiele nodviele in allen Lehrbüchern der Chemis.

Sehr auffallend ist der Einfluss des Lichtes auf die Zersetzung orgenischer Substannen; es befordert nämlich die Vereinigung des Souerstöfle der Atmosphäre mit dem Kohlenstoff und dem Wasserstoff der organischer Körper; daher kommt denn anch das Bleichen vegetablischer Farbstoffim Lichte, namentlich im Sonenichtek, die gelbe Färbung des Terpentie öls, die grüne Färbung des gelben Guajaks, wenn eine weingeistige Lösung desselhen, auf Papier gestrichen, dem Lichte ansgesetzt wird u. s. w.

Zum Gedeihen der lebenden Pflanzen ist das Licht durchaus nöthig. Im Dunklen ist eine kräftige Entwickelnng derselben unmöglich, sie erhalten hier bald ein verkümmertes Ansehen, Dätter und Blüthen bleiben hlass-Pflanzen, die in Zimmern gezogen werden, wachsen bekanntlich immer nach den Fenstern hin.

Die grünen Theile der Pflanzen absorbiren Kohlensäure aus der Luft; diese Kohlensäure wird zerlegt, der Kohlenstoff bleibt als Bestandtheil der Pflanze zurück, während der Sanerstoff wieder in die Atmosphäre ausgehaucht wird. Diese Zersetzung der Kohlensäure and das Aushauchen von Sauerstoff in die Luft findet aher nur unter dem Einflusse des Lichtes statt. Man kann sich leicht davon überzeugen, wenn man einen frischen grünen Zweig unter eine mit kohlensäurehaltigem Wasser gefüllte Glasglocke hringt; im Lichte entwickeln sich zahlreiche Gasblasen an den Blättern, die in den oberen Theil der Glasglocke aufsteigen; das hier gesammelte Gas ist Sauerstoffigs. Diese Gasentwickelung findet im Dunklen nicht statt, sie hört auf, sobald dem Wasser alle freie Kohlensäure entzogen worden ist.

Im Allgemeinen ist die chemische Wirkung der hlauen und violetten Strahlen ungleich stärker als die der rothen.

Photographie. Schon Wedgwood kam auf den Gedanken, die 268 Schwärzung des Chlorsilbers zu henatzen, und die Bilder det Camera obscura zu fixiren, und in der That stellte Davy mittelst eines Sonnenmikroskops die Bilder kleiner Gegenstände auf Chlorsilberpapier dar; sie warden aber bald durch die fortdanernde Einwirkung des Lichtes auf das Chlorsilber wieder vernichtet. Niepee brachte es in der Kunst, solche Lichthilder zu fixiren, sehon weiter; allein erst Daguerre fand nach vielen mühsamen Versuchen ein Verfahren, welches in dieser Hinsicht fast Unglandiches leistet.

Das Material, anf welchem die Daguerre's chen Lichthilder dangestellst werden, ist eine platitrie, d. h. eine mit einer dünnen Silberschicht überzogene Kupferplatte. Nachdem sie gebörig gereinigt worden ist, wird sie auf eine viereckige Porzellanschale gelegt, welche eine wässrige Lösung von Chlorjod enthält, und hier so lange den Dämpfen des Jods ausgesetzt, his sich eine goldgelbe oder violette Schicht von Jodsilber auf der Platte gebildet hat. Van wird die Platte, vor jeder freuden Einwirkung des Lichtes geschützt, genau an der Stelle in die Camera obscura eingesetzt, an welcher ein scharfes Bild des abzuhllednen Gegenstandes entsteht. Nach einiger Zeit, deren Dauer von mannigfachen Umständen abhängt, wird die Platte aus der Camera obscura weggenommen. Man sieht jetzt noch keine Spur eines Bildes; dasselbe tritt aber alsbald hinlänglich ausgeprägt ist, wird die Platte aus setzt. Sobald das Bild hinlänglich ausgeprägt ist, wird die Platte in eine Lösung von unterschwefligsauren

Natron gelegt, wodurch der Ueberzug von Jodsilber aufgelöst und so eine fernere Einwirkung des Lichtes unmöglich gemacht wird.

An den Stellen der jodirten Platte, auf welche die hellen Partien des Bildes der Camera obscura gefallen waren, hat das Licht schon eine Einwirkung hervorgebracht, hevor discelbe dem Auge sichthar wird; diejenigen Stellen der Platte nämlich, welche dem Lichte am meisten ausgesetzt waren, hahen die Eigenschaft erhalten, Quecksilherdämpfe zu condensiers, hier schlägt sich also Quecksilher in unendlich feinen Perlchen nieder, während da, wo das Licht niett eingewirkt hat, kein solcher Niederschlag stattfindet. Nachdem nun an den letzteren Stellen das völlig unveränderte Silberjodid abgewaschen worden ist, hat man an den hellen Partien des Bildes den feinen Quecksilherstaub, da, wo das Licht nieht eingewirkt bat, den glänzenden Silberspieige jund wenn man die Platte so hilt, dass der Spiegel solche Strahlen in das Auge reflectirt, welche von dunklen Gegenständen kommen, so bildet dieser Silberspiegel den dunklen Grund, auf welchem die belien Partien durch das von den Quecksilberkügelchen nach allen Seiten hin zerstreute Licht bervortreten.

Wenn man die Platte länger in der Camera obscura lässt, so wird die Wirkung des Lichtes auf der jodirten Platte oline Weiteres sichtbar, indem das Jodsilber da geschwärzt wird, wo das Licht am kräftigsten wirkt; das auf diese Weise entstehende Bild ist ein negatives, d. h. den hellen Stellen des Gegenstandes entsprechen die dunklen Stellen des Bildes, und umgekehrt.

Wenn man die Platte solange in der Camera ohscura gelassen hat, dass die Lichtwirkung auf derselben sichtbar wird, so ist der zur Erzeugung eines Daguerre'schen Bildes geeignete Moment schon vorüher.

Das zuerst von Talhot in Anwendung gehrschte Verfahren, welches man vorzugsweise mit dem Namen der Photographie bezeichnet, zerfällt in zwei Theile: 1) die Herstellung eines negativen Bildes, d. h. eines solchen, bei welchem die hellen Partien des Gegenstandes dunkel erscheinen und ungekehrt. Von diesem negativen Bilde wird dann 2) eine positive Copie gemacht, in welcher die Licht- und Schattenverhältnisse denen des Gegenstandes entsprechen.

Das negative Bild, welches ursprünglich auf Papier gemacht wurde, wird gegenwärtig sat allgemein auf Glas dargestellt, und zwar suf folgende Weise: die Glasplatte wird mit Co II od ium übergossen, welchem eine hestimmte Quantität Alkohol zugesetzt und in welchem etwas Jodkalium aufgeloti sit. Nachdem die Collodiumschicht gleichförmig äher die Platte ausgehreitet ist, läset man das Ueberflüssige ablaufen und taucht dann die Platte in ein sogenanntes Silberbad, d. h. in eine wässerige Lösung von salpetersaurem Silber.

Das salpeterssure Silber durchdringt nun die Collodiumschicht, und mit Jodkalium in Berührung kommend, hildet sich Jodsilber, welches nebst einem Ueberschuss von salpetersaurem Silber durch die ganze Collodiumschicht gleichförmig vertheilt ist und welches eigentlich die empfindliche Schicht hildet.

Es versteht sich von selbst, dass diese Operation in einem dunklen, nur von einer Kerze erleuchteten Zimmer vorgenommen werden muss, weil unter dem Einfluss des Tageslichtes das neu gebildete Jodsilber sogleich geschwärzt werden würde.

Die so präparitre Platte wird nan in die Camera obscura gesetzt, aber schon nach kurzer Zeit herausgenommen, ehe noch durch das Licht dürect eine Reduction des Jodsilbers bewirkt worden, che also noch das negative Bild sichtbar geworden ist. An den Stellen, wo das Licht eingewirkt hat, ist aber nun das Jodsilber leichter reducirber, als an solchen Stellen, wo das Licht nicht einwirkte, so dass, wenn man nun auf die aus der Camera obscura heransgenommene Platte eine reducirende Flässigkeit giesst, wozu nan gewöhnlich Pyrogallus-Säure wählt, an den dem Lichte ausgesetzt gewesenn Stellen rasch eine Reduction des Silbers, also eine Schwärzung erfolgt, während an den nicht vom Lichte getroffenen Stellen die empfanlliche Schielt unverlädert bleibt.

Ist auf diese Weise das negative Bild hervorgerufen, so müssen die empfindlichsten Substanzen aus der Collodinmschicht entfernt werden, weil sonst nach knrzer Zeit unter Einwirkung des Tageslichtes die ganze Collodiumschicht schwarz werden würde. Es geschicht dies dadurch, dass man die Platte mit einer Lösung von unterschweftigsaurem Natron übergieset und dann mit Wasser abwäscht, wodurch, wie man sagt, das Bild fürirt wird.

Zur Darstellung der positiven Bilder wendet man ein mit Chlorsilber imprignittes Papier an, welches in folgender Weise präparit wird: Ein Blatt Papier wird mit der einen Seite auf eine Kochsalzlösung gelegt, und, nachdem es ganz durchfenchtet ist, zwischen Fliesspapier etwas getrochnet; alsdann wird das Papierbaltt (im dunklen Zimmer) mit derselben Seite, welche auf der Kochsalzlösung gelegen hatte, auf eine Lösung von salpetersauren Silberoxyd gelegt; es bildet sich nun Chlorsilber, welches die leichtempfindliche Substanz des photographischen Papieres ist (Näheres in der 2. Anflage von Frick's nhviskalischer Technikk).

Anf dem Chlorsilberpapier wird nun das positive Bild auf folgende Weise erzeugt.

Das negative Glashild wird in einen vorn mit einer Glasplatte versehenen Rahmen (den Copirrahmen) gelegt, daarud das Chlorsüberpapier (mit seiner präparirten Seite) und hinter dieses dann ein schwarzes Tuch, und nachdem Alles durch eine von hinten her angepreste Rückwand gehörig gegen Verschiebung gesichert ist, wird der Copirrahmen so den Sonnenstrahlen ausgesetzt, dass dieselhen durch die hellen Stellen des nigativen Bildes hindurch auf das Chlorsüberpapier fallen und hier eine Schwärzung bervorbringen. Ist auf diese Weise das positive Bild auf dem Papier hergestellt, so muss, um das vollständig Schwarzwerden desselben zu verhindern, das noch nmersetzte Chlorsüber aus dem Papiere ausgewaschen werden, was dadurt geschicht, dass man das Bild

eine Zeitlang in eine Auflösung von unterschwefligsaurem Natron und dann in reines Wasser legt, wodnrch dann nun auch das positive Bild fixirt ist.

Ungleichheit der chemischen Wirkungen verschie-269 denfarbiger Strahlen. Nicht alle Strahlen des weissen Sonnen- und Tageslichtes bringen gleich starke chemische Wirkungen hervor, unter einem rothen Glase verbinden sich Wasserstoffgas und Chlorgas nicht, wohl aber unter einem blauen oder violetten Glase und im weissen Lichte; Chlorsilber wird im blauen und violetten, aber fast gar nicht im rothen Lichte geschwärzt. Berard hat die chemische Wirkung der verschiedenen prismatischen Farben selbst untersucht. Er liess die mittelst eines Heliostats in ein dunkles Zimmer geworfenen Sonnenstrahlen auf ein Prisma fallen und fing das so erzeugte Spectrum auf einem mit Chlorsilber imprägnirten Papier auf; da das Spectrum unverrückt blieb, so konnte eine und dieselbe Farbe längere Zeit auf dieselbe Stelle des Chlorsilberpapiers wirken. Er fand auf diese Weise, dass die chemischen Wirkungen am violetten Ende des Spectrums am stärksten sind und sich selbst noch über die Gränzen des sichtbaren Spectrums hinaus erstrecken, wie dies auch früher schon Ritter und Wollaston gefunden hatten. Die blauen Strahlen brachten schon eine weit schwächere Wirkung hervor, die rothen Strahlen wirkten so gnt wie gar nicht. Um diesen Unterschied recht auffallend zu machen, concentrirte er durch eine Linse alle Strahlen vom Grün bis zum aussersten Violett, durch eine zweite Linse aber den übrigen Theil des Spectrums, also einen Theil der grünen, die gelben und die rothen Strahlen. Im Vereinigungspunkte der gelben und rothen Strahlen wurde das Chlorsilberpapier selbst nach zweistündiger Einwirknug kaum merklich verändert, obgleich hier das Licht blendend hell war, während in dem weit lichtschwächeren Vereinigspunkte der blanen und violetten Strahlen das Chlorsilber schon in 10 Minuten geschwärzt wurde. Es geht daraus auch hervor, dass die chemischen Wirkungen des Lichtes nicht bloss von der gleichzeitig entwickelten Wärme abhängen können.

Wir ashen also hier eine vollkommene Analogie zwischen den chemischen Wirkungen des Lichtes und der Fluorescen, hier wie dort sind die brechbareren Strahlen die wirksameren; hier wie dort geht die Wirkung noch über die violette Gränze des Spectrums hinaus. Es ist demnach, um die Lage der dumklen Linien im ultravioletten Theile des Spectrums zu ermitteln, gewiss das Zweckmässigste, das Spectrum zu dagourrectypiren oder zu photographiren. Um dies auszuführen, erzeugt man nach der auf Seite 593 angegebenen Weise ein Spectrum, welches, auf einem Schirm aufgefangen, die Frau nhofer sichen Linien möglichst deutlich seigt, und bringt dann die präparite Platte an die Stelle dieses Schirmes, um das negative Bild zu erzeugen.

Als v. Babo und ich bei Anwendung eines Flint glasprismas und einer Glaslinse das negative Bild bei einer Lichteinwirkung von 1 Secunde herstellten, ging die Wirkung kaum über die Linien G und H hinaus, so dass von L noch keine Spur erschieri; dagegen waren zwischen G und H alle Linien scharf und deutlich sichtbar. Man sieht daraus, dass die dunkelblauen und violetten Strahlen zwischen G und H die photographisch wirksamsten sind. — Erst bei einer Lichteinwirkung von 15 Secunden ging, die Lichtwirkung etwas über die von Stokes mit N bezeichnete Liniengruppe hinaus; allein nun war die ganze Partie zwischen G und H ganz hell und alle Linien vollkommen verschwunden, selbst die Lünien H erschienen bedeutend angefressen.

Um ein möglichst weit über das Violett hinausgehendes Spectrum merhalten, muss man statt der Glasspparate ein Prisusa und eine Linse von Quarz anwenden; bei einer 16 Secunden lang dauernden Lichteinwirkung erhielt ich auf diese Weise ein photographirtes Spectrum, welches sich bis über den Streifen R (Tab. IV) hinaus erstreckte.

Da es nun aber nach den obigen Bemerkungen unmöglich ist, ein direct photographirtes Spectrum herzustellen, in welchen alle Streifen von G bis R gleich deutlich erscheinen, so habe ich mit der grössten Genauigkeit in grossem Maassstabe Linie für Linie copirend eine getuschte Zeichnung des Spectrums hergestellt und von dieser ist dann Tab. IV eine verskeinen des habe hab en able dunklen Linien von G bis R deutlich, während in dem direct photographische Copie. In dem photographirten Spectrum Tab. IV erscheinen deshahb auch alle dunklen Linien von G bis R deutlich, während in dem direct photographirten Spectrum bei kürzerer Lichteinwirkung nur die Streifen zwischen G und R, in dem Maasse aber, in welchem die Insolation läuger dauert, nuch und nach die Partien zwischen H und M, oder die zwischen M und M, zwischen M und Q oder endlich zwischen M und M, zwischen M und Q oder endlich zwischen M und M, zwischen M und Q oder endlich zwischen M und M zwischen M zwis

Von G aus gegen das rothe Ende des Spectrums hin, breitet sich die chemische Wirkung des Lichtes mit zunehmender Dauer der Insolation nur sehr wenig aus. Erst bei einer Lichteinwirkung von 30 Secunden dehnte sich das photographirte Spectrum bis F aus.

Während also die Strahlen, welche zwischen die Fraunhofer'schen Linen G und H fallen, die kräftigsten chemischen Wirkungen hervorbringen, ist, wenigstens für das gewähnliche Collodium, die Wirkung selbst der blauen Strahlen zwischen G und F eine sehr schwache; die grünen, gelben und rothen Strahlen aber bringes der gar keine photographische Wirkung hervor.

Bei Anwendung eines mchr bromhaltigen Collodiums wurde die Ausdehnung des Spectrums bis zum Streifen F schon bei einer Lichteinwirkung von wenigen Seeunden erreicht; das so erhaltene Bild war rein und scharf.

Es geht daraus hervor, dass verschiedene chemische Präparate durchaus kein gleiches Verhalten gegen die verschiedenen Partien des Spectrums zeigen. In der That ist es mehreren Physikern gelungen. Lichtbilder des Sonnenspectrums auf Daguerrotypplatten herzustellen, welche sich fast bis zur Gränze des Roth erstrecken.

## Siebentes Capitel.

Vom Auge und den optischen Instrumenten.

270 Das Gesichtsorgan. Die Empfindung des Lichtes und der Farbe rührt von einer Affection besonderer Nerven her, deren feine Enden sich als eine Nervenhaut ausbreiten. Die Empfindung des Dunklen rührt von einer vollkommenen Ruhe dieser Nervenhaut her, jeder Riez derselbes bringt aber die Empfindung von Helligkeit, von Licht hervorg gauz vorsigheit wird dieser Reiz durch die Lichtstrahlen hervorgebracht, welche de Körper der Aussenwelt durch das Auge auf die Nervenhaut, die Netzhaut, senden; doch ist auch die Empfindung von Licht und Farbe durch andere Ursachen ohne Mitwikung der von aussen kommenden Lichtstrahlen nößlich, z. B. durch den Druck des Blutes (Pilmmern vor den geschlossene Augen). Ein äusserer Druck auf das geschlossene Auge, eine elektriche Entladung sind ebenfalls im Stande. Lichtennfindungen hervorzubrünzen.

Zum Unterscheiden äusserer Gegenstände durch das Gesicht reicht ein dass die von einem Kärper ausgebenden Lichtstrahlen auf die Nerveuhaut fallen, es sind noch lichtsondernde Apparate nöthig, welch bewirken, dass die von einem leuchtenden Punkte ausgehenden Strahlen ur eine bestimmte Stelle. Nervenhaut treffen, und dass von dieser Stelle die von anderen Punkte herkommenden Lichtstrahlen abgehaltes werden; auf diese Weise sind die verschiedeen Stellen der Netzhaut verschieden afficirt, und dadurch wird eine Unterscheidung möglich. Weiselne hichtondernde Apparate fehlen, wie dies bet vielen inederen Thieclassen der Fall ist, da kann kein eigentliches Sehen, sondern nur ein Unterscheidung von Licht und Dunkel, von Tag und Nacht sattifinded; doch sind selbst für eine solche Lichtempfindung noch besondere Nerverapparate nöthig.

Nicht bei allen Thierclassen, bei denen ein eigentliches Sehen stattfindet, sind die zur Isolirung der Lichteindrücke bestimmten Vorrichtunger auf dieselbe Weise eingerichtet; man unterscheidet zwei wesentliche verschiedene Arten von Augen, nämlich 1) die musivisch zusammengesetzten Augen der Insecten und Crustaceen, und 2) die mit Sammellinsen versehenen Augen der Wirbelthiere.

Zusammengesetzte Augen. Erst durch die classischen Unter- 271 suchungen Müller's ist das Wesen der masivisch nasammengesetzten Angen klar gemacht worden (Physiologie des Gesichtssinnes 1826, und Handbach der Physiologie des Menschen 1837). Auf der convexen Nervenhaut steht eine grosse Menge durchsichtiger Kegel rechtwinklig auf, und nur diejenigen Strahlen können die Basis eines solchen Kegels auf der Nervenhaut erreichen, die in der Richtung der Axe dieses Kegels einfallen. Alles seitlich einfallende Licht wird absorbirt, weil die Seitenwände der Kregel mit einem dunkelfarbigen Prigmente bekleidet sind. In Fig. 719 ei f q



ein Durchschnitt der convexen Nervenhaut mit den darauf sitzenden durchsichtigen Cylindern, so ist es klar, dass die von dem leuchtenden Punkte A ausgehenden Strahlen nur in cb, der Basis des abgestumpften Kegels  $ab\,cd$ , die Nervenhaut treffen können; sehon die Basis der beiden neben  $ab\,cd$  liegenden Kegel wird nicht mehr durch die von A ausgehenden Strahlen ergetroffen; ein leuchtender Punkt B sendet seine Strahlen wieder an eine andere Stelle der Netzhaut u. s. w. Auf die Basis eines solchen durchsichtigen Kegels wird natürlich alles Licht wirken, welches von Punkten herkommt, die in

der Verlängerung des Kegels liegen, und die Lichteindrücke von allen Punkten, welche Licht auf die Bassi desselben Kegels senden, werden sich auch vermischen, und somit sieht man leicht ein, dass die Deutlichkeit des Bildes auf der Nervenhaut um so grösers sein wird, je grösser die Anzahl der Kegel ist. Sehr treffend charakterisirt Müller das Sehen solcher Angen, indem er sagt: "Die Dartsellung des Bildes in mehreren tausenden gesonderten Punkten, wovon jeder Punkt einem Feldehen der Aussenwelt entspricht, gleicht einer Mossik, und man kann sich aus einer kunstreichen Mossik die beste Vorstellung von dem Bilde machen, welches die Geschöpfe, die eines solchen Organs theilhaftig sind, von der Aussenwelt erhalten werden."

Die Grösse des Schfeldes solcher Augen hingt natürlich von den Winkel, den die Axen der äussersten Kegel mit einander machen, also von der Wölbung der Augen, ab. Die durchsichtige Haut, welche das ganze Auge nach aussen hin bedeckt, die Horn haut, ist gewöhnlich in Facetten abgetheilt, und jede einzelne Facette entspricht einem der eben besprochenen durchsichtigen Kegel. Die Zahl der Facetten eines solchen Auges ist in der Regel sehr gross; ein einziges Auge enthält oft 12 bis 20 Taussend solcher Facetten.

Nicht alle Insecten haben solche musivisch zusammengesetzte Augen,

die Spianen z. B. haben einfache linsenhaltige Augen, welche ganz so gebat sind wie die Augen der Wirbelthiere; ja es giebt viele Insecten, welche ausser den muwisch zusammengeestzten auch noch einfache linsenhaltige Augen haben, doch lässt der Bau derselben, so wie auch ihre Stellung vermuthen, dass sie nur zum Sehen der allernächsten Gegenstände bestimmt sind.

272 Einfache Augen mit Sammellinsen. Auf der Netzhaut der mit Collectivlinsen versehenen Augen entsteht das Bild ganz auf dieselbe Weise, wie die Sammelbilder der gewöhnlichen Linsen; die von einen Funkte des Gegenstandes ausgehenden Strahlen, welche die Vonderfliche des Auges treffen, werden nämlich durch die durchsichtigen Medien des Auges nach einem Punkte der Netzhaut hin gebrochen. Fig. 720 olik



den horizontalen Durchschnitt eines menschlichen Auges bei zweimsliger Vergrösserung darstellen. Der ganze Augapfel ist von einer festen harten Haut umgeben welche nur auf der Vorderseite durchsichtig ist dieser durchsichtige Theil wird die Hornhaut (cornea), der weisse undurchsichtige Theil die harte Haut (tunica sclerotica) genannt; die durchsichtige Hornhau ist stärker gewölbt als der übrige Theil des Augapfels. Hinter der Horn-

haut liegt die furbige Regenbogenhaut bs b's' (vris), welche fast eben ist In der Mitte der Regenbogenbut bei s' befindet sich eine kreisformige Orfinung, welche von vorn geschen vollkommen schwarz (das Schwarze im Auge) erscheint; diese Orfinung führt den Namen der Pupille Bedier Iris und der Pupille befindet sich die Krystalllinse; sie ist in einet durchsichtigen Kapsel enthalten, durch welche sie auch an der Ausseret Hallie des Auges befestigt ist. Neuere Unterschungen haben geweigt, das beim lebenden Auge die Iris dicht an der Linse anliegt. Zwischen der Linse und der Hornhaut befindet sich eine klare, etwas salzige Flassigkeit, die wässerige Feuchtigkeit (kunor aqueus); der ganze Raun binter der Linse und kern ist eine Stagen mit einer durchsichtigen galertartigen Substanz, der Glas feuchtigkeit oder dem Glas körper (humor virtres), angefüllt. Die Krystalllinse selbst, deren Vorderseite facher ist als die

Hinterseite, ist stärker brechend als die beiden Flüssigkeiten, zwischen denen sie sich befindet; sie besteht aus übereinander gelagerten durchsichtigen Schichten, welche sich der Kugelgestalt um so mehr nähern, je mehr man ins Innere drinet.

Ueber die Selerotien ist im Inneren des Auges die Aderhaut (tunica chroritedo) ausgebreitet, und über dieser entlich legt die Nethan t (retino), welche nur eine Ausbreitung des Sehnerven n ist. Die Aderhaut, welche die ganze innere Höhlung des Auges bekleidet, ist mit einem sehwarzen Pigment überzogen; diese Sehwärzung ist nöthig, damit nicht durch Reflexionen im Inneren des Anges die Reinheit der Bilder gestört wird. Aus deusselben Grunde werden auch die Fernröhen innen geschwärzt.

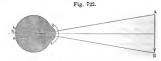
Die Lichtstrahlen, welche auf das Auge fallen, treffen entweder auf den vordren Theil der Selerotiae, das Weisse im Auge, und werden unregelmässig nach allen Seiten zerstreut; oder sie dringen durch die Hornhaut in das Auge ein; die äusserne der durch die Hornhaut eingedrungenen Strahlen fallen auf die Iris und werden nach allen Seiten hin nursgelmässig zerstreut, wodurch die Farbe der Begenbogenhaut sichtbar wird. Die eentralen Strahlen endlich fallen durch die Pupille auf die Linse und werden durch dieselbe nach der Retina hin gebrochen, und zwar so, dass die von einem Punkte eines Susseren Gegenstandes ausgehenden Strahlen, welche durch die Pupille gehen, in einem Punkte auf der Netzhaut wieder vereinigt werden. So entsteht auf der Netzhaut ein verkehrtes verkleinertes Bild der vor dem Auge befindlichen Gegenstände.

Man kann sich leicht durch den Versuch an einem etwas grossen Thierauge, etwa an einem Ochsen-oder Pferdeauge, von der Existenz dieses



Netzhautbildchens überzeugen; man braucht nur oben bei b, Fig. 721, ein viereckiges Loch in die Sclerotica zu schneiden und alles Undurchsichtige wegzunehmen, um durch diese Oeffnung auf die Netzhaut sehen zn können. Damit das Auge möglichst seine Form behalte, legt man es in die halbkugelförmige Höhlung eines Statifs, wie es die Figur zeigt. - Meist quillt die Glasfeuchtigkeit aus der Oeffnung ab hervor und verhindert, weil sie nicht mit ebener Fläche begränzt ist, dass man die Netzhautbildchen deutlich sehen kann. Diesen Uebelstand vermeidet man dadurch, dass man ein Glasplättchen auf die Oeffnung legt. -Das Bild der Gegenstände, auf welche das Auge gerichtet ist, sieht man bei diesem Versuche verkehrt auf der Netzhaut. Leicht lässt sich auch das Bild auf der Netzhaut weisssichtiger Thiere, z. B. weiser Kaninchen, zeigen, bei welchen der schwarze Ueberzug der Aderhaut fehlt, während zugleich der hintere Theil der Sclerotics durchscheinend ist. An solchen Augen sieht man die Netzhautbilder ohne weitere Präparation.

Bei den meisten numerischen Bestimmungen über den Gang der Lichtstrahlen im Auge kann man ohne merkliche Fehler statt der drei durchsichtigen Medien des Auges ein einziges substituiren, dessen Vorderfläche gleichfalls eine sphärisch couveze Krimmung hat, und welches man mit dem Namen des reducirten Auges beziehnet. Ist der Brechungsexponent des reducirten Auges gleich dem der Glasfeuchtigkeit, nämlich 1,34, so müssen wir, wie Listing nachgewiesen hat (Wagner's Handwörterbuch der Physiologie Bd. IV, S. 495), den Krümmungshalbmesser der vorderen Fläche st. Fig. 722, gleich 5,1<sup>rs</sup> und die Entfernung des Krüm-



mungsmittelpunktes C von der Mitte N der Netzhaut gleich  $15^{\rm mn}$  annehmen, wenn das reducirte Auge die Bilder auf der Netzhaut auf dieselbe Weise entwerfen soll wie das wirkliche menschliche Auge.

Der Scheitelpunkt der Cornea des meuschlichen Auges, deren Krümmungshalbmesser 8-m beträgt, liegt um 2,3-m weiter von der Netzhaut weg, als der Scheitelpunkt der Vorderfläche des reducirten Auges, wie dies auch in Fig. 722 angedeutet ist.

Es ist klar, dass die Axen aller Strahlenbindel, welche von einem Punkte des Gegenatandes AB sausgehend durch das reducirte Auge wieder in den entsprechenden Punkten des Bildes ab auf der Netzhaut vereinigt werden, durch den Krümmungsmittelpunkt C der Vorderfläche st gehen müssen. In C kreuzen sich also die Axen aller in das Auge eindringenden Strahlenbindel, weshalb Volkmann diesen Punkt den Kreuzungspunkt nennt. Listing nemt ihn den Knotenpunkt.

In Fig. 720 ist die Stelle des wirklichen Auges, auf welche der Kreuzungspunkt fällt, durch k bezeichnet; der Knotenpunkt liegt also nahe vor der Hinterfläche der Krystalllinse.

273 Deutliches Sehen in verschiedenen Entfernungen. Wir haben oben schon gesehen, dass das Bild einer Linse seine Lage ündert, wenn der Gegenstand genähert oder entfernt wird; das Bild entfernt sich nämlich um so mehr von der Linse, je näher der Gegenstand heranrückt. Da nun das Ange ganz so wirkt wie eine Linse, da wir die Gegentände nur dann scharf sehen können, wenn die Vereinigungspunkte der gebrochenen Strahlen genau auf die Netzhaut fallen, wenn also auf der Netzhaut ein scharfes Bild entsteht, so sollte man meinen, dass wir nur in einer bestimmten Entfernung die Gegenstände deutlich sehen könnten; doch zeigt die Erfahrung das Gegentheil; ein normales Auge kann alle Gegenstände deutlich sehen, die mehr als 8 Zoll weit entfernt sind, das Auge muss also offenbar die Pähigkeit haben, sich den verschiedenen Entfernungen zu accommodijren.

Man kann dies auch durch einen ganz einfachen Versuch darthun: Man unche auf eine durchsichtige Glastafel einen kleinen schwarzen Pleck und halte die Tafel 10 bis 12 Zoll weit vom Auge, so kann man willkürlich den Fleck, oder durch die Glastafel hindurch die entfernteren Gegenstände deutlich sehen. Sieht man die entfernten Gegenstände deutlich, so erscheint der Fleck neblig und unbestimmt, umgekehrt aber erscheinen die fernen Gegenstände verwachen, wenn man den Fleck deutlich sieht.

Wenn der Vereinigungspunkt der von einem leuchtenden Puukte ausgehenden Strahlen vor oder hinter der Netzhaut liegt, zo wird auf der Netzhaut statt des hellen Punktes ein kleiner Zerstremungskreis gebildet, und dies ist die Ursache, warum Gegenstände, die sich in einer Entfermung befinden, für welche das Ange nicht gerande accommodist ist, undeutlich erscheinen. Das Accommodationsvermögen hat aber seine Gränzen, denn wenn die Gegenstände dem Auge gar zu nahe gebracht werden, so sind die inneren Veränderungen, deren das Auge fähig ist, nicht mehr hinreichend, nm zu machen, dass das Bild auf die Netzhaut füllt, in diesem Falle liegen die Vereinigungspunkte hinter der Netzhaut, und auf der Netzhaut selbst bildeu sich statt des scharfen Bildes Zerstreuungskreise der einzelnen leuchtenden Punkte, so dass keine scharfe Unterscheidung mehr möglich ist. Eine Stecknadel z. B., die man nur 1 bis 2 Zoll weit vom Augehält kann man pieht deutlich sehen.

Man lat das Accommodationsvermögen des Auges aus verschiedenen Ursachen herzuleiten versucht; z. B. aus einer Verschiefblichteit der Krümmung der Hornhaut, aus einer Verschiebbarkeit der Linse u. s. w. In neuester Zeit hat endlich Cramer diese wichtige Frage durch Beolachtung der Spiegelbildehen gelöst, welche die Vorderfläche und die Hinterfläche der Linse von einer seitlich vom Ange aufgestellten Kerzenflamme geben. Es ist ihm gelungen, durch diese Méthode nenkzuweisen, dass beim Nahesehen die vordere Fläche der Krystalllinse gewölbter und dass sie zu gleicher Zeit etwas nach vorn geschoben wird.

Weite des deutlichen Sehens, Kurzsichtigkeit und 274 Fernsichtigkeit. Für ein jedes Auge giebt es eine bestimmte Entfernung, über weiche hinaus man die Gegenstände dem Auge nicht nähern darf, wenn man sie ohne Austrengung noch deutlich sehen will; in diese Entfernung, welche die Weite des deutlichen Schens oder auch nur die Schweite genannt wird, hält man unwillkürlich beim Lesen ein Buch, welches mit Lettern von gewöhnlicher Gröses gedruckt ist. Bringt man die Gegenstände näher, so kann man sie nur mit Anstrengung deutlich sehen, bei noch grösserer Nähe endlich ist gar kein deutliches Schen mehr möglich. Bei einem ganz normalen Auge beträgt die Weite des deutlichen Schens 8 bis 10 Zoll. Ein Auge, dessen Schweite geringer ist, nennt man kurzsichtig, wenn sie aber grösser ist, weitsichtig.

Die Undeutlichkeit des Sehens gauz naher Gegenstände rührt, wie sehon erwähnt wurde, daher, dass die von einem Punkte des nahen Gegenstandes ausgehenden Strahlen so stark divergiren, dass die brechenden Medien des Auges nicht im Stande sind, sie hinlänglich convergent zu machen, um ihre Vereiuigung auf der Nethaut zu bewirkel

Der von einem zu nahe gelegenen Punkte in das Auge eintretende Strahleukegel couvergirt gegen einen hinter der Netzhaut liegenden Punkt, er wird also von der Netzhaut in einem Kreise geschnitten, welchen man als Zerstreuungskreis bezeichnet.

Man mache mit einer Stecknadel ein feines Loch in ein Kartenblatt und halte es dicht vor das Auge, so wird man durch dasselbe die Lettern eines ganz nahe gehaltenen Buches noch ganz deutlich, und zwar bedentend vergrössert schen, während man nach Entfernung des Kartenblattes durchaus keinen Buchstaben mehr zu erkennen im Stande ist. Der Grund liegt darin, dass von einem Punkte des ganz nahen Gegenstandes aus nur in einer einzigen Richtung durch die feine Oeffnung Strahlen ins Auge dringen können, und diese werden auch nur in einem Punkte die Netzhaut treffen, während sich auf ihr ein Zerstreuungskreis bildet, wenn das Kartenblatt eutfernt ist.

Durch eine feine Oeffnung in einem Kartenblatte, welche dicht von Auge gehalten wird, sieht man begreiflicherweise nahe und ferne Gegenstände gleich scharf, ohne dass das Auge nöthig hätte, sich den Entfernungen zu accommodiren, da ja ohnebin die von einem Punkte des Gegenstandes aussphenden Strahlen ausch nur in einem Punkte die Netzhaut treffeu; durch eine solche Oeffnung kann man deshalb auch zu gleicher Zeit nahe und ferne Gegenstände deutlich sehen. Es fragt sich nun, in welchem Accommodationszustande sich das Auge beim Sehen durch eine feine Oeffnung befindet? Offenbar in dem normalen Zustande, zu dessen Erhaltung gar keine Thätigkeit erfordert wird; das Auge beimdet sich in dem Zustande, wie es dem Sehen von Gegeuständen, die sich in der Weite des deutlichen Sehens befinden, entspricht.

Hierher gehört auch der interessante und lehrreiche Versuch des Pater Scheiner (oculus sive fundamentum opticum etc. 1652). Wenn nau in ein Kartenblatt zwei feine Nadellöcher macht, deren Entfernung von einander kleiner sein muss als der Durchmesser der Pupille, und die Oeffnungen dicht vor das Auge hält, so sieht man einen kleinen Gegenstand, etwa eine Stecknadel, die man innerhalb der Sehweite vor die Löcher hält. doppelt. Von dem kleinen Gegenstande gelangen nämlich nur zwei gauz feine Strahlenbündel durch die beiden Löcher ins Auge; diese beiden Strahlen convergiren aber nach einem Punkte, der hinter der Netzhant liegt, sie treffen also die Netzhaut in zwei verschiedenen Punkten; es sind dies zwei isolitre Punkte des Zerstreumgskreises, welcher auf der Reitin entschen würde, wenn man die ührigen Strahlen nicht durch das Kartenblatt auffinge.

Wenn man den kleinen Gegenstand mehr und mehr entfernt, so nahern sich die Bilder, weil die beiden durch die Löcher ins Ange fallenden Strahlen nun weniger divergiren und also auch nach einem Punkte hin gehrochen werden, welcher der Retina näher liegt. Hat man den Gegenstand his auf die Weite des deutlichen Sehens vom Ange entfernt, so fallen die beiden Bilder vollkommen zusammen, weil ja alle Strahlen, die von einem in der Weite des deutlichen Sehens befindlichen Punkte ausgehen, in einem Punkte der Netzhaut vereinigt werden.

Wenn ein fernerer Gegenstand durch die beiden Oeffnungen betrachtet wird, so müssen offenhar die von ihm ausgehenden, durch die beiden Löcher ins Auge gelangenden Strahlen sehon in einem Punkte vor der Netzhaut zusammentreffen, da ja der Accommodationsustand des Auges sich nicht ändert; hinter dem Durchschnittspankte divergiren aber die beiden Strahlen wieder, sie treffen die Netahaut in zwei verschiedenen Punkten, mithin wird man anch fernere Gegenstände doppelt sehen. Darch die beiden kleinen Oeffnungen also sieht man einen Gegenstand nur dann einfach, wenn er sich in der Weite des deutlichen Schens hefindet.

Auf den Scheiner'schen Versuch hat man Instrumente gegründet, welche zur Ermittelung der Schweite dienen sollen und den Namen Optometer führen. Young's Optometer besteht aus einem gegannten feinen Faden, welcher durch die kleinen Löcher betrachtet wird. (Näheres über das Optometer im Supplementband.)

Die Kurzsichtigkeit (Myopie) und die Weitsichtigkeit (Presbropie) sind Fehler, deren Grund wohl am richtigken in einem mangelhaften Accommodationsvermögen zu suchen ist, was besonders daraus hervorgeht, dass die Gewöhnung einem grossen Einfluss auf diese Fehler ansübt; Kurzsichtigkeit entsteht oft dadurch, dass das Sehen in der Ferne vernachlässigt wird, und Kinder, welche beim Lesen und Schreiben das Gesiehtz auf dicht auf das Papier halten, werden in Folge dessen kurzsichtig. Auch dadurch, dass man längere Zeit durch ein Mikroskop sieht, wird ein sonst gates Ange vorübergehend kurzsichtig, ja dieser Zustand dauert oft nehrere Stunden lang (Miller's Physiologie).

Das einfachste Mittel, die Fernsichtigkeit und Kurzsichtigkeit zu verbessern, besteht, wie schon bemerkt wurde, darin, dass man eine feine, etwa in ein Kartenblatt gemachte Oeffnung dicht vor das Auge hält. Durch dieses Mittel, welches schon in dem bisher Gesagten seine Erklärung gefunden hat, wird die Schärfe des Bildes freilich auf Kosten der Helligkeit hergestellt.

Ein zweites Mittel sind die Brillengliser, und zwar wendet nan bei kurzsichtigen Augen Hohlgläser, bei fernsichtigen Convexgläser an. Bei einem kurzsichtigen Auge fallen die Bilder serner Gegenstände vor die Netzhaut, und das Auge hat nicht das Vermögen, sich so zu accommodiren, dass sie auf die Netzhaut selbst gebracht würden; man verändert deshalb das Refractionsvermögen des Auges durch vorgesetzte Hohlglüser in der Weise, dass die ins Auge gelangenden Strahlen stärker divergiren, und macht dadurch ihre Vereinigung auf der Netzhaut möglich.

Bei fernsichtigen Augen fällt das Bild naher Gegenstände hinter die Netzhaut, ohne dass das Auge im Stande ist, sich diesem Befractionsvermögen zu accommodiren; man wendet deshalb Convergliser an, um die Strahlen im Auge convergenter zu machen und dadurch ihren Vereinigunzsounkt auf die Netzhaut zu brinzen.

Je nachdem ein Auge mehr oder weniger kurzsichtig oder weitsichtig ist, muss man stärkere oder schwächere Linsen anwenden; man wählt die Gläser so, dass die Weite des deutlichen Schens, welche entweder grösser oder kleiner ist als bei einem ganz normalen Auge, durch Mitwirkung der Linsen ebenfalls 8 bis 10 Zoll, also eben so gross wird als bei einem guten Auge.

Die Kurzsichtigkeit kommt am häufigsten im mittleren Lebensalter, die Fernsichtigkeit aber im höheren Alter vor.

275 Achromatismus des Auges. Bei gewöhnlichen Linsen fallen die Brempunkte der verschiedenen farbigen Strahlen nicht zusammen, und daher rihren die farbigen Stume, welche man an den Rändern der durch eine gewöhnliche Linse betrachteten Gegenstände wahrnimmt, namentlich wenn die Oeffnung der Linsen gross ist und die Gegenstände sich nicht in der Mitte des Gesichtsfeldes befinden. Wir haben auch schon oben gesehen, wie man achromatische Linsen, d. h. solche construiren kann, für welche dieser Fehler aufgehoben ist. Unser Auge ist nun ebenfalls ein nahezu achromatisches Instrument, denn wir sehen die Gegenstände ohne farbier Säume.

Da der Achromatismus der Linsen durch eine Combination verschiedener brechender Substanzen von ungleicher zerstreuender Kraft hervorgebracht wird, so lässt sich die Möglichkeit der Achromasie des Auges sehr wohl einsehen, da ja ein Lichtstrahl auf seinem Wege durchs Auge der Reihe nach drei verschiedene Media zu durchlaufen hat, welche zusammen wie eine achromatische Linse wirken.

Das Auge ist jedoch nicht ganz vollkommen schromatisch, denn wir sehen einen Gegenstand nur dann rein, wenn sich das Auge der Entfernung dieses Gegenstandes gehörig accommodirt hat. Man erblickt z. R. sehr lebhafte Farbenskume an einem nahe vor dem Auge befindlichen dunklen Gegenstande, wenn man an ihm vorbei das Auge auf ferne Gegenstände richtet und diese deutlich sieht; wenn man z. B. in ein Kartenblatt ein Loch von etwa 1 Linie Durchmesser macht, es 5 bis 6 Zoll weit vom Augo hält und durch dasselbe nach einem fernen Gegenstande visirt, so erscheinen die Ränder der Oeffnung farbig.

Beziehungen zwischen den Empfindungen des Auges 276
und der Aussenwelt. Der Act des Sehens beruht lediglich darauf,
dass die Affectionen der Nervenhaut auf eine uns freilich unerklärliche
Weise zum Bewusstesin kommen. Eigentlich nehmen wir also nur einen
bestimmten Zustand, eine gewisse Affection der Netzbaut wahr; dass wir
aber diese Wahrnehmung nach aussen verlegen, dass wir die Netzhautbilder gleichsam in Anschauungen der Ausseuwelt verwandeln, ist Sache eines
unmittelbaren Urtheile; in diesem Urtheile haben wir durch fortwährende
übereinstimmende Erfahrungen eine solche Sicherheit erlaugt, dass wir die
Netzhant gar nicht als wahrnehmendes Organ empfinden, dass wir die unmittelbaren Empfindungen mit dem verwechseln, was nach naserem Urtheile die Urache derselben ist. Diese Substitution des Urtheils für die
Empfindung geschicht ganz unwillkürlich, sie ist uns so zu sagen zur anderen Natur geworden.

Da wir überhaupt für die Empfindung auf der Netzhaut eine Vorstellung der Aussenwelt steren, os substitutien wir auch für jeden Netzhautbild einen Gegenstand ansser uns. Dass wir den Gegenstand, welcher einem bestimmten Netzhautbildehen entspricht, nach einer bestimmten Richtung hin suchen, ist aber sicherlich ebenso das Resultat fortgesetzter consequenter Erfahrung, wie das nach Aussen Wirken des Gesichtssinnes überhannt.

Es ist oben gezeigt worden, dass von den änsseren Gegenständen auf der Netzhaut verkleinerte und verkehrte Bilder entstehen, und es ist deshalb die Frage aufgeworfen worden, warum wir nicht alle Dinge verkehrt sehen? Diese Frage findet nun in den eben angestellten Betrachtungen ihre genügende Antwort; zu dem Bewusstsein, dass überhanpt ein Netzhautbild existirt, dass ein Bildchen auf dem oberen oder unteren Theile der Netzhaut liegt, dass es sich auf der rechten oder linken Seite derselben befindet, gelangen wir erst durch optische Untersuchnigen; die Empfindnng der Nervenhant kommt nicht als solche zum Bewusstsein, sondern sie wird nnwillkürlich nach einer bestimmten Richtung nach aussen hin projicirt, und zwar in derjenigen Richtung, in welcher sich die Gegenstände befinden, welche die Netzhautbilder veranlassen. Nach dieser Richtung hin finden wir aber die Gegenstände auch durch andere sinnliche Wahrnehmungen, z. B. dnrch den Tastsinn, es besteht also zwischen den verschiedenen sinnlichen Wahrnehmungen in Beziehung auf die Ortsbestimmnng die vollkommenste Harmonie: wir würden die Gegenstände verkehrt sehen, wenn diese Uebereinstimmung nicht stattfände.

Mit der durch das Gesichtsorgan vermittelten Vorstellung der ausser uns befindlichen Dinge verbinden wir auch eine Vorstellung von ihrer Grüsse und Entferung. Die Bildchen auf der Netzhant liegen neben einander, und wenn wir die entsprechenden Gegenstände nicht als numittelnar nehen einander, sondern auch hinter einander befindlich erkennes, kurz, wenn wir uns von der flächenhaften Wahrehmung zu einer Vorstellung der Tiefe des Raumes erheben, so ist das nicht Sache der Empfindung, sondern des Urtheils. Das Kind hat noch keine Vorstellung von den Entferungen, es greift nach dem Monde, wie es nach Dingen in einer Umgebung greift. Die Vorstellung von der Tiefe des Sehrauns erhalten wir erst dadurch, dass wir uns im Raume hewegen, dass sich die gegenseitige Lage der Bilder hei dieser Bewegung ändert und dass wir durch unsere eigene Ortsveränderung einen Begriff von der Entferung der Gegenstände hekommen.

Die scheinbare Grösse der Gegenstände hängt von der Grösse des Netzhauthildehens ah. Denken wir uns von den heiden Endpunkten eines Netzhauthildehens Linien nach den entsprechenden Endpunkten des Gegestandes gezogen, so schneiden sich diese Linien im Krenzungspunkte nutre einem Winkel, den unan den Selwinkel nent; die Grösse dieses Winkels ist aber der Grösse des Netzhauthildes proportional; man kann deshalb auch sagen, dass die scheinhare Grösse der Gegenstände von der Grösse des Schwinkels ahhängt, unter welchem sie erscheinen. Zwi Gegenstände



Fig. 723.

von verschiedener Grösse, wie AB und A'B', Fig. 723, können gleiche scheinhare Grösse hahen, wenn ihre Grösse ihrer Entfernung vom Auge proportional ist; verschiedene Gegenstände also, deren Grösse sich verhält wie 1:2:3 u. s. w., werden in einfacher. doppelter, dreifacher Entfernung un-

ter gleich grossem Gesichtswinkel erscheinen.

Unser Urtheil über die wahre Grösse der Gegenstände und ihr Entfernung wird erst durch fortgesetzte Erfahrung erlangt und kam durch Uebung einen bewundernswürdigen Grad von Sicherheit erreichen.

Zur Schätzung der Entfernungen hieten uns die theilweise hekkannten Grössen einzeher Gegenstände, die grössen oder geringere Menge vom Einzelheiten, welche wir an ihnen zu unterscheiden im Stande sind, einen wescutlichen Anhaltspunkt. Wenn wir auf der Landstrasse einen Mensehen, ein Pferd u. s. w. sehen, so können wir aus der annahernd bekannten wahren Grösse in Verhändung mit der scheinbaren Grösse, unter welchen wir sie eben wahrenhenen, auf ihre Entfernung schliessen. In der Landschaft hieten uns Häuser, Bäume- u. s. w. Anhaltspunkte zur Schätzung der Abstände dar. In sehr grosser Entfernung erscheint uns ein Haus nur als ein heller Pleck; nähern wir uns dem sehnen wir uns nehen der Schätzung der Abstände dar. In sehr grosser Entfernung erscheint uns ein Haus nur als ein heller Pleck; nähern wir uns den den, so werden alshald die Fenster als dunkte Punkte in der hellen Wand erkennbar; nähern wir uns neh mehr, so können wir das Fensterkreuz, endlich sogar die einzelnen Fensterprossen unterscheiden. — Ueber eine gewisse Entferung thinaus kör-

nen wir einzelne Blätter eines Baumes, noch ferner können wir die Stämme der Bäume eines Waldes nicht mehr unterscheiden u. s. w.

Von wesentlichem Einfinss auf die Schätzung der Entfernungen in der Landschaft ist auch noch die Luftperspective, d. h. ein gewisser Duft, welcher die entfernteren Gegenstände verschleiert und dadurch die Schärfe der Contonren sowohl als anch die Stärke der Contraste zwischen Licht und Schatten vermindert, welche nur im Vordergrunde in voller Kraft auftreten.

Aus der Entfernung, in welcher wir einen Gegenstand vermuthen, schliesen wir immer wieder nungekehrt an seine Grösse. Da wir es aber hier nicht mit Mesungen, sondern nur mit Schätzungen zu than haben, da die Ansgangpunkte unserer Vergleichungen selbst mehr oder weniger unsicher sind, so ist es nicht zu vervundern, wenn unserem Urtheil über Grösse und Entfernung mannierische Tüsschungen unterlanden.

Bei gleichem Schwinkel halten wir einen Gegenstand für um so grösser, ja weiter wir ha von mes entfernt glauben. Wenn ums bei dütligen
nebligen Wetter die Einzelnheiten anf benachbarten Bergen verschwinden,
so bewirkt dies, dass wir sie unwilklürlich für weiter entfernt halten, und
da sie um noch immer unter gleichem Gesichtswinkel erscheinen, dass sie
ums höher scheinen als gewöhnlich. Umgekehrt scheinen nns die Berge
näher gerückt und niedriger, wenn die Luft sehr durchsichtig ist und wir
Details zu unterscheiden im Stande sind, welche wir gewöhnlich nicht
sehen.

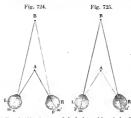
Der Sehwinkel, unter welchem ms der Mond beim Aufgange oder Untergange erscheint, ist nicht grösser, als wenn er hoch am Himmel steht; dessen ungsachtet erscheint uns der auf- oder untergehende Mond grösser. Es kommt dies daher, dass zur Zeit des Auf- oder Unterganges die vom Monde zu uns gelangenden Lichtstrahlen einen ungleich längeren Weg durch die Atmosphäre zurückzulegen haben, als wenn der Mond hoch am Himmel steht; im letzteren Falle sehen wir ihn also schäefer begränzt, die dunklen Flecken auf demselben erscheinen uns dentlicher, wir halten ihn deshalb unwillkrüche für näher, und in Folge dessen für kleiner, als wenn wir ihn noch am Horizont erblicken, wo er uns lichtselwächer und weniger scharf begränzt erscheint und wo die Flecken fast ganz verschwinden.

Bei der Beurtheilung des Abstandes sehr naher Gegenstände ist das Sehen mit zwei Augen von wesentlichem Einfluss, wie wir im nächsten Paragraphen sehen werden.

Sehen mit zwei Augen. Wenn man mit beiden Augen einen 277 nahen Gegenstand, etwa einen 1 Fuss weit vor das Gesicht gehaltenen Finger, fixirt, so sieht man alle entfernteren Gegenstände doppelt.

Umgekehrt sieht man den nahe vor das Gesicht gehaltenen Finger doppelt, wenn man mit beiden Augen einen fernen Gegenstand fixirt. In Fig. 724 (a. f. S.) seien L nnd R die beiden Angen, A und B zwei in

in Fig. 124 (a.1.8.) seien L nna A ale beiden Angen, A und D zwei in verschiedenen Entfernungen vor dem Ange befindliche Gegenstände. Wenn Müller's Lebrisch der Physik. ist auf. L. man den Gegenstand A fixirt, so sind die Axen beider Augen (die Augenaxe ist die gerade Linie, welche die Mitte der Netzhaut mit dem Mittelpunkte der Linse und der Pupille verbindel) nach A gerichtet, sie masche also einen zieullich bedeutenden Winkel mit einander, das Bild von A erscheint aber in jedem Ange auf der Mitte der Netzhaut; fixirt man nu den entfernteren Gegenstand B, wie dies in Fig. 725 dargestellt ist, so



wird der Winkel der Augenaxen kleiner, und nun erscheint das Bild von B in jedem Auge anf der Mitte der Netzhant.

Wenn A fixirt ist, wie Fig. 724, so liegt das Bild von B im linken Auge rechts, im rechten aber links von der Mitte der Netzhant; die Bilder n und p' liegen also in beiden Augen nicht auf entsprechenden

Stellen der Netzhaut, und darin ist wohl auch der Grund zu suchen, warum der Gegenstand B hier doppelt gesehen wird. Da das Bild n im linken Ange rechts von zu liegt, so scheint um B links von A zu liegen, während das rechte Auge den Gegenstand B rechts von A zieht, weit das Bild p' links von M ist. Hat nam den Gegenstand A mit beiden Augen so fürft, das man ihn einfach sieht, B aber doppelt erscheint, so kann man das linke oder rechte Bild von B verschwinden machen, je nachdem man die von B auf das linke oder rechte Auge fallenden Strahlen auffängt. Hat man hingegen den entfernferen Gegenstand B färirt, so dass A doppelt gesehen wird, wie in Fig. 725, so verschwindet das rechts erscheinende Bild von A, wenn man einen Schrinz zwischen A und das linke Auge bringt.

Um einen Gegenstand mit beiden Augen einfach zu sehen, ist es übrigens nicht nöthig, dass die beiden Augenaxen genna auf im gerichtet sind, dass also sein Bild in jedem Auge auf die Mitte der Netahaut fällt, denn sonst könnte man ja nur einen einzigen Gegenstand einfach seleen, alles Andere würde doppelt ernebeinen. Eine ganze Reihe von Gegenständen kann zu gleicher Zeit mit beiden Augen einfach geschen werden, wenn sie nur ihre Bilder in beiden Augen auf entsprechend es Stellen der Netahaut werfen. In Fig. 726 stellen L und R wieder die beiden Augen aft, A. B und C drei verschiedene Gegenstände vor denselben; die Bilder der drei Gegenstände folgen sich in beiden Augen in dersbelen Ordnung; auf der Netzhaut beider Augen nämlich liegt das Bild von B in der Mitte das Bild vor C links, das von A rechts. Weil die Netthautbilder p und

p' links von m und m' liegen, so erblicken beide Augen den Gegenstand C rechts von B; ebenso sehen beide Augen den Gegenstand A links von B, weil die Netzhautbilder n und n' rechts von m nnd m' liegen.



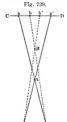
Wenn man einen Gegenstand mit beiden Augen einfach sieht, wenn also sein Bild auf entsprechende Stellen beider Netzhäute fällt, so sieht man ihn heller als mit einem Ange; man kann sich davon leicht überzengen, wenn man einen Streifen von weissem Papier ansieht und vor das eine Auge einen dunklen Schirm so hält. dass für dieses Ange die eine Hälfte des Papierstreifens bedeckt wird; der Theil des Papiers, welcher mit beiden Augen zugleich gesehen wird, erscheint heller als die andere Hälfte, die man nur mit einem Auge sieht.

Der Grund, warum wir mit beiden Augen einfach sehen können, ist wohl jedenfalls ein innerer, also im Verlaufe der Nervenfasern zu suchen, nnd nicht eine Folge der Gewohnheit. "Beide Angen sind gleichsam zwei Zweige mit einfacher Wurzel, und jedes Theilchen der einfachen Wurzel ist gleichsam in zwei Zweige für beide Angen gespalten," sagt Müller, in dessen Schriften man anch Näheres über die verschiedenen Versnche findet, die zur Erklärung dieser wunderbaren Verkettung gemacht wurden.

Fig. 727. Fig. 728.

Beim Betrachten naher Gegenstände bietet das Sehen mit zwei Angen ein wesentliches Mittel zur richtigen Schätzung der Entfernungen. Mit dem rechten Auge sehen wir einen nahen Gegenstand auf einen anderen Punkt des Hintergrundes projicirt als mit dem linken, und dieser Unterschied wird nm so bedeutender, je naher der Gegenstand rückt. Während es leicht ist, eine Nähnadel einzufädeln, so lange man mit beiden Angen sieht, ist es äusserst schwierig, wenn man das eine Ange schliesst. Ein diesem entsprechender Vorlesungsversuch ist folgender. Man hänge einen Ring, dessen innerer Durchmesser nngefähr zwei Zoll beträgt, an einem Faden anf, wie Fig. 727 andentet, nnd suche nnn den gegen zwei Fuss langen Stab, Fig. 728, an seinem einen Ende a haltend, den am anderen Ende desselben angebrachten Haken in die Höhlung des Ringes hineinznstecken. Es gelingt dies sogleich, wenn man mit zwei Angen sieht, schliesst man aber das eine Auge, so wird man mit dem Haken bald vor, bald hinter den Ring fahren.

Der Grund davon ist folgender: wenn wir beide Augen auf einem nicht allzuweit entfernten Punkt richten, so machen die beiden Angenaxen einen Winkel mit einander, welcher um so kleiner wird, je weiter sich der Gegenstand entfernt, wie dies Fig. 729 erläutert, in welcher A einen näheren, B einen entfernteren Punkt bezeichnet. Die Grösse des Winkels,



welchen die beiden Augenaxen mit einander machen und welcher mit dem Namen des Gesichtswinkels bezeichnet wird, giebt uns also ein Maass für die Entfernung der Gegenstände. - Wir können freilich diesen Gesichtswinkel nicht messen, eine Schätzung desselber wird aber dadurch vermittelt, dass wir einen beliebigen Punkt, etwa A, mit dem rechten Auge an einer anderen Stelle des Hintergrundes CD projicirt sehen als mit dem linken. Mit dem rechten Auge betrachtet, scheint uns nämlich der Punkt A gerade vor a, mit dem linken betrachtet, scheint er gerade vor a' zu stehen oder, mit anderen Worten, a und a' sind die Projectionen des Punktes A auf den Hintergrund CD für das rechte und für das linke Auge.

L B Der Abstand der beiden Projectionspunkte wird aber um so kleiner, je weiter sich det betrachtete Gegenstand vom Auge entfernt, je kleiner also der Gesichtswinkel wird.

Für den entfernteren Punkt B sind b und b' die beiden Projectionen auf den Hintergrund; und diese beiden Projectionspunkte b und b' liegen einander näher als a und a'.

Fa kommen also hier beim Sehen mit zwei Augen dieselben Hülfamittel in Anwendung, mit Hülfe deren der Geometer die Entfernung unzagänglicher Punkte bestimmt. An die Stelle der gemessenen Standlinie, von deren Endpunkten aus naan nach dem fraglichen Punkte hinvisirt, tritt hier die Verbindungshine der beiden Augen, und an die Stelle des Messens und Rechnens tritt die Schätzung, welche wir unbewusst ausführen und in welcher wir durch Uebung eine ziemliche Sicherheit erlangt haben.

So läset uns dann bei Betrachtung unserer näheren Umgebung das gleichzeitige Sehen mit zwei Augen deutlich unterscheiden, welche Punkte mehr vortreten und welche nehr zurückliegen. Dazu kommt noch, das wir nahe Gegenstände mit dem rechten Auge etwas mehr von der einen, mit dem linken Auge etwas mehr von der anderen Seite sehen und das gerade die Combination dieser etwas ungleichen Bilder zu einem Totaleindruck wesentlich dazu beiträgt, die flächenhalte Anschauung des einzelnen Auges zu einer körpertichen, zu einer plastischen zu erheben.

Die erwähnten Vortheile des Sehens mit zwei Augen treten in ihrer

vollen Bedeutung nur bei Betrachtung unserer nächsten Umgebung auf; sie vermindern sich in dem Maasse, als die zu beschauenden Gegenstände weiter weg liegen, und verschwinden bereits völlig beim Betrachten einer landschaftlichen Ferne.

Das Stereoskop. Eine auf einer Fläche ausgeführte bildliche 278 Darstellung, sei es nun eine Zeichnung oder ein Gemälek, kann doch immer nur die Anschaung eines einzelnen Auges wiedergeben. Wie sehr der Künstler auch durch richtige Perspective, durch naturgetreue Schattirung und Färbung seinen Gegenstand hervorheben mag, nie wird er durch ein flächenhaftes Bild die Täuschung so weit treiben können, dass sich das Bild gleichsam unwiderstehlich körperich gestaltet. Eine solche vollkommen plastische Erscheinung ist nur durch die Combination zweier Bilder desselben Gegenstandes zu erreichen, von denen das eine dem rechten, das andere dem linken Auge entspricht und welche sich zu einem einzigen Totaleindrucke vereinigen.

In Fig. 730 stelle L das linke, R das rechte Auge vor. Auf der Linie rs, welcho rechtwinklig zur Verbindungslinie der beiden Augen steht, be-Fig. 730. finde sich ein Punkt B und hinter demselben, gleich weit von B und gleich weit von rs die Punkto A und C.



Denken wir uns zwischen das rechte Ange und die drei Punkte ABC eine Glastafel M eingeschoben, so sehneiden die Visirlinien AR, BR und CR die Glastafel in a, in b und in c. Werden nun auf der Glastafel die drei Punkte a, b und e gehörig bezeichent, so werden sie, von R aus geschen, die Punkte A, B und C decken; a, b und e sind die Bilder von A, B und C. Nach den Bilder a, b und e binschauend, wird das rechte Auge R desselben Eindruck empfangen, als ob es die Punkte A, B und C selbst betrachtete.

Welcher von den drei Punkten aber vor- oder zurückliegt, kann das eine  $\operatorname{Auge} R$  nicht eutscheiden. Durch die von R ausgehenden Visirhinien ist nur die Richtung bestimmt, in welcher man die Punkte A, B und C zu suchen lat, aber nicht ihre Entfernung. Jeder dieser Punkte könnte auf seiner Visirhinie vor- oder zurückgeschoben wer-

könnte auf seiner Visirlinie vor- oder zurückgeschoben werden, ohne dass dadurch seine scheinbare Stellung gegen die anderen für das Auge R im mindesten geändert würde.

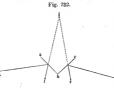
Dasselbe gilt für das liuke Auge. Von L aus betrachtet, machen die drei Bilder a', b' und c' auf der Glastafel N denselben Eindruck wie die drei Punkte AB C selbst. Die Betrachtung mit dem linken Auge allein kann aber über die wahre gegenseitige Lage derselben nichts entscheiden, mag man es nun auf die Punkte AB C selbst oder ihre Bilder a'b'c' richten.

Wenn nun aber gleichzeitig das linke Auge die Bilder auf N, dar rechte die auf M betrachtet und zwar so, dass die Netshautbildehen von  $\alpha'$ , b' und c' im linken Auge und die Netshautbildehen  $\alpha$ , b und c' im retten Auge auf die entsprechenden Stellen der Netshautbildehen son combiners sich die Netshautbildehen von a und  $\alpha'$  zu einem geneinschaftliche Eindrucke; ebenso die von b und b', von c und c'. Dabei verretzen zir unwillkürlich die einzelnen Punkte dahin, wo sich die beiden nach seines Bildern gerichteten Visitrinien schneiden. Für die Bilder a und a' glaben wir einen Punkt in A, für die Bilder b und b' einen Punkt in B, für die Bilder b und b' einen Punkt in C3 seeben.

Auf diese Weise ist die Stellung der einzelnen Punkte im Raume voll-Fig. 731. ständig gegeben, es kann nicht mehr zweifelhaft sein welcher Punkt vor- und welcher zurückliegt.



Der Erfinder des Stereoskops ist Wheatstone. Das Wesen des von Wheatstone construirten Stereoskops soll durch Fig. 732 erläutert wer-



h Fig. 732 crläutert werden, ba und be sind zweirechtwinklig gegen einander geneigte Spiegelderen EbeneverticalsteltVor dem einen dieserSpiegel, nämlich vor bewird das rechte Auger vor
dem anderen wird
das linke Auge I gebracht,
wenn nun bei g die für
dasrechte Auger bestimmte
Zeichnung eines Gegenstandes, bei k aber die

für das linke Auge bestimmte aufgestellt wird, so sieht jedes Ange das Bild der ihm entsprechenden Zeichnungen in i, die Wahrnehmungen beider Angen können sich also in der oben angedenteten Weise zu einem plastischen Totaleindrucke vereinigen.

Fig. 733 stellt das Wheatston'sche Stereoskop, wie es sich am einfachsten ausführen lässt, in ½ der natürlichen Grösse dar. Die Zeich-



n<br/>nngen werden bei gund keingeschoben; <br/> aund bsind die Spiegel. Sonst bedarf die Figur wohl keine Erlänterung.

Was Wheatstone durch Spiegel erreicht, das erreicht Brewster durch Prismen, welche zugleich linsenartig gewölbt sind. Fig. 734 dicht



dazu, das Princip des Brewster'schen Stereoskops anschaplich zu machen. Die beiden Bilder, von welchem das eine dem rechten, das andere dem linken Auge entspricht, welche aber in ihrer richtigen Lage zum Gegenstande sich theilweise überdecken würden, wie Fig. 731 zeigt, werden, wie man Fig. 734 sieht, so weit auseinander geschoben, dass sie vollständig getrennt sind. Vor das rechte Auge wird slsdann ein Prisma P von geringem brechenden Winkel gebracht, dessen brechende Kante nach der Linken gerichtet ist, während vor dem linken Ange ein gleiches Prisma Q sich befindet, dessen brechende Kaute nach der Rechten gerichtet ist. Durch das Prisma P sight das rechte Ange das Bild ab ctwas nach der Linken, durch das Prisma Q sicht das linke Auge das Bild a'b' ctwas nach der Rechten verschoben. So crblickt das rechte Auge das Bild a der Pfeilspitze nach der Richtung Rr, während das linke Auge das Bild a' der Pfeilspitze nach Ll erblickt; fallen

nun die Bilder a und a' auf entsprechende Stellen der Netzhäute, so combiniren sie sich zu einem gemeinschaftlichen Eindrucke, beide Augen zusammen werden also die Pfeilspitze da sehen, wo sich die Visirlinien Ll und Rr schreiden, also in A.

Eben so wird sich der Eindruck des durch Q gesehenen Bildes des gesiederten Pfeilendes b' im linken Auge mit dem Eindrucke des durch P gesehenen Bildes von b im rechten Auge so combiniren, dass man das gesiederte Pfeilende in B zu erblicken glaubt.

Für die beiden Prismen P und Q brachte Brewster die beiden Hälften einer Sammellinse von ungefähr 15 Centimeter Brennweite in Anwendung.

Diese Linsenhälften sind an den Deckel des Stereoskopkastens, Fig. 735, so befestigt, wie Fig. 736 erläutert. Das rechte Auge schaut durch



die Linse R, das linke schaut durch die Linse L in das Instrument. Durch die Anwendung dieser Linsenstücke ist es nun zunächst möglich, die Zeichfügt füg. 736. nungen dem Gesichte näher zu



bringen, dann aber wirken sie auch wie Prismen, indem die Linsenhälfte R das Bild etwas

nach dem linken schiebt, während das Bild der mit dem linken Auge durch L betrachteten Zeichnung etwas nach dem rechten gerückt erscheint. Auf diese Weise wird das vollständige Zusammenfallen der beiden Bilder begünstigt.

Die beiden Zeichnungen, welche sich auf einem und demselben Blatte befinden, werden auf den Boden des Kastens eingeschoben, in dessen vorderer Wand sich eine grössere Oeffnung befindet, durch welche die Zeichnungen das nöthige Licht erhalten.

In dem Stereoskopkasten, Fig. 735, ist eine verticale Scheidewand S

eingesetzt, welche verhindert, dass ein Auge das Bild sehen kann, welches für das andere Auge bestimmt ist.

Wenn man die Zeichnungen in einer günstigen Stellung vor das Auge bringt und nur verhindert, dass das rechte Auge die fürs linke bestimmte Zeichnung sehen kaun, und umgekehrt, so sind gar keine weiteren optischen Hülfsmittel mehr nöthig, um die Bilder auf die entsprechenden Stellen der Netzhaut fallen zu machen. Nimmt man die Glisser aus dem Apparat Fig. 735 ganz weg, so sieht ein Kurzsichtiger, wenn er mit beiden Augen durch die beiden Oeffungen hinab schauk, Anfangs allerdings doppelte Bilder; nach einiger Zeit aber nähern sie sich, um bald vollständig in einander zu verschmelzen, und dann ist der plastische Endrevk vollständig at

Auf gleiche Weise würde auch ein Weitsichtiger die Erscheinung wahrnehmen können, wenn nur die Oeffnungen weiter vom Boden weg wären.

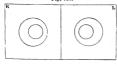
Frick fand, dass es zur Hervorbringung der stereoskopischen Täuschung sehon genügt, eine Scheidewand zwischen den beiden Zeichnungen anzubringen; so ergiebt sich denn die Vorrichtung Fig. 737 als die ein-Fig. 737. fachste Form des Stereoskops. In der Mitte eines

b d

borizontalen Brettchens ab, welches ungefähr 10 Centimeter breit und doppelte so lang ist, wird ein verticales Brettchen cd befestigt, welches als Scheide-wand dieens soll. Die Rückwand dient nur, nm dem Brette cd mehr Halt zu geben. cd ist unten durchbrechen, damit man die Zeichungen auf das Bodenbrett einsehieben kann. Die Höhe von cd ist f is nach der Weite des deutlichen Schens grösser oder kleiner.

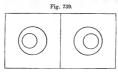
Die Betrachtung der Fig. 730 lehrt uns, welche Bedingungen in den Bildern erfüllt sein müssen, damit ein Punkt vor - oder zurücktritt. Damit der Punkt B in der Mitte vor A und C erscheint, muss sein Bild b in der fürs rechte Auge entworfenen Zeichnung misher bei a, in der fürs linke Auge entworfenen Zeichnung muss aber sein Bild b naher bei c' steben, und daraus folgt, dass der Abstand der beiden Bilder b und b' kleiner sein muss als der von a und a' oder der von c und a', wenn der Punkt B vortreten soll.

Es lässt sich dies durch ganz einfache Stereoskopschieber erläutern. Fig. 738, So stellt Fig. 738 einen



so steit rig. 125 einen solchen ungefähr in ½2 der natürlichen Grösse dar, bei welchem das für das rechte Auge bestimmte Bild sowohl, wie das für das linke bestimmte nur aus zwei nicht concentrischen Kreisen besteht. Im Sterooskop sieht nan den klei-

neren Kreis gerade über der Mitte des unteren schweben, weil die Mittelpunkte der beiden kleinen Kreise einander näher liegen als die der beiden



grossen. Dagegen macht der Stereoskopschieber Fig. 739 im Stereoskop betractet den Eindruck, als ob der kleinere Kreis nnter dem grossen schwebe, well hier die Mittelpunkte der beiden kleineren Kreiseviter von einander entferat sind als die der beide grossen.

Ursprünglich hatte man als Sterroskopbilder nur Zeichnungen, meist gemeinscher Körper in Anwendung gebracht. Ein neues Interesse aus eine allgemeinere Anwendung fand das Stereoskop aber erst, nachden man photographische Bilder an die Stelle der Zeichnungen geseth hatte. Das Stereoskop ist jerst nicht nur ein Instrument, mittelst desse der Physiolog die Gesetze des binocularen Sehens studiren und demonstriers kann, sondern eis it auch ein Mittel, Statuen, Bandenkmale, Städeunsichten. Natursonnen aller Art, wie Gletscher, Wasserfälle u. s. w. mit einer Lebaltigkeit zur Anschauung zu bringen, von welcher man früher kein Ahnung hatte.

- 279 Gränzen der Sichtbarkeit. Wenn ein Gegenstand noch geshen werden soll, so darf der Gesichtswinkel, unter welchen er erscheit,
  nicht unter einer gewissen Gränze liegen, die sehr von der Erleuchtung
  und der Farbe des Gegenstandes, der Natur des Hintergrundes und der
  Individualität der Augen abhängt. Für ein gewöhnliches Auge ist be
  mässiger Beleuchtung ein Gegenstand noch unter einem Schwinkel von 30
  Secunden sichtbar; ein sehr heller Gegenstand, wie ein glänzender Silber
  druht, wird aber auf dunklem Grunde noch unter einem Gesichtswinkel von
  2 Secunden geseben. Auch dunkle Körper können auf weissem Grunds
  sehr deutlich gesehen werden, selbet wenn sie auch sehr fein sind; ein
  mittelmässiges Auge kann ein Hauptbaar vor dem mässig hellen Himmel
  noch in einer Entfernung on 4 bis 6 Fuss deutlich unterzeheiden.
- 280 Irradiation. Wenn der Mond sichelförmig erscheint und zugleich der Rest seiner Scheibe durch schwache Beleuchtung von aschlärbigen Lichte wahrnelmbar ist, so scheint die Sichel überzugreifen, d. b. sie scheint einem Kreise von grösserem Halbmesser anzugehören als der Rest des Mondes. Eine solche scheinbare Vergrösserung wird fast überall beobachtet, wo man einen hellen Gegenstand auf dunklem Grunde sieht; ungekehrt aber erscheint ein dunkler Gegenstand auf hellem Grunde verkleinert. Man hat die hierher gehörigen Erscheinungen mit dem Namen der

Irradiation bezeichnet. Ganz besonders hat Plateau die Gesetze der Irradiation zu ermitteln gesucht (Pogg. Annal., Ergänzungsband 1842).

Die folgende Vorrichtung ist sehr geeignet, diese interessante Erscheinung zu zeigen. Die obere Hälfte einer Pappscheibe von 7 Zoll Höhe und 5 Zoll Breite überziehe man mit weissem Papiere, während die untere



Hälfte schwarz angestrichen wird. Die obere Hälfte theilt man dann darch einen schwarzen Streifen von 2 Linien Breite, die untere durch einen ebenso breiten weissen Streifen, so dass der weisse Streifen in der Verlängerung des dunklen liegt, wie man Fig. 740 sieht. Diesen Apparat stelle man neben einem Fenster auf, so dass er wohl beleuchtet ist, und entferne sieh 12 bis 15 Fuss davon, so wird der weisse Streifen auffallende breiter erscheinen als der schwarze. Noch auffallender kann man die Erscheinung machen, wenn man die weissen Felder und den weissen Streifen ganz ausschneidet der und den weissen Streifen ganz ausschneidet der und den weissen Streifen ganz ausschneidet.

und den Apparat an einer der oberen Scheiben eines Fensters so befestigt, dass man durch die ausgeschnittenen Stellen den hellen Himmel erblickt.

Per Grund der Irradiation ist, nach Plateau's Ansicht, in einer Ausbreitung des Lichteindrucks auf der Netzhaut zu suchen, sie ist also in Beziehung auf den Raum, was das Beharren der Eindrücke auf der Netzhaut, wovon sogleich die Rede sein wird, in Beziehung auf die Zeit ist.

Da demnach die Irradiation keine objective, sondern eine subjective Erscheinung ist, so wird sie auch nicht für alle Personen gleich stark sein. Fig. 741. Auf eine weisse Papptafel von denselben Dimen-



sionen, wie die Fig. 740 dargestellte, male man zwei schwarze Felder so, dass der Rand ab, Fig. 741, ein Millmeter rechts, der Rand gb il Milimeter links von der vertiealen Mittellinie der Tafel liegt. Ans einiger Entfernung betrachtet, scheinen nun die Ränder ab und gb in ein vertieale Linie zu fallen; diese Entfernung ist num für verschiedene Individuen sehr ungleich. Platean fand, dass bei einer Person diese Gioniedenz sehon bei einer Entfernung von 2,5 Metern statfand, was für den Winkelwerth der Irradiation i '22' giebt,'

bei einer anderen Person trat aber die Coincidenz erst bei einer Entfernung von 12 Metern ein, bei dieser betrug also der Winkelwerth der Irradiation nur 17".

Der Winkelwerth der Irradiation ist unabhängig von der Entfernung des Gegenstandes vom Auge; die absolute Breite also, welche wir der Irradiation beilegen, ist unter übrigens gleichen Umständen der Entfernung des Gegenstandes proportional. Die Irradiation zeigt sieh bei allen Entfernungen von der Weite des deutlichen Sehens bis zu unendlicher Entfernung.

Die Grösse der Irradiation wächst mit zunehmender Lichtstärke, doch wächst sie nicht in demselben Verhältnisse wie die Helligkeit, sondern in einem bei zunehmender Helligkeit stets abnehmenden Verhältnisse.

Die Existenz der Irradiation wurde einige Zeit hindurch selbst von ausgezeichneten Astronomen und Physikern bezweifelt, weil die mit den besten Fernröhren angestellten Beobachtungen von dem Einflusse der Irradiation ganz frei waren: so fand man z. B. den Durchmesser des Mondes ganz gleich, man mochte die Messung bei Tage machen, wo er nur ganz matt auf dem blauen Himmel erscheint, oder des Nachts, wo er glänzend auf dem dunklen Grunde steht. Dies ist aber sehr wohl erklärlich. Der Gesichtswinkel, unter welchem wir den Durchmesser des Mondes sehen. beträgt ungefähr 30 Minuten; wenn nun der Winkelwerth der Irradiation für das beobachtende Auge 1 Minute beträgt, so erscheint offenbar der Durchmesser des Mondes durch die Irradiation um 2 Minnten, also un 1/15, vergrössert. Betrachtet man nun den Mond durch ein gutes Fern rohr, so wird wohl der Durchmesser des Mondes, aber nicht die Irradiation vergrössert; nehmen wir an, das Fernrohr bewirke eine 50malige Vergrösserung, so wird der Durchmesser des Mondes unter einem Gesichts winkel von 1500' erscheinen; wenn nun dieser Winkel durch die Irradiation noch um 2' vergrössert wird, so beträgt doch diese Vergrösserung nur  $\frac{1}{740}$ , sie übt also hier einen verhältnissmässig sehr geringen Einfluss aus

740'
Bedenkt man nun ausserdem noch, dass die Intensität des Lichtes durd
die starke Vergrösserung gesehwächt wird, dass also auch deshalb noch
der Einfluss der Irradiation geringer ausfällt, so begreift man sehr get
wie bei Beobachtungen mit guten Fernröhren der Einfluss der Irradiatios
ganzu verschwindet.

Gegen die obige Erklärung der Irradiationserscheinungen ist Weleker in einer Abhandlung aufgetreten (Ueber Irradiation u. s. w. von Hermann Welcker, Giessen 1852), in welcher er nachzuweisen sucht. dass alle Irradiationserscheinungen auf mangelhafte Accommodation zurückzuführen seien. Allerdings bringen die Zerstreuungskreise, welche sich auf der Netzhaut bilden, wenn das Auge für die betrachteten Gegenstände nicht gehörig accommodirt ist, ganz ähnliche Erscheinungen hervor wie die Irradiation, und die von Welcker beobachteten und beschriebenen Erscheinungen sind in der That nur das Resultat mangelhafter Accommodation; sie sind aber anch gar keine Irradiationserscheinungen, denn die Irradiation fängt erst an merklich zu werden, wenn die durch Zerstreuungs kreise bewirkte Unreinheit der Bilder beseitigt ist. Es geht dies auch aus Plateau's Abhandlung hervor, obgleich er diesen Umstand nicht nach Gebühr betont. - So lange das Auge nicht accommodirt ist, sind die Wirkungen der Zerstreuungskreise so weit aus überwiegend, dass gegen sie die Irradiationserscheinungen völlig verschwinden.

Dass man die Irradiationserscheimungen nicht so schlechthin auf unvollständige Accommodation schieben darf, dafür dürfte folgende Beobachtung sprechen, die ich im Frühjahr 1856 machte. Die swei Tage alte
Mondsichel stand gerade im Sternbilde des Widders und ich beobachtete
an ihr die im Anfange dieses Parigraphen erwähnte Erscheinung in ansgezeichneter Weise, obgleich meine Augen durch eine Brille hinlänglich
accommodirt waren, nm die sechs Hauptsterne, der Plejadengruppe getrennt
zu sehen.

Dass der Lichteindruck auf der Netzhant sich ausbreiten k\u000me, wie 
en Plateau's Ansicht ist, steht darehaus nicht im Widerspruche mit den 
Grunds\u00e4tzen der Physik, wie Welckerzu meinen scheint; denn wenn irgend 
ein materiellen Theichen in den Zustand lebhafter Vibrationen versetzt 
wird, so werden sich diese Vibrationebwergungen mehr oder weniger den 
benachbarten Thrilchen mittheilen, nod es ist nicht einzusehen, warum ein 
solches bei dem Netzhantpartkielchen nicht stattfinden soll.

Dauer des Lichteindruckes. Wenn man mit einer gibnenden 281. Kohle rasch einen Kreib beschreibt, ac kann nan die Kohle selbst nicht unterscheiden, sondern man sieht einen feurigen Kreis. Der Grund dieser Erscheinung liegt darin, dass eine durch einen Lichteindruck afficirte Stelle der Retina nicht augenblicklich wieder zur Ruhe kommt, wenn der Lichteindruck selbst aufgebört hat, dass in dem fraglichen Falle der Lichteindruck, welchen die glübende Kohle an irgend einer Stelle ihrer Kreinbahn hervorbringt, so lange dauert, bis sie nach einer ganzen Umdrehung wieder dieselbs Estelle erreicht.

Wenn man vor einer unbeweglichen glübenden Kohle eine undurchsichtige Kreisfläche rotiren lässt, die in der Nähe ihres Umfanges mit einem Loche versehen ist, welches gerade vor der Kohle vorübergeht, so bleibt die Kohle ununterbrochen sichtbar, wenn die Umdrehung der Scheibe in weniger als ½. Seeunde vollendet wird.

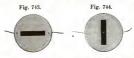
Aus demselben Grunde kann man anch die Speichen eines schnell lau-Fig. 742. fenden Rades nicht unterscheiden, und die obere Fläche



fenden Rades nicht unterscheiden, und die obere Fläche eines Kreisies, welcher mit abwechselnd weisen und schwarzen Sectoren bernalt ist, wie Fig. 742, erscheint bei rascher Botation gleichformig grau. Wenn aber der Kreisel, im Dunkeln rotirend, momentan erleuchtet wird, etwa durch einen Bilts oder einen elektrischen Funken, so kann man die einzelnen Sectoren deutlich unterscheiden.

Macht man in eine Pappscheibe von 2 bis 3 Zoll Durchmesser diametral gegenüberstehend zwei Löcher, durch welche man Fäden zieht, wie Fig. 743 und Fig. 744 zeigen, so kann man mit Hülfe dieser Fäden die Scheibe rasch drehen, so dass man abwechselnd die eine und dann wieder die andere Seite sieht. Macht man nun auf die eine Seite einen schwarzen Streifen in der Richtung der beiden kleinen Löcher, auf die andere

Seite einen Streifen, welcher auf dieser Richtung rechtwinklig steht, so sieht man bei rascher Umdrehung ein Kreuz, weil der Eindruck des horzontalen Streifens im



ein Vogel gemalt, se erscheint bei rascher Drehung der Vogel im Käfig u. s. w. Ein recht sinnreicher und artiger Apparat, welcher sich ebenfalls au

die Dauer des Lichteindruckes gründet, ist die sogenannte Wunder-



scheibe, die strohoskopische Scheibe oder da Phenakistoskop. Eine Scheibe von 20 his 25 Centimeter Durchmesser kann um eine horizontale Axe in eine Rotationsbewegung versetzt werden; am Rande dieser Scheibe befindet sich eine Reibe von Oeffnungen welche in gleichen Abständen auf einander folgen: in der Fig. 745 dargestellten Wunderscheibe befinden sich 12 solcher Löcher. Innerhalh des durch die 12 Löcher gehildeten Ringer ist nun eine kleinere bemalte Scheibe befestigt, su welcher ein und derselbe Gegenstand in 12 auf einander folgenden Stellunger ahgebildet ist, so dass jedem Loche eine andere Stellung entspricht. In unserer Fi-

Auge noch nicht erloschen ist, wenn der verticale Streifen sichthar wird. Ist au die eine Seite ein Käfig, auf die andere

Gegenstand gewählt, nämlich ein Pendel. Unter der mit 1 beseichneten Gefnung ist das Pendel dargestellt, wie es eben seine äusserste Stellung links erreicht hat; unter der Oeffnung 2 sehen wir das Pendel, wie es sich der Gleichgewichtlage sehon wieder genähert hat, bei 3 hat es sich der Gleichgewichtlage noch mehr genähert und bei 4 hat es dieselbe erreicht u.v. Dieser Apparat wird nun so vor einen Spiegel gehalten, dass die benüle Fläche dem Spiegel zugekehrt ist und man durch eine Oeffnung, etwa durch die oberste, das Bild der bemalten Scheibe im Spiegel sieht. Wenn die Scheibe rotirt, so geht eine Oeffnung nach der anderen vor dem Auge vorüber, während aber die Zwischenfäume vor dem Auge hergehen, empfängt es kein Lieht. Nehmen wir an, dass in einem bestimmten Momente die Oeffnung 1 vor dem Auge vorübergeht, so erblickt man unter derselben das Bild des Pendels in seiner grössten Ausweichung; der in diesem Moment ins Auge gelangende Lichteindruck bleibt nun, bis die zweite Oeffnung vors Auge kommt, und nun erscheint das Pendel an derselben Stelle, an welcher man es eben erst in seiner grössten Ausweichung gesehen hatte, der Gleichgewichtslage etwas genähert; das Bild dieser zweiten Lage bleibt im Ange, bis die dritte Oeffnung vor dasselbe gelangt, und nun sieht man das Pendel seiner Gleichgewichtslage noch mehr genähert u. s. w.; die auf diese Weise der Reihe nach dem Auge vorgeführten Stellungen des Pendels machen nun täuschend den Eindruck, als ob man ein Pendel wirklich oscilliren sähe. Statt des Pendels kann man auch andere Gegenstände wählen, die man der Reihe nach in eben so viel verschiedenen Stellungen dargestellt hat, als Löcher vorhanden sind, so dass jeder Oeffnung eine andere Stellung entspricht. Sehr täuschend lassen sich auf diese Weise Bewegungen von Menschen und Thiergestalten darstellen, die man in den verschiedenen auf einander folgenden Stellungen aufgezeichnet bat.

Ebenso wie die Gegeustände eine gewisse Grösse haben müssen, um durch das Auge wahrnehmbar zu sein, ebenso muss auch der Lichteindruck eine namhafte Zeit andauern, um eine Wirkung auf die Netzhaut hervorzubringen; ans diesem Grunde wird ein sehr schnell sich bewegender Körper, z. B. eine Kanonenkugel, nicht geseher; das Bild der flegenden Kngel bewegt sich auf der Netzhaut mit solcher Geschwindigkeit, dass es an keiner Stelle derselben währgenommen werden kann.

Die Nachwirkungen auf der Netzhaut sind um so stärker und dauern um so länger fort, je intensiver und andauernder die primitive Einwirkung war. Die Nachbilder heller Gegenstände sind hell, die Nachbilder dunkler Gegenstände dunkel, wenn das Auge einer ferneren Lichteinwirkung entzogen wird. Sieht man z. B. längere Zeit unverwandt durch ein Fenster nach dem hellen Himmel, wendet man alsdann das Auge weg, indem man es zugleich schliesst, so sieht man noch immer die hellen Zwischenräume begränzt durch die dunklen Fensterrahmen, wendet man dagegen das Auge auf eine weisse Wand, so erscheint im Nachbilde hell, was im ursprünglichen dunkel war, und umgekehrt; man sieht z. B. die Fensterrahmen hell und die Zwischenränme dunkel. Diese Umkehrung ist leicht zu erklären: wird das geblendete Auge auf die weisse Wand gerichtet, so sind die vorher durch das helle Licht afficirten Stellen der Netzhaut weniger empfindlich gegen das weisse Licht der weissen Wand, als diejenigen Stellen der Netzhaut, auf welche das Bild der dunklen Fensterrahmen øefallen war.

282 Farbige Nachbilder. Unser Gesichtsorgan empfindet oft Farbe-eindrücke, die nicht ummittelbar durch änssere Objecte hervorgebradt sind, sondern in einem eigentühmlich gereitzten Zustande der Nethatti ihren Grund haben. Man nennt solche Farben subjective oder sach physiologische. Die farbigen Nachbilder sowohl als auch die Farben welche durch Contraste hervorgebracht werden, gehören hierber.

Die Nachbilder, von denen in vorigem Paragraph die Rede war, sind immer mehr oder weniger gefärbt, und zwar ist diese Färbnng um so entschiedener, je intensiver der primitive Lichteindruck war, welcher die Nachbilder veranlasste. Man fixire z. B. einige Zeit lang ein Kerzenlicht recht scharf, schliesse dann die Augen und wende sie nach einer dunklen Stelle des Zimmers, so glaubt man noch immer die Flamme vor den Augen zu haben, aber sie verändert nach und nach ihre Farbe; sie wird alsbald ganz gelb, geht dann durch Orange in Roth, von Roth durch Viole in grünliches Blau über, welches immer dunkler wird, bis das Nachbild endlich ganz verschwindet. Wendet man hingegen das durch das Kerzenlicht geblendete Auge auf eine weisse Wand, so folgen sich die Farben des Nachbildes in fast entgegengesetzter Ordnung, d. h. man sieht anfangs ein ganz dunkles Nachbild auf dem hellen Grunde, welches alsbald blan, grün, gelb wird und endlich vom weissen Grunde nicht mehr unterschieden wird, wenn das Nachbild ganz verschwunden ist, d. h. wenn die Netshaut sich ganz wieder erholt hat. Der Uebergang von einer Farbe gur anderen beginnt am Rande und verbreitet sich von da ans nach der Mitte-Dieselbe Reihe von Farbenerscheinungen beobachtet man an den Blendungsbildern weisser Papiere, die auf schwarzem Grunde liegend von der Sonne beschienen sind u. s. w.

Der Grund dieser Erscheinungen ist wohl darin zu suchen, das die Abschwirkung auf der Netzhaut nicht für alle Parben des Spectrums gleich lange dauert und dass die Abnahme der Intensität der Nachwirkung nicht auf eine Berben dasselbe Gesetz befolgt. Um das Abklingen der Farbe im Nachbilde eines weissen Gegenstandes zu erklären, müsste man antemen, dass der Eindruck des Gelben am ersten verliecht, dann Both meldich Blau; dass aber das Gebb anfangs langsam, dann rascher, das Biss aber ungeskehrt anfangs rasch und später langsam an Intensität abnimat, ungefähr so wie ein Fig. 746 durch eine graphische Darstellung erlästert wird. Die Abscissen sind der Zeit, die Ordinaten der Intensität der Nachwirkung proportional; es stellt also og die Zeit dar, welche von den

Fig. 746.



Augenblick an vergeht, in velchem das Ange der Einwirkung des blendenden weissen Gegerstandes entzogen wird, bis sin dem Momente, in welchem die Nachwirkung der in dem weissen Licht enthaltenen gelbes Strählen gänzlich erloschen ist; ar und ab stellen die entsprechenden Zeiten für das rothe und blane Licht dar; die Curven mg, mr und mb stellen die Gesetz dar, nach welchen die Intensität der Nachwirkung für Gelb, Roth und Blan abnimmt; die übrigen Farben des Spectrums wollen wir der Einfachbeit wegen vor der Hand noch nnberücksichtigt lassen. In dem Moment, in welchem das Auge der Einwirkung des blendenden Gegenstandes entzogen wird, hat es noch die Empfindang von Weiss, weil es durch alle Farben gleichnabsig afflicit ist; nan nimmt aber anfangs die Nachwirkung aller anderen Farbenstrahlen rascher ab als die der gelben, deshalb wird das Nachbild bald eine gelbe Farbung annehmen müssen. Die gelbe Farbung geht aber alsbald durch Orange in Roth über, weil nach einiger Zeit die Intensität des gelben Nachbildes so rasch abnimmt, dass bald das rothe Nachbilde so rasch abnimmt, dass bald das rothe Nachbilde so rasch abnimmt, dass bald das rothe Nachbilde überviegend wird; da aber dieses anch eher ganz verschwindet als das blane Nachbild, so wird sich endlich die blane Färbung gettend mehen müssen.

Die Curve für Orange würde so zu legen sein, dass sie die Curve mg in  $x,\ mr$  aber in y schnitte; die Curve für Grün würde mr in  $z,\ mb$  in t schneiden.

Wendet man das geblendete Ange auf eine weisse Fläche, so erscheint das Nachbild dunkel, weil die geblendeten Stellen der Netzhant für das weisse Licht der Fläche unempfindlicher sind; nun aber bleibt anfangs die Nachwirkung der rothen und gelben Strahlen noch vorherrschend, während die der blanen rasch abnimmt, das Ange wird also für blanes Licht eher wieder etwas empfindlich, das auf dem hellen Grund zuerst ganz dunkel erscheinende Nachbild wird also zunächst eine blane Färbung annehmen. Die Nachwirkung des Gelb erlischt auf der Netzhaut zuerst, sie erhält also ihre volle Empfindlichkeit für die gelben Strahlen zuerst wieder; in dieser Periode also wird das geblendete Auge, auf eine weisse Fläche sehend, ein gelbes Nachbild wahrnehmen, nachdem es Nüancen durchlaufen hat, welche immer denen complementär sind, welche man in denselben Momenten bei geschlossenem Ange würde wahrgenommen haben. In der That brancht man nur das bis dahin geschlossene Ange zu öffnen, wenn das Nachbild anf dnnklem Grunde eine bestimmte Farbe erlangt hat, und es auf eine weisse Fläche zu richten, nm sogleich das complementäre Nachbild auf weissem Grunde zu sehen.

Wenn man längere Zeit einen farbigen Fleck auf weissem Grunde scharf fürit und dann das Ange seitwärts auf die weisse Fläche-richtet, so sieht man ein complementär gefärbtes Nachhild; war der Fleck blan, so ist das Nachbild gebly war er roth, so ist es grün n. s. w. Diese Erscheinung erklärt sieh dadurch, dass die Netzhaut für die Farbe des Objectes abgestumpft und also für diejenigen im weissen Licht enthaltenen Farben empfindlicher wird, die nicht in der Färbung des Objectes enthalten sind, welches die Blendung veranlasste. Dass die Retina durch das länerer Betrachten eines stark erlenchte

Dass die Aetina durch das langere betrachten eines stark eriententen farbigen Gegenstandes allmälig gegen diese Farbe abgestumpft wird, geht auch daraus bervor, dass sie nach und nach immer matter und un-

scheinbarer wird. Man kaun sich davon am leichtesten auf folgende Weie überzeugen. Man fixire längere Zeit ein farbiges, etwa ein rothes Quadrat, wellches sich auf einem weissen Grunde befindet, und wende dam das Augnur etwas seitwärts, so dass das complementäre Nachbild zum Theil noch auf das farbige Quadrat fällt, wie dies Fig. 747 angedeutet ist. Der fries



Theil des Nachbildes erscheint jetzt grün, der frei gewordene Theil des ursprünglichen Bildes. A. h. derjenige Theil, welcher seine Strahlen jetzt and Stellen der Nethaut sendet, die vorben noch nicht von dem rothen Licht getroffen waren, erscheint lebhaft roth; da aber, wo beide Quadrate über einander fallen, sicht man ein weit matteren Roth, deum die von diesem Theile des objectives

rothen Quadrates ausgehenden Strahlen treffen noch immer solche Stellen der Netzhaut, welche gegen den Eindruck des rothen Lichtes schon mehr abgestumpft siud.

Die Farben, welche die complementären Nachbilder zeigen, nennt man nuch subjective Farben, weil sie wahrgenommen werden, ohne dass ein äusserer Gegenstand diesen Farben seine Strahlen ins Auge sendet. — Gam besonders schön lassen sich diese subjectiven Farben mit dem Fig. 748



dargestellten, von Nörrenberg construirten Apparate zeigen. Vor die Rückwand de unteren Theiles wird eine mit schön farbigem Papier über zogene Tafel von Pappendecke



eingeschoben, welche in Fig. 749 unverkürzt dargestellt ist in der Mitte des Theiles der Tafel, welcher sichtbar bleibt wenn dieselbe in den Apparatingeschoben worden ist, ist ein längliches Rechteck nobq von einer anderen Farbe aufgeklebt. welche wo möglich

(aber nicht nothwendig) complementär zur Grundfarbe ist. Hat man den Apparat so aufgestellt, dass die farbige Tafel gut beleuchtet ist, so schaut man dieselbe eine Zeitlang starr an; damit man aber is das Auge möglichst unverrückt erhalte, ist an der Vorderseite des Apparates, von einem Drahte getragen, ein ungefähr 1/2 Zoll im Durchmesser haltendes schwarz angestrichenes Scheibehen a, Fig. 748, angebracht, welches vor der Mitte des farbigen Rechtecks nobg erscheint, wenn sich das Auge in gleicher Höhe mit dem Scheibchen gerade in der Mitte vor dem Apparate befindet. Nachdem man nun, das Scheibchen a scharf fixirend, die Tafel 16 bis 20 Secunden lang angeschaut hat, ist das Auge bereits ermüdet, und die Farben verlieren ihren Glanz. Ist dies eingetreten, so wird, während der Beschauer noch immer unverwandt das schwarze Scheibchen fixirt, der Stift b ausgezogen, so dass ein mit weissem Papier überzogenes Holzrähmchen, welches bis dahin von dem Stifte getragen wurde, herabfällt und die mit farbigem Papier überzogene Tafel zudeckt. Nun sieht man auf dem weissen Papier sehr schön die complementären Farben von denen, welche das Auge vor dem Herabfallen des weissen Schirmes gesehen hatte.

Sohr auffallend ist das Unscheinbarwerden der Farben bei einem von Brewster angegebenen Vernuche. Betrachtet man das Spectrum einer Kerzenflamme anhaltend durch ein Prisma, so werden nach und nach die Farben immer unscheinbarer; zuerst verschwindet Both und Grün, dann Blau, endlich auch das Gelb, und man sieht statt des farbigen Spectrums nur noch einen langen weisslichen Streifen; am sichersten gelingt der Versuch, wenn man mit der Hand das obere Augenlid festhält, um es am Herunterfallen zu verhindern.

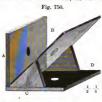
Sollte man es bei einer Kerzenflamme nicht zum Verschwinden der Farben bringen können, denn diese, wie alle aubjectiven Genichterscheinungen, entwickeln sich nicht bei allen Individuen mit gleicher Intensität, so nehme man eine intensierer weises Flamme zum Object. Auf jeden Fall gelingt der Versuch, wenn man durch das Prisma direct das Sonnenbild betrachtet; das Licht ist so intensiv, dass man sogleich nur einen weisens Streifen ohne alle Färbung wahrnimmt.

Contrastfarben. Ein grauer Fleck erscheint auf einer weissen 283 Fläche dunkler, auf einer schwarzen beller, als wenn die ganze Fläche mit demselben graueu Tone überzogen wäre. Ein Versuch, welcher dies recht deutlich zeigt, ist folgender: Man bringe einen sehmalen undurchsichtigen Körper, etwa einen Bleistlir, zwischen eine Kerzenflamme und eine weisse Fläche, so wird man einen dunklen Schatten auf hellem Grunde sehen; bringt man nun eine zweite Kerzenflamme neben die erstere, so sieht man zwei dunkle Schatten auf dem hellen Grunde; jeder dieser Schatten ist aber jetzt durch eine Kerze also eben so stark erleuchtet, als vorher die ganze Fläche war, und doch hielt man vorher die Fläche für hell und

jetzt den Schatten für dunkel; dieser Versuch beweist den bedeutenden Einfluss des Contrastes.

Noch auffallender sind die Contrasterscheinungen bei Betrachtungen farbiger Gegenstände, wobei man oft complementäre Farben sieht, welche obiectiv zur nicht vorhanden sind.

Legt man einen sehmalen grauen Papierschnitzel auf ein lichtgrüns Papier, so erscheint der Streifen 7thlich, legt man ihn auf ein blaus Papier, so erscheint ergelb, kurz er erscheint immer complementir zur Farbe des Grundes. Sehr deutlich nimmt man die Erscheinnng wahr, wen man einen ungefähr 1 Millimeter breiten Streifen von weissem Papier al eine Tafel von farbigem Glase klebt und dann durch dasselbe nach einer weisen Flache, etwa nach einem Blatt weissen Papiera, sieht; oder auch, indem man die eine Seite des Glases ganz mit einem dännen Papier be deckt, auf die andere den schmalen Streifen befestigt und dann das Glas vor eine Kerzenflamme halit; der Streifen erscheint dann complementar zur



Farbe des Glases, also roth auf einem grünen Glase, blan auf einem gelben u. s. w.

Sehr sehön kann man die Contrastfarben mit Hulfe des Apparates Fig. 750 zeigen, welcher sich aus Pappendeckel oder and dinnen Holzbrettchen berstelle Bast. Die verticale Wand AB ist mit weissem Papier überzen gen und hat in der Mitte einer schwarzen kreisrunden Fleek von nugefähr 1/3 Centinneter Durchmesser. Die horizontale Wand

CD ist mit schwarzem l'apier überzogen und hat in der Mitte einem weisen Pieck, welcher eben so gross it als der oben erwähnte schwarze. Unter einem Winkel von 459 gegen AB und CD geneigt, ist nun eine farbige Glasplatte angebracht, und wenn man nun das Auge so hält, dass das Spiegelbild, welches die untere l'Eliche der Glasplatte von dem auf CD gemachten weissen Fleck giebt, gerade vor dem schwarzen Fleck der Wand AB geselnen wirt, so erscheint dieses Spiegelbild farbig, und awar ist seine Farbe complementär zur Farbe des Glases. Bei Anwendung einer grüner Glasplatte z. B. sieht man einen rothen Fleck auf grünem Grunde.

Hierher gehören auch die sogenanuten far bigen Schatten, welche erscheinen, wenn im farbigen Licht ein schmaler Körper einen Schatten wirft und dieser Schatten durch weisses Licht beleuchtet ist. Man erhält solche farbigen Schatten am hiechtesten auf folgende Weise: Man liest Lichtstralhen durch ein farbiges Glas auf eine weisse Flüche, etwa auf weisese Papier, fallen, so dass sie nun farbig erscheint; fängt man an irgund einer Stelle die das Papier beleuchtenden farbigen Strahlen durch

einen schmalen Körper auf, so erhält man einen schmalen Schatten, welcher nur durch das ringsum verbretetet weisse Tageshicht erhellt ist; dieser Schatten erscheint nun complementär zum Grunde; wendet man ein
rothes Glas an, so erscheint der Schatten grün; er erscheint blau, weun
man ein gelbes Glas anwendet u. s. w. Die Farben dieser Schatten sind
rein sublectif.

Manchmal beobachtet man unch farbige Schatten, welche wirklich objectiv verschiedenfarbig sind; sie entstehen, wenn ein K\u00fcrper bei doppelter Belenchtung zwei Schatten wirft und die beiden Lichtquellen verschiedene Farben haben, denn shadam ist der eine Schatten nur durch Licht von der anderer Schatten nur durch Licht von der anderen Farbe beleuchtet. Solche farbigen Schatten entstehen, wenn in der Dämmerung dass bl\u00e4tilden Himmelsicht in ein Zimmer f\u00e4llt, in welchem sich eine brennende Kerze befindet; h\u00e4lt han ein S\u00e4bchen so, dass es einen Schatten im Kerzenlicht, einen zweiten im Tagselicht auf eine weises Fl\u00e4che wirft, so erseheint der eine Schatten blan, der andere gelb, weil der eine nur durch das bl\u00e4liche Kerzenlicht beleuchtet ist; doch m\u00f6chte auch bei diesem Falle der Contrast ehne grossen Einfluss auf die Intensit\u00e4t der reine sur en grossen Einfluss auf die Intensit\u00e4t der hensen zu durch das bl\u00e4tigen und somt die Erscheinung einen theils objectiven, theils subjectiven Grund haben.

Was die Erklärung der farbigen Nebenbilder betrifft, so ist ies wohl darin zu suchen, dass, wenn irgend ein Theil der Netzhaut durch farbiges Licht afficirt wird, die directe Wirkung auch auf die benachbarten Stellen der Netzhant in der Weise reagirt, dass sie in einen dem primitiven Eindrucke complementären Zustand versetzt werden.

Jede Zusammenstellung von Farben, welche complementär zu einander sind, macht einen angewehnen Eindruck auf das Auge, was leicht begreiflich ist, wenn man bedenkt, dass, wenn irgend ein Theil der Netzhaut direct durch irgend eine Farbe afficirt wird, sie ja selbst ein Bestreben zeigt, auf den benachbarten Stellen diesen Gegensatz hervorzurfüc. Uberd die Contrastfarben hat Chevreul ein höchst interessantes Werk gesehrieben.

Die earmera Obseura. Die von dem Neapolitaner Porta um die 284 Mitte des 17ten Jahrhunderts erfundene camera obseura besteht im Wesenthichen aus einer Sam mel lin se, deren Brennweite gewöhnlich 15 bis 30
Zoll beträgt und durch welche ein Bild entfernter Gegenstände entworfen
wird; um den Effect dieses Bildes möglichst zu heben, muss von der Fläche,
auf welcher es aufgefangen wird, alles seitliche, nicht hierher gehörige
Licht vorgfältig ausgeschlossen, d. h. es muss in einer dunklen Kammer
aufgefangen werden.

Die früher gebräuchlichsten Formen der camera obscura sind in Fig. 751 und Fig. 752 (a.f. S.) dargestellt. Fig. 751 stellt einen Kasten dar, an dem sich eine Röhre befindet. In dieser Röhre lässt sich eine zweite aus- und

einschieben, welche eine Sammellines von entsprechender Brunnweite enhalt; die durch diese Linse in den dunklen Kasten eindringenden Strahlen
werden durch einen, in einem Winkel von 45º gegen die Axe der Linse
geneigten ebenen Spiegel nach oben reflectirt, so dass das Bild eines enfernten Gegenstandes bei ik auf einer mattgeschliftenen Glastafel anfgefangen werden kann. Der Deckel gla dient, um das frunde Licht von
dem Bilde möglichst abzuhahten. Wenn die mattgeschliffene Seite de
Glases nach oben-gekehrt ist, so kann man auf demselben mit Bleistift



die Umrisse des in ik entstehenden Bildes machfahren und so eine naturgetreue-Zeichnung der Gegenstände erhalten. Fig. 752 stellt einen Kasten dar, auf dessen Boden ein Blatt weissen



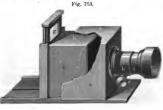
Papier gelegt wird; durch die obere Fläche des Kastens gehi eine Röhre, welche die Sammellinse enthält, über welcher sich dann ein 45° gegen die Verticale geneigter ebener Spiegel befindet. Die von einem entfernten Gegenstande kommenden Strahlen werden durch den Spiegel nach unten reflectirt, so dass das Bild auf der Fläche des Papiers entsteht. Dieses Bild ist sehr lebhaft, weil durch die Wände des Kastens alles seitliche Licht ausgeschlossen ist, und man kann deshalb die Contouren dieses Bildes leicht mit Bleistift nachfahren.

Die Nettigkeit der in einer camera obscura entstehenden Bilder hatte schon lange den Wunsch

erregt, diese Bilder gewissermaassen fixiren zu können; und wenn wohl auch die Meisten diesen Wunsch als ein pium desiderium betrachteten, so hat es doch auch nicht an Solchen gefehlt, welcho sich bestrebten, ihn zu realisiren. Da das Licht chemische Wirkungen hervorbringt, da es z. B. das Chlorsilber schwärzt, so lag wenigstens die Möglichseit vor, durch das Bild der camera obscura bleibende Eindrücke hervorzubringen. Durch die bereits oben besprochene Erfindung der Photographie sind dieso Bestrebungen durch den gläuzsendsten Erfolg gekrönt worden.

In Folge der Erfindung Daguerre's mussten nun auch alsbald grössere Anforderungen an die Leistungen der camera obscura gemacht werden; es kam jetzt darauf an, nicht allein sehr reine und schaffe, sondern zuglieich auch sehr lichtstarke Bilder hevrorabringen. Zumächst verstellt es sich von selbst, dass man achronattische Linsen in Anwendung bringen musste. Um die nöthige Lichtmenge zu erhalten, muss der Durchmesser der Linse ziemlich gross sein, und da doch ihre Brennweite zugleich ziemlich gering sein soll, so würden die Febler wegen sphärischer Aberration viel zu bedeutend werden, wenn man das Bild durch eine einzige Linse erzeugen wollte; die einfache Linso wurde deshalb nach den in Paragraph 239 entwickelten Grundsätzen durch ein System zweier Linsen ersetzt, die in einiger Entfernung von einander stehen, und deren jede eine achromatische Crown-Flintglasinse ist.

Fig. 753 zeigt den ganzen Apparat, wie er zum l'hotographiren angewendet wird. Anf der Vorderseite des Kastens a ist eine messingene



Hilse h befestigt, in welcher sich eine zweite i mittelst eines Triebes, der durch den Knopf r bewegt wird, aus- und einschieben lässt. Diese Hübe i enthält das Linsensystem, welches seine Bilder auf einer gegenüberstehenden mattgeschliftenen Glastafel entwirft. Diese Glastafel g ist in einem Schieber befestigt, welcher die Rückwand des in den Kasten a hineinpassenden, nach vorn hin offenen Kastens b bildet. Unsere Figur zeigt den Schieber mit der Glastafel etwas in die Höhe gezogen. Je näher der Gegenstand rückt, dessen Bild man erhalten will, desto weiter muss man den Kasten b aus a herausziehen. Die feinere Einstellung geschieht durch Verschiebung der Linse mittelst des schon erwähnten Triebes r.

85 Zeichnungsapparate. Wir haben im vorigen Paragraphen gesehen, wie man die Contouren der auf Papier oder auf eine matte Glastald entworfenen Sammelbilder einer camera obscura nachzeichnen kann. Desselben Zweck kann man aber auch dadurch erreichen, dass man auf einer Papierfläche das virtuelle Bild des abzuscheinenden Gegenstandes in och cher Weise entstehen lässt, dass man ausser diesem virtuellen Bilde auch noch die Papierfläche selbst nebst der Spitze des zur Zeichnung verwende ten Bleistließ direct sehen kann.

Ein derartiger Apparat ist Wollaston's camera lucida oder clara Sie besteht im Wesentlichen aus einem vierseitigen Prisma abcd, Fig. 754, welches bei b einen rechten, und bei d einen stumpfen Winkel von 135'



hat; die Fläche cb ist gegen das Object gekehrt, dessen Zeichnung man entwerfen Ein vom Gegenstande kommender Lichtstrahl dringt rechtwinkelig zu der Fläche cb in das Prisma ein, erleidet an der Fläche cd eine erste, und an der Fläche ad eine zweite totale Reflexion, und tritt endlich, nahe bei dem Eck a, fast rechtwinklig zur Fläche ab wieder aus. Wird nun das Auge so über diese Fläche gehalten, dass sich die Pupille etwa in pp befindet, so ist klar, dass man durch die eine Hälfte der Pupille das reflectirte Bild des Gegenstandes x sehen wird, während man durch die andere Hälfte der Pupille direct an dem Eck a vorbei nach einem horizontalen weissen Blatt Papier sieht, auf welchem sich dieses Bild projicirt. Wenn man nun mit der Hand den Bleistift auf das

Papier halt, so sicht man zugleich die Spitze des Bleistiftes und das Bild von x, man kann also leicht die Contouren des Bildes mit dem Bleistifte nachfahren

Damit dieses Instrument für die Anwendung bequemer sei und des Auge nieht ermüde, muss man gefärbte Gläser anwenden, um zu machendass beide Bilder ungefähr gleiche Helligkeit haben, und Linsen, um zu bewirken, dass die Strahlen von beiden mit gleicher Divergenz auf des Auge fallen, damit das Auge sich für beide accommodiren kann.

Nach Sömmering's Angabe kann man eine camera clara ganz eir fach ans einem kleinen Metallspiegel machen. Fig. 755 stellt ein solchet Spiegelehen in natürlicher Grösse dar und zwar in einer Weise gefastwodurch es besonders geeignet wird, um die durch ein Mikroskup geeshenen Gegenstände zu zeichnen. Der Ring a wird um das Ocularrohr des Mikroskops gelegt und das Spiegelchen s so gerichtet, dass die von unten auf den Spiegel fallenden und in horizontaler Richtung von demselben reflectiten Strahlen auf das Auge bei o fallen, welches also das Bild des unter dem Objectiv des Mikroskops liegenden Gegenstande; in der Rich-





ung on erblickt. Wird nun rechtwinklig zu on ein Papierblatt aufgestellt, so erscheint das Bild des unter dem Objectiv liegenden Gegenstandes auf dieses Papierblatt projicirt, während gleichzeitig die neben dem Spiegel vorbei in das Auge fallenden Strahlen das Papier selbst nebst der Bleistifkspitze sehen lassen.

Denken wir uns den Spiegel aus der in Fig. 755 dargestellten Lage um 180° gedreht, so dass seine spiegelnde Oberfläche schräg nach oben

gerichtet ist, so wird ein von oben herabsehendes Auge das Bild der Gegenstände, welche von n her ihre Strahlen in horizontaler Richtung auf den Spiegel senden, auf ein unterhalb des Spiegels horizontal liegendes Papierblatt projicirt sehen.

Fig. 756 stellt Nobert's (zu Barth in Pommern) camera lucida, welche ebenfalls vorzugsweise zum Zeichnen mikroskopischer Gegenstände



geeignet sit, in natürlicher Grosse dar. Sie wird so auf das Ocular des Mikroskops aufgeschraubt oder aufgesetzt, dass die Mitte des oben unter einem Winkel von 45°s abgeschnitenen und mit einer dünnen geschiffenen Glasplatte ab bedeckten Rohres gerade über die Mitte des Oculars zu stehen kommt.

Der Glasplatte ab gegenüber ist nun ein rechtwinkliges Glasprisma cdf

angebracht, welches durch einen kleinen Messingpfeiler getragen wird, und um eine horizontale (in unserer Figur durch einen Punkt angedeutele) Aze drehbar ist. Dies Prisma wird nun so gestellt, dass die Lichtstrahlen von dem neben das Mikroskop gelegten Papiere auf dem durch den gebrochenen Pfeil angedeuteten Wege in Auge gelangen. Man sieht also das Bild des Papiers und der Bleistifispitze, nachdem die von ihnen ausgehenden Strahlen eine totale Reflexion an der Rückwand des Prismas und eine einfache Spiegelung an der Oberfläche der Glasplatte ab erfahren haben, an derselben Stelle, an welcher man die unter dem Mikroskop liegenden Gegenstädne erblickt, man kann also die Contouren derselben nachfahren.

Für den gleichen Zweck hat Nachet in Paris die camera lueida construit, welche Fig. 757 in  $l_2^l$  der nathrichen Grösse und zwar der ober Theil derselban im Durchschnitt dargestellt ist. Auf die Mitte der Fläch des Glasyrinderenhen auge



kittet, durch welebes hindurch ein in o be findliches Auge das Bild der unter das Mikroskop gelegten Gegenstände sieht, wenn der Ring rs die Oeularröhre desselben umfast Gleichzeitig sieht aber das Ange auch ein Balt Papier, welehes neben dem Mikroskop auf der Tisch gelegt ist und den daruf gebaltenen Biestift, indem die von p herkommenden Strahlen, nachdem sie eine grate totale Reflexion an der Flüche ed, eine zweite aber an der Flüche de

erlitten haben, in gleicher Richtung in das Auge gelangen.

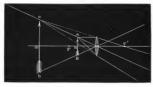
Sei Die Loupe oder das einfache Mikroekop. Wir haben des gesehen, dass die scheinbare Gröses eines Gregenstandes von der Gröses des Schwinkels abhängt, unter welchem er erscheint; der Schwinkel wird aber um so gröser, je mehr der Gegenstand dem Auge genähert wird; mu aber können wir ihn aur bis zu einer gewissen Gränze, der Weite des deel lichen Schens, dem unbewaffneten Auge nähern, wenn noch eine schaft Unterscheidung der Gränzen und der einzelnen Theile möglich sein soll und dadurch ist anch einer weiteren Vergröserung des Schwinkels ein Gränze gesetzt. Ein jedes Instrument, welches eine weiterer Vergröserung für den Schwinkel kleiner naher Gegenstände möglich macht, als es bei unbewaffneten Auge der Fall ist, wird ein Mikroskop genannt. Næt dieser Erklärung ist auch die kleine Offinung im Kartenblatt, welche obe auf Seite 668 besprochen wurde, ein Mikroskop, und zwar ein einfache; doch bezeichnet man mit dem Namen des einfachen Mikroskopes in der Regel nur Collectivinsen von kurzer Plennweite.

Um zu begreifen, wie eine einfache Sammellinse als Mikroskop diene kann, braucht man nur einen Blick auf Fig. 758 zu werfen. Es sei AB sie Gegenstand, der sieh innerhalb der Brennweite der Sammellinse be findet, so divergiren alle von einem Punkte des Gegenstandes AB swephenden Strahlen nach ihren Durchgange durch die Liuse gerade so als ob sie von dem entsprechenden Punkte des Bildes ab herkämen, wis dies sehon oben auf Seite 853 gezeigt wurde; ein auf der andern Seit oft Linse befindliches Auge wird aber den Gegenstand durch die Liuse dellich sehen können, wenn sieh das Bild ab in der Weite des dentliches Schens befindet; in diesem Falle aber liegt der Gegenstand selbst den Auge weit näher; ohne die Linse wirde man ihn also nicht mehr dettät darin zu suchen, dass sie es möglich macht, den Gegenstand den Mer

sehr nahe zu bringen, wodurch dann natürlich auch der Sehwinkel vergrössert wird.

Um die durch die Loupe hervorgebrachte Vergrösserung zu bestimmen, müssen wir die Grösse des Sehwinkels, unter welchem das in der

Fig. 758.



Weite des deutlichen Sehens befindliche Bild  $a\,b$  dem Auge erscheint, mit der Grösse des Sehwinkels vergleichen, unter welchem der Gegenstand solbst gesehen würde, wenn er eben so weit vom Auge entfernt wäre.

Genau lässt sich der Winkel, unter welchem das Bild ab erscheint, nur dann ermitteln, wenn die Entfernung des Glasse vom Kreuzungspunkte im Auge bekannt ist; wenn man aber die Linse dicht vor das Auge hält und die Dicke der Linse selbst unbedeutend ist, so kann man als erste Annäherung das Auge als mit dem Mittelpunkte o der Linse zusammenfallend annehmen; unter dieser Voraussetzung ist nun die Vergrösserung leicht zu berechnen.

Von o aus gesehen erscheint der Gegenstand AB und das Bild ab unter gleichen Gesichtswinkel, wir finden also die Vergrösserung, wenn wir den Gesichtswinkel, unter welchem AB hier erscheint, mit demjenigen vergleichen, unter welchem derselbe Gegenstand erscheinen würde, wenn er bis in die Weite des deutlichen Schens von o entfernt, wenn er also an die Stelle des Bildes ab gesetzt wäre. Da die scheinbare Grösse eines Gegenstandes seiner Entferung vom Auge ungekehrt proportional ist, so verhält sich der Gesichtswinkel Ao B zu dem Winkel, unter welchem AB von a aus betrachtet erscheinen würde, wenn dieser Gegenstand bis ab fortgerückt wäre, wie mo zu no. Bezeichnen wir die Entferrung des Bildes ab von o mit d, die Entferrung des Gegenstandes AB von o abet mit x, so ist also die Vergrösserung  $\frac{d}{x}$ , wo für d die Weite des deutlichen Schens zu setzen ist.

Zwischen der Entfernung d des Bildes, der Entfernung x des Gegenstandes und der Brennweite besteht aber die Beziehung

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{d} = \frac{1}{f}$$
$$x = \frac{df}{d+f}$$

und daraus folgt

Setzt man diesen Werth von x in den Quotienten  $\frac{d}{x}$ , so erhält man für die Vergrösserung den Werth

$$\frac{d+f}{f}$$
.

Das heisst mit Worten: man findet die Vergrösserung durch die Loop-wenn man zur Weite des deutlichen Sehens die Brennweite der Line addirt, und die erhaltene Summe durch die Brennweite dividirt. Wär z. B. die Weite des deutlichen Sehens 10 Zoll, die Brennweite der Loop- 2 Zoll, so würde die Vergrösserung  $\frac{12}{2} = 6$  sein.

Der Quotient  $\frac{d+f}{f}$  wird um so grösser, je kleiner f ist; je kleiner also die Brennweite der Linse ist, desto stärker vergrössert sie.

Es it keinewege gleichgultig, welche Gestalt eine Linse hat, die zie Loupe gebraucht werden soll, indem, wie sich durch Rechnung sowoll wi durch Construction nachweisen lässt, für eine biconvex Linse, an welche beide Flächen von gleichem Krümnungshalbmesser sind, die Fehler de sphärischen Aberration und der Parbemerstreuung stets bedeutender aufallen, als für eine planconvexe Linse von gleicher Brennweite, wenn mit die ebene Seite dem Objecte zuwendet.

Für einigermaassen starke Vergrösserungen ist es aus den in Paragraph 239 entwickelten Gründen vortheilhafter, eine Combination von mehrers schwächeren Linsen statt einer stärkeren anzuwenden, wie dies z. B. be-

Fig. 759. der Fig. 759 mit der Fassung im Durchschnitte gezeichne

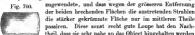


ten Fraunhofer'schen Loupe der Fall ist, wo die beidet plancourexen Linsen, in geringem Abstand von einande stehend, die gekrümmten Seiten einander zukehren. Er der Wilson'schen Loupe sind die beiden Linsen in grössen Entferaung von einander gestellt, und zwischen ihnen is eine Blendung angebracht.

Plössl construirte Loupen aus zwei planconvexen achromatischer Linsen, die einzeln oder combinirt gebraucht werden können.

Eine Combination von zwei oder von drei Linsen, welche wie einzige stärker wirken, wird ein Duplet oder Triplet genannt.

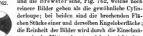
Die in Deutschland sehr verbreitete Cylinderloupe, welche ohne Fassung Fig. 760 dargestellt ist, gieht Bilder, welche von den Fehlern der sphirischen Aberration ziemlich frei sind, was dadurch erreicht wird, dass die dem Objecte zugekehrte Seite schwächer gekrümmt ist, als die dem Auge



theil, dass sie sehr nahe an das Object hingehalten werden muss. Den gleichen Fehler haben die Coddington'sche Loupe, Fig. 761,







rung in der Mitte erlangt, welche bewirkt, dass nur centrale Strahlen ins Auge gelangen.

Wenn nur die Brennweite klein genug ist, so kann man selbst mit einfachen Linsen eine 100- hie 200fache Vergrösserung erreichen; da aber das Schleifen so kleiner Linsen immerhin schwierig ist, so hat man mit Erfolg versucht, statt derselben kleine, durch Schmelzung erhaltene Glaskügeichen in Anwendung zu bringen. Ist man aber auch im Stande, and diesem Wege sehr bedeutende Vergrösserungen zu erhalten, so ist doch der Gebrauch solcher Kügelchen höchst unbequen und die Reinheit des Bildes mangelhaft, so dass es in jeder Bezichung vortheilhafter ist, ein zusammengesetztes Mikroskop von gleicher Vergrösserung anzuwenden.

Endlich muss hier noch der aus Edelsteinen geschliffenen Linsen Erwähnung geschehen, die Brewster zuerst in Vorsehlag brachte. Linsen aus Diamant und Saphir sind wegen des starken Brechungsvermögens dieser Substanzen bei gleicher Brennweite bedeutend weniger gekrümmt als Glas-

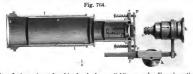




linsen. Bei gleicher Vergrösserung verhalten sich die Krümmungshalbmesser einer Diamant- und einer Glastinse wie 8 zu 3; hei gleichem Durchmesser wird also die sphärische Aberration für die Diamantlinse bedeutend geringer sein. Die Edelsteinlinsen sind jedoch so kostbar, dass sie nur zu den Seltenheiten gehören.

Um mit dem einfachen Mikroskop hequemer bebachten und arbeiten zu können, hat man die Linsen auf verschiedene Weise gefasst und mit Stativen verschen. Fig. 763 stellt ein solches dar. Die Linse, entweder eine einfache Linse oder ein Duplet oder ein Triplet, je nach dem man eine schwächere oder stärkere Vergrüsserung heabsichtigt, ist bei o eingeschrault. Die zu bebachtenden Gegenstände werden auf ein Tischlein B gelegt, welches mittelst der Schraube D auf- und niedergeschoben werden kann. Zur Belenchtung der Ohjecte von nnten dient der Spiegel M.

287 Das Sonnenmikroskop. Das durch die Linse a, Fig. 764, verschlossene Ende der Messingrühre t wird in eine entsprechende Oeffnung



eines Ladens eingeschraubt, durch dessen Schliessung das Experimentizzimmer vollständig verfinstert worden ist. Vor der fraglichen Oeffnung befindet sich ein Spiegel, welcher stets so gerichtet werden muss, dass er die Sonnenstrahlen in der Richtung der Axe des Rohres I auf die Linse a wirft. Die durch die Linse a bereits convergent gemediten Strahlen fallen auf eine zweite Linse b, durch welche sie auf den kleinen, gewöhnlich zwischen zwei Glasphatten bei n gefassten Gegenstand concentritt werden. Von diesem stark erlenchteten Gegenstande wird unu durch eine kleine Linse o, welche an eine bei h öffen Messinghübs angeschranbt ist, anf einem im dunklen Zimmer aufgestellten weissen Schirme ein verkehrtes vergrössertes Bild entworfen.

Um die Beleuchtung des Gegenstandes gehörig reguliren zu können. kann die Röhre s mehr oder weniger ausgezogen und die Linse b, deren Fassung mit einer gezahnten Stange versehen ist, durch einen in dieselbe einvreisenden Trieb vor- oder rückwärts geschoben werden.

Die Objecte werden zwischen die Platten rr und pp eingeschoben und hier festgehalten, weil die Platte pp durch eine aus der Figur vollkommen verständliche Vorrichtung stets gegen die Platte rr angedrückt wird.

Ist nun der Gegenstand gehörig eingestellt und beleuchtet, so wird die Linse o mit Hulfe des Triebes k so lange verschoben, bis das Bild auf einem 10 bis 20 Fuss weit entfernten weissen Schirme möglichst scharf und deutlich erscheint.

Nehmen wir an, die Linse o sei gerade 1 Centimeter weit vom Objecte entfernt, wenn auf dem 2 Meter entfernten Schirme ein scharfes Bild entsteht, so sind die linearen Dimensionen des Bildes 200mal so gross al die des Gegenstandes, und wenn der Gegenstand eine Fläche von 1 Quadratlinie bedeckt, so wird also sein Bild auf einen Flächenraum von 40000 Quadratlinien ausgebreitet sein. Man begreift demnach leicht, dass der Gegenstand sehr hell erleuchtet sein muss, wenn das stark vergrüsserte Bild nicht zu lichtschwach sein soll.

Mit derselben Linse bei a kann man verschiedene Vergrösserungen erhalten, je nachdem man den Abstand des Schirmes verändert.

Je weiter der Schirm entfernt wird, desto näher mnss man die Linse o dem Objecte bringen und desto stärker wird die Vergrösserung.

Um bei gleichem Abstande des Schirmes stärkere Vergrösserungen zu erhalten, wird eine Combination von zwei oder von drei Linsen bei o angeschraubt.

Fig. 765 stellt die Totalansicht eines Sonnenmikroskops sammt dem Beleuchtungsspiegel dar. Die Neigung des Spiegels M (welcher die Sonnenstrahlen reflectirt) gegen die Axe des Rohres kann durch Drehung des



Knopfes B mittelst einer Schraube ohne Ende regulirt werden, während die Drehung des Spiegels um die Axe des Rohres durch den Knopf A vermittelt wird.

Man hat auch ähnliche Mikroskope construirt, in denen das Licht der Sonne durch elektrisches Licht, oder durch das Licht eines im Knallgasgebläse glübend gemachten Kalkstückehens (Drummond'sches Kalklicht), oder auch nur durch das Licht einer intensiv leuchtenden Lampe ernekzt ist. Die Vergrösserung muss um so geringer sein, je weniger intensiv die Lichtquelle ist.

Die Zauberlaterne (laterna magica) beruht auf denselben Principien, albeitet dienen aber meist in grösseren Dimensionen auf Glas gemalte Bilder, welche durch das Licht einer Lampe erleuchtet werden, die höchstens eine 15- bis 20fache Vergrösserung erlaubt.

Das zusammengesetzte Mikroskop. Die Principien, auf wel-28S chen die Construction aller, wenn auch in ihrer sonstigen Einrichtung noch so sehr abweichender Mikroskope beruht, sind folgende:

- Die Gegenstände, welche man der Beolachtung unterwerfen will, befinden sich nabe bei einer Sammellinse von kurzer Brennweite, und zwar etwas Jenseits des Brennpunktes. Diese Linse, sie mag nun einfach oder zusammengesetzt, achromatisch sein oder nicht, wird die Objectivlinse oder das Objectiv des Mitkoskops genannt.
- 2. Die vergrösserten Sammelbilder, welche von den Objecten durch das Objectiv entworfen werden, werden durch eine Convexilnse betrachtet, welche hier als Loupe dient; diese zweite Linse, welche ebenfalls einfach oder zusammengesetzt, achromatisch oder nicht achromatisch sein kann, wird das Ocular@las oder & Sular@las obwirdes werden.

So ist denn jedes dioptrische Mikroakop im Wesentlichen aus einem Objectiv und einem Ocular zusammengesetzt, und die Vergrösserung des Mikroakops ist das Product der Vergrösserungten, welche jedes dieser Gläser hervorbringt. Wenn z. B. das Objectiv im Durchmesser 5mal, das Ocular aber 10mal vergrösserte, so würde ein solches Mikroakop den Durchmesser der Gegenstände 50mal, die Oberfläche also 2500mal vergrössern. Eine 300fache Vergrösserung des Durchmessers würde man erhalten, wenn die Vergrösserungen des Objectivs und des Oculars respective 30 und 10, oder 25 mal 12, oder 20 und 15 wären.

Fig. 766 erläutert die Wirkung des zusammengesetzten Mikroskops in seiner einfachsten Form. Von dem kleinen Gegenstande sr, der nabe beim Brennpunkte der Objectiylinse ab

d s

Fig. 766.

steht, wird durch dieselbe das verkehrte, vergrösserte Sammelbild RS erzeugt, welches, durch die Loupe cd betrachtet, in R' S' erscheint.

Unsere Figur zeigt, wie das von der Spitze r des Pfeils ausgehende Strahlenbündel seinen Weg durch das Instrument nimmt. Die von r aus divergirend auf die Linse ab treffenden Strahlen divergiren nach ihrem Austritte aus der Linse cd so, als ob sie von R'herkämen.

Wenn man durch die Lonpe cd das Bild RS betrachtet, so findet doeh nicht ganz dasselbe Verhältniss statt, als ob man durch cd einen in RSbefindlichen Gegenstand betrachtete.

Ein jeder Punkt eines solchen Gegenstandes würde Lichtstrahlen nach allen Seiten aussenden, von R aus würden also Strahlen sowohl auf die Mitte der Linse, als auch an den Rand e fallen; in unserem Falle ist es anders, von R aus fällt nur ein schmales Strahlenbündel auf das linke Ende der Ocularlinse, von welchem in unserer Figur die Gränsstrahlen verzeichnet sind. Wärde also der Rand der Linse e d' mit einer Blendung belegt. welche nur die mittlere Hälfte derselben frei liess, so würde gar keiner der durch den Punkt R gehenden Strahlen durch die Linse cd gehen, man würde durch sie die Spitze des Pfeils nicht mehr sehen können.



Es geht aus dieser Betrachtung hervor, dass das Gesichtsfeld des Mikroskops von dem Durchmesser des Oculars abhängt, und zwar wird es durch den Winkel gemessen, unter welchem das Ocular cd von der Mitte des Objectiv's aus erscheint.

Um das ganze Gesichtsfeld zu übersehen, muss man das Auge etwas vom Ocular entfernen, und zwar muss man es an die Stelle der Axe bringen, an welcher die durch den Rand des Oculars austretenden Strahlenbündel diese Axe schneiden.

Gewöhnlich wird das Objectiv des Mikroskops am unteren, das Ocular am oberen Ende einer verticalen Röhre angebracht, wie man Fig. 767 sieht, welche ein Plössl'sches Mikroskop in 1/g der natürlichen Grösse darstellt. Das Objectiv wird

stellt. Das Objectiv wird bei o angeschraubt, das ochen. Die Objecte werden

Ocular ist mit seiner Fassung oben bei n eingesehoben. Die Öbjecte werden auf eine Platte p gelegt, die in ihrer Mitte eine Oeffnung hat, an welche sich nach unten die kurze Röhre r ansetzt. Durch diese Röhre sendet der Höhlspiegel ss' Licht auf das Öbject. Um nach Belieben ein breiteres oder ein dünneres Lichtbündel auf den Gegenstand fallen zu lassen, schiebt sich vor dem unteren Ende der Röhre r eine dünne Metallscheibe t her, welche drei Oeffnungen von verschiedener Grösse hat, deren jede unter die Mitte von r gebracht werden kann.

Der Objectträger ist an einer dreiseitigen Säule befestigt, an welcher sich die Mikroskopröhre mittelst eines durch den Kopf k zu bewegenden

Triebes auf und nieder schieben lässt, um so das Objectiv in die richtige Entfernung vom Gegenstande zu bringen.



Um nicht immer von oben berah in das Instrument sehen zu müssen. was in manchen Fällen unbequem sein kann, hat man dem Instrumente die in Fig. 768 (ein Chevalier'sches Mikroskop in 1/4 der natürlichen Grösse) dargestellte Einrichtung gegeben. Das Objectiv befindet sich bei b. das Ocular bei c: die vom Gegenstande kommenden Strahlen gehen in verticaler Richtung durch das Objectiv hipdurch und werden durch die totale Reflexion, welche sie an der Hypotenuse des Glasprismas r erleiden, in horizontaler Richtung gegen das Ocular c geworfen.

289 Das achromatische Mikroskop. So lange einfache, doppelt convexe oder planconvexe Linsen als Objective beim zusammengesetzten Mikroskop gebraucht wurden, war diesen Instrument höchst mangelhalt, so dass es in seinen Leistungen durch das einfache Mikroskop übertroffen wurde. Erst durch die Einführung achromatischer Objective wurde die Bahn zu einer weiteren Vervollkommnung des zusammengesetzten Mikroskops gebrochen.

Nach Harting hat Beedaniyder in Amsterdam schon am Ende der vorigen Jahrhunderts achromatische Mikroskopobjective von ziemlicher Güte verfertigt, was jedoch nicht weiter bekannt geworden zu sein scheint: Fraunhofer verfertigte bereits im Jahre 1811 Mikroskope mit achromatischem Objectiv.

Diese Mikroskope zeichnen sich vor den nicht achromatischen allerdings durch die Reinheit und Lichtstärke des Bildes aus; allein sie erlaubten doch noch keine starke Vergrösserung, weil die Objective zu schwach waren. Die Construction stärkerer Objective wurde erst möglich, nachdem Selligue im Jahre 1824 versucht hatte, solche durch Combination mehrerer schromatischen Linsen herzustellen.

Nach den Betrachtungen in Paragraph 239 bedarf der Vortheil einer solchen Combination keiner weiteren Auseinandersetzung; es ist klar, dass man nur auf diesem Wege stark vergrössernde Objective erzielen kann, welche zur Erreichung möglichster Lichtstärke einen grossen Durchmesser haben, ohne doch mit einer die Reinheit der Bilder störenden sphärischen Aberration behaftet zu sein.

Fig. 769 stellt eines der schwächeren achromatischen Objective des Fig. 769. auf S. 695 besprochenen Plössl'schen Mikroskops in nafürlicher Grösse der die Conveylinge von Crownelles

natüricher Grösse dar; die Convexlinse von Crownglas und die Hollinse von Flittglas sind mit Canada Balsam auf einander gekittet. Wie man in der Figur sieht, ist die Fassung unten mit einem Schraubengewinde verseben, um eine zweite ähnliche Linse anzuschrauben. Im Ganzen gebören fünf

achromatische Objective zu jenem Mikroskope, welche mit 1, 2, 3, 4 und 5 bezeichnet sind. Zu den schwächsten Vergrösserungen wird die achromatische Linse Nr. 1 allein gebraucht. Die stärkeren Objective werden durch die Combination 1+2, 1+2+3, 2+3+4 und 3+4+5 erhalten. Die Objective der Schieck'schen Mikroskope haben dieselbe Einrichtung.

Oberbäuser setzt seine Objectivsysteme aus ein für allemal zusammengehörigen Linsen zusammen, so dass dieselbe Linse nicht zu verschiedenen Combinationen gebraucht wird.

Bei den katoptrischen oder Spiegelmikronkopen ist die Objectivlinse durch einen kleinen Hobbpiegel ersetzt. Besonders ausgezeichnet ist Amici's katoptrisches Mikroskop; da jedoch diese Mikroskope weit seltener gebraucht werden als die dioptrischen, so ist wohl hier eine nähere Beschreibung dieser Instruments nicht nöthet.

Als Ocular des zusammengesetzten Mikroskops wendet man ebenfalls keine einfache Sammellinse an, sondern eine Combination zweier Linsen. Das gebrüuchlichste Ocular der Mikroskope ist dasjenige, welches bereits von Hugghens für Fernröhre war benutzt worden und welches unter dem Namen des Campani'schen oder des achromatischen Oculars bekannt ist; Fig. 770 (a. f. S) dient um das Wesen desselben zu erläutern.

Die beiden Linsen sind planconvexe Crownglaslinsen, welche beide hire convexe Seite gegen das Objectiv hin kehren. Bezeichnet man die Brennweite der Linse ab, durch welche man in das Instrument hineinschaut, mit 1, so ist in der Regel der Abstand der beiden Linsen gleich 2, die Brennweite der unteren gleich 3.

Die beiden Linsen zusammen wirken also keineswegs wie eine einzige stärkere. Die grössere der beiden Linsen ist so gestellt, dass sie die vom

Objectiv kommenden Strahlen bereits auffängt, ehe sie sich zn einem Bilde vereinigt haben.

Fig. 770.



Wenn in unserer Figur RS das Bild ist, welches durch die Wirkung des Objectivs entstehen würde, wenn die Linse cd nicht vorhanden ware, so ist klar, dass die nach einem Punkte dieses Bildes, etwa nach R hin convergirenden Strahlen durch die Linse cd noch stärker convergirend gemacht, dass sie in r vereinigt werden, kurz, dass das Bild nun in rs zu Stande kommt.

Dieses Bild rs wird endlich durch die Loure ab betrachtet, welche das eigentliche Augenglas ist; die Linse cd führt den Namen des Collectivglases. Seiner Wirkung nach gehört das Collectivglas eigentlich zum Objectiv, denn durch die vereinigte Wirkung des Ohiectivs und des Collectivglases wird is das Bild rs zu Stande gebracht. welches durch die Ocularlinse ab hetrachtet werden soll; das Collectivglas ist jedoch mit der Ocularlinse in eine und dieselbe Röhre gefasst, und man bezeichnet deshalb anch die ganze Comhination gewöhnlich mit dem Namen des Oculars,

Fig. 771.



Fig. 771 stellt ein solches zu dem ohen heschriebenen Plössl'schen Mikroskop gehöriges Ocnlar dar. Zwischen beiden Linsen, da wo das Bild zu Stande kommt, ist eine Blendung zur Ahhaltung des fremden Lichtes angebracht.

Sowie mehrere Objective zu einem Mikroskope gegehen werden, so gehören auch mehrere Oculare von verschiedener Stärke dazu. Folgendes sind die Vergrösserungen, welche man erhält, wenn man die verschiedenen Objective des Plössl'schen Mikroskops mit dem einen oder dem anderen Ocular verhindet.

	Objective.													I.	11.	III.
1														23	48	
1	-	F	2										٠,	60	131	
1	-	+	2	,	+	3							. 1	96	205	
2	-	۴	3	,	+	4								135	288	
3	-	۲	4		+	5		,						190	390	660

Bei den Plössl'schen Mikroskopen ist die Vergrösserung mehr auf das Ocular, bei den Oberhänser'schen ist sie mehr auf das Objectiv geworfen, weshalb bei gleicher Vergrösserung der Ahstand des Ohiectivs von dem Gegenstande beim ersteren etwas grösser ist.

Es muss ietzt noch nachgewiesen werden, welches die Vorzüge sind, durch welche sich das Campani'sche Ocular vor der einfachen Ocularlinse enszeichnet.

Nehmen wir an, was in der That nahe der Fall ist, das Bild rs stehe gerade im Brennpunkte der Ocularlinse ab, so steht es also gerade in der Mitte zwischen den beiden Linsen, da ja ihre Entfernung doppelt so gross ist wie die Brennweite von ab, welche wir in der folgenden Betrachtung stets zur Einheit nehmen wollen, so dass die Brennweite der Linse cd = 3 und der Abstand der heiden Linsen gleich 2 ist.

Nach & 236 kann man nun berechnen, wie weit von der Linse cd das Bild RS abstehen muss, nach dessen einzelnen Punkten die vom Objectiv kommenden Strahlenhündel convergiren, wenn sie in den entsprechenden Punkten des Bildes rs vereinigt werden sollen, dessen Abstand von cd gleich 1 ist. Die Rechnung ergiebt, dass RS ungefähr in der Mitte zwischen der Augenlinse ab und dem Bilde rs liegt.

Es verhalten sich also die Entfernungen der Bilder r s und R S von dem Collectivglase wie 1 zu 1.5; folglich ist auch  $RS = 1.5 \, rs$ .

Sollte nun das Bild RS, durch eine Loupe hetrachtet, ebenso gross erscheinen, als man rs durch die Augenlinse ab sieht, so müsste die Brennweite dieser Linse 1,5, also halb so gross sein als die des Collectivglases, welches demnach hei gleichem Fehler wegen der sphärischen Aberration einen doppelt so grossen Durchmesser haben kann, als die dem Campani'schen Ocular an Vergrösserung äquivalente Loune.

Fig. 772.



Bei gleicher Vergrösserung gieht also das Campani'sche Ocular ein doppelt so grosses Gesichtsfeld als eine einfache Loupe.

Ein weiterer Vortheil des Campani'schen Oculars hesteht darin, dass es ein von chromatischer Aberration fast ganz freies Bild liefert.

Da das Collectivglas nicht achromatisch ist, so erzeugt es eine ganze Reihe von Bildern des Gegenstandes, und zwar liegt das blaue Bild dem Collectivglase näher und ist deshalb auch kleiner als das rothe Bild. In Fig. 772 sei rr das rothe. vv das violette Bild des Gegenstandes. Betrachtet man nun diese Bilder durch die Ocularlinse ab, so wird man sie in r'r' und v'v' erblicken.

Die Bilder v'v' und r'r' liegen nun aher so. dass sie sich für ein in o befindliches Auge decken, und so kommt es denn, dass die verschiedenfarbigen Strahlen, welche von einem Punkte des Gegenstandes ausgehen, nachdem sie das ganze Instrument durchlaufen haben, doch endlich wieder sehr nahe in einem Punkte der Netzhaut vereinigt werden.

Bei der Betrachtung der Fernröhre werden wir noch ein anderes Oular konnen lernen, welches den Namen des Ramedon's chen Oculars führt. Es ist im Wesentlichen eine aus zwei Liusen zusammengesetzte Loupe. Dieses Ocular wird bei Mikroskopen sehr selten angewendet. Plössl giebt seinen Mikroskopen ein Ocular bei, welches er als apla natisches Ocular bezeichnet; es ist dies ein aus zwei achromatischen Crown-Flintglashinen zusammengesetztes Rams-den'sches Ocular. Es giebt zwar nur eine schwache Vergrösserung, hat aber ein sehr grosses Gesichtsfeld und zeigt namentlich onske, von oben beleuchtete Gegenatände mit grosses Klahreit.

290 Das pankratische Mikroskop. Bei den bis jetzt besprochenen Mikroskopen sind Objectiv und Ocular in unveränderlicher Entfermag von einauder angebracht, und man sieht nur dann das Bild deutlich und scharf, wenn der Gegenstand sich in einer bestimmten Entfernung von Objectiv befindet; daher kommt es denn auch, dass die Vergrösserung des Mikroskoss o lange dieselbe bliebt, als man dasselbe Ocular anwendet.

Nähert man den Gegenatand dem Objectiv, so entfernt sieh das vom Objectiv entworfene Bild weiter von demselben, und man müsste das Ocular gleichfalls weiter von dem Objectiv entfernen können, um das Bild wieder deutlich zu sehen; dabei müsste nothwendig die Vergrösserung wachsen, während zuzleich das Gesichtefold kleiner wird.

Von der Wahrheit dieser Behauptung kann man sich an jedem Mikroskope überzengen, wenn sich die Oeularröhre etwas schwer in ihrer Hülse schiebt, so dass man sie etwas herausziehen kann nnd sie dann in dieser Stellung and, fest stehen bleibt.

Sobald also die Entfernung zwischen Ocular und Objectiv eine veränderliche ist, kann man mit denselben Linsensystemen versehiedene Vergrösserungen hervorbringen. Die vergrösserunde Kraft des Instrumentes wächst mit der Entfernung des Oculars vom Objectiv, also mit der Länge der Rähre.

Dies Princip ist bei den pankratischen Mikroskopen in Amwendung gebracht worden. Das Wesen derselben beruht darin, dass das Ocular dem Objectiv mach Belieben genähert oder von demselben entfernt werden kann, um so verschiedene Vergrösserungen ohne Wechsel der Linsen zu erhalten.

In die Classe der pankratischen Mikroakope gehören anch die Dissectionsmikroskope, wie sie von Oberhäuser und Plössl construit werden; diese haben jedoch ausser der erwähnten noch eine andere Eigenthümlichkeit.

Das gewöhnliche Mikroskop zeigt die Gegenstände verkehrt. Für mikroskopische Beobachtungen hat dies gar keinen Nachtheil; dagegen ist es höchst störend, wenn man einen Gegenstand unter dem Mikroskope prävariren will. Für diesen Zweck sollen nun die Dissectionsmikroskope Prüfung des Mikroskops und Messung seiner Vergrösserung. 711

dienen, welche ein aufrechtes Bild geben und bei welchem die Entfernung Fig. 773. Fig. 774. des Gegenstandes vom Objectiv grösser

Fig. 773. Fig. 774.

ist als beim gewöhnlichen Mikroekope.
Das Ocular des Dissectionsmikroskopes
ist eigentlich selbst ein schwach vergrösserndes zusammengesetztes Mikroskop, wenn auch seine Einrichtung von
der des gewöhnlichen Mikroskopes etwas
abweicht; sie ist identisch mit der des
terrestrischen Oculars an Fernröhren, welches wir bald näher werden
kennen lerzne.

Dieses Ocular zeigt uns von kleinen Gegenständen ein verkehrtes vergrössertes Bild; betrachtet man also durch dasselbe das verkehrte Bild, welches durch die Objectivlinse des Instrumentes erzeugt wird, so wird man den Gegenstand wieder aufrecht sehen.

Die eben bezeichnete Ocularröhre lässt sich nun in dem Rohre, an welchem unten die Objectivlinsen angeschraubt sind, auf- und abschieben, wodurch die Stärke der Vergrösserung innerhalb gewisser Gränzen nach Belieben verändert werden kann.

Fig. 774 stellt ein Plössl'schen Dissectionsmikroskop dar; das Objectiv ist durch drei über einander geschraubte achromatische Linsenr gebildet. Fig. 773 zeigt die Geularröhre of für sich mit der Hülse h, in welcher sie sich schieben lässt und welche auf das Röhr c aufgeschraubt wird, an dessen unterem Ende sich das Objectiv befinder.

Die auf der Öcularröhre stehenden Zahlen geben an, welche Vergrösserung man erhält, wenn man die Ocularröhre bis zu dieser Stelle auszieht.

Prüfung des Mikroskops und Messung seiner Ver-291 grosserung. Ween die Brennweiten der einzelnen Linsen, aus denen ein Mikroskop zusammengesetzt ist, bekannt sind, zo kann man allerdings nach den oben entwickelten Grundsätzen die Vergrösserung berechnen, welche es hervorbringt; da, piedoch die Brennweiten der Linsen selbst erst durch den Versuch ermittelt werden müssen, so ist es einfacher und sicherer, die Vergrösserung des Mikroskops selbst zu messen, was gewöhnlich nach folgender, von Jacquin angegebener Methode geschieht.

Man legt unter das Objectiv des Mikroskops an die Stelle des zu betrachtenden Gegenstandes ein Glasmikrometer, d. h. einen sehr feises auf Glas getheilten Maassetab, bei welchem die Länge von 1 Millimeter in 20, und wenn es sich um stärkere Vergrösserungen handelt, in 100 gleise Theile getheit ist; über dem Ocular des Mikroskops aber bringt mat irgend einen der in Paragraph 285 beschriebenen Zeichungssepparat, etwa den Nachet'schen oder den Nobert'schen, an. Wenn nun neben das Mikroskop in der Weite des deutlichen Sehens ein Papierblatt aufgelegt ist, so kann man auf demselben die durch das Mikroskop gesebsser Theistriche der Scals nachfahren und die so erhalten Zeichnung alsdam mit dem Mikroskop ein Mikrometer vergleichen. Es sei z. B. unter das Objectiv des Mikroskops ein Mikrometer vergleichen. Es ein z. B. unter das Objectiv des Mikroskops ein Mikrometer vergleichen. Es ein z. B. unter dem gleiche Theile getheilt ist, so also dass der Abstand je zweier auf einaufer folgenden Theilstriche ½g. Millimeter beträgt; von einem Theil diese Mikroskop geschabe man habet man abedann mit Hälfe dies auf das Mikroskop gesch



ten Zeichmungsapparates die Zeichnung Fig. 715
erhalten, bei welcher der Abstand je zweier auf
einander folgenden Theilstriche 4 Millimeter
beträgt, so erscheint die Länge von ½5 Millimeter durch das Mikroskop gesehen zu 4 Millmeter vergrössert, die Vergrösserung ist also
4.1/a. d. h. eine Soffache.

Dieselbe Methode kann man auch anwerden, um die Vergrösserung einer einfachen Loupe zu bestimmen.

Die Leistungen eines Mikroskops sind jedoch keineswegs durch die Vergrösserung desselben allein bedingt, sondern sit hängen davon ab, wie weit man durch das Instrument die Einzelheiten kleiner Gegenstände zu erkennen im Stande ist; man wendet deshalb zur Prüfung der Mikroskope organische Körper an, welche in ihrer Structur ein feines Detail erkennen lassen.

Unter den verschiedenen, zu diesem Zwecke vorgeschlagenen Probejecten sind die Schuppen von den Flügeln des Weibehens von Hipparchis Janira (ein unter den deutschen Namen "gelbes Sandauge" oder "Riedgrafalter" bekannter, ziemlich häufiger Tagechmetterling) vorzugzweise zu empfehlen. Ein gutes Mikrockop soll bereits bei einer 44maligen Vergrösserung deutlich Längsstreifen auf denselben zeigen; bei 300maliger Vergrösserung müssen aber zwischen den Längsstreifen sehr nahe anseinander liegende Querstreifen erscheinen.

Weit schwierigere Probeobjecte sind verschiedene Arten von Diatomeen, namentlich Navicula und Pleurosigma. Nur mit sehr guten Instrumenten kann man auf ihnen verschiedenartige Streifungen erkennen. Näheres darüber in Harting's Mikroskop, Braunschweig 1859.

Man hat gegen diese Probeohjecte geltend genacht, dass selbst die verschiedenen Schuppen desselben Flüges heit ganz gleiche Gröse und Beschaffenheit haben. Um diesem Uebelstande zu entgeben, wendet Nobert sehr fein getheilte Glasmikrometer als Probeobjecte an. Seine Proheplatte entbält 10 Gruppen von Parallellinien. Bei der ersten Gruppe beträgt die Entfernung je zweier Linien 1/1000, bei der letzten Gruppe beträgt die Entfernung je zweier Linien 1/1000, bei der letzten Gruppe beträgt die Entfernung je zweier Linien 1/1000, bei der letzten Gruppe beträgt die Seinen Franke in der Gruppen wird man in einzelnen Linien aufgelöst seben. Die Linien der ersten Gruppe sollen hereits bei einer 700 maligen Vergrösserung deutlich sichthar sein, während man sie hei einer 300 maligen Vergrösserung noch bis zur 6ten und 7ten Gruppe getrennt erkennen soll.

In neuerer Zeit hat Nohert noch feinere Proheplatten gemacht, welche bis zu 30 Liniengruppen gehen; bei der letzten dieser Gruppen beträgt die Entfernung je zweier Linien (von der Mitte eines Striches bis zur Mitte des nächsten) nur \$\frac{1}{8000}\$ Pariser Linie, und mit Reebt sagt Harting: Man weiss nicht, soll man sieb mehr wundern über die Kunst, womit diese Linien geozgen worden sind, oder über das Unterscheidungsvermögen des Mikroskops, welches solebe Linien zur Ansiebt bringt.

Die auf diese Weise getheilten Mikrometer zeigen jedoch, wie leicht begreiflieb ist, unter sich ebenfalls Verschiedenheiten in der Schärfe und Siebtharkeit der Linien. Uebrigens muss hier noch hemerkt werden, dass die Siehtbarkeit dieser Linien, so wie aueb andere mikroskopische Objecte wesentlich durch die Beleucbtungsweise bedingt ist, indem sie bei etwas schräger Beleuchtung weit eher wahrpenommen werden, als bei gerader.

Mit wachsender Vergrösserung nimmt die Lichtstärke und Schärfe der mikroskopischen Bilder ah; über eine gewisse Gränze hinaus wird also eine gesteligerte Vergrösserung keinen Vortheil mehr bringen, sondern sogar noch weniger Detail erkennen lassen, als eine schwächere Vergrösserung. Nach Mohl's Angahen liegt diese Gränze bei den hesten der damaligen (1846) Mikroskope ungefähr bei einer 300- bis 400maligen Vergrösserung.

Ueber diese Gränzen ist man selbst in den neuesten Zeiten nicht viel hinausgekommen, wie aus einem Anfsatze von Harting bevrorgeht, in welchem er die neuesten Verbesserungen der Mikroskope bespricht (Pogs. Annal. Bd. CXIV). Bei Vergleichung eines Merz'schen und eines Hartnack'schen Objectiva hatte er die Oenlare so gewählt, dass eine 430-his 450 fache Vergrösserung erzielt wurde. Als stärkere Oeulare genommen wurden, so dass die Vergrösserung his zu 1500 stieg, wurde zwar nicht mehr geseben als hei der schwächeren Vergrösserung, die Beobachtung der Objecte wurde aber leichter und dadurch deutlicher.

Um die für stärkere Vergrösserungen nöthige Lichtstärke zu erhalten, wendet man besondere Linsensysteme an (condensers), welche das Licht auf dem Objecte concentriren.

In der Regel werden die zu beobschtenden Objecte unter dünne Glaplätchen, die sogenannten Deck gläschen, gelegl. Bei einigermassen
starken Vergrösserungen dürfen diese Deckgläschen nur sehr dünn sein, und
bei sehr starken Vergrösserungen kann ein Objectiv nur für eine bestimmte
Dicke des Deckplätchenes seine besten Leistungen hervorbringen. Man hat
deshalb die unterste Linse der stärkeren Objectivsysteme innerhalb einer
gewissen Gränze durch Drehung verschiebbar gemacht, um es dadurch für
verschiedene Dicken der Deckplätchen accommodiren zu können.

Ganz besonders gute Resultate hat Hartnack (der Geschäftsnachfolger Oberhäuser's) durch ein Objectiv erzielt, zwischen dessen unterer Linse und dem Deckplättichen ein Tropfen Wasser angebracht wird und

welches er als Immersionsobjectiv bezeichnet.

Die optische Vollkommenheit der besten Mikroskope steht, wie Har-

ting in dem oben citirten Aufsatze nachgewiesen hat, noch weit hinter der des menschlichen Auges zurück. Bei Anwendung des Hartnack'schen Immersionsobjectiver fand er die Gränze der Sichtbarkeit für ein fadenförmiges Object ungefähr  $\frac{1}{45000}$  Millimeter; bei 1500maliger Vergrösserung erscheint ein solches Object also in einer Breite von ungefähr  $^{1}/_{50}$  Millimeter, während das blosse Auge noch einen fadenförmigen Körper von  $^{1}/_{500}$  Millimeter Durchnesser unterscheiden kann.

Harting knüpft daran die Bemerkung, dass die Kunst in Herstellung von Objectivsystemen so ziemlich die äussersten Grinzen dessen erreicht habe, was wohl überhaupt für die praktische Benutzung des Mikroskops geleistet werden könne, und dass die Optiker fernere Verbesserungen in der Verbindung des Oculars mit dem Objectiv erstreben müssten.

Da das Mikroskop für den Botaniker, den Zoologen, den Physiologen u. s. w. ein Instrument von der höchsten Wichtigkeit ist, so sind über dasselbe in neuerer Zeit mehrere gute Werke erschiesen, unter denen vor allen Mohl's Mikrographie (Tübingen 1846) und das bereits oben genannte Werk von Harting herrorgeboben werden müssen.

292 Binoculare Mikroskope nenat man solohe Instrumente, deren Construction darauf berechnet ist, dass dasselbe Object gleichzeitig von zwei verschiedenen Augen mikroskopisch betrachtet werden kann. In diese Kategorie gebören nun zwei wesentlich verschiedene Arten von Instrumenten, nämlich: 1. solche, bei denen die beiden Augen desselben Beobsechters gleichzeitig dasselbe Object mikroskopisch betrachten, so dass ein stereoskopischer Effect erzielt wird, weshalb man solche Instrumente auch stereoskopische Binocular-Mikroskope nennen kann, und 2. solche Instrumente, eit, dass gleichzeitig zwei Beob-

achter dasselbe Object beobachten können, was für mikroskopische Demonstrationen oft von der grössten Wichtigkeit ist.

Was die sterceskopischen Binceular-Mikroskope betrifft, so könnte man den Zwek zusichst dadurch erreichen, dass man swei gewöhnliche Mikroskope in der Weise combinirt, dass die beiden Röhren, in deren Oculare die beiden Augen des Beobachters hinnichenbauen, gegen dasselbe Object gerichtet sind; dies ist jedoch nur außirbran, so lange man Objective von grosser Brennweite, also sehr schwache Vergrösserungen anwendet. Dieser Uebelstand wird dadurch beseitigt, dass man ein gemeins haftliches Objectiv für beide Röhre anwendet, und dass man die vom Objecte kommenden Strahlen erst nach ihrem Durchgang durch das Objectiv zuwei Bündel theilt, von denen das eine dem rechten, das andere dem linken Auge sugeführt wird. Riddel in Amerika, Nachet in Frankreich und Wenham in England haben diesen Zweck auf verschiedene Weise erreicht.

Fig. 776 ist eine äusscre Ansicht von Nachet's stereoskopischem binocularem Mikroskop, in welcher man leicht das gemeinschaftliche Ob-





den einander parallelen Ocularröhren erkennt. Wie die Trennung der Strahlenbündel bewirkt wird, von welchen das eine in das rechte, das andere in das links

Auge gelangt, ist aus Fig. 777 zu ersehen. Die aus dem Objectiv austrechenden Strahlen treten in das gleichseitige Glasprisma A ein, um zur Halfte an der Fläche f.g. zur andern Halfte an der Fläche f.g. denketzien zu erfahren. Die an der Fläche f.g. gespiegelten Strahlen treten nahezu rechtwinklig zur Fläche f.h. und die von f.h gespiegelten treten eben so an der Fläche of aus.

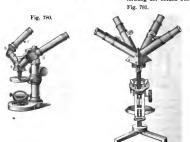
Die durch die Fläche fg austretenden Strahlen erfahren im Prisma C eine abermalige totale

Reflexion, um dann nahezu in verticaler Richtung in das eine Ocularrohr einzutreten, während das aus der Fläche fh austretende Strahlenbündel in gleicher Weise dem andern Ocularrohr zugeführt wird.

Da der Abstand der beiden Augen für verschiedene Individuen nicht derselbe ist, so ist die Einrichtung getroffen, dass man innerhalb gewisser Gränzen die Ocularröhren einander nähern oder sie von einander entfernen kann. Fig. 779 stellt Wenham's Binocular-Mikroskop in  $^{1}/_{4}$  der natürlichen Grösse dar, und Fig. 778 erläutert die innere Einrichtung desselben. Bei



o Fig. 779 wird das Objectiv eingeschraubt. Etwas oberhalb des Obiectivs wird ein ringförmiger Schieber eingeführt, welcher das kleine Glasprisma A Fig. 778 tragt. Ein Theil der durch das Objectiv in das Instrumenteingetretenen Strahlen erleidet in A eine zweimalige totale Reflexion, um dann in das Rohr B einzutreten und zum Ocular E desselben zu gelangen, während die neben A vorbei gehenden Strahlen durch das Rohr C zum Ocular D gelangen, Auch hier ist die Einrichtung getroffen, dass die Entfernung der beiden Ocu-



lare so regulirt werden kann, wie es der Entfernung der beiden Augen des Beobachters entspricht.

des Beobachters entspricht.

Der Effect solcher stereoskopischen Binocular-Mikroskope ist ein wahrhaft überraschender.

Wenn man das Gjasprisma A aus dem Wenham'schen Instrumente entfernt, so dient das Rohr C mit dem unten angeschraubten Objectiv und mit dem Ocular D wie ein gewöhnliches zusammengesetztes Mikroskop.

Fig. 780 stellt Nachet's binoculares Mikroskop für zwei Beobachter dar.

Es bedarf wohl keiner weiteren Erfauterung, wie die aus dem gemeinschaftlichen Objectiv austretenden Strahlen zunächst durch ein im Kästchen a befindliches Prisma in zwei Strahlenbundel getheilt wird, welche durch eine zweite totale Reflexion bei b und b' den beiden Ocularen zugeführt werden.

Nach demselben Princip hat Nachet auch ein trioculares und Harting ein quadrioculares Mikroskop, Fig. 781, construirt.

Das holländische Fernrohr. Während das Mikroskop den Zweck 293 hat, Körper zur Anschaung zu bringen, welche wegen ihrer Kleinhiett mit blossem Auge nicht in ihren Einzelnheiten gelörig deutlich gesehen werden können, ist es die Aufgabe des Fernrohrs, solche Gegenstände zu zeigen, derem Details wesen ihrer grossen Entfernung dem blossen Auge verschwinden.

Auch die Fernröhre sind aus einem Objectiv und einem Ocular zusammengesetzt; das Objectiv des Fernrohres ist aber eine Linse von grösserer Brennweite, welche achromatisch sein muss, wenn die Bilder rein und soharf sein sollen.

Die verschiedenen Arten der Fernrühre unterscheiden sich durch die verschiedene Einrichtung des Oculars. Bei dem holländischen Fernrohre besteht das Ocular aus einer einfachen Zeratreuungslinse; das Ocular des astronomischen Fernrohrs hat eine oder zwei Sammellinsen; das Ocular des Erdferprohrs endlich hat deren der ider vier.

Die Einrichtung des holländischen oder Galiläi'schen Fernrohres ist in Fig. 782 (a.f.S.) schematisch dargestellt. o o ist das Objectiv, welches in ab ein verkehrtes Bild des Gegenstandes dB entwerfen würde, wen die Strahlen nicht sehon vorher durch das als Ocular dienende Hohlglas v0 aufgefangen wärden. Das Ocular v0 ist so gestellt, dass die Enffernung des Bildes ab von denselben etwas grösser ist als seine Zerstreunugsweite der Hohllinse; folglich werden alle nach einem Punkte des Bildes ab0 convergirenden Strahlen durch die Hohllinse vv0 so gebrochen, dass sie nach ihrem Durchgange durch dasselbe so divergiren, als o1 sie von einem Punkte vor der Linse vv1 herkæme (a. Seite 550).

Die von dem obersten Punte A des Gegenstandes auf das Objectiv fallenden Strahlen convergiren nach dem Durchgange durch dasselbe nach dem Punkte a; von der zerstreuenden Ocularlinse vv aufgefangen, werden sie aber so gebrochen, dass sie von dem Punkte a' aus zu divergiren seheinen. In gleicher Weise wird das von dem untersten Punkt B des Gegenstandes aus auf die Objectivlinse oo fallende Strahlen-Fig. 782. bündel nach dem Durchgang durch die Ocularlinse vv

so divergiren, als ob es von b' ausgegangen wäre. Ein hinter das Ocular gebrachtes Ange wird also in a' b' das Bild des Gegenstandes A B erblicken.

Die Vergrösserung, welche das holländische

Fernrohr hervorbringt, ist leicht zu berechnen, wenn man die Brennweite des Objectivs und die Zerstreuungsweite des Oculars kennt. Ohne Fernrohr erscheint der Gegenstand unter dem Winkel A c B oder, was dasselbe ist, unter dem Winkel acb; durch das Fernrohr betrachtet, erscheint er uns aber unter dem Winkel a'mb' (wenn wir uns das Auge in den Mittelpunkt m der Ocularlinse versetzt denken), welche dem Winkel bma gleich ist. Um zu bestimmen, wie vielmal das Fernrohr vergrössert, haben wir also nur zu ermitteln, wie vielmal der Winkel bpa grösser ist als der Winkel boa.

Die Entfernung des Bildes ab vom Objectiv ist (nahe) gleich der Brennweite f desselben, wenn der Gegenstand sehr weit entfernt ist; die Entfernung des Bildes ab vom Ocular vv ist aber nur unmerklich grösser als die Zerstreuungsweite f' dieser Linse. aber verhalten sich die Winkel bam und bea sehr nahe umgekehrt wie diese Entfernungen, also

bca:bma=f':f.

Setzen wir den Winkel bca, unter welchem der Gegenstand ohne Fernrohr erscheint, = 1, so ist der Winkel, unter welchem er in dem Fernrohre gesehen wird,

 $bma = \frac{f}{f'}$ 

d. h. man findet die Vergrösserung, wenn man die Brennweite des Objectivs durch die Zerstreuungsweite des Oculars dividirt; die Vergrösserung ist also um so grösser, je grösser die Brennweite des Objectivs und je kleiner die Zerstreuungsweite des Oculars ist.

Die Entfernung der beiden Gläser ist offenbar sehr nahe gleich f - f'; wenn man also verschiedene Oculare mit demselben Objective verbindet, so wird die Entfernung der beiden Gläser um so grösser sein müssen, je kürzer die Zerstreuungsweite des Oculars, je stärker also die Vergrösserung ist.

Je näher der zu betrachtende Gegenstand rückt,

desto weiter rückt  $a\,b\,$  vom Objectiv weg, desto weiter m<br/>nss man also das Fernrohr ausziehen.

Ausser den gewöhnlichen Theaterperspectiven gehören auch die sogenannten Feldstecher, welche namentlich von Plössl ausgezeichnet gemacht werden, in die Classe der holländischen Fernrohre. Die Feldstecher sind mit mehreren (gewöhnlich drei) auf einer kleinen Drehscheibe befindlichen, verschiedenen starken Klohlgäsenr versehen, so dass man nach Belieben das eine oder das andere vor die Ocularöffnung bringen und so leicht die Stärke der Vergrösserung wechseln kann. Für stärkere Vergrösserungen muss das Fernrohr natürlich weiter ausgezogen sein; ebenso mnss man bei Betrachtung näherer Gegenstände das Rohr weiter ausgehen, als wenn man fennere Gegenstände betrachtet.

Da die aus dem Ocular des hollhadischen Fernrohres austretenden Strahlen divergiren, so ist klar, dass nur von demjenigen Theile des Ohjectivs, welcher sich unmittelbar vor der Pupille befindet, Strahlen ins Auge gelangen können. Aus diesem Grunde ist das Gesichtsfeld des holladischen Fernrohres sehr klein, es wird durch die Mantelfläche des Kegels begränzt, dessen Basis die Pupille nnd dessen Spitze der Mittelnunkt des Obiectivs ist.

Wegen des kleinen Gesichtsfeldes können die Galliläi'schen Fernrohre auch nur eine geringe, höchstens 20- bis 30malige Vergrösserung vertragen. Die Theaterperspective vergrössern 2- höchstens 3mal.

Fig. 783 erläutert die gewöhnlichste Form der holländischen Fernrohre, nämlich das Theaterperspectiv. An einem vorn weiten, hinten engeren



Rohre ist bei oo die Objectivlinse eingeschraubt. Bei  $b\bar{b}$  ist eine Hülse eingeschraubt, in welcher das Rohr cc steekt, und in dieses Rohr ist endlich bei ac als Ocularlinse eingeschraubt. Das Rohr c kann sammt dem Ocular nach Belieben aus und eingeschoben werden. Je näher nämlich der zu

betrachtende Gegenstand dem Beschaner ist, desto weiter mnss das Oenlarrohr ausgezogen werden, um ein scharfes, deutliches Bild zu erhalten.

In die Kategorie des holländischen Fernrohrs gehört anch die Brücke'sche Lonne, welche sich von dem Theaterperspectiy und



dem Foldstecher inur dadurch unterscheidet, dass ihr Objectiv eine viel keinere Brenweite hat. Um jedoch diesem Objectiv hei einer Brennweite von 8 bis 9 Centimetern doch eine grosse Oeffnung geben zu keinen, siet es aus swei achromatischen Linsen zusammengesetzt, wie Fig. 784 zeigt. Das Ocular ist das gleiche wie bei einem Theater-perspectiv. Ungefähr 9 Centimeter lang, gibt dieses Instrument bei nabezu 7maliger Vergrösserung scharfe Bilder von Objecten, welche ungefähr 9 Centimeter vom



Ohjectiv entfernt sind. In ihren Leistungen steht die Brücke'sche Lonpe also zwischen dem Mikroskop und dem Fernrohr.

294



Das astronomische Fernrohr. astronomischen Fernrohro kommt das Bild des Oculars wirklich zu Stande, und es wird durch eine einfache oder zusammengesetzte Lonpe betrachtet, wie man es Fig. 785 sieht.

Von dem Gegenstand AB wird durch das Objectiv oo das verkehrte verkleinerte Bild ab entworfen. und dieses erscheint dann durch die Ocularlinse vv betrachtet in a'b' vergrössert. Unsere Figur zeigt den Lauf des Strahlenbündels, welches, von dem höchsten Punkt des Gegenstandes ausgehend, das Instrument durchläuft.

Die Vergrösserung eines solchen Fernrohres ist leicht zu berechnen, wenn man die Brennweite des Ohiectivs und des Oculars kennt; denn der Sehwinkel, unter welchem der Gegenstand dem hlossen Auge erscheint, ist gleich dem Winkel bca; durch das Fernrohr erscheint er aher unter dem Winkel b'ma', welcher gleich bma ist. Der eine dieser Winkel verhält sich aber zum anderen umgekehrt wie die Entfernung des Bildes ab vom Objectiv zu der Entfernung desselben vom Ocular; nun aber steht das Bild vom Ohjectiv (nahezu) um die Brennweite f desselben, vom Ocular aher (nahezu) um die Entfernung f' ab, wenn wir mit f' die Brennweite des Oculars bezeichnen; die durch das

Fernrohr hervorgehrachte Vergrösserung ist also £. Die Länge des Fernrohres ist f + f', d. h. sie ist

gleich der Summe der Brennweiten der beiden Gläser. Beim astronomischen Fernrohre wird in gleicher Weise, wie beim Mikroskop, nicht eine einfache Convexlinse, sondern ein System von zwei Linsen als Ocular angewendet. Das gebränchlichste Ocular des astronomischen Fernrohres ist das Campani'sche, dessen Einrichtung hereits auf Seite 708 beschrieben wurde.

Fig. 786 stellt die äussere Einrichtung des astronomischen Fernrohres dar. An die Röhre, an welcher vorn das Objectiv k angeschrauht ist, setzt sich am anderen Ende eine engere Röhre s an, in welcher sich mittelst des Triebes r die Röhre t aus- und einschieben lässt. An das Rohr t ist das Ocular o angeschraubt.

In der Regel sind iedem derartigen Fernrohre mehrere Oculare beigegehen, welche verschieden starke Vergrösserungen geben und welche man nach Belieben wechseln kann.

Zum Behuf genauer Beobschtungen und Messungen muss das Instru-



ment mit einem Fadenkreuze versehen sein. Beim Campani'schen Ocular kann dieses nur zwischen dem Collectivglas und dem Augenglas und zwar an der Stelle des Bildes r s, Fig. 770 S. 708 angebracht werden; hei Anwendung von Campani'schen Ocularen ist also kein Wechsel der Vergrößerung möglich, ohne dass gleichzeitig das Fadenkreuz entfernt und durch ein anderes ersetzt wird. Dass dabei die Unveränderlichkeit der Visirlinie nicht gewahrt werden kann, ist klar, und man hat deshalb bei Messinstrumenten das Campani'sche Ocular mit dem Ramsden'schen vertauscht, welches im Wesentlichen eine aus zwei Linsen zusammengesetzte Loupe ist.

Kellner hat das Ramsden'sche Ocular dadurch verbessert, dass er die zweite Linse desselben, also die, welche dem Auge zunächst steht, aus einer convexen Crownglas- und einer concaven Flintglaslinse zusammensetzte, deren letztere so herechnet ist, dass sie die Fehler der Farhenzerstreunng der beiden Crownglastinsen des Oculars corrigirt.

Das Gesichtsfeld des astronomischen Fernrohres wird dann ein möglichst grosses sein, wenn man das Auge an die Stelle der Axe bringt, wo dieselbe von den Strahlenhündeln geschnitten wird, welche den Rand der Ocularlinse passiren. Das Gesichtsfeld ist durch den Mantel des Kegels hegränzt, dessen Spitze die Mitte des Objectivs und dessen Basis die Ocularlinse oder hei zusammengesetzten Ocularen die dem Objectiv zunächst stehende Linse des Oculars (also beim Campani'schen Ocular das Collectivglas) ist. Es geht daraus hervor, dass das Gesichtsfeld des astronomischen Fernrohrs bedeutend grösser ist als das des holländischen, dass es aber gleichfalls mit der Stärke der Vergrösserung abnimmt.

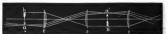
Wegen der mit starker Vergrösserung unvermeidlich verhundenen Kleinheit des Gesichtsfeldes ist es oft ungemein schwierig, ein stark vergrösserndes Fernrohr anf einen bestimmten Gegenstand einzustellen, es also z. B. auf einen bestimmten Stern zu richten. Deshalb ist mit solchen grösseren Instrumenten meist ein kleineres Fernrohr von geringerer Vergrösserung in der Art verbunden, dass die Axen beider Fernrohre genau parallel sind, wie man dies z. B. in Fig. 787 (a.f. S.) sieht, welches ein grösseres 46

Standfernrohr sammt seinem Stativ darstellt. Wenn man, durch das kleine Fernrohr hindnrehschauend, das Instrument so gerichtet hat, dass der zu Fig. 787.



betrachtende Gegenstand in der Mitte des Gesichtsfeldes erscheint, so wird er alsdann anch für das grössere Fernrohr im Gesichtsfelde sein.

285 Das terrestrische Fernrohr. Das astronomische Fernrohr zeigt uns ein verkehrtes Bild der Gegenstände. Bei Beobachtung von Fig. 788.



Gestirnen hat dieser Umstand nicht den mindesten Nachtheil, während er hei Betrachtung irdischer Objecte störend ist. Bei Erdfernröhren, d. h. Fig. 789.



bei solchen, welche zur Beobschtung von irdischen Gegenständen dienen sollen, bringt man deshalb ein Ocnlar in Anwendung, welches das vom Objectiv entworfene verkehrte Bild wieder nukehrt.

Die Oenlarröhre des terrestrischen Fernrohrs oder das terrestrische

Ocular ist im Wesentlichen nichts Anderes als ein zusammengesetztes Mikroskop, dessen Objectiv jedoch weit schwächer ist als bei den gewöhnlichen Mikroskopen. Fig. 788 stellt die Einrichtung dar, welche Rheita

Fig. 790.



Strahlenbündels verfolgen, welches, von dem obersten Punkte des betrachteten Gegenstandes ausgehend, nach dem Durchgange durch das Instrument ins Auge gelangt.

Später hat man statt des vorderen Glases im Rivita'selne Ocular zwei Linnen substituit, und so entstand die jetzt gebrünchliche Form des terrestrischen Oculars, welche in Fig. 789 sehrmatinch dargestellt ist. Das vom Objectiv des Fernrohres entworfene Bild absteht innerhalb der Brennweite der ersten Linse  $\tau$ , so dass die von einem Punkte des Bildes ab ausgehenden Strahlen nach ihrem Durchgange durch  $\tau$  divergiren. Diese Strahlenbundel schneiden num die Axe mot treffen absdann erst auf die zweite Linse  $\tau'$ , die sie parallel oder sehwach convergirend macht, bis sie endlich durch die dritte Linse s wieder zu einem aufrechten Bilde a'b'gesammelt, werden.

Sowohl da, wo die Strahlenbündel zwischen r und r' die Axe schneiden, als anch an der Stelle des Bildes a'b' ist eine Blendung angebracht.

Fig. 790 zeigt die volkständige Einrichtung des terrestrisehen Oeulars sammt der Fassung. Bei grösseren Standfernrohren sind gewöhnlich ausser einigen astronomischen Oeularen auch ein oder zwei terrestrische beigegeben, welche wie die astronomischen angesehraubt werden. Die gewöhnlichen Zugfernrohre sind dagegen,

V<sub>1</sub> - V<sub>2</sub> um sie transportabeler zu machen, aus mehreren in einander schiebbaren R\u00f6hren zusummengesetzt, wie dies Fig. 791 erl\u00e4utert. Fig. 791.



296 Geschichtliche Notizen über die Erfindung des Pernrohres. Die erste Erfindung des Fernrohres ist einem Zufalle zu verdanken. Die Kinder eines Brillenmachers in Middelburg spielten mit optischen Gläsern und brachten zufällig zwei in eine Röhre, in welcher der Vater die Gläser aufzubewähren pflegte, so zusammen, dass sie dahrch des Hahn auf dem Kirchthurne vergrössert erblickten; voller Verwunderung zeigten sie es auch ühren Vater, welcher den Zufall zu beuntzen wusste. Galiläi erhielt Nachricht von der in den Nielerlanden gemachten Entekung errieth die Combination der Gläser und construite so das in §. 293 besprochene Fernrohr, welches auch das Galiläi sehe genannt wird und mit welchem er die Trabanten des Jupiter entdeckte.

Der Erfinder des astronomischen Fernrohrs ist Kepler; wenn er sanch nicht selbst ausführte, so hat er doch die Construcion desselben in seiner "Dioptrik" bekannt gemacht. Fatana hat, ohne Kepler's Doptrik zu kennen, ein aus Sammellinsen gebildetes Fernrohr zuerst im Jahr 1625 construit.

Gewöhnlich werden Picard und Huyghens als die Erfinder des Fadenkreuzes angegeben; doch soll, nach Herschel, diese Ehre einem engüsehen Astronomen Gascoi gne zukommen, welcher zu Cromwell's Zeit in der Schlacht von Marston Moor einem frühen Tod fand. Da das Faderkreuz an der Stelle ausgespant ist, an welcher sich das durch das Objectiv erzeugte Sammelbild befindet, so ist klar, dass man in dem Galiläi'schen Ferurohre kein Fadenkreuz anbringen kann, weil ja hier dieses Sammelbild gar nicht zur Entstelung kommt.

297 Die Leistungen des Fernrohres. Um die Vergrösserung eine Fernrohres zu messen, kann man dieselbe Methode anwenden, die wir bereits beim Mikroskop kennen lernten. Man richtet nämlicht das Fernrohre auf einen in gemessener Entferung aufgestellten Massestab, bringt dam vor das Ocular einen der oben beschriebenen Zeichnungspaparate, etwe ein Sömmering sches Spiegelchen, an und entwirft mit Hülfe desselben auf einem in der Weite des deutlichen Sehens aufgestellten Blatt Papir die Zeichnung des vergrössert gesehenen Massestabes, in dem man die einzelnen Theilstriche desselben mit dem Bleistft nachfährt.

Aus der Vergleichung dieser Zeichnung mit dem Maassetab selbst ergiebt sich die Vergrösserung.

Man hat nämlich nur den Gesichtswinkel, unter welchem eine Abtheilung des entfernten Maasstabes durch das Fernrohr betrachtet erscheint, zu dividiren durch den Gesichtswinkel, unter welchem sie das unbewaffnet Auge wahrnimmt, um die durch das Fernrohr hervorgebrachte Vergrösserung zu finden.

Der Gesichtswinkel, unter welchem das Fernrohr eine Abtheilung des fernen Maassstabes zeigt, ist gleich einer Abtheilung des gezeichneten Manssstabes, dividirt durch die Weite des deutlichen Sehens. Der Gesichtswinkel, unter welchem eine Abtheilung des entfernten Maassstabes ohne Fernrohr erscheint, ist gleich der wirklichen Länge dieser Abtheilung, dividirt durch ihre Entfernung vom Auge.

Es sei z. B. in einer Entfernung von 48 Metern (480 Decimeter) ein Maassetab aufgestellt, dessen einzelne schwarz und weiss angestrichene Abtheilungen 0,5 Decimeter lang sind, so ist der Gesichtswinkel (oder vielmehr die trigonometrische Tangente des Gesichtswinkels), unter welchem eine gelde Mateilung dem

eine solche Abtheilung dem blossen Auge erscheint,  $\frac{0.5}{480}$ .

Das vergrösserte Bild dieses durch ein Fernrohr betrachteten Maass-

stabes wurde nun mit Hüfe eines Sömmering siehen Spiegelchens auf ein 2 Decimeter vom Auge entferntes Papierblatt gezeichnet, und es ergab sieh, dass jede Abtheilung dieses gezeichneten Maassetabes die Länge von 6 Millimetern (0,06 Decimeter) hatte; der Gesichtswihel, unter welchem eine Abtheilung durch das Fernrohr betrachtet erscheint, ist also  $\frac{0.06}{1000}$ .

Demnach ist die durch das Fernrohr hervorgebrachte Vergrösserung:  $\frac{0.05}{2}: \frac{0.5}{480} = 28.8.$ 

Bei selwschen Vergrösserungen und weun es nicht auf grosse Genauigkeit ankommt, kann man folgendes Verfahren anwenden: Man stelle in einiger Entfernung vom Fernrohr einen getheilten Stab, etwa eine Latte, wie man sie zum Feldmesseu gebraucht, auf, und betrachte diesen Gegenstand gleichzeitig mit dem einen Auge direct, mit dem anderen durch das Fernrohr; man sieht anf diese Weise, wie viele Abtheilungen des mit blossem Auge gesehenen Maassstabes auf eine durch das Fernrohr vergrösserte Abtheilung fallen, und erhält so unmittelbar den Werth der Vergrösserung. — Man kann zu dem eben angegebenen Verfahren auch die Ziegelreihen eines Baches odt er einen ähnlichen Gegenstand anwenden.

Die Güte eines Fernrohrs ist aber nicht allein durch die Stärke der Vergrösserung, sondern auch durch die Schärfe und Klarheit der Bilder bedingt; man muss sich abo auch hier nach ähnlichen Prüfungsmethoden umsehen, wie beim Mikroskop. Ein treffliches Probeobject für grössere Fernrohre sind die Doppelsterne, welche durch dieselben als getrennte Sterne erkannt werden müssen. Weil man aber bei diese Prüfungs-

Fig. 792.

• =

methode so sehr von der Reinheit der Atmosphäre abhängig ist, so zog Fraunhofer vor, eine weisse Tafel mit sehwarzen runden und eckigen Figuren, wie eine solche Fig. 792 ungefähr in ½0 der wahren Grösso darsgetellt ist, als Probebijete annuewenden. Wird diese Tafel in einer Entfernung von 80 bis 100 Schritten aufgestellt, so müssen die Figuren, durch das Fernroht betrachtet, schaft begrinzt, vollkommen sehwarz, unverzerrt.

und ohne farbige Ränder erscheinen, wenn das Fernrohr fehlerfrei sein soll.

Ein dem Nobert'schen Mikrometer entsprechendes Probeobject ist eine weisse Tafel, auf welcher mehrere Gruppen schwarzer Linien von verschiedener Dicke und verschiedener Entfernung gezogen sind, die erste Gruppe etwa aus Linien von 5 mm Dicke und 5 mm Abstand, die letzte aus Linien von 1/2 mm Dicke und 1/2 mm Abstand bestehend. Je mehr dieser Gruppen ein Fernrohr bei gegebener Fntfernung in einzelne Linien aufzulösen vermag, desto mehr leistet es.

Auch das Lesen eines entfernt aufgestellten Buches von gewöhnlicher Druckschrift ist ein treffliches Prüfungs- und Vergleichungsmittel für

Fernröhre.

Bei demselben Fernrohr, also bei unverändertem Objectiv, wird das Bild um so lichtschwächer, je stärker die Vergrösserung ist, welche das Ocular bewirkt; stark vergrössernde Oculare kann man deshalb auch nur bei Obiectiven von grossem Durchmesser in Anwendung bringen.

Auch beim Fernrohre gelangt man in Betreff der Vergrösserung bald zu einer Gränze, deren Ucberschreitung mehr Nachtheil als Vortheil bringt; namentlich macht der Zustand unserer Atmosphäre die Anwendung starker Vergrösserungen nutzlos. Nur in sehr seltenen Fällen ist in unseren Gegenden die Luft so rein und ruhig, dass man eine 900malige Vergrösserung gebrauchen kaun.

Das Sichtbarwerden kleiner entfernter Gegenstände, namentlich kleiner Sterne durch das Fernrohr, ist nicht sowohl eine Folge der durch das Instrument hervorgebrachten Vergrösserung, als vielmehr des Umstandes, dass bei grosser Oeffnung des Objectivs eine bedeutend grössere Menge der von dem Gegenstande ausgehenden Strahlen ins Auge gelangt, als ohne das Fernrohr durch die Pupillenöffnung eingedrungen sein würde. Die raumdurchdringende Kraft der Fernrohre, vermöge welcher man gewissermaassen weiter in die Himmelsräume vordringen kann und Sterne erblickt, welche mit blossem Auge nicht erkennbar sind, ist vorzugsweise durch die Grösse der Objectivöffnung bedingt. Selbst durch die stärkste Vergrösserung erscheinen uns ja die Fixsterne immer nur als leuchteude Punkte ohne messbaren Durchmesser.

Spiegelteleskope. So lange man nicht im Stande war, achromatische Objective herzustellen, blieben die Leistungen der Fernrohre weit hinter den Wünschen der Astronomen zurück. Man suchte deshalb das Objectivglas durch einen mctallenen Hohlspiegel (das Spiegelmetall besteht aus einer Legirung von Kupfer, Zinn und etwas Arsen) zu ersetzen und so entstanden die Spiegelteleskone.

Die verschiedenen Spiegelteleskope unterscheiden sich nur durch die Art und Weise, wie das vom Hohlspiegel erzeugte Sammelbild des entfernten Gegenstandes durch das Ocular beobachtet wird.

Der Hohlspiegel ss des Gregory'schen Teleskops, Fig. 793, hat in der Mitte eine kreisförmige Oeffnung; die einfallenden Strahlen werden so reflectirt, dass in a ein reelles verkehrtes Bild des fernen Gegenstandes entsteht; dieses Bild nun befindet sich nahe dem Brennpunkte des kleinen Hohlspiegels V, durch welchen vor dem Ocular ein anfrechtes Bild b des

Fig. 793.



verkehrten Bildes a entworfen wird. Dieses Bild b wird nun endlich durch die Ocularlinse o betrachtet.

Je nachdem die zu betrachtenden Gegenstände näher oder ferner sind,



muss der Spiegel V vom Ochlar entfernt oder demselben genähert werden. Dies geschieht mit Hilfe der Schranbe mn. Fig. 794 zeigt die äussere Ansicht eines Gregory'schen Spiegelteleskops, wie sie früherziemlich verbreitetwaren.

Cassegrain's Teleskop unterscheidet sich vor dem Gregory'schen dadurch, dass der Hohlspiegel V durch einen Convexpiegel ersetzt ist, welcher die von dem grossen Hohlspiegel koumenden Strahlen auffängt, ehe sis sich zum Bilde vereinigt haben; sie werden also mit verringerter Convergenz so reflectirt, dass vor der Grularlimee in verkehrtes Sammelbild entsteht, welches durch diese Linse betruchtet wird.

Bei diesen beiden Arten des Spiegelteleskops schant der Beobachter in der Richtnug in das Instrument, in welcher der zu betrachtende Gegenstand sich befindet; sie leiden aber au dem Nachtheil, dass gerade der Theil des Hohlspiegels fehlt, welcher die reinsten Bilder giebt. Dieser Uebelstand ist bei dem Newton'schen und bei dem Herschel'schen Teleskop vermieden.

Fig. 795 (a.f.S.) stellt ein Newton'sches Spiegelteleskop schematisch dar. Der Hohlspiegel SS würde von dem emfernten Gegenstande ein Bild in a entwerfen; ehe jedoch die Strahlen hierher gelangen, werden sie von einem Planspiegel p, der 45° gegen die Axe des Rohres geneigt ist, seitwarts reflectirt, so dass das Bild wirklich in b entsteht. Dieses Bild wird nun durch das Ocular betrachtet.

Gegen das offene Ende hin ist in der Seitenwand des Rohres (welches bei den Newton'schen Teleskopen meist achteckig ist) eine Oeffnung ange-





bracht, welche von einer Metallplatte m n verdeckt wird. In dieser Metallplatte ist nun einerseits das Geularrohr eingeschrauht, andererseits ist auf derselben mittelst eines Metallstabes der Plauspiegel p befestigt. Die Scheihe m n kann durch Umdrehung des Kopfes r sammt dem Otalar und dem Plauspiegel parallel mit der Aze des Rohres verscholen und dautweine scharfe Einstellung auf einen bestimmten Gegenstand hewerkstelligt worden.

Bei den Herschel'scheu Spiegelteleskopeu, deren Einrichtung durch Fig. 796 erläutert wird und welche nur in grösserem Maassstabe augeführt werden, ist kein zweiter Spiegel augebracht. Das durch den Ob-

Fig. 796.



jectivapiegel SS, welcher etwas schrig gegen die Ave des Instrumcules steht, crzeugte Bild  $\alpha$  wird unmittelbar durch das am Eingange des Rohre angebrachte Ocular o betrachtet. Bei dieser Beobachtungsweise komm! freilich der Kopf des Beobachters zwischen das Object und den Spiegtwas aher bei dem grossen Durchmesser des letzteren nichts schadet.

Herschel nennt diese Instrumente Front view telescops, was man etwa durch Vornschau-Teleskope übersetzen könnte.

Es versteht sich von selhst, dass bei den Spiegelteleskopen eben zo wie bei dioptrischen Fernrohren statt der einfachen Ocularlinsen, wie sie die Figuren 793, 795 und 796 zeigen, zusammengesetzte Oculare in Anwendung kommen.

Durch die Erfindung der achromatischen Fernrohre sind die kleineren Spiegelteleskope, namentlich aber die Gregory'schen und die Casser grain'schen fast ganz verdrängt worden, weil sie bei gleicher Leistungsfähigkeit ungleich schwerer und unbequemer sind und die Spiegel gar leicht ihre Reinheit und Politur verlieren.

Nur bei der Construction gauz grosser Instrumente bieten die Hohlspiegel Vortheile vor den achromatischen Objectiven, wei sie bei letzteren der Vergrösserung des Durchmessers über gewisse Gränzen hinaus unüberwindliche Schwierigkeiten entgegenstellen. Die grössten achromatischen Objective, welche man bis jetzt zu Stande gebrucht hat, haben nur 14 bis 18 Zoll Durchmesser, während der Spiegel des grossen 40füssigen Teleskops von Herse helt, dessen Leistungen noch nicht durch dioptrische Ferunörte übertröffen worden sind, 4 Fuss im Durchmesser last. Rosse construirte in neuerer Zeit ein 55füssiges Teleskop von 6 Fuss Durchmesser.

Fig. 797 stellt ein grosses Newton'sches Spiegelteleskop dar, welches Lassel in Sandfield-Park bei Liverpool parallaktisch aufstellen liess. Der



bei A befindliehe Hohlspiegel hat 4' Durchmesser und 36' 7" Brennweite. Das Rohr ist aus Streifen starken l'Eisenblochs so zusammengesetzt, dass zwrischen je zwei solchen Streifen ein freier Raum belibt, dass also die Luft im Inneren des Rohres nach allen Seiten hin frei mit der äusseren communieit. Bei 5' sit der Planspiegel augsbracht, welcher die vom Hohlspiegel A kommenden Strahlen gegen das an der Seite des Rohres befindliche Ocular reflectirt.

Zunächst ist das ganze Instrument um die Axe des Kegels is drehbar, welche mit der Richtung der Weltaxe zusammenfällt; dann aber kann, wie man aus der Figur ohne weitere Erläuterung sieht, der Winkel des Rohres gegen die Weltaxe beliebig verändert werden.

Die Umdrehung des Instrumentes um die Weltaxe geschieht durch einen Arbeiter mittelst der Kurbel II. Die Einrichtung ist so getroffen, dass das Rohr dem täglichen Lauf der Gestirne folgt, wenn der Arbeiter die Kurbel einmal in der Secunde umdreht.

Der Beobachter steht auf einem Thürmehen von Holz, welches auf einem ringförmigen um eine verticale Axe drehbaren Holzgestelle steht; die Umdrehung derselben wird durch einen in dem Häusehen K sitzenden, eine Kurbel drehenden Arbeiter besorgt, und hat zum Zweck, den Beobachter dem continuirlich bewegten Rohre nachzuführen.

Eine neue Zukunft wurde den Spiegelteleskopen durch eine Erfindung Liebig's eröffnet, nach welcher man im Stande ist, eine Glasfläche mit einer ausserordentlich dünnen und doch der vollkommensten Politur fähiigen Silbersehicht zu überziehen, denn abgeseheu davon, dass versilberte Hohlspiegel von Glas bei weitem weniger Gewicht haben als die aus Spiegelmetall hergestellten, reflectiren solche Silberspiegel die Lichtstrahlen weit vollständiger als die früheren Metallspiegel. Steinheil hat mit Hohlspiegeln von Glas, welche nach der Liebig'schen Methode versilbert waren, Teleskope von ausgezeichneter Lichtstärke und Schärfe hergestellt.

Mit ausgezeichnetem Erfolg hat auch Foucault die versilberten Hohspiegel von Glas zur Construction von Spiegeletelsekopen beutzt. Die gläsernen Hohlspiegel, welche aus der Fabrik von St. Gobain stammen, erhalten in den Werksitäten von Secretan ihre vollkommen sphärische Gestalt. Die Vollendung der Politur führt Foucault eigenhandig der Art aus, dass er (wahrscheinlich durch verstärkten Druck im mittleren Theile) die Gestalt des Hohlspiegels etwas der eines Umderbungsparaboloids nähert, wodurch die Fehler der sphärischen Aberration beinabe vollständig corrigitt werden. Der polite Spiegel wird abdaam nach einer der Liebig 'schee ähnlichen Methode versilbert und endlich der Silberschicht selbst eine vollständig Politur ertheilt.

Die Bilder dieser Hohlspiegel sind so seharf und lichtstark, dass sie eine sehr bedeutende Ocularvergrösserung vertragen, weshalb die Foucault'schen Instrumente weit geringere Dimensionen haben, als andere
von gleicher Leistungsfähigkeit. Das Ocular des Foncault'schen Teleskops, welches übrigens nach dem Systeme des Newton'selen Telestops, sonstruirt ist, ist ein achromatisches Mikroskop (also ein terrestrisches
Ocular). Die Stelle des Planspiegels im Newton'selen Teleskop ist durch
ein rechtwinkliges Glasprisma ersetzt, an dessen Hypotenusenfläche eine
totale Reflexion stattfindet.

Fig. 798 stellt ein Foucault'sches Spiegelteleskop dar, wie dieselben von Secretan parallaktisch aufgestellt werden. Das 7 Decimeter lange Rohr ist bei II offen, während bei S der versilberte Hohlspiegel eingestellt wird. Das Ocular a kann parallel der Axe des Rohres innerhalb gewisser



Gränzen verschoben werden, wodurch die Einstellung auf einen bestimmten Gegenstand bewerkstelligt wird. In den Werksätten von Secretan werden solche parallaktisch montirte Foueaut¹sche Spiegelteleskope auch noch in weit gröseren Dimensionen hergestellt.

## Achtes Capitel.

## Interferenz und Beugung des Lichtes.

Hypothesen über das Wesen des Lichtes. Indem wir bisher die allgemeinen Gesetze der Reflexion, der Breehung und der Dispersion des Lichtes besprachen, haben wir uns nur an die Erfahrung gehalten
und laben dabei jede theoretische Ansicht über die Natur des Lichtes
ganz aus dem Spiele gelassen. Dies lästs sich nun bei den Interferenzerscheinungen nicht mehr durchführen, weil es ganz unmöglich ist, die Gesetze derselben übernichtlich zu machen, ohne eine theoretische Ansicht
über das Wesen des Lichtes zu Hüffe zu nehmen. Wir wollen zumächst
einige Worte über die beiden Hypothesen reden, welche von den Physikern
in Beziehung auf das Wesen des Lichtes suffgestellt worden sind. Diese
Hypothesen sind unter dem Namen der Emissions- oder Emanationstheorie und der Vibrations- oder Undulationstheorie bekannt

Die Emmissionstheorie nimmt an, dass es eine eigenthümliche Lichtunterie gebe, und dass ein leuchtender Kriper nach allen Seiten hin Theilchen dieser feinen Materie mit so ungeheure Geschwindigkeit aussende, dass ein solches Lichtheilchen in einer Secunde einen Weg von 42000 deutschen Meilen zurücklegt. Diese Lichtmaterie mus man natürlich als äusserst fein und den Wirkungen der Schwere nicht unterworfen, also imponderabel annehmen. Die Verschiedenheit der Farben rührt von einer Verschiedenheit in der Geschwindigkeit her für Reflexion ist nach dieser Aussicht dem Abprallen elastischer Körper nadog. Um nach dieser Theorie die Brechung zu erklären, müsste man annehmen: 1) dass sich in den durelbsichigen Körpern hinreichend grosse Zwischenräume befinden, um den Lichttheilchen den Durchgang zu gestatten, und 2) dass die wägbaren Molekule auf die Lichttheilchen ihre anziehende Kraft aussben, welche, combinirt mit der einmal erlangten Geschwindigkeit der Lichtheilchen, ihre Ablenkung bewirkt.

Die Vibrationstheorie nimmt au, dass sich das Licht durch die Schwingungen der Theilchen eines unwägbaren, äusserst clastischen Stoffes fortpflanst, welcher den Namen Aether führt. Nach dieser Theorie ist das Licht etwas dem Schalle Analogs; der Schall wird durch die Schwingungen der wägbaren Materie, das Licht durch die Schwingungen des imponderabelen Aethers fortgepflanzt. Der Aether erfüllt den ganzen Weltraum, da das Licht alle Räume des Himmels durchdringt. Der Aether ist aber nicht bloss in den sonst leeren Räumen verbreitet, welche die Gestirne trennen, er durchdringt alle Körper und füllt die zwischen den wägbaren Atomen befindlichen Räume aus.

Wenn der Aether in dem ganzen Woltraume in Ruhe wäre, so würde überall vollkommene Finsterniss herrseken; an einer Stelle aber gleichsam erschüttert, pflanzen sich die Lichtwellen nach allen Seisten hin fort, wie sich die Schwingungen einer Saite in einer ruhigen Atmosphäre weithin verbreiten. Das Licht, welches erst durch eine Bewegung entsteht, ist also wohl von dem Aether selbst zu nnterscheiden, wie die Vibrationsbewegung, welche den Schall hervorbringt, von den oseillirenden Theilchen der wägbaren Materie unterscheiden wird.

Lange Zeit hindurch zählten beide Theorien Auhänger unter den Physikern. Newton hatte die Emanationstheorie aufgestellt, Huyghens ist als Schöpfer der Undulationstheorie zu betrachten, die auch Euler vertheidigte; doch erst in neueren Zeiten habeu besonders Young's und Fresnel's Arbeiten der Undulationstheorie einen so entschiedenen Sieg verschafft, dass die Emanationstheorie jetzt allgemein als unhaltbar verlessen ist.

Die wichtigste Stütze für die Vibrationstheorie liefern die sogenannten Interferenzerscheinungen, die wir sogleich näher betrachten werden. Die erste hierher gehörige Thatsache wurde von dem Jesuiten Grimaldi beobachtet und in seiner "Physico-mathesis de lumine, coloribus et iride, Bologna 1665" beschrieben. Er beobachtete, dass, wenn man durch eine feine Oeffnung einen Sonnenstrahl in ein dunkles Zimmer eindringen lässt und diesem Strahle einen schmalen Körper aussetzt, alsdann der Schatten dieses Körpers breiter ist, als man nach dem geradlinigen Fortgange der Lichtstrahlen erwarten sollte; ebenso fand er, dass, wenn man die durch die feine Oeffnung eindringenden Strahlen auf einer weissen Fläche auffängt, der erleuchtete Raum grösser ist, als ihn, bei Voranssetzung geradliniger Fortpflanzung des Lichtes, die geometrische Construction giebt; er beobachtete auch farbige Säume, sowohl im Schatten des schmalen Körpers, als auch am Umfange des erlenchteten Fleckes, und schrieb diese Erscheinungen einer Ablenkung von dem geradlinigen Wege zu, welche die Lichtstrahlen erleiden, wenn sie an den Rändern undurchsichtiger Körper vorübergehen. Diesc Ablenkung nannte er Diffraction; später wurde sie auch Beugung und Inflexion genannt.

Diese Versuche sind jedoch für die Vibrationstheorie nicht so direct beweisend wie der folgende: Grimaldi liess die Sonnenstrahlen durch zwei feine nahe bei einander stehende Oeffnungen in das dnukle Zimmer eintreten und fing sie anf einem Papierblatte in einer solchen Entfernung anf, dass die von den beiden Oeffnungen herrührenden hellen Kreise theilweise über einander fielen. Die durch das Licht beider Oeffnnugen erleuchtete Stelle war allerdings heller als die Stellen, welche nur von einer Oeffnung Licht empfingen, doch fand er an den Gränzen dieses stark erleuchteten Raumes dankle Streifen an solchen Stellen des Schirmes, welche offenbar Licht von beiden Oeffnungen empfingen, und dennoch waren diese Streifen dunkler als diejenigen Stellen des Papierschirms, welche nur von einer Oeffnung beleuchtet waren. In der That verschwanden diese dunklen Linien, sobald die eine Oeffnnng zugehalten wurde, so dass nur durch die andere das Licht einfallen konnte. Grimaldi schloss aus dieser Erscheinung, dass ein erleuchteter Körper dunkler werden kann, wenn neues Licht zu dem hinzukommt, welches ihn schon vorher traf, und suchte diese sonderbare Erscheinung durch Annahme von Lichtwellen zu erklären.

Während Grimaldi's Beugungsversuche vielfach wiederholt und abgeändert wurden, während man eifrig bemüht war, die Gesetze der Inflexion durch genaue Messungen zu ermitteln, liess man die von Grimaldi ansgesprochene Idee, dass Dunkelheit durch das Zusammenwirken zweier Lichtstrahlen entstehen könne, ganz unbeachtet, man übersah gerade die Erscheinung, welche den Schlüssel zur Erklärung der Beugungsphänomene hätte geben können. Erst Young nahm diesen Gegenstand wieder auf; er beobachtete die hellen und dunklen Streifen, welche hintereinem schmalen Körper entstehen, wenn man ihn den von einem leuchtenden Punkte oder einer schmalen Lichtlime ausgehenden Strahlen aussetzt, und fand, dass diese Streifen alsbald verschwinden, sobald man das Licht an der einen Seite des schmalen Körpers vorbeizugehen hindert. Young hatte also durch diesen Versuch ebenfalls dargethan, dass zwei Lichtstrahlen, die sehr nahe nach einerlei Richfung fortgehen, bei ihrem Zusammentreffen nicht immer zur Verstärkung der Erleuchtung beitragen, sondern dass sie sich unter Umständen verstärken oder ihre Wirkung gegenseitig vernichten können. Diese gegenseitige Einwirkung der Lichtstrahlen bezeichnete Young mit dem Namen der Interferenz.

Solche Interferenzeu lassen sich nun nach der Emanationstheorie durchaus nicht erklären. Young aber zeigte, dass der Weg, welchen die Lichtstrahlen durchlaufen, um von der Lichtquelle zu einem Punkte hinter dem schmalen Körper zu gelangen, der nicht gerade in der Mitte des geometrischen Schattens liegt, ungleich ist, je nachdem sie auf der einen oder anderen Seite des schmalen Körpers vorbeigehen; wenn sieh also das Licht dnrch eine Wellenbewegung fortpflanzt, so begreift man sehr wohl, wie die beiden Lichtstrahlen, welche in einem Punkte hinter dem schattengebenden Körper zusammentreffen, hier ie nach der Differenz der durchlaufenen Wege bald mit gleichen, bald mit entgegengesetzten Schwingungszuständen ankommen, sich also gegenseitig verstärken oder aufheben können.

Fresnel's Spiegelversuch. Young's Interferenzversuch spricht 300 entscheidend für die Undulationtheorie; man, könnte dagegen nur noch etwa einwenden, dass die ganze Erscheinung durch die Beugung des Lichtes hervorgebracht wird, deren Wesen selbst noch nicht gehörig erkannt worden war. Wollte man die Beugung des Lichtes und alle damit zussammenhängenden Erscheinungen durch das Princip der Interferenzen erklären, so war zu wänschen, solche Interferenzen auch ohne Beugung hervorzubringen. Fres nel, der durch seine klassischen Arbeiten die Undulationstheorie vollkommen begründete, löste diese Aufgabe auf Glegnele Weise.

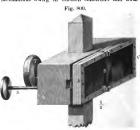
Zwei Metallspiegel oder zwei Spiegel von schwarzem Glase sind neben einander so aufgestellt, dass die Ebenen beider vertical sind, dass sie also



in einer verticalen Linie zusammenstossen; der Winkel, den die beiden Spiegelebenen mit einander machen, muss sehr stumpf sein, er darf zu wenig kleiner sein als 180°. Die Fig. 799 (vor. S) stellt den horizontalen Durchschultt der beiden Spiegel dar; AB ist die spiegelnde Fläche des einen, B C die des anderen; B ist die in der Figur zum Punkte verkürzte Kante, in welcher die beiden Spiegelebenen zusammentreffen.

Wenn sich nun in F ein leuchtender Punkt befindet, so sendet er Strahlen auf beide Spiegel, es werden also zwei Spiegelbilder des leuchtenden Punktes entstehen, und awar das eine in M, das andere in N; diese beiden Bilder werden sehr nahe zusammen liegen, weil die Spiegelebenen fast zusammenfallen. In einiger Eufterrung von den Spiegel treffen nun die reflectirten Strahlen zusammen und bilden dadurch alwechselnd helle und dunkle verticale Streifen. Ist u ein Punkt, welcher gleichweit von M und N entfernt ist, so bildet sich in u ein heller Steffen, zu beiden Seiten desselben in s und t ein dunkler; auf diese folgen wieder zwei helle in deel Punkten h und h zwei dunkte in p und r u. s.

Fig. 800 und 801 stellen den Fresnel'schen Spiegelapparat dar, wie ihn Mechanikus Jung in Giessen construirt und zwar Fig. 800 in



perspectivischer Ansicht, Fig. 801 in horizontaleun Durchschnitte. Die beiden Spiegel sind auf der Vorderseite einen Blotklötschen angebracht, und zwar ist der Spiegel B C vollkommen fest, A B um ein Charnier drehlar. Durch Drehung der Schraube S kann man den Spiegel A B mehr und mehr und mehr und mehr aus der Ebene des Spiegels B C herausschieben, während er beim Zurückfrehen der Schraube S durch eine Feder wieder zurückgresogen wird. Man hat es auf diese Weise in der Gewalt, ganz allmälig den Winkel der beiden Spiegel nach Belieben zu vergrösern oder zu verkeinern.

Je weniger der Winkel, welchen die beiden Spiegel mit einander machen, von 180° abweicht, desto breiter erscheinen die Streifen.



Das Holzklötzehen ist an einem verticalen, auf einem verticalen, auf einem entsprechenden Fusse be-festigten Stabe verseiniebbar und kann in jeder beliebigen Höhe mit Hülfe der hälzernen Schraube Testgestellt werden.

Schr leicht lassen sich Interferenzspiegel auf folgende Weise herrichten: Auf die obere Fläche eines Holzklötzehens, wel-

ches ungefahr 10<sup>m</sup> lang, 2<sup>m</sup> luch und 3<sup>m</sup> breit ist, klebe man an dreit Stellen, nämlich in der Mitte und gegen jodes Ende hin, etwas weiches Wachs auf und lege darauf zwei Stücke von gesehliftenem Spiegelglas, von denen jodes nahe 5<sup>m</sup> lang und fast 3<sup>m</sup> breit ist. Diese beiden Spiegel müssen auf den mittleren Wachstücke zusammentossen. Wenn man nun hier, wo beide Spiegel an einander gränzen, dieselben etwas stärker auf das Wachs auffriekt als an den Enden, so kann man es leicht dahin bringen, dass die Ebeneu der beiden Spiegel einen sehr stumpfen Winkel mit einander machen. Ganz besonders komnt es darauf au, dass da, wo die beiden Spiegel zusammenstossen, keiner über den anderen auch nur im Mindesten vorstehe, wovon man sieh durch das Gefühl der Fingerspitzen uberzeugen kann; man darf hier nicht die minderte Unterbeechung fühlen, wenn man mit dem Finger (nicht mit dem Nagel) über diese Stelle hinfahrt. Die Spiegel missen natürfels auf der Raksekeit gesebwärzt sein.

Fig. 802.

Was den Winkel betrifft, den die Spiegel mit einsader machen sollen, so musse res ogross sein, dass die beiden Bilder einer ungefähr 8 bis 10 Schritte entferaten Kerzenflamme höchstens nu den Durchmesser dieser Kerzenflamme von einander getreut erscheinen.

Fig. 802 stellt ein Paar auf diese Weise hergerichteter Interferenzspiegel dar, bei welchen sich natürlich der Winkel nicht nach Belieben verändern lässt.

Ohm ersetzte die Interferenzspiegel durch ein Interferenzprisma, wed und 5 machen einen schr stumpfen Winkel miteinander, so dass die von Müller's Lebrych der Physik, see Ann. L. 47 einem leuchtenden Punkte hinter dem Prisma ausgehenden Strahlen nach dem Durchgange durch dasselbe so fortgehen, als ob sie von den zwei

rig. 805.

die durch die eine Facette gegangenen Strahlen werden also mit den von der anderen Facette her kommenden gerade so unter einem sehr spitzen Winkel zusammen

gerade so unter einem sehr spitzen Winkel zusammentreffen, wie dies bei den von den Interferenzspiegeln reflectirten der Fallist

Zum leuchtenden Gegenstende wendet men au besten eine feine Licht

Zum leuchtenden Gegenstande wendet man am besten eine feine Lichtlinie an; man kann sich dieselbe auf mancherlei Art verschaffen; entweder
bringt man in dem Laden eines dunklen Zimmers einen ungefähr 1=
breiten vertical stehenden Spalt an, durch welchen die von einem vor den
Laden augebrachten Spiegler eflectirten Sonnesstrahlen in herizoutsler
Richtung eintreten, oder man setzt einen solchen Spalt vor die Flanme
einer Arg and'schen Lampe; ja es reicht eine hell brenneude Kerzenflamme
ohne alleu Schirm sehon hin, wenn man dieselbe wenigsteus in einer Exfernung von 12 bis 15 Schritten von den Spiegeln oder dem Interferenprisma aufstellt.

Fresnel erzeugte die feine Lichtlinie durch eine Cylinder linse; eine solche Linse, Fig. 804, ist durch zwei Cylindersegmente gebildet, währed eine gewöhnliche Linse durch zwei Kugelsegmente gebildet wird; dem Breunpunkt der gewöhnlichen



Linse eutspricht bei diesen eine Brennlinie ff-Diese Breunlinie bildet den leuchtenden Streifen. Auch der Lichtstreifen auf einem in der Sonne

liegenden glänzenden Metallstäbehen oder einem innen geschwärzten Glasröhrehen kann sehr gut zu diesem Interferenzversuche angewendet werden ichtwalls keine Liebtlinie sondern um ein lesch

Selbat wenn die Lichtquelle keine Lichtflüie, sondern nur ein leuchtender Punkt ist, lassen sich die luterforenzstreifen noch sehr gut zeigen; einen leuchtenden Punkt erhält mau, wenn man statt des Schirmes mit dem Spalte einen Schirm mit einer kleinen runden Oeffnung von 1 bis 2\*\*
Durchmesser in den Laden des dunklen Zimmers oder vor die Laupserßamme setzt. Ferner ist zu diesem und zu vielen der folgenden Versuche ein sehr brauchbarer Lichtqunkt das Sennenbildehen im Focus einer gewöhnlichen Linse ven kurzer Bremmweite; dann das Sonnenbildehen auf
einer Metallkugel, einem Metallknopfe, einer etwas grossen Thermounterkugel, einem innen gesehwärzen Uhrglasse u. s. w.

Fig. 805 zeigt die Anordnung des Versuchs für die Interferenzspiegellist die Lichtquelle, ssind die Spiegel, oist eine Lonpe, durch welche

Fig. 805.



man die Streifen beobachtet; denn sie sind doch meistens zu fein, um mit blossem Ange wahrgenommen werden zu können.

Es versteht sich von selbst, dass sieh die Lichtquelle, die Spiegel und das Ange in einer Horizontalebene befinden müssen.

Will man die Interferenzstreifen mit dem Interferenzprisma, Fig. 803, beobachten, so befestigt man dasselbe mit seiner Fassung auf einem Stativ, und stellt dahinter die Lonpe in einer Entfernung von 1½ bis 3 Zoll auf,



wie man Fig. 806 sieht; die Lichtquelle, die Mitte des Prismas und die Axe der Loupe müssen in einer geraden Linie liegen.

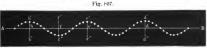
Bringt man vor das Ange ein ziemlich homogenes, etwa ein rothes Glas, so sieht man nur abwechselnd helle und dunkle Streifen; wendet man dagogen kein homogenes, sondern weisses Licht an, so erscheinen die Streifen mit verschiedenen Farben gesäumt.

Wir wollen jetzt sehen, wie die Undulationstheorie diese Erscheinung zu erklären im Stande ist.

Elemente der Vibrationstheorie. Die Theiehen eines lench301
tenden Körpers vibriren auf ähnliche Weise, wie dies bei den schallenden
Körpern der Fall ist, nur sind die Lichtvibrationen ungleich sehneller als
die Schallsehwingungen; dann aber werden sie aneh nicht durch die wägbare Materie selbst, sondern durch den bereits in Paragraph 299 erwähnten Aether fortzegoflanzt.

Ein wesentlieher Unterschied zwisehen Liehtwellen und Schallwellen besteht aber darin, dass die Vibrationen, welche die Liehtwellen fortpflanzen, reehtwinklig sind zur Riehtung des Strahles, während die Vibrationen der Schallwellen in der Richtung der Schallstrahlen selbst sättfinden.

Wenn sieh also ein Liehtstrahl in der Riehtung von A nach B, Fig. 807, fortpflanzt, so vibriren alle Aethertheilehen, welche im Zustande des Gleich-



gewichtes auf der geraden Linie AB liegen würden, in Richtungen, welche rechtwinklig auf AB stehen, ungefähr so, wie die Theile eines gespannten Seiles schwingen, wenn man an dem einen Ende einen kräftigen Schlag

gegeu dasselbe geführt hat. Die Curve in Fig. 807 stellt die gegensetige Stellung der vibrirenden Moleküle in einem bestimmten Momente der Bewegung dar.

Die Gründe, warum man die Vibrationen der Lichtwellen als recht wiuklig zum Strahl annehmen muss, werden wir später kennen lernen.

Betrachten wir die Schwingungen eines Aethermoleküls etwas genau-Das Theilchen, dessen Gleichgewichtslage in b ist, vibrirt beständig reischeu den Punkten b' und b'. In b' ist seine Geschwindigkeit Null, je nuchr sich aber das Theilchen der Gleichgewichtslage nähert, desto nehr wächst seine Geschwindigkeit, welche Im Maximum in dem Monste erreicht, in welchem das Molekül die Gleichgewichtslage passirt; von man nimmt die Geschwindigkeit wieder ab, his sie endlich in b'' wiede Null wird, worauf danu die Bewegung nach eutgegengesetzter Richtunbeginnt. Kurz die Vibrationen eines Aethertheilchens finden gan zud den Gesetzen statt, welche wir in §. 124 keune lernten. Die Coillationgeschwindigkeit eines vibrirenden Aethertheilchens wird also durch die Gleichung

$$u = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T}\right)$$
 . . . . . . (1)

dargestellt, wenn man mit a die Geschwindigkeit, mit welcher das Adebeitelhen die Gleichgewichtelage passirt, mit T die Zeit, welche es zu einer gauzen Oscillation, also zu einem vollständigen Hin- und Horgang, brandt und mit t endlich die Zeit bezeichnet, welche seit dem Anfang der Bewegung verflossen ist. Als Anfangsunenent dieser Zeitzählung ist ein solcher zu nehmen, in welchem sich das Theilchen in seinem grössten Abstand we der Gleichgewichtslage befindet. Der Quotient  $\frac{1}{T}$ drückt die Zahl der villständigen Oscillationen aus, welche seit dem Anfang der Bewegung verflossen sind.

Die Ausweichung eines vibrirenden Punktes wird dagegen dargestellt durch die Gleichung

$$D = b \cos \left(2\pi \frac{t}{T}\right)$$
 . . . . . . . (2)

wenu b Maximum der Ausweichung, also die Oscillationsamplitude bezeich uet, während die übrigen Buchstaben dieselbe Bedeutung laben wie in Gleichung (1).

Obgleich sich das Lieht mit ausserondentlicher Geschwindigkeit fortglanzt, so geschieht diese Fortpflauzung doch nieht momentau; die Vibritionen eines Aethermolektils theilen sich also auch micht unementan den in der Richtung des Strahles ihm folgeuden Molekülen mit. Stellen wir wor, die ganze liehe von Molekülen auf der Linie AB, Fig. 807, sei in Rule Wenn nuu das Molekül in b in einem bestimmten Momente seine Vibrationer beginnt, so werden alle weiter nach B hin liegenden Moleküle später zu vibriren beginnen, und zwar uns o später, je weiter sie von b liegen, während

das Molekul b eine vollständige Oscillation macht, d. h. während es von W nach b'' und wieder zurück nach b' sich bewegt, wit sich die Bewegung bis zu irgend einem Molekule c fortpflanzen, so dass dieses Molekul seine erste Vibration in demselben Monente begünnt, in welchem b seine zweite anfängt. Von nun an werden die Molekule b und c stets in gleichen Schwingungszuständen sich befinden, d. h. sie werden gleichzeitig, nach derselben Seite hin sich bewegend, die Gleichgewichslage passiren, gleichzeitig das Maximum der Ausweichung auf der einen und auf der anderen Seite von AB erreichen.

Die Entfernung bc von einem Aethermolekal b bis zum nächsten c, welches sich mit b stets in gleichen Schwingungsauständen beinfack, beist, wic wir schon früher gesehen haben, eine Wellenlänge. Wenn der Abstaud  $c\bar{d}$  auch eine Wellenlänge ist, so wird das Molekül d seine erste Oscillation in demselben Angenblicke beginnen, in welchem c seine zweite und b seine dritte Oscillation beginut; d wird von nun an mit c und b sich stets in gleichen Schwingungszuständen befinden.

Wenn f in der Mitte zwischen b und e liegt, d. b. wenn es um eine halbe Wellenlänge von b entfernt ist, so befindet sich das Molekül in f stets in Schwingungszustäuden, welche denen der Moleküle in b und c entgegengesetzt sind. Wenn b und c das Maximum der Answeichung oberhalb A B erreichen, so erreicht f das Maximum der entgegengesetzen Seite. Das Molekül f passirt mit b und c gleichzeitig die Gleichgewichtslage, allein in entgegengesetzetze Richtung sich bewegend.

Weun zwei Aethertheilchen anf dem Wege eines Lichtstrahles nm <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Wellenlänge von einander entfernt sind, so sind sie stets von gleichen, aber entgegengesetzten Geschwindigkeiten afficirt. Dasselbe gilt von solchen Theilchen, die nm <sup>3</sup>/<sub>1</sub>, <sup>5</sup>/<sub>2</sub>, <sup>1</sup>/<sub>2</sub>, u. s. W. Wellenlängen von einander absteheu.

Suchen wir auch dies in mehr mathematischer Form auszudrücken. Wenn Gleichnng (1) die Vibrationsgeschwindigkeit eines Aethertheilchens b, Fig. 807, in einem bestimmten Momente ausdrückt, so ist

$$v = a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

die gleichzeitige Vibration<br/>gesehwindigkeit eines in der Richtung von Anach<br/> Bum xWellenlängen weiter liegenden Aether<br/>theilehens, wenn  $\lambda$ die Welleulänge bezeichnet. Der Werth von <br/>v wird aber gleich a sin<br/> $\left(2\pi\,\frac{T}{T}\right)$ 

wenu x ein ganzes Vielfaches von  $\lambda_i$  also  $\frac{x}{\lambda}$  eine ganze Zahl ist. Dagegen wird  $v = -a \cdot \sin 2\pi \frac{t}{T_l}$ , wenn x ein ungerades Vielfaches von 1/2  $\lambda_i$  also der Bruch  $\frac{x}{T}$  ein ungerades Vielfaches von 1/2 ist.

Die Wellenlänge ist für verschiedenfachige Strahlen nicht gleich; am grössten ist die Wellenlänge der rothen, am kleinsten die Wellenlänge der violetten Strahlen. Wir werden bald sehen, wie es möglich ist, die Wellelänge der verschiedenfarhigen Strahlen mit ausserordentlicher Genauigkeit zu bestimmen.

Mit der ungleichen Wellenlänge hängt auch die ungleiche Schwingungsdauer zusammen; die Vihrstionen der violetten Strahlen sind die schnellsten, die der rothen dagegen die langsamsten.

Man sieht also, dass beim Lichte die Verschiedenheit der Farben der ungleichen Höhe und Tiefe der Töne entspricht.

302 Die Wellenoberfläche. Von der Art und Weise, wie sieh von einem leuchtenden Punkte aus die Lichtwellen ringsum verbreiten, kann man sich ein recht deutliches Bild machen, wenn man die Wellen hetrachtet, welche auf der Oberfläche eines stillstehenden Wassers entstehen, wenn man einen Stein hineinwirft, und die wir auch sehon oben betrachtet haben. Von der Stelle aus, an welcher der Stein in das Wasser einsank, verhreiten.



ten sich ringsum kreisförmige Wellen von Das Fortschreiten dieser Wellen von dem Mittelpunkte der Bewegung an ruhrt aber nicht daher, dass die einzelnen Wassertheilchen eine solche fortschreitende Bewegung haben; dens wenn ein leichter Körper, etwa ein Stückchen Holz, in dem Bereiche der Wellenbewegung auf dem Wasser schwimmt, so sieht man dasselben um auf- und niedergehen. Die Wassertheilchen an der Stelle, an welcher der Stein ins Wasser fiel, gehen abwechselnd auf und nieder, und diese Bewegung fühart sich ringsum mit gleicher

Geschwindigkeit fort; alle Wassertheilchen also, welche gleichweit von dem Mittelpunkte entfernt sind, werden sich auch in gleichen Schwingungszuständen befinden, d. h. sie werden gleichzeitig ihre höchste und gleichzeitig ihre tiefate Stellung erreichen, es werden zich also concentrische Wellenberge und Wellenthäler hilden, wie durch Fig. 808 auschaulich gemacht werden soll. Wenn für einen bestimmten Moment die ausgezogenen Kreise den Wellenbergen, die punktitren aber den Wellenbergen, die punktitren aber den Wellenberge nach aussen hin in der Weise fortschreiten, dass nach einer kurzen Zeit gerade an den punktitren Stellen sich die Wellenberge befinden, die Thieler aher in den ausgezogenen Kreisen.

Sümmtliche Wassertheilchen, welche zwischen zwei auf einander folgenden Wellenbergen oder zwei Wellenthältern liegen, hilden eine Welle; die Wellenlänge aber ist die Entfernung von einem Wellenberge zum nächsten oder von einem Wellenthale zum folgenden. Während ein Wassertheilchen, etwa 4, von seiner höcksten Stellung niedergeht und dann wieder his zur Gipfelbhöe eines Wellenberges aufsteigt, wird der Wellenberg me eine Wellenlänge fortschreiten; bezeichnen wir mit v die Geschwindigkeit, mit welcher die Wellen fortschreiten, mit t die Schwingungslauer, also die Zeit, welche wihrend des Nieder- und Aufgange eines Wassertheilchens vergeht, so ist offenbar

## $\lambda = v.t.$

wenn  $\lambda$  die Wellenlänge bezeichnet. Diese Beziehung zwischen Wellenlänge, Schwingungsdauer und Fortpflanzungsgeschwindigkeit findet auch bei den Lichtvihrationen statt.

So wie sich die Wasserwellen in concentrischen Kreisen um den Oscillationsmittelpunkt verbreiten, so verhreiten sich die Lichtvihrationen in concentrischen Kngelschichten um die Lichtquelle.

Die Gesammtheit aller Achtertheilchen, welche gleichzeitig von der Vibrationehwegung ergriffen werden, die sieh von einem leuchtenden Punkte aus verbreitet, hildet die Wellenoherfläche. In einem isotropen Mittel, d. h. in einem solchen, in welchen die Dichtigkeit und Elasticität des Achters nach allen Seiten hin dieselhe ist, ist die Wellenoherfläche ku gelförmig. Wir werden später sehen, welche Modificationen die Wellenoherfläche erleidet, wenn sie aus einem Medium in ein anderes von grösserer oder geringerer Achterdichtigkeit ühergeht, und wie sie sich in solchen Medien gestaltet, in welchen die Elasticität des Achters nicht nach allen Richtungen dieselhe ist.

In hinlänglicher Entfernung von der Lichtquelle kann man ein nicht zu grosses Stück der Wellenoberfläche stets als oben hetrachten.

Denken wir uns von irgond einem Punkte der Wellenoherfläsche eine gerade Linie nach der Lichtquelle gezogen, so hilden die in ihrem Gleichgewichtsaustande auf dieser Linie liegenden, rechtwinklig auf hrihrirenden Aethertheilchen einen elementaren Lichtstrahl. Ein optisch wirksamer Strahl besteht stets aus einem Bündel elementarer Strahlen, welche einer gemeinsamen Wellenoherfläche angebören. 303 Erklärung des Fresnel'schen Spiegelversuchs. Diese Principien reichen hin, die Fresnel'schen Interferenzstreifen zu erklären. Die von F, Fig. 809, ausgehenden Strahlen werden durch den Spiegel AB



so reflectirt, als ob sie von N ausgegangen wären. Betrachten wir zunächst den nach h reflectirten Strahl, so müssen alle Vibranionen, welche diesen Strahl fortpflauzen, rechtwinktig auf der Richtung N h sein, ein Aethertheilchen in h wird etwa abwechselnd auf und nieder vibriren. Durch h ist mun ein Kreis um den Mittelpnukt N gezogen, und alle auf diesem Kreise liegenden Punkte werden durch die vom Spiegel AB reflectirtes

Strahlen gleichzeitig in denselben Schwingungszustand versetzt, d. h. in demselben Angenblicke, in welchem das Theilchen h durch den in der Richtung Nh reflectirten Strahl aufwärts getrieben wird, sind die Aethertheilchen des bezeichneten Kreises in derselben Weise afficirt.

Ein zweiter Kreise ist nm N durch den Punkt s gezogen; der Halbmerer dieses Kreises ist grösser, und zwar wollen wir annehmen, dass die Differena der beiden Radien 1/2, Wellenlänge betrage, so ist klar, dass alle auf diesem letzteren Kreise liegenden Aethertheilchen sich stets in Schwingungszuständen befinden, welche denen der Aethertheilchen auf dem zuerst besprochenen Kreise entgegengesetzt sind.

So sind nun noch mehrere Kreise nm N gezogen, nud zwar beträgt die Entfernung zwischen zwei aufeinander folgenden ausgezogenen Kreisen eine ganze, die Entfernung zwischen einem ausgezogenen und dem nächstfolgenden punktirten Kreise <sup>1</sup>/<sub>2</sub>. Wellenlänge.

Eine ähnliche Reihe von Kreisen ist um den Punkt M gezogen, und aus diesen Kreisen ersieht man, in welchen Schwingungszustand die Achtertheilehen durch die vom Spiegel BC reflectiren Wellen versetzt werden.

Betrachten wir unn den Effect, welcher durch das Zusammenwirken der beiden Wellensysteme hervorgebracht wird.

Der Punkt st liegt gleichweit von M und N entfernt, folglich wird das Aethertheilchen st durch die beiden Wellensysteme gleichzeitig nach dersebben Seite hin getrieben, hier wird sich also die Wirkung der beiden Wellensysteme summiren, die Vibrationsintensität des Aethertheilchens st wird also doppett so gross sein, als wenn es nur durch ein Wellensystem affliert worden wäre.

Das Theilehen in s wird durch die vom Spiegel AB reflectirten Lichtwellen ebenso afficirt wie u, durch das andere Wellensystem aber gerade in entgegengesetzter Richtung, die Wirkung des einen Wellensystems wird also hier durch die des anderen anfgehoben, in s also wird Dunkelheit entstehen.

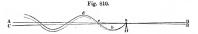
Ebenso wird in Å und &, kurz in allen Punkten, in denen sich zwei ausgraggenen oder zwei punktirte Kreise schneiden, das Zusammenwirken der beiden Wellensysteme eine Vermehrung der Lichtintemität zur Folge haben, während in allen Stellen, in welchen sich ein ausgezogener und ein punktirter Kreis schneiden, gar keine Vibrationen stattfinden, also Dunkelbeit herrscht.

Freanel hat mit der grössten Genanigkeit die Breite der Streifen, d. h. die Entfernang eines dunklen Streifens vom anderen, den Winkel, den die Spiegel mit einander machen, und die Entfernung der Lichtquelle gemessen, und konnte auf diese Weize zeigen, dass in der That die Strahlen, welehe, von F ansgehend, durch den Spiegel AB nach B, nach S, U. s. w. gelangen, nugleiche Wege zurückgelegt haben, dass die Differen dieser Wege gleich ist, dass also NI - NS = NS - NA u. s. w.

Diese Differenz, welche sich ans den Messungen berechnen lässt, ist aber nichts Anderes als die halbe Wellenlänge. Betrachtet man die Streifen durch ein rothes Glas, so sind sie breiter, alse wan man ein blaues anwendet; daraus folgt aber, dass die Wellenlängen für die rothen Strahlen grösser ist als für die blauen. Urberbaupt sind die Wellenlängen der farhigen Strahlen um so kürzer, je hrechbarer diese Strahlen sind. Da die hellen und duuken Streifen für die verschiedenfarhigen Strahlen nicht genau an dieselben Stellen fallen, so können die Streifen bei Anwendung von weissem Lichte auch nicht rein weiss und schwarz erscheinen, sondern sie müssen farbige Säume zeigen, die um so deutlicher werden, je hreiter überhaupt die Streifen sind. Nähere Auskunft über diese farbigen Säume findet man weiter unten.

304 Interferenz der Lichtstrahlen. Durch den Freanel'sehen Spiegelversuch istalso das Princip der Interferenzen begründet. Disses Princip ist für die physikalische Theorio des Lichtes von der grössten Wichtigkeit; wir wollen deshalb versuchen, dasselbe durch Zeichnungen möglichst auschaulich zu machen.

In Fig. 810 mögen die Linien  $A\,B$  und  $C\,D$  zwei elementare Lichtstrahlen darstellen, welche, von einer Lichtquelle ausgehend, auf verschie-



denen Wegen zu dem Punkte a gelangen, und sich hier unter einem sehr spitzen Winkel schneiden. Wenn der Weg, welchen der Lichtartahl LD von der Lichtquelle bis zu dem Punkte a zurückgelegt hat, gerade eben so gross oder um 1, 2, 3 u. s. w. ganze Wellenlängen grösser ist, als der Weg, welchen der andere Strahl von der Lichtquelle bis zum Punkte a zurückgelegt hat, so werden die beiden Strahlen in a in der Weise zusammenwirken, wie es Fig. 810 darstellt.

Die Wellenlinie abcd n. s. w. stellt für irgend einen Moment die gegenseitige Lage der Aethertheilchen dar, welche den Strahl in der Richtung AB fortpflanzen. Das Theilchen b hat eben seine äusserste Stellung unterhalb AB erreicht, das Theilchen a passirt ehen die Gleichgewichtlage in der Richtung, welche der kleine Pfel andeutet.

Die punktirte Wellenlinie zeigt uns den gleichzeitigen Oscillationzustand der Achterheichten, welche den Lichtstrahl C.D fortpflannes. Wenn heide Strahlen von der Lichtqualle bis zum Punkte a gleiche Wege durchhaufen haben, so wird das Theitchen a gleichzeitig durch die Urbation heider Strahlen auf diesebbe Weise affeirt werden; in dem durch unsere Zeichnung dargestellten Momente wird das Theilchen a durch das zweite Wellensystem benfalls nach unten getrieben; die Urbatsionsitensität ist also doppelt so gross, als wenn seine Bewegung nur durch die Urbatsionsiten des einen Lichtenhels belängt wäre.

In derselben Weise müssen sich auch die Vibrationen zweier Lichtstrahlen unterstützen, welche in einem Punkte zusammentreffen, wenn sie in ihrem Gange um irgend ein ganzes Vielfaches einer ganzen Wellenlänge von einander abweichen.

Fig. 811 versinnlicht das Zusammenwirken zweier Strahlen, von denen der eine dem anderen um eine halbe oder irgend ein ungerades Viel-



faches einer halben Wellenlänge vorausgeeit ist. Durch die Vibrationen des einen Strables (die him entsprechende Wellenlinie ist ausgezogen, während die dem anderen Strable eutsprechende punktirt ist) wird das Theilchen a in demelben Augenblicke nach oben getrieben, in welohem die Vibrationen des anderen Strables dasselbe mit gleicher Kraft abwärtz zu bewegen streben; die beiden entgegengesetzten Kräfte heben sich also auf, das Theichen a beliebt in Rube.

Wir haben bisher nur diejenigen Fälle betrachtet, in welchen der Gangunterschied der interferirenden Strahlen ein Vielfaches einer ganzen Wellenlänge oder ein ungersales Vielfaches einer halben Wellenlänge beträgt. Wenn der Gangunterschied zwischen diese Gränzen fällt, so wird durch die Interferen der beiden Strahlen auch eine Wirkung bervorgebracht, welche zwischen den Wirkungen der besprochenen Gränzfälle liegt, d. h. es wird keine vollkommene Vernichtung der Vibrationen, aber auch keine Verdoppelung der Vibrationistensität eintreten können.

Betrachten wir die Sache etwas allgemeiner! Es sci

$$u = a \sin \left(2 \pi \frac{t}{T}\right)$$

die Geschwindigkeit, mit welcher in einem bestimmten Momente ein Acthertheilehen durch einen und

$$v = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

die Geschwindigkeit, mit welcher dasselbe Arthertheilchen gleichzeitig durch einen zweiten Lichtstrahl aflicitt wird, welcher mit dem ersten gleiche Vibrationsintensität hat, aber gegen denselben um x Wellenlängen zurückgeblichen ist, so ist die Geschwindigkeit des Theilchens unter dem gleichzeitigen Elfinfans beider Strahlen

$$U = u + v = a \sin \left(2\pi \frac{t}{T}\right) + a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

oder

$$U = a \sin \alpha + a \sin \alpha - \beta$$

wenn man der Kürze halher  $\alpha$  für  $2\pi \frac{t}{T}$  und  $\beta$  für  $2\pi \frac{x}{1}$  setzt. Dieser letztere Werth von U lässt sich aber leicht umwandeln in

 $U = a (1 - \cos \beta) \sin \alpha - a \sin \beta \cos \alpha$ . (1) Um zu erfahren, welches die Vibrationsintensität des fraglichen, unter

dem Einfluss der beiden Strahlen vibrirenden Aethertheilehens ist, mus man die Gleichung bei (1) auf die Form

Aus Gleichung (2) ergiebt sich  $U = A \cdot \sin \alpha \cos \alpha - A \cos \alpha \sin \alpha \cdot \dots$  (3)

Setzen wir den Werth von U bei (1) gleich dem Werth von U bei (3). 90 ergiebt sich

> $A \sin i = a \cdot \sin \beta \cdot \dots \cdot \dots$

Addirt man die Quadrate der Gleichungen (4) und (5), so kommt

also

$$A = a \sqrt{2 + 2 \cos_{\epsilon} 2\pi \frac{x}{\lambda}}$$
 . . . . . . . (6)

Es wird A = 2a, wenn x = 0,  $x = \lambda$ ,  $x = 2\lambda$ ,  $x = 3\lambda$  n. s. w. Wenn dagegen  $x = 1/2 \lambda$ , so wird

A = 0.

Denselben Werth erhält A auch für den Fall, dass  $x=\sqrt[3]{2}$   $\lambda$ ,  $x=\sqrt[3]{2}$ ,  $\lambda$ u. s. w. Für  $x = 1/4\lambda$  wird  $A = a \sqrt{2}$ 

Wir haben eben nun den einfacheren Fall betrachtet, dass die Vibrationsintensität der beiden interferirenden Strahlen dieselbe ist. aber a die Vibrationsintensität des einen, b die des andern, also

$$u = a \sin\left(2\pi \frac{t}{T}\right)$$

 $A^2 = a^2 (2 + 2 \cos \beta)$ 

die Geschwindigkeit, mit welcher in einem bestimmten Moment ein Acthertheilehen durch den einen, und

$$r = b \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right)$$

die Geschwindigkeit, mit welcher dasselbe Acthertheilchen gleichzeitig durch den anderen Strahl afficirt wird, so ergiebt sich aus einer der obigen ganz entsprechende Entwickelungsweise, dass die Vibrationsintensität A des resultirenden Strables ist.

$$A = \sqrt{a^2 + b^2 + 2 a b \cos 2\pi \frac{x}{\lambda}} .....................(7)$$

Ein Werth, welcher in der bei (6) übergeht, wenn b = a.

Erklärung der Spiegelung, der Brechung und der Disgreison des Lichtes durch die Vibrationstheorie. Wem eine
Lichtwelle auf irgend ein Medium trifft, in welchem die Elasticität des
Acthers grösser oder kleiner ist als in dem Mittel, in welchen sie sich ib is
dahin fortpflanzte, so theilt eis sich in zwei Welleusysteme, von welchen
das eine in das Mittel surückgeht, welches bis dahin die Wellen fortpflanzte,
während das zweite Wellensystem in das andere Mittel übergeht, die Richtung
beider Wellensysteme weicht von der der einfallenden Wellen ab; das eine
System erzeugt die reflectiren, das andere die gebrochenen Strahlen.

Betrachten wir zunächst die Reflexion etwas näher.

Betrachten wir zunächst die Keflexion etwas näher. In Fig. 812 sei am ein elementarer Lichtstrahl, welcher in m die Tren-



nungsfläche zweier Medien trifft; durch die Vibrationen dieses Strahbe wird nun offenbar das in m befindliche Aethertheilehen erschüttert; die Vibrationen des Aethertheilchens im m Jahanen sich aber nach allen Seiten hin fogt, gerade so, als oh medbet ein leuthender Punkt wäre. Man sollte demanch meinen, dass sich von maus nuch allen Seiten

hin Lichtstrahlen verbreiten würden; gewissermassen ist dies auch der Fall, aber die Vibrationen eines einzigen elementaren Strahles bringen für sich allein noch keine Wirkung hervor; das, was wir einen Lichtstrahl nennen, besteht aus einer Reihe paralleler elementarer Strahlen, in welchen die entsprechenden Theilchen sich in gleichen Schwingungszuständen befinden, so dass sich ihre Vibrationen gegemeitig unterstützen.

Es sei nun o'm' ein sweiter, a'' è ein dritter -dementare Lichtstrah, welcher von derselben Lichtquelle kommt; wenn diese Lichtquelle hinlänglich weit entfernt ist, so können die Strahlen am, a'm', a''k als parallel, und die durch m und n gebende Wellenoberfläche swischen m und n als eben betrachtet verden. Diese ebene Welle wird nun in m zurent, später in m' und noch später in k' die trennende Überfläche treffen. Während nun die ebene Welle von n bis k fortschreitet, verbreitet sich von dem sehon früher getroffenen Punkte m aus eine sphärische Welle, deren Halbmesser m o der Entfernung m gleich ist. Denken wir uns ferner m' parallel mit m n gezogen, so wird die von m' ausgehende Elementarwelle eine Kugeloberfläche erreichen, deren Radius m' of gleich n' ist, während der obere Strahl von n' nach k geht. Auf dieselbe Weise werden nun von allen zwischen m und k liegenden Punkten elementare Kugelwellen ausgehen, und eine Fläche, welche alle diese elementaren Kugelwellen gleichsettig berührt, it die reflectritte Welle.

Da sich nun mo und m'o' verhalten wie mk und m'k', so ist klar, dass die Fläche ko, welche alle entsprechenden elementaren Kugelflächen berührt, eben ist. Diese reflectirte Welle schreitet nun parallel mit sich selbet fort, und die Richtung der Lichtstrahlen, welche sie erzeugt, ist

rechtwisklig auf ok; das reflectire Lichtbündel wird durch die elementern Strahlen ml,  $m^s$ ,  $k^r$  und die dazwischen liegenden gebildet, welche sich gegenseitig unterstützen, also einen wirksamen Lichtstrahl bilden, weil die entsprechenden Aetherstheilchen, wie l, s und r, sich stets in gleichen Schwingungswantanden befinden.

Das Preieck mnk ist dem Dreieck mok gleich, denn mk ist beide geneinschaftlich, nk = mo und der Winkel bei o gleich dem bei, dean beide sind rechte; daraus folgt nun aber, dass der Winkel nkm gleich ist dem Winkel omk, d. h. dass die einfallenden und reflectirten Strahle gleiche Winkel mit der spiegelnden Ebene machen. Das Spiegelungsgestu ergiebt sich also als eine nothwendige Folge aus dag Undulationstheorie.

rgiebt sich also als eine nottwendige Folge ans der Undulationstneone.

Das Brechungsgesetz lesst sich auf ganz äffliche Weise ableiten.

Fig. 813.

Es sei in einem bestimmten Momente



Es sei in einem bestimmten Momente m.n. Fig. 813, die Lage der einfallerden ebenen Welle; in demustleen Momente, in welchem die ebene Welle in n ankomnt, wird m der Mittelpunkt eines sphärischen Wellensystens. veches sich auch in dem anderen Mittel verbreitet; weil aber die Elasticität des Aethers in diesem zweiten Mittel eine andere sit. als in dem Mittel, in

welchen sich die Lichtstrahlen bis dahin bewegten, so pflanzen sich die Lichtwellen in beiden Mitteln auch nicht mit gleicher Geschwindigkeit fort; während sich die obene Welle von n bis k fortbewegt, gelangt die von k ausgelende entsprechende Elementarwelle bis zu der Überfläche einer Kugel, deren Radins zu kelner ist als k h, wen das zweite Mittel stärker brechend ist als das erste. Die einfallende ebene Welle kommt auch gleichzeitig im k'u den k'1 an, und während sie von k'1 bis k1 fortgelt, verbreitet sich die eutsprechende elementare Welle von m'1 bis k2 an k2. Alle die von den verschiedenen, zwischen m1 und k1 liegenden Punkten ausgebeden sphärischen Elementarwellen, welche von derselben einfallenden ebenes Welle herrihren, werden also sämntlich durch eine und dieselbe Ebese ko'0 berührt, und parallel mit dieser Ebene pflanzt sich die gebroches Welle fert.

Die Längen nk nnd mo verhalten sich wie die Fortpflanzunggeschwindigkeiten der Lichtwellen in den beiden Mitteln, sie stehen also unter einander in einem constanten Verhältuisse; nehmen wir nun aber die Länge mk zur Längeneinheit, so ist

nk = sin. nmk und mo = sin. mko:

wir sehen also, dass der Undulationstheorie zufolge die Sinus der Winkel nmk und mko, d. h. die Sinus der Winkel, welche die einfallende und die gebroehene Welle mit der brechenden Fläche machen, in einem

bestantigen Verhältnisse stehen müssen. Es ist aber der Winkel, welchen die einfalleude Welle mu mit der brechenden Oherfläche macht, gleich dem Einfallswinkel, der Winkel aber, welchen die gehrochene Welle kön mit der brechenden Fläche macht, gleich dem Brechungswinkel; folglich muss nach der Undutationabheorie der Sinns des Brechungswinkel zum Sinus des Einfallswinkels in einem constanten Verhältnisse stehen, was auch mit der Frährung vollkommen übereinstimmt.

Diese Ableitung der Spiegelungs- und Brechungsgesetze ist schon von Huyghens entwickelt worden. Der Grundsatz, dass wirksame Lichtstrahlen zuerst durch das Zusammenwirken von Elementarstrahlen gehildet werden, ist nach ihm das Huyghens'sche Princip genannt worden.

Der gleichen Fortpflanzungsgeschwindigkeit hoher und tiefer Töne entsprechend, pflanzen sich auch in den Himmelsräumen sowohl wie in der atmosphärischen Luft die Strahlen aller Farhen mit gleicher Geselnwindigkeit fort, die Wellenlänge ist also der Schwingungsdauer proportional.

Dies ist nun aber für Medien von grösserer Aetherdichtigkeit (Wasser, Glas u. s. w) nicht mehr der Fall. Beim Eintritt in dieselben erleiden die Aetherwellen, wie sich aus der Brechung des Lichtes ergieht, eine Verktraung; die stärkere Brechung der Strahlen von grösserer Vibrationsgeschwindigkeit beweist uns aber, dass dieselben eine verhaltnissnässig bedeutendere Verktraung erleiden als die von geringerer Vibrationsgeschwindigkeit. In dichteren Medien pflanzen sich also die Strahlen verschiedener Farhen um so langsamer fort, je grösser ihre Vihrationsgeschwindigkeit ist. In Wasser, oder in Glas z. B. pdanzen sich also die rothen Strahlen schneller als die grünen und diese wieder schneller als die vieleten fort.

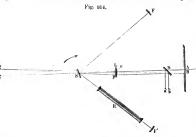
Nach Cauehy (Mémoire sur la dispersion de la lumière, Prag 1836) ist die Dispersion des Lichtes mechanisch dadurch zu erklären, dass die Wirkungssphäre der einzelnen Aethertheilchen im Verhältniss zur Wellenlänge eine namhafte Grösse hat.

Geschwindigkeit des Lichtes in Luft und in Wasser 306 Wie wir so chen gesehen hahen, erfahren die Lichtwellen beim Eintritt aus Luft in ein stärker brechendes Medium, z. B. in Wasser, eine Verkürzung, für Wasser muss also der Vibrationstheorie zufolge die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes geringer sein als für Luft, während der Emissionstheorie zu Folge, welche die Brechung durch eine Anziehung erklärt, welche die Atome der brechenden Substanz auf die Lichtheilchen ausüben, die Geschwindigkeit des Lichtes in Wasser größeser sein müsste als in Luft.

Schon im Jahre 1838 bat Arago den Weg angedeutet, wie man durch den Versueh directentscheiden könnte ob sich das Licht schneller in Luft oder in Wasser fortpflanze. Das Resultat dieses Versuehs würde dann also auch darüber entscheiden, ob man die Vibrationstheorie oder die Emanationstheorie aufgeben müsse.

Arago's Grundidee verfolgend, hat Foucault eine Vorrichtung construirt, unt Hülfe deren er die Frage zu Gunsten der Vibrationstheorie beantwortet hat (Annal. de chim. et de phys., 3. sér. Bd. XLI, S. 129).

Ein Bündel Sonneustrahleu, welches von dem Spiegel eines Heliostatsreflectirt worden ist, dringt durch eine kleine quadratische Oeffnung bei A. Fig. 814, in ein dunkles Zimurcr ein nud wird von einer Linse L aufgefan-



geu, welche bei a ein Bild der quadratischen Oeffnung eutwerfen würde, wenn die von der Linse austretenden Strahlen nicht unterwegs aufgefangen würden.

Nun aber befindet sieh in einiger Entfernung von der Linse L ein vertieater Planspiegel S (die Ebene unserer Figur ist also ein Horizontal-chene), welcher den nach a convergirenden Strahlenkegel so reflectirt, dass das Bild der quadratischen Oeffaung bei F entstelt (SF = Sa). Bei F aber ist ein kleiner Holhspiegel angebracht, dassen Krümmungsamitelpunkt in der Mitte des Spiegels S liegt; demnach wird der von der Linse L kommende und nach der Reflexion auf S gegen F convergirende Strahlenkegel vom Holhspiegel F so zurückgeworfen, dass der reflectirte Strahlenkegel mit dem einfallenden eoincidirt. Nach einer zweiten Reflexion durch den Planspiegel S wird also der Strahlenkegel so divergiren, als ob er von a käme. Die von F zurückkehrenden und von S zum zweitennale reflectirten Strahlen werden also durch die Linse L in A zu einem Bilde der quadratischen Oeffnung vereinigt, welches mit dem Object selbst zusammenfallt.

Die von der Linse gegen A convergirenden Strahlen treffen aber bei N auf eine Platte von Spiegelglas, welche sie so reflectirt, dass das Bild

Fig. 815.



der quadratischen Oeffnung bei a' entsteht. In Fig. 815 mag Nr. I. in vergrössertem Maassstab das Bild darstellen, wie es unter den erwähnten Umständen in a' beobachtet wird.

Nun aber ist der Spiegel S, welchen wir bisher als ruhend betrachtet haben, so gefasst, dass er um seine verticale (in unserer Figur also zum Punkt verklürzte) Mittellinie sehr rasch und zwar in der Richtung des Pfeils umgedreht werden kann. Während jeder Umdrehung wird er also nur in einem Momente Strahlen nach dem Hohlspiegel F senden, das von N reflectirte Bild kann also bei jeder Umdrehung des Spiegels S

nur einmal aufbitzen. Der Eindruck eines solchen Biltzes bleibt aber im Auge bis zmm nächsten, und so combiniren sich die rasch auf einander folgenden Biltze zu einem constant erscheinenden, wenn auch etwas schwächer erleuchteten Bilde der quadratischen Oeffinung, welches Jedoch in Folge der Rotation des Spiegels etwas von der Stelle verrückt erscheint, an welcher man es bei stillstehendem Spiegel S beobachten würde.

Diese Verrückung des Bildes erklart sich aus folgender Betrachtung: Wenn in einem bestimmten Moment der rotterude Spiegel in die entsprechende Stelle kommt, so reflectirt er einen Strahleukegel nach dem Hohlspiegel F. Während aber das Licht sich von F anch F und von F nach S zurück fortpflanat, hat sich der Spiegel um einen kleinen Winkel z gedreht, und deshalb wird die Axe das von F nach S zurückkehrenden Strahleukegela durch den Planspiegel S nicht wieder nach A hin, sondern in einer Richtung Sp reflectirt, welche einen Winkel 2x mit der ursprünglichen Richtung SA mesch.

Der vom Planspiegel S gegen die Linse L reflectirte Strahlenkegel divergirt also ehen so, als ob er von einem Punkt ob kinne, welcher auf der Verlängerung von p S von S um eine Länge Sb absteht, welche gleich Sa und gleich SP ist. Die von b aus divergirenden und auf die Linse L fallenden Strahlen werden aber durch dieselle nach B hin convergirend gemacht und durch den Spiegel N so reflectirt, dass das Bild der quadratischen Oeffung bei b' entsteht.

Bei rascher Rotation des Spiegels S in der angegebenen Richtung erscheint also das von N reflectirte Bild der quadratischen Oeffnung von der Stelle, woman es bei stillstehendem Spiegel S schen würde, nach der rechten Seite hin verschoben, wie dies Nr. II. in Fig. 815 andeutet.

Suchen wir nun die Grösse dieser Verschiebung zu bestimmen.

Bezeichnen wir den Weg, welchen das Licht in 1 Secunde zurücklegt (in Metern ausgedrückt) mit V, so ist die Zeit t, welche das Maller's Lebrosack der Psyals. (et And. 1.

Licht braucht, um sich von S nach F und von F zurück nach S fortzupflanzen:

$$t = \frac{2(e-l)}{V},$$

wenn die Länge  $\epsilon a$  gleich  $\epsilon$  und  $\epsilon S$  gleich l, also  $SF = Sa = \epsilon - l$  ist. Wenn nun der Spiegel S in 1 Seeunde n Umdrehungen macht, zu einer Umdrehung also  $\frac{1}{n}$  Seeunde gebraucht wird, so ist der Bogen  $\varphi$ , welchen ein Radius von der Länge 1 in der Zeit t beschreibt,

$$\varphi = 2 \pi n t \text{ oder } \varphi = \frac{4 \pi n (e - l)}{V}$$

wenn für t sein obiger Werth gesetzt wird.

Da nun aber der Winkel c S p, also auch b S a doppelt so gross ist, als der Winkel, um welchen der Spiegel S sich in der Zeit t dreht, so ist der Bogen dieses Winkels für den Radius 1 gleich 2  $\varphi$ , mithin ist der Bogen a b, den wir mit d bezeichnen wollen,

$$d = 2 \varphi (e - 1) = \frac{8 \pi n (e - 1)^2}{V}$$

Bezeichnen wir die Verschichung a'b', welche gleich A B ist, mit  ${\bf \delta}$  und die Länge c A mit  ${\bf \epsilon},$  so ergiebt sich aus der Vergleichung der Dreiecke A c B und a c b

$$\delta = d \frac{\varepsilon}{e}$$

oder endlich

$$\delta = \frac{8\pi n (e - l)^2 \varepsilon}{V \cdot e}.$$

Bei Foucault's Versuchen war  $\varepsilon=3$  Meter, die Brennweite der Linse war 1,9 Meter also e=5,1818 Meter; ferner von l=1,1818 also (e-l)=4 Meter: Da nun  $V=308\,000\,000$ , so ergiebt sich für n=1000

$$\delta = \frac{8 \cdot 3,14116 \cdot 1000 \cdot 16 \cdot 3}{5,1818 \cdot 3080000000} = 0,0007558 \text{ Meter} = 0,7558 \text{ Millim.}.$$

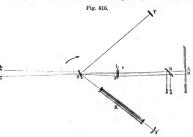
eine Grösse der Verschiebung, welche noch sehr gut beobachtet werden kann.

Um nun aber zu ermitteln, ob sich das Licht schneller in Luft oder im Wasser furtylnaze, wurde anf der andern Seite von SA, FR; 816, in F symmetrisch zu F, ein zweiter jeuen gleicher Hohlspiegel angebracht und zwischen S und F eine 2 Meter lange mit Wasser gefüllte, an beiden Enden mit Ghaphatten geschlessenen Röhre aufgestellt.

Dieser zweite Hohlspiegel F' liefert nun ein zweites Bild der quadratischen Deffining A, welches mit der ersten vollständig zusammenfallen muss, wenn das Licht sich in Wasser eben so schnell, welches dagegen noch

etwas weiter verschoben erscheinen muss als das erste, wenn das Licht sich im Wasser langsamer fortpflanzt als in Luft.

Um das von F' kommende Bild von demjenigen unterscheiden zu können, welches durch die Reflexion auf F erzeugt wird, ist in der Nähe des



Spiegels S and dem Wege nach F' hin eine Art Blendnng so augebracht, dass das obere und das untere Drittel der quadratischen Oeffnung dadurch verdeckt wird, also nur das mittlere Drittel des Bil-

Fig. 817.

des sichtbar bleibt, welches vom Spiegel F' herrührt. Wird nun der Versuch bei der oben beschriebenen Anordnung ausgeführt, so erscheint das von den Spiegel F' herrührende Bild in der Art, wie es Nr. III. in Fig. 817 andeutet, noch weiter verschoben als das andere; die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes ist also in der That für Wasser geringer als für Lnft, ein Resultat, welches mit der Ema-

nationstheorie unvereinbar ist.

Für 1000 Umdrehungen geben 8 Meter Laft (2 ms) SF) eine Verschiebung des Bildes von 0,7558 "";

4 Meter Lnft würden also eine Verschiebung von 0,3779mm geben. Da nun der Brechnigsexponent aus Luft im Wasser 4/2 ist, so wird also die Verschiebung, welche einen 4 Meter langen Weg durch Wasser (2mal die Länge der Röhre R) bewirkt,  $4/s \cdot 0.3779 = 0.5038^{nm}$  betragen. Das von F'herrührende schmale Mittelbild wird also um 0,5038 - 0,3779 = 0,1259 mm weiter verschoben sein als das Bild der ganzen quadratischen Oeffnung, welches von den dnrch den Hohlspiegel F reflectirten Strahlen herrührt.

307 Die Beugungserscheinungen. Es ist sehon oben bemerkt worden, dass zuerst Grimaldi die Ablenkung beobachtete, welche die Lichstrafthen bei ihrem Vorübergange an den Rändern undurchsichtiger Körper erleiden. Nach ihm wurden die Beugungserscheinungen besonders von Newton studirt; durch seine Bendhungen, sowie durch die Untersuchungen mehrerer späteren Physiker wurden allerdings die empirischen Gesetze dereelben ermittelt, ablein erst Vonng, indem er die Diffraction-phänomene durch die Wellentheorie zu erklären versuchte, fand einen inneren Zusammenhang dieser merkwürdigen Erscheinungen auf. Fresnel ging auf dem betretenen Wege weiter und entwickelte in seinem Mémoire sur la diffraction de la lumière eine Theorie der Bengungserscheinungen, welche durch Frannhofert, Herschel und Schwerd noch weiter ausgebildet, ja wir können sagen, vollendet wurde. Fresnel untersuchte und erklätet alle Bengungserscheinungen, welche durche einen gans schmäde



scheningen, weiche durch einen ganz schmalen undurcheichtigen Körper hervorgebracht werden. Frau hofer bereicherte die Wissenschaft durch die Untersuchungen der durch Gitter hervogebrachten Erscheinungen. Herschel began die Phänomene zu untersuchen, welche sowoh durch eine als auch durch mehrere dreieckige, quadratische und kreisförmige Oeffungen bervogebracht werden. Seh wer de ndlich gab eine vollektndige Erklärung aller Bengungserscheitungen, welche man durch Oeffungen von beliebiger Form, von beliebiger Zahl nnd gegenseitiger Stellung bebachtet.

Gehen wir nun zur näheren Betrachtung der Erscheinungen über.

Läset man durch eine schunde verticale Spalte ein Bündel Sonnenstrahlen in horizontaler Richtung in ein dunkles Zimmer eintreten, fängt man dieses Strahenbündel op, Fig. 518, 2 bis Meter von der Spalte mit dem Schirm AB auf, in welchem sich parallel mit der ersten ein ungefähr //, Linie weite Spalte befindet, so kaan man das durch diese zweite Geffnung hindurchgeragenzeen Licht auf einem weisens Schirme MN

in einiger Entfermung auffangen. Man sicht aber unter diesen Umständen nicht bless einen einfachen weissen Streifen bei r, wie es der Fall sein müsste, wenn sich das Licht unbedingt nur in gerader Linie fortpflanzen könnte, sondern man sicht ansser einem hellen Streifen, der aber weit breiter ist als die Spalte bei je, zu beiden Seiten noch mehrere andere, durch dumkt Zwischenräume, getrennte Lichtstreifen. Hinter der Spalte p breitet sich also das Licht nach den Seiten aus, wie es masere Figur andentet.

Auf ähnliche Weise kann man die Streifen im Schatten schmaler Körper beobachten.

Fre nel ersann eine andere Beobschtungsmethode, welche die Streifen ungleich deutlicher und sehärfer zeigt, als es bei dem Auffangen auf einem Schirme möglich ist; als Lichtquelle benutzte er die im Brenpunkte einer gewöhnlichen oder in der Brennlinie einer Cylinderlinse concentrirten Sonnenstrahlen und betrachtete die Beugungserscheinungen durch eine Loupe ganz in der Weise, die wir schon bei Versnchen mit den Interferenzspiegeln kennen zelernt haben.

Fraunhofer (Denkschriften der königl. Akademie der Wissenschaften zu München) setzte die bengende Oeffnung unmittelbar vor das Objectiv eines Fernrohres und sah durch dasselbe nach der Lichtquelle hin. Diese Beobachtungsmethode ist unstreitig die vollkommenste und gestattet zugleich eine sehr genane Messung, von der weiter unten noch die Rede sein wird.

Die einfachsten Vorrichtungen zur Boobachtung der Bengungserscheinungen hat Schwerd (Die Bengungserscheinunger von F. M. Schwerd, Mannheim 1835) angegeben. Die wesentlichste Erleichterung besteht darin, dass er das dunkle Zimmer entbehrlich machte; einen Lichtpunkt liefert das innen geschwärzte Uhrglas oder ein Metallknopf, eine Lichtlinie ein innen geschwärzte Glaszbrichen.

Wenn die Oeffnangen sehr fein sind, so sieht man die Beugungserscheinungen schon sehr sehön, wenn man die Oeffnung
unmittelbar vor das Auge hält und nach dem Lichtpunkte hinschaut. Solche feine Ceffnungen kann man am leichtesten nach Schwerd's
Angaben in Stanniolblättchen machen. Kreisförmige Ceffnungen macht man
mit Hülfe einer feinen Nadel. Legt man ein Blättchen Stanniol auf eine
Glasplatte, so kann man mit der Spitze eines scharfen Federmessers einen
kurzen feinen Spalt einschneiden; eine parallelogrammatische Oeffnung erhält man, wenn man zwei mit einem feinen Spalte versehene Stanniolblättchen quer über einander legt; mm eine dreiseckige Oeffnung zu erhalten,
legt man drei Stanniolblättchen so aufeinander, dass ihre Ränder nur eine
sehr kleine dreisekige Oeffnung zwischen sich lassen.

Um die Stannioblättehen gehörig zn schützen und bequem zum Versnehe anwenden zu können, werden sie mit ihrem Rande auf einen Ring Fig. 819. (Fig. 819 zeigt einen solchen ungefähr in ½ der natür-

lichen Grösse) von Messingblech aufgeklebt.

Auch die grösseren Oeffnungen, wie man sie zu den Versuchen mit dem Ferarohre anwendet, werden aus Stanniolblättehen ausgeschnitten, auch aie sind auf einen Ring von Messingblech geklebt und in einer Fassung von Holz

von Messingblech geklebt und in einer Fassung von Holz befestigt, die an das Ende des Fernrohrs passt, durch welches man beobachten will.

Fig. 820 (a. f. S.) zeigt die Art und Weise, wie man die Oeffnungen vor dem Fernrohre anbringt. A ist das Objectivende des Fernrohres, auf welchem

ein Holzring B aufgesteckt wird, dessen innere Höhlung mit Leder ausgefüttert ist, damit der etwas konische Holzring C gauz genau hineinpasst



In diesen letzteren Holzring ist der Messingrahmen mit dem Stanniolblatte d eingelassen. in welches die Oeffnungen eingeschnitten sind.

Wenn man mit dem Fernrohre beobachtet, muss es so weit ausgezogen werden, dass

man den Lichtpunkt deutlich sieht; auch bei der Beobachtung mit blossem Auge muss man den Lichtpunkt deutlich sehen, weshalb ein kurzsichtiges Fig. 821. Auge mit einer Brille bewaffnet sein muss.



In Fig. 821 ist die Erscheinung abgebildet, welche man wahrnimmt, wenn man durch einen schmalen Spalt nach einer Licbtlinie hinsieht, und zwar für den Fall, dass man nicht weisses, sondern einfarbiges Licht anwendet, also z. B. durch ein rotbes Glas sieht. In der Mitte der ganzen Erscheinung sieht man einen sebr hellen Streifen, dem zu beiden Seiten,

immer durch dunkle Zwischenräume getrennt, andere folgen, deren Liebtstärke sehr merklich abnimmt, je weiter sie von der Mitte entfernt sind.

Es ist dies dieselbe Figur, welche auf dem Schirme erscheint, wenn man den Versuch in der Weise anstellt, wie es durch Fig. 818 angedeutet wird.

Fig. 2 auf Tab. V. stellt das Beugungsbild einer einfachen schmalen Spalte für bomogenes Licht in vergrössertem Maassstabe dar.

Nach Fraunbofer nennt man diese Seitenbilder Spectra erster Fig. 822.

Fig. 823.





Ordnung. Sie werden um so schmäler, je weiter die Oeffnung ist; deshalb sind sie auch bei einigermaassen breiten Spalten mit blossem Auge nicht mehr sichthar.

Für rothes Licht erscheinen diese Streifen breiter als für andere Farben. Fig. 822 zeigt, in welchem Verhältniss die Streifen schmäler werden nnd cinander näher rücken, wenn man statt des

Fig. 824.



rothen Lichtes grünes oder violettes anwendet. Durch eine parallelogrammatische Ocffnung

von der bei o, Fig. 823, dargestellten Form sieht man, nach einem Lichtpunkte hinschauend, die nebenbei abgebildete Bengungsfigur; durch eine kreisförmige Oeffnung einen hellen Fleck mit concentrischen Ringen umgeben, Fig. 824; durch eine dreieckige Oeffnung sieht man einen sechsseitigen

Stern. Wir gehen hier auf die genauere Beschreibung der Phänomene nicht ein, weil sie sich ohnehin aus der Erläuterung derselben ergeben wird.

Erklärung der Beugungserscheinungen, welche man 308 durch eine Oeffnung beobachtet. Wenn das Licht von einem hinlänglich weit entfernten Punkte senkrecht auf die Ebene des Schirmes AB. Fig. 1, Tab. V., fallt, in welchem sich die Oeffnung CD befindet, so kann man alle in dieser Oeffnung befindlichen Aethertheilchen als gleichweit von der Lichtquelle entfernt betrachten; alle diese Aethertheilchen befinden sich also in gleichen Schwingungszuständen. Jedes dieser Aethertheilchen pflanzt aber seine Vibrationen jenseits des Schirmes nach allen Seiten hin fort, als ob es ein selbstleuchtendes Theilchen wäre; die Stärke der Erleuchtung in irgend einem Punkte s eines zweiten Schirmes MN hängt also nur davon ab, welche Wirkung durch die Interferenz aller in s zusammentreffenden von den verschiedenen Punkten der Oeffnung CD ausgehenden elementaren Strahlen hervorgebracht wird.

Wenn man eine enge Spalte dicht vor das Auge hält, welches wir als fernsichtig annehmen wollen, so werden alle Strahlen, welche von den verschiedenen Punkten der Spalte einander parallel ausgehen, in einem Punkte der Netzhaut vereinigt; in diesem Falle also haben wir es mit Bündeln von Strahlen zu thun, welche unter sich parallel von der engen Oeffnung ausgehen. Anch wenn die Oeffnung vor dem Objective eines Fernrohres angebracht ist, werden alle diejenigen Strahlen zur Interferenz kommen, welche als ein Bündel paralleler Strahlen von der Oeffnung auf das Objectiv fallen; denn alle Strahlen eines solchen Bündels werden in der Brennweite des Objectivs in einem Punkte vereinigt; die sich hier bildende Erscheinung wird dann durch das Ocular betrachtet.

Wenn man die Beugungsfigur auf einem Schirme auffängt, ist die Entfernung des Schirmes MN, Fig. 1, Tab. V., von AB so gross, im Vergleich zu der Breite des Spaltes (es ist z. B. die Entfernung der Schirme 2 Meter, die Breite des Spaltes 1/2 Millimeter), dass man ohne merklichen Fehler die von C und D aus nach einem Punkte s des Schirmes convergirenden Strahlen auch hier als parallel annehmen kann; wir haben also nur zu untersuchen, unter welchen Umständen alle Elementarstrahlen eines von CD ausgehenden parallelen Strahlenbündels sich gegenseitig unterstützen oder vernichten.

Fig. 825.



Betrachten wir zuerst ein solches Strahlenbindel, welches sich rechtwinklig zu CD, also in der Richtung der einfallenden Strahlen auch jensents der Oeffanuer, fortpflanzt, wie dies in Fig. 825 der Fall ist. Da alle Achtertheichen in CD sich in gleichen Schwingungsaustländen befinden, so wird dies auch für alle Aethertheilchen der Fall zein.

welche auf einer Linie ms, op n. s. w. liegen, die auf der Richtung der Strahlen rechtwinklig steht; die Strahlen dieses Bündels werden also, in unendlicher Entfernung zusammentreffend, sich gegenseitig unterstützer, ebenso werden die Strahlen dieses Bündels bei ihrer Vereinigung in eines Punkte der Netzhaut oder in der Brennweite des Objectivs eine Vitrationsintensität erzeugen, welche der Summe der Vibrationsintensitäten aller elementaren Strahlen gleich in

Um die Intensitätsverhältnisse des Beugungsbildes berechnen zu können, wollen wir uns die ganze Breite des Spaltes in 16 gleiche Theile getheilt denken und die Intensität eines Bündels paralleler Strahlen, welchs von einem solchen Theile der Oeffnung ausgeht, mit a bezeichnen.

Die 16 elementaren Strahlenbündel, wiche wie Fig. 825 rechtwinktig zur Spaltebene sich fortpflanzen und für welche der Gangunterschied gleieh 0 ist, werden durch ihr Zusammenwirken eine Vibrationsintensität 16s hervorbringen, wir haben also für die Intensität I des Lichtes in der Mitte des Beugungsbildes den Werth

Betrachten wir nun das von der Beugungsspalte CD ausgehende Bün-Fig. 826. del paralleler Strahlen, wel-



del paralleler Strahlen, weiches wie in Fig. 826 so gegen die Ebene der Oeffnang geneigt ist, dass der Fuspunkt a eines von C sai den von D ausgebende Strahl gefällten Perpendikels Ca gerade um ein halbe Wellenlänge von D entfernt, dass also Da= 1/9 Wellenlänge ist, so werdes die entsprechenden Punkt der von C und D ausgehenden Randstrahlen, wie m und n, o und p u. s. w. sich stets in entgegengesetzten Schwingungszuständen befinden.

Um die Intensität des Lichtes zu ermitteln, welche diesem Strahlenbindel im Beugungsbilde entspricht, denken wir uns die Spatköffnung CD wieder in 16 gleiche Theile getheilt und von jedem dieser Theile ein elementares Strahlenbindel von der Vibrationsintensität a nach der bezeichneten Richtung ausgehend. — Da der Gangunterschied der Randstrahlen 1/4, Wellenlänge ist, so ist der Gangunterschied für je zwei dieser elementaren Strahlenbündel, welche unmittelbar neben einander liegen, 1/42 Wellenlänge; für die Vibrationsintensität A, welche durch das Zusammenwirken zweier benachbarter elementaren Strahlenbündel erzeugt wird, haben wir also nach Gleichung (6) auf Seite 748 den Werth

$$A = a\sqrt{2 + 2\cos(11^{\circ}15')} = a\sqrt{3,962}$$
 . . . . (2)  
da ja hier  $\beta = \frac{2\pi}{20} = \frac{180}{16} = 11^{\circ}15'$  ist.

Der Gangunterschied für zwei solcher neben einander liegenden Doppelbündel, deren Vibrationsintensität wir mit A bezeichnet haben, beträgt 

//<sub>6</sub> Wellenlänge, und demnach ergiebt sich für die Vibrationsintensität R, 

welche durch das Zusammenwirken zweier neben einander liegenden Doppelbändel erweit sied.

da ja  $\beta = \frac{2\pi}{16} = 22^{\circ}30'$  wird, wenn  $x = \frac{\lambda}{16}$  ist. Dieser Werth von

B ist aber nichts anderes als die Vibrationsintensität, welche durch das Zusammenwirken von 4 der elementaren, der Reihe nach neben einander liegenden Strahlenbündel erzeugt wird, von denen wir angenommen haben, dass ihrer 16 die Breite des Beugungsspaltes ausfüllen.

In gleicher Weise fortschliessend, ergiebt sich für die Vibrationsintensität C, welche durch das Zusammenwirken von 8 der Reihe nach neben einander liegenden elementaren Strahlenbündeln erzeut werden.

$$C = B \sqrt{2 + 2 \cos 45^{\circ}} = B \sqrt{3414} \dots (4)$$

und endlich für die Vibrationsintensität D, welche durch das Zusammenwirken aller 16 elementaren Strahlenbündel, welche von dem Beugungsspalte in der eben besprochenen Richtung ausgehen,

$$D = C \sqrt{2 + 2}$$
 cos. (90°) =  $C \sqrt{2}$  . . . . . . (5)  
Substituirt man für  $A$  seinen Werth  $a \sqrt{3,962}$  in Gleichung (3), fer-

substitute man fur A senior werth a \( \psi \), 502 in Gelectung (5), fermer den so erhaltenen Werth von B in Gleichung (4) und endlich den so erhaltenen Werth von C in Gleichung (5), so kommt

$$D = a \sqrt{3,962 \cdot 3,848 \cdot 3,414 \cdot 2}.$$

Die Lichtintensität  $I_1$ , welche die Gesammtwirkung des ganzen Strahlenbündels in dem hier besprochenen Falle hervorbringt, ist also

$$I_1 = D^2 = 104, 1 a^2$$
 oder wenn wir für  $a^2$  seinen Werth aus Gleichung (1) substituiren,

I<sub>1</sub> = 0,406 I. (6)
Dieser Werth von I<sub>i</sub> ist freilich nur ein angenäherter; man würde ihn genauer erhalten haben, wenn man dieselbe Schlussweise für den Fall durchgeführt hätte, dass die Breite des Spaltes von vorn herein in 32

genauer erhalten haben, wenn man dieselbe Schlussweise für den Fall durchgefühlt hätte, dass die Breite des Spaltes von vorn herein in 32 gleiche Theile getheilt gewesen wäre. Uebrigens ist der Näherungswerth in Gleichung (6) vollkommen genügend, da man mit Hülfe höherer Rechnung den genauen Werth

$$I_1 = 0,4053 I \dots (7)$$

findet.

Dasjenige Bündel paralleler Strahlen also, welches mit der Ebeue des Spaltes einen solchen Winkel macht, dass der Gangunterschied der Randstrahlen 12 Wellenlänge beträgt, erzeugt also an der entsprechenden Stelle des Beugungsbildes eine Lichtstärke, welche sehr nahe 0,4 von der Lichtstärke in der Mitte des Beugungsbildes ist.

Ein Strahlenbundel, welches, wie in Fig. 827, so gegen die Ebene des Spaltes geneigt ist, dass der Gangunterschied Db der Randstrahlen zwei

Fig. 827.

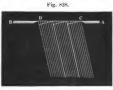


halbe Wellenlängen beträgt, kann manich in zwei gleiche Theile getheilt derken; der von Dausgehnde Randstrahl ist alsdann mit dem von der Mitte M augehenden in seinem Gasge um ½ Wellenlänge verschieden, beide Strables werden also ihre Wirkung gegenseitig vernichten; derselbe Gegensatz findet aber auch zwischen dem ersten.

zweiten, dritten u. s. w. Strahle des von der einen Hälfte DM der Osfnung ausgehenden Strahlenbündels und den entsprechenden Strahlen des von der anderen Hälfte MC ausgehenden Strahlenbündels statt, die Totalwirkung ist also in diesem Falle gleich Null.

In dem Punkte s des Schirmes M N, Fig. 1, Tab. II., wird also, von der Mitte des Beugungsbildes aus gerechnet, der erste dunkle Streifen entstehen, wenn ein von D auf den Randstrahl Cs gefälltes Perpendikel ein Stück Ca abschneidet, welches gleieh 1 Wellenlänge ist.

Gehen wir nun zur Betrachtung desjenigen von dem Spalt ausgehenden Bündels paralleler Strahlen aus, welches so gegen die Ebene des Spaltes geneigt ist, dass der Gangunterschied der Randstrahlen drei halbe Wellenlängen beträgt, so kann man sich das gauze Strahlenbündel in drei gleiche Theile getheilt denken, wie Fig. 828 zeigt, und es findet dann zwischen den entsprechenden Strahlen der beiden ersten Drittel



ciu vollkommener Gegensatz statt; sie verniehten sich also gegenseitig, und nur die Strahleid des letzteu Drittels bringen eine Wirkung hervor. Die Vibratiousintensität, welche durch dieses letzte Drittel hervorgebracht wird, ist offenbar 3mal schwächer als die Vibratiossintensität in dem durch Fig. 826 dargestellten Falle. Darun folgt aber.

dass die gesammte Lichtinteusität  $I_3$ , welche dasjenige Strahlenbündel im Beugungsbilde erzeugt, für welches der Gangnuterschied der Randstrahlen  $^{3}/_{2}$  Wellenlängen beträgt,

$$I_3 = 1/9$$
  $I_1 = 0,066$   $I$ 

Beträgt der Gangunterschied der Randstrahlen 4 halbe Wellenläugen, Fig. 829, so ist die Lichtintensität, welche durch das Zusammenwirken aller Strahlen dieses Bündels hervorrebracht wird, abermals Null.

Auf dieselbe Weise kann man weiter schliessen, und man wird fiuden, dass die Totalwirkung aller Strahlen eines gebeugten Bündels jedesmal 0

Fig. 829. Fig. 830.



ist.



ist, wenn die Differenz im Gange der Randstrahlen ein gerades Vielfaches einer halben Welleulänge beträgt; so oft aber der Gangunterschied der Randstrahlen ein ungerade Vielfaches einer halben Welleulänge ist, wird immer noch ein Theil der Strahlen zur Wirkung kommen, allein diese Wirkung ist um so geringer, je grösser der Gaugunterschied der Randstrahlen wird. Aus diesen Betrachtungen lässt sich nun leicht die ganze Erscheinung ableiten, wie man sie durch einen Spalt wahrnimmt.

Der Gangunterschied der Randstrahlen eines gebeugten Lichtbündels hängt offenbar von dem Winkel ab, den das gebeugte Strahlenbündel mit der Richtung der einfallenden Strahlen macht. So lange nun die Ableiskungswinkel klein sind, wie dies bei diesen Versuchen der Fall ist, kan man den Gangunterschied der Randstrahlen ohne merklichen Fehler dem Ablenkungswinkel proportional setzen, wenn also für einen Ablenkungswinkel proportional setzen, wenn also für einen Ablenkungswinkel b die Differenz im Gange der Randstrahlen 2 hable Wellenlängen beträgt, so wird die Differenz im Gange der Randstrahlen 4 halbe, 6 halbe, 8 halbe u. s. w. Wellenlängen betragen, wenn der Ablenkungswinkel 2b, 3b, 4b u. s. w. ist.

Daraus folgt nun, dass in dem durch einen engen Spalt erzeugtes Beugungshibt in der Mitte ein heller Steriefen siehtbar sein muss, auf webchen zu beiden Seiten eine Reihe heller und dunkler Streifen in der Weise auf einander folgen, dass je zwei Minima der Lichtstärke immer um gleiche Abstände von einander entfernt sind, wie dies auch in Fig. 2, Tab. V. der Fall ist. Ist die Entfernung des ersten dunklen Streifens von der Mitte des Bildes auf jeder Seite gleich n, so ist die Entferung gles zweite, dritten, vierten u. s. w. dunklen Streifens 2n, 3 n, 4 n u. s. w., also der Zwischenraum zwischen je zwei dunklen Streifen stets gleich n; die Entfernung des ersten dunklen Streifens auf der linken Seite von dem erste auf der rechten ist dagegen gleich 2n, da ja die Entfernung eines jeder von der Mitte des Bildes gleich n ist.

Zwischen je zwei dunklen Streifen liegen die hellen Stellen des Bildes. Alle Seitenspectra sind gleich breit, weil ja die sie begränzenden dunklen Streifen in gleichen Abständen auf einander folgen, nur das Mittelbild ist doppelt so breit als alle übrigen.

Man kann leicht die Entfernung der dunklen Streifen in dem auf einem Schirme aufgefangenen Beugungsbilde messen und sich dadurch von der Richtigkeit der oben ausgesprochenen Behauptung überzeugen.

Als die Breite der Spalte CD 0,015" und die Entfernung rm 93" betrug, fand ich bei Anwendung vom rothen Lichte die Breite des Mittebildes gleich 0,3", und die Entfernung des ersten dunklen Streifens vom zweiten, des zweiten vom dritten u. s. w. gleich 0,15".

309 Berechnung der Wellenlänge. Die eben besprochenen Verhältnisse enthalten alle Data, um danach die Länge der Lichtwellen zu berechnen. Offenbar sind die Dreiecke rms und CaD, Fig. 1, Tab. V. ähnlich, und zwar verhält sich

$$rm: rs = Da: Ca$$
,

wo Ca die Länge einer Lichtwelle ist, wenn s die Stelle des Beugungbildes bezeichnet, wo von der Mitte an gerechnet der erste dunkle Streif entsteht. Alle übrigen Grössen dieser Proportion, nämlich rm der Abstand des Schirms von der Spalte, rs die halbe Breite des Mittelbildes und Da, wofür man ohne merklichen Fehler CD, d. h. die Breite der Spalte setzen darf, können genau gemessen und, wenn diese Grössen bekannt sind, nach unserer Proportion der Werth von Ca berechnet werden.

Bei dem oben angeführten Versuche aber war rs = 0.15'', rm = 93'' und CD = 0.015'' und daraus ergiebt sich

Ca = 0.0000242 Zoll

und dies ist die Wellenlänge für rothes Licht.

Bei Anwendung von blanen Lichte war die Breite des mittleren Bildes = 0,2", also rs = 0,1", und daraus ergiebt sich die Wellenlänge für blaues Licht = 0,0000161".

Unter den zur Berechnung der Wellenlänge nothigen Messungen ist die der Breite des Spaltes an schwierigsten. Um diese Breite mit möglichster Genauigkeit messen zu können, hat man der Beugungsspalte die in Fig. 831 dargestellte Einrichtung gegeben. Die Spalte wird durch zwei Stahlplatten gebüldet, von denen die eine a auf einer hinter der Spalte durchbrochenen Messingplatte befestigt ist, während die zweite be durch eine Mikrometerschranbe verschoben werden kann, so dass man innerhalb gewisser Gränzen der Spalte jede beliebige Breite zu gebeu im Stande ist. Um die Breite der Spalte genau messen zu können, muss man die 110be

Fig. 881.



eines Schraubenganges kennen und ferner muss der Kopf der Schraube mit einer Theilung versehen sein, welche gestattet, noch Uuterabtheitungen einer ganzen Umdrehung abzulesen. Beträgt z. B. die Höhe eines Schraubenganges 1/3 Mm. und ist ferner der Umfang der Trommel cd, welche den Kopf der Schraube bildet, in 20 gleiche Theile getheilt,

so kann man die Breite des Spaltes jedenfalls auf  $^{1}/_{20}$  eines halben Millimeters, also auf  $^{1}/_{40}$  Mm. genau bestimmen.

Die Breite solcher Spalteu, welche nicht durch eine Mikrometerschraube veränderlich sind, wird wohl am besten unter dem Mikroskop gemesseu.

Noch genauer als nach der eben angegebenen Methode lässt sich die Länge der Lichtwelle auf folgende Weise bestimmen:

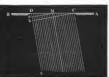
Wenn man den beugenden Spalt vor das Objectiv des Fernrohres eines Theodolithen bringt, welcher die Winkel noch bis anf eine Scennde angiebt, so kann man leicht die Winkelabstande der dunklen Streifen von der Mitte des Bildes messen; man stellt zu diesem Zwecke das Fernrohr zuerts o, dass der vertienle Faden des Fadenkreuzes genau durch die Mitte des Bengungsbildes geht, und dreht es alsdann aus dieser Lage heraus, bis der erste, der zweite, der dritte u. s. w. dunkle Streifen mit jenem Faden zusammenfällt; die Winkelwerthe der Drehung werden am Nonius des horizontalen Theilkreises des Theodolithen abgelesen. Schwerd fand für einen Spalt, welcher 1,353 Mm. breit war, durch ein rothes Glas schauend, auf die angegebene Weise folgende Winkelabstände der dunklen Streifen von der Mitte des Bildes:

Für	den	1sten	dunklen	Streifen		1'41"
- 2	-	2ten				3'18"
-		3ten				4' 55"
-		4ten	_	_		6'27"

In der That ist also der für den 2ten, 3ten, 4ten dunklen Streifen gefundene Winkelabstand nahe 2-, 3-, 4mal so gross als der Winkelastand des ersten dunklen Streifens von der Mitte des Bildes. Als Mittel erhält man aus diesen Messungen für den Winkelabstand zweier auf einander folgenden dunklen Streifen den Werth 1 2 s.R. 1".

Aus diesen Mesnugen kann man ebenfalls sehr leicht die Länge einer Lichtwelle bereinen. Wenn Fig. 832 das gebeugte Straßenbandel vorstellt, welches dem ersten dunklen Streifen entspricht, so muss die Enfernung Db einer Wellenlänge gleich sein; diese Länge läset sich aber leicht berechen, da ja die Länge CD=1,353 Mm. und die Grösse des Ablenkungswinkels  $DCb=1^*38^n$  bekannt ist; es ist nämlich Db=CD. sin, DCb=1,353, sin,  $1^*38^n=0,000643$  Mm.

Das von Schwerd zu diesem Versuche angewandte rothe Glas liese Fig. 832. nur solche Strahlen durch



nur solche Strahlen durch, welche zwischen die Frannhofer'schen schwarzen Streifen B und D fallen; die Wellenlänge 0,000643 Mm. entspricht also ungefähr dem
Roth, welches zwischen B und
D in der Mitte liegt.

Da für die anderen farbigee Strahlen die dunklen Streifer des Beugungsbildes näher zusammenrücken, so findet man auch für die Wellenlänge die-

ser Strahlen kleinere Werthe als für das rothe Licht; die Werthe der Welkulkingen, wie sie den schwarzen Streifen des Spectrums entsprechen sind folgende:

```
B = 0.0006897^{-80} = 0.0002841 \text{ Zol}
C = 0.0006859 = 0.0002422 \text{ J}
D = 0.0002422 = 0.0002425 = 0.0002175 = E = 0.0005265 = 0.00001945 = E = 0.00001946 = 0.00001784 = G = 0.0004856 = 0.00001784 = 0.00001587 = 0.00001861 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001464 = 0.00001
```

Kenut man einmal die Länge der Lichtwelle, so kann man anch leicht ihre Schwingungsdauer berechnen, da ja auch die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes bekannt ist. In einer Secunde pflanzt sich das Licht um 42000 Meilen oder (in runder Zahl die Meile zu 23000 Fass gerechnet) um 11592000000 Zoll fort. Dividirt man diese Fortpflanzungsgeschwindigkeit durch die gleichfalls in Zollen ausgedrückte Wellenlänge, so erfährt man, wie viel Liehtsekwingungen in einer Seennde gemacht werden. Für das mittlere orbe Lieht ergeben sich auf diese Weise

$$\frac{11592\,000\,000}{0.00002541} = 456\,000\,000\,000\,000,$$

für violettes Licht aber

667 000 000 000 000

Sehwingungen in der Secunde.

Breite und Intensitätsverhältnisse des Beugungsbildes. 310 Da nach den obigen Betrachtungen die Wellenlänge  $\lambda$  gefunden wird, wenn man die Breite g des beugenden Spaltes mit dem Sinus des Winkelabstandes b des ersten dunklen Streifens von der Mitte des Bildes multipliert, da also

so ist auch 
$$\lambda = g \sin b,$$

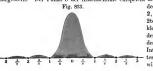
$$\sin b = \frac{\lambda}{a},$$

d. h. der Sinus des Ablenkungswinkels für den ersten dunklen Streifen oder, was dasselbe ist, die Breite der Scitenspectra ist also der Breite der Spalte umgekehrt proportional. Für eine 2-, 3-, 4mal breitere Spalte werden also die Spectra 2-, 3-, 4mal schmäler werden.

Sehwerd fand für die Breite der Spectra im rothen Liehte, bei Anwendung von Spalten verschiedener Breite, folgende Werthe:

In der That verhalten sich hier die Winkelbreiten der Spectra sehr nahe umgekehrt wie die Breite des Spaltes. Dieses Verhältniss zwischen der Breite der Spectra und des Spaltes war durch genaue Messungen ülterer Physiker sehon lange ausgemittelt worden, ehe man die Beugungserscheinungen überhaupt zu erklüren wusste.

Das Gesetz, nach welehem die Intensität der Seitenspectra mit ihrer Entfernung von der Mitte des Bildes abnimmt, ist in Fig. 833 graphisch dargestellt. Der Punkt 0 der Abseissenlinie entspricht der Mitte des Bil-



des, die Punkte 1, 2, 3 dem 1sten, 2ten und 3ten dnnklen Streifen. Von der Mitte des Bildes an nimmt die Intensität des Lichtes ab; sie ist, wie wir auf Seite 762 gesehen haben, für die Stelle, welche deen Punkte  $^{1}/_{2}$  entspricht, nur noch  $0,4\ I$ , wenn wir mit I die Lichtstärke in der Mitte des Bengungsbilde bezeichene. Es ist ferner sohon oben geseigt worden, dass die Intessität des Lichtes bei  $^{3}/_{2}$  9mal geringer ist als bei  $^{1}/_{2}$ , sie ist also hier  $0,066\ I$ , aus ähnlichen Betrachtungen aber ergiebt sich, dass in den Punkten  $^{3}/_{1}$  und  $^{7}/_{2}$  die Lichtstärke 25mal, 49mal schwächer ist als an der mit  $^{1}/_{2}$  bezeichneten Stelle; bei  $^{3}/_{2}$  ist die Lichtstärke also nur noch  $0,016\ I$ , bei  $^{7}/_{2}$  ist die Lichtstärke also nur noch  $0,016\ I$ , bei  $^{7}/_{2}$  ist die  $^{7}/_{2}$  ist die Lichtstärke also nur noch  $^{7}/_{2}$  der  $^{7}/_{2}$ 

Mit abnehmender Breite des Spaltes wird natürlich auch die gaze Erscheinung lichtschwächer. Die Oeffungen, die man vor das Olijschie eines Fernrohrs setzt, können weit grösser sein als diejenigen, welche zur Beobachtung mit dem blossen Auge bestimmt sind, weil je die Erscheinung durch das Geular vergrössert gesehen wird; da aber die vergrösserte Gefnung eine grössere lichtstärke zur Fölge hat, so bietet auch hierin wieder die Beobachtung durch das Fernrohr einen grossen Vorthein

Im Wesentlichen erklärt sich auch nun die Erscheinung Fig. 823 S.
758, wie man sie durch eine parallelogrammatische Oeffnung wahrnimat.
Das Parallelogramm abed, Fig. 834, bildet einen Theil eines verticalee

Fig. 834.



Spaltes (und dieser Stellung de Parallelogramms entspricht assere Beugungsfigur), es wird sie also offenbar eine horizontale Reihe von Spectren bilden; die Kanten ab und cd bilden abr einen Theil eines schrägstehendes Spaltes, und ein solcher wird eine Reihe von Spectren erzengen, die in der auf der Richtung der Kasten ab und cd rechtwinklig steten ab und cd rechtwinklig ste-

henden Richtung 1m auf einander folgen.

Wenn die Entfernung der verticalen Kanten von einander halb so gross ist, als die Entfernung der schrägen, so werden die horizontales Spectren doppelt so breit werden als die schrägen.

Wir können hier nicht weiter auf die Erklärung dieser Ersebeinung, sowie derjenigen, welche durch dreicekige, kreisförnige u. s. w. Oeffinsiegen hervorgebracht werden, eingehen; denn wenn es auch möglich ist, die Grundeistze der Beugungserscheinungen elementar zu entwickeln, so ist doch bei complicitreren Fällen die Ausendung höherer Rechanng nicht zu entbehren; wir müssen in dieser Beziehung auf Schwerd's classische Werk über die Beugungserscheinungen ans den Fundamentalgesetzen der Unduktionstheorie analytisch entwickelt von F. M. Schwerd. Mannheim 1335.)

Wir habeu bis jetzt nur von den Beugungserscheinungen geredet, wie sie bei Anwendung von homogenem Lichte beobachtet werden. Es ist schon mehrfach angeführt worden, dass die Spectra für die verschiedenen Farben nicht gleiche Breite haben, und daraus geht hervor, dass bei Anwendung von weissem Lichte die Maxima und Minima der Lichtstärke für die verschiedenen Farben nicht zusammenfallen; man wird also an keiner Stelle des Bengungsbildes vollkommene Dunkelheit sehen und an keiner Stelle, die Mitte ausgenommen, Weiss erblicken; überall sieht man Farbentöne, in welchen diejenigen Farben vorherrschen, welche an dieser Stelle gerade einen hellen Streifen bilden, während gerade die Farben fehlen, welche hier im Minimum sind. Die Aufeinanderfolge dieser Farbentöne ist ganz dieselbe wie die, welche wir bald bei den Newton'schen Farbenringen werden kennen lernen.

Interferenz verschiedenfärbiger Strahlen. Wir haben bis 311 her stillschweigend angenommen, dass nur gleichfarbige Strahlen interferiren, ungleichfarbige aber nicht; dass also rothe Strahlen weder mit gelben, noch mit grünen, noch mit blauen Strahlen interferiren. Die Richtigkeit dieser Annahme wird sehon dadurch bestätigt, dass man in der That nirgende eine Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen wahrnimmt; aber auch theoretisch lässt sich der Grund davon leicht nachweisen. Zu diesem Zwecke wollen wir die analogen Erscheinungen bei der Interferenz der Schallwellen betrachten. Wir haben in der Lehre vom Schalle gesehen, dass, wenn nicht isochrone Schallwellen interferiren, ein abwechselndes Anschwellen und Nachlassen des Tones entsteht; etwas Achnliches mass auch bei der Interferenz nngleichfarbiger Lichtstrahlen entstehen.

Wir haben aber ferner gesehen, dass die Anzahl der Stösse in jeder Secunde davon abhängt, wie viel Schwingungen der eine Ton in jeder Secunde mehr macht als der andere, und dass, wenn die Schwingungezahler bei den Tönen sehr verschieden sind, die Stösse so rasch folgen, dass man sie nicht mehr unterscheiden kann.

Dies ist nun anch bei der Interferenz ungleichfarbiger Lichtstrahlen der Fall. Die mittleren rothen Strahlen machen 456, die mittleren violetten 667 Billionen Schwingungen in der Secunde; die violetten also 211 Billionen Schwingungen in der Secnnde mehr als die rothen; die mittleren orangefarbenen Strahlen werden also ungefähr 30 Billionen Schwingungen in der Secunde mehr machen als die rothen; man sieht daraus, dass bei der Interferenz verschiedenfarbiger Strahlen die Stösse so ungeheuer rasch folgen, dass das abwechselnde Stärker- und Schwächerwerden des Lichtes nicht unterschieden werden kann. Aber auch etwas den Combinationstönen Analoges kann hier nicht beobachtet werden. Die Interferenz der mittleren rothen und der mittleren violetten Strahlen bringt 211 Billionen Stösse in der Secnnde hervor. Einzelne Stösse sind daher natürlich nicht zu nnterscheiden; aber anch ihr Totaleindruck kann vom Auge nicht als eine besondere Farbe wahrgenommen werden, weil 430 Schwingungen in der Secnnde die langsamsten sind, welche im Auge noch den Eindruck des Lichtes hervorbringen.

Müller's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl, L.

Beugungserscheinungen, welche man durch mehrere neben einander Hegende Oeffnungen beobachtet. Wenn zwi oder mehrer gleiche beugende Oeffnungen neben einander stehen, so erscheint im Wesentlichen dieselbe Beugungsfigur, die man auch durch eise dieser Oeffnungen beobachtet haben wirde; nur erscheint die Haupfügur von vielen schwarzen Streifen durchschnitten. So beobachtet man z. B. das Beugungsbild Fig. 3, Tab. V. durch zwei gleiche Spalten, welches neben einander stehen, wie Fig. 835 zeigt, und welche um die Breite eines Spaltes von einander entfernt sind. Die Fig. 1, Tab. V. Liegt die Erscheinung, wie sie durch zwei neben einander stehende kreisförmige Oeffnungen, Pig. 363, beobachtet wird, vier solcher Oeffnungen, deren Mittelpunkte ein Quadrat bilden, Fig. 837, bringen die Erscheinung Fig. 2. Tab. VI. hervor.

Betrachten wir zunächst die durch zwei Spalten hervorgebrachtes Beugungserscheinungen, so sehen wir, dass die Spectra erster Ordnung.

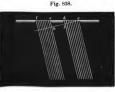
Fig. 835. Fig. 896.



Fig. 837.

welche eine solche Oeffnung hervorgebracht haben würde, durch dies schwarzen Streifen in kleinere Abtheitung zelegt erscheinen, welche Fraunhofer Spectra zweiter Classe nannte. Besonders scharf und deutlich treten diese dunklen Streifen im mittleren Theile der Beugungfigur auf.

Suchen wir nun die Entstehung dieser schwarzen Streifen zu erklären. Die Fig. 838 stellt einen Schirm mit zwei Oeffnungen vor, welche wir der Einfachheit wegen gleich breit und um die Breite einer Oeffnung Fig. 628 von einander entfernt anneb-



men wollen. Solche Strahlebündel nun, welche, wie die in unserer Figur dargestellie, in paralleler Richtung von der beiden Oeffungen ansgehen werden in einem und demselben Punkte der Netzhaut oder in einem Punkte in der Breznweite des Fernarburbijettiv vereinigt. Wenn nun die Allenkung der gebeugten Strahlenbündel gerade eine solche ist, dass die Elementarstrahlen eines jeden Bündels sich sehon unter einander selbst vernichten, so wird auch durch das Zusammenwirken der beiden Strahlenbündel kein Licht erzeugt werden können; die dunklen Stellen also, welche man im Beugungsbilde beolachtet, wenn bloss eine Oeffnung vorbanden ist, werden auch dunkel hleiben, wenn man eine zweite Oeffnung derselben Art neben der ersten anbrinat.

Die hellen Struifen im Bengungsbilde einer Oeffnung werden hingegen durch das Hinaukommen der zweiten nicht unversündert bleiben können; dem es muss an gewissen Stellen der Fall eintreten, dass jedes der beiden Strahlenbündel für sich allein eine bestimmte Vibratiousintensität erzeugen, also eine helle Stelle im Beugungshilde hervorbringen würde, dass aber zwischen den helden Bindeln ein vollkommener Gegensatz stattfindet, so dass beide ihre Wirkung gegenseitig vernichten. Es ist demnach klar, dass durch das Hinautreten der zweiten Oeffnung an solchen Orten dunkle Streifen entstehen können, welche im Beugungsbilde einer Oeffnung hell erschienen, also dunkle Streifen, welche die Spectra erster Classe durchschneiden.

Wir wollen nun genau die Stellen bestimmen, an welchen diese nenen schwarzen Streifen auftreten.

Diejenigen Strahlenbündel, welche sich rechtwinklig zur Oeffnung, also nugebeugt, fortpflanzen, sind in ihrem Gange vollkommen übereinstimmend, sie werden sich also unterstützen, die Mitte des ganzen Bildes bleibt daher vor wie nach hell.

Von der Mitte des Bildes an gerechnet, wird durch die Interferenz der beiden Strahlenbündel das erste Minimum dann entstehen, wenn die entsprechenden Strahlen beider Bündel in ihrem Gange um 1/2 Wellenlänge von einander verschieden sind, wenn also ein von c, Fig. 838, auf den von e ansgehenden Randstrahl gefälltes Perpendikel en den Randstrahl e in einem Punkte n trifft, welcher von e nm 1/2 Wellchlänge entfernt ist. Dasselbe Perpendikel trifft aber den Randstrahl d in einem Punkte i, welcher von d nm 1/4 Wellenlänge absteht. Die beiden Strahlenbündel werden sich also gegenseitig vernichten, wenn der Gangunterschied der Randstrahlen eines und desselben Strahlenbündels gerade 1/4 Wellenlänge beträgt; die Ablenkung der Strahlenbündel ist also für diesen Fall 4mal kleiner als die Ablenkung des Strahlenhundels, welches den ersten dunklen Streifen erzengt, wenn nur eine Oeffnung vorhanden ist. Der besseren Uehersicht wegen sind in Fig. 839 und Fig. 840 (a. f. S.) die Intensitätscurven zusammengestellt, wie sie einem einfachen Spalt (Fig. 839) und wie sie zwei nehen einander stehenden gleichen Spalten entsprechen, die um die Spaltweite von einander entfernt sind (Fig. 840). Während für den einfachen Spalt, von der Mitte an gerechnet, das erste Minimum bei 1 auftritt, finden wir für die zwei Spalten einen dunklen Streif schon hei 1/4.

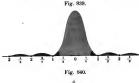
Ein zweiter, ein dritter, ein vierter u. s. w. dunkler Streifen wird durch die Interferenz der von den beiden Oeffnungen ausgehenden Strahlenbündel erzeugt, wenn die Länge en, Fig. 838, %, %, %, %, % Wellenlängen

ø

300

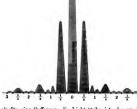
beträgt; in diesem Falle ist aber di gleich  $^3/_4$ ,  $^5/_4$ ,  $^7/_4$  Wellenlängen, die neuen sehwarzen Streifen werden also in den Punkten  $^3/_4$ ,  $^5/_4$ ,  $^7/_4$ , Fig. 840, entstehen.

Wir sehen also, dass durch diese dunklen Streifen jedes Seitenspectrum erster Classe



trum erster Classe
in drei Theile getheilt wird, welche
Spectra zweiter
Classe genanntwerden und von welchen der mittlere
doppelt so breit ist
als die beiden anderen.

Es bleibt jetzt nur noch die Intensität des Lichtes an den verschiedenen Stellen des Beugungsbildes zu bestimmen. In der Mitte des ganzen Bildes, in dem Punkte, welcher mit 1/2 bezeichnet ist, und überall da wo die Mitte eines Spectrums zweiter Classe mit der Mitte eines Spectrums erster Classe zusammenfällt, ist der Gang der von den beiden Oeffnungen kommenden Strablenbündel vollkommen harmonirend; sie werden also hier eine Vibrationsintensität hervorbringen, welche dor-



als für eine Oeffnung; die Lichtstärke ist also an dieser Stelle 4mal gröser, als wenn nur eine solche Oeffnung da wäre, an den Zwischenstellen hingegen hat im Ganzen die Lichtstärke bedeutend abgenommen.

pelt so gross ist.

In Fig. 840 ist die Intensitätseurer für zwei Oeffuungen dargestellt; es ibt bit der Construction dieser Curve angeommen worden, dass jede der beiden Oeffuungen sehen so breit sei, als diejenige, deren Intensitätscurve in Fig. 839 dargestellt ist; aus diesem Grunde sind die Punktu I<sub>1</sub>, 1, ½, 2 u. s. w. hier eben so weit von 0 entternt als dort; ferner ist an den Stellen, in welchen die beiden Liebtbandel zusammenwirken, also ind en Punkten 0, ½, ½ u. s. w., der Fig. 840 die Liebtbarker dama los gross als an den entsprechenden Stellen von Fig. 839. Die Minima der Liebtsärke finden sich hier in den Punkten ½, ½, 1, ½, 1,½, 1,½ u. s. w.

Gitterspectra. Sind noch mehr als zwei Spalten nelsen einander, 313 so wird die Zahl der schwarzen Streifen, welche die Spectra erster Classo durchschneiden, noch vermehrt. Wären z. B. 4 solcher Spalten neben einander wie die beiden, für welche die Intensitätseurre Fig. 840 construirt ist, so wirden neue Minima in den Punkten 1/3, "1s., "1s., "1s. "1s. "1s. u. s. w. aufreteen; dadurch würde aber fast alles Licht zwischen 1/4, und 1/4, srenchwinden; der Lichtsterfein in der Mitte des Bildes, ebenso wie die Reste der Spectra erster Classe bei 1/s., 1/s. u. s. w. würden also immer schmaler werden; dagegen würde gerade hier die Intensität des Lichte 16mal grösere sein, als für eine solche Geffung, weil die 4fache Anzahl von Geffnungen hier die 4fache Vibrationsintensität bervorbringt.

Man begreift nach dieser Auseinandersetzung leicht, wie die Lichtstreifen bei 0, die Reste der Spectra erster Classe bei ½, bei ½, u. s. w. immer sehmäler und lichtstärker werden, und wie das Licht der zwischenliegenden Stellen immer mehr verschwindet, wenn man die Zahl der Oeffungen vermehrt.

Dadurch erklären sich nun die zuerst von Fraunhofer (Denkschriften der königl. Andemie der Wissenschaften zu München Bd. VIII) beobachteten Beugungserscheinungen, welche durch Gitter, d. h. durch eine Reich paralleler schnaler Spalten, hervorgebracht werden. Setzt man ein solches Gitter vor das Fernrohr, sieht man aledann nach einer Lichtlinien, welche den Spalten parallel sit, so bechachtet man bei Amwendung von homogenem Lichte, etwa wenn man durch das Gitter nach einer Spalte hinschaut, hinter welcher eine derne Lichtlin erto trip gefürbet Flamme steht ausser einer hellen rothen Linie O, Fig. 841, welche die Mitte der ganzen Beuugungfügur bildet, zu beiden Seiten noch weitere, isoliter orbeit Linien

Fig. 841.



R, R', R'' u. s. w., als Reste, welche in der Mitte der Spectra erster Classe, also in den Punkten  $^{1}/_{2}$ ,  $^{3}/_{2}$ ,  $^{5}/_{2}$ , Fig. 840, mit verstärkter Lichtintensität übrig bleiben.

Hätte man statt der rothen Lithiumflamme eine gelbe Kochsalfflamme angewandt, so würde man zunächst eine gelbe Mitellinie in O, zu beiden Seiten aber eine Reihe gelber Linien G, G', G'' u. s. w. an Stelle beobachtet haben, wiebe der Centrallinie O näher liegen als die entaprechenden rothen Linien R, R, R', n s. w.

Für eine homogen violette Lichtquelle würde man ausserder centralen Linie in Onoch violette Linien in V, V', V'' u. s. w., Fig. 841, gesehen haben

Wenn man weisses Licht anwendet, so gehen die Bilder stetig in einander über, d. h. man sieht zwischen R mod V, zwischen R' und P', zwischen R' und P'' in ununterhrochener Folge eine Reihe von Lichtstreifen verschiedener Farben, welche in derselben Ordnung auf einander folgen, wie die Farben des prismatischen Farbenbildes, und also förmliche Spectra (im gewöhnlichen Sinne des Wortes) bilden, wie dies Fig. 842 darstellt. Die zu beiden Seiten der wei siesen Mittellinie Oo zumächst folgen-

Fig. 842.



den Spectra R V stehen ganz frei auf schwarzem Grunde, dagegen greift das rothe Ende des zweiten Spectrums R V noch auf das violette Ende des dritten R V üher.

Die Aufeinanderfolge der Farben in diesen Spectren ist genau dieselbewie beim prismatischen Spectrum, nur ist, wie im nächsten Paragraphen näher erörtert werden soll, die Vertheilung der Farben beim Gitterspectrum eine andere.

Die Farben soleber Gitterspectra werden sich um so mehr den reis prismatischen nähern, je mehr man die Zahl der neben einander stehendes Spalten vermehrt und je feiner man die einzelnen Spalten macht; bei hislanglicher Feinheit der Gitter werden diese Spectra rein genug, um die Fraunhofer's ehe n Linien erkennen zu lassen. Enigs dieser Linien sieht man mit Hillfe des Fernrohrs sehen durch ein Drahtgitter mit 90, sehr vielaber sehen durch ein Gitter mit 200 his 300 Oeffnungen auf einen Zoll.

Die Gitter zu diesen Versuchen erhalt man, wenn man die cylindrischen Theile von Stechnadeln parallel neben einander und in gleichen Endernungen auf einen viereckigen messingenen Rahmen befestigt; feiner Drahtgitter verfertigte Fraunhofer, indem er auf den gegenüberstehenden Enden eines solchen Rahmens die Gänge einer feinen Schraube ein

schnitt und zwischen diesen Gängen feine Metalldrähte ausspannte; die feinsten Gitter erhielt er, indem er auf ein mit Goldblättehen belegtes Planglas mit Hülfe einer Theilmaschine Parallellinien radirte, oder solche Linien mit einem Diamant in ein Planglas einschnitt.

Ganz ausgezeichnete Gitter der letzteren Art werden von Nobert (Barth in Pommern) verfertigt. Die mit Diamant in Glas eingeschnittenen Linien haben eine Länge von 1 Zoll und sind so nahe neben einander gezogen, dass der Abstand von der Mitte der einen bis zur Mitte der nächsten 0,01" bis 0,001" (altfranzösisches Maass) beträgt, dass abe auf die Breite von 1 Pariser Linie bei den gröberen Gittern 100, bei den feinsten 1000 Diamantstriche neben einander liegen. Die Gesammtbreite der Nobert'eshen Gitter beträgt 4 bis 12 Pariser Linien.

Durch feinere Gitter sieht man die Spectra schon sehr schön mit blossem Ange, ja man kann durch hinlänglich feine Gitter auf diese Weise selbst mehrere der Fraunhofer'schen Linien erkennen.

Um die Spectra der Beugungsgitter mit dem Feruroltz zu beobechten und Mesungen mit demselben aussuführen, kann man das ditter entweder unmittelbar vor dem Objectiv des Beobachtungsfernrohrs befestigen (etwa in der §. 307 besprechenen Art), so dass das Gitter gleichzeitig mit dem Fernrohr gedrecht wirch; oder man kann das ütter in der Weise feststellen, dass es an der Drehung des Fernrohrs keinen Antheil minmt, wie dies z. B. der Fall ist, wenn man das Gitter auf dem Tinchlein Jf., Fig. 584 s. 517, des Babinet'schen Goniometers aufstellt. In ihren Resultaten sind beide Beobachtungsarten ganz gleich.

Aus den Erscheinungen, welche man durch einfache Gitter beobachtet, erklärt sich auch die schöne, durch Tab. VII. dargestellte Erscheinung, welche man sieht, wenn man vor dem Objective des Fernrohrs zwei solcher Gitter kreuzt und nach einem Lichtpunkte sieht. Die Mitte der Erscheinung nimmt das weisse Bild des Lichtpunktes ein, welcher von einer Menge von Farbenbildern amgeben ist, die ihr violettes Ende nach innen kehren.

Achnliche Erscheinungen beobschtet man, wenn man ein Stück Mousselin, Flor, Drahttuch oder Scidenbaud vor das Fernrohr bringt. Auch die schönen Farbenbilder, welche man sieht, wenn man durch die Fahne einer Vogelfeder (besonders gut dasn sind die Flügel- oder Schwanzfedern kleiner Vögel) nach einem Lichtpunkte sieht, gehören hierber. Ebenso ist die Glorie von mehreren farbigen Ringen, welche man um die Flamme eines Kerzenlichtes erblickt, wenn man nach demselben durch ein mit einem feinen Skuube, etwa mit Semen lycopodii, bestreutes Glass sieht, eine Beugungserscheinung.

Feine Gitter zeigen bei reflectirtem Lichte ähnliche Farbenerscheinungen wie bei durchgelassenem; dadurch erklärt sich das schöne Farbenspiel fein gestreitter Oberflächen, z. B. der Barton'schen Irisköpfe, der Perluntter n. s. w.

Genauere Untersuchung der Gitterspectra. Fig. 843 (a.f.S.) 314 stelle eine Reihe paralleler Elementarstrahlen dar, wie solche sich von den Spalten eines Gitters aus nach allen Seiten verbreiten. Ein solches Büsdel paralleler Elementarstrahlen wird nun, wenn es durch die brechenden Medien des Auges oder durch eine Linse in einem Punkte vereinigt wird, eine

Fig. 843.



helle Linie bilden, wenn für die Büsehe, welche durch weie benachbarte Spalten gegangen sind, die bereits oben S. 771 erwihnte, durch Fig. 344 erflutterte Bedingung erfüllt ist, dass en gerade eine Wellenlange beträgt. Bezeichnen wir die Entferung er. Fig. 344, d. h. die Zusiehen wir der Entferung er. Fig. 344, d. h. die Zwischenraumen mit b., den Winkel, welchen die Strahlen mit der Normalen die Gitterbene machen, also auch den Winkel er en mit x, mit \u03b4 endlich die Wellen länge, so haben wir

für solche elementare von den Gitterspalten herkommende Strahlenbündel, welche das erstere Spectrum R V, von der Mitte 0 des Bildes Fig. 841 an gerechnet, zu Stande bringen.

Für das zweite und dritte Spectrum gelten dann die Bedingungsgleichungen  $b \cdot \sin y = 2 \lambda$  und  $b \cdot \sin x = 3 \lambda$ .

Bleiben wir zunächst bei der Betrachtung des ersten Spectrums stehen. Aus Gleichung (1) folgt

Der Werth von sin. x in Gleichung (2) ist bei unverändertem Werth



von \( \lambda\) um so grösser, je kleiner \( b\) wird. Der Abstand der Spectra von der Mitte 0 des Gesammtbildes Fig. 842 sewohl, als auch die Breite dieser Spectra wächst demnach in demselben Verhältniss, in welchem das Gitter feiner wird.

Für denselben Werth von b, also für dasselbe Gitter wächst ferner sin.x der Wellenlänge λ proportional; da

nun aber die Wellenlänge für die violetten Strahlen am kleinsten, für die rothen am grössten ist, so folgt aus (2), dass das violette Ende der Gitterspectra nach innen, das rothe nach aussen gekehrt ist. So fand z. B. Fraunhofer bei Anwendung eines Gitters, für welches  $b=0.02342^m$ , den Winkelabstand x im ersten Seitenspectrum

für die dunkle Linie 
$$D = 38' \cdot 19''$$
  
 $n = 0$ 
 $H = 25' \cdot 44''$ 

" " " " H  $x=25^{\circ}$  44" während sich bei Anwendung eines Gitters, für welches b=0.09354", ergab

für 
$$D$$
  $x = 9' 35,5''$   
 $H$   $x = 6' 24''$ .

Da die Grössen b und z mit grosser Genauigkeit ermittelt werden konnen, so bieten die Gitterspectra ein auggezichnetes Mittel zur Betimnung der Wellenlänge verschiedunfabiger Strahlen. So ergiebt sich z. B. aus den eben augeführten Fraunhofer sehen Messungen für die Wellenlänge von 20

$$\lambda = 0.02342 \cdot \sin .38' \cdot 19'' = 0.0026103'''$$

und  $\lambda = 0.09354 \cdot sin$ , 9' 35.5" = 0.0026090"

also im Mittel 
$$\lambda = 0.0026096'''$$
  
oder  $\lambda = 0.005888$  Mm.

Unı die Wellenlänge für die hellen Spectralstreifen einiger farbiger Flammen zu bestimmen, wandte ich ein Nobert'sches Gitter an, welches 2001 Diamantstriche auf die Breite von 4 Pariser Linien hat, für welches also b = 0.002''' ist.

Dies Gitter wurde auf dem Tischlein M des Babinet'schen Goniometers, Fig. 584 S. 517, so befestigt, dass seine Ebene rechtwinklig stand auf der Axe des Rohres L. Vor dem Spalt d war ein Gaslämpehen aufgestellt, dessen Flamme durch Lithium roth gefärbt wurde.

Zunächst wurde nun das Fernrohr F so gerichtet, dass das Fadenkreuz auf die rothe Lithiumlinie des ersten Spectrums rechts und dann, dass es auf die entsprechend Linie des ersten Spectrums links eingestellt war, und für jede dieser beiden Stellungen wurde der Nonins abgelesen. Bezeichnen wir die rothe Lithiumlinie des ersten Seitenspectrums mit Li, a. 1, so ergab siech der Stand des Nonins für

mithin hatte der Ablenkungswinkel x für jeden der rothen Streifen  $Li, \alpha.1$  den Werth  $x=8^{\circ}$  36,5'.

Für die Wellenlänge des rothen Lithiumlichtes haben wir also nach Gleichung (1)

$$\lambda = 0.002 \cdot 0.149679 = 0.00029936$$
".

In gleicher Weise wurde die Ablenkung des rothen Lithiumstreiten in zweiten Scitenspectrum, also des Streifens  $Li, \alpha, 2$  von der Mitte des Beugungsbildes, gemessen und dafür der Werth  $y = 17^{\circ} 27.5'$  gefunden. Danach ergiebt sich für die Wellenlänge des rothen Lithiumlichtes der Werth

$$\lambda = b \frac{\sin y}{2} = 0.002 \cdot \frac{\sin (17^{\circ} 27.5')}{2} = 0.0003000$$

als Mittel ergiebt sich also aus diesen beiden Messn<br/>ngen für die Wellenlänge von  $Li, \alpha$  der Werth

$$\lambda = 0,0002997'''$$
oder  $\lambda = 0,0006763 \text{ Mm}.$ 

Eine gleiche Messung wurde auch für die gelbe Natriumlinie ausgeführt. Es ergab sich für

Na, 
$$\alpha$$
, 1  $x = 7^{\circ}$  32,5' und daraus  $\lambda = 0.0002626'''$   
Na,  $\alpha$ , 2  $y = 15^{\circ}$  12,5' , ,  $\lambda = 0.0002623'''$   
Na,  $\alpha$ , 3  $z = 23^{\circ}$  8' , ,  $\lambda = 0.0002623'''$ 

Im Mittel also  $\lambda = 0.00026227'''$ oder  $\lambda = 0.0005918$  Mm.

ouer  $\lambda = 0.000918$  Ann.

ein Werth, welcher von dem aus den Fraunhofer'schen Messungen abgeleiteten Werth für die Wellenlänge des dunklen Streifens D nur um  $^{1}/_{2}$ Procent abweicht.

Fir die blaue Strontiumlinie 
$$Sr, \delta$$
 had ich für  $Sr, \delta$  1.  $x = 5$  6 54' und daraus  $\lambda = 0.0002056'''$   $Sr, \delta$  2  $y = 11$ ° 49' "  $\frac{1}{2} = 0.0002056'''$  Im Mittel also  $\lambda = 0.0002052'''$  oder  $\lambda = 0.00045'' = 0.00045''$  and  $\lambda = 0.00045''$  Im Mittel also  $\lambda = 0.00045''$   $\lambda = 0.00045''$  Mittel also  $\lambda = 0.00045''$ 

Eisenlohr benutzte die Gitterspectra, um die Wellenlänge der aussersten ultravioletten Strahlen zu bestimmen, welche durch fluorescirende Substanzen noch sichtbar gemacht werden. Der Versuch war in folgender Weise angeordnet: Das durch eine verticale Spalte in das dnukle Zimmer eintretende Strahlenbündel fiel auf ein feines Russgitter bei ab, Fig. 845, dessen Linien mit der Spalte parallel waren, und welches auf einem entfernten Schirme CD die Gitterspectra erzeugte. Um die Fraunhofer'schen Linien deutlich sichtbar zu machen, wurde dicht hinter das Gitter einc achromatische Linse von 10' Brennweite gesetzt. Schirm von Chininpapier angewandt wurde, erschienen auf beiden Seiten die Spectra über die violette Gränze V gegen die Mitte o hin verlänger und zwar erschien das nach innen gekehrte Ende des verlängerten Spectrums scharf begränzt. Als der Abstand des Schirmes von der Spalte 7220 Millimeter betrug, ergab sich der Abstand dieser inneren Gränze des Spectrums von der Mitte des Beugungsbildes gleich 70mm, woraus sich leicht der Ablenkungswinkel des Strahlenbündels abs berechnet, welches dieser Gränze entspricht. Bezeichnen wir diesen Winkel mit x, so haben wir für unseren Fall

tang. 
$$x = \frac{70}{7220} = 0,00969$$

einen Werth, welchen wir bei der Kleinheit der Winkel ohne Weiteres auch für  $sin.\ x$  nehmen können.

Nach Gleichung (1) haben wir nun  $\lambda = b \sin x$ , also  $\lambda = b \cdot 0,00969$ ;

um den Zahlenwerth für  $\lambda$  zu finden, bleibt also nur noch die Bestimmung des Werthes für b übrig.

Fig. 845.



Das von Eisenlohr angewandte Gitter war ein von Schwerd verfertigtes Russgitter, es bestand also aus einer Reihe feiner Linien, welche mittelst einer Theilmaschine auf einem mit Russ überzogenen Planglas gezegen waren. Auf eine Breite von 54<sup>nm</sup> hatte dieses Gitter 1440 parallele Linien, es ergiebt sich alse

$$b = \frac{54}{1440} = 0.0375^{\text{mm}}$$

Ab Mittel aus mebreren derartigen Versuehen, bei welchen der Abstand des Schirmes von dem Gitter etwas abgesindert wurde, fand Eisenlehr A = 0,000355. Die Wellenlänge der brechbarsten Stralilen, welche durch das Chininpapier noch sieltbar gemacht werden, ist also ungefähr halb so gross, als die Wellenlänge der ausserten rethen Strahlen (20076), das Intervall dieser beiden Strahlenarten entpricht also sehr nabe einer Octave.

Nach Gleichung (2), Seite 776, bleibt der Werth von sin. x unverändert, wenn

λ und b in gleichem Verhältniss sich ändern. Einen interessanten Beweis für die Richtigkeit dieses Satzes bietet Nebert's Interferenzspectrumplatte.

Ånf der Mitte einer Glasplatte sind, durch grössere Zwischemäume gestrennt, sieben Gitter mit dem Diamant eingeritzt, ungefähr wie es Fig. 846 in bedeutend vergrössertem Massestab andeutet. Für jedes einzelne dieser sieben Gitter ist der Abstand der einzelnen Linien constant, er ändert sieh aber von einem Gitter zum anderen.

Diese Platte wird nun auf den Objectivinsch eines Mikroskops gelegt, Fig. 846. an welches man die sehwächsten Objectivinsen angeschnensen Fig. 846. bis des es nur eine 16- bis 256-neb Vergrösserung giebt. Die Oeffnung dieses Objectivs ist nech dadurch bedeutend verengt, dass man in seiner Fassung ein Metallblätten eingelegt hat, welches in der Mitte mit einem Loch von etwas aber 1/2. Linie Durchmesser verschen ist. — Lisst man nun das Licht einer nicht zu ausgedehnten Lichtquelle, etwa das einer Kersenflamme, in etwas schräger Richtung auf die Gitterplatte fallen, wie es Fig. 847 (z. f. S.) andeutet, in welcher o das Oblen, wie es Fig. 847 (z. f. S.) andeutet, in welcher o das Oblen.

jectiv des Mikroskops, p die durchlöcherte Metallplatte und q die Gitterplatte darstellt, so erblickt man die sieben Streifen farbig auf dunklerem Grunde; hat man die Richtung des einfallenden Lichtes gehörig regulirt. so erscheint der erste der sieben Gitterstreifen roth, der zweite orange, der dritte gelb u. s. w., der letzte violett.

Wie diese Farben entstehen, ist nach den obigen Explicationen leicht zu ersehen. Jedes dieser Gitter erzeugt ein vollständiges Spectrum, von welchem man aber unter den gegebenen Umständen nur einen einzelnen

Fig. 847.



homogenen farbigen Streifen auf einmal übersehen kann. Nun aber ist der Werth von x für alle von den sieben Gittern ins Auge gelangenden Strahlen sehr nahe derselbe; damit also die sieben Gitter die sieben Hauptfarben des Spectrums zeigen, müssen offenbar die Abstände der einzelnen Linien in diesen Gittern der Wellenlänge der Farben proportional sein, welche sie zeigen sollen. Dass dies aber in der That der Fall ist, davon kann man sich überzeugen, wenn man das schwache, verengte Objectiv entfernt und eine 180 - bis 200fache Vergrösserung anwendet. Man kann jetzt die einzelnen Linien der Gitter sehen und ihre Abstände mit Hülfe eines Mikrometers messen; für das erste Gitter, welches unter den angegebenen Umständen roth erschien, ist der Abstand der einzelnen Linien 0.0016".

Der Abstand der einzelnen Linien ist ferner

für	das	2te	Gitter			0,001450
11	**	3te	**			0,001325
**	**	4te	**			0,001188
11	,,	5te	"			0,001075
17	.,	6te	17			0,001000
22	**	7te	11			0,000900

Diese Zahlen verhalten sich aber in der That wie die Wellenlängen der sieben Hauptfarben des Spectrums (Pogg. Annal. Bd. LXXXV, S. 80).

Vergleichung der Gitterspectra mit dem prismatischen Spectrum. Da sin, x der Gleichung (2) des vorigen Paragraphen zufolge proportional der Wellenlänge wächst, so ist klar, dass diejenigen Strahlen die Mitte des Gitterspectrums einnehmen werden, deren Wellenlänge das Mittel ist zwischen der Wellenlänge der äussersten rothen und der äussersten violetten Strahlen. Für die äussersten rothen Strahlen ist die Wellenlänge 0,0000266 Zoll, für die äussersten violetten aber 0,0000146 Zoll-Das Mittel dieser Wellenlängen ist aber 0,0000206 Zoll (siehe S. 766), die Wellenlänge derjenigen Strahlen, die zwischen den Fraunhofer'schen Linien D und E in der Mitte liegen, d. h. der mittleren gelben Strahlen. Das Gelb wird also die Mitte des ganzen Gitterspectrums bilden, während

es beim prismatischen Spectrum weit mehr gegen das rothe Ende des Spectrums lingeschoben ist. Fig. 848 stellt die richtige Farbenvertheilung eines Gitterspectrums dar, welches man nur mit dem prismatischen Spectrum auf S. 94 zu vergleichen hat, um sogleich den charakteristischen Unterschied beider Arten von Spectris zu übersehen.

Au dem bedeutenden Unterschiede zwischen dem prismatischen Spectrum und dem Gitterpetrum ersicht man auch, dass die Brechungsexponenten der verschiedenfarbigen Stahlen durchaus nicht ihren Wellenlängen proportional sein können. Näch Cauchy wird der Zusaumenhang zwischen dem Brechungsexponenten s und der Wellenlänge A durch die Gleichung

$$\frac{1}{n^2} = a + \frac{b}{\lambda^2} + \frac{c}{\lambda^4} \dots \dots (1)$$

ausgedrückt, wo a, b und c Constante sind, welche von der Natur des brechenden Mittels abhängen.

Redtenbacher stellt in seinem "Dynamidensysteme" für die Beziehungen zwischen Wellenlänge und Brechungsexponent die Gleichung

$$\frac{1}{n^2} = a + b \lambda^2 + \frac{c}{\lambda^2} \dots (2)$$

auf. Wir werden auf die Besprechung dieser beiden Formeln später zurückkommen, wenn von der strahlenden Wärme die Rede sein wird.

Farben dünner Blättchen. 316 Jeder durchsichtige Körper erscheint lebhaft gefärbt, wenn er nur hinläng-

lebhaft gefärbt, wenn er nur hinlänglich dünne Schichten bildet, wie man dies am leichtesten an den Seifenblasen sehen kann. Die Flitterchen einer vor der Glasbläserlampe bis zum Zerplatzen aufgeblasenen Glaskugel schillern in den glänzendsten Farben; ähnliche Farben beobachtet man, wenn ein Tropfen Oel (am besten ein ätherisches Oel, z. B. Terpentinöl) sich auf einer Wasserfläche ausbreitet; wenn ein glänzendes Metallstück, im Feuer erhitzt, sich allmälig mit einer Oxydschicht überzieht (Aulassen des Stalis). Anch düme Schichten von Luft brügen solche Farben hervor, wie man oft an Sprüngen in etwas dieken Glassmasen sieht.

In der grössten Regelmässigkeit zeigen sich diese Farben in Form von Ringen, wenn man eine Glaslinze von grosser Brenuweite auf eine ebene Glastafel, oder ungekehrt die ebene Glastafel auf die Linse legt. Newton, welcher diese Farbenringe, die auch nach ihm gewöhnlich die Newton'schen Ringe genannt werden, untersuchte, wandte Linsen au, deren Krhunugshalbmesser 40 bis 60 Fuss betrug. Da, wo die Glastafel die Linse berührt, sicht man ir reflectiren Lichte einen schwarzes Flecken, der mit farbigen concentrischen Ringen ungeben ist, die nach aussen hin immer schmäler und matter werden, ungefähr wie Fig. 849 zeigt. Die

Fig. 849.



Farben folgen von der Mitte ans in folgender Ordnung:

Schwarz, Bläulich-Weiss, Gelblich - Weiss, Bräunlich-Orange, Roth. — Violett, Blau, Gelblich-Grün, Gelb, Roth. — Purpurroth, Blan, Gelblich-Grün, Roth, Carmoisinroth. — Grünlich - Blau, Blassgrün, Gelbgrün, Roth n. s. w.

Die folgenden Ringe sind abwechselnd blassgrün und blassroth, sie werden immer matter, so dass man in der Regel nur noch den achten oder neunten Ring unterscheiden kann.

Man sieht diese Ringe auch schon, wenn man Linsen von stärkerer Krümmung, etwa sehr schwache couvexe Brillengläser oder Objectivlinsen am Fernrohren anwendet; alsdann sind freilich die Ringe weit kleiner, und die Uebergänge der Farben lassen sich nicht mehr gut verfolgen, doch kann man solche Ringe durch eine Loupe vergrössert sehen.

Ritchie schlägt zur Erzeugung der Newton'schen Ringe folgenden Apparat vor: Man nehme zwei Scheiben von dünnem Tafelglase, welche etwa 6 bis 8 Zoll Durchmesser haben, vergolde den Rand der einen auf einer Seite ungefahr <sup>1</sup>/<sub>4</sub> Zoll breit durch aufgelegtes Blattgold und lege nun die l'Autten so auf einander, dass der Goldring zwischen sie kommt. Man kann dann die Ringe dadurch hervorbringen, dass man die Glasplatten in der Mitte auf einander presst.

Statt der kreisförmigen Scheiben kann man auch ungefähr 1 Zoll

breite, 5 bis 6 Zoll lange Glasstreifen anwenden. Wenn sie an dem einen Ende durch ein Goldblättcheu getrennt sind nnd an dem anderen Ende zusammengepresst werden, so entstehen statt der Ringe farbige Streifen.

Sehr brillant sind die Newton'sehen Farben an Seifenblasen wahrzunehmen, objeich sie hier selleu in regelmässiger Ordung auf einander folgen. Was der näheren Beobachtung der Farben an Seifenblasen besonders im Wege steht, ist ihre grosse Zerbrechlichkeit. Böttig er empfiehlt, die Seife in destillitem Wasser in einem weissen, ungefähr 1 Schoppen haltenden Arzneiglase durch Erwärmung über einer Weingeistlampe aufzulesen. Wenn die Temperatur nahe zum Siedepnakte gestiegen ist, verschlieset man das Glas schnell mit einem passenden Korke und überzieht denselben mit Siegellack. Wird das Glas nach dem Erkalten etwas geschüttelt, so bilden sich dünne Häutehen von Seifenwasser, welche die herrichsten Farben zeigen und oft Tage lang erhalten werden können.

Die Farbeh dünner Blättchen lassen sich, ebenso wie die Beugungserbeinungen, vollständig durch das Princip der Interferenzen erklären. Bei der Entwickleung dieser Erklärung müssen wir aber wieder, wie wir dies bisher immer gethan haben, von dem einfachsten Falle ausgehen: wir müssen guerst die Erscheinung bei homogenem Lichte betrachen.

Sieht man die Newton'schen Ringe durch ein möglichst homogenes Glas an, oder lässt man statt des weissen Lichtes das Licht einer durch Kochsalz gelb gefärbten Flamme auffallen, so sieht man nur abwechselnd helle und dunkle Ringe. Newton hat mit der grössten Genauigkeit den Durchmesser der verschiedenen Ringe gemessen, und da ihm auch der Krümmungshalbmesser der Linse bekannt war, so konnte er die Dicke der Luftschicht an der Stelle berechnen, an welcher man den ersten, den zweiten, den dritten n. s. w. hellen oder dunklen Ring für eine bestimmte Farbe beobachtet. Auf diese Weise fand er das wichtige Resultat, dass für ein und dieselbe einfache Farbe, etwa für Roth, die dunkelste Stelle des zweiten, dritten, vierten u. s. w. dunklen Ringes an solchen Stellen beobachtet wird, wo die Luftschicht zweimal, dreimal, viermal n. s. w. so dick ist, als an der dnnkelsten Stelle des ersten dunklen Ringes. Bezeichnen wir diese Dicke mit 2 d, so erscheint, von der Mitte aus gerechnet, das erste Maximum des rothen Lichtes an einer Stelle, an welcher die Dicke der Luftschicht d ist. Die dem zweiten, dritten, vierten n. s. w. Maximum der Lichtstärke entsprechende Dicke der Luftschicht ist alsdann 3d, 5d 7d u. s. w.

Die Fig. 850 mag das eben Gesagte näher erläutern. In derselben stellt  $a\,b\,c$  den Durchschnitt der gekrümmten Glasfläche dar, welche auf



der ehenen Fläche dhf liegt. b ist der Berührungspunkt, in b erscheint also der centrale dunkle Fleck; die Stelleu, an welchen man für eine bestimmte Farbe das  $1^{ts}$ ,  $2^{ts}$ ,  $3^{ts}$  u. s. w. Maximum der Lichtstärke beobachtet, sind mit h', h'', h''' u. s. w., die Stelleu, welche dem  $1^{ts}$ ,  $2^{ts}$ ,  $3^{ts}$  u. s. w. himmum der Lichtstärke, also den dunklehen Stellen der dunklen Ringe entsprechen, sind mit s', s'', s'' n. s. w. bezeichnet. Vergleicht man num die Entfernung zwischen den beiden (Bissern, so findet man, dass sie bei s', s'', s'' n. s. w. 2mal, 4mal, 6mal u. s. w. bei h'', h'' u. s. w. aber 7mal u. s. w. aber 7mal u. s. w. bei h'', h'' u. s. w. aber 7mal u. s. w. aber 7m

Für verschiedene Farben sind die Durchmesser der hellen und dunklen Ringe nicht gleich; sie sind am grösten für rothes Licht, am kleinsten für violettes; demnach ist auch die absolute Dicke der Luftschicht, welche der Mitte des ersten hellen Ringes für verschiedene Farben des Spectrums entspricht, nicht gleich. Für die Mitte des ersten hellen Ringes ergeben sich aus den Messungen folgende Werthe für die Dicke der Luftschicht:

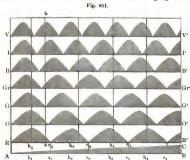
	amen der Farben.	Dicke d. Luftschicht in Millionentheile						
N	amen der Farben.	des engl, Zolles.	des Millimeters.					
Aeusseri	stes Roth	6,344	161,15					
Gränze	zwischen Roth und Orange .	5,866	148,95					
22	" Orange und Gelb .	5,618	142,70					
"	" Gelb und Grün	5,237	183,01					
27	" Grün und Blau	4,841	122,97					
22	" Blau und Indigo .	4,513	114,64					
7	" Indigo und Violett	4,823	109,80					
Aeusser	stes Violett	3,887	101,51					

Der Zwischeuraum zwischen der ebenen Tafel und der Linse nimmt nicht in demselben Verhältnisse zu, wie die Entfernung von dem Berübrungspunkte, anfangs wächst die Entfernung langsam, dann rascher; deshalb sind die ersten Ringe auch bereiter als die folgenden. Könnte mas aber die Erscheinung bequem mit zwei ganz ebenen Glastafeln hervorbringen, so dass die Dicke des Zwischeuraumes gleichförmig zunimmt, somüsste auch ein Ring so breit werden wie der andere.

Der bequemeren Uebersicht wegen wollen wir die ganze Erscheinung für einen solchen Apparat hähre betrachten, bei welchem die Dicke der farbengebenden Schieht gleichförmig zunimmt. In Fig. 851 sei AB die eine, AC die andere Gränzfläche der dünnen Schieht; bei  $s_i$  sei die Stelle. wo die Mitte des ersten dunklen Strüffens für das mittlere Roth erscheint, so wird nach obiger Tabelle hier die Luftschicht eine Dicke von 2. 155 oder 310 Milliontel Millimeter haben; das zweite Minimum legt dann bei

 $s_2$ , das dritte bei  $s_3$  u. s. w. Die Maxima der Lichtstärke fallen aber gerade in die Mitte zwischen  $s_1$  und  $s_2$ , zwischen  $s_2$  und  $s_3$ .

Das Gesetz, nach welchem mit zunehmender Dicke der Luftschicht die Lichtstärke zu- und abnimmt, ist durch die über R R' gezogene Curve



dargestellt; die Punkte  $s_1$ ,  $s_2$ ,  $s_3$  u. s. w. entsprechen dem Minimum,  $h_1$ ,  $h_2$  u. s. w. dem Maximum der Lichtstärke. Von R an nimmt die Lichtstärke allmälig zu, sie erreicht bei  $h_1$  ihr erstes Maximum, nimmt dann wieder bis  $s_1$  ab n. s. w.

Für violettes Licht ist die Dicke der Luftschicht, welche dem 1ston, 22en, 3ten u. s. w. Minimum der Lichtstafke entspricht, geringer; der 1ste, der 2te, der 3te dunkle Streifen wird also A näher liegen, als es beim rothen Licht der Fall ist. Obiger Tabelle antölge muss die Entfernung von einem Minimum zum nächsten für die mittleren violetten Strahlen nahe 0,8smal kleiner sein als für rothen Licht. Auf der Linie VV ist die Intensitäteurer für violettes Licht gerades so construirt, wie auf der Linie IR die Intensitäteurer für violette Licht, des dicht man, dass für Violett das 5te Minimum fist an dieselbe Stelle fallen muss, wo man das 3te Minimum für die rothen Strahlen findet.

Auf dieselbe Weise sind in unserer Figur die Intensitätscurven für die übrigen Farben des Spectrums construirt, und zwar, indem stets darauf Rücksicht genommen wurde, dass die Entfernung von einem Minimum

Muller's Lebrhuch der Physik 6te Aufl. I.

zum anderen für die verschiedenen Farben des Spectrums nicht gleich ist, sondern dass sie mit der grösseren Brechbarkeit der Strahlen in einem Verhältnisse abnimmt, welches man aus der Tabelle Seite 784 leicht berechnen kann.

Aus der Betrachtung der Fig. 851 läset sich nun anch leicht einsehen, wie die Erscheinung modificirt wird, wenn man statt des einfarbigen Lichtes weisses Licht anwendet. Keine Stelle der immer dieker werdenden Laftselicht erscheint absolut dunkel, keine ganz weiss; überall sieht man Farben, die nicht reine Farben des Spectrums, sondern Mischfarben sind.

Errichtet man in dem Punkte, welcher dem ersten Minimum für gelbes Licht entspricht, ein Perpendikel ab, welches durch die Intensitätecurven aller Farhen geht, so lässt sich mit Hülfe desselben bestimmen, wie gross die Intensität der verschiedenen Farben an der Stelle ist, in welcher für gelbes Licht der erste dunkle Streifen erscheint. Gehl ist hier im Minimum, Orange dem Minimum nahe, Roth etwas stärker. Ein Maximum liegt im Violett, nach welchem Indigo und Blau am stärksten auftretten, während wenig Grün vorhanden ist; es wird also die Luffschieht an der Stelle, an welcher im gelben Lichte der erste dunkle Streifen erscheint, ein dunkles Puruur zeizen.

An der Stelle der Platte, welche dem Punkte h<sub>1</sub> entspricht, ist Roth im Maximum, alle anderen Farben nehmen an der Färbung um so weniger Antheil, je mehr sie sich dem Violett n\u00e4hern, welches fast im Minimum ist: hier wird also Roth vorherrschen.

Durch ähnliche Schlüsse lässt sich die Farbe der Platte an jeder Stelle bestimmen.

Die verschiedenen Farben des Spectrums zeigen, unter einander vergiehen, sehr grosse Verschiedenheit hinsichtlich ihrer Lichtsfärke. Die gelben Strahlen sind die leuchtendsten, die violetten sind am wenigsten leuchtend. Es geht daraus hervor, dass die Stellen der keilförmigen Lufsschicht am blelste erscheinen werden, in welchen Gelb im Maximum ist; wo aber Gelb im Minimum ist, werden die dunkelsten Stellen sein. An diesen dunklen Stellen erscheint die Schicht freilich nicht schwarz, sod-dern farbig; nur sind hier Farbar von geringerer Leuchtkraft vorberrschead,

Die Stellen der erwähnten Minima machen gleichasm Abtheilungen unter den auf einander folgenden Farben, nach denen man Farben verschiedener Ordnung unterscheidet. Alle Farben der Schicht von ihrem dünnen Ende bis zu dem ersten dunklen Streifen (dessen Farbe ein dunkles Purpur ist) heissen Farben der ersten Ordnung; die der folgenden Abtheilung Farben der zweiten Ordnung u. s. w.

Wir haben gesehen, dass bei einer bestimmten Dicke der Luftschicht die verschiedenen Farben des Spectrums nicht gleichen Antheil an der Färbung haben; diejenigen Farben, welche gerade im Minimum ihrer Intensität vorhanden sind, für welche also das Blättchen dunkel erschiese, wenn man sie statt des weissen Lichts anwendete, tragen nichts zur Färbung bei. Diejenigen Farben sind vorherrscheud, welche in ihrem Intensit

sitätsmaximum vorhanden sind, oder sich doch demselben nähern. Welchen Antheil die verschiedenen Farben an der Färbung des Blättchens bei bestimmter Dicke haben, kann man aus Fig. 851 ersehen, und man kann danach auch, wie sehon gezeigt wurde, auf die Färbung der Schicht bei gegebener Dicke schliessen. Um diesen Schluss zu erleichtern, dient die Tab. VIII.

Die oben durch eine Curve begränzten Spectra der Tab. VIII. stellen die Zusammensetzung der verschiedenen Farben dünner Blätchen dax. Die Construction dieser Curven ergiebt sieh unmittellear aus Fig. 851. Wir sehen z. B. aus Fig. 851, dass an der durch die Verticellinier ab beseichneten Stelle, an welcher für Gelb das erste Minimum liegt, Violett im Maximum (und zwar ist es das zweite Maximum) ist, und das Roth ungefähr mit Vi, seiner vollen Intensität aufritit; zieht man nun, wie es bei dem Spectrum Nr. 4 geschehen ist, eine Curve, welche ihren Gipfelpunkt im Violett hat und sich von da as senkt, um im Gelb auf die Höhe 0 her-unterzukommen und dann gegen das Roth hin wieder etwas zu steigen, so zeigt uns diese Curve, auf welche Weise die Farbe einer Luftschicht von 0,000276 Millimetern Dicke zusammengesetzt ist. Gelb felht in der Färbung dieser Luftschicht gauzu, Orange und Grün treden nur schwach, Roth und Blau sehon stärker auf, am stärksten aber Indigo und Violett. Die Farbung dieser Schicht wird also ein dunkt les Purpur sein.

Auf gleiche Weise sind nach Fig. 851 die übrigen Curven auf Tab. VIII. construirt. Die folgende Tabelle giebt an, welches die Dicke und welches die Färbung der Luftschichten ist, auf welche sieh die verschiedenen Spectra der Tab. VIII. beziehen.

2 3 4 5 6				Erste	01	dn	un	g.		
1 5 6				0,000114	m					Bläulich - Weiss.
1 5 6				0,000148						Gelblich - Weiss.
6	•			0,000168						Roth.
6				Zweite	0	rd	nu	ng.		
6				0,000276						Dunkel-Purpur
				0,000360						Blau.
7				0,000432						(ielb.
				0,000492						Roth.
				Dritte	0	rd	սա	ıg.		
8				0,000552						Purpur.
9				0,000602						Blau.
10				0,000666						Gelblich - Grun
11				0,000712						Dunkel-Roth.
				Vierte	O	rdr	ur	ıg.		
12				0,000828						Blass-Roth.

0.000954

Blass-Grün. 50\*

Während die Curven auf Tab. VIII. für die erste Ordnung wenig gekrümmt sind, nimmt diese Krümmung für die zweite Ordnung schon merklich zu. Die Farben der zweiten und dritten Ordnung sind sehr rein. weil hier, die letzten Farben der dritten Ordnung ausgenommen, nur eine Farbe im Maximum ist, und diese also entschieden vorherrschen kann. In der vierten Ordnung nimmt die Krümmung der Curven so zu, dass zwei Farben im Maximum sind; keine dieser Farben kann also entschieden vorherrschen, wie in der zweiten und dritten Ordnung. Je mehr aber die Dicke des Blättchens wächst, desto näher rücken sich die Maxima, so dass bei noch grösseren Dicken drei, vier Farben im Maximum sein werden. Je mehr Farben aber im Maximum sind, desto mehr wird die resultirende Färbung sich dem Weissen nähern. Bei immer zunehmender Dicke wird es endlich dahin kommen, dass innerhalb der Gränzen einer jeden Farbe des Spectrums ein Maximum und ein Minimum liegt. Fände sich z. B. ein Minimum im äussersten Violett, eines an der Gränze zwischen Violett und Indigo, zwischen Indigo und Blau, zwischen Blau und Grün, zwischen Grün und Gelb, zwischen Gelb und Orange, zwischen Orange und Roth, ein Maximum aber im mittleren Violett, Indigo, Blau. Grün, Gelb, Orange und Roth, so könnte das Resultat der Mischung offenbar nur Weiss geben. So erklärt sich denn, dass die Farben höherer Ordnungen blasser und blasser werden, bis sie endlich ganz in Weiss übergehen, so dass über eine gewisse Dicke hinaus die Blättchen gar keine Farhen mehr zeigen.

Wir haben bisher nur die Farben dünner Luftschichten näher betrachtet: für andere durchsichtige Substanzen sind die Gesetze der Erscheinungen dieselben, nur ist die absolute Dicke der Schicht, welche einer bestimmten Farbe entspricht, je nach der Natur des Stoffes eine andere. Newton hat gezeigt, dass wenn eine Luftschicht und eine dünne Schicht irgend einer anderen durchsichtigen Snbstanz gleiche Farben geben sollen, ihre Dicken sich verhalten müssen wie der Brechungsexponent der Substanz zu 1. Erzeugt man z. B. anf die gewöhnliche Weise die Ringe durch Auflegen einer Linse auf eine ebene Glastafel, bringt man dann anf der einen Seite einen Wassertropfen zwischen die beiden Gläser, so wird dieser bald dnrch die Capillarität bis zum Berührungspunkte der beiden Gläser fortgetrieben, und man hat so auf der einen Seite zwischen den beiden Gläsern eine Wasser-, auf der anderen eine Luftschicht; auf der Wasserseite sind aber nun die Ringe weit enger, und zwar stehen die Durchmesser der Ringe für die Luftschicht zu den Durchmessern der entsprechenden Ringe in der Wasserschicht im Verhältniss von 4:3 oder wie 4/3:1.

317 Erklärung der Farben dünner Blättehen durch die Vbbrationstheorie. Wenn man mit einiger Aufmerksankeit die ebebesprochenen empirischen Gesetze der Farben dänner Schichten betrachtet, so kann man umnöglich übersehen, dass sie manche Achnlichkeit mit den Gesetzen der Beaugungersenkeinungen haben, und somit dräugt sich auch die Idee auf, dass die Farben dünner Blättchen gleichfalls ein Interferenzphänomen seien, wie dies auch Young und Fresnel vollständig bewiesen haben.

Wenn Liehtstrahlen auf irgend eine Schicht eines durchsichtigen Körpers fallen, so werden sie theilweise an der unteren Fläche derselben reflectirt, und die von beiden Flächen reflectirten Lichtstrahlen werden interferiren und sich je nach der Differenz der durchlauftenen Wege bald gegenseitig vernichten, bald verstärken.

Betrachten wir diesen Hergang der Sache etwas näher. In Fig. 852



stellt MNPR eine dünne Schicht irgend eines durchischtigen Körpers vor, welche durch ein Bündel paralleler Strahlen ab getroffen wird; dieses Strahlenbündel wird nun theilweise in der Richtung bo reflectirt, theilweise aber nach d gebrochen. Die gebrochenen Strahlen erleiden aber an der Fläche PR eine zweite Theilung, der reflectirte Antheil tritt bei c in derselben Richtung aus, wie das schon an der ersten Fläche MN reflectirte Strahlenbündel, mithin werden die beiden Strahlenbündel, mithin werden die beiden Strahlenbündel bo und cf interferiren müssen. Wenn der Weg von b nach d

=  $v_j$  Wellenlänge ist, so ist such  $dc = v_j$  Wellenlänge; die Strahlen des auf der Vorderfläche reflectirte Bundels sind also in hrem Gange den Strahlen des auf der zweiten Fläche reflectirten Bündels um eine ganze Wellenlänge vorangeeilt, die beiden Bündel werden sich also gegenseitig unterstützen; dasselbe wird der Falls sein, wenn der Weg bdc gleich greich  $v_j$  Wellenlänge der geleich einen ung geraden Vielfschen einer halben Wellenlänge, so würden die Beräche Strahlenbündel sich gegenseitig vernichten.

Suchen wir nun danach die Erscheinung an einer Schicht von gleichförmig zunehmender Dicke abzuleiten. An der Stelle, wo die Dicke der Schicht Null oder doch verschwindend klein ist, werden die beiden Strahlenbündel gar nicht oder doch nur sehr wenig in ihrem Gange von einander abweichen; an der Berührungsstelle der Linse und des Planglases müsste man also eine helle Stelle wahrnehmen.

Da, wo die Dicke der Schicht ½,4 Wellenlänge beträgt, wird der Weg von der oberen Fläche zur unteren, und von da zurück zur oberen, also der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel ½,2 Wellenlänge betragen; hier müsste also eine dunkle Stelle sein.

Die 2te, 3te, 4te u. s. w. dunkle Stelle würde sich da finden, wo die Dicke der Schicht  $^{3}/_{4}$ ,  $^{5}/_{4}$ ,  $^{7}/_{4}$  u. s. w. Wellenlängen beträgt.

Die zwischen den dunklen Streifen liegenden Maxima der Lichtstärke würden sich dagegen da finden, wo die Dicke der Schicht <sup>3</sup>/<sub>4</sub>, <sup>4</sup>/<sub>4</sub>, <sup>6</sup>·<sub>6</sub>, <sup>8</sup>/<sub>4</sub> u. s. w. Wellenlängen beträgt.

Diese Folgerungen stimmen aber mit der Erfahrung nicht überein. Zunächst ist da, wo die Dicke der Schicht Null ist, da also, wo die Linse das Planglas berührt, ein dunk ler Fleck, während man nach unseren Betrachtungen hier einen hellen Fleck erwarten sollte. Wir haben ferner oben (S. 784) gesehen, dasse fir homogenes Licht die dunkslets Stelle des 2ten, 3ten, 4ten u. s. w. dunklen Ringes an solchen Stellen beobachtet wird, wo die Luftschicht 2mal, 3mal, 4mal u. s. w. so dick ist als am ersten dunklen Ringe, während nach unseren Betrachtungen die Dicke der Schicht für den 2ten, 3ten, 4ten u. s. w. dunklen Ring 3mal, 5mal, 7mal u. s. w. so dick sein misste als für den ersten.

Um diesen Widerspruch zu heben, muss man annehmen, dasse das von der zweiten Fläche reflectirte Lichtbündel durch irgend eine Ursache noch um <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Wellenlänge mehr verzögert würde, als man nach der Dieke der zweimal durchlaufenen Schicht erwarten sollte. Ein solcher Verlust einer halben Wellenlänge findet aber in der That statt.

Wenn eine Oscillationsbewegung sich in einem Mittel von gleichförmiger Elasticität und Dichtigkeit fortpflanzt, so kehrt sie niemals zurück: wenn sie sich einer neuen Schicht mittheilt, so bleiben die vorhergehenden Schichten in Ruhe, wie ja auch eine Elfenbeinkugel, wenn sie gegen eine andere von gleicher Masse stösst, dieser ihre Bewegung mittheilt und selbst in Ruhe bleibt; die stossende Kugel bleibt aber nach dem Stosse nicht in Ruhe, wenn die zweite nicht dieselbe Masse hat, sie springt zurück, wenn die Masse der zweiten Kugel grösser ist; sie sctzt ihre Bewegung in der ursprünglichen Richtung fort, wenn die Masse der zweiten Kugel kleiner ist. Dies macht nun begreiflich, was vorgeht, wenn eine Lichtwelle die Trennungsfläche zweier Mittel von verschiedener Dichtigkeit trifft. Die nnendlich dünne Schicht des ersten Mittels, welche das zweite Mittel berührt, können wir mit der ersten Kugel vergleichen; wegen der Verschiedenheit der Masse bleibt sie nicht in Ruhe, nachdem sie die benachbarte Schicht des zweiten Mittels in Bewegung gesetzt hat, und deshalb findet eine Reflexion statt; die neue Geschwindigkeit, von welcher die letzte Schicht des ersten Mittels unmittelbar nach dem Stosse afficirt ist, und welche sich nach und nach den vorhergehenden Schichten desselben Mittels mittheilt, muss aber eine verschiedene Richtung haben, je nachdem die Schicht des zweiten Mittels mehr oder weniger Masse hat als die des ersteren, d. h. je nachdem das erste Mittel mehr oder weniger dicht ist als das zweite.

Dieses wichtige Princip, welches Young, geleitet durch die ehen aueinandergesetzten Betrachtungen, aufgefunden hat, ergiebt sich aus deu
Formeln, welche Poisson auf analytischem Wege ableitete. Auf die Reflexion des Lichtes angewandt, folgt daraus, dass, je nachdem eine Lichtwelle innerhalb oder ausserhalb eines diichten Mittels reflectrit wird, die

Oscillationsgeschwindigkeit positiv oder negativ werden muss, dass also in beiden Fällen alle Vibrationsbewegungen eine entgegengesetzte Richtung haben werden.

Wenden wir dies nun auf die dünne zwischen zwei Glasflächen eingeschlossene Luftschicht an, so ist klar, dass zwischen den an der oberen und der unteren Gränzfläche der Luftschicht reflectirten Strahlenbündeln ausser der Differenz der durchlaufenen Wege auch noch der Unterschied stattfindet, dass das eine Lichtbündel in Glas, also in einem dichteren Mittel, das andere aber in Luft, also in einem weniger dichten Mittel, an der unteren Glasfläche reflectirt wird; das an der unteren Glasfläche reflectirte Strahlenbündel wird sich also in einem Schwingungszustande befinden, welcher dem gerade entgegengesetzt ist, den man nach der Länge des durchlaufenen Weges erwarten sollte; die Oscillationen dieses zweiten Strahlenbündels gehen also gerade so vor sich, als ob sie einen um 1/2 Wellenlänge grösseren Weg durchlaufen hätten. Da also, wo die Wirkungen der beiden Strahlenbündel sich summiren würden, wenn man nur die Differenz der Wege in Betracht zu ziehen hätte, wird ein vollkommener Gegensatz zwischen beiden stattfinden; da aber, wo die Differenz der Wege einen vollkommenen Gegensatz andeutet, werden die beiden Strahlenbündel sich gegenseitig unterstützen; dadurch erklärt sich nun die ganze Erscheinung vollkommen.

Da, wo die beiden Gläser in Berührung sind, ist die Dicke der Luftschicht wenn nicht ganz Null, doch selbst gegen die Länge einer Lichtwelle sehr klein; das Strahlenbündel, welches an der unteren Glasfläche reflectirt wird, hat also keinen merklich längeren Weg zurückgelegt, als das andere Strahlenbündel, es ist also in seinem Laufe gegen dieses nur um 1/2 Wellenlänge verzögert, an der Berührungsstelle der beiden Gläser muss also ein dunkler Fleck entstehen.

Das folgende Minimum, also der erste dunkle Ring, wird sich da finden, wo der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel 3/2 Wellenlängen beträgt; dieser Gangunterschied entspricht aber der Stelle der Luftschicht, an welcher ihre Dicke 1/2 Wellenlänge beträgt; denn hier ist die Differenz der Wege (die doppelte Dicke der Schicht) 1 Wellenlänge; dazu kommt aber noch der Verlust einer halben Wellenlänge durch die Spiegelung an der unteren Glasfläche.

Da, wo die Dicke der Luftschicht 2/2, 3/2, 4/2 u. s. w. Wellenlängen beträgt, ist die Differenz der Wege 4/2, 6 2, 8/2, der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel also  $\frac{4}{2} + \frac{1}{2}$ ,  $\frac{6}{2} + \frac{1}{2}$ ,  $\frac{8}{2} + \frac{1}{2}$  oder  $\frac{5}{2}$ ,  $\frac{7}{2}$ , 9/2 u. s. w. Wellenlängen, und an diesen Stellen muss sich der 2te, der 3te, der 4te dunkle Ring finden; bezeichnen wir die Dicke der Luftschicht für den ersten dunklen Ring mit 2 d, so werden demnach die folgenden hellen und danklen Ringe folgenden Dicken der Luftschicht entsprechen:

Dunkle Ringe 2d4d6d10 d 5dHelle Ringe 1d3d7 d

was mit der Erfahrung vollständig übereinstimmt.

Bisher war nur von homogenen Lichtstrahlen die Rede; für Lichtstrahlen verschiedener Farben müssen die Luftschichten, welche den dunklen Ringen verschiedener Farben entsprechen, in demselben Verhältniss an Dicke ahnehmen, als die Wellenlängen dieser Strahlen kürzer sind. Die Zwischenräume zwischen den dunklen Ringen werden also für die brechenden Strahlen kleiner werden, die Ringe werden zusammenrücken, die Maxima und Minima der Lichtstärke können demnach für verschiedenfarhiges Licht nicht zusammenfallen. Auch hierin finden wir wieder die vollkommenste Uebereinstimmung zwischen der Theorie und der Erfahrung.

Farben dünner Blättchen im durchgelassenen Lichte. 318 Wir haben hisher nur diejenigen Farhen dünner Blättchen hetrachtet,

welche durch die Interferenz der an den beiden Gränzflächen der dünnen Schicht reflectirten Strahlenhündel entstehen; doch zeigen die dünnen Blättchen auch im durchgelassenen Lichte Farhen, die jedoch ungleich blasser sind als die Farben, welche man im reflectirten Lichte beobachtet; ausserdem aber sind die Farhen des durchgelassenen Lichtes stets complementär zu denen, welche man an denselhen Stellen im reflectirten Lichte beobachtet. In der Mitte des ganzen Ringsystems sieht man bei durchgelassenem Lichte einen hellen Fleck, und wenn man homogenes Licht anwendet, so findet man, dass die dunklen Ringe jetzt gerade dahin fallen. wo bei reflectirtem Lichte die hellen Ringe waren, und umgekehrt,

Diese Farbenringe werden durch die Interferenz zweier Lichthündel erzeugt, von denen das eine d.g., Fig. 853, direct durch die dünne Schicht hindurchgeht, während das andere nheine zweimalige innere Reflexion

Fig. 853.



erlitten hat; die beiden Strahlenbündel sind aber in ihrem Gange ausser der Differenz der Wege noch nm eine ganze Wellenlänge verschieden; dadurch erklärt sich leicht der helle Fleck in der Mitte des Ringsystems. Der erste dunkle Ring wird da sein, wo die Dicke der Schicht Wellenlänge beträgt, denn hier ist die Differenz im Gange der beiden Strahlenbündel 11/2; diese Dicke ist d, wenn man, wie oben. mit 2 d die Dicke bezeichnet. welche dem ersten dunklen Ringe im reflectirten Lichte entspricht. Für durchgelassenes Licht entsprechen demnach

den hellen und dunklen Ringen einer homogenen Farbe folgende Dicken: Dunkle Ringe 31 7d9d1d5d11dHelle Ringe 2d

Da die Minima aller Farben bei dem durchgelassenen Lichte gerade an die Stelle der Maxima für reflectirtes Licht fallen, so ist klar, dass in der Färbung der dünnen Schicht bei durchgelassenem Lichte gerade die Farben feblen müssen, die an derseiben Stelle bei reflectirtem Licht vorberrechen, und ungskehrt; mit Hülfe der Curven Tab. VIII. kann man leicht übersehen, welches die Färbung der Luftschicht für eine gegebene Dicke für durchgelassenes Licht sein wird. Wenn z. B. die Luftschicht eine Dicke von 0,000492 Millimeter hat, so it im reflectirten Lichte Roth vorherrschend, die Gränze zwischen Blau und Grün im Minimum, Blau und Grün überhaupt sehr sehwach mitwirkend; im durchgelassenen Lichte wird also gerade Blau und Grün vorherrschen, an diesen Stellen wird man also eine bläußeig grüne Färbung beobachten.

Da, wo die Luftschicht eine Dicke von 0,000602 Millimeter hat, zeigt sie im reflectirten Lichte eine blaue Färbung; Orange ist hier im Minimum, Gelb und Roth nur schwach; im durchgelassenen Lichte wird also Orange im Maximum sein, und ausserdem noch Roth und besonders Gelb im der Färbung vorherrschen. Achnliche Betrachtungen lassen sich für jede beliebige Dicke anstellen.

Dass die Farben im durchgelassenen Lichte so blass sind, rührt daber, dass die beiden interferirenden Lichtbündel nicht gleiche Intensität haben; das eine direct durchgegangene Lichtbündel ist nämlich bedeutend intensiver als das andere, welches zwei Reflexionen erlitten hat; wenn also auch der Gangunterschied der beiden Strahlenbündel ein ungerades Vielfachse einer halben Wellenlänge beträgt, so kann doch keine vollkommene Aufhebung stattfinden, die Lichtstärke wird hier zwar geschwächt, aber doch nicht Null sein. Im reflectiren Lichte dagogen sind die Farben sehr leb-haft, weil die beiden interferirenden Strahlenbündel fast gleiche Intensität haben.

## Neuntes Capitel.

## Polarisation des Lichtes.

319 Polarisation durch Reflexion. Ein gewöhnlicher Lichtstrable besitzt nach allen Seiten bin dieselben Eigenschaften. Fängt man z. B einen gewöhnlichen Lichtstrahl durch einen Spiegel auf, so wird er stets reflectirt, welches auch die Lage des Spiegels gegen den Strahl sein mag-Dies ist jeloch nicht tei allen Strahlen der Fall; es giebt Lichtstrahlen, welche nicht nach allen Seiten hin dieselben Beziehungen zeigen. Diese Eigenthümlichkeit wird mit dem Namen der Polarisation bezeichnet, und Strahlen, welche diese Eigenthümlichkeit hesitzen, nennt man polarisitze Strahlen.

Die Polarisation des Lichtes wurde im Jahre 1811 von Malus entdeckt. Erst durch diese wichtige Entdeckung wurde es möglich, die sehon früher bekannten und auch theilweise richtig erklärten Erscheinungen der doppelten Brechung, die wir erst im folgenden Capitel näher betrachten werden.

> in allen Beziehungen richtig zu erkennen. Wir wollen uns zunächst damit beschäftigen. die Erzeugungsarten und die Eigenschaften der polarisirten Lichtstrahlen näher zu betrachten.

> Fällt ein gewöhnlicher Lichtstrahl ab, Figur 854, auf eine ehen Glastafel gfhi in einem Winkel von 35° 20° suf, so wird er zum grossen Theil nach den gewöhnlichen Gesetzen in der Richtung be reliectitt. Der in der Richtung be espiegelte Strahl ist nun durch diese Reflexion polarisirt. Um seine Figenschaften zu untersuchen, muss man den polarisirten Strahl se

viel als möglich zu isoliren sochen; wenn sich unter der Glasplatte gfhi Gegenstände befinden, welche Lichtstrahlen auf dieselbe senden, die sich nach ihrem Durchgange durch die Platte ebenfalls in der Richtung der fortpfinnzen, so neutralisiren diese Strahlen die Eigenschaften des durch Reflexion polarisiriem. Wenn demnach solche schädliche Strahlen nicht schon durch die Construction des ganzen Apparates amgeschlossen sind (ein solcher Apparat wird abshald beschrieben werden), so muss die Glastafel auf der Rückseite geschwärzt sein, etwa mit Asphalt, schwarzer. Gelfarbe oder Tinsch. Statt eines auf der Rückseite geschwärzten Spiegels kann man auch einen Spiegel von Übsidian oder schwarzen Gese auwenden.

Fällt der dnrch Reflexion polarisirte Strahl bc auf eine zweite ebenfalls auf der Rückseite geschwärzte Glastafel, welche der unteren parallel ist, so macht der Strahl bc auch mit dieser einen Winkel von 35° 25', und die Reflexionsebene des oberen Spiegels fällt mit der des unteren zusammen. Bei dieser Lage des zweiten Spiegels wird der Strahl bc wie jeder gewöhnliche Lichtstrahl reflectirt; dreht man jedoch den oberen Spiegel so, dass die Richtung des Strahles bc die Umdrehungsaxe bildet, so bleibt zwar der Winkel, welchen der einfallende Strahl be mit der Spiegelfläche macht, unverändert 35° 25', allein der Parallelismus der beiden Spiegel hört auf, die Reflexionsebene des oberen Spiegels fällt nicht mehr mit der des unteren zusammen. Dreht man nun auf die angegebene Weise den oberen Spiegel aus der Lage des Parallelismus mit dem unteren heraus, so wird die Intensität des zum zweiten Male reflectirten Strahles um so mehr abnehmen, je mehr der Winkel wächst, den die Reflexionsebene des oberen Spiegels mit der des unteren macht, bis dieser Winkel 90° geworden ist, oder mit anderen Worten, bis die Reflexionsebenen beider Spiegel sich unter einem rechten Winkel kreuzen. Bei dieser Stellung wird der Strahl bc von dem oberen Spiegel gar nicht mehr reflectirt, was doch der Fall sein müsste, wenn bc ein gewöhnlicher Lichtstrahl wäre. Bei weiter fortgesetzter Drehung des oberen Spiegels nimmt die Intensität des reflectirten Strahles allmälig wieder zu, bis sie wieder ihr Maximum erreicht, wenn die ganze Drehung 180° beträgt. In dieser Stellung fallen die Reflexionsebenen der beiden Spiegel abermals zusammen. Dreht man noch weiter, so wird der vom oberen Spiegel reflectirte Strahl wieder schwächer und verschwindet ganz, wenn die Reflexionsebenen beider Spiegel wieder gekreuzt sind, also bei einer Drehung von 270° u. s. w.

Eine Vorrichtung, an welcher zwei Polariastionspiegel so angebracht sind, dass man damit den eben beschriebene Versuch anstellen kann, heist Polarisations apparat. Die einfachste Einrichtung, welche man dem Polarisationsapparate geben kann, ist folgende: An dem einen Ende einer metallenen oder hölzernen löher, Fig. 855 (a.5.5), ist ein auf der Rückenette geschwärzter Spiegel DB so befestigt, dass er einen Winkel von 35° 25′ mit der Axe der Rüche mehrt, dass also Strahlen, welche in einem Winkel von 35° 25′ auf den Spiegel fallen, so reflectirt werden, dass sie in der Richtung dieser Axe durch die Rücher hölzer.

der Röhre befindet sich ein Ring CM, dessen Axe mit der Axe der Röhre zusammenfällt, und der sich also in einer zu dieser Axe rechtwinkligen

Fig. 855.



Ebene umdrehen lässt. An diesen Ringe nun ist ein zweiter hinke geschwärzter Spiegel HI befestigt, welcher ebenfalls einen Winke von 35°25' mit der Axe der Röbrmacht; durch Umdrehung des Ringes wird auch der Spiegel mit ungedreht und kann durch dies Drehung in alle die Lagen gebracht werden, von denen eben die Rede war.

Dieser Apparat ist theils zum Gebrauche sehr unbequem, theils aber auch zu vielen Versuchen. von denen noch in der Folge die Rede sein wird, gar nicht anwendbar. Man hat dem Polarisationspparate mannigfache Formen ge-

geben, die bald zu diesem, bald zu jenem Versnehe sich am besten eigneten. Alle dies verschiedenen Formen zu beschreiben, würde hier zu weit führen; es mag die genauere Beschreibung des von Nörremberg construit ten Apparates genügen, welcher fast zu allen Versnehen der zweckmässigzte ist.

Der Nörremberg'sche Polarisationsappsrat ist Fig. 856 in 1/4 der natürlichen Grösse dargestellt. In einem runden Fussgestellt. welches nicht zu leicht sein darf, damit der Apparat die nöthige Stabilität erhalte, befirden sich am Rande, diametral einander gegenüberstehend, zwei Stäbe, zwischen denen ein Rähmchen AB angebracht ist, welches eine Platte von geschliffenem Spiegelglase anschliesst. Dieses Rähmchen und mit ihm der Spiegel ist mittelst zweier Zapfen um eine horizontale Axe drehbar, so dass man den Spiegel jede beliebige Lage gegen die Richtung des Bleiloths geben kann. Der Spiegel wird jedoch gewöhnlich in einer solchen Lage festgestellt, dass seine Ebene einen Winkel von 35°25' mit der Verticalen macht. Fällt bei dieser Stellung des Spiegels ein Licht-



strahl ab in einem Winkel von 35°25′ auf den Spiegel, so geht er zum Theil durch das Glas hindurch, und diesen Theil haben wir weiter nicht zu betrachten, zum Theil aber wird er in der Richtung bc vertical nach unten reflectirt. Dieser reflectirte Strahl ist nun polarisirt.

Die Reflexionsebene eines durch Spiegelung polarisirten Lichtstrahls wie Polarisationsebene genannt. So ist z. B. die durch  $\delta a$  und  $\delta c$ , Fig. 356, gelegte Ebene die Polarisationsebene des durch den Spiegel AB in der Richtung  $\delta c$  reflectirten und durch diese Reflexion polarisirten Strahles.

Auf dem Fussgestelle befindet sich nun in wagerechter Lage ein gewöhnlicher auf der Rückseite belegter Spiegel, welcher die in der Richtung bc rechtwinklig zu seiner Oberfläche ankommenden polarisirten Strahlen in der Richtung cb reflectirt, so dass sie nun zum zweiten Male auf den Polarisationsspiegel A B fallen, welcher den grössten Theil derselben durchlässt, so dass dieselben zum oberen Theile des Apparates gelangen, während die übrigen in der Richtung ba reflectirten nicht mehr in Betracht kommen. Die oberen Enden der Stäbe (der mittlere Theil des Apparates mag vor der Hand noch unberücksichtigt bleiben) tragen einen in Grade getheilten Ring. Der Nullpunkt dieser Theilung liegt so, dass, wenn man sich dnrch die Theilstriche 0 und 180° eine Verticalebene gelegt denkt. diese Ebene mit der Reflexionsebene des unteren Spiegels, also mit der Polarisationsebene der durch den unteren Spiegel polarisirten Strahlen zusammenfällt. In diesem getheilten Ringe ist ein anderer drehbar, auf welchem diametral gegenüberstehend zwei Säulchen angebracht sind, zwischen welchen ein Spiegel S von schwarzem Glase oder ein auf der Rückseite geschwärzter Spiegel ebenso befestigt ist wie der untere Polarisationsspiegel zwischen seinen Stäben; wie der untere um eine horizontale Axe drehbar, kann der obere Spiegel leicht so gestellt werden, dass er einen Winkel von 35° 25' mit der Verticalen macht.

Diesen Spiegel S wollen wir den Zerlegungsspiegel nennen.

Der drehbare Ring, auf welchem die Säulchen stehen, ist am Rande etwas zugeschärft, und gerade in der Mitte der vorderen Hälfte des Ringes ist eine Linie, ein Index, auf die Zuschärfung gezogen. Eine durch diesen Index und den Mittelpunkt des Ringes gelegte Verticalebene fällt mit der Refexionsehene des oberen Spiegels zusammen. Dreht man den Ring, welcher den Spiegel S trägt, so, dass der Index mit dem Nullpunkte der Theilung zusammenfällt, so fallen die Refexionsebenen des Polarisationsspiegels und des Zerlegungsspiegels zusammen. Dasselbe ist der Fall, wenn der Index bei 180° steht. Weun der Index bei 90° (wie in unserter Figur) oder bei 270° steht, so macht die Refexionsebene des Zerlegungsspiegels einen rechten Winkel mit der Reflexionsebene des Interen Polarisationsspiegels.

Der Winkel, welchen die Reflexionsebene des Zerlegungsspiegels mit der Reflexionsebene des Polarisationsspiegels macht, wird das Azimuth des Zerlegungsspiegels genannt.

Die Erscheinungen der gewöhnlichen Polarisation, welche man an diesem Apparate beobachten kann, sind folgende. Wenn beide Spiegel parallel stehen, wenn also der Index des den oberen Spiegel tragenden Ringes bei 0° steht, so reflectirt der obere Spiegel die von unten her ihn treffenden Strahlen, das Gesichtsfeld ist also hell. Dreht man aber den Zerlegungsspiegel aus dieser Lage heraus, so dass bei unverändertem Einfallswinkel das Azimuth des Zerlegungsspiegels nach und nach wächst, so nimmt die Intensität des reflectirten Lichtes mehr und mehr ab und wird 0, wenn der Index bei 90° steht, wenn also das Azimuth des Zerlegungsspiegels 90° geworden ist. In dieser Stellung reflectirt der schwarze Spiegel die von unten her ihn treffenden Strahlen nicht mehr, das Gesichtsfeld erscheint dunkel. Dreht man noch weiter, so wird es allmälig wieder heller, und wenn der Index bei 180° steht, ist die Lichtstärke wieder derjenigen gleich, die bei 00 beobachtet wurde. Das Licht nimmt jedoch wieder ab, wenn man noch über 1800 hinausgeht; das Gesichtsfeld wird zum zweiten Male dunkel, wenn der Index bei 270° steht,

Es versteht sich von selbst, dass während dieser ganzen Drehung die Richtung des oberen Spiegels gegen die Verticale unverändert bleibe muss. In allen Lagen macht der obere Spiegel einen Winkel von 35°23' mit der Verticalen.

Der Zusammenhang dieser Erscheinungen lässt sich so leicht übersehen, dass es nicht nöthig wäre, sie noch weiter anschaulich zu masches, allein des besseren Verständnisses der complicitreren Erscheinungen der Kreispolarisation wegen wollen wir auch die einfachen Erscheinungen der gewöhnlichen Polarisation graphisch darstellen.

In Fig. 857 stellt die Verlängerung der Radien des Kreises bis m der Curve, welche die ganze Figur begränzt, die Intensität des reflectirtes

Fig. 857.



Lichtes für die verschiedenen Stellungs des oberen Spiegels dar. Es repräsertiere also die Jainen Ob und cd dr Intensitäten des vom Zerlegungsspiegel erflectriren Lichtes für die Azimuthe 0 und Oc. Man übersieht in der Figssehr deutlich, dass für die Azimuthe 20 und 270° die Intensität des reflectire Lichtes Null, für 0° und 180° aber ce Maximum ist.

Um die Beschreibung des Apparates Fig. 856 zu vollenden, wolle wir nun auch noch den Ring betrachten, welcher in der "Alite der Sübüber dem unteren Polarisationsspiegel angebracht ist. In demselben dreh sich ein zweiter, dessen Oeffnung mit einer Glasplatte verschlossen ist, ziwelche man durchsichtige Gegenstände, legen kann, deren Verhalten in polarisirten Lichte man untersuchen will. Der Rand dieses drebbares Ringes ist etwas zugeschäft und mit einem Index versehen; auf den äuseren Ringe ist eine Kreistheilung augebracht, welche der oberen entspricht.

Fig. 858 stellt einen sorgfältig in Messing ausgeführten Nörremberg'schen Polarisationsapparat dar, welcher wohl nach dem Vorhergehenden leicht zu verstehen ist. Der ganze Apparat ist auf einem Kästchen von Holz befestigt, welches mit einer Schieblade versehen ist, um darin



verschiedene Requisiten aufbewahren zu können. Das mittlere Tischlein ist nicht allein um die verticale Axe des Apparates drebbar, sondern es kann auch gegen die Horizontale geneigt werden. Ueber dem Tischlein befindet sich eine Linse 1. von deren Gebranch erst später die Rede sein wird, welche aber, wenn sie nicht gebraucht wird, auf die Seite geschoben werden kann. Zwischen den beiden oberen Enden der Messingsäulen ist der am Rande eine Kreistheilung tragende Messingring mn befestigt; in ihm ist eine Messingscheibe drehbar, welche in der Mitte eine kurze Hülse zur Aufnahme der verschiedenen Kopfapparate trägt, von denen noch weiter unten die Rede sein wird. Unsere Figur zeigt statt des auf gleiche Weise anzu-

bringenden Zerlegungsspiegels eine Glasplattensäule  $\check{C}D$ , deren Einrichtung gleichfalls in einem der nächsten Paragraphen besprochen werden soll.

Der Polarisationswinkel. Giebt man, ohne sonst etwas an dem 320 Apparate zu ändern, dem unteren Spiegel eine andere Stellung gegen die einfallenden Strahlen, stellt man ihn z. B. so, dass er einen Winkel von 25° mit der Verticalen macht, so werden solche Strahlen zum oberen Spiegel des Apparates gelangen, die den unteren Polarisationsspiegel unter einem Winkel von 25° getroffen haben. Wiederholt man nun die oben

beschriebenen Versuche, so fiudet man, dass das von dem oberen Spiegel zurückgeworfene Licht nie ganz Null wird. Wenn der obere Spiegel to gestellt ist, dass seine Reflexionsebene die des unteren kreuzt, so wird er in dieser Stellung freilich weniger Licht reflectiren, als in jeder auderen doch wird immer noch ein namhafter Theil der von unten kommenden Strahlen reflexifit.

Es lässt sich daraus schliessen, dass die unter einem Winkel von 29 vom unteren Polarisationsspiegel reflectirten Strahlen war zum Theil, abr doch nicht vollständig polarist sind. Je mehr der Winkel, welchen die auf den unteren Glasspiegel fallendem Strahlen mit der Ebene dieses Spiegels machen, von 35° 25° absecht, desto unvollständiger sit die Polarisation. Der Winkel, für welchen die vollständiger Polarisations stattsfündt für Glass also der Winkel 35° 25°, wird der Polarisationswinkel geranst

Der Polarisationswinkel ist nicht für alle Sabstanzen gleich, jeder Körper hat seinen eigenthümlichen Polarisationswinkel; für Obsidian z. B. ist der Polarisationswinkel 33°.

Man hatte schon für viele Körper durch Versuche den Polarisatios winkel bestimmt, als Brewster durch Vergleichung der Resultate zu der merkwürdigen Gesetze geführt wurde, dass der Polarisationswinktderjenige ist, für welchen der reflectirte Strahl auf dem gebrochenen rechtwinklig steht. Wenn also in Fig. 859 si der unde dem Polarisationswinkel einfallende Strahl ist, so wird der reflectirte Strah



if mit dem gebroehenen ir eiere rechten Winkel machen; für jeder anderen Einfallswinkel steht der reflectirte Strahl nicht mehr rechtwinklig auf dem gebroehenen, alsdans ist aber der reflectirte Strahl auch nicht mehr vollständig polarisirt.

Da der Brechungsexponent ett verschiedenfarbigen Strahlen nicht derselbe ist, so ist klar, dass selbs für eine und dieselbe Substans der Polarisationswinkel nicht für die Strahlen aller Farben derselbe sein

kann. Es erklärt sich daraus ganz einfach, warum ein Strahl weiser Lichtes durch Reflexion niemals vollständig polarisirt sein kann.

Die richtige Stellung der Spiegel im Polarisationsapparate mitch man am besten durch der Versuch aus; mas stellt beide Spiegel ungefält in die richtige Neigung gegen die Verticale, kreust ihre Reflexionsebers seine Neigung allmälig ändert und ihn in der Lage feststellt, für welch das oben reflectiret Licht im Minimum ist. Ist dies gesehehen, so cerir girt man und dieselbe Weise die Neigung des oberen Spiegels.

Bei genauer Untersuchung findet man, dass das von einer Wasset-

fläche, von einem Schieferdache, von einem polirten Tische u. s. w. reflectirte Licht mehr oder weniger polarisirt ist, ja fast alle spiegelnden Oberflächen können unter Umständen als Polarisationsspiegel dienen. Nur die metallischen Oberflächen machen hiervon eine Ausnahme.

Polarisation duroh gewöhnliche Brechung. Wenn Lichtstrahlen unter einem Winkel von 35° 25' auf eine durehsichtige Glastafel fallen, so wertlen sie zum Theil reflectirt und durch diese Reflexion polarisirt, zum Theil aber gehen sie auch durch die Glastafel hindurch. Die hindurchgegangenen Strahlen zeigen nun ebenfalls Spuren von Polarisation, und zwar steht ihre Polarisations-bene rechtwinklig auf der Polarisations-bene der an der Vorderflächer erfektriten Strahlen. Lässt man die durchgegangenen Strahlen, deren Polarisation, wie gesagt, sehr schwach ist, auf eine zweite, der ersteren parallele Glastafel fallen, so sind sie nach ihrem Durchgange durch diese zweite Glasplatte sehon vollständiger polarisirt. Durch eine dritte, vierte, funfte Glasplatte wird die Polarisation immer vollständiger; durch 8 bis 10 Glasplatten erhalten die durchgegangenen Strahlen schon eine ziemlich vollständige Polarisation.

Ein solches System von Glasplatten kann recht gut statt des Zerlegungsspiegels als Zerleger oder Analyseur des Polarisationsapparates





r

gebrucht werden. Der Polarisationssphartasgebrucht werden. Der Polarisationssphart, Fig. 538 auf Seite 799, ist mit einer solchen Glasphttemäule versehen dargestellt. Fig 860 stellt in ½ der natürlichen Grösse eine solche Glasphattensäule im Durchschnitte dar. Die Glasphatten sind in ein Rähnchen von Messing gefänst, und dieses wird von zwei Messingpfeilern gefungen.

Wenn man die Säule von Glasplatten statt des Zerlegungsspiegels auf den Apparat aufgesetzt bat, so wird beim Durchsehen durch die Glasplatten das Gesichtsfeld dunkel erscheinen, wenn die Platten dieser Säule mit dem Polarisationsspiegel AB parallel stehen, also ungefähr bei der in Fig 858, Seite 799 dargestellten Lage, für welche die unterste Platte der Säule die von unten kommenden Strahlen reflectirt. Macht dagegen die Reflexionsebene der Glasplattensäule

einen rechten Winkel mit der Reflexionsebene des Polarisationsspiegels  $A\,B_{\rm s}$ o ist beim Hindurchsehen durch die Glasplattensäule das Gesichtsfeld hell.

Polarisation durch Turmalinplatten. Nimmt man von dem 322 Polarisationsspharate den Zerlegungsspiegel weg und läset man statt auf diesen die polarisirten Strahlen auf eine Turmalinplatte fallen, deren Oberflächen der krystallographischen Hauptaxe dieses Mimerals parallel sind, so gewahrt man an dem durch die Platte hindurchgegangenen Lichte gans

Müller's Lehrbuch der Physik. Ste Auff. I-

dieselben Erseheimungen wie diejenigen, welche man an dem vom Zelegungsspiegel reflectirten Lichte beobachtete. Hat die Platte eine solche Stellung, dass ihre krystallographische Hauptaxe rechtwinklig auf der Polarisationsebene der einfallenden Strahlen steht, so lässt sie die Strahlen so vollständig hindurch, als es die Färbung des Minerals erlaubt. Masch aber die Axe der Platte einen anderen Winkel mit der Polarisationsebene der einfallenden Strahlen, so sit das durchgehende Licht mas os schwächer, je kleiner dieser Winkel wird. Fällt die Axe der Platte in die Polarisationsebene der einfallenden Strahlen, so ist die Intensität des durchgegungenen Lichtes ein Minimum, und falls die Platte dick geung ist, vollständig Null. Die Lage des Krystalls, bei welcher seine Axe mit der Polarisationsebene der einfallenden Strahlen einen rechten Winkel blidet, entspricht dem Falle, dass der obere Spiegel dem unteren parallel ist; die zuletzt erwähnte Stellung des Krystalls aber dem Ealle der gekerzuten Spiegel.

Wenn eine solche Turmalinplatte in eine Fassung gebracht ist, welche ebenso wie die, welche die Saule von Glasplatten enthält, auf dem oberen Ringe des Polarisationsapparates drebhar ist, so kann die Turmalinplatte ebenso gut wie der Zerlegungsspiegel als Kopf oder Analyseur des Apparates dienen, und man kann dieselben Versuche mit der Turmalinplatte anstellen, wie mit dem Zerlegungsspiegel.

stellen, wie mit dem Zerlegungsspiegel.

Aus den erwähnten Versuchen lässt sich schliessen, dass, wenn ge-





<sup>e</sup> Platten bilden also einen kleinen Polarisationsapparat. Um zwei solcher Platten bequem gebranchen zu können, werden sie nach Nörremberg's Angabe auf folgende Weise gefaset. Ein Messingdraht ist, wie Fig. 863 zeigt, in die Form einer Zange-gebogen. Die beiden Enden des Drahtes bilden Ringe; in jedem dieser Ring ist eine Hölles drehbar, in welche eine Turmalimplatte gefasst ist. Wenn nicht durch dem Druck der Hand oder durch irgend einen Gegenstand, welchen man zwischen beide Hülsen legt, diese auseinandergehalten werden, so werden

die einander gegenüberstehenden Flächen der Hülsen durch die Federkraft

Axen beider Platten einen rechten Winkel mit einander machen, wie dies Fig. 862 versinnlicht. Zwei solcher

in an Linde

des Drahtes sanft an einander gedrückt, so dass, wenn man einen im polarisirten Lichte zu untersuchenden in Kork gefassten Krystall zwischen

Fig. 863.



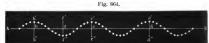
beide Hülsen legt, er durch den schwachen Druck hinlänglich festgehalten wird, und man die ganze Vorrichtung in jeder beliebigen Lage vor das Auge hringen kann, ohne dass der Krystall herausfällt.

Man fiudet deu Turmalin in den verschiedenartigsten Farben. Häufig kommen Turmalinkrystalle vor. welche dem äusseren Ansehen nach ganz schwarz sind, und die nur in ganz dünne Blättchen geschnitten durchsichtig werden. Ganz düune Blättchen von dieser Art polarisiren zwar das Licht sehr vollständig; es ist aber sehr schwer, aus Krystallen dieser Art Platten zu schleifen. welche dünn genug sind, besonders deshalh, weil sie im Inneren voller kleiner Risse und Sprünge sind, welche veranlassen, dass der Krystall sich bröckelt, sobald er nur einigermaassen dünn geschliffen wird. Sehr geeignet für den optischen Gebrauch sind die durchsichtigen, braunen und röthlichbraunen Turmaline, wenn sie hinlänglich gross sind um aus ihnen Platten von 8 bis 9 Quadrathnien Oberfläche machen zu können; deun wenn die Platten noch kleiner sind, so ist das Gesichtsfeld, welches man durch sie bequem übersehen kann, zu klein. Am häufigsten werden die dunkelgrünen zu optischen Zwecken gebraucht; man kann sie am leichtesten in hinlänglicher Grösse erhalten, und eine Platte von 1/2 Linie Dicke

polarisirt das Licht vollkommen genng. Je heller die Farbe der Turnaline ist, deste unvollständiger polarisiren sie das Licht und desto dicker muss man die Platten nehmen, wenn man vollständige Polarisation erhalten will. Die bläulichen polarisiren am sehlechtesten und sind deshalh am wenigsten zu empfehlen.

Eine sehr simureiche Auwendung hat Arago von den Turnalinplatten gemacht, un Gegenstände zu betrachten, welche in der Tiefe sehr durchsichtiger Gewisser liegen und deren Sichtbarkeit gewälnlich durch den Glam der Wasseroberfläche besintzichtigt wird. Du das von der Wasseroberfläche reflectirte Lieht polarisirt ist, so kann man diesen Glanz verschwinden machen, wenn man durch eine in die richtige Lage gehaltene Turnalinplatte schaut.

Erklärung der Polarisation durch die Vibrationstheorie. 323 Durch die Polarisationserscheinungen lässt sich am einfachsten der Beweis liefern, dass die Vibrationen, welche einen Lichtstrahl fortpflanzen, rechtwinklig zu seiner Richtung sind. Nehmen wir an, dass ein Lichtstrahl rechtwinklig zu Ebene der beiden Turmalinphaten, Fig. 361, durch dieselben gebe, deren Axen einander parallel sind, so wäre kein Grund vorbauden, warnum der Strahl nicht bebene gut durch die gekreuzten Platten hindurchgeben sollte, wenn die Schwingungen, welche ihn fortpflanzen, in der Richtung des Strahles selbst stattfänden. Das Verschwinden des Lichtes bei gekrenzten Platten lässt sich nur durch die Annahme erklären, dass die Schwingungen, welche den Lichtstrahl fortpflanzen, rechtwinklig zu seiner Richtung sind, uud dass ferner ein Lichtstrahl polarisirt ist, wenn seine Schwingungen stets in einer und derselben Ebene estattfinden. Alle Schwingungen des Strahles z. B., dessen Answeichungscurve Fig. 864 dargestellt ist, finden in der Ebene des Papiers statt; dieser Strahl ist also ein polarisirter Strahl.



In einem gewöhnlichen Lichtstrahle bleiben die Vibrationen nicht immer in derselben Ebene, sondern sie variiren nach allen möglichen, auf die Richtungen.

Die Ebene, in welcher alle Schwingungen eines polarisirten Strahls sattfinden, heisst die Vibrations- oder Schwingungsebene desselben. Die Schwingungsebene eines Strahls, welcher durch eine Turmalinplatte polarisirt worden ist, ist der krystallographischen Hauptaxe der Turmalinplatte parallel.

Die Wahrheit dieses wichtigen Satzes hat Nörremberg sehr einfach auf folgende Art bewiesen:

Wenn man durch eine parallel mit der Axe geschiffene Turmaliphatte nach einer weisens Wand oder einer weisens Wolke gerade hindurchs schaut, wie dies Fig. 865 dargestellt ist, wo abcd die Turmalinplatte. fg die Richtung ihrer krystallographischen Huaptaxe und no die Richtung der durch die Platte ins Ange gelangenden Strahlen dasstellt, so hat das Gesichtsfeld eine bestimmte Helligkeit, welche fast ungeändert bleibt, wenn nan die Platte vo gegen dier Richtung der durchgelneuden Strahlen niegt, dass die Richtung der krystallographischen Hauptaxe der Platte die Umdehungsaxe bildet, wie ein Fig. 865 angedeutet ist.

Neigt man aber die Platte so gegen die Richtung der durchgehendes Strahlen, dass dabei die Umdrehungsaxe  $h\bar{i}$ r echtwinklig zur Krystallaxe steht, wie Fig. 866 angedeutet ist, so wird das Gesichtsfeld sogleich bedeutend dunkler.

Wenn nun eine Aenderung in der Helligkeit der Platte stattfindet. so kann diese nur davon herrühren, dass die Vibrationsrichtung der durchgehenden Strahlen gegen die Platte eine andere wird. Bei dem Fig. 865 dargestellten Versuche findet keine Aenderung in der Helligkeit statt, folglich ist die Richtung der Schwingungen, welche den Lichtstrahl in der Richtung no fortpflanzeu, gegen die Platte ganz dieselbe, es mag

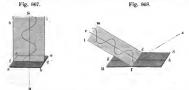


die Platte die Stellung abcd oder die Stellung a'b'c'd' haben; daher kann nur fg die fragliche Vibrationsrichtung sein, welche demnach in der That mit der Richtung der krystallographischen Hauptaxe zusammenfällt.

Es soll dies noch durch Fig. 867 auschaulich gemacht werden, wo abcd eine Turmalinplatte darstellt, deren krystallographische Axe die Richtung fg hat. fgh is tid ie Schwinguugsebene eines in der Richtung RS durch die Platte hindurchgegangenen Strahles.

An geschiffenen und polirten Turmalinplatten lässt sich die Richtung der Axe oft durch feine Sprüngehen erkennen, welche die Platten sehr häufig zeigen. Die Richtung dieser Sprünge, welche die Richtung einer unvollkommenen Spaltbarkeit bezeichnen, ist stets rechtwinklig zur Krystallaxe.

Wenn man eine Turmaliuplatte als Kopf des Polarisationsapparates anwendet, so ist das Gesichtsfeld dunkel, wenn die Krystallaxe der Platte

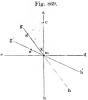


mit der Reflexionsebene des Polarisatious-piegels zusammenfällt; daraus folgt, dass die Vibrationsebene eines durch Reflexion polarisirten Strahles rechtwinklig zur Reflexionsebene, also auch rechtwinklig zur Polarisationsebene ist. Wenn z. B. ein Lichtstrahl ab, Fig. 868, den Glasspiegel RS unter einem Winkle von 35° treflend von demselben in der Richtung be reflectirt wird, so ist dieser reflectirte Strahl polarisirt und zwar sind die Acthevibratione, welche im fortpflanzen, rechtwinklig zu der durch ab und bc gelegten Ebene, sie sind also mit fd parallel, oder mit anderen Worten, fdlm ist die Vibrationsebene des polarisirten Strahles bc.

Wenn ein sehon polarisirtes Strahlenbündel ch, Fig. 868, einen Glasspiegel RS trifft, dessen Ebene seinen Vibrationen parallel ist, so geht ein Theil dieses Strahlenbündels mit unveränderter Schwingungsrichtung durch den Spiegel hindurch, ein anderer Theil aber wird immer noch parallel mit fd schwingend in der Richtung ba reflectirt.

Wenn dagegen die Schwingungen eines unter dem Polarisationswinkel auf den Spiegel fallenden Strahlenbündels in der Einfallsebene liegen, wenn also z. B. die Schwingungen des Strahles cb in der Ebene cba vor sich gingen, so würde kein Theil dieses Strahlenbündels reflectirt, sondern es würde mit unveränderter Vibrationsebene durch die Glasplatte hindurchgehen.

Fällt ein polarisirter senkrecht zur Ebene des Papiers sich fortpflanzender Strahl, dessen Projection m und dessen Sehwingungsehen ab. Fig. 869, sein mag, auf eine Turuslinplatte, deren Schwingungsebene ebenfalls ab ist, so wird der Strahl von der Turmalinplatte durchgelassen. Sieht man also durch eine Turmalinplatte nach dem Polarisationsspiegel eine Purmalinplatte), so sicht man das Gesichtfeld hell, Serlegungspiegels eine Turmalinplatte), so sicht man das Gesichtfeld hell,



wenn die krystallographische Hauptaxe der Platte auf der Reflexionsebene des unteren Spiegels rechtwinklig ist. Dreht man aber die Turmalinplatte, so wird das Gesiehtsfeld dunkler und dunkler, bis es endlich ganz dunkel wird, wenn die Schwingungsebene des Turnalins mit der Reflexionsebene des unteren Spiegels zussammenfüllt.

Diese Erscheinung ergiebt sich als nothwendige Folge der Theorie. Es sei me die Vibrationsintensität des in der Ebene ab sehwingenden auf der Turmalinplatte fallenden Strahls,

welche wir mit A bezeichnen wollen. Wenn nur die Schwingungsebene eph der Turnahuplatte einen Winkel x mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen macht, so ist mn die Vibrationsintensität, welche der einfallende Strahl in der Schwingungsebene der Turnalinplatte hervoruft. Bezeichnen wir mn mit A', so haben wir

$$A' = A \cos . c.$$

Ein Werth, welcher gleich A wird für x = 0, welcher kleiner wird, wenn x wächst und welcher endlich Null wird für  $x = 90^{\circ}$ .

Dieselben Schlüsse gelten auch für den Zerlegungsspiegel des Polarisationsspparates, und man sieht demmach leicht ein, warum der obere Spiegel ein Maximum von Licht reflectirt, wenn beide Spiegel parallel, ein Minimum hingegen, wenn sie gekreuzt sind. Nach diesen Betrachtungen kann man auch schliessen, welches die Erscheinungen sein werden, wenn man eine Tramfainplate weisehen die gekreuxten Spiegel des Apparates bringt. Es sei  $\partial_t$ , Fig. 870, die Selwingnebene des unteren Spiegels, cd die des Zerlegers, gh die der zwischen beiden liegenden Turmalinplatte, welche einen Winkel x mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen macht. Es sei ferner mc = A die Vibrationsintensität des vom unteren Spiegel polarisrien Strahles. Diese Vibrationsintensität des vom urteren Spiegel polarisrien Strahles. Diese Vibrationsintensität uns mc  $A = A \cos x$ , aund diese wieder zerlegt nach der Schwingungsebene cd des Zerlegungsspiegels, erzeugt die Vibrationsintensität

$$mp = A'' = mn \sin x = A' \sin x,$$
  
oder endlich, wenn man für  $A'$  seinen Werth setzt  
 $A'' = A \cos x \cdot \sin x.$ 

Dieser Werth von A'' wird 0 für x = 0 und für  $x = 90^\circ$ , das Geichtefeld bleibt also duakel, wenn die Schwingungsebene der Turmalinplatte mit der Schwingungsebene des Folarisationsspiegels oder des Zerlegungsspiegels zusammenfallt. Dagegen wird der Werth von A'' ein Maximum, die Turmalinplatte erscheint zwischen den gekreuzten Spiegeln in grösster Helligkeit, wenu  $x = 45^\circ$ .



Die Richtigkeit der letzteren Behauptung ergiebt sich aus folgender Betrachtung.

Weil mue ein rechter Winkel sein soll, so muss der Punkt n, welches auch die Lage der Ebene gh sein mag, stets auf dem Umfange eines Halbkreises liegen, dessen Durchmesser me ist. Nun aber ist mp gleich ng, d. h. gleich dem Perpendikel, welches von der Spitze des rechten Winkels auf die gegenüberstelende Hypotenuse me gefällt wird. Das Perpendikel ng erreicht aber sein Maximun, wenn u um einen Viertelkreis von e absteht, denn in diesem

Falle ist das Perpendikel dem Radius des Kreises gleich. Wenn aber n nm einen Viertelkreis von c absteht, so macht die Schwingungsebene gh einen Winkel von  $45^{\circ}$  mit der Schwingungsebene ab des einfallenden Strahles.

## Zehntes Capitel.

## Von der doppelten Brechung.

324 Doppelte Brechung des Kalkspaths. Wir haben bibbr immer angenommen, dass beim Uebergange eines Lichtstrahles aus eines Mittel in ein anderes nur ein einziger gebrochener Strahl entstände; viek Körper haben jedoch die merkwürdige Eigenschaft, jeden einfallenden Lichtstrahl in zwei gebrochene Strahlen zu spalten. Diese mit dem Name der doppelten Brechung bezeichnete Eigenschaft wurde zuerst wa Erasmus Bartholinus am isländischen Kalkspath entdeckt und in einem Werke beschrieben, welches unter dem Titel "Zzperimenta Orgstelli Islandici, disbiaclustici, guibus mira et insolita refractio detegitur" in Jahre 1669 zu Kopenhagen erschienen ist.

Alle diejenigen Körper, welche die erwähnte Eigenschaft besitzen werden doppeltbrechende Körper genannt. Wir wollen zunächst die Erscheinungen der doppelten Brechning am Kalkspathe näher kennen lenen, weil sie an diesem Körper besonders leicht beobachtet werdem Könnes-

Der Kalkopath ist bekanntlich krystallisirter kohlensanrer Kalkdie zahlreichen Formen, unter welchen der Kalkapath vorkommt, gehöre
dem hezagonalen Krystallsysteme an und lassen sich sämmtlich von einr
und derselben Grundform ableiten. Die Kalkapathkrystalle eind nach der
verschiedenen Richtungen sehr vollkommen spatbar; und daurch ist e
möglich, aus denselben Rhomboëder durch Spaltung zu erhalten. Beseier selbine, grosse und durcheinfelige Kalkapathkrystalle werden auf der
lasel Island gefunden; der isländische Doppelspath wird desbalb auf
vorzugsweise zu Versuchen über die doppelte Brechung angewandt.

Wenn man ein durch Spaltungsflächen begränztes Kalkspathrhombeider dicht vor das Auge hält, um durch dasselbe einen dinnen Körgeretwa eine Stecknadel, zu sehen, so erblickt man zwei deutlich getrennte Bilder; legt man das Rhomboëder auf ein Blatt weissen Papiers, auf welches man einen selwarzen Punkt gemacht hat, so sieht man der Punkt doppelt. Aus einer genauen Beobachtung dieser beiden Bilder, wie mat sie durch ein Rhomboëder sieht, kann man die Gesetze der doppele Brechung im Kalkspathe ableiten, wie dies auch Huyghens schon gethan hat.

Legt man auf die obere Fläche eines Kalkspathrhomboëders ein Kartenblatt, in welches mit Hülfe einer Stecknadel ein kleines Loch gestochen worden ist, lässt man dann durch diese kleine Oeffnung einen Sonnenstrahl ab, Fig. 871, auf den Krystall fallen, so wird man auf einem Papierblatte,



mit welchem man die der Eintrittsflache gegenüber leigende Fläche des Blomboders beleckt, zwei helle Punkte, nämlich einen bei c und einen bei derblicken; es sind also von der Oeffnung b aus zwei ganz getrennte Strahlen durch den Krystall lündurch gegangen, welche die Austrittsfläche in den Punkten e und d' terffen; der Lichtstrahl ab wird also bei seinem Eintritte in den Kalkspathkrystall in zwei Strahlen gespalten, welche, verschiedenen

Brechungsgesetzen folgend, den Krystall in verschiedenen Richtungen durchlaufen; der eine Strahl ist stärker von seiner ursprünglichen Richtung abgelenkt als der andere.

Nach der Vibrationstheorie muss man annehmen, dass sieh die Lichtwellen in einem stärker brechenden Mittel langssamer fortpflanzen; die ungleiche Ablenkung, welche die beiden Strahlen be und  $b\bar{d}$  erleiden, häugt also auch mit einer ungleichen Fortpflanzungsgeschwindigkeit zusammen, der stärker gebrochene Strahl  $b\bar{d}$  pflantz einem tig pringer Geschwindigkeit durch den Krystall fort als der andere, oder, mit anderen Worten, für den stärker gebrochenen Strahl  $b\bar{d}$  ist die Wellenlänge kürzer als für den Strahl  $b\bar{d}$ 

Dieser Versuch lehrt uns aho zwei verschiedene Strahlenarten kennen, welche den Kalkspath mit nugleicher Gesehwindigkeit durchlaufen; dass aber anch in einer und derselben Richtung zwei verschiedene Strahlen sich mit ungleicher Gesehwindigkeit durch den Krystall fortpflanzen können, geht aus folgendem Versuche hervor. Man lege ein Kalkspathrhomboëder auf ein Blatt weissen Papiers, auf welches man einen selwarzen Punkt ge-



macht hat; wenn man nun auf die obere Fliche des Rhomboëders ein Stückehen Papier mit einer kleinen Oeffnung ô, Fig. 872, legt, so sieht man in der Oeffnung b das Bild des selwarzen Punktes a nur nach zwei ganz bestimmten Richtungen bo und bo'; daraus geht aber hervor, dass in der Richtung ab zwei Strahlen mit verschiedener Geschwindigkeit den Krystell durchlaufen; denn wenn sieh von a nach b

nur ein einziger Strahl mit unveränderlicher Geschwindigkeit fortpflanzte, so könnte er nur nach einer einzigen bestimmten Richtung austreten. Derjenige Strahl bo', welcher beim Austritte aus dem Krystalle am stärksten abgelenkt wird, pflanzt sich in der Richtung ab mit geringerer Geschwindigkeit im Krystalle fort als der andere Strahl, welcher, in derselben Richtung ab den Krystall durchlanfend, in der Richtung bo anstritt.

Um die Gesehwindigkeiten zu ermitteln, mit welchen die beiden Strablenarten den Krystall durchlaufen, muss man die Brechungsexponenten für dieselben bestimmen, was am besten mit Ilülfe von Prismen geschieht. Bevor wir von dieser Bestimmung weiter reden, wollen wir aber die Krystallform des Kalkspaths niber betrachten, um uns in Besiehung auf die verschiedenen Richtungen, von denen alsbald die Rede sein wird, gehörig zu orientijen.

325 Krystallform des Kalkspathes. Wir laben bereits auf S.90 und 94 gesehen, dass der Kalkspath dem hexagonalen Krystallsystem asgehört, und dass seine Grundgestalt, das Rhomboëder, Fig. 873, als Ile miödrie der doppelt seelsseitigen Pyramide zu betrachten ist. In Fig. 874 ist das Rhomboëder des Kalkspathes noch einnad olne Schattriung dar.



gestellt, damit man auch die hinteren Kanten sehen und besser Buchstaben beisetzen könne.

Die Kanten eines Kalkspathrhomboëders sind nicht gleiehartig; jede der drei Kanten nämlich, welche in  $\sigma$  zusammentreffen, ist durch zwei Flächen gebildet, die sich hier unter einem Winkel von  $105^{\circ}5'$  schneiden: dasselhe gilt von den drei in b zusammentreffenden Kanten, während is den Kanten rm, mn, no, o, p, pq sich immer zwei Flächen unter einem Winkel von  $74^{\circ}$  55' schneiden. Man hat also an einem solchen Rhosboëder stumpfe und scharfe Kanten zu miterscheiden.

Auch die Ecken eines Rhomboëders sind von zweierlei Art; in a und b nämlich treffen immer drei stumpfe Kauten zusammen, in jeder der abderen Ecken aber zwei scharfe und eine stumpfe; um die Ecken a und b von den übrigen zu unterscheiden, wollen wir sie stumpfe Ecken nennen.

Denken wir nus die seharfen Kanten rm, rm, no, op, pq und q' des Rhomboiders durch Elichen abgestunght, welche der Hauptaxe parilel lanfen, so entsteht die bereits auf Seite 94 betrachtete, beim Kallsapathe öfters vorkommende Combination Fig. 875. Ist die sechaseitig Sädle oben und unten durch eine Fläche begränzt, welche rechtwinklie zur Hauptaxe steht (die sogenannte gerade Endfläche), so hat man die Form Fig. 876, welche gleichfalls ötters am Kalkspath beobachtet wird.

Die Hauptaxe des Krystalls geht durch die Mitte der stumpfen Ecken a und b, Fig. 874, d. h. sie macht gleiche Winkel mit jeder drei stumpfen Kanten.

Wir haben bisher nur solche Rhomboëder betrachtet, au welchen alle Flächen gleichmässig ausgebildet sind, was meistens nicht der Fall ist.



Ein ganz gleichmässig ausgebildetes Rhomboëder dürfte man z. B. nur in zwei Stücke spalten, um zwei rhomboëdrische Stücke zu erhalten, deren einzelne Flächen nicht mehr gleich sind. Durch eine solche Zertheilung ist aber die gegenseitige Lage der Flächen, die Grösse der Winkel nicht im mindesten geändert; man unterscheidet nach wie vor scharfe und stumpfe Kanten, spitze und stumpfe Ecken. Die Richtung der Hauptaxc

ist immer derjenigen Linie parallel, welche gleiche Winkel mit jeder der drei in einem stumpfen Eck zusammenlaufenden Kanten macht.

Erscheinungen, welche man durch Kalkspathprismen 326 beobachtet. Wenn man ein Prisma aus Kalkspath verfortigt, so sieht man durch dasselbe in der Regel zwei Bilder eines und desselben Gegenstandes, und zwar ist der Abstand der beiden Bilder nicht allein von dem brechenden Winkel des Prismas, sondern auch von der Richtung abhängig, in welcher die Strahlen den Krystall durchlaufen.

Nehmen wir ein Kalkspathprisma zur Hand, dessen brechende Kante mit der krystallographischen Hauptaxe des Minerals parallel ist. Ein solches Prisma lässt sich am leichtesten aus einem in Form einer sechsseitigen Säule krystallisirten Kalkspathe verfertigen, wenn ein solcher Krystall nur gross und dnrchsichtig genug ist. Wenn die Säulenflächen eines solchen Krystalls eben genug sind, so kann man ihn ohne weitere Bearbeitung schon zu unseren Versucheu anwenden, indem zwei Säulenflächen, welche weder mit einander parallel sind, uoch gerade an einander stossen, wic die Flächen abhi und dckl, Fig. 877, einen Win-

Fig. 877.



kel von 60° mit einander bilden, also ohne Weiteres als die brechenden Flächen eines Primas dienen können. Um durch diese beiden Flächen einen Gegenstand recht bequem beobachten zu können, wird man am besten thun, alle anderen Säulenflächen matt zu schleifen oder schwarz anzustreichen. Sollten die beiden Säulenflächen, durch welche man beobachten will, wie es oft der Fall ist, nicht ganz eben, sondern etwas gestreift sein, so muss man sie eben schleifen und poliren.

Betrachtet man durch ein solches Prisma irgend einen Gegenstand. etwa eine Kerzenflamme, so sind die beiden Bilder sehr weit von einander entfernt; weil es aber bequemer ist, wenn die beiden Bilder näher beisammen liegen, indem man sie aladann leichter gleichzeitig übersehen kann, soit in Prisma Vorzuziehen, dessen brechender Winkel kleiner ist; ein seldes Prisma lässt sich aber auch leicht aus einer sechsseitigen Skule verfertigen, indem man eine Pläche ausehleift, welche etwa durch die Kanten ah und k, Fig. 877, und eine zweite, welche durch die Kanten k und k gebe der die Kanten k und k gebe der die Kanten k und k geben die Kanten k und k kanten k kanten k und k kanten k und k kanten k kant

Auch aus Rhomboëdern kann man solohe Prismen schleifen, dere der Axe parallel ist, und zwar wird man aus Rhomboëdern schönere und grösser Prismen erhalten, weil man wohl grosse Kallspathrhomboëder, aber selten grosse Sallen findet; doch lässt sich die Au U Weise, wie man aus Rhomboëdern solohe Prismen schleifen kann nicht so leicht beschreiben; jedenfalls würde uns eine nähere Auseinandersetzung des Verährens zu weit führen.

Wenn man mit einem Kalkspathprisma, dessen brechende Kante der Axe parallel ist, nach der auf Seite 560 und 595 besprochenen Method den Brechungsexponenten für das am wenigsten abgelenkte Bild bestimstso findet man den Werth 1,433, während man für das andere Bild der Brechungsexponenten 1.654 findet.

In dem eben betrachteten Falle bewegten sich die beiden Strahler sowohl der, welchen das am meisten abgelenkte Bild gab, als auch der andere, in solchen Richtungen durch den Krysfall, welche auf der Hauptaxe desselben rechtwinklig stehen.

Untersucht man die beiden Bilder eines Kalkspathprismes, desse brechende Ebenen irgend eine andere Lage gegen die Hauptaxe des Krystalls haben, als in dem bisher besprochenen Fall, so werden die Strahler das Prisma nicht mehr in solchen Richtungen durchkaufen, welche reich winklig zur Hauptaxe sind. Bestimmt man abermals die Brechungexponenten der beiden Strahlen, so findet man für das am meisten albelenkte Bild, wie vorher, den Brechungsexponenten 1,654, für den Brechungexponenten des anderen Strahles findet man aber einen anderen zwische den Gränzen 1,654 und 1,483 liegenden Werth, der mit der Richtung variirt, in welcher der, Strahle den Krystall durchläuft.

Der eine Strahl, dessen Brechungsexponent beständig gleich Lößgfunden wird, folgt also gans dem Gesetze der gewöhnlichen Brechung
er wird deshalb der gewöhnliche, der ordentliche oder der ordnäre Strahl genannt; der andere Strahl aber, für weichen kein urweiderliches Verhaltniss zwischen dem Simas des Einfallswinkels und der
Simus des Brechungswinkels besteht, heisst der ungewöhnliche, ausserordentliche oder extraordinäre Strahl.

Da die ordinären Strahlen stets die am meisten abgelenkten sind. \*\*
pflanzen sie sich auch mit geringerer Geschwindigkeit im Krystalle för
als die extraordinären. Aus der Unveränderlichkeit der Brechungsexpnenten, welche man für den ordinären Strahl aus allen Versuchen erbätergiebt sich, dass die ordinären Strahlen nach allen Richtungen hir der

Krystall mit gleicher Geschwindigkeit durchlanfen; für die ordinären Strahlen also, welche sich von einem Funkte aus nach allen Seiten hin im Kalkspathe verbreiten, ist die Oberfälsche der Lichtwellen kugelförmig, wie dies auch für die Lichtwellen der Fall ist, welche sich in einem einfach brechenden Mittel, etwa in Luft, im Wasser, in Glas u. s. w. verbreiten.

Da man für die extraordinären Strahlen nicht immer denselben Brechungsexponenten findet, so ist klar, dass is sich nicht nach allen Richtungen hin mit gleicher Geschwindigkeit im Krystalle fortpflanzen, dass die Wellenoberfläche der extraordinären Strahlen also nicht kugelförmig sein kann.

Suchen wir nun zu ermitteln, wie die Geschwindigkeit der extraordinären Strahlen von der Richtung abhängt, in welcher sie den Krystall durchlaufen.

Der kleimte Werth, welchen man für dem Brechungsexponenten der extraordinären Strahlen findet, ist 1,483, und diesen Werth findet man, wie schon erwähnt wurde, für den Fall, dass die extraordinären Strahlen in irgend einer Richtung den Krystall durchlaufen, welche recht wink lig auf der Hauptaxe des Krystalls steht. Da der Brechungsexponent der extraordinären Strahlen für alle anderen Bichtungen grösser ist, so ist klar, dass sich die Fortpflanzungsgesenbwindigkeit der extraordinären Strahlen rechtwinklig zur krystallographischen Hauptaxe grösser ist als für alle anderen Bichtungen.

Die Geschwindigkeit der extraordinären Strahlen ist um so geringer, je mehr sich die Richtung, in welcher sie den Krystall durchlaufen, der krystallographischen Hauptaxe nähert; in der Richtung dieser Axe selbst aber pflanzen sich alle Strahlen mit einer solchen Geschwindigkeit, wie sie dem Brechungesvponenten [A6] et untgrieht, also mit der Geschwindigkeit der ordinären Strahlen fort; in der Richtung der Hauptaxe findet also gleichsam gar keine doppelte Brechung statt; diese Axe ist also optisch von jeder anderen Richtung im Krystalle verschieden, sie führt deshalb auch den Namen der optischen Axe. Dass in der Richtung der optischen Axe wirklich keine doppelte Brechung stattfindet, läset sich am einfachten mit Hülfe eines Prisanss zeigen, dessen brechende Flächen ab und be, Fig. 575, ungefähr gleich stark gegen die Richtung im der optischen

Fig. 878.



Aze geneigt sind. Je nachdem man ein solches Priman vor das Auge hält, sieht man ein einzigen oder swei Bilder desselben Gegenstandes; wenn man zwei Bilder sieht, so kann man das Prisma so drehen, dass sieh die beiden Bilder mehr und mehr einander nähern, und dass sie endlich gaus atreem Falle durchlaufen die gebrochenen Strahlen

zusammenfallen; in letzterem Falle durchlaufen die gebrochenen Strählen das Prisma in der Richtung der optischen Axe. In Fig. 879 (a.f.S.) bezeichne die Linie ab die Richtung der optischen

In Fig. 879 (a.f.S.) bezeichne die Linie ab die Richtung der optischen Axe in einem Kalkspathkrystalle, die Länge ma und mb aber stelle die Geschwindigkeit der ordinären, mc und md die Geschwindigkeit der extra-

ordinären Strahlen dar, mit welcher sie sich rechtwinklig zur optischen Axe im Krystalle fortpflanzen.

Ein mit dem Radius ma um m gezogener Kreis stellt alsdann das Gesetz dar, nach welchem die ordinären Strahlen sich von m ans nach verschiedenen Richtungen in der Ebene der Figur fortuflanzen.

Eine Ellipse, deren kleine Axe ab, deren grosse Axe aber cd ist, stellt uns dagegen das Gesetz dar, nach welchem sich die Geschwindigkeit der



nach welchem sich die Geschwindigkeit der extraordinären Strahlen im Krystalle mit ihrer Richtung ändert. Wollte man z. R die Geschwindigkeit eines extraordinäres Strahles ermitteln, dessen Richtung mit der optischen Axe einen Winkel von 60\* macht, so hat man nur durch dem Mittelpunkt m eine Linie mf so zu ziehen, dass der Winkel umf gleich 60° ist; die Länge des Leitstrahls mf stellt absdann die Geschwindigkeit des extraordinären Strahlein der angegebenen Richtung dar.

Sollte unsere Figur das Gesetz der Geschwindigkeit der extraordinären Strahlen im Kalkspath nicht allein der Art, sondern auch der Grösse nach darstellen, so müsste sich die kleine Axe der Ellipse zur grossen wie 1,485 zu 1,654 verhalten.

Deukeu wir uns die Fig. 879 um die Axe ab ungedreht, so entsteht durch die Umdrehung des Kreises eine Kugel, durch die Umdrehung der Ellipse aber ein Ellipseid, die Kugel ist die Wellenoberfläche der ordinären, das Ellipseid ist die Wellenoberfläche der extraordinären Strahlen. Um sich von diesen Wellenoberflächen ein asschalliches Bild zu macheu, kanu man ein aus Pappendeckel hergestellte



Modell beuutzen, welches, wie Fig. 88° den Durchschnitt der beiden Wellenoberflächen mit einer horizontalen (auf der optischen Aze rechtwinkligen) und zwe verticalen (durch die optische Aze zerlegten) zu einander rechtwinkligen Ebend darstellt.

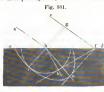
Denken wir uns irgend einen Punk im Inneren eines Kalkspathkrystalls, volwelchem nach allen Seiten hin ordinär

Strahlen amsgeben, so werden sie sich nach allen Seiten mit gleiebe-Geschwindigkeit verbreiten; gleichzeitig von jenem Mittelpunkt ausgebreit werden sie auch gleichzeitig auf der Oberfläche einer um diesen Mittepunkt gelegten Kugel ankommen; diese Kugel ist die Wellenoberfläche deordinären Strahlen.

In gleicher Weise bilden anch die von einem Punkte nach allen Richtungen hin ausgehenden extraordinären Strahleu ein Welleusystem, desse:

Oberfläche aber keine Kugel, sondern ein Ellipsoid ist. In unserem Falle ist die Kugel, welche die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen darstellt, ganz von diesem Ellipsoid eingehällt, da sich ja die ordinären Strahlen langsamer fortpflanzen als die extraordinären; nur in zwei Punkten berührt die Kugel das Ellipsoid, denn die kleine Axe des Ellipsoids ist ja zugleich ein Durchmesser der Kugel.

Dies vorausgesetzt, ist es nun leicht, die Richtung der beiden gebrochenen Strahlen im Kalkspathe durch Construction zu finden. Es sei in Fig. 881 ab die Richtung des einfallenden Strahles, cd die Oberfläche des Kalkspathkrystalls, so findet man die Richtung des ordinären ge-



brocheme Strahles nach der schon oben, Seite 759, angegebene Construction; man zieht afanlich ef mit ab parallel, fällt von b aus das Perpendikel bg auf diese Linie und beschreibt dam um beinen Kreis, dessen Halbmesser sieh zu der Lauge of verhält wie 1 zu 1,654; zieht man von f aus eine Tangente an den Kreis, so ist die von b nach dem Berührungspunkte h

gezogene Linie die Richtung des gebrochenen ord inären Strahles. Wenn nun die optische Axe des Krystalls mit der Richtung bi zusammenfällt, so ist der Durchschnitt der Papierebene mit der Wellenoberfläche der extraordinären Strahlen die in unserer Figur gezeichnete Ellipse; um nun die Richtung des gebrochenen extraordinären Strahles zu finden, hat man nur von f aus eine Tangente an die Ellipse und dann von b aus nach dem Berührungspunkte n eine Linie zu ziehen, welch letztere dann die Richtung des gebrochenen extraordinären Strahles ist.

Wir haben bei der eben angegebenen Construction nur einen besonderen Fall vor Augen gehalt, münlich dass die optische Ac des Krystalls in der Einfallsebene des Strahles ab liegt, dass also die optische Axe mit der Ebene der Figur zusammenfällt; wenn dies nieht der Fall ist, läset sich die Richtung des extraordinären Strahles nicht durch Zeichnung ermitteln, weil er alsdann aus der Ebene des Papiers heraustritt; um nämlich die Richtung des extraordinären Strahles zu finden, hätte man durch f eine Linie rechtwinklig zur Ebene des Papiers und durch diese Linie rentwinklig zur Ebene des Papiers und durch diese Linie rentwirkende Ebene an die ellipsoidische Wellenfläche der extraordinären Strahlen zu legen; nach dem Punkte in welchem diese Ebene das Ellipsoid berührt und welcher im Allgemeinen ausserhalb der Einfallsebene liegt, hat man dann von b aus eine Linie zu ziehen.

Aus dieser Construction, welche schon von Huyghens angegeben worden ist, ergiebt sich, dass der extraordinäre Strahl nicht immer in der Einfallsebene bleibt, was bei der gewöhnlichen Brechung stets der Fall ist. Um durch den Versuch zu zeigen, dass der extraordinäre Strahl nicht immer mit der Einfallsebene zusammenfällt, verfährt man am einfächsten auf folgende Art: Man ziehe auf ein Blatt weissen Papiers eine gerade Linie umb bringe das Auge in irgend einen Punkt der durch diese Linie gelegten Verticalebene, etwa vertical über den Punkt h. Fig. 882. Legt man nun ein Kalksnathrhomborder so auf das Paujer, dass dadurch ein

Fig. 882.



Theil der Linie bedeckt wird, so sieht man im Krystall ein doppeltes Bild der Linie; das eine Bild fällt in die Richtung ab, die Strahlen, eit se erzeugen, belieben alse in der Einfallseben, eit se audere Bild hingegen liegt rechts oder links von ab, die Strahlen, welche dieses Bild erzeuges, sind also uicht in der durch die Linie ab und da Auge gelegten Einfallsebene geblieben. Nur in einem besonderen Falle fällt auch das extraordiake Bild in die Einfallsebene, wenn nämlich die optische Aux des Krystalls selbet in der Einfallsebene liegt.

in diesem Falle decken sich auch die beiden Bilder der Linie.

327 Einaxige Krystalle. Einaxig heissen solche Krystalle, welch nur eine optische Axe haben, d. h. in denen es nur eine einzige Richtang giebt, nach welcher der Krystall vom allen Lichtstrahlen mit gleicher feschwindigkeit durchhaufen wird, wie dies beim Kalkapath und bei viele anderen Krystallen der Fall ist, die wir bald werden kennen lernen.

Bei Kalkspath werden die ordinären Strahlen stärker gebrochen ab die extraordinären; alle einaxigen Krystalle nun, bei welchen dies ebesse der Fall ist, werden negative Krystalle genannt. In die Classe der eisaxigen negativen Krystalle gehören unter anderen:

Kalkspath (kohlensaurer Kalk), Glimmer (einige Arten),

Turmalin, l'hosphorsaures Bleioxyd, Rubellit, Saures arseniksaures Kali, Corund, Chlorstrontium,

Saphir, Chlorealcium, Rubin, Honigstein,

Smaragd, Schwefelsaures Nickeloxyd,
Beryll, Blutlaugensalz,
Apatit, Phosphorsaurer Kalk,

Idocras (Vesuvian), Arseniksaures Bleioxyd, Wernerit, Salpetersaures Natron.

Solche einaxigen Krystalle, bei denen die extraordinären Strable stärker gebrochen werden, heissen positive. Unter die einaxigen per sitiven Krystalle gehören: Zirkon, Essigsaures Kalkkupfer, Quarz, Magnesiahydrat, Eisenoxyd, Eis,

Apophyllit, Zinnstein,

Nehmen wir z. B. ein Bergkrystallprisma, dessen brecheude Kante mit der krystallographischen Hauptace parallel ist, also etwa geradene eine sechsestitige Stalte von Bergkrystall, wie sie sich in der Natur finden, so kann diese ganz in derselben Weise als Prisma dienen, wie ein in Form einer sechsestitigen Stalte krystallisirter Kalkepath; durch ein solches naturliches Quarzprisma sieht man die beiden Bilder weit weniger von einander entfernt, als es bei einem entsprechenden Kalkepathprisma der Fall ist; es ist also zu diesen Verschen sehr geeignet. Bestimmt man nun mit Hült dieses Prismas den Brechungescponenten für die beiden Bilder, so findet man die Werthe 1,558 und 1,548. Schleift man ein Prisma nach irgend einer anderen Richtung, so findet man für den an wenigsten abgelenkten Strahl abermals den Brechungsexponenten 1,548, für den anderen Strahl aber einen Brechungsexponenten, welcher zwischen 1,559, und 1,548 lögt; der Brechungsexponenten, welcher zwischen 1,559, und 1,548 lögt; der Brechungsexponenten anderen Strahlen ist also steta grösser als der der ordinaren, die extraordinären werden also am stätzken gebrochen.

Bei den einaxigen positiven Krystallen fällt, wie bei allen einaxigen Krystallen, die optisieh Ax em tid er krystallagraphischen Hauptaxe zusammen. Wenn nan in Fig. 883 ma und mb die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der ordinären Strahlen, mc und md aber die geringste Fortpflanzungsgeschwindigkeit der stärker brechbaren extraordinären Strahlen rechtwinklig zur optischen Axe darstellen, wenn man ferner mit dem Halbmesser ma einen Kreis un m zicht, über die Axen ab und cd eine



Ellipse construirt und sich dann die ganze Figur und die Are  $\delta a$  ungedreht denkt, so entsteht durch die Undrehung des Kreises eine Kngel, durch die Undrehung der Ellipse ein Ellipseid; die Kugel ist die Wellenoberfläche der ordinären, das Ellipsoid die Wellenoberfläche der extraordinären Strahlen in einem einaxigen positiven Krystalle; hier ist die grosse Ase der Ellipse die Undrehungsaxe des Ellipseide, und das Ellipsoid wird ganz von der Kugel eingehülle.

Fig. 884 (a. f. S.) stellt ein Modell zur Versinnlichung der heiden Wellenoberflächen eines einaxigen positiven Krystalls dar.

Optisch einaxig sind alle Krystalle des quadratischen und des hexagonalen Systemes, also der beiden Krystallsysteme, bei welchen eine Axe ausgezeichnet ist vor den übrigen rechtwinklig auf ihr stehenden, welche alle unter einander gleich sind. Bei allen optisch einaxigen Krystallen fällt die Richtung
Fig. 884. der optischen Axe mit der krystallographischen Hauptaxe zusammen.



Die Krystalle des regulären Systemes haben gar keine doppelte Brechung, während die der drei letzten Krystallsysteme zwei optische Axen haben.

Polarisation durch doppelte Brechung. Wenn man die Lichtstrahlee genauer untersucht, welche durch irgend einen doppelt brechenden Körper hindurchgegangen sind, so findet man, dass sie

stets polarisirt sind. Am leichtesten kann man sich davon auf folgende Weise überzeugen: Man halte irgend ein doppeltbrechendes Prisma vor das Auge, so wird man von einem und demselben Gegenstande zwei Bilder sehen; hält man nun zwischen das Auge und das Prisma eine polarisirende Turmalinplatte, so wird man leicht eine bestimmte Stellung derselben ausmitteln können, bei welcher nur eines der beiden Bilder im Prisma sichtbar ist: dreht man alsdann die Turmalinplatte in ihrer Ebene langsam um. so wird alsbald das zweite Bild auch sichtbar werden; je weiter man dreht. desto lichtschwächer wird das erste Bild, während das zweite stärker wird. und wenn man endlich um 90° gedreht hat, so verschwindet das erste Bild und nur das zweite ist sichtbar. Daraus geht nun nicht allein hervor. dass die Lichtstrahlen der beiden Bilder polarisirt sind, sondern auch dass die Polarisationsebene des einen Bildes rechtwinklig auf der Polarisationsebene des anderen steht oder, mit anderen Worten, dass die beiden Strahlenarten, welche sich durch einen doppeltbrechenden Krystall fortpflanzen, rechtwinklig zu einander polarisirt sind.

Nehmen wir ein Kalkspathprisma zur Hand, dessen brechende Kaufmit der optischen Axe parallel ist. Die beiden Bilder irgene deines Gegestandes, etwa einer Kerzenflamme, welche man durch das Prisma sielt-liegen neben einander, wenn man die Kante des Prismas vertical häß Bringt man nun eine Turmalimplatte zwischen das Prisma und sauge, so verschwindet das eine Bild, wenn die krystallographische Haufs axe der Turmalimplatte vertical, also parallel mit der Kante des Prissagehalten wird; das andere Bild verschwindet, wenn die Axe der Turmalimplate wegrecht steht.

Nun aber lässt die Turmalinplatte nur solche polarisirte Strahle durch, deen Schwingungen mit ihrer Hauptace parallel sind; hält mas also die Platte so, dass ihre Aze senkrecht steht, so gehen nur die vertielen Oscillationen durch; hält man sie aber wagerecht, so werden nur wagerechte Schwingungen durchgelassen.

Da nun in den beiden Gränzlagen, wenn nämlich die Axe der Turmalinplatte vertical oder wagerecht ist, nur ein Bild sichtbar ist, so geht Erklärung der doppelten Brechung durch d. Vibrationstheorie. 819

daraus hervor, dass die Vibrationen, welche das eine Bild erzeugen, paraliel mit der optischen Axe des Kalkspathprismas sind, während die Aethervibrationen, welche den anderen Strahl fortpflanzen, in einer Ebene vor sich gehen, welche auf der optischen Axe rechtwinklig steht.

Wie man auch ein Prisma aus Kalkspath oder irgend einem anderen einaxigen doppelbrechenden Krystalle schnieden mag, stets findet man, wenn man die beiden Bilder mit Halfe einer Turnalinplate untersucht, dass sie rechtwinklig zu einander polarisirt sind; die Richtung, nach welcher die Vibrationen für die beiden Strahlen stattfinden, lässt sich aber auf folgende Weise bestimmer.

Deukt uan sich durch die Richtung, in welcher ein Lichtstrahl den Krystall durchläuft, und durch die Richtung der optischen Axe eine Ebene gelegt, so wird eine solche Ebene ein Hauptschnitt genannt; die Schwingungen des ordinären Strahles sind nun stets rechtwinklig auf der Ebene des Hauptschnittes, also auch rechtwinklig auf der Richtung der optischeu Axe; die Schwingungen, welche den extraordinären Strahl fortpflanzen, finden dagegen in der Ebene des Hauptschnittes statt.

Erklärung der doppelten Brechung durch die Vibra- 329 tienstheorie. Um die bisher besprochenen Erscheinungen der doppelten Brechung zu erklären, nimmt die Undulationstheorie au, dass in allen

Fig. 885.

doppeltbrechenden Krystalleu die Elasticität des Aethers, durch dessen Vibrationen sich die Lichtstrahlen fortpflanzen, nicht nach allen Richtungen dieselbe sei. Stellen wir durch ab, Fig. 885, die

Elasticität des Aethers in der Richtung der optischen Axe eines positiven Krystalls, durch cd die Elasticität rechtwinklig zur optischen Axe dar; beschreiben wir ferner eine Ellipse, deren kleine Axe ab, deren grosse Axe aber cd ist, denken

wir uns alsdam die ganze Figur um die Axe ab ungedreht, so entsteht ein Umdrehungsellipsoid, welches das Gestet darstellt, nach welchen sich die Elasticität des Aethers nach verschiedenen Richtungen indert. Dieses Umdrehungsellipsoid führt den Namen der Elasticitätsoberfläche; und zwar ist es die Elasticitätsoberfläche für einaxige positive Krystalle. In diesen Simon stalle Eur. 886 f. 6 7 3 des Modell der Flasticitätso

In diesem Sinne stellt Fig. 886 (a. f. S.) das Modell der Elasticitätsoberfläche eines optisch einaxigen positiven Krystalls dar.

Bei in egativen Krystall en ist die Elasticität des Aethers in der Richtung der optischen  $\Delta x$ e grösser als nach jeder anderen Richtung, ein Minimum aber nach allen Richtungen, welche auf der optischen  $\Delta x$ e rechtwinklig stehen. Wen in der Ellipse, Fig. 888 (a.f. 8), ab die Elasticität des Aethers nach der Richtung der optischen Axe in einem ciunzigen uegativen Krystalle,  $c\,d$  aber die Elasticität des Aethers rechtwinklig zur optischen Axe darstellt, so entsteht durch Umdrehung dieser Ellipse um die



Fig. 886.



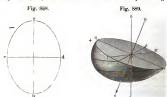
Fig. 887.

grosse Axe ab die Elasticitätsoberfläche einaxiger negativer Krystalle.

Fig. 887 stellt das Modell der Elasticitätsoberfläche eines optisch einaxigen negativen Krystalls dar.

Jede durch den Mittelpunkt m der Elasticitätsoberfläche gelegte Ebene schneidet dieselbe in einer Ellipse, welche um so mehr einem Kreis sich nähert, je weniger der Winkel, welchen die schneidende Ebene mit der optischen Axe macht, von einem rechten verschiden ist.

Fig. 889 stellt den Durchschnitt der Elasticitätsoberfläche eines einaxigen (positiven) Krystalls mit einer durch ihren Mittelpunkt m gelegte



Ebene dar. qr ist die kleine, cd ist die grosse Axe der Durchschüttellipse (dass in unserer Figur cd kleiner ist als qr, rührt daher, dass rd, als rechtwinklig zu der Bildfläche stehend, verkürst erscheint, während qr, als in der Bildfläche liegend, unverkürst bleibt; cd ist gleich dem Aequstorisidurchmesser der Ellipsoids Fig. 885).

Für Lichtstrahlen, welche sich in der Richtung po, rechtwinklig zur Ebene qdrc im Krystall fortpflanzen, ist die durch po und die Ax ab gelegte Ebene der Hamptschnitt. Dieser Hamptschnitt schneidet die Ellipse qdrc in der Linie qr. Nach dem vorigen Paragraphen ist qr die Schwingungsvorrichtung für die extraordinären Strahlen, welche sich in der Richtung po durch der Krystall fortpflanzen.

Die grosse Axe cd des elliptischen Schnittes, welche auf dem eben bezeichneten Hauptschnitt rechtwinklig steht, ist die Schwingungsrichtung der ordinären Strahlen, welche sich in der Richtung op durch den Krystall fortußauzen.

qr ist die Richtung der kleinsten, cd ist die Richtung der grössten Elasticität in der rechtwinklig auf po stehenden Ebene.

Danach können wir das Gesetz der Polarisation durch doppeltbrechende Krystalle in folgender Weise aussprechen: Die Schwingungen, welche einen Lichtstrahl innerhalb eines doppeltbrechenden Krystalls fortpflanzen, finden nur nach der Richtung derkleinsten und nach der Richtung der grössten Elasticität der zur Richtung des Strahles normalen Ebene statt.

Fa bleibt uns jetzt noch übrig, den Grund zu suchen, warum die Schwingungen, welche einen Strahl innerhalb eines doppeltbrechenden Krystalls fortpflanzen, nur nach diesen beiden Richtungen und nicht nach irgend einer zwischeuligenden stattfinden können.

Nehmen wir an, das Acthertheilchen m, Fig. S89, welches auf der Oberfläche eines doppeltbrechenden Krystalls sich befinden mag, dessen Axe die Richtung ab hat, werde durch die einfallenden Strahlen so afflicit, dass es nach der Richtung fg oscillitt, so kann man sich seine Vibrationsintensität in zwei Seitenkräfte zerlegt denken, von denen die eine nach cd, die andere nach qr gerichtet ist.

Weil nun aber die Elasticität des Aethers im Krystall nach der Richtung cd eim Maximum ist, und weil sich deshalb auch die Vibrationen, welche parallel mit cd sind, im Krystall schneller fortpflanzen als alle anderen, so wird sich auch die nach cd gerichtete Composante der in der Richtung fg stattifindenden Vibration des Heilchens m am schnellsten im Krystall fortpflanzen. Ein im Iuneren des Krystalls auf dem Wege der gebrochenen Strahlen in einiger Entfernung von m befindliches Aethertheilchen wird also von einer parallel mit cd gerichteten Bewegung eher erzpfflen werden als von irgend einer anderen, es wird sich also zunfichst im Inneren des Krystalls ein Strahlenbündel bilden mössen, welches durch Schwingungen fortgepflanzt wird, die mit cd parallel sind. Ein zweites, langsamer sich fortpflanzendes Strahlenbündel wird sladamı durch Vibrationen gebildet, welche, durch die zweite Composante der einfallenden Strahlen zeueg, parallel mit qr stattfinden.

Construction der Wellenoberflächen einaxiger Kry- 330 stalle. Wir haben oben in § 326 die Wellenoberfläche einaxiger Krystalle aus den Brechungsexponenten des ordinären und extraordinären Strahles für verschiedene Richtungen, also gleichsam empirisch construirt; wir müssen nun noch zeigen, wie sie sich auch aus der Elasticitätsoberfläche, also theoretisch, ableiten lässt,

Betrachten wir zunächst einen optisch einaxigen positiven Krystall. Welches auch die Richtung po, Fig. 890, eines ordinären Strahles im Krystall sein mag, so sind die Schwingungen, welche ihn fortpflanzen, jederzeit rechtwinklig zur Axe. Da aber rechtwinklig zur Axe nach allen Seiten hin die Elasticität des Aethers dieselbe ist, so werden sich auch die ordinären Strahlen nach allen Richtungen hin mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen ist also eine Kngel, deren Diameter gleich dem Aequatorialdurchmesser der Elasticitätsoberfläche zu nehmen ist.

Für einen extraordinären Strahl, welcher sich rechtwinklig zur optischen Axe, also in der Richtung cd, Fig. 890, fortpflanzt, sind die Vibrationen der optischen Axe parallel, und da ma, die halbe kleine Axe

Fig. 890.

der Ellipse, die Elasticität des Aethers in der Richtung der optischen Axe darstellt, so stellt die Länge ma auch die Geschwindigkeit dar, mit welcher die extraordinären Strahlen sich rechtwinklig zur Axe fortpflanzen.

Ebenso stellt my, die Hälfte des Ellipsendurchmessers qr, die Geschwindigkeit dar, mit welcher sich ein extraordinärer Strahl in der Richtung po. rechtwinklig zu qr, fortpflanzt. Diese Geschwindigkeit wird um so grösser, je kleiner der Winkel

wird, welchen die Richtung des extraordinären Strahles po mit der optischen Axe des Krystalles macht. In der Richtung der optischen Axe selbst ist endlich die Fortpflan-

zungsgeschwindigkeit der extraordinären Strahlen gleich mc, d. h. gleich der der ordinären.



lenoberfläche der extraordinären Strahlen eines einaxig positiven Krystalls ein Umdrehungsellipsoid ist, dessen mit der optischen Axe zusammenfallender Polardurchmesser gleich ist dem Aequatorialdurch messer der entsprechenden Elasticitätsoberfläche, während der Aequatorialdurchmesser der extraordinären Wellenoberfläche gleich ist dem Polardurchmesser der entsprechenden Elasticitätsoberfläche. Kurz, aus der Elasticitätsoberfläche einaxig positiver Krystalle ergieht sich die Wellenoberfläche der ordinären Strahlen sowohl als auch der extraordinären, wie sie durch das Modell Fig. 891 dargestellt ist.

In gleicher Weise lässt sich die durch das Modell, Fig. 880, dargestellte Wellenoberfläche der ordinären und extraordinären Strahlen in einaxig negativen Krystallen aus der Elasticitätsoberfläche, Fig. 887, ahleiten,

Doppeltbrechende Prismen als polarisirende Apparate, 331 Da alle Strahlen, welche einen doppelthrechenden Krystall durchlaufen

haben, polarisirt sind, so kann man auch doppelthrechende Prismen statt der Polarisationsspiegel oder statt der Turmalinplatten anwenden; namentlich lassen sich doppelthrechende Prismen sehr gut statt des Zerlegungsspiegels als Kopf des Polarisationsapp@rates anwenden.

Wenn man ein doppelthrechendes Prisma als Zerleger im Polarisationsapparate anwenden will, ist es zweckmässig, dasselbe durch ein Glasprisma zu achromatisiren, damit die prismatische Farhenzerstreuung und die Ablenkung der Bilder nicht störend wirkt. Wenn man ein Kalkspathprisma und ein Glasprisma von gleichem brechenden Winkel zusammenkittet, so findet für den extraordinären Strahl weder eine Ahlenkung, noch eine Farbenzerstreuung statt, da der Brechungsexponent und die Farbenzerstreuung im Glase dem Brechungsexponenten und der Farbenzerstreuung für den extraordinären Strahl im Kalkspathprisma ziemlich gleich ist. Sight man durch cin so achromatisirtes Kalkspathprisma nach irgend einem Gegenstande, etwa nach einer Kerzeuflamme, so sieht man zwei Bilder, von denen das eine, das ordinäre, noch farhige Säume zeigt, während das andere davon frei ist. Dreht man nun das Prisma vor dem Auge um, so bleiht dahei das farhlose Bild fast ganz unverrückt stehen, während das farhig gesäumte sich um das erstere dreht.

Um ein achromatisches Kalkspathprisma bequem als Kopf des Polarisationsapparates gebrauchen zu können, wird es mittelst Kork in eine Hülse von Messing gefasst, wie man Fig. 892 sieht. Wenn man auf das mittlere

Fig. 892.

Tischlein des Polarisationsapparates einen schwarzen Schirm legt, in dessen Mitte sich eine Oeffnung von 2 bis 3 Linien Durchmesser befindet, so kann nur durch diese Oeffnung polarisirtes Licht zum oheren Theile des Apparates gelangen. Sieht man nach der

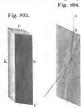
Oeffnung von oben her durch ein achromatisirtes Kalkspathprisma, so sight man die Oeffnung doppelt, und wenn man das Prisma um seine verticale Axe umdreht, so werden die beiden Bilder ahwechselnd hell and dunkel; wenn die Helligkeit des einen Bildes zunimmt, so nimmt die des anderen ah, und wenn das eine Bild ein Maximum von Helligkeit erreicht hat, so erscheint das andere Bild ganz dunkel, was sich ganz natürlich dadurch erklärt, dass die beiden Strahlenarten, welche sich durch ein

doppeltbrechendes Prisma fortpflanzen können, rechtwinklig zu einander

polarisirt sind; das eine der beiden Bilder entspricht also dem Falle der gekreuzten Spiegel des Polarisationsapparates.

Zn vieleu Versuchen ist eine Turmslinplatte ungleich bequener, alein Polarisationsspiegel; nur ist oft die Färbung einer solchen Platte ötrend.
Statt der Turmslinplatte könnte man aber fast eben so bequem ein doppeltbrecheudes Prisma zur Erzeugung oder Zerlegung des polarisirten Lichteanwendeu, wenn es nicht zu gleicher Zeit zwei rechtwinklig zu einander
polarisirte Strahlenbündel lieferte. Auf eine simreiche Weise bat nun
Nicol zwei Kalkspathprismen so combinirt, dass nur das eine polarisirte
Strahlenbündel durch das System bindurchgelt.

Die Construction der Nicol'schen Prismen ist folgende: Man verschafte sich zwei in die Länge gezogene Kalkspath-Rhomboëder und schleife statt



der kleinen natürlichen Endfläche P.
Fiß. 893, welche einen Winkel von 71° mit den stumpfen Kanten K macht, eine andere an, deren Winkel mit den Kanten K 68° beträgt. Alsdann schleife man von Fig. 895.



der Ecke E her eine neue Fläche an, die wir mit II bezeichnen wollen, und welchmit der statt P angeschliffenen einen rechten Winkel macht.

rechten Winkel macht.

Hat man zwei solcher Prismen hergestellt und die angeschliffenen Flächen wohl

polirt, so klebt man sie mittelst Canadabalsams so auf einander, das die Flächen II beider Prismen auf einander zu liegen kommen.

Fig. 894 stellt den durch die Kanten K gebegten Durchschnitt eines Nicol'schen Prissnas dar. Ein Strahl ab, welcher die obere Fläche trifft. wird beim Eintritt in den Krystall in einen ordinären  $b^c$  und in eines extraordinären  $b^d$  gespalten. Der ordinäre Strahl erleidet an der Balsanschicht, deren Brechungssepnent 1,54 ist, eine totale Reflexion, während nur der extraordinäre Strahl durch die Balsamschicht hindurch in das untere Prisma trift, nur endlich parallel mit ab ans demselben wieder auszutreten. Ein solcher Apparat giebt also nur ein polarisites Bild.

Auch die Nicol'schen Prismen werden mittelst Kork in eine passende Metallhülse gefasst.

Um die von der Oberfläche des Wassers reflectirten polarisirten Strahlen vom Auge abzuhalten, damit man die unter dem Wasserspiegel befindlichen Gegenstände besser sehen könne, wie dies bereits S. 803 besprochen wurde, kann man statt einer Turmalinplatte wegen seiner Farblosigkeit mit Vortheil anch das Nicol'sche Prisma anwenden.

Die obere Fläche eines Nicol'selne Prismas hat die Gestalt einer Raute-Fig. 895, die Polarisationsebene der durch einen solchen Apparat hindurchgegangenen Strahlen fällt mit der Richtung PP der grossen Diagonale zusammen, die Schwigungsebene derselben hat also die Richtung der kleinen Diagonale, welche in unserer Fürzu durch einen kleinen Pfelb beseichnei sit.

Rochon's Mikrometer, In Fig. 896 seien obs und obs' awei 334 zwei 334 zwei 342 zwei 342 zwei steht rechtwinkig auf der Fläche sb, sie läuft also mit der Fläche so parallel, die optische Axe des zweiten Prismas hingegen läuft parallel mit der Durchschnittskante der Flächen os' und be, sie steht also echtwinklig auf der Ebene des Papiers. Wenn nun von irgend einem Gegenstande her Lichtstrahlen rechtwinklig auf die vordere Fläche sb des ersteren Prismas fallen, so werden sie ohne alle Ablenkung diesee srete Frisma durch-



laufen; beim Uebergang in das zweite Prisma werden die ordinären Strahlen auch nicht abgeleukt, sie treten also mit unveränderter Richtung an der Fläche os' aus; die extraordinären Strahlen hingegen werden durch das zweite Prisma eine Ablenkung erfah-

ren, sie verlassen dasselbe in einer anderen Richtung als die ordinären; der Winkel, ehen die austretenden ordinären Strahlen mit den austretenden extraordinären machen, hängt von der Grösse des brechenden Winkels bos' ab, und man kann den Winkel e berechnen, wenn die Grösse des Winkels bos' bekannti sit, da nan ja den Berchungsexponenten der extraordinären und der ordinären Strahlen im Bergkrystalle ein- für allemal kennt. Wenn der brechende Winkel bos' 30°, 40°, 50°, 60° is, so findet man für den Abenkungswinkele die Werthe 19° 30°, 20° 20°, 40°, 57° 40°, 57° 40°.

Statt den Ablenkungswinkel e durch Rechnung zu ermitteln, ist es besser, ihm direct durch den Versuch zu bestümmen. Wenn man nämlich durch ein solches Prisma nach irgend einem Gegenstande hinsicht, so erblickt nanz weis Bilder desselben, die je nach der Grössen und Enfferung des Gegenstandes theilweise einander decken oder durch einen Zwiseltenraum von einander getreunt erscheinen. Wenn nan der zu betrachtende Gegenstand eine kreisförnige Scheibe ist, so ist es leicht, ein eine solche Entferung zu bringen, dass die beiden Bilder sich gerade berühren, und in diesem Falle erscheinen die beiden Mittelpunkte gerade mm den Durchnesser d der Scheibe getreunt. Bezeichnet man die Entfernung der Scheibe mit z, so ist definaher:

tang. 
$$e = \frac{d}{z}$$
,

wenn mit e der Ablenkungswinkel der extraordinären Strahlen, also der Winkel bezeichnet wird, welchen die nach der Mitte des ordinären und des extraordinären Bildes gezogenen Visirlinien mit einander machen.

Wenn der Winkel e für ein solches Prisma einmal bekannt ist, so kann man mit Hülfe der eben angegebenen einfachen Gleichung für irgend einen Gegenstand, dessen beide Bilder sich gerade berühren, den Durchmesser d berechnen, wenn die Entfernung z bekannt ist, und ungekehrt die Entfernung z finden, wenn man seinen Purchmesser d kennt.

Unser Prisma ist vorzugsweise in Fernröhren angewandt, um den Durchmesser oder die Entfernung der Gegenstände zu bestimmen. Ein mit einem doppeltbrechenden Prisma zu diesem Zwecke versehenes Fernrohr führt nach seinem Erfinder den Namen Rochon's Mikrometer. Das Prisma befindet sieh zwische dem Objectiv und dem Outal des Fernrohrs und kaun nach Belichen von dem Objectiv entfernt oder demselben genähert werden.

In Fig. 897 stellt c eine Sammellinse dar, welche auf irgend einem Schirme in fm das Bild eines fernen Gegenstandes entwirft; bringt man Fig. 897. nun ein Rochon'sches



Prisma zwischen die Linse c und den Schirm, so werden die ordinären Strahlen ebenfalls in fm ein Bild entwerfen, die extrahlen aber. welche nach dem Austritt

aus dem Prisma mit den ordinären einen Winkel e machen, werden ein zweites Sammelbild in f'm' erzeugen.

Da der Winkel, welchen die ordinären und extraordinären Strahlenbindel mit einander machen, unversändert derselbe bleibt, so wird die Entfernung der beiden Bilder fm und  $f^*m^\prime$  wachen, wenn man das Prisms vom Schirme entferut; die Entfernung der Bilder wird aber kleiner werden, wenn man das Prisma dem Schirme nähert. Man kann demnachen,

Fig. 898.

leicht dem Prisma eine solche Stellung geben.
dass sich die beiden Bilder auf dem Schirme gerade berähren, wie dem

Was eben gesagt wurde, gilt auch noch, wenn diese Linse c das Objectie eines Fernrohrs ist und wenn man die Bilder nieht auf einem Schirme auffängt, sondern sie durch das Ocular des Fernrohrs betrachtet. Wens rich die beiden Bilder gerade berühren, so besteht zwischen dem Ablenkungswinkel frm = e und dem Winkel fcm = e, welcher fcm = e, where fcm = e and fcm = e, we have fcm = e and fcm = e, where fcm = e and fcm = e are fcm = e, where fcm = e and fcm = e are fcm = e and fcm = e and fcm = e.

gleich ist, unter welchem der Gegenstand ohne Fernrohr erscheint, folgende Beziehung:

Es ist tung,  $e=\frac{fm}{fr}=\frac{fm}{h}$ , wenn man mit h die Entfernung des Prismas von dem Bilde für den Fall bezeichnet, dass die beiden Bilder sich gerade berühren; ferner ist tung,  $v=\frac{fm}{fc}=\frac{fm}{F}$ , wenn F die Brennweite des Objectivs bezeichnet; daraus ergiebt sich aber die Proportion:

tang. 
$$v: tang. e = \frac{1}{F}: \frac{1}{h}$$
,

und daraus folgt:

tang. 
$$v = \frac{h}{F} tang e$$
.

Wenn man das Ferrrohr auf irgend einen entfernten Gegenstand richtet und das Prisma so verschiebt, dass die beiden Bilder in Berührung kommen, so kann man nach dieser Formel die Größes des Gesichtswinkels  $\theta$  berechnen, unter welchem der Gegenstand ohne Fernrohr erscheint, da der Werth von  $\rho$  ja ein- für allemal für das Prisma ausgemittelt hat und die Brennweite des Objectivs bekannt ist. Um den Werth von h, d. h. die Entferung des Prismas von der Stelle, wo das Objectiv seine Bilder entwirft, zu messen, muss die Einrichtung getroffen sein, dass man diese Entferung an einer aussen am Fernrohre angebrachter Theilung ablesen kann. Die Verschiebung des Prismas kann auf änliche Weise bewerksteligt werden, wie die Verschiebung des kleinen Spiegels in dem Spiegeltelsekope.

Austatt der Theilung, welche die Entfernung des Prismas von der Stelle angiebt, an welcher das Bild des Objectivs entsteht, kann man eine empirische Theilung auftragen, welche ohne Weiteres den gewuchten Winkelwerth v angiebt. Eine solche Theilung erhält man auf folgende Weise.

Man richtet das Fernrohr auf eine kreisförmige Scheibe, deren Entfernung und deren Durchmeser man kennt; der Winkelwerth, unter weichem die Scheibe dem unbewaffneten Auge erscheint, ist leicht zu berechnen, wir wollen z. B. annehmen, er betrage 30. Man stellt nun das Prima
im Fernrohre so, dass man nur ein Bild der Scheibe sieht, und so erhält
man den Nullpunkt der Theilung; alsdann rückt man das Prisma gegen
das Objectiv hin, bis sich die beiden Bilder berühren; da man nun weiss,
dass der Schwinkel v gleich 30' ist, so bezeichnet man die Stelle auf der
Röhre, an welcher jetzt das Merkesiehen des Prismas setht, mit 30',
theilt dann die Entfernung dieses Punktes von dem Nullpunkte der Theilung in 30 gleiche Theile und setzt diese Theilung auch noch jenssite des
Punktes 30 fort. Richtet man nun das Fernrohr auf ürgend einen anderen
Gegenstand, bringt man durch Verschiebung des Prismas die beiden Bil-

der desselben in Berührung, so kann man ohne Weiteres den Werth des Sehwinkels für diesen Gegenstand auf dem Rohre ablesen.

Neben dieser Theilung, welche die Winkelwerthe angieht, unter welchen die Grgenstände dem blossen Auge erscheinen, stehen andere, welche das Verhältniss zwischen der Grösse und der Entfernung der Gegenstände angeben. So steht z. B. neben 4' die Zahl 859, und dies bedeutet, das die Entfernung eines Gegenstandes 859mal so gross ist als sein Durchmesser, wenn er unter einem Winkel von 4' erscheint; mit Hälfe dieser Zahlen kann man nun sehr leicht die Grösse eines Gegenstandes aus seiner Entfernung, und umgekehrt seine Entfernung aus seiner Grössberrechnen.

333 Zweiaxige Krystalle. In allen Krystallen, welche zu den drei letzten Krystallsystemen gehören, giebt es zwei Richtungen, in welchen sich alle ebenen Wellen mit derselben Geschwindigkeit fortpflanzen oder, mit anderen Worten, alle diese Krystalle haben zwei optische Axen.

Fresnel, von welchem die Theorie der doppelten Brechung einaxiger Krystalle herrührt, deren Grundzüge bereits oben entwickelt worden sind, fand, dass die doppelte Brechung in zweisaxigen Krystallen anderen Gesetzen folgt; in den zweisaxigen Krystallen giebt es keinen ordinäres Strahl mehr, ch. keinen, welcher den Krystall nach allen Richtungen mit gleicher Geschwindigkeit durchläuft; also keiner der beiden Strahlen, in welche ein einfallender Lichtstrahl bei seinem Eintritte in einen zweisaxigen Krystall gespalten wird, folgt den Gesetzen der gewöhnlichen Brechung.

Der Winkel, welchen die Richtungen der beiden optischen Axen mit einander machen, ist nicht für alle Krystalle derselbe, wie man aus der folgenden Tabelle ersehen kann.

Namen der Krystalle.					١	Vi	ık	el d	ler o	ptischen	Axen.
Kohlensaures Bleioxyd (Wei	isst	lei	erz	:)					50	15'	
Salpeter				٠.					5	20	
Kohlensaurer Strontian									6	56	
Glimmer (gewisse Arten) .									6		
Talk										24	
Arragonit									18	18	
Glimmer (gewisse Arten) .									25		
Cymophan									27	51	
Titanit									30		
Borax									28	42	
Glimmer (einige Arten)						3	0	bis	37		
Schwefelsaure Magnesia									37	24	
Schwerspath									37	42	
Ameisensaures Kupferoxyd									39		
Stilbit									41	42	

## Gesetze der doppelten Brechung in zweiaxigen Krystallen. 829

Namen der Krystalle.											ptisc	hen	Axe
Schwefelsaures Magnesia-	Αı	nm	on	iak						51	9		
Schwefelsaures Nickeloxy													
Kohlensaures Ammoniak										43	24		
Schwefelsaures Zinkoxyd										44	4		
Glimmer										45			
Lepidolith										45			
Benzoësaures Ammoniak										45	8		
Schwefelsaures Ammoniak	٠.									49	41		
Topas (von Brasilien) .							4	9	bis	50			
Zucker										50			
Phosphorsaures Natron .									٠.	55	20		
Comptonit										56	6		
Gyps										57	30		
Salpetersaures Silberoxyd										62	16		
Feldspath										64			
Topas (von Aberdeen) .										65			
Schwefelsaures Kali										67			
Kohlensaures Natron										70			
Essigsaures Bleioxyd										70	25		
Citronensaure										70	29		
Weinsteinsäure										79			
Weinsteinsaures Kali-Natr	on	(8	ei,	gne	tt	esa	lz)			80			
Kohlensaures Kali										80	30		
Cyanit										81	48		
Chlorsaures Kali										82			
Epidot										84	19		
Peridot										87	56		
chwefelsaures Eisenoxydu	d	Œ	ser							90			

Diejenige Linie, welche den spitzen Winkel der beiden optischen  ${\bf Axen}$ halbirt, heisst Mittellinie.

## Gesetze der doppelten Brechung in zweiaxigen Kry- 334 stallen. Fresnel hat die Erscheinungen der doppelten Brechung in



Erscheinungen der doppelten Brechung in zweiaxigen Krystallen aus folgender Annahme über die Elasticität des Aethers abgeleitet: die Elasticität des Aethers abgeleitet: die Elasticität des Aethers int in zweiaxigen Krystallen weder nach allen Bichtungen dieselbe, wie dies bei einfach brechenden Mitteln der Fall ist, noch giebt es in denselben eine Axe, um welche herum die Elasticität des Aethers ganz symmetrisch ist, wie bei den einaxigen Krystallen. Es stelle in Fig. 899 ab die grösste Elasticität in einen zweiaxigen Krystalle dar, so steht die Axe der kleinsten Elasticität cd rechtwinklig zur Ebene dieser beiden Axen ist nun die Elasticität des Aethers kleiner als in der Richtung ab, und grösser als in der Richtung  $ct_i$  wir wollen die Axe ef die Axe der mittleren Elasticität nennen; sie erscheit in unserer Figur verkent.

Elasticität nennen; sie erscheint in unserer Figur verkürzt. Denken wir uns über diese drei Axen ein Ellipsoid beschrieben, so kann man mit Hüfe desselben das Gesetz, nach welchem sich die Fortpflanzungs-



seschwindigkeit der Strahlen mit der Richtung ändert, also die Form der Wellenoberfläche für zweiaxige Krystalle mehfolgender, vom Freaugegebener Regel entwickeln: Wenn mas durch den Mittelpunkt des Ellipsoideine Ebene gelegt denkt, so ist der Durchschnitt derselben mit dem Ellipsoid state sine Ellipse, errichtet man nun in der Mitte des elliptischen Schnitte ein Perpendick auf der Ebene dessel-

ben, trägt man auf denselben die Länge der grossen und der kleinen Aze des elliptischen Schnittes auf, so sind diese beiden Längen die Fortptlanzungsgeschwindigkeiten der beiden Strahlen in der Richtung dieser Perpendikels. Hier mag es genügen, die Durchschnitte der Wellenober fläche mit den drei Ebenen zu bestimmen, welche man durch je zwei der drei Elasticitätsaxen legen kann.

Wir wollen der Reihe nach das Gesetz der Fortpflauzungsgeschwindigkeit für beide Strahlen innerhalb der Ebene der Elasticitätsaxen cl umb ef, dann innerhalb der Ebene der Axen ef und ab und endlich innerhalb der Ebene der Axen ab und cd, oder, mit anderen Worten, die Durchschnitte der Wellenoberfläche mit der Ebene der Axen cd und ef, ab und

Wenn sich ein Lichtstrahl nach irgend einer Richtung im Krystalle fortpflanst, welche in die Ebene der Acne  $c\bar{d}$  und  $c\bar{f}$  fällt, so geht der auf der Richtung des Strables rechtwinklig durch den Mittelpunkt des Ellipseids gelegte Schnitt jedenfalls durch die Ax  $a\bar{d}$  der grönsten Elasteitst; jede durch die Ax  $a\bar{d}$  be gelegte Ebene schneidet aber das Ellipseid in einer Ellipse, deren grosse Ax  $a\bar{d}$  ist, nach allen in die Ebene der Ax en  $c\bar{d}$  und  $c\bar{f}$  fallenden Richtungen können sich also Strahlen fortpflazen, deren Tibrationen mit der Axe  $a\bar{d}$  parallel sind; diese Strahlen durch laufen nun sämmtlich dem Krystall mit gleicher, der Elasticität  $a\bar{d}$  es sprechenden Geschwindigkeit; zieht man um den Durchschnittpunkt der Linien CD um  $E\bar{F}$  Fig. 99), einer Kreis, dessen Halbmesser  $m\bar{u}$  gleich $l_f$  auch  $l_f$  gelegten Ebene mit einem Theile der Wellenoberfläche.

Nach denselben Richtungen pflanzen sich aber auch Strahlen fort, deren Vibrationen rechtwinklig zur Axe ab stattfinden. Betrachten wir zu-

nächst einen Strahl, der sich in der Richtung der Axe ef fortpflanzt; ein durch den Mittelpunkt des Ellipsoids rechtwinklig auf ef gelegter Schnitt schneidet dasselbe in einer Ellipse, deren grosse Axe ab, deren kleine Axe aber cd ist; die Vibrationen, welche einen Strahl in der Richtung der Axe ef fortpflanzen, sind also entweder mit ab oder mit cd parallel; der Vibrationsrichtung ab entspricht, wie wir schon gesehen haben, die Fortpflanzungsgeschwindigkeit mu, Fig. 901; der Vibrationsrichtung cd



entspricht dagegen die geriugere Fortpflanzungsgeschwindigkeit mo (die Länge mo müssen wir gleich 1/2 cd machen, wenn mu = 1/2 ab); es ist dies die geringste Geschwindigkeit, mit welcher sich irgend ein Strahl im Krystalle fortpflanzen kann, weil cd die kleinste Elasticitätsaxe ist: mn hingegen ist die grösste Fortoflanzungsgeschwindigkeit, weil ab die grösste Elasticitätsaxe ist.

In der Richtung der Elasticitätsaxe cd. Fig. 900, wird ein Lichtstrahl eutweder durch Vibrationen fortgepflanzt, welche parallel mit ab sind, und

dann ist seine Fortpflanzungsgeschwindigkeit gleich mn'' = mn, Fig. 901, oder die Schwingungen, welche einen Strahl in der Richtung cd fortpflanzen, sind parallel mit ef, und dann ist die Fortpflanzungsgeschwindigkeit gleich mq", gleich 1/2 ef.

In einer Richtung, die innerhalb des Winkels liegt, welchen die Axen ed und ef mit einander machen, ist begreiflicher Weise die Fortpflanzungsgeschwindigkeit solcher Strahlen, deren Vibrationen auf ab rechtwinklig sind, kleiner als mq" und grösser als mo. Beschreibt man um den Punkt m eine Ellipse, deren Halbaxen mo und mq" sind, so giebt uns eine von m zu irgend einem Punkte des Umfanges dieser Ellipse gezogene Linie die Geschwindigkeit an, mit welcher sich in der Richtung dieser Liuie ein Lichtstrahl bewegt, dessen Vibrationen rechtwinklig auf der Axe der grössten Elasticität sind.

Diese Ellipse und der mit dem Halbmesser mn um dieselbe gezogene Kreis stellen uns also den Durchschnitt der Wellenoberfläche mit einer Ebene dar, welche durch die mittlere und die kleinste Elasticitätsaxe gelegt ist.

Durch ähnliche Betrachtungen findet man nun anch den Durchschnitt der Wellenoberfläche mit einer durch die mittlere und die grösste Elasticitätsaxe gelegten Ebene. Dieser Durchschnitt (Fig. 902 a. f. S.) besteht

ebenfalls aus einem Kreise und einer Ellipse, hier ist aber der Kreis ganz von der Ellipse eingehüllt.

Nach allen Richtungen der durch ef und ab, Fig. 900, gelegten Ebene können Strahlen durch Vibrationen fortgepflanzt werden, welche

Fig. 902.



mit der Axe cd. der Axe der kleinsten Elasticität, parallel sind; diese Strahlen pflanzen sich nach allen Seiten mit derselben Geschwindigkeit fort, welche der Vibrationsrichtung cd zukommt; der Halbmesser mo des Kreises der Fig. 902 ist deshalb gleich 1/2 ed in Fig. 900. In der Richtung der Elasticitätsaxe ab werden aber auch Strahlen fortgepflanzt, deren Schwingungen parallel mit ef sind, deshalb ist in Fig.  $902 \, m \, q' = 1/2 \, ef \, der \, Fig. \, 900$ gemacht. In der Richtung der Axe ef pflanzen sich aber wie wir schon wissen, auch Strahlen fort. deren Schwingungen parallel mit

ab sind, deren Geschwindigkeit also gleich mn ist.

Der Durchschnitt der Wellenoberfläche mit einer Ebene, welche durch der Aze der grössten und der kleinsten Elasticität geht, besteht ebenfalle aus einer Ellipse und einem Kreise. Die kleine Aze der Ellipse ist gleich Mo', Fig. 903, die grosse gleich Mn'', der Radius des Kreises gleich Ma.

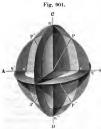
Fig. 903.



weil in der Ebene der Elasticitätsaxen ab und cd nach allen Richtungen Strahlen durch Vibrationen fortgepflanzt werden können, die mit der mittleren Elasticitätsaxe perallel sind.

Da der Radius des Kreises hier grösser ist als die kleine, und kleiner als die grosse Axe der Ellipse, so schneiden sich der Kreis nmd die Filipse in vier Punkten. Die Fig. 904 stellt eine perspectivische Ansicht der durch die erwähnten drei Ebenen geschnittenen Wellenoberfläche dar. Will man sich eine reklare Vorstellung von der Wellenoberfläche sweissiger Krystalle machen, so thut man gut, die drei Durchschnitte in der doppelten Grösse der Figuren 900, 902 und 903 auf Kartenpapier zu zeichnen und sie zu einem Modelle zusammenzufügen, wie man Fig. 904 sieht.

Um den Begriff der optischen Axen in zweiaxigen Krystallen fest-



zustellen, müssen wir noch erwähnen, dass hier noch ein Unterschied zwischen der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Strahlen und der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der gebrochenen ebenen Wellen zu machen ist. Bei der Erklärung des Brechungsgesetzes nach der Vibrationstheorie (Seite 750) haben wir gesehen, dass die gebrochene ebene Welle alle die elementaren Kugelwellen berührt, welche jeder elementare Lichtstrahl bei seinem Uebergange in das brechende Mittel erzeugt; die Richtung der gebrochenen Strahlen steht hier rechtwinklig auf der Richtung der gebrochenen ebenen

Welle, weil ja jede Kreistangeute einen rechten Winkel mit ihrem Radius macht; diese Beziehung findet aber nicht mehr statt, wenn die elementaren Wellen im brechenden Medium nicht kugelformig sind; eine Tangente, welche eine Ellipse in irgend einem Punkte berührt, steht im Allgemeinen nicht rechtwinkig auf dem Leitstrahle, den man von dem Mittelpunkte der Ellipse nach dem Berührungspunkte ziehen kann; die Richtung der gebrochenen Welle fr im Fig. 905 steht nicht geans rechtwinkig auf der Richtung des gebrochenen Strahles. Da sieh nun die gebrochenen ebenen Wellen parallel mit der berührenden Ebene fr im Krystalle fortbewegen, so ist offenbar die Fortpfänzungsgesechwindigkeit dieser Wellen ein von de

Fig. 905.

Müller's Lehrbneh der Physik. 61e Auft. 1.

auf die berührende Ebene fn gefälltes Perpendikel, während die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der gebrochenen Strahlen durch den Leitstrahl bn dargestellt wird.

Wenn nun die optische Axe eines doppeltbrechenden Krystalls diejenige Richtung ist, nach welcher sich die ebenen Wellen stets mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, so findet man die Richtung der optischen Axen in einem zweiaxigen Krystalle, wenn man eine gemeisschaftliche Tangenter RS. Fig. 903, an die beiden Theile der Wellenober-fläche legt und von dem Mittelpunkte M ein Perpendikel MT auf die Tangente fällt; dieses Perpendikel ist die Richtang einer optischen Axe. Solcher gemeinschaftlichen Tangenten kann man aber im Fig. 903 vier ziehen, von denen je zwei einander diametral gegenüberliegend durch eine optische Axe verbunden sind.

Der Kreis und die Ellipse Fig. 903 schneiden sieh in 4 Punkten, von denen je zwei dinnertral gegenalberliegen. De jeder der Punkte P den beiden Theilen der Wellenoberfläche gemeinschaftlich ist, so ist klar, dass sieh in der Richtung MP zwei Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen können, von denen die Schwingungen des einen in die Ebene der Figur fallen, während die Schwingungen des anderen rechtwinklig zu derselben sind. Obgleich sich aber diese Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit im Krystalle fortpflanzen, so ist doch die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der ihnen eutsprechenden ebenen Wellen nicht dieselbe, da die Tangente, die man im Punkte P an die Ellipse ziehen kann, nicht mit der demselben Punkte entsprechenden Kreistangente zusammenfällt, da abs die Länge der von M auf diese beiden Tangenten gefällten Perpendikel nicht gleich ist. Die Richtungen P M, in welchen sich alle Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen, sind also wohl von der ihnen allerdings nabeliegenden Richtung der optisiehen Aze zu unterscheiden.

335 Beziehungen zwischen der Krystallform und der Lage der optischen Axen. Er sit sehon früher bemerkt worden, dass alle Krystalle der drei letzte. Krystallissionssyteme optisch zwei axig sind, allein die Lage dieser Axen in Beziehung auf die krystallographischen Axen lässt sich nicht von vornherein bestimmen, wie es bei den optisch einaxigen Krystallen der Fall war.

Bei allen Krystallen, welche dem rhombischen Systeme angehören, fällt jede der drei Elasticitätsaxen mit einer der drei krystallographischen Hauptaxen zusammen; demnach fällt anch die Ebender optischen Axen stets mit einer durch zwei krystallographische Axen gelegten Ebene zusammen.

Wir wollen dies an einigen Beispielen erläutern.

Der Salpeter krystallisirt in Säulen, welche wir sehon oben S. 91 kennen gelernt halen; Fig. 906 stellt das Azenkreuz des Salpeters sammt den optischen Axen dar, welche durch Pfeile angedeutet sind. Hier fällt die Mittellinie mit der Säulenaxe ab zusammen; die Ebene der optischen Axen fillt aber mit der durch die Säulenaxe ab und die Makrodiagonale ef gelegten Ebene zusammen. In Fig. 906, sowie in den folgenden ist die Ebene der optischen Axen durch Schräffung herrogeshobet.

Ganz die gleiche Lage hat die Ebene der optischen Axen und die Mittellinie im Arragonit, im kohlensauren Bleioxyd n. s. w.

Fig. 907 stellt das Axenkreuz des Bittersalzes (schwefelsaure Mag-

nesia) dar. Hier steht die Ebene der optischen Axen rechtwinklig auf der Säulenaxe. Die Krystallformen dieses Salzes haben wir bereits auf S. 96 kennen gelernt. Gewöhnlich erscheint die vordere Säulenkante noch durch die Fläche h. Fig. 908, abgestumpft, in deren Richtung die Krystalle des



Bittersalzes auch sehr gut speltbar sind. Auf dieser Spaltungsfläche, also auch auf der Fläche h steht die Mittellinie des genannten Salzes rechtwinklig, eben so wie bei allen mit ihm isomorphen Salzen.

Auch bei Schwerspath liegt die Ebene der optischen Axen rechtwinklig zur Säulenaxe und die Mittellinie fällt mit der Makrodiagonale zusammen.

Beim Topas fällt die Mittellinie mit der Säulenaxe zusammen und die Ebene der optischen Axen geht durch die Brachydiagonale cd. Rechtwinklig zur Säulenaxe, also auch rechtwinklig zur optischen Mittellinie sind die Topaskrystalle sehr vollkommen spatbar.

Bezeichnet man diejenige Axe ef des monoklinischen Systemes,
welche auf der Ebene der beiden anderen rechtwinklig steht, als symmeFig. 200 trische Axe, so ist diese symmetrische Axe jeden-

Fig. 909. trische Axe, so ist diese symmetrische Axe jedenfalls eine der Elasticitätsaxen des Krystalls. Die beiden anderen Axen des monoklinischen Sy-



stems fallen in der Regel nicht mit einer Elasticitätsaxe zusammen. Die Ebene der optischen Axen aber fällt entweder

 mit der symmetrischen Ebene zusammen, d. h. mit derjenigen Ebene, welche auf der symmetrischen Axe rechtwinklig steht, also durch die beiden einen

schiefen Winkel mit einander machenden  $Axen \ ab$  und cd geht; oder 2. die Ebene der optischen Axen steht rechtwinklig auf der symmetrischen Ebene.

Fig. 910. Fig. 911. der Lage der optischen

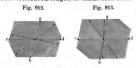




der Lage der optischen Axen in Fig. 910 dargestellt ist. Es steht also eine der optischen Axen des Znekers fast rechtwinklig anf der Fläche b, Fig. 911, in deren Richtung die Krystalle anch spattbar sind.

men milssen.

Fig. 912 nnd Fig. 913 stellen den Durchschnitt eines Krystalles von schwefelsanrem Magnesia-Ammoniak und eines solchen von ameisen-



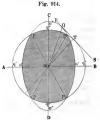
sanrem Knpferoxyd mit der symmetrischen Ebene sammt den optischen Axen dar, welche anch bei diesen Krystallen in der symmetrischen Ebene liegen.

beim essigsauren Natron liegt die Ebene der optischen Axen rechtwink-

lig auf der symmetrischen Ebene. Für triklinische Krystalle hat man bis jetzt noch gar keinen Zusammenhang zwischen der Lage der optischen und der krystallographischen Axen

nachweisen können. (S. Beer's Einleitung in die höhere Optik, S. 384 bis 398.)
Später, wenn die Farbenringe verhandelt werden, welche die optischen
Axen umgeben, werden wir noch einmal auf diese Verhältnisse zurückkom-

336 Conische Refraction. Da die im Punkte P, Fig. 914, an den Kreis und die Ellipse gelegten Tangenten nicht zusammenfallen, so ist klar,



dass sich in der Richtung MP zwei Strahlen mit gleicher Geschwindigkeit fortpflanzen können, denen verschiedene ebene Wellen entsprechen; da nun die Fortpflanzungsgeschwindigkeit dieser beiden ebenen Wellen ungleich ist, so werden die beiden Strahlen anch nach verschiedenen Richtungen aus dem Krystalle anstreten.

Nun aber hat Hamilton, welcher die Natur der Wellenoberfläche zweinxiger Krystalle genauer untersuchte, gezeigt, dass die Wellenoberfläche an jedem der Punkte P von allen Seiten her vertieft ist, oder, mit anderen Worten, dass sich hier eine trieb-

terförmige Vertirfung findet, dass sich also an jedem der Punkte P einnen endliche Anzahl von Berührungsebenen an die Wellenoberfläche legen lassen; jeder dieser Berührungsebenen entspricht nun aber ein anderer austretender Strah; wenn aben in der Richtung MP, für welche die Fortpflanzungseschwindigkeit aller Strahlen dieselbe ist, eins Strahlenbarn.

del den Krystall durchläuft, so wird es sich beim Austritte aus dem Krystalle in eine unendliche Anzahl von Strahlen theilen müssen, welche zusammen eine conische Oberfläche bilden (Pogg. Annal. Bd. XXVIII).

Hamilton hat dies merkwürdige Resultat aus der Fresnel'schen Theorie gefolgert, bevor man noch solche Thatsache beobachtet hatte; Lloyd stellte den Versuch an und fand zum Triumphe für die Wellentheorie die Erscheinung ganz so, wie man sie nach Hamilton's Rechnung erwarten mustet.

Die beiden Richtungen, in welchen alle Strahlen den Krystall mit gleicher Geschwindigkeit durchlaufen, fallen fast mit den optischen Axen zusammen; im Arragonit machen sie einen Winkel von ungefähr 20° mit einander. Die Arragonitplatte, welche Lloyd zu seinen Versuchen anwandte, war senkrecht zu der Linie geschliffen, welche den Winkel der optischen Axen halbirt; folglich machten die Richtungen der gleichen



Strahlengeschwindigkeit einen Winkel von So $^{\circ}$ nit der Oberfläche der Platte. In Fig. 915 mögen OM und ON diese Richtungen vorstellen. Auf jede der beiden Oberflächen legte nun Lloyd eine ganz dunne, mit einer sehr feinen Oeffung versehene Metallplatte, so dass die Verbindungst und erbeiden Oeffunge mit der Richtung OM zusammenfiel. Wurde nun von der einen Seite der Platte eine Lampenflamme genähert, so dass ein conisches Strahlenbündel aOb

auf die Oeffnung fallen konnte, dessen Strahlen nach OM gebrochen wurden, so erblickte man, nach der anderen Oeffnung in der gehörigen Richtung hinsehend, einen glänzenden Lichtring auf dunklem Grunde.

Beim Arragonit beträgt der Winkel, unter welchem die Strahlen des austretenden Strahlenkegels divergiren, ungefähr 3°.

Hamilton nannte diese Art der conischen Brechung die äussere conische Refraction; aber noch eine zweite, ganz ähnliche Erscheinung sagte er vorher, welcher er den Namen der inneren conischen Refraction gab.

Eine Ebene, welche die beiden Theile der Wellenoberfäche zugleich berührt, eine Ebene also, welche rechtwinklig auf einer der optischen Axen des Krystalls steht, berührt die Wellenoberfäche nicht allein in den Punkten Q und T, Fig. 914, sondern in einer unendlichen Anzahl von Punkten, welche einen kleinen Berührungskreis bilden; zu der ebenen Welle RS gehören also nicht allein die beiden Strahlen MQ und MT, sondern unzahlig viele, welche aussammen die Oberfäche eines Kegels bilden, desen Basis jener kleine Berührungskreis ist. Einer der Strahlen dieses Kegels, nämlich MT, durchlauft den Krystall genau in der Richtung der optischen Axe. Die Spitze des Strahlenkegels bildet beim Arragoui einen Winkel von 19 55'. Alle diese Strahlen treten nach derselben Richtung aus dem Krystalle aus.

Wenn also ein gewöhnlicher Lichtstrahl NO, Fig. 916, in einer solchen Richtung auf die Oberfläche eines zweiaxigen Krystalls fällt, dass ein

Fig. 916.



Strahl nach der Richtung einer optischen Axe desselben gebrochen wird, so wird er beim Eintritte in den Krystall in einen hohlen Strahlenkegel getheilt, dessen Strahlen, an der zweiten Oberfläche parallel mit ON austretend, einen hohlen Strahl neylinder bilden.

Auch die Existenz der inneren conischen Refracti: n fand Lloyd durch den Versuch bestätigt, und zwar lässt sich diese Erscheinung leichter beobachten als die der äusseren conischen

Refraction. Fig. 917 stellt einen zu diesem Zwecke geeigneten Apparat dar. Eine ungefähr ½ Zoll hohe Arragonitsäule, welche durch zwei einander parallele Flächen begränzt ist, welche rechtwinklig zu einer der bei-

Fig. 917



echtwinklig zu einer der beiden optischen Azen atehen,
ist mittelst Kork in die
kurze Metallröhre a eingesteckt. Das Rohr a steckt
wieder in einer unten offenen Messinghülse b, welche
zwischen zwei auf einer
Metallplatte c befestigten
Säulchen (das hintere erscheint in unserer Figur
beinahe gännlich verdeckt)
um eine horizontale Aze

um eine horizontale Axe drehbar ist. Eine feine Drehung um diese horizontale Axe wird mittelst der Schraube s und der Feder f bewirkt.

Gerade unter dem Krystall ist in der Bodenplatte c eine kreisförmige Oeffnung angebracht, welche durch ein mit mehreren ganz feinen Nadelstichen versehenes Stanniolblättehen verschlossen ist.

Dieser Apparat wird mit seiner Bodenplatte so auf das Tischlein eines Fig. 918. Mikroskops von 30- bis 40maliger Ver-



Mikroskop von 30- bis 40maliger Vergrösserung gesetzt, dass das Licht vom Erleuchtungsspiegel durch die feinen Löcher im Stanniolblatt auf den Arragonitkrystall fallen.

Bei richtiger Einstellung bildet das Licht, welches durch eine kleine Oeffnung auf den Arragonitkrystall gefallen ist und denselben in der Richtung der einen optischen Axe durchlaufen hat, einen Lichtring wie bei Nr. 1 in Fig. 918. Nur etwas aus der richtigen Lage entfornt, erscheint der Lichtring an zwei einander diametral gegenüber liegenden Stellen unterbrochen, Nr. 2 Fig. 918; bei noch weiterer Entfernung aus der richtigen Einstellung ziehen sich die Lichtbogen mehr und mehr zusammen, bis sie endlich auf zwei isolirte Lichtpunkte reducirt erseheinen, wie bi Nr. 3 Fig. 918.

Doppelte Brechung des zusammengedrückten Glases. 337 Wir haben bisher die wichtigsten Erscheinungen der doppelten Brechung in Krystallen betrachtet, in welchen die Ungleichheit der Elasticität des Aethers nach verschiedenen Richtungen eine Folge der Krystallinischen Structur ist; allein auch in solchen Körpern, die somst keine doppelte Brechung haben, lässt sich durch änssere Ursachen, etwa durch einen einseitigen Druck, durch eine ungleiche Erwärnung, eine solche Anordnung der Theilchen hervorbringen, dass die Elasticität des Aethers nicht mehr nach allen Richtungen dieselbe belibt, dass sie also doppeltbrechen d

werden. Um diese wichtige Wahrheit nachzuweisen, hat Fresnel folgenden Versuch ausgesonnen. Vier rechtwinklige Glasprismen, a, b, c, d, Fig. 919, welche einander vollkommen gleich sind, werden auf einer horizontalen Ebene mit denjeni-

Fig. 919.

gen Flächen neben einander gelegt, welche dem rechten Winkel gegenüberliegen; von beiden Seiten legt man nun gegen die Enden Streifen von Kartenpapier und am dieselben feste Stahlstreifen; dann werden die Prismen in einer nassenden Zwenze

durch einen Druck zusammengepresst, welcher in der Richtung der Längenaxe der Prismen wirkt. Während nun die Theilchen der Glasprismen durch den starken Druck in einem gespannten Zustande erhalten werden, legt man drei rechtwinklige Glasprismen,  $\epsilon_s f, g$ , in die durch die ersteren gebildeten Rinnen, setzt dann auch noch auf beiden Seiten zwei Prismen h und k von  $45^{\circ}$  an, um so ein Parallelepiped zu erhalten, dessen änsserste Seiten s und  $\delta^{\circ}$  einander parallel sind; alle Prismen sind endlich zusammengekittet, um partielle Reflexionen an den verschiedenen Flächen zu vermeiden.

Sieht man durch dieses System hindurch, so dass die Liehtstrahlen an der Fläche s eintreten, bei s' aber nach dem Auge austreten, so erblickt man einen Visirpunkt, der ungefähr ein Meter weit vom Auge entfernt ist, doppelt, und zwar erscheinen die beiden Bilder ungefähr ein Millimeter weit und selbst noch weiter von einander entfernt. Die beiden Strahlen besitzen alle Eigenschaften von Strahlen, welche einen doppeltbrechenden Körper durchlaufen haben.

Bei der Betrachtung der Farbenerscheinungen, welche doppeltbrechen Körper im polarisirten Lichte zeigen, werden wir noch manche Erscheinung kennen lernen, welche von einer doppelten Brechung in nich krystallisirten Körpern herrührt; wenn aber auch eine durch künstliche Mittel hervorgebrachte doppelte Brechung stark genug ist, um solche Farbenerscheinungen hervorzubringen, so ist sie doch in der Regel zu schwach, um direct beobachtet werden zu können.

338 Interferenz polarisirter Lichtstrahlen. Rechtwinklig zu einander polarisirte Lichtstrahlen können, wie Frennel und Arago grezigt
haben, uicht interferiren, und daraus folgt, dass die Lichtvibrationer
rechtwinklig zu der Richtung der Strahlen sind. Wenn man vor des
Objectiv eines Fernrohres einen Schirm mit zwei (befinungen bringt, wenn
man dann vor die Oeffungen zwei vollkommen gleich dieke Turmalioplaiten setzt, zo fallen alle Interferenzstreifen weg, welche von der gegenseitigen Einwirkung beider Oeffungen herrühren, wenn die Polarisationsobenen der Turmalinplatten gekreuzt sind; sie erscheinen aber wieder, wenn
man zie parallel stellt.

## Elftes Capitel.

## Chromatische Polarisation

oder

die Farben doppeltbrechender Krystallplatten im polarisirten Lichte.

Farben dünner Gypsblättschen im polarisirten Lichte, 33!
Der natüriche Gyps findet sich häufig in grossen durchsichtigen Krystallen,
die nach einer Richtung hin so vollkommen spaltbar sind, dass man leicht
ganz dünne Blättehen abspalten kann; ganz besonders kommt diese Eigenschaft derjeingen Varietät zu, welche auf dem Montmartre bei Paris gefunden wird, obgleich gerade diese Krystalle nicht von regelmässigen Flächen
bevörnst sind.

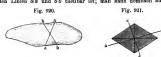
Bringt man ein durch Spaltung erhaltenes recht dünnen Gypublittehen zwischen die beiden Spiegel eines Polarisationsapparates, so wird es mehr oder weniger brillant gefärbt erscheinen. Je nuchdem man das Gypublittchen selbst oder den Zerlegungsspiegl des Apparates dreht, ändert sich entweder die Intensität der Färbung, oder auch die Färbung selbst.

Ganz besonders eignet sich zu diesen Versuchen der schon oben (Seite 799 beschriebene Nörrem ber g'sche Polarisationsapparat. Man braucht das Gypablätchen, welchen nicht über 0,3 Millimeter diek sein darf, nur auf das mittlere Tischchen zu legen, um es im oberen Spiegel oder durch irgend einen anderen Zerleger (am zweckmässigsten ein Nicol'sches Prisma) orfächt, zu sehen.

Wir wollen zuerst den Fall betrachten, dass die Schwingungsebene des Gesichtefegers rechtwinklig auf der dee Polarisationsspiegels steht, dass also das Gesichtefed ohne das Gypeblättehen dunk el erscheint. Schiebt man das Gypeblättehen in den Apparat ein, so erscheint es farbig auf dunklem Grunde; doch wird man bald sehen, dass die Lebhaftigkeit der Färbung nicht für alle Lagen des Gypeblättehens dieselbe ist.

Hat man das Gypsblättchen auf das Tischlein gelegt, so braucht man dasselbe nur in seiner Ebene, also um eine verticale Axe zu drehen, so wird die Färbung des Blättchens bald lebbafter werden, bald an Intensitat abnehmen und man wird leicht eine bestimmte Stellung ermitteln können, bei welcher das Blättchen selbst ganz so dunkel erscheint wie der Grund, eine Lage also, in welcher das Gypsblättchen gar keine sichtbare Wirkung auf die durchgehenden Strahlen hervorbringt.

Wir wollen nun diese Lage näher bestimmen. Die Gypskryutalle sind, weben erwähnt wurde, nach einer Richtung vollkommen spaltbar, sie besitzen aber nach zwei anderen Richtungen noch eine unvollkommene Spaltbarkeit. Es stelle Fig. 920 ein von einem Gypskrystall vom Montmartre abgespaltenes Blättchen dar, so wird man finden, dass es parallel mit den Linien au und böt betielbar jeit: man kann demmach aus einem



solchen Gypeblättehen leicht ein Stückehen in Form eines Parallelogramms, Fig. 921, herausspalten. Bringt man unn ein solches Parallelogramm in den Apparat, so findet man, dassa Gypeblättehen ganz dunkel erscheint, wenn ein Linie ab, Fig. 921, die mit der Halbirungslinie des spitzen Winkels des Blättchens einen Winkel von nahe 20° macht, mit der Polarisationsebene des unteren Spiegels zusammenfällt, oder darauf rechtwinklig steht. In jeder anderen Lage erscheint es gefärbt, und zwar am le bha ftesten, wenn abeinen Winkel von 45° mit der Reflexionseben des unteren Spiegels macht.

Wenn das Gysphlätchen vollkommen ebene Oberflächen hat, so erscheint es im Polarisationsapparate einfarbig; ist aber die Oberfläche unrein, d. h. sind beim Abspalten Splitter darauf hängen geblieben, so erscheint das Blättchen an verschiedenen Stellen verschieden gefärbt, woraus hervorgeht, dass die Färbung des Gysphlätchens von seiner Dicke abhängt.

Weil ein einselnes Gypoblättchen gar zerbrechlich ist, muss man darauf denken, es auf eine passende Art aufrubewahren. Das Zweckmässigst möchte wohl sein, das Blättchen mittelst canadischen Balsams zwisches zwei Glasplatten zu kitten. Einige so gefasste bunte Gypsblättchen (d. h. solche, die wegen der nicht ganz vollkommeen Oberfäche im Apparate mehrfarbig erscheinen), mehrere ebenso gefasste einfarbige Blättchen, von denen zwei genau dieselbe Dicke) haben mässeu, sind nöthig, um alle hierher gebörigen Erscheinungen vollständig umbequenz us studien. Zur Completiung dieser Präparate gebört noch eine keilförmig geschliffen Gypsplätte. Wie erwähnt, hängt die Farbe der Blättchen von ihrer Dicke ab; wenn also ein Gypsblättchen keiförmig zugeschliffen its, so dasse es an dem einen Ende gleichsam mit einer Schneide endigt, so wird ein solches Blättchen alle die Farben in regelmässiger Aufeinanderfolge seigen, welche den verschiedenen Dicken zukommen.

Auch mit einaxigen Krystallbättchen, die parallel mit der Aze geschiffen und hinlagitieh dünn sind, sowie mit Blättchen von zweiaxigen Krystallen, deren Oberflächen parallel mit der Ebene der optischen Axen sind, lassen sich dieselben Versuche anstellen; nur eignen sich die Gystblättchen der leichten Spattbarkeit dieses Minerals wegen ganz besonders dazu. Statt der keilförmigen Gypsplatte kann man sehr gut eine parallel mit der Aze keilförmig wegeschilfene Quersplatte awenden.

Erklärung der Farben dünner Gypsblättchen. Diese Far- 340 benerscheinungen rühren nun von der Interferenz polarisitret Strahlen her. Der Gyps ist ein zweisziger Krystall, dessen optische Azen in der Ebene unserer Blättehen liegen; ein jeder Lichtstrahl also, welcher ein solches Blättehen trift, wird in zwei gespalten, welche rechtwinklig zu einander polarisit sind, die aber, wenn die einfallenden Strahlen rechtwinklig auf das Blättehen fallen, dasselbe in gleicher Richtung durchlaten. Die Vibrationen, welche den einen Strahl im Krystalle fortpflanzen, sind parallel mit der Linie ab, Fig. 867, die Vibrationen des anderen Strahles hingegen sind parallel mit cd.

Legt man nun das Gypeblätchen so zwischen die gekreuzten Spiegel, dass die Linie ab, Fig. 921, mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels zusammenfallt, so kann der einfallende Strahl offenbar nur Schwingungen nach ab im Krystalle hervorrufen, nicht aber nach cd, eben weil die Schwingungeinthung cd and der Schwingungsgrichtung der einfallenden Strahlen rechtwinklig steht. In diesem Falle pflanzt sich in der That nur ein polarisirter Strahl durch den Krystall fort, der nach ab schwingende; und da der Zerleger bei der oben bezeichneten Stellung diese Schwingungen nicht reflectirt oder durchlässt, 30 muss das Gypsblättchen bei dieser Lage durkel gerscheinen.

Ebenso erklärt sich auch, dass das Gypsblättchen dunkel bleibt, wenn die Linie cd, Fig. 921, mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels zusammenfällt.

Gehen wir nun zu dem Falle über, in welchem die lebhaftesten Farben erscheinen, nämlich zu dem Falle, dass jede der Linien ab und cd einen Winkel von  $45^{\circ}$  mit der Schwingungsebene des unteren Spiegels macht. Um die Erscheinung in ihrer grössten Einfachheit kennen zu lerneu, muss mas tatt des weisen Lichtes, ein far big es awenden. Man erreicht diesen Zweck am leichtesten dadurch, dass man durch eine Platte rothen Glases sieht. Dieses Roth ist zwar nicht vollkommen, doch für diesen Zweck hinfanglich honogen.

Diejenigen Gypeblättehen nun, welche ohne das rothe Glas roth erscheinen, werden, durch das rothe Glas gesehen, hell auf dunklem Grunde stehen; alle die Blättehen hingegen, welche eine andere Farbe haben, erscheinen, durch das rothe Glas gesehen, weniger hell, die grünen am dunkelsten.

Nehmen wir statt der einfarbigen Blättchen bunte, so erscheinen diese gefleckt; diejenigen Stellen sind die hellsten, die im weissen Lichte roth

erscheinen, am dunkelsten aber sind die sonst grünen Stellen. Am vollständigsten sieht man die Erscheinung in der keilförmig zugeschliffenen Platte; durch das rothe Glas gesehen, bemerkt man abwechselnd helle (rothe) and dunkle Streifen.

Dies Alles lässt sich kurz so zusammenfassen. Wenn ein Gypsblättchen so zwischen die gekreuzten Spiegel des Polarisationsapparates geleg wird, dass der Winkel der Schwingungsebenen ab und cd, Fig. 867, durch die Schwingungsebene der einfallenden Strahlen halbirt wird, so erschein bei Anwendung von homogenem Lichte das Blättchen bald hell, bald durkel, je nachdem seine Dicke sich ändert. Ersteres ist der Fall, wenn der eine Strahl im Gypsblättchen dem anderen um ein ungerades, letzteres, wenn er um ein gerades Vielfaches einer halben Wellenlänge vor-

ausgeeilt ist, wie sich aus folgender Betrachtung ergiebt. Es stelle Fig. 922 in stark vergrössertem Maassstabe das Gypsblätt-



chen perspectivisch dar. Der von unten kommende polarisirte Strahl trifft die Platte is a; die beiden Strahlen, in welche der einfallende Strahl durch die doppelte Brechung des Gypses getheilt wird, durchlaufen das Blättchen in gleicher Richtung, um bei s wieder auszutreten. - Zunächst haben wir nun zu untersuchen, wie die Vibrationen des einfallenden Strahles beim Eintritt in die Krystallplatte zerlegt, sodann aber wie nach dem Aus-

tritt aus der Platte die Schwingungen des ordinären und extraordinären Strahles auf die Schwingungsebene des Zerlegers reducirt werden.

In Fig. 923 stelle die Ebene des Papiers die Ebene der unteren Fläche des Gypsblättchens dar. Die Richtung der einfallenden Strahlen erschein in a zum Punkt, die Schwingungsebene derselber

Fig. 923.



erscheint in AB zur Linie verkürzt. EF und GH stellen die zur Linie verkürzten Schwingungsebenen des ordinären und des extraordinären Strahles dar, welche, wie wir annehmen, mit AB einen Winkel von 450 machen.

Ist nun ferner ab die Vibrationsintensität des einfallenden polarisirten Strahles, so sind ac und ad die Vibrationsintensitäten der beiden Strahlen, in welche er sich beim Eintritt in den Krystall theilt, und mit welchen die beiden Strahlen bei s. Fig. 922, aus dem Plättchen austreten.

Nehmen wir nun an, dass auf dem Wege des in der Ebene EF vibrirenden Strahles zwischen dem Eintrittspunkte a, Fig. 922, und dem Austrittspunkte s n Wellenlängen liegen, so wird, wenn n eine ganze Zahl bezeichnet, der Punkt s für dieses Wellensystem sich mit a in gleichem Schwingungszustande befinden; ein bei !

liegendes Aethertheilehen wird also in demselben Augenblicke nach sp., Fig. 924 (welche die obere Fläche des Gypsblättehens in gleicher Weise

Fig. 924.



darstellt wie Fig. 923 die untere) getrieben, in welchem ein  $\Delta$ ethertheilchen bei a nach ac geht; die Vibration sp erzeugt aber, auf die Schwingungsrichtung CD des Zerlegers reducirt, die Schwingung sq.

Verfolgt man in gleicher Weise den in der Ebene GH vibrirenden Strahl, so ergiebt sich, dass, wenn für diesen Strahl auf dem Wege von a bis s n+1 oder

n+2u. s. w. Welleulängen liegen, dass alsdann durch dieses Wellensystem das Acherthelieben in s nach Reduction and die Schwingungsebene  $\bar{C}$  D in demselhen Momente von s nach r, Fig. 924, getrieben wird, in welchem es durch das andere Wellensystem in gleicher Stärke nach der entgegengesetzten Seite afficirt ist; das eine Wellensystem wird also, nach der Reduction auf die Schwingungsebene C D des Zerlegungsspiegels, das andere vollständig sarbebon.

Ein Gypsblättchen wird also in der angegebenen Lage zwischen den gekreuten Spiegeln dunkel erscheinen, wenn der eine Strahl im Krystall dem anderen nm eine ganze Anzahl von Wellenlängen voransgeeilt ist.

Beträgt das Voranseilen des einen Strahles vor dem anderen ein nngerades Vielfaches von  $^{1}/_{2}$ , so wird das Aethertheilehen s durch das eine

Fig. 925.



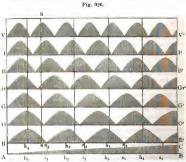
der austretenden Wellensysteme in demselben Augenblicke nach n. Fig. 925, getrieben, in welchem es mit gleicher Stärke durch das andere Wellensystem nach sp afficirt ist; nach der Ruduction auf der Schwingungsebene des Zerleigenspiegels wird also das Aethertheilehen s durch jeden der beiden Strahlen mit der Vibrationsintensität s q. nach derselben Seite getrieben. Für diesen Fall unterstützt also der eine Strahl die Wirkung des anderen.

Ein Gypsblättchen wird also in der angegebeuen Lage zwischen den gekreuzten Spiegeln hell erscheinen, wenn der eine Strahl im Krystall dem anderen um ein ungerädes Vielfaches einer halben Wellenlänge vorausgeeilt ist.

Nach diesen Auseinandersetzungen wollen wir nun wieder zur Betruchtung der keilförnig geschliffenen Gypaplatte zurückkehren, welche, in der gehörigen Lage awischen die gekreuzten Spiegel gebracht, abwechselnd helle und dunkle Streifen zeigt; an der dünnsten Stelle erscheint das Blättchen dunkel, an dem zunächst folgenden dunklen Streifen ist die Dicke des Blättchens og gross, dass ein Strahl dem anderen um 1 Wellenlänge vorauseilt; an den nnn folgenden dunklen Streifen ist die Dicke des Blättchens der Reihe nach die doppelte, dreifache, vierfache. An den hellen Stellen ist der eine Strahl dem anderen nm ein nngerades Vielfaches von 1/2 Wellenlänge voransgeeilt.

An der Stelle des ersten dunklen Streifens (für rothes Licht) beträgt die Dicke des Gypsblättchens 0,078, an der Stelle des zweiten 0,157 Millimeter.

Stellt in Fig. 926 ABC die keilförmige Platte dar, sind  $s_1,\ s_2$  u. s. w. die Stellen, an welchen sich die auf einander folgenden dunklen Streifen



für rothes Licht befinden, so ist die Entfernung  $As_1 = s_1 s_2 = s_2 s_3$ . u. s. w.; es lässt sich abo dan Gesetz, nach welchem die Lichtstärke bei Anwendung von rothem Lichte mit wachsender Dicke des Blättchens aband zunimmt, gerade so graphisch dartellen, wie wir es schon oben bei der Entwickelung der Gesetze der Newton'schen Ringe gesehen haben.

Da die Wellenlängen für violettes Licht kürzer sind als für rothes, so wird auch nicht die Stelle der keißfrüngen Platte den ersten dunkles Streifen für violettes Licht zeigen, deren Dicke 0,078° ist, sondern eine andere, deren Dicke in demselben Verhältnisse geringer ist, in welchem die violetten Lichtwellen kürzer sind, also eine Stelle, deren Dicke 0,078 >-0,68° in beträgt. In demselben Verhältnisse werden also auch die dunklen Streifen für violettes Licht naher zusammernücken, in demselben Verhältnis nisse wird anch bei der Construction der Intensitätscurve für violettes Licht die Entfernung von einem Minimum zum anderen kleiner werden müssen.

Dasselbe gilt auch für die anderen Farben; kurz, man sieht, dass hier genan dieselben Verhältnisse stattfinden, wie bei den Farben dünner Schichten, dass Fig. 926 und Tab. VIII., welche uns gedient haben, um die Newton sehen Farbenringe zu erklären, auch dienen können, um zu ermitteln, welche Farbung ein Gysphöltstehen von gegebener Dieke zwischen den gekreuzten Spiegeln des Apparates im weissen Lichte zeigen wird, kurz, dass die Farben dünner Schichten mit den Farben, welche dünne Gypsblättchen im polarisitren Lichte zeigen, identisch sind.

In der folgenden Tabelle ist angegeben, wie diek die Gypsblättehen sein müssen, wenn sie zwischen den gekreuzten Spiegeln des Polarisationsapparates die verschiedenen Farben der drei ersten Ordnungen zeigen sollen.

				J	ir:	ite	0	rd	lni	nn	g.		
Blānli	ch.	·W	eis	88									0,027***
Gelblich - Braun													
													0,044
				Z	w	eit	e	Or	dı	n	ng		
Dnnkel-Purpnr													0,065
													0.085
Gelb													0,102
													0,116
				Г	ri	tt	e (	)r	dn	ur	ıg.		
Parpu	r												0,132
													0,142
													0,157
Roth													0.178

Prismatische Zerlegung der Polarisationsfarben. Dass 341 die Farben der Gypsblättehen wirklich so zusammengesetzt sind, wie es die Theorie angiebt, habe ich auf folgende Weise experimentell nachgewiesen.

Man erzeuge nach der auf Seite 593 angegebenen Weise auf einem Papierschirm ein Spectrum, und bringe dann ein zwischen zwei Nicol'schen Prismen befindliches Gypsblättchen dicht bei der Spalte an, durch welche das Licht in das dunkle Zimmer eindringt.

Sind die beiden Nicol'schen Prismen gekreuzt und ist ein Gypsblättchen eingelegt, welches violett (Dunkelpurpur) der zweiten Ordnung zeigt, so ist das Licht, welches auf das Prisma fällt, das Dunkelpurpur der zweiten Ordnung, und es erscheint ein dunkler Streifen im Gelb des Spectrums; ist das Gypsblättchen roth der dritten Ordnung, so erscheint ein dunkler Streifen im Blan, für Grün vierter Ordnung ein dankler Streifen im Blan und ein zweiter an der Gränze zwischen Roth und Orange, wie Nr. 6 auf Tah. III. zeigt. (Vergl. Nr. 12, Tah. VIII.)

Je dicker die Gypshlättchen sind, um so mehr dunkle Streifen erscheineu im Spectrum, zugleich aber wird die Farbe der Blättchen immer unscheinbarer; ein Blättchen, welches drei dunkle Streifen zeigt, ist schon fast ganz weiss. Wenn die Gypsblättchen dick genug sind, so ist die Zahl der Streifen sehr gross und die Streifen selbst sind alsdann sehr fein,

Die beiden letzten Spectra auf Tab. III. sind solche auf die erwähute Weise durch etwas dickere Gypsblättchen erzeugte. In dem einen treter 5, im anderen treten 11 dunkle Streifen auf. Statt der dickeren Gypblättehen wendet man auch Quarzplatten an, die parallel mit der Axe geschnitten sind.



Fig. 927 stellt eine Vorrichtung dar, welche ich construirt habe, um bei Anstellung des eben besprochenen Versuches die Gypsblättchen leicht zwischen die Nicols, and mit diesen vor die Spalte des Ladens setzen zu können. Die Gypsblättchen sind mittelst canadischen Balsams zwischen zwei runde Glasplatten gekittet, welche in einer hölzernen Hülse h befestigt werden. Diese Hülse wird in den etwas federnden Messingbügel h eingesteckt, der etwas mehr als einen Halbkreis umfasst. Man kann die Hülse h beliebig in ihrer Ebene umdrehen-Der Bügel b ist auf einem Messingstäbchen befestigt, welches zu beiden Seiten noch die Messinghülsen m und m' trägt. die zur Aufnahme der Nicol'schen Prismen dienen. Das Stäbchen s, welches

die ganze Vorrichtung trägt, wird auf ein passendes Stativ gesteckt und dann dicht bei der Spalte aufgestellt. welche das Licht in das dunkle Zimmer eindringen lässt,

Albert hat diesem Apparat eine zweckmässigere Form gegehen, welche Fig. 928 his Fig. 930 abgehildet ist. A und B Fig. 928 sind die Mesinghülsen, welche zur Aufnahme der Nicol'schen Prismen dienen, von welchen unsere Figur nur eines zeigt. - Zwischen zwei auf die Boderplatte aufgeschraubte Messingschienen wird der Fig. 929 dargestellte Träger der Gypsblättchen eingeschoben. Fig. 930 endlich stellt die in den Metallbügel bbb einzusteckende Hülse dar, welche zur Aufnahme des zwischer Glasplatten gefassten Gypsblättchens dient.

So sind denn die Farbenerscheinungen der Gypsblättehen zwischen den gekreuzten Spiegeln vollständig erklärt, wenn die Schwingungsebenen im Gypsblättchen einen Winkel von 450 mit den Schwingungsebenen der Spiegel machen. Wenn nun die Spiegel gekreuzt bleiben, das Gypsblättchen aber eine andere Lage erhält, so wird die Färbung nicht ihrer Art. sondern nur ihrer Intensität nach verändert, d. h. die Färbung bleibt die-



selbe, sie nimmt nur an Lichtstärke um so mehr ab, je mebr die Schwingungsebenen im Krystallblättchen sich den Schwingungsebenen der Spiegel nähern.

Aus dem, was oben, Seite 807, gosagt worden ist, gebt hervor, dass die Vibrationsintensität der Wellensysteme, welche die beiden Strahlen im Gypsblättchen nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel liefern, am grössten sein wird, wenn die Schwingungsebenen im Gypsblätteben den Winkel halbiren.

welchen die Schwingungsebenen der bei-

den Spiegel mit einander machen; je mehr sich aber die Schwingungsebenen im Gypsblättchen den Schwingungsebenen der Polarisationsspiegel Fig. 930.



Fig. 929.

näbern, desto geringer wird die Vibrationsintensität des Strahlenbündels, welches jeder der beiden Strahlen im Gypsblättchen nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel liefert: wenn aber die Intensität der interferirenden Strahlenbundel geringer wird, so muss anch die Intensität der Färbung geringer werden, welche durch die Interferenz hervorgebracht wird; ja das Gypsblättchen muss, wie wir

schon gesehen haben, ganz dunkel erscheinen, wenn die Schwingungsebenen der beiden Strahlen im Blättchen mit den Schwingungsebenen der beiden Spiegel ganz zusammenfallen.

Die Talbot'schen Linien. Wir baben im vorigen Paragraphen 342 gesehen, dass die prismatische Zerlegung von Interferenzfarben höherer Ordnung ein Spectrum liefert, welches mit dunklen Liuien durchzogen ist, deren Anzahl wächst, wenn der Gangunterschied der beiden interferirenden Lichtbündel grösser wird. Solche Streifen wollen wir Talbot'sche Linien nennen, gleichgültig, auf welche Weise der Gangunterschied der beiden

Talbot brachte solche Streifen im Spectrum dadurch hervor, dass er durch ein Prisma nach einer feinen Lichtlinie hinschaute, während er ein dünnes Glimmerblättchen so vor das Auge hielt, dass es die eine Hälfte der Pupille verdeckte. Hier kommt das Lichtbündel, welches durch das Glimmerblättchen verzögert wurde, mit demjenigen zur Interferenz, welches neben dem Glimmerblättchen vorbei in das Auge eindrang.

interferirenden Lichtbündel hervorgebracht worden ist.

Der Erste, welcher solche Streifen beobachtete, mag wohl Wrede gewesen sein. Er wandte zur Erzengung derselben ein dünnes Glimmer-Muller's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl. 1. 54

blättchen an, welches so gebogen wurde, dass es ein Stäck einer Cyfinderfläche bildete. Ein solcher Glimmereylinder wird nun, wenn seine Azvertical gestellt ist, von einer benachbarten Lichtquelle, etwa von einer Lampenflamme ein Spiegelbild geben, welches als eine feine varticale Licht linie erscheint. Diese Lichtlinie ist aber durch die Interferenz zwier Lichtbindel entstanden, von welchen das eine anf der vorderen, das ander of der binteren Elzhe des Glimmerblätchens erflectrit worden ist.

Schatt man durch ein Prisma nach einer solchen Lichtlinie hin, so erscheint das Spectrum von einer grossen Anzahl feiner Linien durchschnittes.
Um diese Streifen mit blossem Auge deutlich sehen zu Können, auss de
Glimmerblättehen sehr dünn sein, für etwas dickere Glimmerblättehen weiden sie aber dadurch vollkommen deutlich, dass man die aus dem Prisma
anstretenden Strahlen nach der bekannten Weise durch ein Fernrohr beolachtet.

Die Talbot'schen Linien haben nun neuerdings dadurch ein besorderes Interesse gewonnen, dass Esselbach dieselben anwandte, um die Wellenlänge der ultravioletten Strahlen zu bestimmen. Wir wollen seken, auf welche Weise die Talbot'schen Linien zu einer solchen Bestimmung dienen können.

Wenn wir annehmen, dass für irgend einem Talbot'schen Streife im Spectrum das Voransilen des einen hier interferirenden Strahles n Wellbeilangen betrage, so beträgt es für den nach der violetten Seite des Spectrums hin folgenden Streifen n+1 Wellenlängen, für den folgenden x+2 Wellenlängen u. s. w. Daraus folgt aber, dass dem Intervall je zweier sei einander folgenden Talbot'schen Linien setts eine gleiche Differenz der Wellenlängen des ihrer Stelle im Spectrum zukommenden Lichtes entspricht oder mit anderen Worten, dass die Differenzen der Wellenlängen, welchem Lichte zweier bestimmten Stellen im Spectrum zukommen, der Zahl der Talbot'schen Linien proportional sein müsse, welche zwischen linee liegen.

Wir wollen dies an einem Beispiele erläutern. Nach der in § 243 erläuterten Methode stellte ich die Talbot'sehen Linien oder dass mas zugleich die Fraunhofer'schen Linien auf dem Schirme deutlich sehes konnte. Bei einer bestimmten Dicks der Gypsplatte fielen nun 5 Talbot'sche Linien zwischen F und G, und 3 solcher dunkeln Streffen zwischen G und G und 3 solcher dem kellen gangen für F und G sich zur Differenz der Wellenlängen für F und G sich zur Differenz der Wellenlängen für G und G verhalte wie 5 zu 3: man kann also die Wellenlänge für H berechnen, wenn dieselbe für F und G bekannt ist.

Nach §. 309 ist die Wellenlänge für F . . 0,000485<sup>mm</sup>
für G . . 0,000429
die Differenz dieser Wellenlängen ist also . . . 0,000056.

Bezeichnen wir mit x die Differenz der Wellenlängen für G und H.

so haben wir

$$5:3=0.000056:x$$
, also  $x=0.000033$ ;

d. h. die Wellenlänge für H ist um 0,000033<sup>mm</sup> kleiner als die für G, sie ist also 0,000429 — 0,000033 = 0,000396<sup>mm</sup>.

Um nach dieser Methode die Wellenlängen ultravioletter Strahlen zu bestimmen, benutzte Esselbach eine von Helmholtz beobachtet Fhatsache, nach welcher man diese Strahlen dem Auge auch unmittelbar, d. h. ohne Hülfe von Flaorescenz und chemischer Wirkung sichtbar machen kann, wenn man nur die heller leuchtenden Strahlen genügend ausschlieset.

Esselbach arrangirte den Versuch in folgender Weise. Das durch eine Spalte in berizontaler Richtung in ein dunkke Zimmer eintretende Strahlenbündel wurde von einem nahe am Fenster aufgestellten Quarzprisma aufgefangen. Die aus diesem Prisma divergirend austretenden Strahlen wurden auf einem ungefähr 2 Fuss entfernten mit einer zweiten Spalte verschenen Schirme aufgefangen, welcher zo gestellt war, dass der Spalt an das ultraviolette Eade des Spectrums zu stehen kam. Wurde nun nach diesem nur durch ultraviolette Strahlen erleubleten Spalt durch ein zweites Quarzprisma und ein Fernorbr in der Weiss hingeschaut, wie es Seite 506 erläutert ist, so erblichte man einen Theil des ultravioletten Spectrums und ausserdem noch ein sehwaches gewöhnliches, von einem durch den zweiten Spalt noch eindringenden Rest zerstreuten Tageslichtes herrührendes Spectrum. Je nachen das sents Prisma etwas nach der einen oder anderen Seite gedreht wurde, ersehien ein anderer Theil des ultravioleten Spectrums im Fernorbus im Fernorbus der Spalten Spectrums im Fernorbus der schleten Spectrum der schleten Spectrum

Bei dieser Beobachtungsweise erschienen die Fraunhofer'schen Linien im ultravioletten Theil des Spectrums scharf auf mattem graublauem Grunde, und zwar beobachtete Esselb ach solche Streifen noch weit über die Linie N hinaus; den letzten noch sichtbaren Streifen bezeichnete er mit R.

Die Talbot'schen Linien hervorzubringen, wurde die Hälfte des Fernrohrobjectivs durch ein dünnes senkrecht zur Axe geschliffenes Quarzblättchen verdeckt.

Auf diese Weisc ergaben sich

nnd daraus berechnet sich die Wellenlänge für

Die brechbarsten Strahlen, deren Wellenlänge Eisenlohr bestimmt

hatte ( $\S$ . 314), sind also ungefähr die dem Streifen N entsprechenden. (Näberes in Poggendorff's Annalen, Bd. XCVIII, S. 513.)

343 Erscheinungen gekreuzter Gypsblättchen zwischen gekreuzten Spiegeln. Wenn man zwei Gypsblättchen so auf einander legt, dass die entsprechenden Schwingungsebenen in beiden zusammenfallen, so werden sie offenbar solcbe Erscheinungen betvorbringen, als ob man eine einzige Platte angewandt hätte, deren Dicke gleich ist der Summe der Dicken der beiden einzelnen Blätteben. Legt man aber die Blättehen so auf einander, dass sich die entsprechenden Schwingungsebenen unter rechtem Winkel kreuzen, dass also die Schwingungsebene der geringsten Elasticität im einen mit der Schwingungsebene der grössten Elasticität im anderen zusammenfällt, so wird der Strabl, welcher in dem einen Blättchen voraneilte, im anderen zurückbleiben. Sind nun die gekreuzten Blättchen gleich dick, so wird das Voraneilen in dem einen Blättchen dem Zurückbleiben im anderen gleich sein, das eine Blättchen bebt die Wirkung des anderen auf, es ist gerade so, als ob man gar kein Gypsblätteben in den Apparat gebracht bätte. Der Versuch bestätigt dies vollkommen. Kreuzt man zwei Blättchen, welche einzeln ganz gleiche Farben zeigen, so wird die Stelle, an der die Blättchen über einander liegen, ganz dunkel erscheinen, während die freien Ecken gleich gefärbt sind.

Wären die Blättehen niebt gleich dick, so würden sie, auf die angegebene Weise gekreuzt, Farben zeigen, und zwar gerade die Farbe, welche der Differenz ihrer Dicke entspricht. Der Grund davon ist leicht einzusehen und der Versuch leicht anzustellen.

Die läset zich auwenden, um mit Hülfe der kei lörmigen Gypsplatte die Farbe eine jeden Gypsblättchens zu bestimmen. Wenn die keißtenige Platte in der gehörigen Lage in den Apparat gebracht ist, bält man des zu präfende Blättebens os darüber, dass die Schwingungsebenen des Blätchens die entzeptendende Schwingungsebenen der keilförmigen Platte zusen. An der Stelle, wo das Blättehen die Streifen der keilförmigen Platte beredeckt, erscheinen diese verändert; an der Stelle, an welcher das Gypblättehen mit der keilförmigen Platte gleiche Dicke bat, erscheint eis schwarzer Streifen, weil sich bier die Wirknagen des Blättebens und de keilförmigen Platte aufleben. Verfolgt man nun diesen schwarzen Streifen bis dahin, wo die keilförmige Platte feit liegt, so wird im freien Thel ein farbiger Streifen die Fortsetzung des schwarzen bilden. Dieser Farbestreifen hat genau die Farbe, welche das Blätteben für sich allein zigkt, und man kann nun auch leicht sehen, zu welcher Ordnung diese Farbeschört.

344 Farben der Gypsblättchen zwischen parallelen Spiegeln; Complementärfarben. Legt man das Gypsblättchen so, dases bei gekreuzten Spiegeln möglichst lebhafte Farben zeigt, dreht man albdann den oberen Spiegel, so wird die Farbe blasser und blasser (d. h. mehr

dem Weissen sich nähernd); hat man um 45° gedreht, so erscheint das (iypsblättchen ganz farblos; dreht man weiter, so erscheint die der vorigen complementare Farbe, die am brillantesten wird, wenn die Spiegel parallel sind. Roth geht dabei über in Grün, Grün in Roth; Blau in Gelb, Gelb in Blau u. s. w.

Dass das Blättchen farblos erscheint, wenn die Reflexionsebene des oberen Spiegels mit der des unteren einen Winkel von 45° macht, ist leicht einzusehen. In diesem Falle fällt die Schwingungsebene des oberen Spiegels mit der Schwingungsebene des einen Strahles im Krystalle zusammen. Der Spiegel pflanzt also diese Schwingungen fort. Die Schwingungen des anderen Strahles im Krystalle sind aber rechtwinklig zu der Schwingungsebene des oberen Spiegels, sie werden also von diesem Spiegel gar nicht reflectirt; sie können also auch mit den reflectirten Strahlen nicht interferiren, die Ursache der Farbenerscheinung hört also auf.

Die Erklärung der Farbenerscheinungen zwischen parallelen Spiegeln beruht auf demselben Principe, welches wir oben anwandten, um die Farben zwischen gekrenzten Spiegeln zu erklären.

Werden die Vibrationen so und sp, Fig. 931, nach einer Ebene AB zerlegt, die mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen parallel ist, so erzeugen beide eine Vibration nach der-

Fig. 931.





selben Richtung st; nach der Zerlegung durch den oberen Spiegel werden sich also die beiden Wellensysteme unterstützen müssen. Für einfarbiges Licht erscheinen also zwischen

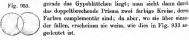
parsllelen Spiegeln diejenigen Stellen hell, welche gerade so dick sind, dass ein Strahl im Krystalle dem anderen gerade um 1 oder mehrere ganze Wellenlängen voraneilt. Zwischen parallelen Spiegeln werden also gerade diejenigen Stellen der keilförmigen Platte durch das rothe Glas hell erscheinen, die zwischen gekreuzten dunkel waren: diejenigen aber, die zwischen gekreuzten Spiegeln hell erschienen, sind nun dankel.

Von dieser letzteren Behauptung, dass zwischen parallelen Spiegeln gerade die Stellen dunkel erscheinen müssen, in welchen der eine Strahl dem anderen um 1/2 oder ein ungerades Vielfaches von 1', Wellenlängen voransgeeilt ist, überzeugt man sich durch Betrachtung der Fig. 932, ohne dass eine weitere Erlänterung nöthig wäre.

Nehmem wir nun weisses Licht statt des einfarbigen, so werden bei parallelen Spiegeln gerade diejenigen Farben im Ton des Gypsblättchens vorherrschen, die ihm bei gekreuzten Spiegeln fehlen; diejenigen Farben aber werden hier den geringsten Einfluss auf die Färbung ausüben, die bei gekreuzten Spiegeln vorherrschen.

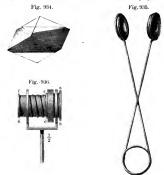
Demanfalge findet zwischen der Farbe, welche ein Gyseblättebewischen gekremten und derjenigen, welche es zwischen parallelen Spiegeln zeigt, eine solche Beziehung statt, dass sie sich gegenseitig zu Weisergäuzen; es sind also Complementärfarben, die hier in grösster Reinbeit und Sehönheit sich zeigen.

Ersetzt man den Zerlegungswigegd des Apparates durch ein doppelbrechendes Prisma, so sieht man zwei Bilder des Gypablättehens, welche complementär gefarbt sind; diese Färbung ist am stärksten, wenn die Schwingungsebene des einen Strahles im Kalkspathprisma mit der Schwingungsebene des Polarisationssiegels zusammenfällt. Die Stelle, wo die beiden Bilder über einnader fallen, erscheint weiss. Am schönsten läst sich dies zeigen, wenn man das Gypablätchen mit einem schwarzen Schirs bedockt, in welchem mar eine runde Oeffnung sich befindet, unter der



345 Farbige Ringe in einaxigen Krystallen. Wonn man ein Kalkspathplatte, welche rechtwinklig zur optischen Axo geschliffen ist (ein solche Platte erhälf man, wenn man die gegenüberliegenden stampfer Ecken eines Rhomboëders in der Weise abschlieft, wie es Fig. 934 angedeutet ist, wischen die beiden Turmaliplatten der in § 322 beschriebenen Turmalinzange, Fig. 935, bringt und dann, indem man den Apparat dicht vor daa Auge hält, nach dem bellen Himmel oder irgend einer redt hellen Fläche sieht, so erblickt man ein prächtiges Ringsystem; wenn der Turmalinplatten gekreuzt sind, so sieht man die Erscheinung Fig. 1 Tab IX; sind aber die Turmalimplatten sogestellt, dass ihre Polarisationsebere parallel sind, so sieht man die Erscheinung Fig. 2 Tab, IX, in welcht alle Farben complementär zu den Farben der entsprechenen Stelleu ir Fig. 1 Tab, IX, sind, weshalb auch hier statt des schwarzen Kreuzes ein weises erzeiheint.

Eine andere, zur Beobachtung der Ringeysteme in doppeltbrechendes Krystallen sehr geeignete Form der Turmalinzange ist Fig. 936 dargestellt. Die erste, dietht vor das Auge zu haltende Turmalinpatte ist in eine Fas sung ab eingesetzt, welche, in einer verticalen Messingscheibe steckendin ihrer Ebene umgedreht werden kann. Die zweite Turmalinplatte is bei od am Ende einer Hülse codf g eingesetzt, welche durch eine Spinlfeder gegen die Fassung der orsten Turmalinplatte angedrückt wird. Left man nun die gewölnlich in Kork gefasste Krystallplate in der Weie zwischen die beiden Turmalinplatten, wie es unsere Figur zeigt, so wird sie hier von selbst durch den Druck der erwähnten Spinleder festschellter Die Turmalinzauge gewährt bei Reobschlang der besprochenen Farbenringe den grossen Vortheil, dass man durch dieselbe, weit sie dicht vor das Auge gehalten wird, ein ziemliel grosses Gesichtsfeld überschen kaun; was nicht der Fall ist, wenn man die seukrecht zur Axe geselmittene Krystallplate auf das mittleer Tischlein des Norrefibergischen Dolari-



sationsapparates legt und sie in gleicher Weise beobachtet, wie dunne Gypsblättelen.

Wenn man aber die Farben der Hingsysteme in ihrer vollen Reinheit beobachten will, so darf man die Turmalinzange nicht gebrauchen, weil eben die Turmalinplatten selbst stark gefärbt sind. In diesem Falle leistet der Nörremberg sche Polarisationsapparat die besten Dienste, wenn man durch zwecknässig angebrachte Linsen das Gesichtsfeld desselben gehörg vergrössert.

Man kann den Nörreun berg 'sehen Polarisationsapparat zur Beobachtung der Farbeninge dadurch brauchbar machen, dass man eine Linse I über und eine ähnliche unter dem mittleren Tischlein des Apparates Fig. 937 (a.f. S.) anbringt. Wenn man die Krystallplatte auf das horizontal gestellte Trischlein aufgelegt und die Linse I näher über, die andere Linse nahe unter derselben festgestellt hat, so erblickt man, durch den Zerleger (am zweckmässigten ein Nicol'sehes Prisan statt der Glasplattensäud

 $C\ D$  Fig. 937) hindurch schauend, ein zierliches Ringsystem mit reinen Farben.

Dass man unter diesen Unständen die Ringe sieht, erklärt sich folgedermassen: Die von unten kommenden polarisirten Strahlen werden durch die Linse ab, Fig. 938, convergent genacht, so dass sie die Krystallplatte in himveichend schrägen Richtungen durchlaufen, um Farbenringe erzeuge zu können. Die aus dem Krystalle stark divergirend austretuden Strah-



Fig. 938.



len werden aber durch die Lines cd in ein sehwächer convergirendes Strahlenhond erwrandelt, so dass also die Strahlen, welche den äussersten sichtbaren Ringen entsprechen, unter einem viel spitzeren Winkel im Auge bei o gelangen, als der ist, unter welchem sie den Krystall durchliefen. Man wird also bier das Ringsystem kleiner sehen, als wenn man die Krystallplatte zwischen Turmalinen unmittelbar vor das Auge gebracht hätte.

Wenn die Linse unter der Krystallplatte und die Linse l ungefähr 1 Zoll Brennweite haben, so sieht ein kurzsichtiges Ange das Ringsystem einer Kalkspathplatte sehr schön. Um es aber anch für Fernsichtige deutlich zu machen, ist es zweckmässig, über der Linse l noch eine zweite von ungefähr 3 Zoll Brennweite anzubringen, durch deren Verschiebung man jedenfalls das Ringsystem dentlich machen kann.

Bei dieser Vorrichtung sind die vielen Reflexe auf den Linsen äusserst störend; nm sie wegzusschaffen, muss man durch einen vorgehaltenen Schirm alles von vorn auf die Linsen fallende Licht abhalten.

Die Durchmesser der Farbenringe einsziger senkrecht zur Aze geschliffener Krystalle werden um so grösser, je dünner die Platten sind und je schwächer die dopp elte Brechung der Substanz ist. Für dünne Platten soleher Krystalle, welche eine schwache doppelte Brechung haben, werden deslahl die Ringe so gross, dass weder das Gesichtsfeld der Turmalinzange noch das der oben beschriebenen Linsencombination im Norremberg'sehen Polarisationsapparat ausreicht, um das Ringsystem übersehen zu können.

Für solche Fälle hat Nörremberg Linsensysteme construirt, welche in der That ein ausserordentlich grosses Gesichtsfeld liefern.

Fig. 939 stellt die Nörrembergische Linsencombination in ½ der natürlichen Grösse dar. Das nutere Linsensystem ist in die Messing-Fig. 200 hülse A gefasst. Die Brennweiten der bei-

Fig. 959.

den unteren Linsen sind in der Figur beigeschrieben; die oberste in der Hülse A eingeschranbte Linse ist eine Halbkugel von 7<sup>mm</sup> Halbmesser.

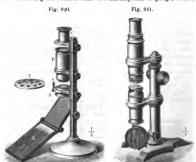
Auf die Fassung dieser halbkugelörmigen Lime kann die Krystallplatte aufgelegt werden. Die aus der Krystallplatte austretenden Strahlen durchlaufen alsdam im der Hälbe B die Combinstäto von Linnen, deren unterste ebeufalls eine Halbkugel von 7mm Halbmesser ist. Die Brennweiten der übrigen Linen sind beigeschrieben.

Ein solches Linsensystem lässt sich in jedem Nörremberg'schen Polarisationsapparat anbringen. Einen mit einem solchen Linsensystem versehenen Polarisationsapparat wollen wir einen mikroskopischen Polarisationsapparat neunen.

Fig. 940 (a.f.S.) stellt einen von Albert construirten mikroskopischen Polarisationsapparat dar. Ibi Träger der Linsensysteme A und B (deren Durchschnitt Fig. 939 darsiellt) sind in Hülsen befestigt, welche läugs eines quadratischen Messingränbes vertical anf- und niedergeschoben und

an jeder beliebigen Stelle festgeschraubt werden können. Der in gewöhnlicher Weise belegte Spiegel S reflectirt die vom hellen Himmel auf ihn fallenden Strahlen gegen den auf der Rückseite geschwärzen Polarisationsspiegel P, von welchem aus endlich die polarisirten Strahlen in vertiealer Richtung auf das Linsensystem in A fallen. C ist das als Analyseur dienende Nicol'sche Prisma.

Die zu beobachtenden Krystallplatten werden entweder unmittelbar auf die Fassung der obersten Linse des Linsensystems A gelegt, oder sie



sind in den Randöffnungen einer hölzernen Seheibe T eingesetzt, welche mit ihrer centralen Oeffnung auf den Zapfen x aufgesetzt wird. Je nachdem man nun die Scheibe T dreht, kann man bald die eine, bald die andere der auf derselben befestigten Krystallplatten in das Gesichtsfeld bringen.

Fig. 941 stellt Nörrem berg's mikroskopisches Polarisationsinstrument dar, wie es von Hofmann in Paris construirt wird. Die in demselben verwendeten Linsensysteme sind den oben beschriebenen ähnlich. Statt des Polarisationsspiegels dient ein grosses Nicol, welches sein Licht durch einen Erkeuchtungspiegel erhält, wei die Objecte eines gewöhnlichen Mikroskops. Statt des Zerlegungsnicols dient eine ganz dünne geschliffene Turmalinplatte. Die genauere Einstellung des oberen Linsensystems gegen die Krystallplatte wird durch Zahn und Trieb vermittelt. Dieser Apparat

hat den Vortheil, dass man ihn auch bei Beobachtung mit Lampenlicht gebrauchen kann.

Objective Darstellung der Farbenringe doppelt bre- 346 chender Krystalle. Um die Farbenringe zu gleicher Zeit einer grösseren Anzahl von Zuhörern zeigen zu können, muss man sie objectiv darstellen, und dazu kann man, wenn man nicht über besondere zu diesem Zwecke construite Apparate zu verfügen hat, mit wenigen Abänderungen das bereits auf Seite 702 beschriebene Sonnenmikroskop, Fig. 942, verwenden.

An die Stelle des Objectes nn wird nämlich eine auf passende Weisegfasste Turnahinplatte gebracht. Statt der die Objectivinnen o. Fig. 784. tragenden Hülse h wird eine andere eingeschoben, in welcher bei v. Fig. 942, die zweite Turnahinplatte steckt. Zwischen diese zweite Turnahinplatte und die Platte pp wird die senkrecht zur Aze geschiffene Krystallplatte eingeschoben. Bei dieser Anordnung erscheint das Ringsystem in ausgezeichneter Schönheit auf einen 5 bis 10 Fuse suffernten weissen oder durchscheinenden Schirme, wenn man durch den Spiegel yor dem Fensterladen ein Fig. 942.



Bündel Sonnenstrahlen ganz in derselben Weise in das Rohr einfallen lässt, als ob man ein bei  $n\,n$  eingeschobenes Object zu erleuchten hätte.

· Sobald man zur Darstellung eines Ringsystemes Turmalinplatten anwendet, erscheinen die Farben, wie schon oben bemerkt wurde, nie in ihrer ganzen Reinheit, weil eben die Turmaline selbst gefärbt sind.

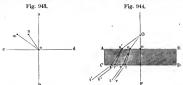
Man hat deshalb zur objectiven Darstellung der Farbenringe besondere Apparate construirt, bei welchen beide Turmalinplatten durch polarisirende Säulen von Glasplatten, wie wir solche auf Seite 801 kennen lernten, oder durch Nicol'sche Prismen ersetzt sind.

Auch mit künstlicher Beleuchtung, d. h. mit Lampen- oder Kalklicht, kann man die Ringsysteme doppeltbrechender Krystalle objectiv darstellen, wenn nur die Linsensysteme die für diese Beleuchtungsart passende Einrichtung haben.

Die ausgezeichnetsten Apparate der Art, zur objectiven Darstellung nicht allein die Farbenringe doppelbrechender Krystalle, sondern auch anderer optischer Erscheinungen sind ohne Zweifel diejenigen, welche Dubosa in Paris construirt hat und bei welchen er als Lichtquelle seine im zweiten Band näher zu besprechende elektrische Lampe anwendet.

347 Erklärung der Farbenringe einaxiger Krystalle. Die erwähnte Ringerseheinung lasst sich nun leicht erklären. In Fig. 943 stelle die Ebene des Papiers die Oberfläche des zwischen die Turmalimplatten gelegten Krystalls dar. Das Auge des Beschauers befinde sich gerade über ei die lichtenig der rechtwinklig durch die Platte gehenden Strahlen erscheint also in unserer Figur zu einem Punkte erwährt. ab sei die Schwingungsrichtung der ersten, ab die der zweiten Turmalimplatte. Wenn nun die Krystallplatte rechtwinklig auf die Axe geschnitten ist, so geben die Strahlen, welche rechtwinklig auf die Axe geschnitten ist, so geben die Strahlen, welche rechtwinklig auf den Oberflächen durch die Platten sich bewegen, in der Richtung der optischen Axe hindurch. In dieser Richtung findet aber keine Spaltung in zwei Strahlen statt; die Mitte des Gesichtsfeldes wird also gerade ebenso erscheinen, als ob gar keine Krystallplatte zwischen den gekreuzten Turnalimplatten läge.

Wir wollen den Pusspunkt des von dem Auge auf die Krystallplatte gefällten Perpendikels als die Mitte des Gesichtsfeldes betrachten; diese Mitte wird, wie eben erwähnt wurde, dunkel erscheinen. Betrachten wir nun irgend einen anderen Tunkt au der Oberfläche des Krystalls. Die hier austretenden und nach dem über o befindlichen Auge gelangenden Strahlen laben die Platte nicht in der Richtung der optischen Ase durchlaufen. Bei in trit also ein ordinärer und ein extraordnärere Strahl aus der Platte, der eine Strahl ist dem anderen vorangeeilt; nach der Zerlegung durch die obere Turmalinplatten tritt also ganz derselbe Fall ein, wie für ein Grypblittetben zwischen den gekreuzten Spiegeln des Polariastionaspparates. Wahrend also der Punkt o zwischen den gekreuzten Turmalinplatten dunkel erscheint.



wird der Punkt n eine Farbe haben, deren Natur davon abhängt, um wie viel Wellenlängen der eine Strahl dem anderen vorausgeeilt ist.

Betrachten wir nun den Gang der beiden in n austretenden Strahlen etwas genauer. In Fig. 944 stelle A B C D den Durchschnitt der Krystallplatte mit einer Ebene dar, welche durch die Linie no, Fig. 943, und

das Auge O geht, so it  $O \circ P$  das vom Auge auf die Oberfläche des Krystalls gefällte Perpendikel, velleches in Fig. 943 zum Punkte verkürst erschien, nud welches mit der optischen Axe im Krystalle zusammenfällt. — Wenn von O ein Lichtstrahl, O n, auf die Krystallplatte fiele, so würde er beim Eintritte in den Krystall in zwei Strahlen ns und nr gespalten worden, die nach sl und rv parallel mit n O austreten. Wenn also ungekehrt ein Lichtstrahl is auf die Platte fällt, so wird er in zwei gespalten, von deuen nur der ordinäre nach n gelangt. Ein zweiter Strahl rr aber, der die Platte träfft, sendet einen extraordinären Strahl nach n, bei nt ritt also ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl in der Richtung n O aus

Die Länge der Wege ns und nr jat so wenig von einander verschieden, dass man diese Differens bei unserer Betrachtung ganz unberücksichtigt lassen kann; auf dem Wege ns aher liegen weniger Wellenlängen als auf nr, weil der eine dieser Strahlen ein ordinärer, der andere ein extra-ordinärer, weil also die Wellenlänge für den einen klürer ist als für den anderen. Nehmen wir an, der eine Strahl sei dem anderen nm 1 Wellen-länge vorangeseilt.

Die Strahlen, die von einem Punkte n' der Oberfläche des Krystalls ins Ange gelagnen, der noch weiter von entfernt ist als n, haben den Krystall in einer Richtung durchlaufen, die mit der optischen Axe einen noch gröseren Winkel macht, als die Richtung der bei na austretenden Strahlen joglich ist der Gangaunterschied der beiden bei n' austretenden Strahlen im Krystalle noch gröser, als dies für die bei n austretenden der Fall ist, das Voraneilen des einen Strahles ist also noch hedeutender. Wir wollen annehmen, dass der eine Strahle dem anderen um 2 Wellenlängen voraussgeeilt sei, ass der eine Strahl dem anderen um 2 Wellenlängen voraussgeeilt sei.

Wie wird nun diese Platte zwischen den Turmalinplatten erscheinen? Offenhar muss etwas Aehnliches stattfinden, wie bei einer keilförmigen Gypsplatte im Polarisationsapparate. Zwischen gekrenzten Turmalinen muss die Stelle o dunkel erscheinen, weil von den hier austretenden Strahlen keiner dem anderen vorausgeeilt ist, sie haben ia den Krystall in der Richtung der optischen Axe durchlaufen. Die Stelle n wird ehenfalls dunkel erscheinen (für einfarbiges Licht), sie entspricht der Stelle der keilförmigen Platte, welche so dick ist, dass der eine Strahl dem anderen um 1 Wellenlänge vorausgeeilt ist; ebenso erscheint n' dunkel; dieser Punkt entspricht dem zweiten dunklen Streifen der Gypsplatte. Zwischen o und n ist eine Stelle, an welcher ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl nach dem Auge hin austreten, von denen der eine dem anderen um eine 1/2 Wellenlänge vorausgeeilt ist; diese Stelle wird also hell erscheinen. Ebenso befindet sich ein Maximum von Helligkeit zwischen n und n'; von den hier anstretenden Strahlen ist der eine dem anderen um 3/2 Wellenlängen vorausgeeilt.

Denken wir nns um o auf der Oberfläche der Krystallplatte einen Kreis mit dem Radius on gezogen, so werden alle Strahlen, die von dem Umfange dieses Kreises ins Auge gelangen, sich ebenso verhalten wie die von n herkommenden, denn alle diese Strahlen haben den Krystall in gjeicher Neigung gegen die optische Are durchlaufen; wenn also der Punkt n zwischen den Turmalinplatten dunkel erscheint, so erscheint der gause Umfang des Kreises dunkel, dessen Alities on ist. Um den duuklen Mittelpunkt o erscheint also zunächst ein heller Kreis, dann ein dunkler, dessen Radius on nist; auf diesen folgt wieder ein heller Ring, dann ein zweiter dunkler Ring, dessen Halbunesser o n' ist. 18. 8. W.

Sieht man durch die zwischen gekreuzte Turmalinplatten gelegte Platte nach einer monochromatischen, etwa nach einer durch Kochsatz gelb oder durch Lithium roth gefärbten Flamme, so sieht man eine Reihe von concentrischen Kreisen, die immer feiner und feiner werden.

Wenn man weises Licht statt des einfarbigen Lichtes anwendet, wan man also z. B. gegen den hellen Himmel sieht, so erblickt man natürlich statt der hellen und dunklen Ringe eine Reihe verschiedenfarbiger Ringe, die von dem Mittelpunkte aus in derseiben Ordnung auf einander folgen, wie die Farben der keilfornigen Oppsplatten.

Das eben besprochene Ringsystem erscheint aber von einem schwarzen Krenze durchschnitten, dessen Mittelpunkt mit dem Mittelpunkte der Ringe zusammenfällt; wir wollen uns jetzt zu der Erklärung dieses schwarzen Krenzes wenden.

Bei der Erklärung der Farbenerscheinungen in dünnen Gypeblättehen haben wir gesehen, dass die Farbung eines solchen Blättchen zwischen gekreuxten Spiegeln der Art nach ungeändert bleibt, wenn man ihn verschiedene Lagen giebt, dass aber dabei die Intensität der Färbung variirt. Das Blättchen erscheint am lebhaftesten gefärbt, wenn die Schwingungebenen der beiden Strahlen einen Winkel von 45° mit der Schwingungebene des unteren Spiegels nachen; dreht man das Blättchen aus dieset Lage heraus, so nimmt seine Helligkeit ab, his es eudlich ganz dunkel erscheint, wenn die Schwingungebene des einen dre beiden Strahlen mit der des unteren Spiegels, die Schwingungsebene des anderen Strahlen sin Krystalle mit der des oberen Spiegels sumamenfüllt.

Wir sehen daraus, dass die Intensität der Färbung davon abhängt, webele Lage die Schwingungsebenen im Krystalle gegen die Schwingungsebenen der beiden Spiegel, oder in unserem Falle der beiden Termaliplatten, haben. Bei den Gypablittchen sind die Schwingungen aller durchgehenden Strahlen mit zwei bestimmt ausgebenden Linien parallel; bei einer senkrecht auf die Axe geschnittenen Krystallplatte aber ist dies nicht der Fall.

Von einem Punkte n, Fig. 945, der Oberfläche eines senkrecht auf die Az geschliffenen einaxigen Krystalls tritt ein ordinärer und ein extraordinärer Strahl nach dem über o beindlichen Auge aus; die Ebene, welche sich durch den Punkt  $\nu$  und die in o zum Punkte verkürzte Richtung der optischen Axe legen läset, sit der Hanpstechnitft für diese Strahler; die

Schwingungen des extraordinären Strahles finden nun in diesem hier zur Linie no verkürzten Hauptschnitte selbst statt, die Schwingungen des ordi-



nären sind rechtwinklig auf demselben. Für einen anderen Punkt m der Oberfläche des Krystalls ist aber m o die Projection des Hauptschnittes, die Sehwingungsebenen der von m nach dem Auggelangenden Strahlen haben also eine andere Lage ab die Schwingungsebenen der von n kommenden Strahlen. Wenn nun der Punkt n so liegt, dass die Linie no einen Winkel von 45° mit den Schwinungsebenen ab und cd der beiden Turmalimplatten macht, so werden die Farben an dieser Stelle n ein Maximum von

Helligkeit zeigen; je mehr aber die von dem Anstrittspunkte nach o gezogene Linie sich der Linie ab oder cd nähert, desto dunkler wird die Färbung werden; vollkommene Dunkelheit muss endlich an allen Punkten der Linien cd und ab selbst stattfinden. So erklärt sich das schwarze Kreuz.

Der Durchmesser der Ringe hängt von der Dicke der Platten ab, er ist der Quadratwurzel aus der Dicke proportional; für eine 4mal, 9mal dickere Kalkspathplatte werden die Durchmesser der Ringe 2mal, 3mal kleiner sein.

Auch die anderen einaxigen Krystalle, den Bergkrystall ausgenommen, zeigen dieselbe Erscheinung, nur sind für gleich dicke Platten die Ringe um so enger, je stärker die doppelte Brechung der Substanz, d. h. je grösser der Unterschied zwischen dem grössten und kleinisten Brechungsexponenten für dieselbe ist; so sind z. B. die Ringe in einer Kalkspatplattewitt enger, als in einer gleich dieken Platte von essigsauren Kalkkupfer.

Dass zwischen parallelen Turmalinen die complementäre Figur mit dem weisen Kruzze rescheint, bedarf keiner Erklärung. Die nährere Untersuchung der Modificationen, welche die Ringfigur erleidet, wenn die Turmalinplatten weder parallel noch gekrenzt sind, würde uns zu weit führen.

Bearbeitung der Krystallplatten. Während man das schwierigeres Schleifen und Poliren härterer mineralischer Korper am besten einem
Glasschleifer und Poliren härterer mineralischer Korper am besten einem
Glasschleifer überlästs, sind dagegen auflösicher Salze so leicht zu behandeln, dass jeder ohne grosse Mühe selbst solche Platten herrichten kann.
Die Plätchen, welcher rechtwindig auf der optischen Axe stehen, werden zunächst am einem feinem Schleifstein angeschiffen und sodann auf einem
leinenen Läppehen polirt, am welchem ganz gerienes Caput mortuum, mit einer
ganz geringen Menge von Wasser augefeuchtet, eingerieben worden ist.
Nachdem dies gesehchen ist, putst man die politren Plächen mit einem

trockenen Tuche sorgfältig ah und kittet sie mit Hülfe von canadischem Balsam zwischen zwei Glasplatten, damit die politten Flächen nicht wieder durch den Einfluss der Luft ihren Glanz verlieren.

Besonders leicht sind die Krystallplatten dann zu präpariren, wenn die optische Axe auf einer Spaltungsfläche senkrecht steht, wie dies z. B. beim schwefelsauren Nickeloxyd der Fall ist. Das schwefelsaure Nickeloxyd krystallisirt bei verschiedenen Temperaturen in verschiedenen Formen; unter 150 krystallisirt es in gleicher Form mit dem Zinkvitriol, und in diesem Falle ist es optisch zweiaxig; bei einer Temperatur von 15 his 20° krystallisirt es in Quadratoctaëdern, also in optisch einaxigen Krystallen, welche senkrecht zur optischen Axe sehr vollkommen spaltbar sind; hat man durch Spaltung eine Platte mit recht ebenen glänzenden Flächen erhalten, so kann man sie ohne Weiteres zwischen die Glasplatten kitten. Auch das Blutlaugensalz ist in einer Richtung sehr vollkommen spaltbar. welche rechtwinklig zur optischen Axe ist: doch erscheinen die Ringe in demselben selten ganz regelmässig, sondern meistens verzerrt, was auf eine Störung in der krystallinischen Structur hinzudeuten scheint; ähnliche Unregelmässigkeiten beobachtet man auch an dem Ringsysteme des Berylls.

Um das Ringsystem zu beohachten, sind ausser den schon genannten noch besonders folgende einaxige Krystalle geeignet: Salpetersaures Natron. Turmalin, saures arseniksaures Kali, Honigstein, essigsaures Kalkkupfer, Eis u. s. w.

Das salpetersaure Natron krystallisirt in Rhomboëdera, wie der Kalkkupfer, ein Doppelsalz von essigsaurem Kupfer und essigsaurem Kalk, krystallisirt in achtseitigen Skulen und ist durch seine prachtvolle blane Farbe ausgezeichnet; wegen der dunklen Farbe dieses Salzes sieht man seine Ringe am besten, wenn man grüne Turmaline auwendet.

Dass das Lis wirklich eine krystallinische Structur hat, liess sich schon daraus erwarten, dass die Schneeflocken so regelmässiger Krystallflächen beobachtet; diese Vermuthung wird unn durch die optischen Eigenschaften des Eiser vollkommen bestätigt. Wenn die Eisdecke irgend eines Gewissers eine Dicke von 2 bis 4<sup>rm</sup> erreicht hat, schlage man aus dieser Decke eine Platte heraus und bringe sie sogleich in die Turmalizange, so wird man ohne Weiteres ein Ringsystem, wie im Kalkspath, sehen, nur sind der geringeren doppelten Brechung des Eises wegen die Durchmesser der Ringehier trotz der Dicke der Platte noch ziemlich gross; die optische Axe des Eises steht also rechtwinkig zur natürlichen Oberfläche der Eistecken und das Eise gebört wirklich in das hexagonale Krystallsystem, wohin er auch nach der Gestalt der Schneeflocken, welche sechsseitige Sterne bilden gehört.

Beim Apophyllit und beim unterschwefelsauren Kalke weicht die Aufeinanderfolge der Farben des Ringsystems von der gewöhnlichen ab. Farbenringe in zweiaxigen Krystallen. Wenn man eine 349 Salpeterplatte, Fig. 946, welche senkrecht auf die Mittellinie, also senk-

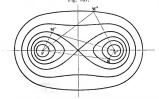
Fig. 946.
recht zur Säulenaxe geschliffen ist, so zwischen die gekreuzten Trumalinplatten legt, dass die Ebene der beiden optischen
Axen einen Winkel von 45° mit den Schwingungsebenen der
beiden Turmalinplatten macht, so sieht man das sehöne Ringsystem Nr. 4 Tab. IX., welches in Fig. 3 Tab. IX. übergelt, wenn die

system Nr. 4 Iab. IX., welches in Fig. 3 Iab. IX. übergeht, wenn die Ebene der optischen Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt.

Man wird wohl sehr selten einen Salpeterkrystall finden, welcher nicht in der Mitte mit mehr oder weniger bedeutenden röhrenartigen Höhlungen durchzogen ist. Dies macht aber die Krystalle zu unserem Zwecke nicht unbrauchbar; denn gegen den Rand hin finden sich immer Stellen, welche gross genug und vollkömmen rein sind.

Wir wollen nun zuerst die Gestalt der farbigen (isochromatischen) Curven und dann die Form der sie durchschneidenden schwarzen Büschel näher untersuchen.

Die Erscheinung, Nr. 4 Tab. IX., besteht offenbar aus einer Verbiumg von zwei Rüngsystemen, von welchen jeles eine optiehe Aze nugiebt; d. h. die vom Mittelpunkte eines solchen Rüngsystems nach dem Auge austretenden Strahlen haben den Krystall in der Richtung einer optiehen Aze durchlaufen. Herschel, welcher diese Erscheinung zuerst genau untersuchte, hat gezeigt, dass die farbigen Curren Lemuiscatten sind, d. h. krumen fainen, welche, wie die in Füg. 947 verzeichueten, die Eigenschaft haben, dass, wenu man von irgend einem Punkte M einer Füg. 917.



solchen Carve Linier nach den beiden Polen F und F' gezogen denkt, das Product dieser beiden Leitstrahlen FM und F'M eine beständige Grösse ist, deren Werth sich immer von einer Curve zur folgenden andert. Näheres über die Leun niecaten findet man 'n  $\S$ . 29 meiner Analytischen Geometrie (Baumachweig 1854)

Müller's Lehrbuch der Physik, 6te Aufl. L.

Auch hier werden die Curven um so weiter, je dünner die Krystallplatte wird. Gesetzt, man habe eine Salpeteplatte, weldele die Leuniscaten gerade so zeigt, wie man Fig. 947 sieht, d. h. vier geschlossene
Curven um jede Axe; während die folgenden Ringe beide Axen umschliessen, so werden, wenn man die Platte dünner schleift, alle Ringe an Ausdehnung zunehmen, während doch die Mittelpunkte der Ringsysteme unverändert an derselben Stelle beiben jedsabl muss mit abnehmender Dieke
auch die Zahl der geschlossenen Curven, welche um jede Axe herungehen,
immer mehr abnehmen; hat man die Dieke um ein Bestimmtes vermindert,
so hat man nur noch zwei geschlossene Curven um jede Axe (Fig. 3 und 4
Tah. IX); ja man kann die Salpeterplatte leicht so dünn schleifen, dass gar
keine Ringe mehr erscheinen, welche nur eine Axe umgeben, sondern nur
ovale Ringe, welche vie die «usserste Curve in Fig. 947, beide Axen umschliessen.

Per Taik wird in Form von tafelartigen, nicht wohl zu bestimmenden Krystallen gefunden, die nach einer Richtung hin, welche seukrecht auf der Mittellinie steht, sehr vollkommen spaltbar sind; dünne, durch Spaltung erhaltene Taikblättehen zeigen nun fast ganz dieselbe Ringerscheinung, wie eine ganz dünn geschliffene Salveterplatte.

Wenn man die Salpeterplatte in ihrer Ebene umdrcht, so dass die Ebene der beiden optischen Axen nicht mehr einen Winkel von 45° mit den Schwingungsebenen der Turmalinplatten macht, so bleibt dabei die Form der Lemniscaten ganz unverändert, nur die Form und die Lage der hyperbolischen schwarzen Büschel, welche die farbigen Curven durchschneiden, ändert sich. In den Figuren 1, 2 und 3 Tabelle X, sind die schwarzen Büschel allein für drei verschiedene Lagen der Krystallplatte dargestellt. Wenn die Verbindungslinie der beiden Mittelpunkte a und a der Lemniscaten einen Winkel von 45° mit den Schwingungsebenen der Turmalinplatten macht, so haben die schwarzen Büschel die Form Fig. 1 Tab. X.; die Fig. 2 Tab. X. entspricht dem Falle, dass die Verbindungslinien oo', also die Ebene der optischen Axen, einen Winkel von 90 mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte macht; die Fig. 3 Tab. X. endlich stellt die Büschel für den Fall dar, dass die Ebenen der optischen Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt: für diese letztere Lage ist in Fig. 3 Tab. IX. das Ringsystem im Salpeter dargestellt.

Die Ringerscheinungen im kohlensauren Bleioxyd haben grosse Achnlichkeit mit denen im Salpeter, nur ist die Aufeinanderfolge der Farben etwas anders; es wird von dieser Verschiedenheit bald mehr die Rede sein.

Wenn der Winkel, welchen die beiden optischen Axon eines Krystalls mit chander machen, grösser ist als 20°, so kann man in einer senkrecht zur Mittellnis geschliftenen Platte nicht mehr beide Ringsysteme gleichzeitig übersehen; neigt man die Platte bald nach der einen, bald nach der anderen Seite hin, so sieht man bald die Ringe, welche die eine, bald die Ringe, welche die andere Ac umgeben.

Unter den Krystallen, welche, senkrecht zur Mittellinie geschliffen, bei behöriger Neigung leicht bald das eine, bald das andere Ringsystem zeigen, sind besonders folgende zu nenne: Arragonit, Schwerspath, (limmer, Topas, Zinkvitriol, Bittersalz, schwefelsaures Nickeloxyd, Titanit, Zucker, Seignettesalz, schwefelsaures Magnesia-Ammoniak u. s. w. (Vergleiche § 333 und § 335.)

Mit Halfe des in §. 345 beschriebenen Nörrem ber gischen mikroskopischen Polarisationsapparates kann man aber in solchen senkrecht zur Mittellinie geschliffenen Krystallplatten selhst dann noch gleichzeitig übersehen, wenn der Winkel der optischen Axen 70 bis 80 Grad heträgt.

Die Krystalle des Glimmers sind äusserlich zu wenig ausgebildet, um das Krystallsystem unmittelbar bestimmen zu können, dem sie angehören. hier sind nun die optischen Eigenschaften entscheidend, denn die optisch einaxigen Glimmerarten gehören dem hexagonalen, die optisch zweiaxigen dem rhombischen Krystallsysteme an; oh aher eine Glimmerplatte optisch einaxig oder zweiaxig ist, ergiebt sich sogleich aus der Beohachtung des Ringsystems. Häufig sind aher die Glimmerhlättchen so dünn, dass die Ringe zu gross werden, als dass man sie ühersehen könnte; man übersieht bei ihnen nur den centralen Theil der Figur; doch lässt sich auch hier leicht ermitteln, ob dies Blättchen einaxig oder zweiaxig ist. Man lege es nur auf das Tischlein im Polarisationsapparate, während die heiden Spiegel gekreuzt sind; erscheint nun das Blättchen fortwährend dunkel, wie man es auch in seiner Ebene umdrehen mag, so ist es optisch einaxig, denn alsdann erhlickt man den centralen Theil der Fig. 1 Tah. IX., welcher stets dunkel erscheinen muss; wenn aber das Blättchen ahwechselnd hell und dunkel erscheint, so ist es optisch zweiaxig.

Wenn der Winkel der optischen Axen gross sit, so kann man die Krystallphatte sehrceht zu einer der optischen Axen schleifen; nan sieht alsdann freilich nur ein Ringsystem, welches meistens in der Art, wie Fig. 1 Tab. XI. erscheint; die runden oder etwas ovalen Ringe sind nur von einem dunkten Büschel durchschnitten, der seine Lage ändert, wenn man die Krystallplatte in ihrer Ehnen undreht; jedoch ist die Richtung, nach welcher sich der schwarze Büschel dreht, der Richtung enge gengesetzt, in welcher die Krystallplatte gedreht wird. Wenn der schwarze Büschel mit der Richtung der Schwingungssehen der einen Turmälniplatte zusammenfällt, so liegt die andere Axe auf der Verlängerung des schwarzen Büschels oder, genauer gesagt, die durch den schwarzen Büschels enkrecht zur Oberfläche der Platte gedachte Ebene ist alsdann die Ebene der beiden optischen Axen.

Unter den Krystallen, von welchen man vorzugsweise leicht Platten erhalten kann, welche senkrecht zu der einen Axe sind, muss besonders der Zucker und das saure chromsaure Kall genaunt werden. Wir haben bereits oben Seite 335 gesehen, dass die eine Axe des Zuckers nabezn senkrecht auf der Spaltungsfläche sits; in einer durch Spaltungsflächen begränze.

ten Zuckerplatte ist demnach das eine Ringsystem leicht zu beobachten.— Das saure chromsaure Kali ist nach mehreren Richtungen spaltbar, doch nach einer vorzugsweise leicht, und senkrecht auf dieser Spaltungsfläche liegt auch hier eine optische Axe.

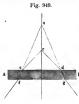
350 Messung der Axenwinkel. Um den Winkel zn messen, welchen die beiden optischen Axen eines Krystalls mit einander machen, kann man den Apparat Fig. 948 anwenden. Der Polarisationsspiegel a reflection.



tirt die möglichst vollständig polarisirten Strahlen in horizontaler Richtung. Als Zerleger dient eine Turmalinplatte I. Die Krystallplatte & ist in eine Zange gefasst, welche um eine horizontale Axe drehbar ist. Die Grösse dieser Drehung kann man an einem getheilten Kreise n n ablesen. Um das Ringsystem sichtbar zu machen, wird ein nach den beerits oben besprochenen Grundsätzen zusammengestelltes Linsensystem angewandt. Nahe beim Brennpunkt der Linse d ist ein Fadenkreuz f angebracht. Die Krystallplatte wird unu so eingesetzt, dass die Ebene der beiden

Die Krystallplatte wird nun so eingesetzt, dass die Ebene der beiden Aren mit der Verticalebene zusammenfällt, in welcher die Platte drebhsr ist (für unsere Figur die Ebene des Papiers), und die Zange so gedreht, dass der Mittelpunkt des einen Ringsystems mit dem Mittelpunkt des Fadenkreuzes zusammenfällt. Nachdem man nun den Nonius abgelesen hat, wird in gleicher Weise die andere Aze eingestellt und abermals abgelesen. Aus dem so ermittelten Drehungswinkel lässt sich dann der Winkel der optischen Azen auf folgende Weise berechnen:

Es stelle in Fig. 949 AB eine zweiaxige senkrecht auf die Mittellinie geschliffene Krystallplatte, o das darüber befindliche Auge, od und oc



) as an arriber bemoninea Auge, ou una ac die Richtungen vor, nach welchen man die Mittelpunkte der beiden Ringsysteme sieht, so ist klar, dass die von c und d nach dem Auge gelangenden Strahlen nicht in derselben Richtung, sondern nach den Richtungen cf und dg den Krystall durchlaufen haben; es ist also der mit Hülfe des Apparates Fig. 948 gemessene Winkel cod nicht der Winkel der optischen Axen, sondern der Winkel cnd, welchen die Richtungen fc und dg mit einander maches: wenn aber der Winkel cod und der mittleere Brechungesxponent der Krystallplatte bekannt ist, so kann man den Winkel cnd berechnen.

Ungleiche Lage der optischen Axen für verschieden. 3:1 farblige Strählen. In manchen Krystallen zeigt das Ringsystem sowohl, wie auch die dunklen Büschel eine auffallende Abweichung von der normalen Gestalt und Farbung, wie man dies namenlich an Platten von Weissbleierz (kohlensauers Blicoyd), Seignettesalz (weimteinsauers Kalizatron), Titanit und vielen anderen beobachtet. Als besonders charakteristisches Deipeile dieser Erscheinung mag das Ringsystem der Titanits dienen. Fig. 5 Tab. IX stellt das Ringsystem einer senkrecht zur Mittellinie geschuttenen Titanitplatte dar, wie es in Norremberg's mikroskopischem Polarisationsapparat (Fig. 940 S. 558) erscheint, wenn die Ebene der optischen Axen mit der Schwingungsebene des Zerlegem zusammenfällt; während Fig. 6 Tab. IX ass Ringsystem derneben Platte für der Fall darstellt, dass die Ebene der optischen Axen mit der Schwingungsebene wirden Platte für der Fall darstellt, dass die Ebene der optischen Axen den Winkel halbirt, welchen die Schwingungsebene des Zerlegens gustanten auch zu stellt, dass die Ebene der optischen Axen den Winkel halbirt, welchen die Schwingungsebene des Zerlegens macht.

Zunächst fällt in die Augen, dass die dunklen hyperbolischen Bischel, auf der einen Seite stark volt, auf der anderen Seite dagegen blau gefärbt erscheinen, während geschlossene Curven, welche bei normalen Ringsystemen die Pole der Lemniscaten zunächst umgeben, theils ganz verschwinden, theils sauf eigenthämlich gekrümmte Strichlein reducirt sind. Alle diese Unregelmässigkeiten verschwinden, sobald man statt des weissen Lichtes einfarbiges anwendet, wenn man etwa nach einer durch Kochsalz gefätzben Weingeistflamme hinsieht; unter diesen Umständen sieht man in der That jeden Pol des Curvensystems zunächst von fast kreisformigen Ringen umgeben; da slos für jede einzehe Farbe die Ringe vollkommen regelmässig sind, so kann die im weissen Lichte beobachtete Unregelmässigkeit nur daher rühren, dass die Mittelpunkte der verschiedenfarbigen Ringe ucht zusammer-rühren, dass die Mittelpunkte der verschiedenfarbigen Ringe uchtz zusammer-

fallen, wie dies auch Herschel nachgewiesen hat. In der That sicht man zwei gesonderte Ringsysteme, derem Mittelpunkte nicht zusammenfallen, wenn man die Ringe durch ein farbiges Glas betrachtet, welches nnr zwei Farben, etwa nnr blanes und rothes Licht, durchlässt, wie dies z. B. bei dem blanen Kobaltzjase der Fall ist.

Es seien r und r' in Fig. 950 nnd Fig. 951 die Pole der Lemniscaten einer Titanitplatte für rothes, b nnd b' die für blanes Licht, so wird für die der Fig. 5 anf Tab. IX. entsprechende Lage der Platte der dunkle Büschel für rothes Licht an die in Fig. 950 vertical gestreisten, der

Fig. 950. Fig. 951.





dunkle Buschel für blaues Licht wird an die horizontal schräfürten Steller fallen; wo also in Fig. 950 eine borizontale Schräffrung sich befindet, wird eine rothe, wo bloss verticale sich befindet, wird eine blaue Färbung vorherrschen müssen, und so erklärt sich die Farbenvertheilung der Fig. 5 Tab. IX einfach mit Hülfe der Constructionsfigur 950.

Ebenso erklärt sich die Färbnng der hyperbolischen Büschel in Fig. 6 Tab. IX. mit Hülfe der Constructionsfigur 951.

Die auffallenden Störungen und das theilweise Verschwinden der concentrischen Ringe, welche bei homogenem Lichte die Pole der Lemniscaten nugeben, erklärt sich gleichfalls dadurch, dass eben die Mittelpunkte dieser Ringe für verschiedenfarbige Strahlen nicht zusammenfallen.

Darans, dass die Pole der Lemniscaten nicht dieselben sind für verschiedenfarbige Strahlen, geht hervor, dass die optischen Axen für verschiedenfarbige Strahlen nicht die gleiche Lage haben, dass also die optischen Axen für die blauen Strahlen nicht mit den optisches Axen der rothen Strahlen zusammenfallen. Im Seignetteals ist diese Verschiedenheit der Lage der verschiedenfarbigen Strahlen sehr bedeutend; der Winkel der optischen Axen für die rothen Strahlen ist 76°, für die violetten aber 56°.

Beim essigsauren Bleioxyd (Bleizucker) ist die nngleiche Lage der verschiedenfarbigen Strahlen ebenso auffallend wie beim Seignettesalz; der Bleizucker krystallisirt gewöhnlich in Form von länglichen Tafeln, und die eine optische Axe ist fast senkrecht zu der Oberfläche derselben; man braucht also eine solche Platte nur in die Tarmalinzange zu legen, um bei einiger Neigung gegen die einfallenden Strablen eine ähnliche Erscheinung zu sehen, wie beim Seignettesalz.

Bei einigen Krystallen, z. B. beim Salpeter, ist der Winkel der rothen Azen kleiner als der der blauen; bei anderen, z. B. beim kohlensanren Bleioxyd und beim Titanit, ist umgekehrt der Winkel der rothen Azen grösser; bei den ersteren liegen also die optischen Azen ungefähr so, wie es Fig. 952, bei den anderen so, wie es Fig. 953 dargestellt ist.

Je grösser die Entferanng der Mittelpunkte der blauen und rothen Ringe im Vergleiche zu dem Durchmesser dieser Ringe ist, deste auffallender wird die Abweichung der Figur von der normalen Gestalt; sie ist



deshalb in dicken Krystallplatten weit auffallender als in dünnen. Man kann dies recht deutlich sehen, wenn man die Ringsysteme in Salpeterplatten von verschiedener Dicke aufmerksam betrachtet. Je dicker die Platten werden, desto kleiner und zahlreicher werden die Ringe, und desto mehr nähert sich das Ausehen eines jeden Ringsystems dem Habitns Fig. 5 Tab. IX.

Bei allen bis jetzt in diesem Paragraphen besprochenen Krystallen liegen die optischen Axen der verschiedenfarbigen Strahlen sämmtlich in einer Ebene, und die Mittellinie hat für alle Farben dieselbe Lage. Deshalb wird auch das ganze Curren-

system durch die danklen Büschel in jeder Beziehung symmetrisch getheilt, Fig. 3 und Fig. 5 Tab. IX., wenn man die Krystalplatte so zwischen die gekrenzten Turmaline legt, dass die Ebene die optischen Axen mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt.

Eine solche symmetrische Vertheilung der optischen Axen der verschiedenfarbigen Strahlen findet bei den Krystallen des rhom bischen Systems ohne Annahme statt, während eine solche Symmetrie bei den Krystallen der beiden schiefwinkligen Krystallsysteme in der Regel nicht beobachtet wird.

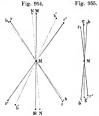
Bei denjenigen Krystallen des monoklinischen Systems, bei welchen die Ebene der optischen Azse in die synmetrische Ebene fallt, wie beim Zncker, beim Gyps, beim schwefelsauren Kobaltoxydul-Ammoniak, beim ameisensauren Kupferoxyd u. s. w. (Seite 836), liegen zwar noch die optischen Azen fär alle Farben in einer Ebene, dagegen fallen die Mittellnien für die verschiedenen Farben nicht immer zusammen, was zur Folge hat, dass das eine Ringsystem oft ein ganza nderes Anneben hat als das an

dere; dies ist namentlich der Fall beim Gyps und beim ameisenasuren Kupferoxyd. In einer durch Spaltung erbaltenen Platte dieses Salzes sieht man hei geringer Neigung ein fast ganz rundes Ringsystem, bei grösserer Neigung ein sehr in die Länge gezogenes. Für das eine lieger also die optischen Azen der rothen und blanen Strahlen sehr nahe zu-sammen, für das andere liegen sie weit aus einander. Fig. 954 stellt die ungefähre gegenseitige Lage der optischen Axen im ameisensauren Kipferoxyd dar.

Wenn die optische Mittellinie mit der symmetrischen Axe des monoklinischen Systems zusammenfällt, wie beim Borax, so ist zwar die Mittellinie für alle farbigen Strahlen dieselhe, aher die Ehene der optischen

Axen hat für verschiedenfarbige Strahlen eine andere Lage.

Man erkennt dies daran, dass die Ringfigur durch den sehwarzen Büschel nicht symmetrisch getheilt wird, wenn der Bäschel mit der Schwingungsebene der einen Turmalinplatte zusammenfällt. Beim Borax werden die Ringe durch den Büschel symmetrisch getheilt, wenn dieser einen sehon ziemlich bedeutenden Winkel mit der Schwingungsebene ob. Fig. 2 Tab. XI., der einen Turmalinplatte macht. Wenn man die Boraxplatte Fig. 955, 40 zwischen die Turmaline gelegt hat.



dass sie die Erscheinung wie Fig. 2 Tab. XI. zeigt, so findet sich das andere Ringsystem nicht in der Verlängerung des schwarzen Büschels. also nicht in der Verlängerung der Linie, welche die Mittelpunkte der rothen und blauen Ringe verbindet, sondern in der Richtung ab. Die Mittelpunkte der Farbenringe der beiden Ringsysteme sind also im Borax ungefähr so vertheilt, wie es in Fig. 955 angedeutet ist; r, g und b sind die Mittelpunkte der blauen, grünen und rothen Ringe im einen, r', g', b' die entsprechenden Mittelpunkte im anderen Ringsysteme; rr

ist also die Ehene der rothen, gg' die Ebene der grünen, bb' die Ebene der blauen optischen Axen. M ist die zum Punkt verkürzte Mittellinie.

Hyperbolische Curven in Krystallplatten, die parallel mit der Axe geschliffen sind. Wenn man eine parallel mit der Axe geschliffen Platte von Bergkrystall, welche 2 bis 4 Linien diek ist, oder eine ehen so dieke Gypeplatte in den Polarisationsapprat legt, se orseheint sie nicht farbig wir ein dünnes Blättehen, sondern, wenn mas sie in ihrer Ebene umdreht, wird sie nur abwecbselnd hell und dunkel. Dass eine solche dieke Platte im weissen Lichte nicht mehr farbig erscheint,

rührt nur daher, dass eben alle Farben höherer Ordnung, wie dies bereits in §. 316 gezeigt wurde, vom Weiss nicht mehr zu unterscheiden sind. Legt man aher eine solche Krystallplatte in entsprechender Lage in die Turmalinzange, so erhlickt man, nach einer homogenen Lichtquelle hinschend, ein System von abwechselnd hellen und danklen hyper bolischen Streifen, wie sie Fig. 4 und 5 Tah. X. dargestellt sind.

Als homogene Lichtquelle wendet man am bequemsten eine durch Kochsalz gelb gefärhte Weingeistlampe an.

Dass üherhaupt hier ahwechselnd helle und dunkle Curven entstehen, rührt daher, dass von den beiden Strahlen, welche an irgend einer Stelle der Oherfläche der Platte nach dem Auge austreten, der eine hald nehr, bald weniger voransgeseilt ist, je nachdem die Strahlen den Krystall in einer anderen Richtung durchlaufen haben; die Form der hyperbolischen Curven lässt sich aus der Fresnel'schen Theorie der doppelten Brechnar vollständig ablietten, wie ich dies in einer Abhaddung im 33. und 35. Bande von Poggendorff's Annalen nachgewiesen habe; hier würde nns eine solche Ableitung zu weit führen.

Je dûnner die Platte wird, desto weiter rücken die Curven aus einander, und wenn die Platte hinlänglich dünn geworden ist, nm im weissen Lichte farbig zu erscheinen, sind die Curven gewissermassen so grosse geworden, dass man sie nicht mehr übersehen kann; man sieht alsdann nur den gleichformig gefährben centralen Theil der Figur.

Auch eine parallel mit der Axe geschliftene Kalkspathplatte zeigt diese Curven, nur sind sie ungleich enger als bei einer gleich dicken Bergkrystallplatte. Die Bearbeitung einer solchen Kalkspathplatte erfordert aber die grösste Sorgfalt; denn wenn die gegenüberliegenden Oherflächen nicht genau parallel sind, so treten die Strahlen, durch deren Interferenz die Curven entstehen sollen, wegen der starken doppelten Brechung des Kalkspaths nicht mehr nach derstehen Richtung ans.

Eine Quarzplatte, deren Oberfläche einen Winkel von 45° mit der optischen Aze macht, zeigt hei Anwendung von homogenem Lichte zwischen den Turmalimplatten fast ganz gerade, abwechselnd helle und dunkle Streifen; dieselben Streifen, aber sehr fein, sieht man in einem möglichst dünnen, von einem Rhomboe'der abgespalteten Kalkapathhättehen. Diese Streifen sind gewissermaassen die geradlinige Fortsetzung der hyperbolischen Curven, welche man in Platten sieht, die parallel mit der Axe geschliffen sind.

Im Allgemeinen wird man in jeder doppelthreehenden Krystallplatte, welche mit parallelen Wänden hegränzt ist, hei Anwendung von homogenem Lichte (farbige Glöser sind nicht homogen genng) Curven erblicken, von denen im weissen Lichte oft nicht die Spur zu sehen war.

Wenn man zwei Quarzplatten oder zwei Gypsplatten von gleicher Dicke, welche im homogenen Lichte die hyperbolischen Curren zeigen, gekrenzt zwischen die gekreuzten Turmaline bringt, so sieht man die Curren Fig. 5 Tab. X. schon im weisen Tageslichte; sie erscheinen nun farbig, und ihre Farhen folgen fast ganz den Farhen der Newton'schen Scala, sie heginnen in der Mitte mit Schwarz, was begreiflich ist, da ja hier die Färhung von der Differenz der in der einen und der anderen Platte durchlaufenen Wege sbhängt.

Zwei gleich dicke Quarplatten, welche in einem Winkel von 45° gegen die Axe geschnitten sind, zeigen, wenn sie gekreuzt sind, im Turmalinapparat ebenfalls farbige Streifen, die von dem mittleren an, welcher schwarz erscheint, nach beiden Seiten hin in der Ordnung der Newton'schen Scala auf einander folgen.

Savart hat zwei solche gekreuzte Quarzplatten mit einer Turmalinplatte vereinigt und nennt diesen Apparat ein Polariskop; deum wenn
man durch die Turmalinplatte und die heiden Quarzplatten nach irgead
einer Stelle hinsicht, von welcher polarisitres Licht kommt, so werden
abhald die Farbenstreifen sichthar werden, und zwar um so brillatert, ei vollständiger die einfallenden Strahlen polarisirt sind; sieht man durch
diesen Apparat nach dem heiteren Himmel, nach einem Schieferdache,
nach der Wand eines Hauses, so wird man die Streifen bald mehr, bald
weniger dentlich erscheinen sehen, kurz, man kann mit diesem Apparate
die geringsten Spuren von Polarisation der einfallenden Strahlen erkennen; doch sieht man leicht ein, dass man dasselhe weit einfacher erreicht,
wenn man ohne Weiteres durch eine Turmalinplatte und eine senkreit
auf die Axe geschliffene Krystallplatte nach der zu untersuchenden Stelle
hinsieht.

353 Farbenerscheinungen in Quarzplatten, welche senkrecht zur Aze geschnitten sind. Ganz eigenthäuliche, von der bisher betrachteten chromatischen Polarisation wesentlich ahweichende Farbenerscheinungen heobachtet man in Platten von Berg krystall, welche senkrecht zur Aze geschnitten sind.

Folgendes ist die von Arago entdeckte Erscheinung:

Legt man auf das Tischlein des Polarisationsapparates eine Quarzplatte, welche senkrecht zur Axe geschnitten ist, so erscheint sie durch

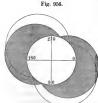
den Zerleger hetrschtet lehhaft gelärbt, und zwar ändert sich die Farbe, wenn der Zerleger (am hesten ein Nicol'sches Frisma) um seine Axe gedreht wird. In keiner Stellung des Zerlegungenicols erscheint die Krystallplatte ganz farhlos hell oder farblos dunkel.

Die Farhenveränderungen, welche man heohachtet, wenn der Analyseur gedreht wird, folgen in einer bestimmten Ordnung auf einander, nämlich in derjenigen der prismatischen Farhen. Es giebt Bergkrystal-platten, bei welchen man den Zerlegungsspiegel nach der rechten Seite hin, also in der lüchtung wie den Zeiger einer Uhr drehen muss, damit Roth in Gelh, Gelh in Grün, Grün in Blau und Blan in Violett übergeht; hei anderen Bergkrystallen aber muss man den Zerlegungsspiegel in der entgegengesetzen Richtung drehen, damit die Farhen in derselhen Ord-

nnng auf einander folgen. Man unterscheidet deshalb rechts und links drehende Bergkrystallplatten.

Um den Zusammenhang dieser brillanten Farbenerscheinungen an übersehen, missen wir statt des weisens Liehtes einfarbige an anwende. Am einfachsten erreicht man diesen Zweck, wenn man durch ein gefärbtes Glas von möglichst homogener Farbe nach dem Zerlegungsspiegel sieht. Die Errecheinung, welche man alsdam beobachtet, ist wieder ganz so einfach, wie vor dem Einlegen der Krystallplatte. Nehmen wir an, man schane durch eine rothe Glasplatte, so wird man wieder für zwei mu 180° von einander entfernter Azimuthe des Zerlegers das Gesichtsfeld ganz dunkel seben, für zwei anderen m 90° von diesen entfernter Azimuthe aber ein Maximum von rothem Lichte. Die Azimuthe dieser Maxima und Minims sind aber nicht mehr 0°, 90°, 180° und 270°, wie vor dem Einschieben der Quarzplatte, sondern andere, deren Lage von der Dicke der angewandten Platte abhängt.

Wenn die eingelegte Platte rechts drehend und 1<sup>mm</sup> dick ist, so findet man das Maximum des rothen Lichtes bei 19° und 199°; das Ge-



sichtsfeld erscheint aber dunkel bei 109° und 289°. Fig. 956 stellt die Veränderungen der Lichtintensität graphisch dar, welche man beobachtet, wenn der Zerleger ringsherum gedreht wird. Diese Figur unterscheidet sich von Fig. 837 Seite 798 nur dadurch, dass die ganze Intensitätseure um 19° nach der rechten Seite hin gedreht ist. Durch die eingelegte Krystallplatte ist slao die Schwingungsebene der von unten kommenden Strahlen um 19° nach der Rechten gederht worden.

Für alle anderen Farben des Spectrums ist die Drehung der Polari-

sationsebene nach der rechten Seite hin durch dieselbe 1<sup>mm</sup> dieke Quarzplatte noch gröser. Hätte man z. B. das vom Zerleger ins Ange gelangende Licht durch ein grünes Glas untersucht, so würde man die Maxima der Intensität bei 28° und bei 208°, die Minima aber bei 118° und 298° gefunden haben. Die Maxima und Minima der violetten Strahlen sind noch um 13° weiter nach der Rechten gedreht als die grünen. In Fig. 956 ist die Intensitäteurre für das violette Licht angedeutet.

Die folgende Tabelle giebt nach Biot's Messungen genan den Drohungsbogen der verschiedenen einfachen Strahlen für eine senkrecht auf die Axe geschnittene, 1 == dicke Bergkrystallplatte.

Bene		ng des einfachen trahles,		Dr	ngsbogen Fraden.
Aenssei	ensserates Roth				17,50
Gränze	des	Roth und des Orange			20,50
,	77	Orange and Gelb .			22,30
77	77	Gelb und Grün			25,70
7	72	Grün nnd Blau			30,00
,	n	Blau und Indigo			34,60
,,	77	Indigo und Violett .			37,70
7	27	äussersten Violett .			44,10

Daraus ergeben sich die Drehungsbogen für die mittleren Strahlen jeder Farbe, wie folgt:

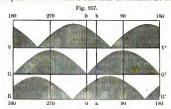
Roth .		190	Blau .		329
Orange		210	Indigo		360
Gelb .		240	Violett		410
0 "		0.00			

Die hier angegebenen Zahlen beziehen sich nur auf eine Quarzplatte von der angegebenen Dicke. Die Drehung aber wächst in demselben Verhältnisse wie die Dicke der Platte. In einer 2 - dicken Quarzplatte beträgt also die Drehung für rothe Strahlen 389, für violette 82°.

Wenn man nan aber das Bild der Quarxplatte im Zerlegungsepiegel
ohne Anwendung eines farbigen Glässe betrachtet, so begreift man nach
dem Vorhergeheuden sehr wohl, dass es in allen Lagen des Zerlegers
gefärbt erscheinen muss, und zwar sind die nun beobachteten Farben
nicht mehr reine prismatische, sondern Mischfarben, deren Ton davon abhängt, welche der prismatischen Farben für irgend eine Stellung des Zerlegers mit grösserer und geringerer Intensität erscheinen. Ganz dunkel
kann das Gesichtsfeld nicht mehr werden, denn wenn anch eine Farbe
im Minimum ihrer Intensität ist, so sind en doch die anderen nicht.
Ebenso wenig erscheint die Platte an irgend einer Stelle ganz farblos
und hell.

Die angegebenen Data reichen vollkommen hin, um die Farbenerscheinungen sehon im Voraus zu bestimmen, welche man an einer Quarzplattet von gegebener Dicke beobachten wird. Wir wollen eine solche Bestimmung beispielsweise für eine 3,75° dicke Platte ausführen. Der Drehungsbogen für die einzelnen farbigen Strahlen ist leicht zu berechnen, die oben angegebenen Zahlen sind nur mit 3,75 zu multipliciren, und so ergeben sich die folgenden Werthe der Drehungsbogen:

Die Intensitätscurven der einzelnen Farben lassen sich auf dieselbe Weise construiren wie in Fig. 956. Der leichteren Uebersicht wegen wollen wir uns aber die Kreisperipherie in eine gerade Linie entwickelt deuken. In Fig. 957 stellt die gerade Linie RR die entwickelte Peripherie dar, und die Länge der auf jedem Punkte von RR zu errichtenden Perpendikel bis zur krummen Linie stellt die Intensität des rothen



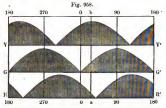
Lichtes dar, wie man sie durch den Zerleger beobachtet, wenn eine 3,75°° dicke rechtsdrehende Quarzplatte eingelegt ist. Diese Intensität ist ein Maximum für die Azimuthe 71° und 251°, sie ist Null für 161° und 341°.

Auf der geraden Linie G G', welche ebenfalls die entwickelte Peripherie darstellt, ist die Intensitäts-urve für die gelben Strahlen construirt, welche der für die rothen ganz gleich ist, mit dem einzigen Unterschiede jedoch, dass die Lage der Maxima und Minima verschoben ist. Ebenso ist auf der Linie V'I' die Intensitätseurve für violette Strahlen construirt, und zwar ist die Lage der Maxima und Minima durch die soeben berechnete Grösse der Drehungsbogen bestimmt. So ist z. B. für Violett ein Minimum bei 649, das andere bei 2449.

Betrachtet man diese drei Intensitätscurven zusammen, so kann man sich daraus ein Urtheil über die zu beobachtenden Farbenerzeheinungen bilden. Bei 0°, wenn also die Schwingungsebene des Zerlegers parallel ist mit der des Polarisationsspiegels, ist Violett dem Maximum nahe, Roth etwas schwischer und Gelb ganz Null. Wenn man nach der Rechten dreht, so nimmt der Einflüss, den Roth und Gelb ausüben, zu, während Blau abnimmt. Bald, bei 71°, erreicht Roth sein Maximum und Violett ist hier sehr nahe dem Minimum. Ist die Schwingungsebene des Zerlegers mit der des Polarisationsspiegels parallel, so zeigt sich also eine perpurume Färbung, in welcher das Gelb vollständig fehlt. Dreht man den Zerleger nach der Rechten, so geht die Färbung absold in Roth und dann in Gelb über, welches bei einer Drehung von 90° sein Maximum erreicht haben wird. Bei fernerer Drehung nehmen Roth und Gelb ah, während Blau und Violett zunehmen, die Färbung eine Faltet geht alse vom Gelb durch Grön in Blau und

Violett über. Von 180° an wiederholt sich dieselbe Reihe von Erscheinungen.

Fig. 958 stellt die Intensitätscurven der drei Farben Roth, Gelb und Violett für eine gleichfalls 3,73mm dicke, aber links drehende, senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatte dar.



Man ersieht leicht, wenn man diese Figur mit Fig. 957 vergleicht. dass beide Platten, die rechtafrehende und die linksderhende, gleiche Färbung zeigen müssen, wenn die Schwingungsebene des Zerlegers zu der des Folarisationsepiegels parallel oder gekreuzt ist. Bei jeder anderen Lage des Zerlegers erseheint eine rechtsferhende Platte anderen gefärbt, als eine linksdrehende. Wenn z. B. der Zerleger aus der Lage des Paralleismus mit dem Polarisationsspiegel um 24° nach rechts gedreht wird, so erscheint die 3,73°°° dieke rechtsdrehende Quarzplatte roth, während die gleich dicke linksdrehende Platte bei derselben Lage des Zerlegers blau erscheint. Es ergiebt sich dies auch aus den Figuren 957 und 958, wenn man in beiden Figuren von die Länge a0 dem Winkel von 24° proportional aufträgt und dann das Perpendiel ab zieht.

Nicht für alle Dicken der Bergkrystallplatten ist die Färbung gleich brillant; bei ganz dünnen und bei ganz dicken Platten sind kaum Spuren on Färbung wahrzunehmen. Die Ursache davon lässt sich leicht ersehen.

Man nehme eine Quarzplatte von \(^{1}/\_{cm}\) Dicke, so beträgt der Drehungsbogen für alle anderen farbigen Strahlen 10°. Die Drehungsbogen für alle anderen farbigen Strahlen fallen also zwischen 6° und 10°, die Maxima aller Strahlen liegen daher sehr nahe beisammen, und wenn die rothen Strahlen im Maximum ihrer Intensität sind, sind alle anderen ihrem Maximum so nahe, dass das Roth nicht merklich vorberrschen kann, die Platte wird also fast gann weiss erscheinen. Ebense liegen alle Minima sehr nahe beisammen, nämlich zwischen 95° und 100°; blier also wird das Gesichteidel fast dunkel sein. Ee ist klar, dass, je die rab over der das Gesichteidel fast dunkel sein. Ee ist klar, dass, je

dünner die Platte wird, die Erscheinung sich immer mehr derjenigen nähert, welche man ohne die zwischengelegte Platte heehachtet.

Auch sehr dicke Platten erscheinen, wie schon bemerkt wurde, farbleus; jedoch ist die an ihmen beohachtete Erscheinung weseullich von derjenigen sehr dünner Platten verschieden. Wie wir eben gesehen hahen, erscheint eine gans dünne Platte im Zerlegungsspiegel fast ganz hell und farblois, wenn er bei 0° steht; wenn der Zerleger gedreht wird, nimmt die Helligkeit ah und erreicht etwas üher 90° hinaus ihr Minimum; bei sehr dicken Platten beobachtet man aber durchaus keine Versänderung in der Intensität des Lichtes, wenn der obere Spiegel gedreht wird; in allen Stellungen dieses Spiegels erscheint die Platte stets gleich hell, aber immer weniger hell als eine ganz dünne Platte, wenn der Zerleger bei 0° oder 180° steht.

Auch dies lässt sich leicht erklären. Mit zunehmender Dicke der Platte wächst der Drehungsbogen für jede Farbe, mithin auch die Differenz zwischen dem Drehungsbogen je zweier Farhen. Nach der oben angeführten Tahelle ist für eine Quarzplatte von 1mm Dicke die Differenz zwischen dem Drehungshogen der äussersten violetten und der äussersten rothen Strahlen 44,1 - 17,5 = 26,6". Für eine 2mal, 3mal so dicke Platte ist auch die Differenz zwischen dem Drehungshogen der äussersten rothen und violetten Strahlen 2mal, 3mal so gross. Mit zunehmender Dicke kann aber diese Differenz bis auf 180° wachsen (es ist dies der Fall, wenn die Quarzplatte 6.76mm dick ist, denn 6.76 × 26.6 = 180): wenn aber der Diehungsbogen zweier Farben um 1800 verschieden ist, so fallen die Maxima und Minima beider Farhen vollkommen zusammen; hei einer Quarzplatte, welche 6.76mm dick ist, nimmt der Einfluss, welchen die rothen und violetten Strahlen auf die Färbung ausühen, in gleichem Massse ah und zu, wenn man den Zerleger dreht. Der Drehnngsbogen der Strahlen, welche ungefähr an der Gränze zwischen Blau und Grün liegen, ist das Mittel zwischen dem Drehnugshogen der rothen und der violetten Strahlen; in einer Platte von 6.76mm Dicke also erscheinen die blaugrünen Strahlen im Maximum, wenn die rothen und die violetten im Minimum sind, und umgekehrt. Für eine Quarzplatte, deren Dicke 2 × 6,76, also 13,52mm beträgt, ist die Differenz der Drehungsbogen der rothen und blaugrünen Strahlen 180°; ebenso gross ist aber anch die Differenz der Drehnigshogen der blangrünen und violetten Strahlen. An einer solchen Platte erscheint also Roth, Blaugrun und Violett gleichzeitig im Maximum; keine dieser drei Farben kann also entschieden vorherrschen. Bei einer Quarzplatte von 27mm Dicke ist die Differenz der Drehungsbogen der äussersten rothen und mittleren gelben Strahlen 1800. Ebenso gross ist für diese Platte die Differenz der gelben und blaugrünen Strahlen, der blaugrünen und indigofarbigen, der indigofarbigen und violetten. Roth, Gelh, Blaugran, Indigo und Violett wirken also bei dieser Platte ganz gleichmässig zur Färhnng mit. Wenn diese Farben im Maximum sind, so geben sie zusammen eine Farbe, die nur wenig von Weiss

unterschieden ist, sind sie aber im Minimum, so herrschen Orange, Grün, Blau und die Strahlen zwischen Indigo und Violett vor, nnd auch diese geben zusammen fast Weis; sehon bei dieser Platte kann man also kanm eine Veränderung im Teint der Platte wahrnehmen, wenn man den oberen Spiegel derhet, und begreißicher Weise nähert sich die Farbe der Platte noch mehr dem reinen farblosen Weiss, wenn die Dieke noch mehr zunimmt.

Die Erscheinungen, welche man an einer linksdrebenden Quarzplatte beobachtet, unterscheiden sich von denen einer gleich dicken rechtsdrehenden Quarzplatte dadurch, dass man von 0° nach der linken Seite hin, also von 0° über 270° nach 180° den Zerlegungsspiegel drehen muss, nm die Farbenscheinungen in derselben Ordnung zu seben, als ob man bei der rechtsdrehenden von 0° über 90° nach 180° hin gedreht hätte.

Ob ein Quarzkrystall rechts- oder linksdrehend ist, lässt sich meistens schon äusserlich erkennen. Betrachtet man nämlich die Bergkry-

Fig. 959.



Fig. 960.



stalle genuer, so findet man Jaks an den Säulenflächen entweder oben links (und unten rechts, wenn der Krystall vollständig ausgehildet ist, oder oben rechts (und unten links) kleine Abstumpfungsflächen auftreten, wie die Fläche n in Fig. 959. Bei einem und demselben Krystallindividuum beobachtet man diese kleinen Pläche stets nur auf einer Seite, also am oberen Ende des Krystalls entweder nur auf der linken oder nur auf der rechten Seite.

Diejenigen Krystalle, welche die fragliche Fläche oben links haben, wie Fig. 959, sind auch optisch linksdrehend, während diejenigen Quarzkrystalle optisch rechtsdrehend sind, bei welchen jene Abstumpfungsfläche oben rechts auftritt.

Ausser dem Quarz ist bis jetzt nur noch ein Körper bekannt, welcher, wie Marbach gefunden hat, die Erscheinung der Circniarpolarisation zeigt, und dies ist das chlorsaure Natron, ein Salz, welches dem regulären Krystallsysteme angehört

und dessen Krystalle, Fig. 960, durch eine Combination des Würfels mit dem Tetraëder gebildet sind; manchmal erscheinen die Würfelkanten durch Dodekaëderflächen abgestumpft.

Während beim Quarz die Circularpolarisation an die Richtung der krystallographischen Hauptaxe gebunden ist, findet in den Krystallen des chlorsauren Natrons die Circularpolarisation nach allen Richtungen hin in gleicher Weise statt.

Die Krystalle des chlorsauren Natrons sind optisch rechtsdrehen d.

Circularpolarisation. Die im vorigen Paragraphen beschriebe. 354 nen Farbenerscheinungen lasene sieb durch das Zusammenwirken zweier in der Richtung der Axe des Bergkrystalls sieb fortpflanzender Strablen erklären, welche durch eine, von der bibber betrachbeten ganz verschiedene, nahlich durch eine kreisförmig e Bewegung der Achterbteilben erzeugt werden. Solche Strahlen, welche durch eine kreisförmige Bewegung der Achterbteinen erzeugt und fortgepflanzt werden, neuen man eircularpolarisirte Strahlen, im Gegenastz zu den im neunten Capitel betrachteten linear-polarisien Strahlen.

Zwei geradlinige, zu einander rechtwinklige Vibrationsbewegungen können sich niemals gegenseitig anfheben, sie setzen sich vielmehr zu einer Vibrationsbewegung zusammen, die wir bereits in §. 184 kennen lernten.

Von den verschiedenen dort betrachteten Fällen ist hier für nns nur derjenige von Interesse, in welchem die beiden componirenden Vibrationen nicht allein gleiche Schwingungsamplitude, sondern auch gleiche Schwingungsdauer haben.

Wenn unter dieser Voraussetzung der Phasennnterschied der beiden componirenden Vibrationen Null oder wenn er ein Vielfaches der halben Oscillationsdaner ist, so wird eine geradlinige Vibrationsbewegung erzeugt (Fig. 1 und Fig. VII Tab. 1a), deren Richtung den Winkel der componirenden Vibrationen balbirt.

Wenn dagegen der Phasennnterschied der componirenden Vibrationen <sup>1</sup>/<sub>4</sub> oder ein ungerades Vielfaches von <sup>1</sup>/<sub>4</sub> der Oscillationsdauer beträgt, so wird durch das Zasammenwirken der beiden zu einander rechtwinkligen Vibrationen eine Kreisbeweg nng erzeugt, wie Fig. IV Tab. Ia erläutert. Liegt der Phasenunterschied zwischen den eben besprochenen Werthen, so ist die resultirende Bewegung eine elliptische, welche sich mehr der geradlinigen oder mehr der kreisfürnigen Bewegung nähert, je nachdem der Phasenunterschied sich mehr einem Vielfachen von <sup>1</sup>/<sub>4</sub> Oscillationsdaner nähert.

Die eben kurz wiederholten Sätze finden nan auch ihre Anwendung, wenn sich zwei linear-polarisirte Strablen von gleieber Schwingungsdauer, deren Schwingungsebenen aber rechtwinklig aufeinander steben, nach einer und derselben Richtung fortpflanzen. Je nach der Grösse ihres Gangunterschiedes wird also durch das Zusammenwirken zweier solcher Strahlen ein Strabl gebüldet, welcher im Allgemeinen durch eine eiliptische Bewegung der Aethertbeilchen fortgepflanzt wird, und den man deshalb als einen eiliptisch-polarisirten Strabl bezeichnet.

Die elliptische Polarisation geht in lineare Polarisation über, wenn der Gangunterschied der componirenden Strahlen Null ist oder ein Vielfaches von 1/4, Wellenlänge beträgt; sie gebt in circulare Polarisation über, wenn der Gangunterschied der componirenden Strahlen ein ungerades Vielfaches von <sup>1</sup>/<sub>4</sub> Wellenlänge beträgt. Lineare und eirculare Polarisation können demnach als specielle Fälle der elliptischen Polarisation betrachtet werden.

Das einfachste Mittel elliptisch- und circular-polarisirte Strahlen wenigstens für homogenes Licht herrorzubringen, besteht darin, dass man Glimmer blättehen von entsprechender Dicke in gehöriger Lage auf das Tischlein des Polarisationsapparates lect.

Glimmerblättehen verhalten sich im Polarisationsapparat ganz in derselben Weise, wie dinne Gypeblätteben, sie sind aber für die bier in Rede steheuden Versuche geeigneter, weil sie sich leicht dünn genug spalten lassen, um die Farben der ersten Ordnung zu zeigen.

Legt man ein dünnes Glimmerblättchen so auf das Tischlein des Polarisationsapparats, dass die Schwingungsebenen EF und GH der beiden



sich durch dasselbe fortpflanzenden Strahlen einen Winkel von 45 mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen machen, se haben die beiden nach EF und GH sebwingenden, also rechtwinklig zu einander polarisirten Strahlen gleiche Intensität. Aus dem Glimmerblättehen austreteud, werden also diese beiden Strahlen je nach ihrem Gangunterschied entweder einen linear- oder einen elliptisch- oder endlich einen circular-polarisirten Strahl erzeugen.

Durch den Analyseur des Polarisationsapparates

B (am bequematen ein Nicol'sches Prisma) und ein einfarbiges Glas (etwa ein rothes) betrachtet, wird nun das Glimmerblätteben, je nach seiner Dicke, eine der folgenden Erscheinungen darbieten.

- 1. Das Glimanchlättehen erscheint ganz dunkel eutweder a, wens die Sebwingungsbene des Zerlegers mit der des Polarisationsspiegels zusammenfällt oder b, wenn sie rechtwinklig auf ihr steht. Ein Maximum von Lichtstärke zeigt das Glimmerblättehen, wenn man den Analyseur aus der Lage, welche der grössten Dunkelheit entsprieht um 90° dreht. In diesem Falle ist durch das Zusammenwirken der beiden aus dem Glimmerblättehen austretenden Strahlen ein linear-polarisitret Strahl erzeugt worden, dessen Schwingungsebene mit der des Polarisationspiegels zusammentrifft, oder rechtwinklig auf ihr steht; der Gangunterschied der beiden Strahlen im Glimmerblättehen beträgt also ein Vielfaches von ½.
- 2. Weun man den Analyseur um seine Axe dreht, variirt die Heligkeit des Glimmerblättchens zwischen einem Minimam und einem Maximum, obne jedoch für irgend eine Stellung des Analyseurs ganz dunkel zu werden. In diesem Falle geht aus dem Zusammenwirken der beiden

ans dem Glimmerblätteben anstretenden Strahlen ein elliptisch-polarisirter Strahl hervor.

3. Die Helligkeit des Glimmerblättehens bleibt unverändert, wie man anch den Zerlegungsspiegel nm seine Aze drehen mag. Dies ist der Fall, wenn der Gangunterschied der beiden Strahlen in Glimmerblättehen ein ungerades Vielfaches von <sup>1</sup>/<sub>4</sub> Wellenlänge beträgt. Man bat es hier mit einem circn lar-no larisitten Strahle zu flum.

Wenn ein Glimmerblättehen für Licht einer bestimmten Farbe eircular-polarisirte Strahlen liefert, so wird dies für anders farbiges Licht nicht mehr genan der Fall sein; ein Glimmerblätteben kann also für weises Licht nie vollkommen eireular-polarisirte Strablen liefern, und zwar um so weniger, je dieker es jed.

Für ein Glimmerblättchen, welches gerade so dick ist, dass der Gangunterschied der beiden Strahlen für gelbes Licht genan "! Wellenlänge beträgt, wird der Gangunterschied für rothes Licht mr wenig kleiner, für blasse Licht mr wenig grösser sein als !", Wellenlänge; sin solches Glimmerblättchen, welches wir kurz ein ei reu lar-polarisirendes Glim merblättchen nennen wöllen, kann deshabt dazu dienen, um anch für einfallendes weisses Licht nahezu vollkommen eirendar-polarisirte Strahlen au liefern. Legt man es in entsprechender Position in den Polarisationsapparat, so erscheint es in weissicher Färbung, nud mas kann den Analyzeur nach Belieben um seine Aze dreben, ohne dass sich die Helligkeit des Glimmerblätchens merklich ändert; nur gelt dabei die bei gekrensten Polarisatoren kaum merklich ins Blane spielende Färbung für parallele Polarisatoren in eine schwach gelbliche über.

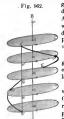
Ein circular-polarisirendes Glimmerblätteben ist 0,032mm dick. Auf den horizontalen Spiegel des Nörrem ber g'schen Polarisationsapparats gelegt, was einer Verdoppelung seiner Dicke entspricht, sind seine complementären Farben par purrotb and gründlich gelb. Diese Farben mehären es möglich, die circular-polarisirenden Glimmerblättchen zu erkennen, ohne dass man nötlig hat erst ihre Dicke zu messen.

Die Richtung, nach welcher die Aethertheitehen eines durch ein Glimmerblätteben erzengten cireular-polarisirten Strahles nm ihre Gleichgewichtslage rotiren, bängt davon ab, ob der im Glimmerblättehen nach EF oder der nach  $G\Pi$  sehwingende Strabl dem andern um  $^{1/4}$  Wellen-länge vorausgeseilt ist.

Die Kreisbewegung der Aethertheichen, welche einen eirenlar polarisitrten Strahl bilden, pflanzt eich in der Weise fort, dass jedes in der Richtung des Strabls folgende Theilchen zwar auf dieselbe Weise um seine Gleichgewichtslage rotirt, dass es aber später in dem entsprechenden Pankte seiner Bahn ankommt, als das vorangehende.

Nebmen wir z. B. an, dass jeder der Punkte o, a, b, c, d u. s. w. Fig. 962 (a. f. S.), welche in der Riebtung eines von A nach B sich fortpflanzenden eircular-polarisirten Strahles liegen, um  $^{1}/_{4}$  Wellenlänge von dem folgenden eutfernt sei, dass ferner das um o rotirende Aether-

theilchen in einem bestimmten Moment im Punkte o' ankomme, so werden die um  $a,\,b,\,c$  rotirenden Theilchen nicht gleichzeitig in den entsprechenden Punkten  $a',\,b',\,c'$  ihrer Bahn ankommen, sondern erst nach  $^{1}_{14}$ ,  $^{1}_{2}$ ,  $^{3}_{4}$  der



ganzen Umlaufszeit. Bezeichnen wir 'mit  $a''_i,b''_i,c''_i$  die Punkte, in welchen die um a,b und c rotirenden Achtermolekule in demselben Moment eintreffen, in welchem das um o kreisende in o' ankommt, so sind die Bogen  $a''_i,b''$  bu' du  $c''_i$  (von  $a''_i,b''_i$  and  $c''_i$ ),  $a''_i$  de ganzen Kreisumfangen,

Die um o und d kreisenden Moleküle werden gleichzeitig in entsprechenden Punkten ihrer Bahn eintreffen, wenn der Abstand od eine ganze Wellen-

länge beträgt.

Die Curve, welche die Punkte oʻ, a", b", c" und d'
verbindet, die Curve also, anf welcher die um ihre
Gleichgewichtslage rottrenden, einen circular-poiarisirten Strahl in der Richtung von A nach B fortpflanzenden Aethermoleküle in einem bestimmten
Moment liesen, ist eine um die Axe AB herumlas-

fende Schraubenlinie, für welche die Höhe

eines Schraubenganges einer Wellenlänge gleich ist.

Denkt man sich eine solche Schraubenlinie mit gleichförmiger Gsschwindigkeit um ihre Axe gedreht, so dass jede Umdrehung in derselben Zeit vollendet wird, welche der Schwingungslauer eines gewöhnlichen Strahles von derselben Farbe gleich ist, so hat man eine richtige Vorstellung von der Bewegung und der gegenseitigen Lage der Achtertheilchen, welche einen circular-polarisirten Strahl fortpflanzen.

355 Circularpolarisation durch totale Reflexion und durch Metallreffexion. Fresnel hatte beobachtet, dass dnrch totale Reflexion (Seite 549) das gewöhnliche Licht nicht polarisit wird, and das selbst polarisirte Strahlen durch totale Reflexion depolarisir werden. Indem er diesen Gegenstand weiter verfolgte, fand er, dass das durch totale Reflexion depolarisit erschienede Licht elliptisch polarisirt sei.

Es falle etwa von dem Polarisationsspiegel des Nörrem berg'sches Apparates kommend ein linear-polarisirter Strahl ub, Fig. 963, so auf ein Glasprisma, dass er an der hinteren Waud NR desselben eine totale Reflexion erleidet, so wird sich der reflectirte Strahl bc, mit einer Turmalin-plate untersucht, im Allgemeinen nicht nehr als linear polarisirt erweisen, sondern alle Kennzeichen eines elliptisch-polarisirten Strahles zeigen.

Die Bildung eines elliptisch-polarisirten Strahles unter den gegebenen Umständen ist dadurch zu erklären, dass der einfallende Strahl bei seiner Reflexion in b in zwei andere zerfällt, deren Schwingungsebenen

rech(winklig zu einander sind, und von denen der eine dem auderen um einen aliquoten Theil der Wellenlänge vorausgeeilt ist.



Die Schwingungsebene des einen reflectriten strahles fällt mit der Reflexionsebene abz zusammen, die Schwingungsebene des inderen ist rechtwinklig zu derselben. Das Intensitätsverhältnisdieser beiden Strahlen häugt von der Grösse des Winkels ab, welchen die Reflexionsebene des Pinimas mit der Schwingungsebene des einfallenden Strahles macht. Die Intensität beider Strahlen ist gleich, wenn dieser Winkel 45° beträct.

Der Gangunterschied der beiden reflectirten Strahlen, durch deren Zusammenwirken der elliptischpolarisirte Strahl bc erzeugt wird, hängt von der

Substanz des Prismas und von der Grösse des Einfallswinkels  $^i$  ab. Für Glas von St. Gobain fand Fresnel, dass dieser Gangunterschied ein Maximum wird, wenn  $i=54^{\circ}30'$  ist; er beträgt in diesem Falle  $^{1}/_{\circ}$  Wellenlänge.

Eine zweimalige innere Reflexion unter den gegebenen Umskanden muss also einen Gangunterschied von 1/4 Welbenlänge, und bei geböriger Lage der Reflexionsebene gegen die Schwingungsebene des einfallenden innear-polarisirten Strahles eirzular-polarisirtes Licht erzeugen, was Fresnel mittelts seines Parallelepipeds ausführte.

Fig. 965 stellt ein Fresnel'sches Parallelepiped von Glas in perspectivischer Ansicht, Fig. 964 stellt den Durchschnitt desselben sammt Fig. 964. Seiner Fassung dar. Jeder



soiner Fassung dar. Jeder der Winkel bei a und bei c ist 125°30', die spitzen Winkel bei b und d also 54°, 30'. Ein Lichtstrahl, welcher rechtwinklig zu der Fläche cb eintritt, erleidet bei p und bei s eine totale innere Reflexion und tritt dann rechtwinklig zur Fläche ad ans. Wenn nun

der einfallende Strahl linear polarisirt ist, und wenn ferner die Ebene der zweifachen inneren Reflexion einen Winkel von 45° mit der Schwingungsebene der einfallenden Strahlen macht, so ist der austretaude Strahl in Folge der zweimaligen inneren Spiegelungen vollständig eirenlar polarisirt.

Um mit dem Frean el'schen Parallelepiped zu experimentiren, stellt man eso auf das mittlere Tischlein des Nørre m ber g'eschen Polarisationsepparats, dass seine horizontalen Kauteneinen Winkel von 45°mit der Schwingungsebene des Polarisationsepigels machen, wie Fig. 366 (a.f.S.) andeutet, in welcher das schraffiter Rechteck die unter Fläsch des Parallelopipels darstellt.

Ist das Frennel'sche Parallelepiped in dieser Weise aufgestellt, so kann man den Zerleger des Apparats nach Belieben mu seine Axe drehen, ohne dass die Helligkeit des durch das Parallelepiped gegangenen Lichtes sich Fig. 306. ändert. Das Frennel'sche Parallelepiped liefert also



ändert. Das Fresnel'sche Parallelepiped hefert also auch für einfallendes weisses Licht vollkommen circular-polarisirte Strahlen.

Dass das Fresnel'sche Parallelepiped in der That circular-polarisirtes und nicht etwa vollkommen depolarisirtes Licht liefere, geht daraus hervor, das man wieder linear-polarisirtes Licht erhält, wenn mas die Strahlen, welche ans einem im Polarisationsapparat gehörig aufgestellten Fresnel'schen Parallelepiped autreteu, nun noch durch ein zweites gehen lässt, welches

so auf das cretere gestellt ist, dass die Reflexionsebenen beider Parallelepipede zusammenfallen. Durch die viermalige innere Reflexion ist hier der Gangunterschied der austretenden, rechtwinklig zu einander vibrirenden Strahlen gleich 1/4, Wellenlänge geworden.

Die Erscheinungen der Metallreflexion sind denen der totalen Reflexion durchsichtiger Substanzen ganz sanlog. Schon Malus hatte beobachtet, dass man Metallspiegd nicht gebrauchen könne, um linear-polarisirtes Licht hervorsubringen. Brewster, welcher zuerst die durch Metallspiegel reflectiven Strahlen genauer untersuchte, hat noch nachgewiesen, dass linear-polarisirtes Licht im Allgemeinen durch Metallreflexion in elliptisch-polarisirtes Licht terwandelt wird, und dass hier unter Unutänden sehen eine einmalige Reflexion hinreicht, um circular-polarisirtes Licht zu erzeuere.

Wird der Zerlegungsspiegel des Nörremberg'sehen Polarisationapparates durch einen Metallspiegel ersetzt, und dieser so gestellt, das sein Azimut 4.6° beträgt (dass seine Redeutoinsebene einen Winkel von 45° mit der Redexionsebene des Polarisationspiegels macht), so sit der reflectire Strahl für einen bestimmten Einfallswinkel, dessen Werth von der Natur des Metalls abhängt, eincular polarisirt. Der Werth dieses Einfallswinkels ist für

Silber .			39,80	Platina			220
Kupfer .			29,0	Stahl			17
Quecksilhe	r		26.0	Blei .			11

Für alle anderen Werthe des Einfallswinkels und für ein anderes Azimut als 45° sind die vom Metallspiegel reflectirten Strahlen nur elliptisch polarisirt.

Ein durch Reflexion von einem Metallspiegel circular-polarisirter Strahl wird dadurch, dass er von einem zweiten, dem ersten parallelen Metallspiegel nochmals reflectirt wird, wieder in linear-polarisirtes Licht verwaudelt. Auf eine ausführlichere Besprechung der von Fresnel und Brewster begründeten und durch die Untersuchungen von Jamin vollendeten Lehre von der elliptischen Polarisation durch totale nah durch Metallreflexion können wir hier nicht eingehen. Fresnel's Arbeiten über diesen Gegenstand finden sich in den Annales de chimie et de physique, 2 ser. tom. XLVI, die Jamin's in derselben Zeitschrift. 3 ser. fox. XXX.

Erklärung der Farbenerscheinungen in Quarzplatten. 336 Zur Erklärung der in §. 355 besprechenen Farbenerscheinungen, welche senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatten im polarisiten Lichte zeigen, mass man annehmen, dass ein linear-polarisirter Strahl beim Eintritti nie Quarzplatte in zwei circular-polarisirte Strahlen von gleicher Intensität und gleicher Umlaufzeit, aber von entgegengesetzter Rotationsrichtung zerlegt wird, von denen sich der eine schneller im Krystall fortpflanzt als der andere.

Es seien z. B. A, B, C und D die Ruhelagen einer Reihe von Aethermolekülen, deren Verbindungslinie mit der Richtung der Axe der Quarz-



platie zusammenfallt, so würden diese Acthertheilchen n<br/>tter dem alleinigen Einfluss des links rotirenden Strahls für einen bestimmten Moment die Spärale <br/>an Up P r d bilden, während sie in demselben Augenblicke unter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden Strahles auf der Spärale ambpoogd liegen würden.

Unsere Figur stellt den Fall dar, dassich der rechts rotirends Strahl in der Richetung der Krystallaxe langsamer fortpflanzt, als der links rotirende. Auf dem Wege von Ab is D liegen für den rechts rotirenden Strahl 1½, für den links rotirenden 1 Wellange.

Wenn aber ein Aethermolekül gleichzeitig unter dem Einfluss zweier circular-polarisirter Strahlen von gleicher Intensität und gleicher Um-



ten von geteiner intensität und gietener Unilaufszeit, aber von entgegengesetzter Rotationsrichtung steht, so wird ihm eine gerad linige Oscillationsbewegnng ertheilt, deren Richtung von dem Gangunterschied der beiden circular-polarisirten Strahlen abhängt, wie sich aus der folgenden Betrachtung ergiebt.

Es sei o, Fig. 968 ein Acthermolekül, welches unter dem alleinigen Einfluss eines rechts rotirenden Strahles sowohl als auch unter dem alleinigen Einfluss eines links rotirenden Strahles

den Kreis amnb mit gleicher, aber entgegengesetzt gerichteter Geschwin-

digkeit durchlanfen würde. Es sei ferner a die Stellung, welche das Melekul in einem bestimmten Moment unter dem alleinigen Einflass des einen Strables einnehmen würde, und aa' die entsprechende tangentiste Geschwindigkeit; oben so sei b die Stellung, welche dasselbe Molekul in demselben Moment unter dem alleinigen Einflass des anderen Strables mit der Geschwindigkeit bb' passiren würde. Bei gleicher Intensität und geleicher Unlanfzeit mass nohtwendig bb' = aa' sein.

Unter dem gleichzeitigen Einfluss der beiden circular-polarisirten Strablen wird aber das Molokal O in dem oben besprochenen Momente von einer Geschwindigkeit afficirt sein, welche die Resultirende der Geschwindigkeiten aa' und bb' ist. Die Richtung RS dieser Resultirenden muss aber

den Winkel a O b halbiren, da is a a' = b b'.

In einem kleinen Zeittheilchen & würde nun das Molekül unter den alleinigen Einfluss des einen Strahles von anach m, in derablen Zeit würde es nnter dem alleinigen Einfluss des anderen Strahls von b nach n gelangen; den Punkt m würde es mit der tangentialen Geschwindigkeit mm', den Punkt m aber würde en mit der gleich grossen tangeställen Geschwindigkeit nm' passiren. Unter dem gleichzeitigen Einfluss bei der Strahlen wird also das Aethertheilchen in diesem zweiten Momest von einer Geschwindigkeit afficirt sein, welche die Resultirende von mm' und nn' int.

Da nun aber am = b n, so lässt sich leicht darthun, dass die Taugetialgeschwindigkeiten mm' und nn' gleiche Winkel mit der Linie RS machen, dass also die Richtung der Resnltirenden von mm' und nn' mit RS zusammenfällt.

Kurz unter dem gleichzeitigen Einfluss der beiden circular-polariniten Strahlen wird das fragliehe Aethermolekll stets von Gesehwänigkeiten afficirt sein, deren Richtung in die Linie RS fällt; das Aethermolekll wird also in der Richtung RS hin und her oscilliren müssen. Durch das Zusammenwirken der beiden entgegengestet rotirenden circular-polariariten Strahlen ist also ein linear-polariariter entstanden, desses Schwingungen parallel mit RS sind.

Aus diesen Prämissen lässt sich nnn leicht die Drehnng der Polarisationsebene durch eine senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatte ableiten.



In Fig. 869 sei M. Vaie zur Linie verkürzte Schwingungsebene eines linear-polariairten Lichtstrahles, dessen Richtung in o anm Pankt verkürzt erscheint. Der Kreis NAMB stelle die Horisontalprojection der Bahned ad, in weleksdie Aethermoleküle innerhalb der Quarzplatte unter dem Einfluss der beiden eirenlar-polarisirten Strahlen rotiren.

Betrachten wir nun ein Aethermolekül an der Austrittsfläche der Quarzplatte, so würde sich dasselbe hei einer gewissen Dicke der Platte in einem bestimmtem Moment unter dem alleinigen Einfluss des liuks rotirenden Strahles in b' (aur beseren Orientirung vergl. man Fig. 967 Seite 837) und gleichseitig nuter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden in b hefinden. Unter dem gleichzeitigen Einfluss beider Strahlen wird also das Aethertheilehen in der Richtung RS oscilliren, welche mit der Schwingungsehene MN der einfallendes Strahlen einen Winkel v macht. In dem ehen hetrachteten Falle erseheint also die Schwingungsebeue der ursprünglich nach MN vihrirenden Strahlen durch die Quarsplatte um dem Winkel v nach der Linken zedreht.

Bezeichnen wir den Wiukel des Bogens b N mit r, den Winkel des Bogens b'N aber mit l, so ist

$$v = \frac{r-l}{2}$$

Bei n facher Dicke der Quaraplatte würde ein Aethertheilchen an der Austrittsfläche in demselhen Moment unter dem alleinigen Einfluss des links rotirenden Strahles um den Bogen n.  $b'N_i$  uuter dem alleinigen Einfluss des rechts rotirenden Strahles um den Bogen n. bN von N' entferut sein, der Winkel  $V_i$  um welchen in diesem Falle die Schwingungsebene durch die Quaraplatte gedreht erscheint, ist also

$$V = \frac{nr - nl}{2} = n \cdot v.$$

Die Drehung der Schwingungsebeue, mithiu auch die Drehung der Polarisationsehene ist also (für dieselbe Farhe) der Dicke der Quarzplatte proportional.

In Fig. 967 Seite 887 erscheiut die Schwingungsebene für die Dicke AB der Quarzplatte um 30°, für die Dicke AC nm 60°, für die Dicke AD um 90° usch der Linken gefreht.

In dem ehen besprochenen Beispiel Fig. 967 und Fig. 969, war es der links rotirende Strahl, welcher sich mit grösserer Geschwiudigkeit durch den Krystall fortpflanzt, und dem entsprechend erscheint auch die Polarisatiousehene nach der Linken gedreht. Eine Drehung der Polarisationsebene nach der rechten Seite erfolgt, weun der rechts rotirende Strahl sich sahneller durch die Quarsplatte fortpflanzt.

Doppelte Brechung des Bergkrystalls in der Richtung 357 seiner Axe. Um die Richtigkeit der im vorigen Paragraphen gegehenen Erklärung der Drehnng der Polarisationsebene durch senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatten zu beweisen, muss man zeigen, dass sich in der Richtung der krystallographischen Axe des Bergkrystalls wirklich zwei Strahlen mit versehiedener Geschwindigkeit fortpflanzen, und Fig. 270. dass diese Strahlen circular polarisirt sind.

d b

dass diese Strahlen circular polarisirt sind. Fresnel hat dies in der That durch folgenden sinnreichen Apparat nachgewiesen. Der Cyliuder acbd, Fig. 970, ist aus drei Prismen von Bergkrystall zusammengesetzt.

welche sehr sorgfältig zusammengefügt sein müssen. Der brechende Winkel des mittleren Prismas beträgt 1520; die beiden brechenden Flächen ds und bs müssen gegen die Axe des Krystalls gleiche Neigung haben; die beiden Gränzflächen der äusseren Prismen, nämlich ad und ch. stehen rechtwinklig auf der Axe dieser Quarzstücke, so dass in allen drei Prismen die Axe dieselbe Richtung hat. Nehmen wir an, das mittlere Prisma sei aus einem rechts drehenden Krystalle gemacht, so müssen die beiden Endprismen aus links drehenden Krystallen gemacht sein, und umgekehrt. Lässt man nun anf dieses System von der einen Seite her einen polarisirten Strahl einfallen, so theilt er sich in zwei, welche in verschiedenen Richtungen austreten. Der Bergkrystall übt also in der Richtung seiner Axe eine doppelte Brechung aus, und diese doppelte Brechung ist also ganz anderer Art als die, welche man an anderen Krystallen und im Quarz nach anderen Richtungen beobachtet, denn die beiden austretenden Strahlen zeigen keine Spur von Polarisation, wenn man sie mit einer Turmalinplatte oder mit einem doppeltbrechenden Prisma analysirt.

Diese merkwürdige Erscheinung beweist direct, dass sich in der Richtung der optischen Axe des Bergkrystalls zwei circular polarisirte Strahlen von entgegengesetzter Rotationsrichtung mit ungleicher Geschwindigkeit fortoflanzen, und dass derienige, welcher in rechts drehenden Krystallen der schnellere ist, sich in links drehenden langsamer fortpflanzt. Der polarisirte Strahl, welcher an der Fläche ad eintritt, wird in zwei circular polarisirte Strahlen von entgegengesetzter Drehungsrichtung verwandelt; sie werden beim Eintritte in das mittlere Prisma nach verschiedenen Richtungen gebrochen, weil sie das erste mit verschiedener Geschwindigkeit durchlaufen haben; die Divergenz wird aber durch den Umstand vergrössert, dass derselbe Strahl, welcher im ersten Prisma der schnellere war, im zweiten der langsamere ist, und umgekehrt. Die Strablen, welche nnn schon das mittlere Prisma nach verschiedener Richtung durchlaufen haben, treten im letzten Prisma begreiflicher Weise noch mehr auseinander, und so ist es denn mit Hülfe dieser Vorrichtung möglich, die doppelte Brechung in der Richtung der optischen Axe des Bergkrystalls sichtbar zu machen, welche zu gering ist, als dass sie unmittelbar eine Trennng der Bilder hervorbringen könnte.

Naohahmung der Farbonersoheinungen in Quarrplatten.
Legt ma nei circular polarisiendes Glimmerblättehen in gehöriger Lage
auf das Tischloin des Polarisationsapparates; legt man alsdann ein Gypsblättehen, welches für sich allein im polarisirten Licht farbig erscheint,
so auf das Glimmerblättehen, dass die eine der Schwingungsebenen im
Gypsblättehen mit der Polarisationsebene der vom unteren Spiegel kommenden Strahlen zusammenfällt, dass also die Schwingungsebenen im
Gypsblättehen einen Winkel von 45° mit den Schwingungsebenen im
Glimmerblättehen machen, so wird man natürlicher Weise bei gekrenzten
Spiegeln agre keine Färbung des Gypsblättehens währenbenen; sobalden

aber ein zweites Glimmerblättchen von derschen Dicke wie das untere so auf das Gypsblättchen legt, dass die Schwingungsebenen des oberen Glimmerblättchens mit denen des unteren zusammenfallen, so erscheint sogleich das Gypsblättchen gefärbt, und diese Färbung ändert sich, wenn man den oberen Spiegel des Apparates dreht, ganz in derselben Weise, als ob man eine senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatte im Apparate hätte. Da wir nun im Stande sind, die Erscheinungen in der Combination von Gyps- und Glimmerblättchen vollständig zu analysiren, so haben wir zugleich eine Erklärung der im Bergkrystalle beobachteten Erscheinungen.

Es sei ab, Fig. 971, die Schwingungsebene des vom unteren Polari-



sationsspicgel kommenden polarisirten Strahles, ed und ef die Schwingungsebenen der beiden Strahlen im Glimmerblättchen, ab nnd gh die beiden Schwingungsebenen im Gypsblättchen.

Der Strahl, welcher im Glimmerblättchen parallel mit cd schwingt, wird bei seinem Eintritte in das Gypsblättchen in zwei Strahlen zerlegt; die Schwingungen des einen finden in der Richtung ab, die des anderen in der Richtung ah statt. Eine ähnliche Zerlegung erleidet aber auch der

im Glimmerblättchen parallel mit ef schwingende Strahl bei seinem Eintritte in das Gypsblättchen; nnd so kommt es denn, dass sich im Gypsblättchen zwei Strahlen fortpflanzen, deren Schwingungen parallel mit ab, und zwei andere, deren Schwingungen parallel mit ah sind.

Die beiden parallel mit ab schwingenden Strahlen haben gleiche Vibrationsintensität, der eine ist aber dem anderen um 1/4 Wellenlänge vorausgeeilt; da die beiden Strahlen nach derselben Richtung schwingen, so werden sie interferiren, sie werden durch ihr Zusammenwirken einen einzigen Strahl hervorbringen, dessen Vibrationsintensität leicht zu ermitteln ist; zu nnserem Zwecke ist es aber nicht einmal nöthig, diese Vibrationsintensität zn kennen.

Auch die beiden Strahlen, welche im Gypsblättchen, parallel mit gh schwingend, sich fortpflanzen, haben gleiche Vibrationsintensität, und der eine ist dem anderen um 1/4 Wellenlänge vorausgeeilt; also auch diese combiniren sich zu einem einzigen Strahle, dessen Vibrationsintensität gerade ebenso gross ist wie die des Strahles, welcher parallel mit ab schwingt.

Es treten also ans dem Gypsblättchen zwei rechtwinklig zn einander polarisirte Strahlen von gleicher Vibrationsintensität aus, jeder derselben wird aber durch das obere Glimmerblättchen in einen circular polarisirten Strahl verwandelt, und durch die Interferenz dieser beiden kreisförmig polarisirten Strahlen wird die beubachtete Farbenerscheinung hervorgebracht.

Der linear polarisirte Strahl, welcher, parallel mit ab schwingend, aus dem Gypeblikthehen austritt, wird durch das obere Glümmerblikthen, dessen Schwingungsebenen cd und ef sind, ganz so in einen eincular pelarisirten Strahl verwandelt, wie es oben, Seite SS2, gezeigt worden ist. Wenn der im Glimmerblikthehe parallel mit ef selwingende Strahl dem anderen um ½, Wellenlange vorauseilt, so wird die Rotation der Actter-theilchen in resultirenden Strahl ven der Rechten zur Linken gehen; der linear polarisirte Strahl aber, welcher, parallel mit gh schwingend, das Gypeblätchen verlässt, wird durch das obere Glimmerblätchen in einen circular polarisirten Strahl von entgegengesetzter Rotationsrichtung verwandelt.

Aus dem Glimmerblättehen treten also zwei circular polarisirte Strablen von gleicher Intensität, aber entgegengesetzter Rotationsrichtung aus; der eine dieser Strahlen ist dem anderen um eine bestimmte Anzahl von Wellenlängen voraus, welche von der Dicke des Gypsblättehens abhängt.

Durch die Interferenz der beiden kreisförmig polarisirten Strahlen, welche aus dem Glimmerblättehen austreten, wird nun wieder linear pelarisirtes Licht erzeugt, dessen Schwingungsrichtung davon abhängt, wie viel Wellenläugen der eine Strahl im Gypsblättehen dem andern vorausgeeilt ist.

Diese Nachahmnng der Farbenerscheinungen in senkrecht zur Axe geschnittenen Quarzplatten ist ein neuer Beweis für die Richtigkeit der in §. 356 vorgetragenen Erklärung.

359 Farbenringe senkrecht zur Axe geschnittener Quarzplatten. Bei den bisher beschriebenen Farbenerscheinungen senkrecht zur Axe geschliffener Quarzplatten kamen nur solche Strahlen in Betracht, welche die Platte genan in der Richtung der optischen Axe durchlaufen hatten; wenn man aber eine solche Platte in der Turmaliuzange dicht vor das Ange bringt, so dass anch solche Strahlen in dasselbe gelangen, welche die Platte in schräger Richtung durchlaufen haben, so sieht man das schöne Ringsystem Fig. 3 Tab. XI., wenn die Turmaline 'gekreuzt sind. Dieses Ringsystem ist demjenigen anderer einaxigen Krystalle ganz ähnlich, nur ist das schwarze Kreuz in der Mitte der Figur ganz verschwunden, und nur weiter von dem Mittelpuukte entfernt sind noch schwache Spuren desselben wahrznnehmen; in der Mitte der Figur erscheint dagegen ein farbiger kreisförmiger Fleck, dessen Färbnng von der Dicke der Platte abhängt; es ist dies die Farbe, welche die Quarzplatte zwischen den gekreuzten Spiegeln des Polarisationsapparates zeigt, denn dort sieht man ja nur den centralen Theil der Figur.

Legt man zwei senkrecht zur Axe geschnittene Quarzplatten von vollkommen gleicher Dicke auf einander, von denen die eine rechts, die andere links drehend ist, so zeigen diese zusammen zwischen den gekreuzten Turmalinen das ganz eigenthümliche Ringsystem Fig. 4 Tab. XI., welches eine Combination von runden Ringen mit vier vou der Mitte ausgehenden Springen ist.

Zur Beobschtung dieser Ringsysteme ist das auf Seite 858 besprochene Nörrembergische Linsensystem ganz besonders geeignet.

Diese Erscheinung lässt sich auch mit einer einzigen Quazzplatte schon hervorbringen, wenn man sie auf den horizontalen Spiegel des Nörremberg'schen Polarisationsapparates legt und darüber, ungedähr in der Entfernung ihrer Brennweite, eine Sammellinse befestigt. Die Lichstarhalen durchlaufen hier den Krystall sweimal; einmal fämlich, he sie auf den horizontalen Spiegel treffen, und dann, nachdens sie von demselben reflectirt worden sind; wenn die Strahlen nach ihrom ersten Durchgange durch die Platte von dem Spiegel r reflectirt worden sind, so verhalten sie sich gerade ebenso, als hätten sie eine Platte von entgegengesetster Drehungsrichtung durchlaufen.

Circularpolarisation in Flüssigkeiten und Gasen. Der 360 Bergkrystall und das chlorauren Natron sind die einzigen festen Körper, an welchen man die oben besechriebenen Erscheinungen der Circularpolarisation beobachtet; Biot hat aber diese Eigenschaft bei mehreren Flüssigkeiten entdeckt und ist zu folgenden Resultsten gelangt:

Links drehende Flüssigkeiten, also solche, welche die Polarisationsebene von der Rechten zur Linken drehen, sind: Terpentinöl, Kirschlorbeerwasser, Lösungen von Stärkezucker, arabischem Gummi und Inulin in Wasser u. s. w.

Rechts drehende Flüssigkeiten sind unter andern: Citronenöl, wesserige Lösungen von Rohrzucker, Auflösungen von Kampher in Alkohol. Dextrin und Auflösungen von Weinsteinsäure.

Das Drehungsvermögen dieser Flüssigkeiten ist weit schwächer als das des Bergkrystalls, d. h. eine Quarxplatte von geringer Dieke bringt dieselben Erscheinungen hervor, wie eine flüssige Säule von ziemlich bedeutender Höhe; eine Quarxplatte zeigt z. B. dieselben Farben wie eine 68mal höhere Säule Terpentionlich; da aber dünne Quarxplatten nur wenig brillante Farben zeigen, so ist klar, dass schon eine Terpentinölssäule von ziemlich bedeutender Höhe erforderlich ist, um die Farbenerscheinungen recht deutlich beobachten zu können. Das Drehungsvermögen des Citronenöls ist stärker als das des Terpentinöls, denn eine Säule von Citronenöl zeigt dieselben Farben, wie eine doppelt so bohe Säule von Terpentinöl.

Um die Natur der Circularpolarisation einer Flüssigkeit vollständig an bestimmen, ist auszumitteln, ob sie rechts oder links drehend ist und wie viel Grade der Drehungsbogen beträgt, um welchen bei einer gegebenen Höhe der flüssigen Stule die Polarisationsebene der verschiedenfarbigeu Strahlen gedernth wird.

Zur Beobachtung der Kreispolarisation in Flüssigkeiten kann in Ermangelung anderer Instrumente der Nörremberg'sche Polarisations-

apparat dienen, zu dessen Analysenr man am zweckmässigsten ein Nicol'sches Prisma anwendet. Die Flüssigkeiten werden zu diesem Zwecke in eine oben offene, unten durch eine ebene Glastafel verschlossene Glasröhre gegossen und diese dann auf das mittlere Tischehen des Apparates gestellt. Der untere Theil dieser Röhre mit ihrer Fassung und der sie verschliessenden Glasplatte ist Fig. 972 nngefähr in 1/2 der natürlichen Grösse im



Durchschnitte dargestellt; die Röhre mnss so lang sein, als es der Abstand des Tischleins und des Nicols irgend erlaubt. Es ist gut, wenn die Röhre graduirt ist, so dass man stets nnmittelbar die Höhe der flüssigen Säule ablesen kann. Damit die Farbenerscheinung möglichst lebhaft wird, mass der Zutritt von fremdem Lichte abgehalten werden, was am leichtesten dadurch geschieht, dass man die Glasröhre mit einem hohlen Cylinder von schwarzem Tnch nmgiebt nnd auch den Fuss der Röhre mit schwarzem

Tuch belegt. Fig. 973 stellt den Apparat dar, dessen sich Biot zur Unter-

snchnng der Circularpolarisation in Flüssigkeiten bediente. Die zu unter-

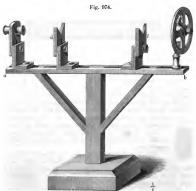


suchende Flüssigkeit ist in der an beiden Enden mit Glasplatten geschlossenen Röhre d enthalten, zu deren Aufnahme die Rinne g dient. Am einen Ende der Rinne g ist das kurze Rohr b befestigt, am andern Ende derselben befindet sich das Rohr a. Die Axen von a, d und b fallen in eine gerade Linie zusammen.

Der aus schwarzem Glase verfertigte Polariaationsspiegel su wird so gestellt, dass die von ihn reflectiren Strahlen die Richtung der Axen der Röhren b, d und a verfolgen. Die Röhre a enthält als Analyseur ein achromatisirtes doppeltbrechendes Prisma oder auch ein Nicol'sches Prisma:

Die Röhre a ist sammt dem Analyseur, welchen sie enthält, nm ihre Aze drehben, und die Grösse der Drehung wird auf dem getheilten Kreise h abgelesen.

Fig. 974 stellt einen andern zur Beobachtung der Circularpolarisation in Flüssigkeiten von Jolly möglichst einfach construirten Apparat dar,



welcher auch benntzt werden kann, nm die durch den galvanischen Strom hervorgebrachte Drehung der Polarisationsebene zu beobachten, von welcher im zweiten Bande die Rede sein wird. Ein massives Holgestell trägt eine 20 Zoll lange, ½ Zoll dieke nnd 1½ Zoll breite, zum Theil in der Mitte mit einer breiten Spalte versehene Leiste ab. An dem einen Ende derselben befindet sich ein vertiester Theilkrisi, dessen Ebene rechtwinklig steht auf der Längarichtung der Leiste. In der Mitte dieses Theilkreises steckt in einer Hölse, die sich zugleich mit dem Nonius dreht, das Nicol'sche Prisma c. Diesem gegenüber, am anderen Ende der Leiste, ist ein zweites Nicol'sches Prisma angebracht, welches möglichst gross sein muss. Man kann es nach Belieben höher und tiefer stellen nnd seinen Träger auch nm eine verticale Axe drehen, so dass man seine Axe leicht parallel mit den Kanten der Leiste ab und in die Verlängerung der Axe des Nicols e bringen kann.

Die Röhre, welche die zu nntersuchende Flüssigkeit enthält, wird auf die Träger d und f gelegt, die man nach Belieben höher und tiefer stellen, richten nud verschieben kann.

Fig. 975 stellt eine solche Röhre im Durchschnitt dar. Die Glaaröhre welche die Flüssigkeit aufnimmt, ist, zur Abhaltung des fremden Lichtes, Fig. 975.



mit einer Halse von Holz oder Messingblech umgeben. — Der Durchmesser der inneren Röhre beträgt <sup>1</sup>/<sub>4</sub> bis <sup>1</sup>/<sub>2</sub> Zoll. In nnserer Zeichnnng ist der Durchmesser der Röhre zu gross im Verhältniss zur Länge.

Da die drehende Kraft der Flüssigkeiten meist ziemlich gering ist, so muss man dafür sorgen, dass auch noch die geringsten Drehungen merklich gemacht werden. Ponillet erreichte dies durch die von Soleil construirte doppelte Quarzplatte (double plaque). Sie besteht ans zwei senkrecht zur Axe geschnittenen, neben einander gekitteten Quarzplatten, von denen die eine rechts-, die andere linksdrehend ist. Das letzte Ab-Fig. 976, schleifen und Poliren geschieht natürlich erst, nach dem Zusammenktiten, so dass beide Hälften vollkommen gleich dick sind.

Fig. 976 stellt eine solche doppelte Platte dar; die rechtsdrehende nnd die linksdrehende Hälfte sind durch die Schräffirung nnterschieden.

Nach den Auseinandersetzungen von Seite 878 erscheinen die beiden Halften einer solchen Platte vollkommen gleieh gefärbt, wenn sie sich zwischen parallelen oder zwischen gekreuzten Spiegeln befindet. Dreht man den Zerleger aus dieser Lage heraus, so erscheinen die beiden Hälfen ungleich gefärbt.

Wenn nun sehon eine ganz geringe Drehung des Zerlegers dadurch merklich werden soll, dass die Färbung der beiden Hälften ungleich wird, so ist es keinewegs gleichgültig, welche Dicke die Platte hat. Die geeignetate Dicke ist 37.5m² bei dieser Dicke der Doppelplatte erscheint sie zwischen parallel gestellten Nicolen paruptviol ett, ein Farbenton, welcher vorzugsweise durch die äussersten Strahlen des Spectrums gebildet wird, während Gelb demselben ganz fehlt. Dieser Farbenton, welcher die Uebergangsfarhe (teinte de passage) genannt wird, bat die Eigenschaft, sehr rasch in Blau oder Roth üherzugeben, so dass schon bei einer ganz geringen Drehung des Ocularnicols die eine Hälfte der Platte eine röthliche, die andere eine bläuliche Färbung annimmt.

Die Erklärung dieser Empfindlichkeit ergieht sich leicht aus der Betrachtung der Figuren 957 und 958. Bei der rechtsdrehenden Hälfte geht, wenn man das Ocularnicol nach der Rechten dreht, die Färbung rasch ins Roth über, weil das Roth dabei zu-, das Blau ahnimmt, Fig. 957; in der linkserhenden Hälfte nimmt hei glicher Drehung des Nicols das Roth ah und das Blau zu, Fig. 958. Diese Veränderungen in der Intensität des hlauen und rothen Lichtes werden aher hier gleich merklich, weil das Gelb fehlt, welches geringe Veränderungen in den hlauen und rothen Tonen ganz verdecken würde, wenn es in voller Stärke vorhanden wäre.

Dieselhe 3,75<sup>mm</sup> dicke Doppelplatte erscheint gelh zwischen gekreuzten Nicols. Hier muss man das Ocularnicol schon hedeutend weiter drehen, wenn die Ungleichbeit in der Färhung der heiden Hälften der Platten merklich werden soll.

Befindet sich die 3,75°m dicke Doppelplatte zwischen parallelen Nicols, so wird, wenn man ansser dereselhen noch einen sehwach rechts- oder schwach linksdrehenden Körper zwischen die Nicols einschieht, der Effect fast ganz derselbe sein, als oh nach also Coularnicol anch der Linken oder nach der Rechten gedreht häte. Man muss nun das Ocularnicol nach der Rechten oder nach der Linken drehen, um die Gleichheit der Färbung wieder herzustellen.

Der Winkel, um welchen man das Ocularnicol drehen muss, um die Gleichheit der Färhung in heiden Hälften der Doppelplatte wieder herzustellen, ist die Grösse, um welche der eingeschohene Körper die gelhen Strahlen dreht.

In dem Apparat Fig. 974 (Seite 895) wird die doppelte Platte am hesten dadurch angebracht, dass man sie mittelst Kork in eine Messinghülse fasst, welche an das erste Nicol angeschohen wird, und zwar an die Seite, welche dem Ocularnicol zugewandt ist.

Wenn die Drehung der Polarisationsebene in denjenigen Körper, welcher sich mit der doppelten Platte zwischen den beiden Nicole hefindet, bedeutender wird, so ist es hei einfallendem weissen Licht nicht mehr möglich, durch Drehung des Ocularnicols die Gleichheit der Farben in den heiden Häften der doppelten Platte wieder herzustellen, wie sich aus den Gesetzen der Circularpolarisation leicht nachweisen läsat; in diesem Falle bedarf man aher auch der doppelten Platte gar nicht mehr, um die Erseheinungen der Circularpolarisation mit genügender Schärfe heobachten zu können.

Auch im Dampf des Terpentinöls hat Biot die Eigenschaft der Kreispolarisation nachgewiesen; um hier diese Erscheinung wahrnehmen zu können, mus man nathrlich ungleich längere Röhren anwenden.

Muller's Lohrbuch der Physik, 6te Aufl, I.

361 Saocharometer. Die Circularpolarisation hat auch eine technische Bedeutung gewonnen, seit man sie in Altwendung gebracht hat, um den Zuckerglehalt des Syrups und anderer zuckerhaltiger Flüssigkeiter zu bestimmen. Man hat zu diesem Zweck besondere Apparate construirt, welche den Vamen Sascharometer führe.

Mitscherlichs Saccharometer, Fig. 977, ist im Wesentlichen nach dem Princip der Apparate Fig. 973 und Fig. 974 construirt; beim Soleil'schen Saccharometer dagegen wird nicht die Drehung der Pelarisationsebene gemessen, welche die Zuckerlösung hervorbringt, sondern es wird die Dicke einer senkrecht zur Axe geschliffenen Quaraplater em ittelt, deren Circularpolarisation gleich ist derjenigen, welche die zu proffende Zuckerlösung hervorbringt.

Fig. 978 stellt das Soleil'sehe Saccharometer dar. Das Lieht einer Argand'schen Lampe fällt durch ein in der Röhre S befindliches Niel in den Apparat ein, geht alsdann durch die bei r befindliche doppelle Quaraplate und durch die in der Röhre menthaltene Zuckerlösung hiedurch. In der Röhre bei T endlich ist das als Analysenr dienende Nicol'sche Prisma enthalten, welches bei diesem Apparat nicht um seine Axe



gedreht wird, sondern so gestellt ist, dass seine Schwingungsehene mit der des Nicols bei S parallel ist.

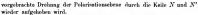
Zwischen der Röhre m und dem Analyseur bei T befindet sich nun eine eigenthümliche aus Quarzplatten construirte Compensationsvorrichtung, welche wir nun genaner betrachten müssen.

Die ans dem Rohre m autretenden Strahlen durchlaufes
zunächst eine einfache senkrecht
zur Axe geschnittene Qnarplatie
zur Axe geschnittene Qnarplatie
und von beliebiger Rotationsricht
und von beliebiger Botationsricht
ung zur diese Platte folgen aber
zwei Quarzkeile, N und N',
ern äussere Flächen gleichfaller
rechtwinklig zur Krystallaxe sind,
und deren Rotationsrichtung der

der Platte Q entgegengesetzt ist, so also dass die heiden Keile N und N linksdrehend sind, wenn Q rechtsdrehend ist.

Die beiden Keile N und N' bilden also zusammen eine Quarzplatte, deren parallele Oberflächen senkrecht zur Axe sind, deren Dicke aber variabel ist, ie nachdem man sie mehr oder weniger übereinander schiebt. Bei einer bestimmten Stellung der beiden Keile hat die Platte, welche sie bilden, gleiche Dicke mit der Platte Q, so also dass die durch Q her-





Die Quarzkeile N und N' sind in Metallfassnagen eingesetzt, welche durch Vermittelung des Knopfes b, Fig. 978, nach entgegengesetzter Rich-

Fig. 979. tung (entweder in oder gegen die Richtung der Pfeile,
Fig. 979) verschoben werden können; durch diese Verschiebung aber kann die Dieke der durch die Combination
Keile N nud A" gebildeten Platte nach Belieben vermehrt

und vermindert werden.



Die Fasung des Keiles N' trägt oben die auch in Fig. 978 sichtbare Theilung e, die Fassung des Keiles N' trägt einen zu dieser Theilung gehörigen Nonius r. Durch die Verschiebung der Quarzkeile werden auch die Theilung e und der Nonius v gegen einander verschoben.

Fig. 980 stellt die Theilung e und den Nonius v in grösserem Maasstabe dar. — Der Nnllpunkt der Theilung e befindet sich in der Mitte Fig. 980.



und die Theilstriche werden von diesem Nnllpunkt an entweder nach der rechten oder nach der linken gezählt. Wenn der Nullpunkt des Nonius mit dem Nullpunkt der Theilung zusammenfällt, so bilden die Keile N und N' zusammen eine Platte, welche genau eben so dick ist wie die Platte Q.

Die Theilung its oe eingerichtet, dass die Dicke der durch die Keile Nund N' gebüldeten Platte um 1 Millimeter wichst oder abnimet, wenn der Nonius um 10 Theile der Hanpttheilung nach der eines oder nach der andern Seite verschoben wird. Eine Verschiebung um 1 Theilstrieb entspricht also einer Verknderung der Dicke um 1/16 Millimeter und da der Nonins so eingeriebet ist, dass man mit Halfe desselben noch Verschebungen von 1/16, der Haupttheilung ableens kann, so ist klat. dass man die Veränderung der Dicke der Compensatorplatten noch bis sof 1/16. Millimeter genau ableen kann.

Wenn der Nonius auf dem Nullpunkt der Theilung steht, so sieht der bei T in das Instrument schauende Beobachter die beiden Hälften der doppelten Quarzplatte bei r gleich gefärbt, wenn die Röbre m gans fehl oder wenn sie mit einer Flüssigkeit gefüllt ist, welche keine Circularpolarisation bewirten.

Bringt man aber nun eine Röhre win den Apparat, welche eine ein cularpolarisirende Flüssigkeit enthält, so erscheinen die beiden Hälftes der doppelten Quarzplatte ungleich gefärbt und man muss nun die beide Quarzkeile nuch der einen Seite hin verschieben, wenn die Flüssigkeit ein erchtderbenden, anch der andern Seite, wenn sie eine linkerbende ist um zu machen, dass die beiden Hälften der doppelten Platte wieder gleich gefärbt erscheinen. — An dem Nonius kann man aladann ablesen, wir gross die Dicke einer Quarzplatte ist, welche die Wirkung der im weihaltenen entgegengesetzt drehenden Flüssigkeit gerade aufzuheben in Stande ist.

Nach gehöriger Einstellung möge z. B. der Nullpunkt des Nonius bei 5,7 steben, so heisst das, die in der Röhre m enthaltene Flassigkeit briegteine eben so starke Circularpolarisation hervor, wie eine 0,57 Millimeter dicke senkreebt zur Axe geschliffene Quarzplatte.

Durch genauv Versuche bat man ormittelt, dass eine Zuckerlössugselche auf 100 Cubikeentimeter Wassers 16,417 Gramm reinen krystelliniten Zuckers enthält, in der 20 Centimeter langen Röher m des Apprats Fig. 978 eine eben so starke Drehung der Polarisationsebene bwirktwie eine 1 Millimeter dicke Quaraplantte.

Da nun das Drehungsvermögen der in der Röhre m entbalteser Zuckerfösung breun Zuckergehalt proportional ist, so findet man vis viel Gramm Rohzucker die Lösung auf 100 Cubikcentimeter Wasser enthält, wenn man die an dem Nouius abgelsene Dicks der compensirenden Quarzplatte mit 16,417 multiplicit. Wäre z. B. in der Röhre eine Zuckerfösung enthalten gewesen, deren Compensation eine Verschiebung des Nonius von 0 bis 5,7 erfordert hatt, so wäre der Zuckergehalt dieser Lösung 16,417 × 0,57 == 9,358, das heisst anf 100 Cubikcantimeter Wasser enthält sie 9,358 Gramm Rohzucker.

Ein so erhaltenes Resultat ist jedoch nur dann genau, wenn in der Lösung sich neben dem krystallisirbaren rechtsdrehenden Rohrnecker nicht auch noch unkrystallisirbarer linkelrehender Tranben(Stärke). zucker hefindet. Um einen etwaigen Gehalt an Stärkenneker zu ermitteln, wird nun durch Salzskure alter Rohrznecke der Lösung in Stärkezuncker verwandelt, ein zweiter Versuch mit dem Saccharometer gemacht und aus der Combination dieser beiden Versuche der Gehalt der Lösung an Rohrznecker herechest. Väheres dardher in einer von Clerget im Jahre 1850 veröffentlichten Broschüre, welche die Anwendung des Saccharometers behandelt.

Statt der heiden Nicol'schen Prismen enthält das Soleil'sche Saccharometer gewöhnlich zwei achromatisirte doppelthrechende Prismen, ausserdem aher ist vor dem Rohr T noch ein eigenthümlich construirtes Geularrohr angesetzt, welches in den meisten Fällen wohl entbehrlich sein dürfte und dessen Zweek folgender ist. Der Farbenton, welchen die doppelte Quaraplatte haben muss, damit sehon die geringste Aenderung in der Färhung der beiden Hälften merklich wird, ist nicht für alle Augen derselbe und jeues Ocularrohr, welches Soleil den Erzenger der empfindlichen Farbentöne nennt, soll dazu dienen, den Farhenton der doppelten Platte verschiedenen Augen anzupassen.

Circularpolarisation der Weinsäure und der Trauben- 362 säure. Ans dem Safte unreifer Trauben hat man eine Säure dargestellt, welche genz gleiche Zusamensetzung mit der Weinsäure (Weinsteinsäure) hat; eine verdünnte Lösung von Trauhensäure giebt aber mit einer Gypslösung sogleich einen Niederschlag, was hei einer verdünnten Lösung von Weinsäure nieht der Fall ist.

Die Tranhensäurc hildet ganz analoge Salze wie die Weinsäure, so namentlich ein dem Seignettesalz entsprechendes tranbensaures Natron-Kali und traubensaures Natron-Amoniak.

Die Krystallform des weinsauren Natron-Kalis ist Fig. 981 dar-



gestellt. Sie besteht im Wesentlichen aus einer Comhination der rhombischen Säule g mit einem Flächenpaare a, welcher sechtwinklig auf der gröseren, und einem Flächenpaare b, welches rechtwinklig auf der kleineren horizontalen Axe steht. Ausser diesen acht Säulenfichen treten noch andere parallel mit der Säulenaxe laufende Flächen auf, sowie auch kleine Abstumpfungs-

flächen der Kanten, welche die Säuleuflächen mit der oberen und unteren Endfläche bilden. Die Krystalle des trauhensauren Natron-Ammoniaks zeigen im Wesent-

Die Krystalie des traunensauren Natron-Ammoniasz zeigen im Wesenlichen dieselbe Krystaliform, nur zeigen sie noch eine aufällende Heniedrie; die Octsederflächen nämlich stumpfen nur die Halfte der Kanten zwischen  $\varepsilon$  und g ah, und zwar so, dass, von der vorderen Fläche a ans gerechnet,

eine Abstumpfungsfläche oben rechts auftritt, wie Fig. 982, oder oben

links, wie Fig. 983. Aus einer Lösung rechtshemiëdrischer Krystalle (Fig. 982) lässt





Fig. 983.

sich durch Zusatz von Schwefelsäure die Rechtstraubensäure abscheiden. welche mit der Weinsäure vollkommen identisch ist und welche mit Gypslösung keinen Niederschlag giebt. Die Lösung dieser Rechtstraubensäure ist wie die Weinsäure optisch rechtsdrehend.

Die durch das gleiche Verfahren aus einer Lösung linkshemiëdrischer Krystalle (Fig. 983) abgeschiedene Säure giebt ebenfalls dieselben Reactionen wie die Weinsäure, sie giebt mit Gypslösung keinen Niederschlag, ist aber optisch liuksdrehend.

Vermischt man die Lösung der Rechtstraubensäure mit der der Linkstraubensäure, so hat die gemischte Lösung keine Circularpolarisation und giebt mit Gypslösung einen Niederschlag, was bei den ungemischten Säuren nicht der Fall war.

Die Krystalle der Weinsäure und der Rechtstraubensäure sind hemicdrisch, aber nach entgegengesetzter Richtung, wie die Krystalle der Linkstraubensäure. - Die in diesem Paragraphen besprocheuen Erscheinungen, welche auf einen innigen Zusammenhaug zwischen Circularpolarisation und Hemiëdrie hinweisen, hat Pasteur entdeckt (Pogg. Annal. LXXX, 127).

363 Absorption des Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. Der Turmalin ist, wie bereits angeführt wurde, ein doppeltbrechender Krystall, und wenn eine parallel mit der Axe geschnittene Turmalinplatte polarisirtes Licht liefert, so beruht dies darauf, dass einer der beiden Strahlen, welche sich im Allgemeinen in doppeltbrechenden Krystallen rechtwinklig zur optischen Axe fortoflanzen, absorbirt wird. In der That sieht man durch ein Prisma von Turmalin, dessen Kanten mit der optischen Axe parallel sind, zwei Bilder, wenn man nahe an der brechendeu Kante hindurchsieht, wo der Krystall noch dünn ist; mit zunehmender Dicke wird aber der eine Strahl, und zwar der ordinäre, mehr und mehr absorbirt. Wenn Turmalinplatten das Licht noch nicht vollkommen polarisiren, so ist der Grund davon der, dass sie noch nicht dick genug sind, um den ordinären Strahl ganz zu absorbiren.

Auch bei anderen farbigen Krystallen bemerkt man ähnliche Erschei-Babinet hat bemerkt, dass die negativen farbigen Krystalle vorzugsweise die ordinären Strahlen absorbiren, während in positiven Krystallen die extraordinären stärker absorbirt worden; so absorbirt z. B. ein hinlänglich dunkler Rauchquarz, ein positiver Krystall, die extraordinären Strahlen; die Vibration der Strahlen, welche eine parallel mit der Axc geAbsorption d. Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. 903 schnittene Rauchquarzplatte durchlässt, sind rechtwinklig zu seiner optischen Axe.

Der Turmalin erscheint in der Richtung seiner optischen Axe anders gefärbt, als rechtwinklig zu derselhen; diese Erscheinung, welche offenhar mit der Absorption der polarisirten Strahlen zusammenhängt, wird auch an anderen Körpern heobachtet, namentlich am Dichroit, welcher von dieser Eigenschaft seinen Namen führt; in der Richtung seiner Axe erscheint er hlau, rechtwinklig zu derselhen dagegen braungelh.

Haidinger hat diese Erscheinungen mit Hülfe der von ihm construirten dichroskopischen Loupe weiter verfolgt. Dieses Instrument besteht im Wesentlichen aus einem etwas langen Kalkspathrhomhoëder. welches iu Fig. 984 im Durchschnitte dargestellt ist. Auf die heideu

Fig. 984.





Fig. 985.

Endflächen sind Glasprismen a und b aufgekittet, deren Flächen so gegen einander geneigt sind, dass die äussersten Flächen der Glasprismen, durch welche die Lichtstrahlen ein- und austreten, rechtwinklig auf den Längskanten des Kalkspathrhomhoëders stehen. Diese Combination ist nun mittelst Kork in einer Messinghülse hefestigt.

Das eine Ende dieser Hülse ist durch eine Kapsel geschlossen, deren Deckel in der Mitte eine quadratische Oeffnung hat; die Seite dieses kleinen Quadrats beträgt ungefähr 2.5 mm. Am anderen Ende der Hülse befindet sich eine Linse oder auch zwei, deren Brennweite gerade so gross ist, dass man zwei scharfe Bilder der quadratischen Oeffnung dicht neben einander erblickt, wenn man, die Linse dicht vor's Auge haltend. in den Apparat hineinschaut.

Fig. 985 stellt eine dichroskopische Loupe dar, wie sie Nörremborg mit möglichster Einfachheit construirt hat. Das längliche Kalkspathromboëder steckt in der Höhlung eines Korkes, an dessen unterem Ende eine Scheibe von Kartenpapier mit der ceutralen Oeffuung o angeleimt ist, während auf der oheren Fläche des Korkes eine planconvexe Liuse l mit Hülfe einiger Stecknadeln befestigt ist,

Die untere Platte mit der quadratischen Oeffnung o wird am zweck-Fig. 986, mässigsteu so gestellt, dass das eine Bild des Quadrats die Verläugerung des anderen bildet, wie dies Fig. 986 audeutet.

Diese beiden Bilder sind nun rechtwinklig zu einander polarisirt, die Schwingungen, welche das Licht des einen fortpflanzen, finden in der Richtung ab Statt, die des andern sind rochtwinklig zu ab.

Schneidet man aus einem Turmalinkrystall, der einer etwas helleren Varietät angehört, einen Würfel, Fig. 987, an welchem zwei Flächen, die wir mit A bezeichnen wollen (in unserer Figur die obere und die untere)

Fig. 987.



senkrecht zur Axe stehen, während die vier anderen, die wir mit B bezeichnen wollen, parallel mit derselben sind, so erscheint der Krystall anders gefärbt, wenn man durch die beiden Flächen A schaut, als wenn man durch zwei der gegenüberliegenden Flächen B hindurchsieht.

Die Farbe der Basis, d. h. die Farbe, welche das Licht zeigt, welches den Krystall parallel mit

der Axe durchläuft, also durch die Flächen A ein- und austritt, ist ungleich dunkler, als die Farbe, welche man durch die Flächen B beobachtet. Bei dunkleren Varietäten ist die Farbe der Basis schon bei geringer Dicke der Platte ganz schwarz.

Analysirt man die Farbe der Basis mittelst der dichroskopischen Loupe, so erbält man stets zwei gleiche Bilder, Fig. 988, wie man übrigens die Loupe drehen mag; untersucht man auf gleiche Weise die Farbe Fig. 988. Fig. 989, der Flächen B, so ändern die beiden Bilder Farbe

der Flächen B, so ändern die beiden Bilder Farbund Lichtstärke, je nachdem die dichroskopische Loupe durch Drehung um ihre Axe in verschie dene Lagen gegen die Fläche B gebracht wird Fällt die Verbindungslinie der beiden Bilder mit der Diagonalen der Fläche B zusammen, so et-

sebeinen beide Bilder gleich. Der grösste Unterschied zwischen beider Bilderen wird beobachtet, wenn die Verbindungslinie der beiden Bilder mit der Axe des Krystalls parallel oder darauf rechtwinklig steht; alldann erscheint das eine Bild mit den Farben der Basis; während das audere einen ungleich helleren Farbenton zeigt, Fig. 989.

Um also die Farbe der Basis zu erkennen, bedarf man gar keiner seukrecht zur Axe geschnittenen Platte, man kann sie auf die angegebene Weise mittelst der dichroskopischen Loupe an einer parallel mit der Axe geschnittenen erkennen.

Bei dunkleren Varietäten des Turmalins ist, wie bereits bemerkt wurde, die Farbe der Basis ganz sehwarz. De nun aber die Farbe der Basis durch solche Schwingungen fortgepflanzt wird, welche senkreelit zur Axe des Krystalls sind, so ist klar, dass auch das dunklere der beides Bilder, welche die dichreskopische Loupe zeigt, wenn man mittelst der selben bei gehöriger Stellung das Licht analysirt, welches durch zwei der Flachen B des Turnalinuwfrles, Fig. 987, hindurchgegangen ist gleichfalls durch Schwingungen erzeugt wird, welche senkrecht zur Axe un, also parallel mit bb, dass also die Schwingungen des helleren Bilde der Axe ax parallel sind.

Auf diese Weise bat Haidinger den Beweis geliefert, dass die Schwingungen des polarisirten Lichtes, welches eine parallel mit der Axe, Absorption d. Lichtes in farbigen doppeltbrechenden Krystallen. 905

geschnittene Turmalinplatte liefert, parallel mit der Krystallaxe sind woraus dann ferner folgt, dass die Schwingungsebene eines polarisirten Strahles senkrecht zu der Ebene ist, welche man mit dem Namen der Polarisationsebene bezeichnet bat. Wir haben bereits auf Seite 805 einen anderen, von Nörremberg herrührenden Beweis dieses Satzes kennen gelernt.

Da das hellere der beiden Bilder, in welche die Farbe einer parallel mit der Axe geschnittenen Turmalinplatte dnrch die dichroskopische Loupe zerlegt wird, durch Schwingungen erzeugt wird, welche parallel mit der Krystallaxe sind, so nennt Haidinger die Farbe dieses helleren Bildes die Axenfarbe, wäbrend, wie wir geseben baben, die Farbe des dunkleren Bildes die Farbe der Basis ist,

Die folgende Liste giebt die zusammengehörigen Farben einiger der von Haidinger untersnebten Turmalinvarietäten an.

Localität.	Farbe der Basis.	Axenfarbe.		
Sibirien	Schwarz	Oelgrün.		
7 7	Carmoisinrotb	Rosenroth.		
Brasilien	Schwarz	Haarbrann.		
n n	Dunkelbräunlichroth	Gelblichbraun.		
	Grünlichschwarz	Dunkelpistaciengrüu		
	Indigblau	Blass-Berggrün.		
Elba	Pistaciengrün	Grasgrün.		
_	Oelgrün	Grünlichweiss.		

Achnliche Erscheinungen zeigen auch andere farbige, optisch-einaxige Krystalle; so zeigte z. B.: die Ferbe der Besie

Apatit von Cabo de Gata			Spargelgrün
" " Schlaggenwald .			Entenblan.
,, ,, ,, ,,		 Lavendelblau	Rosenroth.
Beryll von Sibirien		Grünlichweiss	Himmelblau.
Im Ganzen Berggrün	n.		
Ranchtopas vom St. Gottbard		Blassnelkenbraun	Lichtgelblicbbrann.
Apophyllit von Pronah		Gelblichweiss	Berggrün.
Zircon von Ceylon		Blassblau	Blassgelb.

Im Ganzen Gelblichweiss.

An keinem Mineral zeigt sich aber wohl der Dichroismus auffallender als am Pennin. Die Farbe der Basis ist blaugrun, die Axenfarbe ist braungelb, und zwar sind beide Farben sehr intensiv.

Ganz äbnliche Erscheinungen zeigen anch farbige, optisch zweiaxige Krystalle. Eine Platte von essigsaurem Kupferoxyd giebt, mittelst der dicbroitischen Loupe untersucht, ein blaues und ein gruues Bild Eiu Krystall von schwefelsaurem Kobaltoxydul-Ammoniak erscheint violettroth, wenn man ihn durch zwei einander gegenüberliegende Fläcben der schiefen Säule betrachtet, gelblichroth dagegen, weun man senkrecht zu deu schiefen Endflächen hindurchschaut. Der Zusammenhang ist jedoch hier etwas complicirter, als bei optisch einaxigen Körpern.

Fig. 990 stelle einen Würfel dar, an welchem immer je zwei Flächen auf einer der Elasticitätsaxen senkrecht stehen, so wird im Allgemeinen

Fig. 990.



axen sevareent stenen, so wird im Angemeinen jedes Flächenpaar eine anderer Farbe zeigen. Jede Flächenfarbe aber lässt sich nittelst der dichroskopischen Loupe in zwei Axenfarben zerlegen. Die Flächenfarbe von A läast sich zerlegen in die Axenfarben b und c, d. h. das Licht, welches durch die Flächen A hindurchgegaugeu ist, lässt sich in zwei farbige Bilder

zerlegen, von denen das eine durch Schwingungen fortgepflanzt wird, welche parallel mit b sind, während die Schwingungen des anderen Bildes in der Richtung der Axe c stattfinden.

Die Flächenfarbe B lässt sich in die Axenfarben a und c, die Flächenfaube C in die Axenfarben a und b zerlegen.

In diese Classe von Krystallen gehört auch das Mineral, welches bisher unter dem Namen Dichroit bekannt war. An einem geschliffenen Warfel dieses Körpers fand lluidinger

An entern geschinnenen wurtei dieses Aorpers land Hafdinger Folgendes: Die Farbe A schön blau, wenig ins Graue ziehend; B blassblau, C noch blasser und weniger blau als B. Diese letztere ist es, welche oft gelblich erscheint.

Die Farbe der Axe a ist gelblichgrau, die von b bläulichweiss, die von c reines Berlinerblau.

Achnliche Resultate geben viele andere von Haidinger untersuchte farbige Varietäten optisch zweiaxiger Krystalle; so war z B. an einem blassearmoisinrothen Topas aus Brasilien  $\alpha$  tief carmoisinroth, b honiggelb, e rosenroth.

Die farbigen optisch zweisatigen Krystalle zeigeu also im Allgemeinen drei verschiedene Flächenfarhen und drei verschiedene Axenfarben, weshalb die Bezeichnung: Diehroismus, hier nicht mehr passend ist. Haidinger schlägt statt dessen die Namen Trichroismus oder Pleochroismus vor.

Ebenso ist auch der Name Dichroit für das bisher so genannte Mineral nicht mehr passend. Haidinger nennt es Cordierit.

Sehr gut lassen sich die drei Axenfarben am schwefelsauren Kobaltoxydul-Ammoniak beobachten. Die Krystalle dieses Salzes gehö-

Fig. 991.



ren dem monoklüischen Systeme an; die häufigste Form derzelben ist Fig. 991 Jargestellt. Aualysirt man das Licht, welche durch eine Platte senkrecht zu der schiefen Eudfläche e hindurchgegungen ist, mit der dichroskopischen Loupe, so zeigen die beiden Bilder allerdings keine bedenteude, aber doch entschieden merkliche Farbenverschiedenheit; das eine Bild ist weingelb, das andere ist rothgelb, und zwar ergiebt sich aus einer genaueren Prüfung, dass die Schwingungen des weingelben Bildes parallel sind mit der brachydiagonalen Aze, während die mit der makrodiagonalen parallelen Schwingungen das rothgelbe Bild fortpflanzen.

Untersacht man anf gleiche Weise eine durch Vorherrschen zweier paralleler Säulenflächen g gehildete Platte, so zeigen die beiden Bilder einen sehr bedeutenden Contrast; das eine Bild nämlich ist rothgelb, das andere, dessen Schwingungen nehezu in die Richtung der Säulenaxe fallen, ist röhtlich violett.

Mit Hulfe der dichroskopischen Loupe hat Haidinger auch den metallglänzenden Schiller untersucht, welcher manchen Krystallen ein so prachtvolles Ansehen giebt. Er hat nachgewiesen, dass auch die Farben des reflectirten Lichtes von der Lage der spiegelnden Flächen und der Einfallsechen gegen die Krystallaxen abhängig sind. Das Barium-Platincyanür z. B. erscheint im durchgeheuden Lichte gelb; im reflectirten Lichte zeigt die Oberfläche bei günstiger Lage einen blauen Metallschimmer. Bei Untersuchung des reflectirten Lichtes mit der dichroskopischen Loupe erscheint unn, wenn die Einfallsechen parallel mit der Axe ist, das eine Bild weiss, das andere lasurplan.

Leider gehören die Körper, welche diese intersasnten Erscheinungen zeigen, zu den selteneen. Il alidinger untersuchte unter anderen Körpern, welche diesen Metallschiller zeigen, denysaminsaures Kali, Maggesium-Platinoyanür, Chromsäure, krokonsaures Kupferoxyd, Jodblei, Kalium-Pridium-Chlorid, Murexyd n. s. w.

Wenn eine Oberflächenfarbe vorhanden ist, so ist sie stets complementär zur Körperfarbe der Substanz.

Erscheinungen in gegjühten oder gepressten Gläsern. 364 Wenn man geglühte und sehnell abgekühte Glasplatten von beliebiger Form in den Polarisationspparat, etwa auf das mittlere Tischlein oder den unteren horizontalen Spiegel legt, so beobehtet man mannigfaltige, bald mehr, bald weniger regelnalssige, oft sohr schöne Farbenerscheinungen; so zeigt z. B. eine geglühte quadratische Platte von dickem Spiegelghas oder ein geglühter Glaswürfel zwischen den gekreuzten Spiegeln des Apparates die Farbenerscheinung Fig. 5 Tab. XI., ein geglühter massiver Glasscylinder zeigt Ringe, Fig. 6 Tab. XI.

Der Grund dieser Erscheinung ist offenbar in der besonderen Anordnung der Theilchen, in dem gespannten Zostande zu suchen, welcher durch die rasche Abkühlung hervorgerufen wird. In der That braucht man nur solche Gläser wieder zu erhitzen und sie dann langsam abkühlen zu lassen, um zu machen, dass alle diese Farbenerscheinungen verschwinden.

Wenn man eine Art Hülse, Fig. 992 (a.f. S.), bis zu 100° oder 150° erwärmt und dann einen Glascylinder hineinsteckt, so werden die äussersten Theilchen erwärmt, während die inneren noch kalt sind; es entsteht dadurch ein Spannungszustand, welcher sich ebenfalls durch Farbenerscheinungen im polarisirten Lichte kundgiebt, welehe der in Fig. 6 Tab. XI. ähnlich sind.



In Fig. 993 ist eine Presse dargestellt, welche dazu dient, Streifen von dickem Glase zu biegert; während dieses gespannten Zustandes zeigen sich nun an einem solchen Glasstücke im Polarisationsapparate farbige Streifen.

Wenn man eine quadratische Platte von dickem Spiegelglase in der Presse Fig. 994 zusammendrückt, so zeigt die Platte im Polarisationsapparate in der Richtung der Compression eine Farbenerscheinung, welche



in Fig. 7 und Fig. 8 Tab. XI. dargestellt ist, und zwar Fig. 7 für schwächere, Fig. 8 für stärkere Compression.

Die doppelte Brechung und die Farbenringe in geginhten Gläsernzeigt, so ähnlich auch in anderen Beziehungen die Ersebeinungen sein mogen, doch wesentliche Unterschiede von der doppelten Brechung und den Farbenerscheinungen in doppeltbrechenden Krystallen, indem beim geglinhten Gläse die Erscheinung mehr au eine bestimmte Stelle gebunden ist, bei den Krystallen hingegen nur von der Richtung der durchgehenden Strahlen abhängt.

Wenn die gegühtte Glasplatte auf dem mittleren Tischlein des Polarisationsapparates oder auf dem horizontalen Spiegel desselben liegt, so sind alle Strahlen, welche von der Platte ins Auge gelangen, nahezu rechtwinklig au der Oberfläche der Platte durch dieselbe hindurchgegangen: dass die Mitte der Platte Pig. 5 Tab. XI. zwischen gekreuzten Spiegel dunkel erscheint, während näher am Rande farbige Ringe auftreten, liegt nicht daran, dass die Strahlen in der Mitte in anderer Richtung durch die Glasplatte hindurchgegangen sind, als die am Rande, sondern dass in der Mitte der Glasplatte ein anderer Spannungszustand herrscht, als näher nach dem Rande hin. Wenn man bei einer seukrecht auf die 'exgeschnittenen Kalkspathplatte die Hälfte, den vierten Theil u. s. w. zndeckt, so zeigt die freie Hälfte für sich noch das Ringsystem ebenso vollständig wie die ganze Platte; eine geglühte Glasplatte zeigt eben nur die
Hälfte des Ringsystems, Fig. 5 oder Fig. 6 Tab. XI., wenn man sie zur
Hälfte zudeckt, wenn man anch die Mitte der freien Hälfte wieder in die
Mitte des Gesichtsfeldes schiebt.

Daraus geht nun unzweifelbaft hervor, dass eine geglähte und ebenso eine gepresste Glasplatte nicht in ihrer gausen Ausdehnung nach derselben Richtung anch gleich starke doppelte Brechung heistzt, wie dies bei doppeltbrechenden Krystallen der Fall ist, sondern dass an einzelnen Stellen die doppelte Brechung stärker ist als an anderen.

Das Polarisationsmilcroskop ist eine Combination der Polari: 365 astionsapparates mit dem Mikroskop. Es ist liebnt, wenn das Instrument nicht sehon von vormherein zu diesem Zweck eingerichtet ist, aus einem jeden Mikroskop ein Dalrisstionsmikroskop zu machen; man beraucht uur unter dem Objecttisch ein Nicol'sches Prisma zu befestigen, so dass nur polarisitres Liebt auf die Objecte fällt, und ein zweites Nicol dieht über dem Onlar oder in der Oelardroke anaubringen.

Kleine Kryställehen, unter das Objectiv eines solchen Mikroskops gebracht, erscheinen, wenn sie doppeltbrechend sind, mit mehr oder weniger glänzenden Parben, und zwar auf schwarzem Grunde, wenn die Nicols gekrenzt, auf hellem Grunde, wenn ihre Schwingungsebenen parallel sind; diese Contraste heben die Gestalten ganz nngemein, so dass man mit einem solchen Mikroskop oft Details nnterscheiden kann, welche man ohne Polarisationsvorrichtung nicht sieht; dann aber hat man hier das ein-fachste Mittel, an den kleinsten Bruchstücken von Krystallen zu entscheiden, ob dieselben dem regulären Krystallestame angebören oder nicht, indem ja den regulären Krystallen die Erscheinungen der doppelten Brechung fehlen.

Mit Hilfe des Polarisationsmikroskopes kann man sich nun aber auch sehr leicht davon überzeugen, dass die meisten organischen Gebilde, z. B. Seidenfäden, Wallrath, Haare von Menschen und Thieren, Pergament, Knorpel, Federkiele u. s. w. hald mehr, bald weniger sehön und deutlich die Erscheinungen der chromatischen Polarisation zeigen, und dadurch gerade bietet das Polarisationsmikroskop ein treffliches Mittel, um die Structur jener Gebilde au mehrsuchen.

An organischen Stoffen hat zuerst Brewster die Erscheinungen doppelter Brechung beobachtet,

Wir können hier natürlich nicht in eine detaillirtere Beschreibung dieser Erscheinungen eingehen und wollen nur einige der interessanteren hervorheben.

Ein Stärkemehlkorn zeigt im Polarisationsmikroskope zwischen gekrenzten Nicols ein schwarzes Kreuz, Fig. 996 (a. f. S.), welches wegen der mehr oder weniger nnregelmässigen änsseren Gestalt der Körner immer etwas verzerrt erscheint. Das schwarze Kreuz geht in ein helles, Fig. 995, über, wenn man das obere Nicol aus der gekreuzten Stellung so Fig. 995.

Fig. 996.

dreht, dass seine Schwingungsebene mit der des unteren parallel wird.





Sehr interessante Polarisationserscheinungen zeigen die Krystallinseu von Fischen. Um solche Linsen für die Beolachtung zu präpariren, werden sie an der Luft getrockuet, danu in Oel

mittelst eines Wasserbades gekocht und endlich aus der zu behandelten Kugel durch Feilen und Scheifen eine von paralleles Flächen begränzte Platte hergestellt, die man mit Canadabalaan zwischen zwei Gasplatten einkittet. Eine so aus einem Fischauge bergestellte Platte zeigt im Polarisationsnikroskop ein Ringsystem, welches grosse Achnichkeit mit dem Ringsysteme einer senkrecht zur Azs geschnittenen Kalkspathplatte hat. Bei genauerer Untersuchung ergiebt sich jedoch, dass die doppelte Brechung eines Fischauges sowoll, wie der meisten organischen Gebilde nicht von der Art ist, wie die doppelte Brechung in einem Krystall, sondern dass die Farbenerscheinungen, welche sie zeigen, in die Kategorie derjenigen gehören, welche man an geglüthet und gespressten Gläsern wahrnimmt.

Zum Schluss wollen wir hier noch einer gleichfalls auf doppelte Brechung gegründeten Methode erwähnen, nach welcher man selhst an mikroskopisch kleineren Krystallen die Winkel noch mit grosser Genauigkeit messen kann.

Fig. 997 stellt die dazu gehörige Vorrichtung im Durchschnitt, Fig. 998 stellt eine perspectivische Ansicht derselben dar, welche mittelst des Ringes  $a\ b$  auf die Ocularröhre eines Mikroskopes aufgesetzt wird.





Dieser Ring trügt den getheilten Kreis e.d., in welchem die auf einer abgeschrägten Platte sitzende Ilalie e.f. sich un ihre vertische Aze dreben lässt. In dieser Hülse steckt ein schwach doppeltbrechendes Prisma, etwa ein achromatisirtes Quaraprisma, welches also gerade über die Ocularlinsen des Mikrokopes zu stehen komnt.

Schaut man nun durch das doppeltbrecheude Prisma in das Mikroskop, so wird man von allen unter dem Objectiv liegenden Gegenständen doppelte Bilder sehen, die sich theilveine überdecken. Liegen nun kleine Krystälichen, etwa rhombische Tafeln, auf dem Objecttische, so wird man eine solche Tafel doppelt sehen, ungefähr wie Fig. 999 zeigt. Die gegenseitige Stellung der beiden Bilder ändert sich aber, wenn man das Prisma dreht, und man kann es leicht dahin bringen, dass die Bilder ab und a'b' derselben Kante in eine gerade Linie fallen, wie Fig. 1000 zeigt.



Hat man diese gegenseitige Stellung der beiden Bilder erzielt, so wird durch Anziehen der Schraube r, Fig. 998, das Prisma mit seiner ganzen

Fig. 1001.



Metallissaung festgeklemmt, und der Noniun abgelesen. Daran wird die Schraube r wieder gelöst und das Frisma so weit gedreht, dass nun die Kauten bd und b'd' in eine gerade Linie fallen, wie Fig. 1001 zeigt. Aus einer nun vorgenommenen zweiten Ablesung des Nonius erglist sich der Winkel, um welchen man das Prisma drehen musste, um die Bilder der Krystalliplatte

aus der gegenseitigen Stellung, Fig. 1000, in die Stellung Fig. 1001 zu bringen, und diesen Winkel hat man nur von 180° abzuziehen, um die Grösse des Winkels  $a\,b\,d$  zu erhalten.

### Anhang.

Vergleichung des neueren französischen Maasssystems mit anderen Maasssystemen.

In diesem Werke sind sehr oft die Massangsben in dem neufranzsischen Systeme angedrückt, theils weil nach demselben eine so ausser-ordentlich einfache Beziehung zwischen Masss und Gewicht besteht, wie se bei anderen Masssystemen nicht der Fall ist, eine Einfachheit, weiche manche den Gang der physikalischen Betrachtung somt sehr störenden Rechnungsoperationen unnöthig macht; theils aber auch, weil bei naturwissenschaftlichen Untersuchungen das metrische Masses- und Gewichtssystem fast allgemein angenommen ist, so dass sich fast alle Physiker und Chemikre desselben bedienen, und es gewiss nicht wohl räthlich ist, die nach dem metrischen Systeme gemachten Messangen und Wägungen auf andere Masses zu reduciren.

Nun aber sind doch Manche mit dem metrischen Systeme nicht genng bekannt, um in den nach demselben gemachten Maassangaben sich leicht zurechtzufinden. Um eine solche Orientirung zu erleichtern, ist im Folgenden eine Vergleichung der neufranzösischen Maasse und Gewichte mit anderen gegeben.

Die wichtigsten Notizen über das Metermaass sind schon oben, Seite 296, gegeben worden. Es wurde dort bereits mitgetheilt, auf welche Weise die Länge des Meters ermittelt worden ist, nnd dass

1 Meter \_\_ 10Decimeter \_\_ 100Centimeter \_\_ 1000Millimeter.

Die folgende Tabelle dient zur leichten Reduction von Längenangaber nach metrischem Systeme in altfranzösisches und rheinländisches Maass.

Tabelle zur Verwandlung des Metermasses in rheinläudisches und altfranzösisches Maass.

Meter- Masss.	Rheinländisches oder preussi- sches Maass.	Altfranzösisches Maass.
1000	0,459** .	0,443"'
2	0,918	
3	1,376	1.330
4	1.835	1.77.3
5	2.294	2,216
6	2.753	2,660
7	3.212 .	3,103
8	3,671	3,546
9	4.129	3,990
1cm .	4.588"'	4.133"
2	9.176	8,866
3	1" 1,764 .	1" 1.299
4	1 6,353 .	1 5,782
5	1 10,941 .	1 10,165
6	2 3,529 .	2 2.604
7	2 8,117 .	2 7.031
8	0,705 .	2 11,462
9	3 5,294 .	3 3,897
ldm .	3" 9,882" .	3" 8,330"
2	7 7 7,763 .	7 1,659
3	11 5,645 .	11 0,989
4	1' . 3 3,527 .	1' . 2 9,318
5	1 . 7 1,408 .	1 . 6 5,648
6	1 . 10 11,290 .	1 . 10 2,638
7	2 . 2 9,172 .	2 . 1 10,307
8	2 . 6 7,054 .	2 5 6,637
9	2 . 10 4,935 .	2 . 9 2,966
1100 .	3' . 2" 2.817" .	3' 0" 11.996"'
2	6 . 4 5.634 .	6 . 1 . 10.502
3	9 . 6 8,451 .	9 9 888
4	12 . 8 11.268 .	12 9.181
5		15 8,480
		18
7		
8		24 6 7,072
9		27 5.664
10		30 9 4.950
10	31 . 10 4,170 .	4,3569

Muller's Lehrbuch der Physik. 6te Auff. 1.

Aus den Verhältnissen der Längenmaasse ergeben sich die Verhältnisse der entsprechenden Flächen - und Körpermaasse:

Neutranz.	Rheini.		Altiranz.
19m .	10,151879		9,4768179
1 qdm .	14,6199"		13,6479"
l qem .	21,0519"		18,650°
1km .	32,34587k'		29,17385k'
1 <sup>kdm</sup>	55,894k"		50,412k"

14cm. 98,584k\* 87,112k\*

Das Hohlmass sowohl wie das Gewicht ist bei dem neufranzösische Masssysteme unmittelbar vom gewöhnlichen Körpermasse abgeleist, zu bei den älteren Masssystemen nicht der Fall ist; nnd darin liegt gan besonderse im grosser Voraug des metrischen Systems, welchen jedel auch einige andere neuere Masss- und Gewichtssysteme hieten, welch wie das badielen und dermätdische, auf das Metersystem bairt sind.

Die Einheit des französischen Hohlmaasses ist der Ranm, welches 1 Cubikdecimeter ausfüllt und welcher den Namen Litre führt.

1<sup>1</sup> = 0,873386 preuss. Quart.

Die Unterabtheilungen des Grammes sind:

Ebenso ist, wie schon oben S. 9 bemerkt wurde, die Einheit des Gewichtes beim metrischen Maasssysteme von dem Längenmaasse abgeleitet 1 Gramm ist das Gewicht eines Chbikcentimeters Wasser.

Da nun 1 Cnbikdecimeter = 1000 Cuhikcentimeter, so ist klar, dass 1 Litre Wasser 1000 Gramm oder, was dasselhe ist, 1 Kilogramm wiegt

```
das Decigramm = \frac{1}{10}gr
das Centigramm = \frac{1}{100}gr
das Milligramm = \frac{1}{1000}gr
```

In Baden, dem Grossherzogthum Hessen und der Schweiz ist sebe seit längerer Zeit das metrische Pfund ('/-, Kilogramm oder 500 Gramm) als Landesgewicht angenommen. In nenerer Zeit ist diese Gewichtesinheit auch in Preussen, Hannover, Braunschweig, Oldenbur, Schaumburg-Lippe, Hamburg und Brennen eingeführt worden.

100 metrische Pfund machen 1 Centner.

Die Pfunde anderer Länder weichen bald mehr bald weniger von diesen metrischen Pfunden ab.

Das Pfund ist meistens auf gleiche Weise eingetheilt; es ist nämlich:

1 Pfund = 32 Loth,

1 Handelspfund hat also 7680 Gran.

In den oben genannten norddeutschen Staaten ist das metrische Pfund eingetheilt in:

- 10 Neuloth, das Neuloth == 50 Gramm,
  - 1 Neuloth in 10 Quint, 1 Quint = 5 Gramm,
  - 1 Quint == 10 Halbgramm.

Das Medicinalpfund ist durchschnittlich kleiner als das Handelspfund; das östreichische und preussische Medicinalpfund ist gerade <sup>3</sup><sup>1</sup>/<sub>4</sub> des entsprechenden Handelspfundes. Die Unterabtheilungen des Medicinalpfundes sind:

Pfund.	Unze. 12 (1 Un:	ze == 2 Loth)	Drachme. 96	Scrupel. 288	Gran. 5760
	· 1		8	24	480
			1	3	60
				1	20

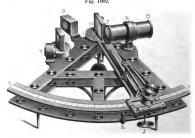
Zur leichteren Reduction des Grammgewichtes auf das alte preussische (kölnische) Gewicht dient folgende Tabelle:

16	ran	100													16,422 Gran
2											18	ers	pel		12,844
3											2				9,266
4								11	Drac	hme	0				5,688
5								1			1				2,110
6								1			1				18,532
7								1			2				14,954
8								2			0				11,376
9								2			1				7,768
10								2			2				4,22
100					31	luze	٠.	3			1				2,2
1000			21	Pf.	2			2			0				2

# Nachträge.

Zu §. 213, Seite 522. Fig. 1002 stellt einen anderen, sehr zweckmässig construirten Spiegelsextanten dar.

Fig. 1002.



Bei dem Reflexionskreis von Pistor und Martius, Fig. 1003, it der feste Spiegel des Sextanten durch ein feststelendes Glaspriems ersetzt, auf desen Rückwand die von dem drehlaren Spiegel et d'erliectie ten Strahlen eine totale Reflexion erfahren. Die obere Endfläche else Friensis it ungefahr in gleicher Höhe mit der Mitte des Ferrarokiobjectivs, so dass durch die obere Hällte des Objectivs von irgend einem entfernten Gegenstande L Strahlen direct in das Fernrohr gelangen, während die durch die untere Hälfte des Objectivs in das Fernrohr eintretenden, vom drehbaren Spiegel cd nach dem Prisma e reflectirten Strahlen das Bild irvend eines anderen (fewenstandes R zeigen).

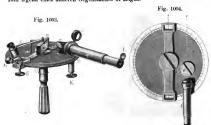


Fig. 1004 erlautert die Construction des Apparates. Sie stellt die drehbare Schiene, auf welcher der Spiegel cd befestigt ist, in derjenigen Stellung dar, für welche der Spiegel parallel ist mit der Rackwand des Prismas c, für welche also die Nonien auf den Nullpunkt der Scala zeigen und das durch das Fernrohr direct gesehnen Bild eines entfernten (egenstandes L mit dem durch den Spiegel cd und das Prisma e reflectirten zusammenfällt.

Zu S. 241. Stöhrer hat den Münchow'schen Oscillationssparat dahin abgeändert, dasse rid ke oscillation des Prismas nicht durch ein Ultwerk, sondern durch die Umdrehung eines kleinen Schwungrades bewirkt. Fig. 1006 (a.f. S.) giebt eine perspectivische Annicht des Münchow-Ntöhrerschen Apparates in ½, Fig. 1006 und Fig. 1007 (a.f. S.) giebt den geometrischen Grundriss einzelner Theile in ½, der natürlichen Grösse. Durch die Umdrehung des Schwungrades Swird die Azez, Fig. 1006, und mit ihr die kleine Kurbel a (deren Länge nach Belieben verändert werden kann) in rasche Rotation versetzt. Durch die kreisförmige Bewegung des Kurbelarmes a wird aber mittelst der Pleuelstange b der Hebel k abwechselnd auf- und niederbewegt und auf diese Weise wird der auf einem fest stehenden Zapfen aufgesehoben alläse n. Fig. 1007, mit welcher der Hebel k fest verbunden ist, eine hin- und hergehende, also eine oscillatorische Bewegung ertheilt. An ihrem vorderen Ende trägt aber die Hülke n das mit

ihr oscillirende Prisma p, für welches man am zweckmässigsten ein Flintglasprisma wählt, dessen brechender Winkel 45 $^{\circ}$  ist.



Zu S. 243, Seite 592. Zur Erzengung von Weiss ist keineswegs ein Zusammenwirken aller Farben des Spectrums nöthig, denn Helmholtz (Pogg. Annal Bd. LXXXVII) hat gezeigt, dass auch durch Combination von nur zwei prismatischen Farben Weiss entstehen kann. Die Anordnung des Versuchs, durch welchen er diese interessante Thatsache zuerst nachwies, wird durch Fig. 1008 erlättert.

Es seien A und B zwei im Laden eines dunklen Zimmers angebrachte Spalten, welche einen rechten Winkel mit einander, deren jede aber Fig. 1008.



einen Winkel von 45° mit den Vertiealen macht und deren jede ungefähr '4 Linie breit ist. Betrachtet man diese Spalten durch ein in entsprechender Entfernung aufgestelltes stark zerstreuendes Prisna, dessen brechende Kante vertieal steht und welches unmittelbar vor dem Objectiv eines Fernrohrs angebracht sits, so erscheint der Spalt B als ein schrisg liegendes Spectrum LM, während der Spalt A das Spectrum ST liefert. Diese beiden Spectra fallen nun zum Theil über einander und zwar fallen an allen Stellen, wo eine Ueberdeckung stattfindet, immer zwei homogene prismatische Farben zusammen; so z. B. an der mit 1 bezeichneten Stelle das Röth des einen Spectrums mit dem Grün des anderen; an der mit 2 bezeichneten Stelle fallen Blau und Orange, bei 3 fallen Indigo und Geb zusammen u. a. w.

Wenn der Versuch mit den nöthigen Cautelen angestellt wird, so ergeben sich aus der Combination je zweier Spectralfarben die Resultate, wie sie in folgender Tabelle zusammengrestellt sind. In der erstem Horizontal- und in der ersten Verticalreihe stehen die einfachen Farben, welche vereinigt worden sind; der durch ihre Combination gebüldete Farbenton findet sich da, wo die betreffende Horizontal- und Verticalreihe sich schneiden.

	Violett	Blau	Grün	Gelb	Roth
Roth	Purpur	Rosa	Mattgelb	Orango	Roth
Gelb	Rosa	Weiss	Gelbgrün	Gelb	
Grün	Blassblau	Blaugrün	Grün		
Blau	Indigblau	Blau		<u>-</u>	
Violett	Violett				

Es entsteht also Weiss durch die Combination von prismatischem Blau (ungefähr von der Mitte zwischen F und G bis gegen G hin), mit prismatischem Gelb (ein schmaler Streif, dessen Brechungsexponenten für Plintglas Nr. 13 ungefähr 1,6370 bis 1,6377 sind).

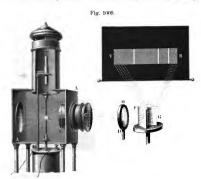
Noch genaner untersuchte Helmholtz diesen Gegenstand nach einer Methode (Pogg. Annal. Bd. XCIV), deren Princip durch Fig. 670 auf S. 588 orläutert werden mag. Die aus dem Prisma divergirend austretenden Strahlen werden durch eine Lines aufgefangen, durch welche sie zu einem weisen Bilde in f vereinigt werden. Wenn nun aber dicht hinter der Linse ein Schirm aufgestellt wird, in welchem sich zwei Spatten befinden, deren Abstand und derem Breite man nach Beilbeen ändern kann, so kann nan bewirken, dass in f irgend zwei beliebige isolitte Partien des Spectrums zur Verenigung kommen. Auf diesem Wege fand nur Helmholtz, dass es für jede Stelle des Spectrums vom Rothen Ende bis zum Ende des Gelb auf dempenigen Theile des Spectrums, welcher sich vom Anfang des

Blau bis zum violetten Ende erstreckt, in der Art eine entsprechende Stelle gebe, dass die beiden entsprechenden Farben, in f zusammentreffend, sich zu Weiss eombiniren.

Helmholtz hat ferner gezeigt, dass die optische Combination irgend zweier Farbeitane oft sehr verschieden ist von der Farbe, welche durch die Mischung der eutsprechenden Pigmente hervorgebracht wird. Eine Mischung von Chromgelb mit Ultramarin oder von Berlinerhlau mit Gnmmi-Gutti giebt bekanndlich Grün, wenn man aber eine Scheibe, auf welcher Sectoren von gelbem (Chromgelb) mod blauem (Ultramarin) Papier anfgeklott sind, wie Fig. 742 zeigt, um ihrem Mit-bylunkt in rasche Rotation versetzt, so erscheint die Scheibe in einem sehr nahe an Weise grünzenden for rau.

Zu §. 251. Objective Darstellung der hellen Spectrallinien. Wir haben auf S. 63 gesehen, abs aus Spectrum des elektrischer Funkens, welcher zwischen Platinel ktroden überspringt, ein contimitiebes ist, dasaber auf diesen contimitiehen Spectrum hellere Linien auftreten, wenn man auf den Platinelektroden ein Salz applicitt, welches in die Flamme gebracht helle Spectrallinien erzeugt. Das Gleiche gilt nun auch von dem elektrischen Kohlenlicht. Das helle Licht der Kollenspitzen, zwischen welchen der Strom einer constanteu Stule von 50 bis 60 Zinkkohlenbechern übergelit, liefert ein contimitifiehes Spectrum, in welchem einzelne Linien durch noch grössere Helligkeit ausgezeichnet auftreten, wenn die Kohlenspitzen mit einem Stoff impfägnirt sind, welcher für sich allein diese hele la Linien liefert, oder wenn dieser Stoff auf irgend eine andere passende Weise zwischen den Elektroden angebracht ist.

Darauf beruht nun die Möglichkeit, die hellen Spectrallinien objectiv darzustellen. Frankland wendet in scinen Vorlesungen zur objectiven Darstellung der Spectrallinien das folgende Verfahren an, für dessen gütige Mittheilung ich ihm zu Dank verpflichtet bin. AA ist eine elcktrische Lampe von Dubosq, welche mit einer Säule von 50 bis 60 Bunsen'schen Bechern verbinden wird. Der leuchtende Punkt L befindet sich im Brennpunkt einer planconvexen Linse B von 31/2 Zoll Durchmesser, welche die von L her auf sie fallenden Strahlen in ein Bündel paralleler Strahlen verwandelt. Bci C (31/2 Zoll von jener Linse entfernt) ist das Rohr, in dessen anderem Ende die Linse B eingesetzt ist, durch cine Messingplatte geschlossen, in welcher sich ein verticaler, 2 Zoll hoher und ungefähr 1/16 Zoll breiter Spalt befindet. Die Vorrichtung, mittelst deren dieser Spalt nach Belieben weiter oder enger gemacht werden kann. ist in unserer Figur 1009 der Einfachheit wegen weggelassen. Dem Spalt gegenüber ist eine doppelt convexe Linse D von 31/2 Zoll Durchmesser and 12 Zoll Brennweite so aufgestellt, dass sie auf einem angefähr 13 Fuss weit entfernten Schirm ein scharfes Bild des Spaltes entwirft. Hinter der Linse D werden alsdann zwei Schwefelkohlenstoffprismen F und (7 von 60° aufgestellt, deren jedes 31/2 Zoll hoch ist und deren brechende Flächen 2 Zoll breit siud. Das Prisma F ist so gestellt, dass das von D her auf dasselbe fallende Strahlenbündel in demselben ungefähr das Muinum der Ablenkung erfährt. Das zweite Prisma G ist alsdam so ge-



stellt, dass die Eintrittsfläche von G mit der Austrittsfläche von F einen Winkel von ungefähr 100° macht.

Wenn die Kohlenstäbelten, deren Spitzen bei L einander gegenäberstehen, aus reiner Gaskohle verfertigt sind, so wird durch die beschriebene Anordnung mittelst der beiden Prismen auf einem ungefähr 12 Fuss entfernten weissen Schirm ein prachtvolles continuirliches Spectrum VR vou ungefähr 10 sus Läuge und 18 Zoll Höhe erzeugt.

Um die hellen Linien versehiedener Metallspeetra hervorunbringen, wird das untere (positive) Kohlenstähehen durch einen Kohlensplinder von <sup>1</sup>/<sub>5</sub> Zoll Durchmesser ersetzt, dessen oberes Ende etwas ausgehöhlt ist. In diese Höhlung wird dann ein Stückehen des Metalls gelegt, dessen Spectrum mau zeigen will nud welches sich als eine Reihe heller Linien von dem weniger hellen continuirlichen Spectrum abhebt. Es ist gut, wenn man für jedes Metall ein besonderes Kohlenstäbehen in Anwendung bringt.

Um die Spectra von Kalium, Natrium, Lithium, Calcium u. s. w. zu

zeigen, wird die eben besprochene Höhlung des unteren Kohlenstäbehens 1/2 Zoll tief gemacht und mit den trocknen Chloriden dieser Metalle gefüllt.

Bei gehöriger Regulirung des Spaltes C und bei gehöriger Einstellung der Linse D, der Prismen F und G und des Schirmes erscheinen die hellen Linien auf dem Spectrum VR vollkommen scharf.

Die Absorption der Natriumlinie durch Natriumdampf stellt Frankland in ausgezeichneter Weise durch das folgende Verfahren dar.

Zunächst wird der ausgehöhlte untere Kohlencylinder wieder durch ein gewöhnliches Kohlenstäbchen ersetzt, welches mit einer schwaches Lösung von Chlornatrium getränkt und wieder getrocknet ist. Sodan wird nahe vor dem Spalt C ein horizontal gehaltenes dünnes Metallblech ab, Fig. 1010, angebracht, dessen Ebene die Höhe des Spaltes C halbirt. Ein Gaskochlämpchen wird nun unter der Mitte dieses Bleches so aufge-

Fig. 1010.

Fig. 1011.





stellt, dass dasselbe von der nicht leuchtenden Flamme bespült wird. In diese Flamme wird ein kleines Platiniförlichen eingeführt; welches ein Natriumkügelchen enthält. Sobald das Natrium zu brennen beginnt, wird die bis dahin helle Natriumlinie in der oberen Hälfe des Spectrums schwarz, wie Fig. 1011 andeutet, während in der unteren Hälfte des Spectrums die helle Natriumlinie genau in der Verlängerung dieser schwarzen Linie liegt.

Damit der Versuch gelingt, dürfen die Kohlenspitzen nur schwach mit Kochsalz imprägnirt sein, weil sonst die Helligkeit der Natriumlinie im Spectrum zu gross ist, als dass der Natriumdampf sie umkehren könnte.

Zu §. 245. Für das Faraday'sche Flintglas (borsaures Bleioxyd?) sind die Brechungsexponenten der wichtigsten Fraunhofer'schen Linien:

	В	C	D	E	F	G	Н	2
nach Plücker	1,7050	1,7077	1,7148	1,7242	1,7325	1,7498	1,7651	0,0601
nach Dutirou	1,7049	1,7070	1,7144	1,7234	1,7320	1,7486	1,7637	0,0588

Zu § 334. Auch bei zweiaxigen Krystallen unterscheidet man positive und negative, obgleich diese Bezeichnung hier nicht denselben Sinn haben kann wie bei einaxigen. — Positiv nennt man einen zweiaxigen Krystall, wenn seine Mittellinie mit der Richtung der kleinsten, negativ, wenn sie mit der Richtung der grössten Elasticitätsaxe zunammenfällt.

In der Richtung der Mittellinie pflanzen sich also in zweiaxigen positiven Krystallen diejenigen Strahlen, welche in der Ebene der optischen Azen vibriren, schneller fort als diejenigen, deren Schwingungs-

ebene rechtwinklig zur Ebene der optischen Axen steht.

Bei zweiaxigen negativen Krystallen findet das Umgekehrte statt.

Schwerspath z.B. gehört unter die positiven, Salpeter und Glimmer gehören unter die negativen zweiaxigen Krystalle.

Zu §. 348. Die Farben des Ringsystems, Fig. 1 Tab. IX, folgen für einen senkrecht zur Axe geschnittenen Kalkspathkrystall sehr nahe in der Reihenfolge der Newton'schen Farbenringe auf einander. Legt man zwischen die beiden Linsensysteme des Apparates Fig. 939 S. 857 eine senkrecht zur Axe geschliffene Kalkspathplatte, welche dünn genug ist, um anch unter diesen Umständen noch ziemlich grosse Ringe zu zeigen, während auf das obere Linsensystem ein System von zwei Glasplatten gelegt wird, von denen die eine roth, die andere blan ist, und welche in einer geraden Linie scharf zusammenstossen, so erblickt man einen Theil des Ringsystems unten in blanem, einen Theil in rothem Licht. Legt man die farbigen Platten so, dass die Trennungslinie zwischen Blan und Roth gerade durch den Mittelpunkt des schwarzen Kreuzes geht und dass sie einen Winkel von 45° mit den Kreuzesarmen macht, so sieht man, dass die blauen Ringe enger sind als die rothen. In der blauen Hälfte hat der Ste dunkle Ring ungefähr gleichen Durchmesser mit dem 2ten dunklen Ring der rothen Hälfte.

Für viele einaxige Krystalle weichen aber die Farben des Ringsystems wesentlich von denen der Newton'schen Ringe ab. Im nnterschwefelsauren Strontian z. B. ist die Farbenfolge von der Mitte an folgende: Weise erste Ordnung, Gelb, Roth, Purpur, Grün u. s. w. Es rührt dies daher, dass für dieses Salz die blauen Ringe verhältnissmäsig noch enger sind als beim Kalkspath. Unter dem blau und rothen Glasplattenpaar findet man, dass der 2te dunkle Ring für blanes Licht mit dem 1sten für rothes zusammenfallt.

Am auffallendsten weicht die Farbung des Ringsystems für einige Varietäten Apophyllit von dem normalen ab. Die Ringe sind alle gleich gefärbt, und zwar abwechselnd dankel violett und eigenthümlich schmutzig gelb. Unter dem blaurothen Glase findet man, dass die blauen Ringe fast gleichen Durchnesser mit den rothen haben.

Bei genauerer Untersuchung findet man, dass diese Varietät von Apo-

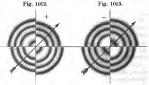
phyllit (von den Faröer-Inseln) für gelbes Licht keine doppelte Brechung hat, dass er für rothes Licht positiv und für blaues negativ ist.

Senarmont bat die Erscheinung der Apophyllit-Ringe dadurch nachgealmit, dass er eine senkrecht zur Axe geschliffene Platte des positiven unterschwefelsauren Bleies mit einer senkrecht zur Axe geschliffene Platte des negativen unterschwefelsauren Strontians combinirte.

Durch Zusammenkrystallisiren des unterschwefelsauren Blei- und Strontiansalzes in entsprechenden Verhältnissen ist es Senarmont gelungen Krystalle zu erbalten, welebe die Apopbyllitringe zeigten.

Steeg (Optiker in Bad Homburg, welcher alle Praparate zur chromatischen Polarisation in ausgezeichneter Weise verfertigt) hat gefunden dass man mit allen positiven und negativen einaxigen Krystallen die Apophyllitringe hervorbringen kann, wenn man sie in geeigneter Dieke combuint. Um die Erscheinung mit Sicherheit zeigen zu können, wendet er eine keilförmige senkrecht zur Axe geschliffen e Kalkspathplatte an, welche unter einer positiven Krystallplatte (unterschwefelsaures Blei) mehr oder weniger weit eingeschoben wird.

xa S. 345. Wenn man auf eine senkrecht zur Axe geschliffene Krystallplatte, welche zwischen gekreutzte Polarisatoren liegend die Ringfigur, Fig. 1 Tak. IX, zeigt, ein eireularpolarisirendes Glimmerblättchen (siche §. 351) sol legt, dass die Ebene der optischen Axen des Glimmerblättchens den rechlen Winkel der Kreuzesarue halbirt, so verselwisen.



det das schwarze Kreuz; in zwei Quadraten erscheinen die Ringe zusammengezogen, in den beiden anderen dagegen erweitert, so dass die Ringfigur nun den Anblick Fig. 1012 oder Fig. 1013 darbietet.

Eine vollständige Erklärung dieses Phänomens hat bereits Airy gegeben (Pogg. Annal. Bd. XXIII). Dove (Optische Studies S. 244) werdet diese Erscheinung an, um zu entscheiden, ob eine senkrecht zur Az geschliffene Krystaliplatte optisch positiv oder negativ ist. Um der Versuch auszuführen, bezeichne man auf der Fassung des Glümmerblätte durch einen Ifeil die Richtung, in weleber die Ebene des Glümmerblättens durch die Ebene seiner optischen Azun geschnitzen wird. Legt

man dam das Glimmerhlättehen in der durch die Figuren 1012 und 1013 bezeichneten Richtung auf die Krystallplatte, so erhlickt man in optisch positiven Krystallen die in Fig. 1012 dargestellte Erscheinung, d. h. die Verhindungelinie der beiden dem Mittelpunkt der Figur zunschst liegenden dunklen Fleckens steht rechtwinklig zur Richtung des Pfeis, während bei negativen Krystallen die Richtung des Pfeis durch jene dunklen Flecken hindurcheptt, wie Fig. 1013 zeigt.

Wir müssen uns hier mit der Anführung der Thatsache begnügen, ohne weiter auf die Erklärung der Erscheinung, welche ührigens in der

Hauptsache wenigstens nicht schwierig ist, weiter einzugehen.

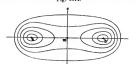
Zu S. 335 a.349. Ueher die Orientirung der optischen Axen in den Krystallen des rhomhischen System Sindelt man dav Oblathdigstein einem Aufsetz von Grailich und v. I. ang und in einem zweiten von Lang allein (Sitzungeberichte d. Wiener Akademie Bd. XXVII u. XXXI). In diesen beiden Aufsätzen, in welchen die geraannten Gelehrten ihre eigenen Untersuchungen über diesen Gegenstand mit denen anderer Physiker zusammenstellen, werden zusammen 105 Krystalle des rhombischen Systems besprochen. Einige derseihen zeigen die merkwürzige Eigenhümlichkeit, dass die Ebene der optischen Axen für rothe Strahlen rechtwinklig steht anf der Ehene der optischen Axen für blaue Strahlen. Es ist dies z. B. der Fall heim mellitsauren Ammoniak.

Für grüne Strahlen sind diese Krystalle optisch einaxig; für rothe Strahlen liegt die Ebene der optischen Axen im hrachydingonalen, für blaue liegt sie im makrodingonalen Hauptschnitt. Daufer brählt das Curvensystem einer senkrecht zur gemeinschaftlichen Mittellinie geschliffenen Platte ein ganz eigenthämliches Ausschen, indem statt der Ringe hyperbolische Curven auftreten.

Dieselbe Erscheinung, welche schon früher Brewster am schiefwinkligen Glauherit entdeckt hatte, beohachtete Grailich und v. Lang in amgezeichneter Weise auch beim Brookit. Senarmont hat analoge Erscheinungen in Krystallen beobachtet, welche er durch Zusammenkrystallisiern verschiedener Mengen von Kali- und Ammoniak- Seignettesalz erhalten hatte.

Durch Erwärnung werden die Krystalle nach verschiedenen Richtungen hin ungleich stark ausgedehnt. Es hat dies zur Folge, dass die Lage der optischen Axen von der Temperatura bhängigt ist, dass sie sich also ändern muss, wenn man die Krystalle erwärntt. Ganz besonders anfällend ist dies beim Gyps. Es stelle Fig. 1014 das Rüngsystem dar, welches eine senkrecht zur Mittellinie geschliffene Gypsplatte zeigt, wenn sie in eutsprechender Lage zwischen die Lünsensysteme des Apparates Fig. 9408. 856 gehracht wird.  $\alpha$  und b seien die Pole des Ringsystems, m die zum Punkt verkürste Mittellinie. — Wenn num der Krystall, auf einer Glasplatte liegend, vorsichtig über einer Weingeistlampe erwärtn und rasch wieder in den Polarisationsspparat eingeführt wird, so beolachtet man, dass sich die Pole dem Ringsystem genähert haben, während zugleich die Ringe weiter

geworden sind. Wird die Erwärmung bis zu einem gewissen Grade fortgesetzt, so erscheint die Platte einaxig, indem die beiden Pole der Ring-Fig. 1014.



systeme mit dem Punkt massammenfallen. Wenn die Erwärmung des Kristalls noch weiter fortgesetzt wird, so gehen die Pole der Ringsysteme wie der auseinander, aber nicht in der Richtung ab, sondern in der daruf rechtwinkligen Richtung cd, indem sich der eine Pol des Ringsystems nach c, der andere nach din nom mentfern

Za §. 353. Descloizeaux hat die interessante Entdeckung gemacht (Compt. rend. T. XLIV), dass die Krystalle des Zinnobers die Erschenungen der Circularpolariation ganz in gleicher Weise zeigen, wie die Quarzkrystalle. Die Krystalle des Zinnobers gehören gleichfalls dem dreiund einaxigen Systeme an und die senkrecht zur Aze geschliffenen Platte zeigen in dem Nörremberg'schen Polarisationssparat das Ringsystes. Fig. 3 Tab. XI, ganz in gleicher Weise wie die senkrecht zur Aze geschliffenen Quarzplatten, wenn man sie durch ein rothes Glas betrachtet Ebenso wie beim Bergkrystall sind auch rechts- und linksdrehende Zinnoberkrystalle zu unterscheiden.

Auch beim schwefelsanren Strychnin hat Descloizeaux die Erscheinungen der Circularpolarisation beobachtet.

Zn § 345. Zur Beobachtung der Farbenringe in Krystallplatten, sowie zu allen anderen Versnchen über chromatische Polarisation ist auch Dove's Polarisationsapparat, Fig. 1015, sehr bequem.

Anf einem dreibeinigen Statif ist ein dreisettiger Metallatab so be festigt, dass man seine Neigung gegen die Horizontabe beliebig änder kann. Auf diesem Stab bind mehrere dreiseitige Hülsen angebracht, die man beliebig verschieber auf trag den Stablen ein die Betracht die statellen kann. Der Schieber a tragt eine Sammellinse, welche die parallel einfallenden Strablen gegen das von der Hülse b getragene Polarisationsnicol hin concentrict. Die Hülse c trägt das Zerfegungsnicol. Zweisehne beiden ist noch ein Schieber d (oder auch mehrere) angebracht, welche die Krystallplatten. Linsen oder Lünensupsteme u. s. w. tragen. Endlich ist an jedem der Schieber b und c noch ein drebbarer Arm angebracht, in welchem man eine Krystallplatte, ein Glimmerbliktehen u. s. w. befereitene kann, um die eine Krystallplatte, ein Glimmerbliktehen u. s. w. befereitene kann, um die

selhen nach Belieben zwischen den Nicols einzuschieben und wieder zu entfernen. Kurz man sieht, dass dieser Apparat die mannigfaltigste Benutzungsweise gestattet.

Fig. 1015.



Zu §, 345. Damit die beidem Linsensysteme, Fig. 939, ein möglichst grosses Gesichtsfeld geben, muss and die Fassung der Linsen eine besondere Sorgfalt verwendet werden. Es muss nämlich 1) die mittlere Linse eines jeden Systems möglichst nahe an die gewöhte Fläche der halbkugelörmigen herangerückt sein (näher als in der Figur), und 2) darf die Fassung der halbkugelörmigen Linsen nicht merklich über die ebene Gränzfälche derselben hervorragen, so dass die Krystallplatte mit den ebenen Gränzflächen der halbkugelförmigen Linsen fast in Berährung kommt.

Zu § 361. Am Schluss des § 361 ist der Zweck des Erzeugers der empfindlichen Farbentöne nicht ganz richtig angegeben. Er dient nämlich dazu, den empfindlichen Farbenton möglichst wiederherzustellen, wenn die im Röhre enthaltene Flüssigkeit selbst gefärbt ist, wenn also schon durch diese Färbung, abgesehen von der Circularpolarisation der Plüssigkeit, der Farbenton der doppelten Quarzplate alteritur wird.

Während beim Soleil'schen Saccharometer der Erzeuger des empfindlichen Farbentons in Combination mit einem Linsensystem, welches wie ein hollfadisches Fernorhr zusammengesetzt ist, das Ocularende des Apparats bildet, hat Ventzke die Soleil'sche Construction dadurch zweckmässig abgeändert, dass er den Erzeuger des empfindlichen Farbentons am anderen Ende des Apparats anbrachte.

Fig. 1016 stellt den oberen Theil des Ventzke-Soleil'schen Sac-

Fig. 1016.



charometara dar, welches nameutlich von dem Mechaniker Franz Schmidt in Berlin vortreffich ausgeführt wird. Der mittlere Theil entspricht vollkommen dem Apparat Fig. 978. Das eine Nicol mit der doppelten Quaraplatte befindet sich in b. das Ocalarnico), desses Schwingungsebene paralle ist der des Nicols in b. befindet sich in a. Die Quarxelsi mit der zugehörigen Quaraplatte sind ganz so angebracht, wie beim Soleil'schen Apparat. Wie dort ist vor dem Ocularnicol ein kleines holländisches Fernrohr c angebracht, dessen Linsen so berechset sind, dass man durch dasselbe ein deutliche Bild der doppelten Quaraplatte sieht. Durch Einschieben oder Ausziehen der Ocularinse diesekleinen Fernrohres kann man den Apparat für jedes Auge accomodiren.

Der Erzeuger der empfindlichen Farbe befindet sich in dem knrzen Rohre d. Er besteht aus einem Nicol und einer seukvecht zur Axe geschliffenen Quarzplatte, welche sich zwischen diesem Nicol und dem in bangebrachten befindet. Das Rohr d ist sammt Nicol und Quarzplatte um seine Axe drehbar und diese Undrehung ist mittelst der Stange CD ausführbar, welche einerseits nit dem Knopf C, audererseits mit dem gezahtet Trieb D endigt.

Weun man durch das Ocularroinr  $\epsilon$  in den Apparat hineinschaut, bvor noch eine Flässigkeitsröhre eingelegt ist, so erscheinen die beides Hällten der Doppelpatte gleich gefärbt, wie man auch das Rohr d mittelst des Knopfes  $\ell$ 3 drehen mag. Durch diese Drehung wird der Farbenton der beiden Hällten in gleicher Weise gehändett.

Wird nun die Röhre mit der circularpolarisirenden Flüssigkeit eingelegt, so erscheinen die beiden Hälften der Doppelplatte ungleich gefärbt und die Gleichheit der Färbung wird durch Verschiebung der Quarzkeile mittelst des Knopfes B bewirkt. lst es aber nicht der für das Auge empfudlichste Farbenton, welchen die beiden Hälften der Doppelplatte jetzt zeigen, so können kleine Verschiedenheiten dem Auge des Beolanchters entgehen und diese kann man dadurch sichtbar machen, dass man den Erzeuger des empfindlichen Farbentons mit Hülfe des Knopfes C undreht, bis diese Differenz möglichst merklich geworden ist. Ist dies geschehen, so wird die Gleichheit der Färbung der beiden Hälften der Doppelpaltet abermals durch eine entsprechende Verschiebung der Quarzkeile hergestellt und dann der Nonius abgelesen.

## NAMEN-REGISTER DES ERSTEN BANDES.

A.	
Selt	
Airy, Modification der Ringfiguren	Bohn, Photometer
einaxiger Krystalle durch Glim-	Bohnenberger, Revisionspendel 291
merblattchen 92	
Albert, Apparat zur Zerlegung der	Bourdon, Metallmanometer 214
Polarisationsfarben 84	Brewster, Edelsteinlinsen 201
- Polarisationsapparat 85	- chromatische Polarisation orga-
- Wellenscheibe	
Althans, Reactionsrad 32	
Amici, katoptrisches Mikroskop 70	
Angstrom, Spectrum elektr, Funken 62	
Arago, Brechungsexponenten d. Gase 56	
- Circularpolarisation 87	
— optisches experimentum crucis . 75	
Archimedes, Gewichtsverlust unter-	- Stereoskop 679
getauchter Körper 101	
Atwood, Fallmaschine 24	
Aubulsson, Ausströmen der Luft . 34	
Aubuisson, Ausstromen der Luit . 141	Buff, Ausströmen der Luft 347
-	Bunsen, Absorption der Gase 222
B.	- Ausströmen der Gase
Babinet, Goniometer 513	
— Luftpumpenhahn 200	
Babo, Photographie des Spectrums . 666	
- Schwefelkohlenstoff-Lämpchen . 641	
Baumé, Araometerscala 121	
Beck, Araometerscala 121	
Beequerel, Phosphorescenz 641	
— Phosphoroskop 656	
Berthollet, Diffusion der Gase 231	
Bianchi, doppelt wirkende Luftpumpe 203	
Biot, Brechungsexponenten der Gase 561	
- Circularpolarisation 871	
— — in Dämpfen	Cauchy, Brechningsexponent and

	0	
Seite		Sella
Charles, Luftballon 220	Frankland, objective Darstellung d.	
Chladni, Klangfiguren 417	Spectralfarben	920
- Schallgeschwindigkeit in festen	Fraunhofer, achromatisches Mikro-	
Körpern 454	skop	706
Clement u. Desormes, Saugen durch	- Bestimmung der Brechungsex-	
ausströmende Luft 352	ponenten	595
Clerget, Saccharometrie 201	- Bestimmung der Wellenlänge .	777
Coddington, Loupe	Beugungserscheinungen	756
Colladon and Starm, Geschwindig-	— Bengungsgitter	773
keit d. Schalles im Wasser 451	- dunkle Linien im Spectrum	592
- Versuche über die Compressibi-	- Loupe	700
lität der Flüssigkeiten 127	- Prüfung der Fernrohre	725
Coulomb, gleitende Reibung 228	Fresnel, Beugungserschehnungen	756
- Torsionselasticitat	- Circularpolarisation im Quarz .	889
	- Doppelbrechung des gepressten	839
Cramer, Accommodation 667	Glases	735
D.	— Interferenzspiegel	885
	Parallelepiped	880
Daguerre, Lichtbilder 657		829
Dale, Brechungsexponenten 603	Frick, Stereoskop	681
Debus, Kaleidoskop 516	rrick, Stereoskop	001
Desaga, Photometer 508		
Descloizeaux, Circularpolarisation	G.	
im Zinnober 926	Gadiat, Turbine	328
Despretz, Abweichungen vom Ma-	Galilai, Fallversuche	240
riotte'schen Gesetz 189	Galilai, Fernrolir	717
Döbereiner, Zündmaschine 225	- Gesetz der Trägheit	7
Dove, Polarisationsapparat 926	- Pendelgesetze	282
- Sirene 408		525
- Unterscheidung positiver und	Gambey, Heliostat	724
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 924	Gaseoigne, Fadenkreuz	
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle	Gaseoigne, Fadenkreuz	
Unterscheidung positiver und negativer Krystalle	Gaseoigne, Fadenkreuz	724
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle	Gascoigne, Fadenkreuz  Gay-Lussac, Versuch über Cohasion der Flüssigkeiten  Versuch über Capillarröhren  Versuch über Capillarröhren	724 130
- Unterscheidung positiver und negativer Krysalle	Gaseoigne, Fadenkreuz	724 130 136
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle	Gaseoigne, Fadenkreuz  Gay-Lussac, Versuch über Cohäsion der Fhässigkeiten  Versuch über Capillarröhren  Volumeterscala	724 130 136 117 629 603
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubosq, Hohlprisma 555 - objective Darstellung der Inter- ferenzerscheinungen 552 Dulong und Arago, Brechungsex- ponenten der Gase 553 - Versuche inher das Mariotte'sche	Gas-coigne, Fadenkreuz Gay-Lussac, Versuch über Cohäsion der Plüssigkeiten — Versuch über Capilharröhren — Volumeterscala Geissler'sehe Röhren Gladstone, Brechungsexponenten Graham, Diffusion der Plüssigkeiten	724 130 136 117 629 603 151
Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubosq, Hohlprisma . 555 — objective Darstellung der Interferenzerscheinungen . 852 Dubong und Arago, Brechungsezponenten der Gäse . 553 — Versuche über das Mariotte'sche [Gestz . 121]	Gascolgne, Fadenkreuz Gay-Lussac, Versuch über Cohasion der Flüssigkeiten  Versuch über Capillarröhren Volumeterscala Geissler'sche Röhren Gladstone, Brechungsexponenten Graham, Diffusion der Flüssigkeiten Diffusion der Gase	724 130 136 117 629 603
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubosq, Hohlprisma 555 - objective Darstellung der Inter- ferenzerscheinungen 552 Dubong und Arago, Brechungsex- ponenten der Gase 553 - Versuche iher das Mariotte'sche Gesetz 121 Dutirou, Brechungsexponenten 222	Gascolgne, Fadenkreuz Gay-Lussac, Versuch über Cohasion der Flüssigkeiten – Versuch über Capillarröhren – Volumeterscala Glassfore, Brechungsexponenten Gladstone, Brechungsexponenten Graham, Diffusion der Flüssigkeiten – Diffusion der Gase Graillich, optische Orienttrung der	724 130 136 117 629 603 151 235
Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubosq, Hohlprisma . 555 — objective Darstellung der Interferenzerscheinungen . 852 Dubong und Arago, Brechungsezponenten der Gäse . 553 — Versuche über das Mariotte'sche [Gestz . 121]	Gascoigne, Fadenkreuz Gay-Lussea, Versuch über Cohäsion der Flüssigkeiten  Vorsuch über Capillarröhren  Volumeterscala Geissier siehe Rohren Giladstone, Brechungsexponenten  Diffusion der Gase Grallich, optische Orientirung der Krystalle	724 130 136 117 629 603 151 235
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubosq, Hohlprisma 555 - objective Darstellung der Inter- ferenzerscheinungen 552 Dubong und Arago, Brechungsex- ponenten der Gase 553 - Versuche iher das Mariotte'sche Gesetz 121 Dutirou, Brechungsexponenten 222	Gascolgne, Fadenkreuz Gay-Lussac, Versuch über Cohasion der Flüssigkeiten  Vorsuch über Capillarröhren  Volumeterscala Glasslore, Brechungsexponenten Gladstone, Brechungsexponenten Graham, Diffusion der Flüssigkeiten  Diffusion der Gase Graillich, optische Orientirung der Krystalle Grassomann, Luftpumpenhahn	724 130 136 117 629 603 151 235
- Unterscheidung positiver und negativer Krystalle 224 Dubos, Hohlprisma 284 Dubos, Hohlprisma 585 Dubos, Hohlprisma 585 Dubos, Hohlprisma 585 - Versuche inher das Mariotte'sche Giestz 191 Duiron, Brechungsexponenten 222 Dutrochet, Endomose 115  E.	Gascolgne, Fadenkreur, Gay-Lusser, Versuch über Cohiscion der Phissigkeiten  - Versuch über Cagillarröhren  - Volumeterscala Gerissler'sche Röhren Gilseler'sche Röhren Gilseler'sche Röhren Gilseler'sche Röhren Gilseler'sche Röhren Grasilische Gerissigkeiten Erffende der Gest Graßlich, optische Ürreintrung der Krystalle Grassmann, Luftpumperhahn SGravesande, Elasticlistismenssungen	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77
Cuterscheldung positiver und negativer Krystalle 224 Duboen, Hoblyprima 252 Duboen, Hoblyprima 252 Dubon and Arago, Brechungese pomenten der Gase 352 Verauche über das Mariotte/sche Greett . 120 Dution, Berchunge-spanenten 222 Dution, Berchunge-spanenten 222 Eisenhohr, Wellenapparate 242 Eisenhohr, Wellenapparate 242	Gascolgne, Fadenkreur.  Gay-Lussae, Versurdi über Chission der Plüssigkieiten  Versuch über Cagillarrohren  Geissler'sche Röhren  Gränster sich erstenungesponenten  Gränsten, Brechnungesponenten  Gränsten, Diffusion der Flüssigkeiten  Diffusion der Gase  Grällich, optische Urientrung der  Krystalle  Krystalle  Rystalle  Rystalle  Flüssigkeiten  Störaresande, Elastleistemessungen  Festigkeitensesungen	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 83
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 244 Daheen, Hohlprima . 242 Daheen, Hohlprima . 242 Daheen, Hohlprima . 242 Daheen de Lace . 242 Daheen and Lace . 242 Daheen and Lace . 242 Daheen and Lace . 242 Daheen . 242 Dattrockt, Eurobannose . 123 Dattrockt, Eurobannose . 125 E. Eisrahelr, Wellenangarate . 222 Wellenlängs lattrabelette Estat.	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lussac, Versurü über Cohsion der Plüssigkielten  - Volumetrescha  Geisulerscha  Geisulerscha  Geisulerscha  Geisulerscha  Gräbaton. Brechungersponenten  Gralbaton. Brechungersponenten  Gralbaton. Diffusion der Plüssigkieten  Grallich, opglenber Orientrung der  Krystalle  Grassmann, Luftpunpenhahn  Nüraverande, Elastfeltstemessungen  Gregory, Spiegeltelekope  Gregory, Spiegeltelekope	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 82 726
Cuterscheldung positiver und negativer Krystalle 224 Duboes, Hobbprisma 545 Objective Darieblung der Inter- ferenzerscheinungen Inter- ferenzerscheinungen 555 Ferenzerscheinungen 555 Veranche inher das Mariotte/schr Geoetz 191 Dution, Brechungesxponeten 222 Dution, Brechungesxponeten 222 Dution, Brechungesxponeten 525 Eisenlohr, Wellenangarate 325 Weilenlänge ützrakisketter Strale	Gascolgue, Fadenkreur. Gay-Lassac, Versuch über Cohksion — Versuch über Cagillarroliven. — Versuch über Cagillarroliven. — Versuch über Cagillarroliven. Geisbeitriche Röberungsprunten. Grahan, Diffasion der Flüssigkeiten — Diffasion der Gase — Brillich optiche Orientinung der Grassmann, Luftpumperhahn — Stürzersande, Elastickitätsmessungen — Fedigleriensesungen — Fedigleriensesungen  Greiter, Bausouster	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 83 726 172
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos and Arago, Brechungers positive für Gase . 35 - Veranche über das Variotive'seb - Unitron, Brechungesyonenten . 22 Dutrochet, Embomose . 145 E. Eiorabar, Wellenapparate . 25 - eicleulang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait-	Gascolgue, Fadenkreur, Gay-Lussac, Versurli über Cohasion der Plässigkeiten Handeren Plässigkeiten Volumetresen Blanchene Volumetresen Gelsbersche Röhren Grahann, Diffusion der Plüssigkeiten Diffusion der Güse Hander Gise Krysalle Krysalle Grassmann, Luffpunperhabn Nüraveande, Elasticitätmessingen Festigkeitensessingen Greiturg, Barousvier Grinald, Begungsversnehe	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 27 83 726 172 783
Cuterscheldung positiver und negativer Krystalle 224 Duboen, Hoblprisma 525 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen and Arago, Brechungest pomenten der Gase 55 Veranche inher das Mariotte/sche Geoetz 12 Duition, Brechungestponenten 227 Duttion, Brechungestponenten 227 Dutterschet, Endommone 135 Eisenlahr, Wellemapparate 325 Wellemlänge ultravioleter Strale hen 228 Esselbach, Wellemänge ultravioleter Strale	Gascolgue, Fadenkreur. Gay-Lassac, Versuch über Cohksion — Versuch über Cagillarroliven. — Versuch über Cagillarroliven. — Versuch über Cagillarroliven. Geisbeitriche Röberungsprunten. Grahan, Diffasion der Flüssigkeiten — Diffasion der Gase — Brillich optiche Orientinung der Grassmann, Luftpumperhahn — Stürzersande, Elastickitätsmessungen — Fedigleriensesungen — Fedigleriensesungen  Greiter, Bausouster	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 83 726 172
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos and Arago, Brechungers positive für Gase . 35 - Veranche über das Variotive'seb - Unitron, Brechungesyonenten . 22 Dutrochet, Embomose . 145 E. Eiorabar, Wellenapparate . 25 - eicleulang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait- tellenlang ultrasibeter Strait-	Gascolgue, Fadenkreuz Gay-Lusse, Versurli über Chission der Plüssigkeiten Versuch über Cagilharrohren Versuch über Cagilharrohren Geissier'sche Röhren Geissier'sche Röhren Graham, Diffinsion der Flüssigkeiten Diffision der Gase Gradich, optische Übrentrung der Grassmann, Lustpunperhahn Nüraresande, Elasticitätemessingen Feedige/tassessingen Geogory, Spiegebeleokop Gerinald, Beugungsversuch Guerike, Luftpumper	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 27 83 726 172 783
Cuterscheldung positiver und negativer Krystalle 224 Duboen, Hoblprisma 525 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen, Hoblprisma 152 Duboen and Arago, Brechungest pomenten der Gase 55 Veranche inher das Mariotte/sche Geoetz 12 Duition, Brechungestponenten 227 Duttion, Brechungestponenten 227 Dutterschet, Endommone 135 Eisenlahr, Wellemapparate 325 Wellemlänge ultravioleter Strale hen 228 Esselbach, Wellemänge ultravioleter Strale	Gascolgue, Fadenkreur, Gay-Lussac, Versurli über Cohasion der Plässigkeiten Handeren Plässigkeiten Volumetresen Blanchene Volumetresen Gelsbersche Röhren Grahann, Diffusion der Plüssigkeiten Diffusion der Güse Hander Gise Krysalle Krysalle Grassmann, Luffpunperhabn Nüraveande, Elasticitätmessingen Festigkeitensessingen Greiturg, Barousvier Grinald, Begungsversnehe	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 27 83 726 172 783
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 224 Dubos, Hoblyriena . 234 Dubos, Hoblyriena . 235 Dubog Hoblyriena . 235 Dubog and Arago, Brechungeas ponetten der Gase . 35 - Versuche über das Variotte'sche Duttron, Brechungesyonenten . 222 Duttrechet, Embomose . 125 Etienhohr, Wellenapparate . 315 - Wellenänge ultravioletter Strale ter Strahlen . 232 Farlericht, Helbestat . 235 Farlericht, Helbestat . 232 Farlardy, Flinighas . 232 Farlardy, Flinighas . 232	Gascolgue, Fadenkreuz Gay-Lusse, Versurli über Cohasion der Pläsägkeiten "Volumetres gelharrehren "Volumetres gelharrehren "Volumetres gelharrehren "Volumetres gelharrehren "Volumetres geläsägen Gelsslersche Röhren Grabann, Diffusion der Flüssigkeiten Grabann, Diffusion der Flüssigkeiten Grabann, Diffusion der Flüssigkeiten Grabann, Diffusion der Gase "Grassmann, Luftpunpenhabn "Vüravesande, Elastleitstmessingen Festigkeitensesungen Gregory, Spiegeltelskop Grimald, Begungsversuche Guerike, Luftpunpe  H  Hakilnger, Di-hroismus	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 27 83 726 172 783
Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 34 Dahong und Arago, Brechungese poneutien der Gase . 35 Geretz . 32 Datrock, Eurobamose . 12 Datrock, Eurobamose . 12 Datrock, Eurobamose . 12 Eisenbark, Wellenangaratie . 25 Wellenlänge ultravlokter Stande ter Strablen . 54 Eisenbark, Wellenlänge ultravlokter Explained . 54 Eisenbark, Heinbark . 55 Eisenbark, Wellenlänge ultravlokter Explained . 54 Eisenbark, Wellenlänge ultravlokter Explained . 54 Eisenbark, Heinbark . 54 Eisenbark, Wellenlänge ultravlokter Explained . 54 Eisenbark, Welle	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lusse, Vernsch über Cohksion  Vernsch über Caglitariohren.  Venucherseala.  Geissler'sche Röbren  Grissler'sche Röbren  Grissler'sche Röbren  Diffasion der Gase  Diffasion der Gase  Diffasion der Gase  Kryalle  Kryalle	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 82 726 172 783 193
Cuterscheldung positiver und negative Krystalle 224 Dubon, Hoblyriena 525 Dubon, Hoblyriena 525 Dubon and Arago, Brechunges pomente der Gase 525 Cereate 125 Cerea	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lassae, Vernsch über Cohksion  Versuch über Cagillarröhren.  Versuch über Cagillarröhren.  Velametersella.  Grisslef'sche Röhrengangnenin  Grisslef'sche Röhrengangnenin  Grahan, Diffision der Flüsiglichen  Diffision der Gase  Granilla, optiche Orientinung der  Grassman, Luffpungenhahn  Negarsande, Elstaleftistensesungen  Festigkeitsenssungen  Festigkeitsenssungen  Grienald, Beugungsversneh  Grienald, Beugungsversneh  Grienald, Beugungsversneh  Grinald, Beugungsversneh  Hanilton, konhebe Befraetion  Hanilton, konhebe Befraetion  Harnilton, konhebe Befraetion	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 83 726 172 783 193
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Duboed, Hohlprisma	Gascolgue, Fadenkreur, Gay-Lusse, Versurh über Cohasion der Plässigkeiten  - Volumetrescha  - Volumetrescha  - Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisberscha  Grisben  Grabtan  Diffusion der Plüssigkeiten  Grabtan  Grabten  Grabtan  Lüftpungenhabn  SVeravesande, Ehatdichtemessungen  Grecorn, Spiegeletenkop  Greiter, Barometer  Grecorn, Spiegeletenkop  Greiter, Barometer  Grecorn, Spiegeletenkop  Hanilton, kombison  Hanilton, kombison	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 727 83 726 172 788 193
- Cuterscheldung positiver und negative Kryskalle	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lusse, Vernsuch über Cohsion  der Garbert	724 130 136 117 629 603 151 152 235 925 203 726 172 726 172 783 193
- Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos, Hohlprinan . 24 Dubos and Arago, Brechunges, positive de Gase . 35 - Versuche über das Variotte'sche Dutino, Brechungesyonenten . 22 Dutrochet, Embonnose . 125 Dutrochet, Embonnose . 125 - Wellenlange ultravlobetter Strale - Wellenlange ultravlobetter Strale - ter Stralben . 25 - Fairenheit, Heliostat . 23 - Faralay, Flinights . 22 - Sangphänomen . 24 - Fessel, Gyroskop . 24 - Fessel	Gascoigne, Fadenkruz.  Gay-Lassac, Versuch über Cohksion  — Versuch über Cagillarröhren.  — Versuch über Cagillarröhren.  — Versuch über Cagillarröhren.  Grisbeirsche Röhren gerapmeine  — Diffstion der Gase  — Diffstion der Gase  — Brission der Gase  Granken, Diffstion der Flüssigkeiten  — Diffstion der Gase  — Stelle, der Gase  Gransman, Luftpunpenhahn  Nitzareande, Elstatichtsmessungen  — Festigkeitenessungen  — Festigkeitenessungen  — Greiner, Barouster  Grinardi, Beugungsversuche  Guerthe, Luftpunpe  — H  Haklinger, Di-broismus  Hamilton, konhehe Refraction  Harning, Leistang der Mikroskope  — quadrioenhares Mikroskop  — quadrioenhares Mikroskop  — delmboltz, Complementafraben	724 130 136 117 629 603 151 235 925 203 77 83 726 172 783 193 903 886 713 717 714 918
Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 34 Dahoen der Inter- ferenzerschelmungen . 35 Dahong und Arago, Brechungest positive der Gase . 35 Gerett . 35 G	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lusse, Versurü über Cohsion der Plüsigkeiten  — Volumetrescha Geislerscha  Hablinger, Dichroismus  Hamilton, konlech Refraction  Harinack, Lutherschanolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  — Ratstehung der Vocale	724 130 136 117 629 603 151 1235 925 203 727 82 726 172 83 193 903 886 713 886 713 717 714 918
- Cuterscheldung positiver und negative Kryskalle	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lusse, Vernsch über Cohksion  Vernsch über Cagliarröhren.  Vernsch über Cagliarröhren.  Velmeterscha.  Geissler'sche Röhren  Grissler'sche Röhren  Diffasion der Gase  Diffasion der Gase  Diffasion der Gase  Diffasion der Gase  Gräßlich optische Orientrinag der  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Kryalle  Haslichtismensungen  Festigkeitsmessungen  Geregor, Spiegheiteskope  Gereke, Luftpunpe  Hallinge, Di-hroisma  Hallinge, Di-hroisma  Hallinger, Di-hroisma  Hallinger, Di-hroisma  Hanilton, konleche Refraction  Hanilton, konleche Refraction  Harnack, Immersionobjectiv  Helaholtz, Conplementarfarben  Helaholtz, Conplementarfarben  Resonankagein	724 130 136 136 147 629 603 151 235 925 203 77 83 726 83 726 83 727 783 193 903 886 713 717 714 918 489 477
Cuterscheldung positiver und negative Krystalle . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 24 Dahoen, Hohlprisma . 34 Dahoen der Inter- ferenzerschelmungen . 35 Dahong und Arago, Brechungest positive der Gase . 35 Gerett . 35 G	Gascolgue, Fadenkreur.  Gay-Lusse, Versurü über Cohsion der Plüsigkeiten  — Volumetrescha Geislerscha  Hablinger, Dichroismus  Hamilton, konlech Refraction  Harinack, Lutherschanolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  Hartnack, Inmerskonnolycielv  — Ratstehung der Vocale	724 130 136 136 147 629 603 151 235 925 203 77 83 726 83 726 83 727 783 193 903 886 713 717 714 918 489 477

932 Nai	nen-	Register.
	Seite	Seile
Herschel, Lemniscaten	Siib	Melde, Apparat zur Darstellung ste-
- Spiegelteleskop	728	hender Wellen 413
- unregelmässige Ringfigur zwei-	_	- Universalkaleidophon 429
axiger Krystalle	870	Meyerstein, Bestimmung der Bre-
Hook, Barometer	175	changsexponenten
Hopkins, Schwingungsknoten in		- Heliostat
Pfeifen	398	Hohlprisma
Huyghens, Barometer	174	- Spectrometer 596
- doppelte Breehung	815	Miller, Spectraluntersuchungen 625, 637
- Princip	751	Mitscherlich, Saccharometer 898
Vibrationstheorie	783	Mohl, Mikrographie 114
_		Mohr, Modell d. hydraul. Widders 336
J.		— Wage 113
Jacquin, Vergrösserung der Mikro-		Montgolfier, hydraulischer Widder - 334
skope	7.12	— Luftballon 219
Jamin, elliptische Polarisation.	887	Moser, Hanchbilder 225
Jolly, Apparat für Circularpolarisa		Mousson, Spectralapparat
tion der Flüssigkeiten	895	Müller, Joh., Physiolog., Insecten-
	147	augen
Jung. Interferenzspiegel	786	- Membranose Zungen 46
		- Sehen mit zwei Augen 625
K.		- über das Stimmorgan
Kater, Reversionspendel	292	Müller, Joh., Fbg., Apparat zur De- monstration d. Spiegelnnesgesetze 513
Kellner, Ocular	721	
Kepler, astronomisches Fernrohr	724	des Brechungsgesetzes
Kirchhoff, elektrische Metallspeetra	630	- Photographic des Spectrums 660
- Erklarung der Fraunhofer schen		Welleulänge farhig. Lichtstrahlen 222
Linien	685	- Wellenscheibe
- Genaue Untersuchung des Spee-		
		- Zerlagung d Polaricationsfarban 817
trums	631	— Zerlegung d. Polarisationsfarben 847
- Umkehrung der Flammenspeetra	631 634	— Zerlegung d. Polarisationsfarben 847 Münchow, oscillirendes Prisma 586
- Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft	634 327	
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft König, Phonautograph  439.	634 327 465	Münchow, oscillirendes Prisma 58%
trums — Umkehrung der Flammenspectra Koch, Ausströmen der Luft König, Phonantograph 439 Kopp, Atomyolumen	634 327 465 28	
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft König, Phonautograph  439.	634 327 465	Münchow, oscillirendes Prisma 5 800 N.
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft  König, Phonantograph  439 Kopp, Atomvolumen  — Volumenometer	634 327 465 28	N.  Nachet, Binocularmikroskop 215
trums — Umkehrung der Flammenspectra Koch, Ausströmen der Luft König, Phonantograph 439 Kopp, Atomyolumen	634 327 465 28	Nachet, Binocularmikroskop
trums — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft König, Phonautograph . 439. Kopp, Atomyoliumen . — Volumenometer . L.	634 327 465 28	Nachet, Binocularmikroskop
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft  König, Phonantograph  439 Kopp, Atomvolumen  — Volumenometer	634 327 465 28 184	Nachet, Binoeularmikroskop 213  Zeichnungsapparat 622  Newton, allgemeine Schwere 5  Beugungsphänomene 284
truns  Umkelrung der Flammenspeetra Koeh, Ausströmen der Luft König, Phonantugraph Köpp, Atomvolumen  Volumenometer  L Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Kry-	634 327 465 28 184	N.  Nachet, Binocularmikroskop 213 — Zeichnungappana .  Wewton, alignenien Schwere .  Bengungsphänomene . 248 — Emanationstheorie . 248
truns  Umkchrung der Flammenspeetra Koeb, Ausströmen der Luft König, Phonautograph  439. Kopp, Atomvolumen  Volumenometer  Lamont, Barometer Lang, optsche Orfeutirung der Krystalle.  Umker Volumen der Krystalle.	634 327 465 28 184	N.  Nachet, Binocularmikroskop 211  Zeichnungsapparat 52  Bungsphändene 22  Bungsphändene 22  Bartoning 22
trums  Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Auströmen der Luft Konig, Flonaufograph  439. Kopp, Atomvolinnen  Volumennenter  L Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Krysstelle La Pface, Fortpflanzungsgesehwin tügkeit des Schalles in Luft	634 327 465 28 184 168 925	N.  Nachet, Binocularmikroskop 213 — Zeichnungapparat 5 — Weston, alignenien Schwere 5 — Bengungsphänomene 22 — Emanationstheorie 23 — Farbeuringe 18 — Spectralfarben 465
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Kopp, Atomothumen — Volumenometer  — L  Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Krystalles, Lovinghammangsgeschwin- digkeit des Schalles in Luft Ledie, Stereometer	634 327 465 28 184 168	N. Nachet, Binocularmikroskop 213 Zeichungaaprant 62 Newten, aligemein Schwere 22 Benautonscheret 22 Emanationscheret 22 Emanationscheret 24 Spertrafarten 26 Spertrafarten 26 Spiegteleskop 22
trums Unkelrung der Flammenspeetra Unkelrung der Flammenspeetra Unkelrung der Flammensker König, Phonautograph König, Phonautograph Unkelrung Under Steppenscheiden der Steppenscheiden Lamont, Barometer Lampe, optsehe Orieutirung der Krystalle. Flampe, Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Luft Liebig, Versuche über Endoemose	634 327 465 28 184 168 925	Name,   Name
trums  - Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Koep, Auströmen der Luft Koep, Auströmen der Luft Lumont, Barometer Lung, optische Orieutrung der Krystalle Lumont, Fart Glanzungsgeschwindigkeit des Kehalles in Luft Liebig, Versuche üher Endosmose Liebig, Versuche üher Endosmose Lisbigs, Versuche üher Endosmose Lisbigs, Versuche Wergleichung d.	634 327 465 28 184 168 925 449 184 149	Minchow, ozillirendes Prisma   38*   N.
trums  Umkehrung der Flammenspeetra Umkehrung der Flammenspeetra König, Phonautograph König, Phonautograph  Volumenometer  L Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Kry- Lang, optische Orieutirung der Kry- Lang, optische Orieutirung der Kry- Lang, Der Schalles in Luft Leelle, Netroemeter Liebtig, Versuche üher Zholoomose Liebtig, Versuche üher Zholoomose Stümngahehe Verglechung de	634 327 465 28 184 168 925 449 184 149 432	N.   Nachet, Binocularmikroskop   213
trums  Unkchrung der Klummenspeetra  Unkchrung der Klummenspeetra  Körlig, Phonantograph  Augenster  L  Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Ledie, Streighanungsgeschwin-  Ledie, Streighanungsgeschwin-  Ledie, Streighanungsgeschwin-  Ledie, Streighanungsgeschwin-  Ledie, Streighanungsgeschwin-  Ledie, Verziecke üher Endosmose  Liosajous, optische Vergleichung d.  Vibrationsmikroskop	634 327 465 28 184 168 925 449 184 149 432 438	Name
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Kopp, Adomothunen — Volumenometer  L  Lamont, Barometer Lang, optische Orieutrung der Krytange, Lufter, Fortpflammingsgesohwin- digkeit der Schalles luft Leelle, Steremeter Liebig, Versuche üher Endosmose Liebig, Versuche üher Endosmose Liebig, Versuche Vergleichung d. Stimmighehn Stimmighehn Klimmighehn Klimmighehr Knotenpunkt	634 327 465 28 184 168 925 442 184 149 432 438 666	Name
trums  Umkelrung der Flammenspeetra  Umkelrung der Flammenspeetra  Umkelrung der Flammenspeetra  König, Phonantograph  Augenster  Lamont, Barometer  Lieber, Versuche in Erndomose  Lissignes, optischer ber Endocmose  Lissignes, optischer Vergleichung d.  Stinningshehr  Listing, optischer Vergleichung d.  Listing, optischer Vergleichung d.  Listing, optischer Knotenpunkt  Lidoit, omtischer Knotenpunkt	634 327 465 28 184 168 925 449 149 432 438 666 837	Name
trums  — Umkehrung der Flammenspeetra Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Koeh, Auströmen der Luft Kopp, Adomothunen — Volumenometer  L  Lamont, Barometer Lang, optische Orieutrung der Krytange, Lufter, Fortpflammingsgesohwin- digkeit der Schalles luft Leelle, Steremeter Liebig, Versuche üher Endosmose Liebig, Versuche üher Endosmose Liebig, Versuche Vergleichung d. Stimmighehn Stimmighehn Klimmighehn Klimmighehr Knotenpunkt	634 327 465 28 184 168 925 442 184 149 432 438 666	Minchow, oxiditrendes Prisma   58°
trums  Umkehrung der Flammenspeetra Umkehrung der Elammenspeetra Konig, Processen der	634 327 465 28 184 168 925 449 149 432 438 666 837	Minchow, oxiditrendes Prisma   58°
trums  Wicherung der Klumenspeetra  Kindig, Phonantograph  Körlig, Phonantograph  Lamont, Barometer  L. Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Lamont, Barometer  Listeng, optische Orieutirung der Krystalle  Krystalle  Konstelle  Kon	634 327 465 28 184 168 925 449 449 432 438 666 668 837 148	Minchow, oscillirendes Prisma 38*  N.  Nachet, Bincoularmikroskop 121  Zeichnungaapraat 62  Newton, allgemeine Schwere 3  Besgung-phintomene 22  Farbeuringe 22  Farbeuringe 12  Sperralfacten 62  Sperralfacten 62  Sperralfacten 64  Sperralfacten 6
trums  Umkehrung der Flammenspeetra Umkehrung der Flammenspeetra König, Phonautograph König, Phonautograph  Volumenometer  L Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Kry- Liebig, Versuche üher Zindosmose- Liebig, Versuche üher Zindosmose- Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Judie Greener Knotenpunkt  Liebit, konische Refraction  — Landwig, endomotische Versuche  M.  Magnus, Gyroskop	634 327 465 28 184 168 925 449 184 149 432 438 666 837 148	Minchow, oscillirendes Prisma 38**  N. Ardet, Bincoultrarikrotoop 24** Zelchinningaaptanat 24** Newton, allgemeine Schwere 25** Emanationstheorie 22** Emanationstheorie 22** Emanationstheorie 22** Eraricuring 25** Eraricuring 25** Spiegetberkop 24** Zusammensettung des welsen 24** Lotter s 24** Lotter 24** Need, polarikronde Prismen 25** Lotter 25** Lott
trums  C. Wicklering der Flammenspeetra C. Wicklering der Flammenspeetra C. Wicklering der State König, Phonantograph A. 328. Kopp, Atomothumen  J. Lamont, Barometer L. Lamont, Barometer Lang, optische Orieutirung der Krystalle. Der Schafflering der Krystalle. Lange, berügen der Schafflering der Krystalle. Lange, berügen der Schafflering der Krystalle. Leing, Versuche über Endosmose Liesajons, optische Vergleichung d. Stimmigaben Liebig, Versuche über Endosmose Liesajons, optischer Vergleichung d. Liebig, optischer Knotenpankt Lidoit, koniziehe Refraction Ludwig, endosmotische Versuche M. Magnus, Gyrokop Mains, Polarisation des Liebtes.	634 327 465 28 184 168 925 449 449 432 438 666 668 837 148	Minchow, oscillirendes Prisma 58°  N.  Nachet, Bincoultraftrokop 121  Zeichnungaaprant 62  Newton, allgemeine Schwere 52  Bengung-phanomen 22  Bengung-phanomen 22  Bengung-phanomen 24  Bengung-phanomen 25  Bengung-phano
trums  Witchrang der Flammenspeetra  Witchrang der Flammenspeetra  Körig, Phonantograph  Körig, Phonantograph  Lament, Barometer  L. Lament, Barometer  Lament, Barometer  Lament, Barometer  Lament, Barometer  Lieft, Statien der Greutirung der Krystalle, Statien der Krystalle	634 327 465 28 184 168 925 149 149 432 438 666 837 148	Nachet, Binecularmkroskop
trums  Umkehrung der Flammenspeetra  Umkehrung der Flammenspeetra  König, Phonautograph  Auf  Lamon, Harometor  Lamon, Barometor  Lamon, Barometor  Lamon, barometor  Lamon, berömet Orientirung der Krystalle  Lamon, berömet Orientirung der Krystalle  Lame, berümen Orientirung der Krystalle  Lame, berümen Orientirung der Krystalle  Lieben, Versender ihr Endosmose  Lissajous, optische Vergleichung d.  Stimmgaben  Vibrationsmikrnskop  Vibrationsmikrnskop  Liodik, Kenische Refraction  Ludwig, endosmotische Versuche  M.  Magnin, Gyroskop  Malins, Folarisanion des Lichtes  Malins, Folarisanion des Lichtes  Machlors, Natron	634 327 465 28 184 168 925 449 449 432 438 666 837 148	Minchow, ozcillirendes Prisma 38°  N.  Narlet, Bincultranikrobop 25° Zelchungsapparat 25° Nexton, allgemeine Schwere 3° Beugung-phinonene 26° Emmaniciontheorie 22° Emmaniciontheorie 22° Emmaniciontheorie 22° Emmaniciontheorie 22° Emmaniciontheorie 22° Emmaniciontheorie 22° Sperinfarten 26° Spiegeldeiskop 26° Zosammenstäning des weissen 38° Nicolarde Prismen 22° Nobert, Beugungsten 22° Interferensspectrumplate 7° Noter, Beugungsten 27° Zelchungsapparat 30° Notrenberg, Bestimmung d. Selwingungsbene 26° delleraskopielek Loope 26° delleraskopielek Loope 26° delleraskopielek Loope 26° mikroskop. Polariastionsapparat 30°
trums  C. Wickbrung der Klummenspeetra  C. Wickbrung der Klummenspeetra  C. Wickbrung der Klummenspeetra  Klöfig, Phonantograph  L. Lamont, Barometer  L. Lamont, Barometer  Lang, optsche Orieutirung der Krystalle  Ledie, Nertyflanzungsgeschwin- Ledie, Stereometer  Liebig, Verzucke üher Endosmose  Liebig, Verzucke üher Endosmose  Liebig, verzucke üher Endosmose  Liebig, optischer Verzelechung d.  Vibrationsmikroskop  Lieting, optischer Knotenpunkt  Liedie, notischer Knotenpunkt  Liedie, notischer Knotenpunkt  Liedie, konische Kerfraction  M. Magnus, Gyroskop  Malus, Polafisation des Lichtes  Marbach, Circularpolatiation in  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft	634 327 165 28 184 168 925 449 149 432 438 666 837 148	Minchow, oscillirendes Prisma 38*  N.  Nachet, Bincoularmikroskop 121  Zeichnungaaprant 62  Newton, allgemeine Schwere 5  Beugung-phinomene 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeunge 12  Farbeunge 12  Farbeunge 12  Farbeunge 14  Spiergleideskop 16  Spiergleide
trums  Umkehrung der Flammenspeetra Umkehrung der Flammenspeetra König, Phonautograph König, Phonautograph König, Phonautograph  Lannon, Barometer  Lannon, Barometer Langenprische Orieutirung der Krytamen, der Schalles Leelle, Kreerometer Fadomane, Losajous, epithete Vergleichung distingnighen  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Vibrationsmikroskop  — Wibrationsmikroskop  Mans, Fedarisation des Lichtes  Manguns, Gyroskop  Malus, Fedarisation des Lichtes  Marfach, Circularpolarisation im  Marfach, Circularpolarisation im  Marfott, Compression der Luft  Marloy, Stimmgabel	634 327 465 28 184 168 925 442 149 432 438 432 448 432 438 432 438 432 438 438 432 438 438 438 438 438 438 438 438 438 438	Ninchow, oscillirendes Prisma 38*  N. Arlet, Bincolurarikrotsop 24  Nachet, Bincolurarikrotsop 24  Nexton, allgemeine Schwere 3  Emanationstheorie 22  Emanationstheorie 22  Emanationstheorie 22  Emanationstheorie 22  Emanationstheorie 22  Emanationstheorie 23  Enter all 20  Spiegeldeiskop 22  Justine 38  Nichtes 24  Zusammenstatung des weissen 34  Lichtes 24  Zusammenstatung des weissen 34  Kiehte 34  Nicken polarisierunde Prismen 32  Linterferenzapetrumplate 7  Probeplate 3  Nicremberg, Hestimanung Aselwin gungsehene 3  dichronkopische Loupe 9  dichronkopische Loupe 9  Interferenzapetrumplatungsparat 3  Interferenzapetrumplatungsparat 3  dichronkopische Loupe 9  Publisationsapparat 3  Publisationsapparat 3  Publisationsapparat 3  Emanuel 20  Emanuel 2
trums  C. Wickbrung der Klummenspeetra  C. Wickbrung der Klummenspeetra  C. Wickbrung der Klummenspeetra  Klöfig, Phonantograph  L. Lamont, Barometer  L. Lamont, Barometer  Lang, optsche Orieutirung der Krystalle  Ledie, Nertyflanzungsgeschwin- Ledie, Stereometer  Liebig, Verzucke üher Endosmose  Liebig, Verzucke üher Endosmose  Liebig, verzucke üher Endosmose  Liebig, optischer Verzelechung d.  Vibrationsmikroskop  Lieting, optischer Knotenpunkt  Liedie, notischer Knotenpunkt  Liedie, notischer Knotenpunkt  Liedie, konische Kerfraction  M. Magnus, Gyroskop  Malus, Polafisation des Lichtes  Marbach, Circularpolatiation in  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft  Marfortet, Compression der Luft	634 327 165 28 184 168 925 449 149 432 438 666 837 148	Minchow, oscillirendes Prisma 38*  N.  Nachet, Bincoularmikroskop 121  Zeichnungaaprant 62  Newton, allgemeine Schwere 5  Beugung-phinomene 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeungen 22  Farbeunge 12  Farbeunge 12  Farbeunge 12  Farbeunge 14  Spiergleideskop 16  Spiergleide

0	peite	Savart, Fixirung der Klaugfiguren	Seite 417
0.		<ul> <li>Modificationen der Orgelpfeifen-</li> </ul>	
Oberhausser, Dissectionsmikroskop.  — Mikroskop-Objective Oechsle, Mostwage Oersted, Versuch über d. Mariotte'-	710 707 122	töne  Schallgeschwindigkeit in festen Körpern  Stoss des Wassers	898 454 821
sche Gesetz	189	tiefste Töne	409 421 184
Ohm, akustisches Gesetz	472 787	Scheible, Stösse	468
P.		Fr. Schmidt, Saccharometer	568 926
Pascal, hydrostat. Apparat Pistor and Martins, Reflexionskreis	105 916 683	G. G. Schmidt, Ausströmen der Luft  — Densimeterscala	847 118 29
Plateau, Irradiation	710 719	Schubart, Apparat zur Erzeugung stehender Wellen	414
Plücker, Brechungsexponenten	922 629	länge der Lichtstrahlen	766 756
röltren	318	— Intensität des Bengungsbildes     — Russgitter	767 779 465
Schwingungen d. Trommelfells . Poncelet, Wasserrad	494 824 698	Scott u. König, Phonautograph Seebeek, Interferenz d. Schallwellen — Sirene	460 408
Porta, camera obscura	190	Segner, Wasserrad	320 924
- doppelte Quarzplatte Powel, s. Baden-Powel.	896	Silbermann jun., Compressionspumpe Silbermann sen., Heliostat	208 525 358
Prony, Bremsdynamometer	305	Smith, Schraubendampfschiff Suellins, Brechungsgesetz	648 696
R.		Soleil, Saccharometer	898 468
Ramsden, Ocular Redtenbacher, Wellenlange in Bre- chungsexponenten	710 781	Sorge, Combinationstone Staudinger, doppelt wirkende Luft- pumpe Steeg, Nachahmung d. Apophyllit-	204
Regnault, Versuch über d. Mariotte's sehe Gesetz	192		
		ringe Steinheil, grosser Speetralapparat	924 631
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenometer	128 188	Steinheil, grosser Speetralapparat . Stöhrer, Sirene	631 406 917
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenometer Reichenbach, Wassersaulenmaschine Rheita, terrestrisches Ocular	128	Steinheil, grosser Speetralapparat Stöhrer, Sirene - oscillirendes Prisma Stokes, Fluorescenz Strehlke, Klangfiguren	631 406
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenometer Reichenbach, Wassersäulenmaschlue Rheita, terrestrisches Ocular Ritchle, Apparat zu Newton's Far- benringen	128 188 832	Steinheil, grosser Speetralapparat Stöhrer, Sirene — oseillirendes Prisma Stokes, Fluorescenz Strehlke, Klangfiguren Sturm n. Colladon, Geschwindigkeit des Schalles im Wasser — Zasammendrückbarkeit d. Plüş-	631 406 917 649 421
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenometer	128 188 832 728	Nteinheil, grosser Spectralapparat Stöhrer, Sirene oscillirendes Prisun Stokes, Flaoroscent Strehlte, Klangfiguren Sturm n. Colladon, Geschwindigkeit des Schalles im Wasser Zusammendrückbarkeit d. Flüs- sigkeiten Swan, Spectrum der Kohlenwasser-	631 406 917 649 421 451 127
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenometer Reichenbach, Wassersäulenmaschine Rheita, terrestrisches Ocular Ritchle, Apparat zu Newton's Far- benringen Rochon, Mikrometer Römer, Geschwindigk. d. Lichtes	128 188 332 728 782 825 428	Steinheil, grosser Spectralapparat Stöhrer, Sirene – oscillirendes Prisma Stokes, Fluorescenz Strehlike, Klangfiguren Sturm u. Colladon, Geschwindigkeit des Schalles im Wasser – Zasammendrückbarkeit d. Flüssigkeiten	631 406 917 649 421
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenneter Reichenbach, Wassersäufennasshine Rheita, terrestrisches Geular - Ritchle, Apparat zu Newton's Farbenringen Rochon, Mikrometer - Römer, Geschwindigk, d. Lichtes - Rumford, Photometer	128 188 532 725 782 825 498 503	Nieinheil, grosser Spectralapparat Stöhere, Sirene oscillierendes Pfstana oscillierendes Pfstana Strehlie, Klangfguren Stratm u. Colladon, Geschwindigkeit des Schalles im Wasser — Zusammendriebbarieti d. Plüs-Swan, Spectram der Kohlenwasserstofflamme	631 406 217 649 421 451 127 628
barkeit der Flüssigkeiten Kegnault, Volumenometer Kegnault, Volumenometer Richte, Apparat zu Newton's Far- berufigen Richte, Apparat zu Newton's Far- berufigen Keiner, Geschwindigk, d. Lichtes- Rumford, Photometer S. Sahina, Länge des Seeundenpeud- Santonre, Abvorption d. Gase durch Santonre, Abvorption d. Gase durch Santonre, Abvorption d. Gase durch Santonre, Abvorption d. Santonre, Schwin- Santonre, Sentimunning der Schwin-	128 188 332 725 782 825 428 593 297 223	Nieinheil, grosser Spectralpsparat Stöbere, Siren ossellirendes Prisan Strehle, Klangfiguren Starm n. Colladon, Geschwindigkeit des Schalles im Wasser Zusammendriekbarkeit d. Plüssigkeiten T. Talbot, Interferendlinien — Photographie	631 406 917 649 421 451 127 628 849 658
barkeit der Flüssigkeiten Regnault, Volumenmeter Reichenbach, Wassersäulerumas-hie Richte Apparat zu Newton's Far- beuringen Rochon, Mikrometer Romer, Gesebwindigk. d. Lichtes Ramford, Photometer S. Sahina, Länge des Sevundenprudels Santoure, Absorption d. Gase durch Kuhle	128 188 532 725 782 825 498 503	Steinheil, grosser Spectralapparat Stohere, Strieger Priem Stokes, Fluorescera Strahle, Klangfiguern Stram t. Colladon, Grechwindigkei Stram t. Colladon, Grechwindigkei Tausmunenfleichkarkeit d. Hissiskeiten Swat, Spectram der Kohlenwaserstofflamme T. Talbot, Interferendinien	631 406 917 649 421 451 127 628

Seite	Sei	
V.	Wheatstone, Kaleidophon 4:	
	- Spectrum elektrischer Funken . 63	
Veutzke, Saccharometer 928	- Stereoskop 60	8
Vidi, Aneroidharometer 215	- Wellenapparat	
Volkmann, optisch. Krenznugspunkt 666	Willigen, van der, Spectrum des	
	elektrischen Funkens 6	10
w.	Wilson, Loupe	90
Waidele, Erklarung d. Hauchbilder 226	Wollaston, camera Incida 65	16
Weber, Barometerscala 166	- dunner Platindraht	LZ.
- Versuche über Zungenpfeifen . 444	- dunkle Linien im Spectram 51	13
- Wellenlohre 366	— Goniometer	Ц
- Wirkung d. Luftdrucks auf den	- Spectrum elektr. Funken 62	18
menschlichen Körper 177		
Welcker, Irradiation 684	Υ.	
Wenham, Binoenlarmikroskop 716	_	
Wertheim, Elasticitatsmessungen . 78	Young, Diffractionsphinomen 2	£
- Festigkeitsmessungen 83	- Interferenz	

#### Berichtigungen.

Seite & steht Fig. 79 in den meisten Abdrucken nicht richtig; dieselbe musso stehen:



Seite 517 Zeile 15 v. n. statt 583 (a. S. 510) lies 586 (a. S. 518).

Seite 518 Zeile 3 v. o. "und Fig. 585" deleatur.

Seite 505 ist der Paragraph ad marginem statt 235 zu lesen 214.

Seite 608 ad marginem statt 237 lies 246. Seite 607 ad marginem statt 239 lies 248.

Scite 615 Zeile 10 v. u. statt §. 234 lies §. 243.

### Zusätze und Berichtigungen zum ersten Bande.

Zum Schlnss des §. S4 auf S. 189. — Das Regnault'sche Volumenometer lässt sich in verschiedener Weise zur Ermittelung des specifischen Gewichts pulverförmiger Körper benutzen, nämlich

1. bei geöffnetem Hahn s wird r in die Stellung Fig. 240 gebracht und so lange Quecksilher in de diegefüllt, his es die Marke m erreichtat. Nun wird s geschlossen. Die abgesperrte Luft hat jetzt das Volumen V - x, wenn x das Volumen des Pulvers bezeichnet; sie steht unter dem Druck der Atmosphäre, den wir mit III bezeichnen wollen.

Nnn bringt man, während s geschloseen bleibt, den Hahn r in die Stellung Fig. 239 und lässt queckeibher auslaufen his se zum Markstrich p gesunken ist, worauf der Hahn r mm 90° nach rechts gedreht wird, so dass das Rohr ab naten ahgesperrt ist, während das Quecksülber aus od auslauft. Jetzt hat die abgesperrte Laft das Volumen P - x + v und sie steht unter dem Druck H - h, wenn h den Höhenunterschied zweischen dem Marken m mad p bereichnet. Wir haben also

und daraus

Es ist dies das am Schlusse des §. 84 hereits besprochene, aber dort nicht ganz präcis beschriebene Verfahren.

2. Nachdem man die Einstellung des Quecksilhers bei der Marke se ehen ob ewerkstelligt hat, wie es oben heeshrichen wurde, wird der Hahn r in die Stellung Fig. 211 gehracht, so dass Quecksilher aus beiden Schenkeln des Apparates ausfliest; wenn es auf diese Weise in dem einen Schenkel bis p gesunken ist, wird der Hahn r in die Stellung Fig. 240 gebracht. Zur Berechnung von x dient anch jetzt noch die Gleichung 1),

in welcher aher für h die mit dem Kathetometer zu messende Höhendifferenz von p und der Quecksilherkuppe des anderen Schenkels zu setzen ist.

3. Während der Hahn s geöffnet ist und r die Stellung Fig. 240 einminmt, wird so viel Quecksilber in den offenen Schenkel eingegossen, dass es, in heiden Schenkeln gleich hoch stehend, die Marke p erreicht. Wird abdann der Hahn s geschlossen, so ist ein Luftvolum V-x+v abgespert, welches unter dem Pruck der Atmosphäre B steh

Nun wird in den offenen Schenkel Quecksilher zugefüllt, his est in ab zur Marke m gestiegen ist. Es steht nun in dem offenen Schenkel um eine mit dem Kathetometer zu messende Höhe  $h_1$  üher der Marke m, die abgesperte Luft aimmt das Volumen V-x ein und steht unter dem Druck  $H+h_1$ , es ergieht sich also die Gleichung

$$\frac{V-x}{V-x+v} = \frac{H}{H+h_1} \dots \dots 3$$

und daraus

Durch Combination der Gleichungen 1) und 3) ist man der Beobachtung des Barometers gänzlich überhoben; wenn man nämlich H eliminirt, so ergieht sich

(Pogg. Ann. LXVI, 445).

Zu § .360 und 361. — In Paragraph 360 ist irrthümlich der Stärkezucker (Trauhenzucker) als linksdrehend aufgeführt; er ist rechtsdrehend wie der Roburzucker. Dagegenist der Fruchtzucker, welcher mit dem Trauhenzucker gleiche atomistische Zusammensetzung hat (C<sub>12</sub>H<sub>12</sub>O<sub>12</sub>), stark linksdrehend.

Der Inhalt des Absatzes Zeile 1 his 8 von oben auf S. 901 ist dahin zu herichtigen, dass der in einer wässerigen Aufösung enhaltene Rohrzucker durch Kochen mit Satzsäure in sogenannten umgewandelten Zucker, Invertzucker, d. h. in eine liuksdrehende Mischung gleicher Aequivalente linksdrehenden Fruchtzuckers und rechtsdrehenden Traubenzuckers überzeicht.

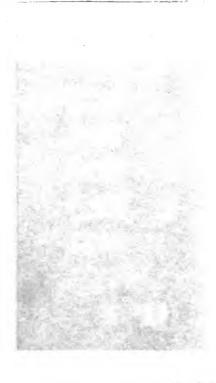
Während das Drehungsvermögen des Rohrzuckers und des rechtsdrehenden Trauhenzuckers sich mit der Temperatur nicht viel ändert, nimmt das Drehungsvermögen des Fruchtzuckers mit steigender Temperatur raseh ab.

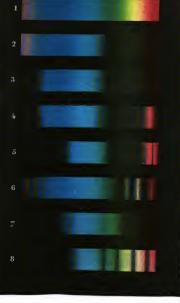
Eine frisch bereitete Lösung von Trauhenzucker hat ein sehr starkes Drehungevermögen, welches allmätig ahnimmt und nach 24 Stunden auf ein stationäres Minimum gefallen ist, welches ungefähr ½ des urspringlichen beträgt. Durch Kochen kann man rasch das Drehungsvermögen der Tranbenzuckerlösung auf die normale Grösse zurückführen. Zu §. 355. — Was auf Seite 886 über Metallreflexion gesagt ist, bedarf einer Berichtigung.

Wenn ein linear polarisirter Strahl unter dem Azimuth + 45° auf einen Metallspiegel fällt, so werden bei einem gewissen Einfallswinkel, welchen Brewster dem des Polarisationsmaximums nannte, den man aber gewöhnlich als "Han pt in ei den zu bezeichnet, die Componenten des reflectirten Strahls allerdrügs mit einen Phasendifferenz von "," Wellenlange behaftet sein, ohne jedoch eireulares Licht zu liefern. Der unter solchen Verhältnissen reflectirte Strahl ist vielmehr wegen der geringeren Intensität der in der Einfallsebene sehwingenden Componente stets elliptisch polarisit. Die Grenharpolarisation durch Metalle erheischt deshalb mit Beibehaltung der Hanptineidenz ein grösserse Arimuth als 45 mit mit 36 mit 18 mit 18

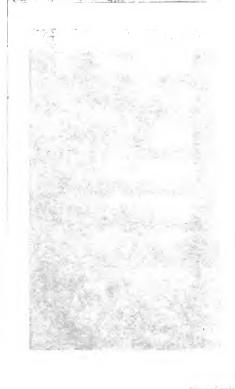
Aus dem angeführten Grunde liefert auch eine zweite Reflexion auf einem mit dem ersten parallelen Spiegel desselben Metalls zwar gesulänig polarisirtes Licht (weil die Phasendifferenn auf ½ Wellenlänge gewachsen ist, aber nicht, wie es bei circulärer Polarisation sein mässtinnebene im Betrage von 90°), sondern unter kleinerem Azimuth, dessen Werth sich von einem Metall zum andern ändert. Diese im Vergleich mit dem Azimuth des einfallenden Strahls nach eutgegengesetzter Seite der Einfallsebene liegenden Azimuthalwisch betragen für Silber 39° 48°; für Kupfer 29°, für Quecksilber 26° u. s. w., kurz jene Zahlenwerthe, welche auf S. 886 irrhämlich als Hauptincidenzen angegeben sind. Die entsprechenden Hauptincidenzen betragen vielmehr für Silber 73°, für Quecksilber 78° 27° t. s. s.

Die Hauptincidenz ist der Einfallswinkel, für welchen der reflectirte, elliptisch polarisirte Strahl am meisten von der Circularpolarisation abweicht und sich am meisten der linearen Polarisation nähert.











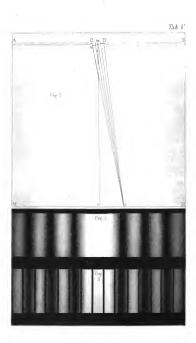
.









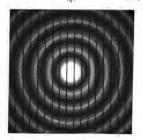








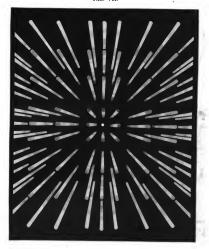




Fg2

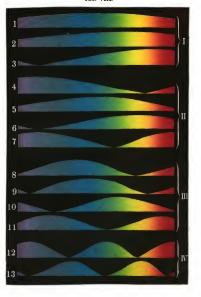








Tab. VIII.

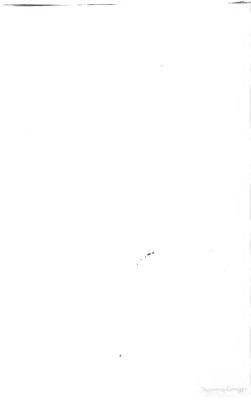


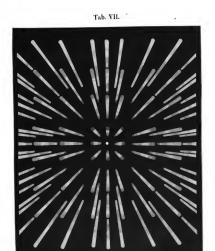






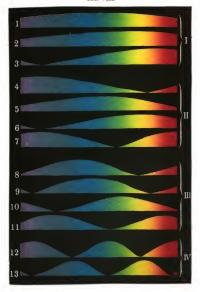
Ferbendr v Storch & Kramer, Berlin

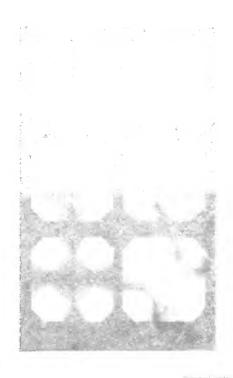






Tab. VIII.



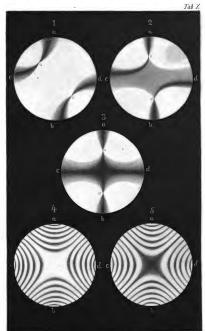




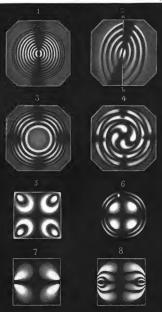
farbendr v Storch & Kramer, Berlin



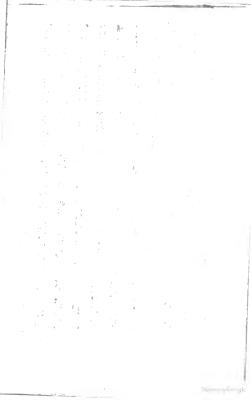
9



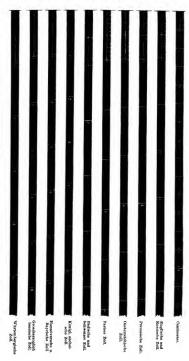








## Vergleichende Tafel der Längenmaafse.



hannöversche, weshalb man den bayrischen und hannöverschen Zoll ohne merklichen Fehler als gleich annehmen kann Sechs braunschweigische Zoll sind nur um ein Millmeter grösser als sociss sächeische. Der bayrische Fuss ist nur um 1/10 Millmeter grösser als der



